

ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ДОНЕЦКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Факультет ИСП

Кафедра ПИ

Индивидуальное задание
по курсу: «Компьютерная дискретная математика»
на тему: «Поиск в глубину»

Выполнил:

ст. гр. ПИ-21в

Неснов А. А.

Проверил:

Дмитрюк Т. Г.

РЕФЕРАТ

Отчет по индивидуальной работе содержит: 35 страниц, 5 рисунков, 2 приложения и 3 источника.

Цель работы – это закрепить практические навыки по самостоятельной постановке решению задач, связанных обработкой данных с помощью ЭВМ средствами объектно-ориентированного программирования (ООП).

Объект исследования — поиск в глубину.

Цель работы – реализация алгоритма поиска в глубину в виде программы с разработанной визуализацией ввода, входных данных и решения алгоритма.

Результат – программное обеспечение, реализующее решение алгоритма поиска в глубину, вывод результата и запись в файл.

ПОИСК В ГЛУБИНУ, АЛГОРИТМ, ГРАФ, ДИСКРЕТНАЯ
МАТЕМАТИКА, ЦИКЛЫ

СОДЕРЖАНИЕ

РЕФЕРАТ.....	2
ВВЕДЕНИЕ.....	4
1 ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ	5
1.1 Постановка задачи	5
1.2 Метод решения	5
2 КОНТРОЛЬНЫЙ ПРИМЕР.....	7
2.1 Реализация контрольного примера	7
2.2 Ручной просчет контрольного примера	7
3 ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ПРИМЕРЫ.....	10
3.1. Решение пустого графа	10
3.2. Решение несвязного графа, полученного генерацией варианта	10
3.3. Решение орграфа	10
4 ОПИСАНИЕ ПРОГРАММЫ.....	12
ВЫВОД	12
СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННОЙ ЛИТЕРАТУРЫ	14
ПРИЛОЖЕНИЕ А РУКОВОДСТВО ПОЛЬЗОВАТЕЛЯ	15
ПРИЛОЖЕНИЕ Б ЛИСТИНИНГ ПРОГРАММЫ.....	16

ВВЕДЕНИЕ

Дискретная математика — часть математики, изучающая дискретные математические структуры, такие как графы и утверждения в логике.

В контексте математики в целом дискретная математика часто отождествляется с конечной математикой — направлением, изучающим конечные структуры — конечные графы, конечные группы, конечные автоматы.

Граф - математический объект, который изображает отношения между сущностями. Граф состоит из вершин (объектов) и рёбер (связей). С помощью графов можно представить разных ситуации: например, пользователей соцсети, которые находятся друг у друга в друзьях, клиентов банка, которые переводят друг другу денежные средства, географические объекты и пути между ними.

Обход графа — это переход от одной его вершины к другой в поисках свойств связей этих вершин. Связи (линии, соединяющие вершины) называются направлениями, путями, гранями или ребрами графа. Двумя основными алгоритмами обхода графа являются поиск в глубину (Depth-First Search, DFS) и поиск в ширину (Breadth-First Search, BFS).

1 ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

1.1 Постановка задачи

Поиск в глубину — один из методов обхода графа $G = (V, E)$, суть которого состоит в том, чтобы идти “вглубь” пока это возможно.

Поиск начинается с некоторой фиксированной вершины v . Рассматривается вершина u , смежная с v . Она выбирается. Процесс повторяется с вершиной u . Если на очередном шаге мы работаем с вершиной q и нет вершин, смежных с q и не рассмотренных ранее (новых), то возвращаемся из вершины q к вершине, которая была до нее. В том случае, когда это вершина v , процесс просмотра закончен. Очевидно, что для фиксации признака, просмотрена вершина графа или нет, требуется структура данных типа: `Nnew: Array[1..N] Of Boolean` [1].

1.2 Метод решения

Метод решения на языке Pascal [2]:

```
Procedure Pg(v:integer); {*Массивы Nnew и A глобальные.*}
  Var j:Integer;
  Begin
    Nnew[v]:=False;Write(v:3);
    For j:=1 To N Do If (A[v, j] <> 0) And Nnew[j]
      Then Pg (j)
  End;
```

Метод решения задачи из языка C#:

```
public List<List<int>> DFS(int start)
{
    var result = new List<int>();
    var pre = new List<int>();
    result.Add(start);
    pre.Add(-1);
```

```

        var arr = Enumerable.Range(0, adj_matrix.Count).Select(x
=> true).ToList();

        void DFSrecursion(int v)
        {
            arr[v] = false;
            for (int i = 0; i < arr.Count; i++)
            {
                if (adj_matrix[v][i] && arr[i])
                {
                    result.Add(i);
                    pre.Add(v);
                    DFSrecursion(i);
                }
            }
        }

        DFSrecursion(start);
        return new List<List<int>>() { result, pre };
    }

```

Для обеспечения корректного отображения результата поиска в глубину рекурсия была вынесена в функцию (`void DFSrecursion(int v)`), а глобальная переменная с пройденными вершинами (`arr`) сделана локальной для уменьшения потребления памяти. Также, функция DFS возвращает список [2] из двух списков: порядка обхода вершин (`res`) и их предшественников (`pre`). Второй массив нужен для того, чтобы при отрисовке графа корректно указывался путь, по которому происходит обход. Первый элемент этого списка всегда будет равен -1, т.к. вершина, предшествующая ему, не существует. Таким образом, при каждом шаге в результирующий массив будет записываться следующий элемент, а текущий — в предшествующий.

2 КОНТРОЛЬНЫЙ ПРИМЕР

2.1 Реализация контрольного примера

В качестве контрольного примера выбран следующий граф (см. рис. 2.1).

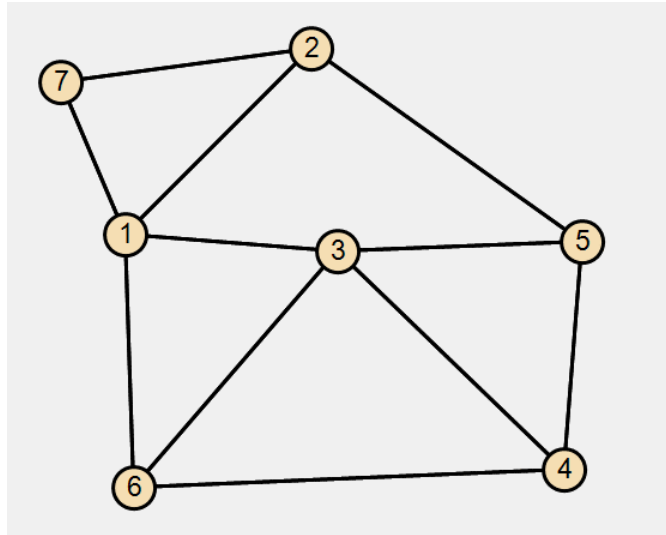


Рисунок 2.1 – Граф контрольного примера

2.2 Ручной просчет контрольного примера

$A =$

	1	2	3	4	5	6	7
1	0	1	1	0	0	1	1
2	1	0	0	0	1	0	1
3	1	0	0	1	1	1	0
4	0	0	1	0	1	1	0
5	0	1	1	1	0	0	0
6	1	0	1	1	0	0	0
7	1	1	0	0	0	0	0

Таблица 1. Матрица смежности

Начнем с вершины 1.

Посещенные вершины $N: \{1\}$

Порядок обхода: $\{1\}$

Следующая вершина – v_2 , $v_2 \notin N$.

Посещенные вершины $N: \{1, 2\}$

Порядок обхода: $\{1, 2\}$

Следующая вершина – v_1 , $v_1 \in N$; $v_5 \notin N$.

Посещенные вершины N : $\{1, 2, 5\}$

Порядок обхода: $\{1, 2, 5\}$

Следующая вершина – v_3 , $v_3 \notin N$.

Посещенные вершины N : $\{1, 2, 3, 5\}$

Порядок обхода: $\{1, 2, 5, 3\}$

Следующая вершина – v_1 , $v_1 \in N$; $v_4 \notin N$.

Посещенные вершины N : $\{1, 2, 3, 4, 5\}$

Порядок обхода: $\{1, 2, 5, 3, 4\}$

Следующая вершина – v_3 , $v_3 \in N$, $v_5 \in N$; $v_6 \notin N$.

Посещенные вершины N : $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

Порядок обхода: $\{1, 2, 5, 3, 4, 6\}$

Следующая вершина – v_1 , $v_1 \in N$, $v_3 \in N$, $v_4 \in N$.

Нет допустимых вершин, возвращение назад.

Следующая вершина – v_3 , $v_3 \in N$, $v_5 \in N$, $v_6 \in N$.

Нет допустимых вершин, возвращение назад.

Следующая вершина – v_1 , $v_1 \in N$, $v_4 \in N$, $v_5 \in N$; $v_6 \in N$.

Нет допустимых вершин, возвращение назад.

Следующая вершина – v_2 , $v_2 \in N$, $v_3 \in N$; $v_4 \in N$.

Нет допустимых вершин, возвращение назад.

Следующая вершина – v_1 , $v_1 \in N$, $v_5 \in N$; $v_7 \notin N$.

Посещенные вершины N : $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$

Порядок обхода: $\{1, 2, 5, 3, 4, 6, 7\}$

Следующая вершина – v_1 , $v_1 \in N$, $v_2 \in N$.

Нет допустимых вершин, возвращение назад.

Следующая вершина – v_1 , $v_1 \in N$, $v_5 \in N$, $v_7 \in N$.

Нет допустимых вершин, возвращение назад.

Возвращение в вершину 1, конец алгоритма.

В результате поиска в глубину получен следующий порядок обхода: {1, 2, 5, 3, 4, 6, 7}

2.2 Программный просчет контрольного примера

Результат программного расчета приведен на рисунке 2.2.

Листинг решенного контрольного примера приведен в соответствующем файле лога: «Порядок обхода: 1 2 5 3 4 6 7»

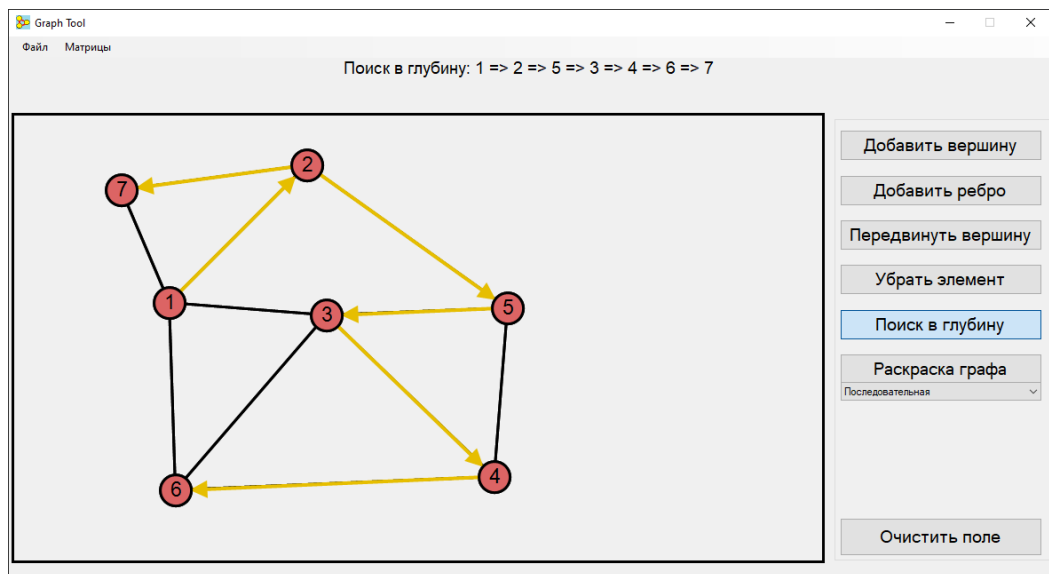


Рисунок 2.2 – Программное решение задачи

3 ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ПРИМЕРЫ

3.1. Решение пустого графа

Поиск в глубину при пустом графе невозможно запустить из-за отсутствия вершин и, соответственно, возможности выбрать начало.

3.2. Решение связного графа, полученного генерацией варианта

Решение графа $G(13, \{5, 6\})$ приведено ниже (см. рис 3.1). Листинг работы программы: «Порядок обхода: 1 5 7 3 6 2 4 11 9 12 13 8 10»

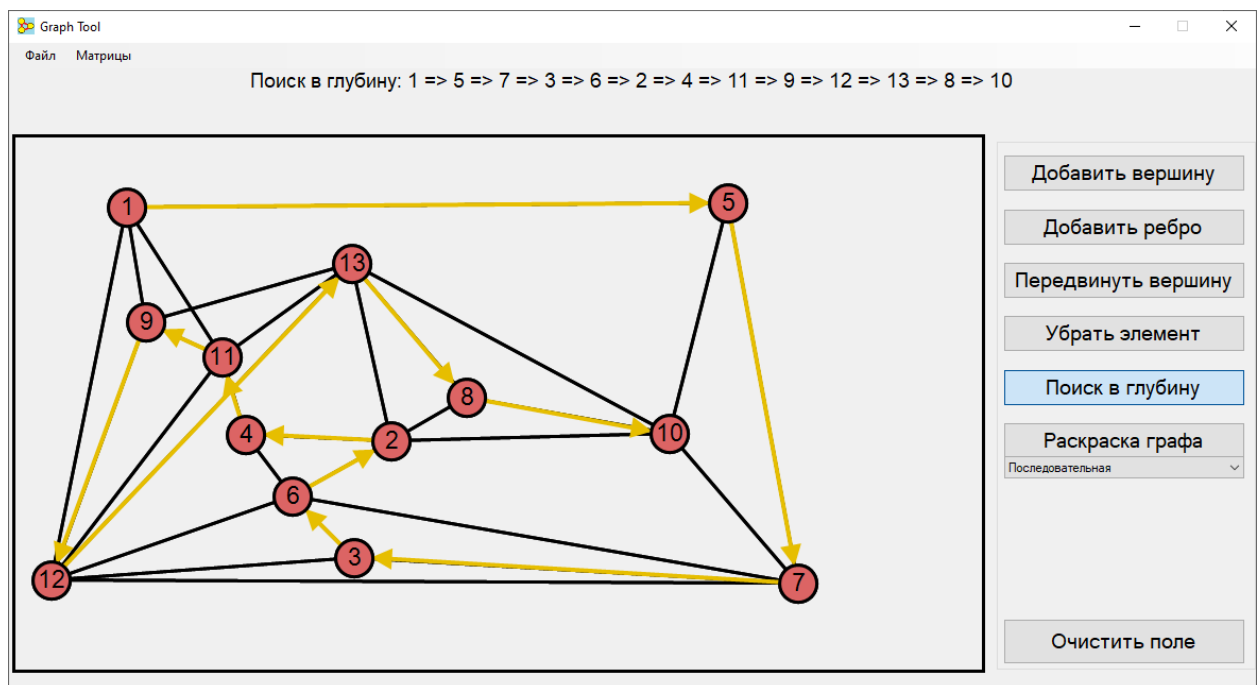


Рисунок 3.1 – Решение связного графа

3.3. Решение орграфа

Если граф ориентированный, то, находясь в узле x , необходимо выбирать ребро (x, y) , только выходящее из x . Исследовав все ребра, выходящие из u , возвращаемся в x даже тогда, когда в u входят другие ребра, еще не рассмотренные [3]. Программа способна находить решения для орграфов (см. рис. 3.2). Результат работы указан ниже (см. рис. 3.3.). Листинг решения: «Порядок обхода: 1 3».

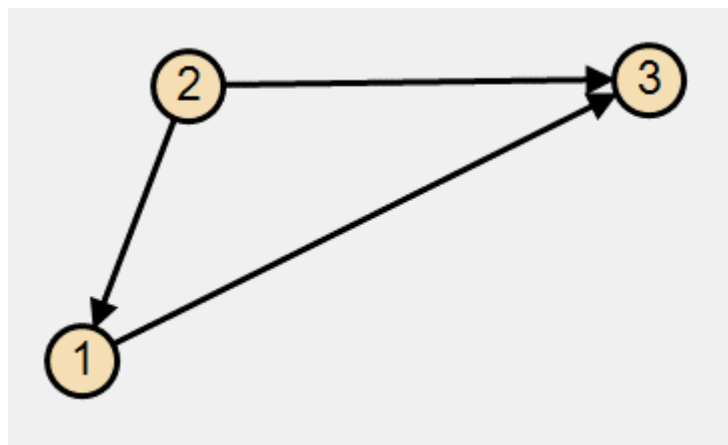


Рисунок 3.2 – Связный орграф

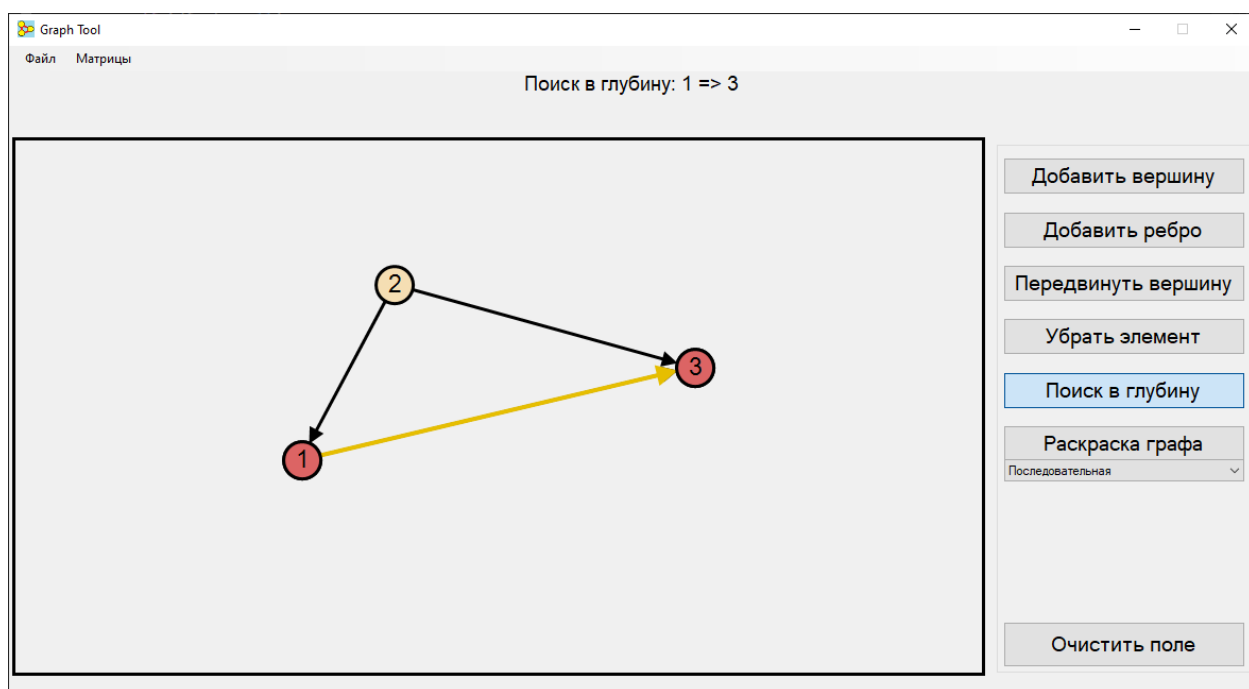


Рисунок 3.3 – Решение связного орграфа

4 ОПИСАНИЕ ПРОГРАММЫ

Программа «Graph.exe» графический интерфейс с возможностью решения поиска в глубину в графе.

Программа предназначена для использования в личных целях при решении задач поиска в глубину и в высших учебных заведениях с целью демонстрации и проверки решений алгоритма.

Для запуска программы требуется персональный компьютер с частотой процессора не менее 1.2 ГГц и объемом оперативной памяти не менее 500 Мб.

Вызов и загрузка программы осуществляется путем запуска исполняемого файла Graph.exe.

В качестве исходных данных программа использует данные, считываемые из внешних файлов, а также вводимые пользователем с клавиатуры или с помощью мыши.

Выходные данные выводятся на экран и в файл логов в папке программы.

ВЫВОД

Разработанная программа является демонстрацией решения алгоритма поиска фундаментальных циклов. Она предназначена для использования в личных целях при решении задач поиска фундаментальных циклов и в высших учебных заведениях с целью демонстрации и проверки решений алгоритма.

Разработанная программа соответствует поставленным требованиям, реализует поставленную задачу.

Функционал программы дополняется графическим представлением графа и табличным вариантом матрицы смежности.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

1. Окулов, С.М. Программирование в алгоритмах — М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2002. — 341 с.
2. Прайс, М. С# 8 и .NET Core. Разработка и оптимизация. / Прайс М., 2021. — 187 с.
3. Иванов, Б. Н. Дискретная математика. Алгоритмы и программы: Учеб. пособие. / Б. Н. Иванов. — М.: Лаборатория Базовых Знаний, 2003. — 118 с.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

РУКОВОДСТВО ПОЛЬЗОВАТЕЛЯ

Для начала работы требуется запустить файл Graph.exe.

После запуска пользователь может загрузить файл с расширением «.grf», содержащий в себе список координат вершин и матрицу смежности. Также у пользователя есть возможность использования указателя мыши для выбора режима работы программы, такого как добавление вершин и рёбер, передвижение и удаление элементов и выбор начала поиска в глубину.

В любой момент пользователь может открыть матрицу смежности через контекстное меню для изменения графа.

При выборе начальной вершины для поиска в глубину программа покажет порядок обхода вершин в текстовом поле, а пройденный путь отобразится на графе другим цветом.

Все действия пользователя будут записаны в лог с датой, а результат алгоритма будет сохранён в отдельный файл.

ПРИЛОЖЕНИЕ Б ЛИСТИНИНГ ПРОГРАММЫ

```
//Graph.cs
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.Drawing;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;

namespace Graph
{
    class GGraph
    {
        public List<Point> vertexes
= new List<Point>();
        public List<List<bool>>
adj_matrix = new List<List<bool>>();

        public Pen np;
        public Brush nb;
        public Font drawFont;
        public Brush fontb;
        public Color v_color;
        public int size;

        public GGraph(List<Point>
vertexes, List<List<bool>> matrix)
        {
            this.vertexes =
vertexes;
            this.adj_matrix =
matrix;

            v_color = Color.Wheat;
            np = new
Pen(Color.Black, 3);
            nb = new
SolidBrush(v_color);

            fontb = new
SolidBrush(Color.Black);
            size = 35;
            drawFont = new
Font("Arial", size/2);
        }

        public int vertexClicked(int
x, int y)
        {
            foreach (var vertex in
vertexes)
            {
                if (distance(x, y,
vertex.X + size/2, vertex.Y +
size/2) < size/2)
                    return
vertexes.IndexOf(vertex);
            }
            return -1;
        }

        public Tuple<int, int>
edgeClicked(int x, int y)
        {
            for (int i = 0; i <
adj_matrix.Count; i++)
                for (int j = i; j <
adj_matrix.Count; j++)
                {
                    if (i == j)
                    {
                        double r =
distance(x, y, vertexes[i].X + size
/ 2, vertexes[i].Y - size / 2);
                        if (r <
size/2 )
                            return
new Tuple<int, int>(i, j);
                    }
                }
        }
    }
}
```



```

        else if
(adj_matrix[i][j] ||
adj_matrix[j][i])
        {
            double d1 =
Math.Sqrt(Math.Pow(x -
vertexes[i].X, 2) + Math.Pow(y -
vertexes[i].Y, 2));

            double d2 =
Math.Sqrt(Math.Pow(x -
vertexes[j].X, 2) + Math.Pow(y -
vertexes[j].Y, 2));

            double d =
Math.Sqrt(Math.Pow(vertexes[i].X -
vertexes[j].X, 2) +
Math.Pow(vertexes[i].Y -
vertexes[j].Y, 2));

            if ((d - 3 <
d1 + d2) && (d1 + d2 < d + 3))
                return
new Tuple<int, int>(i, j);
        }
    }

    return null;
}

public List<List<int>>
DFS(int start)
{
    var result = new
List<int>();

    var pre = new
List<int>();

    result.Add(start);
    pre.Add(-1);

    var arr =
Enumerable.Range(0,
adj_matrix.Count).Select(x =>
true).ToList();

    void DFSrecursion(int v)
    {
        arr[v] = false;

```

```

        for (int i = 0; i <
arr.Count; i++)
        {
            if
(adj_matrix[v][i] && arr[i])
            {
                result.Add(i);

                pre.Add(v);

                DFSrecursion(i);
            }
        }

        DFSrecursion(start);

        return new
List<List<int>>() { result, pre };
    }

    public Tuple<List<int>, int>
coloring(List<int> order)
    {
        if (order == null) //
Если не задан порядок - взять
последовательный

        order =
Enumerable.Range(0,
adj_matrix.Count).ToList();

        List<int> colors =
Enumerable.Range(0,
adj_matrix.Count).Select(x =>
0).ToList();

        colors[order[0]] = 1;

        for (int i=1;
i<adj_matrix.Count; i++)
        {
            List<int> taken =
new List<int>();

            for (int j = 0; j <
adj_matrix.Count; j++)

```

```

        {
            if
(adj_matrix[order[i]][j] &&
taken.IndexOf(colors[j]) == -1 &&
colors[j] > 0)

taken.Add(colors[j]);
        }
        taken.Sort();
        for (int j = 0; j <
taken.Count; j++)
        {
            if(j+1 !=
taken[j])
            {
                colors[order[i]] = j + 1;
                break;
            }
        }
        if (colors[order[i]]
== 0)
            colors[order[i]]
= taken.Count+1;
        }

        return new
Tuple<List<int>, int>(colors,
listMax(colors));
    }

    public Tuple<List<int>, int>
descColoring() // НП-ynop.
    {
        List<Tuple<int, int>>
v_deg = new List<Tuple<int, int>>();
        for (int i = 0; i <
adj_matrix.Count; i++)
            v_deg.Add(new
Tuple<int, int>(i, degree(i)));
        v_deg = v_deg.OrderBy(x
=> x.Item2).ToList();
        v_deg.Reverse();
    }

```

```

        var q = from x in v_deg
                group x by
x.Item2 into g
                let count =
g.Count()
                orderby count
descending
                select new {
Value = g.Key, Count = count };
        foreach (var v in q)
        {
            if (v.Count > 1)
            {
                Tuple<int, int>
temp = null;
                var index =
v_deg.FindIndex(t => t.Item2 ==
v.Value);
                for (int i =
index; i < index + v.Count - 1; i++)
                {
                    for (int j =
i; j < index + v.Count - 1; j++)
                    {
                        var
ndeg1 = ndegree(v_deg[i].Item1, 2);
                        var
ndeg2 = ndegree(v_deg[j].Item1, 2);
                        if
(ndeg1 < ndeg2)
                        {
                            temp
= v_deg[i];
                            v_deg[i] = v_deg[j];
                            v_deg[j] = temp;
                        }
                    }
                }
            }
        }
    }

```

```

        min_i = i;
        min = deg;
    }

    var result =
Enumerable.Range(0,
v_deg.Count).Select(x =>
v_deg[x].Item1).ToList();

    return coloring(result);
}

    public Tuple<List<int>, int>
ascColoring() // ПН-ynop.
    {
        var result = new
List<int>();

        var matrix = new
List<List<bool>>();

        for (int i = 0;
i<adj_matrix.Count;i++)
        {
            matrix.Add(new
List<bool>());

            for (int j = 0; j <
adj_matrix[i].Count; j++)

matrix[i].Add(adj_matrix[i][j]);

        }

        var count =
Enumerable.Range(0,
matrix.Count).Select(x =>
true).ToList();

        for (int v = 0; v <
matrix.Count-1; v++)
        {
            int min =
int.MaxValue;

            int min_i = 0;

            for (int i = 0; i <
matrix.Count; i++)
            {
                int deg =
degree(i, matrix);

                if (0 < deg &&
deg < min)

            {
                matrix =
remove_v(min_i, matrix);

                result.Add(min_i);

                count[min_i] =
false;

            }

            result.Add(count.IndexOf(true));

            result.Reverse();

            return coloring(result);

        }

        public
Tuple<List<List<int>>, int>
edgeColoring() // Рёберная раскраска
        {
            var result =
Enumerable.Range(0,
adj_matrix.Count).Select(

                x =>
Enumerable.Range(0,
adj_matrix.Count).Select(y =>
0).ToList()).ToList();

            for (int i = 0; i <
result.Count; i++)
            {
                for (int j = i; j <
result.Count; j++)
                {
                    if
(adj_matrix[i][j])
                    {
                        for (int cr
= 1; cr < result[i].Count; cr++)
                        {

```

```

        if
        (result[i].IndexOf(cr) == -1 &&
         result[j].IndexOf(cr) == -1)
        {
            result[i][j] = result[j][i] = cr;
            break;
        }
    }
}

int max = 0;
foreach (var v in
result)
    max = Math.Max(max,
listMax(v));

return new
Tuple<List<List<int>>, int>(result,
max);
}

public double distance(int
x1, int y1, int x2, int y2)
{
    return
    Math.Sqrt(Math.Pow(x1 - x2, 2) +
    Math.Pow(y1 - y2, 2));
}

public int degree(int v,
List<List<bool>> matrix = null)
{
    int deg = 0;
    if (matrix == null)
    {
        for (int i = 0; i <
adj_matrix.Count; i++)
        {

```

```

            if
            (adj_matrix[i][v]) deg++;
        }
    }
    else
    {
        for (int i = 0; i <
matrix.Count; i++)
        {
            if
            (matrix[i][v]) deg++;
        }
    }
    return deg;
}

public int ndegree(int v,
int n)
{
    if (n > 1)
    {
        int sum = 0;
        for (int i = 0; i <
adj_matrix.Count; i++)
        {
            if
            (adj_matrix[v][i])
            {
                sum +=
                ndegree(i, n - 1);
            }
        }
        return sum;
    }
    else return degree(v);
}

public List<List<bool>>
remove_v(int v, List<List<bool>>
matrix = null)

```

```

        {
            if (matrix == null)
            {
vertices.RemoveAt(v);

adj_matrix.RemoveAt(v);
                for (int i = 0; i <
adj_matrix.Count; i++)

adj_matrix[i].RemoveAt(v);
                    return null;
                }
            else
            {
                for (int i=0;
i<matrix.Count; i++)
                {
                    matrix[i][v] =
matrix[v][i] = false;
                }
                return matrix;
            }
        }

        public int listMax(List<int>
list)
        {
            int max = -1;
            foreach (var i in list)
            {
                if (i > max) max =
i;
            }
            return max;
        }

        public int edgeCount()
        {
            int count = 0;

```

```

                for (int i = 0; i <
adj_matrix.Count; i++)
                {
                    for (int j = i; j <
adj_matrix[i].Count; j++)
                    {
                        if
(adj_matrix[i][j] ||
adj_matrix[j][i])
                            count++;
                    }
                }
            return count;
        }
    }

    // MainForm.cs
    using System;
    using System.Collections.Generic;
    using System.Data;
    using System.Drawing;
    using System.Drawing.Drawing2D;
    using System.Linq;
    using System.Windows.Forms;
    using System.Threading;
    using System.Globalization;
    using Graph.Properties;
    using System.IO;

    using System.ComponentModel;
    using
System.Runtime.InteropServices.ComTy
pes;
    using System.Security.Cryptography;
    using
System.Security.Cryptography.X509Cer
tificates;
    using System.Text;

```

```

using
System.Windows.Forms.VisualStyles;

using static
System.Windows.Forms.VisualStyles.Vi
sualStyleElement;

using static
System.Windows.Forms.VisualStyles.Vi
sualStyleElement.TreeView;

using System.Xml;
using System.Collections;

using static
System.Net.WebRequestMethods;

namespace Graph
{
    public partial class MainForm :
    Form
    {
        GGraph graph;
        int clicked_v = -1;
        int current = -1;
        List<List<int>> dfs = null;
        Tuple<List<int>, int>
v_colors = null;
        Tuple<List<List<int>>, int>
e_colors = null;
        List<Color> colors = null;
        TextWriter log = null;

        public MainForm()
        {
            InitializeComponent();

            graph = new GGraph(new
List<Point>(), new
List<List<bool>>());
            colors = new
List<Color>();

            ColoringMenu.SelectedItem =
"Последовательная";

            SetStyle(ControlStyles.UserPaint,
true);

            SetStyle(ControlStyles.AllPaintingIn
WmPaint, true);

            SetStyle(ControlStyles.DoubleBuffer,
true);
        }

        private void
Form1_Load(object sender, EventArgs
e)
        {
            var t =
DateTime.Now.ToString("yy:MM:dd:H:mm
:ss tt").Replace(':', '_');

            log = new
StreamWriter(string.Format("GraphTo
ol [{0:S}].log", t));

            AddV_Click(this, new
EventArgs());
        }

        private void
Form1_Paint(object sender,
PaintEventArgs e)
        {
            log.WriteLine("Начало
отрисовки.");

            Graphics g = e.Graphics;

            g.SmoothingMode =
SmoothingMode.AntiAlias;

            void draw_vertex(Font
font, Brush f_brush, Pen pen, Brush
v_brush, Point p)
            {
                Rectangle rect = new
Rectangle(p.X, p.Y, graph.size,
graph.size);

                StringFormat sf =
new StringFormat();

                sf.Alignment =
StringAlignment.Center;

```

```

        sf.LineAlignment =
StringAlignment.Center;

g.FillEllipse(v_brush, rect);
        g.DrawEllipse(pen,
rect);

        Point sp = new
Point(p.X + graph.size / 2 + 1, p.Y
+ graph.size / 2 + 1);

g.DrawString((graph.vertexes.IndexOf
(p) + 1).ToString(), font, f_brush,
sp, sf);
    }

    void draw_edge(Point
from, Point to, Pen pen, bool
directed=false)
    {
        if (from == to)
        {
            Rectangle rect =
new Rectangle(from.X - graph.size/3,
from.Y - (int)(graph.size),
(int)(graph.size * 1.5),
(int)(graph.size * 1.5));

g.DrawEllipse(pen, rect);
        }

        else
        {
            Point p1 = new
Point(from.X + graph.size / 2,
from.Y + graph.size / 2);

            Point p2 = new
Point(to.X + graph.size / 2, to.Y +
graph.size / 2);

            if (directed)
            {
                double sin()
                {
                    return
(Math.Abs(from.Y - to.Y) /

```

```

graph.distance(from.X, from.Y, to.X,
to.Y));
        }

        Pen arrowpen
= new Pen(Color.Black, pen.Width);

arrowpen.CustomEndCap = new
AdjustableArrowCap(5, 5);

        if (DFS !=
null)
        {
            arrowpen.Width = 4;

            arrowpen.Color = Color.FromArgb(255,
230, 190, 0);
        }

        int x_diff =
(int)(graph.size / 2 * Math.Sqrt(1 -
Math.Pow(sin(), 2)));

        int y_diff =
(int)(graph.size / 2 * sin());

        Func<bool,
int, int> swap = (x, y) => x ? y * -
1 : y;

        p2 = new
Point(to.X + graph.size / 2 +
swap(to.X > from.X, x_diff), to.Y +
graph.size / 2 + swap(to.Y > from.Y,
y_diff));

g.DrawLine(arrowpen, p1, p2);
    }

        else
g.DrawLine(pen, p1, p2);
    }
}

g.DrawRectangle(graph.np,
panel1.Location.X,
panel1.Location.Y,
panel1.Width+panel1.Location.X,
panel1.Height);

```

```

        for (int i = 0; i <
graph.adj_matrix.Count; i++)
        {
            for (int j = 0; j <
graph.adj_matrix[i].Count; j++)
            {
                if
(graph.adj_matrix[i][j] &&
graph.adj_matrix[j][i])
                {
                    draw_edge(graph.vertexes[i],
graph.vertexes[j], graph.np, false);
                }
                else if
(graph.adj_matrix[i][j] &&
!graph.adj_matrix[j][i])
                {
                    draw_edge(graph.vertexes[i],
graph.vertexes[j], graph.np, true);
                }
            }
        }

        if (e_colors != null)
        {
            Random rnd = new
Random();

            label.Text =
"Количество цветов: " +
e_colors.Item2.ToString();

            colors.Clear();

            for (int i = 0; i <
e_colors.Item2; i++) // for (int i =
colors.Count; i < e_colors.Item2;
i++)
            {
                colors.Add(Color.FromArgb(255,
rnd.Next(255), rnd.Next(255),
rnd.Next(255)));
            }
        }

        for (int i = 0; i <
e_colors.Item1.Count; i++)
        {
            for (int j = 0;
j < e_colors.Item1[i].Count; j++)
            {
                if
(e_colors.Item1[i][j] > 0)
                {
                    Pen
colorpen = new
Pen(colors[e_colors.Item1[i][j]-1],
3);

                    draw_edge(graph.vertexes[i],
graph.vertexes[j], colorpen);
                }
            }
        }

        if (graph.vertexes !=
null)
        {
            foreach (var v in
graph.vertexes)
            {
                draw_vertex(graph.drawFont,
graph.fontb, graph.np, graph.nb, v);
            }

            if (clicked_v >= 0)
            {
                draw_vertex(graph.drawFont,
graph.fontb, graph.np, new
SolidBrush(Color.FromArgb(255, 230,
150, 150)),
graph.vertexes[clicked_v]);
            }

            if (dfs != null)
            {

```



```

        label.Text = "Поиск
в глубину: ";

        for (int i = 1; i <
dfs[0].Count; i++)
        {
            draw_edge(graph.vertexes[dfs[1][i]],
graph.vertexes[dfs[0][i]], graph.np,
true);
        }

        var t =
string.Format("DFS [{0:S}].log",
DateTime.Now.ToString("yy:MM:dd:H:mm
:ss tt").Replace(':', '_'));

        TextWriter dfslog =
new StreamWriter(t);

log.WriteLine("Результат поиска в
глубину записан в файл [" + t +
']');

dfslog.Write("Порядок обхода: ");

        foreach (var v in
dfs[0])
        {
            dfslog.Write((v+1).ToString() + "
");

            label.Text =
label.Text + (v + 1).ToString() + "
=> ";

            draw_vertex(graph.drawFont,
graph.fontb, graph.np, new
SolidBrush(Color.FromArgb(255, 220,
100, 100)), graph.vertexes[v]);
        }

        dfslog.Close();

        label.Text =
label.Text.ToString().Remove(label.T
ext.Length - 4, 4);

        label.Refresh();
    }

        if (v_colors != null)
        {
            Random rnd = new
Random();

            label.Text =
"Количество цветов: " +
v_colors.Item2.ToString();

            colors.Clear();

            for (int i = 0; i <
v_colors.Item2; i++) // for (int i =
colors.Count; i < v_colors.Item2;
i++)
            {
                colors.Add(Color.FromArgb(255,
rnd.Next(255), rnd.Next(255),
rnd.Next(255)));
            }

            for (int i = 0; i <
v_colors.Item1.Count; i++)
            {
                draw_vertex(graph.drawFont,
graph.fontb, graph.np, new
SolidBrush(colors[v_colors.Item1[i]-
1]), graph.vertexes[i]);

                Point p = new
Point(graph.vertexes[i].X +
graph.size/2, graph.vertexes[i].Y -
graph.size/2);

                StringFormat sf
= new StringFormat();

                sf.Alignment =
StringAlignment.Center;

                sf.LineAlignment
= StringAlignment.Center;

                g.DrawString((v_colors.Item1[i]).ToS
tring(), graph.drawFont,
graph.fontb, p, sf);
            }
        }

        log.WriteLine("Конец
отрисовки.");
    }

```

```

        private void
Form1_MouseClick(object sender,
MouseEventArgs e)
    {

        if (AddE.Checked)
        {
            int vc =
graph.vertexClicked(e.X, e.Y);

            if (vc != -1)
            {
                if (clicked_v ==
-1)
                {
                    clicked_v =
vc;

log.WriteLine("Выбрана вершина " +
vc);

                }
                else
                {
                    EdgeDialogue
choice = new EdgeDialogue(clicked_v,
vc);

                    if
((graph.adj_matrix[vc][clicked_v] ==
false) ||
(graph.adj_matrix[clicked_v][vc] ==
false))
                    {
                        if
(choice.ShowDialog() ==
DialogResult.OK)
                        {
                            if
(choice.isDirected)
                            {
                                graph.adj_matrix[clicked_v][vc] =
true;

```

```

log.WriteLine(string.Format("Добавле
на дуга ({0:S},{1:S})",
clicked_v.ToString(),
vc.ToString()));
        }
    }
else
{
    graph.adj_matrix[vc][clicked_v] =
graph.adj_matrix[clicked_v][vc] =
true;

    log.WriteLine(string.Format("Добавле
но ребро ({0:S},{1:S})",
clicked_v.ToString(),
vc.ToString()));
}
}
clicked_v =
-1;
}
else
{
    clicked_v = -1;

log.WriteLine("Вершина не была
выбрана.");
}
}

if (AddV.Checked)
{
    if (e.X <
panel1.Width + panel1.Location.X -
graph.size &&
        e.Y <
panel1.Height + panel1.Location.Y -
graph.size &&
        e.X >
panel1.Location.X && e.Y >
panel1.Location.Y)
    {

```

```

log.WriteLine("Добавлена вершина " +
graph.adj_matrix.Count);

graph.vertexes.Add(new Point(e.X,
e.Y));

graph.adj_matrix.Add(Enumerable.Rang
e(0,
graph.adj_matrix.Count+1).Select(x
=> false).ToList());

        for (int i = 0;
i < graph.adj_matrix.Count-1; i++)
        {

graph.adj_matrix[i].Add(false);

        }

    }

    if (remove.Checked)
    {

        var ec =
graph.edgeClicked(e.X, e.Y);

        int vc =
graph.vertexClicked(e.X, e.Y);

        if (vc != -1)
        {

graph.remove_v(vc);

log.WriteLine("Удалена вершина " +
vc);

        }

        else if (ec != null)
        {

graph.adj_matrix[ec.Item1][ec.Item2]
=
graph.adj_matrix[ec.Item2][ec.Item1]
= false;

```

```

log.WriteLine("Удалено ребро " +
ec);

        }

    }

    if (DFS.Checked)
    {

        int vc =
graph.vertexClicked(e.X, e.Y);

        if (vc != -1)
        {

            dfs =
graph.DFS(vc);

log.WriteLine("Выполнен поиск в
глубину.");

        }

    }

    this.Refresh();

}

private void
Form1_MouseDown(object sender,
MouseEventArgs e)
{

    if (move.Checked)
    {

        if (current == -1)
        {

            current =
graph.vertexClicked(e.X, e.Y);

log.WriteLine("Перемещение вершины "
+ current);

        }

    }

    this.Refresh();

}

private void
Form1_MouseUp(object sender,
MouseEventArgs e)

```

```

        {
            if (move.Checked)
            {
                log.WriteLine("Конец
перемещения.");
                current = -1;
                this.Refresh();
            }
        }

        private void
Form1_MouseMove(object sender,
MouseEventArgs e)
        {
            if (move.Checked &&
current != -1)
            {
                int x =
graph.vertexes[current].X;

                if
(panel1.Location.X < e.X && e.X <
panel1.Width + panel1.Location.X -
graph.size)

                    x = e.X;

                int y =
graph.vertexes[current].Y;

                if
(panel1.Location.Y < e.Y && e.Y <
panel1.Height + panel1.Location.Y -
graph.size)

                    y = e.Y;

graph.vertexes[current] = new
Point(x, y);

                this.Refresh();
            }
        }

        private void
adjacencyToolStripMenuItem_Click(obj
ect sender, EventArgs e)

```

```

        {
            log.WriteLine("Открытие
матрицы смежности.");

            AdjMatrix dialoge = new
AdjMatrix(graph.adj_matrix);

            if (dialoge.ShowDialog()
== DialogResult.OK)
            {

log.WriteLine("Изменение матрицы
смежности.");

                Random rnd = new
Random();

                Func<int, bool>
reverse = x => x > 0;

                graph.adj_matrix =
new List<List<bool>>();

                for (int i = 0; i <
dialoge.dt.Rows.Count-1; i++)
                {

graph.adj_matrix.Add(new
List<bool>());

                    for (int j = 0;
j < dialoge.dt.Columns.Count; j++)
                    {

                        var cellvaue
= dialoge.dt.Rows[i][j];

graph.adj_matrix[i].Add(reverse(int.
Parse(cellvaue.ToString())));

                    }

                }

log.WriteLine("Обновление списка
точек вершин");

                if
(graph.adj_matrix.Count >
graph.vertexes.Count)
                {

                    for (int i =
graph.vertexes.Count; i <
graph.adj_matrix.Count; i++)

graph.vertexes.Add(new

```

```

Point(rnd.Next(panel1.Location.X,
panel1.Width - graph.size),
rnd.Next(panel1.Location.Y,
panel1.Height - graph.size));
    }
    else
    {

graph.vertexes.RemoveRange(graph.adj
_matrix.Count, graph.vertexes.Count
- graph.adj_matrix.Count);

    }
}

this.Refresh();
}

private void
AddV_Click(object sender, EventArgs
e)
{
    label.Text = "Щелкните
на поле для добавления вершины";
    this.Refresh();
}

private void
AddE_Click(object sender, EventArgs
e)
{
    clicked_v = -1;
    label.Text = "Выберите
вершину";
    this.Refresh();
}

private void
move_CheckedChanged(object sender,
EventArgs e)
{
    label.Text = "Зажмите и
перемещайте вершину";
    this.Refresh();
}

```

```

}

private void
remove_CheckedChanged(object sender,
EventArgs e)
{
    label.Text = "Щелкните
по вершине или ребру для его
удаления";
    this.Refresh();
}

private void
DFS_CheckedChanged(object sender,
EventArgs e)
{
    dfs = null;
    label.Text = "Выберите
вершину для поиска в глубину";
    this.Refresh();
}

private void
Coloring_MouseClick(object sender,
MouseEventArgs e)
{
    if (Coloring.Checked)
    {
        log.WriteLine("Раскраска графа.");
        switch
        (ColoringMenu.SelectedItem.ToString(
))
        {
            case
            "Последовательная":
                v_colors =
graph.coloring(null);
                break;

            case "НП -
нисходящая":

```

```

        graph.descColoring();
        v_colors =
            break;

        case "ПН -
восходящая":
            graph.ascColoring();
            v_colors =
                break;

            case "Рёберная":
                graph.edgeColoring();
                e_colors =
                    break;
            }
            this.Refresh();
        }
    }

    private void
    Coloring_CheckedChanged(object
    sender, EventArgs e)
    {
        if (Coloring.Checked ==
false)
        {
            v_colors = null;
            e_colors = null;
        }
        this.Refresh();
    }

    private void
    saveToolStripMenuItem_Click(object
    sender, EventArgs e)
    {
        log.WriteLine("Попытка
сохранить в файл.");
        SaveFileDialog sfd = new
SaveFileDialog();
        sfd.ShowHelp = true;
        sfd.FileName =
"graph.grf";

        sfd.Filter =
"Graph|*.grf";
        sfd.InitialDirectory =
Directory.GetCurrentDirectory();
        sfd.RestoreDirectory =
true;

        if (sfd.ShowDialog() ==
DialogResult.OK)
        {
            try
            {
                TextWriter file
= new StreamWriter(sfd.FileName);

                file.WriteLine(graph.vertexes.Count.
ToString());

                foreach (var v
in graph.vertexes)
                {
                    file.WriteLine(v.ToString());
                }
                foreach (var v
in graph.adj_matrix)
                {
                    foreach (var
j in v)
                    file.WriteLine(j.ToString());
                }
                file.Close();

                log.WriteLine("Сохранено в файл [" +
sfd.FileName + "']");
            }
            catch (Exception ex)
            {
                MessageBox.Show(ex.Message);
            }
        }
    }

```

```

    }
}

private void
loadToolStripMenuItem_Click(object
sender, EventArgs e)
{
    log.WriteLine("Попытка
загрузить из файла.");

    OpenFileDialog ofd = new
OpenFileDialog();

    ofd.ShowHelp = true;

    ofd.FileName =
"graph.grf";

    ofd.Filter =
"Graph|*.grf";

    ofd.InitialDirectory =
Directory.GetCurrentDirectory();

    ofd.RestoreDirectory =
true;

    if (ofd.ShowDialog() ==
DialogResult.OK)
    {
        try
        {
            TextReader file
= new StreamReader(ofd.FileName);

            int count =
int.Parse(file.ReadLine());

            var list = new
List<Point>();

            for (int i = 0;
i < count; i++)
            {
                var s =
file.ReadLine().Split(',');

                var s1 =
s[0].Substring(3);

                var s2 =
s[1].Substring(2);

```

```

            int x =
int.Parse(s1);

            int y =
int.Parse(s2.Remove(s2.Length - 1));

            Point p =
new Point(x, y);

            list.Add(p);
        }

        var result =
Enumerable.Range(0, count).Select(
x =>
Enumerable.Range(0, count).Select(y
=> false).ToList()).ToList();

        for (int i = 0;
i < count; i++)
        {
            for (int j =
0; j < count; j++)
            {
                result[i][j] =
bool.Parse(file.ReadLine());
            }
        }

        file.Close();

        graph.vertexes.Clear();

        graph.vertexes =
list;

        graph.adj_matrix.Clear();

        graph.adj_matrix
= result;

        dfs = null;

        v_colors = null;

        e_colors = null;

```

```

log.WriteLine("Граф был загружен из
файла [" + ofd.FileName + ']');

        this.Refresh();
    }
    catch (Exception ex)
    {
        MessageBox.Show(ex.Message);
    }
}

private void
MainForm_FormClosing(object sender,
FormClosingEventArgs e)
{
    log.WriteLine("Завершение работы.");
    log.Close();
}

private void
exitToolStripMenuItem_Click(object
sender, EventArgs e)
{
    Close();
}

private void
clearField_Click(object sender,
EventArgs e)
{
    graph.vertexes.Clear();

    graph.adj_matrix.Clear();
    dfs = null;
    v_colors = null;
    e_colors = null;
    label.Text = "Поле
очищено.";

    this.Refresh();
}
}

// AdjMatrix.cs
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.ComponentModel;
using System.Data;
using System.Data.Common;
using System.Drawing;
using System.Drawing.Drawing2D;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
using System.Windows.Forms;

namespace Graph
{
    public partial class AdjMatrix :
Form
    {
        public DataTable dt = new
DataTable();
        public bool changed = false;
        private int temp = -1;
        private List<List<bool>>
tmatrix;

        public
AdjMatrix(List<List<bool>> matrix)
        {
            InitializeComponent();
            tmatrix = matrix;
            dt = new DataTable();
            adj_matrix.DataError +=
new
DataGridViewDataErrorEventHandler(data
errorHandler);
        }

        private void
dataerrorHandler(object sender,
DataGridViewDataErrorEventArgs
anError)
        {
            adj_matrix.RefreshEdit();
            anError.ThrowException =
false;
        }

        private void
adj_matrix_CellValueChanged(object
sender, DataGridViewCellEventArgs e)
        {
            changed = true;
            confirm.Enabled = true;
        }
    }
}

```



```

        private void
confirm_Click(object sender, EventArgs
e)
    {
        foreach
(DataGridViewColumn column in
adj_matrix.Columns)
        {
            dt.Columns.Add();
        }

        object[] cellValues = new
object[adj_matrix.Columns.Count];
        foreach (DataGridViewRow
row in adj_matrix.Rows)
        {
            for (int i = 0; i <
row.Cells.Count; i++)
            {
                cellValues[i] =
row.Cells[i].Value;
            }

            dt.Rows.Add(cellValues);
        }
        this.DialogResult =
DialogResult.OK;
        Close();
    }

    private void
cancel_Click(object sender, EventArgs
e)
    {
        changed = false;
        this.DialogResult =
DialogResult.Cancel;
        Close();
    }

    private void
adj_matrix_RowsAdded(object sender,
DataGridViewRowsAddedEventArgs e)
    {
        if (temp != -1 &&
adj_matrix.ColumnCount <
adj_matrix.RowCount-1)
        {
            adj_matrix.Columns.Add('v' +
adj_matrix.ColumnCount.ToString(),
(adj_matrix.ColumnCount+1).ToString())
            ;

            adj_matrix.Columns[adj_matrix.ColumnCo
unt-1].SortMode =
DataGridViewColumnSortMode.NotSortable
            ;

            adj_matrix.Columns[adj_matrix.ColumnCo
unt - 1].ValueType = typeof(int);

            adj_matrix.Columns[adj_matrix.ColumnCo
unt - 1].Width = 20;

```

```

adj_matrix.Rows[adj_matrix.ColumnCount
- 1].HeaderCell.Value =
adj_matrix.ColumnCount.ToString();
        for (int i = 0; i <
adj_matrix.ColumnCount; i++)
        {
            adj_matrix.Rows[i].Cells[adj_matrix.Co
lumnCount - 1].Value =
adj_matrix.Rows[adj_matrix.ColumnCount
- 1].Cells[i].Value = 0;
        }
    }

    private void
adj_matrix_CellEndEdit(object sender,
DataGridViewCellEventArgs e)
    {
        //if
(int.Parse(adj_matrix.Rows[e.RowIndex]
.Cells[e.ColumnIndex].Value.ToString()
) != 0 &&
int.Parse(adj_matrix.Rows[e.RowIndex]
.Cells[e.ColumnIndex].Value.ToString()
) != 1)
        if
(adj_matrix.Rows[e.RowIndex].Cells[e.C
olumnIndex].Value == null)
        {
            adj_matrix.Rows[e.RowIndex].Cells[e.Co
lumnIndex].Value = temp;
            return;
        }
        if
(adj_matrix.Rows[e.RowIndex].Cells[e.C
olumnIndex].Value.ToString() != "0" &&
adj_matrix.Rows[e.RowIndex].Cells[e.Co
lumnIndex].Value.ToString() != "1")
        {
            adj_matrix.Rows[e.RowIndex].Cells[e.Co
lumnIndex].Value = temp;
        }
    }

    private void
adj_matrix_CellBeginEdit(object
sender,
DataGridViewCellCancelEventArgs e)
    {
        if (e.RowIndex <
adj_matrix.RowCount-1)
            temp =
int.Parse(adj_matrix.Rows[e.RowIndex]
.Cells[e.ColumnIndex].Value.ToString())
            ;
        else temp = 0;
    }

    private void
adj_matrix_RowsRemoved(object sender,
DataGridViewRowsRemovedEventArgs e)

```

```

        {
            if (adj_matrix.ColumnCount
> 1 )
            {
                adj_matrix.Columns.RemoveAt(e.RowIndex
);
            }
            else
            {
                adj_matrix.ColumnCount
= 1;
                adj_matrix.RowCount =
1;
            }
            changed = true;
            confirm.Enabled = true;
        }

        private void Form2_Load(object
sender, EventArgs e)
        {
            if (tmatrix.Count > 0)
            {
                for (int i = 0; i <
tmatrix.Count; i++)
                {
                    adj_matrix.Columns.Add("v" + (i +
1).ToString(), (i + 1).ToString());
                    adj_matrix.Rows.Add();

                    adj_matrix.Columns[i].SortMode =
DataGridViewColumnSortMode.NotSortable
;
                }
                Func<bool, int> func =
x => x ? 1 : 0;
                for (int i = 0; i <
tmatrix.Count; i++)
                {
                    adj_matrix.Columns[i].ValueType =
typeof(int);

                    adj_matrix.Rows[i].HeaderCell.Value =
(i+1).ToString();

                    adj_matrix.Columns[i].Width = 25;
                    for (int j = 0; j
< tmatrix.Count; j++)
                    {
                        try
                        {
                            adj_matrix.Rows[i].Cells[j].Value =
func(tmatrix[i][j]);
                        }
                        catch
                        {
                            (Exception) {
                                adj_matrix.Rows[i].Cells[j].Value = 0;
                            }
                        }
                    }
                }
            }
        }
    }

```

```

        }
        else
        {
            adj_matrix.Columns.Add("v1", "1");
            adj_matrix.Columns[0].Width = 20;
            adj_matrix.Rows.Add();

            adj_matrix.Rows[0].HeaderCell.Value =
"1";

            adj_matrix.Columns[0].SortMode =
DataGridViewColumnSortMode.NotSortable
;

            adj_matrix.Columns[0].ValueType =
typeof(int);

            adj_matrix.Rows[0].Cells[0].Value = 0;
        }
        adj_matrix.RowHeadersWidth
= 51;

        this.Width =
adj_matrix.RowHeadersWidth +
adj_matrix.ColumnCount*25 + 40;
        this.Height =
(adj_matrix.RowCount + 2) * 22 + 40;
        confirm.Enabled = false;
        changed = false;
        temp = 0;
    }

    private void PasteClipboard()
    {
        try
        {
            string s =
Clipboard.GetText();
            MessageBox.Show(s);
        }
        catch (FormatException)
        {
        }
    }
}

// EdgeDialogue.cs
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.ComponentModel;
using System.Data;
using System.Drawing;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
using System.Windows.Forms;

```

```

namespace Graph
{
    public partial class EdgeDialogue
    : Form
    {
        public bool isDirected =
false;
        public EdgeDialogue(int v1,
int v2)
        {
            InitializeComponent();
            if (v1 != v2)
            {
                label.Text += "{" +
v1.ToString() + ", " + v2.ToString() +
"}";
                undirected.Checked =
true;
            }
            else
            {
                label.Text = "Adding
loop {" + v1.ToString() + ", " +
v2.ToString() + "}";
                EdgeChoice.Enabled =
false;
            }
        }

        private void
cancel_Click(object sender, EventArgs
e)
        {
            DialogResult =
DialogResult.Cancel;
            Close();
        }

        private void Ok_Click(object
sender, EventArgs e)
        {
            DialogResult =
DialogResult.OK;
            isDirected =
directed.Checked;
            Close();
        }
    }
}

```