

Спецкурс: системы и средства параллельного программирования.

Отчёт № 1. Анализ влияния кэша на операцию матричного умножения.

Работу выполнил **Чепурнов А. В.**

Постановка задачи и формат данных.

Задача: Реализовать последовательный алгоритм матричного умножения и оценить влияние кэша на время выполнения программы.

Формат командной строки: <имя файла матрицы A><имя файла матрицы B><имя файла матрицы C><режим, порядок индексов>.

Режимы: 0 - ijk, 1 - ikj, 2 - jik, 3 - jki, 4 - kij, 5 - kji.

Формат файла-матрицы: Матрица представляются в виде бинарного файла следующего формата:

Тип	Значение	Описание
Число типа char	T – f (float) или d (double)	Тип элементов
Число типа int	N – натуральное число	Число строк матрицы
Число типа int	М – натуральное число	Число столбцов матрицы
Массив чисел типа Т	$N \times M$ элементов	Массив элементов матрицы

Элементы матрицы хранятся построчно.

Описание алгоритма.

Математическая постановка: Алгоритм матричного умножения ($A \times B = C$) можно

$$c_{ij} = \sum \left(a_{ik} \cdot b_{kj} \right)$$

представить в следующем виде: $\frac{c_{ij}}{k}$ для каждого элемента матрицы C.

Оценка влияния кэша на время выполнения программы осуществляется за счёт перестановки индексов суммирования.

Анализ времени выполнения: Для оценки времени выполнения программы использовалась функция: clock(). Для повышения надёжности экспериментов опыты проводились несколько раз (10).

Верификация: Для проверки корректности работы программы использовались тестовые данные.

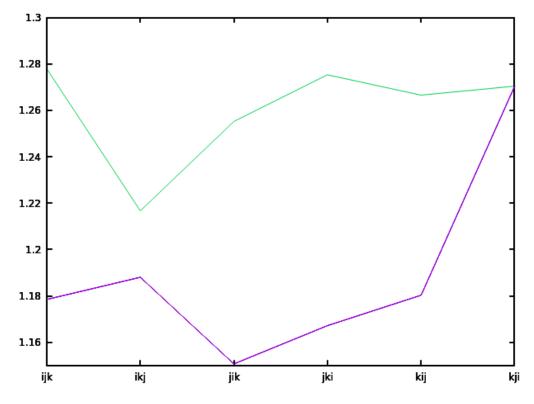
Основные функции:

- Разбор командной строки. В рамках функции осуществляется анализ и разбор командной строки.
- Чтение файлов матриц. В рамках функции осуществляется анализ совместимости входных матриц и их чтение.
- Перемножение матриц. В рамках функции осуществляется перемножение матриц в соответствие с выбранным порядком индексов суммирования.

Результаты выполнения.

Результаты:

Проводилось перемножение двух матриц размерами 300x300 с данными типа float и перемножение матриц размерами 500x100 и 100x500 с данными типа double. Зависимость времени выполнения от порядка индексов суммирования представлена на графике (время в секундах).



Зелёный – тип float, синий – тип double

Основные выводы.

Исследования показывают, что изменения порядка индексов суммирование оказывает влияние на время выполнения программы. Для перемножения матриц с данными типа float наименьшее время выполнения при следующем порядке индексов — ikj, для матриц с данными типа double — jik. При таких порядках доступ к элементам обеих входных матриц осуществляется последовательно в каждом случае соответственно. Наихудшее время при порядке ijk для матриц float и kji для матриц double. При таком подходе доступ к памяти осуществляется максимально непоследовательно.