

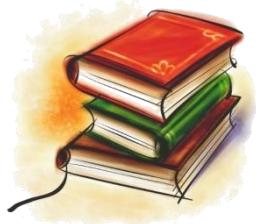
پردازش گفتار

شبکه عصبی مصنوعی

هادی ویسی

h.veisi@ut.ac.ir

دانشگاه تهران - دانشکده علوم و فنون نوین



فهرست

- مقدمه و معرفی
- شبکه عصبی پرسپترون
 - آموزش + مثال
- شبکه عصبی آدالاین
 - آموزش + مثال
- شبکه عصبی پرسپترون چندلایه (MLP)
 - آموزش + مثال + نکات تكميلی
- یادگیری عميق
 - شبکه باور عميق (DBN)
- شبکه های عصبی بازگشتی
 - حافظه کوتاه مدت ماندگار (LSTM)

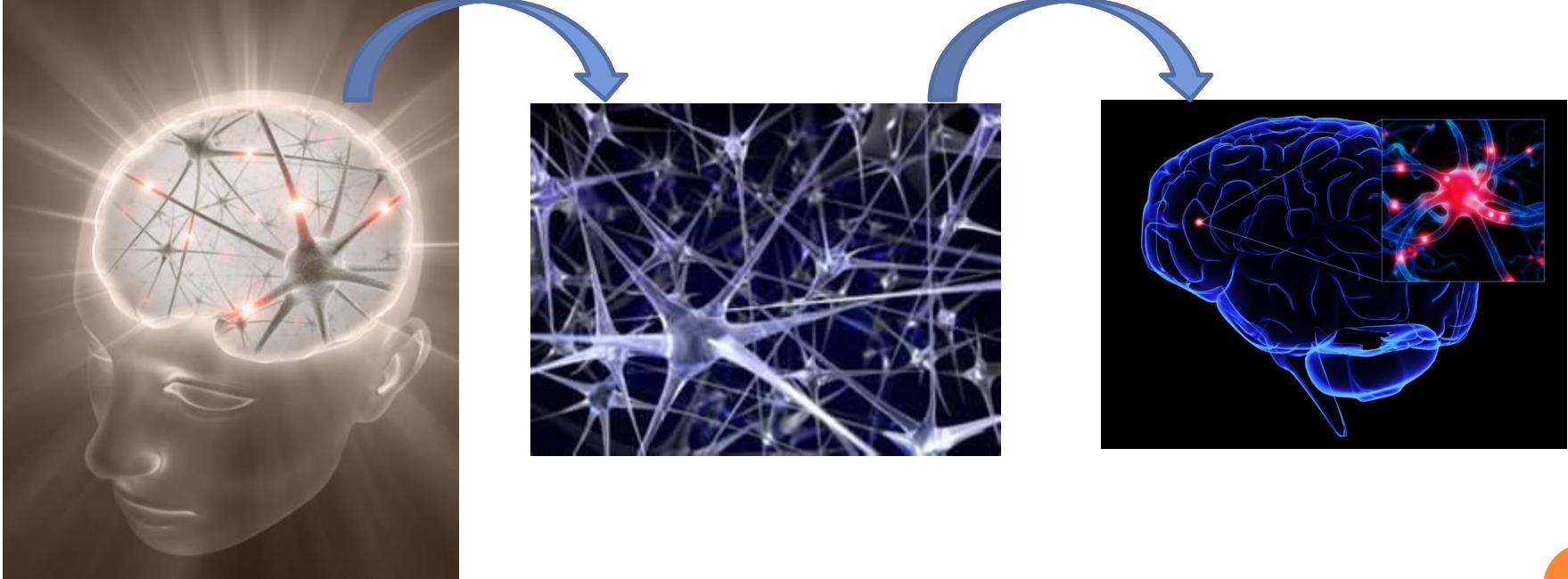
شبکه عصبی؟

○ مغز = شبکه‌ای بسیار بزرگ از عصب‌ها (نرون‌ها)

- ۱۰۰.۰۰۰.۰۰۰.۰۰۰ نرون

- ۱۰.۰۰۰ اتصال برای هر نرون

○ شبکه عصبی مصنوعی = شبیه‌سازی شبکه عصبی طبیعی



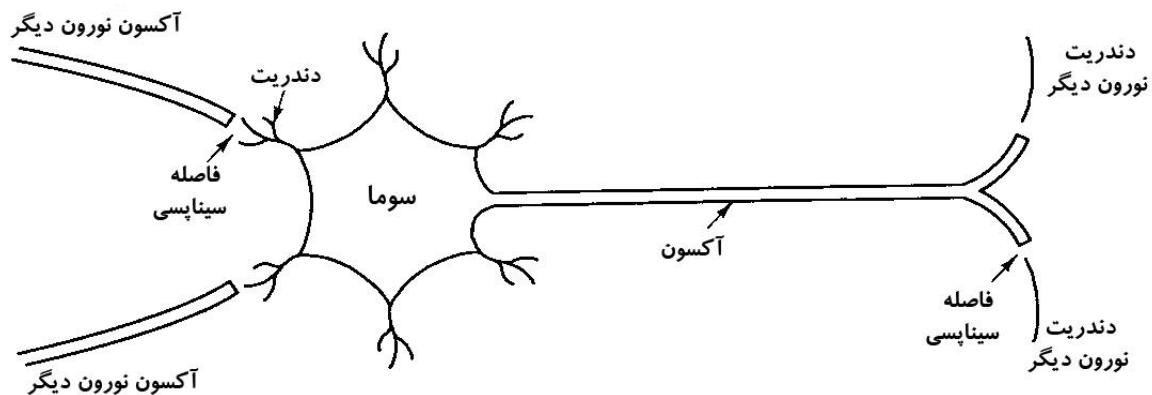
شبکه عصبی طبیعی . . .

- عنصر پردازشگر تشکیل دهنده یک شبکه عصبی مصنوعی

- نرون (Neuron) = عصب طبیعی (سلول مغزی)

- سه جزء تشکیل دهنده یک نرون طبیعی

- دندrit ها (Dendrite): دریافت سیگنال از سایر نرون ها
- سوما (Soma) = بدن سلول: سیگنال های ورودی به سلول را جمع می بندد
- آکسون (Axon): ارسال سیگنال به نرون(های) دیگر

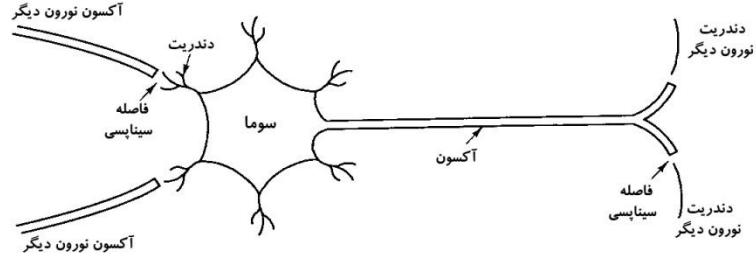


شبکه عصبی طبیعی . . .

○ عملکرد نرون طبیعی

- دریافت سیگنال از سایر نرون‌ها توسط دندانهای نورونی (Dendrites)
- عبور سیگنال‌ها با یک فرآیند شیمیایی از فاصله سیناپسی (Synaptic Gap)
- عمل شیمیایی انتقال دهنده، سیگنال ورودی را تغییر می‌دهند (تضییف/تقویت سیگنال)
- سوما سیگنال‌های ورودی به سلول را جمع می‌بندد
- زمانی که یک سلول به اندازه کافی ورودی دریافت نماید، برانگیخته می‌شود و سیگنالی را از آکسون خود به سلول‌های دیگر می‌فرستد.

- انتقال سیگنال از یک نرون خاص نتیجهٔ غلظت‌های مختلف یون‌ها در اطراف پوشش آکسون نرون («مادهٔ سفید» مغز) می‌باشد.
- یون‌ها = پتاسیم، سدیم و کلرید
- سیگنال‌ها به صورت ضربه‌های الکتریکی هستند





شبکه عصبی مصنوعی . . .

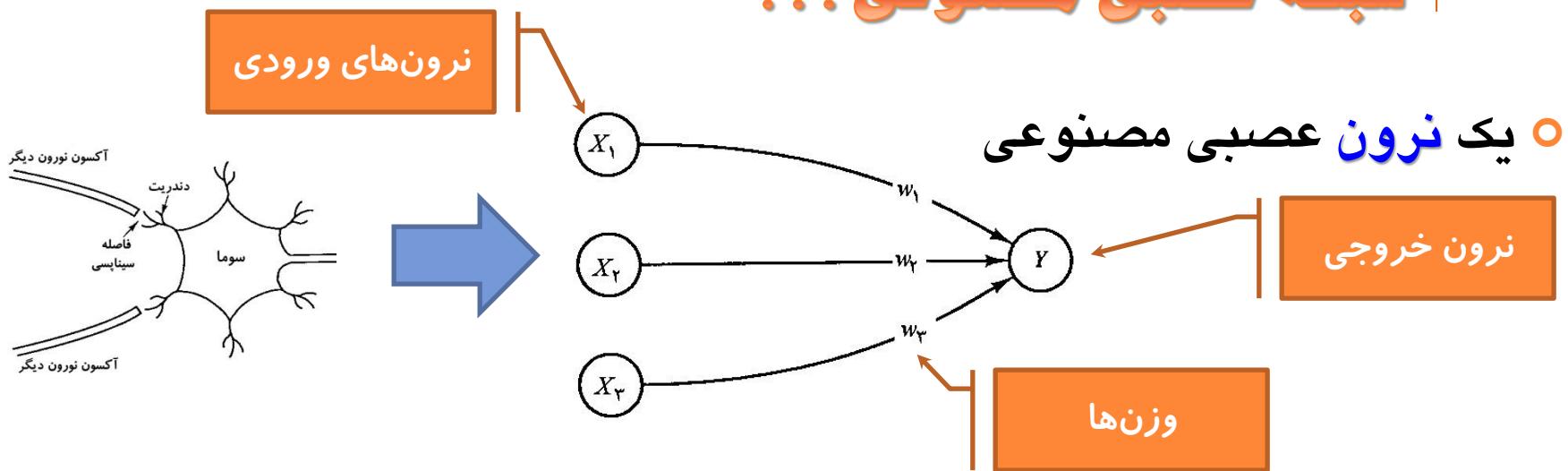
○ شبکه عصبی مصنوعی [Artificial Neural Network]

- یک سیستم پردازش اطلاعات با ویژگی‌های مشترکی با شبکه‌های عصبی طبیعی
- تعمیم یافتهٔ مدل‌های ریاضی تشخیص انسان بر اساس زیست‌شناسی عصبی

○ فرضیات پایه شبکه عصبی مصنوعی

- پردازش اطلاعات در اجزای ساده‌ای با تعداد فراوان، به نام نرون‌ها صورت می‌گیرد.
- سیگنال‌ها در بین نرون‌های شبکه از طریق پیوندها یا اتصالات (Connections) آنها منتقل می‌شوند.
- هر پیوند، وزن (Weight) مربوط به خود را دارد که در شبکه‌های عصبی رایج در سیگنال‌های انتقال یافته از آن پیوند ضرب می‌شود.
- هر نرون یک تابع فعال‌سازی (Activation Function) را بر روی ورودی‌های خود اعمال می‌کند تا سیگنال خروجی خود را تولید نماید.
- تابع معمولاً غیرخطی است

شبکه عصبی مصنوعی . . .



- فعالسازی ها یا سیگنال های خروجی نرون های ورودی به ترتیب x_1 , x_2 و x_3 هستند
- ورودی شبکه به نرون Y , حاصل جمع وزن دار سیگنال های ورودی و وزن هاست:

$$y_in = w_1 x_1 + w_2 x_2 + w_3 x_3 = \sum_i w_i x_i$$

- فعالسازی نرون Y با اعمال تابع فعالسازی f روی ورودی آن به دست می آید

$$y = f(y_in)$$

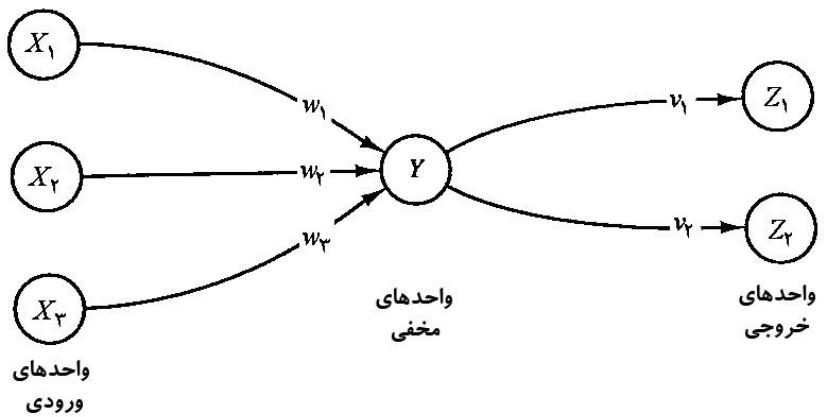
$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } x > \theta \\ 0 & \text{if } x < \theta \end{cases}$	$f(x) = \frac{1}{1 + \exp(-x)}$
---	---------------------------------

• تابع پله

• تابع سیگموئید (Sigmoid)

شبکه عصبی مصنوعی . . .

○ یک شبکه عصبی مصنوعی

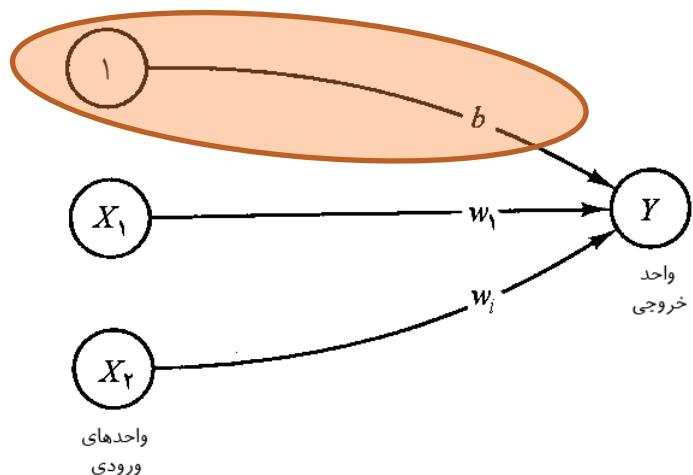


- در یک شبکه یک نرون می‌تواند ورودی‌های مختلفی را از چند نرون دریافت کند

شبکه عصبی مصنوعی . . .

● بایاس

- در ورودی شبکه عصبی، علاوه بر ورودی‌های موردنظر، یک ورودی ثابت با مقدار ۱ نیز داشته باشیم.

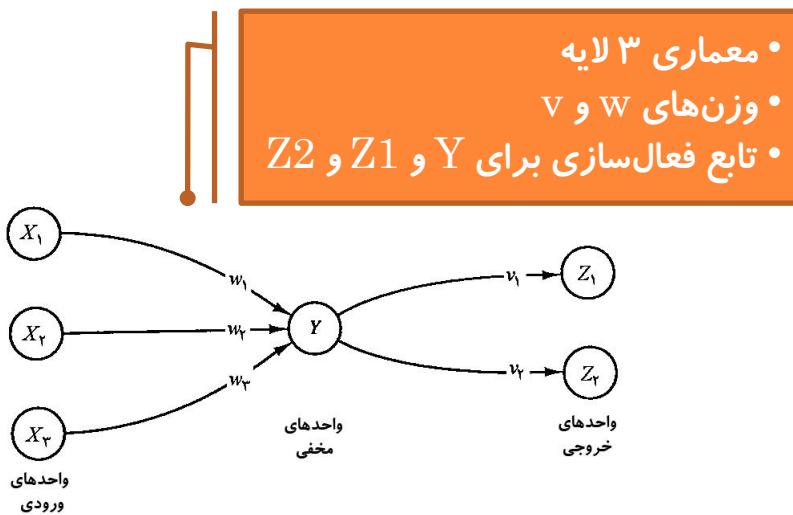
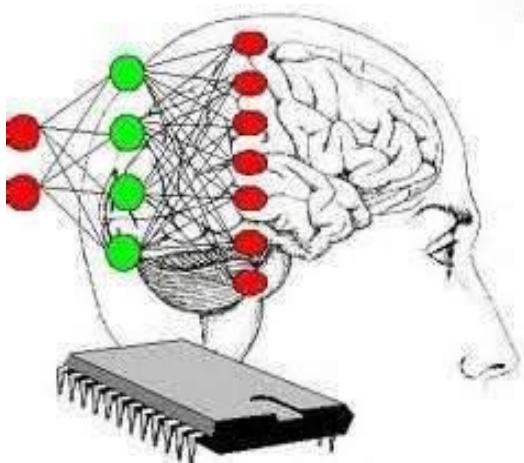


$$y_{in} = b + w_1 x_1 + w_2 x_2 = b + \sum_i w_i x_i$$

شبکه عصبی مصنوعی . . .

ویژگی‌های مشخص کننده یک شبکه عصبی مصنوعی

- ساختار یا معماری شبکه (Architecture): الگوی پیوندهای بین نرون‌های مختلف
- الگوریتم آموزش یا یادگیری (Training or Learning Algorithm): روش تعیین وزن‌های روی پیوندهای شبکه
- تابع فعال‌سازی شبکه (Activation Function) که هر نرون روی ورودی‌های خود اعمال می‌کند

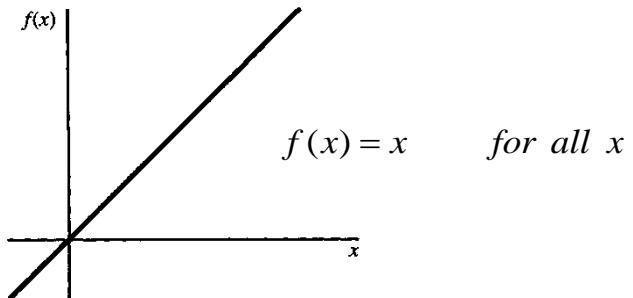


شبکه عصبی مصنوعی . . .

○ توابع فعال‌سازی متداول . . .

- تابع همانی (Identity Function)

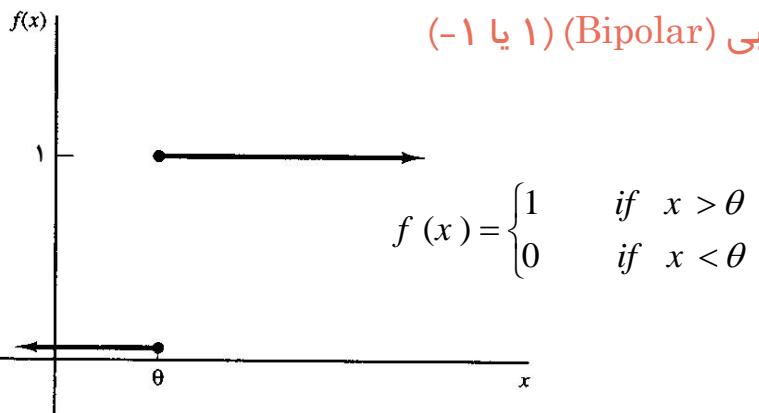
◦ برای واحدهای ورودی



- تابع پله‌ای دودویی (Step Function)

◦ تابع آستانه (Threshold Function) یا تابع هویسايد (Heaviside Function)

◦ خروجی = سیگنال دودویی (۱ یا ۰) یا دوقطبی (Bipolar) (۱ یا -۱)





شبکه عصبی مصنوعی . . .

○ توابع فعال‌سازی متداول . . .

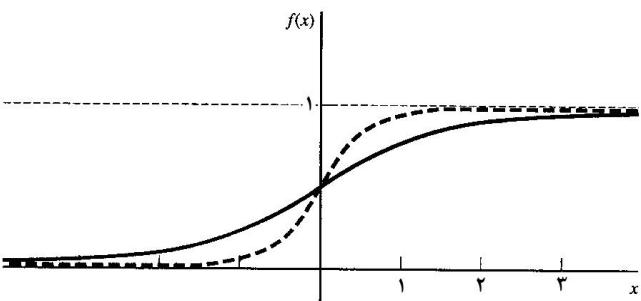
- توابع سیگموید (Sigmoid Functions)

- منحنی‌هایی به شکل S

○ استفاده در شبکه‌های عصبی پساننتشار (نیاز به مشتق‌گیری)

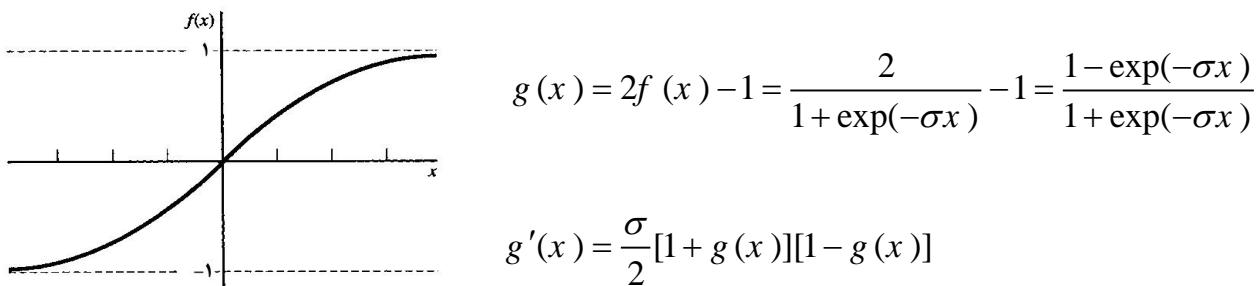
○ سیگموید دودویی - تابع لجستیک (Logistic Function)

○ دامنه ۰ تا ۱، مقادیر مطلوب خروجی یا دودویی است و یا بین ۰ و ۱ است



○ سیگموید دوقطبی - شبیه به تابع تانژانت هیپربولیک (Hyperbolic Tangent Function)

○ دامنه -۱ تا ۱

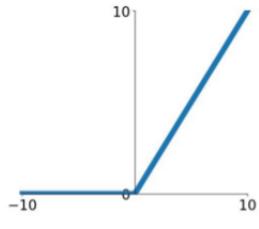


شبکه عصبی مصنوعی . . .

◦ توابع فعال‌سازی متداول . . .

ReLU: Rectified Linear Unit •

ReLU
 $\max(0, x)$



- سرعت محاسبه بالاتر نسبت به

- رفع مشکل اشباع gradient (تا حدودی)

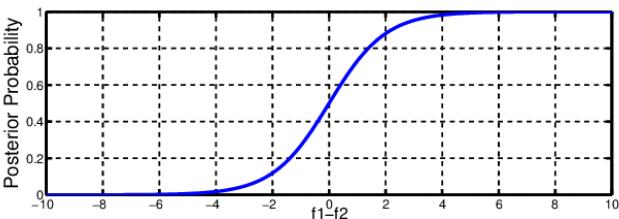
- پرکاربرد در یادگیری عمیق

Softmax •

- تبدیل خروجی شبکه به احتمال

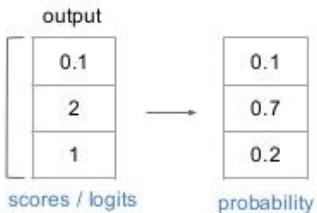
- اعداد بین ۰ و ۱

- جمع مقادیر برابر با ۱



scores (logits)

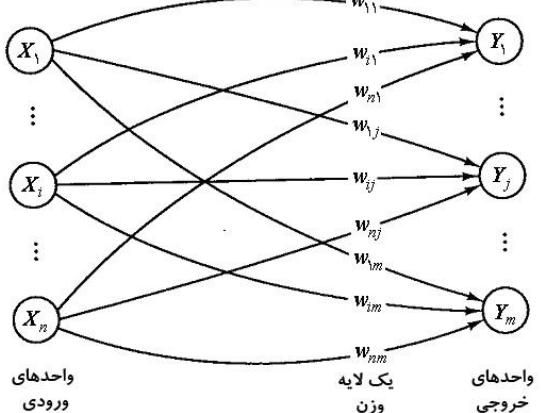
$$S(l_i) = \frac{e^{l_i}}{\sum_k e^{l_k}}$$



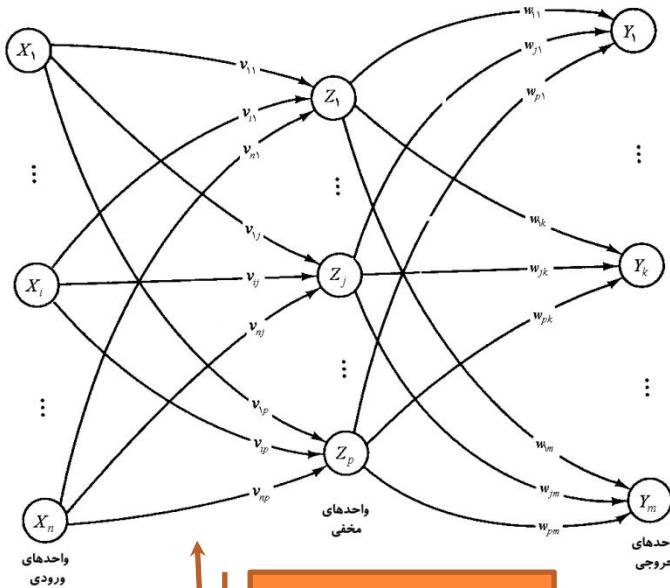
شبکه عصبی مصنوعی . . .

○ ساختارهای رایج . . .

- ساختار یا معماری: آرایش نرون‌ها در لایه‌ها و الگوهای ارتباط داخل و بین لایه‌ها
- شبکه‌های پیش‌خور (Feedforward) - سیگنال‌ها در یک جهت و از سمت واحدهای ورودی به سمت واحدهای خروجی (به سمت جلو) می‌روند



شبکه یک لایه

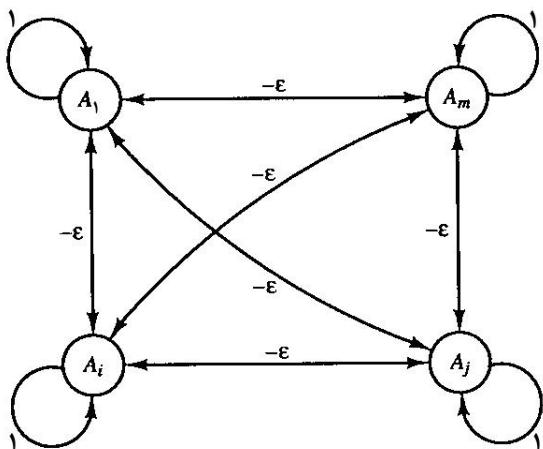


شبکه دولايه

شبکه عصبی مصنوعی . . .

○ ساختارهای رایج

- شبکه بازگشتی (Recurrent)، مسیرهای بسته سیگнал از یک واحد به خودش وجود دارد
- شبکه رقابتی: واحدهای آن کاملاً به هم مرتبطاند





شبکه عصبی مصنوعی . . .

○ الگوریتم آموزش/یادگیری (Training/Learning Algorithm)

- یادگیری با ناظر

- وزن های ثابت: تنظیم توسط طراح شبکه
- استفاده در شبکه مک کلاچ-پیتر و هاپفیلد
- هب: الهام از فرایند یادگیری انسان
 - استفاده در شبکه های هب و پرسپترون و شبکه های انجمنی (هاپفیلد)
- دلتا: کمینه کردن خطای شبکه (کاهش گرادیان خطای
 - استفاده در شبکه آدالاین
- دلتای توسعه یافته: کمینه کردن خطای شبکه (کاهش گرادیان خطای
 - استفاده در الگوریتم پس انتشار خطای و شبکه پرسپترون چند لایه
 - مبنای نظری یادگیری در بیشتر شبکه های عصبی مانند شبکه های بازگشتی

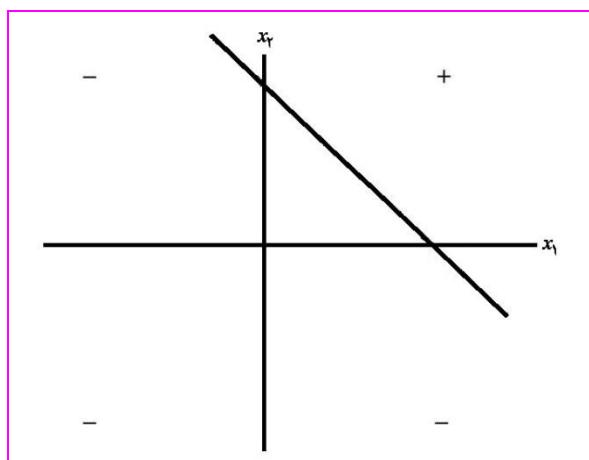
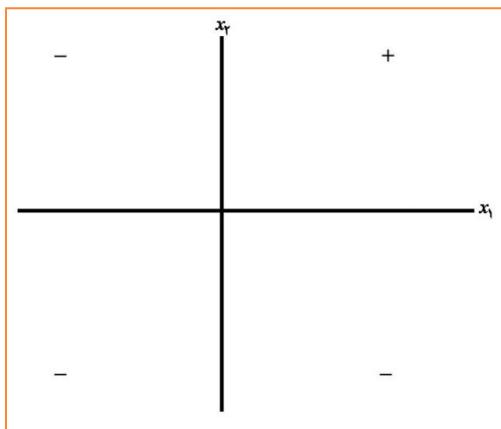
- یادگیری بدون ناظر

- کمینه کردن فاصله
- استفاده در ART و SOM
- بولتزمن: الهام از شبیه‌سازی سردشدن تدریجی (Simulated Annealing)



شبکه عصبی: مثال ...

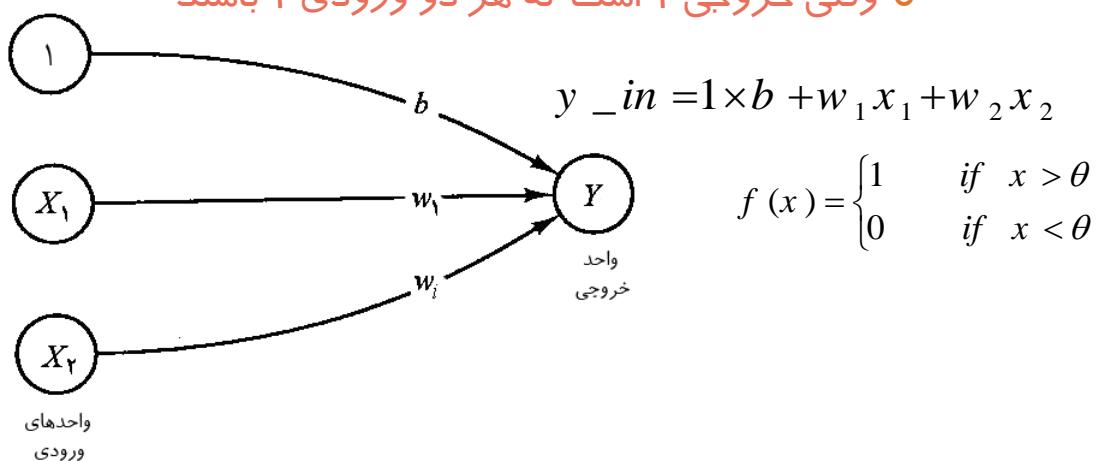
INPUT(x_1, x_2)	OUTPUT
(1, 1)	+1
(1, -1)	-1
(-1, 1)	-1
(-1, -1)	-1



○ مثال: تابع AND

- دو ورودی (دوقطبی) و یک خروجی (دوقطبی)

- وقتی خروجی 1 است که هر دو ورودی 1 باشند



- مرز تصمیم‌گیری

$$b + w_1 x_1 + w_2 x_2 = 0$$

$$x_2 = -x_1 + 1$$

- پاسخ

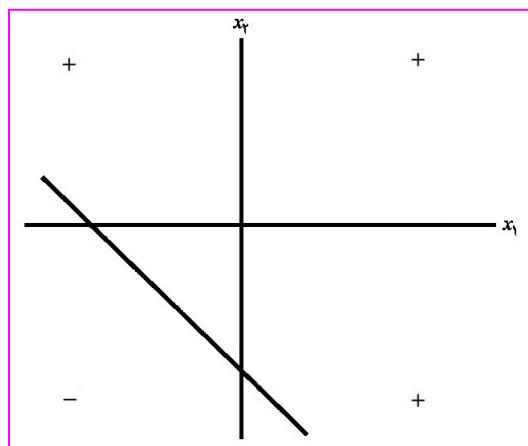
شبکه عصبی: مثال ...

○ مثال: تابع OR

- دو ورودی (دوقطبی) و یک خروجی (دوقطبی)

- وقتی خروجی ۱ است که حداقل یکی از ورودی‌ها ۱ باشد

INPUT(x_1, x_2)	OUTPUT
(1, 1)	+1
(1, -1)	+1
(-1, 1)	+1
(-1, -1)	-1



$$b = 1, w_1 = 1, w_2 = 1$$

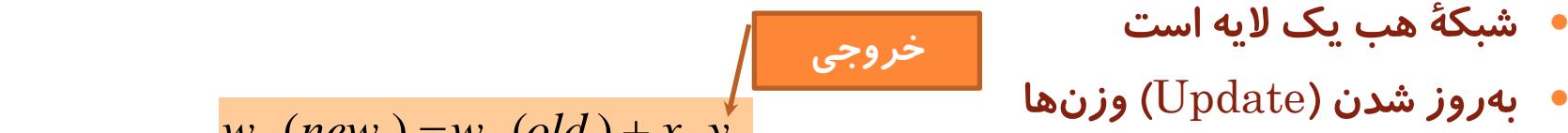
- مرز تصمیم‌گیری

$$x_2 = -x_1 - 1$$

- اگر وزن بایاس وجود نداشت، مرز تصمیم‌گیری باید از مبدأ عبور می‌کرد

شبکه هب ...

- اولین (و ساده‌ترین) قانون یادگیری برای شبکه عصبی
- ایده اصلی یادگیری هب
- یادگیری با تغییر استحکامات سیناپس‌های نرون‌ها (وزن‌های شبکه‌های عصبی) است
- اگر دو نرون متصل به هم به طور همزمان «فعال» باشند، وزن بین آنها باید افزایش یابد
- هب درباره نرون‌هایی که به طور همزمان برانگیخته نمی‌شوند، چیزی نمی‌گوید
- یادگیری قوی‌تر = اگر دو نرون به طور همزمان «غیرفعال» باشند، وزن‌ها افزایش یابد



- برای داده دودویی، اگر ورودی یا خروجی (یا هر دو) «غیرفعال» باشند، یادگیری صورت نمی‌گیرد



شبکه هب: الگوریتم . . .

- مرحله ۰ - به تمام وزن‌ها مقدار اولیه صفر بدهید $w_i = 0 \quad (i = 1, \dots, n)$
- مرحله ۱ - برای هر بردار آموزش ورودی و خروجی هدف، $s:t$ ، مراحل ۲ تا ۴ را انجام بده
- مرحله ۲ - فعال‌سازی‌های واحدهای ورودی را تعیین کن $x_i = s_i \quad (i = 1, \dots, n)$
- مرحله ۳ - برای واحد خروجی فعال‌سازی را تعیین کن $y = t$
- مرحله ۴ - وزن‌ها و بایاس را به روز کن

$$w_i(\text{new}) = w_i(\text{old}) + x_i y \quad (i = 1, \dots, n)$$

$$b(\text{new}) = b(\text{old}) + y$$

$$\mathbf{w}(\text{new}) = \mathbf{w}(\text{old}) + \mathbf{x} \cdot \mathbf{y} \quad \Rightarrow \quad \Delta \mathbf{w} = \mathbf{x} \cdot \mathbf{y}$$

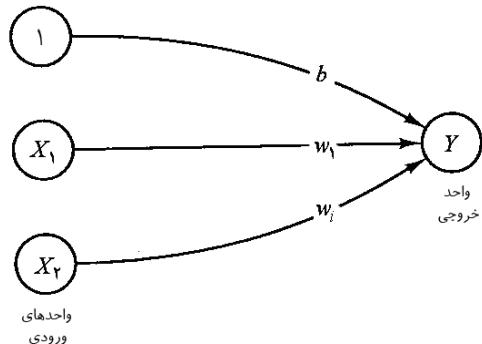
$$\mathbf{w}(\text{new}) = \mathbf{w}(\text{old}) + \Delta \mathbf{w}$$

داده‌های آموزشی فقط یک بار به شبکه نشان داده شده و آموزش به اتمام می‌رسد

شبکه هب: کاربرد ...

INPUT	TARGET
(x_1 x_2 1)	
(1 1 1)	1
(1 0 1)	0
(0 1 1)	0
(0 0 1)	0

○ تابع AND با ورودی‌ها و هدف‌های دودویی ...



$$\Delta w_1 = x_1 t, \quad \Delta w_2 = x_2 t, \quad \Delta b = 1 \cdot t = t$$

$$\mathbf{w}(new) = \mathbf{w}(old) + \Delta \mathbf{w}$$

$$x_1 = 1, \quad x_2 = 1, \quad b = 1, \quad t = 1$$

● برای ورودی اول

INPUT TARGET WEIGHT CHANGES WEIGHTS

(x_1 x_2 1)	t	(Δw_1 Δw_2 Δb)	(w_1 w_2 b)
(1 1 1)	1	(1 1 1)	(0 0 0)

مقدار اولیه

$$x_2 = -x_1 - 1$$

شبکه هب: کاربرد...

○ تابع AND با ورودی‌ها و هدف‌های دودویی

- برای دومین، سومین و چهارمین ورودی

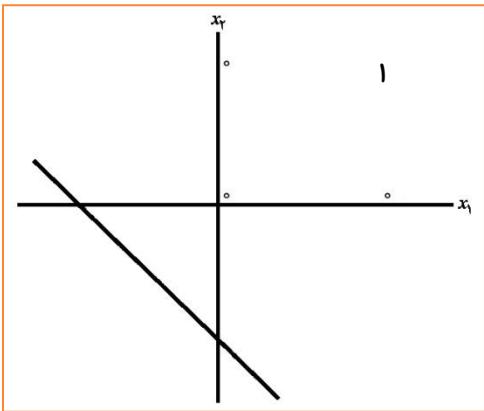
INPUT TARGET WEIGHT CHANGES WEIGHTS

$(x_1 \quad x_2 \quad 1)$	t	$(\Delta w_1 \quad \Delta w_2 \quad b)$	$(w_1 \quad w_2 \quad b)$
(1 0 1)	0	(0 0 0)	(1 1 1)
(0 1 1)	0	(0 0 0)	(1 1 1)
(0 0 1)	0	(0 0 0)	(1 1 1)

یادگیری رخ نمی‌دهد
وزن‌ها تغییر نمی‌کند

الگوهایی با مقدار هدف صفر یا
«غيرفعال»

استفاده از نمایش دودویی



$$x_2 = -x_1 - 1$$



شبکه هب: کاربرد...

INPUT TARGET

$(x_1 \ x_2 \ 1)$	t
$(1 \ 1 \ 1)$	1
$(1 \ -1 \ 1)$	-1
$(-1 \ 1 \ 1)$	-1
$(-1 \ -1 \ 1)$	-1

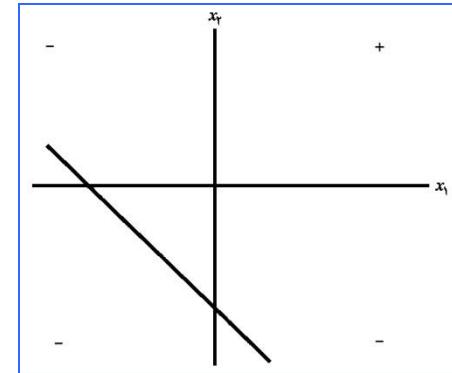
• تابع AND برای ورودی‌ها و هدف‌های دوقطبی ...

• اولین ورودی

INPUT TARGET WEIGHT CHANGES WEIGHTS

$(x_1 \ x_2 \ 1)$	t	$(\Delta w_1 \ \Delta w_2 \ \Delta b)$	$(w_1 \ w_2 \ b)$
$(1 \ 1 \ 1)$	1	$(1 \ 1 \ 1)$	$(0 \ 0 \ 0)$

$$x_2 = -x_1 - 1$$

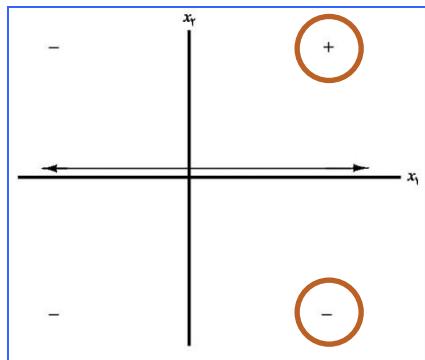


INPUT TARGET WEIGHT CHANGES WEIGHTS

$(x_1 \ x_2 \ 1)$	t	$(\Delta w_1 \ \Delta w_2 \ \Delta b)$	$(w_1 \ w_2 \ b)$
$(1 \ -1 \ 1)$	-1	$(-1 \ 1 \ -1)$	$(1 \ 1 \ 1)$

$$x_2 = 0$$

• دومین ورودی



شبکه هب: کاربرد...

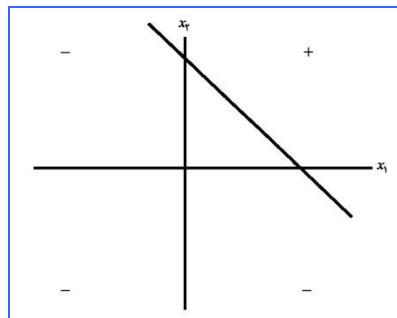
○ تابع AND برای ورودی‌ها و هدف‌های دوقطبی

INPUT TARGET WEIGHT CHANGES WEIGHTS

$(x_1 \quad x_2 \quad 1)$	t	$(\Delta w_1 \quad \Delta w_2 \quad \Delta b)$	$(w_1 \quad w_2 \quad b)$
$(-1 \quad 1 \quad 1)$	-1	$(1 \quad -1 \quad -1)$	$(0 \quad 2 \quad 0)$

$(x_1 \quad x_2 \quad 1)$	t	$(\Delta w_1 \quad \Delta w_2 \quad \Delta b)$	$(w_1 \quad w_2 \quad b)$
$(-1 \quad -1 \quad 1)$	-1	$(1 \quad 1 \quad -1)$	$(1 \quad 1 \quad -1)$

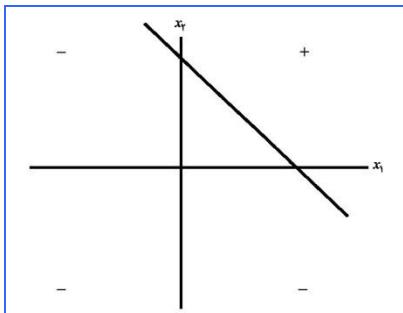
$$x_2 = -x_1 + 1$$



• سومین ورودی

INPUT TARGET WEIGHT CHANGES WEIGHTS

$(x_1 \quad x_2 \quad 1)$	t	$(\Delta w_1 \quad \Delta w_2 \quad \Delta b)$	$(w_1 \quad w_2 \quad b)$
$(-1 \quad -1 \quad 1)$	-1	$(1 \quad 1 \quad -1)$	$(2 \quad 2 \quad -2)$



$$x_2 = -x_1 + 1$$

• چهارمین ورودی



شبکه عصبی پرسپترون . . .

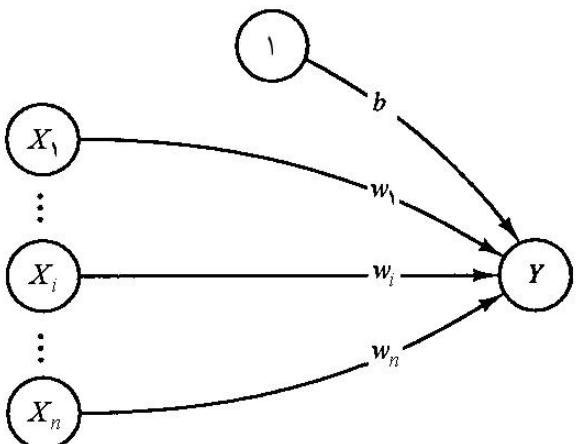
○ پرسپترون

- جزو معروف‌ترین شبکه‌های عصبی است
- بیشترین اثرگذاری بر شبکه‌های عصبی اولیه
- روزنبلات در سال ۱۹۶۲ و مینسکی و پاپرت در سال‌های ۱۹۶۹ و ۱۹۸۸
- ایده قانون یادگیری مبتنی بر قانون یادگیری هب اما با چند بهبود کلیدی
 - یادگیری همراه با تکرار
 - در قانون هب، فقط یک بار (بدون تکرار) داده‌های آموزش به شبکه داده می‌شد
 - وزن‌ها فقط زمانی تغییر می‌کند که پاسخ شبکه به ازای آن ورودی دارای خطای خطا باشد
 - خطای خروجی محاسبه شده توسط شبکه با مقدار هدف یکی نباشد

شبکه عصبی پرسپترون: ساختار . . .

○ ساختار اولیه

- مدل تقریبی شبکیه چشم
- سه لایه نرون (واحدهای حسی، واحدهای پیونددهنده و واحد پاسخ)
- فقط وزن‌های بین لایه‌های دوم و سوم آموزش داده می‌شود
- خروجی واحدهای پیونددهنده به واحدهای پاسخ یک بردار دودویی است
- عملاً شبکه‌ای با یک لایه وزن است



○ ساختار برای دسته‌بندی الگو

- دو لایه نرون (یک لایه وزن)
- یک لایه ورودی و یک لایه خروجی

○ خروجی دو حالت

- متعلق بودن به دسته با پاسخ 1^+
- متعلق نبودن با پاسخ 1^-

شبکه عصبی پرسپترون: الگوریتم . . .

- مرحله ۰ - مقداردهی اولیه به وزن‌ها و بایاس (مقدار صفر)
 - تعیین نرخ یادگیری $\alpha \leq 1 < 0$ (مقدار ۱)
- مرحله ۱ - تا زمانی که شرایط توقف برقرار نیست، مراحل ۲ تا ۶ را انجام دهید
- مرحله ۲ - انجام مراحل ۳ تا ۵ برای هر جفت داده آموزش $s : t$
- مرحله ۳ - فعال‌سازی‌های واحدهای ورودی را مشخص کنید: $x_i = s_i$
- مرحله ۴ - پاسخ واحد خروجی را محاسبه کنید:

$$y_in = b + \sum_i x_i w_i$$

$$y = \begin{cases} 1 & \text{if } y_in > \theta \\ 0 & \text{if } -\theta \leq y_in \leq \theta \\ -1 & \text{if } y_in < -\theta \end{cases}$$

۰ = ناحیه عدم تصمیم‌گیری (۲θ)

۱ = تعلق به دسته

۱ = تعلق به دسته



شبکه عصبی پرسپترون: الگوریتم . . .

- مرحله ۵- اگر خطای رخ داده است، وزن‌ها و بایاس را بهروز کنید.

اگر $y \neq t$ است، آنگاه:

$$w_i(\text{new}) = w_i(\text{old}) + \alpha x_i t$$

$$b(\text{new}) = b(\text{old}) + \alpha t$$

بهروز کردن
مشروط وزن‌ها

$w_i(\text{new}) = w_i(\text{old})$

$b(\text{new}) = b(\text{old})$

در غیراین صورت:

- مرحله ۶- شرایط توقف را آزمایش کنید:

◦ اگر در مرحله ۲ هیچ وزنی تغییر نکرد، الگوریتم را متوقف کنید، در غیراین صورت ادامه دهید.

خطا = برابر نبودن پاسخ شبکه و مقدار هدف

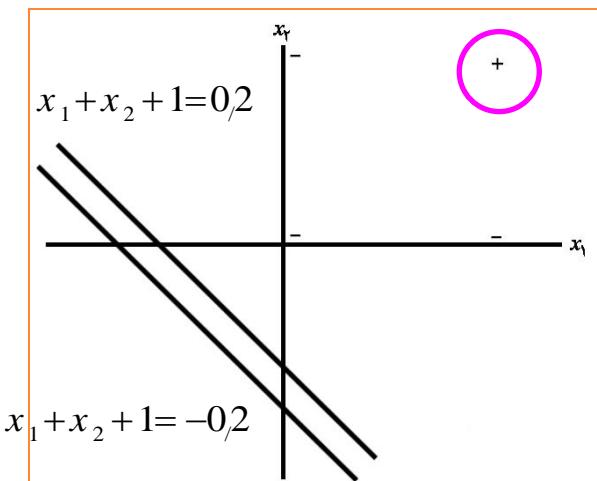
نرخ یادگیری

شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

○ تابع AND با ورودی‌های دودویی و هدف‌های دوقطبی . . .

- دودویی: مقادیر صفر و یک – دوقطبی: مقادیر ۱ + ۰ -
- وزن‌های اولیه و بایاس را صفر؛ نرخ اولیه یادگیری = ۱؛ آستانه = ۰.۵.
- ارائه ورودی اول

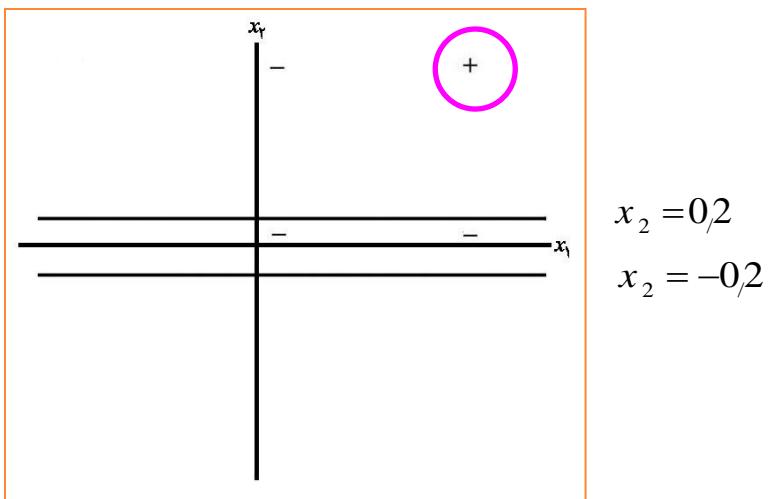
INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT	CHANGES	WEIGHTS
$(x_1 \quad x_2 \quad 1)$	y_in	y	t	$(\Delta w_1 \quad \Delta w_2 \quad \Delta b)$	$(w_1 \quad w_2 \quad b)$	
$(1 \quad 1 \quad 1)$	0	0	1	$(1 \quad 1 \quad 1)$	$(0 \quad 0 \quad 0)$	$(1 \quad 1 \quad 1)$



شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

- تابع AND با ورودی‌های دودویی و هدف‌های دوقطبی . . .
- ارائه دومین ورودی

INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT		
				CHANGES	WEIGHTS	
$(x_1 \quad x_2 \quad 1)$	y_in	y	t	$(\Delta w_1 \quad \Delta w_2 \quad \Delta b)$	$(w_1 \quad w_2 \quad b)$	
$(1 \quad 0 \quad 1)$	2	1	-1	$(-1 \quad 0 \quad -1)$	$(1 \quad 1 \quad 1)$	$(0 \quad 1 \quad 0)$





شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

○ تابع AND با ورودی‌های دودویی و هدف‌های دوقطبی . . .

INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT		
				CHANGES		
($x_1 \ x_2 \ 1$)	y_in	y	t	$(\Delta w_1 \ \Delta w_2 \ \Delta b)$	$(w_1 \ w_2 \ b)$	
(0 1 1)	1	1	-1	(0 -1 -1)	(0 0 -1)	

- ارائه سومین ورودی

- ارائه چهارمین ورودی
- با توجه به برابر بودن پاسخ شبکه و مقدار هدف، وزن‌ها تغییری نمی‌کنند

INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT		
				CHANGES		
($x_1 \ x_2 \ 1$)	y_in	y	t	$(\Delta w_1 \ \Delta w_2 \ \Delta b)$	$(w_1 \ w_2 \ b)$	
(0 0 1)	-1	-1	-1	(0 0 0)	(0 0 -1)	

کامل شدن اولین دور آموزش (Epoch)

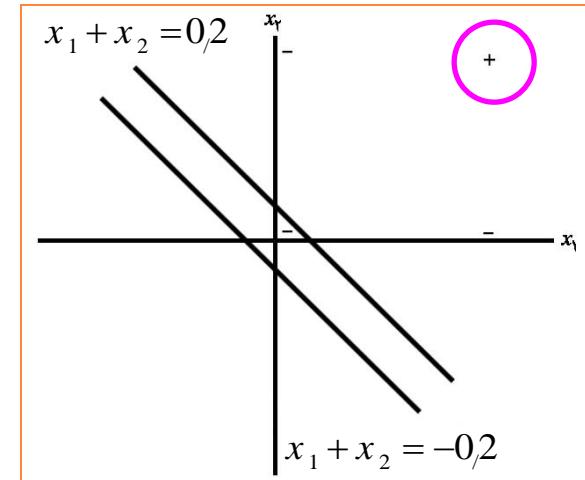
شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

○ تابع AND با ورودی‌های دودویی و هدف‌های دوقطبی . . .

- نیاز به تکرار؟؟ صحیح نبودن پاسخ برای اولین الگوی ورودی
- تکراری بودن فرآیند آموزش (Iterative)

• دومین دور آموزش - ارائه اولین ورودی

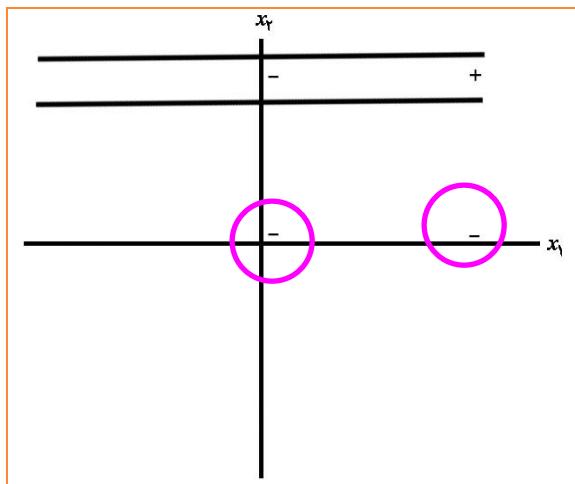
INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT	CHANGES	WEIGHTS
$(x_1 \quad x_2 \quad 1)$	y_in	y	t	$(w_1 \quad w_2 \quad b)$	$(\Delta w_1 \quad \Delta w_2 \quad \Delta b)$	$(0 \quad 0 \quad -1)$
$(1 \quad 1 \quad 1)$	-1	-1	1	$x_1 + x_2 = 0,2$	$(1 \quad 1 \quad 1)$	$(1 \quad 1 \quad 0)$



شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

- تابع AND با ورودی‌های دودویی و هدف‌های دوقطبی . . .
- دومین دور آموزش - ارائه دومین ورودی

INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT		
				CHANGES	WEIGHTS	
(x_1 x_2 1)	y_in	y	t	(Δw_1 Δw_2 Δb)	(w_1 w_2 b)	
					(1 1 0)	
(1 0 1)	1	1	-1	(-1 0 -1)	(0 1 -1)	



$$x_2 - 1 = 0,2$$

$$x_2 - 1 = -0,2$$

شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

○ تابع AND با ورودی‌های دودویی و هدف‌های دوقطبی . . .

- دومین دور آموزش - ارائه سومین ورودی

○ پاسخ برای تمام ورودی‌ها منفی

INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT		
				CHANGES	WEIGHTS	
(x_1 x_2 1)	y_in	y	t	(Δw_1 Δw_2 Δb)	(w_1 w_2 b)	
(0 1 1)	0	0	-1	(0 -1 -1)	(0 0 -2)	

○ دومین دور آموزش - ارائه چهارمین ورودی

○ پاسخ برای تمام ورودی‌ها منفی

INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT		
				CHANGES	WEIGHTS	
(x_1 x_2 1)	y_in	y	t	(Δw_1 Δw_2 Δb)	(w_1 w_2 b)	
(0 0 1)	-2	-1	-1	(0 0 0)	(0 0 -2)	

کامل شدن دومین دور
آموزش (Epoch)



شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

- تابع AND با ورودی‌های دودویی و هدف‌های دوقطبی . . .
- سومین دور آموزش

INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT		
				CHANGES	WEIGHTS	
($x_1 \ x_2 \ 1$)	y_in	y	t	($\Delta w_1 \ \Delta w_2 \ \Delta b$)	($w_1 \ w_2 \ b$)	
(1 1 1)	-2	-1	1	(1 1 1)	(1 1 -1)	
(1 0 1)	0	0	-1	(-1 0 -1)	(0 1 -2)	
(0 1 1)	-1	-1	-1	(0 0 0)	(0 1 -2)	
(0 0 1)	-2	-1	-1	(0 0 0)	(0 1 -2)	

- چهارمین دور آموزش

(1 1 1)	-1	-1	1	(1 1 1)	(1 2 -1)
(1 0 1)	0	0	-1	(-1 0 -1)	(0 2 -2)
(0 1 1)	0	0	-1	(0 -1 -1)	(0 1 -3)
(0 0 1)	-3	-1	-1	(0 0 0)	(0 1 -3)

شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

○ تابع AND با ورودی‌های دودویی و هدف‌های دوقطبی . . .

- پنجمین، ششمین، دور آموزش

$$(1 \ 1 \ 1) \quad 0 \ 0 \ 1 \quad (1 \ 1 \ 1) \quad (3 \ 3 \ -3)$$

$$(1 \ 0 \ 1) \quad 0 \ 0 \ -1 \quad (-1 \ 0 \ -1) \quad (2 \ 3 \ -4)$$

$$(0 \ 1 \ 1) \quad -1 \ -1 \ -1 \quad (0 \ 0 \ 0) \quad (2 \ 3 \ -4)$$

$$(0 \ 0 \ 1) \quad -4 \ -1 \ -1 \quad (0 \ 0 \ 0) \quad (2 \ 3 \ -4)$$

- نهمین دور آموزش

- دهمین دور آموزش

○ عدم تغییر وزن‌ها = توقف الگوریتم

○ همگرایی وزن‌ها

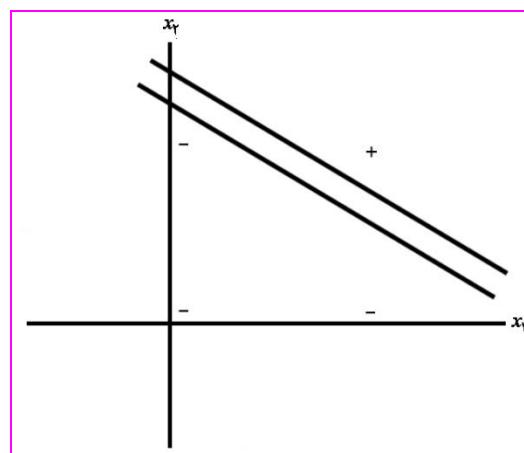
$$(1 \ 1 \ 1) \quad 1 \ 1 \ 1 \quad (0 \ 0 \ 0) \quad (2 \ 3 \ -4)$$

$$(1 \ 0 \ 1) \quad -2 \ -1 \ -1 \quad (0 \ 0 \ 0) \quad (2 \ 3 \ -4)$$

$$(0 \ 1 \ 1) \quad -1 \ -1 \ -1 \quad (0 \ 0 \ 0) \quad (2 \ 3 \ -4)$$

$$(0 \ 0 \ 1) \quad -4 \ -1 \ -1 \quad (0 \ 0 \ 0) \quad (2 \ 3 \ -4)$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - 4 > 0,2 \Rightarrow x_2 = -\frac{2}{3}x_1 + \frac{7}{5} \\ 2x_1 + 3x_2 - 4 < -0,2 \Rightarrow x_2 = -\frac{2}{3}x_1 + \frac{19}{15} \end{cases}$$



شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

○ تابع AND با ورودی‌ها و هدف‌های دوقطبی

- آستانه، بایاس و وزن‌های اولیه برابر با صفر؛ نرخ یادگیری برابر با ۱

INPUT	NET	OUT	TARGET	WEIGHT		
				CHANGES		WEIGHTS
($x_1 \ x_2 \ 1$)	y_in	y	t	$(\Delta w_1 \ \Delta w_2 \ \Delta b)$	$(w_1 \ w_2 \ b)$	
					$(0 \ 0 \ 0)$	
(1 1 1)	0	0	1	(1 1 1)	(1 1 1)	
(1 -1 1)	1	1	-1	(-1 1 -1)	(0 2 0)	
(-1 1 1)	2	1	-1	(1 -1 -1)	(1 1 -1)	
(-1 -1 1)	-3	-1	-1	(0 0 0)	(1 1 -1)	

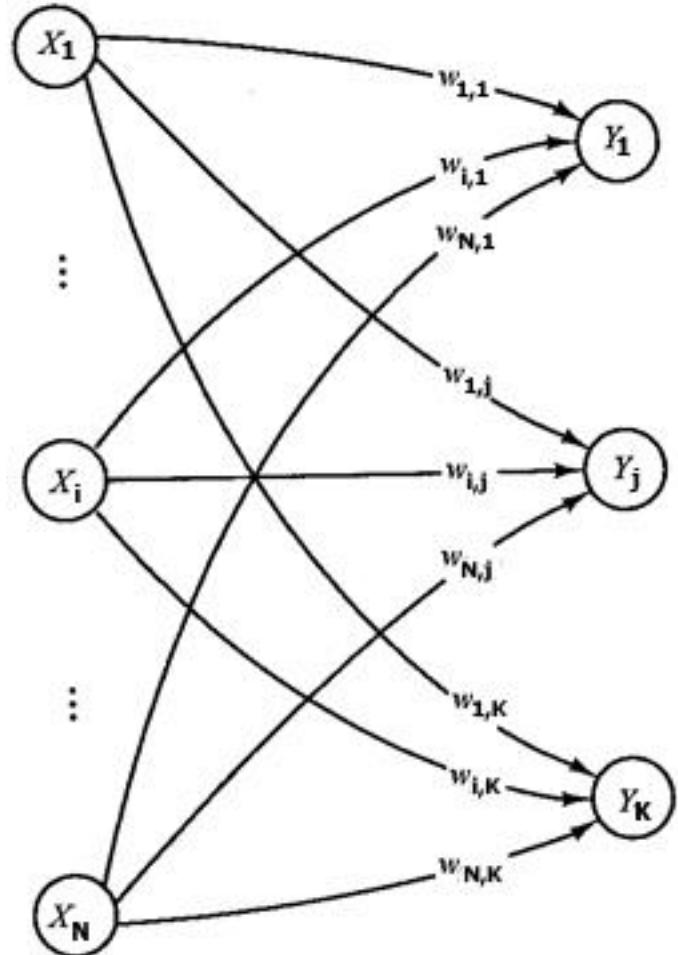
● دور اول آموزش

(1 1 1)	1	1	1	(0 0 0)	(1 1 -1)
(1 -1 1)	-1	-1	-1	(0 0 0)	(1 1 -1)
(-1 1 1)	-1	-1	-1	(0 0 0)	(1 1 -1)
(-1 -1 1)	-3	-1	-1	(0 0 0)	(1 1 -1)

● دور دوم آموزش

● بهبود نتایج با تغییر نمایش دودویی به دوقطبی

شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .



○ تشخیص عنوان (موضوع) متن

- تعداد K دسته (موضوع)

○ تعداد K نرون خروجی

● داده = سند متنی

○ تبدیل هر سند به یک بردار ویژگی N بعدی

○ تعداد N نرون ورودی

● آموزش

○ داده = تعداد M سند دارای برچسب

○ خروجی: وزن‌های شبکه = یک ماتریس N^*K (مدل)

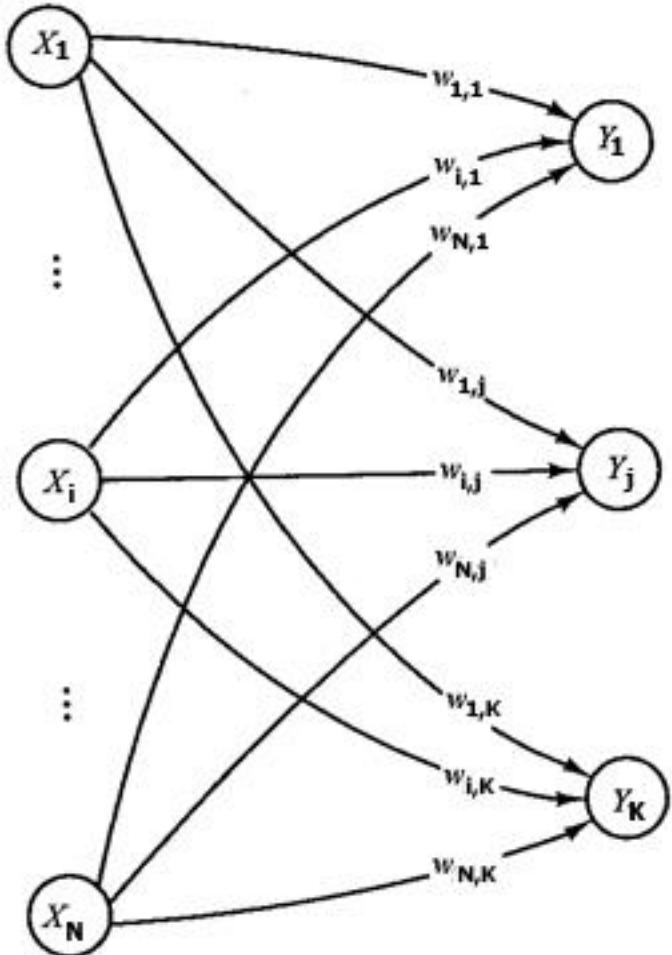
● آزمون

○ ورودی: یک سند با عنوان نامشخص

○ تبدیل سند به یک بردار N بعدی و دادن آن به شبکه

○ خروجی: نرونی (دسته‌ای) که مقدار بزرگ‌تر دارد

شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .



○ تشخیص زبان

- تعداد K دسته (زبان)
- تعداد K نرون خروجی
- داده = سند متنی یا سند صوتی
- تبدیل هر سند به یک بردار ویژگی N بعدی
- تعداد N نرون ورودی

شبکه عصبی پرسپترون: مثال . . .

- تشخیص قطبیت نظرات (موافق/مخالف)

$C = \{c_1, c_2\}$

- تعداد ۲ دسته (موافق و مخالف)

- تعداد یک نرون خروجی (صفر و یک)

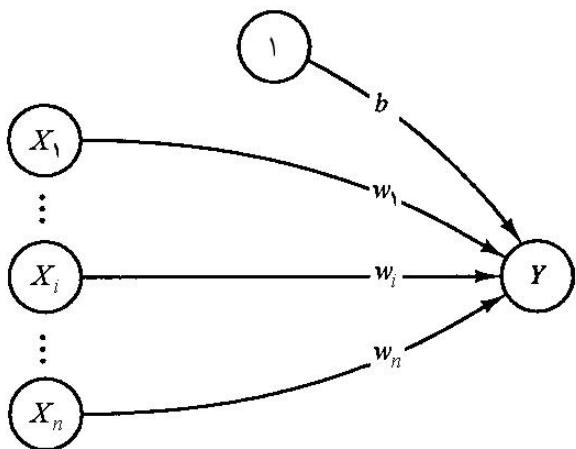
- می‌توان از ۲ نرون هم استفاده کرد

- داده = سند متنی

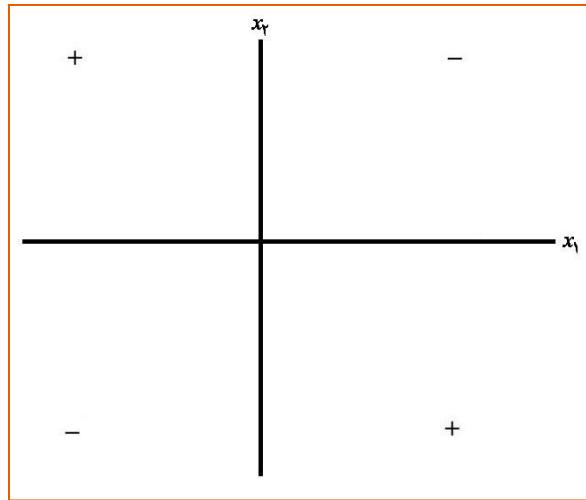
- تبدیل هر سند به یک بردار ویژگی N بعدی

- تعداد N نرون ورودی

- ویژگی‌های متنی: صفاتی مثبت/منفی، فعل‌های مثبت/منفی و ...



شبکه عصبی پرسپترون: مثال



INPUT(x_1, x_2) OUTPUT

(1, 1)	-1
(1, -1)	+1
(-1, 1)	+1
(-1, -1)	-1

- فضای داده‌های ورودی به صورت خطی جداپذیر (Linearly Separable) نیست.
- هیچ خط مستقیم نمی‌تواند نقاط مثبت و منفی را جدا کند: پرسپترون قادر به یافتن پاسخ نیست

○ مثال: تابع XOR

- دو ورودی (دوقطبی) و یک خروجی (دوقطبی)
- وقتی خروجی 1 است که فقط یکی از ورودی‌ها 1 باشد

○ حل؟

- الگوریتم همگرا نمی‌شود (جواب درست نمی‌دهد)

شبکه عصبی پرسپترون: همگرایی قانون یادگیری

○ قضیه

- اگر بردار وزن w^* وجود داشته باشد به طوری که برای تمام p ها داشته باشیم:

$$f(x(p) \cdot w^*) = t(p)$$

آنگاه برای هر بردار اولیه w , قانون یادگیری پرسپترون به بردار وزنی نزدیک می‌شود (نه الزاماً منحصر به فرد و نه الزاماً w^*) که برای تمام الگوهای آموزش پاسخ صحیحی می‌دهد و این کار در مراحلی با تعداد متناهی انجام می‌شود.

○ p = تعداد بردارهای ورودی آموزش

○ $x(p)$ = بردارهای ورودی آموزش

○ $t(p)$ = مقدار هدف معادل بردارهای ورودی آموزش (دوقطبی)

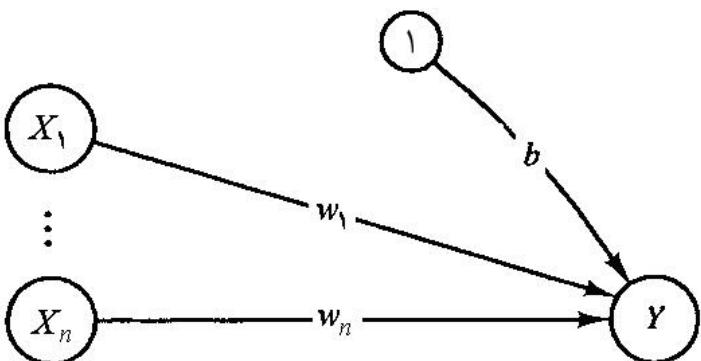
○ f = تابع فعال‌سازی خروجی

- برقراری این قضیه فقط برای مسائل خطی جدایی‌پذیر (Linearly Separable)

شبکه آدالاین ...

آدالاین = نرون خط و فقی (ADAptive LInear Neuron)

- توسط ویدور و هاف در سال ۱۹۶۰
- دارای قانون یادگیری متفاوت با پرسپترون
- قانون یادگیری = قانون دلتا = قانون میانگین مربعات کمینه (LMS) = قانون ویدرو-هاف
- میانگین مربعات خطای بین مقدار خروجی شبکه و مقدار هدف در هر مرحله از آموزش کاهش یابد
- استفاده از فعال‌سازی‌های دوقطبی برای سیگنال‌های ورودی و خروجی
- تابع فعال‌سازی خروجی = تابع همانی



- ساختار مشابه با سایر شبکه‌های قبلی
- چند ورودی
- بایاس = ورودی برابر با ۱



شبکه آداآین: الگوریتم . . .

- مرحله ۰ - مقداردهی اولیه به وزن‌ها (مقادیر تصادفی کوچک)
- مقداردهی به نرخ یادگیری
- مرحله ۱ - تا زمانی که شرایط توقف برقرار نیست، مراحل ۲ تا ۶ را انجام دهید.
- مرحله ۲ - برای هر جفت آموزش دوقطبی $t : s$ مراحل ۳ تا ۵ را انجام دهید.
- مرحله ۳ - فعال‌سازی‌های واحدهای ورودی را مشخص کنید:
- $x_i = s_i \quad i = 1, \dots, n$
- مرحله ۴ - مقدار ورودی شبکه را به واحد خروجی محاسبه کنید:
- $y_in = b + \sum_i x_i w_i$
- مرحله ۵ - مقادیر وزن‌ها و بایاس را به روز کنید:

$$\begin{cases} b(new) = b(old) + \alpha \cdot (t - y_in) \\ w_i(new) = w_i(old) + \alpha \cdot (t - y_in) \cdot x_i \end{cases}$$
- مرحله ۶ - شرایط توقف را آزمایش کنید:
اگر بزرگ‌ترین تغییر وزنی که در مرحله ۲ رخ داده است از یک مقدار کوچک کم‌تر باشد، الگوریتم را متوقف کنید، و گرنه ادامه دهید.



شبکه آدالاین: الگوریتم

○ تفاوت یادگیری آدالاین با یادگیری پرسپترون

- تغییر وزن‌ها متناسب با میزان تفاوت پاسخ شبکه به یک ورودی و مقدار هدف متناظر این ورودی است.
- در برگیرنده مفهوم خطا (که در یادگیری پرسپترون نیز وجود دارد)

○ نرخ یادگیری

- تاثیر بر سرعت و روند همگرایی الگوریتم
- روش: ابتدا مقدار را بزرگ فرض کرده (مثلاً 0.8) و به مرور مقدار آن را کوچک کنیم
- اگر مقدار خیلی بزرگی باشد، فرآیند یادگیری همگرا نخواهد بود
- اگر مقدار بسیار کوچکی باشد، یادگیری بسیار کند می‌شود

شبکه آدآین: مثال

• تابع AND: ورودی‌های دودویی، هدف‌های دوقطبی

- شبکه بعد از آموزش

x_1	x_2	t	$w_1 = 1$	$w_2 = 1$	$w_0 = -\frac{3}{2}$
1	1	1			
1	0	-1			
0	1	-1			$x_1 + x_2 - \frac{3}{2} = 0$
0	0	-1			

- مربعات خطای چهار الگوی آموزش با این وزن‌ها = ۱

$$e = E \{ (\hat{t} - t)^2 \} = \sum_{p=1}^4 [\{ x_1(p)w_1 + x_2(p)w_2 + w_0 \} - t(p)]^2$$



شبکه آدآین: قانون یادگیری

○ قانون دلتا

- کمینه کردن خطای بین خروجی شبکه و مقدار هدف متناظر

$$E = (t - y_in)^2 \quad \bullet \quad \text{خطا} = \text{مربعات تفاضل}$$

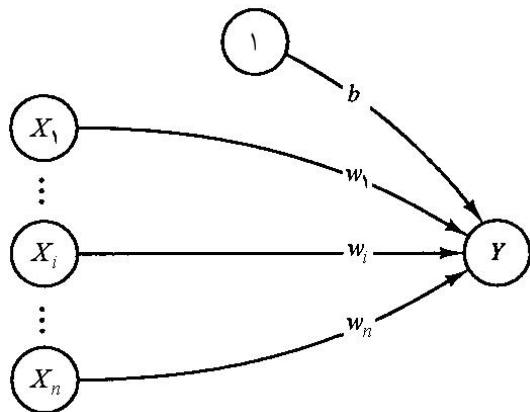
$$y_in = \sum_{i=1}^n x_i w_i$$

- گرادیان تابع خطا = مشتقهای جزئی خطا نسبت به هر یک از وزن‌ها
- گرادیان بیانگر جهت سریع‌ترین رشد خطا
- جهت مخالف گرادیان = سریع‌ترین کاهش خطا

$$-\frac{\partial E}{\partial w_I} = -2(t - y_in) \frac{\partial y_in}{\partial w_I} = -2(t - y_in)x_I$$

$$\Delta w_I = \alpha(t - y_in)x_I$$

الگوریتم‌های آموزش . . .



○ الگوریتم آموزش = نحوه بدست آوردن وزن‌ها

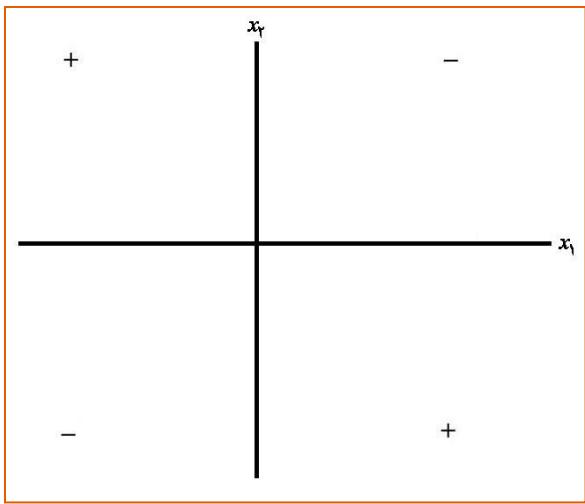
$$w(\text{new}) = w(\text{old}) + \Delta w$$

- صورت کلی
- روش‌ها

روش	ساختار	قانون یادگیری
هب	یک لایه	تغییر وزن در صورت فعال شدن همزمان ورودی (x) و خروجی (t) $w(\text{new}) = w(\text{old}) + x \cdot t$
پرسپترون	یک لایه	مشابه قانون یادگیری هب + تکرار (Iterative): مجموعه آموزش چندین بار به شبکه داده می‌شود + در نظر گرفتن خطای تغییر وزن‌ها فقط وقتی که خطای داریم + در نظر گرفتن نرخ یادگیری
آدالاین	یک لایه	قانون یادگیری دلتا: کمینه کردن میانگین مربعات خطای (LMS) $w(\text{new}) = w(\text{old}) + \alpha \cdot (t - y) \cdot x$ + تکرار+مفهوم خطای

مشکل: فقط آموزش شبکه یک لایه

الگوریتم‌های آموزش



INPUT(x_1, x_2)	OUTPUT
(1, 1)	-1
(1, -1)	+1
(-1, 1)	+1
(-1, -1)	-1

○ مثال: تابع XOR

- دو ورودی (دوقطبی) و یک خروجی (دوقطبی)
- وقتی خروجی 1 است که فقط یکی از ورودی‌ها 1 باشد

○ حل؟

◦ الگوریتم‌های هب، پرسپترون و آدالاین همگرا نمی‌شوند (جواب درست نمی‌دهند)

◦ فضای داده‌های ورودی به صورت خطی جداپذیر (Linearly Separable) نیست.

- هیچ خط مستقیم نمی‌تواند نقاط مثبت و منفی را جدا کند
- نیاز به شبکه با بیش از یک لایه (بیش از یک خط جداکننده یا یک مرز غیرخطی)
- تلاش برای حل با شبکه مادالاین = آدالاین چند لایه



پرسپترون چندلایه (MLP) ...

◦ شبکه عصبی پرسپترون چندلایه (MLP: Multi-Layer Perceptron)

- توسعه شبکه‌های عصبی به حالت چند لایه

◦ آموزش با الگوریتم پساننتشار خطا (Error Back-Propagation)

◦ قانون دلتای تعمیم‌یافته (Generalized Delta Rule)

◦ مبتنی بر قانون دلتای شبکه آدلاین

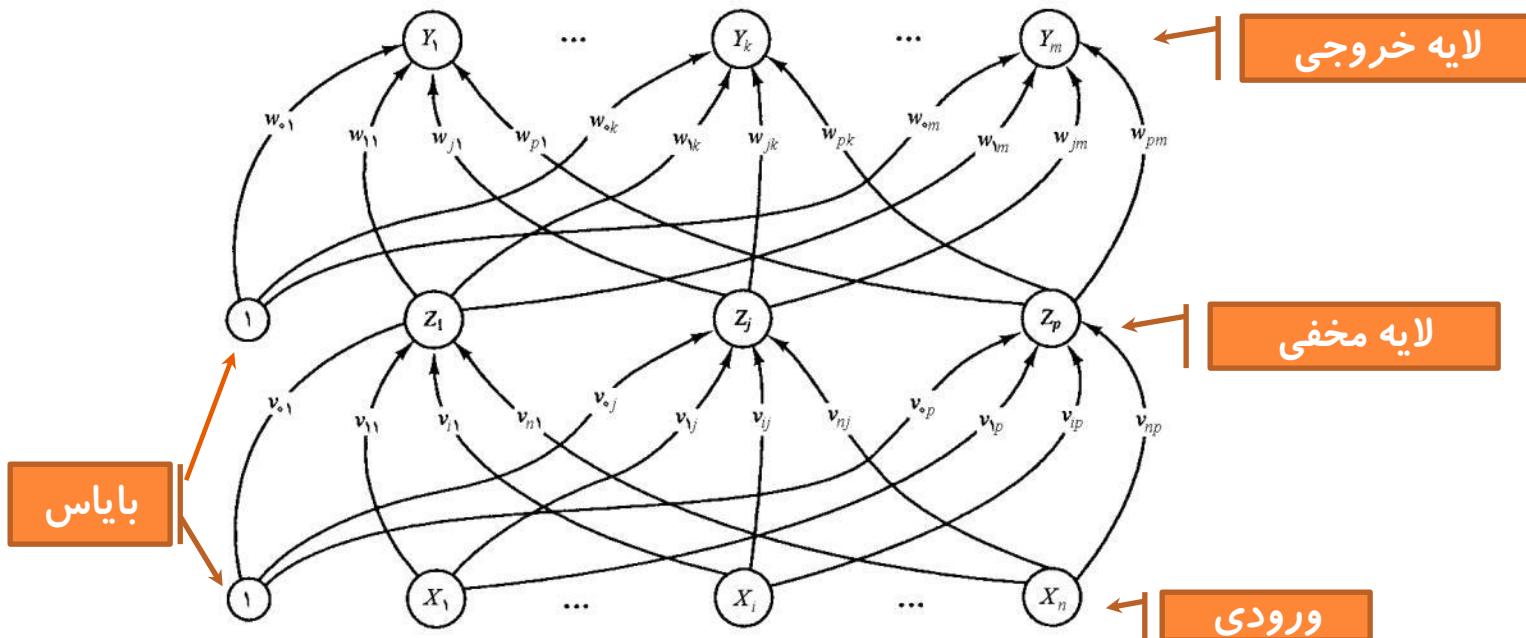
◦ روش کاهش گرادیان برای به حداقل رساندن کل مربعات خطای خروجی

◦ (از) مهم‌ترین و پرکاربردترین شبکه‌های عصبی

پرسپترون چندلایه (ساختار) ...

شبکه سه لایه

- یک لایه ورودی (واحدهای X)
- یک لایه واحدهای مخفی (واحدهای Z)
- یک لایه خروجی (واحدهای Y)





پرسپترون چندلایه (الگوریتم آموزش) . . .

○ مراحل

- پیش خور کردن الگوی آموزش ورودی
- پس انتشار خطای مربوط
- تنظیم وزن ها

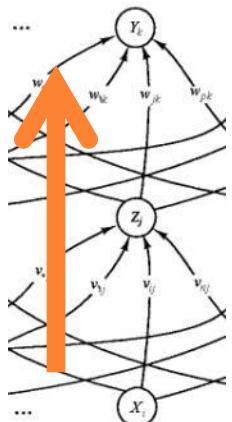
- مبنای ریاضی الگوریتم پس انتشار = بهینه سازی کاهش گرادیان (Gradient Descent)
- گرادیان (شیب) یک تابع = نمایانگر جهتی که تابع در آن سریع‌تر افزایش می‌یابد
- شیب با علامت منفی = جهتی نشان دهنده کاهش سریع‌تر آن تابع
- در اینجا تابع مورد نظر = تابع خطای شبکه
- متغیرهای مورد نظر = وزن‌های شبکه

پرسپترون چندلایه (الگوریتم آموزش) . . .

- مرحله ۰ - به وزن‌ها مقدار اولیه بدهید (مقادیر تصادفی کوچک را انتخاب کنید).
- مرحله ۱ - تا زمانی که شرایط توقف برقرار نیست، مراحل ۲ تا ۹ را انجام دهید.
- مرحله ۲ - برای هر جفت آموزش (مقادیر ورودی و هدف)، مراحل ۳ تا ۸ را انجام دهید.

○ پیش‌خور

- مرحله ۳ - ارسال سیگнал ورودی x_i به تمام واحدها در لایه بعدی (واحدهای مخفی)
- مرحله ۴ - محاسبه ورودی واحدهای مخفی و اعمال تابع فعال‌سازی

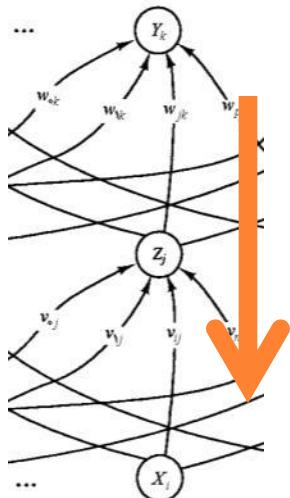


$$z_in_j = v_{0j} + \sum_{i=1}^n x_i v_{ij} \quad z_j = f(z_in_j)$$

- مرحله ۵ - محاسبه ورودی واحدهای خروجی و اعمال تابع فعال‌سازی

$$y_in_k = w_{0k} + \sum_{j=1}^p z_j w_{jk} \quad y_k = f(y_in_k)$$

پرسپترون چندلایه (الگوریتم آموزش) ...



○ پس انتشار خطا

- مرحله ۶- محاسبه خطا برای واحدهای خروجی (استفاده از الگوی هدف)

$$\delta_k = (t_k - y_k) f'(y_{in_k})$$

محاسبه پارامتر تصحیح وزن (بعداً در به روز کردن به کار می رود)

محاسبه پارامتر تصحیح بایاس (بعداً در به روز کردن به کار می رود)

ارسال δ_k (مقادیر دلتا) به واحدهای لایه قبلی (لایه مخفی)

- مرحله ۷- دریافت ورودی های دلتا توسط واحدهای مخفی از واحدهای خروجی

$$\delta_{in_j} = \sum_{k=1}^m \delta_k w_{jk}$$

ضرب در مشتق تابع فعال سازی جهت محاسبه پارامتر مربوط به اطلاعات خطا

$$\delta_j = \delta_{in_j} f'(z_{in_j})$$

محاسبه مقدار تصحیح وزن و بایاس (استفاده در به روز کردن)

$$\Delta v_{ij} = \alpha \delta_j x_i$$

$$\Delta v_{0j} = \alpha \delta_j$$



پرسپترون چندلیه (الگوریتم آموزش) . . .

● به روز کردن وزن‌ها و بایاس‌ها

$$w_{jk}(\text{new}) = w_{jk}(\text{old}) + \Delta w_{jk}$$

$$v_{ij}(\text{new}) = v_{ij}(\text{old}) + \Delta v_{ij}$$

- مرحله ۸- به روز کردن وزن‌ها و بایاس‌های واحدهای خروجی

به روز کردن وزن‌ها و بایاس‌های واحدهای مخفی

- مرحله ۹- شرایط توقف را بررسی کنید.

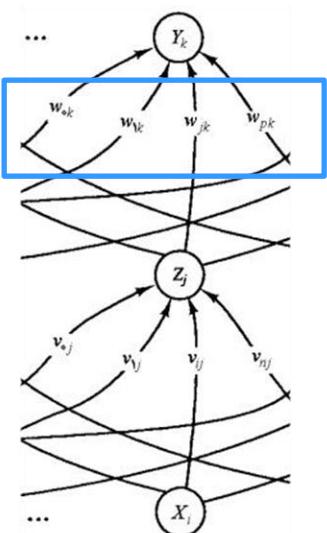
پرسپترون چندلایه: استخراج قوانین یادگیری . . .

$$y_{in_k} = \sum_j z_j w_{jk} \Rightarrow y_k = f(y_{in_k})$$

برای وزن‌های واحدهای خروجی

$$E = 0.5 \sum_k [t_k - y_k]^2$$

خطا (تابعی از وزن‌ها): باید حداقل شود



$$\begin{aligned} \frac{\partial E}{\partial w_{jk}} &= \frac{\partial}{\partial w_{jk}} 0.5 \sum_k [t_k - y_k]^2 \\ &= \frac{\partial}{\partial w_{jk}} 0.5 [t_k - f(y_{in_k})]^2 \\ &= -[t_k - y_k] \frac{\partial}{\partial w_{jk}} f(y_{in_k}) \\ &= -[t_k - y_k] f'(y_{in_k}) \frac{\partial}{\partial w_{jk}} (y_{in_k}) \\ &= -[t_k - y_k] f'(y_{in_k}) z_j = -\delta_k z_j \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta w_{jk} &= -\alpha \frac{\partial E}{\partial w_{jk}} \\ &= \alpha [t_k - y_k] f'(y_{in_k}) z_j \\ &= \alpha \delta_k z_j \end{aligned}$$

پرسپترون چندلایه: استخراج قوانین یادگیری

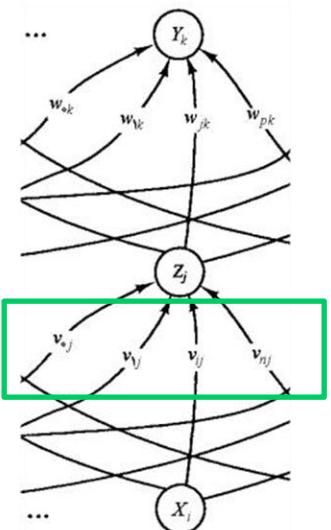
برای وزن‌های واحدهای مخفی

$$y_{in_k} = \sum_j z_j w_{jk} \Rightarrow y_k = f(y_{in_k})$$

$$E = 0.5 \sum_k [t_k - y_k]^2$$

- داریم (از اسلاید قبلی)

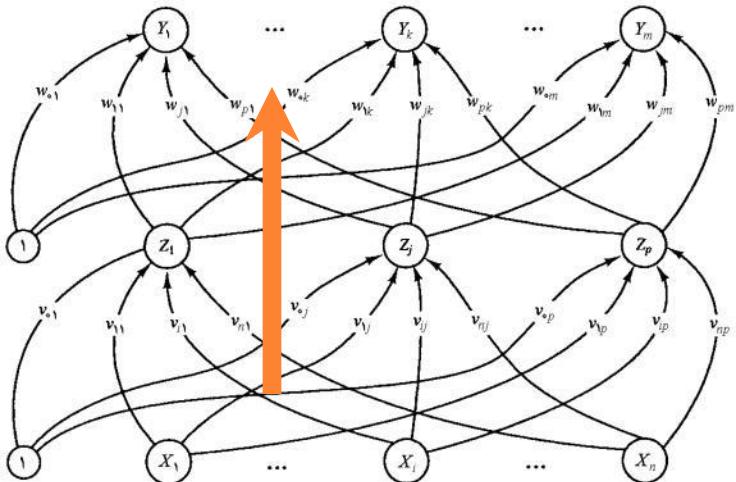
- خطا (تابعی از وزن‌ها): باید حداقل شود



$$\begin{aligned}
 \frac{\partial E}{\partial v_{IJ}} &= -\sum_k [t_k - y_k] \frac{\partial}{\partial v_{IJ}} y_k \\
 &= -\sum_k [t_k - y_k] f'(y_{in_k}) \frac{\partial}{\partial v_{IJ}} y_{in_k} \\
 &= -\sum_k \delta_k \frac{\partial}{\partial v_{IJ}} y_{in_k} \\
 &= -\sum_k \delta_k w_{jk} \frac{\partial}{\partial v_{IJ}} z_J \\
 &= -\boxed{\sum_k \delta_k w_{jk} f'(z_{in_J}) x_i} = -\delta_j x_I
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \Delta v_{ij} &= -\alpha \frac{\partial E}{\partial v_{ij}} \\
 &= \alpha f'(z_{in_j}) x_i \sum_k \delta_k w_{jk} \\
 &= \alpha \delta_j x_i
 \end{aligned}$$

پرسپترون چندلایه (کاربرد) . . .



○ بعد از آموزش

- فقط مرحله پیش خور مورد نیاز است

- مرحله ۰: مقادیر وزن های شبکه را با استفاده از الگوریتم آموزش تعیین کنید.
- مرحله ۱: برای هر بردار ورودی، مراحل ۲ تا ۴ را انجام دهید.
- مرحله ۲: برای تمام نرون های ورودی، فعال سازی واحد ورودی را تعیین کنید،
- مرحله ۳: برای واحد های مخفی:

$$z_in_j = v_{0j} + \sum_{i=1}^n x_i v_{ij} \Rightarrow z_j = f(z_in_j)$$

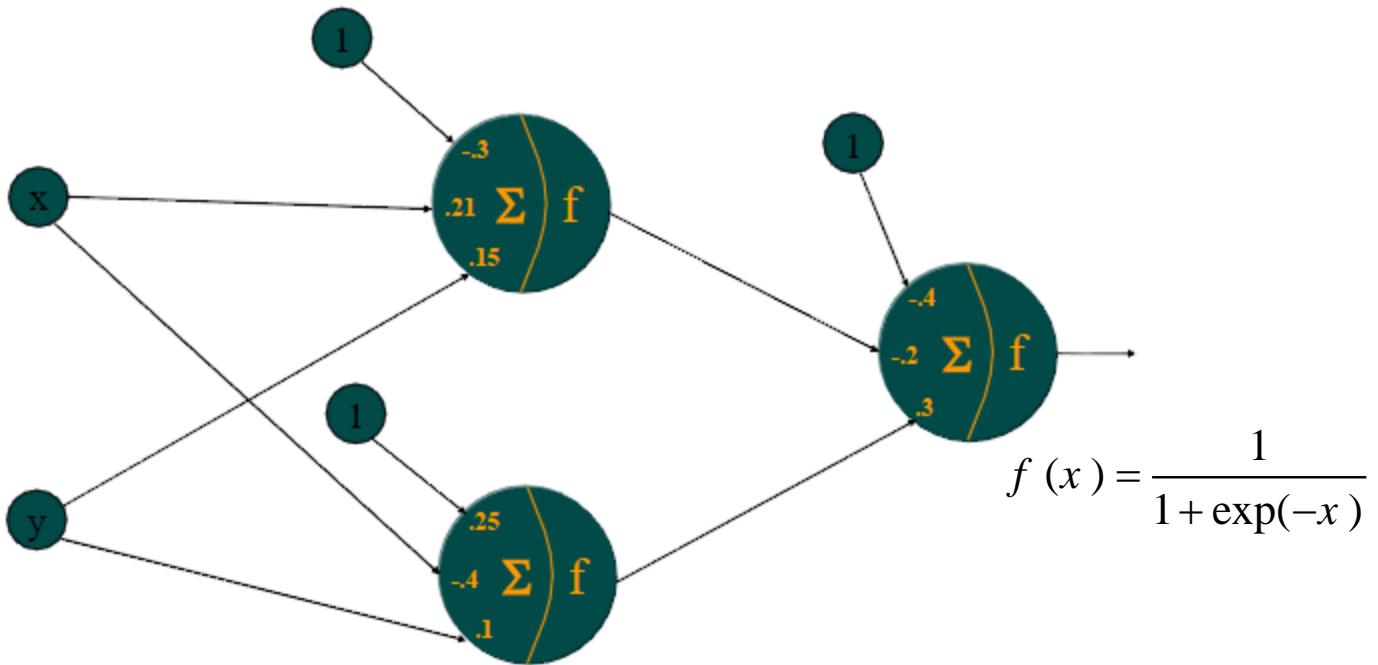
- مرحله ۴: برای واحد های خروجی:

$$y_in_k = w_{0k} + \sum_{j=1}^p z_j w_{jk} \Rightarrow y_k = f(y_in_k)$$

پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

x_1	x_2	\rightarrow	y
1	1		0
1	0		1
0	1		1
0	0		0

- تابع XOR نمایش دودویی (۱ از ۶) . . .
- مقدار دهی اولیه (تصادفی)

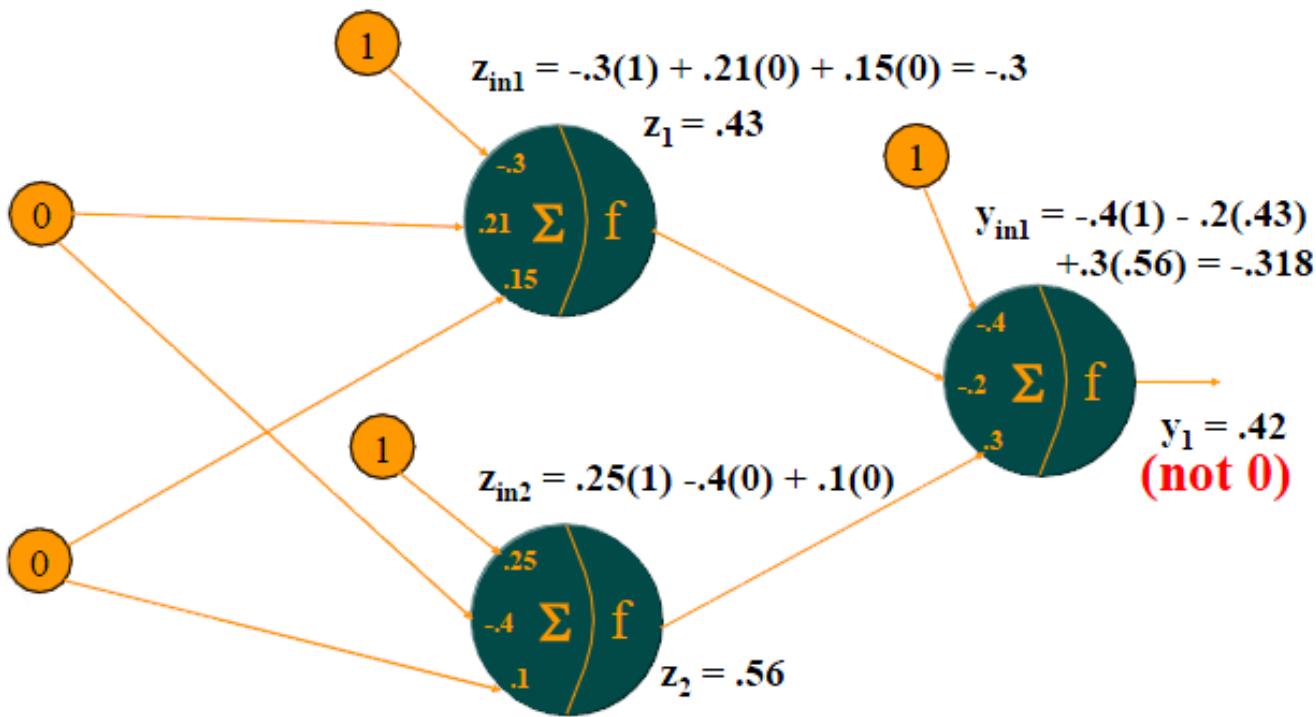


پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

○ تابع XOR نمایش دودویی (۲ از ۶) . . .

$$\begin{array}{ccc} x_1 & x_2 & y \\ 0 & 0 & 0 \end{array}$$

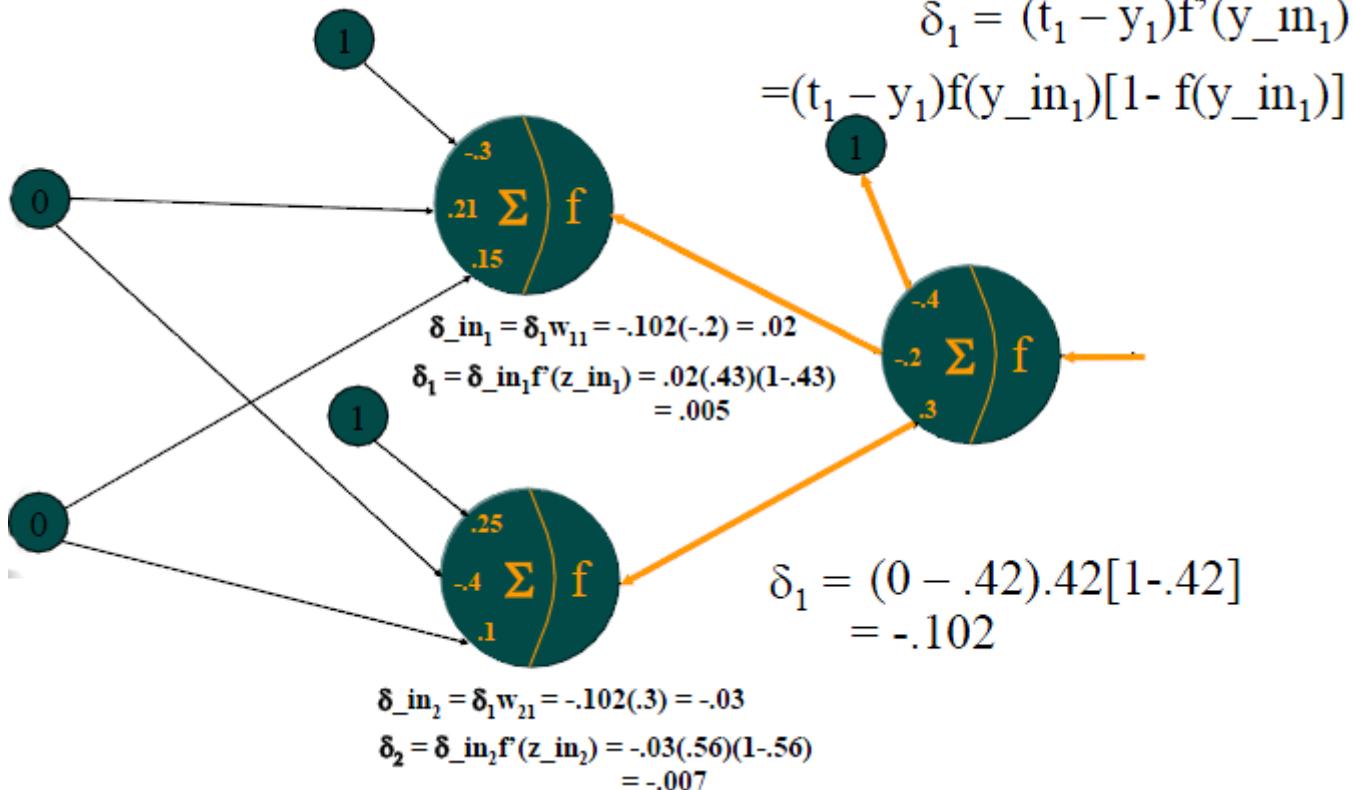
● پیشخور کردن ورودی



پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

○ تابع XOR نمایش دودویی (۳ از ۶) . . .

- پس انتشار خطأ



پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

○ تابع XOR نمایش دودویی (۴ از ۶) . . .

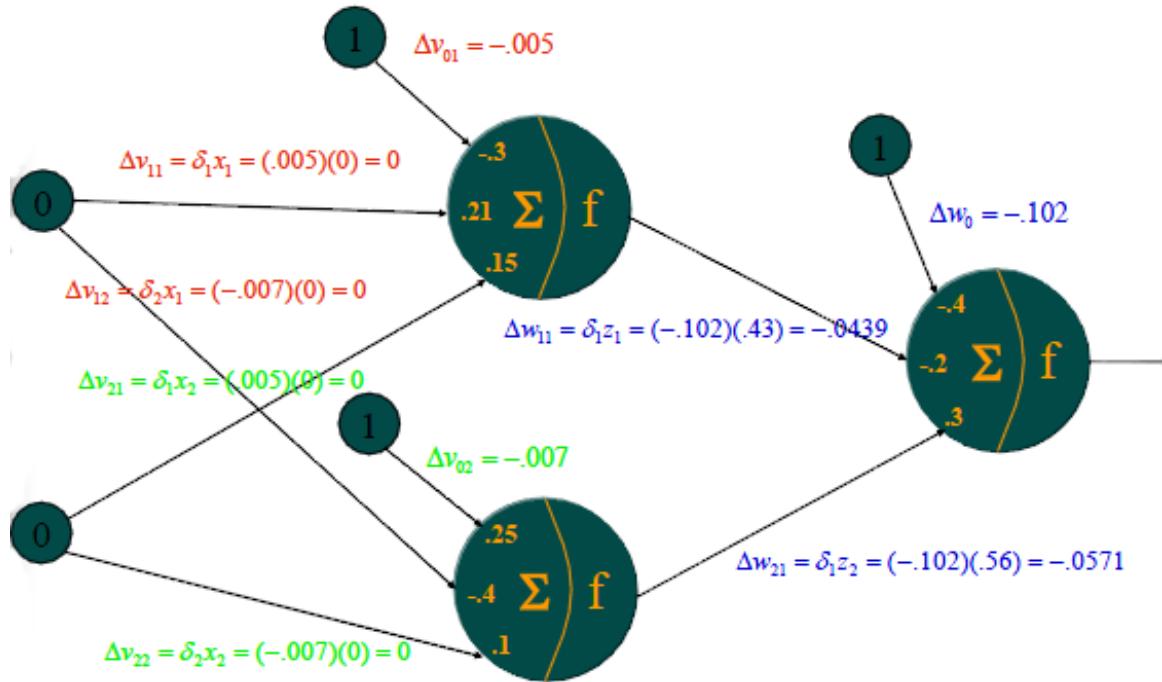
- محاسبه وزن‌ها

$$\Delta v_{ij} = \alpha \delta_j x_i \quad j = 1, 2$$

$$\Delta v_{0j} = \alpha \delta_j$$

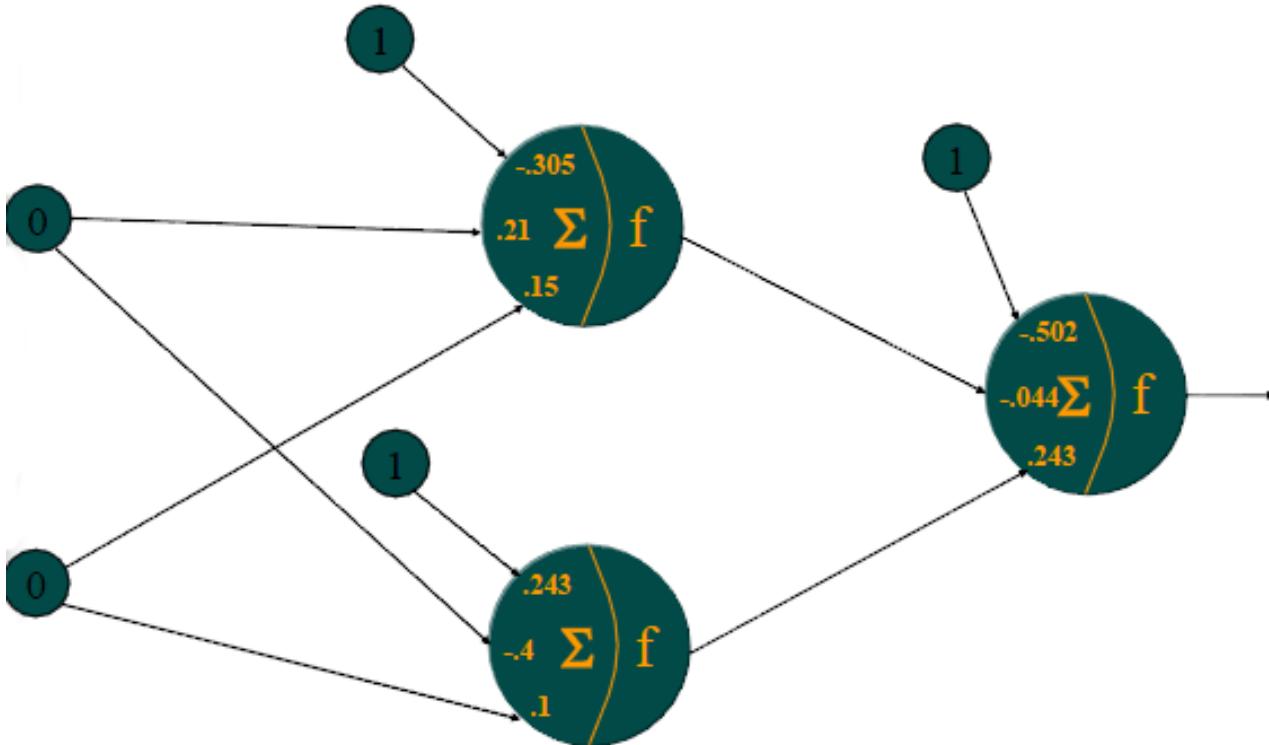
$$\Delta w_{j1} = \alpha \delta_1 z_j \quad j = 1, 2$$

$$\Delta w_0 = \alpha \delta_1$$



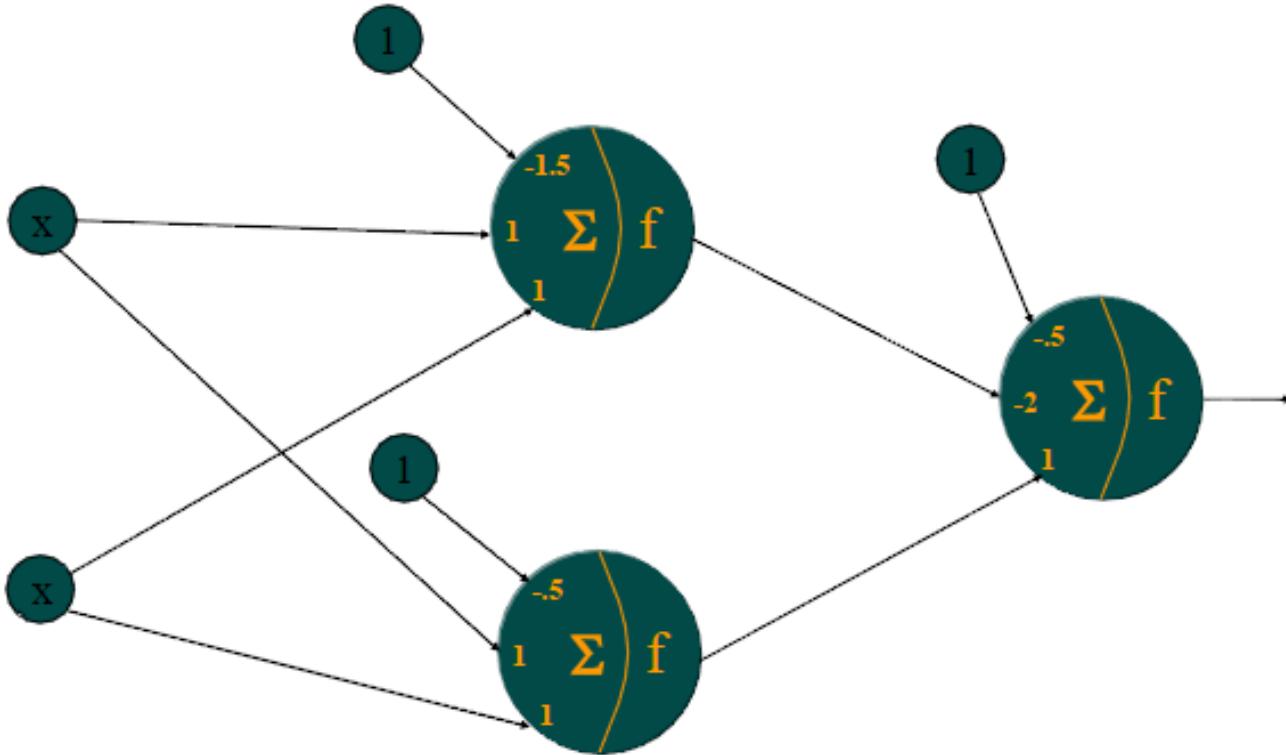
پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

- تابع XOR نمایش دودویی (۵ از ۶) . . .
- به روز کردن وزن‌ها

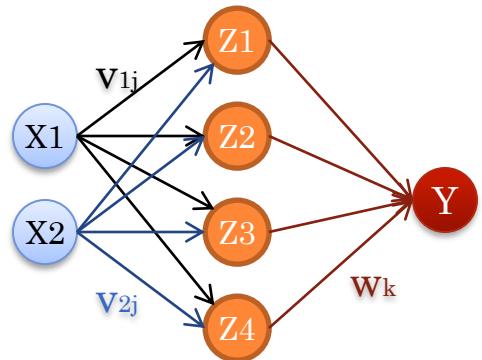


پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

- تابع XOR نمایش دودویی (۶ از ۶)
- وزن‌های نهایی (بعد از ۵۰۰ تکرار)



پرسپترون چندلایه (مثال) . . .



تابع XOR: نمایش دودویی

- ساختار ۱-۲ (۲ واحد ورودی، ۴ واحد مخفی، ۱ واحد خروجی)
- وزن‌های اولیه تصادفی

$$\begin{array}{cccc}
 -0,3378 & 0,2771 & 0,2859 & -0,3329 \\
 0,1970 & 0,3191 & -0,1448 & 0,3594 \\
 0,3099 & 0,1904 & -0,0347 & -0,4861 \\
 -0,1401 & 0,4919 & -0,2913 & -0,3979 \\
 \end{array}$$

◦ بایاس‌های چهار واحد مخفی

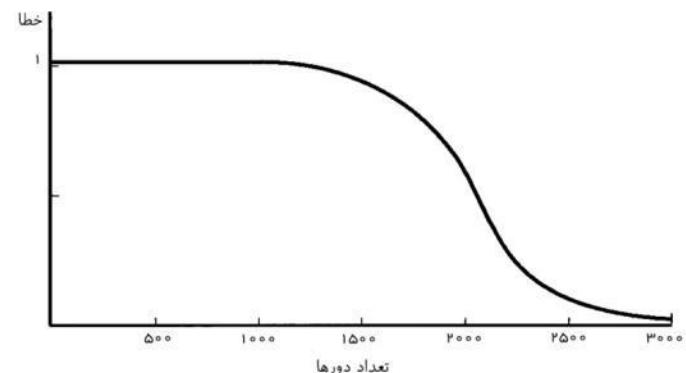
◦ وزن‌های اولین واحد ورودی به لایه مخفی

◦ وزن‌های دومین واحد ورودی به لایه مخفی

◦ وزن‌های (و بایاس) واحدهای مخفی به واحد خروجی

◦ نرخ یادگیری = ۰.۰۲

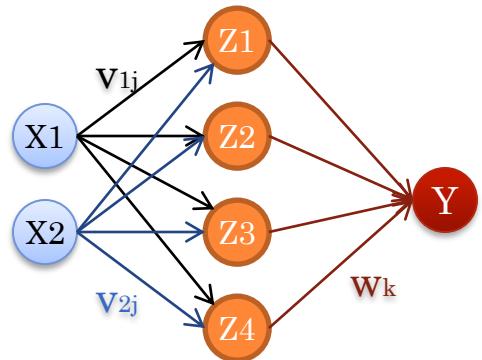
◦ ادامه آموزش تا زمانی که کل مربعات خطأ برای چهار الگوی آموزش کمتر از ۰.۰۵ باشد



◦ آموزش نسبتاً آهسته

◦ تقریباً در ۳۰۰۰ دور

پرسپترون چندلایه (مثال) . . .



تابع XOR: نمایش دو قطبی

- ساختار ۱-۲ (۲ واحد ورودی، ۴ واحد مخفی، ۱ واحد خروجی)
- وزن‌های اولیه تصادفی

$$\begin{matrix} -0,3378 & 0,2771 & 0,2859 & -0,3329 \\ 0,1970 & 0,3191 & -0,1448 & 0,3594 \\ 0,3099 & 0,1904 & -0,0347 & -0,4861 \\ -0,1401 & 0,4919 & -0,2913 & -0,3979 \end{matrix}$$

◦ بایاس‌های چهار واحد مخفی

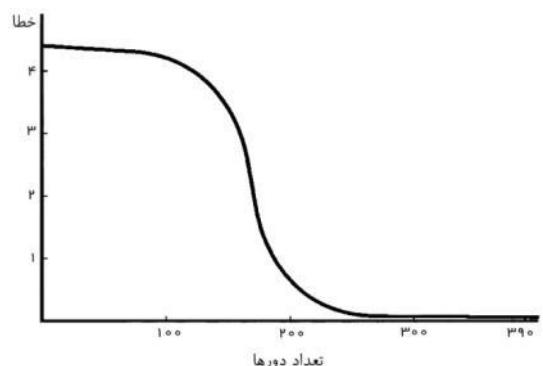
◦ وزن‌های اولین واحد ورودی به لایه مخفی

◦ وزن‌های دومین واحد ورودی به لایه مخفی

◦ وزن‌های (و بایاس) واحدهای مخفی به واحد خروجی

◦ نرخ یادگیری = ۰.۰۲

◦ ادامه آموزش تا زمانی که کل مربعات خطای چهار الگوی آموزش کمتر از ۰.۰۵ باشد



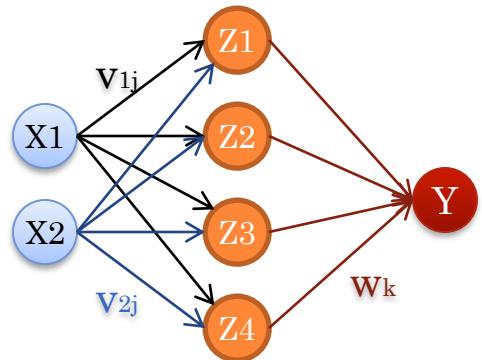
- آموزش سریع‌تر به نسبت حالت دودویی
- آموزش در ۳۸۷ دور

پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

○ تابع XOR: نمایش دوقطبی تغییر داده شده

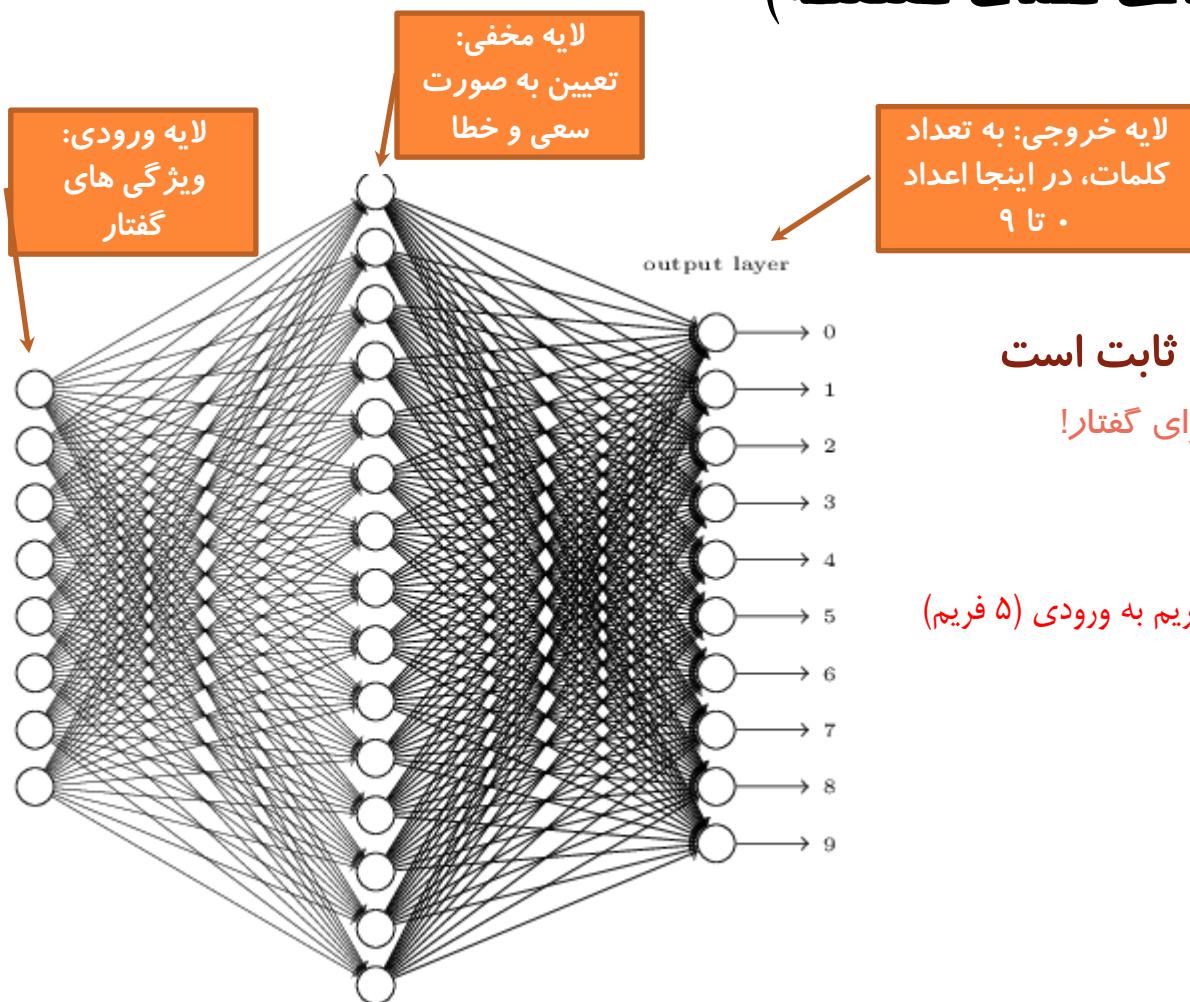
- ساختار ۱-۲ (۲ واحد ورودی، ۴ واحد مخفی در یک لایه مخفی، ۱ واحد خروجی)

- وزن‌های اولیه تصادفی
- بایاس‌های چهار واحد مخفی
- وزن‌های اولین واحد ورودی به لایه مخفی
- وزن‌های دومین واحد ورودی به لایه مخفی
- وزن‌های (و بایاس) واحدهای مخفی به واحد خروجی
- نرخ یادگیری = ۰.۰۲
- ادامه آموزش تا زمانی که کل مربعات خطا برای چهار الگوی آموزش کمتر از ۰.۰۵ باشد



- ایده: اگر مقادیر هدف در مجانب قرار نداشته باشند، همگرایی بهبود می‌یابد
- مقادیر هدف‌های بین ۰.۸ و -۰.۸
- آموزش در ۲۶۴ دور

پرسپترون چندلایه (مثال) . . .



◦ تشخیص گفتار (حالت کلمات گسته)

- فرض: طول ورودی ثابت است

- فرض غیرواقعی برای گفتار!

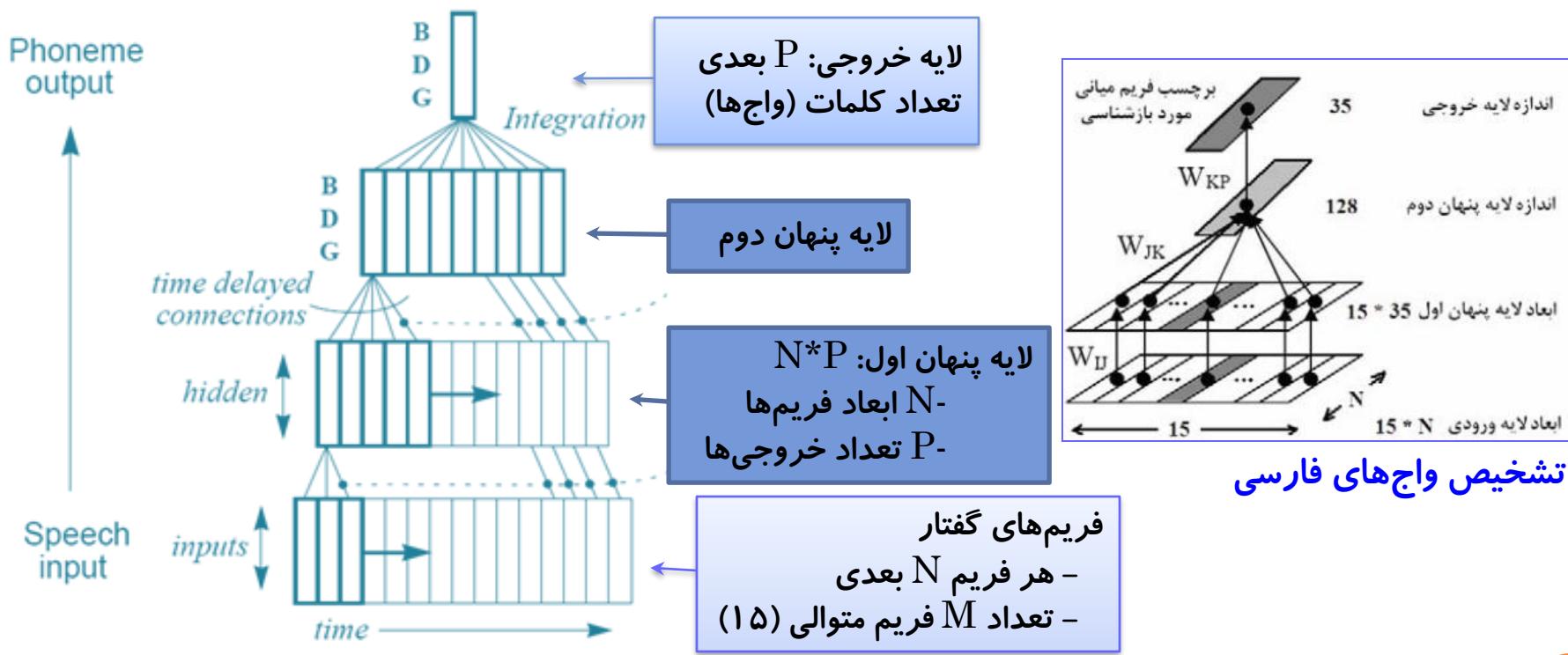
- راه حل

- فریم بندی گفتار
- دادن تعداد ثابتی فریم به ورودی (5 فریم)

پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

TDNN: Time-Delay Neural Network با تشخیص گفتار

- ورودی: دنباله متوالی از فریم‌های سیگنال گفتار
- خروجی: واحد موردنظر در تشخیص (کلمه، واژ)





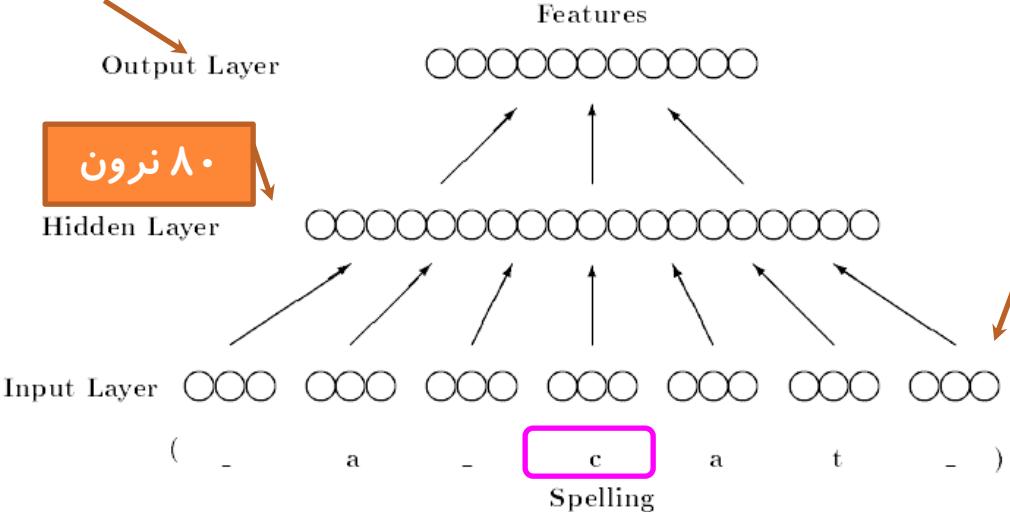
پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

○ متن خوان انگلیسی NETtalk

- ورودی: متن نوشته شده و خروجی: واژهایی که صدا را می‌سازند
- وابستگی واژه‌ها به محتوا
- تفاوت تلفظ 'a' در "have" (کشیده) و "gave" (کوتاه)
- تبدیل متن به صورت واژی
- Phone → f o n (f-on-)

۲۶ نرون = ۲۶ ویژگی

۲۳ ویژگی زبانی (صدادار،
بی‌صدا، خیشومی و ...)
۳ ویژگی نوایی (استرس و ...)

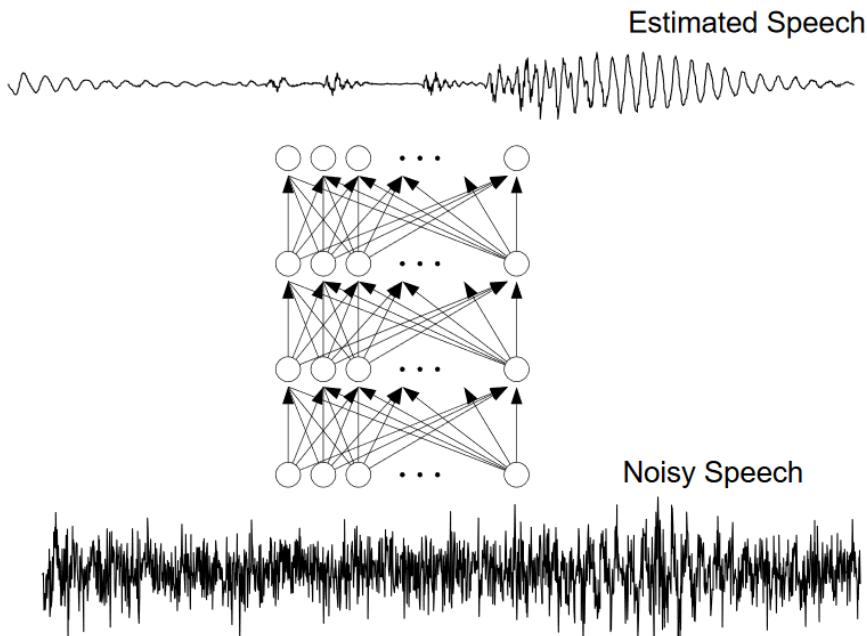


$20 \times 3 = 29 \times 7$
= ۷ واژه مورد نظر و ۳ واژه در
دو طرف آن
 $= 29$ بردار دودویی، هر بعد
معادل یک واژه

پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

○ بهسازی گفتار

- ورودی: سیگنال نویزی (یا ویژگی‌های آن)
- خروجی: سیگنال تمیز شده



- بهسازی بیشتر با بیش از یک لایه مخفی

پرسپترون چندیه (مثال) . . .

بردار کلمات . . .

Word Embedding, Word2Vec •

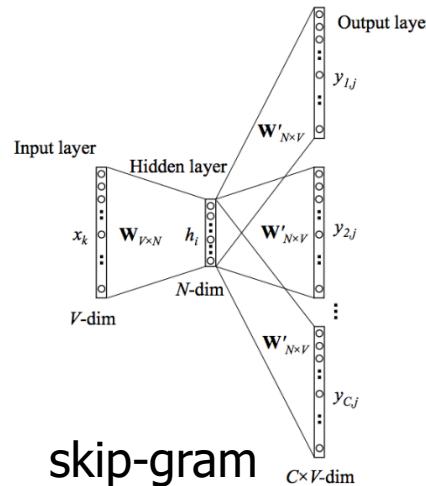
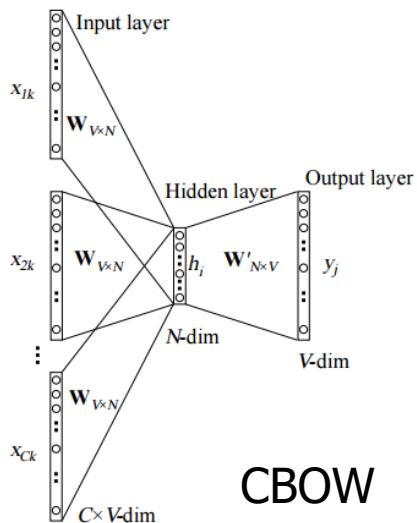
روش‌ها •

○ سبد کلمات پیوسته (CBOW: continuous bag-of-words)

○ پیش‌بینی کلمه با در نظر دو (چند) کلمه قبل و دو (چند) کلمه بعد

○ پرسش چندتایی (skip-gram)

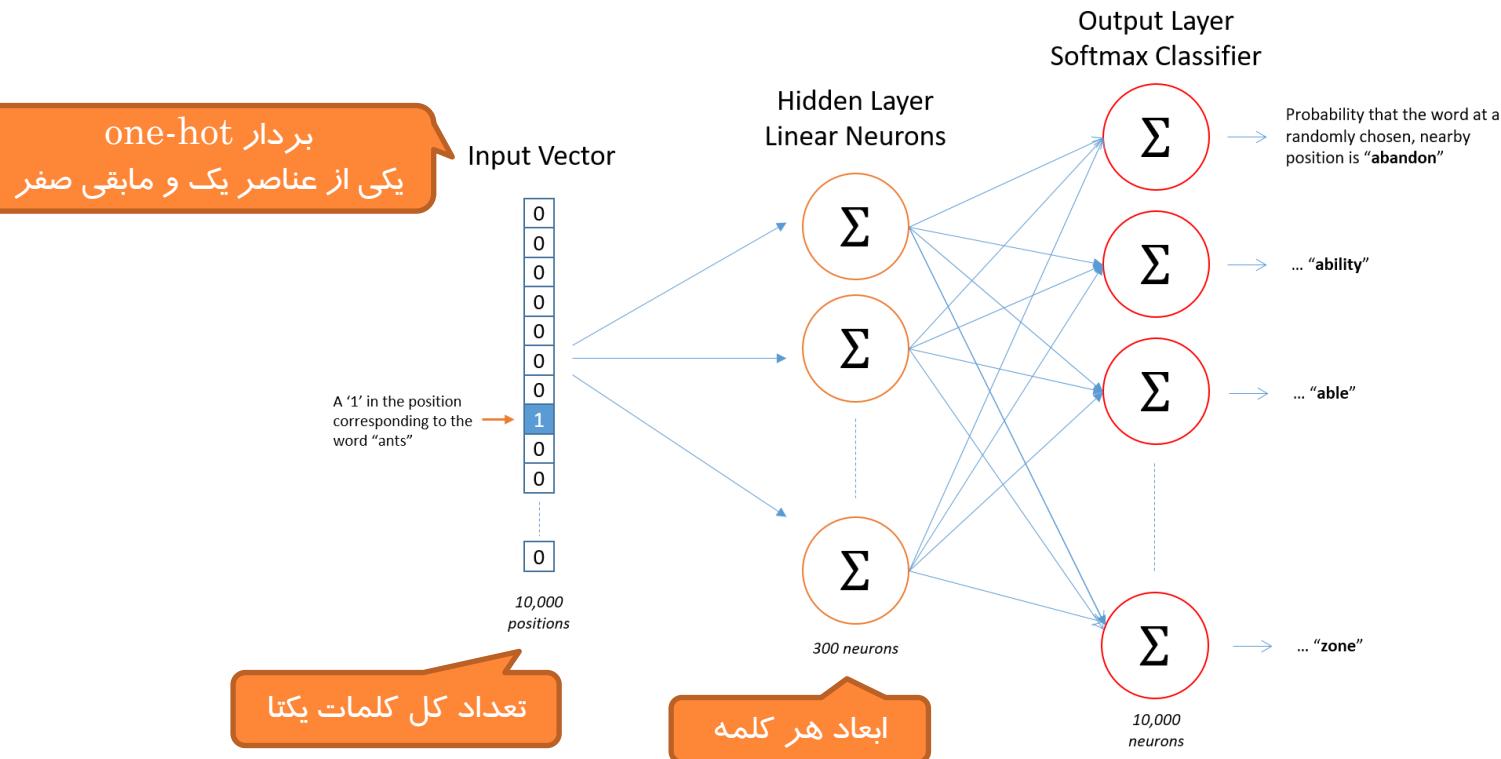
○ پیش‌بینی کلمات (احتمال همه کلمه‌های بعدی) از روی کلمه فعلی



Mikolov, Tomas, Ilya Sutskever, Kai Chen, Greg S. Corrado, and Jeff Dean. "Distributed representations of words and phrases and their compositionality." In *Advances in neural information processing systems*, pp. 3111-3119. 2013.

پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

بردار کلمات: پرس چندتایی





پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

- بردار کلمات: پرس چندتایی
- داده ورودی

Source Text

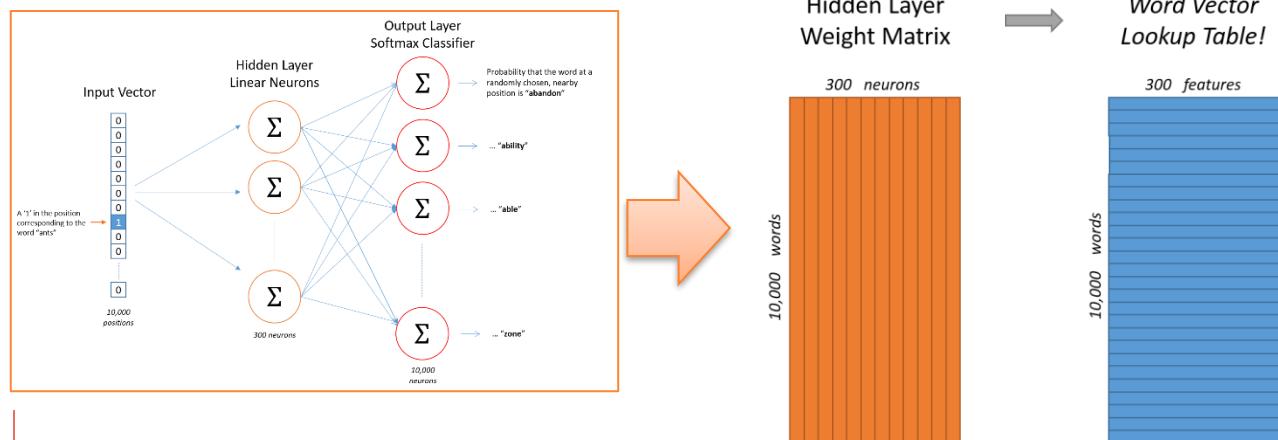
The quick brown fox jumps over the lazy dog.

The quick brown fox jumps over the lazy dog.

The quick brown fox jumps over the lazy dog.

The quick brown fox jumps over the lazy dog.

- بردار کلمات نهایی

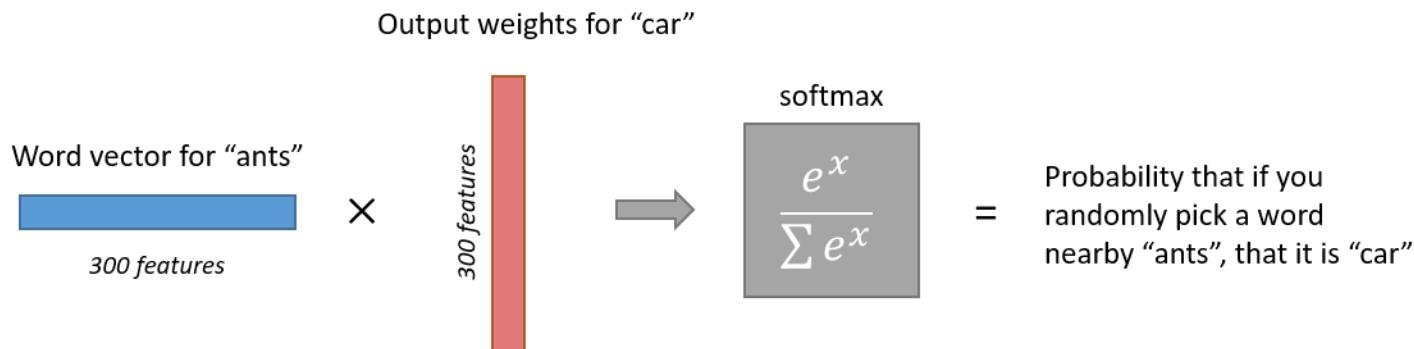


پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

○ بردار کلمات: پرش چندتایی

- لایه خروجی

- تابع فعال سازی SoftMax: تولید خروجی بین صفر و یک و جمع همه خروجی ها برابر با یک
- به ازای هر کلمه یک نرون



پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

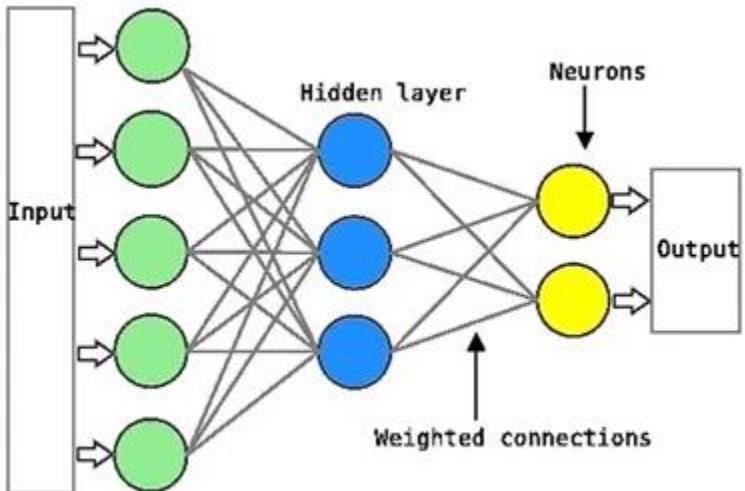
○ کاربرد در پردازش گفتار و پردازش زبان

- تشخیص گوینده
- تشخیص جنسیت
- جداسازی گفتار از غیر گفتار

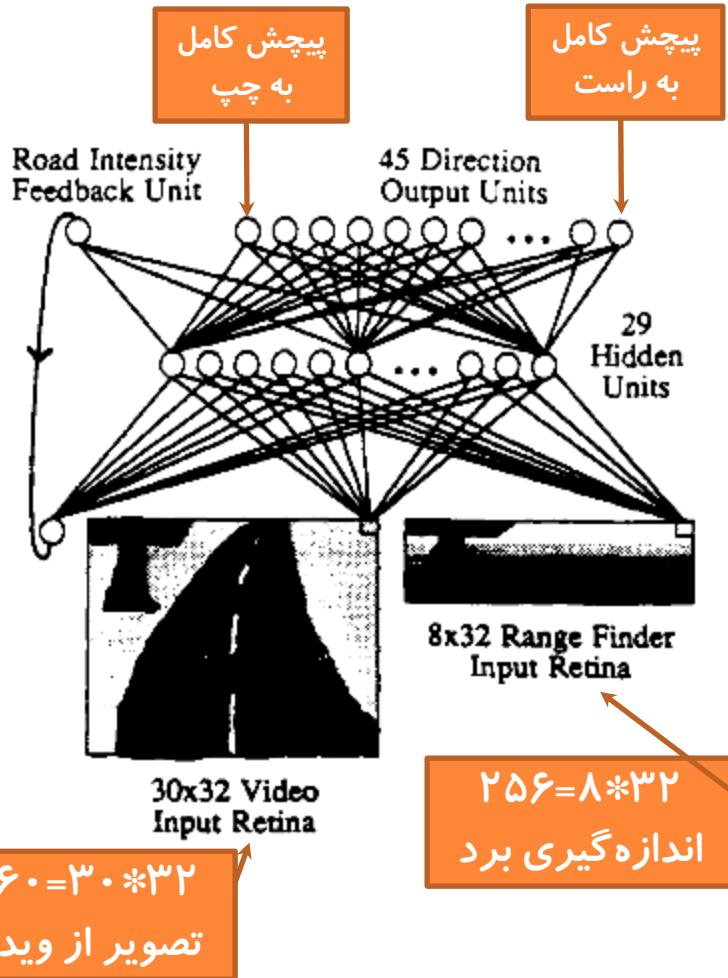
(POS Tagging) • تعیین نقش دستوری

- تعیین شباہت دو متن
- تعیین عنوان متن

... •



شبکه های پس انتشار: کاربردها ...



○ هدایت خودکار خودرو (ALVINN) ...

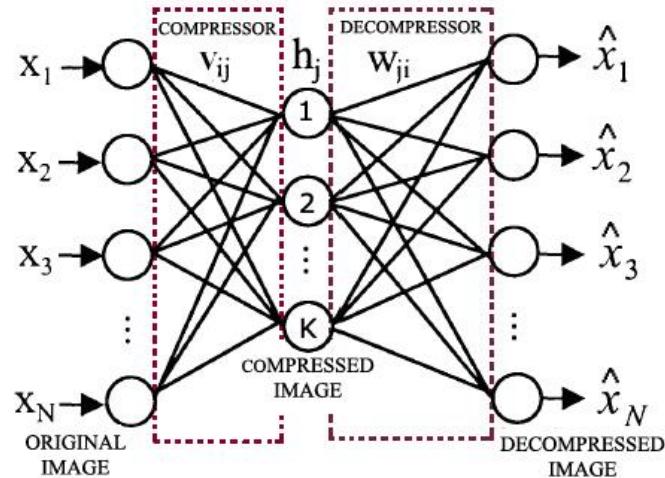
- ALVINN(Autonomous Land Vehicle in a Neural Network)
- رانندگی خودکار خودرو در جاده مارپیچ
- ورودی: $1217 = 1 + 960 + 256$
- نرون های مخفی: ۲۹
- نرون های خروجی: ۴۵ (جهت فرمان)
- آموزش: ۱۲۰۰ تصویر از جاده های مختلف
- آموزش در ۴۰ تکرار
- دقت ۹۰٪
- رانندگی با سرعت ۵ کیلومتر بر ساعت!
- دو برابر سرعت روش های دیگر !!

Dean A.Pomerleau, "ALVINN: AN AUTONOMOUS LAND VEHICLE IN A NEURAL NETWORK", Technical Report, ALP-77 (15213-3890), Department of Psychology Carnegie Mellon University, January 1989

پرسپترون چندلایه (مثال) . . .

○ فشرده‌سازی داده‌ها

- فشرده‌سازی با ضرر تصویر
- شکستن تصویر به بلوک‌های کوچک (مثلا $8 \times 8 = 64$ نرون ورودی و خروجی)
- مقدار ورودی و خروجی (خروجی تابع فعال‌سازی) پیوسته هستند



Veisi, Hadi, and Mansour Jamzad. "A complexity-based approach in image compression using neural networks." *Int. J. Sign. Process.* 5 (2009): 82-92.



پرسپترون چندلایه: نکات تکمیلی . . .

○ انتخاب مقادیر اولیه

- تأثیر مقادیر وزن‌های اولیه بر همگرایی شبکه به حداقل خطای سراسری (Global) یا فقط همگرایی شبکه به حداقل خطای محلی (Local)
- مقادیر اولیهٔ تصادفی (مثبت یا منفی)
- بازه متداول برای مقادیر تصادفی وزن‌ها و بایاس‌ها بین -0.5 و 0.5 - (یا بین -1 و 1)

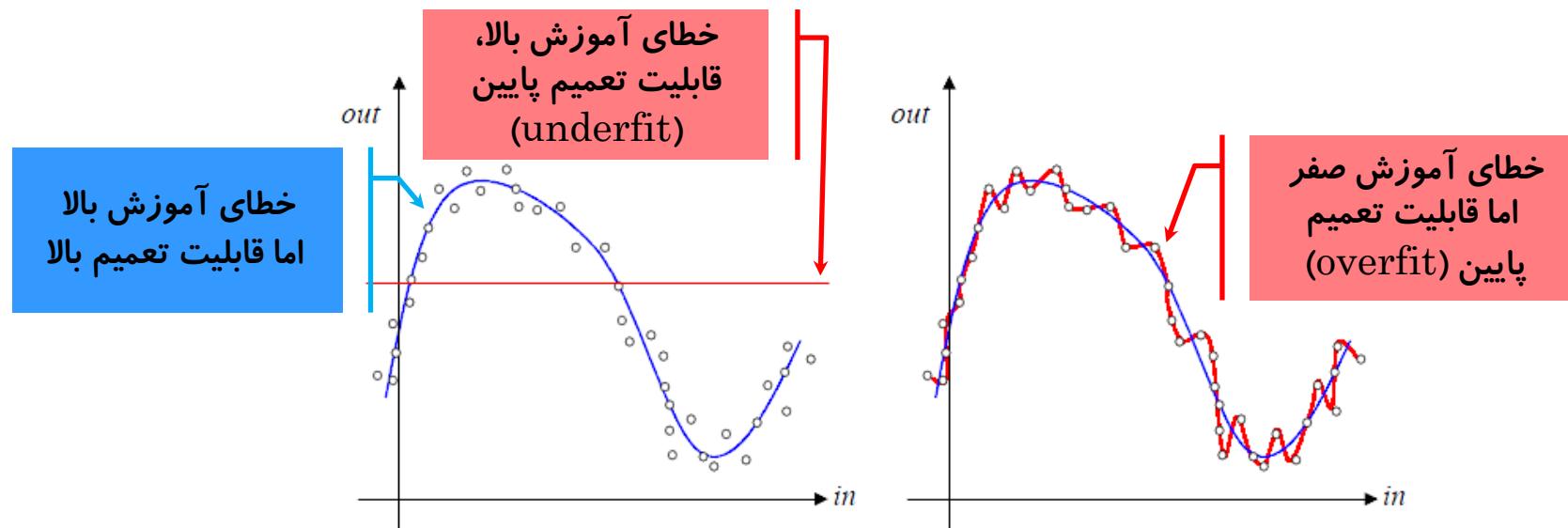
○ آموزش شبکه عصبی با بیش از یک لایه مخفی

- مشابه الگوریتم آموزش با یک لایه مخفی
- محاسبه‌ها برای هر لایه مخفی اضافی مشابه لایه مخفی بیان شده در الگوریتم است
- برای هر لایه مخفی، گام ۴ در مرحله پیش‌خور و گام ۷ در مرحله پساننتشار تکرار می‌شود.
- یک لایه مخفی در شبکه پساننتشار برای تقریب زدن هر نگاشت پیوسته‌ای از الگوهای ورودی به الگوهای خروجی با میزان دلخواهی از دقت کافی است.
- در برخی شرایط استفاده از دو لایه مخفی، آموزش شبکه را آسان‌تر می‌کند.

پرسپترون چندلیه: نکات تکمیلی . . .

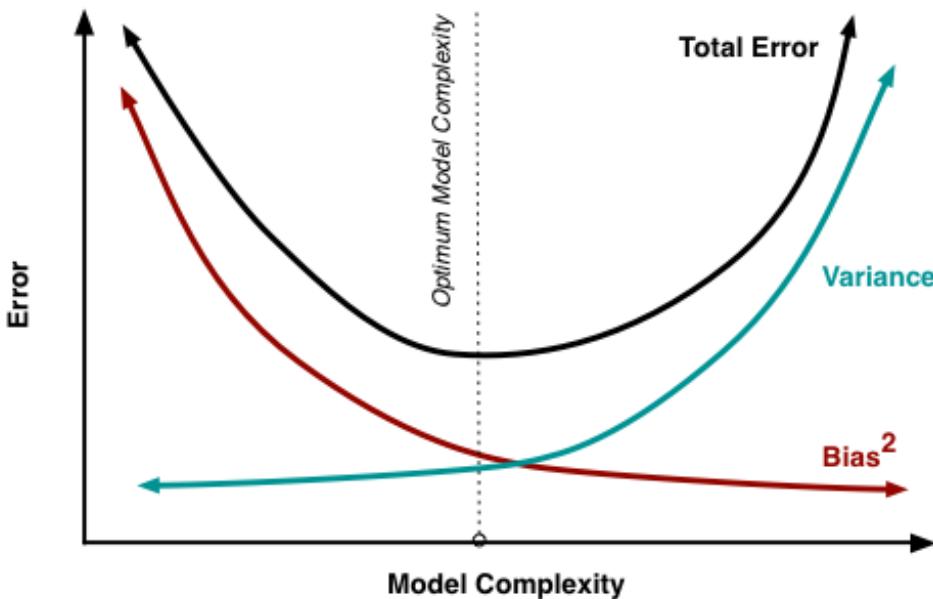
○ تعادل بین یادگیری الگوها و تعمیم

- پاسخ صحیح به الگوهای آموزش داده شده به شبکه + تولید پاسخ مناسب به الگوهای جدید
- شبکه قوانین حاکم بر داده‌ها را یاد بگیرد نه فقط نمونه‌های آموزش
- ادامه آموزش شبکه زمانی که مقدار مربعات خطا واقعاً حداقل شده، الزاماً مفید نمی‌باشد



پرسپترون چندلایه: نکات تکمیلی ...

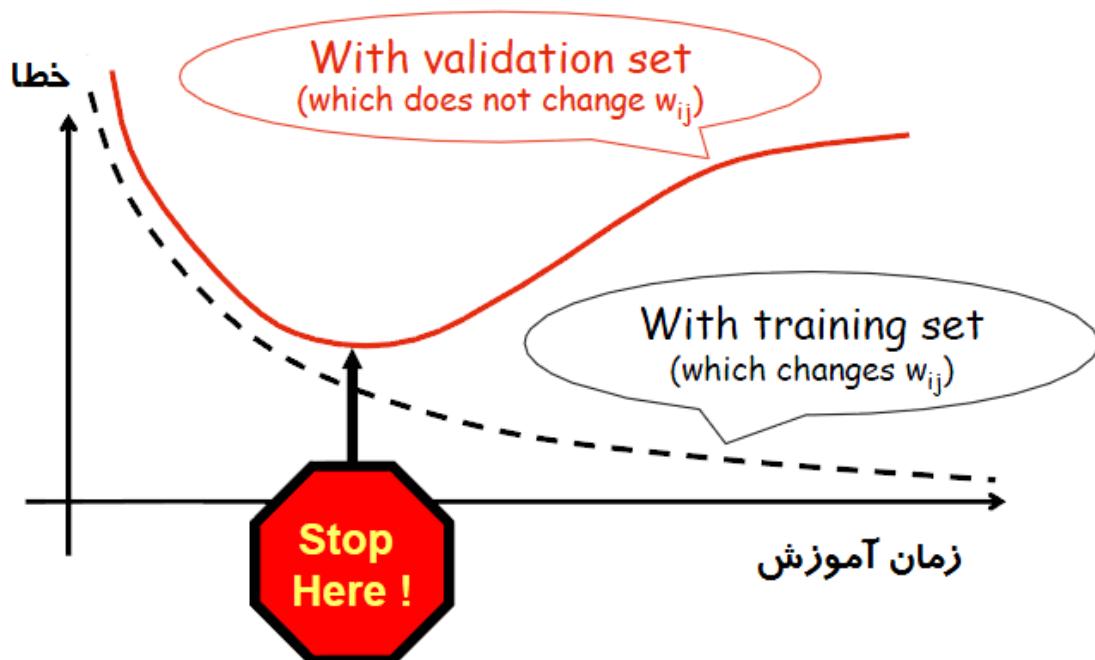
- تعادل بین یادگیری الگوها و تعمیم = جلوگیری از بیش برآذش: راه حل ۱
 - پیچیده کردن مدل = بیش برآذش = بایاس کمتر = واریانس بیشتر



- تعداد نرون‌های کمتر در لایه مخفی

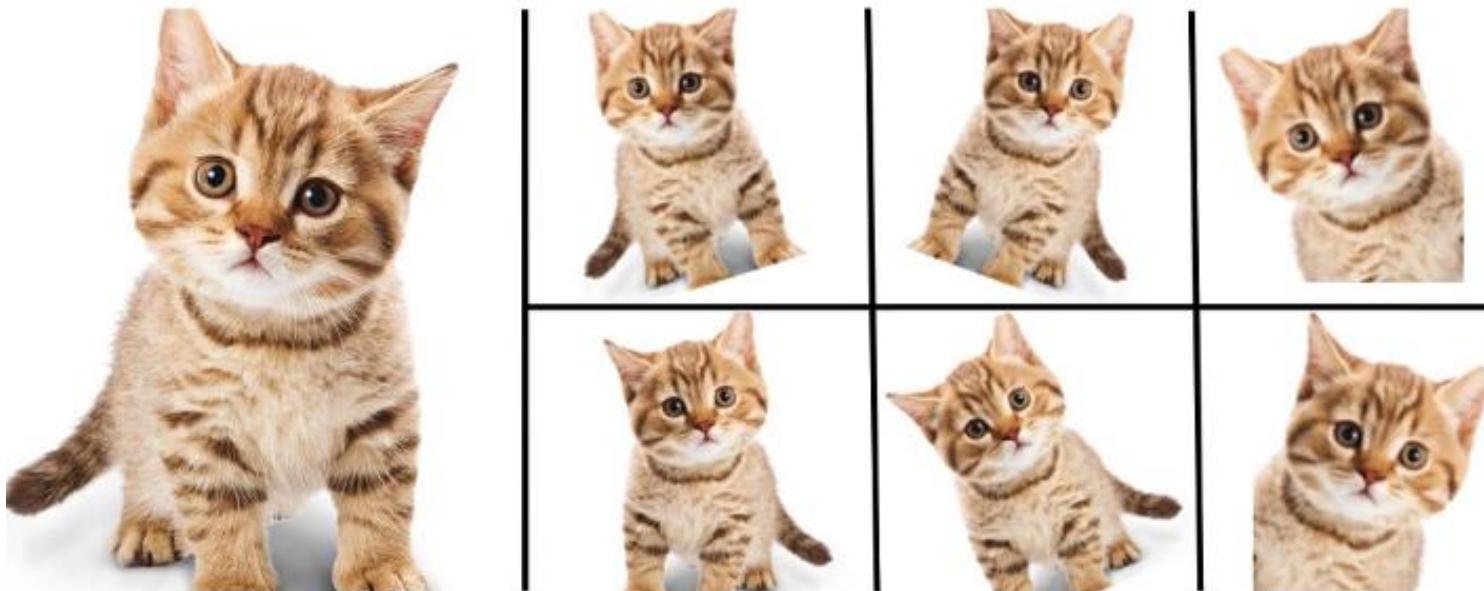
پرسپترون چندلیه: نکات تکمیلی ...

- تعادل بین یادگیری الگوها و تعمیم = جلوگیری از بیش برآذش: راه حل ۲
 - توقف زودهنگام شبکه با افزایش خطای مجموعه ارزیابی (تست)
 - استفاده از مجموعه ارزیابی



پرسپترون چندلیه: نکات تکمیلی ...

- تعادل بین یادگیری الگوها و تعمیم = جلوگیری از بیش برآذش: راه حل ۳
 - افزایش حجم و تنوع داده‌های آموزش



Enlarge your Dataset



پرسپترون چندلیه: نکات تکمیلی . . .

○ تعداد داده های آموزش: قاعده تجربی

- P = تعداد الگوهای آموزش موجود،
- W = تعداد وزن های مورد آموزش در شبکه
- e = صحت دسته بندی مورد نظر

- آموزش شبکه برای دسته بندی صحیح کسری معادل $(e/2)-1$ از الگوهای آموزشی،
- می توان مطمئن بود که شبکه $e-1$ الگوی آزمایش را نیز به درستی دسته بندی کند؟

$$P = \frac{W}{e} \quad \text{یا} \quad \frac{W}{P} = e \quad \text{کافی بودن الگوهای آموزشی :}$$

- مثال: با $e=0.1$ ، شبکه ای با ۸۰ وزن، ۸۰۰ الگوی آموزش لازم خواهد داشت تا از دسته بندی صحیح ۹۰٪ الگوهای آزمایش اطمینان حاصل شود، با این فرض که شبکه برای دسته بندی صحیح ۹۵٪ الگوهای آموزشی، آموزش دیده باشد.



پرسپترون چندلیه: نکات تکمیلی ...

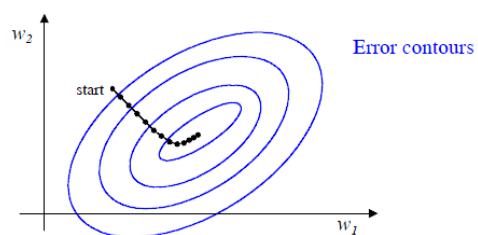
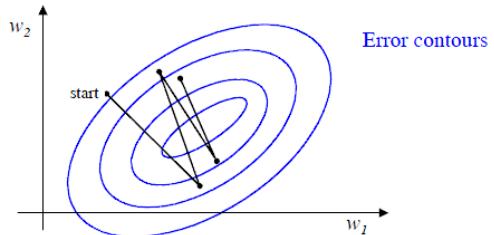
○ به روز کردن دسته‌ای (Batch Updating)

- به جای به روز کردن وزن‌های شبکه بعد از ارائه هر الگوی آموزشی
- ادغام مقدار تصحیح (تغییر) وزن را برای چند الگو یا برای تمام الگوهای در یک دور کامل
- تشکیل یک مقدار تنظیم وزن برای هر وزن، برابر با میانگین عبارات تصحیح وزن‌ها
- آسان‌تر کردن تصحیح وزن‌ها
- مقاوم بودن در برابر داده‌های نویزی
- موازی‌سازی محاسبات
- افزایش احتمال نزدیک شدن به کمینه محلی

پرسپترون چندلایه: نکات تکمیلی . . .

◦ نرخ یادگیری ثابت

- مقدار بزرگ = سرعت همگرایی بالا + همگرایی ناهموار (احتمال بالای واگرایی)



- مقدار کوچک = سرعت همگرایی پایین + همگرایی هموار

◦ مقدار مناسب حدود ۰.۰۰۱ و ۰.۰۰۰۱

◦ مقدار دینامیک

- اوایل آموزش مقدار بزرگ و به مرور کوچک شود
- هر وزن دارای نرخ اختصاصی خودش
- روش دلتا-بار-دلتا (Delta-Bar-Delta)

پرسپترون چندلایه: نکات تکمیلی . . .

- به روز کردن وزن با پس انتشار با گشتاور (Momentum)
- تغییر روش کاهش گرادیان: مقدار تغییر وزن ترکیبی از گرادیان (شیب) فعلی و گرادیان قبلی
- به روز شدن وزن‌های زمان $t+1$ وابسته به وزن‌های زمان‌های قبل تر (مانند t و $t-1$)

$$w_{jk}(t+1) = w_{jk}(t) + \alpha \delta_k z_j + \mu [w_{jk}(t) - w_{jk}(t-1)]$$

$$v_{ij}(t+1) = v_{ij}(t) + \alpha \delta_j x_i + \mu [v_{ij}(t) - v_{ij}(t-1)]$$

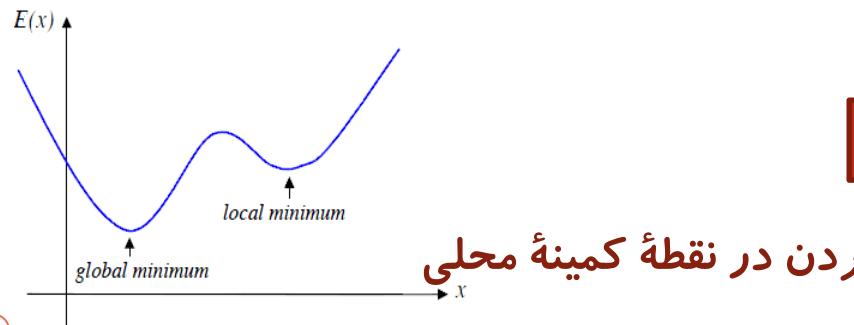
$$\Delta w_{jk}(t+1) = \alpha \delta_k z_j + \mu \Delta w_{jk}(t)$$

$$\Delta v_{ij}(t+1) = \alpha \delta_j x_i + \mu \Delta v_{ij}(t)$$

گرادیان فعلی

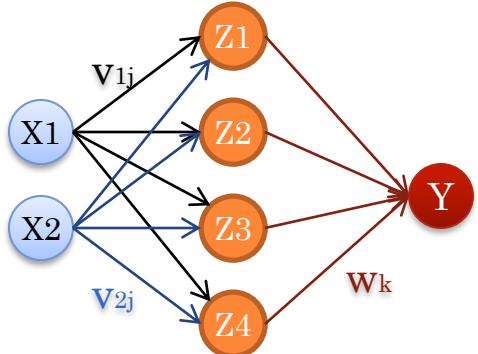
گرادیان قبلی

پارامتر ممان (بین ۰ تا ۱)



- همگرایی سریع تر + کاهش احتمال گیر کردن در نقطه کمینه محلی

پرسپترون چندلایه: نکات تکمیلی . . .



-0,3378	0,2771	0,2859	-0,3329	
0,1970	0,3191	-0,1448	0,3594	
0,3099	0,1904	-0,0347	-0,4861	
-0,1401	0,4919	-0,2913	-0,3979	0,3581

- پس انتشار با گشتاور(Momentum): مثال

- تابع XOR: نمایش دوقطبی

- ساختار ۱-۴

- وزن‌های اولیه تصادفی

- بایاس‌های چهار واحد مخفی

- وزن‌های اولین واحد ورودی به لایه مخفی

- وزن‌های دومین واحد ورودی به لایه مخفی

- وزن‌های (و بایاس) واحدهای مخفی به واحد خروجی

- نرخ یادگیری = ۰.۰۱

- ادامه آموزش تا زمانی که کل مربعات خطای چهار الگوی آموزش کمتر از ۰.۰۵ باشد

- استفاده از ممان = افزایش سرعت یادگیری

- پارامتر ممان = ۰.۹

- آموزش از ۳۸۷ دور به ۳۸ دور کاهش می‌یابد

پرسپترون چندلایه: نکات تکمیلی

◦ شبکه MLP تقریب‌زننده‌های جهانی است: قضیه هچ-نیلسون

- هر تابع پیوسته $f: I^n \rightarrow R^m$ بازه بسته $I^{[0,1]}$ است، می‌توان دقیقاً با یک شبکه عصبی پیش‌خور با n واحد ورودی، $2n+1$ واحد مخفی و m واحد خروجی نمایش داد.

$$z_j = \sum_{i=1}^n \lambda^i \psi(x_i + \varepsilon j) + j$$

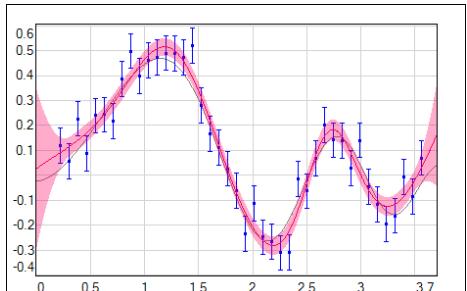
عددی ثابت و
حقيقي

تابع پیوسته، حقيقی و یکنواهی صعودی،
مستقل از f و وابسته به n

- مقدار ثابت ε برای فراهم بودن شرایط قضیه اسپرچر است.

$$y_k = \sum_{j=1}^{2n+1} g_k z_j$$

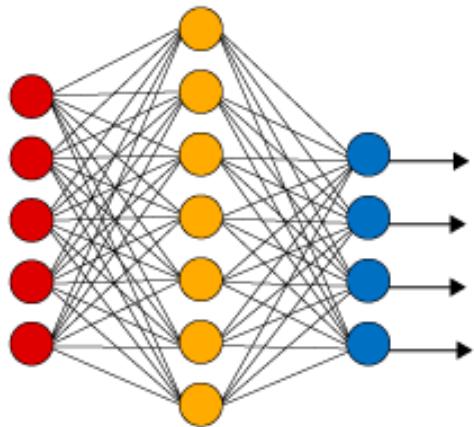
تابع پیوسته، حقيقی و وابسته به f و ε



یادگیری عمیق . . .

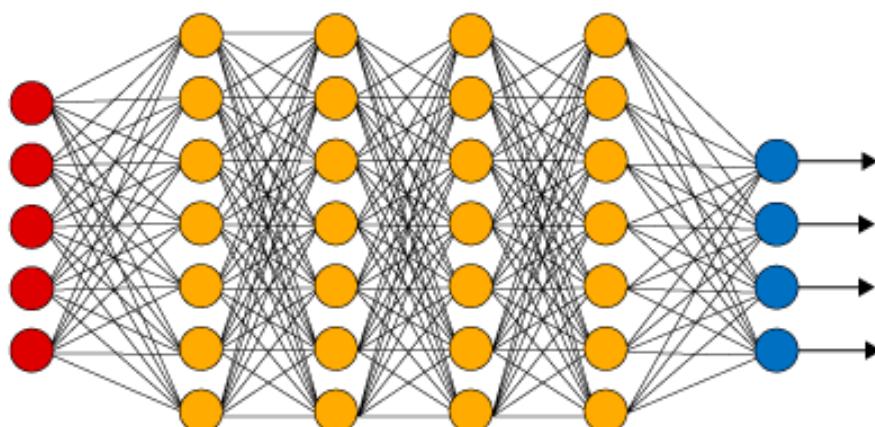
- افزایش تعداد لایه های مخفی

Simple Neural Network



● Input Layer

Deep Learning Neural Network



● Hidden Layer

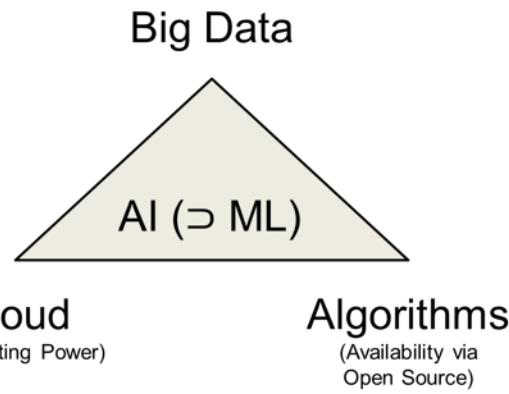
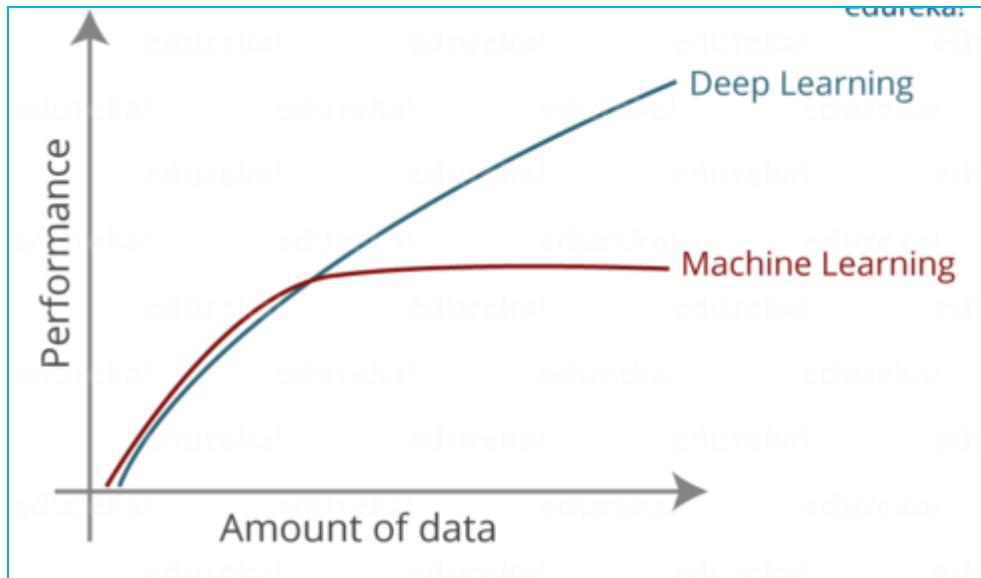
● Output Layer

- مدل پیچیده = تعداد پارامترهای زیاد = توان محاسباتی بالا

یادگیری عمیق . . .

○ سه رکن اصلی

- داده های جیم (Big Data)
- توان پردازشی (GPU)
- الگوریتم یادگیری

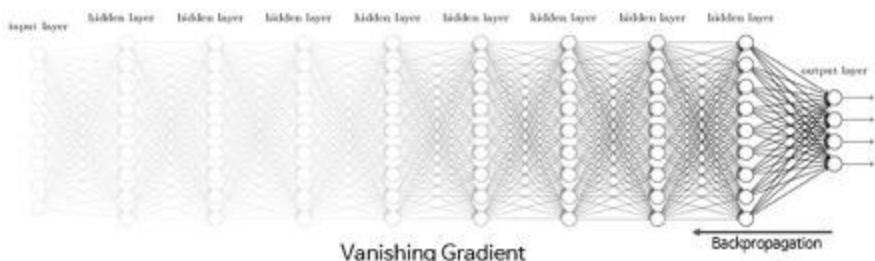
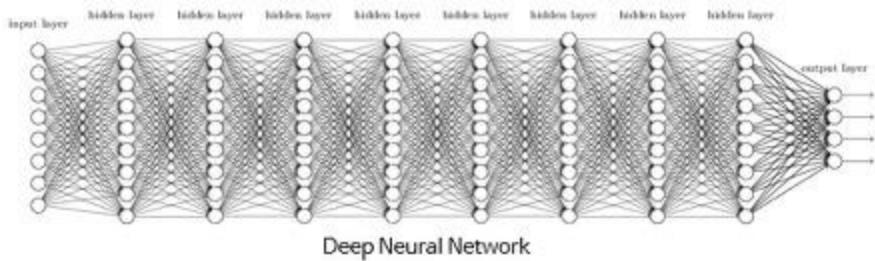


یادگیری عمیق . . .

مشکل: یادگیری

• محو گرادیان (Vanishing Gradient)

- کاهش گرادیان برگشتی از لایه آخر به لایه اول



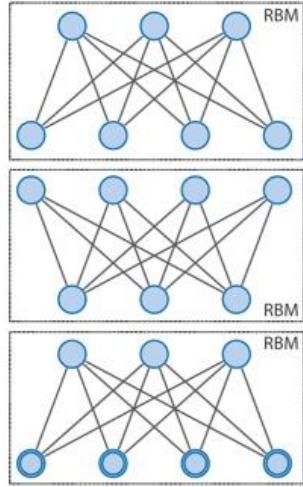
• راه حل

- پیش آموزش شبکه برای تعیین وزن های اولیه مناسب

- استفاده از ماشین بولتزمن محدود (RBM)

- بهبود وزن ها با پس انتشار خطأ

یادگیری عمیق: شبکه باور عمیق (DBN) ...



○ معماری

- از چند لایه ماشین بولتزمن محدود (RBM) ساخته می شود
RBM: Restricted Boltzman Machine ○

○ آموزش

- ابتدا لایه زیرین (ابتدايی) را با داده های ورودی مقداردهی و آموزش می دهیم
 - استفاده از روش واگرایی متقابل (CD: Contrastive Divergence)
 - آموزش بدون نظارت
- با ويژگی های استخراج شده از لایه اول مثل داده ورودی برای لایه دوم برخورد می کنیم
 - در واقع ويژگی ويژگی ها استخراج می شود
 - ادامه اين روند تا رسیدن به لایه آخر



شبکه باور عمیق (DBN): الگوریتم آموزش و جزئیات

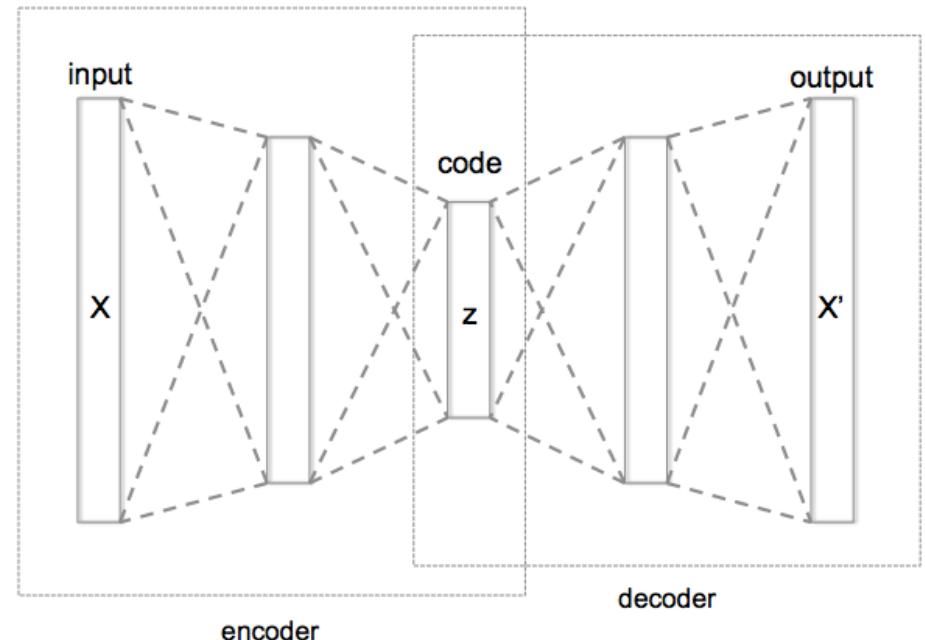
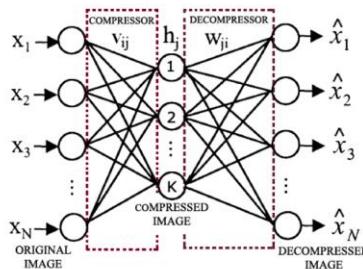
○ مراجعه کنید به

- <http://dsp.ut.ac.ir/en/wp-content/uploads/2018/04/ANN-Lecture4-DBN.pdf>

شبکه های خودرمزنگذار (AE)

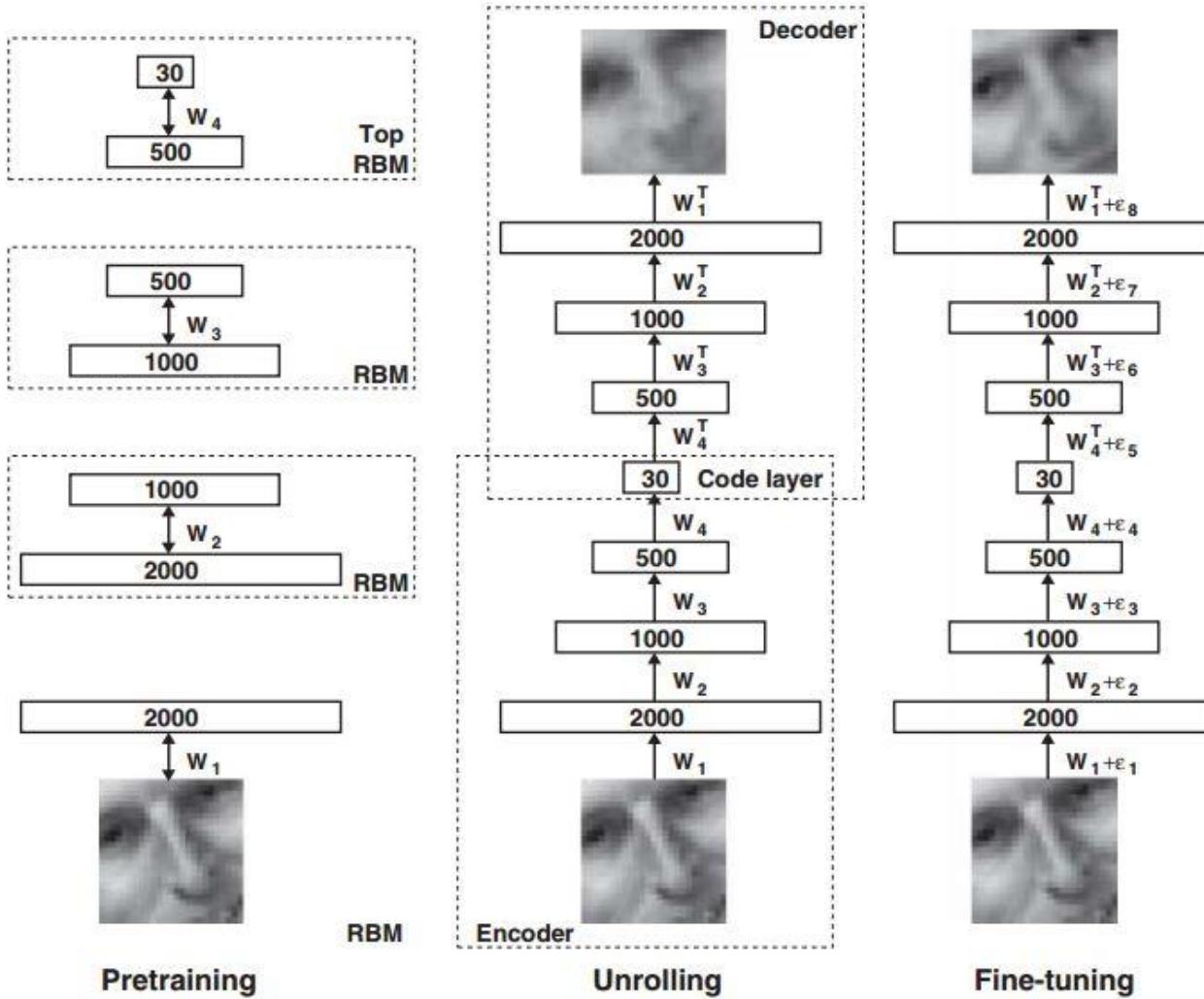
◦ شبکه های خودرمزنگذار (AE: AutoEncoders)

- استفاده از لایه وسط به عنوان ویژگی



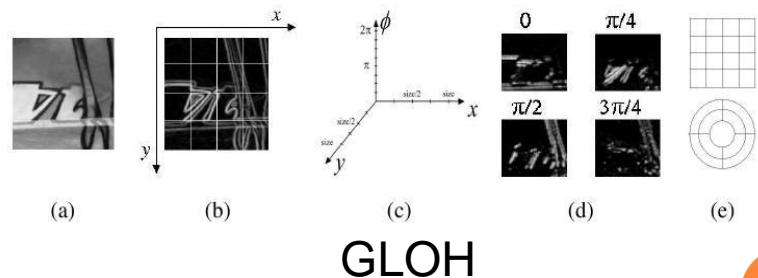
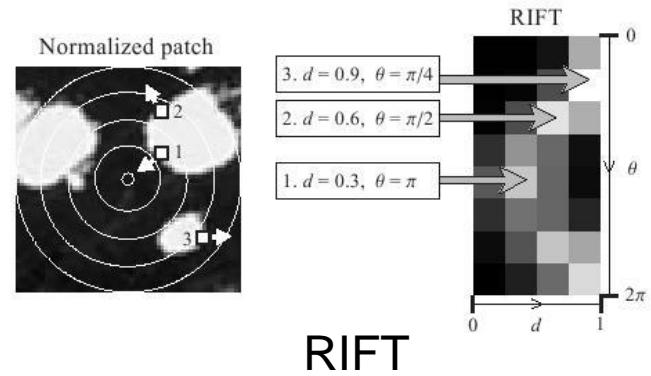
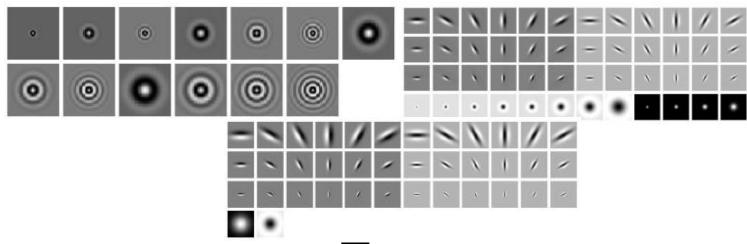
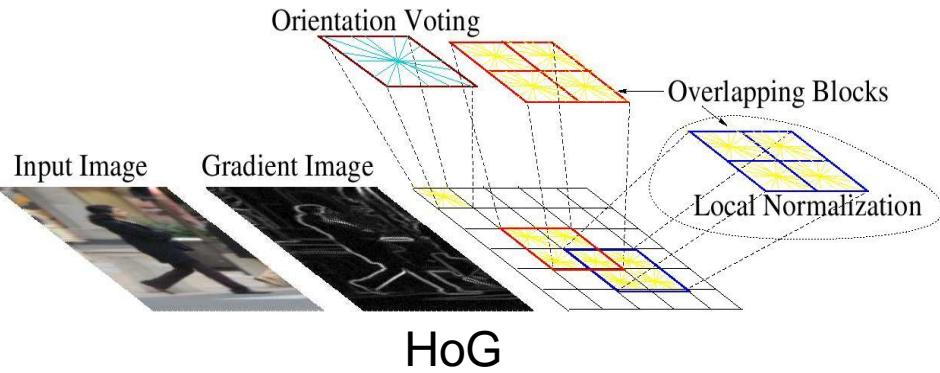
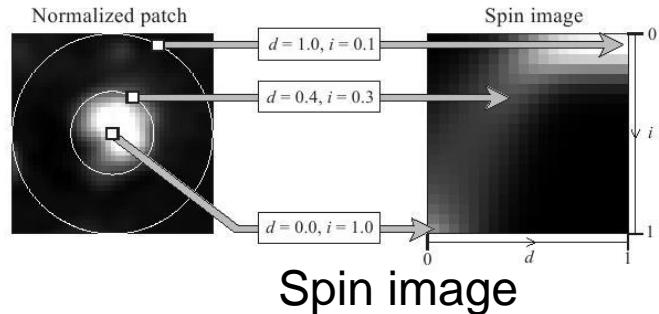
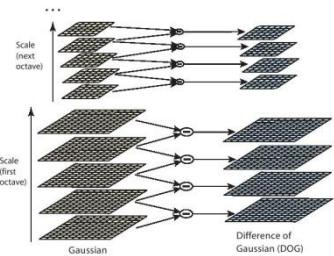
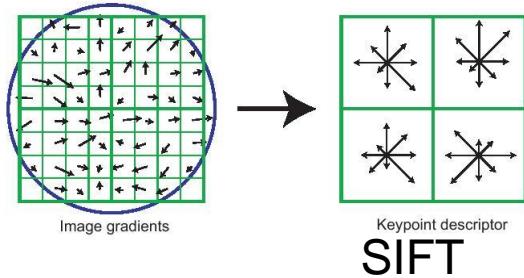
یادگیری عمیق . . .

خودرمزگذار

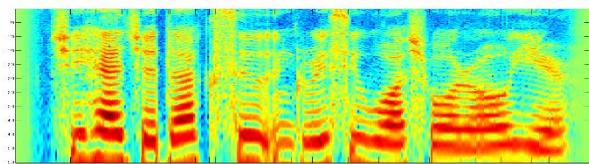
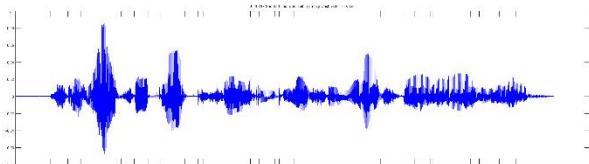




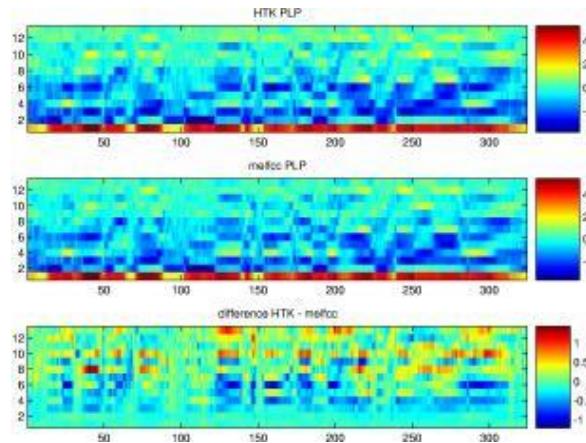
یادگیری عمیق: استخراج ویژگی (تصویر)



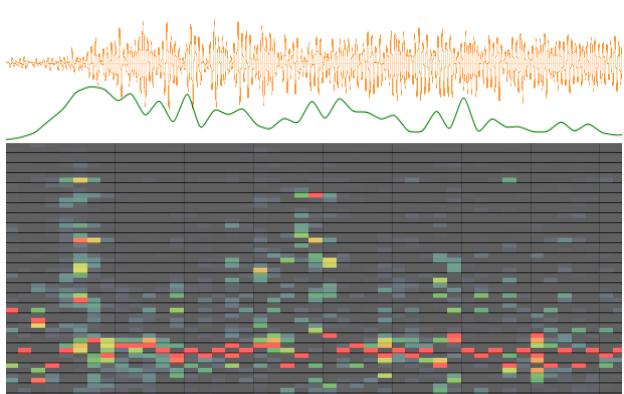
یادگیری عمیق: استخراج ویژگی (صدای پسرانه)



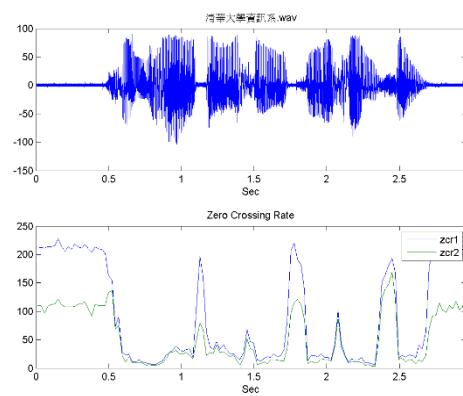
Spectrogram



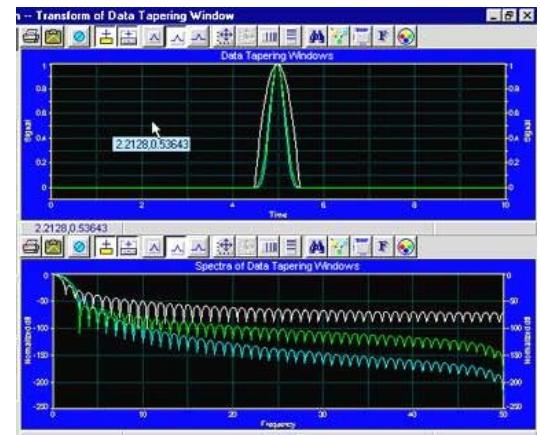
MFCC



Flux



ZCR

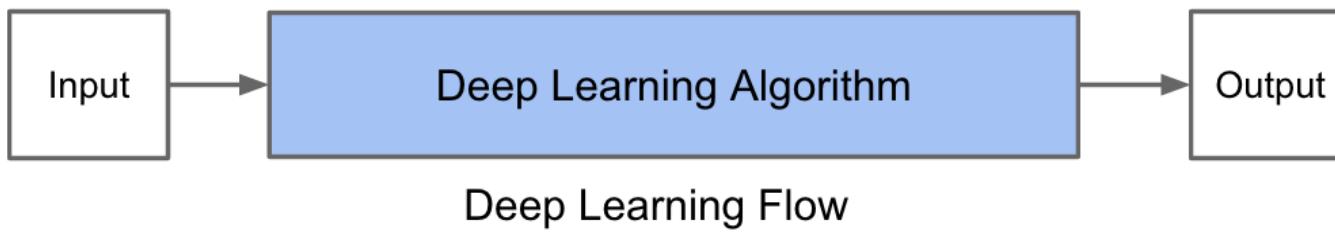
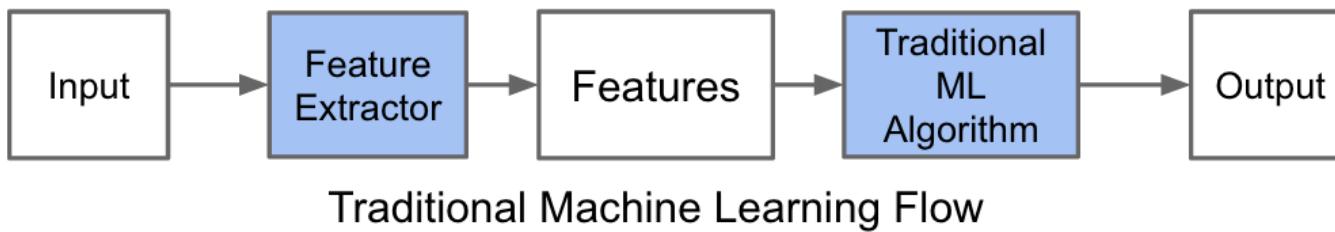


Rolloff



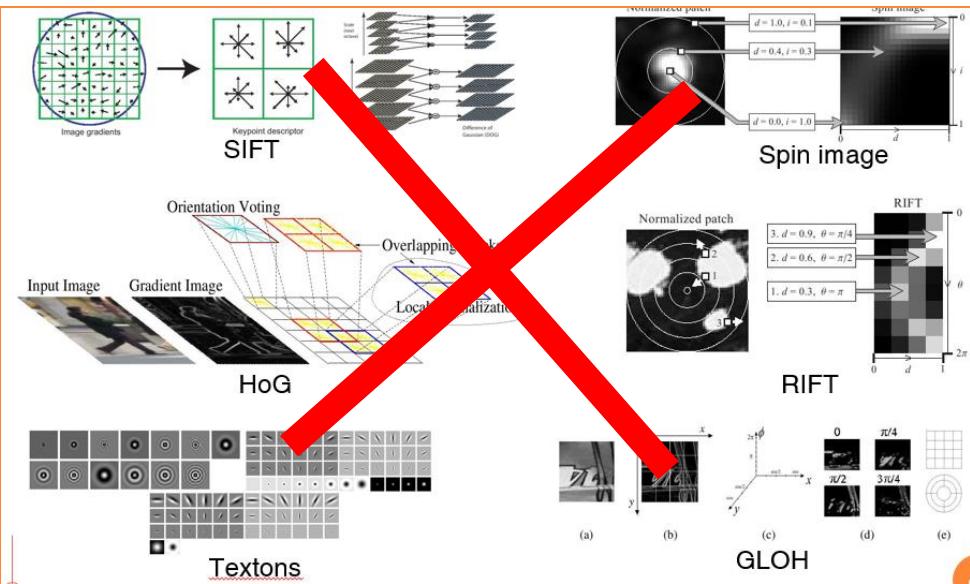
یادگیری عمیق . . .

○ ترکیب استخراج ویژگی و دسته‌بندی

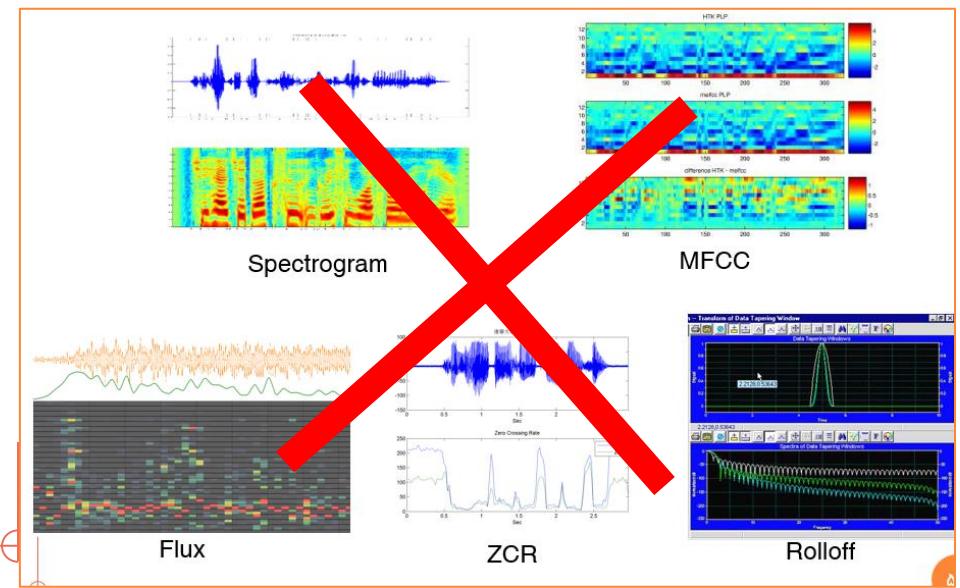




یادگیری عمیق: استخراج ویژگی و دسته‌بندی



Unlabeled images



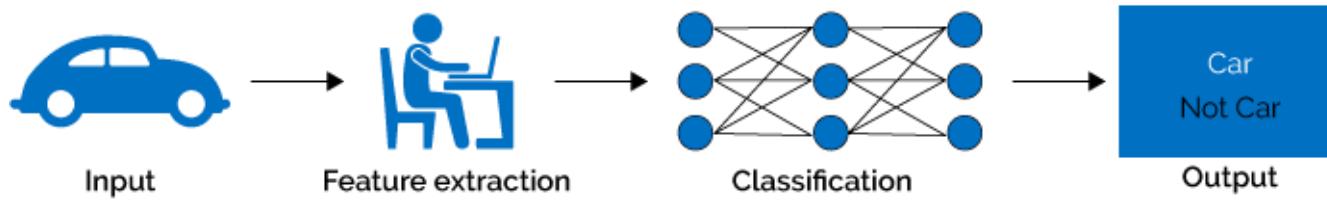
Learning
algorithm

Feature representation

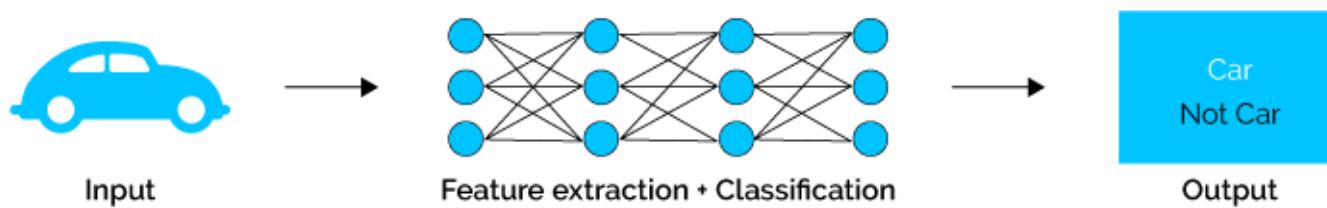
یادگیری عمیق . . .

○ ترکیب استخراج ویژگی و دسته‌بندی

Machine Learning



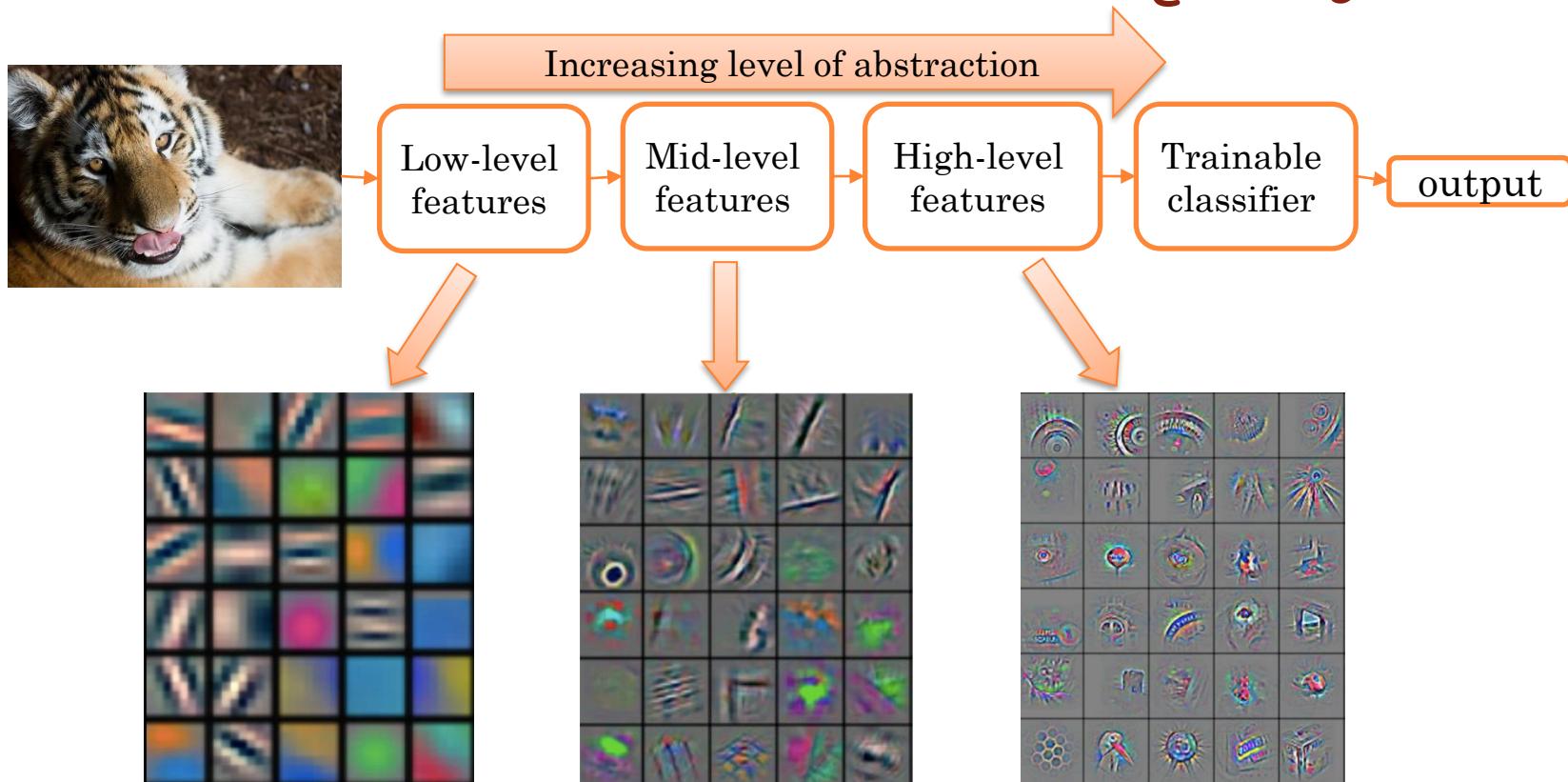
Deep Learning



یادگیری عمیق: استخراج ویژگی ...

○ استخراج ویژگی سلسله مراتبی ...

- از ورودی خام (جزئیات)
- تا ویژگی های سطح بالا (کلیات)





یادگیری عمیق: استخراج ویژگی

○ استخراج ویژگی سلسله مراتبی

● تصویر

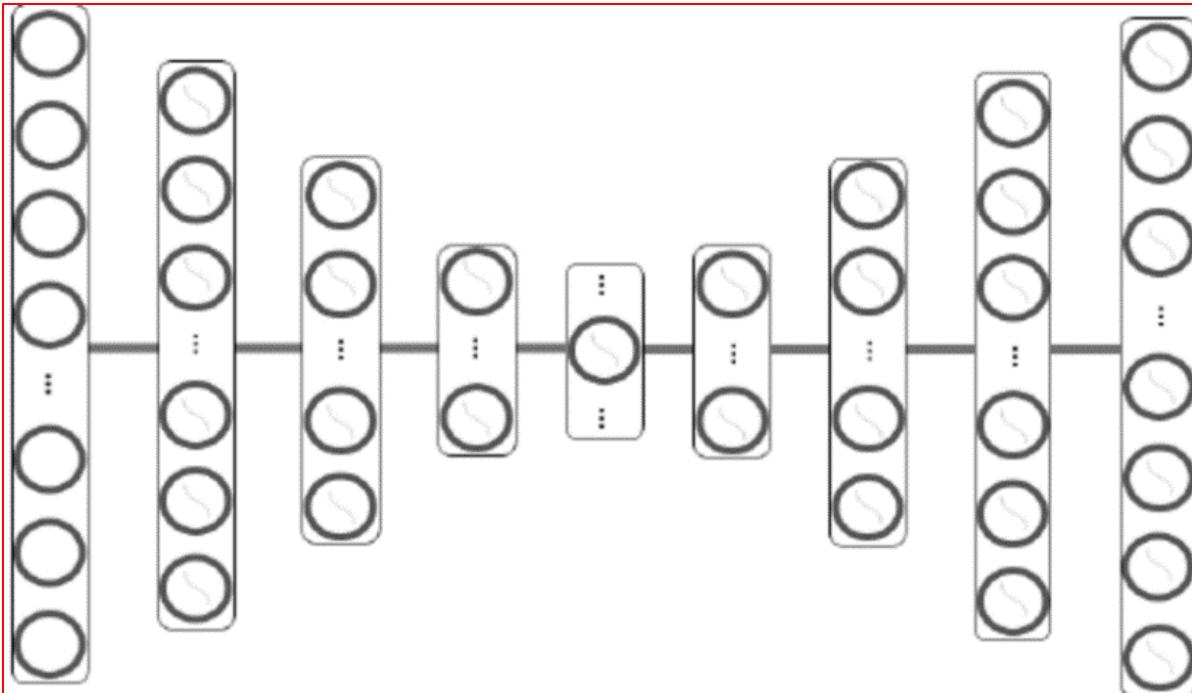
Pixel → edge → texton → motif → part → object ○

● متن

Character → word → word group → clause → sentence → story ○

شبکه های خودرمزنگذار (AE)

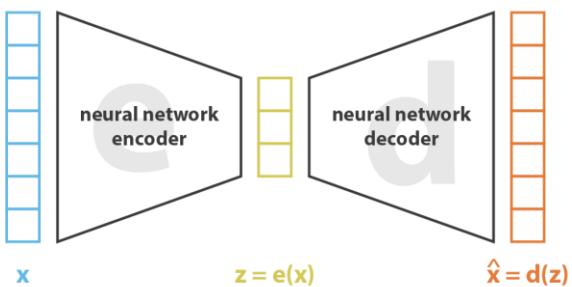
- شبکه های خودرمزنگذار (AE: AutoEncoders)
 - استفاده از لایه وسط به عنوان ویژگی



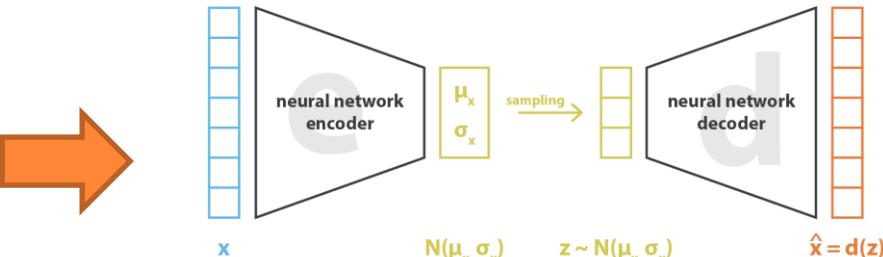
شبکه های خودمزگذار متغیر (VAE) ...

Variational Autoencoders ◉ شبکه های خودمزگذار

- استفاده از عبارت تنظیم (regularization) برای جلوگیری از بیش برازش و اطمینان از مناسب بودن متغیر پنهان برای **تولید داده**
- یادگیری تابع توزیع به جای خود داده



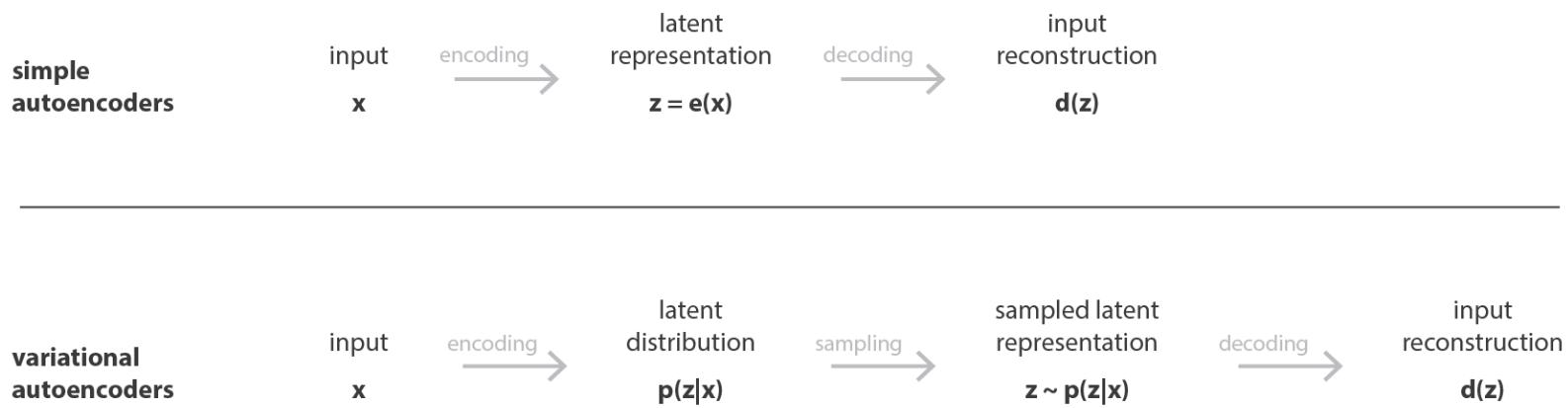
$$\text{loss} = \|x - \hat{x}\|^2 = \|x - d(z)\|^2 = \|x - d(e(x))\|^2$$



$$\text{loss} = \|x - \hat{x}\|^2 + \text{KL}[N(\mu_x, \sigma_x), N(0, I)] = \|x - d(z)\|^2 + \text{KL}[N(\mu_x, \sigma_x), N(0, I)]$$



شبکه های خودمزگذار متغیر (VAE) ...



شبکه های خودمزگذار متغیر (VAE)

◦ تولید تصویر



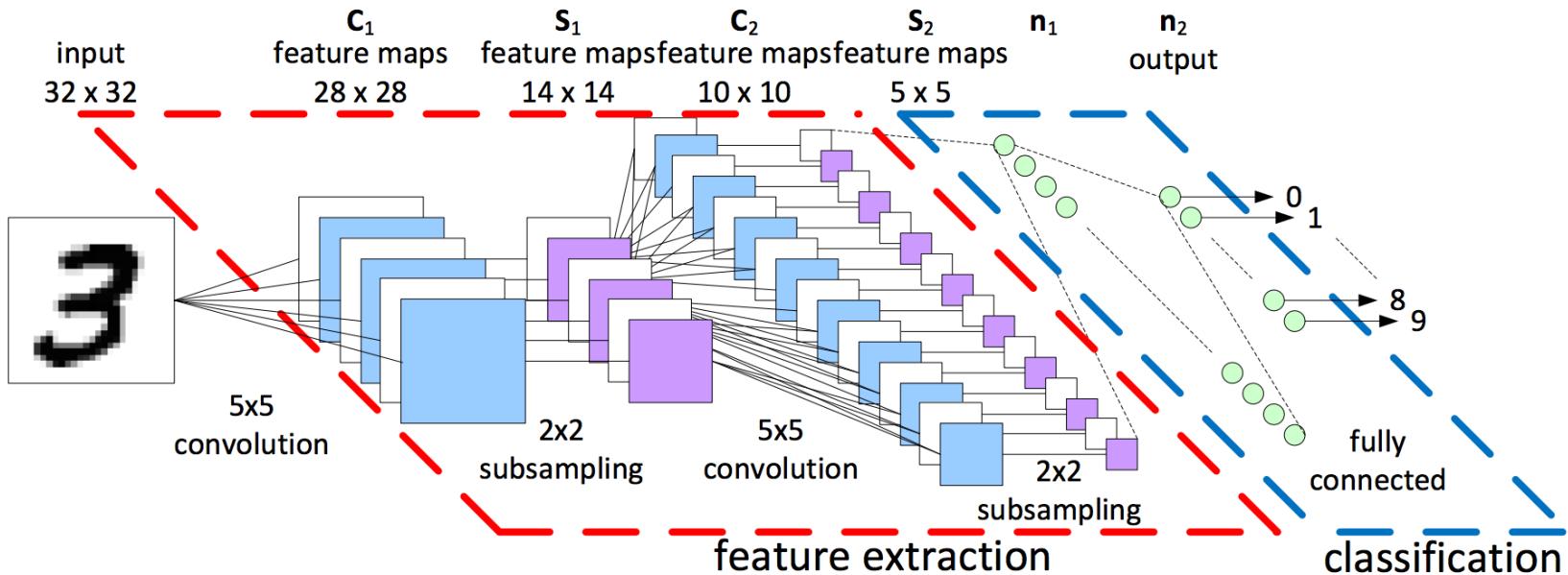
<https://github.com/WojciechMormul/vae>

Hadi Veisi (h.veisi@ut.ac.ir)

یادگیری عمیق: شبکه عصبی پیچش ...

◦ شبکه عصبی پیچشی (CNN: Convolutional Neural Network)

- استخراج ویژگی از تصاویر (و دسته‌بندی)



یادگیری عمیق: شبکه عصبی پیچش ...

- لایه‌های رایج در این شبکه (به ترتیب)

- ورودی (Input)

- یک تصویر ۳ بعدی: طول، عرض و عمق (مثلاً معادل ۳ برابر با سه مولفه RGB)

- پیچش (Convolution)

- هر نرون بلوکی از پیکسل‌های نزدیک به هم را می‌بیند

- تابع فعال‌سازی ReLU

$$f(x) = \max(0, x)$$

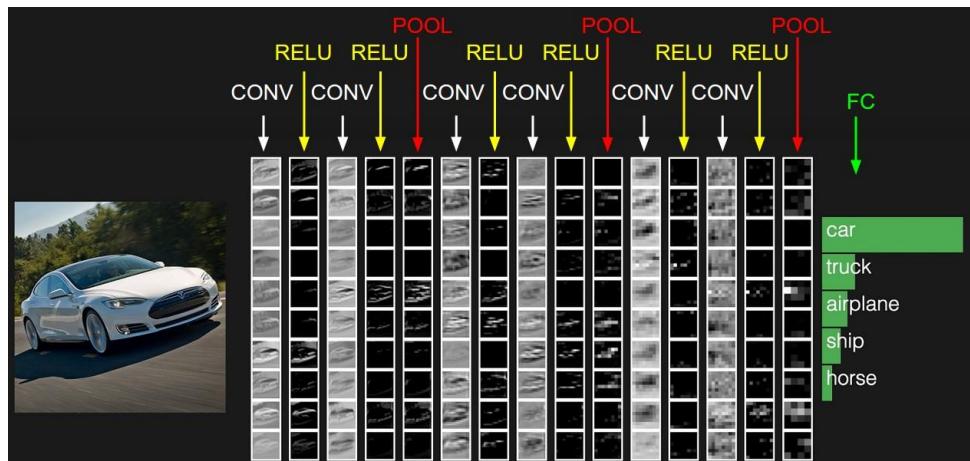
- غیرخطی کردن رفتار شبکه

- نمونه‌برداری (Pooling)

- کاهش اندازه فضای ویژگی‌ها

- تمام متصل (Fully Connected)

- برای دسته‌بندی، مانند شبکه‌های عصبی MLP



یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

- به کمک فیلترهایی، وظیفه استخراج ویژگی‌ها را بر عهده دارد
- فیلترها = وزن‌ها
- هر فیلتر برای یادگیری یک ویژگی است

1	1	1	3
4	6	4	8
30	0	1	5
0	2	2	4



1	0
0	1

7		

=

1	1	1	3
4	6	4	8
30	0	1	5
0	2	2	4



1	0
0	1

7	5	

=

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: چیه پیچش ...

○ اندازه فیلتر = receptive field

- اندازه ناحیه‌ای از ورودی که با هم بعد از ضرب در فیلتر به یک ویژگی تبدیل می‌شوند

• مثال: تصویر ورودی [32x32x3] (RGB ۳۲*۳۲ پیکسل و

○ با فیلترهای ۵*۵ آنگاه هر نرون در لایه پیچش دارای وزن‌هایی با ابعاد [5x5x3] در لایه ورودی است

$$\text{تعداد وزن ها} = 75 = 5*5*3 + \text{یک بایاس}$$

○ تعداد فیلتر = depth

• تعداد فیلترهایی که می‌خواهیم استفاده کنیم

• تعیین توسط طراح شبکه

• مثال: تصویر ورودی [32x32x3] (RGB ۳۲*۳۲ پیکسل و

○ استفاده از ۱۲ فیلتر، اندازه [32x32x12] را در لایه پیچش نتیجه می‌دهد

○ تبدیل تصویر سه بعدی [32x32x3] به تصویر سه بعدی [32x32x12]

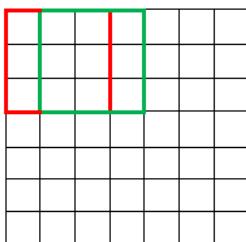
○ اعمال تابع ReLU روی این تصویر جدید

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کاپی پیچش ...

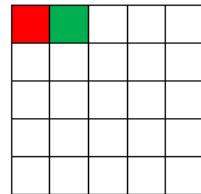
○ گام = stride

- تعداد پیکسل‌های حرکت روی تصویر ورودی
- برای حالتی که اندازه تصویر از اندازه فیلتر بزرگ‌تر است (که در عمل معمولاً اینگونه است)
- تاثیر روی اندازه تصویر خروجی
- هرچه بزرگ‌تر باشد، تصویر خروجی کوچک‌تر می‌شود
- مقدار معمول ۱ و گاهی ۲

7 x 7 Input Volume



5 x 5 Output Volume

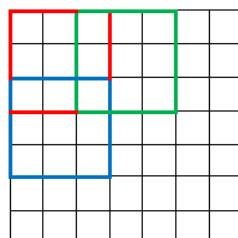


◦ مثال: مقدار ۱

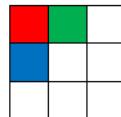
◦ خروجی 5×5

◦ کوچک‌تر از ورودی

7 x 7 Input Volume



3 x 3 Output Volume



◦ مثال: مقدار ۲

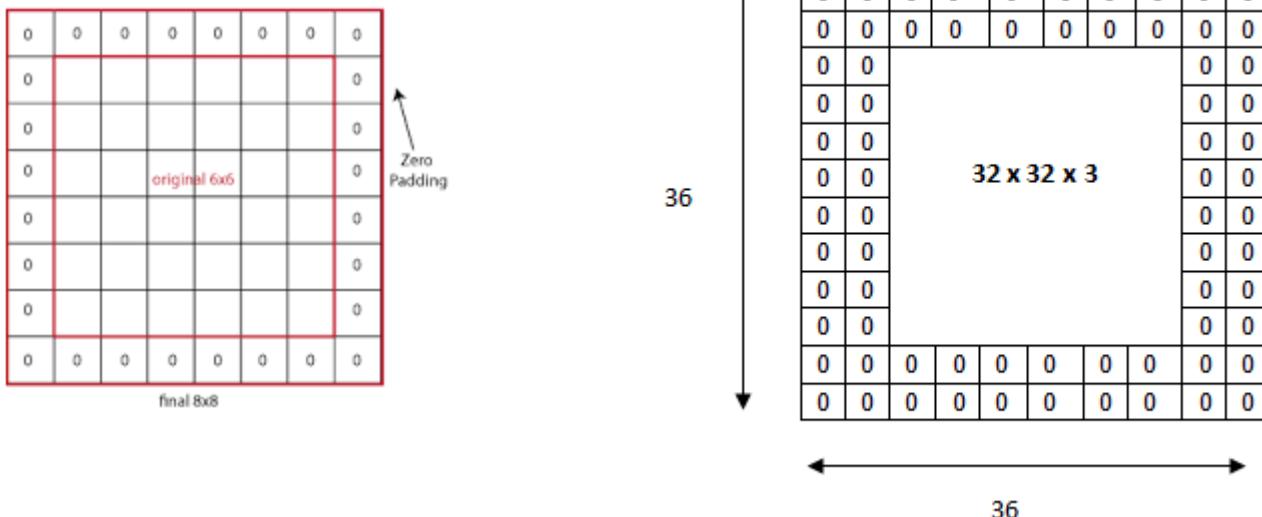
◦ افقی و عمودی

◦ خروجی 3×3

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

○ افزودن صفر = zero-padding

- افزودن سطرها و ستون‌های صفر در اطراف تصویر
- کمک به کنترل اندازه تصویر خروجی
- برای اینکه برابر با تصویر ورودی باشد
- می‌تواند مقادیر مختلف (۱ یا ۲ یا بیشتر!) باشد





یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کاپی پیچش ...

◦ تنظیم مقادیر پارامترها . . .

- اندازه تصویر ورودی = W
- اندازه فیلتر = F
- اندازه گام = S
- اندازه افزودن صفر = P

- اندازه تصویر خروجی: $(W-F+2P)/S+1$
- مثال: اگر تصویر ورودی 7×7 باشد و فیلترها 3×3 باشد
 - با گام ۱ و صفر افزوده نشده باشد، اندازه خروجی 5×5 است: $(7-3+2 \times 0)/1+1 = 5$
 - با گام ۲ و صفر افزوده نشده باشد، اندازه خروجی 3×3 است: $(7-3+2 \times 0)/2+1 = 3$

- برای گام ۱، تعداد صفرهای لازم جهت برابری اندازه تصویر ورودی و خروجی: $(F-1)/2$
- مثال: اگر تصویر ورودی 7×7 باشد، فیلترها 3×3 باشد و گام ۱ باشد
 - تعداد صفر لازم = $(3-2)/2 = 1$



یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: لایه پیچش ...

○ تنظیم مقادیر پارامترها: نمونه عملی

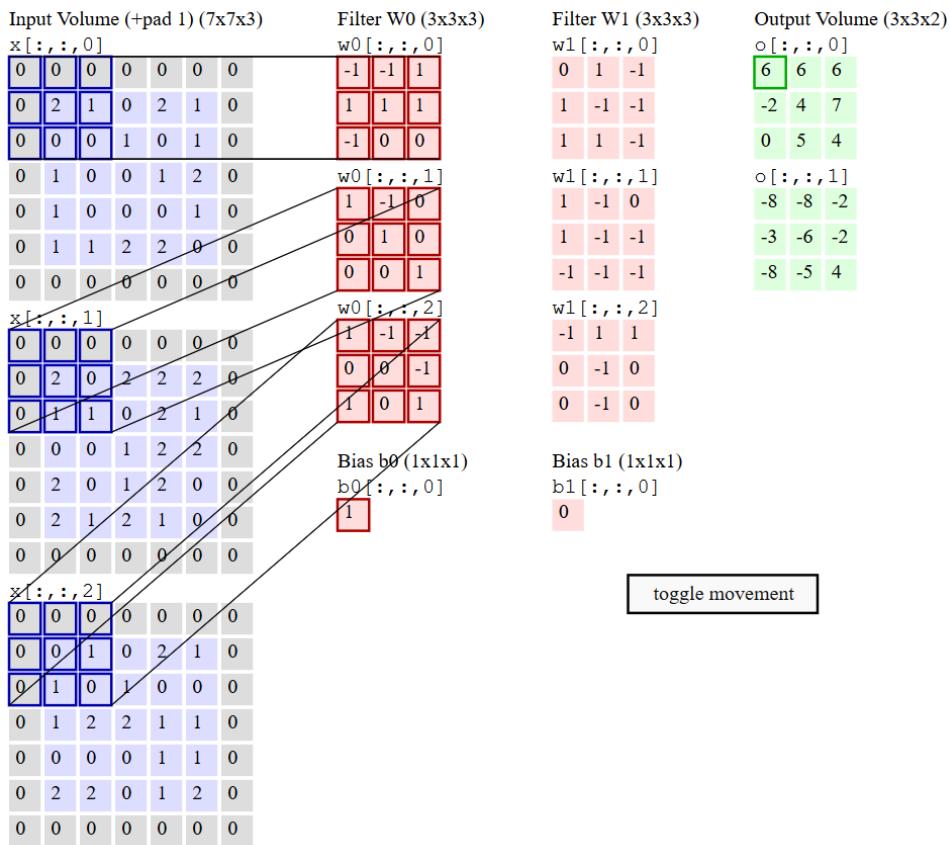
- شبکه AlexNet در مسابقه ImageNet در ۲۰۱۲
- تصاویر ورودی: [227x227x3]
- در لایه پیچش اول
- اندازه فیلتر = ۱۱
- اندازه گام = ۴
- تعداد صفرهای افزوده شده =
- تعداد فیلتر = ۹۶
- تصویر لایه پیچش اول = [55x55x96]
- $(227 - 11)/4 + 1 = 55$
- هر کدام معادل ناحیه [11x11x3] از تصویر ورودی

Krizhevsky, Alex, Ilya Sutskever, and Geoffrey E. Hinton. "Imagenet classification with deep convolutional neural networks." *Advances in neural information processing systems*. 2012.

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

دمو!

- ورودی: تصویر سه بعدی $[5 \times 5 \times 3]$



<http://cs231n.github.io/convolutional-networks>

Hadi Veisi (h.veisi@ut.ac.ir)

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

Input Volume (+pad 1) (7x7x3)									Filter W0 (3x3x3)		
									w0[:, :, 0]		
0	0	0	0	0	0	0	0	0	-1	-1	1
0	2	1	0	2	1	0	0	0	1	1	1
0	0	0	1	0	1	0	0	0	-1	0	0
0	1	0	0	1	2	0	0	0	1	-1	0
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0
0	1	1	2	2	0	0	0	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
x[:, :, 1]									w0[:, :, 1]		
0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	-1	0
0	2	0	2	2	2	0	0	0	0	0	-1
0	1	1	0	2	1	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	2	2	0	0	0	1	-1	-1
0	2	0	1	2	0	0	0	0	0	0	-1
0	2	1	2	1	0	0	0	0	0	0	1
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
x[:, :, 2]									w0[:, :, 2]		
0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	-1	-1
0	0	1	0	2	1	0	0	0	0	0	-1
0	1	0	1	0	0	0	0	0	1	0	1
0	0	0	0	2	1	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0
0	2	2	0	1	2	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Filter W1 (3x3x3)									Output Volume (3x3x2)		
									o[:, :, 0]		
0	1	-1	0	6	6	6	0	0	0	0	0
1	-1	-1	0	-2	4	7	0	0	0	0	0
1	1	-1	0	0	5	4	0	0	0	0	0
w1[:, :, 1]									o[:, :, 1]		
1	-1	0	0	-8	-8	-2	0	0	0	0	0
1	-1	-1	0	-3	-6	-2	0	0	0	0	0
-1	-1	-1	0	-8	-5	4	0	0	0	0	0
w1[:, :, 2]									o[:, :, 2]		
-1	1	1	0	0	-1	0	0	0	0	0	0
0	-1	0	0	0	-1	0	0	0	0	0	0
0	-1	0	0	0	-1	0	0	0	0	0	0
Bias b0 (1x1x1)									b1[:, :, 0]		
b0[:, :, 0]	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

toggle movement

فیلتر اول
اولین نرون برش اول

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

Input Volume (+pad 1) (7x7x3)

 $x[:, :, 0]$

0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	1	0	2	1	0		
0	0	0	1	0	1	0		
0	1	0	0	1	2	0		
0	1	0	0	0	1	0		
0	1	1	2	2	0	0		
0	0	0	0	0	0	0		

 $x[:, :, 1]$

0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	0	2	2	2	0		
0	1	1	0	2	1	0		
0	0	0	1	2	2	0		
0	2	0	1	2	0	0		
0	2	1	2	1	0	0		
0	0	0	0	0	0	0		

 $x[:, :, 2]$

0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	2	1	0		
0	1	0	1	0	0	0		
0	1	2	2	1	1	0		
0	0	0	0	1	1	0		
0	2	2	0	1	2	0		
0	0	0	0	0	0	0		

Filter W0 (3x3x3)

 $w0[:, :, 0]$

-1	-1	1
1	1	1
-1	0	0

 $w0[:, :, 1]$

1	-1	0
0	1	0
0	0	1

 $w0[:, :, 2]$

1	-1	-1
0	0	-1
1	0	1

Bias b0 (1x1x1)
 $b0[:, :, 0]$

1

Filter W1 (3x3x3)

 $w1[:, :, 0]$

0	1	-1
1	-1	-1
1	1	-1

 $w1[:, :, 1]$

1	-1	0
1	-1	-1
-1	-1	-1

 $w1[:, :, 2]$

-1	1	1
0	-1	0
0	-1	0

Bias b1 (1x1x1)

 $b1[:, :, 0]$

0

Output Volume (3x3x2)

 $o[:, :, 0]$

6	6	6
-2	4	7
0	5	4

 $o[:, :, 1]$

-8	-8	-2
-3	-6	-2
-8	-5	4

toggle movement

فیلتر اول
دومین نرون برش اول
گام = ۲ (افقی)



یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

Input Volume (+pad 1) (7x7x3)

 $x[:, :, 0]$

0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	1	0	2	1	0	1	1
0	0	0	1	0	1	0	-1	0
0	1	0	0	1	2	0	1	-1
0	1	0	0	0	1	0	0	1
0	1	1	2	2	0	0	0	1
0	0	0	0	0	0	0	0	0

 $x[:, :, 1]$

0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	0	2	2	2	0	0	-1
0	1	1	0	2	1	0	1	0
0	0	0	1	2	2	0	0	0
0	2	0	1	2	0	0	0	0
0	2	1	2	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0

 $x[:, :, 2]$

0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	2	1	0	1	-1
0	1	0	1	0	0	0	0	0
0	1	2	2	1	1	0	0	0
0	0	0	0	1	1	0	0	0
0	2	2	0	1	2	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0

Filter W0 (3x3x3)

 $w0[:, :, 0]$

-1	-1	1
1	1	1
-1	0	0

 $w0[:, :, 1]$

1	-1	0
0	1	0
0	0	1

 $w0[:, :, 2]$

1	1	-1
0	0	-1
1	0	1

Bias b0 (1x1x1)

 $b0[:, :, 0]$

1

Filter W1 (3x3x3)

 $w1[:, :, 0]$

0	1	-1
1	-1	-1
1	1	-1

 $w1[:, :, 1]$

1	-1	0
1	-1	-1
-1	-1	-1

 $w1[:, :, 2]$

-1	1	1
0	-1	0
0	-1	0

Bias b1 (1x1x1)

 $b1[:, :, 0]$

0

Output Volume (3x3x2)

 $o[:, :, 0]$

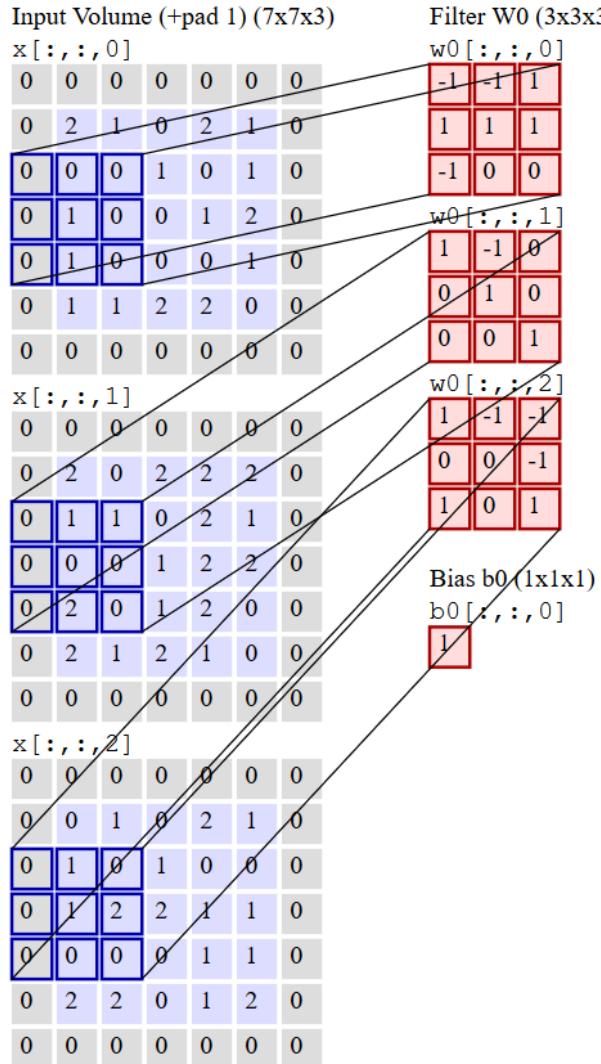
6	6	6
-2	4	7
0	5	4

 $o[:, :, 1]$

-8	-8	-2
-3	-6	-2
-8	-5	4

toggle movement

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...



Filter W0 (3x3x3)

w0[:, :, 0]		
-1 -1 1	0 1 -1	
1 1 1	1 -1 -1	
-1 0 0	1 1 -1	
w0[:, :, 1]		
1 -1 0	1 -1 0	
0 1 0	1 -1 -1	
0 0 1	-1 -1 -1	
w0[:, :, 2]		
1 -1 -1	-1 1 1	
0 0 -1	0 -1 0	
1 0 1	0 -1 0	
Bias b1 (1x1x1)		
b1[:, :, 0]	0	

toggle movement

فیلتر اول
چهارمین نرون برش اول
گام = ۲ (عمودی)

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

Input Volume (+pad 1) (7x7x3)	Filter W0 (3x3x3)
$x[:, :, 0]$	$w0[:, :, 0]$
0 0 0 0 0 0 0 0 2 1 0 2 1 0 0 0 0 1 0 1 0 0 1 0 0 1 2 0 0 1 0 0 0 1 0 0 1 1 2 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0	-1 1 1 1 1 1 -1 0 0 1 -1 0 0 1 0 0 0 1 1 1 -1
$x[:, :, 1]$	$w0[:, :, 1]$
0 0 0 0 0 0 0 0 2 0 2 2 2 0 0 1 1 0 2 1 0 0 0 0 1 2 2 0 0 2 0 1 2 0 0 0 2 1 2 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 -1 0 0 -1 1 0 1 -1 1 1 0 -1 0 0 -1 0
$x[:, :, 2]$	$w0[:, :, 2]$
0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 2 1 0 0 1 0 1 0 0 0 0 1 2 2 1 1 0 0 0 0 0 1 1 0 0 2 2 0 1 2 0 0 0 0 0 0 0 0	1 0

Filter W1 (3x3x3)	Output Volume (3x3x2)
$w1[:, :, 0]$	$o[:, :, 0]$
0 1 -1 1 -1 -1 1 1 -1	6 6 6 -2 4 7 0 5 4
$w1[:, :, 1]$	$o[:, :, 1]$
1 -1 0 1 -1 -1 -1 -1 -1	-8 -8 -2 -3 -6 -2 -8 -5 4
$w1[:, :, 2]$	
-1 1 1 0 -1 0 0 -1 0	

Bias b0 (1x1x1)
 $b0[:, :, 0]$
0

toggle movement

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

Input Volume (+pad 1) (7x7x3)

$x[:, :, 0]$	$w0[:, :, 0]$
0 0 0 0 0 0 0	-1 -1 1
0 2 1 0 2 1 0	1 1 1
0 0 0 1 0 1 0	-1 0 0
0 1 0 0 1 2 0	1 -1 0
0 1 0 0 0 1 0	0 1 0
0 1 1 2 2 0 0	0 0 1
0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 1
$x[:, :, 1]$	$w0[:, :, 1]$
0 0 0 0 0 0 0	1 -1 -1
0 2 0 2 2 2 0	0 0 -1
0 1 1 0 2 1 0	1 0 1
0 0 0 1 2 2 0	2 2 0
0 2 0 1 2 0 0	2 0 0
0 2 1 2 1 0 0	2 1 0
0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0
$x[:, :, 2]$	$w0[:, :, 2]$
0 0 0 0 0 0 0	1 0 0
0 0 1 0 2 1 0	0 1 0
0 1 0 1 0 0 0	0 0 0
0 1 2 2 1 1 0	1 1 0
0 0 0 0 1 1 0	1 1 0
0 2 2 0 1 2 0	1 2 0
0 0 0 0 0 0 0 0	1 1 0

Filter W0 (3x3x3)

$w0[:, :, 0]$
-1 -1 1
1 1 1
-1 0 0
1 -1 0
0 1 0
0 0 1
1 -1 -1
0 0 -1
1 0 1
2 2 0
2 0 0
2 1 0
0 0 0
1 0 0
0 1 0
1 1 0
1 1 0
1 2 0
1 1 0

Filter W1 (3x3x3)

$w1[:, :, 0]$
0 1 -1
1 -1 -1
1 1 -1
1 -1 0
1 -1 -1
-1 -1 -1
-1 1 1
0 -1 0
0 -1 0

Output Volume (3x3x2)

$o[:, :, 0]$
6 6 6
-2 4 7
0 5 4
o[:, :, 1]
1 -1 0
1 -1 -1
-3 -6 -2
-8 -5 4

Bias b1 (1x1x1)

$b1[:, :, 0]$
0

toggle movement

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

Input Volume (+pad 1) (7x7x3)

 $x[:, :, 0]$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	1	0	2	1	0	
0	0	0	1	0	1	0	
0	1	0	0	1	2	0	
0	1	0	0	0	1	0	
0	1	1	2	2	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	

 $x[:, :, 1]$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	0	2	2	2	0	
0	1	1	0	2	1	0	
0	0	0	1	2	2	0	
0	2	0	1	2	0	0	
0	2	1	2	1	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	

 $x[:, :, 2]$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	2	1	0	
0	1	0	1	0	0	0	
0	1	2	2	1	1	0	
0	0	0	0	1	1	0	
0	2	2	0	1	2	0	
0	0	0	0	0	0	0	

Filter W0 (3x3x3)

 $w0[:, :, 0]$

-1	-1	1
1	1	1
-1	0	0

 $w0[:, :, 1]$

1	-1	0
0	1	0
0	0	1

 $w0[:, :, 2]$

1	-1	-1
0	0	-1
1	0	1

Bias b0 (1x1x1)

 $b0[:, :, 0]$

1

Filter W1 (3x3x3)

 $w1[:, :, 0]$

0	1	-1
1	-1	-1
1	1	-1

 $w1[:, :, 1]$

1	-1	0
1	-1	-1
-1	-1	-1

 $w1[:, :, 2]$

-1	1	1
0	-1	0
0	-1	0

Bias b1 (1x1x1)

 $b1[:, :, 0]$

0

Output Volume (3x3x2)

 $o[:, :, 0]$

6	6	6
-2	4	7
0	5	4

 $o[:, :, 1]$

-8	-8	-2
-3	-6	-2
-8	-5	4

toggle movement



یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

Input Volume (+pad 1) (7x7x3)

$x[:, :, 0]$	Filter W0 (3x3x3)	Output Volume (3x3x2)
0 0 0 0 0 0 0	-1 -1 1 1 1 1 -1 0 0	0 1 -1 6 6 6 1 -1 -1 -2 4 7 1 1 -1 0 5 4
0 2 1 0 2 1 0	w0[:, :, 1]	w1[:, :, 0]
0 0 0 1 0 1 0	1 -1 0 0 1 0 0 0 1	1 -1 0 -8 -8 -2 1 -1 -1 -3 -6 -2 -1 -1 -1 -8 -5 4
0 1 0 0 1 2 0	w0[:, :, 2]	w1[:, :, 1]
0 1 0 0 0 1 0	1 -1 -1 0 0 -1 1 0 1	1 1 1 0 -1 0 0 -1 0
0 1 1 2 2 0 0	Bias b0 (1x1x1)	Bias b1 (1x1x1)
0 0 0 0 0 0 0	b0[:, :, 0]	b1[:, :, 0]

$x[:, :, 1]$
0 0 0 0 0 0 0
0 2 0 2 2 2 0
0 1 1 0 2 1 0
0 0 0 1 2 2 0
0 2 0 1 2 0 0
0 2 1 2 1 0 0
0 0 0 0 0 0 0

$x[:, :, 2]$
0 0 0 0 0 0 0
0 0 1 0 2 1 0
0 1 0 1 0 0 0
0 1 2 2 1 1 0
0 0 0 0 1 1 0
0 2 2 0 1 2 0
0 0 0 0 0 0 0

Filter W0 (3x3x3)

$w0[:, :, 0]$

$w0[:, :, 1]$

$w0[:, :, 2]$

Bias b0 (1x1x1)

$b0[:, :, 0]$

0

Filter W1 (3x3x3)

$w1[:, :, 0]$

$w1[:, :, 1]$

$w1[:, :, 2]$

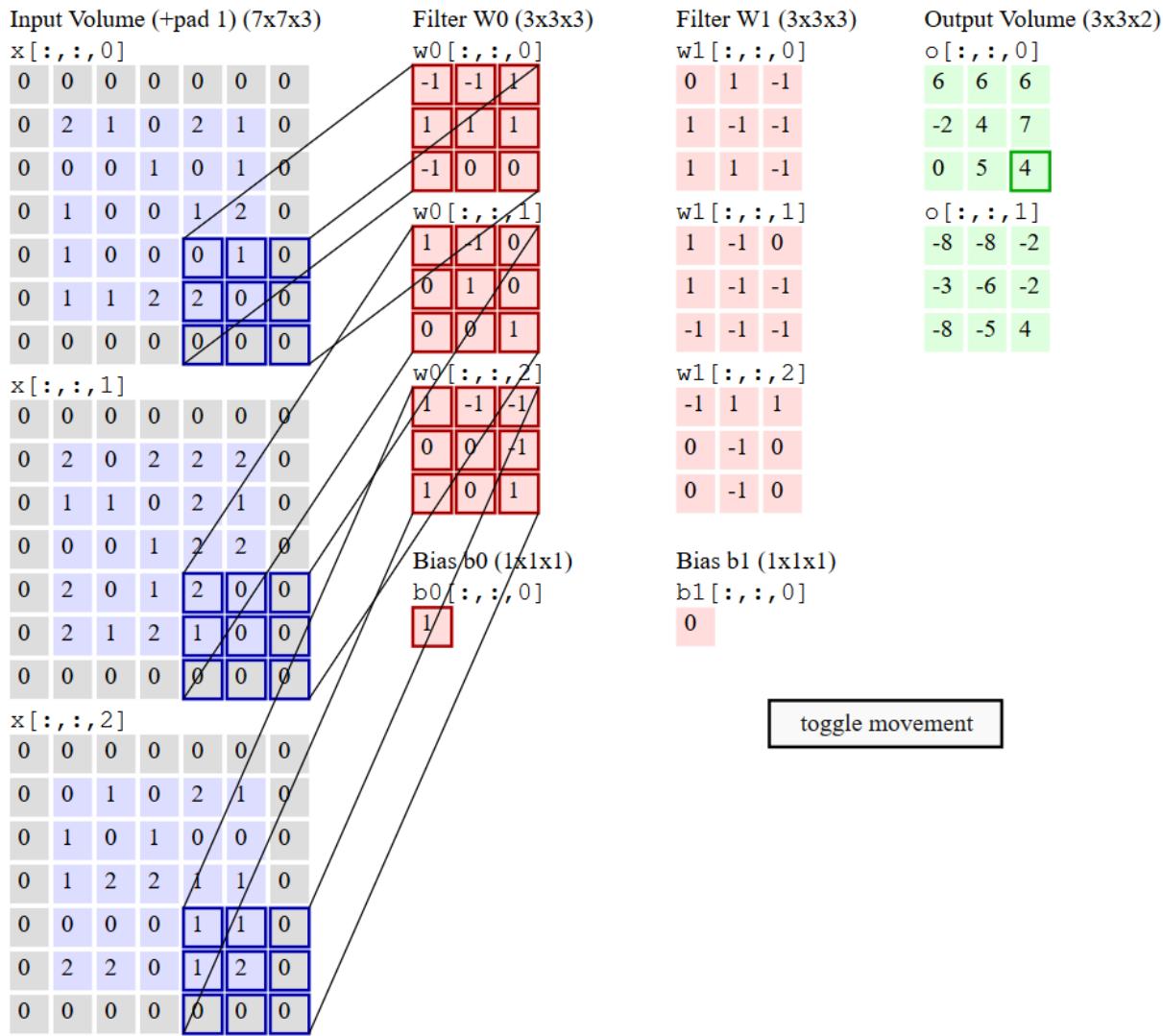
Bias b1 (1x1x1)

$b1[:, :, 0]$

0

toggle movement

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...



یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

Input Volume (+pad 1) (7x7x3)

 $x[:, :, 0]$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	1	0	2	1	0	0
0	0	0	1	0	1	0	0

Filter W0 (3x3x3)

 $w0[:, :, 0]$

-1	-1	1
1	1	1
-1	0	0

Filter W1 (3x3x3)

 $w1[:, :, 0]$

0	1	-1
1	-1	-1
1	1	-1

Output Volume (3x3x2)

 $o[:, :, 0]$

6	6	6
-2	4	7
0	5	4

 $o[:, :, 1]$

-8	-8	-2
-3	-6	-2
-8	-5	4

 $x[:, :, 1]$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	0	2	2	2	0	0
0	1	1	0	2	1	0	0

 $w0[:, :, 1]$

1	1	-1
0	0	-1
1	0	1

 $w1[:, :, 1]$

-1	1	1
0	-1	0
0	-1	0

 $x[:, :, 2]$

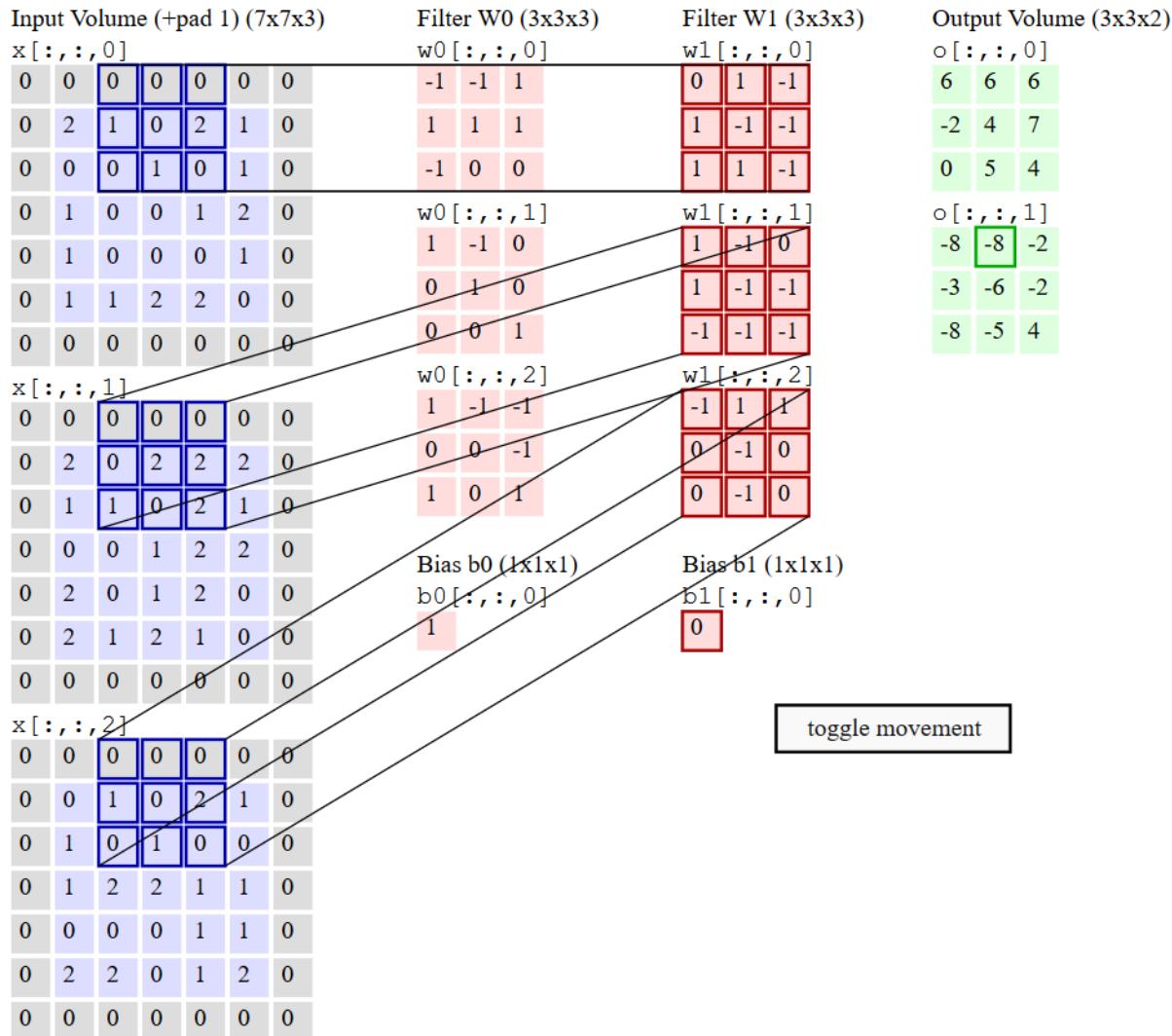
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	2	1	0	0
0	1	2	2	1	0	0	0

 $b0[:, :, 0]$ $b0[:, :, 0]$ $b1[:, :, 0]$ $b1[:, :, 0]$ $b1[:, :, 0]$ $b1[:, :, 0]$

toggle movement

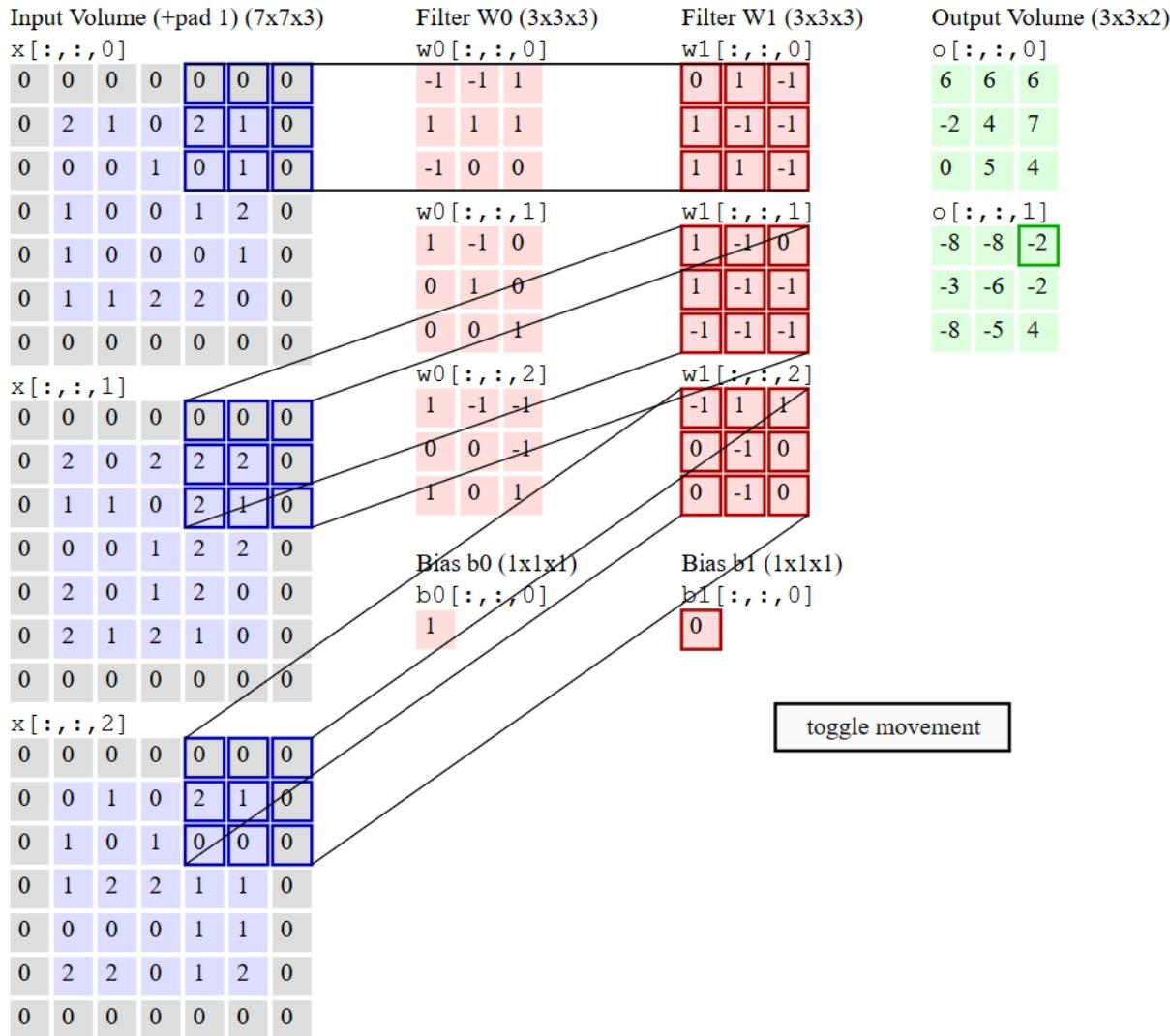
فیلتر دوم

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

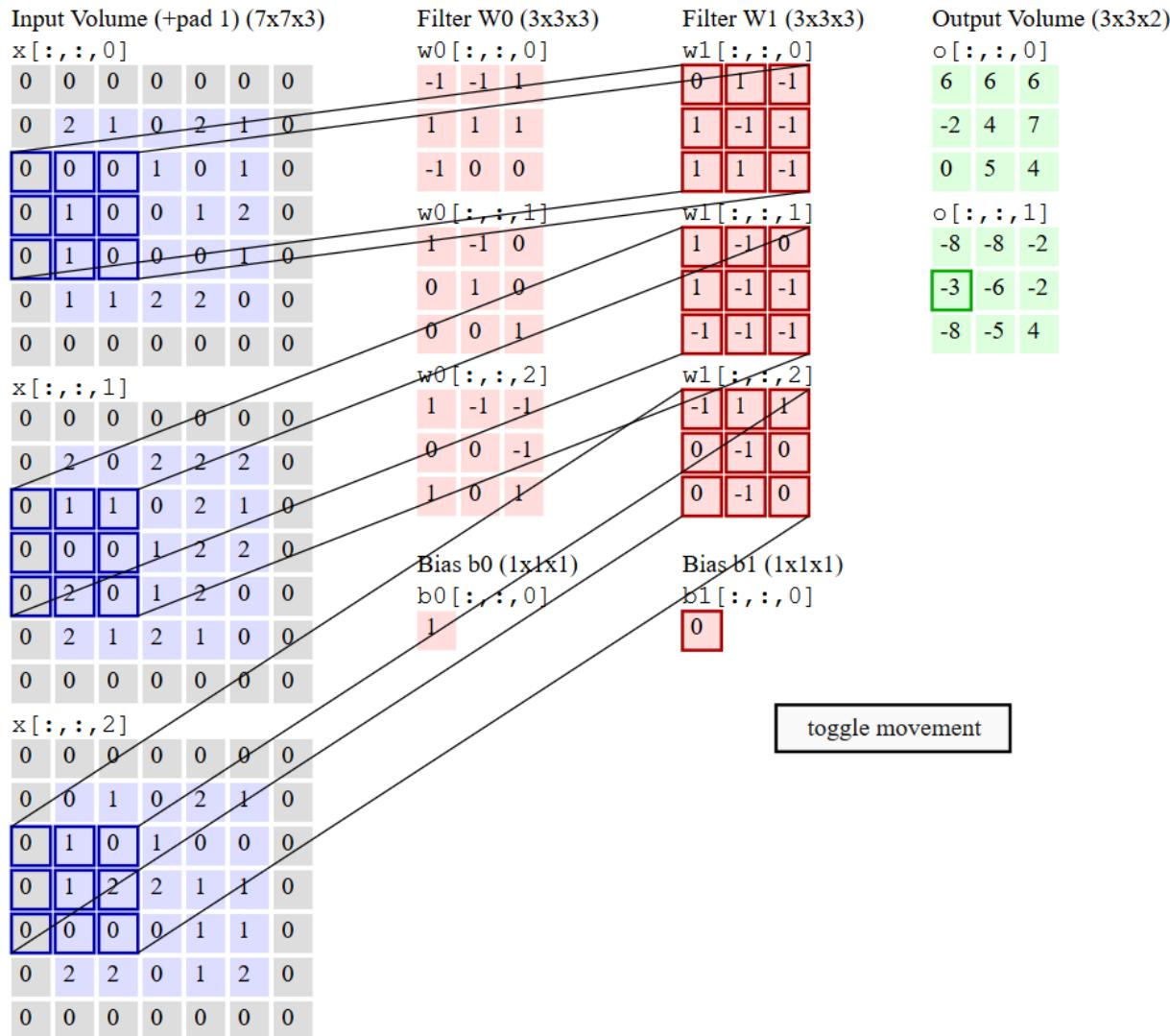




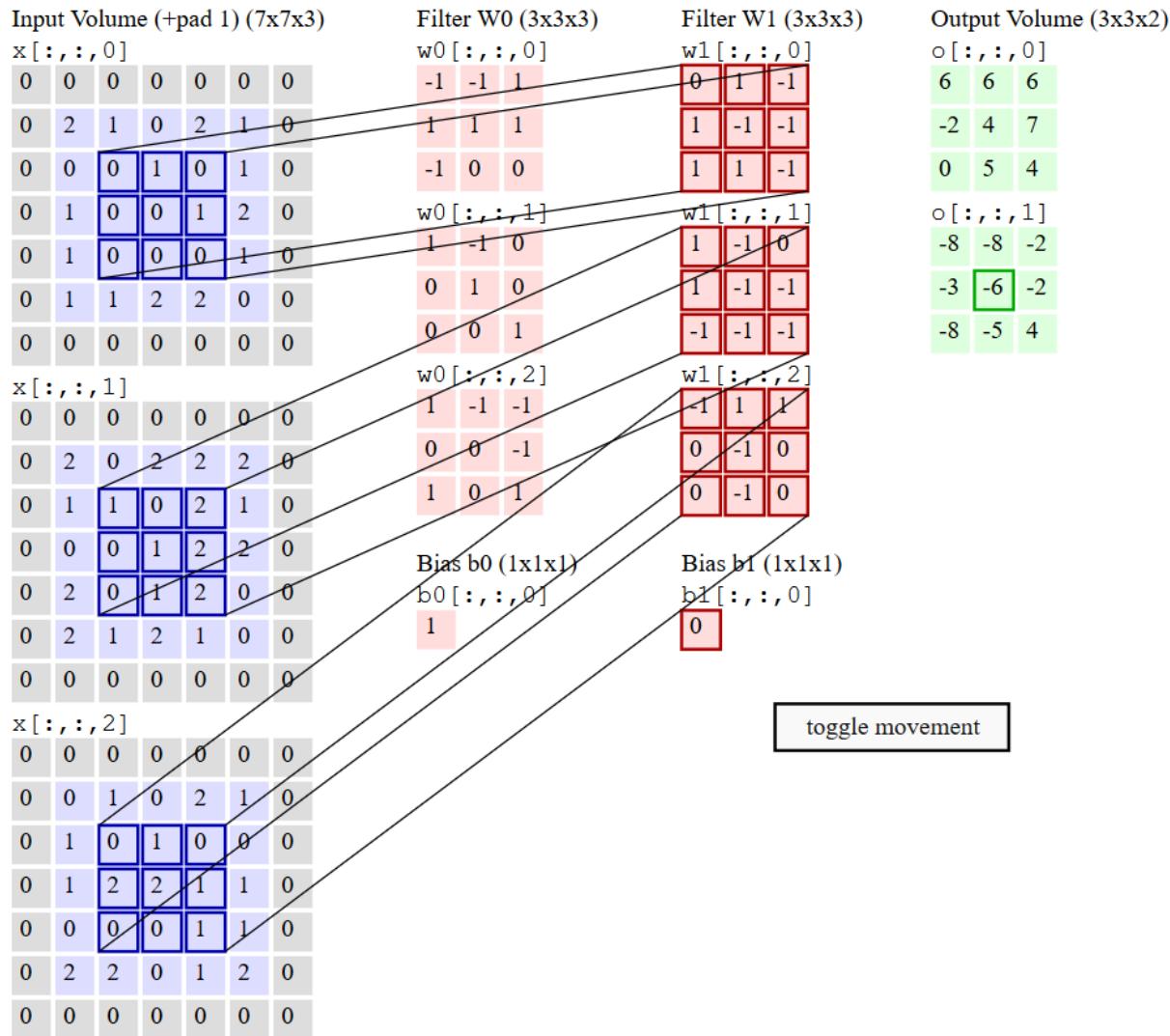
یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...



یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

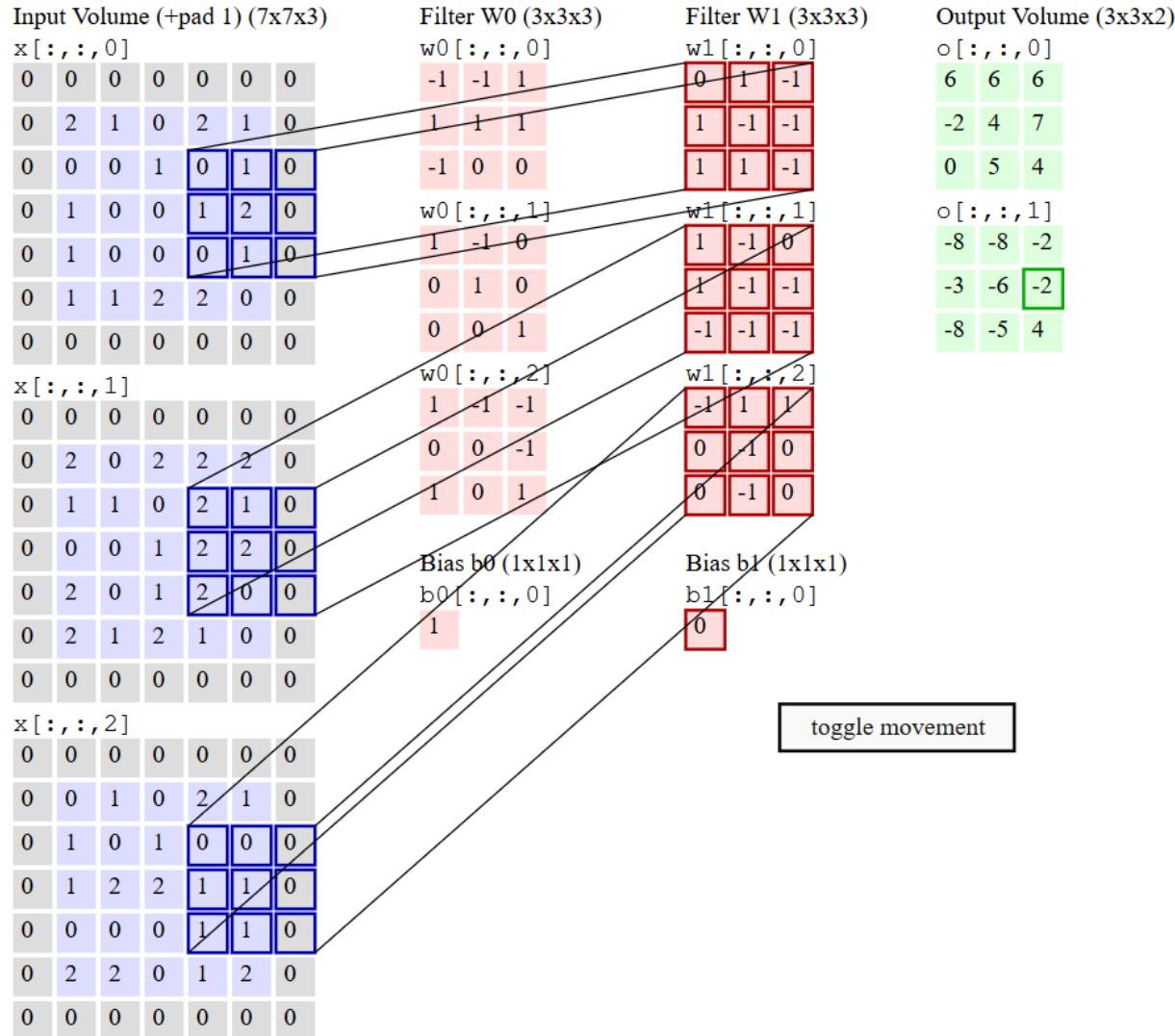


یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: چه پیش ...

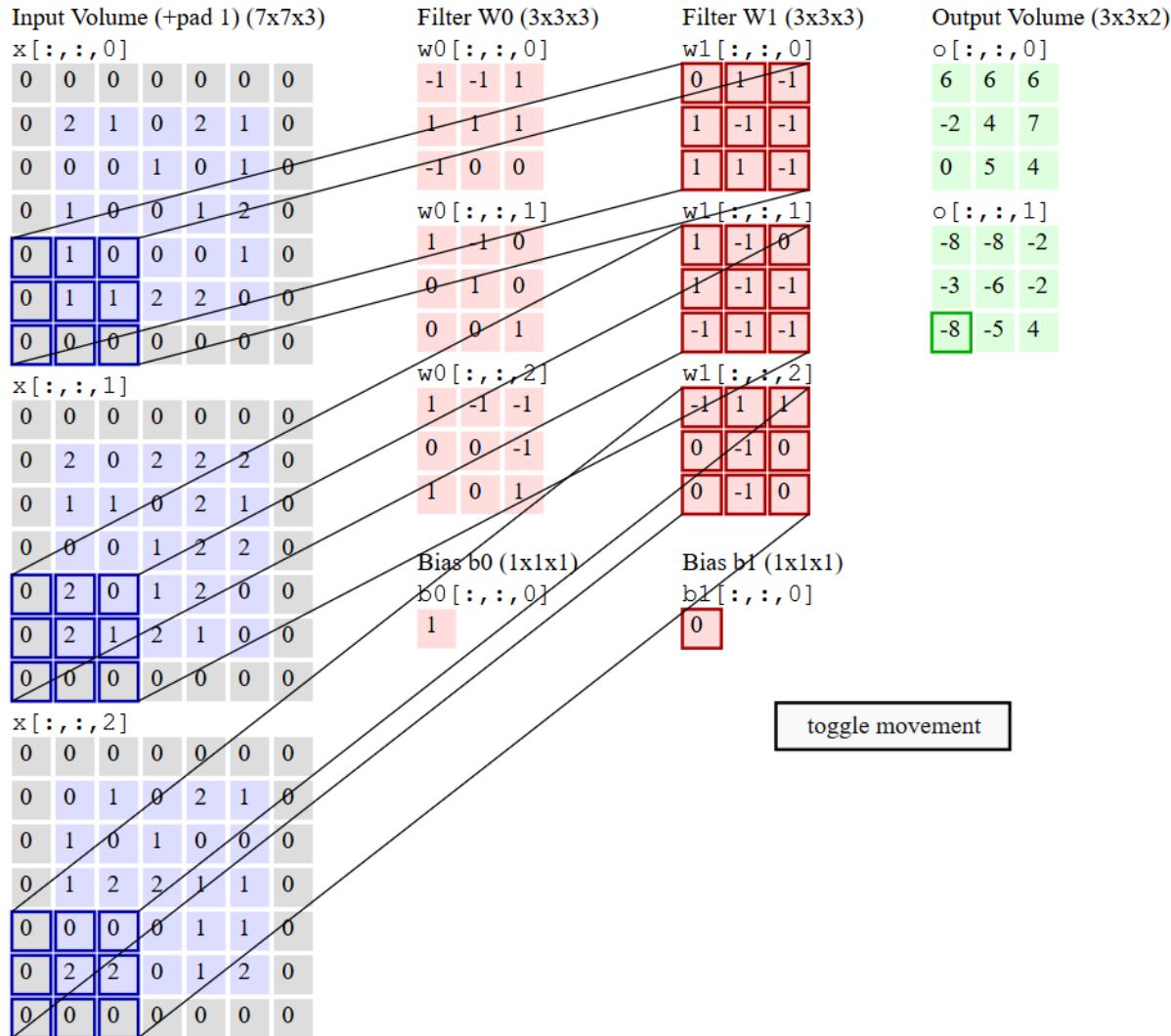




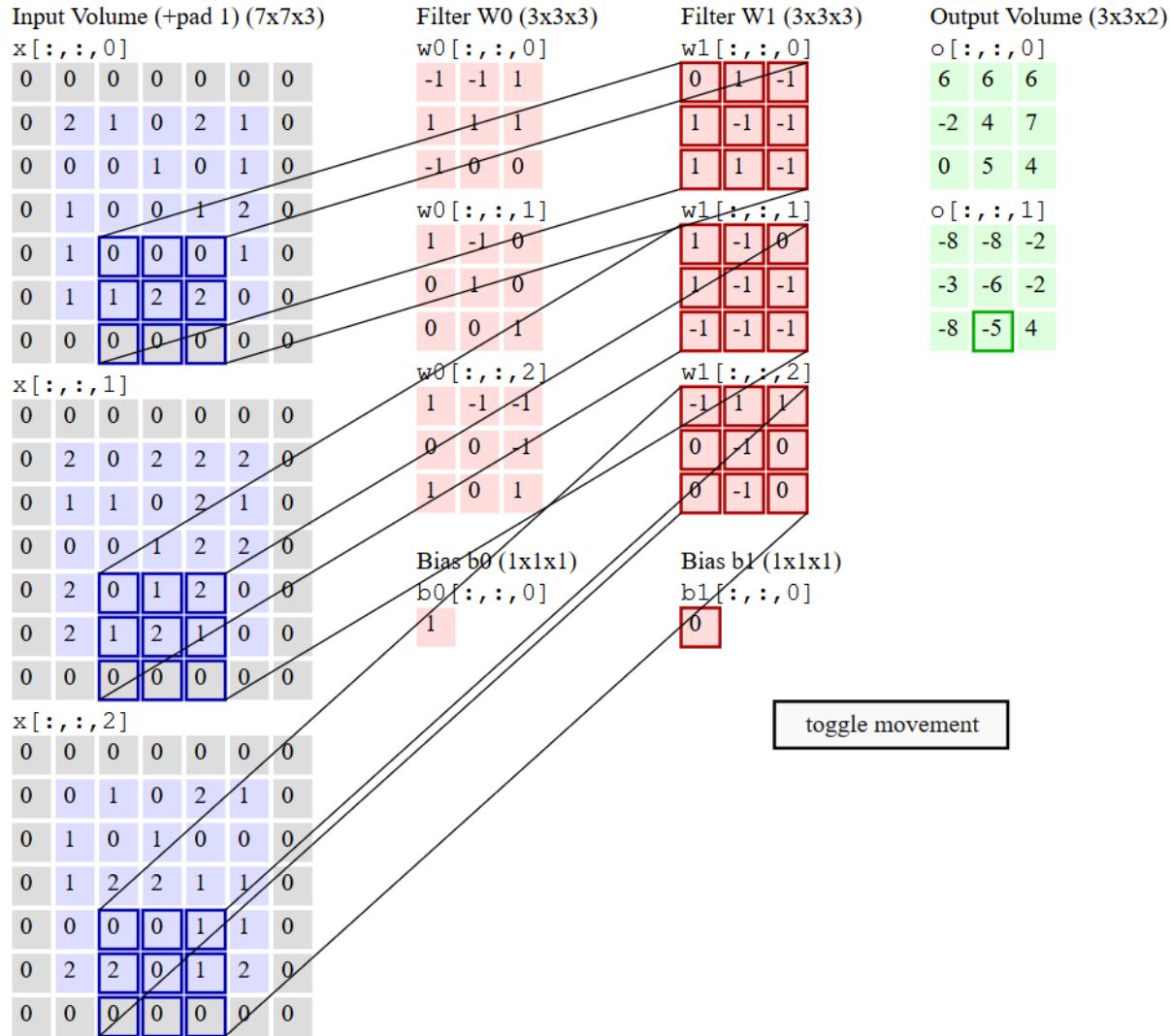
یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...



یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...



یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: چه پیش ...



یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه پیچش ...

Input Volume (+pad 1) (7x7x3)

 $x[:, :, 0]$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	1	0	2	1	0	0
0	0	0	1	0	1	0	0
0	1	0	0	1	2	0	0
0	1	0	0	0	1	0	0
0	1	1	2	2	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

Filter W0 (3x3x3)

 $w0[:, :, 0]$

-1	-1	1
1	1	1
-1	0	0
1	-1	0
0	1	0
0	0	1

Filter W1 (3x3x3)

 $w1[:, :, 0]$

0	1	-1
1	-1	-1
1	1	-1
1	-1	0
1	-1	-1
-1	-1	-1

Output Volume (3x3x2)

 $\circ[:, :, 0]$

6	6	6
-2	4	7
0	5	4
-8	-8	-2
-3	-6	-2
-8	-5	4

 $\circ[:, :, 1]$

6	6	6
-2	4	7
0	5	4
-8	-8	-2
-3	-6	-2
-8	-5	4

 $x[:, :, 1]$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	0	2	2	2	0	0
0	1	1	0	2	1	0	0
0	0	0	1	2	2	0	0
0	2	0	1	2	0	0	0
0	2	1	2	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

w0[:, :, 2]

 $w0[:, :, 2]$

1	-1	-1
0	0	-1
1	0	1

w1[:, :, 2]

 $w1[:, :, 2]$

-1	1	1
0	-1	0
0	-1	0

 $x[:, :, 2]$

0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	2	1	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0
0	1	2	2	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	0	0
0	2	2	0	1	2	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

Bias b0 (1x1x1)

 $b0[:, :, 0]$

1
0

Bias b1 (1x1x1)

 $b1[:, :, 0]$

0
1

toggle movement

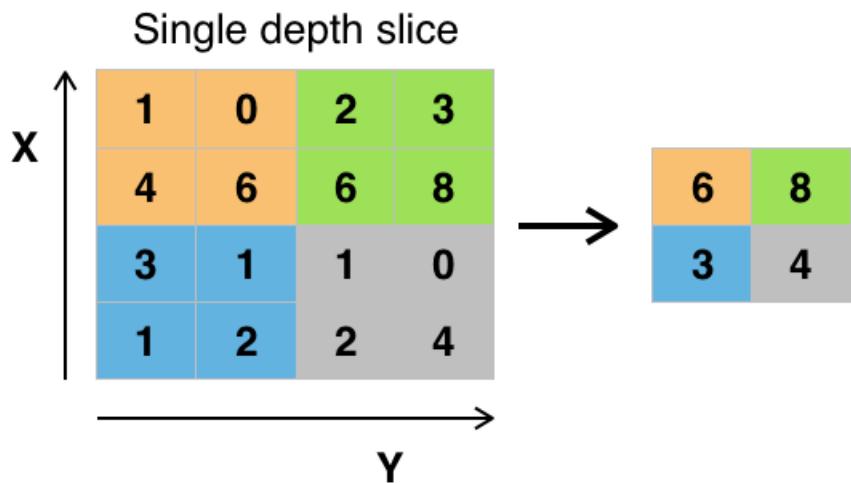
یادگیری عمیق- شبکه عصبی پیچش: لایه نمونه‌برداری . . .

استفاده بعد از لایه پیچش

- برای کاهش ابعاد تصویر
- برای کنترل بیش برازش

اعمال یک فیلتر 2×2 با گام ۲ برای بیشینه (Max) گرفتن

- کاهش اندازه تصویر به نصف





پادگیری عمیق- شبکه عصبی پیچش: لایه نمونه برداری . . .

○ روش‌های کاهش ابعاد

- بیشینه (MAX): روش رایج
- میانگین (Average)
- L2 نرم

○ پارامترها

W₁×H₁×D₁: تصویر ورودی

- اندازه فیلتر F
- اندازه گام S

W₂×H₂×D₂: تصویر خروجی

$$\begin{aligned} W_2 &= (W_1 - F) / S + 1 \\ H_2 &= (H_1 - F) / S + 1 \\ D_2 &= D_1 \end{aligned}$$



یادگیری عمیق- شبکه عصبی پیچش: لایه نمونهبرداری . . .

- مقادیر رایج پارامترها

- (overlapping pooling F=3, S=2)

- (روش رایج) F=2, S=2

- عدم استفاده از لایه نمونهبرداری

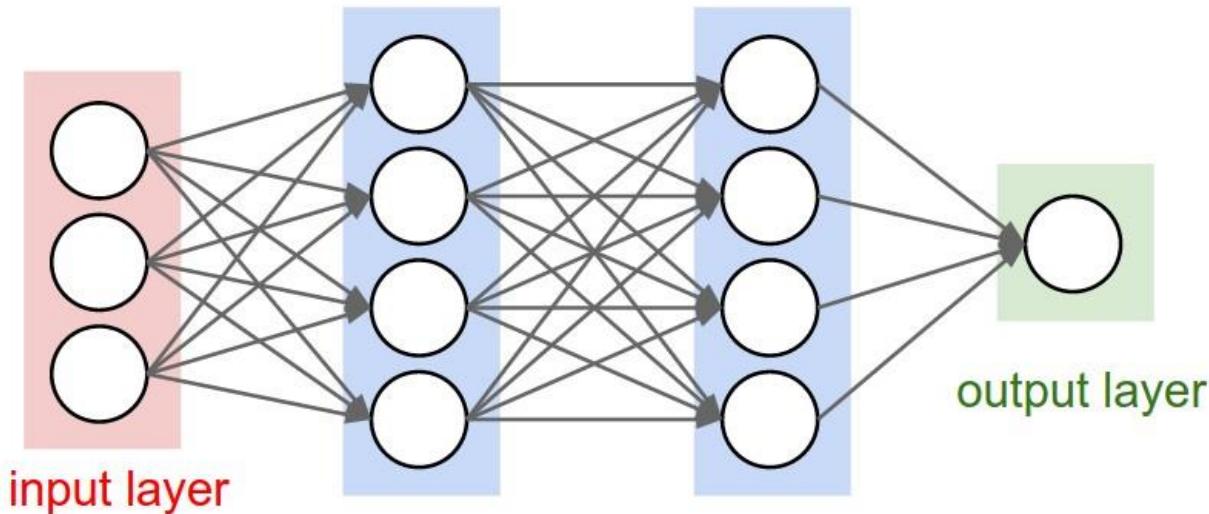
- در برخی موارد به جای استفاده از لایه نمونهبرداری برای کاهش بعد، از همان لایه‌های پیچش با گام بزرگ استفاده می‌شود

- کارایی بهتر در آموزش مدل‌های تولیدی مانند variational autoencoders (VAEs) و generative adversarial networks (GANs)

یادگیری عمیق - شبکه عصبی پیچش: کیه تمام متصل

○ استفاده به عنوان دسته بند

- ورودی: تصویر آرایه شده آخرین لایه نمونه برداری / پیچش
- خروجی: دسته های مختلف



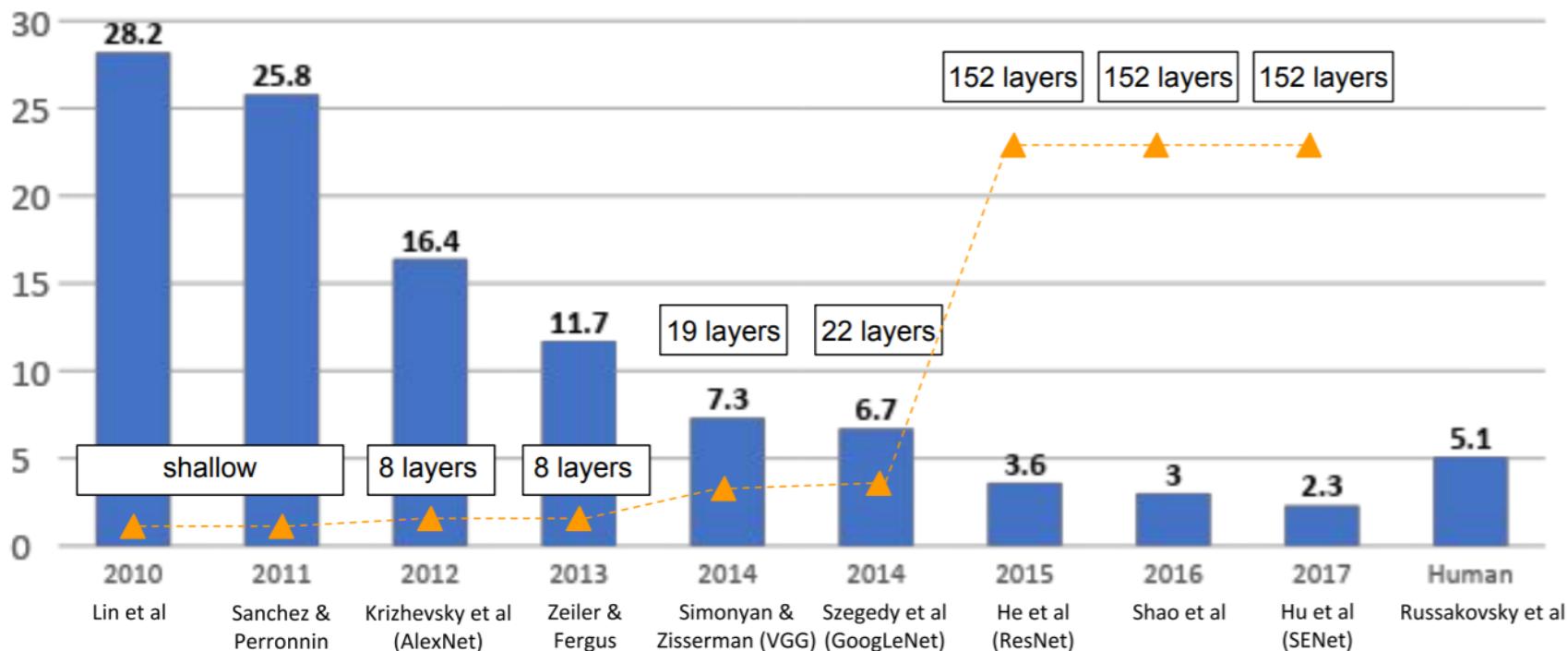
- کار کرد با توابع فعال سازی مختلف مانند سیگموید و SoftMax

یادگیری عمیق: شبکه عصبی پیچش ...

○ نرخ خطای دسته‌بندی روی ImageNet

- ۱.۲ میلیون تصویر در ۱۰۰۰ دسته

- نزدیک شدن کارایی شبکه پیچشی به عملکرد انسان



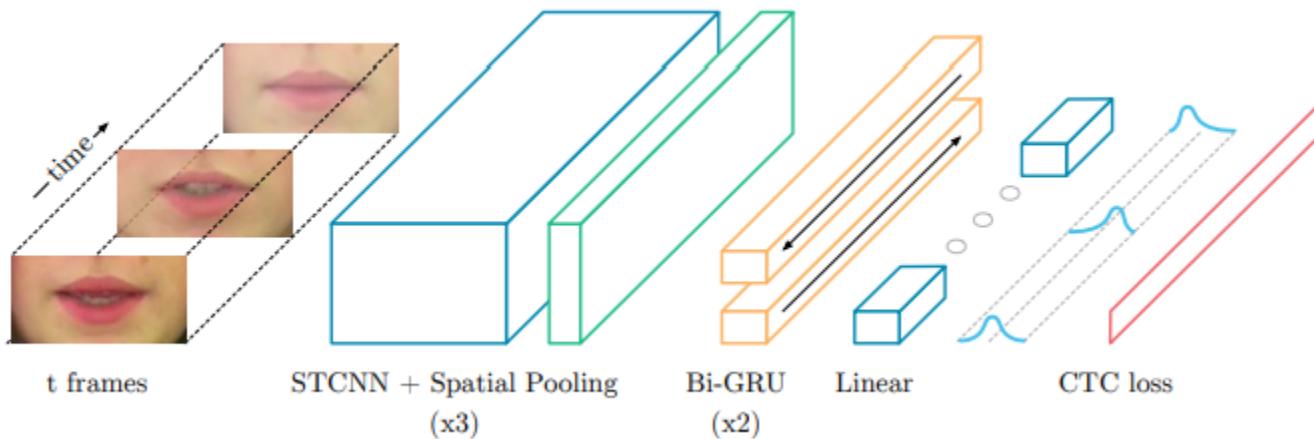
یادگیری عمیق-شبکه عصبی پیچش: لب‌خوانی

LipNet ○ مدل

CNN •

(GRU) Gated Recurrent Unit •

CTC loss •



[Assael, Yannis M., et al. "Lipnet: End-to-end sentence-level lipreading.", 2016]



یادگیری عمیق-شبکه عصبی پیچش: ماشین‌های خودران

○ ماشین‌های خودران شرکت Tesla

- تشخیص اشیا
- پیش‌بینی
- مسیریابی

[Csongor, Rob, "Tesla Raises the Bar for Self-Driving Carmakers", 2019]

یادگیری عمیق: شبکه GAN ...

○ شبکه مولد مقابله‌ای (GAN: Generative Adversarial Networks)

- شبکه مولد: تولید داده مصنوعی

- شبکه تمایزی: یادگیری تمایز بین داده واقعی و داده تولیدی

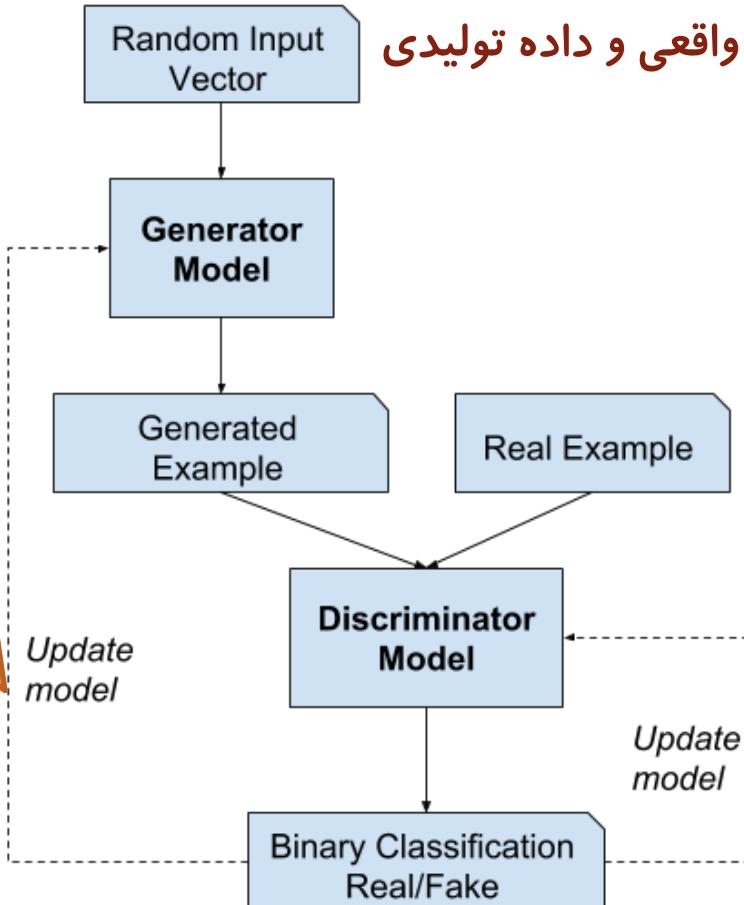
- مسابقه بین دو شبکه برای برنده شدن

- بازی جمع صفر (zero-sum game)

- مجموع بردها و باخت ها برابر (یکی برنده)

- مسابقه بین دزد و پلیس!

شبکه
مولد
اشتباه
کند:
خروجی
fake

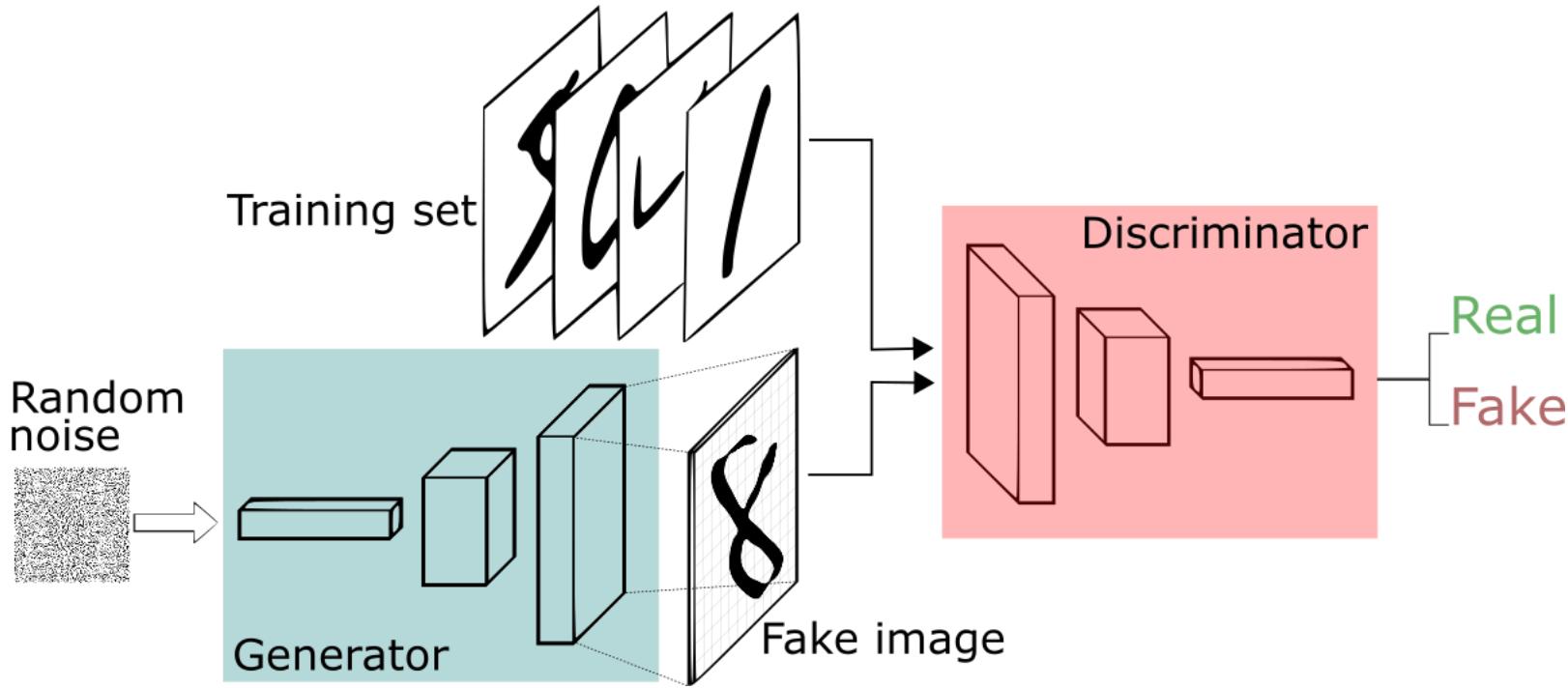


وقتی شبکه تمایزی
اشتباه کند: خروجی
باشد real

یادگیری عمیق: شبکه GAN ...

○ شبکه مولد مقابله‌ای

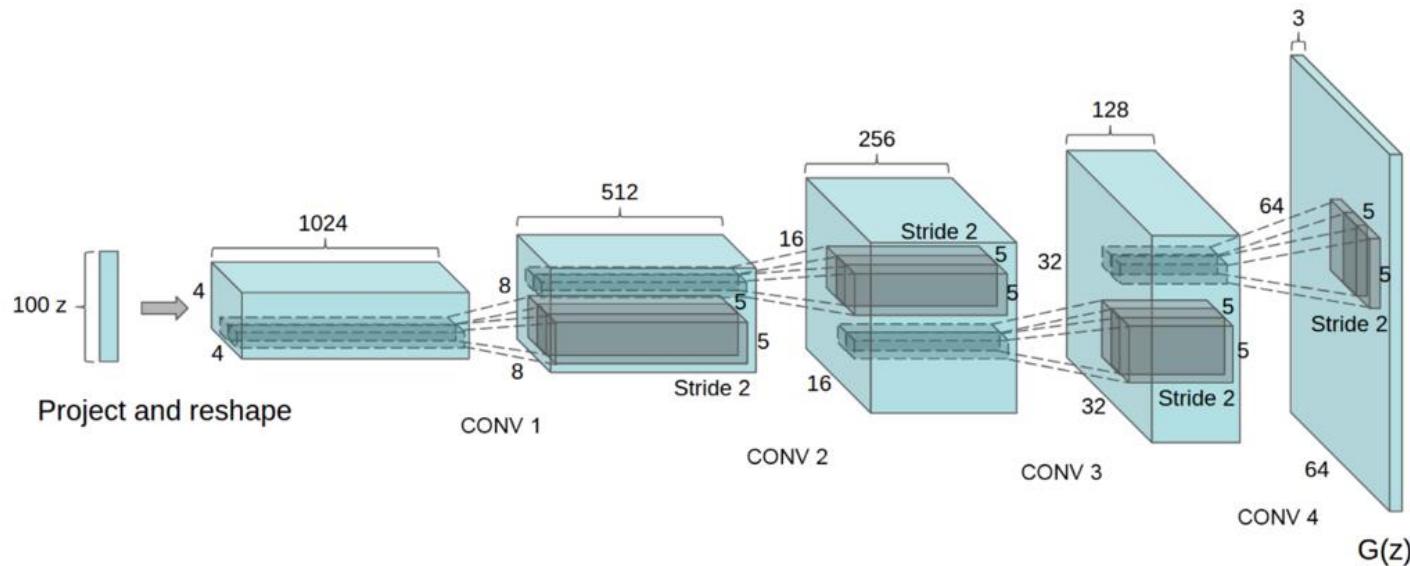
- حالت ایده آل: خروجی برای دو حالت خروجی اطمینان ۵۰٪ داشته باشد
- در پایان آموزش، شبکه تمایزی دور ریخته می‌شود



یادگیری عمیق: شبکه GAN ...

◦ شبکه مولد در DCGAN

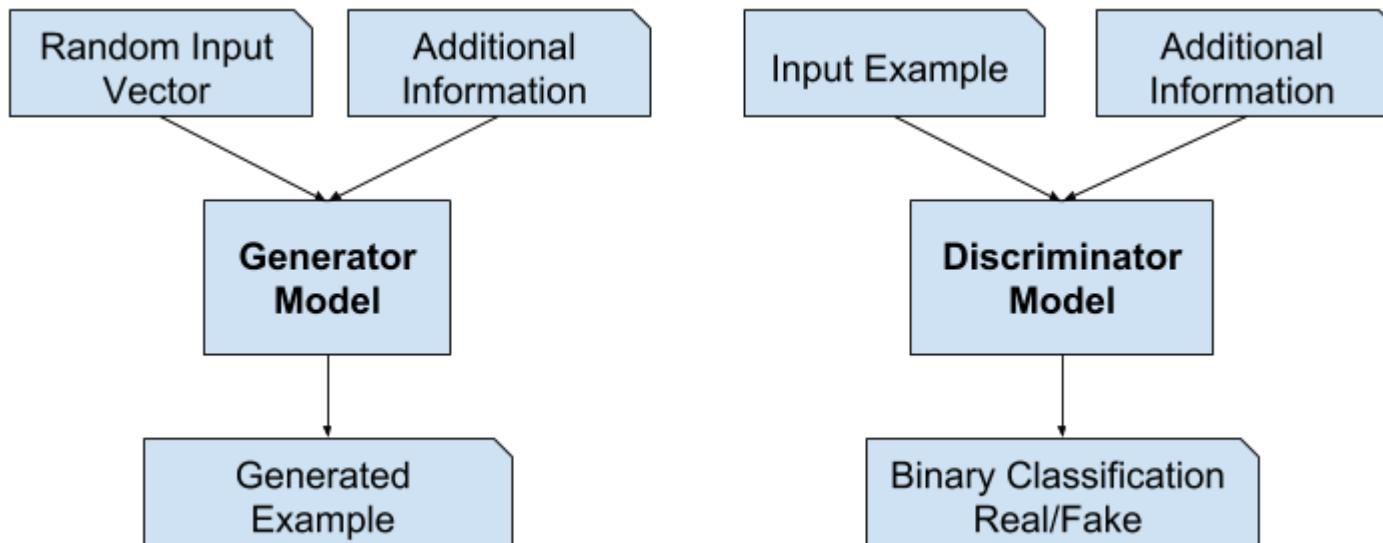
Deep Convolutional Generative Adversarial Networks •



یادگیری عمیق: شبکه GAN ...

شبکه GAN شرطی (Conditional GAN)

- تولید یا تمايز مشروط است (مثلا به دادن داده اضافی مانند اسم دسته)
- اگر دسته زن و مرد باشد، این شرط باعث تولید چهره زن/مرد می شود
- شرط می تواند خودش یک نمونه داده باشد، مثل تصویر زمستان یا بهار برای تولید تصویر مرتبط با آن تصویر (فصل)
- قابل استفاده در ترجمه های تصویر به تصویر مانند یادگیری رنگ کردن تصویر، یادگیری سبک نویسنده/گوینده/نقاش





یادگیری عمیق: شبکه GAN

◦ تولید چهره ◦



Examples of Photorealistic GAN-Generated Faces. Taken from Progressive Growing of GANs for Improved Quality, Stability, and Variation, 2017.

یادگیری عمیق: شبکه GAN ...

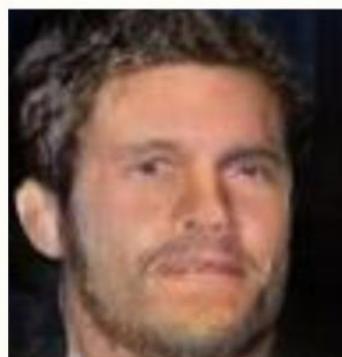
○ تولید چهره



2014



2015



2016

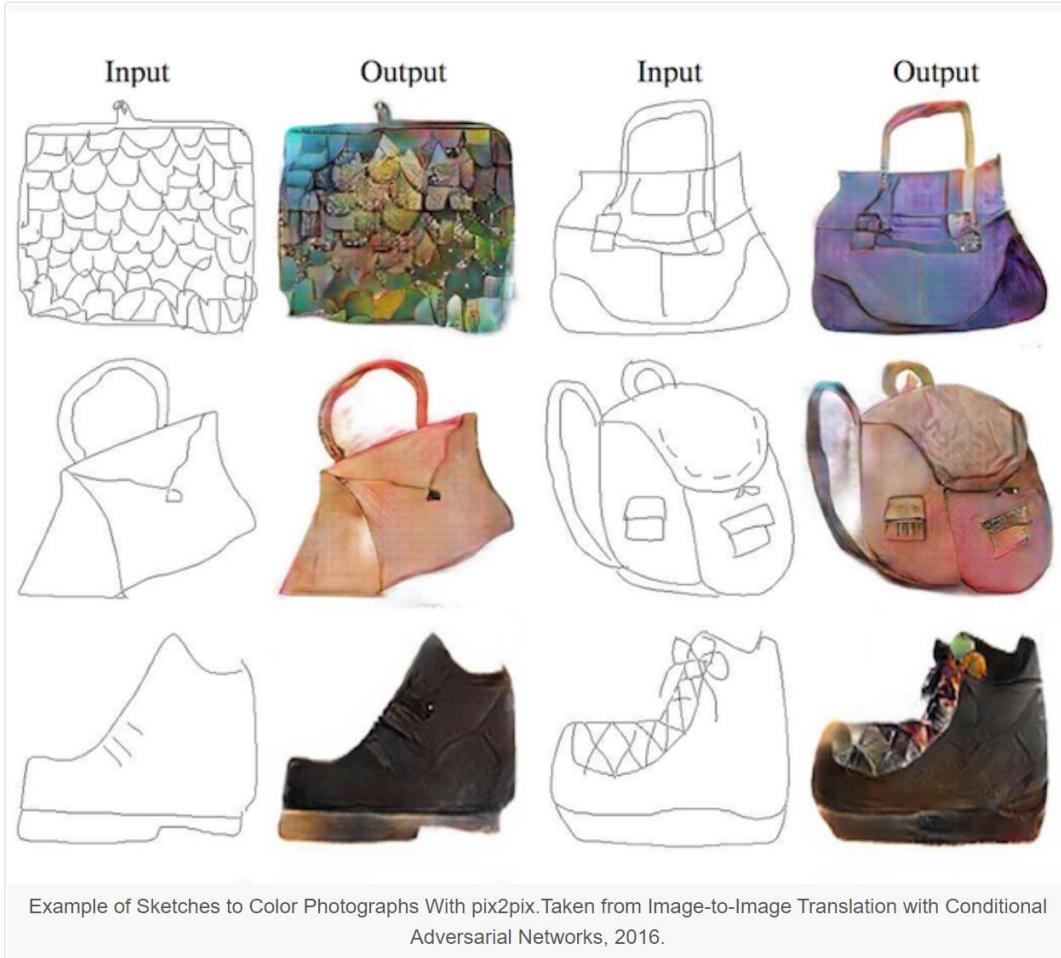


2017

Example of the Progression in the Capabilities of GANs from 2014 to 2017. Taken from The Malicious Use of Artificial Intelligence: Forecasting, Prevention, and Mitigation, 2018.

یادگیری عمیق: شبکه GAN

○ ترجمه تصویر به تصویر ...



یادگیری عمیق: شبکه GAN ...

○ تبدیل متن به تصویر (text2image)

The small bird has a red head with feathers that fade from red to gray from head to tail

Stage-I
images



Stage-II
images

This bird is black with green and has a very short beak

Stage-I
images



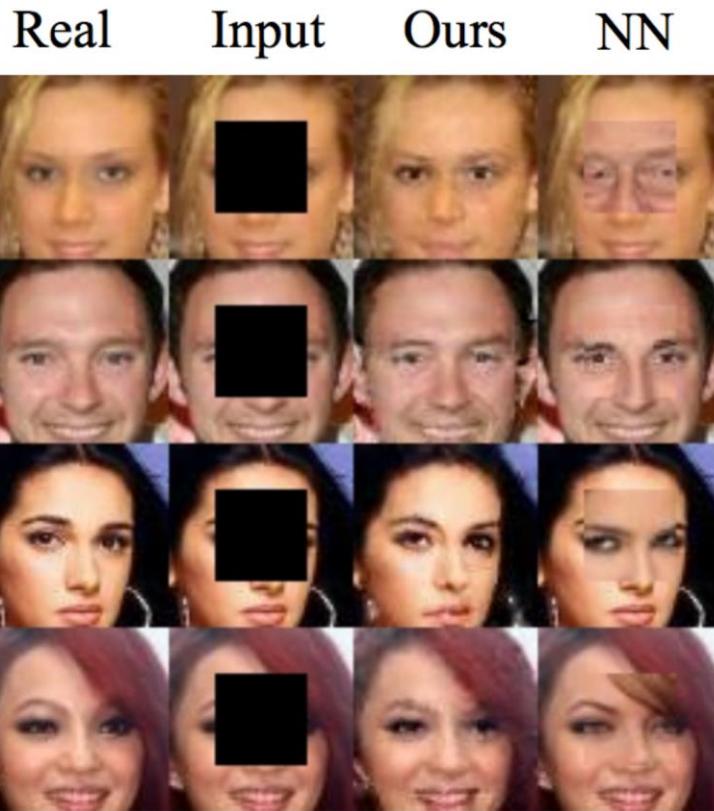
Stage-II
images

Example of Textual Descriptions and GAN-Generated Photographs of Birds Taken from StackGAN: Text to Photo-realistic Image Synthesis with Stacked Generative Adversarial Networks, 2016.

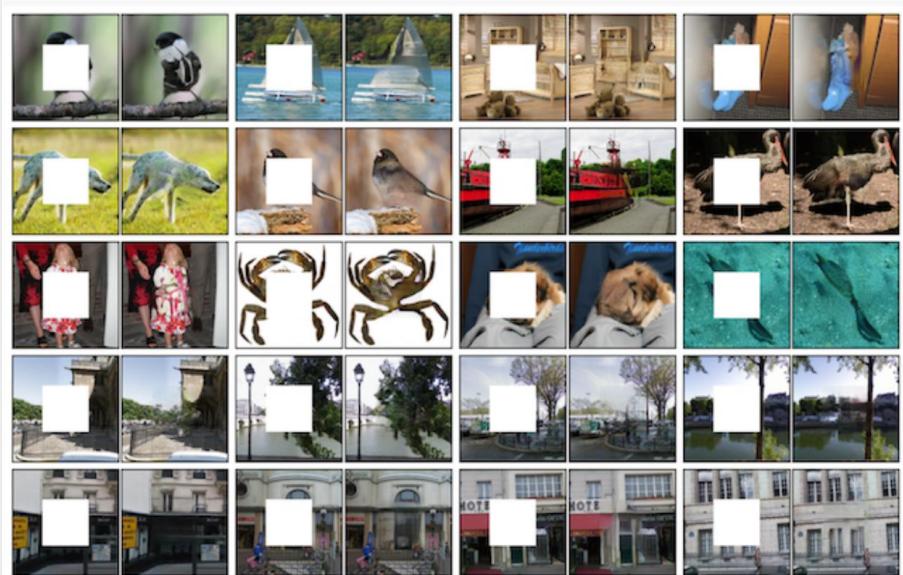
یادگیری عمیق: شبکه GAN

○ بازسازی عکس (Photo Inpainting)

- بازسازی ناحیه از دست رفته در تصویر



Example of GAN-based Inpainting of Photographs of Human Faces Taken from Semantic Image Inpainting with Deep Generative Models, 2016.



Example of GAN-Generated Photograph Inpainting Using Context Encoders. Taken from Context Encoders: Feature Learning by Inpainting describe the use of GANs, specifically Context Encoders, 2016.

یادگیری عمیق: تنظیم ...

○ تنظیم شبکه (Regularization)

- روش‌هایی برای افزایش قدرت تعمیم پذیری شبکه و جلوگیری از بیش برازش



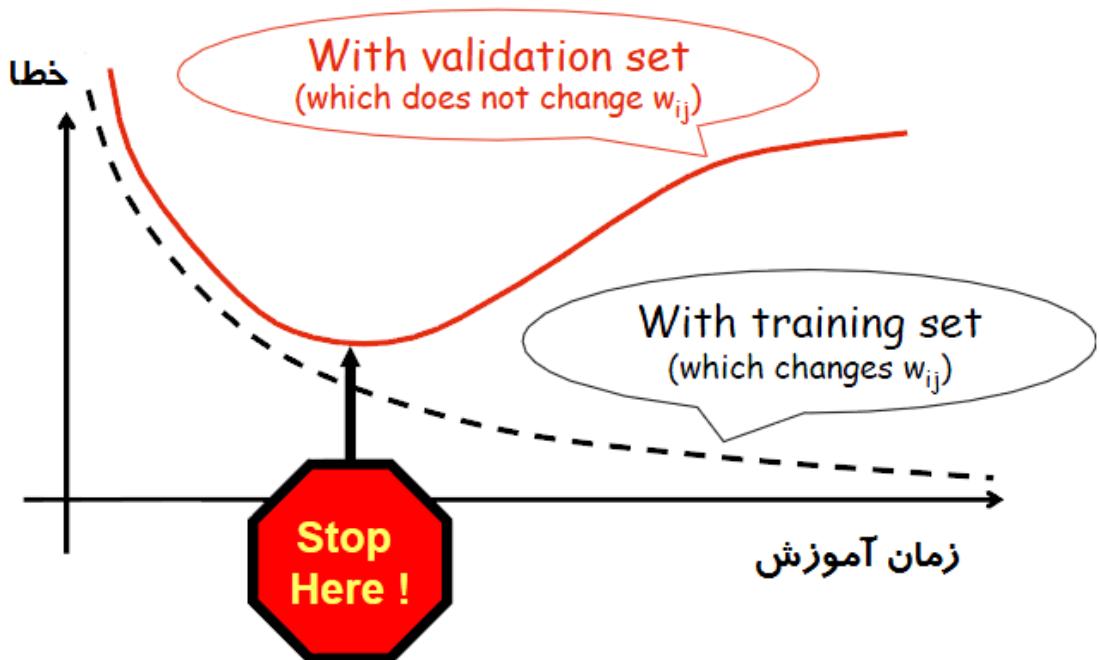
○ روش‌ها

- توقف زودهنگام (Early Stopping)
- تغییر تابع هزینه
- حذف تصادفی (Dropout)
- تقویت داده (Data Augmentation)

یادگیری عمیق: تنظیم ...

○ توقف زودهنگام (Early Stopping)

- جلوگیری از تکرار زیاد و وابسته شدن کامل شبکه به داده آموزشی
- استفاده از مجموعه اعتبارسنجی یا اعتبارسنجی متقطع
- توقف در صورت افزایش خطا روی داده اعتبارسنجی



یادگیری عمیق: تنظیم ...

○ تغییر تابع هزینه

- افزودن مقداری به مقدار خطای مورد استفاده در تابع هزینه
- $Cost\ function = Loss + Regularization\ term$

مقدار خطای MSE

- عبارت افزوده سعی در کاهش مقدار وزن‌های شبکه دارد
- وزن‌های کوچکتر = حفظ سادگی ساختار شبکه

ضریب تنظیم

$$Cost\ function = Loss + \frac{\lambda}{2m} * \sum \|w\|^2$$

• تنظیم L2

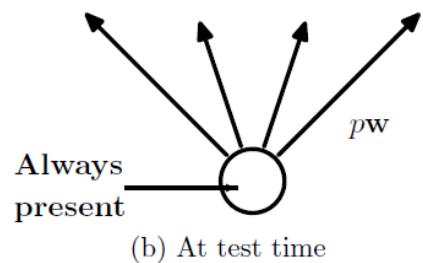
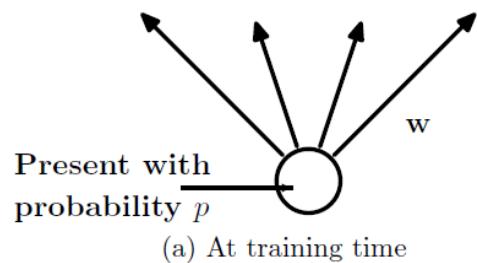
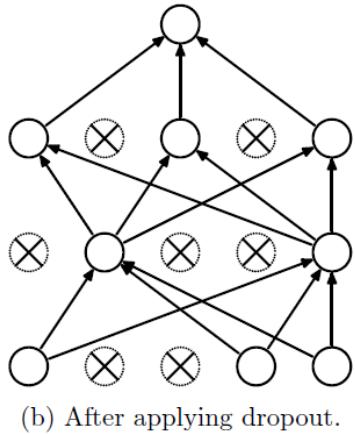
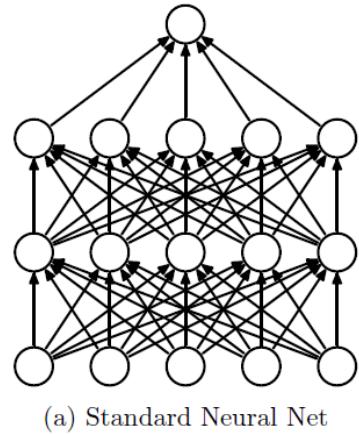
◦ به آن weight decay هم می‌گویند

◦ اثر کاهش وزن به صورت $W' = W - \lambda * W$ به سمت صفر

$$Cost\ function = Loss + \frac{\lambda}{2m} * \sum \|w\|$$

• تنظیم L1

یادگیری عمیق: تنظیم ...



○ حذف تصادفی (Dropout)

- در زمان آموزش
- هر نرون با احتمال p حذف می شود
- حذف اتصال ورودی و خروجی
- مقدار نوعی $p=0.5$

● در زمان آزمون

- همه نرون ها وجود دارند
- اما وزن آنها در p ضرب می شود

● عملکرد مشابه آموزش گروهی (Ensemble Learning)

یادگیری عمیق: تنظیم

○ تقویت داده (Data Augmentation)

- افزایش تنوع و حجم داده‌ها به صورت مصنوعی
 - برای تصویر
 - جابجایی، تغییر مقیاس، معکوس، چرخاندن، برش و ...



- برای صدا
 - تغییر دامنه، افزودن نویز و ...



یادگیری عمیق: پیش آموزش ...

○ ایده پیش آموزش (Pre-Train)

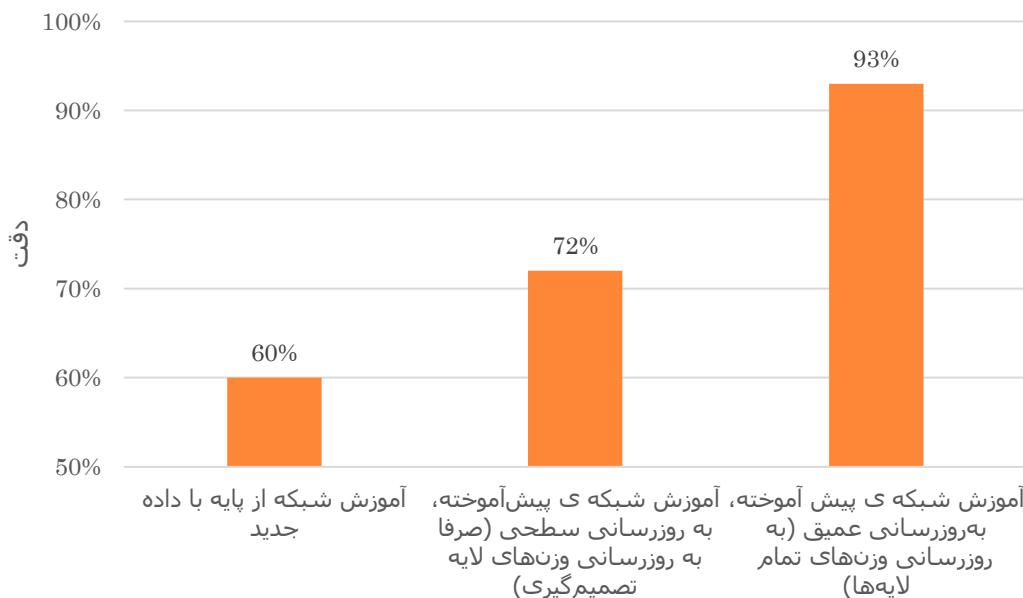
- آموزش شبکه با داده (حجیم) از یک حوزه و انتقال وزن‌های آموزش دیده برای استفاده از حوزه دیگر (به عنوان وزن‌های اولیه)
 - انتقال وزن‌های مربوط به لایه‌های استخراج ویژگی
 - صرفنظر کردن از لایه دسته بندی
- بهینه کردن وزن‌های انتقال یافته با داده حوزه جدید (Fine-tune)

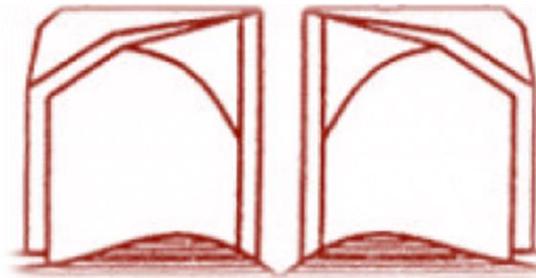
◦ مرتبه با مفهوم یادگیری انتقالی (Transfer Learning)

یادگیری عمیق: پیش آموزش

○ مثال: دسته‌بندی تصویر بیماری گیاهان

- وزن اولیه: از شبکه عصبی پیچشی AlexNet آموزش داده شده با داده ImageNet
 - ۱.۲ میلیون تصویر با ۱۰۰۰ دسته مختلف از موضوعات مختلف
- حوزه جدید: ۱۰ دسته (بیماری)، حدود ۳۵۰۰ تصویر برای هر دسته





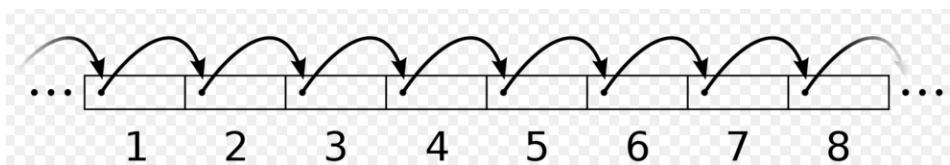
پادگیری مانشین

شبکه عصبی بازگشتی

شبکه عصبی بازگشتی . . .

○ داده متوالی (Sequential Data): داده‌هایی که مقدار فعلی آنها به مقادیر قبلی وابسته است

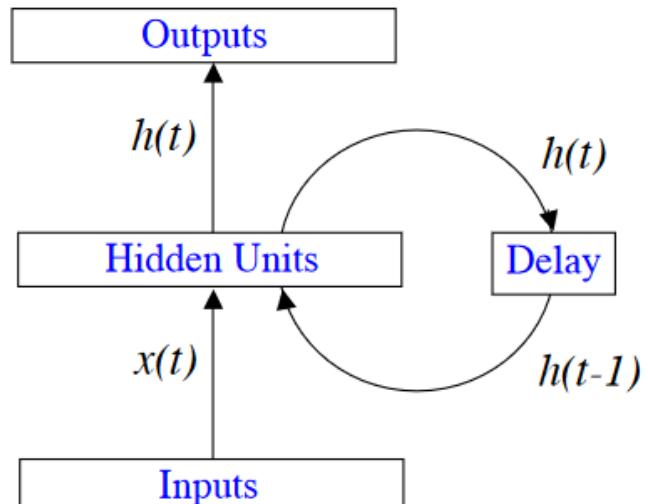
- فریم‌های (نمونه‌های) سیگنال گفتار
- فریم‌های (تصاویر) متوالی ویدئو
- وضعیت آب و هوا
- قیمت سهام یک شرکت/صنعت
- دنباله‌های تولید شده توسط گرامرها
- کلمات داخل یک متن
- ... ●



شبکه عصبی بازگشتی . . .

◦ شبکه‌های عصبی بازگشتی (RNN: Recurrent Neural Networks)

- شبکه‌هایی که در ساختار آنها یال‌های بازگشت کننده وجود دارد
- بر خلاف شبکه‌های عصبی رو به جلو، یال‌ها می‌توانند تشکیل دور بدهند.
- به دلیل داشتن یال بازگشتی در ساختار خود، قدرت حافظه‌ای دارند.
- مناسب برای پردازش داده‌های متوالی (Sequential Data)



- ساختار: شبیه MLP با بازگشت از نرون‌های مخفی

شبکه عصبی بازگشتی . . .

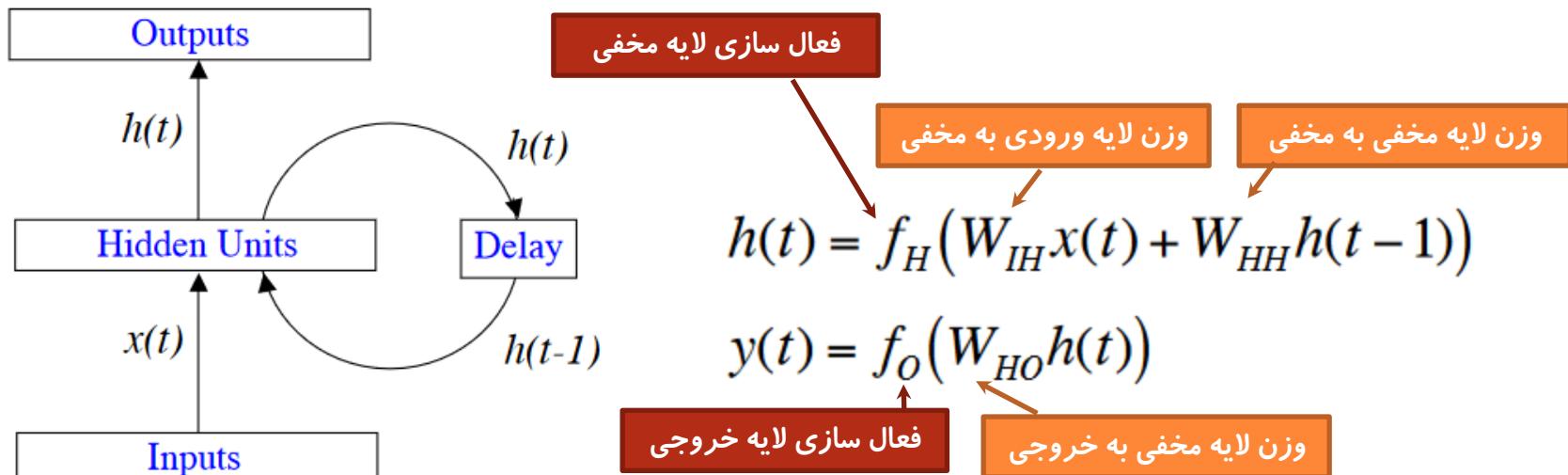
◦ شبکه عصبی بازگشتی به عنوان یک سیستم پویا (Dynamic System)

- تعریف کامل سیستم با حالت (State) سیستم: مجموعه‌ای مقادیر حاوی همه اطلاعات

◦ مقادیر فعال‌سازی‌های لایه مخفی: $h(t)$

◦ مرتبه سیستم پویا = ابعاد فضای حالت

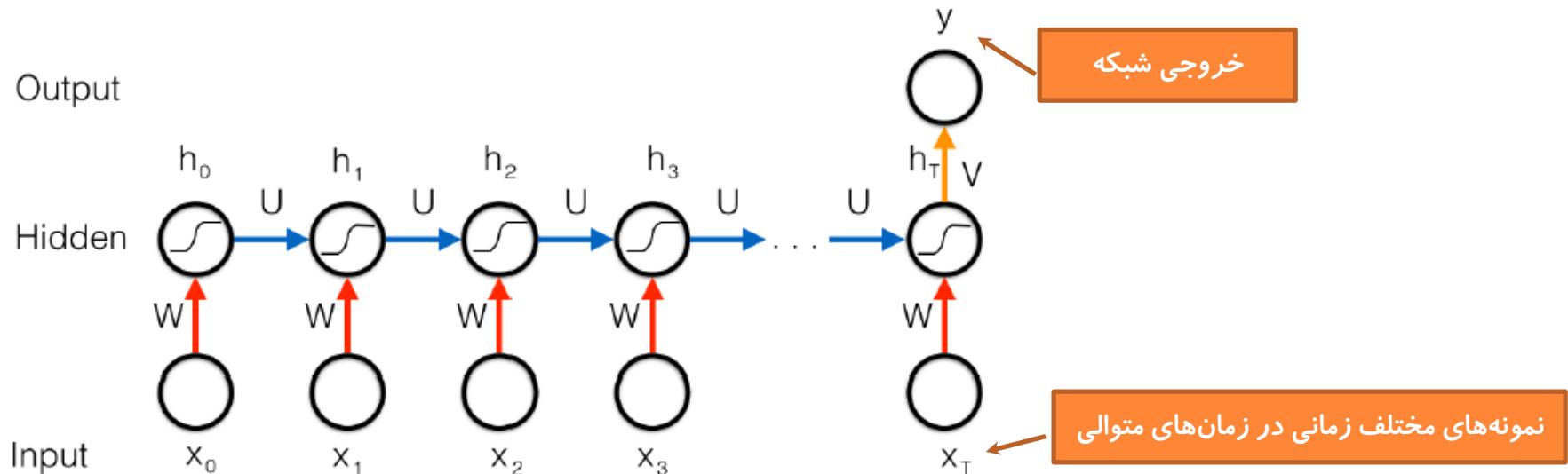
◦ در اینجا = تعداد نرون‌های لایه مخفی



شبکه عصبی بازگشتی: آموزش ...

○ عملکرد شبکه

- وابستگی خروجی شبکه به خروجی‌های لایه مخفی به ازای همه ورودی‌ها



$$f(x) = Vh_T$$

$$h_t = \sigma(Uh_{t-1} + Wx_t), \text{ for } t = T, \dots, 1$$

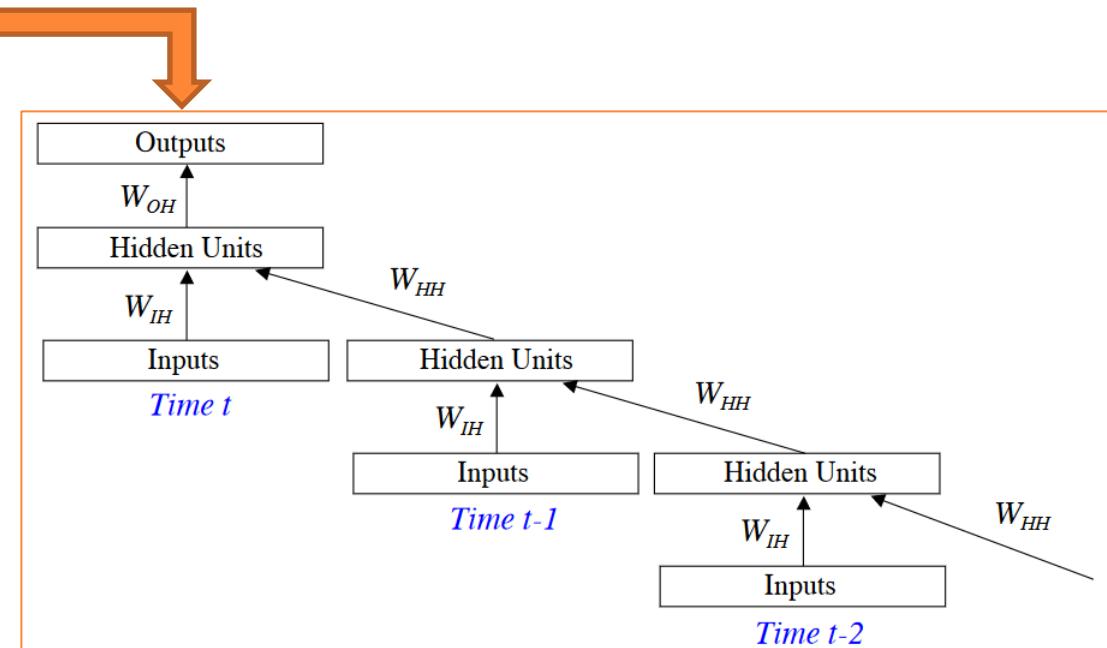
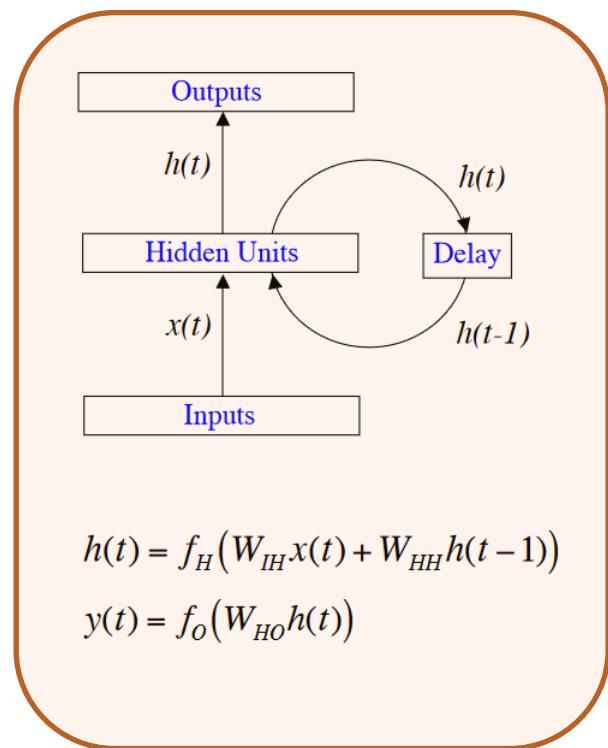
...

$$h_0 = \sigma(Wx_0)$$

شبکه عصبی بازگشتی: آموزش ...

○ استفاده از الگوریتم پس انتشار . . .

- محاسبه خطای خروجی و استفاده از گرادیان برای تخمین وزن‌ها
- تبدیل شبکه بازگشتی به شبکه جلوسو
- باز کردن در زمان (Unfolding over Time)



شبکه عصبی بازگشتی: آموزش ...

○ استفاده از الگوریتم پس انتشار ...

Backpropagation Through Time (BPTT) •

• محاسبه خطای شبکه برای همه نمونه‌های بین دو زمان شروع t_0 و پایان t_1

$$E_{total}(t_0, t_1) = \sum_{t=t_0}^{t_1} E_{sse/ce}(t)$$

• گرادیان وزن‌های شبکه برای بدست آوردن مقدار تغییرات وزن

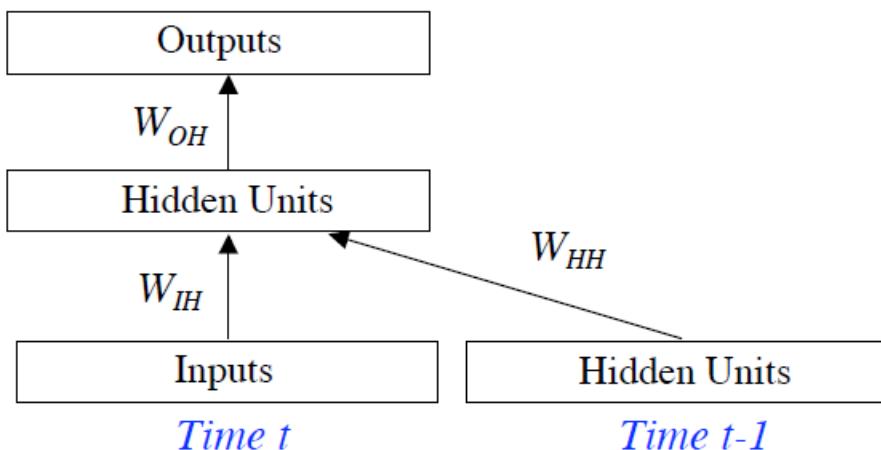
$$\Delta w_{ij} = -\eta \frac{\partial E_{total}(t_0, t_1)}{\partial w_{ij}} = -\eta \sum_{t=t_0}^{t_1} \frac{\partial E_{sse/ce}(t)}{\partial w_{ij}}$$

$$w_{ij} \in \{W_{IH}, W_{HH}\}$$

شبکه عصبی بازگشتی: آموزش ...

○ استفاده از الگوریتم پس انتشار

- استفاده از این روش نیازمند نگهداری حالت‌های قبلی شبکه (خروجی لایه مخفی) و کلیه ورودی‌های قبلی
- در عمل نگهداری همه اطلاعات قبلی مشکل است و تنها از تعداد محدودی از آنها (مثلاً ۳۰ مقدار قبلی) استفاده می‌شود = truncation
- حالت ساده = نگهداری فقط یک مرحله قبل = شبکه المان (Elman Network)

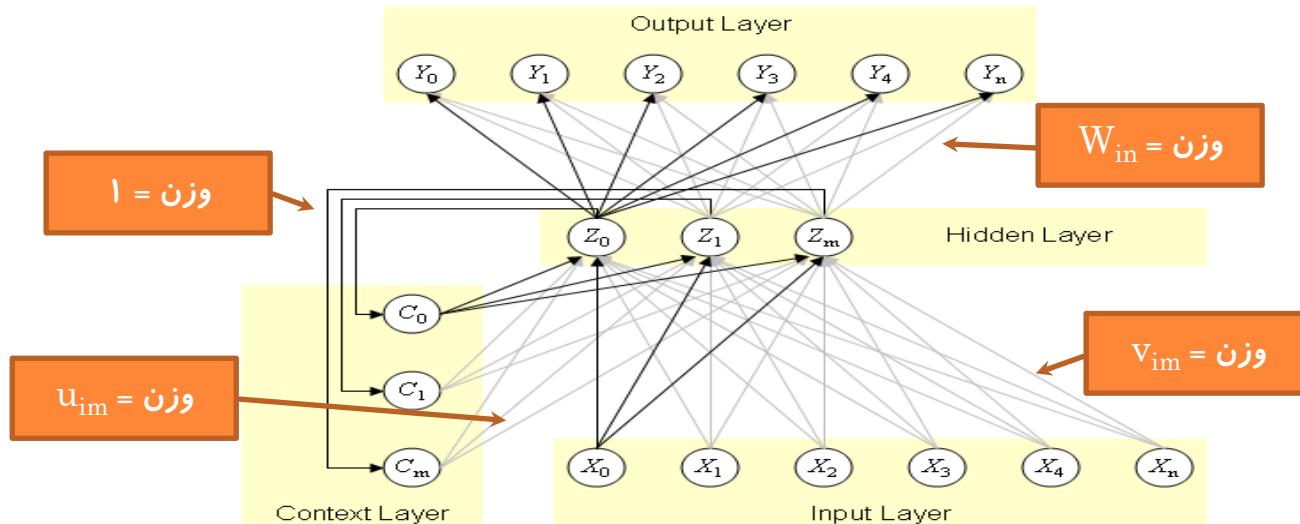


شبکه عصبی الگان

○ ساختار

- دارای چهار لایه ورودی، مخفی، بافت و خروجی
- لایه بافت

- نرون‌های لایه بافت یک کپی از فعال‌سازهای نرون‌های لایه پنهان را دریافت می‌کنند
- اتصالات بازگشتی لایه بافت به لایه پنهان، یک حافظه کوتاه‌مدت را برای شبکه ایجاد می‌کند
- تعداد نرون‌های لایه بافت با تعداد نرون‌های لایه پنهان برابر است
- وزن یال‌هایی که لایه پنهان را به لایه بافت متصل می‌کنند برابر مقدار ثابت یک می‌باشد





شبکه عصبی الگان: الگوریتم آموزش و کاربرد

○ مراجعه کنید به

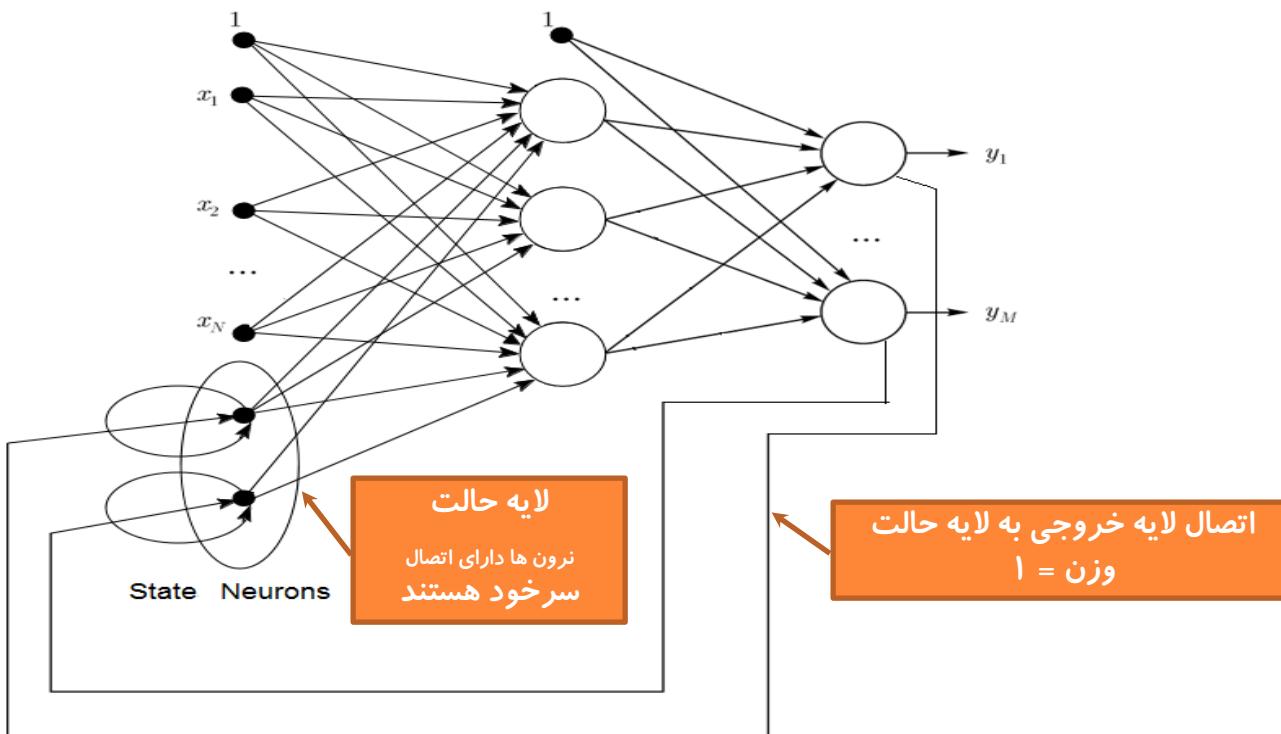
- <http://dsp.ut.ac.ir/en/wp-content/uploads/2018/05/ANN-Lecture5-RNN.pdf>



شبکه عصبی جردن ...

● معرفی و ساختار

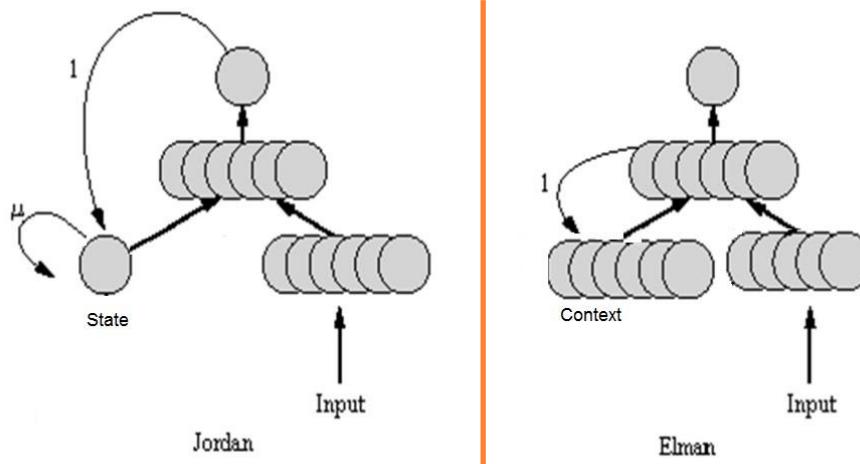
- ارائه شده در سال ۱۹۹۶ توسط مایکل جردن
- دارای شباهت بسیار زیاد به شبکه عصبی المان
- شبکه دارای اتصالات بازگشتی از لایه خروجی به لایه حالت و همچنین از لایه حالت به خودش می‌باشد



شبکه عصبی جردن: تفاوت با شبکه المان

○ در شبکه جردن

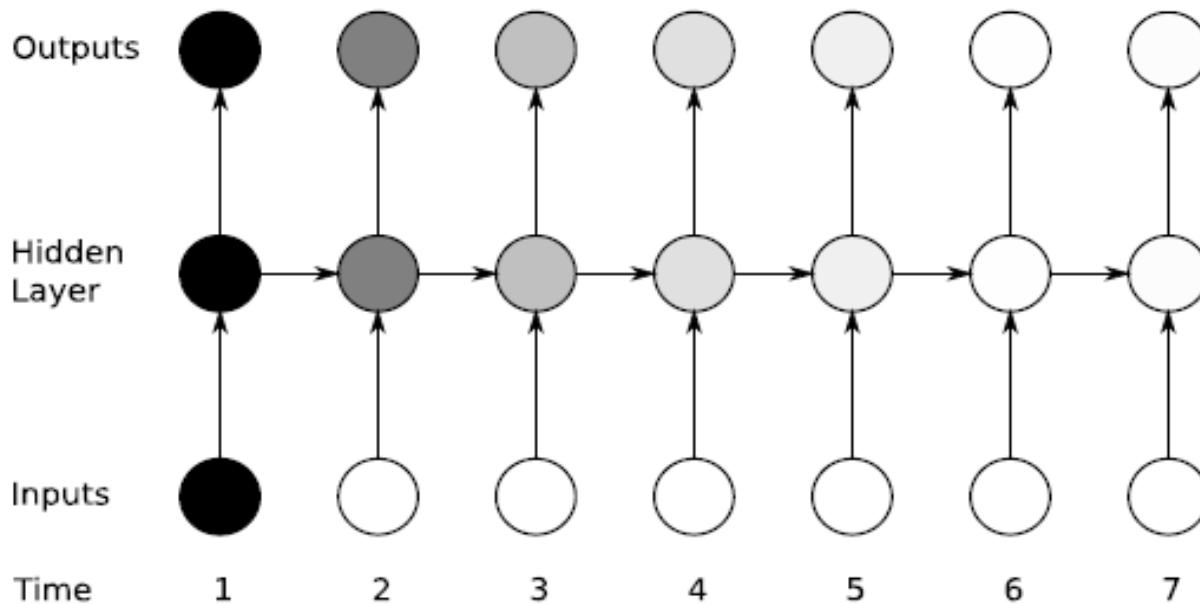
- اتصالات بازگشتی به جای لایه پنهان از لایه خروجی شروع می‌شود (با وزن ثابت یک)
- در این شبکه لایه بافت، لایه حالت (State Layer) نامیده می‌شود
- لایه حالت شامل اتصالات بازگشتی از خودش به خودش با وزن ثابت می‌باشد
- تعداد نرون‌های لایه حالت با تعداد نرون‌های لایه خروجی برابر است
- نرون‌های لایه حالت یک کپی از فعال‌سازهای نرون‌های لایه خروجی را دریافت می‌کنند.



مشکل فراموش در شبکه‌های عصبی بازگشتی . . .

○ مشکل

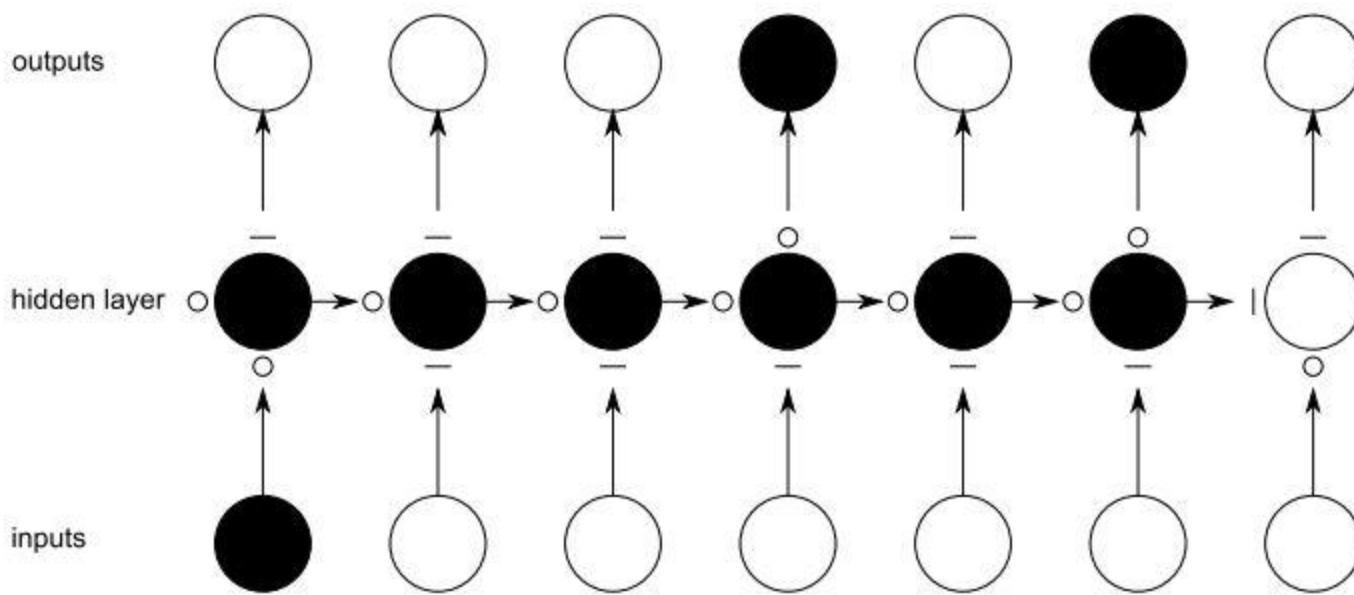
- با طولانی شدن دنباله ورودی، شبکه عصبی بازگشتی به مرور داده‌های اولیه را فراموش می‌کند که به آن مشکل فراموشی گفته می‌شود
- سایه‌های پررنگ‌تر به معنای تاثیر بیشتر بر لایه پنهان و خروجی می‌باشد



مشکل فراموش در شبکه‌های عصبی بازگشتی

○ حل مشکل فراموش

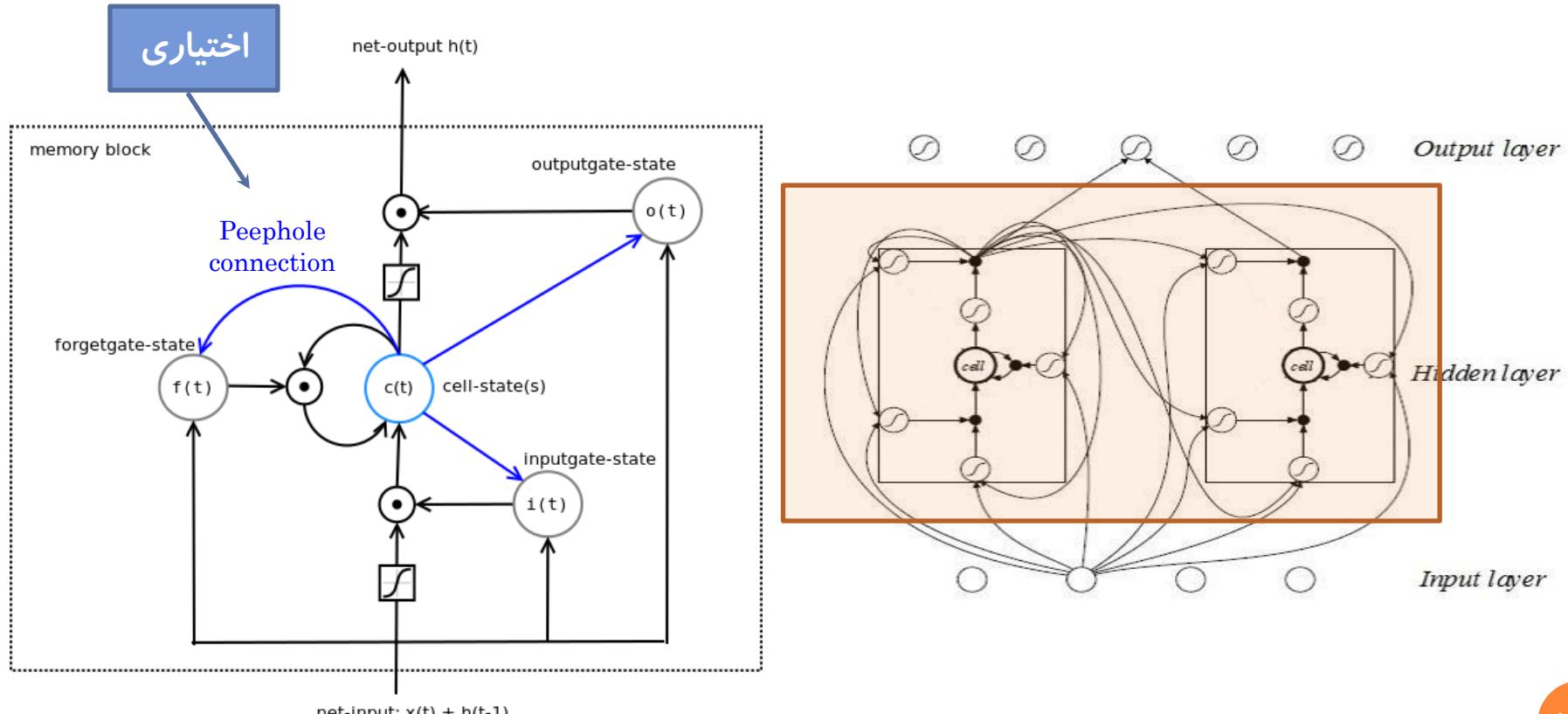
- کنترل ورود و خروج داده در واحدهای لایه میانی شبکه



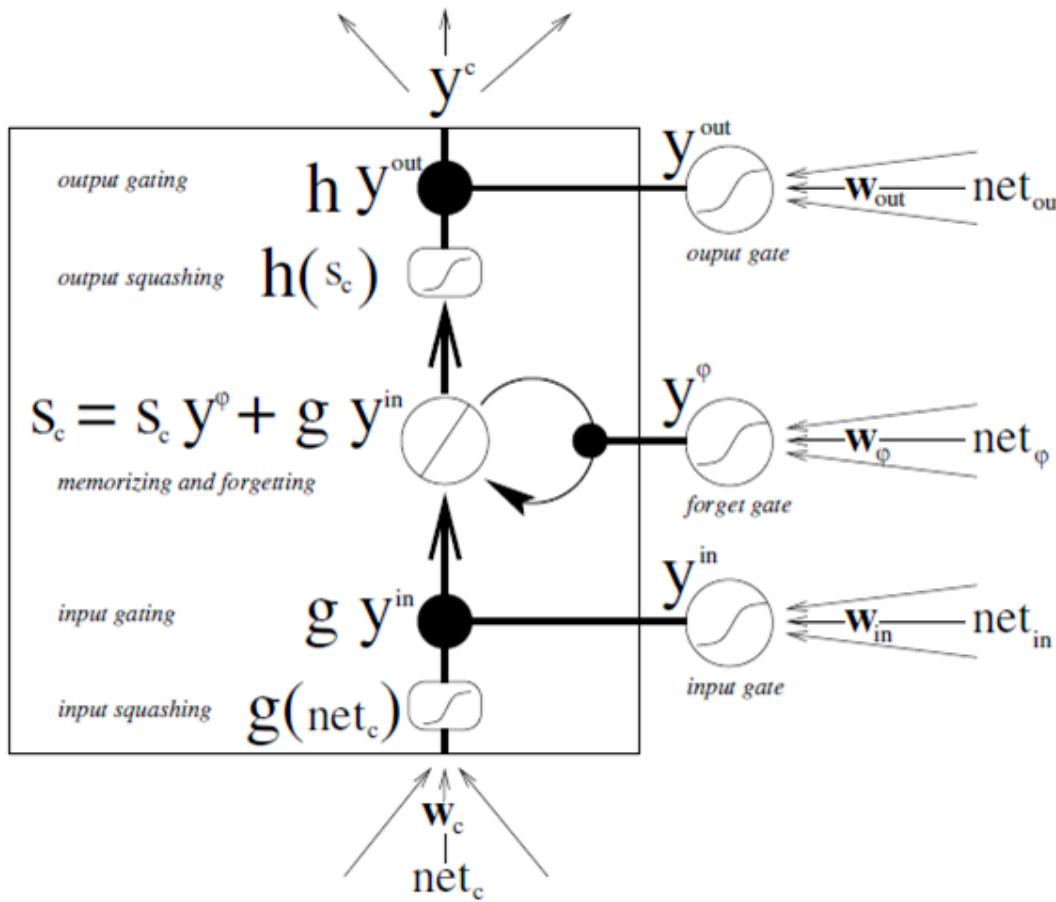
شبکه عصبی حافظه کوتاه مدت ماندگار (LSTM) ...

Long Short Term Memory (LSTM)

- نرون های لایه پنهان با بلوک های حافظه جایگزین شدند
- حل شدن مشکل فراموشی دنباله های طولانی



شبکه عصبی LSTM: ساختار بلوک حافظه ...



○ هر بلوک حافظه، شامل

• سلول

◦ برای ذخیره اطلاعات در بلوک

◦ دروازه ورودی

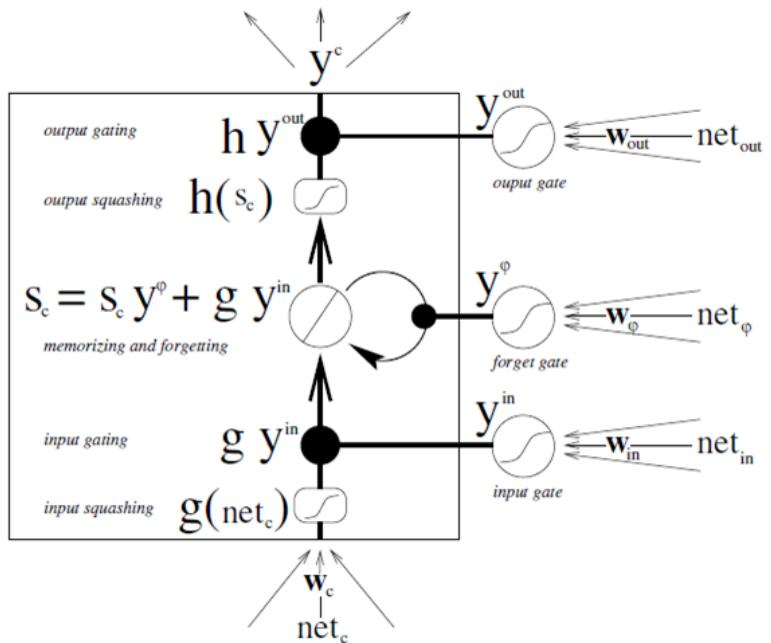
◦ دروازه فراموشی

◦ دروازه خروجی

◦ دروازه‌ها وظیفه کنترل ورود و خروج داده‌ها و پاک کردن حافظه بلوک را برعهده دارند

شبکه عصبی LSTM: ساختار بلوک حافظه ...

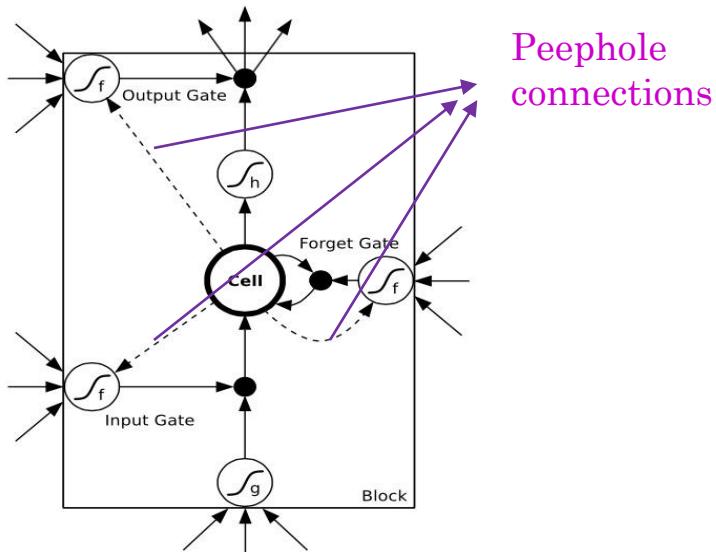
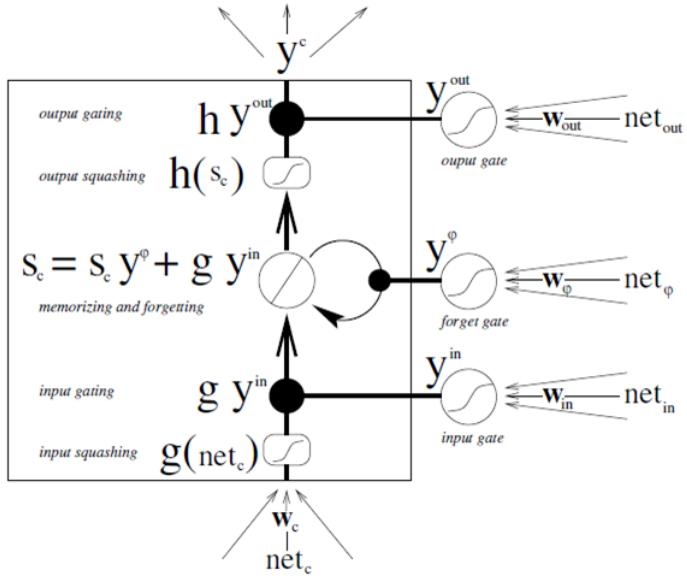
- وظیفه دروازه‌ها: کنترل ورود و خروج داده‌ها و پاک کردن حافظه‌ی بلوک
 - فعال‌ساز دروازه‌ها مقداری بین صفر و یک می‌گیرند.
 - در صورتی که دروازه کاملاً باز باشد فعال‌ساز آن برابر یک و در صورتی که کاملاً بسته باشد فعال‌ساز آن برابر صفر است
- هر سلول حافظه در مرکز خود یک واحد به نام CEC دارد که به فعال‌سازی آن **حالت سلول**, S_c می‌گویند



شبکه عصبی LSTM: ساختار بلوک حافظه

اتصالات روزنه (peephole)

- این اتصالات دلخواه هستند (optional) و حالت سلول، s_c ، را به دروازه‌ها متصل می‌سازند
- در این اسلاید‌ها از این اتصالات صرفنظر شده است



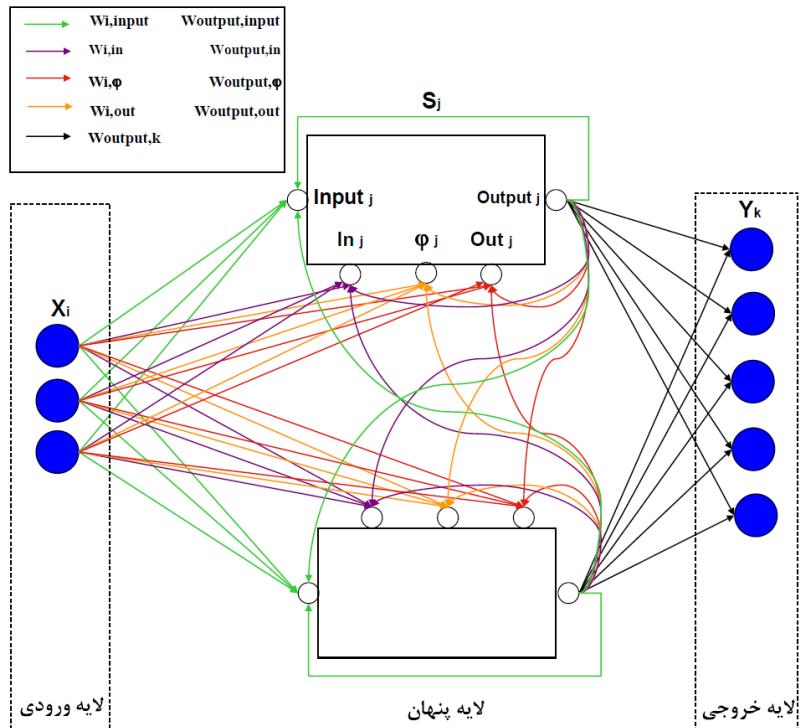
شبکه عصبی LSTM: اتصالات (وزن ها)

○ از ورودی

- وزن بین لایه ورودی و بلوک حافظه
- وزن بین لایه ورودی و دروازه ورودی
- وزن بین لایه ورودی و دروازه فراموشی
- وزن بین لایه ورودی و دروازه خروجی

○ از خروجی بلوک (سلول حافظه)

- وزن بین خروجی بلوکها و ورودی بلوکها
- وزن بین خروجی بلوکها و دروازه ورودی
- وزن بین خروجی بلوکها و دروازه فراموشی
- وزن بین خروجی بلوکها و دروازه خروجی
- وزن بین خروجی های بلوکها و لایه خروجی





شبکه عصبی LSTM: الگوریتم آموزش و کاربرد

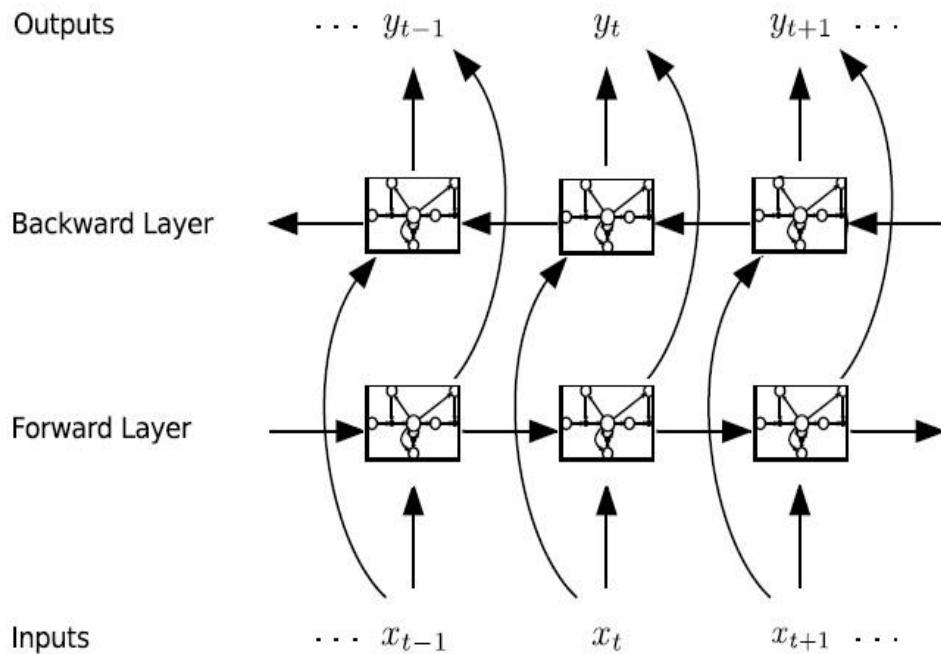
○ مراجعه کنید به

- <http://dsp.ut.ac.ir/en/wp-content/uploads/2018/05/ANN-Lecture5-RNN.pdf>

شبکه‌های عصبی (Bidirectional LSTM: دوطرفه)

○ ساختار

- شامل دو لایه پنهان بازگشتی مجزا (هر لایه پنهان شامل بلوک‌های LSTM می‌باشد).
- بین این دو لایه پنهان هیچ اتصالی وجود ندارد.
- هر دو لایه پنهان به یک لایه خروجی متصل شده‌اند.



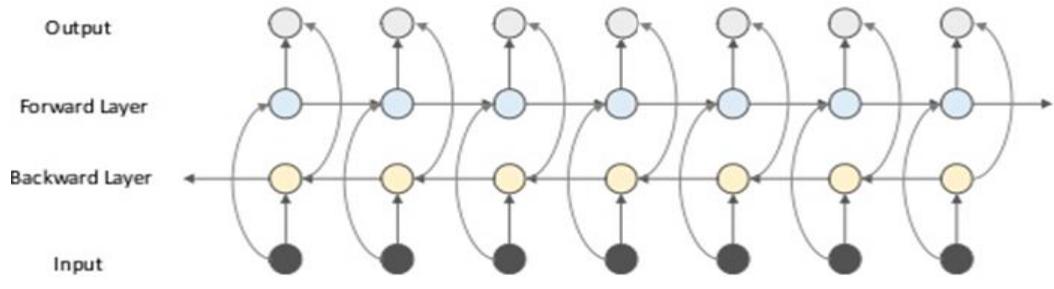
شبکه‌های عصبی (Bidirectional LSTM): دوطرفه

○ ایده اصلی

هر دنباله ورودی در دو جهت زمانی رو به جلو و از انتهای پنهان بازگشتی مجزا داده شود

- فرض کنید دنباله آموزشی به صورت $X^T = (x_1, x_2, \dots, x_{T-1}, x_T)$ و دنباله هدف متناظر برابر باشد $t^T = (t_1, t_2, \dots, t_{T-1}, t_T)$
- در هر مرحله بردار x_i را به لایه Backward $x_{T-(i-1)}$ و Forward x_i را به لایه Forward ارسال کرده و مقدار هدف را بردار t_i قرار می‌دهیم.
- آموزش شبکه را با استفاده از الگوریتم مربوط به شبکه LSTM دنبال می‌کنیم

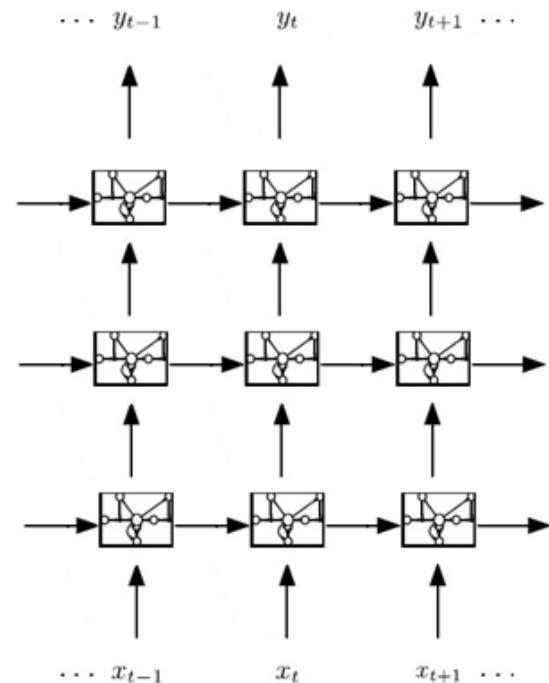
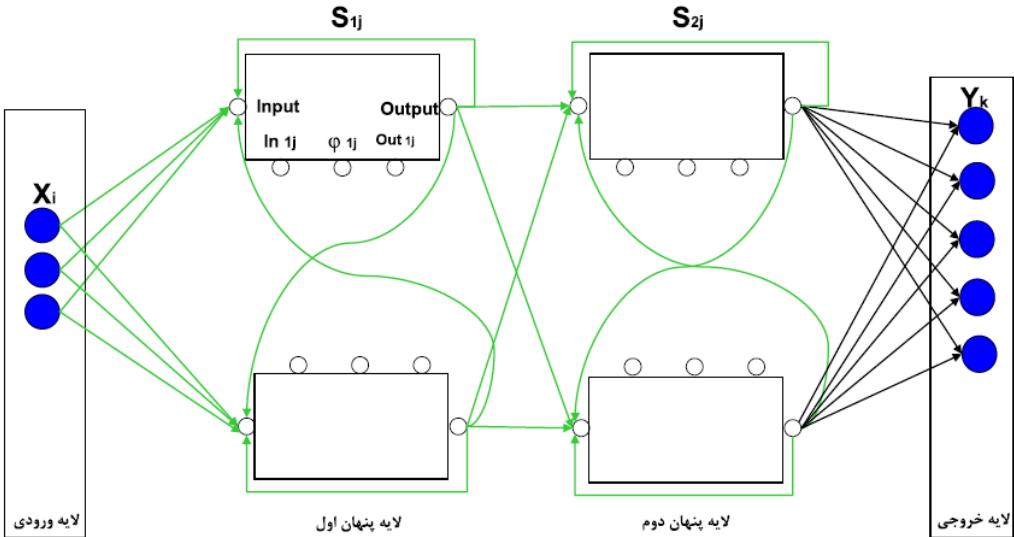
مقدار خالص رسیده به لایه خروجی جمع وزن دار مقدار خالص دو لایه Backward و Forward است



شبکه های عصبی LSTM: عمیق

- شبکه عصبی با بیش از یک لایه مخفی

- خروجی هر لایه پنهان ورودی لایه پنهان بالاتر
- تقریب زننده جهانی
- قابلیت یادگیری بیشتر

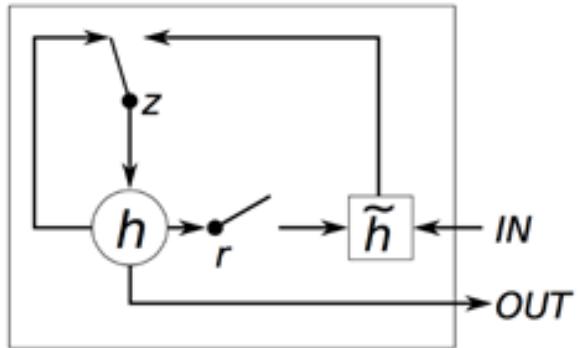


شبکه عصبی واحد بازگشتی در واژه‌ای (GRU)

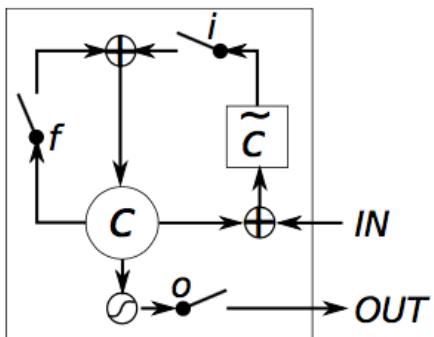
○ ساده شده LSTM استاندارد

- عدم وجود دروازه خروجی

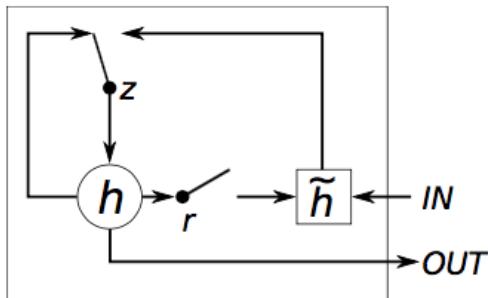
- دارای دو دروازه (LSTM) دارای ۳ دروازه (update) و بروزرسانی (reset)
- راه اندازی مجدد (reset) و بروزرسانی (update)
- عبور تمام مقدار سلول به خروجی یا ورودی سایر بلوكها



• عبور تمام مقدار سلول به خروجی یا ورودی سایر بلوكها



(a) Long Short-Term Memory



(b) Gated Recurrent Unit

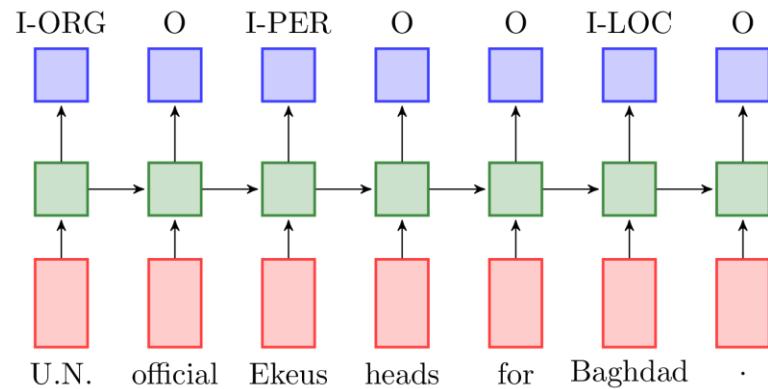
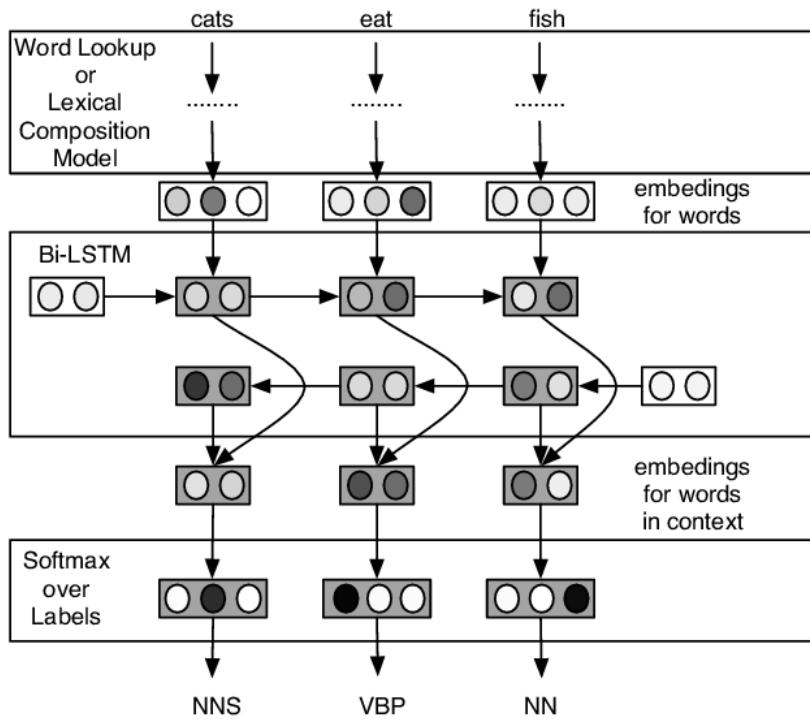
Figure 1: Illustration of (a) LSTM and (b) gated recurrent units. (a) i , f and o are the input, forget and output gates, respectively. c and \tilde{c} denote the memory cell and the new memory cell content. (b) r and z are the reset and update gates, and h and \tilde{h} are the activation and the candidate activation.

شبکه عصبی LSTM: کاپردها...

برچسب زنی اجزای کلام (POS)/(بازشناسی پدیده‌های اسمی (NER)

- ورودی: بردار یک کلمه (مثل Word Vector)

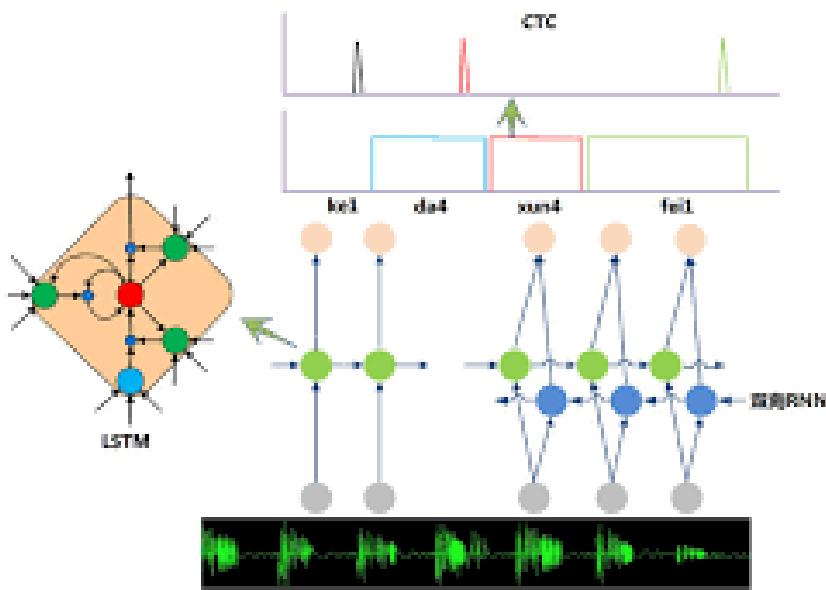
- خروجی: به تعداد برچسب‌ها (هر نرون یک برچسب)



شبکه عصبی LSTM: کاپردها...

○ بازشناسی گفتار

- ورودی: بردار مربوط به یک فریم گفتار
- خروجی: به تعداد واحدهای بازشناسی شونده (هر نرون یک واژ)
- نیاز به روشی برای تبدیل دنباله برچسب فریم ها به دنباله واژ = CTC



شبکه عصبی LSTM: کاپردها...

○ بازشناسی دست خط / نویسه‌های نوری (OCR)

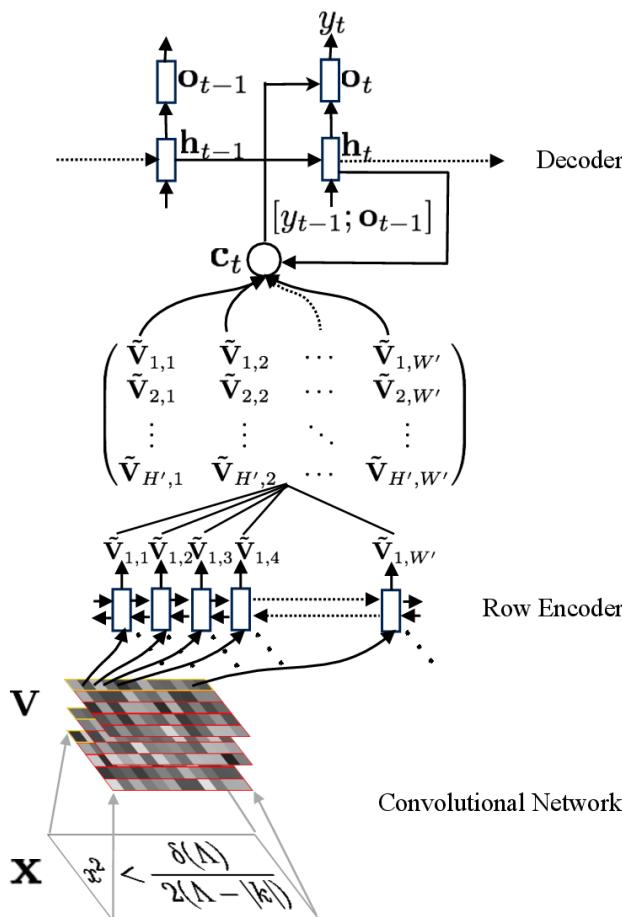
- ورودی: بردار مربوط به ویژگی یک فریم از تصویر

○ ویژگی های CNN

- خروجی: به تعداد واحدهای بازشناسی شونده

○ هر نرون یک کاراکتر

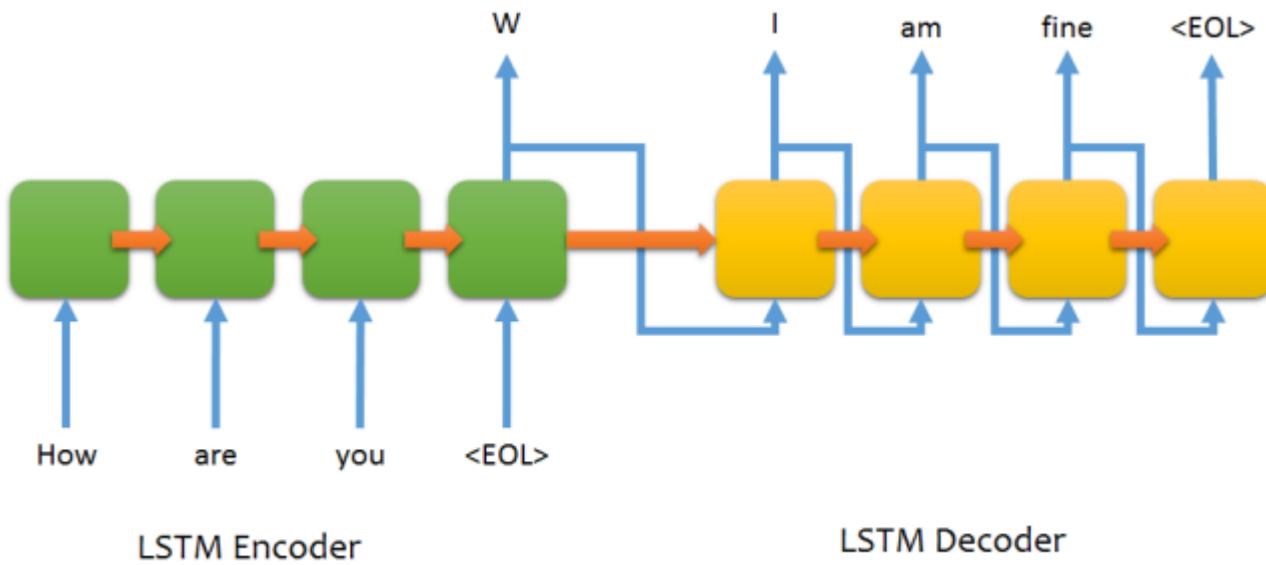
○ نیاز به تبدیل دنباله برچسب فریم ها به دنباله واژ = CTC



شبکه عصبی LSTM: کاپردها...

○ ترجمه ماشینی

- ورودی: بردار یک کلمه (مثل Word Vector) در زبان مبدا
- خروجی: احتمال کلمات در زبان مقصد





شبکه عصبی LSTM: کاربردها

روشی غالب در همه (!) کاربردهای مدلسازی دنباله



شبکه عصبی LSTM: تشخیص واژه‌های فارسی ...

داده‌ها: فارس‌داد

- شامل ۶۰۸۰ سیگنال صوتی
- داده آموزش: ۹۵٪ کل داده (معادل ۵۶۹۸ سیگنال)
- داده آزمون: ۵٪ کل داده (معادل ۳۸۲ سیگنال)

استخراج ویژگی

- روش مورد استفاده: MFCC
- تعداد ضرایب هر فریم: ۳۹
- طول فریم: ۱۶ میلی ثانیه

شبکه مورد استفاده: LSTM

ساختار شبکه

- نرون‌های لایه ورودی: ۳۹
- نرون‌های لایه خروجی: ۳۰ (تعداد واژه‌های فارسی + سکوت)

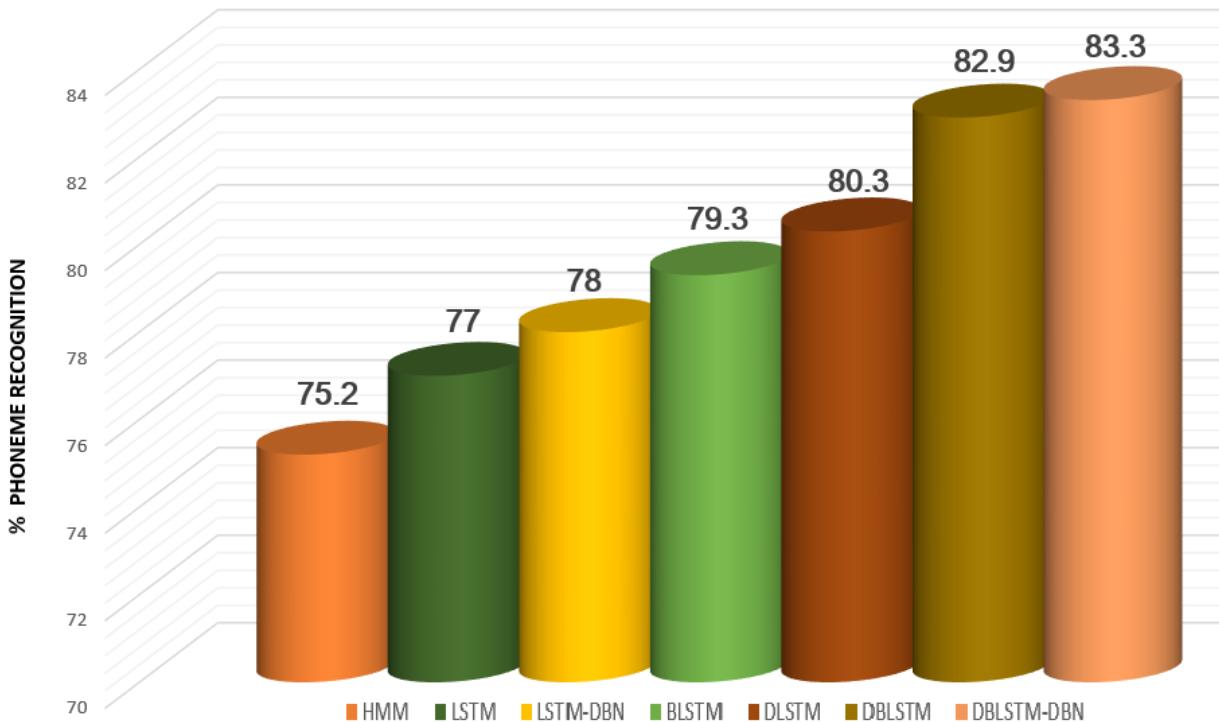
وزن‌های اولیه: تصادفی در بازه $[-1, 1]$ ، 0.1

- نرخ یادگیری: ۰.۰۰۳
- تعداد بلوک حافظه: ۱۵۰

شبکه عصبی LSTM دو طرفه: تشخیص واحهای فارسی

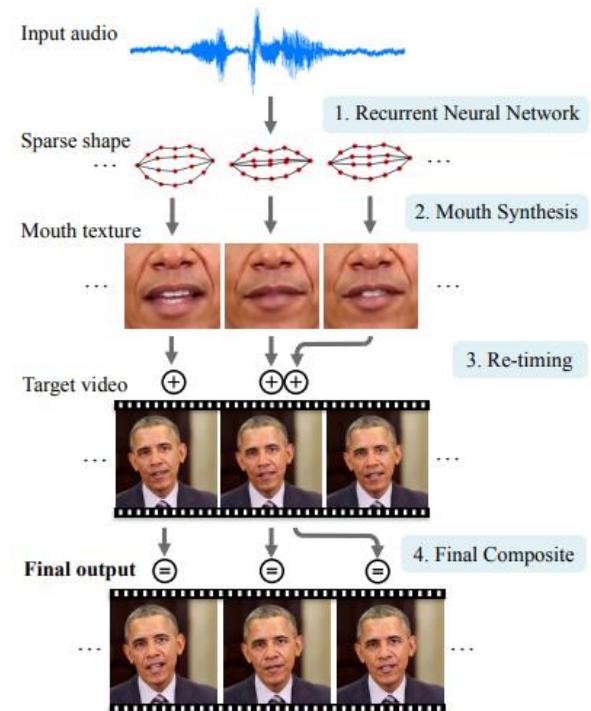
○ دقت روی واج

- کارایی بالاتر شبکه‌های دو طرفه نسبت به شبکه‌های یک طرفه
- کارایی بالاتر شبکه‌های عمیق نسبت به شبکه‌های غیر عمیق



تولید سخنرانی ساختگی

● تولید سخنرانی ساختگی برای اوباما: یادگیری حرکت لب با توجه به صدا



[Suwajanakorn, Supasorn, Steven M. Seitz, and Ira Kemelmacher-Shlizerman. "Synthesizing obama: learning lip sync from audio.", 2017]

بستر های یادگیری عمیق . . .

	Languages	Tutorials and training materials	CNN modeling capability	RNN modeling capability	Architecture: easy-to-use and modular front end	Speed	Multiple GPU support	Keras compatible
Theano	Python, C++	++	++	++	+	++	+	+
Tensor-Flow	Python	+++	+++	++	+++	++	++	+
Torch	Lua, Python (new)	+	+++	++	++	+++	++	
Caffe	C++	+	++		+	+	+	
MXNet	R, Python, Julia, Scala	++	++	+	++	++	+++	
Neon	Python	+	++	+	+	++	+	
CNTK	C++	+	+	+++	+	++	+	

کلاس استاد شفیعی کدکنی - دانشگاه تهران

