

## Universidad de Costa Rica Escuela de Ingeniería Eléctrica

ESCUEIA DE Ingeniería Eléctrica

IE0431: Sistemas de Control I-2018

## TAREA 2

1. Para el sistema de control realimentado mostrado en la figura:

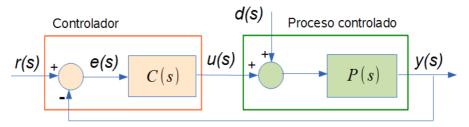


Figura 1: Sistema de control realimentado simple.

- A. Realice el análisis correspondiente para determinar el error permanente a partir del teorema del valor final, cuando el sistema opera como servo control
  - Considere que los cambios en la referencia r(s) pueden ser tipo escalón o rampa y suponga al menos dos tipos de controlador y planta para cada tipo de cambio en r(s).
- B. Suponga ahora que, para el sistema de control realimentado de la figura, el proceso controlado está dado por la función  $P(s) = \frac{1}{s(s+1)}$  y el controlador es tipo proporcional con  $C(s) = K_p$ .
  - a) Si  $K_p = 12$ , determine el error permanente del sistema de control, si se considera un cambio en el valor deseado de r(t)=5+t.
  - b) Para el mismo valor de  $K_p$ , determine el error permanente del sistema de control, si se considera un cambio tipo escalón unitario en la entrada d(t).
  - c) Determine el valor de  $K_p$ , para que la respuesta y(t) a un cambio escalón en el valor deseado r(t) tenga un sobrepaso máximo del 10%.
  - d) Para el valor K<sub>p</sub> encontrado en el punto anterior, dibuje a mano alzada la respuesta del sistema de control a un cambio escalón de magnitud 8 en el valor deseado e indique sobre ella el valor del máximo de la respuesta y el tiempo al que ocurre. Marque también sobre la gráfica como se mediría el tiempo de levantamiento, el tiempo de asentamiento al 5% y el tiempo de retardo del sistema.
  - e) Compruebe el resultado del punto anterior utilizando Matlab/Simulink, determinando además gráficamente el tiempo de levantamiento, el de asentamiento al 5% y el de retardo del sistema. Como sugerencia puede utilizar la herramienta "Data Cursor" en la figura obtenida para determinar los puntos de interés, o investigar las opciones de simulación y medición del desempeño al utilizar los comandos *lsim* o *step*.



## Universidad de Costa Rica Escuela de Ingeniería Eléctrica

ESCUEIA DE Ingeniería Eléctrica

## IE0431: Sistemas de Control I-2018

- 2. Suponga que tiene un controlador con un algoritmo PID Serie de dos grados de libertad (2GdL), cuyos parámetros son:  $K_{p'} = 1.3$ ,  $T_{i'} = 1.3$  s,  $T_{d'} = 0.3$  s,  $\alpha' = 0.1$ ,  $\beta' = 1.1$ ,  $\gamma' = 0$ .
  - Determine los parámetros de los controladores equivalentes con un algoritmo de control PID Estándar de 2GdL y un algoritmo PID Paralelo de 2GdL.
  - Realice el procedimiento inverso para obtener los parámetros del PID Serie a partir de los parámetros del PID Estándar y del PID paralelo.
- 3. Para el sistema de control que se muestra en la figura 1, se tiene que el proceso está representado por un modelo lineal dado por la función de transferencia P(s):

$$P(s) = \frac{K}{(Ts+1)(aTs+1)}$$
;  $K = 0.44$ ;  $T = 6.2$  s;  $a = 0.2$ 

Se tiene además que el controlador es tipo proporcional con ganancia variable  $K_p$ .

- Determine analíticamente el rango de valores de  $K_p$  para el cual la respuesta del servo control ante una entrada escalón unitario será del tipo:
  - a) Sobreamortiguada.
  - b) Críticamente Amortiguada
  - c) Subamortiguada.
- Compruebe la respuesta del punto anterior al obtener en Matlab el diagrama de polos y ceros y la respuesta a una entrada escalón unitario en la referencia, para un valor de  $K_p$  en los rangos encontrados para cada caso.
- Analice el efecto de  $K_p$  sobre la respuesta y sobre la localización de los polos y ceros del proceso.

Fecha <u>límite</u> de entrega: viernes 20 de abril @ 6:00 pm, oficina 604IE Debe indicar en la tarea: Nombre, Carné y <u>Grupo</u> Matriculado