

Linguagens de Programação

Expressões Lambda e Funções de Alta Ordem

Samuel da Silva Feitosa

Aula 11

Expressões Lambda



Valores de Primeira Classe

- São valores de primeira classe:
 - Números, caracteres, tuplas, listas, **funções**, entre outros.
- Valores de vários tipos podem ser escritos literalmente, sem a necessidade de dar um nome a eles:

valor	tipo	descrição
True	Bool	o valor lógico <i>verdadeiro</i>
'G'	Char	o caracter <i>G</i>
456	Num a => a	o número 456
2.45	Fractional a => a	o número em ponto flutuante 2.45
"haskell"	String	a cadeia de caracteres <i>haskell</i>
[1,6,4,5]	Num a => [a]	a lista dos números 1, 6, 4, 5
("Ana", False)	([Char], Bool)	o par formado por <i>Ana</i> e <i>falso</i>

Valores de Primeira Classe

- Funções também podem ser escritas sem a necessidade de receber um nome:
 - Estas são conhecidas por **funções anônimas** ou **expressões *lambda***.

valor	tipo	descrição
$\backslash x \rightarrow 3 * x$	Num $a \Rightarrow a \rightarrow a$	função que calcula o triplo
$\backslash n \rightarrow \text{mod } n \ 2 == 0$	Integral $a \Rightarrow a \rightarrow \text{Bool}$	função que verifica se é par
$\backslash (p, q) \rightarrow p + q$	Num $a \Rightarrow (a, a) \rightarrow a$	função que soma par

- **Expressão *lambda*** é uma função anônima (sem nome), formada por uma seqüência de padrões representando os argumentos da função, e um corpo que especifica como o resultado pode ser calculado usando os argumentos:

Exemplos de expressões *lambda*

- Função anônima que calcula o dobro de um número:

```
\x -> x + x
```

- Função anônima que mapeia um número x a $2*x + 1$:

```
\x -> 2*x + 1
```

- Função anônima que recebe três argumentos e calcula a sua soma:

```
\a b c -> a + b + c
```

Uso de expressões *lambda*

- Apesar de não terem um nome, funções construídas usando expressões lambda podem ser usadas da mesma maneira que outras funções.

```
(\x -> 2*x + 1) 8  
~> 17
```

Aplicação parcial de funções

- Uma função com múltiplos argumentos pode também ser considerada como uma função que retorna outra função como resultado.

```
f    :: Int -> Int -> Int  
f x y = 2*x + y
```

- Ela pode ser aplicada a apenas um argumento, resultando em outra função, que espera o segundo argumento.
 - Isso permite a *aplicação parcial* da função.

Funções de alta ordem



Funções de alta ordem

- Uma **função de alta ordem** é uma função que:
 - tem outra **função** como argumento; ou
 - produz uma **função** como resultado.

A função *map*

- A função *map* recebe uma função e uma lista como argumentos e aplica esta função a cada um dos elementos da lista, resultando na lista de resultados.
- Exemplos:

```
map sqrt [0,1,4,9]      ~> [0.0,1.0,2.0,3.0]
map succ "HAL"          ~> "IBM"
map head ["bom","dia","turma"] ~> "bdt"
map even [8,10,-3,48,5] ~> [True,True,False,True,False]
map isDigit "A18 B7"    ~> [False,True,True,False,False,True]
map length ["ciência", "da", "computação"] ~> [6,2,10]
map (sqrt.abs.snd) [( 'A',100),('Z',-36)] ~> [10,6]
```

Definição de *map*

```
map      :: (a -> b) -> [a] -> [b]
```

```
map _ [] = []
```

```
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

As funções *foldl* e *foldr*

- As funções *foldl* e *foldr* reduzem uma lista, usando uma função binária e um valor inicial.
 - *foldl* é associativa a esquerda e *foldr* é associativa a direita.
- Exemplos:

```
foldl (+) 0 []           ~> 0
foldl (+) 0 [1]          ~> 1
foldl (+) 0 [1,2]        ~> 3
foldl (+) 0 [1,2,4]      ~> 7
foldl (*) 1 [5,2,4,10]   ~> 400
foldl (&&) True [2>0,even 6,odd 5,null []] ~> True
foldl (||) False [2>3,even 6,odd 5,null []] ~> True
```

Definições de *foldl* e *foldr*

```
foldl      :: (a -> b -> a) -> a -> [b] -> a
```

```
foldl f z []      = z
```

```
foldl f z (x:xs) = foldl f (f z x) xs
```

```
foldr      :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
```

```
foldr f z []      = z
```

```
foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

A função *filter*

- A função *filter* recebe uma função e uma lista de argumentos e seleciona (filtra) os elementos da lista para os quais a função dada resulta em verdadeiro.
- Exemplos:

```
filter even [1,8,10,48,5,-3]    ~> [8,10,48]
filter odd  [1,8,10,48,5,-3]    ~> [1,5,-3]
filter isDigit "A186 B70"       ~> "18670"
filter (not . null) ["abc","", "ok",""] ~> ["abc", "ok"]
```

- A função *isDigit* não faz parte do prelude. É preciso importá-la.

```
import Data.Char
```

Definição de *filter*

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]

filter _ [] = []
filter f (x:xs) | f x = x : filter f xs
                | otherwise = filter f xs
```

Considerações Finais

- Nesta aula estudamos conceitos que subsidiam a programação funcional.
 - Diferentes tipos para valores de primeira classe, os quais podem ser argumentos.
 - As expressões lambda que permitem a criação e aplicação de funções anônimas.
 - E as funções de alta ordem, que permitem que funções sejam recebidas como argumentos para aplicar um determinada estrutura de dados.
- Para exemplificar, vimos exemplos das funções *map*, *fold* e *filter*.

Exercício

- Utilize uma **função de alta ordem** qualquer passando como parâmetro uma **expressão lambda** e uma lista de elementos.