# 论文的题目

## 作者

# 2023年2月8日

#### 摘要

这是论文的摘要

**关键词:** 关键词 1; 关键词 2; 关键词 3.

## 第1节 引言

#### 1.1 研究背景

这是小四号的正文字体, 行间距 1.35 倍.

通过空一行实现段落换行,仅仅是回车并不会产生新的段落.

自定义了一个命令  $\red{\chi 字}$  可以加红文字, 可以在论文修改阶段方便标记. 这是一个引用的示例 [1] 和 [2–4].

#### 1.2 列表的使用

这是一个计数的列表.

- 1. 第一项
  - (a) 第一项中的第一项
  - (b) 第一项中的第二项

·2· 第1节 引言

- 2. 第二项
- 3. 第三项

这是一个不计数的列表.

- 第一项
  - 第一项中的第一项
  - 第一项中的第二项
- 第二项
- 第三项

#### 1.3 文献引用

参考文献可采用 BibTeX 或 BibLaTeX 的方式生成 (内容写在文件 mybib.bib 中), 参考文献的样式为 thuthesis-numeric (对应的引用格式可选 numbers 或 super) 和 thuthesis-author-year (对应的引用格式 authoryear), 符合国家标准《信息与文献参考文献著录规则》GB/T 7714-2015, 论文中引用和参考的文献必须列出. 参考文献序号按所引文献在论文中出现的先后次序排列. 引用文献应在论文中的引用处加注文献序号, 并加注方括弧.

文献引用示例 [5] 和 [1, 2].

#### 1.4 数学公式

数学公式的使用请参考公式手册 symbols-a4, 或者《一份 (不太) 简短的  $\LaTeX$  2 $\varepsilon$  介绍》(lshort-zh-cn).

自定义命令表示的几个数学符号  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{C}$ ,  $\mathcal{A}$ ,  $\mathbf{i}$ ,  $\mathbf{d}$ ,  $\mathcal{A}$ .

在文中行内公式可以这么写:  $a^2 + b^2 = c^2$ , 这是勾股定理, 它还可以表示为  $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ , 还可以让公式单独一段并且加上编号

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1. \tag{1.1}$$

还可以通过添加标签在正文中引用公式,如等式(1.1)或者1.1.

读者可能阅读过其它手册或者资料,知道 LaTeX 提供了 eqnarray 环境. 它按照等号左边一等号一等号右边呈三列对齐,但等号周围的空隙过大,加上公式编号等一些bug,目前已不推荐使用. (摘自 lshort-zh-cn)

多行公式常用 align 环境, 公式通过 & 对齐. 分隔符通常放在等号左边:

$$a = b + c \tag{1.2}$$

$$= d + e. (1.3)$$

align 环境会给每行公式都编号. 我们仍然可以用 \notag 或 \nonumber 去掉某行的编号. 在以下的例子, 为了对齐等号, 我们将分隔符放在右侧, 并且此时需要在等号后添加一对括号 {} 以产生正常的间距:

$$a = b + c \tag{1.4}$$

= d + e + f + g + h + i + j

$$+m+n+o (1.5)$$

$$= p + q + r + s. \tag{1.6}$$

如果不需要按等号对齐, 只需罗列数个公式, gather 将是一个很好用的环境:

$$a = b + c \tag{1.7}$$

$$d = e + f + g$$

$$l + m = n ag{1.8}$$

align 和 gather 有对应的不带编号的版本 align\* 和 gather\*. 对于 align、gather、align\* 与 gather\* 等环境, 若添加命令 \allowdisplaybreaks 后 (已添加), 公式可以跨页显示.

多个公式组在一起公用一个编号, 编号位于公式的居中位置, amsmath 宏包提供了诸如 aligned、gathered 等环境, 与 equation 环境套用.

这个公式使用 aligned 环境 (推荐使用)

$$\begin{cases}
-\frac{d^2u}{dx^2} + \frac{du}{dx} = \pi^2 \sin(\pi x) + \pi \cos(\pi x), & x \in [0, 1], \\
u(0) = 0, & u(1) = 0.
\end{cases}$$
(1.9)

这个公式使用 array 环境

$$\begin{cases} -\frac{\mathrm{d}^2 u}{\mathrm{d}x^2} + \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}x} = \pi^2 \sin(\pi x) + \pi \cos(\pi x), & x \in [0, 1], \\ u(0) = 0, & u(1) = 0. \end{cases}$$
(1.10)

aligned 与 equation 环境套用, 公式间距自动调节, 如果有分式, 分式也是行间显示. 如果用 array 与 equation 环境套用, 需要手动调整公式行间距和行间显示.

·4· 第1节 引言

#### 1.5 定理环境

定义1.1. 这是一个定义.

命题 1.1. 这是一个命题.

引理 1.1 (Lemma). 这是一个引理.

定理 1.1 (Theorem). 这是一个定理.

证明. 这是证明环境.

推论 1.1. 这是一个推论.

命题 1.2 (Proposition). 这是一个命题.

引理 1.2. (参考文献 [5]) 假设单步法具有 p 阶精度, 且增量函数  $\varphi(x_n,u_n,h)$  关于 u 满足 Lipschitz 条件

$$|\varphi(x, u, h) - \varphi(x, \bar{u}, h)| \leqslant L_{\varphi}|u - \bar{u}|. \tag{1.11}$$

定理 1.2. 假设单步法具有 p 阶精度, 且增量函数  $\varphi(x_n,u_n,h)$  关于 u 满足 Lipschitz 条件

$$|\varphi(x, u, h) - \varphi(x, \bar{u}, h)| \leqslant L_{\varphi}|u - \bar{u}|. \tag{1.12}$$

证明 由定理 1.1 和 (1.9) 式可以推出以上结论.

推论 1.2. 假设单步法具有 p 阶精度, 且增量函数  $\varphi(x_n,u_n,h)$  关于 u 满足 Lipschitz 条件

$$|\varphi(x, u, h) - \varphi(x, \bar{u}, h)| \leqslant L_{\varphi}|u - \bar{u}|. \tag{1.13}$$

注 1.1. 这是一个 remark.

例1. 这是一个例子.

第 1 节 引言 · 5 ·

#### 1.6 算法环境

如下是算法 1.

### 算法 1 Euclid's algorithm

1: **procedure** Euclid(a, b)

⊳ The g.c.d. of a and b

2:  $r \leftarrow a \bmod b$ 

3: **while**  $r \neq 0$  **do** 

b We have the answer if r is 0

4:  $a \leftarrow b$ 

5:  $b \leftarrow r$ 

6:  $r \leftarrow a \bmod b$ 

7: end while

8: return b

⊳ The gcd is b

9: end procedure

如下是算法 2, 算法宽度可以通过 minipage 宏包调节.

## 算法 2 算法的名字

输入: input parameters A, B, C

输出: output result

1: some description 算法介绍

2: for condition do

3: ...

4: **if** condition **then** 

5: ...

6: **else** 

7: ...

8: end if

9: end for

10: while condition do

11: ...

12: end while

13: return result

### 第2节 微分方程的数值方法

本章我们考虑具有以下微分方程:

$$\begin{cases}
Lu = -\frac{\mathrm{d}^2 u}{\mathrm{d}x^2} + \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}x} + qu = f, & a < x < b, \\
u(a) = \alpha, & u(b) = \beta.
\end{cases}$$
(2.1)

其中 q, f 为 [a, b] 上的连续函数,  $q \ge 0$ ;  $\alpha, \beta$  为给定常数. 这是最简单的椭圆方程第一边值问题.

问题 (2.1) 存在唯一解 (引用示例参考文献 [5]).

#### 2.1 有限差分方法

在偏微分方程的数值解法中,有限差分法数学概念直观,推导自然,是发展较早且比较成熟的数值方法.由于计算机只能存储有限个数据和做有限次运算,所以任何一种用计算机解题的方法,都必须把连续问题(微分方程的边值问题、初值问题等)离散化,最终化成有限形式的线性代数方程组.

#### 2.1.1 数值格式

将区间 [a,b] 分成 N 等分, 分点为

$$x_i = a + ih$$
  $i = 0, 1, \cdots, N$ 

其中 h = (b - a)/N. 于是我们得到区间 I = [a, b] 的一个网格剖分.  $x_i$  称为网格的节点, h 称为步长.

数值格式:

$$L_h u_i = -\frac{u_{i+1} - 2u_i + u_{i-1}}{h^2} + \frac{u_{i+1} - u_{i-1}}{h} + q_i u_i = f_i, \quad 1 \leqslant j \leqslant N - 1.$$

其中  $q_i = q(x_i), f_i = f(x_i).$ 

以上差分方程对于  $i=1,2,\cdots,N-1$  都成立, 加上边值条件  $u_0=\alpha,u_N=\beta$ , 就得到关于  $u_i$  的差分格式:

$$\begin{cases}
L_h u_i = -\frac{u_{i+1} - 2u_i + u_{i-1}}{h^2} + \frac{u_{i+1} - u_{i-1}}{2h} + q_i u_i = f_i, & i = 1, 2, \dots, N - 1, \\
u_0 = \alpha, & u_N = \beta.
\end{cases}$$
(2.2)

它的解  $u_i$  是 u(x) 在  $x = x_i$  处的差分解.

#### 2.2 矩阵形式

先定义向量 u:

$$\boldsymbol{u}=(u_1,u_2,\cdots,u_{N-1})^{\mathrm{T}}.$$

差分格式可以写为矩阵形式:

$$Au = f$$
.

其中矩阵  $\mathbf{A}$ 、向量  $\mathbf{f}$  的定义如下, 注意向量  $\mathbf{f}$  的首尾元素已包含了 x = a 和 x = b 处的边界条件.

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \frac{2}{h^2} + q_1 & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_2 & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ & \ddots & \ddots & \ddots \\ & & -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_{N-2} & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ & & & -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_{N-1} \end{bmatrix}$$
(2.3)

上一个矩阵用了 bmatrix 环境, 也可以使用 array 环境.

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \frac{2}{h^2} + q_1 & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_2 & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ & \ddots & \ddots & \ddots \\ & -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_{N-2} & \frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} \\ & & -\frac{1}{2h} - \frac{1}{h^2} & \frac{2}{h^2} + q_{N-1} \end{bmatrix}$$
(2.4)

## 第3节 插图环境

#### 3.1 图的使用

XeLaTeX 环境下可以使用 EPS、PDF、PNG、JPEG、BMP 格式的图片, 当然也可以用绘图包直接在 LATeX 中绘制图形, 推荐使用宏包 tikz. 值得注意的是 figure 环境一个浮动体环境, LaTeX 不总是浮动体放在你想要的地方, 但是 LaTeX 总是保证浮动体的相对顺序, 所以对图片 \label 和 \ref 的交叉引用就显得尤为重要。

#### 3.2 插图示例

插入一个图形并居中放置,如图 3.1.

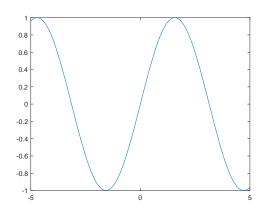


图 3.1: 函数  $y = \sin(x)$  的图像

两个图左右并排放置,共用一个标题. 引用图片: 3.3.

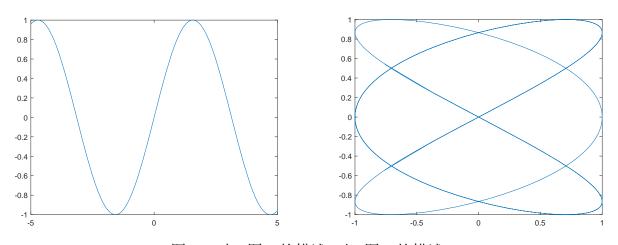
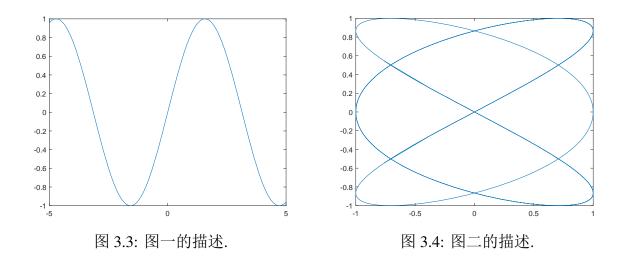


图 3.2: 左: 图一的描述; 右: 图二的描述.

第3节 插图环境 .9.



使用 minipage 排版并排插图, 每个图都有单独的标题. 使用 subfig 宏包实现多图并排.

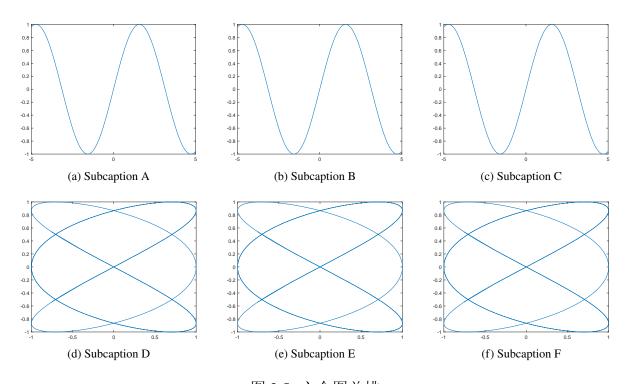


图 3.5: 六个图并排

## 第4节 表格环境

#### 4.1 表的使用

LaTeX 的 Table 环境一个浮动体环境, 浮动体排版与 Figure 环境类似. 作为论文, 推荐使用三线表进行排版. 一般的三线表, 标题前后有横线, 表格最后有横线.

本文基于 tabularx 宏包定义了新的的左中右 (LCR) 格式, LCR 三个格式会根据表格宽度的设定自行控制宽度, 且其宽度相等, 方便设置和页面相同宽度的表格. 本文还定义了命令  $P\{\}$ , 它可以设定某一列宽度 (如  $P\{1cm\}$  控制某一列的宽度为 1cm), 实际上  $P\{\}$  命令是在  $p\{\}$  命令的基础上增加了居中功能.

#### 4.2 表格示例

如下表格: 表 4.1.

序号 年龄 身高 体重 001 14 156 42 002 16 158 45 003 14 162 48 平均 15 159.75 46.25

表 4.1: 某校学生升高体重样本.

表 4.2: 论文进度安排

论文起止时间	论文筹备过程		
20xx.xx – 20xx.xx	论文定题,整理相关文献		
20xx.xx – 20xx.xx	审查、修改、完成开题报告		
20xx.xx – 20xx.xx	对论文排版、初步完成论文初稿		
20xx.xx – 20xx.xx	毕业论文预答辩		
20xx.xx – 20xx.xx	对论文进行补充、完善		
20xx.xx – 20xx.xx	论文定稿		
20xx.xx – 20xx.xx	毕业论文答辩		

第 4 节 表格环境 · 11 ·

基于 tabular 环境设置一些格式: 上下表格线加粗.

表 4.3: 数值误差与收敛速率示例.

degree	step-size h	$L^2$ -errors	order	$H^1$ -errors	order	$L^{\infty}$ -errors	order
1	1/128	9.18E-06	2.02	7.70E-03	1.01	6.46E-07	2.02
	1/256	2.29E-06	2.01	1.92E-03	1.00	1.61E-07	2.01
	1/512	5.70E-07	2.00	9.56E-04	1.00	4.01E-08	2.00
2	1/128	1.39E-08	3.01	1.15E-05	2.01	3.48E-12	4.02
	1/256	1.73E-09	3.01	2.88E-06	2.01	3.27E-13	3.94
	1/512	2.17E-10	3.00	7.24E-06	2.00	6.66E-13	1.55
3	1/32	2.28E-09	4.05	6.92E-07	3.04	1.45E-15	8.21
	1/64	1.42E-10	4.03	8.65E-08	3.02	2.06E-14	3.85
	1/128	8.91E-12	4.01	1.08E-08	3.01	3.86E-14	0.91

基于 tabularx 环境设置一些格式: 左右表格双线.

表 4.4: 数值误差示例.

N	A	В	С	D	E	F
2	9.20E-05	9.90E-05	1.00E-06	8.00E-06	1.50E-05	6.70E-05
4	9.80E-05	8.00E-05	7.00E-06	1.40E-05	1.60E-05	7.30E-05
6	4.00E-06	8.10E-05	8.80E-05	2.00E-05	2.20E-05	5.40E-05
8	8.50E-05	8.70E-05	1.90E-05	2.10E-05	3.00E-06	6.00E-05
10	8.60E-05	9.30E-05	2.50E-05	2.00E-06	9.00E-06	6.10E-05
12	1.70E-05	2.40E-05	7.60E-05	8.30E-05	9.00E-05	4.20E-05
14	2.30E-05	5.00E-06	8.20E-05	8.90E-05	9.10E-05	4.80E-05
16	7.90E-05	6.00E-06	1.30E-05	9.50E-05	9.70E-05	2.90E-05
18	1.00E-05	1.20E-05	9.40E-05	9.60E-05	7.80E-05	3.50E-05
20	1.10E-05	1.80E-05	1.10E-04	7.70E-05	8.40E-05	3.60E-05

## 参考文献

- [1] Adams R A, Fournier J J F. Sobolev spaces[M]. Elsevier, 2003.
- [2] Shen J. Efficient spectral-Galerkin method I. Direct solvers of second- and fourth-order equations using Legendre polynomials[J]. SIAM J. Sci. Comput., 1994, 15(6):1489-1505.
- [3] Tadmor E. A review of numerical methods for nonlinear partial differential equations[J]. Bull. Amer. Math. Soc., 2012, 49(4):507-554.
- [4] Trefethen L N, Weideman J A C. The exponentially convergent trapezoidal rule[J]. SIAM Rev., 2014, 56(3):385-458.
- [5] 李荣华, 刘播. 微分方程数值解法[M]. 东南大学出版社, 1997.

## A 这是第一个附录

#### A.1 附录 A 的小节

这里是附录环境, 手动设置了 chapter 和 section 的样式, 并且加入到了目录. 附录公式及编号

$$a^2 + b^2 = c^2. (A.1)$$

如图 A.1.

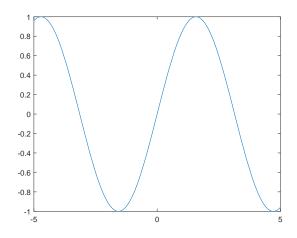


图 A.1: 函数  $y = \sin(x)$  的图像

如下表格: 表 A.1. 通过 autoref 引用表格: Table A.1.

B 这是第二个附录 · 13 ·

表 A.1: 某校学生升高体重样本

序号	年龄	身高	体重
001	15	156	42
002	16	158	45
003	14	162	48
004	15	163	50
平均	15	159.75	46.25

# B 这是第二个附录

### B.1 附录 B 的小节

这里是附录环境, 手动设置了 chapter 和 section 的样式, 并且加入到了目录.