

UNIVERSIDADE FEDERAL DO CEARÁ  
CAMPUS QUIXADÁ

- COMPUTAÇÃO GRÁFICA
- PROFESSOR: RUBENS F. NUNES
- ALUNO: ANTÔNIO ANDSON DA SILVA

LISTA 1

[2] CONVERSÃO ENTRE SISTEMA DE COORDENADAS

A) OBJETIVO ENCONTRAR A MATRIZ DE TRANSFORMAÇÃO  $T'_{OBJ}$  QUE CONVERTE COORDENADAS DO SISTEMA LOCAL  $\rightarrow$  GLOBAL. MOSTRAR EQUIVALÊNCIA À COMPOSIÇÃO DE TRANSFORMAÇÃO.

- POR COMPOSIÇÃO DE ~~TRANS~~ TRANSFORMAÇÕES:

$$T'_{OBJ} = T(1, 2, 0) \cdot R'$$

O SISTEMA PASSOU POR DUAS ROTAÇÕES:

1. ROTAÇÃO DE  $45^\circ$  NO EIXO Z

2. ROTAÇÃO DE  $-90^\circ$  NO EIXO Y.

$$R_z(45^\circ) = \begin{bmatrix} \cos 45^\circ & -\sin 45^\circ & 0 \\ \sin 45^\circ & \cos 45^\circ & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$R_y(-90^\circ) = \begin{bmatrix} \cos(-90^\circ) & 0 & \sin(-90^\circ) \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin(-90^\circ) & 0 & \cos(-90^\circ) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$



$$R' = R_y(-90^\circ) R_z(45^\circ)$$

$$R' = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$O'(1, 2, 0) \text{ ENTÃO } T(1, 2, 0)$$

$$T(1, 2, 0) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

VOLTANDO AO INICIO DA RESOLUÇÃO, SABEMOS QUE:

$$T'_{OBJ} = T(1, 2, 0) \cdot R'$$

$$T'_{OBJ} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ 0 & \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 2 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

MATRIZ QUE TRANSFORMA COORDENADAS DO SISTEMA LOCAL PARA GLOBAL.



• POR SISTEMAS DE COORDENADAS:

CONSTRUÍMOS A MATRIZ ENCONTRANDO OS VETORES BASE DO SISTEMA LOCAL NO SISTEMA GLOBAL.

• VETOR  $I'$ :  $I' = (0, 0, 1)$

• VETOR  $J'$ :  $J' = (O' - O_c)_{\text{un}} = (1, 2, 0) - (2, 2, 0) = (-1, 0, 0)$

-  $O_c$  é o ponto onde câmera está.

-  $O'$  é o ponto para onde a câmera está olhando.

-  $O' - O_c$  VETOR QUE APONTA DA CÂMERA PARA O CENTRO DA CENA.

$$V_u = \frac{V}{|V|}$$

NORMALIZANDO  $|J'| = \sqrt{(-1)^2 + 0^2 + 0^2} = 1$

ENTÃO,

$$J' = \left( -\frac{\sqrt{2}}{2}, 0, 0 \right)$$

• VETOR  $K'$ : PRODUTO VETORIAL DE  $I' \times J'$

$$K' = \left( -\frac{\sqrt{2}}{2}, -\frac{\sqrt{2}}{2}, 0 \right)$$

$$T_{OBS}^1 = \begin{bmatrix} I'_x & J'_x & K'_x & O'_x \\ I'_y & J'_y & K'_y & O'_y \\ I'_z & J'_z & K'_z & O'_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$O' = (1, 2, 0)$$



$$T'_{OBJ} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 1 \\ 0 & \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 2 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

B) OBJETIVO ENCONTRAR MATRIZ  $T_c$ . APLICAR  $T_c$  A UM PONTO. CÓDIGO OPENGGL.

A CÂMERA É DEFINIDA POR:

- POSIÇÃO DA CÂMERA (OLHO ou  $O_c$ ):  $O_c = (2, 1, 0)$
- CENTRO DA CÂMERA ( $O'$ ):  $O' = (1, 2, 0)$
- VETOR UP:  $N_{up} = (0, 1, 0)$

COM ESSAS DEFINIÇÕES É POSSÍVEL CONSTRUIR A BASE ORTONORMAL DO SISTEMA DA CÂMERA, DAÍ DEPOIS É SÓ CONSTRUIR A MATRIZ  $T_c$ .

- VETOR  $K_c$  (DIREÇÃO DA CÂMERA - "PARA FRENTE").

$$K_c = \frac{O_c - O'}{|O_c - O'|}$$

$$K_c = \left( \frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}, 0 \right)$$

RESUMO (OLHO - CENTRO)



- VETOR  $I_c$  (DIREÇÃO DA CÂMERA - "PARA A DIREITA")

$$I_c = V_{up} \times K_c |u$$

$$I_c = (0, 0, -1)$$

- VETOR  $J_c$  (DIREÇÃO DA CÂMERA - "PARA CIMA")

$$J_c = K_c \times I_c$$

$$J_c = (\sqrt{2}/2, \sqrt{2}/2, 0)$$

A MATRIZ  $T_c$  É COMPOSTA POR, MATRIZ DE ROTAÇÃO  $R' | I_c, J_c, K_c |$  E PELA MATRIZ DE TRANSLAÇÃO  $R' | -O_c |$ , QUE MOVE A CÂMERA PARA A ORIGEM DO SISTEMA DA CÂMERA.

$$R' | -O_c | = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} -2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$R' | -O_c | = (0, -\frac{3\sqrt{2}}{2}, -\frac{\sqrt{2}}{2})$$



A EQUAÇÃO GERAL  $T_C$  É:

$$T_C = \begin{bmatrix} R' & R'(1-O_C) \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$T_C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 & 0 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 & -\frac{3\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 & -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$P_C^* = T_C \cdot P^*$  A MATRIZ  $T_C$  CONVERTE  $P^*$  PARA  $P_C^*$  NO SISTEMA DA CÂMERA.

1. O PONTO  $P^*$  (OBJETO)
2. A MATRIZ  $T'_{OBJ}$  CONVERTE  $P^*$  PARA  $P^*$  NO SISTEMA GLOBAL
3. A MATRIZ  $T_C$  FAZ O CITADO ACIMA

$$P^* = (1, 0, 0) \text{ - LOCAL}$$

$$P^* = T'_{OBJ} \cdot P^* = (1, 2, 1) \text{ - GLOBAL}$$

$$P_C^* = T_C \cdot P^* = (-1, 0, -\sqrt{2}) \text{ - CAMERA}$$

CÓDIGO OPENGL É SÓ CHAMAR `gluLookAt(2, 1, 0, 1, 2, 0, 0, 1, 0);`