學號:B03902016 系級: 資工四 姓名:周聖筌

請實做以下兩種不同feature的模型,回答第(1)~(3)題:

- 1. 抽全部9小時內的污染源feature的一次項(加bias)
- 2. 抽全部9小時內pm2.5的一次項當作feature(加bias)

## 備註:

- a. NR請皆設為0,其他的數值不要做任何更動
- b. 所有 advanced 的 gradient descent 技術(如: adam, adagrad 等) 都是可以用的
- 1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據kaggle public+private分數),討論兩種feature的影響 model1: public:7.59727 private: 5.35505 total:12.95232 model2: public:7.44013 private:5.62719 total:13.06732

兩種model雖然在model2在public測資中結果較佳,但出乎我意料之外的,總合來說是取全部污染當feature時的model1好一點。我猜測雖然第一種model考慮的因素太多,有考慮到許多沒有關聯的因素,但第二個model只考慮pm2.5也太少,所以無法有效預測結果,所以兩者皆有很好的預測效果。

2. (1%)將feature從抽前9小時改成抽前5小時,討論其變化

model1: 前9小時: public:7.59727 private:5.35505 total:12.95232

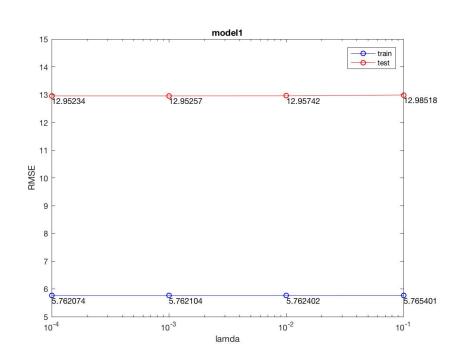
前5小時: public:7.67641 private:5.33896 total:13.01537

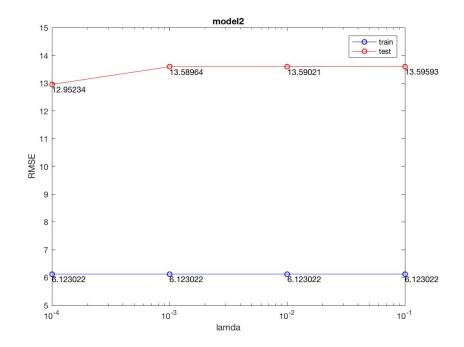
model2: 前9小時: public:7.44013 private:5.62719 total:13.06732

前5小時: public:7.57904 private:5.79187 total:13.37091

兩個model改成抽前五個小時的model後,都得到了比較差的結果。所以知道抽前9個小時是沒有overfitting的情況的,前九個小時的預測情況還是較前五個小時佳一些。

3. (1%)Regularization on all the weight with  $\lambda$ =0.1、0.01、0.001、0.0001,並作圖





4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量  $x^n$ ,其標註(label)為一存量  $y^n$ ,模型參數為一向量w (此處忽略偏權值 b),則線性回歸的損失 函數(loss function)為n=1Nyn-xnw2 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣  $X = [x^1 \ x^2 \ ... \ x^N]^T$  表示,所有訓練資料的標註以向量  $y = [y^1 \ y^2 \ ... \ y^N]^T$ 表示,請問如何以 X 和 y 表示可以最小化 損失函數的向量 w ?請寫下算式並選出正確答案。(其中 $X^TX$ 為invertible)

## 3. $(X^TX)^{-1}X^Ty$

$$\sum_{n=1}^{N} (y^{n} - x^{n} \cdot w) = \sum_{n=1}^{N} (x^{n} \cdot w - y^{n}) = (X \cdot w - y)^{T} (X \cdot w - y)$$

其解為此多項式對w微分後等於0時的值。

$$\frac{\partial}{\partial w}(w^TX^T - y^T)(Xw - y) = \frac{\partial}{\partial w}(w^TX^TXw - w^TX^Ty - y^TXw + y^Ty) = 0$$

$$X^{T}Xw - X^{T}y = 0$$
$$w = (X^{T}X)^{-1}X^{T}y$$

故得證。