基于 ElegantNote 的笔记模板 笔记副标题

某某某 XXXX年XX月

目 录

1	第一节	1
	1.1 第一小节 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	• • 1
	1.2 第二小节 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1
2	LaTeX 常用环境····································	1
	2.1 列表的使用 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	• • 1
	2.2 文献引用 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	2
	2.3 数学公式 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	2
	2.4 定理环境 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	3
	2.5 算法环境	4
3	微分方程的数值方法····································	5
	3.1 有限差分方法	5
	3.2 数值格式 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	6
	3.3 矩阵形式 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	6
4	插图环境	7
	4.1 图的使用 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	7
	4.2 插图示例	7
5	表格环境····································	8
	5.1 表的使用 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	8
	5.2 表格示例	9
6	代码高亮 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	10
参	· ·考文献 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	11

1 第一节

1.1 第一小节

这是小四号的正文字体, 行间距 1.35 倍.

通过空一行实现段落换行,仅仅是回车并不会产生新的段落.

自定义了一个命令 \red{文字} 可以加红文字, 可以在论文修改阶段方便标记.

这是一个引用的示例 [3] 和 [1, 4, 5].

这是中文与 English 混排. 标点统一使用英文的标点 (英文没有的除外). 这是一段文字。

1.2 第二小节

这是一大段文字。

2 LaTeX 常用环境

2.1 列表的使用

这是一个计数的列表.

- 1. 第一项
 - (a). 第一项中的第一项
 - (b). 第一项中的第二项
- 2. 第二项
- 3. 第三项

这是一个不计数的列表.

- 。第一项
 - 。第一项中的第一项
 - 第一项中的第二项
- 。第二项
- 。第三项

2.2 文献引用

参考文献的样式符合国家标准《信息与文献参考文献著录规则》GB/T7714-2015, 论文中引用和参考的文献必须列出. 参考文献序号按所引文献在论文中出现的先后次序排列. 引用文献应在论文中的引用处加注文献序号, 并加注方括弧.

文献引用示例 [5] 和 [1, 2].

2.3 数学公式

数学公式的使用请参考公式手册 symbols-a4, 或者《一份 (不太) 简短的 \LaTeX 2 ε 介绍》(Ishort-zh-cn).

在文中行内公式可以这么写: $a^2 + b^2 = c^2$, 这是勾股定理, 它还可以表示为 $c = \sqrt{a^2 + b^2}$, 还可以让公式单独一段并且加上编号

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1. \tag{1}$$

还可以通过添加标签在正文中引用公式,如等式(1)或者1.

读者可能阅读过其它手册或者资料,知道 LaTeX 提供了 eqnarray 环境. 它按照等号左边一等号一等号右边呈三列对齐,但等号周围的空隙过大,加上公式编号等一些 bug,目前已不推荐使用. (摘自 lshort-zh-cn)

多行公式常用 align 环境, 公式通过 & 对齐. 分隔符通常放在等号左边:

$$a = b + c (2)$$

$$= d + e. (3)$$

align 环境会给每行公式都编号. 我们仍然可以用 \notag 或 \nonumber 去掉某行的编号. 在以下的例子, 为了对齐等号, 我们将分隔符放在右侧, 并且此时需要在等号后添加一对括号 {} 以产生正常的间距:

$$a = b + c \tag{4}$$

$$= d + e + f + g + h + i + j + m + n + o$$
 (5)

$$= p + q + r + s. (6)$$

如果我们不需要按等号对齐, 只需罗列数个公式, gather 将是一个很好用的环境:

$$a = b + c \tag{7}$$

$$d = e + f + g \tag{8}$$

$$h + i = j + k$$

$$l + m = n (9)$$

align 和 gather 有对应的不带编号的版本 align*和 gather*. 对于 align、gather、align*与 gather*等环境, 若添加命令 \allowdisplaybreaks 后 (已添加), 公式可以跨页显示.

多个公式组在一起公用一个编号, 编号位于公式的居中位置, amsmath 宏包提供了诸如 aligned、gathered 等环境, 与 equation 环境套用.

这个公式使用 aligned 环境 (推荐使用)

$$\begin{cases}
-\frac{\mathrm{d}^2 u}{\mathrm{d}x^2} + \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}x} = \pi^2 \sin(\pi x) + \pi \cos(\pi x), & x \in [0, 1], \\
u(0) = 0, & u(1) = 0.
\end{cases}$$
(10)

其中方程的解析解为 $u = \sin(\pi x)$.

这个公式使用 array 环境

$$\begin{cases}
-\frac{\mathrm{d}^2 u}{\mathrm{d}x^2} + \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}x} = \pi^2 \sin(\pi x) + \pi \cos(\pi x), & x \in [0, 1], \\
u(0) = 0, & u(1) = 0.
\end{cases}$$
(11)

aligned 与 equation 环境套用, 公式间距自动调节, 如果有分式, 分式也是行间显示. 如果用 array 与 equation 环境套用, 需要手动调整公式行间距和行间显示.

2.4 定理环境

定义 2.1 这是一个定义.

命题 2.1 这是一个命题.

引理 2.2 (Lemma) 这是一个引理.

定理 2.3 (Theorem) 这是一个定理.

证明. 这是证明环境.

推论 这是一个推论.

命题 2.4 (Proposition) 这是一个命题.

引理 2.5 (参考文献 [5]) 假设单步法具有 p 阶精度, 且增量函数 $\varphi(x_n,u_n,h)$ 关于 u 满足 Lipschitz 条件

$$|\varphi(x, u, h) - \varphi(x, \bar{u}, h)| \leqslant L_{\varphi}|u - \bar{u}|. \tag{12}$$

定理 2.6 假设单步法具有 p 阶精度, 且增量函数 $\varphi(x_n, u_n, h)$ 关于 u 满足 Lipschitz 条件

$$|\varphi(x, u, h) - \varphi(x, \bar{u}, h)| \leqslant L_{\omega}|u - \bar{u}|. \tag{13}$$

证明 由定理 2.5 和 (10) 式可以推出以上结论.

推论 假设单步法具有 p 阶精度, 且增量函数 $\varphi(x_n, u_n, h)$ 关于 u 满足 Lipschitz 条件

$$|\varphi(x, u, h) - \varphi(x, \bar{u}, h)| \leqslant L_{\varphi}|u - \bar{u}|. \tag{14}$$

b

评论 这是一个 remark.

例 2.1 这是一个例子.

2.5 算法环境

如下是算法 1.

算法 1 Euclid's algorithm

1: procedure $Euclid(a, b)$	▶ The g.c.d. of a and i
2	

2: $r \leftarrow a \bmod b$

3: **while** $r \neq 0$ **do** \triangleright We have the answer if r is 0

4: $a \leftarrow b$

5: $b \leftarrow r$

6: $r \leftarrow a \mod b$

7: **end while**

8: **return** b \triangleright The gcd is b

9: end procedure

如下是算法 2, 算法宽度可以通过 minipage 宏包调节.

算法 2 算法的名字

输入: input parameters A, B, C

输出: output result

1: some description 算法介绍

2: for condition do

3: ...

4: **if** condition **then**

5: ...

6: **else**

7: ...

8: end if

9: end for

10: while condition do

11: ...

12: end while

13: return result

3 微分方程的数值方法

本章我们考虑具有以下微分方程:

$$\begin{cases}
Lu = -\frac{\mathrm{d}^2 u}{\mathrm{d}x^2} + \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}x} + qu = f, & a < x < b, \\
u(a) = \alpha, & u(b) = \beta.
\end{cases}$$
(15)

其中 q, f 为 [a, b] 上的连续函数, $q \ge 0$; α, β 为给定常数. 这是最简单的椭圆方程第一边值问题.

问题 (??) 存在唯一解 (引用示例参考文献 [5]).

3.1 有限差分方法

在偏微分方程的数值解法中,有限差分法数学概念直观,推导自然,是发展较早且比较成熟的数值方法.由于计算机只能存储有限个数据和做有限次运算,所以任何一种用计算机解题的方法,都必须把连续问题(微分方程的边值问题、初值问题等)离散化,最终化成有限形式的线性代数方程组.

3.2 数值格式

将区间 [a,b] 分成 N 等分, 分点为

$$x_i = a + ih, \quad i = 0, 1, \cdots, N,$$

其中 h = (b-a)/N. 于是我们得到区间 I = [a,b] 的一个网格剖分. x_i 称为网格的节点, h 称为步长.

数值格式:

$$L_h u_i = -\frac{u_{i+1} - 2u_i + u_{i-1}}{h^2} + \frac{u_{i+1} - u_{i-1}}{h} + q_i u_i = f_i, \quad 1 \leqslant j \leqslant N - 1.$$

其中 $q_i = q(x_i), f_i = f(x_i).$

以上差分方程对于 $i=1,2,\cdots,N-1$ 都成立,加上边值条件 $u_0=\alpha,u_N=\beta$,就得到关于 u_i 的差分格式:

$$\begin{cases}
L_h u_i = -\frac{u_{i+1} - 2u_i + u_{i-1}}{h^2} + \frac{u_{i+1} - u_{i-1}}{2h} + q_i u_i = f_i, & i = 1, 2, \dots, N - 1, \\
u_0 = \alpha, \quad u_N = \beta.
\end{cases}$$
(16)

它的解 u_i 是 u(x) 在 $x = x_i$ 处的差分解.

3.3 矩阵形式

先定义向量 u:

$$\boldsymbol{u} = (u_1, u_2, \cdots, u_{N-1})^{\mathrm{T}}.$$

差分格式可以写为矩阵形式:

$$Au = f$$
.

其中矩阵 \mathbf{A} 、向量 \mathbf{f} 的定义如下, 注意向量 \mathbf{f} 的首尾元素已包含了 x = a 和 x = b 处的 边界条件.

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \frac{2}{h^2} + q_1 & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_2 & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ & \ddots & \ddots & \ddots \\ & -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_{N-2} & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ & & -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_{N-1} \end{bmatrix}$$
(17)

上一个矩阵用了 bmatrix 环境, 也可以使用 array 环境.

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \frac{2}{h^2} + q_1 & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_2 & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ & \ddots & \ddots & \ddots \\ & & -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_{N-2} & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ & & & -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_{N-1} \end{bmatrix}$$
(18)

4 插图环境

4.1 图的使用

XeLaTeX 环境下可以使用 EPS、PDF、PNG、JPEG、BMP 格式的图片, 当然也可以用绘图包直接在 LATeX 中绘制图形, 推荐使用宏包 tikz. 值得注意的是 figure 环境一个浮动体环境, LaTeX 不总是浮动体放在你想要的地方, 但是 LaTeX 总是保证浮动体的相对顺序, 所以对图片 \label 和 \ref 的交叉引用就显得尤为重要。

4.2 插图示例

插入一个图形并居中放置,如图 1.

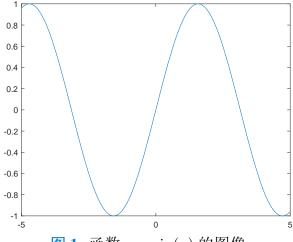
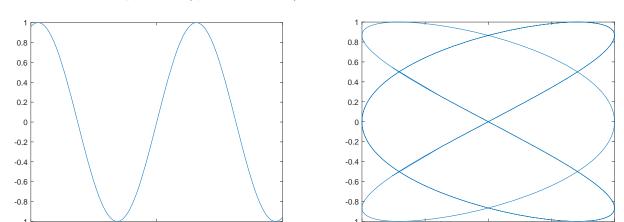


图 1: 函数 $y = \sin(x)$ 的图像

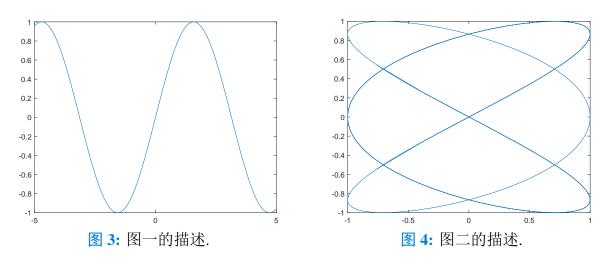


两个图左右并排放置,共用一个标题,如图 2.

图 2: 左: 图一的描述; 右: 图二的描述.

0.5

使用 minipage 排版并排插图, 每个图都有单独的标题. 通过 autoref 引用图片: 图 3 与 图 4.



5 表格环境

5.1 表的使用

LaTeX 的 Table 环境一个浮动体环境, 浮动体排版与 Figure 环境类似. 作为论文, 推荐使用三线表进行排版. 所谓三线表, 即在标题前有横线, 标题后有横线, 表格最后还有横线, 其他地方无线. 当然这不是死规定, 也可以根据需要在合适的地方加线.

本文基于 tabularx 宏包定义了新的的左中右 (LCR) 格式, LCR 三个格式会根据表格 宽度的设定自行控制宽度, 且其宽度相等, 方便设置和页面相同宽度的表格. 本文还定义

了命令 P{},它可以设定某一列宽度 (如 P{1cm} 控制某一列的宽度为 1cm),实际上 P{}命令是在 p{}命令的基础上增加了居中功能.

5.2 表格示例

如下表格: 表 1. 通过 autoref 引用表格: 表 1.

表 1: 某校学生升高体重样本.

序号	年龄	身高	体重
001	14	156	42
002	16	158	45
003	14	162	48
004	15	163	50
平均	15	159.75	46.25

基于 tabularx 环境设置一些格式, 如表 2.

表 2: 数值误差示例.

N	A	В	С	D	Е	F
2	9.20E-05	9.90E-05	1.00E-06	8.00E-06	1.50E-05	6.70E-05
4	9.80E-05	8.00E-05	7.00E-06	1.40E-05	1.60E-05	7.30E-05
6	4.00E-06	8.10E-05	8.80E-05	2.00E-05	2.20E-05	5.40E-05
8	8.50E-05	8.70E-05	1.90E-05	2.10E-05	3.00E-06	6.00E-05
10	8.60E-05	9.30E-05	2.50E-05	2.00E-06	9.00E-06	6.10E-05
12	1.70E-05	2.40E-05	7.60E-05	8.30E-05	9.00E-05	4.20E-05
14	2.30E-05	5.00E-06	8.20E-05	8.90E-05	9.10E-05	4.80E-05
16	7.90E-05	6.00E-06	1.30E-05	9.50E-05	9.70E-05	2.90E-05
18	1.00E-05	1.20E-05	9.40E-05	9.60E-05	7.80E-05	3.50E-05
20	1.10E-05	1.80E-05	1.10E-04	7.70E-05	8.40E-05	3.60E-05

6 代码高亮

MATLAB 代码高亮

MATLAB code

```
% Euler method for the ODE model
2 \% u'(x)=x^2+x-u, x in [0,1]
3 % Initial condition: u(0)=0;
4 % Exact solution: u(x) = -exp(-x) + x^2 - x + 1.
  clear all; clf
6 h=0.1;
  x=0:h:1;
7
  N=length(x)-1;
                                  % initial value
  u(1)=0;
10 fun=@(t,u) t.^2+t-u;
                                  % RHS
11 for n=1:N
12
       u(n+1)=u(n)+h.*fun(x(n),u(n));
   end
13
14 ue=-exp(-x)+x.^2-x+1;
                                  % exact solution
plot(x,ue,'b-',x,u,'r+','LineWidth',1)
legend('Exact','Numerical','location','North')
17 xlabel('x'), ylabel('u')
```

Python 代码高亮

Python code

```
1 #PythonDraw.py
2 import turtle as t
3 t.setup(650, 350, 200, 200)
4 t.penup()
5 t.fd(-250)
6 t.pendown()
7 t.pensize(25)
8 t.pencolor("purple color")
9 t.seth(-40)
10 for i in range(4):
       t.circle(40, 80)
11
12
       t.circle(-40, 80)
13 t.circle(40, 80/2)
14 t.fd(40)
15 t.circle(16, 180)
16 t.fd(40 * 2/3)
17 t.done()
```

参考文献

- [1] Robert A Adams and John J F Fournier. Sobolev spaces. Elsevier, Amsterdam, 2nd edition, 2003.
- [2] Jie Shen. Efficient spectral-Galerkin method I. Direct solvers of second- and fourth-order equations using Legendre polynomials. *SIAM J. Sci. Comput.*, 15(6):1489–1505, 1994.
- [3] Eitan Tadmor. A review of numerical methods for nonlinear partial differential equations. *Bull. Amer. Math. Soc.*, 49(4):507–554, 2012.
- [4] L. N. Trefethen and J. A. C. Weideman. The exponentially convergent trapezoidal rule. *SIAM Rev.*, 56(3):385–458, 2014.
- [5] 李荣华 and 刘播. 微分方程数值解法. 高等教育出版社, 北京, 第四版 edition, 2009.