**Задача G03**. Даден е граф G(V,E) с  $\mid V \mid \geq 2$ . Да се докаже, че в G съществуват поне два върха от една и съща степен.

## Доказателство:

Допускаме, че в G няма два върха от една и съща степен. Това означава, че  $\forall_{u_i,u_j\in V}[i\neq j]:\deg(u_i)\neq\deg(u_j)$ . Следователно съществува точно един връх от степен равна на 0, точно един връх от степен равна на 1, ..., точно един връх от степен равна на n-1. В частност ще имаме върховете  $u_i$  и  $u_j$  с  $\deg(u_i)=0$  и  $\deg(u_j)=n-1$ , което е противоречие с допускането, тъй като  $u_i$  не е свързан с никои друг връх в графа G, а  $u_j$  е свързан с всички останали върхове в същия граф. Следователно в G има поне два върха от една и съща степен.