

# Geometría multisimpléctica: primeras definiciones y propiedades básicas.

Ángel Blasco Muñoz

Escuela Internacional de Doctorado, Universidad Nacional de Educación a Distancia (UNED), España.

8 de enero de 2026



- [1] Ralph Abraham y Jerrold E. Marsden. *Foundations of mechanics*. 2nd ed. AMS Chelsea Pub./American Mathematical Society, 2008.
- [2] F. Cantrijn, A. Ibort y M. De León. “Hamiltonian structures on multisymplectic manifolds”. En: *Rend. Sem. Mat. Univ. Politec. Torino* 54.3 (1996), págs. 225-236.
- [3] F. Cantrijn, A. Ibort y M. De León. “On the geometry of multisymplectic manifolds”. En: *J. Aust. Math. Soc. A* 66.3 (1999), págs. 303-330.
- [4] J. F. Cariñena, M. Crampin y L. A. Ibort. “On the multisymplectic formalism for first order field theories”. En: *Differential Geometry and its Applications* 1.4 (1991), págs. 345-374.
- [5] M. de Leon, D. Martin de Diego y A. Santamaria-Merino. “Tulczyjew’s triples and lagrangian submanifolds in classical field theories”. En: *arXiv e-prints* (2003). arXiv: math-ph/0302026.

- [6] Paulette Libermann y Charles-Michel Marle. *Symplectic Geometry and Analytical Mechanics*. Springer Netherlands, 1987.

# Contenidos.

- 1 Introducción.
- 2 Espacios vectoriales multisimplécticos.
- 3 Subespacios característicos.
- 4 Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.
- 5 Variedades multisimplécticas.
- 6 Estructuras Hamiltonianas en variedades multisimplécticas.
- 7 Modelos canónicos para variedades multisimplécticas. Coordenadas de Darboux.

- 1 Introducción.
- 2 Espacios vectoriales multisimplécticos.
- 3 Subespacios característicos.
- 4 Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.
- 5 Variedades multisimplécticas.
- 6 Estructuras Hamiltonianas en variedades multisimplécticas.
- 7 Modelos canónicos para variedades multisimplécticas. Coordenadas de Darboux.

Se pretende ofrecer una introducción a la Geometría Multisimpléctica basada en el estudio de [2] y [3] y ver sus propiedades básicas, las cuales forman un marco abstracto de estudio para la teoría clásica de campos, la geometría mecánica, la dinámica... y demás ramas relacionadas con la física-matemática.

# Contenidos.

- 1 Introducción.
- 2 Espacios vectoriales multisimpléticos.
- 3 Subespacios característicos.
- 4 Caracterización de las estructuras multisimpléticas canónicas.
- 5 Variedades multisimpléticas.
- 6 Estructuras Hamiltonianas en variedades multisimpléticas.
- 7 Modelos canónicos para variedades multisimpléticas. Coordenadas de Darboux.

## Definición

Un espacio vectorial multisimplético de orden  $k + 1$  es un par  $(\mathcal{V}, \omega)$  formado por un espacio vectorial  $\mathcal{V}$  y una  $(k + 1)$ -forma en  $\mathcal{V}$  no degenerada.



## Definición

Un espacio vectorial multisimplético de orden  $k + 1$  es un par  $(\mathcal{V}, \omega)$  formado por un espacio vectorial  $\mathcal{V}$  y una  $(k + 1)$ -forma en  $\mathcal{V}$  no degenerada.

$\omega$  se denomina *forma multisimplética* (de grado  $k + 1$ ).

## Definición

Un espacio vectorial multisimplético de orden  $k + 1$  es un par  $(\mathcal{V}, \omega)$  formado por un espacio vectorial  $\mathcal{V}$  y una  $(k + 1)$ -forma en  $\mathcal{V}$  no degenerada.

$\omega$  se denomina *forma multisimplética* (de grado  $k + 1$ ).

$i_v \omega = 0 \iff v = 0$  para  $v \in \mathcal{V}$ .

## Definición

Un espacio vectorial multisimplético de orden  $k + 1$  es un par  $(\mathcal{V}, \omega)$  formado por un espacio vectorial  $\mathcal{V}$  y una  $(k + 1)$ -forma en  $\mathcal{V}$  no degenerada.

$\omega$  se denomina *forma multisimplética* (de grado  $k + 1$ ).

$i_v \omega = 0 \iff v = 0$  para  $v \in \mathcal{V}$ .

La no-degeneración de la forma multisimplética significa que la aplicación inducida:

$$\hat{\omega} : \mathcal{V} \rightarrow \wedge^k \mathcal{V}^*$$

$$v \mapsto i_v \omega$$

es inyectiva.

# Espacios vectoriales multisimpléticos.

Dos espacios vectoriales multisimpléticos  $(\mathcal{V}, \omega)$  y  $(\tilde{\mathcal{V}}, \tilde{\omega})$  del mismo orden  $(k + 1)$ , son isomorfos si existe un isomorfismo

$$\Psi : \mathcal{V} \rightarrow \tilde{\mathcal{V}}$$

tal que:

$$\tilde{\omega}(\Psi(v_1), \dots, \Psi(v_{k+1})) = \omega(v_1, \dots, v_{k+1})$$

para todo  $v_i \in \mathcal{V}$ ,  $(i = 1, \dots, k + 1)$ .

# Espacios vectoriales multisimpléticos.

Por [1] sabemos que cualquier espacio vectorial  $V$ , el espacio  $V \times V^*$  admite una forma simpléctica canónica  $\Omega$  definida:

$$\Omega((v_1, \alpha_1), (v_2, \alpha_2)) = \alpha_2(v_1) - \alpha_1(v_2)$$

# Espacios vectoriales multisimpléticos.

Por [1] sabemos que cualquier espacio vectorial  $V$ , el espacio  $V \times V^*$  admite una forma simpléctica canónica  $\Omega$  definida:

$$\Omega((v_1, \alpha_1), (v_2, \alpha_2)) = \alpha_2(v_1) - \alpha_1(v_2)$$

*¿Esta estructura tiene su extensión natural en el marco multisimplético?*

# Espacios vectoriales multisimpléticos.

Por [1] sabemos que cualquier espacio vectorial  $V$ , el espacio  $V \times V^*$  admite una forma simpléctica canónica  $\Omega$  definida:

$$\Omega((v_1, \alpha_1), (v_2, \alpha_2)) = \alpha_2(v_1) - \alpha_1(v_2)$$

*¿Esta estructura tiene su extensión natural en el marco multisimplético?*

Si. Dado un  $k$  con  $1 \leq k \leq \dim V$ , el espacio  $V \times \wedge^k V^*$  puede ser equipado con una  $(k+1)$ -forma canónica  $\Omega$  definida:

$$\Omega((v_1, \alpha_1), \dots, (v_{k+1}, \alpha_{k+1})) = \sum_{i=1}^{k+1} (-1)^i \alpha_i(v_1, \dots, \hat{v}_i, \dots, v_{k+1})$$

# Espacios vectoriales multisimpléticos.

Por [1] sabemos que cualquier espacio vectorial  $V$ , el espacio  $V \times V^*$  admite una forma simpléctica canónica  $\Omega$  definida:

$$\Omega((v_1, \alpha_1), (v_2, \alpha_2)) = \alpha_2(v_1) - \alpha_1(v_2)$$

*¿Esta estructura tiene su extensión natural en el marco multisimplético?*

Si. Dado un  $k$  con  $1 \leq k \leq \dim V$ , el espacio  $V \times \wedge^k V^*$  puede ser equipado con una  $(k+1)$ -forma canónica  $\Omega$  definida:

$$\Omega((v_1, \alpha_1), \dots, (v_{k+1}, \alpha_{k+1})) = \sum_{i=1}^{k+1} (-1)^i \alpha_i(v_1, \dots, \hat{v}_i, \dots, v_{k+1})$$

## Proposición:

$(V \times \wedge^k V^*, \Omega)$  es un espacio vectorial multisimplético de orden  $k+1$ .



# Espacios vectoriales multisimpléticos.

En adelante, por simplicidad, utilizaremos la notación  $\mathcal{V}_V^k = V \times \wedge^k V^*$ .

Consideramos la siguiente aplicación lineal sobreyectiva

$$\pi : V \longrightarrow W$$

y su secuencia exacta corta

$$0 \rightarrow \ker \pi \hookrightarrow V \xrightarrow{\pi} W \rightarrow 0$$

# Espacios vectoriales multisimpléticos.

Consideramos la siguiente aplicación lineal sobreyectiva

$$\pi : V \longrightarrow W$$

y su secuencia exacta corta

$$0 \rightarrow \ker \pi \hookrightarrow V \xrightarrow{\pi} W \rightarrow 0$$

Denotamos por  $\wedge_r^k \pi$  el espacio de las  $k$ -formas exteriores.

# Espacios vectoriales multisimpléticos.

Consideramos la siguiente aplicación lineal sobreyectiva

$$\pi : V \longrightarrow W$$

y su secuencia exacta corta

$$0 \rightarrow \ker \pi \hookrightarrow V \xrightarrow{\pi} W \rightarrow 0$$

Denotamos por  $\wedge_r^k \pi$  el espacio de las  $k$ -formas exteriores.

$$\alpha \in \wedge_r^k \pi \iff i_{v_1} \wedge \dots \wedge i_{v_{r+1}} \alpha = 0$$

$$\wedge_0^k \pi \subseteq \wedge_1^k \pi \subseteq \dots \subseteq \wedge_{k-1}^k \pi \subseteq \wedge^k V^*$$

Denotamos

$$\mathcal{V}_\pi^{(k,r)} = V \times \wedge_r^k \pi$$

$$\wedge_0^k \pi \subseteq \wedge_1^k \pi \subseteq \dots \subseteq \wedge_{k-1}^k \pi \subseteq \wedge^k V^*$$

Denotamos

$$\mathcal{V}_\pi^{(k,r)} = V \times \wedge_r^k \pi$$

Claramente, para  $0 \leq r < k$  tenemos que  $\mathcal{V}_\pi^{(k,r)}$  es un subespacio de  $\mathcal{V}_V^k$   
-CONTAR pg 308 de [3]

$$\wedge_0^k \pi \subseteq \wedge_1^k \pi \subseteq \dots \subseteq \wedge_{k-1}^k \pi \subseteq \wedge^k V^*$$

Denotamos

$$\mathcal{V}_\pi^{(k,r)} = V \times \wedge_r^k \pi$$

Claramente, para  $0 \leq r < k$  tenemos que  $\mathcal{V}_\pi^{(k,r)}$  es un subespacio de  $\mathcal{V}_V^k$   
-CONTAR pg 308 de [3]

## Proposición:

Para cada  $r$ , con  $0 \leq r \leq k-1$  y  $k-r \leq \dim W$ ,  $(\mathcal{V}_\pi^{(k,r)}, \Omega)$  es un espacio vectorial multisimplético de orden  $k+1$ .

# Espacios vectoriales multisimpléticos.

La anterior proposición nos indica que para cualquier fibrado  $\pi$  de un espacio vectorial  $V$ , hay una familia de subespacios vectoriales multisimpléticos de  $(\mathcal{V}_V^k, \Omega)$ .

La estructura multisimplética obtenida al restringir  $\Omega$  a  $\mathcal{V}_\pi^{(k,l)} = V \times \wedge_l^k \pi$  es el modelo lineal para la estructura multisimplética canónica que surge en la formulación Hamiltoniana covariante de la teoría de campos (Ver [4]).



# Contenidos.

- 1 Introducción.
- 2 Espacios vectoriales multisimplécticos.
- 3 Subespacios característicos.**
- 4 Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.
- 5 Variedades multisimplécticas.
- 6 Estructuras Hamiltonianas en variedades multisimplécticas.
- 7 Modelos canónicos para variedades multisimplécticas. Coordenadas de Darboux.

# Subespacios característicos.

Sea  $(\mathcal{V}, \omega)$  un espacio vectorial multisimpléctico con una  $(k+1)$ -forma no degenerada  $\omega$ , y sea  $W$  un subespacio de  $\mathcal{V}$ . Sea  $l$ , con  $1 \leq l \leq k$ ,

## Definición

El  $l$ -ésimo complemento ortogonal de  $W$  es un subespacio lineal de  $\mathcal{V}$  definido como:

$$W^{\perp, l} = \{v \in \mathcal{V} \mid i_v \wedge w_1 \wedge \dots \wedge w_l \omega = 0 \text{ para todo } w_i \in W, i = 1, \dots, l\}$$

# Subespacios característicos.

Sea  $(\mathcal{V}, \omega)$  un espacio vectorial multisimpléctico con una  $(k+1)$ -forma no degenerada  $\omega$ , y sea  $W$  un subespacio de  $\mathcal{V}$ . Sea  $l$ , con  $1 \leq l \leq k$ ,

## Definición

El  $l$ -ésimo complemento ortogonal de  $W$  es un subespacio lineal de  $\mathcal{V}$  definido como:

$$W^{\perp, l} = \{v \in \mathcal{V} \mid i_v \wedge w_1 \wedge \dots \wedge w_l \omega = 0 \text{ para todo } w_i \in W, i = 1, \dots, l\}$$

$$W^{\perp, 1} \subseteq W^{\perp, 2} \subseteq \dots \subseteq W^{\perp, k}$$

# Subespacios característicos.

Sea  $(\mathcal{V}, \omega)$  un espacio vectorial multisimpléctico con una  $(k+1)$ -forma no degenerada  $\omega$ , y sea  $W$  un subespacio de  $\mathcal{V}$ . Sea  $l$ , con  $1 \leq l \leq k$ ,

## Definición

El  $l$ -ésimo complemento ortogonal de  $W$  es un subespacio lineal de  $\mathcal{V}$  definido como:

$$W^{\perp, l} = \{v \in \mathcal{V} \mid i_{v \wedge w_1 \wedge \dots \wedge w_l} \omega = 0 \text{ para todo } w_i \in W, i = 1, \dots, l\}$$

$$W^{\perp, 1} \subseteq W^{\perp, 2} \subseteq \dots \subseteq W^{\perp, k}$$

$$W^{\perp, l} = \mathcal{V} \text{ siempre que } l > \dim W$$

En [3] se enuncian y demuestran las siguientes propiedades:

- $\{0\}^{\perp, I} = \mathcal{V}$  y  $\mathcal{V}^{\perp, I} = \{0\}$ ;
- $U \subset W \implies W^{\perp, I} \subset U^{\perp, I}$ ;
- $(U + W)^{\perp, I} \subset W^{\perp, I} \cap U^{\perp, I}$ ;
- $U^{\perp, l_1} \cap W^{\perp, l_2} \subset (U + W)^{\perp, l_1 + l_2 - 1}$  para  $l_1 + l_2 \leq k + 1$ ;
- $U^{\perp, l_1} + W^{\perp, l_2} \subset (U \cap W)^{\perp, \bar{l}}$  para  $\bar{l} = \max\{l_1, l_2\}$ ;

# Subespacios característicos.

$W$  es un subespacio de un espacio vectorial multisimpléctico  $(\mathcal{V}, \omega)$  de orden  $k + 1$ , entonces:

- I-isotrópico si  $W \subset W^{\perp, I}$
- I-coisotrópico si  $W^{\perp, I} \subset W$
- I-Lagrangiano si  $W = W^{\perp, I}$

# Contenidos.

- 1 Introducción.
- 2 Espacios vectoriales multisimplécticos.
- 3 Subespacios característicos.
- 4 Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.**
- 5 Variedades multisimplécticas.
- 6 Estructuras Hamiltonianas en variedades multisimplécticas.
- 7 Modelos canónicos para variedades multisimplécticas. Coordenadas de Darboux.

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

Por [6] sabemos que:

$(\mathcal{V}, \omega)$  sea un espacio vectorial simpléctico y  $L$  un subespacio Lagrangiano de  $\mathcal{V}$  (que siempre existe)



# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

Por [6] sabemos que:

$(\mathcal{V}, \omega)$  sea un espacio vectorial simpléctico y  $L$  un subespacio Lagrangiano de  $\mathcal{V}$  (que siempre existe)

$$(\mathcal{V}, \omega) \cong (\mathcal{V}_L^1, \Omega)$$

con

$$\Omega((v_1, \alpha_1), (v_2, \alpha_2)) = \alpha_2(v_1) - \alpha_1(v_2)$$

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

Por [6] sabemos que:

$(\mathcal{V}, \omega)$  sea un espacio vectorial simpléctico y  $L$  un subespacio Lagrangiano de  $\mathcal{V}$  (que siempre existe)

$$(\mathcal{V}, \omega) \cong (\mathcal{V}_L^1, \Omega)$$

con

$$\Omega((v_1, \alpha_1), (v_2, \alpha_2)) = \alpha_2(v_1) - \alpha_1(v_2)$$

Todos los espacios vectoriales simplécticos de la misma dimensión "son parecidos", en el sentido de que son isomorfos a algún  $(\mathcal{V}_L^1, \Omega)$ .

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

¿Y en el marco multisimpléctico?

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

¿Y en el marco multisimpléctico?

¿Como tienen que ser los espacios vectoriales multisimplécticos para que sean isomorfos a alguno del tipo  $(\mathcal{V}_V^k, \Omega)$ ?

Donde  $\Omega$  se define como:

$$\Omega((v_1, \alpha_1), \dots, (v_{k+1}, \alpha_{k+1})) = \sum_{i=1}^{k+1} (-1)^i \alpha_i(v_1, \dots, \hat{v}_i, \dots, v_{k+1})$$

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

Recordemos que  $\mathcal{V}_V^k = V \times \wedge^k V^*$ .

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

Recordemos que  $\mathcal{V}_V^k = V \times \wedge^k V^*$ . Podemos identificar:

$$V \implies V \times \{0\} \text{ y } \wedge^k V^* \implies \{0\} \times \wedge^k V^*$$

ambos son subespacios de  $\mathcal{V}_V^k$ .

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

Recordemos que  $\mathcal{V}_V^k = V \times \wedge^k V^*$ . Podemos identificar:

$$V \implies V \times \{0\} \text{ y } \wedge^k V^* \implies \{0\} \times \wedge^k V^*$$

ambos son subespacios de  $\mathcal{V}_V^k$ .

## Teorema:

$V$  es un subespacio  $k$ -Lagrangiano de  $(\mathcal{V}_V^k, \Omega)$  y  $\wedge^k V^*$  es un subespacio 1-Lagrangiano.

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

Pongamos  $W = \wedge^k V^*$ , tenemos entonces que:

$$\wedge^k (\mathcal{V}_V^k / W)^* = \wedge^k V^* = W$$

y, por lo tanto

$$\dim W = \dim \wedge^k (\mathcal{V}_V^k / W)^*$$



# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

Si tomamos  $\dim \mathcal{V}_V^k = n$  y  $\dim W = p$  entonces tenemos la siguiente relación:

$$p = \binom{n-p}{k}$$

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

Si tomamos  $\dim \mathcal{V}_V^k = n$  y  $\dim W = p$  entonces tenemos la siguiente relación:

$$p = \binom{n-p}{k}$$

## Observación:

Dado un espacio multisimpléctico  $n$ -dimensional  $(\mathcal{V}, \omega)$  de orden  $k+1$ , una condición necesaria para que sea isomorfo a un espacio multisimpléctico canónico  $n$ -dimensional  $(\mathcal{V}_V^k, \Omega)$  es que  $\mathcal{V}$  admita un subespacio 1-Lagrangiano  $W$  de dimensión  $p$ , tal que la anterior relación se cumpla.

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

## Teorema:

Sea  $(\mathcal{V}, \omega)$  un espacio vectorial multisimpléctico de orden  $k + 1$ . Entonces,  $(\mathcal{V}, \omega)$  es isomorfo al espacio vectorial multisimpléctico canónico  $(\mathcal{V}_V^k, \Omega)$  si y solo si existe un subespacio  $W$  de  $\mathcal{V}$  tal que:

- $W$  es 1-Lagrangiano.
- $\dim W = \dim \wedge^k (\mathcal{V}/W)^*$

# Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.

## Teorema:

Sea  $(\mathcal{V}, \omega)$  un espacio vectorial multisimpléctico de orden  $k + 1$ . Entonces,  $(\mathcal{V}, \omega)$  es isomorfo al espacio vectorial multisimpléctico canónico  $(\mathcal{V}_V^k, \Omega)$  si y solo si existe un subespacio  $W$  de  $\mathcal{V}$  tal que:

- $W$  es 1-Lagrangiano.
- $\dim W = \dim \wedge^k (\mathcal{V}/W)^*$

## Corolario:

Sea  $\nu$  una forma de volumen de un espacio vectorial  $\mathcal{V}$   $(k + 1)$ -dimensional, entonces el espacio multisimpléctico  $(\mathcal{V}, \nu)$  es isomorfo a un espacio multisimpléctico canónico de orden  $k + 1$ .

# Contenidos.

- 1 Introducción.
- 2 Espacios vectoriales multisimplécticos.
- 3 Subespacios característicos.
- 4 Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.
- 5 Variedades multisimplécticas.**
- 6 Estructuras Hamiltonianas en variedades multisimplécticas.
- 7 Modelos canónicos para variedades multisimplécticas. Coordenadas de Darboux.

## Definición:

Una variedad multisimplética  $(M, \omega)$  de orden  $k + 1$  es un par formado por una variedad diferenciable  $M$  y una  $(k + 1)$ -forma cerrada  $\omega$  sobre  $M$  la cual es a su vez no degenerada. La forma diferencial  $\omega$  se denomina forma multisimplética (de grado  $k + 1$ ).

## Definición:

Una subvariedad  $N$  de una variedad multisimplética  $(M, \omega)$  de orden  $k + 1$  sera  $l$ -isotrópica (resp.  $l$ -coisotrópica,  $l$ -Lagrangiana), para  $1 \leq l \leq k$ , si para cada punto  $n \in N$ ,  $T_n N$  es un subespacio  $l$ -isotrópico (resp.  $l$ -coisotrópico,  $l$ -Lagrangiano) de un espacio vectorial multisimplético  $(T_n M, \omega_n)$ .

## Definición:

Una subvariedad  $N$  de una variedad multisimpléctica  $(M, \omega)$  de orden  $k + 1$  sera  $l$ -isotrópica (resp.  $l$ -coisotrópica,  $l$ -Lagrangiana), para  $1 \leq l \leq k$ , si para cada punto  $n \in N$ ,  $T_n N$  es un subespacio  $l$ -isotrópico (resp.  $l$ -coisotrópico,  $l$ -Lagrangiano) de un espacio vectorial multisimpléctico  $(T_n M, \omega_n)$ .

Como:

$$TN^{\perp, l} = \bigcup_{n \in N} (T_n N)^{\perp, l}$$

$N$  es  $l$ -isotrópico (resp.  $l$ -coisotrópico,  $l$ -Lagrangiano) si  $TN \subset TN^{\perp, l}$  (resp.  $TN^{\perp, l} \subset TN$ ,  $TN = TN^{\perp, l}$ ).



# Contenidos.

- 1 Introducción.
- 2 Espacios vectoriales multisimplécticos.
- 3 Subespacios característicos.
- 4 Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.
- 5 Variedades multisimplécticas.
- 6 Estructuras Hamiltonianas en variedades multisimplécticas.**
- 7 Modelos canónicos para variedades multisimplécticas. Coordenadas de Darboux.

# Estructuras Hamiltonianas en variedades multisimpléticas.

# Contenidos.

- 1 Introducción.
- 2 Espacios vectoriales multisimplécticos.
- 3 Subespacios característicos.
- 4 Caracterización de las estructuras multisimplécticas canónicas.
- 5 Variedades multisimplécticas.
- 6 Estructuras Hamiltonianas en variedades multisimplécticas.
- 7 Modelos canónicos para variedades multisimplécticas. Coordenadas de Darboux.

# Modelos canónicos para variedades multisimpléticas.

## Coordenadas de Darboux.

Ver [5] para mas detalles:

- Fibrado tangente  $\implies$  Modelo canónico para variedades simpléticas.
- Fibrado de formas  $\implies$  Modelo canónico para variedades simpléticas.