مقاله master چی میگ و چراکار میکنه:

گیتبندی راهنمایی بازار (Market-Guided Gating):

در این مرحله، ابتدا یک بردار m_τ برای نمایش وضعیت فعلی بازار ایجاد میشود. سپس از یک مکانیسم گیتبندی برای اعمال این بردار به دادههای ویژگی استفاده میشود. این کار باعث بهبود ویژگیهای ورودی شده و تمایل به انتخاب ویژگیهایی که با وضعیت فعلی بازار مرتبط هستند، را دارد.

تجميع داخلي سهام (Intra-Stock Aggregation):

در این مرحله، برای هر سهام، در هر زمان t، اطلاعات از دیگر زمانها جمعآوری شده و یک تعبیر محلی به نام hu,t ایجاد میشود. این تعبیر محلی اطلاعات مهم و مربوط به زمانهای گذشته را حفظ میکند.

تجميع ميان سهام (Inter-Stock Aggregation):

در این مرحله، به ازای هر زمان t، همبستگی بین سهام با استفاده از یک مکانیسم توجه محاسبه می شود و هر سهام اطلاعات جمع آوری شده از سهام دیگر را تجمیع می کند. این اطلاعات تجمیع شده شامل همبستگیها و اطلاعات مربوط به زمان t می باشد.

تجمیع زمانی (Temporal Aggregation):

در این مرحله، برای هر سهام، از تمام تعبیرهای زمانی قبلی استفاده شده و یک تعبیر جامع برای هر سهام تولید می شود. این تعبیر جامع شامل تمام اطلاعات زمانی مربوط به سهام است.

پیشبینی (Prediction):

در مرحله نهایی، تعبیر جامع سهام به لایههای پیش بینی ارسال می شود تا برچسب پیش بینی شود. در این مرحله، از اطلاعات جامع تجمیع شده استفاده می شود تا قیمت آتی سهام پیش بینی شود.

در این بخش، ابتدا به ترکیب اطلاعات از دو جنبه برای ایجاد یک بردار m_{τ} برای توصیف جامع وضعیت فعلی بازار پرداخته می شود.

قيمت شاخص بازار:

قیمت شاخص بازار میانگین وزنداری از قیمتهای یک گروه از سهامها S' است که بر اساس سهم سرمایه گذاری بازار آنها است. معمولاً S' از شرکتهای برتر با بیشترین سرمایه گذاری بازار تشکیل شده است که نمایندهای از بازار یا بخش خاصی است و ممکن است با سهام مورد علاقه سرمایه گذاران در بازار S متفاوت باشد. در اینجا قیمت فعلی شاخص بازار در T و همچنین قیمتهای تاریخی شاخص بازار که توسط میانگین و انحراف معیار در روزهای گذشته d' توصیف میشود (برای نشان دادن نوسانات قیمت)، در نظر گرفته میشود.

حجم معاملات شاخص بازار:

حجم معاملات S' نشاندهنده درگیری سرمایه گذاران است و فعالیت بازار را نمایش میدهد. ما میانگین و انحراف معیار حجم معاملات شاخص بازار در روزهای گذشته d' را در نظر می گیریم تا اندازه واقعی بازار را نشان دهیم.

مكانيسم گيتبندي

مکانیسم گیتبندی، برای هر بعد ویژگی، یک ضریب اسکالینگ تولید میکند که برای بزرگ یا کوچک شدن مقدار ویژگی، از آن استفاده می شود و این کار باعث تاکید یا کاهش میزان اطلاعات از ویژگی می شود که به ماژولهای بعدی می رود. مکانیسم گیتبندی توسط آموزش مدل یادگرفته می شود و ضریب به اندازه کمیتی که ویژگی به بهبود عملکرد پیشبینی کمک می کند، بهینه سازی می شود و در نتیجه نشان دهنده موثر بودن وبژگی است.

$\alpha(m_{\tau}) = F \cdot \operatorname{softmax}_{\beta}(W_{\alpha}m_{\tau} + b_{\alpha}),$

که در آن، M_0 و M_0 ماتریس وزن و بایاس قابل یادگیری هستند، و M_0 پارامتر فراپارامتر دمایی است که کنترل می کند که توزیع خروجی چقدر تیز باشد. Softmax رقابتی بین ویژگی ها را فراهم می کند تا ویژگی های مؤثر را از ویژگی های نامآمیز تمییز دهد. در اینجا، یک دمای کوچکتر M_0 باعث می شود تا توزیع بیشتر به بعضی از ابعاد تمرکز کند و تأثیر گیت بندی قوی تر باشد، در حالی که یک M_0 بزرگتر باعث می شود تا توزیع به تساوی نیز تمایل پیدا کند و اثر گیت بندی ضعیف تر باشد. لازم به ذکر است که ما از عملیات ضرب در هادامارد، مقدار را در هر بعد M_0 برای بار اول بزرگ می کنیم. این عملیات توزیع تولید شده را با یک توزیع کنواخت که در هر بعد برابر با M_0 است، مقایسه می کند تا تعیین شود که آیا مقدار باید بزرگتر یا کوچکتر شود. ایده اصلی پشت تولید ضریبها از M_0 این است که موثر بودن ویژگی ها تحت تأثیر وضعیت بازار قرار می گیرد. به عنوان مثال، اگر مدل یاد بگیرد که فاکتور میانگین متحرک (MA) در دوره های بازار پرتنش مفید است، هنگامی که بازار دوباره پرتنش می شود، میانگین متحرک را تأکید می کند.

داده:

ما چارچوب کاری خود را روی بازار سهام چین با مجموعههای سهام CSI300 و CSI800 ارزیابی می کنیم. CSI300 و CSI800 دو مجموعه سهام هستند که شامل ۳۰۰ و ۲۰۰۰ سهم با بالاترین ارزش سرمایه در بورس شانگهای و بورس شنژن می باشند. مجموعه داده شامل اطلاعات روزانه از سال ۲۰۰۸ تا ۲۰۲۲ از CSI300 و CSI300 می باشد. ما از دادهها از فصل اول ۲۰۰۸ تا فصل اول ۲۰۲۰ به عنوان مجموعه اعتبارسنجی و ده فصل آخر یعنی از فصل سوم ۲۰۲۰ به عنوان مجموعه آموزش، دادهها از فصل دوم ۲۰۲۰ به عنوان مجموعه اعتبارسنجی و ده فصل آخر یعنی از فصل سوم ۲۰۲۰ تا فصل چهارم ۲۰۲۲ به عنوان مجموعه آزمون استفاده می کنیم. ما از شاخصهای عمومی ۲۰۲۱ به عنوان مجموعه آوری شده استفاده می کنیم

. برای نمایندگی از بازار، ما ۶۳ ویژگی با شاخصهای بازار CSI300، CSI500 و CSI800 ایجاد کردهایم

معماري:

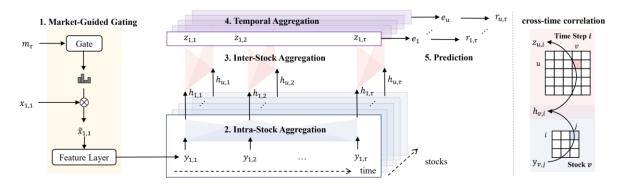


Figure 2: Overview of the MASTER framework.

مقاله CHATGPT INFORMED GRAPH NEURAL NETWORK FOR STOCK MOVEMENT PREDICTION

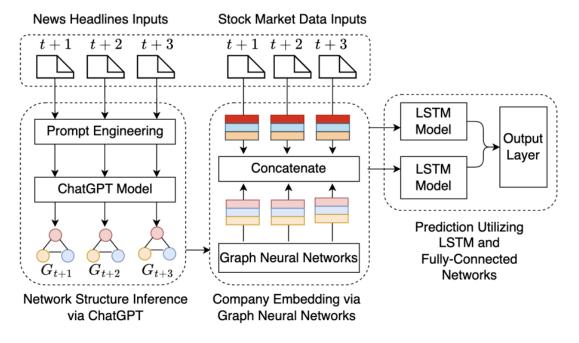
تو این مقاله میاد میگ هر چقدرم میخوان سعی کنن بفهمن ارتباط بین سهام ها دقیقا چطوریه تا حالا نتونستن پس ما بیایم از gpt استفاده کنیم سرتیتر خبر ها رو میده جی پی تی و ازش میپرسه چه شرکت هایی در ارتباط هستن و با چه احساساتی بعد از این یک گراف میکشه گرافه رو میده به gnn تبدیل به بردار میکنه برداره رو ترکیب میکنه با داده مالی میده lstm و این دوستان رو با یک mlp ترکیب میکنه

حالا ابده ها:

یک اینکه موقع ساخت گراف بیام از شاخص های مالی استفاده کنیم خیلی کمک میکنن ارتباط رو بهتر بفهمیم همچنین میتونن در اینکه ما یک وزنی بدیم به گراف کمک کنند

ایده دوم اینه مکانیزم توجه همیشه جوابه شاید با اون و شاخص های مالی بتونیم ارتباط را بهتر مدل کنیم و نیاز به گراف نباشه شایدم شاخص های مالی رو بدیم به توجه بعد استفاده کنیم تو گراف خلاصه ساخت گرافش جا داره هنوز

نکته بعدی اینه یک این از یک Istm ساده استفاده کرده که قضیه انقدر ساده خوب نی شاید بهتره از transformer ها و شبکه های پیچیده تر استفاده کنیم همچنین می تونیم شاخص ها را اینجا هم اضافه کنیم



igure 1: Framework Overview: Combining Graph Neural Network and ChatGPT to predict stock movements.

یرامیت:

Forget all your previous instructions. I want you to act as an experienced financial engineer. I will offer you financial news headlines in one day. Your task is to:

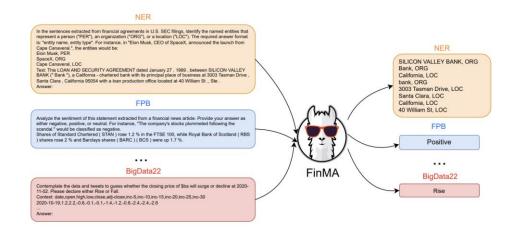
- Identify which target companies will be impacted by these news headlines. Please list at least five of them.
- 2. Only consider companies from the target list.
- 3. Determine the sentiments of the affected companies: positive, negative, or neutral.
- 4. Only provide responses in JSON format, using the key "Affected Companies".
- 5. Example output: {"Affected Companies": {Company 1: "positive", Company 2: "negative"}}
- 6. News Headlines are separated by "\n"

News Headlines: ...

بعد ی سری ایده زد به ذهنم که شاید خوب باشه مثلا ما برای هر سهام یک اکسپرت داشته باشیم

یا اینکه مثلا اینکه شاخص های مختلف را داشته باشیم مدل multi task طور مثلا یکی اتفاقای مهم رو شناسایی کنه و تاثیرشو رو سهام ها بسنجه یکی بیاد ریسک رو شناسایی کنه یکی بیاد قیمت رو در بیاره و اینا کنار هم کار کنن

مدل PIXIU: A Large Language Model, Instruction Data and Evaluation Benchmark for Finance



https://github.com/The-FinAI/PIXIU?tab=readme-ov-file

اومده instruct tuning کرده روی چندین تسک مختلف و دیتاست و مدل رو گذاشته کامل دمش گرم کلا به نظرم کار باحالیه که این تسک های مختلف رو از هم جدا کرد و جدا جدا به مدل اموزش بدی و خب ربزالت هاش همچین خوب بود میشه ازش استفاده کرده برای predict

ی حرف خوبی که زده بود این بود این بنچ مارک ها همشون اومده هی فقط روی مدل های زبانی مالی خودشون رو evaluate کردن ولی خوبه که ببینیم تو stock prediction چند چندن

داده:

Data	Task	Raw	Instruction	Data Types	Modalities	License
FPB	sentiment analysis	4,845	48,450	news	text	CC BY-SA 3.0
FiQA-SA	sentiment analysis	1,173	11,730	news headlines,tweets	text	Public
Headline	news headline classification	11,412	11,412	news headlines	text	CC BY-SA 3.0
NER	named entity recognition	1,366	13,660	financial agreements	text	CC BY-SA 3.0
FinQA	question answering	8,281	8,281	earnings reports	text,table	MIT License
ConvFinQA	question answering	3,892	3,892	earnings reports	text,table	MIT License
BigData22	stock movement prediction	7,164	7,164	tweets, historical prices	text,time series	Public
ACL18	stock movement prediction	27,053	27,053	tweets historical prices	text,time series	MIT License
CIKM18	stock movement prediction	4,967	4,967	tweets, historical prices	text,time series	Public

مقاله Trade the Event: Corporate Events Detection for News-Based Event-Driven Trading

https://github.com/Zhihan1996/TradeTheEvent

روشهای مبتنی بر ویژگیهای متنی:

این روشها پیشبینی قیمت سهام را به عنوان یک مسأله طبقهبندی متن در نظر می گیرند.

به طور مستقیم، بر اساس ویژگیهای استخراج شده از اخبار، افزایش یا کاهش قیمت سهام را پیشبینی می کنند.

به دلیل عدم توجه به دلایل تغییر قیمت سهام، در تصمیم گیری معاملاتی ضعیف عمل می کنند.

روشهای مبتنی بر تحلیل احساسات:

این روشها احساسات موجود در اخبار را به عنوان شاخصی برای حرکت سهام در نظر می گیرند.

اما، احساسات اخبار می تواند ذهنی باشد و به طور قابل توجهی تحت تأثیر دیدگاه و سبک نگارش نویسنده قرار گیرد.

راه حل: جمله ها را توكن كنيم برچسب بزنيم

گرفتاری: شناسایی رویدادها تنها در سطح کلمه (واژه به واژه)، ممکن است درک کل مقاله را نادیده بگیرد.

مدل تشخیص رویداد دو سطحی:

برای غلبه بر این مشکل، از یک مدل تشخیص رویداد دو سطحی استفاده می شود.

سطح پایین:

وظیفه شناسایی زیرمجموعههایی از متن (توالی کلمات) را بر عهده دارد که رویدادهای خاصی را توصیف میکنند.

این کار با طبقهبندی تک تک کلمات (واژهها) در متن انجام میشود.

سطح بالا:

نتایج پیشبینی شده از سطح پایین را دریافت می کند.

این نتایج را با اطلاعات کلی متن کل مقاله ادغام می کند.

با در نظر گرفتن این ترکیب، احتمال وقوع هر رویداد را پیشبینی می کند.

مزایای مدل دو سطحی:

این مدل میتواند هم به کلمات کلیدی خاص (سطح پایین) و هم به چارچوب کلی متن (سطح بالا) توجه کند.

این امر منجر به درک عمیقتر از رویدادهای ذکر شده در اخبار میشود.

گرفتاری دیگ : یکی دیگر از مشکلات موجود در مدلهای فعلی این است که زمانبندی مقالات خبری را نادیده می گیرند. بیشتر آنها از مقالات خبری برای پیشبینی افزایش/کاهش اوراق بهادار مرتبط در روز(های) معاملاتی آینده استفاده می کنند. با این حال، قیمتهای سهام احتمالاً بهطور فوری در پاسخ به اخبار قابل توجه تغییر می کنند. بنابراین، حرکت سهام در روز(های) معاملاتی آینده ممکن است نتواند تأثیر مقاله خبری را به دقت بازتاب دهد. برای حل این مشکل، ما پیشبینهای سهام را همان لحظهای که یک مقاله خبری منتشر می شود انجام می دهیم و با سیاستهای معاملاتی پیشنهادی در همان لحظه معاملات انجام می دهیم.

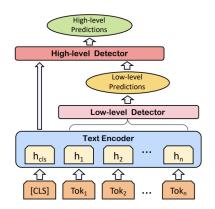


Figure 2: Model overview. The low-level detector identifies corporate events from each token, while the highlevel detector summarizes the low-level predictions and the input representation to detect events at the articlelevel

این text encoder عه

کار باحال دیگه: علاوه بر event بیایم اسم شرکت های موجود در رشته ها را در بیاریم بر اساس ticker شون سیاست خریدوفروش در انتها (Trade-At-End):

سهام شرکت "X" در اولین زمان ممکن پس از انتشار خبر خریداری می شود.

سهام به مدت k روز معاملاتی (مثلا 10 روز) نگه داشته می شود.

در پایان روز k ام، سهام به هر قیمتی که در بازار وجود دارد، فروخته می شود.

سياست خربدوفروش با بهترين قيمت (Trade-At-Best):

سهام شرکت "X" در اولین زمان ممکن پس از انتشار خبر خریداری میشود.

در بازه زمانی k روز معاملاتی (مثلا 10 روز)، سهام به طور مداوم رصد می شود.

اگر در این بازه زمانی، قیمت سهام به بالاترین حد خود برسد، سهام فروخته می شود.

در غیر این صورت، سهام در روز k ام به قیمت بازار فروخته می شود.

راه:

- (۱) شناسایی سیگنالهای معاملاتی (مانند رویدادهای شرکتی یا احساسات) از مقالات خبری؛
- (۲) برای هر مقاله که سیگنالهای معاملاتی شناسایی شدهاند، شرکت(تیکر) مربوطه را تشخیص دهید؛
 - (۳) دادههای قیمت سهام شناسایی شده را در اطراف زمان انتشار اخبار به دست آورید؛
 - (۴) معاملات براساس سیاستهای معاملاتی انجام دهید.

معیارهای ارزبایی:

نرخ سود (Winning Rate):

برای تراکنشهای خرید، نرخ سود به صورت زیر محاسبه می شود: (قیمت فروش - قیمت خرید) تقسیم بر قیمت خرید ضریدر ۱۰۰.

برای تراکنشهای فروش استقراضی (Short-Selling)، نرخ سود به صورت زیر محاسبه می شود: (قیمت فروش -قیمت خرید) تقسیم بر قیمت فروش ضریدر ۱۰۰.

نرخ سود بالا (Big Win Rate):

تعداد تراکنشهایی که سود آنها حداقل ۱ % باشد، بر کل تراکنشها تقسیم میشود.

میانگین بازدهی هر تراکنش (Average Return per Transaction):

میانگین سود/زیان تمامی تراکنشها محاسبه میشود.

بازده مازاد بر بازار (Excess Return):

عملکرد مدل با در نظر گرفتن عملکرد کلی بازار مقایسه میشود.

برای سنجش عملکرد بازار، از شاخص S&P 500 به عنوان معیار استفاده میشود.

بازده مازاد بر بازار برای هر مدل، برابر است با کل بازدهی مدل منهای بازدهی بازار.

فرضيهها:

سرمایهی اولیه برای هر مدل، ۱۰۰۰۰ دلار در نظر گرفته می شود.

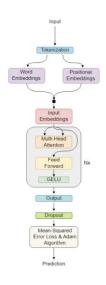
برای هر سیگنال معاملاتی، ۲۰۰۰ دلار سرمایه گذاری میشود.

در صورتی که میزان نقدینگی موجود کمتر از ۲۰۰۰ دلار باشد، ۲۰% از کل موجودی برای سیگنال معاملاتی جدید اختصاص داده می شود.

کارمزد ۲.۰% برای هر تراکنش در نظر گرفته میشود.

مقاله Natural Language Processing and Multimodal Stock مقاله Price Prediction

یک سهم ارزش 50 دلار کاهش 5 دلاری ارزش بیشتری دارد نسبت به یک سهم ارزش 6000 دلار که 5 دلار کاهش داشته باشد.



مقاله Integrating Stock Features and Global Information via Large Language Models for Enhanced Stock Return Prediction

استفاده ناکافی از اطلاعات معنایی: مدلهای فعلی به طور کامل از اطلاعات معنایی غنی که LLMs ارائه می کنند، استفاده نمی کنند.

هماهنگی اطلاعات LLM با دادههای موجود: ترکیب اطلاعاتی که LLMs از متن یاد می گیرند با دادههای سنتی بازار سهام دشوار است.

embeddings تولید شده توسط LLMs و ویژگیهای سهام بهصورت ذاتی همان مدلی نیستند و در یک فضای معنایی یکپارچه همتراز نیستند

در این مدل، ما دو بخش مهم داریم: مدل محلی و مدل جهانی. مدل محلی برای مدل کردن اطلاعات ویژگیهای خاص هر سهم به کار میرود، مانند حجم، قیمت و ویژگیهای فنی دیگر، برای پیشبینی بازدهی سهم. در عین حال، مدل جهانی اطلاعات جهانی را مدل می کند، به این معنی که تأثیر بازارها، صنایع و سیاستها بر بازدهی سهم را مدل می کند. در این مدل، بازدهی هر سهم به صورت ترکیبی از اطلاعات محلی و جهانی محاسبه می شود. از طریق تابع احقاله، این دو نوع اطلاعات به هم ترکیب می شوند تا بازدهی پیشبینی شود. سپس با استفاده از تابع هزینه، که می تواند مثلاً هزینه میانگین مربعات باشد، ما سعی می کنیم که اختلاف بین بازدهی و پیشبینی شده را کمینه کنیم.

$$r_{t,i} = \alpha_{t,i} + \beta_{t,i} f_t, \tag{1}$$

where f_t represents the function that models the alignments between stock features and the global information at time t. We denote the Local and Global components as follows:

$$\alpha_t = F_{local}(M_{t-1}) \in R^{n_{t-1}, 1},$$
(2)

$$\beta_t = F_{beta}(M_{t-1}) \in R^{n_{t-1}, D},$$
 (3)

$$f_t \in R^{D,1}. (4)$$

Here, $F_{local}(M_{t-1})$ and $F_{beta}(M_{t-1})$ represent the models that predict the α and β components, respectively. D is the desired dimensionality of the aggregated vector (i.e., the output dimension of f_t). Please note that $F_{local}(M_{t-1})$, $F_{beta}(M_{t-1})$, and f_t can be implemented using machine learning or deep learning models, such as Multi-Layer Perceptron (MLP). Based on the above descriptions, our proposed Local-Global model that estimates stock returns at time t is defined as follows:

$$\hat{r_t} = F_{local}(M_{t-1}) + \underbrace{F_{beta}(M_{t-1}) \cdot f_t}_{F_{global}(\cdot)}.$$
 (5)

نگا دو بخش داریم بخش اول استفاده از اطلاعات محلی سهام برای predict قیمت سهام بخش دوم میشه اطلاعات خارجی طور حالا اطلاعات خارجی رو میتونیم با اطلاعات سهام های دیگ بدست بیاریم یا با Ilm ها یا با ترکیب هر دو

برای استفاده از سهام های دیگه از مکانیزم توجه میتونیم استفاده کنیم

$$K = M_{t-1} \cdot W_{\text{key}} \in \mathbb{R}^{n_{t-1} \times D}, \ V = M_{t-1} \cdot W_{\text{value}} \in \mathbb{R}^{n_{t-1} \times D}.$$
(6)

Next, we introduce a query vector $q \in \mathbb{R}^{1 \times D}$ and compute the attention weights a_{att} using the dot product between the query vector and the key matrix, normalized by their Euclidean norms:

$$a_{att} = \max\left(0, \frac{q \cdot K^T}{\|q\|_2 \cdot \|K\|_2}\right),$$
 (7)

where the max function ensures that the attention weights remain non-negative. We then normalize the attention weights by dividing them by their sum to ensure that the attention weights sum up to 1:

$$a_{att} = \frac{a_{att}}{\operatorname{sum}(a_{att})}. (8)$$

Finally, the alignment function of Model 1 is defined as follows:

$$f_t^{\text{stock}} = (a_{att} \cdot V)^T \in \mathbb{R}^{D \times 1}. \tag{9}$$

برای Ilm میتونیم از لاما استفاده کنیم و بگیم که بیا اینم متن اخبار حالا توکن بعدی را پیش بینی کن و بردار رو در بیاریم بعدم با ی مدلی تبدیلش کنیم به فضایی که میخوایم مثلا یک لایه خطی

Example of Prompt:

China implements a fishing ban period system in key water areas of the Yellow River Basin

Local development of culture, finance, nighttime economy, intellectual property protection, and others will receive priority support

Thailand has reported 63 cases of Omicron variant importation

...
{All the news headlines of the day}

Each day we generate one V_{llm} . It is worth noting that we have also explored various strategies for constructing fewshot prompts. For instance, we attempted to incorporate instructions such as analyzing market trends, predicting stock returns, and labeling each piece of information with industry and market-related tags. However, calculating the correlation between the daily V_{llm} generated by these different prompt strategies revealed a remarkably high correlation. Consequently, the performance was unsatisfactory. On the other hand, the prompt construction method we proposed exhibited a lower correlation and yielded superior results. This phenomenon suggests that when the correlation between daily V_{llm} is lower, there is increased information diversity, which is expected to supplement more global information.

To align the stock features and V_{llm} , we define parameters $W_{llm} \in \mathbb{R}^{D,d_{llm}}$ that can be learned by minimizing the loss function l, and the alignment function of Model 2 becomes

$$f_t^{llm} = W_{llm} V_{llm}^T \in \mathbb{R}^{D,1}. \tag{10}$$

information:

$$f_t = f_t^{\text{stock}} \odot V_{sparse}, \tag{11}$$

where $f_t^{\rm stock}$ is the alignment function defined in Model 1, and V_{Sparse} is a sparse vector (e.g., $[0,0,1,\cdots,1,0]$) transformed from f_t^{llm} . The transforming processes will be presented in section 2.2. The element-wise multiplication (\odot) is performed to incorporate the sparse information into the global representation. Now, the complete estimation of stock returns $\hat{r_t}$ becomes

$$\hat{r_t} = F_{local}(M_{t-1}) + F_{beta}(M_{t-1}) \cdot (f_t^{stock} \odot V_{sparse}). \tag{12}$$

حاصل ضرب بین مال سهام و مال Ilm رو میایم sparse هم میکنیم

اما این دوتا اطلاعات اونقد باهم همراستا نیستن پس میاد ی rl میزنه که احتمالات اینا را یکی کنه

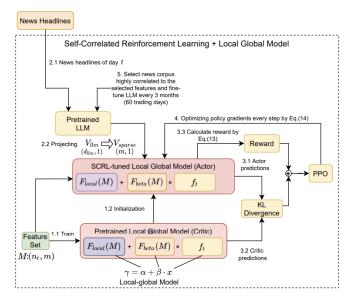


Figure 1: The Self-Correlated Reinforcement Learning with Local Global Model.

همزمان با اخبار انتخاب شده هم مدل Ilm اش رو finetune میکنه

ARIMA

Auto Regressive Integrated Moving Average is a statistical model class that is used for time series analysis and forecasting. It is a widely used approach in the field of econometrics for modeling and predicting economic data such as stock prices, GDP, and inflation rates. ARIMA models assume that time series data can be described as a combination of autoregressive (AR), moving average (MA), and differencing terms. The basic mathematical equation for an ARIMA(p,d,q) model:

$$y(t) = c + \varphi(1)y(t-1) + \dots + \varphi(p)y(t-p) - \theta(1)\varepsilon(t-1) - \dots - \theta(q)\varepsilon(t-q) + \varepsilon(t)$$
 (1)