Assignment 01

60847013S 資工碩一 蘇冠中

1.1 prove Chain rule: H(X, Y) = H(X) + H(Y|X)

$$H(X,Y) = -\sum_{x \in X} \sum_{y \in Y} p(x,y) \log_2(p(x,y))$$

$$= -\sum_{x \in X} \sum_{y \in Y} p(x,y) \log_2(p(x)p(y|x))$$

$$= -\sum_{x \in X} \sum_{y \in Y} p(x,y) \log_2(p(x)) - \sum_{x \in X} \sum_{y \in Y} p(x,y) \log_2(p(y|x))$$

$$= -\sum_{x \in X} p(x) \log_2(p(x)) - \sum_{x \in X} \sum_{y \in Y} p(x,y) \log_2(p(y|x))$$

1.2 $H(X_1, X_2, ..., X_n) \leq \sum_{i=1}^n H(X_i)$ with equality if and only if the random variables X_i are independent.

呈 1. 1 題,
$$H(X,Y) = H(X) + H(Y|X)$$
 當 X,Y 是 independent 時, $H(Y|X) = H(Y)$ 則 $H(X,Y) = H(X) + H(Y)$ 而 Chain rule 可以容易地推廣到更多的變數集合 且可得到 $H(X_1,X_2,...,X_n) = \sum_{i=1}^n H(X_i|X_{i-1},...,X_1)$ $= H(X_1) + H(X_2|X_1) + \cdots + H(X_i|X_{i-1},...,X_1)$ 而當 $H(X_1,X_2,...,X_n)$ 的 X_i 都是 independent 時 $H(X_1,X_2,...,X_n) = H(X_1) + H(X_2) + \cdots + H(X_n)$ = $\sum_{i=1}^n H(X_i)$ 得證

2.1
$$E'_k(m) = E_k(m)||0$$

Yes,

= H(X) + H(Y|X)

2. 2
$$E'_k(m) = E_k(m)||LSB(m)|$$
 yes

$$2.3 E_k'(m) = E_k(m)||E_k(m)$$
 yes

2.4
$$E'_k(m) = reverse(E_k(m))$$
 yes

2.5
$$E'_k(m) = E_k(m)||k|$$
 Yes

3. Frequency Analysis Attack

執行 fre. java 檔案,該檔案進行:

- 1. 將密文 frequency_attack_cipher_example. txt 讀取,並且計算 英文字母的出現次數、以及英文詞彙的出現次數,將此兩項存入 temp. txt 檔中。
- 2. 依照最常出現的英文字母頻率順序、以及最常出現的英文詞彙進行對照(像是 the, is, in, a, of……), 一一轉換過去, [nby=the],

[uhx=and], [u=a], [ch=in], [iz=of], 將最多出現的先進行猜測轉換,並且與單一個字母也對照後,慢慢地再將其他字母轉換回來。

將已知的單字先加入自製的轉換表中,並且讀取密文檔,依照已有的轉換表去解回明文,並將名文中某些轉換不完全的詞彙去做猜測,

繼續增加轉換表的單字,一個一個解到 26 個單字母都解完為止

```
ArrayList<brewd> bd =new ArrayList<brewd>(); //開始加入轉換字串
                                                                                  1 in the beginning turing created the machine.
brewd b1 = new brewd("y","e"); bd.add(b1);
                                               //依照字母出現頻率,以及單字出現頻率去做比對
                                                                                  3 and the machine was crufty and bogacious, existing in theory only. and von neumann
brewd b2 = new brewd("u","a"); bd.add(b2);
brewd b3 = new brewd("c","i"); bd.add(b3);
                                                                                  5 and von neumann spoke unto the architecture, and blessed it, saying, "go forth and a
brewd b4 = new brewd("h","n"); bd.add(b4);
                                                                                  7the first systems were mighty giants; many great works of renown did they accomplish
brewd b5 = new brewd("x","d"); bd.add(b5);
                                                                                  9 now the sons of marketing looked upon the children of turing, and saw that they were
brewd b6 = new brewd("n","t"); bd.add(b6);
brewd b7 = new brewd("b","h"); bd.add(b7);
                                                                                 11 and the systems and their corporations replicated and grew numerous upon the earth.
brewd b8 = new brewd("w","c"); bd.add(b8);
                                                                                 13 now it came to pass that the spirits of turing and yon neumann looked upon the earth
brewd b9 = new brewd("g","m"); bd.add(b9);
brewd b10 = new brewd("v", "b"); bd.add(b10);
                                                                                 15 and that day the spirits of turing and von neumann spake unto moore of intel, grant:
brewd b11 = new brewd("a", "g"); bd.add(b11);
                                                                                 17 and the birth of 4004 was the beginning of the third age, the age of microchips. and
brewd b12 = new brewd("q","w"); bd.add(b12);
                                                                                 19 moore begat intel. intel begat mostech, zilog and atari. mostech begat 6502, and zi
brewd b13 = new brewd("m","s"); bd.add(b13);
brewd b14 = new brewd("1","r"); bd.add(b14);
                                                                                 21 now it came to pass in the age of microchips that ibm, the greatest of the mainframe
brewd b15 = new brewd("o", "u"); bd.add(b15);
                                                                                 23 and ibm came unto microsoft, who licensed unto them qdos, the child of cp/m and 8080
brewd b16 = new brewd("z","f"); bd.add(b16);
brewd b17 = new brewd("s","y"); bd.add(b17);
                                                                                 25in the fullness of time ms-dos begat windows. and this is the lineage of windows: cr
brewd b18 = new brewd("i","o"); bd.add(b18);
                                                                                 27 now it came to pass that microsoft had waxed great and mighty among the microchip co
```

全部解完寫入 break. txt 中, break. txt 即為明文

4. Never Use One Time Pad Twice

執行 one. java 檔案,該檔進行:

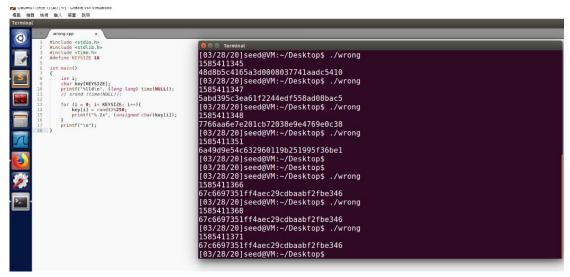
- 1. 讀取各個 cipher1~10, 並存入 Array 中,依照題目給的題示,當空白" 與英文字進行 XOR 時,結果會是該英文字的大小寫對換,因此假設 key XOR m1 = c1, key XOR m2 = c2, ······,則若m1 XOR m2 為英文字時,可知 m1 或 m2 該 byte 位置其中一個為空白" "。
- 2. 因此將 cipher1 與其他 9 個 cipher 進行 XOR,計算每個 byte 位置出現英文字的次數,該位置出現英文字的次數越高,代表 cipher1 該位置的原文越有可能是""空白,則將""空白與 cipher 的密文進行 XOR,即可得出該位置加密的 key。
- 3. 再來將 cipher 2 與其他 9 個也做 XOR, 直到所有 cipher 都做完 XOR 後, 一每個 cipher 解出來的不同位置的 key, 寫入 key. txt 檔中。

執行 one2. java 檔案,該檔執行:

- 1. 讀取 key. txt 檔,以及 challenge. txt 檔,將 challenge 依照可的 key 去進行解密,首先得到[** ml**e**how p*rfecx the cri*e, as *ong*as*pe*p*e*do, t*e*e *s no *ol*ti*n do*' t apen.]的解密文,可以猜得出的單字文 how perfect the crime, as long as people do, there is no solution don't open.。
- 2. 先依照前面英文的語法判斷,前面兩個字可能為 no matter,依照這兩個字解回去的 key,再與其他 cipher 進行解密後發現所有原文都是解開的,因此再將 challenge 解密完的的 key(使用test2. java 檔轉成 key),代回去所有的 cipher,得到所有cipher 解密的明文,並且都是正確的,則 challenge 解出來的明文即為[no matter how perfect the crime, as long as people do, there is no solution don't open.]。

```
a1.set(i, c);
                                                                                                                                          //將密文與key進行XOR,進行解密
            ArravList(Integer> a1 = new ArravList(Integer>();
            read2(a1, "challenge.txt"); //請販密文
                                                                                                                          al.set(i, 0);
            for(int i=0;i<a1.size();i++) {</pre>
28
29
                 if(a[i]!=null) {
                     int c = a1.get(i) ^ Integer.parseInt(a[i], 16);
                                                                                                   <terminated
30
                     a1.set(i, c); //將密文與key進行XOR,進行解密
                                                                                                   83 ef
84 6
85 69
31
32
33
24
                     a1.set(i, 0); //若某byte尚未有key<sup>,</sup>則不XOR
                                                                                                   in security sciences, trust is any unauthenticated interactivity between targets
☐ Console 🎇
                                                                                                  ☐ Console 🎛
84 6
85 69
                                                                                                  82 1d
86 23
                                                                                                  84 6
85 69
89 a5
** ml*!e**how p*rfecx the cri*e, as *ong*as*pe*p*e*do, t*e*e *s no *ol*ti*n do*'t apen.
```

5. Pseudo Random Number Generator Task1:Generate Encryption Key in a Wrong Way



先執行 lab 中的程式,可得到在不同時間,time(NULL)執行產生的結果都不同,執行的第一行是 time(NULL),第二行是產生的 key,執行四次後,將 srand(time(NULL))註解掉,可看到後三次執行雖然time(NULL)的部分不一樣,但是產生出來的 key 是一樣的。

因此可知, srand()的目的是要設定 seed, 且代入的是 time(), 因每次代入的 time()會隨時間改變,因此可以產生出不同的亂數 key

Task2:Guessing the Key

題目使用的 key 產生器為 Taskl 的程式,因此我將 wrong. cpp 改成用terminator 執行時後面加參數代入, srand(t)即為代入的參數。

依據題目的提示,srand(t)代入的時間 點為[2018-04-17 21:08:48]~

[2018-04-17 23:08:49]這兩個小時中間,因此多寫一個 find. sh 的 shell script 檔,該檔從 2018-04-17 的 21:08:48 每次加一秒到 23:08:49,代入 wrong 去產生金鑰。

且加入 Ubuntu 內建的 openssl aes-128-cbc 進行解密,輸入 plaintext、ciphertext、iv,當我的 wrong 產生的金鑰去加密 plaintext 後與 ciphertext 結果相同時,則將該時間點秒數以及加密金 鑰印出來。

執行結果顯示金鑰為: 95fa2030e73ed3f8da761b4eb805dfd7

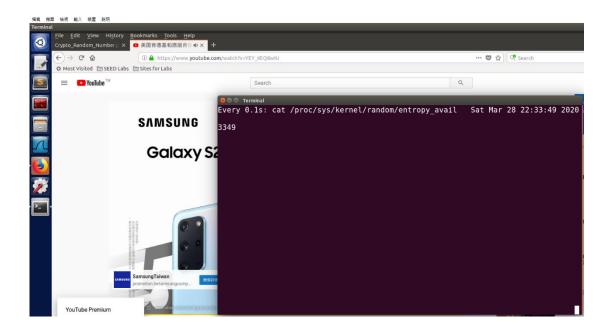
時間點為: 2018-04-17-22:14:55

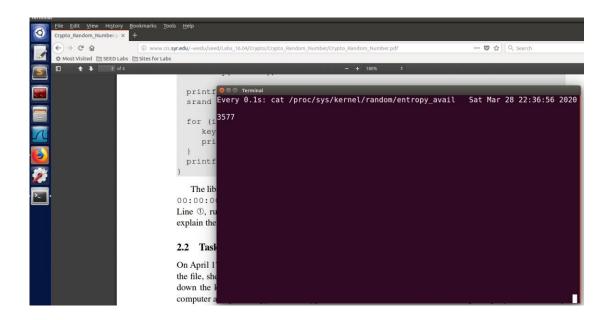
確實是在2小時的範圍內。

```
#!/bin/bash
start=`date -d '2018-04-17 21:08:48' +%s
end=`date -d '2018-04-17 23:08:49' +%s`
plaintext=255044462d312e350a25d0d4c5d80a34
ciphertext=d06bf9d0dab8e8ef880660d2af65aa82
iv=09080706050403020100A2B2C2D2E2F2
for(( i=$start; i<=$end ; i++ ))
              \label{eq:key='./wrong $i'$ get='echo $plaintext | xxd -r -p | openssl enc -aes-128-cbc -e -iv $iv -nosalt -nopad -K $key | xxd -p | cho | xxd -p | xxd -p
               if [ "$get" == "$ciphertext" ]
                                                                                                                                                      <mark>⊗ ⊜ ⊕ /bin/bash</mark>
                             echo "Find! >> $i : $key"
                                                                                                                                                     [03/28/20]seed@VM:~/Desktop$ ./find.sh
Find! >> 1524017695 : 95fa2030e73ed3f8da761b4eb805dfd7
                                                                                                                                                      [03/28/20]seed@VM:~/Desktop$
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#define KEYSIZE 16
 void main(int argc, char** argv)
{
                 int i;
char key[KEYSIZE], *eptr;
long t = strtol(argv[1], &eptr, 10);
srand (t);
                 printf("\n");
                                                                                                                                                                        D03/28/20]seed@VM:~/Desktop$ date -d @1524017695
Tue Apr 17 22:14:55 EDT 2018
                                                                                                                                                                        [03/28/20]seed@VM:~/Desktop$
```

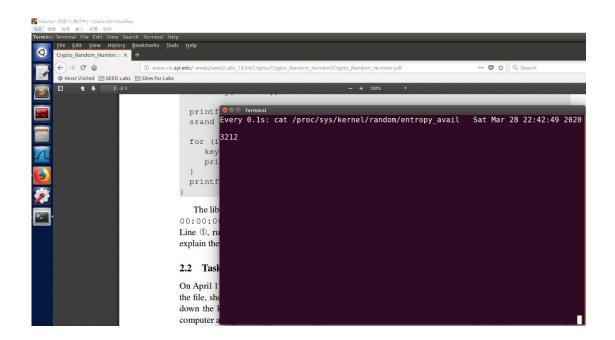
Task3: Measure the Entropy of Kernel

執行 watch -n .1 cat /proc/sys/kernel/random/entropy_avail 後,可以觀測到 entropy_avail 每 0.1 秒的變化。



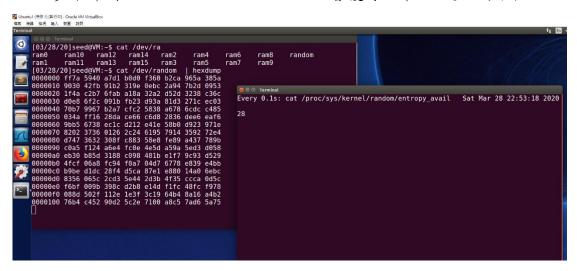


通過觀察可發現:移動滑鼠、開啟檔案、開啟網頁等動作都會增加數值, 而移動滑鼠增加的數值較少,當開啟網頁瀏覽影片時增加的幅度較大, 但數值也不是無限增長的,一段時間沒用後,數值也會自動往下掉。

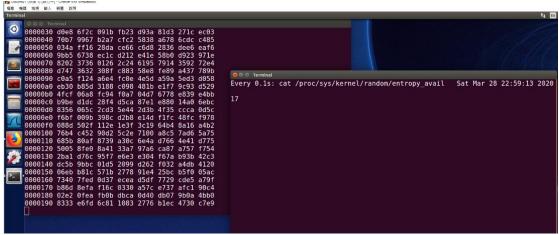


Task4: Get Pseudo Random Numbers from /dev/random

通過執行 cat /dev/random | hexdump 後可發現 entropy_avail 瞬間從 3000 多下降到 20、30, 並且/dev/random 會獲得一串 16 進位的數值。



且此時 entropy_avail 增加到 64 後會清空為 0 ,清空 2~3 次後,/dev/random 會再獲得一串 16 進位的新數值。



觀察結果得知:執行/dev/random 會限制 entropy_avail,並且將數值限於 64,當超過會清空為 0,且/dev/random 收集到一定 entropy_avail 數值後會產生新的一串 16 進位數值。

Task5: Get Random Numbers from /dev/urandom

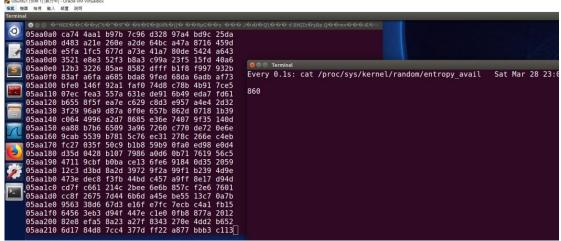
執行 cat /dev/urandom | hexdump 後,發現/dev/urandom 會不斷輸出數值,而 entropy_avail 會有小幅度的增減,移動滑鼠會增加 entropy_avail 的數值,但不會影響到/dev/urandom。

與/dev/random 不同,/dev/urandom 不會限制 entropy_avail 的數值。

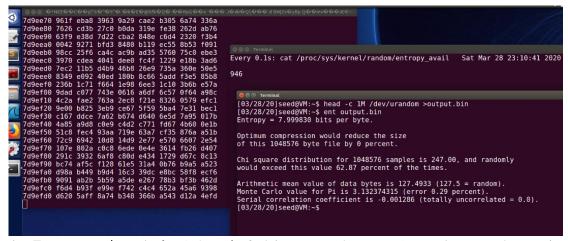
[Bull blook | 1] [REFO]- Oracle VAN VirtualBox

[Bull blook | REFO]

[Bull blook



依照題目要求,用/dev/urandom 產生 1M 的 output. bin 檔案,並以 ent 這個內建程式分析 output 產生的是不是亂數,ent 跑了 6 個測試:



- 1. Entropy:資訊密度測試,與 8 bits per byte 越相近則越 random,我的結果為 7.999830 bits per byte
- 2. Optimum compression:資料重複程度,越接近 0%越好,我的結果為 0%
- 3. Chi square distribution:卡方分布,介於 10%~90%間比較好,我的結果為 62.87%
- 4. Arithmetic mean: 越接近 127.5 越好, 我的結果為 127.4933
- 5. Monte Carlo value for Pi:越接近 3.14159265 越好, 我的結果為 3.132374315
- 6. Serial correlation coefficient: 每個 byte 與前一個 byte 的相依程度, 越接近 0 越好, 我的結果為-0.001286。

由此結果來看,用/dev/urandom 產生的亂數品質是良好的。

最後,題目要求我們將範例程式修改,改成產出 256-bit 的金鑰結合 wrong 與題目給的範例,寫成 randomkey. cpp。首先將 define LEN 改成 32(256bits)並且讀取/dev/urandom 中 sizeof(unsigned char)*LEN 長度的值作為key,最後印出 key 來,執行四次後可看到每次的 random key 都不同。

