



Inicio: XX de XX de 202X,
HH:00

Límite de entrega: HH+1:00

Nombre y apellidos : JUANITA ZURITA DNI : 271828

PROBABILIDAD E INFERENCIA PARAMÉTRICA

Enunciado

- Escribe nombre, DNI y fecha en un folio en blanco. Si tienes algún inconveniente, escribe rápidamente al profesor. Copia el número de la pregunta que estás resolviendo y la respuesta. No copies el enunciado.
- Asígurate de responder a todas las preguntas.
- Firma el documento anterior, pon encima de ese folio tu DNI o tu carnet de estudiante de modo que se pueda ver el texto y la firma, saca una foto de todo ello. Las siguientes aplicaciones pueden ser útiles: “herramienta de escaneo de google drive”, **adobe scan** ó **camscanner** desde el móvil, o **webcamoid** desde PC.
- Si el formato obtenido no es pdf, convierte el archivo a pdf, utilizando por ejemplo la opción “imprimir a archivo”.
- Sube el archivo pdf a la tarea moodle.
- Graba un archivo de vídeo en el que respondas a la última pregunta.
- Entrega el vídeo o vídeos en ...



Preguntas

Question 1

En un edificio de 43 viviendas, el gasto mensual de agua corriente de cada casa se puede modelizar mediante la misma distribución, uniforme continua en el intervalo $[20, 44]$. Los gastos tienen una correlación del 10%.

- Calcula la esperanza del gasto de agua conjunto de todas las viviendas del edificio.
- ¿Se puede aproximar el gasto de agua conjunto de todas las viviendas del edificio usando el teorema central del límite? Si es así, estima la desviación típica del gasto conjunto.

La portería pasa a la comunidad gastos de electricidad y calefacción que siguen una distribución normal multivariable. El gasto de electricidad medio es de 20 euros, y tiene una desviación estándar de 16 euros. El gasto de calefacción medio en enero es de 60 euros, y tiene una desviación estándar de 25 euros. Ambos gastos tienen una correlación del 50%.

- Calcula la probabilidad de que el gasto de electricidad más calefacción de la portería sea mayor de 90 euros. ¿Cuál sería esa probabilidad si los gastos en electricidad y calefacción en la portería fueran independientes?



Question 2

Para una operación de reparaciones en alta mar, cierto sistema crítico S_1 está formado por 33 componentes que deben funcionar todos correctamente para que la misión termine con éxito. La probabilidad de que cada componente funcione es 0.99 y los componentes se averían independientemente.

- ¿Cuál es la probabilidad de que el sistema S_1 funcione?
- Como pensamos que la probabilidad de fallo de S_1 es demasiado grande, se instala otro sistema auxiliar S_2 , con otro enfoque totalmente diferente no basado en componentes, que tiene una probabilidad de funcionar del 40%. Calcula la probabilidad de que funcione alguno de los dos sistemas y la misión se pueda completar.
- Si el sistema funcionó, calcula la probabilidad de que S_1 fallase, y la activación de S_2 haya salvado la misión.



Question 3

Según cierto dietista, la proporción en la flora bacteriana de actinobacteria sigue una distribución normal de media 0.05 y desviación típica 0.01.

La dieta del submarino podría provocar trastornos digestivos a las personas con menos de un 2% de actinobacteria. Y si más de 2 personas tienen estos problemas, puede comprometer la misión.

- Si en el submarino hay una tripulación de 30 personas, calcula la probabilidad de que más de 2 personas tengan problemas digestivos.
- En cada misión, la proporción de actinobacteria de cada tripulante puede cambiar, de modo que tenemos la misma probabilidad de trastornos digestivos. ¿Qué distribución de probabilidad sigue el número de misiones hasta que una misión se vea comprometida por esta causa por primera vez? Encuentra los percentiles 5% y 95% para este número de misiones.

