**Задача 8**. Да се докаже, че за всеки три множества A , B и C е изпълнено, че  $A \setminus (B \cup C) = (A \setminus C) \setminus (B \setminus C)$ .

## Доказателство:

Нека A, B и C са произволни множества.

(  $\subseteq$  ) Нека  $x \in A \setminus (B \cup C)$  . Следователно  $x \in A \land x \notin B \cup C \Rightarrow x \notin B \land x \notin C$  . Ще докажем, че  $A \setminus (B \cup C) = (A \setminus C) \setminus (B \setminus C)$ .

OT 
$$x \in A \land X \notin C \Rightarrow x \in A \backslash C$$
 (1)  
OT  $x \notin B \land x \notin C \Rightarrow x \notin B \backslash C$  (2)

От (1) и (2) 
$$\Rightarrow x \in (A \setminus C) \setminus (B \setminus C)$$
.

$$(\supseteq)$$
 Нека  $x \in (A \setminus C) \setminus (B \setminus C) \Rightarrow x \in A \setminus C \land x \notin B \setminus C$ . От (3) следва, че  $x \in A \land x \notin C$ .

От (4) следва, че  $x \notin B \lor (x \in B \land x \in C)$ , но от (3) следва, че  $x \notin C \Rightarrow x \notin B$ . Имаме, че  $x \in A$ ,  $x \notin C$  и  $x \notin B \Rightarrow x \notin B \cup C \Rightarrow x \in A \setminus (B \cup C)$ .

github.com/andy489