

ULB Sibiu

# Algoritmul A\* în Problema 8-Puzzle

**Andrei-Nicolae Căluțiu**

Sursă aplicație – Git

INTELIGENȚĂ ARTIFICIALĂ | 2023

# Cuprins

✦ Introducere 8-Puzzle

✦ Verificarea unui careu valid

✦ Căutare Euristică

✦ Algoritmul A\*

✦ Aplicația propusă

# Introducere 8 Puzzle

- Un N-Puzzle conține  $\sqrt{(n+1)}$  poziții într-un careu în care una din poziții este liberă pentru a putea face mutări de rearanjare;
- Scopul este de a ajunge din starea inițială în starea finală, ambele fiind furnizate de la început;
- În fiecare pas se poate face o singură mutare, într-una din cele 4 direcții: sus, jos, stînga, dreapta, spre o poziție liberă;

- exemplu:

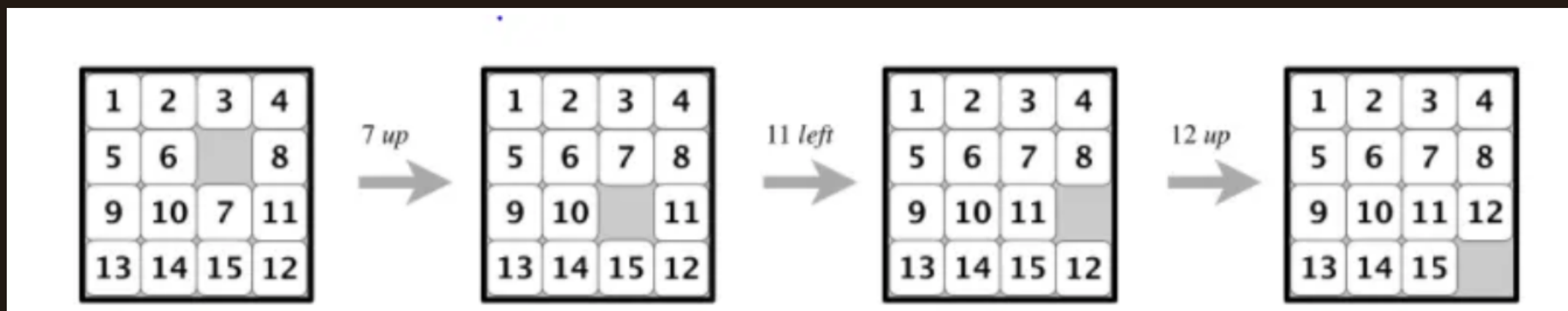
poz. inițială				poziția finală		
1	8	2	→	1	2	3
_	4	3		4	5	6
7	6	5		7	8	_



Sursă aplicație – Git

# Verificarea unui careu valid

- Pentru ca un careu să fie rezolvabil, numărul de inversiuni trebuie să fie par;
- O inversiune este creată de o pereche de casete care sunt în ordinea inversă celei finale;
- Ideea este că paritatea inversiunilor rămîne egală după un set de mutări;
- Dacă ea este impară în situația de start, ea rămîne impară după oricîte mutări, iar dacă este pară în situația de start, atunci după un număr finit de mutări, ea ajunge să fie 0, adică puzzle-ul este în starea finală cerută;

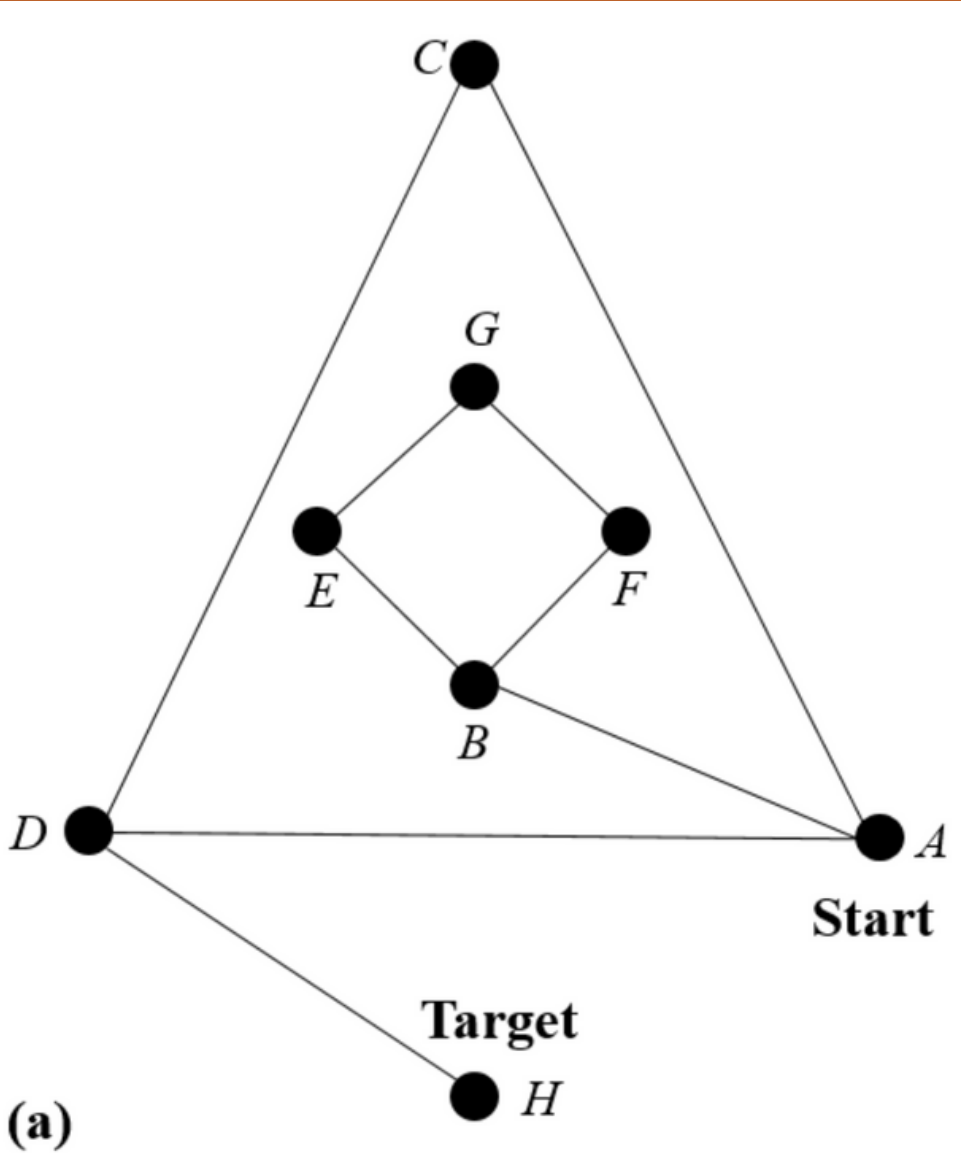




sursă: Lancaster University

- Un algoritm de căutare euristică știe unde sunt cele mai crescute șanse de a găsi elementul căutat și se îndreaptă spre acea zonă;
- O valoare generată de o funcție euristică, îi comunică algoritmului ce cale oferă cele mai mari șanse de a găsi elementul căutat. Această funcție se alege în funcție de problema de căutare;

Step	Exploring	Open	Closed
1		{A}	{}
2	A	{B, C, D}	{A}
3	B	{C, D, E, F}	{A, B}
4	C	{D, E, F}	{A, B, C}
5	D	{E, F, H}	{A, B, C, D}
6	E	{F, H, G}	{A, B, C, D, E}
7	F	{H, G}	{A, B, C, D, E, F}
8	H	{G}	{A, B, C, D, E, F, H}
9	G	{}	{A, B, C, D, E, F, H, G}

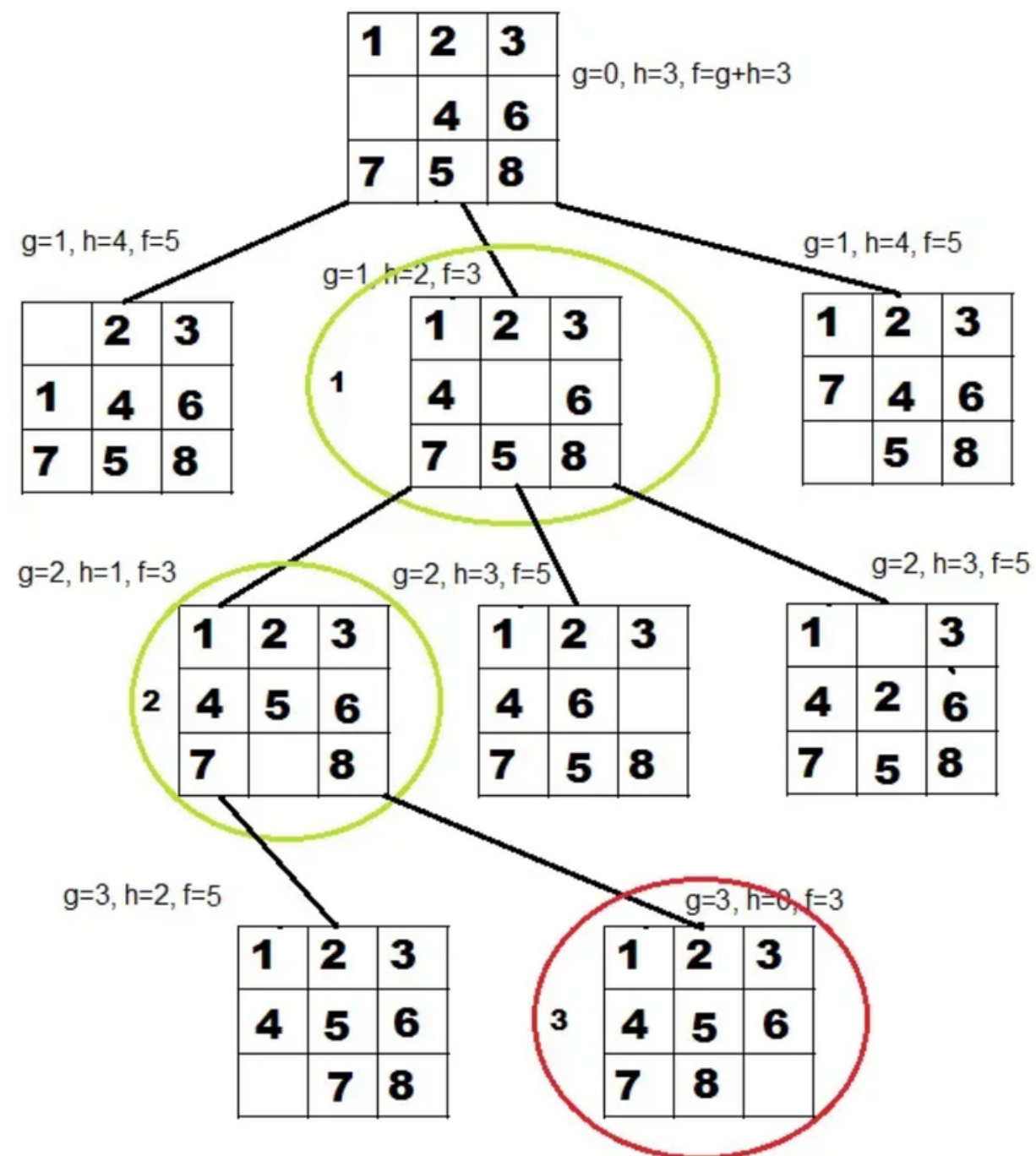


# Algoritmul A\*

- Utilizat larg pentru căutarea de rute și parcurgere de grafuri, acesta caută cea mai eficientă rută între mai multe noduri;
- Algoritmul ține o evidență cu toate nodurile vizitate și cu toate nodurile care mai sunt de vizitat, dar și o valoare de optimalitate pentru vizitarea fiecărui nod;
- Fiecare nod reține adresa părintelui pentru a putea face ruta de întoarcere, iar expandarea nodurilor se face prin vizitarea și salvarea tuturor vecinilor nodului curent;
- Nodul optim de vizitat se alege după valoarea funcției  $f = h + g$
- $h \rightarrow$  distanța pînă la nodul țintă
- $g \rightarrow$  numărul de noduri parcurse pînă la nodul curent

# Aplicarea algoritmului la 8-Puzzle

Pag. 07



- Mutăm spațiul liber în toate direcțiile posibile și calculăm valoarea funcției  $f$ , în sensul în care expandăm starea inițială;
- Algoritmul alege nodul/starea cu cea mai mică valoare a funcției  $f$ , ceea ce înseamnă că aceasta are cea mai mare probabilitate de a ajunge mai repede la starea finală și expandează în continuare pînă atinge această stare;

ULB Sibiu

Sursă aplicație – Git

# Mulțumesc!

**Andrei–Nicolae Căluțiu**

INTELIGENȚĂ ARTIFICIALĂ | 2023