

TABLE A7 Quantiles of the Mann-Whitney Test Statistic^a

n	p	m = 2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
2	0.001	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
	0.005	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4
	0.01	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	5	5
	0.025	3	3	3	3	3	3	4	4	4	5	5	5	5	5	5	6	6	6	6
	0.05	3	3	3	4	4	4	5	5	5	5	6	6	7	7	7	7	8	8	8
3	0.10	3	4	4	5	5	5	6	6	7	7	8	8	8	9	9	10	10	11	11
	0.001	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	7	7	7	7
	0.005	6	6	6	6	6	6	6	7	7	7	8	8	8	9	9	9	9	10	10
	0.01	6	6	6	6	6	7	7	8	8	8	9	9	9	10	10	11	11	11	11
	0.025	6	6	6	7	8	8	9	9	10	10	11	11	12	12	12	13	13	14	14
4	0.05	6	7	7	8	9	9	10	11	11	12	12	13	14	14	15	16	16	17	17
	0.10	7	8	8	9	10	11	12	12	13	14	15	16	17	17	18	19	19	20	20
	0.001	10	10	10	10	10	10	10	10	11	11	11	12	12	12	13	13	14	14	14
	0.005	10	10	10	10	11	11	12	12	13	13	14	14	15	16	16	17	17	18	18
	0.01	10	10	10	11	12	12	13	14	14	15	16	16	17	18	18	19	20	20	21
5	0.025	10	11	11	12	13	14	15	15	16	17	18	19	20	21	22	22	23	24	25
	0.05	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28
	0.10	11	12	14	15	16	17	18	20	21	22	23	24	26	27	28	29	31	32	33
	0.001	15	15	15	15	15	15	16	17	17	18	18	19	20	20	21	21	22	23	23
	0.005	15	15	15	16	17	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
6	0.01	15	16	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32
	0.025	21	23	24	25	27	28	30	32	33	35	36	38	39	41	43	44	46	47	48
	0.05	22	24	25	27	29	30	32	34	36	38	39	41	43	45	47	48	50	52	54
	0.10	23	25	27	29	31	33	35	37	39	41	43	45	47	49	51	53	56	58	60
	0.001	21	21	21	21	21	21	23	24	25	26	26	27	28	29	30	31	32	33	34
7	0.005	21	21	22	23	24	25	26	27	28	29	31	32	33	34	35	37	38	39	40
	0.01	21	21	23	24	25	26	28	29	30	31	33	34	35	37	38	40	41	42	44
	0.025	28	30	32	34	35	37	39	41	43	45	47	49	51	53	55	57	59	61	63
	0.05	28	30	32	34	35	37	40	42	44	46	48	50	52	54	57	59	62	64	66
	0.10	30	33	35	37	40	42	45	47	50	52	55	57	60	62	65	67	70	72	75
8	0.001	36	36	36	37	38	39	41	42	43	45	46	48	49	51	52	54	55	57	58
	0.005	36	36	38	39	41	43	44	46	48	50	52	54	55	57	59	61	63	65	67
	0.01	36	37	39	41	43	44	46	48	50	52	54	56	59	61	63	65	67	69	71
	0.025	37	39	41	43	45	47	50	52	54	56	59	61	63	66	68	71	73	75	78
	0.05	38	40	42	45	47	50	52	55	57	60	63	65	68	70	73	76	78	81	84
	0.10	39	42	44	47	50	53	56	59	61	64	67	70	73	76	79	82	85	88	91

TABLE A7 (Continued)

<i>n</i>	<i>p</i>	<i>m</i> = 2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
9	0.001	45	45	45	47	48	49	51	53	54	56	58	60	61	63	65	67	69	71	72
	0.005	45	46	47	49	51	53	55	57	59	62	64	66	68	70	73	75	77	79	82
	0.01	45	47	49	51	53	55	57	60	62	64	67	69	72	74	77	79	82	84	86
	0.025	46	48	50	53	56	58	61	63	66	69	72	74	77	80	83	85	88	91	94
	0.05	47	50	52	55	58	61	64	67	70	73	76	79	82	85	88	91	94	97	100
10	0.10	48	51	55	58	61	64	68	71	74	77	81	84	87	91	94	98	101	104	108
	0.001	55	55	56	57	59	61	62	64	66	68	70	73	75	77	79	81	83	85	88
	0.005	55	56	58	60	62	65	67	69	72	74	77	80	82	85	87	90	93	95	98
	0.01	55	57	59	62	64	67	69	72	75	78	80	83	86	89	92	94	97	100	103
	0.025	56	59	61	64	67	70	73	76	79	82	85	89	92	95	98	101	104	108	111
11	0.05	57	60	63	67	70	73	76	80	83	87	90	93	97	100	104	107	111	114	118
	0.10	59	62	66	69	73	77	80	84	88	92	95	99	103	107	110	114	118	122	126
	0.001	66	66	67	69	71	73	75	77	79	82	84	87	89	91	94	96	99	101	104
	0.005	66	67	69	72	74	77	80	83	85	88	91	94	97	99	103	106	109	112	115
	0.01	66	68	71	74	76	79	82	85	89	92	95	98	101	104	108	111	114	117	120
12	0.025	67	70	73	76	80	83	86	90	93	97	100	104	107	111	114	118	122	125	129
	0.05	68	72	75	79	83	86	90	94	98	101	105	109	113	117	121	124	128	132	136
	0.10	70	74	78	82	86	90	94	98	103	107	111	115	119	123	127	131	135	139	143
	0.001	78	78	79	81	83	86	88	91	93	96	98	102	104	107	110	113	116	119	122
	0.005	78	80	82	85	88	91	94	97	100	103	106	110	113	116	120	123	126	129	132
13	0.01	78	81	84	87	90	93	96	100	103	107	110	114	117	120	124	127	130	133	136
	0.025	80	83	86	90	93	97	101	105	108	112	116	120	124	128	132	136	140	144	148
	0.05	81	84	88	92	96	100	105	109	111	117	121	126	130	134	139	143	147	151	155
	0.10	83	87	91	96	100	105	109	114	118	123	128	132	137	142	146	150	155	159	163
	0.001	91	91	93	95	97	100	103	106	109	112	115	118	121	124	127	130	133	136	139
14	0.005	91	93	95	99	102	105	109	112	116	119	123	126	130	134	137	141	145	149	152
	0.01	106	108	112	116	119	123	128	132	136	140	144	149	153	157	162	166	171	175	179
	0.025	107	111	115	119	123	128	132	137	142	146	151	156	161	165	170	175	180	184	189
	0.05	109	113	117	122	127	132	137	142	147	152	157	162	167	172	177	183	188	193	198
	0.10	110	116	121	126	131	137	142	147	153	158	164	169	175	180	186	191	197	203	208
15	0.001	120	120	122	125	128	133	135	138	142	145	149	153	157	161	164	168	172	176	180
	0.005	120	123	126	129	133	137	141	145	150	154	158	163	167	172	176	181	185	190	194
	0.01	121	124	128	132	136	140	145	149	154	158	163	168	172	177	182	187	191	196	201
	0.025	122	126	131	135	140	145	150	155	160	165	170	175	180	185	191	196	201	206	211
	0.05	124	128	133	139	144	149	154	160	165	171	176	182	187	193	198	204	209	215	221
16	0.10	126	131	137	143	148	154	160	166	172	178	184	189	195	201	207	213	219	225	231
	0.001	136	136	139	142	145	148	152	156	160	164	168	172	176	180	185	189	193	197	202
	0.005	136	139	142	146	150	155	159	164	168	173	178	182	187	192	197	202	207	211	216
	0.01	137	140	144	149	153	158	163	168	173	178	183	188	193	198	203	208	213	219	224
	0.025	138	143	148	152	158	163	168	174	179	184	190	196	201	207	212	218	223	229	235
	0.05	140	145	151	156	162	167	173	179	185	191	197	202	208	214	220	226	232	238	244
	0.10	142	148	154	160	166	173	179	185	191	198	204	211	217	223	230	236	243	249	256

TABLE A7 (Continued)

n	p	m = 2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
17	0.001	153	154	156	159	163	167	171	175	179	183	188	192	197	201	206	211	215	220	224
	0.005	153	156	160	164	169	173	178	183	188	193	198	203	208	214	219	224	229	235	240
	0.01	154	158	162	167	172	177	182	187	192	198	203	209	214	220	225	231	236	242	247
	0.025	156	160	165	171	176	182	188	193	199	205	211	217	223	229	235	241	247	253	259
	0.05	157	163	169	174	180	187	193	199	205	211	218	224	231	237	243	250	256	263	269
18	0.10	160	166	172	179	185	192	199	206	212	219	226	233	239	246	253	260	267	274	281
	0.001	171	172	175	178	182	186	190	195	199	204	209	214	218	223	228	233	238	243	248
	0.005	171	174	178	183	188	193	198	203	209	214	219	225	230	236	242	247	253	259	264
	0.01	172	176	181	186	191	196	202	208	213	219	225	231	237	242	248	254	260	266	272
	0.025	174	179	184	190	196	202	208	214	220	227	233	239	246	252	258	265	271	278	284
19	0.05	176	181	188	194	200	207	213	220	227	233	240	247	254	260	267	274	281	288	295
	0.10	178	185	192	199	206	213	220	227	234	241	249	256	263	270	278	285	292	300	307
	0.001	190	191	194	198	202	206	211	216	220	225	231	236	241	246	251	257	262	268	273
	0.005	191	194	198	203	208	213	219	224	230	236	242	248	254	260	265	272	278	284	290
	0.01	192	195	200	206	211	217	223	229	235	241	247	254	260	266	273	279	285	292	298
20	0.025	193	198	204	210	216	223	229	236	243	249	256	263	269	276	283	290	297	304	310
	0.05	195	201	208	214	221	228	235	242	249	256	263	271	278	285	292	300	307	314	321
	0.10	198	205	212	219	227	234	242	249	257	264	272	280	288	295	303	311	319	326	334
	0.001	210	211	214	218	223	227	232	237	243	248	253	259	265	270	276	281	287	293	299
	0.005	211	214	219	224	229	235	241	247	253	259	265	271	278	284	290	297	303	310	316

For n or m greater than 20, the p th quantile w_p of the Mann–Whitney test statistic may be approximated by

$$w_p = n(N + 1)/2 + z_p \sqrt{nm(N + 1)/12}$$

where z_p is the p th quantile of a standard normal random variable, obtained from Table A1, and where $N = m + n$.

° The entries in this table are quantiles w_p of the Mann–Whitney test statistic T , given by Equation 5.1.1, for selected values of p . Note that $P(T < w_p) \leq p$. Upper quantiles may be found from the equation

$$w_p = n(n + m + 1) - w_{1-p}$$

Critical regions correspond to values of T less than (or greater than) but not equal to the appropriate quantile.