Задача Q (Расчет хеша строки)

Олексій Лубинець, 5 курс, ФВЕ Об'єктно-орієнтоване програмування 28 березня 2018 р.

Умова задачі

Вам дана строка и вам нужно найти хеш этой строки. Хеш рассчитывается следующим образом:

$$Hash = (c_0 * C^0 + c_1 * C^1 + c_2 * C^2 + \ldots + c_{N-1} * C^{N-1})\%D$$
, где C = 1009, D = 1000000007, N – длина строки, c_n – это ASCII код n-ого символа в строке

Властивості остачі від ділення

$$(A + B)\%D = (A\%D + B\%D)\%D$$

 $(A * B)\%D = (A\%D * B\%D)\%D$

Як розв'язувати?

- "в лоб"? Швидко вийде за межі навіть long long int
- $C^{N}\%D = (C^{N-1}C)\%D = (C^{N-1}\%D*C)\%D (C\%D \equiv C)$
- рекурсія для $C^N \% D$? Час виконання!
- Масив для C[N]=*C*^N%*D*? Пам'ять!
- Все простіше! $C^n\%D$ нам потрібно лише на n-му кроку, тож використаємо його на n-му і передамо в n+1-ий.

Розв'язання

```
Hash = (c_0 * C^0 + c_1 * C^1 + c_2 * C^2 + ... + c_{N-1} * C^{N-1})\%D,
int main()
    long long int D = 10000000007;
    int C = 1009;
    string line;
    cin >> line:
    int N = line.length();
    long long int hash = 0;
    long long int CN = 1;
    for(int i=0; i<N; i++)
        hash = (hash + ((int) line[i])*CN) % D;
        CN = (CN*C) % D;
    }
    cout << hash;
    return 0;
```