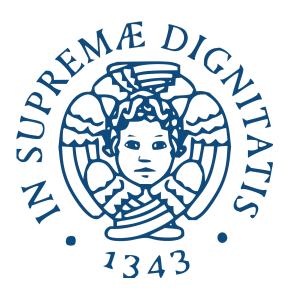
# Basi di Dati

Angelo Passarelli

November 14, 2023



Appunti basati sulle lezioni e dispense della professoressa Giovanna Rosone  $^{\rm 1}$ 

https://pages.di.unipi.it/rosone/index.html

## Contenuti

0	Introduzione	4
1	DBMS e Linguaggi 1.1 Funzionalità del DBMS	<b>5</b> 6 7 7
2	Modellazione  2.1 Fasi della Modellazione  2.2 Analizzare il Dominio  2.3 Oggetti e Classi  2.4 Associazioni  2.5 Gerarchie  2.5.1 Tipi Oggetto  2.5.2 Classi  2.5.3 Ereditarietà Multipla	9 9 10 11 13 13 14
3	Progettazione Logica 3.1 Relazioni	15 15 16 16 17 19 20
4	Algebra Relazionale 4.1 Operatori Insiemistici	20 22 24 24 25
5	SQL  5.1 Query Language	25 27 29 30 32 33 34 35

C	CONTENUTI	CONTENUTI	
6	Normalizzazione	37	
	6.1 Decomposizione di Schemi	40	

## 0 Introduzione

**Definizione** (Base di Dati). Una base di dati è un insieme organizzato di dati utilizzati per il supporto allo svolgimento di attività.

**Struttura dei Dati** I dati sono organizzati in insiemi strutturati che possono presentare fra loro delle relazioni. Tuple che rappresentano dati nello stesso insieme devono essere omogenee ed univoche.

**Definizione** (Sistema Informativo). Un sistema informativo è una combinazione di risorse umane e/o materiali e procedure organizzate per la raccolta, l'archiviazione, l'elaborazione e lo scambio di informazioni necessarie ad un'attività, le quali possono essere classificate in:

- Informazioni di servizio (operative).
- Informazioni di controllo (pianificazione e gestione).
- Informazioni di governo (pianificazione strategica).

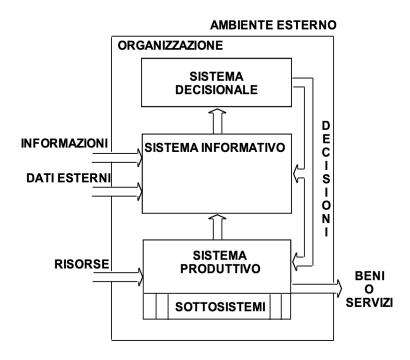


Figura 1: Esempio di sistema informativo

**Definizione** (Sistema Informativo Automatizzato). Un sistema informativo automatizzato è una parte del sistema informativo che permette di implementare le procedure che si occupano della gestione delle informazioni usando un sistema informatico.

**Definizione** (Sistema Informatico). Un sistema informatico è l'insieme delle tecnologie a supporto per le attività di un'organizzazione. Si possono classificare in:

- Sistemi informatici operativi: questi sistemi si utilizzano per svolgere le normali attività dell'azienda per la fruizione del suo bene o servizio, e per la gestione interna dei singoli reparti dell'azienda. Le operazioni sui dati in questo sistema sono di tipo OLTP (On-Line Transaction Processing) e prevedono elaborazioni semplici che coinvolgono pochi dati che vengono aggiornati molto frequentemente.
- Sistemi informatici direzionali: i dati sono organizzati in Data Warehouse che consentono di aiutare l'azienda nei processi di controllo delle prestazioni e di decisione manageriale. Le elaborazioni su questo tipo di sistema si chiamano OLAP (On-Line Analytical Processing) e prevedono l'utilizzo di una grande mole di dati che sono per lo più storici. In questo caso i dati vengono aggiornati molto raramente, ma su di essi vengono svolte molte operazioni, anche da un punto di vista multidimensionale, ovvero vengono incrociati più dati per analizzare le informazioni ottenute sotto molteplici punti di vista.

**Definizione** (DBMS). Un *Database Management System* è un sistema che garantisce il controllo e la gestione di dati per renderli accessibili agli utenti opportuni in base ai loro privilegi. Il DBMS fornisce anche dei linguaggi che permettono di definire lo schema di un database, di scegliere le strutture dati opportune per la memorizzazione dei dati, di rispettare i vincoli per ogni tipo di dato e di poter modificare e interrogare il database.

**Metadati** All'interno del database sono anche memorizzati dei metadati che si riferiscono agli utenti e allo schema utilizzato dal database stesso. Anche i metadati possono essere interrogati e modificati.

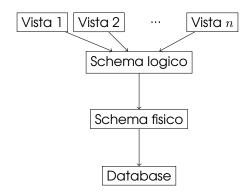
## 1 DBMS e Linguaggi

Si distinguono tre diversi livelli di descrizione dei dati:

 A livello di vista logica: descrive come deve apparire il database a seconda dell'utente che lo usa, in base ai suoi permessi.

Basi di Dati

- A livello logico: descrive la struttura degli insiemi dei dati e le relazioni fra essi, senza doversi occupare della loro organizzazione nella memoria.
- A livello físico: viene descritto come sono organizzati físicamente i dati nella memoria e vengono riportate quali strutture dati ausiliare vengono utilizzate.



Quest approccio permette di garantire le proprietà di indipendenza logica e fisica:

- Indipendenza Logica: gli applicativi non necessitano modifiche in seguite a variazioni dello schema logico.
- Indipendenza Fisica: gli applicativi non necessitano modifiche in seguito a cambiamenti dell'organizzazione fisica dei dati.

Per quanto riguarda i linguaggi di interrogazione, questi possono essere distinti in:

- DML (Data Manipulation Language): per l'interrogazione e l'aggiornamento dei dati.
- **DDL** (Data Definition Language): per la definizione di schemi, sia logici che fisici, ed altre operazioni.

#### 1.1 Funzionalità del DBMS

Un DBMS deve prevedere più modalità d'uso per soddisfare le esigenze di più categorie di utenti che accedono al database. Deve poter offrire:

- Un'interfaccia grafica per accedere ai dati.
- Un linguaggio di interrogazione per gli utenti inesperti (non programmatori).

Angelo Passarelli

Basi di Dati 6

- Un linguaggio di programmazione per chi sviluppa applicazioni, nello specifico deve prevedere l'integrazione del DDL e del DML nel linguaggio ospite.
- Un linguaggio per lo sviluppo di interfacce per le applicazioni.
- Predisporre per l'amministratore strumenti per stabilire i diritti d'accesso ai dati, per il ripristino del sistema e per la modifica e la definizione degli schemi logici (sia interno che esterno).

## 1.2 Proprietà dei Database

Il DBMS permette di garantire al database le seguenti proprietà:

- Integrità: mantenimento dei vincoli d'integrità dichiarati in fase di definizione dello schema.
- Affidabilità: protezione dei dati da parte di malfunzionamenti sia software che hardware e da anomalie indesiderate come l'accesso concorrente al database da parte di più utenti.
- Sicurezza: protezione dei dati da parte di utenti non autorizzati.

Inoltre un DBMS deve essere in grado di gestire collezioni di dati che siano:

- Grandi
- Persistenti: il periodo di vita dei dati è indipendente dai programmi che li utilizzano.
- Condivise: possono essere usati da programmi diversi.

Il DMBS deve essere anche efficiente (utilizzando al meglio le risorse in termini di *spazio* e *tempo*) ed efficace.

#### 1.3 Transazioni

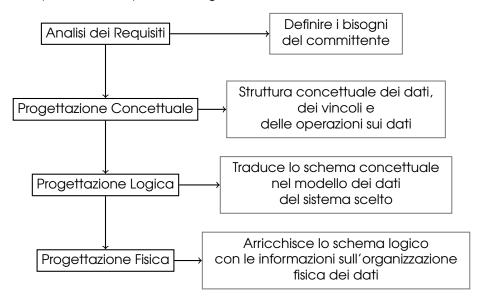
**Definizione** (Transazione). Una transazione è una serie di azioni di lettura e scrittura sulla memoria permanente o di elaborazione dati in memoria temporanea. Presenta le seguenti proprietà:

- Atomicità: le transizioni che non vanno a buon fine o che vengono abortite sono trattate come se non fossero mai state eseguite.
- Persistenza: le modifiche effettuate da una transizione andata a buon fine sono permanenti, ovvero non possono essere alterate da malfunzionamenti.
- Serializzabilità: nel caso di esecuzioni concorrenti di più transazioni, l'effetto ottenuto è quello di un'esecuzione seriale.

## 2 Modellazione

**Definizione** (Modello Astratto). Un modello astratto è la rappresentazione formale di idee e conoscenze relative ad un fenomeno.

La modellazione è centrale nella progettazione del database che comprende le fasi presenti in figura.



#### 2.1 Fasi della Modellazione



#### 2.2 Analizzare il Dominio

Il dominio può presentare più aspetti da dover analizzare:

- Aspetto ontologico: conoscere ciò che si suppone esista nell'universo del contesto e quindi ciò che è da modellare. Occorre analizzare tre tipi di conoscenze:
  - Conoscenza concreta: le entità del contesto e le associazioni fra di esse.

**Definizione** (Entità). Sono oggetti di cui occorre definire le proprietà.

**Definizione** (Proprietà). Descrivono le caratteristiche di determinate entità e sono formata da una coppia (Attributo, Valore). Ogni proprietà ha ad essa associato un dominio, quindi un insieme di valori che può assumere. Inoltre le proprietà si possono classificare in:

- \* Atomiche o Strutturate: atomiche se il loro valore non è ulteriormente scomponibile.
- \* Totali o Parziali: se è obbligatoria oppure opzionale.
- \* Univoche o Multivalore: univoca se per ogni entità la scelta del valore è unico (es. codice fiscale).
- \* Costanti o Variabili
- \* Calcolate o Non Calcolate: calcolata se è possibile derivarla da altre proprietà.

**Definizione** (Tipo di un'entità). Ogni entità appartiene ad un tipo che ne indica la propria natura.

**Definizione** (Collezione). Insieme di entità dello stesso tipo.

- Conoscenza astratta: la struttura e i vincoli sulle entità.
- Conoscenza procedurale: le operazioni di base, sia dei singoli utenti e sia come avviene la comunicazione con il sistema informatico.
- Aspetto logico: meccanismi di astrazione (modello di dati, per es. diagrammi E-R<sup>2</sup>) con cui descrivere la struttura della conoscenza concreta.
- Aspetto *linguistico*: linguaggio formale con cui definire il modello.
- Aspetto pragmatico: insieme di regole da seguire in fase di modellazione.

## 2.3 Oggetti e Classi

**Definizione** (Oggetto). Un oggetto è un'entità software che presenta uno *stato*, un *comportamento* e un'*identità*. Lo *stato* è rappresentato da un insieme di costanti o variabili, mentre il comportamento è un insieme di procedure locali chiamate *metodi*. Un oggetto può rispondere a dei messaggi di input, con dei valori memorizzati nello stato o calcolandoli con un metodo.

**Definizione** (Classe). Una classe è un insieme di oggetti dello stesso tipo, e presenta delle operazioni per l'inserimento e la rimozione di elementi.

**Definizione** (Tipo Oggetto). Un tipo oggetto definisce l'insieme degli attributi a cui può combaciare un insieme di possibili oggetti. I tipi oggetto non sono presenti nei diagrammi E-R, però dagli attributi di una collezione è possibile dedurre il tipo oggetto associato.

Basi di Dati

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>https://it.wikipedia.org/wiki/Modello\_E-R

#### 2.4 Associazioni

**Definizione** (Istanza di un'associazione). Un'istanza di un'associazione determina un legame logico tra due o più istanze.

**Definizione** (Associazione). Un'associazione R(X,Y) fra due collezioni di entità chiamate X e Y è un insieme, che varia nel tempo, di istanze di associazione tra gli elementi delle due collezioni. Il prodotto cartesiano  $(X \cdot Y)$  è chiamato dominio dell'associazione.

Un'associazione è caratterizzata da due proprietà: molteplicità e totalità.

**Definizione** (Vincolo di Unicità). Un'associazione R(X,Y) è detta univoca rispetto ad X se per ogni elemento di  $x \in X$  esiste al più un elemento  $y \in Y$  che è associato ad x. Se questo vincolo non vale, si dice che l'associazione è multivalore rispetto ad X.

#### Cardinalità dell'Associazione

- R(X,Y) è (1:N) se è multivalore sy X ed univoca su Y.
- R(X,Y) è (N:1) se è univoca sy X e multivalore su Y.
- R(X,Y) è (N:M) se è multivalore sy X e multivalore su Y.
- R(X,Y) è (1:1) se è univoca sy X ed univoca su Y.

**Definizione** (Vincolo di Totalità). Un'associazione R(X,Y) è detta totale su X se per ogni elemento  $x \in X$  esiste almeno un elemento  $y \in Y$  associato ad x. Se questo vincolo non vale, si dice che l'associazione è parziale rispetto ad X.

**Rappresentazione delle Associazioni** Un'associazione fra due collezioni  $C_1$  e  $C_2$  si rappresenta con una linea che collega le due classi. La linea si etichetta con il nome dell'associazione. L'univocità di una classe  $C_1$  si rappresenta disegnando una freccia singola sulla linea che esce và da  $C_1$  a  $C_2$ . Se invece l'associazione è multivalore si indica con una doppia freccia. La parzialità invece è rappresentata con un taglio sulla linea vicino alla freccia, mentre la totalità è rappresentata dall'assenza del taglio.



Figura 2: In questo caso abbiamo un'associazione *multivalore* da entrambe la parti, ma *parziale* per  $C_2$  e *totale* per  $C_1$ 

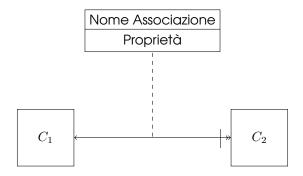


Figura 3: Le associazioni possono presentare proprietà

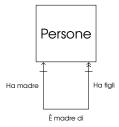


Figura 4: O possono anche essere ricorsive. In questo caso occorre etichettare l'associazione non solo con il proprio nome, ma anche con i nomi dei ruoli che hanno le due entità nell'associazione.

**Associazione Non Binarie** Le associazioni non binarie, per semplicità, non vengono rappresentate graficamente, ma ad esempio, per quanto

riguarda quelle *ternarie*, queste vengono trasformate in tre associazioni *binarie* aggiungendo un'altra collezione al posto dell'associazione *ternaria*.

#### 2.5 Gerarchie

Le classi di entità possono essere organizzate in una gerarchia di *specializzazione*. Una classe della gerarchia minore viene chiamata **sottoclasse**, mentre le altre si chiamano **superclassi**. Gli elementi di una sottoclasse sono un sottoinsieme degli elementi della superclasse.

#### 2.5.1 Tipi Oggetto

Fra i *tipi oggetto* viene definita una relazione di sottotipo, che comprende le seguenti proprietà:

- È una relazione asimmetrica, riflessiva e transitiva.
- Inoltre, se un tipo T è sottotipo di T', allora tutti gli elementi di T possono essere usati in tutti i contesti in cui appaiono elementi di tipo T'. Questa proprietà è chiamata sostitutività ed è data dal fatto che gli elementi di T hanno tutte le proprietà degli elementi di T', e per ogni proprietà di T', il suo tipo in T è un sottotipo di quello che ha in T'.

**Ereditarietà** L'ereditarietà è una proprietà delle gerarchie che permette di definire un tipo oggetto a partire da un altro. In quanto, nel nostro contesto, a partire da un tipo, si vuole solo definire un sottotipo, si parla di ereditarietà stretta, che permette solo:

- L'aggiunta di altri attributi.
- La ridefinizione di attributi del supertipo, però solo specializzando ulteriormente il tipo dell'attributo.

#### 2.5.2 Classi

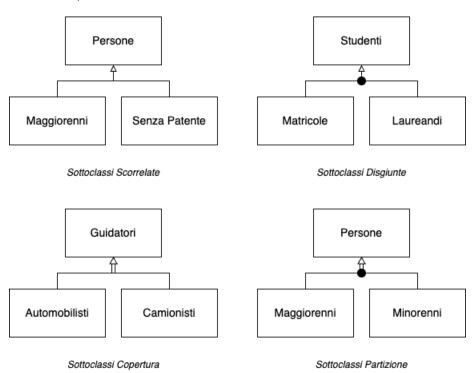
Fra le *classi*, invece, viene definita una relazione di sottoclasse, con le seguenti proprietà:

- Sempre asimmetrica, riflessiva e transitiva, come per i tipi oggetto.
- Se una classe C è *sottoclasse* di C', allora il tipo degli elementi di C è sottotipo del tipo degli elementi di C' (**vincolo intensionale**).
- Se C è sottoclasse di C', allora gli elementi di C sono un sottoinsieme degli elementi di C' (vincolo estensionale).

Vincoli Possiamo distinguere due tipi di vincoli su insiemi di sottoclassi:

- Disgiunzione: ogni coppia di sottoclassi nell'insieme è disgiunta, quindi è priva di elementi comuni.
- Copertura: l'unione degli elementi delle sottoclassi coincide con l'insieme degli elementi della *superclasse*.

Se possiedono entrambi i vincoli, allora l'insieme delle *sottoclassi* forma una partizione della *superclasse*. Altrimenti se nessuno dei due vincoli è rispettato, si dice che le sottoclassi sono scorrelate.



#### 2.5.3 Ereditarietà Multipla

Un tipo può anche essere definito per *ereditarietà* anche a partire da più di un *supertipo*. Questo però può creare alcuni problemi quando lo stesso *attributo* viene ereditato da più di un supertipo, ma i tipi degli attributi fra loro sono diversi.

## 3 Progettazione Logica

L'obbiettivo della **progettazione logica** è quello di ridefinire lo *schema concettuale* in uno *schema logico relazionale* che rappresenti gli stessi dati ma in una maniere più efficiente (minimizzando la ridondanza) e corretta, per esempio tenendo conto della dimensione dei dati e del tipo di operazioni che si effettueranno sul database. Anche perchè alcuni costrutti dello *schema relazionale* non sono rappresentabili concretamente.

#### 3.1 Relazioni

**Definizione** (Relazione Matematica). Una *relazione matematica* è un insieme di *n*-uple ordinate  $(d_1, \ldots, d_n)$  tali che  $d_1 \in D_1, \ldots, d_n \in D_n$ .

Essendo un insieme, non c'è ordinamento fra le *n*-uple, che inoltre devono essere tutte distinte. Però l'ordinamento all'interno della *n*-upla conta, infatti l'*i*-esimo valore deve provenire dall'*i*-esimo dominio. Per questo si dice che la struttura della relazione è *posizionale*.

**Definizione** (Attributo). A ciascun dominio della relazione si associa un nome, chiamata attributo.

**Definizione** (Tupla). Una **tupla** su un insieme di *attributi* chiamato X, è una funzione t che associa a ciascun *attributo* un valore del suo *dominio*.

Una *relazione su* X è un insieme di *tuple* su X.

#### 3.2 Tabelle

Una tabella rappresenta una relazione se:

- I valori di ogni colonna sono fra loro omogenei.
- Le righe sono tutte diverse fra loro.
- Le intestazioni delle colonne sono tutte diverse fra loro.

In una *tabella* l'ordinamento tra le righe e le colonne è irrilevante. In ogni tabella è possibile distinguere due parti:

- Lo schema è rappresentato dalle intestazioni della tabella, che sono invarianti nel tempo e descrivono la struttura della tabella (aspetto intensionale).
- L'istanza sono i valori attuali presenti nella tabella, che possono cambiare nel tempo (aspetto estensionale).

**Definizione** (Tipo Ennupla). Un tipo ennupla chiamato T è un insieme finito di coppie (Attributo, Tipo Elementare).

Basi di Dati

**Definizione** (Schema di Relazione). Se T è un tipo ennupla, allora R(T) è lo schema della relazione R.

**Definizione** (Schema di Database). Lo schema di un database è un insieme di schemi di relazioni  $R_i(T_i)$ .

**Definizione** (Istanza di Relazione). Un'istanza di relazione, anche chiamata relazione su uno schema R(T) è l'insieme r di tuple di tipo T.

**Definizione** (Istanza di Database). Un'istanza di database su uno schema  $R=\{R_1(T_1),\ldots,R_n(T_n)\}$  è l'insieme delle relazioni  $r=\{r_1,\ldots,r_n\}$ , dove  $r_i$  è un'istanza di relazione su  $R_i(T_i)$ .

**Valore Nullo** Si indica con NULL, e indica l'assenza di un valore del dominio.

## 3.3 Vincoli di Integrità

Un **vincolo d'integrità** è una proprietà che deve essere soddisfatta da ogni singola *istanza* della relazione, in modo tale che rappresenti informazioni corrette per l'applicazione.

Il vincolo viene espresso mediante un predicato, che associa ad ogni istanza il valore vero o falso.

I vincoli si possono classificare in:

- Vincoli intrarelazionali: ovvero quelli che devono essere rispettati da valori della relazioni presa in considerazione, e possono essere:
  - Vincoli sul dominio, che coinvolgono un solo attributo.
  - Vincoli di ennupla, che esprimono condizioni sui valori di ogni ennupla, indipendentemente dalle altre ennuple.
- Vincoli interrelazionali: sono quei vincoli che devono essere rispettati da valori presenti in relazioni diverse.

#### 3.4 Chiavi

**Definizione** (Superchiave). Un insieme K di attributi viene chiamato **superchiave** per una relazione r, se r non contiene due ennuple distinte  $t_1, t_2$  tali che  $t_1[K] = t_2[K]$ .

**Definizione** (Chiave). *K* invece viene definito **chiave** per *r* se è una *superchiave* minimale per *r*, ovvero non deve contenere altre *superchiavi*.

**Nota Bene** Dato che una *relazione* non può contenere ennuple con valori uguali, allora per ogni *relazione* esiste sempre una superchiave rappresentata dall'insieme di tutti gli attributi su cui è definita.

**Definizione** (Chiave Primaria). Una **chiave primaria** è una *chiave* sulla quale non sono ammessi valori nulli.

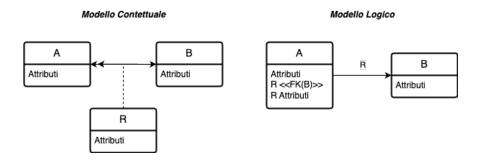
Nel modello relazionale per correlare due relazioni diversi si usano i valori delle *chiavi primarie*.

**Definizione** (Integrità Referenziale). Un vincolo di **integrità referenziale**, anche chiamato *foreign key*, fra alcuni attributi X di una relazione  $R_1$  e un'altra relazione  $R_2$  impone ai valori di X di comparire come valori della *chiave primaria* di  $R_2$ .

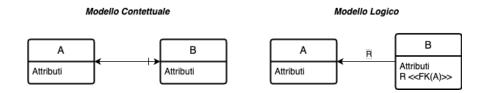
**Violazioni** Se per esempio si provasse ad eliminare una ennupla dalla tabella che viene riferita si verificherebbe un rifiuto dell'operazione, nel caso in cui la *chiave primaria* di quella ennupla viene riferita da altre ennuple di altre tabelle. Quindi in questo caso occorre procedere con un'eliminazione a cascata, ovvero si impostano prima a NULL i valori degli attributi delle ennuple delle tabelle che contengono riferimenti a quella *chiave primaria*; successivamente si può procedere con l'eliminazione della ennupla che adesso non verrà più riferita.

## 3.5 Rappresentazione delle Associazioni

**Uno a Molti** Le associazioni *uno a molti* si rappresentano aggiungendo, agli attributi della relazione rispetto alla quale l'associazione è univoca, una *chiave esterna* che si riferisce all'altra relazione. Nel caso in cui l'associazione ha degli attributi si aggiungono anch'essi alla relazione.

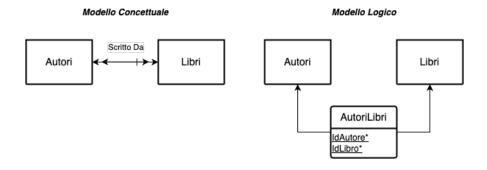


**Uno a Uno** In questo caso si aggiunge la *chiave esterna* scegliendo arbitrariamente una delle due relazioni ma, in caso in cui esiste un vincolo di totalità, si preferisce la relazione rispetto alla quale l'associazione è totale.

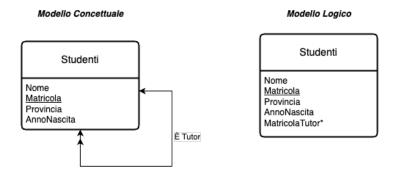


Vincoli sulle Cardinalità La direzione dell'associazione rappresentata dalla *chiave esterna* è chiamata la *diretta* dell'associazione. Per imporre un vincolo di univocità della diretta occorre definire un vincolo di chiave sulla *chiave esterna*; mentre per descrivere un vincolo di totalità della diretta si impone un vincolo NOT NULL sempre sulla *chiave esterna*.

**Molti a Molti** Un'associazione *molti a molti* si traduce aggiungendo tra le due relazioni, una terza che ha come attributi (e come *chiave primaria*) le *chiavi primarie* delle due relazioni.

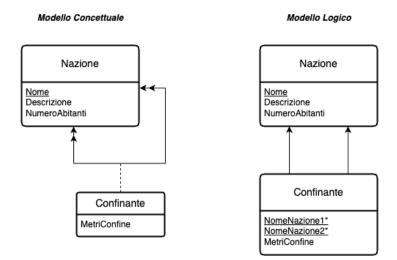


**Ricorsione** In questo caso la *chiave esterna* si aggiunge alla stessa e sola relazione.



**Ricorsione Molti a Molti** Anche qui si costruisce una seconda relazione che ha come *chiave primaria* le due *chiavi primarie* delle due istanze

coinvolte.



## 3.6 Rappresentazione delle Gerarchie

Le *gerarchie* non possono essere rappresentate direttamente, quindi vanno eliminate sostituendole con altre classi e relazioni.

Ci sono tre metodi:

- Relazione Unica: se  $A_0$  è la classe genitore di  $A_1$  e  $A_2$ , queste vengono eliminate e accorpate ad  $A_0$ . Ad  $A_0$  viene aggiunto un attributo chiamato discriminatore, che indica per ogni istanza da quale classe figlia deriva. Ovviamente anche gli attributi delle classi figlie vengono assorbite dal genitore e assumono valore NULL sulle istanze di una classe figlia che non possedeva quegli attributi. Per quanto riguarda le relazioni, invece, anche queste vengono assorbite dalla classe genitore ma avranno comunque cardinalità minima uguale a 0, anche qui per le istanze di una classe figlia che non aveva quella relazione.
- Partizionamento Orizzontale: la classe genitore  $A_0$  viene eliminata e le classi figlie  $A_1$  e  $A_2$  ereditano gli attributi e le relazioni del genitore. L'unico caso in cui non si può adoperare questo metodo è quando è presente un vincolo referenziale verso la classe genitore, in quanto non è possibile spezzare il vincolo in più relazioni diverse.
- Partizionamento Verticale: la gerarchia si trasforma in tante associazioni uno a uno che legano ogni classe figlia con la classe genitore. In questo caso vanno aggiunti dei vincoli, ovvero ogni istanza di  $A_0$  non può partecipare a tutte le associazioni, ma ad al più una; e nel caso in cui la gerarchia è totale deve essere esattamente 1.

**Nota Bene** In quest'ultimo metodo la *chiave primaria* della classe genitore è sia *chiave esterna* che *chiave primaria* per le figlie.

## 3.7 Rappresentazione Campi Multivalore

Per la gestione dei *campi multivalore* viene creata una nuova relazione che ha come attributi il nome del campo e una *chiave esterna* che si riferisce alla relazione in cui si trovava. La *chiave primaria* di questa nuova relazione è l'intera ennupla.

## 4 Algebra Relazionale

**Definizione** (Algebra Relazionale). Con **algebra relazionale** si intende un insieme di *operatori* su relazioni che danno come risultato altre relazioni. Non viene usato come linguaggio di interrogazione dei *DBMS*, ma come rappresentazione interna delle interrogazioni.

## 4.1 Operatori Insiemistici

Le relazioni vengono viste come degli *insiemi*. Gli operatori di *unione*, differenza ed *intersezione* sono applicabili solo a relazioni definite sugli stessi attributi.

- **Unione**: l'unione di due relazioni R e S definite sullo stesso insieme di attributi X è indicata con  $R \cup S$  ed è una relazione su X che contiene le tuple che appartengono a R o a S senza ripetizioni.
- **Differenza**: la differenza è indicata con R-S ed è una relazione sempre su X che contiene tutte le tuple che appartengono ad R ma non a S.
- Ridenominazione: è un operatore monadico, ovvero su una sola relazione, che permette di modificare lo schema, ridenominando il nome di uno o più attributi, ma lasciando inalterate le istanze.

```
\rho Nuovo Nome Attributo \leftarrow Vecchio Nome Attributo (Relazione)
```

Proiezione: è un altro operatore monadico che produce un risultato su un sottoinsieme degli attributi della relazione e contiene le ennuple della relazione ristrette solo agli attributi del sottoinsieme.

```
\pi_{Lista\ Attributi}\ (Relazione)
```

La cardinalità di una proiezione è basata sul sottoinsieme X degli attributi:

- Se X è una superchiave di R, allora  $\pi_X(R)$  contiene esattamente tante ennuple quante ne contiene R.
- Altrimenti se X non è superchiave, potrebbero essere presenti dei valori che su quegli attributi sono ripetuti e che quindi vengono rappresentati una sola volta.

Nella proiezione è possibile ridenominare un attributo nella  $Lista\ Attributi\ scrivendo\ Nome\ Vecchio\ as\ Nome\ Nuovo.$ 

Selezione o Restrizione: è sempre un operatore monadico che produce una relazione con lo stesso schema dell'operando, che contiene un sottoinsieme delle sue ennuple che soddisfano una data condizione.

$$\sigma_{Cond}(R)$$

Con Cond generata dalla seguente grammatica:

```
Cond ::= Exp Theta Exp | Cond And Cond | Cond Or Cond | Not Cond
Exp ::= Attributo | Costante | Exp Op Exp
Theta ::= = | < | > | != | <= | >=
Op ::= + | - | * | StringConcat
```

Le condizioni atomiche si riferiscono solo ai valori non nulli, per riferirsi anche ai valori nulli si usano forme di condizioni come IS NULL e IS NOT NULL.

- Prodotto: operatore fra più relazioni che devono avere fra loro tutti i nomi degli attributi distinti, e che esegue il prodotto cartesiano fra gli insiemi di tuple.
- Intersezione: l'intersezione è indicata con  $R \cap S$  ed è una relazione definita sullo stesso insieme di attributi X che contiene le tuple che appartengono sia ad R che ad S. L'intersezione è chiamato operatore derivato, dato che è possibile derivarlo usando altri operatori:

$$R \cap S = \{x \mid x \in R \land \exists y \in S \ t.c. \ x = y\}$$

allora se per esempio R ed S sono definiti con  $X = \{A, B\}$ .

$$\pi_{A,B}(\sigma_{A=S.A\ AND\ B=S.B}(R \times \rho_S(S)))$$

Partendo dall'interno, si ridenominano tutti gli attributi di S ponendogli davanti il prefisso S, successivamente viene fatto il prodotto con R e tramite la selezione selezioniamo solo le tuple che hanno gli attributi semanticamente uguali con gli stessi valori. Infine si fà una proiezione per eliminare gli attributi ridondanti.

#### 4.1.1 Join

Il **join** o **giunzione** permette di correlare dati in relazioni diverse. Anch'esso è un operatore derivato in quanto si può ottenere per composizione degli operatori visti precedentemente. Si indica con il simbolo  $\bowtie$ .

Il **join naturale** produce un'unione degli attributi dei due operandi, combinando le ennuple degli operandi che hanno valori uguali sugli attributi in comune. Ad esempio  $R_1\bowtie R_2$  è una relazione su  $X_1\cup X_2$  definita come segue:

$$R_1\bowtie R_2=\{t\ su\ X_1\cup X_2\mid esistono\ t_1\in R_1\ e\ t_2\in R_2\\ con\ t[X_1]=t_1\ e\ t[X_2]=t_2\}$$

Un join viene chiamato completo se ogni ennupla delle due relazioni contribuisce al risultato. Al contrario si parla di join non completo. Generalmente possiamo definire un limite inferiore e superiore alla cardinalità di una join:

$$0 < |R_1 \bowtie R_2| < |R_1| \times |R_2|$$

Nel caso il join è *completo* possiamo restringere il limite inferiore dicendo che  $|R_1 \bowtie R_2| \ge \max\{|R_1|, |R_2|\}.$ 

Nel caso in cui il join coinvolge come attributo comune una  $\it chiave di R_2$ , allora:

$$0 < |R_1 \bowtie R_2| < |R_1|$$

Se oltre a coinvolgere una *chiave* di  $R_2$ , vi è un vincolo di *integrità* referenziale tra un attributo di  $R_1$  e la chiave di  $R_2$  allora la cardinalità della join è esattamente  $|R_1|$ .

Un **join esterno** estende con valori nulli le ennuple che verrebbero tagliate fuori da un *join naturale*. Esiste in tre versioni:

- Join esterno sinistro  $R \stackrel{\leftarrow}{\bowtie} S$ : mantiene tutte le ennuple del primo operando, estendendole con valori nulli se necessario.
- Join esterno destro  $R \stackrel{\rightarrow}{\bowtie} S$ : mantiene tutte le ennuple del secondo operando, estendendole con valori nulli se necessario.
- Join esterno completo  $R \stackrel{\leftrightarrow}{\bowtie} S$ : mantiene tutte le ennuple di entrambi gli operandi, estendendole con valori nulli se necessario.

**Nota Bene** Il *prodotto cartesiano* si può vedere come un *join naturale* su relazioni che non hanno attributi in comune.

Dato che il *prodotto cartesiano* non ha senso se non lo facciamo seguire da una selezione (che permette di specificare la condizione sui campi che semanticamente rappresentano lo stesso attributo), si usa l'operazione di **theta-join** definito come segue:

$$R_1 \bowtie_{Condizione} R_2$$

che è equivalente a:

$$\sigma_{Condizione} (R_1 \bowtie R_2)$$

**N.B.**: dato che  $R_1$  ed  $R_2$  non hanno attributi comuni, in questo caso  $\bowtie = \times$ .

Se nel *theta-join* l'operatore di confronto nella *Condizione* è sempre l'uguaglianza, allora si parla di **equi-join**.

Self Join Supponiamo di avere questa relazione Genitori:

Genitore	Figlio
Luca	Anna
Maria	Anna
Giorgio	Luca
Silvia	Maria
Enzo	Maria

e di voler ottenere una relazione Nonno-Nipoti. Per far ciò occorre riutilizzare la stessa tabella ma facendo  $Genitori \bowtie Genitori$  si otterrebbe di nuovo la tabella Genitori. In questo caso occorre ridenominare la tabella due volte:

Nonno	Genitore
Luca	Anna
Maria	Anna
Giorgio	Luca
Silvia	Maria
Enzo	Maria

Genitore	Nipote
Luca	Anna
Maria	Anna
Giorgio	Luca
Silvia	Maria
Enzo	Maria

 $\rho_{Nonno, Genitore \leftarrow Genitore, Figlio}(Genitore)$ 

 $\rho_{Nipote \leftarrow Figlio}(Genitore)$ 

Infine, effettuando una *join* seguita da una *proiezione* otteniamo:

Nonr	10	Nipote
Giorg	jio	Anna
Sil∨id	c	Anna
Enzo	)	Anna

 $\pi_{Nonno,\ Nipote}(\rho_{Nonno,\ Genitore \leftarrow Genitore,\ Figlio}(Genitore) \bowtie \rho_{Nipote \leftarrow Figlio}(Genitore))$ 

## 4.2 Raggruppamento

Il **raggruppamento** è definito dall'espressione  $\{A_i\}\gamma_{\{f_i\}}(R)$ , dove gli  $A_i$  sono gli attributi di R mentre le  $f_i$  sono funzioni di aggregazione. Il *raggruppamento* prima partiziona le ennuple di R mettendo nello stesso gruppo le ennuple con valori uguali solo sui campi degli  $A_i$ , successivamente si calcolano le funzioni  $f_i$  per ogni partizione. Infine per ogni partizione verrà restituita una solo ennupla che avrà come attributi i valori degli  $A_i$  e i valori delle funzioni  $f_i$ .

## 4.3 Trasformazioni Algebriche

Permettono di scegliere diversi ordini di *join* e di anticipare *proiezioni* e *selezioni* per lavorare su tabelle più piccole.

#### Idempotenza delle Proiezioni

$$\pi_A(\pi_{A,B}(R)) \equiv \pi_A(R) \tag{1}$$

#### Atomizzazione delle Selezioni

$$\sigma_{Cond_1}(\sigma_{Cond_2}(R)) \equiv \sigma_{Cond_1 \wedge Cond_2}(R) \tag{2}$$

## Atomizzazione della Selezione rispetto al Join

Pushing Selection Down

$$\sigma_{Cond}(R \bowtie S) = R \bowtie \sigma_{Cond}(S) \tag{3}$$

Se Cond fà riferimento solo agli attributi di S.

### Anticipazione della Proiezione rispetto al Join

Pushing Projections Down

$$\pi_{X_1Y_2}(R \bowtie S) = R \bowtie \pi_{Y_2}(S) \tag{4}$$

Se R è definito su  $X_1$  e S su  $X_2$ ,  $Y_2 \subseteq X_2$  e gli attributi in  $X_2 - Y_2$  non sono coinvolti nel join.

#### Distributività della Selezione

$$\sigma(R \cup S) = \sigma(R) \cup \sigma(S) \tag{5}$$

$$\sigma(R - S) = \sigma(R) - \sigma(S) \tag{6}$$

#### Distributività della Proiezione

$$\pi_X(R \cup S) = \pi_X(R) \cup \pi_X(S) \tag{7}$$

**Nota Bene** La *proiezione* sulla *differenza* non gode della proprietà di *distributività*:

$$\pi_X(R-S) <> \pi_X(R) - \pi_X(S)$$
 (8)

#### Inglobamento della Selezione nella Join

$$\sigma_{Cond}(R \bowtie S) \equiv R \bowtie_{Cond} S \tag{9}$$

$$\sigma_{Cond_1 \wedge Cond_2}(R \times S) \equiv \sigma_{Cond_1}(R) \times \sigma_{Cond_2}(S) \tag{10}$$

$$\sigma_{Cond_1 \vee Cond_2}(R) \equiv \sigma_{Cond_1}(R) \cup \sigma_{Cond_2}(R) \tag{11}$$

$$\sigma_{Cond_1 \wedge Cond_2}(R \times S) \equiv \sigma_{Cond_1}(R) \cap \sigma_{Cond_2}(R)$$
 (12)

$$\sigma_{Cond_1 \wedge \neg Cond_2}(R \times S) \equiv \sigma_{Cond_1}(R) - \sigma_{Cond_2}(R)$$
(13)

$$R \times (S \times T) \equiv (R \times S) \times T \tag{14}$$

$$(R \times S) \equiv (S \times R) \tag{15}$$

$$\sigma_{Cond}(\chi \gamma_F(R)) \equiv \chi \gamma_F(\sigma_{Cond}(R))$$
 (16)

#### 4.4 Operatori Non Insiemistici

**Proiezione MultiInsiemistica**  $\pi^b_{A_i}(R)$ , la b sta ad indicare che le tuple duplicate non vanno eliminate.

**Ordinamento**  $\tau_{A_i}(R)$ , ordina i valori degli attributi di ogni tupla seguendo l'ordine degli  $A_i$ .

### 5 SQL

### 5.1 Query Language

Le interrogazioni al database vengono fatte mediante il comando SELECT, nel quale occorre specificare la lista degli attributi interessati. Il comando presenta anche due clausole, FROM che indica in quali tabelle sono contenuti i dati, e WHERE (opzionale) per esprimere le condizioni che i dati devono soddisfare.

```
1 SELECT Lista Attributi
2 FROM Lista Tabelle
3 [WHERE Condizione]
```

Specificare la *Lista Attributi*, anche chiamata **target list** rappresenta l'operazione di *proiezione*. La clausola WHERE, invece permette di implementare la *selezione*.

Il **theta-join**, invece è implementato indicando nella clausola FROM le due tabelle, e nel WHERE la condizione che stabilisce quali righe accoppiare.

```
1 SELECT *
2 FROM Studenti, Esami
3 WHERE Studenti.Matricola = Esami.Studenti
```

Nel caso in cui la clausola WHERE non è presente, la query sopra indicata esegue il prodotto cartesiano anche chiamato *cross-join*.

**DISTINCT** SQL è un linguaggio che lavora su *multiinsiemi*, quindi di *default*, a seguito di una *query*, potrebbero essere presenti righe identiche. Per evitare ciò basta specificare questo facendo seguire il comando SELECT dalla clausola DISTINCT.

**Ridenominazione** Per ridenomiare un attributo, basta farlo seguire da AS Nuovo Nome Attributo. Mentre per ridenomiare una tabella, basta far seguire il nome originale nella clausola FROM dal nuovo nome.

**JOIN** L'operazione di *Join*, oltre che essere implementato come visto prima tramite la combinazione di FROM e WHERE, è possibile codificarla in modo esplicito, ecco alcuni esempi:

- Studenti s JOIN Esami e ON s.Matricola = e.Matricola
- Studenti s JOIN Esami e USING Matricola
- Studenti s NATURAL JOIN Esami
- Studenti s LEFT [OUTER] JOIN Esami e ON s.Matricola = e.Matricola

**Self-Join** Per implementare il *self-join* occorre prima ridenominare la tabella due volte:

```
SELECT T1.*, T2.*
FROM Tabella T1, Tabella T2
WHERE T1.codice = T2.codice
```

**LIKE** Questo operatore è usato per effettuare dei *pattern matching* con una stringa tramite l'uso di due *wildcard*:

- %: che denota la presenza di 0 o più caratteri.
- \_: presenza di esattamente 1 carattere.

Nel caso si voglione usare le *wildcards* nel *patter matching*, si imposta un carattere di *escape*:

```
1 SELECT *
2 FROM Modelli
3 WHERE nome_modello LIKE 'C#_F%' ESCAPE '#'
```

**NULL** Quando si confronta un attributo con NULL è sempre consigliabile farlo tramite gli operatori IS [NOT] NULL, dato che il confronto tramite l'uguaglianza, nel caso in cui il valore dell'attributo sia NULL, restituisce valore sconosciuto, ovvero NULL, e non un valore booleano. Nel calcolo di espressioni, inoltre, se si incontra un valore NULL, viene sempre restituito valore sconosciuto.

**ORDER BY** Permette di dare un ordinamento del risultato della SELECT, basandosi sui valori di uno o più attributi e opzionalmente indicando in maniera esplicita se l'ordine deve essere crescente (ASC, predefinito) o decrescente (DESC).

### 5.1.1 Operatori Aggregati

Nella *target list* possiamo avere anche espressioni che calcolano valori a partire da un insieme di ennuple, e che restituiscono un singolo valore scalare. *SQL* prevede 5 operatori aggregati:

- Count: restituisce il numero di righe del risultato della query. Mediante la specifica (\*) si contano tutte le righe selezionate, con ALL (specifica di default) si contano tutte le righe selezionate che non sono NULL, mentre con DISTINCT si contano tutte le righe non nulle con valori distinti.
- Max & Min: calcolano rispettivamente il massimo e il minimo degli elementi presenti in un colonna dello schema.
- Avg: calcola la media dei valori non nulli su una colonna, si possono utilizzare le specifiche ALL e DISTINCT.
- **Sum**: somma tutti i valori non nulli su una colonna, anche qui si trovano le specifiche ALL e DISTINCT.

**GROUP BY** Se si vogliono applicare gli operatori aggregati non sull'intera tabella ma raggruppando i valori per un sottoinsieme di attributi si utilizza la clausola GROUP BY, che specifica gli attributi su cui fare i raggruppamenti. Le funzioni di aggregazione saranno applicate su ogni gruppo.

**HAVING** Tramite questa clausola si possono applicare condizioni sui valori aggregati per ogni gruppo.

**SottoSelect o SubQuery** È possibile innestare una SELECT in un'altra, tramite le parole chiave ANY, ALL, [NOT] IN, [NOT] EXISTS, più tutte gli altri operatori della clausola WHERE, seguita dalla *sottoselect*.

```
SELECT *
FROM Studenti
WHERE voto > (SELECT AVG(voto)
FROM Studenti)
```

Oppure è possibile fare operazioni insiemistiche tra i risultati di due SELECT tramite gli operatori UNION, INTERSECT, EXCEPT.

Ci sono tre tipologie di subquery:

- Subquery Scalari: una SELECT che restituisce un solo valore.
- Subquery di Colonna: restituisce una colonna.
- Subquery di Tabella: restituisce una tabella.

Nelle query nidificate le *regole di visibilità* sono simili a quelle dei linguaggi di programmazione, ovvero all'esterno non è possibile riferirsi a variabili definite in *query* più interne o nello stesso livello, viceversa sì.

**NOTA** Nelle *subquery* non è possibile utilizzare le clausole HAVING e GROUP BY.

**Quantificazione** È importante ricordarsi due *"trasformazioni"* molto utili per la quantificazione:

- L'universale negata è uguale all'esistenziale: non tutti i voti sono  $\leq$  24 vale a dire almeno un voto > 24.
- L'esistenziale negata è uguale all'universale: non esiste un voto diverso da 30 vale a dire tutti i voti sono uguali a 30.

Quando si utilizza nel WHERE un operatore scalare seguito da ANY più una *subquery*, il predicato sarà vero solo se almeno uno dei valori restituiti dalla *subquery* lo soddisfa. Mentre se si usa ALL, tutti i valori restituiti devono soddisfarlo.

La keyword EXISTS invece rappresenta un quantificatore esistenziale, ciò rende vero il predicato se la *subquery* che lo segue restituisce almeno una tupla.

È bene notare che utilizzare IN equivale alla forma =ANY.

Gli operatori definiti di seguito lavorano su tabelle omogenee, quindi definite sullo stesso dominio.

**UNION** L'operatore UNION prende come operandi i risultati di due SELECT e restituisce una terza tabella che contiene l'unione delle righe senza duplicati. Se è scecificata l'opzione ALL allora si mantengono anche le righe doppie. Nella tabella risultante i nomi degli attributi vengono presi da quelli del primo operando.

**EXCEPT** Questo operatore rappresenta la differenza insiemistica. Quindi si mantengono tutte le tuple della prima tabella che non sono presenti anche nella seconda. Anche qui si può utilizzare l'opzione ALL.

**INTERSECT** Questo operatore realizza l'intersezione dell'algebra relazionale, quindi restituisce solo le righe comuni alle due tabelle che restituiscono le due SELECT. L'opzione ALL è disponibile anche per questo operatore.

## 5.2 Data Manipulation Language

Il *DML* è il linguaggio di *SQL* per inserire, modificare e cancellare dati nel database e per interrogarlo.

**INSERT** Per inserire dati nel database si utilizza la seguente sintassi:

```
INSERT INTO Nome_Tabella
[(Lista_Attributi)] VALUES (Lista_Valori)
```

Le [] indicano che specificare la lista degli attributi è opzionale, in caso non è specificata si è obbligati ad assegnare valori a tutti gli attributi nell'ordine opportuno. Se a un attributo non viene assegnato alcun valore, viene assegnato automaticamente NULL, a meno che sia stato specificato in precedenza un valore di *default*. Se invece, NULL non è permesso per gli attributi mancanti, l'inserimento fallisce.

È possibile effettuare un inserimento prendendo dati da un'altra tabella in questo modo:

```
INSERT INTO Tabella_1(Attributo_1, ..., Attributo_n)
SELECT Attributo_1, Attributo_n
FROM Tabella_2
```

**DELETE** Per cancellare tuple da una tabella si utilizza la seguente sintassi:

```
DELETE FROM Tabella [WHERE Condizione]
```

Specificando la clausola WHERE si vanno ad eliminare solo le tuple che rispettono quella *Condizione*. Nella clausola WHERE è possibile utilizzare una *subquery*.

**UPDATE** Per aggiornare gli attributi di alcune tuple utilizzando il comando UPDATE:

```
1  UPDATE Tabella
2  SET Nome_Attributo = Espressione
3  WHERE Condizione
```

## 5.3 Data Definition Language

Il linguaggio *DDL* permette la creazione, modifica, cancellazione di tabelle, domini e degli altri oggetti del database. Il fine è quello di definire lo *schema logico* del database.

Per la creazione di tabelle si utilizza il comando CREATE TABLE:

```
CREATE TABLE Nome_Tabella
CREATE TABLE Nome_Tabella
Nome_Colonna_1, Tipo_1, Clausola_Default_1, Vincolo_1,

Nome_Colonna_n, Tipo_n, Clausola_Default_n, Vincolo_n,
Vincoli_Tabella
)
```

Questo comando definisce uno schema di relazione e ne crea un'istanza vuota. Successivamente a questo comando, la tabella è pronta per l'inserimento.

**DESCRIBE** Il comando DESCRIBE permette di ottenere lo schema di una tabella dopo che è stata creata.

Un attributo può avere uno dei seguenti tipi:

- CHAR(n): stringhe di lunghezza esattamente n.
- VARCHAR(n): stringhe di lunghezza al più n.
- INTEGER: interi di dimensione uguale alla lunghezza della word di memoria dell'elaboratore.

- REAL: numeri reali di dimensione uguale alla lunghezza della word di memoria dell'elaboratore.
- NUMBER(p, s): numeri di p cifre di cui s decimali.
- FLOAT(p): numeri binari in virgola mobile con almeno p cifre significative.
- DATE.

**ALTER TABLE** Con questo comando è possibile modificare lo schema di una tabella:

- ADD (Nome Attributo) per aggiungere una nuova colonna. Se non ci sono altre specifiche l'attributo viene aggiunto come ultima colonna, altrimenti con FIRST si aggiunge l'attributo come prima colonna, e con AFTER Nome Attributo si aggiunge subito dopo quello indicato.
- DROP (Nome Attributo) per eliminare una colonna. Se un'altra tabella presenta un vincolo di integrità referenziale con l'attributo da eliminare, utilizzando la specifica RESTRICT, il comando fallisce; altrimenti utilizzando CASCADE la colonna viene eliminata, ed anche tutte le dipendenze logiche (vincolo di foreign key) che altre tabelle hanno con questo attributo.
- MODIFY per modificare una colonna.
- SET DEFAULT per assegnare valori di default agli attributi.
- DROP DEFAULT per eliminare l'assegnazione di valori di default.

```
ALTER TABLE Tabella
ALTER [COLUMN] Colonna
SET/DROP DEFAULT
```

- ADD CONSTRAINT per aggiungere vincoli di tabella.
- DROP CONSTRAINT per eliminare vincoli di tabella. Anche qui sono
  presenti le specifiche RESTRICT e CASCADE. Infatti con RESTRICT non
  è permesso eliminare i vincoli di unicità e di chiave primaria su una
  colonna se esistono vincoli di chiave esterna che si riferiscono alla
  stessa colonna.

Se l'attributo da definire presenta il vincolo NOT NULL, occorre prima aggiungerlo senza il vincolo, poi per ogni tupla della tabella si aggiunge un valore per quell'attributo, ed infine si può modificare la tabella impostando quell'attributo come NOT NULL.

**DROP TABLE** Per eliminare una tabella. Utilizzando anche qui RESTRICT, l'eliminazione è impedita se la tabella è utilizzata nella definizione di altri oggetti. Con CASCADE, invece, vengono eliminate anche tutte le dipendenze che gli altri oggetti hanno con questa tabella.

#### 5.3.1 Vincoli

I vincoli di *integrità* consentono di limitare i valori ammissibile per un'attributo. Quelli *intrarelazionali* (che non si riferiscono ad altre tabelle) sono:

- NOT NULL.
- UNIQUE serve per definire una chiave, e può essere utilizzato sia nella definizione di un attributo, se ne coinvolge solo uno, o per un insieme di attributi, in questo caso viene definito nei vincoli di tabella e si indica la lista di attributi che formano la chiave.
- PRIMARY KEY anche qui può essere definito nella definizione di attributo, se ne coinvolge solo una, o nei vincoli di tabella se la chiave primaria è formata da più attributi. Questo vincolo implica sia il vincolo UNIQUE sull'insieme di attributi, che il vincolo NOT NULL per ogni attributo della chiave primaria.
- CHECK è un'espressione booleana, e richiede che un attributo o un insieme di attributi soddisfino una condizione per ogni tupla della tabella.

I vincoli interrelazionali, invece, si impostano per mettere in relazione attributi di tabelle diverse. Queste relazioni sono importanti per eliminare il più possibile la ridondanza dei dati. Per impostare un vincolo di integrità referenziale su un singolo attributo, nella sua descrizione si indica con REFERENCES Tabella\_Riferita(Attributo\_Riferito). Mentre se il vincolo coinvolge più attributi, anche qui bisogna definirlo nei vincoli di tabella con FOREIGN KEY (Lista\_Attributi\_Referenti) REFERENCES Tabella\_Riferita(Lista\_Attributi\_Riferiti).

È possibile definire delle politiche di reazione alla violazione quando uno di questi vincoli viene violato medianti i comandi ON DELETE e ON UPDATE. Le azioni per la ON DELETE possono essere le seguenti:

- NO ACTION: questa è l'azione di **default** e blocca la cancellazione delle righe nella tabella riferita.
- CASCADE: cancella tutte le righe dipendenti se si riferiscono ad una riga che viene eliminata dalla tabella riferita.
- SET NULL: assegna NULL ai valori delle colonne con il vincolo di foreign key, se dipendono da una riga cancellata dalla tabella riferita.

• SET DEFAULT: assegna il valore di *default* ai valori delle colonne con il vincolo di *foreign key*, se dipendono da una riga cancellata dalla tabella riferita.

Le azioni per ON UPDATE sono le stesse ma hanno una semantica diversa:

- NO ACTION: rifiuta gli aggiornamenti che violano l'integrità referenziale.
- CASCADE: le righe della tabella referente vengono impostate con i nuovi valori aggiornati della tabella riferita.
- SET NULL: i valori della tabella referente sono impostati a NULL.
- SET DEFAULT: i valori della tabella referente sono impostati al valore di default.

#### 5.3.2 Viste

Le **viste** sono delle tabelle virtuali i cui dati sono riaggregazioni dei dati contenuti nelle tabelle fisiche del database. Contengono gli stessi dati, ma forniscono una visione diversa e dinamicamente aggiornata.

Permettono di proteggere i database, dato che consentono di limitare l'accesso ai dati, di rappresentare i dati in modo più significativo per l'utente, ma non è possibile utilizzare alcuni operatori come UNION, INTERSECT ed EXCEPT, e neanche la clausola ORDER BY.

Il vantaggio principale è che garantiscono l'indipendenza logica delle applicazioni rispetto alla struttura del database, cioè è possibile operare modifiche agli schemi nel database senza dover apportare modifiche anche nelle applicazioni che lo usano.

Il comando da utilizzare è il seguente:

- CREATE VIEW Nome\_Vista [(Lista\_Attributi)] AS Select [with [local | cascaded] check option]
  - Nella lista attributi si trovano i nomi assegnati alle colonne che corrispondono ordinatamente alle colonne selezionate dalla SELECT, se sono omesse si utilizzano gli stessi nomi usati nella SELECT.

**Nota Bene** Solo il *contenuto* di una vista è *dinamico*, la sua *struttura* non lo è. Se in seguito alla creazione della vista, alla tabella (o le tabelle) utilizzata nella SELECT viene aggiunta una colonna, questa non sarà presente nella vista.

**Vista di Gruppo** È una vista in cui una delle colonna è una funzione di aggregazione, in questo caso è obbligatorio assegnare un nome alla colonna corrispondente alla funzione. Sono chiamate *viste di gruppo* anche quelle in cui la SELECT lavora su altre viste di gruppo.

**DROP VIEW** Per eliminare una vista si usa il comando:

```
DROP VIEW Nome_Vista {RESTRICT / CASCADE}
```

Con RESTRICT la vista viene eliminata solo se non è riferita nella definizione di altri oggetti. Con CASCADE, invece vengono eliminate anche tutte le dipendenze da tale vista.

Le tabelle delle viste si possono interrogare come le altre, ma in generale non si possono modificare, a meno che ci sia una corrispondenza biunivoca fra le righe della tabella e quelle della vista, ovvero se nella SELECT non sia presente la DISTINCT e ci siano solo attributi, nella FROM ci deve essere una sola tabella modificabile, il WHERE deve essere senza subquery e non ci devono essere GROUP BY ed HAVING.

L'opzione with check option assicura che le operazioni di inserimento e modifica dei dati sulla vista soddisfino la clausola WHERE nella SELECT utilizzata nella creazione della vista.

Nel caso in cui si utilizza la specifica CASCADED (di default), se la vista è definita in termini di altre viste, allora il DBMS controlla che la nuova tupla soddisfi sia la clausola WHERE della vista principale che di quelle di cui è dipendente, indipendemente che quelle viste sono state definiti con l'opzione with check option. Invece con la specifica LOCAL si verifica solo che soddisfi le clausole delle viste di cui la principale è dipendente con l'opzione with check option abilitata.

#### 5.3.3 Procedure e Trigger

Le **procedure** sono delle funzioni che possono essere invocate direttamente dall'utente.

```
CREATE FUNCTION <Nome Funzione > IS

DECLARE

Nome Variabile 1> <Tipo Variabile 1>;

BEGIN

Query 1>;

RETURN(<Nome Variabile >);

END
```

I **trigger** invece definiscono un'azione che il DBMS deve attivare automaticamente quando si verificano dei determinati *eventi* (cioè quando si eseguono specifici comandi). Questi comandi possono essere principalmente *DML*, quindi INSERT, UPDATE e DELETE, ed anche i comandi per l'aggiornamento di colonne, ma nei DBMS aggiornati si possono utilizzare anche comandi *DDL*.

I trigger possono essere eseguiti a livello di riga, quindi imponendo la clausola FOR EACH ROW il trigger verrà eseguito per ogni riga modificata dal comando. Mentre se si omette, si parla di trigger a livello di istruzione.

```
CREATE TRIGGER <Nome Trigger>

[BEFORE | AFTER | INSTEAD OF } < Evento 1>, ..., < Evento n>

ON <Tabella Target>

[FOR EACH ROW]

[WHEN <Predicato SQL>]

<Comando SQL o Procedura>
```

Le clausole BEFORE e AFTER permettono di specificare se le azioni del *trigger* devono essere eseguiti prima o dopo l'esecuzione dei comandi indicati negli eventi.

I *trigger* possono essere classificati come attivi, se modificano lo stato del database, oppure passivi se servono solo a provocare il fallimento dei comandi che si vogliono eseguire sotto certe condizioni.

Ad esempio con la clausola INSTEAD OF si può specificare che i comandi che hanno attivato il *trigger* non devono essere eseguiti, e si procederà solo ad eseguire le azioni del *trigger*. I *trigger* di tipo INSTEAD OF devono essere sempre a livello di riga e possono anche essere definiti su *viste*.

I *trigger* sono molto utili per aggiunge vincoli che non sono esprimibili nello schema.

#### 5.3.4 Controllo degli Accessi

Ogni risorsa dello schema può essere protetta, il possessore di ogni risorsa assegna privilegi agli altri utenti su quella risorsa. Esiste un utente predefinito chiamato *\_system* che rappresenta l'amministratore del *DBMS* ed ha accesso a tutte le risorse. La sintassi per assegnare privilegi è la sequente:

```
GRANT [<Privilegi> | ALL PRIVILEGES]
ON <Risorsa> TO <Utenti>
[WITH GRANT OPTION]
```

I privilegi possono essere SELECT, INSERT [(Attributi)] cioè inserire righe con valori non nulli per gli Attributi, DELETE, UPDATE [(Attributi)] cioè modificare interamente le righe o solo gli Attributi per ogni riga, e REFERENCES [(Attributi)] ovvero permette di aggiungere vincoli di integrità referenziale sugli Attributi in altre tabelle.

L'opzione WITH GRANT OPTION permette agli utenti a cui vengono dati i privilegi di trasferirli ad altri.

Per revocare un privilegio:

```
REVOKE <Privilegi> ON <Risorsa> FROM <Utenti>
[RESTRICT | CASCADE]
```

La revoca può essere fatta solo dall'utente che ha assegnato direttamente il privilegio, inoltre con l'opzione RESTRICT si specifica che la revoca non deve essere eseguita se questa comporta qualche altra revoca a cascata (nel caso si sia usata l'opzione WITH GRANT OPTION); mentre con CASCADE si forza la revoca.

Ovviamente chi crea la risorsa ha tutti i permessi su di essa, tranne nel caso delle *viste*, qui il creatore ha gli stessi permessi che ha sulle tabelle usate nella creazione della *vista*.

#### 5.4 Indici e Metadati

Gli **indici** permettono di ordinare i record di una tabella su uno o più attributi in una struttura, in questo modo le ricerche su di essa sono ottimizzate.

```
CREATE INDEX <Nome Indice> ON <Nome Tabella>
WITH STRUCTURE = BTREE, KEY = (<Attributi>)
```

**Metadati** Nel database sono presenti delle tabelle che contengono metadati:

- PASSWORD (username, passowrd): tabella delle password.
- SYSDB(dbname, creator, dbpath, remarks): tabella del database.
- SYSTABLES(name, creator, type, colcount, filename, remarks): tabella delle tabelle.
- SYSCOLUMNS(name, tbname, tbcreator, colno, coltype, lenght, default, remarks): †abella delle colonne.
- SYSINDEXES(name, tbname, creator, uniquerule, colcount): tabella degli indici.

## 6 Normalizzazione

La teoria della progettazione relazionale studia le anomalie all'interno degli schemi relazionali e li elimina tramite un processo di **normalizzazione**.

Le *anomalie* possono essere delle ridondanze o delle potenziali inconsistenze quando si effettuano modifiche (anche inserimenti e cancellazioni) nelle istanze.

**Definizione** (Forma Normale). Una **forma normale** è una proprietà di un database che ne garantisce l'assenza di anomalie.

Per seguire una corretta progettazione si fà in modo che non si uniscano in un'unica relazione attributi che provengano da più classi e associazioni; si cerca di ridurre al minimo la ridondanza; si evita di avere attributi che abbiano frequentemente valori nulli; ed infine bisogna fare in modo che le relazioni possano essere riunite tramite JOIN con condizioni di uguaglianze e su attributi che siano o chiavi primarie o chiavi esterne in modo tale da evitare la generazione di tuple spurie.

**Definizione** (Istanza Valida). Un'istanza valida su una relazione è un'istanza a cui viene attribuita anche una nozione semantica, e che quindi è semanticamente corretta nel dominio del discorso.

**Definizione** (Dipendenza Funzionale). Dato uno schema R(T) e due sottoinsiemi di attributi  $X,Y\subseteq T$ , una **dipendenza funzionale** fra gli attributi di X e Y è un vincolo espresso nella forma  $X\to Y$ , e sta a significare che gli attributi di X determinano funzionalmente quelli di Y se per ogni istanza valida T su T0 vale che:

$$\forall t_1, t_2 \in r : t_1[X] = t_2[X] \Rightarrow t_1[Y] = t_2[Y]$$

Quando un'istanza  $r_0$  soddisfa una dipendenza funzionale  $X \to Y$  si denota con  $r_0 \models X \to Y$ .

**Definizione** (Dipendenza Funzionale Atomica). Ogni dipendenza funzionale  $X \to A_1, A_2, \ldots, A_n$  si può scomporre nelle **dipendenze funzionali atomiche**  $X \to A_1, X \to A_2, \ldots, X \to A_n$ .

**Definizione** (Dipendenza Funzionale Non Banale). Una dipendenza funzionale del tipo  $X \to A$  si dice **non banale** se  $A \not\subseteq X$ .

Le dipendenze funzionali possono essere espresse per:

- Espressione Diretta ( $P \Rightarrow Q$ ):  $X_= \Rightarrow Y_=$ , cioè se in due righe i valori degli attributi in X sono uguali, allora devono esserlo anche in Y.
- Contrapposizione ( $\neg Q \Rightarrow \neg P$ ):  $Y_{\neq} \Rightarrow X_{\neq}$ , cioè se in due righe i valori degli attributi in Y sono diversi, allora devono esserlo anche in X.

• Per Assurdo:  $\neg(X_= \land Y_{\neq})$  o  $X_= \land Y_{\neq} \Rightarrow False$ , ovvero non ci possono essere due righe con i valori degli attributi in X uguali e in Y diversi.

Questi sono 3 modi per esprimere la stessa dipendenza funzionale. La notazione R < T, F > indica una relazione R definita su uno schema di attributi T e dipendenze funzionali F.

**Definizione** (Dipendenza Funzionale Completa). Una dipendenza funzionale  $X \to Y$  si dice *completa* quando per ogni  $W \subset X$  non vale  $W \to Y$ .

Se X è una superchiave allora X determina ogni altro attributo della relazione, quindi  $X \to T$ .

Se X è una chiave allora  $X \to T$  è una dipendenza funzionale completa.

**Definizione** (Dipendenza Implicata). Sia F un insieme di dipendenze funzionali sullo schema R(T), allora F implica logicamente  $X \to Y$  ( $F \models X \to Y$ ), se ogni istanza di relazione r su R(T) che soddisfa tutte le dipendenze funzionali in F, soddisfa anche  $X \to Y$ .

#### Regole di Inferenza o Assiomi di Armstrong

- Riflessività:  $Y \subseteq X \Rightarrow X \to Y$ .
- Arricchimento:  $X \to Y \land Z \subseteq T \Rightarrow XZ \to YZ$ .
- Transitività:  $X \to Y \land Y \to Z \Rightarrow X \to Z$ .

**Definizione** (Derivazione). Dato F un insieme di *dipendenze funzionali*, si dice che  $X \to Y$  è *derivabile* da F (con la notazione  $F \vdash X \to Y$ ) se  $X \to Y$  può essere inferito da F utilizzando gli *Assiomi di Armstrong*.

Una **derivazione** della dipendenza funzionale f a partire da F è una sequenza finita di dipendenze  $f_1,\ldots,f_m$ , dove  $f_m=f$  ed ogni  $f_i$  è o un elemento di F oppure è ottenuta dalle precedenti  $f_1,\ldots,f_{n-1}$  dipendenze della derivazione applicando ad una di esse una regola di inferenza.

Usando la *derivazione* si dimostrano le seguenti regole:

- Unione:  $\{X \to Y, X \to Z\} \vdash X \to YZ$ .
- Decomposizione: Dato  $Z \subseteq Y$ , allora  $\{X \to Y\} \vdash X \to Z$ .

**Teorema** (Completezza e Correttezza degli Assiomi di Armstrong). Gli Assiomi di Armstrong sono corretti e completi. Ovvero vale la seguente equivalenza  $\models \equiv \vdash$ :

- Correttezza:  $\forall f, F \vdash f \Rightarrow F \models f$ .
- Completezza:  $\forall f, F \models f \Rightarrow F \vdash f$ .

**Definizione** (Chiusura di F). Dato un insieme F di dipendenze funzionali, la **chiusura** di F denotata con  $F^+$  è:

$$F^+ = \{X \to Y \mid F \vdash X \to Y\}$$

**Problema dell'Implicazione** Consiste nel decidere se una *dipendenza funzionale*  $X \to Y$  appartiene o no ad  $F^+$ . Applicando un algoritmo banale, si genera  $F^+$  applicando ad F gli *Assiomi di Armstrong*, ma questo ha ovviamente un ordine di complessità esponenziale.

**Definizione** (Chiusura di X rispetto ad F). Dato R < T, F > e un sottoinsiemi di attributi  $X \subseteq T$ , la **chiusura di** X **rispetto ad** F denotata con  $X_F^+$  è l'insieme:

$$X_F^+ = \{ A_i \in T \mid F \vdash X \to A_i \}$$

**Teorema.**  $F \vdash X \to Y \Leftrightarrow Y \subseteq X_F^+$ 

**Algoritmo per Calcolare**  $X_F^+$  Si parte da un insieme di attributi X e da un insieme di dipendenze F:

- 1. Si inizializza  $X^+$  con l'insieme X, dato che per la *riflessività* vale che  $X \to X$  indipendentemente da F.
- 2. Poi, se fra le dipendenze di F c'è una dipendenza  $Y \to A$  con  $Y \subseteq X^+$  allora si inserisce A in  $X^+$  ( $X^+ = X^+ \cup A$ ). Questo vale dato che se se  $Y \subseteq X^+$  allora Y si può derivare funzionalmente da F e per T ransitività si arriva a  $Y \to A$ .
- 3. Si ripete il secondo passo finchè non ci sono altri attributi da aggiungere a  $X^+$ , quindi abbiamo la certezza che l'algoritmo termini dato che la cardinalità di X è finita.
- 4. Alla fine  $X_{E}^{+} = X^{+}$ .

**Definizione** (Chiave Candidata). Dato una relazione definita su R < T, F > si dice che un insieme di attributi  $W \subseteq T$  è una **chiave candidata** della relazione se:

- $W \to T \in F^+$ , ovvero W è una superchiave.
- $\forall \ V \subset W, \ V \to T \not\in F^+$ , ovvero se V è contenuto in W allora V non deve essere una superchiave.

**Definizione** (Attributo Primo). Un **attributo primo** è un attributo che appartiene ad almeno una chiave.

**Definizione** (Copertura). Due insiemi di *dipendenze funzionali* sono **equivalenti** ovvero  $F \equiv G$ , se e solo se  $F^+ = G^+$ . Si dice anche che F è una **copertura** di G e viceversa.

**Definizione** (Attributo Estraneo). Dato un insieme di dipendenze funzionali F una dipendenza funzionale  $X \to Y \in F$ , si dice che X contiene un **attributo estraneo**  $A_i$  se e solo se:

$$(X - \{A_i\} \rightarrow Y \in F^+)$$

Ovvero  $F \vdash (X - \{A_i\}) \rightarrow Y$ . Per verificare che  $A_i$  è estraneo basta calcolare  $(X - \{A_i\})^+$  e verificare che includa Y.

In questo caso l'insieme F può essere riscritto eliminando  $X \to Y$  e sostituendolo con  $(X - \{A_i\}) \to Y$ .

**Definizione** (Dipendenza Ridondante). Dato un insieme di dipendenze funzionali F, si dice  $X \to Y$  è una **dipendenza ridondante** se e solo se:

$$(F - \{X \to Y\})^+ = F^+$$

che equivale a dire che  $F-\{X \to Y\} \vdash X \to Y$ . Per verificare che  $X \to A$  è ridondante, la si elimina da F e si calcola  $X^+$ , se include A allora la dipendenza è ridondante.

**Definizione** (Copertura Canonica). Un insieme di dipendenze funzionali F è detto una **copertura canonica** se e solo se:

- ullet La parte destra di ogni dipendenza funzionale in F è un singolo attributo.
- Non esistono attributi estranei.
- Non esistono dipendenze ridondanti.

**Teorema.** Per ogni insieme F esiste una sua copertura canonica.

**Ridondanze** Le *ridondanze* possono essere di due tipi:

- Concettuale: nel database sono memorizzate informazioni che possono essere ricavate da altre già presenti.
- Logica: esistono duplicazioni sui dati che possono generare anomalie, come visto fin qui.

### 6.1 Decomposizione di Schemi

In linea generale, per eliminare delle *anomalie* da uno schema occorre decomporlo in schemi più piccoli ma che siano equivalenti. L'intuizione è quella di creare uno schema per ogni insieme di dipendenze funzionali che hanno la parte a sinistra uguale e che rappresenti una chiave. Ma questa è una soluzione che non può funzionare sempre.

**Definizione** (Decomposizione). Data una relazione definita su R(T),  $\rho = \{R_1(T_1), \dots, R_k(T_k)\}$  è una **decomposizione** di R se e solo se  $\cup$   $T_i = T$ . Due proprietà che è desiderabile avere in una *decomposizione* sono:

- La conservazione dei dati, intesa come nozione semantica.
- E la conservazione delle dipendenze.

**Definizione** (Decomposizione che Preserva i Dati). Data una *decomposizione*  $\rho = \{R_1(T_1), \dots, R_k(T_k)\}$  su R(T), si dice che *preserva i dati* se e solo se per ogni *istanza valida* r su R:

$$r = (\pi_{T_1}(r)) \vee (\pi_{T_2}(r)) \vee \cdots \vee (\pi_{T_k}(r))$$

dove  $\vee$  è l'operatore di *natural join*. È importante sottolineare la presenza del simbolo = nell'espressione e non  $\subseteq$ , dato che non vogliamo la produzione di *ennuple spurie*.

**Teorema** (Decomposizioni Binarie). Sia R < T, F > uno schema di relazione, la *decomposizione*  $\rho = \{R_1(T_1), R_1(T_2)\}$  *preserva i dati* se e solo se:

$$(T_1 \cap T_2 \to T_1) \in F^+$$

oppure

$$(T_1 \cap T_2 \to T_2) \in F^+$$

Ciò significa che l'insieme degli attributi comuni alle due relazioni deve essere chiave per almeno una delle due.

Dimostrazione. Si prende un'istanza di relazione r sugli attributi ABC e si considerano le sue proiezioni  $r_1$  su AB e  $r_2$  su AC. Si suppone che A è chiave per r su AC (la dimostrazione è simmetrica per AB) e che quindi r soddisfi la dipendenza funzionale  $A \to C$ . Quindi sulla proiezione AC non ci sono tuple diverse quando in A ci sono valori uguali. Se t=(a,b,c) è una tupla del JOIN tra  $r_1$  e  $r_2$  si mostra che appartiene sicuramente ad r: t sarà ottenuta dal JOIN tra  $t_1=(a,b)$  di  $t_1=t_2=(a,c)$  di  $t_2=(a,b,t)$ 0 e  $t_2=(a,t)$ 1, dove t=(a,b,t)2, allora esiste un unico valore di t=(a,b,t)3 con valore di t=(a,b,t)4 dato che t=(a,b,t)5 di t=(a,b,t)6. Allora esiste un unico valore di t=(a,b,t)7 allora esiste un unico valore di t=(a,b,t)8 dato che t=(a,t)9 hanno lo stesso valore di t=(a,t)9 cuindi t=(a,t)1 valore non noto t=(a,t)2 dato esiste obbligatoriamente t=(a,t)4.

Anche se una decomposizione è senza perdita può comunque presentare problemi di conservazione delle dipendenze. Si dice che una decomposizione conserva le dipendenze se ciascuna delle dipendenze funzionali dello schema originario coinvolge attributi che compaiono tutti insieme in uno degli schemi decomposti. Altrimenti, una soluzione è di utilizzare query SQL di verifica (ad esempio facendo uso di trigger) per far in modo che le dipendenze vengano soddisfatte lo stesso.