

# SORBONNE UNIVERSITÉ

2I013: PROJET (APPLICATION)

 ${\bf Sujet:}\\ {\bf IA~Football}$ 

Fangzhou Ye Angelo Ortiz

# Table des matières

In	ntroduction	2
Ι	Architecture logicielle	3
1	Module de base	3
2	Suppléments en cours de route	4
3	Librairies externes	5
11	Méthodes d'optimisation	6
4	Recherche en grille	6
5	Algorithmes génétiques	6
6	Apprentissage automatique	7
II	I Stratégies	9
7	Un joueur	9
8	Deux joueurs	9
9	Quatre joueurs	10
$\mathbf{C}$	onclusion	12
$\mathbf{T}$	able des figures	
	1 Un aperçu du jeu	2
	2 La structure du module	3
	3 Les stratégies de base	4
	4 Les stratégies pour la recherche en grille	4
	5 Les classes pour l'algorithme génétique	4
	6 Les stratégies pour l'arbre de décision	5
	7 Les classes pour l'apprentissage automatique	5

# Introduction

### Présentation

L'unité d'enseignement 2I013 consiste en un projet d'application des connaissances et de découverte de nouveaux algorithmes. La thématique du projet du groupe 1 a été le football.

Le jeu comporte un terrain, deux équipes de joueurs et une balle. Étant donné qu'une grille rectangulaire sous forme matricielle, c'est-à-dire discrète, n'était pas envisageable, un repère orthonormé a été choisi comme représentation du terrain. Pour ce faire, il y a deux droites en plus des axes qui délimitent la surface du terrain.

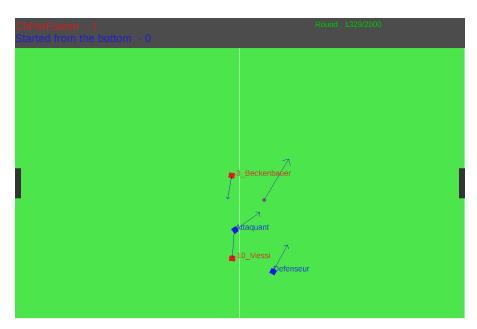


FIGURE 1 – Voici un aperçu du simulateur de football lors d'une partie de notre équipe ChPerFusion en rouge face à l'équipe d'un de nos camarades de classe.

Les règles du football ont été légèrement simplifiées dans le cadre du projet. En effet, il n'existe pas de notion de touche, mais de rebond : la balle ne peut pas sortir du terrain et elle choque élastiquement dans les bordures. Par ailleurs, les objets physiques du jeu, à savoir les joueurs et la balle, sont intangibles. Ceci veut dire que la balle peut passer à travers les joueurs sans modifier sa direction. C'est le cas notamment lorsque le joueur décide de ne pas frapper.

Pour rendre le jeu plus réaliste, la notion de frottement à été prise en compte, ce qui facilite le contrôle de la balle aux joueurs. Le moteur du jeu gérant toutes ces règles et les interactions entre les objets a été fourni.

# **Objectifs**

L'objectif du module a été d'apprendre à bien mener un projet long sur un nouvel environnement de développement, à savoir Python. Sachant que travail à été fait en binôme, on a eu besoin d'un outil collaboratif, en l'occurrence **git** qui est un logiciel de gestion de versions décentralisé. On a ainsi appris à gérer l'avancement d'un projet à travers la méthode par fonctionnalités.

Le travail a consisté à développer des intelligences artificielles dirigeant la prise de décisions des joueurs pour réussir au mieux les matches dans les catégories à un, deux et quatre joueurs.

# Première partie

# Architecture logicielle

Dans cette première partie, on vous expliquera les choix faits concernant l'architecture logicielle.

Le projet a été organisé en un module **ia** contenant les fichiers sources de nos joueurs, un répertoire regroupant les différentes versions des paramètres et en divers fichiers exécutables permettant de lancer les algorithmes d'optimisation.

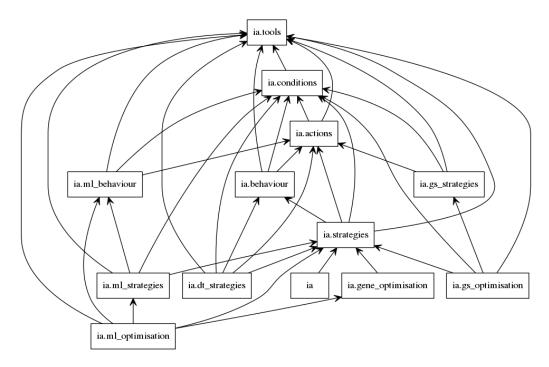


FIGURE 2 – La structure de notre module ia développé tout au long du semestre

### 1 Module de base

Au tout début du projet, on a réalisé une analyse profonde des fonctionnalités à implémenter et de la structure du simulateur fourni. On a conclu qu'il était impératif de séparer les fonctions et classes en plusieurs fichiers pour mieux les repérer. On comptait ainsi de base quatre fichiers.

Dans le fichier *tools*, on a regroupé une classe enveloppe facilitant l'accès aux informations d'un état de jeu donné et des fonctions utilitaires, par exemple, des implémentations de formules mathématiques.

Puis on retrouve le fichier *conditions* qui contient toutes les fonctions booléennes dirigeant la prise de décisions. Autrement dit, le comportement d'un joueur varie selon les valeurs de vérité de ses conditions associées.

On passe ensuite au cœur du module, à savoir le fichier *actions*. On y retrouve les actions de base qu'un joueur peut effectuer comme frapper, faire une passe ou revenir vers la cage.

Au fur et à mesure que le projet avançait, on voyait les fichiers grossir, notamment le fichier actions. On s'est vu alors contraints d'ajouter un autre fichier pour améliorer la structure de base. C'est ainsi que le fichier behaviour est apparu. Il contient en effet des super-actions, i.e. le comportement d'un joueur pour une phase du jeu donnée, par exemple, la situation d'attaque avec la possession du ballon.

Par ailleurs, on communique la prise de décisions de nos joueurs au simulateur du jeu au moyen des classes appelées stratégies. Celles-ci sont incluses dans le fichier de même nom. Ces stratégies correspondent alors au comportement d'un joueur pendant plusieurs phases du jeu, c'est-à-dire tout au long d'un match.

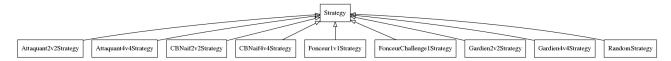


FIGURE 3 – Les différentes stratégies pour les équipes à un, deux ou quatre joueurs, une stratégie complètement aléatoire et une autre pour l'unique challenge proposé

## 2 Suppléments en cours de route

Les stratégies conçues ont évolué pendant tout le semestre. On a vu quatre méthodes d'optimisation en cours pour rendre plus intelligentes ces stratégies de base.

Pour chaque méthode d'optimisation, on a eu besoin d'une classe réalisant l'optimisation sur la base de données recueillis soit par elle-même, soit par des nouvelles stratégies réposant sur celles déjà codées. obtenues.

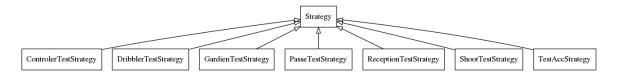


FIGURE 4 – Les stratégies à améliorer à l'aide de la recherche en grille

La figure 4 contient le diagramme de classes des stratégies spécialement conçues pour la recherche en grille de paramètres. Ces stratégies ont été utilisées par des *observateurs* des matches pour obtenir les valeurs optimales cherchées. Les fichiers concernés par cette méthode sont repérés par le préfixe « gs », abrégé du terme en anglais *grid search*.

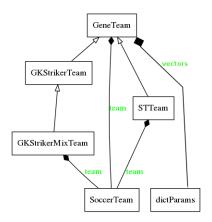


FIGURE 5 – Le diagramme des classes pour la mise en œuvre d'un algorithme génétique

Pour la méthode par un algorithme génétique, on a développé deux classes génériques pour traiter le bilan des résultats des stratégies de base dans plusieurs matches. On voit dans la figure 5 le diagramme de classes résultant. Le fichier crée pour cette méthode est repéré par le préfixe « gene ».



FIGURE 6 – Les stratégies utilisées pour l'application de la méthode par arbres de décision

La méthode d'optimisation par arbres de décision est différente des autres en ce qui concerne la conception. En effet, la classe l'implémentant étant déjà fournie, il a suffi de développer les stratégies briques qui allaient former une stratégie intelligente. Vous pouvez les apercevoir dans la figure 6. Le fichier contenant ces stratégies est préfixé par « dt », abrégé du terme en anglais decision tree.

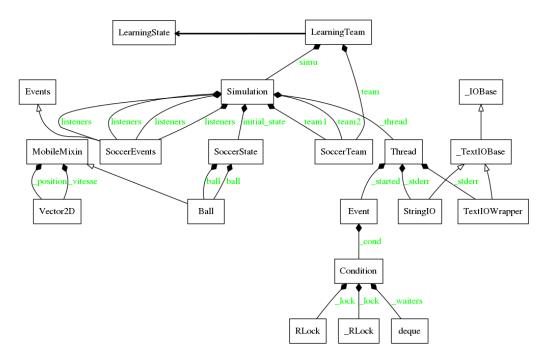


FIGURE 7 – Le diagramme de dépendances des classes LearningState et LearningTeam pour l'implémentation de l'algorithme Q-learning

La dernière méthode d'optimisation était facultative, mais on a voulu suivre le module jusqu'au bout. On a dû coder tout l'algorithme et les briques nécessaires pour sa mise en place. Tout comme la méthode précédente, celle-ci a utilisé des stratégies briques. Par ailleurs, on a implémenté l'algorithme à l'aide de deux classes dites d'apprentissage. Le préfixe utilisé pour cette méthode a été « ml », abrégé du terme en anglais machine learning.

### 3 Librairies externes

Il est important de rappeler que l'on compte à présent des nombreuses librairies disponibles et très souvent performantes qui ont été le fruit du travail de beaucoup d'informaticiens avant nous. Ceci dit, on doit remarquer que l'on en a utilisé quelques-unes durant le développement du projet. On peut citer notamment math puisque la physique du jeu comporte un gros composant mathématique; random, en raison de notre engouement pour l'aléatoire; pickle pour la sérialisation des données; os.path pour l'accès au système de fichiers de l'ordinateur; et numpy pour les calculs faciles sur les tableaux.

# Deuxième partie

# Méthodes d'optimisation

Dans cette deuxième partie, on vous détaille les différents algorithmes appris tout au long du semestre pour améliorer les stratégies proposées.

## 4 Recherche en grille

Il s'agit de la première méthode d'optimisation preésentée en cours. Elle a été utilisée pour l'optimisation d'une action.

Tout d'abord, on doit définir l'action à optimiser et le critère d'optimalité, et repérer les n paramètres associés. Ces paramètres réels sont dénotés  $x_i$ , avec  $i=1,\ldots,n$ . Le critère d'optimalité correspond alors à la fonction  $f: \mathbb{R}^n \to \{0,1\}$ .

Puis on obtient l'ensemble  $\mathbb{E}_i$  de valeurs possibles pour chaque paramètre. Pour les paramètres discrets, il suffit de prendre l'ensemble fini des valeurs qu'il peut prendre. Quant aux paramètres continus, on compte un intervalle fermé  $I_i$  de valeurs possibles pour chaque  $x_i$ . Il est alors nécessaire de faire en amont une discrétisation, i.e. on divise l'intervalle selon un pas de précision. La fonction se transforme alors en  $f: \mathbb{E} \to \{0,1\}$ , où  $\mathbb{E} = \mathbb{E}_1 \times \cdots \times \mathbb{E}_n$ .

On fait ensuite une recherche exhaustive sur tout l'espace  $\mathbb{E}$ : on teste chaque vecteur  $x \in \mathbb{E}$  sous différents conditions environnementales et on moyenne les évaluations par f(x) dans les dites conditions. Finalement, on prend la valeur optimale et son vecteur x associé.

Il est important de remarquer que la plupart de nos paramètres sont continus. Pour obtenir des valeurs plus précises et un meilleur comportement, on a besoin d'un pas de discrétisation très petit. De ce fait,  $|\mathbb{E}| \gg 1$ . À cause des longs temps d'exécution, on a décidé que l'algorithme mis en place ne convenait pas à moyen terme.

# 5 Algorithmes génétiques

Dans un deuxième temps, on est passés à une méthode heuristique au lieu d'une recherche exhaustive de l'espace de représentation. En effet, une solution approchée est suffisante dans un certain intervalle de confiance. Ceci a donné lieu aux algorithmes génétiques. On en a mis en place une implémentation pour optimiser toutes nos équipes.

Cette classe d'algorithmes se base sur la théorie de l'évolution. En effet, la notion de sélection naturelle est le mécanisme permettant de choisir des solutions potentielles de plus en plus meilleures.

La toute première chose à faire est la définition de la fonction  $f: \mathbb{R}^n \to \mathbb{E}$  à optimiser, où n est le nombre de paramètres concernés. Un élément  $x = (x_1, \dots, x_n) \in \mathbb{R}^n$  est appelé candidat ou chromosome, et chacune de ses coordonnées  $x_i$  avec  $i = 1, \dots, n$ , appelée propriété ou encore gène, correspond à un paramètre à optimiser. Elles forment le génotype. Autrement dit, un candidat correspond à une équipe définie par les valeurs de ses propriétés.

Dans le cadre du projet, on a défini f(x) = (V, N, D, P, C) comme le bilan après avoir disputé plusieurs matches avec les mêmes valeurs des paramètres données par x, i.e. le tuple composé du nombre de victoires, matches nuls, défaites, buts marqués et buts encaissés. La relation d'ordre suit les règles du classement d'un tournoi de football.

Cette classe d'algorithmes comportent quatre étapes.

1. <u>Initialisation</u>: Tout d'abord, il faut générer un ensemble de candidats  $\{x_1, \ldots, x_m\}$ . Le but est d'obtenir une population initiale la plus diverse possible de sorte à pouvoir

- atteindre le plus de maxima relatifs. C'est pourquoi cette première génération est obtenue de manière aléatoire.
- 2. <u>Évaluation</u>: Ensuite, on évalue la fonction en chacun des candidats, i.e. on calcule  $\{f(x_1), \ldots, f(x_m)\}$ .
- 3. <u>Sélection</u>: Suivant la notion de sélection naturelle, on ne conserve que les candidats avec les meilleurs résultats. Autrement dit, on dresse un classement des équipes associées aux candidats et n'en garde qu'une partie.
- 4. Reproduction: Finalement, on attribue les places libres aux candidats nés du brassage génétique des candidats les plus performants. Pour ce faire, on compte sur deux méthodes, à savoir le croisement et la mutation. Étant donné deux parents, on commence par les cloner en deux enfants. Puis on choisit une ligne de coupe divisant le génotype en deux parties. Ensuite, les enfants s'échangent une partie de leur génotype. Le croisement s'arrête à ce stade-là, tandis que la mutation ajoute du bruit aléatoirement dans un gène pour chacun des nouveaux chromosomes. On a décidé de faire une petite modification à cette étape-là lors de l'implémentation pour avoir plus de diversification: une minorité des places libres est attrribuée à des candidats générés aléatoirement.

Cet algorithme étant itératif, on recommence à la deuxième phase avec la nouvelle génération. Au bout d'un nombre raisonnable d'itérations, on se retrouve avec une génération composée de chromosomes très proches des maxima relatifs. On finit donc l'algorithme par prendre le candidat optimal de la dernière population.

Cette méthode a permis d'améliorer nos équipes progressivement et les valeurs de tous les paramètres mis en place ont été définies au moyen de nombreuses exécutions de cette méthode.

## 6 Apprentissage automatique

Dans la dernière partie du semestre, on s'est concentré sur l'apprentissage automatique. Les enseignants ont présenté les deux grandes familles d'algorithmes d'apprentissage : supervisés et non supervisés, ainsi que l'apprentissage par renforcement. Deux méthodes ont été implémentées lors du projet.

# Arbres de décision (de classification)

Il s'agit d'une technique d'apprentissage supervisé. Pour l'appliquer, on a besoin d'un espace de représentation  $\mathcal{X}$ , d'un ensemble d'étiquettes ou classes Y et d'une liste de m exemples d'apprentissage  $(x^i, y^i)$ , où  $x^i \in \mathcal{X}$ ,  $y^i \in Y$ ,  $i = 1, \ldots, m$ , appelée ensemble d'apprentissage. Le but de cette technique est de trouver une fonction  $f : \mathcal{X} \to Y$  telle que l'on puisse prédire à quelle classe appartient une future variable  $x \in \mathcal{X}$ .

Concrètement, on veut associer une certaine action à chaque état du jeu. Comme les informations contenues dans les états du jeu ne sont pas généralisables dans l'état, on utilisera une représentation par n caractéristiques généralisées qui précisent la configuration du terrain. On a ainsi que  $\mathcal{X} = \mathbb{R}^n$ , avec n la dimension de l'espace de représentation. De plus, l'ensemble d'étiquettes devient l'ensemble d'actions possibles A. On veut donc trouver une fonction  $f: \mathbb{R}^n \to A$  qui fournit la meilleure action possible pour tout état du jeu.

Le problème auquel on est confrontés se réduit alors à partitionner l'espace de représentation en p = |A| parties  $\mathcal{X}_1, \mathcal{X}_2, \dots, \mathcal{X}_p$  de sorte que  $f([\mathcal{X}_i]) = \{a_i\} \subset A, i = 1, \dots, p$ . On utilise les arbres de décisions pour représenter ce partionnement. Ceci implique que chaque nœud interne correspond à un test sur une des n dimensions de  $\mathcal{X}$  et que chaque feuille correspond à l'action à entreprendre pour l'état donné par le chemin suivi depuis la racine.

On nous a fourni une stratégie spéciale KeyboardStrategy comportant les outils de base nécessaires à la mise en place de cette méthode, allant de la génération de l'ensemble d'apprentissage au partionnement de l'espace de représentation, en passant par l'application de la fonction lors des matches. Elle permet d'associer des touches clavier aux différentes stratégies de sorte que l'on puisse préciser la stratégie préconisée pour les différentes phases du jeu. Ceci conforme ce que l'on appelle l'ensemble d'apprentissage. Cet ensemble est traité à l'aide des n caratéristiques généralisées définies auparavant et, à l'issue de ceci, on compte un partionnement de  $\mathbb{R}^n$ . Cette stratégie utilise alors la fonction f lors des matches suivants, ce qui donne un comportement plus intelligent à nos joueurs.

Cette méthode n'a pas été utilisée pour améliorer la prise de décisions sur les actions parce que l'on a trouvé difficile l'interaction à travers le clavier pour plus de quatre actions.

### Q-learning

Cet algorithme d'apprentissage par renforcement répose sur un ensemble d'états S, un ensemble d'actions A, et une fonction  $Q: S \times A \to \mathbb{R}$ , appelée politique, pondérant une paire formée par un état donné et une action à entreprendre pour cet état-ci. Cette pondération est nommée récompense. La notion d'état correspond à celle donnée dans la section des arbres binaires. Il utilise aussi la notion d'épisode que l'on associe à un match dans le cadre du projet. Son principe est le suivant : on apprend une politique comportementale qui optimise l'espérance des récompenses.

La phase d'initialisation consiste à attribuer à Q une valeur fixe arbitraire, ici 0. La phase itérative concerne un épisode, ou encore un match, et est répétée pour les k épisodes. Pour un état  $s_t$  donné, on choisit une action  $a_t$  selon la politique Q et observe la récompense  $r_t$  associée à cette paire. Cette action génère un nouvel état  $s_{t+1}$ . Il est à noter qu'il n'y a pas de choix concernant l'état initial  $s_0$ , puisqu'il est toujours le même pour un match de football : ceci correspond au coup d'envoi. Ensuite, on met à jour la politique selon la formule ci-dessous.

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow (1 - \alpha) \cdot \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{\text{valeur actuelle}} + \alpha(k) \cdot \underbrace{\left(r_t + \gamma \cdot \max_{a}(Q_{t+1}, a)\right)}_{\text{valeur apprise}}$$

Ici,  $\alpha$  représente la vitesse d'apprentissage et  $\gamma$  le facteur d'actualisation. D'un côté, la vitesse d'apprentissage détermine l'équilibre entre exploration et exploitation. En effet, une valeur de 0 implique l'utilisation exclusive des choix actuels, alors qu'une valeur 1 ne ferait que considérer le dernier résultat. Comme notre agent est censé être plus intelligent au fur et à mesure des épisodes, il doit apprendre de moins en moins des itérations suivant. C'est pourquoi on a choisi une vitesse d'apprentissage polynômiale, i.e.  $\alpha(k) = \frac{1}{k^{\omega}}$ , avec  $\omega \in ]0, 5; 1[$  fixé.

D'un autre côté, le facteur d'actualisation détermine l'importance des récompenses futures. Une valeur de 0 ne prend en considération que les récompenses courantes, tandis qu'une valeur de 1 met en valeur les récompenses plus lointaines. On avait précisé qu'un épisode correspondait à un match; par conséquent, la réussite d'une succession d'actions dépend du résultat final du match. De ce fait, on a intérêt à retarder au maximum les récompenses. Ceci se traduit par le choix d'un facteur  $\gamma$  proche de 1.

Si le nouvel état  $s_{t+1}$  est terminal, on passe à l'épisode suivant. Sinon on choisit une action pour cet état et refait la mise à jour de la politique.

À la fin de l'algorithme, on se retrouve avec une politique qui nous rend l'action la plus adéquate pour tout état du jeu. Étant donné que les caratéristiques utilisées pour définir un état sont continues, on a défini des intervalles d'équivalence. Cela n'empêche que le nombre total d'états est énorme et fait donc exploser la mémoire. Bien qu'implémenté, on s'est pas servi de cet algorithme pour améliorer nos stratégies.

## Troisième partie

# Stratégies

Dans cette deuxième partie, on vous détaille le comportement de nos différents joueurs. Compte tenu de la taille du terrain de jeu, le nombre maximum de joueurs par équipe est limité à quatre. Ainsi, il y a trois catégories de matches selon le nombre de joueurs par équipe : un, deux ou quatre.

# 7 Un joueur

Pour l'équipe composée uniquement d'un joueur, on a développé un seul joueur que l'on appelle *Fonceur*.

#### **Fonceur**

Il s'agit du point de départ du projet. Le but des premières semaines étant de se familiariser avec le code source fourni, on a créé une stratégie très simple et naïve. Ainsi, il faisait tout au maximum : il devait se rapprocher de la balle à toute vitesse lorsqu'il ne la contrôlait pas et il frappait avec toute sa puissance dans le cas contraire. Compte tenu que ce comportement ressemblait beacoup aux autres fonceurs de la classe à une paramétrisation près et que les matches finissaint en nul, on a ajouté les fonctionnalités suivantes : l'avancée balle au pied et le dribble. Ceci a rapporté de bons résultats contre les équipes restant naïves, mais n'a pas suffit pour battre les équipes plus développées. En effet, il est très difficile de devancer un adversaire qui fait une pression sur le ballon à une distance moyenne de sorte que les tentatives de dribbles du fonceur échouent. De plus, ses essais de dribble dans sa propre surface de réparation étaient souvent insuffisants pour échapper au danger que signifie l'adversaire venant le presser. Il dégage à presént la balle le plus loin possible pour pallier cette difficulté.

Cette stratégie est restée assez basique à l'égard de celles de nos camarades de classe vu les résultats des derniers tournois hebdomadaires et de nos tests. Autrement dit, le dribble est très peu réussi et les contre-attaques arrivent lorsque le joueur est dans sa course vers l'avant, ce qui le surprend et fait que l'adversaire se trouve facilement seul face à notre cage.

# 8 Deux joueurs

Cette catégorie a été celle sur laquelle on a consacré la plupart du projet. On compte trois joueurs fonctionnels que l'on appelle *Attaquant*, *Gardien* et *Défenseur*.

### Attaquant

Il a une vocation plutôt offensive. Son comportement initial était celui d'un attaquant classique. Sa conduite sans la balle dépendait de la zone dans laquelle se trouvait le porteur de la balle : il le pressait si l'adversaire était éloigné de sa surface et se décalait vers les côtés pour faciliter les contre-attaques dans le cas contraire. Quant à son style de jeu avec la balle au pied, il avançait de petites distances sur le terrain et frappait la balle lorsqu'il se trouvait dans la surface de réparation adverse. Tout comme pour le fonceur, il perdait la balle trop facilement. C'est pourquoi on a ajouté le dribble aléatoire, ce qui l'a rendu imprévisible face aux tentatives adverses de lui arracher le ballon. Lorsque le contrôle de la balle avait lieu en sa zone défensive et qu'un adversaire était si proche de lui qu'il pouvait aussi la frapper, la

puissance de son dribble était dépassée par celle de la frappe. On a ajouté le dégagement vers un point quelconque tel que le tir soit le moins risqué possible pour éviter ce genre de situations.

Puis on s'est rendu compte qu'il se trouvait en infériorité numérique face à l'équipe adverse dans la plupart des matches. Cette contrainte a motivé l'idée de faire monter le coéquipier dans le terrain et, par conséquent, le développement de l'action de passe de la balle. Ce comportement s'est révélé très efficace en situation d'attaque vu que les autres équipes utilisent seulement un attaquant, mais les contre-attaques s'avéraient très dangereuses. Celles-ci arrivaient comme résultat des dribbles échoués. Par ailleurs, on a remarqué que les adversaires restaient fixés dans l'axe tout en laissant dans les côtés des voies libres. Tout ceci nous a améné à mettre en place la toute dernière modification : le dribble latéral. Dans le milieu de terrain, le joueur essaie systématiquement de dribbler le joueur lui bloquant la trajectoire vers les côtés. Le comportement final est encore plus dangereux en attaque et les possibilités de contre-attaques sont à présent très mitigées.

#### Gardien

La prise de décisions initiale du gardien avait pour vocation de défendre la cage à tous les coups. En effet, il se positionnait dans le point central sur la ligne de sa cage et n'en sortait que pour dégager la balle lorsqu'un adversaire se rapprochait avec elle. Ce dégagement consistait en fait à faire une pseudopasse vers son coéquipier, c'est-à-dire qu'il l'adressait vers l'un de deux points axialement symétriques selon si le coéquipier se trouvait en la partie haute ou basse du terrain. Le point faible de cette conduite était que certains attaquants adverses tiraient vers notre cage depuis des longues distances et on essayait ainsi d'attraper la balle avec des trajectoires circulaires. On a donc décidé d'améliorer la trajectoire d'interception de la balle avec une certaine prévision de sorte à y arriver en ligne de droite et plus rapidement. De plus, sa position de base passerait à une certaine distance de sa cage alignée avec une potentielle trajectoire de la balle vers la cage.

On n'est jamais parvenus à perfectionner l'interception de la balle et on compte ainsi jusqu'à presént un taux non négligeable d'échec. De plus, comme dit précédemment, une attaque à un n'offrait pas d'avantage à l'égard des équipes de nos camarades. Ceci a impulsé le développement de la déjà mentionnée montée du gardien. Lorsque son coéquipier possède la balle, il monte dans le terrain pour proposer des possibilités de passe. Son comportement avec la balle a fait aussi objet de modifications : c'est exactement le même que celui de l'attaquant. On peut donc résumer le comportement de notre équipe à deux joueurs en l'expression footballistique « la meilleure défense, c'est l'attaque. »

#### Défenseur

Il est à noter que ce joueur ne fait pas partie de l'équipe préconisée. Il correspond à la dernière stratégie implémentée dans cette catégorie, à savoir celle d'un défenseur, qui n'a par contre qu'une vocation défensive. En effet, s'il a la balle, il s'en défait le plus rapidement possible soit à l'aide d'une passe vers son coéquipier si démarqué, soit via le dégagement le moins risqué possible. Quant à son effort défensif, il demeure à une certaine distance radial à partir de sa cage et s'approche de la balle en vue d'une interception s'il en suffisamment proche.

## 9 Quatre joueurs

Il s'agit de la catégorie que l'on a trouvé la plus intéressante en raison de la difficulté de la gestion des espaces et la répartition des fonctions. Tout comme pour la catégorie précedente, on compte trois joueurs fonctionnels que l'on repère d'ailleurs par les mêmes noms.

Le développement des stratégies suivantes a commencé lorsque leurs pairs de la catégorie précédente étaient proches de leurs versions finales. En effet, il n'y avait que le dribble latéral qui n'était pas encore mis en place lors du début de leur conception. Cette modification dans le dribble a été ajoutée à ces stratégies au même temps que pour leurs pairs.

### Attaquant

Il y a deux différences en son comportement par rapport à son pair de la catégorie cidessus et celles-ci concernent toutes les deux la situation où il se trouve dans sa surface de réparation. La première fait référence à la récupération de la balle : il ne se précipite plus et fait de nouveau le contrôle, le dribble ou la passe nécessaire de la même manière que dans le milieu de terrain. La deuxième correspond à l'effort de marquer les adversaires sans marquage. En effet, les avancées adverses comportent plus de participants et il se révèle crucial de marquer les adversaires susceptibles de recevoir une passe pour intercepter la balle et lancer des contreattaques rapides et efficaces.

#### Gardien

Ce joueur combine le comportement de son pair de la catégorie ci-dessus et de l'attaquant de cette catégorie à des valeurs des paramètres près. En effet, il suit les mêmes indications que l'attaquant lorsqu'il contrôle et réalise les mêmes mouvements sans ballon que le défenseur de l'équipe à deux joueurs.

#### Défenseur

Ce défenseur prend les mêmes décisions que celui de l'équipe à deux joueurs, à l'exception de sa prise de risque lors d'une interception. Effectivement, si un coéquipier se trouve dans une meilleure position pour intercepter la balle, i.e. il en est plus proche que le défenseur, celui-ci continue de positionner radialement à une certaine distance de sa cage. Cette modification est le produit de la constatation que l'effort défensif des autres joueurs de cette catégorie n'égale pas celui du défenseur et que l'abandon de position défensive entraîne des terribles risques pour le score.

# Conclusion

...