Concurso Público do Instituto Federal de Sergipe para provimento dos cargos efetivos de Professor do EBTT

#### Física.

André V. Silva

www.andrevsilva.com

Sunday 6<sup>th</sup> July, 2025

A Terra não é um referencial inercial porque ela tem movimentos acelerados, como a rotação em torno de seu eixo e a translação em torno do Sol. Esses movimentos geram forças fictícias (como Coriolis e centrífuga) que só existem em referenciais não inerciais. Cálculo da aceleração centrípeta de um ponto na superfície da Terra devido à rotação:

- Raio da Terra:  $R \approx 6,37 \times 10^6 \, \mathrm{m}$
- Período de rotação:  $T = 24 \,\mathrm{h} = 86400 \,\mathrm{s}$

#### Passo 1: velocidade angular

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \approx \frac{2\pi}{86400} \approx 7,27 \times 10^{-5} \,\mathrm{rad/s}$$

#### Passo 2: aceleração centrípeta

$$a_c = \omega^2 R$$

Substituindo os valores numéricos:

$$a_c = (7,27 \times 10^{-5})^2 \cdot 6,37 \times 10^6$$

$$a_c \approx 0.034 \,\mathrm{m/s}^2$$

#### Resultado:

$$a_c \approx 0,034 \,\mathrm{m/s}^2$$

## **Q31**

A la Lei de Newton do Movimento, ou Lei da Inércia, define os referenciais inerciais e os referenciais não inerciais. A Terra não é um referencial inercial porque possui

- (A) massa maior que a massa da Lua.
- (B) movimento de rotação em torno do seu eixo.
- (C) superfície irregular, com deformações.
- (D) massa menor que a massa do Sol.

#### Solução:

A resposta correta é alternativa **B**.

## As Leis de Newton – Leis Fundamentais da Mecânica

Isaac Newton formulou, no século XVII, três princípios fundamentais que descrevem as relações entre as forças aplicadas a um corpo e o movimento que ele executa. Essas leis são a base da Mecânica Clássica.

#### 1<sup>a</sup> Lei de Newton – Lei da Inércia

"Todo corpo continua em seu estado de repouso ou de movimento retilíneo uniforme, a menos que seja obrigado a mudar esse estado por forças que sobre ele atuem."

Em outras palavras: um corpo tende a manter sua velocidade constante (em módulo, direção e sentido) se a força resultante sobre ele for nula. Isso significa que a tendência

natural dos corpos não é "parar" (como pensavam os gregos), mas sim manter o estado em que estão, seja parado, seja em movimento retilíneo uniforme.

Matematicamente:

$$\sum \vec{F} = 0 \implies \vec{v} = \text{constante}$$

#### 2ª Lei de Newton – Princípio Fundamental da Dinâmica

# "A força resultante sobre um corpo é igual ao produto da sua massa pela aceleração que ele adquire."

Em outras palavras: quando a força resultante sobre um corpo é diferente de zero, ele sofre uma aceleração na mesma direção e sentido da força resultante.

Matematicamente:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

onde:

- $\sum \vec{F}$ : força resultante sobre o corpo
- m: massa do corpo (constante)
- $\vec{a}$ : aceleração do corpo

Essa lei também pode ser interpretada como a relação de causa (força resultante) e efeito (aceleração).

## 3ª Lei de Newton – Princípio da Ação e Reação

# "A toda ação corresponde sempre uma reação, de mesma intensidade, mesma direção e sentido oposto."

Em outras palavras: sempre que um corpo A exerce uma força sobre um corpo B, o corpo B exerce uma força de mesma intensidade e direção, mas em sentido oposto, sobre o corpo A.

Matematicamente:

$$\vec{F}_{AB} = -\vec{F}_{BA}$$

Essas forças:

- nunca se anulam entre si, pois atuam em corpos diferentes;
- sempre ocorrem em pares (ação e reação simultaneamente).

#### Resumo

Lei	Nome	Fórmula
$1^{a}$	Inércia	$\sum \vec{F} = 0 \implies \vec{v} = \text{constante}$
$2^{\underline{a}}$	Dinâmica	$\sum \vec{F} = m\vec{a}$
3 <u>a</u>	Ação e Reação	$ec{F}_{AB} = -ec{F}_{BA}$

## **Q32**

Um bloco A de massa  $m_1$  está sobre uma mesa horizontal. O coeficiente de atrito cinético entre o bloco e a mesa é  $\mu_k$ . Um fio inextensível e de massa desprezível, conectado ao bloco A, passa por uma polia de massa e atrito desprezíveis. Na outra extremidade do fio, está um bloco B de massa  $m_2$ , suspenso. Quando o bloco A desliza sobre a mesa, puxado pelo bloco B, a tensão no fio é igual a:

$$(A) \qquad \frac{m_1 m_2 (1 + \mu_k) g}{m_1 + m_2}$$

$$(B) \qquad \frac{(m_2 + \mu_k m_1)g}{m_1 + m_2}$$

$$(C) \qquad \frac{m_1 m_2 (1 - \mu_k) g}{m_1 + m_2}$$

$$(D) \qquad \frac{(m_2 - \mu_k m_1)g}{m_1 + m_2}$$

#### Solução:

Queremos determinar a **tensão** T no fio.

#### Análise das forças

#### Bloco A (horizontal)

Forças horizontais no bloco A:

$$T - f_{\rm at} = m_1 a$$

O atrito cinético é dado por:

$$f_{\rm at} = \mu_k m_1 g$$

Portanto:

$$T - \mu_k m_1 g = m_1 a$$

$$T = m_1 a + \mu_k m_1 g$$

#### Bloco B (vertical)

Forças verticais no bloco B:

$$m_2g - T = m_2a$$

#### Equação do sistema

Os blocos têm aceleração comum a. Somamos as equações:

$$(T - \mu_k m_1 g) + (m_2 g - T) = m_1 a + m_2 a$$

O termo T se cancela:

$$m_2g - \mu_k m_1g = (m_1 + m_2)a$$

Assim:

$$a = \frac{m_2 g - \mu_k m_1 g}{m_1 + m_2}$$

#### Substituindo a em T

Substituímos a na equação do bloco A:

$$T = m_1 a + \mu_k m_1 g$$

$$T = m_1 \cdot \frac{m_2 g - \mu_k m_1 g}{m_1 + m_2} + \mu_k m_1 g$$

Distribuindo:

$$T = \frac{m_1 m_2 g - \mu_k m_1^2 g}{m_1 + m_2} + \frac{\mu_k m_1 g(m_1 + m_2)}{m_1 + m_2}$$

Somamos os termos:

$$T = \frac{m_1 m_2 g - \mu_k m_1^2 g + \mu_k m_1^2 g + \mu_k m_1 m_2 g}{m_1 + m_2}$$

Os termos  $-\mu_k m_1^2 g + \mu_k m_1^2 g$  se cancelam:

$$T = \frac{m_1 m_2 g + \mu_k m_1 m_2 g}{m_1 + m_2}$$

Fatorando:

$$T = \frac{m_1 m_2 g(1 + \mu_k)}{m_1 + m_2}$$

#### Resposta final:

$$T = \frac{m_1 m_2 g(1 + \mu_k)}{m_1 + m_2}$$

A resposta correta é alternativa A.

## **Q33**

Num plano inclinado com atrito, que faz um ângulo  $\theta$  com uma superfície horizontal, está uma esfera em repouso. Na direção da iminência do movimento, a força de atrito do plano inclinado sobre a esfera será

- (A) perpendicular ao plano, apontando para baixo.
- (B) paralela ao plano, apontando para baixo.
- (C) perpendicular ao plano, apontando para cima.
- (D) paralela ao plano, apontando para cima.

#### Solução:

## Força de atrito no plano inclinado com atrito

Uma esfera em repouso sobre um plano inclinado com atrito está sujeita a forças. O plano faz um ângulo  $\theta$  com a horizontal.

#### Forças na direção do movimento iminente (para baixo do plano):

• Componente do peso ao longo do plano:

$$P_{\parallel} = mg\sin\theta$$

• Força de atrito estático: Ela se opõe ao movimento iminente (para cima do plano), ajustando-se para manter o equilíbrio. Seu valor máximo possível é dado por:

$$f_{\text{atrito máx}} = \mu_e N$$

onde

$$N = mg\cos\theta$$

é a força normal.

#### Valor real do atrito:

O valor real do atrito enquanto a esfera está em repouso **não é necessariamente o máximo possível**. Ele é apenas o necessário para equilibrar a componente do peso ao longo do plano:

$$f_{\text{atrito}} = mg \sin \theta$$

#### Resposta final:

A força de atrito do plano inclinado sobre a esfera, na direção do movimento iminente, é:

$$f_{\text{atrito}} = mg\sin\theta$$

#### Condições:

- Direção: ao longo do plano, para cima.
- O valor máximo que o atrito pode assumir é:

$$f_{\text{atrito máx}} = \mu_e mg \cos \theta$$

Se  $mg \sin \theta > \mu_e mg \cos \theta$ , a esfera não permaneceria em repouso, pois o atrito não seria suficiente para manter o equilíbrio.

A resposta correta é alternativa **D**.

## **Q34**

Um drone paira a uma altitude de 20 m quando abandona uma caixa de massa igual a 5,0 kg, que cai e atinge o solo com velocidade de 12 m/s, numa região em que a gravidade vale 9,8 m/s<sup>2</sup>. Quanta energia foi dissipada devido à resistência do ar durante a descida da caixa?

- (A) 620 J.
- (B) 540 J.
- (C) 480 J.
- (D) 330 J.

#### Solução:

A energia potencial gravitacional inicial é:

$$E_{p, \text{inicial}} = mgh$$

Substituindo os valores:

$$E_{p, \text{inicial}} = 5, 0.9, 8.20 = 980 \text{ J}$$

A energia cinética final ao atingir o solo é:

$$E_{c, \text{final}} = \frac{1}{2} m v_f^2$$

Substituindo os valores:

$$E_{c, \text{final}} = \frac{1}{2} \cdot 5, 0 \cdot (12)^2 = 360 \text{ J}$$

A energia dissipada pela resistência do ar é a diferença entre a energia potencial inicial e a energia cinética final:

$$E_d = E_{p, \text{inicial}} - E_{c, \text{final}} = 980 - 360 = 620 \text{ J}$$

#### Resposta final:

$$E_d = 620 \text{ J}$$

A resposta correta é alternativa A.

## **Q35**

Em uma colisão unidimensional não relativística, uma partícula de massa 2m colide com uma partícula de massa m em repouso. Se as partículas se unirem após a colisão, que fração da energia cinética inicial será perdida na colisão?

- (A) 1/5.
- (B) 1/4.
- (C) 1/3.
- (D) 1/2.

#### Solução:

Em uma colisão unidimensional não relativística, uma partícula de massa 2m colide com uma partícula de massa m em repouso. Após a colisão, as partículas se unem.

Pergunta-se: que fração da energia cinética inicial é perdida na colisão?

## Solução

#### 1. Conservação do momento linear

Antes da colisão, apenas a partícula de massa 2m está em movimento, com velocidade  $v_0$ :

$$p_{\text{inicial}} = (2m)v_0$$

Depois da colisão, as partículas estão unidas, formando um corpo de massa 3m, com velocidade final  $v_f$ :

$$p_{\text{final}} = (3m)v_f$$

Pela conservação do momento linear:

$$2mv_0 = 3mv_f$$

Cancelando m:

$$v_f = \frac{2}{3}v_0$$

#### 2. Energia cinética inicial

Antes da colisão:

$$E_{c,\text{inicial}} = \frac{1}{2}(2m)v_0^2 = mv_0^2$$

#### 3. Energia cinética final

Depois da colisão:

$$E_{c,\text{final}} = \frac{1}{2}(3m)v_f^2$$

Substituindo  $v_f = \frac{2}{3}v_0$ :

$$E_{c,\mathrm{final}} = \frac{1}{2}(3m) \left(\frac{2}{3}v_0\right)^2$$

Calculando o quadrado:

$$E_{c,\text{final}} = \frac{1}{2}(3m) \cdot \frac{4}{9}v_0^2 = \frac{2}{3}mv_0^2$$

#### 4. Energia perdida

Energia perdida:

$$E_{\text{perdida}} = E_{c,\text{inicial}} - E_{c,\text{final}} = mv_0^2 - \frac{2}{3}mv_0^2 = \frac{1}{3}mv_0^2$$

Fração perdida:

Fração = 
$$\frac{E_{\text{perdida}}}{E_{c.\text{inicial}}} = \frac{\frac{1}{3}mv_0^2}{mv_0^2} = \frac{1}{3}$$

#### Resposta final:

$$\frac{E_{\text{perdida}}}{E_{c,\text{inicial}}} = \frac{1}{3}$$

Portanto, a fração da energia cinética inicial perdida na colisão é  $\frac{1}{3}$ .

A resposta correta é alternativa C.

## Conservação Momento Angular

O momento angular  $\vec{L}$  de um corpo é dado por:

$$\vec{L} = I \cdot \vec{\omega}$$

Onde:

- $\vec{L}$ : momento angular
- I: momento de inércia
- $\vec{\omega}$ : velocidade angular

## Princípio da Conservação

Se o  ${f torque}$  resultante externo sobre um sistema é nulo:

$$\vec{L}_{ ext{inicial}} = \vec{L}_{ ext{final}} \quad \Rightarrow \quad I_1 \omega_1 = I_2 \omega_2$$

## Aplicações

- Patinadores puxando os braços e girando mais rápido
- Estrelas colapsando em pulsares
- Satélites e giroscópios

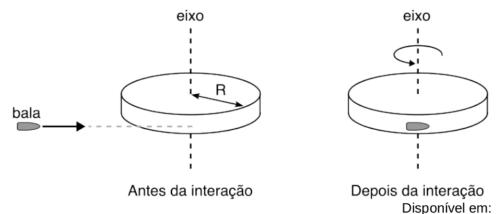
#### Teorema dos Eixos Paralelos (Steiner)

Seja  $I_{cm}$  o momento de inércia em relação ao centro de massa, então para um eixo paralelo a uma distância d:

$$I = I_{cm} + Md^2$$

## **Q36**

Observe a figura a seguir.



<a href="https://edisciplinas.usp.br/pluginfile.php/7795179/mod\_resource/content/0/aula\_exercicios\_P3.pdf">https://edisciplinas.usp.br/pluginfile.php/7795179/mod\_resource/content/0/aula\_exercicios\_P3.pdf</a>>. Acesso em: 25 jun. 2024. [Adaptado].

Uma bala de massa m<br/> se move horizontalmente com velocidade v. A bala atinge a borda de um disco sólido, que está inicialmente em repouso, ficando cravada nele (ver a figura). O disco tem massa M, raio R, momento de inércia  $MR^2/2$  e está livre para girar em torno de seu eixo. Qual é a velocidade angular do disco imediatamente após a bala ser cravada nele?

(A) 
$$\omega = \frac{Mv}{(m + \frac{M}{2})R}$$

(B) 
$$\omega = \frac{mv}{(m + \frac{M}{2})R}$$

(C) 
$$\omega = \frac{mv}{(\frac{M}{2} - m)R}$$

(D) 
$$\omega = \frac{Mv}{(\frac{M}{2} - m)R}$$

#### Solução:

**Princípio:** Como não há torques externos atuando em torno do eixo vertical, o momento angular do sistema em relação ao eixo é conservado.

#### Antes da colisão

O momento angular do sistema em torno do eixo é apenas devido à bala:

$$L_{\text{inicial}} = mvR$$

#### Depois da colisão

Após a colisão, a bala fica presa ao disco na borda, e o sistema (disco + bala) gira com velocidade angular  $\omega$ .

Momento angular do disco:

$$L_{\rm disco} = I_{\rm disco} \cdot \omega = \frac{1}{2} M R^2 \cdot \omega$$

Momento angular da bala (considerada puntiforme a distância R do eixo):

$$L_{\rm bala} = mR^2 \cdot \omega$$

Assim, o momento angular total após a colisão é:

$$L_{\text{final}} = \left(\frac{1}{2}MR^2 + mR^2\right)\omega$$

#### Conservação do momento angular

$$L_{\text{inicial}} = L_{\text{final}}$$

$$mvR = \left(\frac{1}{2}MR^2 + mR^2\right)\omega$$

Dividindo ambos os lados por R:

$$mv = \left(\frac{1}{2}M + m\right)R\omega$$

Isolando  $\omega$ :

$$\omega = \frac{mv}{R\left(\frac{1}{2}M + m\right)}$$

Resposta final:

$$\omega = \frac{mv}{\left(m + \frac{1}{2}M\right)R}$$

A resposta correta é alternativa B.

## **Q38**

Qual o astrônomo que propôs um modelo geocêntrico que permitia descrever e prever as posições dos planetas e que, para isso, propôs que o movimento retrógrado dos planetas não tem sempre o mesmo aspecto e duração?

- (A) Galileu Galilei.
- (B) Johannes Kepler.
- (C) Cláudio Ptolomeu.
- (D) Nicolau Copérnico.

#### Solução:

## Resposta correta

(C) Cláudio Ptolomeu

## Explicação detalhada

#### Quem foi Ptolomeu?

Cláudio Ptolomeu foi um astrônomo, matemático e geógrafo grego que viveu em Alexandria, no Egito, no século II d.C. Ele escreveu a obra *Almagesto*, que se tornou o principal tratado astronômico da Antiguidade e da Idade Média.

#### O que ele propôs?

Ptolomeu refinou o antigo modelo geocêntrico (originalmente defendido por Aristóteles e Hiparco), criando um sistema geométrico e matemático capaz de:

- Prever com precisão a posição dos planetas no céu em diferentes datas.
- Explicar por que os planetas às vezes parecem parar e andar para trás (movimento retrógrado aparente).

#### Como ele explicou o movimento retrógrado?

Para explicar o movimento retrógrado no **modelo geocêntrico**, Ptolomeu propôs que cada planeta não girava apenas em torno da Terra, mas fazia isso percorrendo duas trajetórias ao mesmo tempo:

- Um deferente: círculo grande ao redor da Terra.
- Um epiciclo: círculo menor, cujo centro se move ao longo do deferente.

Esse sistema (deferente + epiciclo) conseguia reproduzir as irregularidades do movimento dos planetas, inclusive o fato de que o movimento retrógrado não tinha sempre o mesmo tamanho nem a mesma duração para cada planeta.

## Por que não as outras alternativas?

- (A) Galileu Galilei: Defendeu o heliocentrismo e fez observações com telescópio (séc. XVII).
- (B) Johannes Kepler: Refinou o heliocentrismo com órbitas elípticas, rejeitando o geocentrismo (séc. XVII).
- (D) Nicolau Copérnico: Propôs o heliocentrismo com órbitas circulares (séc. XVI).

Somente **Ptolomeu** defendeu um modelo **geocêntrico**, consistente com as crenças da época, que já explicava as variações do movimento retrógrado.

#### Resumo

Astrônomo	Modelo	Movimento retrógrado	
Ptolomeu	Geocêntrico com epiciclos	Explicava corretamente o aspecto variável	
Galileu	Heliocentrismo com telescópio	Observações em defesa do heliocentrismo	
Kepler	Heliocentrismo com órbitas elípticas	Refinamento matemático	
Copérnico	Heliocentrismo com órbitas circulares	Proposta inicial	

A resposta correta é alternativa C.

## Gravitação Universal

Lei da Gravitação Universal:

$$F = -G\frac{m_1 m_2}{r^2}$$

Campo gravitacional:

$$g = \frac{GM}{r^2}$$

Energia potencial gravitacional:

$$E_p = -\frac{GMm}{r}$$

## Demonstração da Velocidade de Escape

A velocidade de escape é a mínima velocidade necessária para um corpo escapar da gravidade de um planeta, sem considerar resistência do ar.

#### Conservação de Energia

Considerando um corpo de massa m lançado da superfície de um planeta de massa M e raio R:

• Energia mecânica inicial:

$$E_{\text{inicial}} = \frac{1}{2}mv_e^2 - \frac{GMm}{R}$$

• Energia mecânica final (no infinito):

$$E_{\text{final}} = 0$$

Aplicando a conservação da energia:

$$\frac{1}{2}mv_e^2 - \frac{GMm}{R} = 0 \Rightarrow \frac{1}{2}v_e^2 = \frac{GM}{R} \Rightarrow v_e = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$$

Conclusão: A velocidade de escape depende apenas da massa e do raio do corpo celeste, e não da massa do objeto lançado.

## Questao 38

Um foguete é lançado verticalmente para cima a partir da superfície da Terra. Se a velocidade inicial do foguete for metade da velocidade de escape da Terra, qual a altura que o foguete atingirá, em unidades do raio da Terra ( $R_T$ )? Despreze as influências da rotação da Terra no movimento do foguete.

- (A)  $(7/3)R_T$ .
- (B)  $(5/3)R_T$ .
- (C)  $(2/3)R_T$ .
- (D)  $(1/3)R_T$ .

#### Solução:

A energia mecânica total do foguete se conserva, pois desprezamos a resistência do ar. Na superfície da Terra  $(r = R_T)$ , a energia total é a soma da energia cinética e potencial:

$$E_i = \frac{1}{2}mv_0^2 - \frac{GM_Tm}{R_T}$$

Na altura máxima ( $r=r_{\rm max}$ ), a velocidade do foguete é nula ( $v_f=0$ ):

$$E_f = 0 - \frac{GM_Tm}{r_{\text{max}}}$$

Conservação da energia mecânica:  $E_i = E_f$  Portanto:

$$\frac{1}{2}mv_0^2 - \frac{GM_Tm}{R_T} = -\frac{GM_Tm}{r_{\text{max}}}$$

Cancelamos m em todos os termos:

$$\frac{1}{2}v_0^2 - \frac{GM_T}{R_T} = -\frac{GM_T}{r_{\text{max}}}$$

Sabemos que a **velocidade de escape** é dada por:

$$v_e = \sqrt{\frac{2GM_T}{R_T}}$$

Como a velocidade inicial do foguete é  $v_0 = \frac{v_e}{2}$ , temos:

$$v_0^2 = \left(\frac{v_e}{2}\right)^2 = \frac{v_e^2}{4} = \frac{1}{4} \cdot \frac{2GM_T}{R_T} = \frac{GM_T}{2R_T}$$

Substituímos  $v_0^2$  na equação da energia:

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{GM_T}{2R_T} - \frac{GM_T}{R_T} = -\frac{GM_T}{r_{\text{max}}}$$

$$\frac{GM_T}{4R_T} - \frac{GM_T}{R_T} = -\frac{GM_T}{r_{\text{max}}}$$

$$-\frac{3}{4} \cdot \frac{GM_T}{R_T} = -\frac{GM_T}{r_{\text{max}}}$$

Eliminamos o sinal e  $GM_T$ :

$$\frac{3}{4R_T} = \frac{1}{r_{\text{max}}}$$

Então:

$$r_{\text{max}} = \frac{4}{3}R_T$$

A altura máxima  $h_{\rm max}$ acima da superfície é:

$$h_{\text{max}} = r_{\text{max}} - R_T = \frac{4}{3}R_T - R_T = \frac{1}{3}R_T$$

#### Resposta final:

$$h_{\text{max}} = \frac{1}{3}R_T$$

O foguete atinge uma altura máxima igual a  $\frac{1}{3}$  do raio da Terra.

A resposta correta é alternativa **D**.

## **Q39**

Um satélite de massa m orbita um planeta de massa M em uma órbita circular de raio R. O tempo necessário para uma volta completa do satélite em torno do planeta é

- (A) independente de M.
- (B) proporcional a  $R^{3/2}$ .
- (C) dependente de m.
- (D) proporcional a  $\mathbb{R}^2$ .

#### Solução:

A força gravitacional fornece a força centrípeta necessária:

$$\frac{GMm}{R^2} = m\frac{v^2}{R}$$

Cancelando m e resolvendo para v:

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R}}$$

O período T é dado por:

$$T = \frac{2\pi R}{v}$$

Substituindo v:

$$T = \sqrt{\frac{4\pi^2 R^3}{GM}} = \sqrt{\frac{4\pi^2}{GM}} \sqrt{R^3} = \sqrt{\frac{4\pi^2}{GM}} R^{3/2}$$

#### Resposta final:

$$T \propto R^{3/2}$$

A resposta correta é alternativa **B**.

## **Q40**

Uma função de estado de um sistema termodinâmico fica completamente definida quando o estado do sistema é especificado. Isso pode ser representado num diagrama pressão-volume do sistema, que ilustra seus estados inicial e final. Qual das grandezas abaixo é uma função de estado de um sistema termodinâmico?

- (A) A energia interna.
- (B) O calor.
- (C) O trabalho.
- (D) A massa.

#### Solução:

## Introdução: Funções de Estado em Termodinâmica

A Termodinâmica é a área da Física que estuda as transformações de energia e as propriedades macroscópicas da matéria, como temperatura, pressão e volume. Para

descrever um sistema termodinâmico, é necessário especificar o **estado do sistema**, que é determinado por um conjunto de variáveis chamadas **variáveis de estado**.

Quando um sistema evolui de um estado inicial para um estado final, podemos calcular as mudanças sofridas em algumas grandezas físicas. Algumas dessas grandezas dependem apenas do estado inicial e final do sistema, enquanto outras dependem do caminho seguido durante o processo.

#### O que é uma função de estado?

Uma função de estado é uma grandeza física cujo valor só depende do estado atual do sistema, isto é, das condições termodinâmicas (como P, V, T, U etc.), e não depende do processo pelo qual o sistema chegou a esse estado.

Ou seja:

As funções de estado são propriedades macroscópicas que caracterizam completamente o estado do sistema. Sua variação entre dois estados é a mesma, independentemente do caminho percorrido entre eles.

#### Exemplos clássicos de funções de estado:

- Energia interna (U)
- Entalpia (H)
- Entropia (S)
- Pressão (P)
- Volume (V)
- Temperatura (T)

Essas grandezas podem ser representadas em diagramas, como os famosos diagramas  $P \times V$  ou  $T \times S$ , que ilustram estados e trajetórias de processos.

#### E o que não é função de estado?

Grandezas como o calor trocado (Q) e o trabalho realizado (W) durante um processo dependem de como o sistema evoluiu — são chamadas de funções de processo.

22

Por exemplo: para comprimir um gás do volume  $V_1$  ao volume  $V_2$ , o trabalho realizado pode ser maior ou menor dependendo do caminho seguido (isotérmico, adiabático etc.),

mas a variação de energia interna só depende do estado inicial e final.

A resposta correta é alternativa A.

**Q41** 

Uma bomba de calor serve para extrair calor do ambiente externo a 7°C e aquecer o interior de uma casa a 27°C. Considerando que a bomba é uma máquina de Carnot, para cada 15.000 J de calor entregue dentro de casa, a menor quantidade de trabalho

que deve ser fornecido à bomba é

- (A) 2.500 J.
- (B) 2.000 J.
- (C) 1.500 J.
- (D) 1.000 J.

Solução:

Definição

Uma máquina térmica converte calor em trabalho, operando entre duas fontes térmicas.

Rendimento

$$\eta = \frac{W}{Q_q} = \frac{Q_q - Q_f}{Q_q} = 1 - \frac{Q_f}{Q_q}$$

- $\eta$ : rendimento
- W: trabalho útil
- $Q_q$ : calor absorvido da fonte quente
- $Q_f$ : calor rejeitado à fonte fria

#### Rendimento da Máquina de Carnot

$$\eta_{\text{Carnot}} = 1 - \frac{T_f}{T_q}$$

Calcular o rendimento da bomba de calor:

$$\eta = 1 - \frac{T_f}{T_g} = 1 - \frac{7^{\circ}\text{C} + 273\text{K}}{27^{\circ}\text{C} + 273\text{K}} = 1 - \frac{280}{300} = 1 - 0.933333 = 0.066667 = 6.67\%$$

Agora podemos calcular o trabalho realizado pela bomba de calor:

$$W = \eta Q_q = 6.67\% \times 15.000 J = 1.000 J$$

A resposta correta é alternativa **D**.

#### Princípios da Termodinâmica

#### Primeiro Princípio

$$\Delta U = Q - W \longrightarrow Q = W + \Delta U$$

#### Segundo Princípio

- O calor não flui espontaneamente de um corpo frio para um corpo quente.
- Entropia tende a aumentar.

## O que é entropia?

A entropia (S) é uma função de estado que mede o grau de desordem de um sistema, a quantidade de microestados possíveis, e a irreversibilidade de processos.

## Definição termodinâmica

Para processos reversíveis:

$$\Delta S = \int \frac{dQ_{\rm rev}}{T}$$

Para temperatura constante (isotérmico):

$$\Delta S = \frac{Q_{\text{rev}}}{T}$$

## Segunda Lei da Termodinâmica

$$\Delta S_{\text{total}} \ge 0$$

- $\Delta S_{\text{total}} = 0$ : processo reversível
- $\Delta S_{\text{total}} > 0$ : processo irreversível

## Entropia estatística (Boltzmann)

$$S = k_B \ln \Omega$$

- $k_B = 1.38 \times 10^{-23} \,\mathrm{J/K}$
- $\Omega$ : número de microestados possíveis

## Unidade

Joules por Kelvin (J/K)

## Exemplos onde a entropia aumenta

- Derretimento de gelo
- Expansão de gás
- Mistura de substâncias

#### Terceiro Princípio

• A entropia de um cristal perfeito é zero no zero absoluto (0 K).

## **Q42**

Um corpo de massa m com calor específico C à temperatura de 500 K é colocado em contato com outro corpo de mesma massa e mesmo calor específico à temperatura de 100 K. O sistema é colocado dentro de uma caixa isolada termicamente durante o processo. A variação da entropia do sistema quando os blocos alcançam o equilíbrio térmico é

- (A) mCln 5.
- (B) mCln 3.
- (C) mCln(9/5).
- (D) mCln(5/3).

#### Solução:

#### Variação de Entropia do Sistema

#### Dados do problema:

- Dois corpos idênticos: mesma massa m e mesmo calor específico C
- Temperatura inicial do corpo quente:  $T_q = 500 \,\mathrm{K}$
- Temperatura inicial do corpo frio:  $T_f = 100 \,\mathrm{K}$
- Caixa isolada termicamente (processo adiabático para o universo, mas irreversível para o sistema)

Queremos calcular a variação de entropia do sistema quando os corpos atingem o equilíbrio térmico.

#### Temperatura de equilíbrio

Como os corpos têm mesma massa e mesmo calor específico, a energia perdida pelo quente é igual à energia ganha pelo frio. Assim, a temperatura de equilíbrio é a média aritmética:

$$T_e = \frac{T_q + T_f}{2} = \frac{500 + 100}{2} = 300 \,\mathrm{K}$$

#### Variação de entropia de cada corpo

Sabemos que a variação de entropia de um corpo com calor específico constante é dada por:

$$\Delta S = mC \int_{T_i}^{T_f} \frac{dT}{T} = mC \ln \left(\frac{T_f}{T_i}\right)$$

Para o corpo quente:

$$\Delta S_q = mC \ln \left(\frac{T_e}{T_q}\right) = mC \ln \left(\frac{300}{500}\right) = mC \ln (0.6)$$

Para o corpo frio:

$$\Delta S_f = mC \ln \left(\frac{T_e}{T_f}\right) = mC \ln \left(\frac{300}{100}\right) = mC \ln(3)$$

#### Variação de entropia total do sistema

A variação de entropia total do sistema é a soma das variações de cada corpo:

$$\Delta S_{\text{total}} = \Delta S_q + \Delta S_f = mC \ln(0.6) + mC \ln(3)$$

Utilizando a propriedade dos logaritmos:

$$\ln(0.6) + \ln(3) = \ln(0.6 \times 3) = \ln(1.8)$$

Logo:

$$\Delta S_{\text{total}} = mC \ln \left(\frac{9}{5}\right)$$

#### Resposta final:

$$\Delta S_{\text{total}} = mC \ln \left(\frac{9}{5}\right)$$

A resposta correta é alternativa C.

# Condições para Interferência em Filmes Finos (Incidência Normal)

Quando a luz incide perpendicularmente a um filme fino de espessura d e índice de refração n, a diferença de caminho óptico entre os dois feixes refletidos é:

$$\Delta = 2nd$$

A condição de interferência depende da ocorrência (ou não) de inversão de fase ao refletir nas interfaces.

#### Interferência Construtiva

• Com inversão de fase em uma das interfaces:

$$2nd = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda$$

• Sem inversão de fase (ou inversão em ambas):

$$2nd = m\lambda$$

#### Interferência Destrutiva

• Com inversão de fase em uma das interfaces:

$$2nd = m\lambda$$

• Sem inversão de fase (ou inversão em ambas):

$$2nd = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda$$

#### Onde:

- n é o índice de refração do filme;
- d é a espessura do filme;
- $\lambda$  é o comprimento de onda da luz no ar;
- $m \in \mathbb{Z}$  é a ordem da interferência.

## **Q43**

Luz com 650 nm de comprimento de onda incide perpendicularmente em um filme fino de sabão, que tem índice de refração igual a 1,30. Sabendo que esse filme está suspenso no ar, qual a menor espessura que esse filme deve ter para que as ondas refletidas por ele sofram interferência construtiva?

- (A) 320 nm.
- (B) 242 nm.
- (C) 125 nm.
- (D) 117 nm.

#### Solução:

#### Interferência construtiva em um filme de sabão

#### Dados:

- Comprimento de onda no ar:  $\lambda_0 = 650\,\mathrm{nm}$ 

- Índice de refração do filme:  $n_f=1{,}30$ 

• Índice de refração do ar:  $n_{ar} \approx 1$ 

O filme está suspenso no ar. Queremos a menor espessura e para que a luz refletida tenha interferência construtiva.

#### Condição de fase

Quando a luz incide sobre a superfície do filme:

- Na interface ar—sabão ( $n_{\rm ar} < n_{\rm sabão}$ ), ocorre inversão de fase de  $\pi$  (equivalente a  $\lambda/2$ ).
- Na interface sabão—ar  $(n_{\rm sabão}>n_{\rm ar})$ , não ocorre inversão.

Como há uma inversão de fase, a condição para interferência construtiva é:

$$2e = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda_f$$

Para a menor espessura (m = 0):

$$2e = \frac{\lambda_f}{2} \implies e = \frac{\lambda_f}{4}$$

#### Comprimento de onda no filme

No interior do filme, o comprimento de onda é menor:

$$\lambda_f = \frac{\lambda_0}{n_f} = \frac{650}{1,30} \approx 500 \,\mathrm{nm}$$

#### Espessura mínima

Substituindo:

$$e_{\min} = \frac{\lambda_f}{4} = \frac{500}{4} = 125 \,\text{nm}$$

#### Resposta final:

$$e_{\min} = 125 \,\mathrm{nm}$$

A resposta correta é alternativa C.

## **Q44**

Um feixe de luz laser incide sobre uma fenda estreita, e uma figura de difração é observada sobre uma tela localizada a 5,0 m da fenda. A distância vertical entre o centro do primeiro mínimo acima do máximo central e o centro do primeiro mínimo abaixo do máximo central é de 20 mm. Qual é a largura da fenda?

- (A) 0.30 mm.
- (B) 0.45 mm.
- (C) 0.55 mm.
- (D) 0.65 mm.

#### Solução:

A resposta correta é alternativa .....

## Questao

- (A)
- (B)
- (C)
- (D)

#### Solução:

A resposta correta é alternativa .....

Questao
(A)
(B)
(C)
(D)
Solução: A resposta correta é alternativa
Questao
(A)
(B)
(C)
(D)
Solução: A resposta correta é alternativa
Questao
(A)
(B)
(C)

(D)	
Solução: A resposta correta é alternativa	
Questao	
(A)	
(B)	
(C)	
(D)	
Solução: A resposta correta é alternativa	
Questao	
(A)	
(B)	
(C)	
(D)	
Solução: A resposta correta é alternativa	

## Questao

(A)		
(B)		
(C)		
(D)		
Solução:		
A resposta correta é alternativa		
Questao		
(A)		
(B)		
(C)		
(D)		
Solução:		
A resposta correta é alternativa		