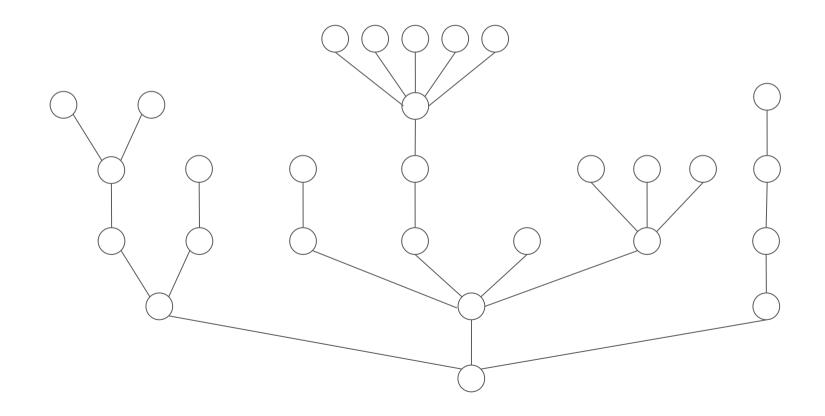
Árvores

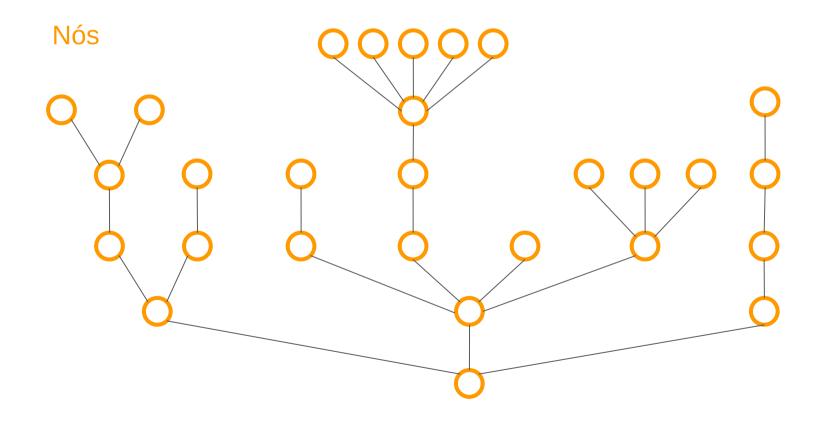
Prof. Denio Duarte
Prof. Geomar Schreiner

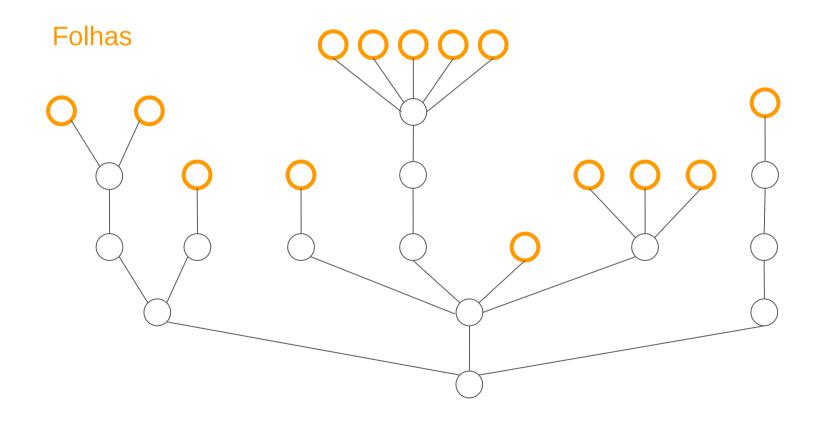
Árvore

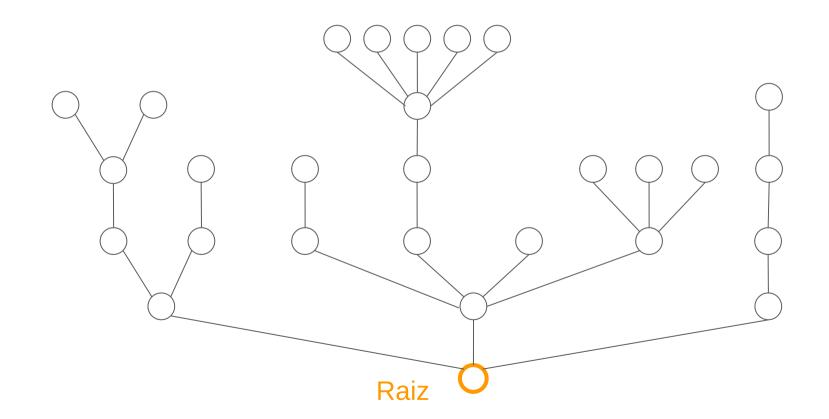




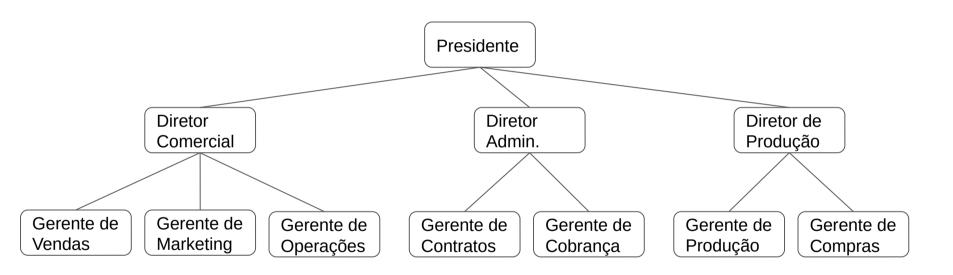




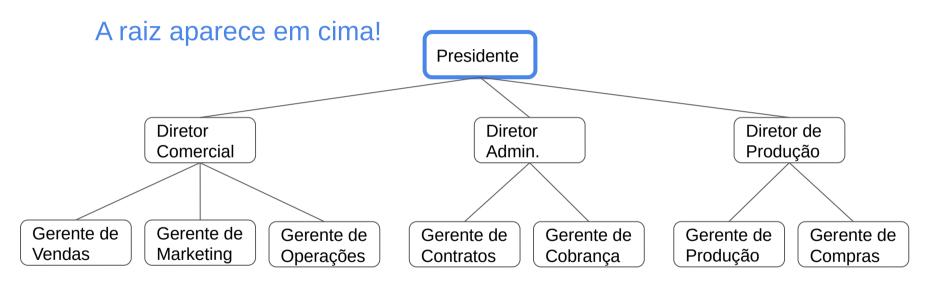




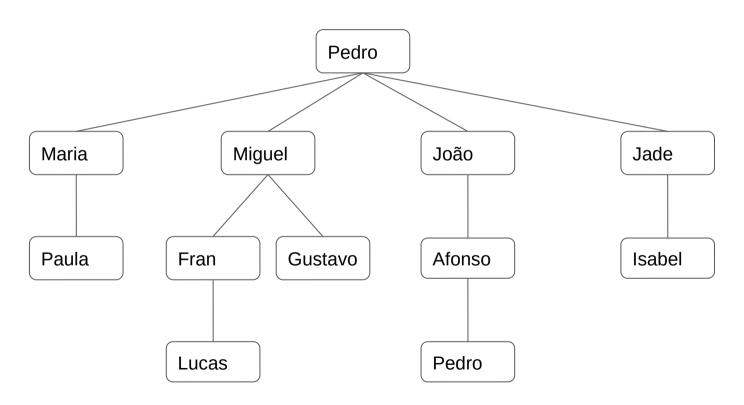
Exemplo de uso: organograma de uma empresa



Exemplo de uso: organograma de uma empresa



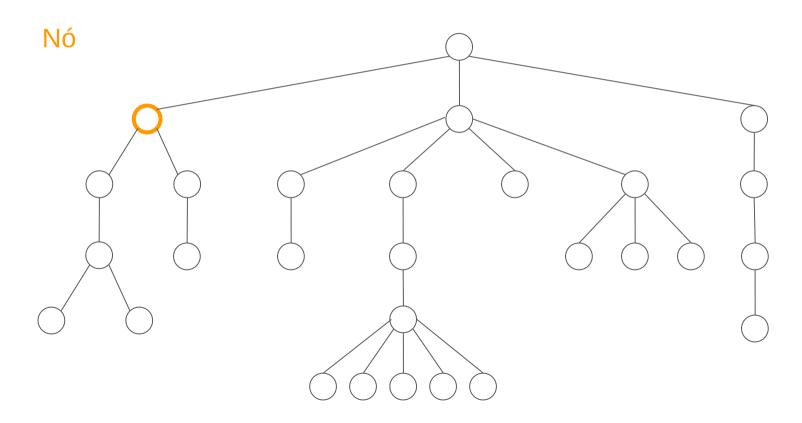
Exemplo de uso: descendência de uma pessoa



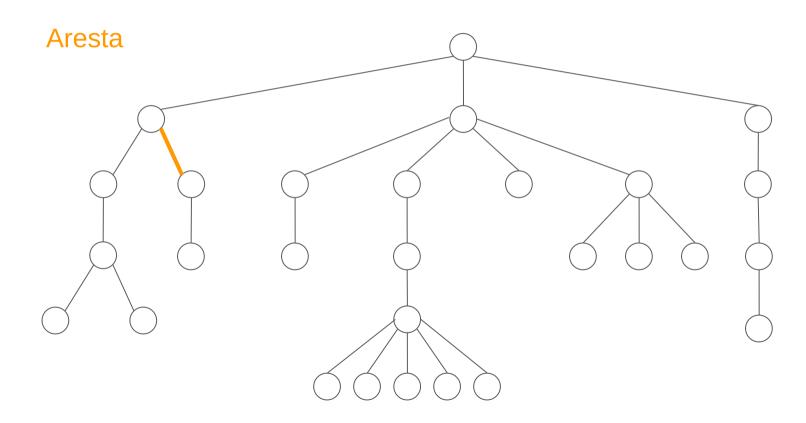
Árvores - uso na Computação

- Árvores são amplamente utilizadas na Computação
 - o como uma ferramenta para descrever propriedades de algoritmos e
 - como uma estrutura de dados de fato

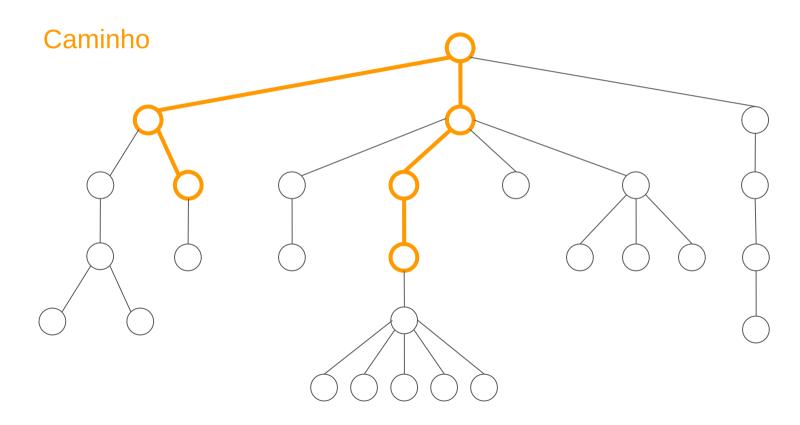
• Um **nó** (ou vértice) contém uma informação útil



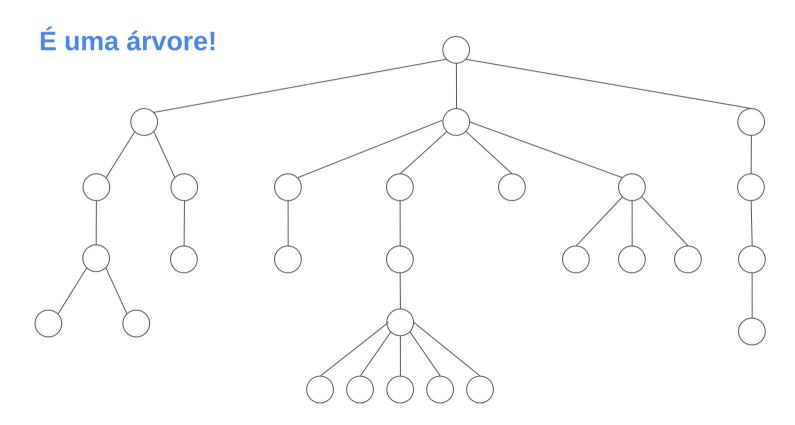
- Um nó (ou vértice) contém uma informação útil
- Uma aresta é uma conexão entre dois nós

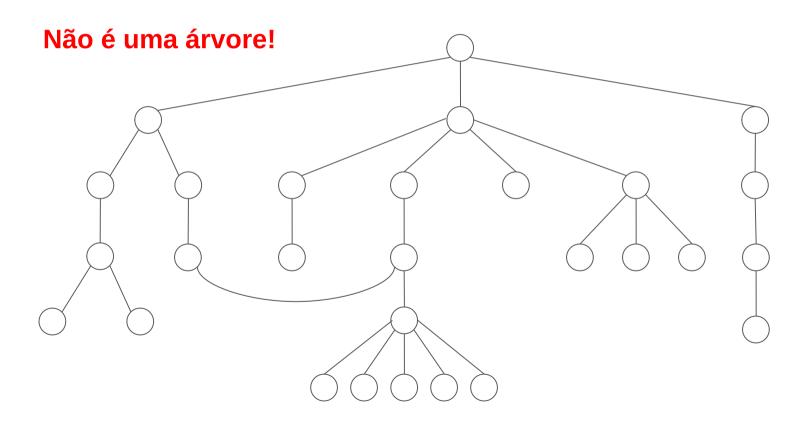


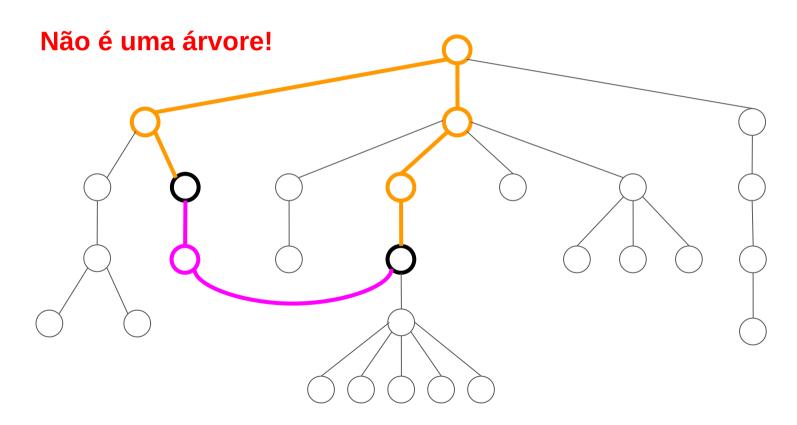
- Um nó (ou vértice) contém uma informação útil
- Uma aresta é uma conexão entre dois nós
- Um caminho é uma sequência de nós $< v_0, v_1, v_2, ..., v_k >$ tal que
 - todos os nós da sequência são distintos
 - existe uma aresta conectando v_{i-1} e v_i para i = 1, 2, ..., k



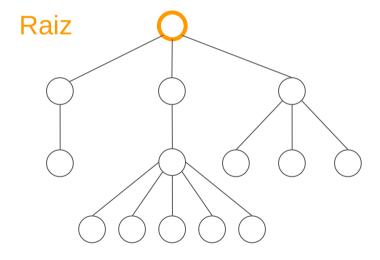
- Um nó (ou vértice) contém uma informação útil
- Uma aresta é uma conexão entre dois nós
- Um caminho é uma sequência de nós $< v_0, v_1, v_2, ..., v_k >$ tal que
 - todos os nós da sequência são distintos
 - o existe uma aresta conectando v_{i-1} e v_i para i = 1, 2, ..., k
- Uma árvore é formada por nós e arestas tais que
 - existe exatamente um caminho conectando cada par de vértices



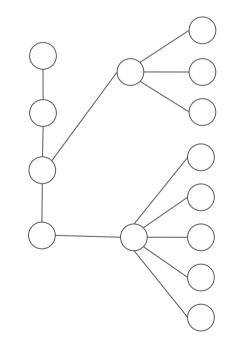


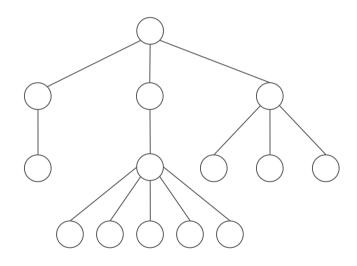


Árvore enraizada

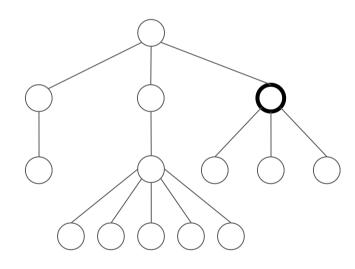


Árvore não enraizada



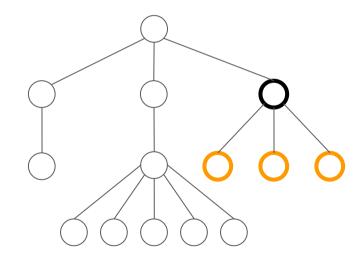


Nó



Nó

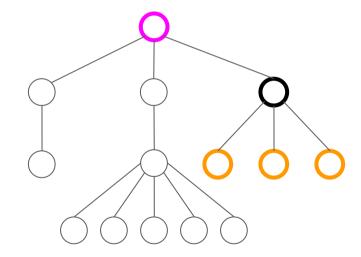
Filhos

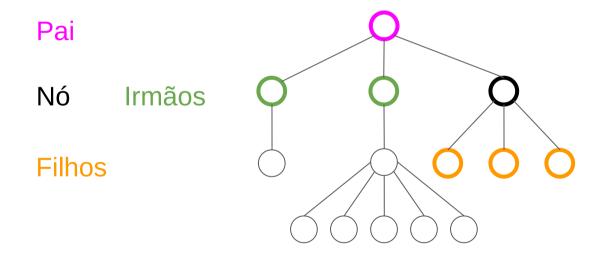


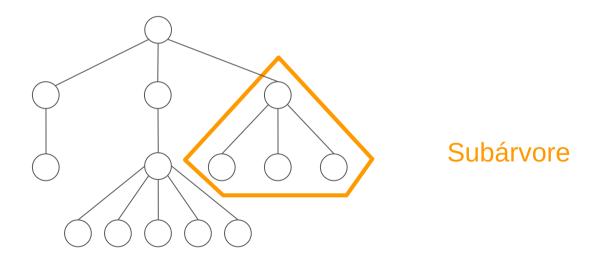
Pai

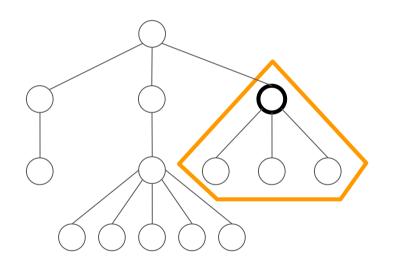
Nó

Filhos





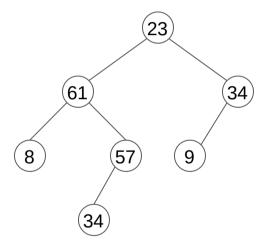


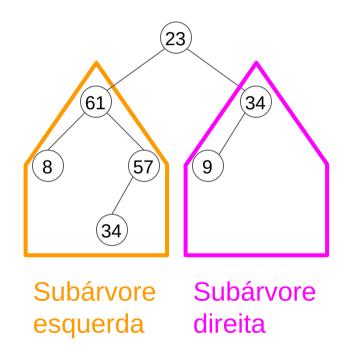


Raiz da subárvore

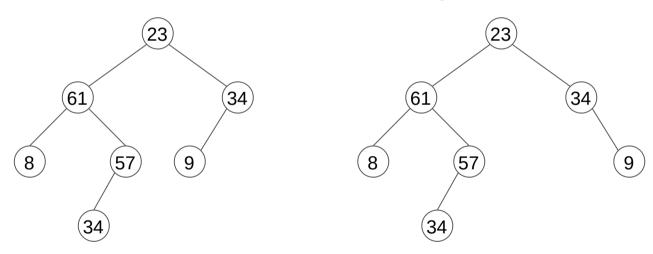
Subárvore

- (Definição recursiva.) Uma árvore binária
 - ou não contém nenhum nó
 - ou é composta de um nó conectado
 - a uma árvore binária chamada de subárvore esquerda do nó e
 - a uma árvore binária chamada de subárvore direita do nó

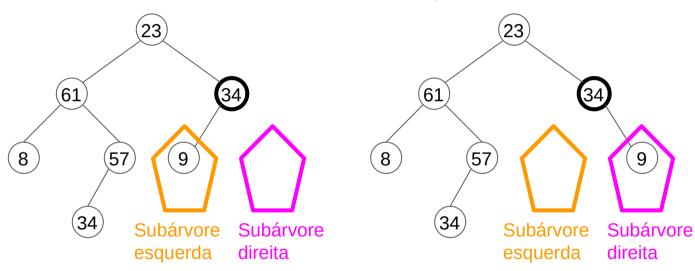




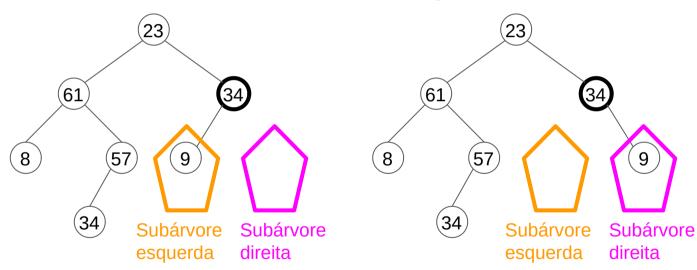
Estas árvores binárias são iguais?



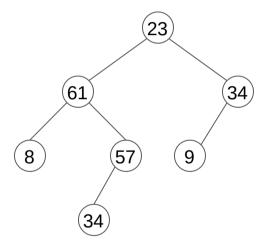
Estas árvores binárias são iguais?

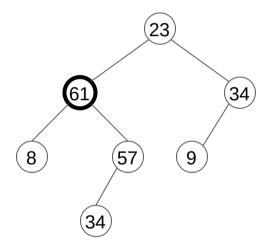


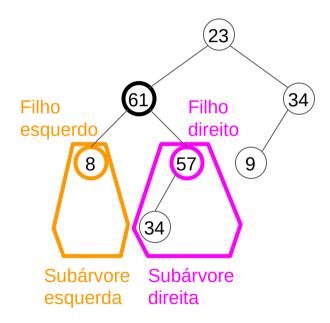
Estas árvores binárias são iguais? NÃO



- (Definição recursiva.) Uma árvore binária
 - ou não contém nenhum nó
 - ou é composta de um nó conectado
 - a uma árvore binária chamada de subárvore esquerda do nó e
 - a uma árvore binária chamada de subárvore direita do nó
- Em uma árvore binária, um filho de um nó é chamado de
 - filho esquerdo se ele é a raiz da subárvore esquerda do nó e
 - filho direito se ele é a raiz da subárvore direita do nó







Referências

- Esta apresentação é baseada nas seguintes referências:
 - Capítulo 5 do livro Sedgewick, R., Algorithms in C, Addison-Wesley, 1998.
 - Apêndice B.5 do livro Cormen, T., Leiserson, C., Rivest, R., Stein, C., Introduction To Algorithms, MIT Press, 2001.
- Leitura
 - Capítulo 9 Livro e-Book C -1 (Moodle)