# МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ ОДЕСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ імені І. І. МЕЧНИКОВА

# СЕМЕНОВ АНДРІЙ КОСТЯНТИНОВИЧ

УДК 538.956; 537.9; 544.72.05; 544.77

# ЕЛЕКТРОФІЗИЧНІ ВЛАСТИВОСТІ БАГАТОФАЗНИХ ДИСПЕРСНИХ СИСТЕМ

01.04.02 — теоретична фізика

## ΑΒΤΟΡΕΦΕΡΑΤ

дисертації на здобуття наукового ступеня кандидата фізико-математичних наук

Дисертацією є рукопис.

Робота виконана на кафедрі теоретичної фізики і астрономії Одеського національного університету імені І. І. Мечникова.

Науковий керівник: кандидат фізико-математичних наук, доцент

**Сушко Мирослав Ярославович**, доцент кафедри теоретичної фізики та

астрономії, Одеський національний університет

імені І. І. Мечникова.

Офіційні опоненти: доктор фізико-математичних наук, професор

Лебовка Микола Іванович,

завідувач відділу фізичної хімії дисперсних мінералів, Інститут біоколоїдної хімії імені

Ф. Д. Овчаренка НАН України;

доктор фізико-математичних наук, старший науковий співробітник Лисенков Едуард Анатолійович, доцент кафедри фізики та математики,

Миколаївський національний університет імені

В. О. Сухомлинського.

Захист дисертації відбудеться «»	2020 р. о годи-
ні на засіданні спеціалізованої вченої ради Д 4	41.051.04 Одеського націо-
нального університету імені І.І.Мечникова за	адресою: 65082 м. Одеса,
вул. Пастера, 27, ОНУ імені І.І.Мечникова, Ве	елика фізична аудиторія.

3 дисертацією можна ознайомитись у бібліотеці Одеського національного університету імені І. І. Мечникова за адресою: 65026 м. Одеса, вул. Преображенська, 24 та на сайті: http://theorphys.onu.edu.ua/thesises.

Автореферат розісланий «\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2020 р.

Вчений секретар спеціалізованої вченої ради Д 41.051.04 кандидат фізико-математичних наук

#### ЗАГАЛЬНА ХАРАКТЕРИСТИКА РОБОТИ

**Актуальність теми.** Актуальність роботи визначається як нагальними практичними задачами створення та застосування нових композитних матеріалів з бажаними та контрольованими електрофізичними властивостями (наприклад, тверді композитні та полімерні композитні електроліти), суттєво відмінними від властивостей природних речовин, так і необхідністю побудови і вдосконалення надійних теоретичних моделей для кількісного опису та діагностики їх характеристик.

Робота присвячена побудові та аналізу теоретичної моделі для опису найменш дослідженого, але найбільш поширеного типу тривимірних невпорядкованих систем, утворених диспергуванням частинок наповнювача в несучу матрицю. Ключовими проблемами, далекими до свого розв'язання, при створенні послідовної теорії таких систем є врахування різного роду міжфазних ефектів (нерегулярність форми частинок; контактний опір; утворення оксидних шарів; формування високопровідних областей з підвищеною концентрацією дефектів чи іонів; аморфізація полімерної матриці тощо), змін властивостей самої матриці (внаслідок неконтрольованого легування, забруднення, змін внутрішньої структури тощо) та послідовний розрахунок багаточастинкових поляризаційних та кореляційних ефектів.

Побудована в дисертаційній роботі аналітична теорія ефективного квазістатичного електричного відгуку невпорядкованих систем частинок з морфологією тверде ядро-проникна оболонка є багаточастинковою та дозволяє враховувати вплив міжфазних та матричних ефектів через моделювання одночастинкового електричного профілю комплексної діелектричної проникності оболонок. Здобуті основні теоретичні співвідношення між ефективною статичною електричною провідністю системи та електричними і геометричними параметрами компонентів підтверджуються результатами їх порівняння з існуючими даними симуляцій методом Random Resistor Network (RRN) та спроможністю адекватно описувати широкі масиви експериментальних даних для ефективної квазістатичної провідності твердих композитних і полімерних композитних електролітів, ефективних електричної провідності та діелектричної проникності в околі порогу електричної перколяції в системі діелектрик-провідник із міжфазним шаром. Теорія також дозволяє показати непослідовність та обмеженість поширеної диференціальної схеми для обчислення ефективних електричних параметрів гетерогенних систем.

Зв'язок з науковими програмами, планами, темами. Дисертаційна робота виконувалась на кафедрі теоретичної фізики і астроно-

мії Одеського національного університету імені І. І. Мечникова, а також є складовою частиною досліджень, які проводились за держбюджетною темою "Дослідження термодинамічних, критичних та кінетичних властивостей рідких металів та їх сплавів" No 0118U000202, а також за держбюджетною темою "Рівняння стану, термодинамічні та кінетичні властивості нанофлюїдів. Дослідження структурування нанофлюїдів на основі кореляційної спектроскопії та спектроскопії діелектричної проникності" No 113U000374.

**Мета, задачі, об'єкт, предмет та методи досліджень.** *Метою* роботи є побудова теорії ефективних електричних властивостей невпорядкованих дисперсних систем частинок з морфологією тверде ядро-проникна оболонка. У зв'язку з цим були поставлені sadavi:

- 1. Розробити теорію електродинамічної гомогенізації невпорядкованих систем провідних частинок у рамках методу компактних груп  $(MK\Gamma)$  [1–4], для чого узагальнити та замкнути  $MK\Gamma$  на випадок провідних частинок.
- 2. Проаналізувати в рамках цієї теорії ефективні електричні властивості невпорядкованих систем частинок з морфологією тверде ядро-проникна оболонка та протестувати теорію шляхом порівняння отриманих результатів з даними числових симуляцій.
- 3. Дослідити застосовність теорії до опису електричних властивостей твердих та полімерних композитних електролітів.
- 4. Дослідити застосовність теорії до опису електричної перколяції в дисперсноподібних композитах.
- 5. Виконати критичний аналіз диференціальної схеми обчислення ефективних електрофізичних параметрів гетерогенних систем

Об'ект дослідження: невпорядковані дисперсні системи частинок з морфологією тверде ядро—проникна оболонка.

 $\it Предмет дослідження:$ ефективні електрична провідність та ді<br/>електрична проникність.

Методи дослідження. У роботі був використаний метод компактних груп неоднорідностей [1–4], який дозволяє врахувати багаточастинкові поляризаційні і кореляційні ефекти в довгохвильовому межі, уникаючи деталізації їх розрахунку.

**Наукова новизна отриманих результатів.** В роботі отримано наступні результати:

— В рамках методу компактних груп неоднорідностей побудовано внутрішньо замкнену статистичну модель квазістатичного електричного відгуку макроскопічно однорідних та ізотропних дисперсних

систем частинок з морфологією типу тверде ядро-проникна оболонка.

- Показано адекватність моделі для опису концентраційних залежностей статичної провідності, отриманих методом числових симуляцій RRN для модельних систем з електрично однорідними та неоднорідними оболонками, та її суттєві переваги над моделям Максвелла-Гарнетта, Бруггемана та Накамури-Нана.
- Показано застосовність теорії до кількісного опису експериментальних даних з ефективної провідності твердих композитних та полімерних композитних електролітів та аналізу ролі різних фізикохімічних механізмів у її формуванні. Внески останніх можна ефективно врахувати через профіль комплексної діелектричної проникності проникних оболонок.
- Показано застосовність теорії до кількісного опису ефективних електричної провідності та діелектричної проникності твердих невпорядкованих композитів в околі порогу електричної перколяції. Встановлено залежність положення порогу перколяції від геометричних параметрів оболонки. Продемонстровано залежність ефективних критичних індексів для таких систем від геометричних та електричних параметрів компонентів та способу обробки експериментальних даних.
- Показано внутрішню непослідовність та загальну обмеженість диференціальної схеми для аналізу ефективних квазістатичних електричних параметрів диспесних систем.

**Практичне значення отриманих результатів.** Розвинута теорія може розглядатися як новий гнучкий інструмент для аналізу та діагностики як ефективних електрофізичних параметрів невпорядкованих композитних систем, так і існуючих методів їх вивчення.

Особистий внесок здобувача. Три статті [1\*, 3\*, 4\*] виконані у співавторстві з науковим керівником. Загальна постановка задач статей [1\*, 3\*, 4\*] належить доц. Сушку М.Я.. При роботі над цими статтями здобувач брав участь в пошуку та аналізі пов'язаних з ними теоретичних матеріалів та експериментальних даних, виконував з науковим керівником паралельні взаємоконтролюючі теоретичні розрахунки та обробки даних симуляцій та експерименту, брав участь в інтерпретації, аналізі результатів та підготовці їх до опублікування. Також здобувачем було виказано ідею про використання крайових умов для замикання процедури гомогенізації, проаналізовано проблему відображення результатів досліджуваної моделі на результати існуючих комп'ютерних симуляцій, розв'язано

задачу відновлення провідності реальної матриці через параметри дальньої частини модельного профілю провідності оболонки.

Постановка задачі статті  $[2^*]$  та її повне розв'язання належать здобувачу.

**Апробація результатів дисертації.** Результати дисертації доповідалися на семінарах кафедри теоретичної фізики, а також були представлені автором на наукових конференціях/школах/семінарах, з яких дванадцять міжнародних:

- 1. 4-th International Conference on Statistical Physics: Modern Trends and Applications, Lviv, Ukraine, 2012.
- 2. 25-th International Conference: Disperse Systems, Odesa, Ukraine, 2012.
- 3. 5-th International Symposium: Methods and Applications of Computational Chemistry, Kharkiv, Ukraine, 2013.
- 4. 6-th International Conference Physics of Liquid Matter: Modern Problems, Kyiv, Ukraine, 2014.
- 26-th International Conference: Disperse Systems, Odesa, Ukraine, 2014.
- 6. 2015 International Young Scientists Forum on Applied Physics, Dnipropetrovsk, Ukraine, 2015.
- 27-th International Conference: Disperse Systems, Odesa, Ukraine, 2016.
- 8. International conference: Development of innovation in the technical, physical and mathematical fields of sciences, Mykolayiv, Ukraine, 2016.
- 9. 8-th International Conference Physics of Liquid Matter: Modern Problems, Kyiv, Ukraine, 2018.
- 10. 5-th International Conference on Statistical Physics: Modern Trends and Applications, Lviv, Ukraine, 2019.
- 7-th International Conference: Nanotechnologies and Nanomaterials, Lviv, Ukraine, 2019.
- 12. 28-th International Conference: Disperse Systems, Odesa, Ukraine, 2019.

Структура та обсяг роботи. Дисертація складається зі вступу, п'яти розділів, висновків і списку використаних джерел, що містить ?? посилання. Загальний обсяг дисертації — ??? сторінок друкованого тексту.

# основний зміст роботи

У **Вступі** обґрунтовано актуальність теми дисертації, визначені мета, завдання, об'єкт, предмет та методи дослідження. Обговорені наукова новизна і практичне значення отриманих результатів.

В першому розділі наведено огляд деяких з основних теорій, що використовуються для вивчення та аналізу електрофізичних властивостей макроскопічно однорідних та ізотропних дисперсних систем: теорія перколяції для квазістатичної провідності й проникності; класичні одночастинкові підходи Максвела-Гарнетта та Бруггемана, що досі часто використовуються та грають роль бази для побудови нових теорії, з яких розглянута теорія Накамури Нана Вічорека для опису концентраційної поведінки композитних електролітів; диференціальній та поступовий (іпстемеntal) підходи; багаточастинкові теорія сильних флуктуацій властивостей (strong-property-fluctuation theory, SPFT) та метод компактних груп неоднорідностей (МКГ); межі Хашина-Штрікмана для лінійного відгуку, яким повинна задовільняти кожна теорія для опису невпорядкованих дисперсних систем.

Другий розділ дисертації присвячений розвиненню моделі для опису квазістатичної ефективної комплексної діелектричної проникності немагнітних провідних систем невпорядкованих частинок з морфологією тверде ядро-проникна оболонка (див. рис. 1) в рамках МКГ [1-4]. Ця модель широко відома в літературі та часто використовується при роботі з дисперсними системами, однак її формальні реалізації навіть у найпростішому випадку електрично однорідних оболонок не є тривіальною задачею. Вже при досить невеликих концентраціях перекриття оболонок можуть бути істотними, тож виникає питання чи вважати поляризацію кластера декількох частинок з перекритими оболонками одночастинковою (як для частинки зі складною структурою) чи багаточастинковою. Математично це пов'язано з необхідністю взяття до уваги всіх багаточастинкових вкладів вже на етапі розрахунку об'ємної концентрації таких частинок. Крім цього, постає питання вибору електродинамічної гомогенізації такої системи. МКГ дозволяє ефективно впоратися з цими проблемами у квазістатичному наближенні, на-відміну від SPFT, що передбачає необхідність прямого розрахунку всіх багаточастинкових вкладів вже у другому наближенні теорії збурень.

В **підрозділі 2.1** МКГ був послідовно узагальнений для провідних систем. Частоти падаючого вважалися досить малими, щоб вкладами діелектричних втрат можна було знехтувати (квазістатичне наближення),

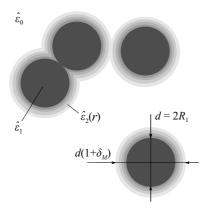


Рис. 1: Схематичне зображення моделі  $\mathcal{D}$  системи невпорядкованих частинок з морфологією тверде ядро-проникна оболонка. Розглядається макроскопічно однорідна та ізотропна система сферичних частинок, що знаходяться в однорідній матриці з проникністю  $\hat{\varepsilon}_0$  (біла область). Кожна частинка складається з твердого ядра радіусом  $R_1 = d/2$  та проникністю  $\hat{\varepsilon}_1$  (чорні області), покритого концентричною проникною оболонкою товщиною  $R_1\delta_M$  з радіальним розподілом проникності  $\hat{\varepsilon}_2 = \hat{\varepsilon}_2(r)$  (сірі області). Всі проникності комплексні та мають структуру (1). Локальне значення проникності визначається відстанню від даної точки до центру найближчої частинки.

що передбачає наступну структуру комплексної проникності:

$$\hat{\varepsilon} = \varepsilon + i \, \frac{4\pi\sigma}{\omega},\tag{1}$$

де  $\varepsilon$ ,  $\sigma$  – відповідно, низькочастотні дійсна частина діелектричної проникності та провідність; символ "хатки" над символом позначає його комплексність. Ефективна комплексна проникність системи  $\hat{\varepsilon}_{\rm eff}$  визначалась як коефіцієнт пропорційності між статистичними середніми комплексного струму  $\langle {\bf J}({\bf r}) \rangle$  та напруженістю електричного поля  $\langle {\bf E}({\bf r}) \rangle$ :

$$\langle \mathbf{J}(\mathbf{r}) \rangle = -i \frac{\omega}{4\pi} \langle \hat{\varepsilon}(\mathbf{r}) \mathbf{E}(\mathbf{r}) \rangle = -i \frac{\omega}{4\pi} \hat{\varepsilon}_{\text{eff}} \langle \mathbf{E}(\mathbf{r}) \rangle.$$
 (2)

Показано, як це співвідношення знаходиться з макроскопічних рівнянь Максвелла та рівняння неперервності.

Для знаходження  $\langle \mathbf{J} \rangle$  та  $\langle \mathbf{E} \rangle$  в рамках МКГ, формально розглядається допоміжна система  $\mathcal{S}$ , що складається з модельної системи  $\mathcal{D}$ , розташованій у однорідній матриці  $\mathcal{M}$  з поки що невідомою проникністю  $\hat{\varepsilon}_{\mathbf{f}}$ .

Вважається, що відгук S еквівалентний відгуку  $\mathcal{D}$  [4]. У квазістатичному наближенні S можна розглядати як сукупність макроскопічних областей (компактних груп) з лінійними розмірами D набагато меншими за довжину хвилі  $\lambda$  в  $\mathcal{M}$ , але досить великими, щоб мати властивості всієї S. Тоді локальне значення комплексної проникності можна записати як:

$$\hat{\varepsilon}(\mathbf{r}) = \hat{\varepsilon}_{f} + \delta \hat{\varepsilon}(\mathbf{r}), \tag{3}$$

де  $\delta \hat{\varepsilon}(\mathbf{r})$  – внесок компактної групи в точці  $\mathbf{r}$ .

Середні поля знайдені як квазістатичне наближення ітераційного рішення рівняння розповсюдження електромагнитної хвилі в  $\mathcal{S}$ :

$$\lim_{\omega \to 0} \langle \mathbf{E}(\mathbf{r}) \rangle = \lim_{\omega \to 0} \left[ 1 + \langle \hat{Q}(\mathbf{r}) \rangle \right] \mathbf{E}_0; \tag{4}$$

$$\lim_{\omega \to 0} \langle \mathbf{J}(\mathbf{r}) \rangle = -i \lim_{\omega \to 0} \frac{\omega \hat{\varepsilon}_{f}}{4\pi} \left[ 1 - 2\langle \hat{Q}(\mathbf{r}) \rangle \right] \mathbf{E}_{0}, \tag{5}$$

де

$$\hat{Q}(\mathbf{r}) = \sum_{s=1}^{\infty} \left( -\frac{1}{3\hat{\varepsilon}_{f}} \right)^{s} (\delta \hat{\varepsilon}(\mathbf{r}))^{s}.$$
 (6)

Значення  $\hat{\varepsilon}_f$  знаходиться в **підрозділі 2.2** виходячи з граничних умов для нормальних компонент комплексних струмів на межі розділу допоміжної матриці  $\mathcal M$  та гомогенізованим середовищем:

$$\hat{\varepsilon}_{\rm f} \mathbf{E}_{0n} = \hat{\varepsilon}_{\rm eff} \langle \mathbf{E}(\mathbf{r}) \rangle_n. \tag{7}$$

Користуючись цією рівністю та виразом (4), відкидаючи нефізичні розв'язки отримано  $\hat{\varepsilon}_{\rm f} = \hat{\varepsilon}_{\rm eff}$ , що разом з (2) дає рівняння для  $\varepsilon_{\rm eff}$ :

$$\langle \hat{Q}(\mathbf{r}) \rangle = 0.$$
 (8)

Рівняння (8) є строгим у статичному наближенні.

Модель ядро-оболонка (див. рис. 1) в термінах  $\delta \hat{\varepsilon}(\mathbf{r})$  розвинена в підрозділі 2.3. Вважалося, що локальне значення комплексної проникності  $\hat{\varepsilon}(\mathbf{r})$  залежить від відстані  $l=\min_{1\leqslant a\leqslant N}|\mathbf{r}-\mathbf{r}_a|$  від даної точки  $\mathbf{r}$  до центру найближчої частинки та визначається одночастинковим профілем комплексної проникності останньої.

В підрозділі **2.4** за отриманими результатами попередніх розділів надаються остаточні рівняння для  $\hat{\varepsilon}_{\text{eff}}$  в рамках моделей з однорідною

 $(\hat{\varepsilon}_2 = const)$  та радіально-симетричною неоднорідною  $(\hat{\varepsilon}_2 = \hat{\varepsilon}_2(u), u = (r - R_1)/R_1)$  оболонками:

$$(1 - \phi) \frac{\hat{\varepsilon}_0 - \hat{\varepsilon}_{\text{eff}}}{2\hat{\varepsilon}_{\text{eff}} + \hat{\varepsilon}_0} + c \frac{\hat{\varepsilon}_1 - \hat{\varepsilon}_{\text{eff}}}{2\hat{\varepsilon}_{\text{eff}} + \hat{\varepsilon}_1} + \int_0^{\delta_M} \frac{\partial \phi(c, u)}{\partial u} \frac{\hat{\varepsilon}_2(u) - \hat{\varepsilon}_{\text{eff}}}{2\hat{\varepsilon}_{\text{eff}} + \hat{\varepsilon}_2(u)} du = 0, \quad (9)$$

де c — об'ємна концентрація ядер;  $\phi(c,\delta_M)$  — об'ємна концентрація всіх частинок разом з їх оболонками товщиною  $\delta_M$ . Зазначимо, що форма частинок грає роль лише на етапі вибору виду функції  $\phi$ , тобто вибору статистичного розподілу частинок; в загальному випадку, результат (9) може бути застосовані до будь-яких багатофазних макроскопічно однорідних та ізотропних систем у квазістатичному наближенні, при належному виборі  $\phi$ . В дисертаційній роботі був використаний результат [5], що отриманий для досліджуваної моделі у статистичній рівновазі з точністю до третього віріального коефіцієнту в рамках суперпозиційного наближення Кірквуда. Авторами стверджується, що цей результат є точним в даному наближенні та добре узгоджується з розрахунками методами Монте-Карло [6].

Наостанок були записані явні вирази для квазістатичних провідності та діелектричної проникності:

$$(1 - \phi) \frac{\sigma_0 - \sigma_{\text{eff}}}{2\sigma_{\text{eff}} + \sigma_0} + c \frac{\sigma_1 - \sigma_{\text{eff}}}{2\sigma_{\text{eff}} + \sigma_1} + \int_0^{\delta_M} \frac{\partial \phi(c, u)}{\partial u} \frac{\sigma_2(u) - \sigma_{\text{eff}}}{2\sigma_{\text{eff}} + \sigma_2(u)} du = 0, \quad (10a)$$

$$(1 - \phi) \frac{\varepsilon_0 \sigma_{\text{eff}} - \varepsilon_{\text{eff}} \sigma_0}{(2\sigma_{\text{eff}} + \sigma_0)^2} + c \frac{\varepsilon_1 \sigma_{\text{eff}} - \varepsilon_{\text{eff}} \sigma_1}{(2\sigma_{\text{eff}} + \sigma_1)^2} + \int_0^{\delta_M} \frac{\partial \phi(c, u)}{\partial u} \frac{\varepsilon_2(u) \sigma_{\text{eff}} - \varepsilon_{\text{eff}} \sigma_2(u)}{(2\sigma_{\text{eff}} + \sigma_2(u))^2} du = 0, \quad (10b)$$

що мають місце за умови  $|\sigma_i - \sigma_{\rm eff}| \gg \epsilon_0 \omega(\varepsilon_i + 2\varepsilon_{\rm eff})$ . Надалі розглядаються тільки такі системи, для яких ця умова виконується.

Також розглянуто тип гомогенизації Максвелла-Гарнетта  $\hat{\varepsilon}_{\rm f}=\hat{\varepsilon}_0$  в рамках досліджуваної моделі, що не узгоджується з граничними умовами (7), але часто використовується у побудові теоретичних моделей.

В **третьому розділі** отримані співвідношення між ефективною статичною провідністю та геометричними й електричними параметрами системи застосовано до опису квазістатичної провідності композитних електролітів (систем, для яких виконується нерівність  $\sigma_0, \sigma_1 \ll \sigma_2$ ). Щоб

уникнути урахування різноманітних ефектів, механізмів та неконтрольованих експериментальних похибок, що залежать від конкретного експерименту, спочатку в підрозділі 3.1 їх протестовано на результатах числових симуляцій. Широкий масив даних для тривимірних систем був отриманий в рамках алгоритму Random Resistor Network (RRN) [7–9], де вивчалися залежності провідності систем частинок з морфологією тверде ядро-проникна оболонка від об'ємної концентрації ядер при різних діаметрах ядер та товщинах оболонок для двох випадків: електрично однорідні оболонки [7,9] та електрично неоднорідними оболонками з радіальним гаусовим профілем провідності [8].

Основні кроки алгоритму RRN наступні: а) генерація досліджуваної тривимірної системи частинок з морфологією тверде ядро—проникна оболонка для бажаної об'ємної концентрації ядер c; б) генерація системи кубічних комірок виходячи з попередньо згенерованої моделі, за умови, що об'ємна концентрація c' комірок, що відповідають ядрам, дорівнює c; в) побудова ґратки резисторів, властивості яких сформовані розглядаючи відповідні дві сусідні комірки. Використані параметри симуляцій представлені в тексті дисертації.

Треба зазначити, що переходи між системами а) $\to$ 6) та б) $\to$ в) не передбачають зберігання повної еквівалентності як геометричних так і електричних параметрів: при переході а) $\to$ 6) об'ємна концентрація матеріалу оболонок буде змінюватися через те, що розміри сферичних частинок та кубічних комірок співрозмірні; при переході б) $\to$ 8) сусідні комірки, що знаходяться на межах фаз, будуть створювати додаткові шари з відповідними провідностями та товщиною в одну комірку. В дисертаційній роботі розглядається проблема еквівалентності лише а) та б), як більш вагома. Показано, що, якщо виконується рівність c=c', відносна товщина  $\delta$  у системі а) дорівнює відносній товщині  $\delta'$  в системі б) з точністю до коефіцієнту K:

$$\delta' = K^{-1}\delta; \qquad k = (\pi/6)^{1/3} \leqslant K \leqslant 1.$$
 (11)

Якщо на одну частинку припадає одна комірка, то K=k; чим більша кількість комірок, тим ближче K до одиниці. В досліджуваних симуляціях [7–9], лінійні розміри комірки a' були 0.5 мкм, а ядер  $a\leqslant 11$  мкм, тож відхилення K від одиниці повинні бути помітними. Необхідність використання параметру K підтверджується порівнянням досить точного результату для  $\phi$  [5] з даними симуляцій RRN [9] (див. рис. 2a).

Крім цього, для систем з електрично неоднорідними оболонками при переході від а) до б) можуть змінюватися й параметри профілю цих оболонок. Показано, що визначаючи профіль у вигляді наступного гаусового

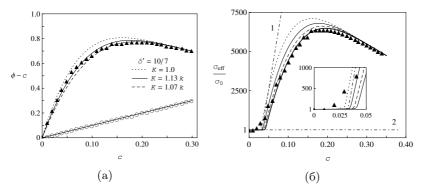


Рис. 2: Дані симуляцій [9] з (а) об'ємної концентрації оболонок як функції c та їх обробка за результатом [5] для  $\phi$  та (б) провідності як функції концентрації ядер c та їх обробка за (10а) для однорідної оболонки при різних K при t=5 мкм та d=7 мкм ( $\blacktriangle$ ) (товста неперервна лінія – K=1.03k). Пусті точки ( $\circ$ ) на рис. (а) – отримані після симуляції дані для c'. Неперервні лінії – найкращі результати обробки. Лінія  $1-\sigma_{\rm eff}$  використовуючи  $\phi$  для твердих оболонок при K=1.07k; лінія 2 – розрахунок  $\sigma_{\rm eff}$  за отриманим рівняння типу Максвелла-Гарнетта при K=1.03k.

сферично-симетричного розподілу, побудованого за вказівками з [8]:

$$\sigma_2(u) = \sigma_{\text{max}} \exp \left[ -\frac{4 \left( u - \delta/2 \right)^2}{\delta^2} \ln \left( \frac{\sigma_{\text{max}}}{\sigma_{\text{min}}} \right) \right], \tag{12}$$

параметри  $\sigma_{\max}$ ,  $\sigma_{\min}$  в системи а) пов'язані з  $\sigma'_{\max}$ ,  $\sigma'_{\min}$  в системі б):

$$\frac{\sigma_{\text{max}}}{\sigma_{\text{min}}} = \left(\frac{\sigma'_{\text{max}}}{\sigma'_{\text{min}}}\right)^{(n-2)/n},\tag{13}$$

де n=t/a' є середнє число комірок, що припадають на радіальну товщину оболонки. Ці деталі не були зазначені в роботі [8], тому для обробки даних за (12) один з параметрів вибирався підгінним, а інший — фіксованим; наразі  $\sigma_{\rm max}$  був вибраний у якості підгінного.

Далі з урахуванням (11) оброблялися результати симуляцій RRN [7,9] з концентраційних залежностей ефективної статичної провідності в рамках моделі однорідної оболонки при різних значеннях радіусів ядер та товщин оболонок (див. рис. 26 та 3). Єдиним підгінним параметром виступав K. Зазначимо, що використання значення параметру K отриманих з

даних на рис. 2а, дає трохи завищені результати, що може бути пов'язано зі зменшенням об'ємної долі високопровідних оболонок при переході від системи б) до в); цим ефектом можна знехтувати належно вибираючи значення K (див. товсту неперервну лінію на рис. 2б). При цьому, використання  $\phi$  для твердих оболонок не дає бажаного навіть якісного результату (див. криву 1 на рис. 2б); використання підходу Максвелла-Гарнетта (див. криву 2 на рис. 2б) дає якісний результат (на рисунку це не видно), але далеко не кількісний.

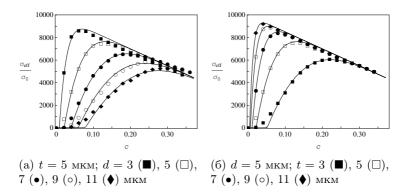


Рис. 3: Дані симуляцій [7] з провідності як функції концентрації ядер c. Використані параметри наведені в дисертаційній роботі.

3 рис. 26 та 3 видно, що при  $c\gtrsim 0.07$  дані досить добре узгоджуються з теорією. До цієї концентрації система демонструє перколяційних перехід, де поріг перколяції  $c_c$  в рамках нашої моделі може бути оцінений із співвідношення  $\phi(c_c,\delta)=1/3$  (див. Розділ 4); з даних симуляцій визначити  $c_c$  майже неможливо через те, що в обмежених системах  $c_c$  є випадковою негаусовою величиною [10].

Проаналізовано екстремальну поведінку  $\sigma_{\rm eff}$  для розглянутих симуляцій. Знайдено, що умова положення максимуму провідності  $c_{\rm max}$  для моделі однорідних оболонок співпадає з умовою положення максимум об'ємної концентрації оболонок  $\phi-c$ .

Далі результат (10а) тестується на даних симуляцій RRN [8] для неоднорідного гаусового профілю (12). З урахуванням (13), вдається відновити ввесь спектр даних симуляцій (див. рис. 4). Відхилення пов'язані з вже вказаними ефектами: неточність кількісного визначення  $c_c$  для вибраних симуляцій; поява нових оболонок при переході б) $\rightarrow$ в). Цим ефектом для електрично неоднорідних оболонок вже неможливо знехтувати просто ви-

бираючи K, через те, що майже вся оболонка радіально складається з пар сусідніх комірок, що мають різну провідність.

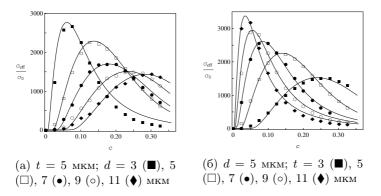


Рис. 4: Точки: результати симуляцій [8] концентраційної залежності провідності систем частинок з гаусовим профілем оболонок. Неперервні лінії: теоретичні результати (10a) в рамках профілю (12).

В підрозділах 3.2, 3.3 розроблена модель застосовується для обробки та аналізу даних з ефективної квазістатичної провідності невпорядкованих систем типу твердих композитних та полімерних композитних електролітів. Процедури обробки передбачають використання трьох різновидів одночастинкового профілю: 1) однорідна оболонка; 2) подвійна або потрійна оболонки; 3) неперервна гладка оболонка типу сигмоїд, що "згладжує" дві попередні.

На рис. 5 представлені результати застосування відповідної процедури до експериментальних даних [11] з концентраційної залежності ефективної провідності твердого композитного електроліту, що складається з частинок  $\mathrm{Al_2O_3}$  у матриці LiI. Показано, що дальню частину профілю (рис. 56, зверху) можна трактувати, як ефективний прояв концентраційної залежності провідності матриці  $\sigma_0^* = \sigma_0(c)$  (див. рис. 56, знизу), що співпадає з концентраційною залежністю ефективної провідністю в доперколяційній області ( $c_\mathrm{c} \approx 0.126$ ). Товщина та провідність ближньої частини профілю дуже добре узгоджується з результатами аналізу розподілу просторового заряду для таких систем [12, 13].

В підрозділі 3.3 розглядаються концентраційні та температурні залежності ефективної провідності для полімерних композитних електролітів [14,15] на основі поліетилен-оксиду (PEO) та оксіметилену, зв'язаного з PEO, (OMPEO) з солями NaI й LiClO<sub>4</sub>. В якості наповнювачів висту-

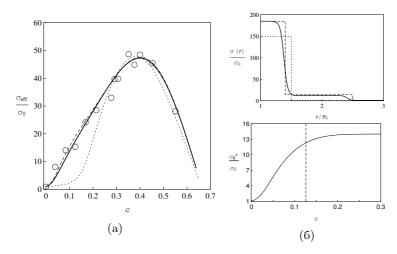


Рис. 5: (а) Експериментальні дані [11] (о) з  $\sigma_{\rm eff}$  для ТКЕ LiI/Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> та їх обробка в рамках а) однорідної (точкова лінія), б) (зверху) подвійної (штрихована лінія) та в) сигмойдної (неперервна лінія) моделей профілів  $\sigma_2(r)$ . Використані параметри приведені в тексті дисертації. (б) зверху — відповідні профілі оболонок; знизу — залежність провідності матриці від c (неперервна лінія) для подвійного профілю зверху (штрихована лінія: поріг перколяції  $c_c \approx 0.126$ ).

пали провідні ( $Na_{3.2}Zr_2P_{0.8}Si_{2.2}O_{12}$  (NASICON)) чи непровідні ( $\theta Al_2O_3$ ) частинки (дані та їх обробка представлені в дисертаційній роботі), або полімер іншого сорту (поліакриламінід (PAAM)), що не змішується з полімером матриці (див. рис. 6).

З представленої обробки концентраційної залежності ефективної провідності таких систем можна зробити висновок, що  $\sigma_{\rm eff}$  формується за рахунок наступних механізмів:

- 1. Аморфізація полімерної матриці навколо частинок дисперсної фази підвищення провідності цієї області у порівнянні з провідністю матриці.
- 2. "Stiffening effect" зниження провідності матриці у найближчій до поверхні області.
- 3. Формування низькопровідного шару на межі розділу дисперсної та полімерної фаз ефективне зниження провідності першої.

Пік з подальшою западиною профіля для композиту на основі ОМРЕО з РААМ (див. рис. 6б) пояснюється тим, що якщо чистий полімер, з якого

складається матриця, має відносно високу провідність (наприклад, аморфізований ОМРЕО по відношенню до напівкристалічного РЕО), тоді додавання полімеру, що має низьку провідність в даній системі, (такого як РААМ) може істотно знизити провідність першого (наприклад, за рахунок формування комплексів катіонів Li<sup>+</sup> та малих кластерів РААМ).

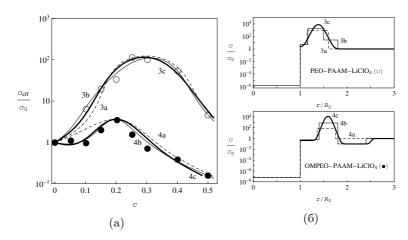


Рис. 6: (а) Експериментальні дані з  $\sigma_{\rm eff}$  як функції від c для ПКЕ РЕО—LiClO<sub>4</sub>—PAAM [14,15] ( $\circ$ ) та OMPEO—LiClO<sub>4</sub>—PAAM [15] ( $\bullet$ ), та їх підгонки в рамках моделей подвійної, потрійної та неперервної оболонок. Позначення вказують на відповідні параметри, що приведені у тексті дисертації. (б) Відповідні одночастинкові профілі провідності, що були використані для моделювання мезоскопічної структури ПКЕ.

Далі вивчалася температурна залежність ефективної провідності систем OMPEO-LiClO<sub>4</sub>-PAAM [15] в рамках моделі з потрійною оболонкою. Вважалося, що від температури залежать лише провідність аморфізованої матриці  $\sigma_0$  та параметри  $\sigma_{2,i}$  (i=1,2,3) використаного профілю провідності області аморфізованого полімеру навколо частинок за емпіричним законом Фогеля-Таммана-Фульхера (VTF). Параметри VTF для кожної компоненти знаходилися з обробки даних концентраційної залежності для трьох ізотерм (див. рис. 7а). Отримані параметри лягають у допустимі границі, вказані у [15] для всіх зразків ОМРЕО-LiClO<sub>4</sub>-PAAM. З цієї точки зору наші результати узгоджені. Далі, використовуючи знайдені параметри, будувалися температурні ізохори для п'яти значень c (див. рис. 7б).

В четвертому розділі досліджено ефект електричної перколяції в

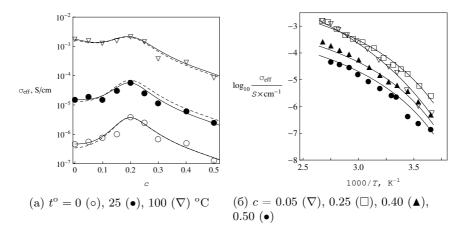


Рис. 7: (а) Експериментальні дані [15] для ізотерм  $\sigma_{\rm eff}$  як функції концентрації РААМ та (б) експериментальні дані [15] для ізохор  $\sigma_{\rm eff}$  як функції температури для ПКЕ OMPEO–LiClO<sub>4</sub>–PAAM (з молярною концентрацією LiClO<sub>4</sub> 10 %, після отжигу). Штриховані лінії: підгонки за законом VTF [15] з параметрами, що вказані у Таблиці 5 в [15]. Неперервні лінії: результати наших розрахунків в рамках моделі трьох оболонок, вважаючи, що провідності складових підкоряються закону VTF.

рамках моделі з однорідними оболонками для систем типу діелектрикпровідник ( $\sigma_0 < \sigma_2 \leqslant \sigma_1$ ).

Отримано, що при  $x_0 \to 0$  нетривіальний фізично послідовний результат виникає при  $c > c_c$ , де  $c_c$  є порогом перколяції та визначається зі співвідношення:

$$\phi(c_c, \delta) = \frac{1}{3}.\tag{14}$$

Показано, що якщо критичні індекси перколяції s та t визначати у деякому концентраційному інтервалі в околі  $c_c$ , як це робиться на практиці, то вони не будуть нести універсальний характер. Щоб це показати, s та t розглядалися як ефективні величини, що залежать від інтервалу  $[c_1, c_2]$  їх вимірювання. Показано, що отримані результати відновлюють відповідні відомі значення теоретичних та експериментальних даних.

В підрозділі 4.2 проаналізовано поведінку квазістатичної діелектричної проникності в околі порогу перколяції при звичайній та подвійній перколяціях. Показано, що максимум квазістатичної проникності виникає у точці перколяційного переходу за умови, що контраст між значеннями

провідностей слабкопровідної та вископровідної компонент, по відношенню до першої, великий. З аналізу виразу для провідності отримано, що перший перколяційних перехід виникає за рахунок оболонок, а другий — за рахунок ядер.

В підрозділі 4.3 в рамках моделі з електрично однорідними оболонками оброблені дані з концентраційних залежностей квазістатичних провідності [16] та проникності [17] нанокомпозитів на основі КСІ з наночастинками Ag, покритими оксидним шаром, що перешкоджав їх злипанню, але дозволяв утворювати контакти метал-метал під великим тиском (див. рис. 8). З підгонок отримано оцінку для  $\delta \approx 0.14 \div 0.18$ , що досить

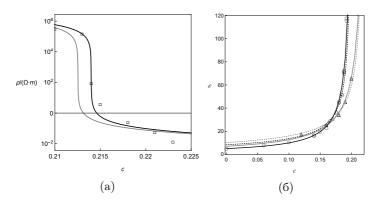


Рис. 8: Дані з ефективного (а) опору [16] та (б) проникності [17] для зразків композитів КСІ–Ад та їх обробка в рамках моделі однорідної оболонки. Параметри оброки вказані в тексті дисертації. Чорна лінія ((а), з права) — модель з проникною оболонкою, сіра ((а), зліва) — модель з твердою оболонкою. Точкові лінії — скейлінгові підгонки запропоновані в [17] для даних при c>0.11.

близько до експериментальної оцінки ( $\delta \approx 0.1$ ). Крім цього, показано, що побудована модель набагато краще відновлює експериментальні дані з проникності на всьому досліджуваному концентраційному інтервалі ніж скейлінгові співвідношення.

В **п'ятому розділі** в рамках МКГ проводився критичний аналіз диференціальної моделі (асиметричної моделі Бругемана) квазістатичного електричного відгуку невпорядкованих дисперсних систем.

Спочатку в **підрозділі 5.1** показано як відновити класичну асиметричну модель Бругемана (АМБ) для такої системи, в термінах  $\delta \varepsilon(\mathbf{r})$  використовуючи (8). Далі в **підрозділі 5.2** побудовано загальну диференціальну

схему в термінах  $\delta \varepsilon(\mathbf{r})$ . Показано, що ефективний відгук формується трьома внесками:  $\delta \varepsilon_{\mathrm{CGA}}(\mathbf{r})$  — внесок заданої компактної групи;  $\delta \varepsilon_{\mathrm{ABM}}^{(l)}$  враховує вплив нових частинок на  $\delta \varepsilon_{\mathrm{CGA}}$ ;  $\delta \varepsilon_{\mathrm{ABM}}^{(h)}$  враховує вплив зміни матриці  $\delta \varepsilon_{\mathrm{CGA}}$ . Класичні закони АМБ можна отримати, якщо знехтувати внесками  $\delta \varepsilon_{\mathrm{CGA}}$  та  $\delta \varepsilon_{\mathrm{ABM}}^{(h)}$  (або  $\delta \varepsilon_{\mathrm{CGA}}$  та  $\delta \varepsilon_{\mathrm{ABM}}^{(l)}$ ). Це можливо лише за умов, що 1) концентрація компоненту, що додається, мала; 2) різниці між діелектричними проникностями компонентів малі. Якщо притримуватися тільки першої умови, як це робиться в класичних моделях, то внесками  $\delta \varepsilon_{\mathrm{CGA}}$  знехтувати неможливо, що призводить до нових узагальнених співвідношень АМБ.

В підрозділі 5.3 показано, що отримані узагальнення АМБ не задовільняють межам Хашина-Штрікмана, що свідчить про непослідовність перших; класичні АМБ задовільняють цим межам, але вони за визначенням застосовні лише до дуже вузького класу систем, що визначається зазначеними умовами.

#### висновки

Основні висновки з результатів роботи наступні.

- Адекватний опис макроскопічних електричних властивостей дисперсних систем вимагає виходу за межі двофазних моделей. Зокрема, він може ефективно здійснюватися в рамках статистичної моделі ефективного електричного відгуку невпорядкованих систем частинок з морфологією тверде ядро—проникна оболонка, побудованої в роботі шляхом узагальнення методу компактних груп на системи провідних частинок.
- Отримані рівняння для ефективної статичної провідності в достатній мірі точні, що підтверджуються результатами порівняння їх розв'язків з даними симуляцій, отриманими методом Random Resistor Network як для електрично однорідних, так і неоднорідних проникних оболонок.
- При відповідному виборі одночастинкових профілів провідності оболонок модель кількісно описує експериментальні дані для квазістатичної провідності різних типів твердих композитних та полімерних композитних електролітів. Ці профілі ефективно враховують вплив основних фізико-хімічних механізмів в системі та можуть бути використані для їх аналізу.
- Також модель кількісно описує поведінку ефективних провідності та діелектричної проникності твердих невпорядкованих компози-

тів типу діелектрик—провідник з міжфазним шаром. Положення порогу електричної перколяції в моделі визначається відносною товщиною оболонки, а значення ефективних критичних індексів для цих систем залежать як від геометричних та електричних параметрів компонентів, так і способу обробки експериментальних даних, а тому демонструють широкий спектр значень.

— Диференціальна схема аналізу ефективних квазістатичних електричних параметрів дисперсних систем є внутрішньо непослідовною та застосовною лише для систем з малими різницями діелектричних проникностей компонентів та вузьких концентраційних інтервалів диспергованих частинок.

Таким чином, розроблена модель  $\epsilon$  гнучким інструментом для обробки та електроспектроскопічного аналізу невпорядкованих дисперсних систем різного типу.

# СПИСОК ПРАЦЬ ЗА ТЕМОЮ ДИСЕРТАЦІЇ

## Публікації в наукових журналах:

- [1\*] Sushko M. Ya. Conductivity and permittivity of dispersed systems with penetrable particle-host interphase / M. Ya. Sushko, A. K. Semenov // Cond. Matter Phys. 2013 Vol. 16 No. 1 13401 P. 1-10. (SJR Q3)
  - doi: 10.5488/CMP.16.13401
- $[2^*]$  Semenov A. K. On applicability of differential mixing rules for statistically homogeneous and isotropic dispersions / A. K. Semenov // J. Phys. Commun. 2018. Vol. 2. No. 3 035045. P. 1-8. doi: 10.1088/2399-6528/aab060
- [3\*] Sushko M. Ya. A mesoscopic model for the effective electrical conductivity of composite polymeric electrolytes. / M. Ya. Sushko, A. K. Semenov // J. Mol. Liq. 2019. Vol. 279 P. 677-686. (SJR Q1) doi: 10.1016/j.molliq.2019.02.009
- $[4^*]$  Sushko M. Ya. Rigorously solvable model for the electrical conductivity of dispersions of hard-core—penetrable-shell particles and its applications / M. Ya. Sushko, A. K. Semenov // Phys. Rev. E-2019. Vol. 100. 052601. P. 1-14. (SJR Q1) doi: 10.1103/PhysRevE.100.052601

# Тези доповідей на наукових конференціях:

1. Semenov A. Complex permittivity of disperse systems with penetrable particle-host interphase / A. Semenov, M. Sushko // 4-th Internati-

- onal Conference on Statistical Physics: Modern Trends and Applications, abstract Lviv (Ukraine), 2012. P. 175.
- 2. Семенов А.К. Роль межфазной границы в формировании проводимости и диэлектрической проницаемости мелкодисперсных систем / А.К. Семенов, М.Я. Сушко // 25-th International Conference: Disperse Systems, abstract Odesa (Ukraine), 2012. P. 221.
- 3. Sushko M. Ya. Finding the parameters of the interphase layers in fine dispersions with dielectric spectroscopy studies near the electrical percolation threshold / M.Ya. Sushko, A.K. Semenov // 5-th International Symposium: Methods and Applications of Computational Chemistry, abstract Kharkiv (Ukraine), 2013. P. 44.
- 4. Sushko M. Ya. Effect of interphase on the effective electrophysical parameters of fine dispersions and nanofluids / M.Ya. Sushko, A.K. Semenov // 6-th International Conference Physics of Liquid Matter: Modern Problems, abstract Kyiv (Ukraine), 2014. P. 177.
- 5. Семенов А. К. Диэлектрическая проницаемость и проводимость дисперсных систем с неоднородной межфазной границей / А.К. Семенов, М.Я. Сушко // 26-th International Conference: Disperse Systems, abstract Odesa (Ukraine), 2014. P. 163.
- Semenov A. K. A model for conductivity and permittivity of heterogeneous systems with complex microstructures / A.K. Semenov, M.Ya. Sushko // 2015 International Young Scientists Forum on Applied Physics, abstract – Dnipropetrovsk (Ukraine), 2015. – P. 1.
- 7. Бабий К. А Особенности электрической проводимости дисперсных систем на основе полимерных матриц / К.А. Бабий, А.К. Семенов, М.Я. Сушко // 27-th International Conference: Disperse Systems, abstract Odesa (Ukraine), 2016. P. 28.
- 8. Семенов А. К. Роль міжфазних шарів у формуванні провідних та діелектричних властивостей дісперсноподібних систем: модель та застосування / А.К. Семенов, М.Я. Сушко // International conference: Development of innovation in the technical, physical and mathematical fields of sciences, abstract Mykolaviv (Ukraine), 2016. P. 21.
- 9. Sushko M. Ya. Effective electrical conductivity of composite polymer electrolytes / M.Ya. Sushko, A.K. Semenov // 8-th International Conference Physics of Liquid Matter: Modern Problems, abstract Kyiv (Ukraine), 2018. P. 81.
- Semenov A. K. Is the classical differential scheme for permittivity of emulsions consistent? / A.K. Semenov // 8-th International Conference Physics of Liquid Matter: Modern Problems, abstract – Kyiv (Ukraine), 2018. – P. 124.

- Sushko M. Ya. Recent developments in the theory of electrodynamic homogenization of random particulate systems / M.Ya. Sushko, A.K. Semenov // 5-th International Conference on Statistical Physics: Modern Trends and Applications, abstract – Lviv (Ukraine), 2019. – P. 160.
- Semenov A. K. Hard-core–penetrable-shell model for effective electric parameters of random particulate systems / A.K. Semenov, M.Ya. Sushko // 7-th International Conference: Nanotechnologies and Nanomaterials, abstract – Lviv (Ukraine), 2019. – P. 257.
- 13. Семенов А. К. Моделювання електрофізичного відгуку дисперсних систем з твердим дисперсійним середовищем / А.К. Семенов, М.Я. Сушко // 28-th International Conference: Disperse Systems, abstract Odesa (Ukraine), 2019. P. 90.

### СПИСОК ЦИТОВАНИХ РОБІТ

- [1] Сушко, М.Я. О диэлектрической проницаемости суспензий / М.Я. Сушко // ЖЭТФ. -2007.-Т. 132.-С. 478-484.
- [2] Сушко, М.Я. Метод компактных групп в теории диэлектрической проницаемости гетерогенных систем / М.Я. Сушко, С.К. Криськив // ЖТФ. -2009. Т. 79. С. 97-101.
- [3] Sushko, M.Ya. Effective permittivity of mixtures of anisotropic particles / M.Ya. Sushko // J. Phys. D: Appl. Phys. – 2009. – Vol. 42. – P. 155410.
- [4] Sushko, M.Ya. Effective dielectric response of dispersions of graded particles / M.Ya. Sushko // Phys. Rev. E. -2017. Vol. 96. P. 062121, 8 p.
- [5] Rikvold, P. D-dimensional interpenetrable-sphere models of random twophase media: Microstructure and an application to chromatography / P. Rikvold, G. Stell // J. Coll. and Int. Sci. — 1985. — Vol. 108. — P. 158.
- [6] Rottereau, M. 3d Monte Carlo simulation of site-bond continuum percolation of spheres / M. Rottereau, J. Gimel, T. Nicolai, D. Durand // Eur. Phys. J. E. – 2003. — Vol. 11. — P. 61–64.
- [7] Siekierski, M. Modeling of conductivity in composites with random resistor networks / M. Siekierski, K. Nadara // Electrochimica Acta. 2005. Vol. 50. P. 3796.
- [8] Siekierski, M. Conductivity simulation in composite polymeric electrolytes / M. Siekierski, K. Nadara, P. Rzeszotarski // J. New Mat. Electrochem. Systems. 2006. Vol. 9. P. 375.

- [9] Siekierski, M. Mesoscale models of ac conductivity in composite polymeric electrolytes / M. Siekierski, K. Nadara // J. Pow. Sour. 2007. Vol. 173. P. 748.
- [10] Berlyand, L. Non-Gaussian Limiting Behavior of the Percolation Threshold in a Large System / L. Berlyand, J. Wehr // Commun. Math. Phys. 1997. Vol. 185. P. 73.
- [11] Liang, C. C. Conduction characteristics of the lithium iodide-aluminum oxide solid electrolytes / C. C. Liang // J. Electrochem. Soc. -1973. Vol. 120. —P. 1289.
- [12] Jiang, Sh. A theoretical model for composite electrolytes I. Space charge layer as a cause for charge-carrier enhancement / Sh. Jiang, B. Jr. Wagner // J. Phys. Chem. Solids. 1995. Vol. 56. P. 1101.
- [13] Jiang, Sh. A theoretical model for composite electrolytes II. Percolation model for ionic conductivity enhancement / Sh. Jiang, B. Jr. Wagner // J. Phys. Chem. Solids. -1995. Vol. 56. P. 1113.
- [14] Przyluski, J. Effective medium theory in studies of conductivity of composite polymeric electrolytes / J. Przyluski, M. Siekierski, W. Wieczorek // Electrichimica A. 1995. Vol. 40. P. 2101.
- [15] Wieczorek, W. Polyether, Polyacrylamide, LiClO4 Composite Electrolytes with Enhanced Conductivity / W. Wieczorek, K. Such, Z. Florjanczyk, J.R. Stevens // J. Phys. Chem. 1994. Vol. 98. P. 6840.
- [16] Chen, L. Materials for solid state batteries / L. Chen. World Scientific, Singapore, 1986.
- [17] Grannan, D. Critical Behavior of the Dielectric Constant of a Random Composite near the Percolation Threshold / D. Grannan, J. Garland, D. Tanner // Phys. Rev. Lett. — 1981. — Vol. 46. — P. 375.

#### **АНОТАЦІЯ**

Семенов А.К. Електрофізичні властивості багатофазних дисперсних систем. – Кваліфікаційна наукова праця на правах рукопису.

Дисертація на здобуття наукового ступеня кандидата фізико-математичних наук за спеціальністю 01.04.02 — теоретична фізика. Одеський національний університет імені І.І. Мечникова, МОН України, Одеса, 2020.

В роботі побудовано модель квазістатичного електричного відгуку невпорядкованих тривимірних систем частинок з морфологією тверде ядропроникна оболонка. Розрахунки базуються на методі компактних груп,

що дозволяє врахувати багаточастинкові поляризаційні і кореляційні ефекти без їх деталізації. Теорія замикалась доповненням її вимогою виконання граничних умов для нормальних компонент струму.

Результати успішно протестовані на даних численних симуляцій, отриманих методом Random Resistor Network, та застосовані до обробки та аналізу експериментальних даних з ефективної провідності твердих композитних і полімерних композитних електролітів та ефективної провідності і діелектричної проникності в околі порогу перколяції в системах типу діелектрик-провідник з міжфазним шаром. Показано, що модель дуже гнучка та може ефективно враховувати вклади як міжфазних ефектів, так і змін властивостей самої матриці за рахунок оболонок. Показано непослідовність і обмеженість поширеною диференціальної схеми дослідження гетерогенних систем.

**Ключові слова:** метод компактних груп, модель ядро-оболонка, електрична провідність, діелектрична проникність, дисперсна система, перколяція, композитні електроліти, нанокомпозити, диференціальний метод

## **АННОТАЦИЯ**

Семенов А.К. Электрофизические свойства многофазных дисперсных систем. – Квалификационная научная работа на правах рукописи.

Диссертация на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 01.04.02 — теоретическая физика. Одесский национальный университет имени И.И. Мечникова, МОН Украины, Одесса, 2020.

В работе исследуются эффективные квазистатические электрическая проводимость и диэлектрическая проницаемость неупорядоченных трехмерных систем частиц с морфологией твердое ядро-проницаемая оболочка в рамках модели, построенной на основе метода компактных групп. Последний позволяет учесть многочастичные поляризационные и корреляционные эффекты без их детализации. Оболочки, в общем случае, электрически неоднородные, при этом их разные части эффективно могут отображать вклады как межфазных эффектов, так и изменений свойств самой матрицы. Теория замыкается, если требовать выполнение граничных условий для нормальных компонент тока.

Результаты протестированы на данных численных симуляций, полученных методом Random Resistor Network. Показано, что полученные соотношения могут адекватно описывать широкие массивы данных для эффективной квазистатической проводимости твердых композитных и полимерных композитных электролитов и эффективные проводимость и диэлектрическую проницаемость в окрестности порога перколяции в системах типа диэлектрик—проводник с межфазным слоем. Так же, показано непоследовательность и ограниченность распространенной дифференциальной схемы исследования гетерогенных систем.

**Ключевые слова:** метод компактных групп, модель ядро-оболочка, электрическая проводимость, диэлектрическая проницаемость, дисперсная система, перколяция, композитные электролиты, нанокомпозиты, дифференциальный метод

## ABSTRACT

Semenov A.K. Electrophysical properties of multiphase disperse systems. – Qualification scientific paper, manuscript.

Candidate degree (PhD) thesis in Physics and Mathematics Sciences. Speciality 01.04.02 – theoretical physics. Odesa I.I. Mechnikov National University, the MES of Ukraine, Odesa, 2020.

Practical application of composite materials becomes more widespread due to their unique physical properties, which natural substances can not demonstrate. As a result, both the need to solve the problems of creating composite materials with desired and controlled electrophysical properties (e.g. solid composite and polymer composite electrolytes), and the need to build and improve reliable theoretical models for quantitative description and analysis of their characteristics are increasing.

The most sparing and widespread, but the least theoretically researched type of such systems are three-dimensional disordered systems formed by dispersion of filler particles into a carrier matrix. Theoretical study of electrophysical properties of such systems is not a trivial and far from its accurate solution task, since their characteristics are usually the result of various structural and physico-chemical factors and mechanisms, the key of which are: various interphase effects (form irregularities of dispersed particles; contact resistance; oxide layers; formation of highly conductive regions with increased concentration of defects or ions; amorphization of a polymer matrix, etc.), and changes in properties of the matrix itself (as the result of uncontrolled

doping, pollution, changes in internal structure, etc.). Moving towards the homogenization problem is further complicated by the need to take into account many-particle polarizations and correlations.

In this thesis a closed theoretical approach to description of the effective quasi-static electrical response of disordered systems of particles with a hardcore-penetrable-shell morphology, dispersed in a homogeneous matrix, was built. The shells are in general electrically inhomogeneous and obey certain overlapping rules. The properties of different parts of the shells are manifested in different concentration intervals, which allows to effectively reflect through them the contribution of corresponding mechanisms. The electrodynamic homogenization of the model was carried out using the boundary conditions for normal components of the electric field in terms of the compact groups of inhomogeneities approach, which was generalized to the case of conducting systems. The compact groups approach allows one to take into account many-particle polarization and correlation processes without their detailing, using the field propagator expansion into a singular and principal parts together with the symmetry properties of the considered model. This in fact suggests that the obtained theoretical relationships between the effective static electrical conductivity of the system and the electrical and geometric parameters of its components are rigorous, as evidenced by the results of their comparison with existing simulation data for the studied model systems obtained within a Random Resistor Network algorithm. It is also shown that these relationships are capable of adequately describing the broad arrays of experimental data for the effective quasi-static conductivity of solid composite and polymer composite electrolytes, effective electrical conductivity and dielectric constant around the percolation threshold in a dielectric-conductor system with interphase layer. The theory also allowed us to show the inconsistency and limitations of a widespread differential scheme for calculation the effective electrical parameters of heterogeneous systems.

The developed theory can be considered as a new flexible tool for analysis and diagnostics of both effective electrophysical parameters of disordered composite systems and existing methods of their study.

**Key words:** compact group approach, core-shell model, electric conductivity, dielectric permittivity, disperse system, percolation, composite electrolytes, nanocomposites, differential scheme

Підп. до друку ??..??.??. Формат  $60 \times 84/16$ . Гарн. Таймс. Умов.-друк. арк. ??. Тираж 100 прим. Зам. № ???.

# Видавець і виготовлювач: Одеський національний університет імені І. І. Мечникова

Україна, 65082, м. Одеса, вул. Єлісаветинська, 12 Тел.: (048) 723 28 39. E-mail: druk@onu.edu.ua Свідоцтво ДК № 4215 від 22.11.2011 р.