Дистилляция моделей глубокого обучения

Грабовой Андрей Валериевич

Московский физико-технический институт

03.04.01 Прикладные математика и физика

Научный руководитель д.ф.-м.н. В.В. Стрижов

МФТИ, г. Долгопрудный 2021 г.

Байесовский вывод в задаче дистилляции

Исследуемая проблема

Снижения числа обучаемых параметров моделей машинного обучения для получения интерпретируемых моделей машинного обучения.

Задачи

- 1. Поставить вероятностную задачу дистилляции для задач классификации и регрессии.
- 2. Предложить метод байесовской дистилляции нейросетевых моделей.
- 3. Провести теоретический анализ полученных результатов.

Метод

Предлагается байесовская постановка задачи дистилляции моделей глубокого обучения. Предлагается метод дистилляции моделей в котором априорное распределение параметров модели *ученика* является функцией параметров *учителя*. Предлагается метод приведения структуры модели учителя к модели ученика, что позволяется использовать апостериорное распределения параметров учителя в качестве априорного распределения параметров ученика.

Оптимизация ученика на основе учителя

- Заданы: 1) признаки $\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}^n$;
- 2) привилегированные признаки $\mathbf{x}_{i}^{*} \in \mathbb{R}^{n^{*}}$;
- 3) целевая переменная $y_i \in \mathbb{Y}$;
- 4) индексы объектов, для которых известна привилегированная информация $\mathcal{I},$ а для которых она не известна $\bar{\mathcal{I}}.$

Функции учителя $\mathbf{f}: \mathbb{R}^{n^*} \to \mathbb{Y}'$ и ученика $\mathbf{g}: \mathbb{R}^n \to \mathbb{Y}'$ — пространство оценок. Ответ $\mathbf{s}_i = \mathbf{f}(\mathbf{x}_i^*)$ функции \mathbf{f} для объекта \mathbf{x}_i^* используется при решении оптимизационной задачи.

Требуется выбрать модель ученика **g** из множества

$$\mathfrak{G} = \{ \mathbf{g} | \mathbf{g} : \mathbb{R}^n \to \mathbb{Y}' \}.$$

Оптимизационная задача:

$$\mathbf{g} = \arg\min_{\mathbf{g} \in \mathfrak{G}} \mathcal{L}\big(\mathbf{g}, \mathbf{f}, \mathbf{X}, \mathbf{X}^*, \mathbf{y}\big),$$

где \mathcal{L} функция ошибки.

Постановка задачи: дистилляция Хинтона 1 ; Вапника 2 Заданы:

1) $\mathbf{x}_{i}^{*} = \mathbf{x}_{i}$; $\mathbf{x}_{i}^{*} \neq \mathbf{x}_{i}$ для всех $i \in \{1, 2, \cdots, m\}$;

2) $y_i \in \mathbb{Y} = \{1, \cdots, K\}, \quad \mathbb{Y}' = \mathbb{R}^K.$

2) $y_i \in \mathbb{I} = \{1, \cdots, N\}, \quad \mathbb{I} = \mathbb{N}$. Параметрические семейства учителя и ученика:

Функция ошибки

Оптимизационная задача:

Information //ICLR, 2016.

$$\mathfrak{F}^*_{\mathsf{cl}} = \left\{ \mathbf{f} | \mathbf{f} = \mathsf{softmax} (\mathbf{v}^*(\mathbf{x}^*)/T), \quad \mathbf{v}^* : \mathbb{R}^{n^*} \to \mathbb{R}^K \right\},$$
 $\mathfrak{G}_{\mathsf{cl}} = \left\{ \mathbf{g} | \mathbf{g} = \mathsf{softmax} (\mathbf{z}(\mathbf{x})/T), \quad \mathbf{z} : \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}^K \right\},$

где \mathbf{z}, \mathbf{v}^* — это дифференцируемые параметрические функции заданной структуры, T — параметр температуры.

$$\mathcal{L}_{\mathrm{st}}(\mathbf{g}) = -\sum_{i=1}^{m} \underbrace{\sum_{k=1}^{K} y_i^k \log \mathbf{g}(\mathbf{x}_i) \big|_{T=1}}_{\mathsf{исходная}} - \underbrace{\sum_{i=1}^{m} \underbrace{\sum_{k=1}^{K} \mathbf{f}(\mathbf{x}^*_i) \big|_{T=T_0} \log \mathbf{g}(\mathbf{x}_i) \big|_{T=T_0}}_{\mathsf{слагаемое}},$$

где $\cdot \big|_{T=t}$ параметр температуры T равняется t.

$$\hat{\mathbf{g}} = \arg\min_{\mathbf{g} \in \mathfrak{G}_{\mathsf{al}}} \mathcal{L}_{\mathsf{st}}(\mathbf{g}).$$

¹Hinton G., Vinyals O., Dean J. Distilling the Knowledge in a Neural Network // NIPS, 2015. ²Lopez-Paz D., Bottou L., Scholkopf B., Vapnik V. Unifying Distillation and Privileged

Вероятностная постановка задачи дистилляции

Гипотеза порождения данных:

- 1) задано распределение целевой переменной $p(y_i|\mathbf{x}_i,\mathbf{g});$
- 2) задано совместное распределение $p(y_i, \mathbf{s}_i | \mathbf{x}_i, \mathbf{g})$;
- 3) для всех $i\in\mathcal{I}$ элементы y_i и \mathbf{s}_i являются зависимыми величинами;
- 4) если $|\mathcal{I}|=0$ то решение равно решению максимума правдоподобия.

Совместное правдоподобие истинных меток и меток учителя:

$$p(\mathbf{y}, \mathbf{S} | \mathbf{X}, \mathbf{g}, \mathcal{I}) = \prod_{i \notin \mathcal{I}} p(y_i | \mathbf{x}_i, \mathbf{g}) \prod_{i \in \mathcal{I}} p(y_i, \mathbf{s}_i | \mathbf{x}_i, \mathbf{g}).$$

Задача оптимизации:

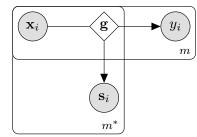
$$\mathbf{g} = \arg\max_{\mathbf{g} \in \mathfrak{G}} p(\mathbf{y}, \mathbf{S} | \mathbf{X}, \mathbf{g}, \mathcal{I}),$$

имеет вид:

$$\sum_{i \not \in \mathcal{I}} \log p \big(y_i | \mathbf{x}_i, \mathbf{g} \big) + (1 - \lambda) \sum_{i \in \mathcal{I}} \log p \big(y_i | \mathbf{x}_i, \mathbf{g} \big)$$

$$+\lambda \sum_{i\in\mathcal{I}} \log p(\mathbf{s}_i|\mathbf{x}_i,\mathbf{g}),$$

где $\lambda \in [0,1]$ — метапараметр.



Задача классификации: вероятностная постановка Заданы:

- 1) учитель $\mathbf{f} \in \mathfrak{F}_{\mathsf{cl}}^*$ и ученик $\mathbf{g} \in \mathfrak{G}_{\mathsf{cl}}$;
- 2) распределение истинных меток $p(y|\mathbf{x},\mathbf{g}) = \mathsf{Cat}(\mathbf{g}(\mathbf{x}));$
- 3) распределение ответов учителя $p(\mathbf{s}|\mathbf{x},\mathbf{g}) = C\prod_{k=1}^K g_k(\mathbf{x})^{s^k}, \quad C < \infty.$

$$\hat{\mathbf{g}} = \arg\max_{\mathbf{g} \in \mathfrak{G}} \sum_{i \not\in \mathcal{I}}^K \sum_{k=1}^K y_i^k \log g_k \big(\mathbf{x}_i\big) \big|_{\mathcal{T}=1} + (1-\lambda) \sum_{i \in \mathcal{I}} \sum_{k=1}^K y_i^k \log g_k \big(\mathbf{x}_i\big) \big|_{\mathcal{T}=1}$$

$$+ \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}} \sum_{k=1}^{K} s_{i,k} \log g_k(\mathbf{x}_i) \big|_{T=T_0} + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}} \sum_{k=1}^{K} \left(\log g_k(\mathbf{x}_i) \big|_{T=T_0} + \log \log \frac{1}{g_k(\mathbf{x}_i)} \big|_{T=T_0} \right)$$

Теорема (Грабовой, 2020)

Пусть всех k выполняется $1>1-arepsilon>g_k(\mathbf{x})>arepsilon>0$, тогда при

$$C = (-1)^K \frac{K^{K/2}}{2^{K(K-1)/2}} \prod_{k=1}^K g_k(\mathbf{x}) \log g_k(\mathbf{x})$$

функция $p(\mathbf{s}|\mathbf{x},\mathbf{g}) = C \prod_{k=1}^K g_k(\mathbf{x})^{\mathbf{s}^k}$ является плотностью распределения.

Задача регрессии: вероятностная постановка

- 1) учитель $f \in \mathfrak{F}^*_{rg} = \{f|f = \mathbf{v}^*(\mathbf{x}^*), \quad \mathbf{v}^* : \mathbb{R}^{n^*} \to \mathbb{R}\};$
- 2) ученик $g \in \mathfrak{G}_{rg} = \{g | g = \mathbf{z}(\mathbf{x}), \mathbf{z} : \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}\};$
- 3) распределение истинных меток $p(y|\mathbf{x},g) = \mathcal{N}(y|g(x),\sigma)$;
- 4) распределения меток учителя $p(s|\mathbf{x},g) = \mathcal{N}(s|g(\mathbf{x}),\sigma_s).$

Оптимизационная задача:

$$\begin{split} \hat{g} &= \arg\min_{g \in \mathfrak{G}} \sum_{i \notin \mathcal{I}} \sigma^2 \left(y_i - g\left(\mathbf{x}_i \right) \right)^2 \\ &+ \left(1 - \lambda \right) \sum_{i \in \mathcal{I}} \sigma^2 \left(y_i - g\left(\mathbf{x}_i \right) \right)^2 + \lambda \sum_{i \in \mathcal{I}} \sigma_s^2 \left(s_i - g\left(\mathbf{x}_i \right) \right)^2. \end{split}$$

Теорема (Грабовой, 2020)

Пусть \mathfrak{G}_{rg} — класс линейных функций $\mathbf{g}(\mathbf{x}) = \mathbf{w}^\mathsf{T}\mathbf{x}$. Тогда решение оптимизационной задачи эквивалентно решению задачи линейной регрессии $\mathbf{y}'' = \mathbf{X}\mathbf{w} + \boldsymbol{\varepsilon}, \ \boldsymbol{\varepsilon} \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}, \boldsymbol{\Sigma})$, где $\boldsymbol{\Sigma}^{-1} = \mathsf{diag}(\boldsymbol{\sigma}')$ и \mathbf{y}'' имеют следующий вид: $\sigma_i' = \begin{cases} \sigma^2, \ \mathsf{если} \ i \not\in \mathcal{I} \\ (1-\lambda)\,\sigma^2 + \lambda\sigma_s^2, \ \mathsf{иначe}, \end{cases} \quad \mathbf{y}_i'' = \boldsymbol{\Sigma}\mathbf{y}_i', \quad y_i' = \begin{cases} \sigma^2 y_i, \ \mathsf{если} \ i \not\in \mathcal{I} \\ (1-\lambda)\,\sigma^2 y_i + \lambda\sigma_s^2 s_i, \ \mathsf{иначe}. \end{cases}$

Байесовская постановка задачи дистилляции

Задана модель учителя с фиксированными параметрами в виде суперпозиции отображений:

$$f = \boldsymbol{\sigma} \circ \boldsymbol{\mathsf{U}}_{T} \circ \boldsymbol{\sigma} \circ \boldsymbol{\mathsf{U}}_{T-1} \circ \cdots \circ \boldsymbol{\sigma} \circ \boldsymbol{\mathsf{U}}_{1},$$

где ${f U}$ матрицы линейны отображений, ${f \sigma}$ нелинейность. Вектор параметров модели учителя:

$$\mathbf{u} = \text{vec}([\mathbf{U}_T, \mathbf{U}_{T-1}, \cdots \mathbf{U}_1]).$$

На основе выборки $\{\mathbf x_i, y_i\}_{i=1}^m$ и учителя f требуется выбрать модель ученика:

$$g = \sigma \circ W_L \circ \cdots \circ \sigma \circ W_1, \quad W_I \in \mathbb{R}^{n_s \times n_{s-1}},$$

где \mathbf{W} , $\boldsymbol{\sigma}$, \mathbf{w} вводятся аналогично учителю. Выбор модели g эквивалентный оптимизации вектора параметров \mathbf{w} . Параметры \mathbf{w} оптимизируются на основе вариационного вывода:

$$\hat{\mathbf{w}} = \arg\min_{q,\mathbf{w}} \mathsf{D}_{\mathsf{KL}}\big(q\big(\mathbf{w}\big)||p\big(\mathbf{w}|\mathbf{A}\big)\big) - \log p\big(\mathbf{y}|\mathbf{X},\mathbf{w}\big).$$

Априорное распределение $p(\mathbf{w}|\mathbf{A})$ задается как функция от апостериорного распределения $p(\mathbf{u}|\mathbf{X},\mathbf{y})$. Апостериорное распределение параметров модели учителя задается нормальным распределением:

$$p(\mathbf{u}|\mathbf{X},\mathbf{y}) = \mathcal{N}(\mathbf{u}_0,\mathbf{\Sigma}_0).$$

Проблема: пространства параметров учителя и ученика не совпадает.

Байесовкая дистилляция: сопоставление параметров моделей

Определение

Структура модели — множество структурных параметров модели, которые задают вид суперпозиции.

Определение

Сопоставление параметрических моделей — изменение структуры модели (одной или нескольких моделей) в результате которого векторы параметров различных моделей лежат в одном пространстве.

Пространства параметров совпадают

- ightharpoonup число слоев совпадает L=T;
- ▶ размеры соответствующих слоев совпадают,
- тогда $p(\mathbf{w}|\mathbf{A}) = p(\mathbf{w}|\mathfrak{D}).$

Пространства параметров не совпадают В данном случае дистиляция проходит в два этапа:

- ▶ выполняется сопоставление моделей учителя и ученика;
- апостериорное распределение учителя назначается априорным распределением ученика.

Размеры скрытых слоев учителя и ученика отличаются

Преобразования t-го слоя учителя:

$$\phi(t, \mathbf{u}) : \mathbb{R}^{\mathsf{p_{tr}}} \to \mathbb{R}^{\mathsf{p_{tr}}-2n_t}$$

описывает удаление одного нейрона из t-го слоя. Новый вектор параметров $v=\phi(t,\mathbf{u}),$ а элементы вектора, которые были удалены как $ar{v}$

Теорема (Грабовой, 2021)

Пусть выполняются следующие условия:

- lacktriangle апостериорное распределение параметров р $ig(\mathbf{u}|\mathfrak{D}ig)=\mathcal{N}ig(\mathbf{m},oldsymbol{\Sigma}ig);$
- lacktriangledown число слоев модели учителя равняется числу слоев модели ученика L=T;
- ▶ размеры соответствующих слоев не совпадают, другими словами, для всех t, l таких, что t = l выполняется $n_l \le n_t$.

Тогда апостериорное распределения параметров модели учителя $p(v|\mathfrak{D})$ также является нормальным распределением.

Число скрытых слоев учителя и ученика отличаются Преобразования t-го слоя учителя:

$$\psi(t): \mathbb{R}^{\mathsf{p}_{\mathsf{tr}}} \to \mathbb{R}^{\mathsf{p}_{\mathsf{tr}}-n_t n_{t-1}}$$

описывает удаление t-го слоя. Новый новый вектор параметров $oldsymbol{v}=\psi(t,oldsymbol{\mathsf{u}}),$ а элементы вектора, которые были удалены как $ar{oldsymbol{v}}.$

Теорема (Грабовой, 2021)

Пусть выполняются следующие условия:

- lacktriangle апостериорное распределение параметров $pig(\mathbf{u}|\mathfrak{D}ig)=\mathcal{N}ig(\mathbf{m},oldsymbol{\Sigma}ig)$;
- lacktriangle соответствующие размеры слоев совпадают, $n_t = n_{t-1}$, то есть матрица $f U_t$ является квадратной;
- lacktriangle функция активации удовлетворяет свойству идемпотентности $oldsymbol{\sigma}\circoldsymbol{\sigma}=oldsymbol{\sigma}.$

Тогда апостериорное распределения также описывается нормальным распределением со следующей плотностью распределения:

$$\rho\!\left(\boldsymbol{v}|\mathfrak{D}\right) = \mathcal{N}\!\left(\mathbf{m}_{\boldsymbol{v}} + \boldsymbol{\Sigma}_{\boldsymbol{v},\bar{\boldsymbol{v}}}\boldsymbol{\Sigma}_{\bar{\boldsymbol{v}},\bar{\boldsymbol{v}}}^{-1}\left(\mathbf{i} - \bar{\boldsymbol{v}}\right), \boldsymbol{\Sigma}_{\boldsymbol{v},\boldsymbol{v}} - \boldsymbol{\Sigma}_{\boldsymbol{v},\bar{\boldsymbol{v}}}\boldsymbol{\Sigma}_{\bar{\boldsymbol{v}},\bar{\boldsymbol{v}}}^{-1}\boldsymbol{\Sigma}_{\boldsymbol{v},\bar{\boldsymbol{v}}}\right),$$

где і единичная матрица преобразована в вектор.

Порядок на множестве параметров

Задание порядка на множестве параметров:

- случайным образом (используется в рамках вычислительного эксперимента)
- ▶ на основе метода оптимального прореживания нейросети:

$$\xi = \arg\min_{j} h_{jj} \frac{u_{j}^{2}}{2},$$

где h_{jj} коэффициент при квадратичном члене в разложении Тейлора функции ошибки по параметрам модели.

 на основе отношения плотности апостериорного распределения параметра к плотности апостериорного распределения параметра к нулю:

$$\xi = \arg \max_{j} \frac{p(0|\mathbf{X}, \mathbf{t})}{p(u_{j}|\mathbf{X}, \mathbf{t})},$$

▶ выбор на основе анализа мультиколиниарности параметров методов Белсли:

$$\xi = \arg\max_{j} \frac{\lambda_{\max}}{\lambda_{j}},$$

где λ являются сингулярными числами ковариационный матрицы параметров.

Вычислительный эксперимент: вероятностная дистиляция

Выборка FashionMNIST:

Изображения размера 28×28 . Решается задача классификации с K=10 классами.

Объем выборки $m_{\mathsf{train}} = 60000$ и $m_{\mathsf{test}} = 10000$ объектов.

Синтетическая выборка:

$$\mathbf{X} = \left[\dot{\mathcal{N}} (x_{ij} | 0, 1) \right]_{m \times n}, \qquad \mathbf{W} = \left[\mathcal{N} (w_{jk} | 0, 1) \right]_{n \times K},$$

$$\mathbf{S} = \operatorname{softmax} (\mathbf{XW}), \qquad \mathbf{y} = \left[\operatorname{Cat} (y_i | \mathbf{s}_i) \right],$$

где функция softmax берется построчно.

Число признаков n=10, число классов K=3, объем выборки $m_{\rm train}=1000$ и $m_{\rm test}=100$ объектов.

Выборка Twitter Sentiment Analysis:

Англоязычные твиты пользователей. Решается задача бинарной классификации текстовых сообщений.

Объем выборки $m_{\sf train} = 1{,}18$ млн и $m_{\sf test} = 0{,}35$ млн объектов.

Сводная таблица вычислительного эксперимента: вероятностная дистиляция

| Dataset | Model | CrossEntropyLoss | Accuracy | StudentSize |
|--------------|-----------------|-----------------------|-------------------------------------|-------------|
| FashionMnist | without teacher | $0,\!461 \pm 0,\!005$ | $0,841 \pm 0,002$ | 7850 |
| | with teacher | $0,\!453 \pm 0,\!003$ | $0,842 \pm 0,002$ | 7850 |
| Synthetic | without teacher | $0,\!225 \pm 0,\!002$ | $0,831 \pm 0,002$ | 33 |
| | with teacher | $0,\!452 \pm 0,\!001$ | $0,828 \pm 0,001$ | 33 |
| Twitter | without teacher | $0,\!501 \pm 0,\!006$ | $0,747 \pm 0,005$ | 1538 |
| | with teacher | $0,\!489 \pm 0,\!003$ | $\textbf{0,764} \pm \textbf{0,004}$ | 1538 |

В таблице показаны результаты вычислительного эксперимента для разных выборок. Точность аппроксимации выборки учеником улучшается при использовании модели учителя при обучении.

Вычислительный эксперимент: байесовская дистилляция

Синтетическая выборка:

$$\mathbf{w} = \begin{bmatrix} w_j : w_j \sim \mathcal{N}(0,1) \end{bmatrix}_{n \times 1}, \quad \mathbf{X} = \begin{bmatrix} x_{ij} : x_{ij} \sim \mathcal{N}(0,1) \end{bmatrix}_{m \times n},$$
$$\mathbf{y} = \begin{bmatrix} y_i : y_i \sim \mathcal{N}(\mathbf{x}_i^\mathsf{T} \mathbf{w}, \beta) \end{bmatrix}_{m \times 1},$$

где $\beta=0.1$ — уровень шума в данных. Число признаков n=10, для обучения и тестирования было сгенерировано $m_{\rm train}=900$ и $m_{\rm test}=124$ объекта. Модель учителя:

$$f(\mathbf{x}) = \boldsymbol{\sigma} \circ \mathbf{U}_3 \circ \boldsymbol{\sigma} \circ \mathbf{U}_2 \circ \boldsymbol{\sigma} \circ \mathbf{U}_1 \mathbf{x},$$

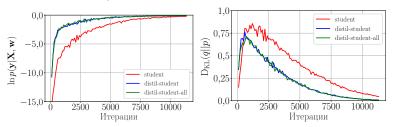
Первая конфигурация модели ученика:

$$g = \boldsymbol{\sigma} \circ \boldsymbol{W}_3 \circ \boldsymbol{\sigma} \circ \boldsymbol{W}_2 \circ \boldsymbol{\sigma} \circ \boldsymbol{W}_1, \quad \boldsymbol{W}_1 \in \mathbb{R}^{10 \times 10}, \boldsymbol{W}_2 \in \mathbb{R}^{10 \times 10}, \boldsymbol{W}_3 \in \mathbb{R}^{1 \times 10}.$$

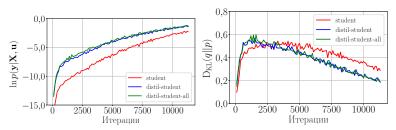
Вторая конфигурация модели ученика:

$$g = \sigma \circ W_2 \circ \sigma \circ W_1, \quad W_1 \in \mathbb{R}^{1 \times 50}, W_2 \in \mathbb{R}^{50 \times 10}.$$

Результаты эксперимента: байесовская дистилляция



Первая конфигурация модели ученика. Дистиллированная модель имеет большее правдоподобие.



Вторая конфигурация модели ученика. Дистиллированная модель имеет большее правдоподобие.

Сводная таблица вычислительного эксперимента: байесовская дистилляция

| | teacher | student | distil-student | distil-student-all | | | |
|---|--------------------|-----------------|-----------------|--------------------|--|--|--|
| Эксперимент на синтетической выборке (удаление нейрона) | | | | | | | |
| Архитектура | [10, 100, 50, 1] | [10, 10, 10, 1] | [10, 10, 10, 1] | [10, 10, 10, 1] | | | |
| Число параметров | 6050 | 210 | 210 | 210 | | | |
| Разность площадей | - | 0 | 16559 | 16864 | | | |
| Эксперимент на синтетической выборке (удаление слоя) | | | | | | | |
| Архитектура | [10, 100, 50, 1] | [10, 50, 1] | [10, 50, 1] | [10, 50, 1] | | | |
| Число параметро | 6050 | 550 | 550 | 550 | | | |
| Разность площадей | - | 0 | 23310 | 25506 | | | |
| Эксперимент на выборке FashionMnist | | | | | | | |
| Архитектура | [784, 800, 50, 10] | [784, 50, 10] | [784, 50, 10] | [784, 50, 10] | | | |
| Число параметро | 667700 | 39700 | 39700 | 39700 | | | |
| Разность площадей | - | 0 | 1165 | 1145 | | | |

Для численного сравнения качества моделей выбрана разность площадей графика $\ln p(\mathbf{y}|\mathbf{X},\mathbf{w})$. Чем больше значение тем лучше.

Выносится на защиту

- 1. Проведен вероятностный анализ задачи дистилляции.
- 2. Выполнена обобщение классического подхода введя вероятностные предположения о природе данных.
- Теоретические анализы сформулированы в виде теорем для задачи классификации и регрессии.
- 4. Поставлена задача байесовской дистилляции моделей глубокого обучения.
- 5. Предложен метод задания априорного распределения параметров модели ученика на основе апостериорного распределения парамтеров учителя.
- 6. Доказаны теоремы, которые позволяют приводить структуры модели учителя к структуре модели ученика.
- 7. Проведен ряд вычислительных экспериментов, которые показывают применимость предложенных методов.

Список работ автора по теме диплома

Публикации BAK по теме

- 1. *Грабовой А.В., Бахтеев О.Ю., Стрижов В.В.* Определение релевантности параметров нейросети // Информатика и ее применения, 2019.
- 2. Грабовой А.В., Бахтеев О. Ю., Стрижов В.В. Введение отношения порядка на множестве параметров аппроксимирующих моделей // Информатика и ее применения, 2020.
- A. Grabovoy, V. Strijov. Quasi-periodic time series clustering for human // Lobachevskii Journal of Mathematics, 2020.
- 4. Грабовой А.В., Стрижов В.В. Анализ выбора априорного распределения для смеси экспертов // Журнал Вычислительной математики и математической физики, 2021.
- 5. *Грабовой А.В., Стрижов В.В.* Байесовская дистилляция моделей глубокого обучения // Автоматика и Телемеханика, 2021.
- 6. *Грабовой А.В., Стрижов В.В.* Анализ моделей привилегированного обучения и дистилляции // Автоматика и Телемеханика (на рецензировании).
- 7. A. Grabovoy, T. Gadaev, A. Motrenko, V. Strijov Numerical methods of minimum sufficient sample size estimation for linear models // Lobachevskii Journal of Mathematics (на рецензировании).
- 8. Bazarova A.I., Grabovoy A.V., Strijov V.V. Analysis of the properties of probabilistic models in learning problems with an expert // Statistical Methods & Applications (на рецензировании).

Выступление с докладом

- 1. Автоматическое определение релевантности параметров нейросети // ИОИ-2018, 2018.
- 2. Поиск оптимальной модели при помощи алгоритмов прореживания // 61-я Всероссийская научная конференция МФТИ, 2018.
- 3. Анализ априорных распределений в задаче смеси экспертов // 62-я Всероссийская научная конференция МФТИ, 2019.
- 4. Введение отношения порядка на множестве параметров нейронной сети // ММРО-2019, 2019.
- 5. Привилегированная информация и дистилляция моделей // 63-я Всероссийская научная конференция МФТИ, 2020.
- 6. Задача обучения с экспертом для построение интерпретируемых моделей машинного обучения // ИОИ-2020, 2021.