Tarea 2: Modelos lineales generalizados y paramétricos

Angie Rodriguez Duque & Cesar Saavedra Vanegas

Octubre 22 de 2020

Actividad 1

Actividad 2

Base de datos

dim(Datos)

[1] 1599 12

Este conjunto de datos de vino tinto consta de 1599 observaciones y 12 variables, 11 de las cuales son sustancias químicas. Las variables son:

- 1. Acidez fija: La mayoría de los ácidos implicados en el vino son fijos o no volátiles (no se evaporan fácilmente).
- 2. Acidez volátil: La cantidad de ácido acético en el vino, que en niveles demasiado altos puede provocar un sabor desagradable a vinagre.
- 3. **Ácido cítrico:** Encontrado en pequeñas cantidades, el ácido cítrico puede agregar "frescura" y sabor a los vinos.
- 4. **Azúcar residual:** Es la cantidad de azúcar que queda después de que se detiene la fermentación, es raro encontrar vinos con menos de 1 gramo / litro y los vinos con más de 45 gramos / litro se consideran dulces.
- 5. Cloruros: Es la cantidad de sal del vino.
- 6. Dióxido de azufre libre: La forma libre de SO_2 existe en equilibrio entre el SO_2 molecular (como gas disuelto) y el ion bisulfito; Previene el crecimiento microbiano y la oxidación del vino.
- 7. Dióxido de azufre total: Es la cantidad de formas libres y unidas de SO_2 ; en concentraciones bajas, el SO_2 es mayormente indetectable en el vino, pero en concentraciones de SO_2 libre superiores a 50 ppm, el SO_2 se hace evidente en la nariz y el sabor del vino.
- 8. **Densidad:** La densidad es cercana a la del agua dependiendo del porcentaje de alcohol y contenido de azúcar.
- 9. **pH:** Describe qué tan ácido o básico es un vino en una escala de 0 (muy ácido) a 14 (muy básico); la mayoría de los vinos están entre 3-4 en la escala de pH.
- 10. Sulfatos: Aditivo del vino que puede contribuir a los niveles de dióxido de azufre (SO_2) , que actúa como antimicrobiano y antioxidante.
- 11. Alcohol: El porcentaje de contenido de alcohol del vino.
- 12. Calidad: Variable de respuesta (basada en datos sensoriales, puntuación entre 0 y 10).

Estadísticas descriptivas

```
summary(Datos)
##
     fixed.acidity
                        volatile.acidity
                                               citric.acid
                                                                  residual.sugar
             : 4.60
                                  :0.1200
                                              Min.
                                                                           : 0.900
##
                        Min.
                                                       :0.000
                                                                  Min.
     1st Qu.: 7.10
##
                         1st Qu.:0.3900
                                              1st Qu.:0.090
                                                                  1st Qu.: 1.900
##
    Median : 7.90
                        Median :0.5200
                                              Median : 0.260
                                                                  Median : 2.200
##
    Mean
             : 8.32
                        Mean
                                  :0.5278
                                              Mean
                                                       :0.271
                                                                  Mean
                                                                           : 2.539
                                                                  3rd Qu.: 2.600
##
     3rd Qu.: 9.20
                         3rd Qu.:0.6400
                                              3rd Qu.:0.420
              :15.90
##
    Max.
                        Max.
                                  :1.5800
                                              Max.
                                                       :1.000
                                                                  Max.
                                                                           :15.500
##
       chlorides
                           free.sulfur.dioxide total.sulfur.dioxide
                                                                                  density
    Min.
                                                                6.00
##
             :0.01200
                           Min.
                                    : 1.00
                                                    Min.
                                                                              Min.
                                                                                       :0.9901
##
     1st Qu.:0.07000
                           1st Qu.: 7.00
                                                    1st Qu.: 22.00
                                                                              1st Qu.:0.9956
##
    Median :0.07900
                           Median :14.00
                                                    Median: 38.00
                                                                              Median :0.9968
##
    Mean
             :0.08747
                           Mean
                                    :15.87
                                                    Mean
                                                             : 46.47
                                                                              Mean
                                                                                       :0.9967
##
    3rd Qu.:0.09000
                           3rd Qu.:21.00
                                                    3rd Qu.: 62.00
                                                                              3rd Qu.:0.9978
##
    Max.
              :0.61100
                           Max.
                                    :72.00
                                                    Max.
                                                             :289.00
                                                                              Max.
                                                                                       :1.0037
##
            рΗ
                           sulphates
                                                  alcohol
                                                                      quality
                                  :0.3300
                                                      : 8.40
                                                                           :3.000
##
    Min.
             :2.740
                        Min.
                                              Min.
                                                                  Min.
                                              1st Qu.: 9.50
##
    1st Qu.:3.210
                         1st Qu.:0.5500
                                                                  1st Qu.:5.000
##
    Median :3.310
                        Median : 0.6200
                                              Median :10.20
                                                                  Median :6.000
##
    Mean
              :3.311
                        Mean
                                  :0.6581
                                              Mean
                                                       :10.42
                                                                  Mean
                                                                           :5.636
     3rd Qu.:3.400
                         3rd Qu.:0.7300
                                                                  3rd Qu.:6.000
##
                                              3rd Qu.:11.10
##
    Max.
              :4.010
                        Max.
                                  :2.0000
                                              Max.
                                                       :14.90
                                                                           :8.000
                                                                  Max.
                                          800
                                                                                 150
                                       count
count
                                          600
                                                                              count
                                                                                 100
                                          400
                                                                                 50 -
                                          200
                                            0 -
                                                                        0.6
               10
                                             0.0
                                                      0.2
                                                                                     0.00
                                                                                           0.25
                                                                                                  0.50
                                                                                                         0.75
       8
                       12
                                                               0.4
                                                                                                                1.00
                   alcohol
                                                         chlorides
                                                                                               citric.acid
                                          200 -
150 -
100 -
 count
   150 -
                                       count
                                                                              count
                                                                                200 -
   100 -
                                                                                 100 -
    50 -
                                                                                  0 -
      0.990
                0.995
                          1.000
                                                                         16
                                                                                                    40
                                                                12
                                                                                             20
                                                                                                            60
                  density
                                                       fixed.acidity
                                                                                           free.sulfur.dioxide
   200 -
150 -
100 -
                                          600 -
                                                                                600 -
count
                                       600 -
400 -
200 -
                                                                              count
                                                                                400 -
                                                                                200 -
                                            0
                                  4.0
                                                                                                          12
             3.0
                       3.5
                                                                                                                 16
                     pН
                                                          quality
                                                                                             residual.sugar
                                                                                 200
300 -
200 -
100 -
                                          300
                                       count
                                                                                 150 -
                                                                              count
                                          200 -
                                                                                 100 -
```

Figure 1: Distribución de las variables

100

200

total.sulfur.dioxide

50 .

300

0 -

0.0

0.4

0.8

volatile.acidity

1.2

1.6

100 -

0 -

Observaciones:

0.5

1.0

sulphates

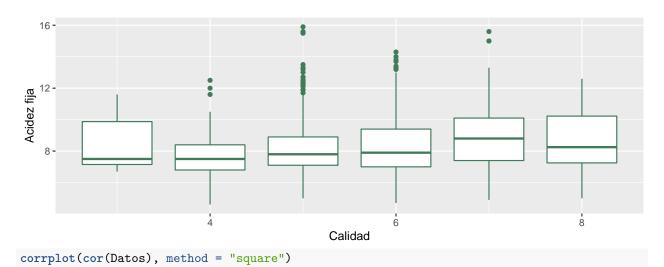
1.5

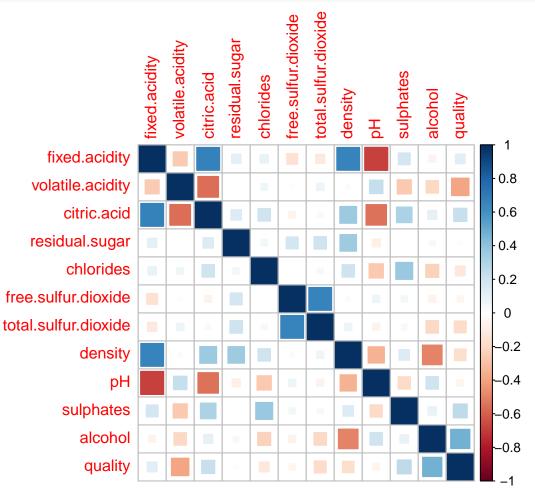
2.0

- Algunas de las variables tienen distribuciones normales (densidad, acidez fija, pH, acidez volátil).
- Algunas variables están un poco sesgadas hacia el extremo inferior de los valores (cloruros, ácido cítrico, azúcar residual, dióxido de azufre total).

• La variable calidad tiene solo 6 valores discretos.

G2





- La densidad tiene una correlación muy fuerte con la acidez fija.
- Las variables más fuertemente correlacionadas con la calidad son la acidez volátil y el alcohol.

• El alcohol tiene una correlación negativa con la densidad. Esto es evidente por el hecho de que la densidad del agua es mayor que la densidad del alcohol.

Variable indicadora: pHi

Se hace necesario crear una variable indicadora partiendo de los valores presentados por pH, esta variable indicadora cuenta con tres niveles los cuales son, bajo, medio, alto.

A partir de la siguiente figura es posible observar como el nivel de pH con mayor frecuencia es aquel que se denomina como "medio" con 1417 observaciones, mientras que los niveles "bajo" y "alto", presentan frecuencias muy bajas, esto es, 134 y 48 respectivamente.

```
table(pHi)
## pHi
##
    Bajo Medio
                   Alto
##
      134
           1417
                     48
G3
                                                                                 Nivel pH:
                1000 -
                                                                                      Bajo
                                                                                      Medio
                500 -
                                                                                      Alto
                   0 -
                                                                 Alto
                             Bajo
                                              Medio
```

Modelo lineal generalizado (GLM)

En esta sección, se ajusta un modelo lineal generalizado usando como respuesta la variable "calidad" (quality) y como variables de predicción las variables "acidez fija" (fixed acidity) y "pHi", tal como sigue:

```
Modelo <- glm(Datos$quality ~ Datos$fixed.acidity + pHi, data=Datos)
summary(Modelo)</pre>
```

```
##
## Call:
  glm(formula = Datos$quality ~ Datos$fixed.acidity + pHi, data = Datos)
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
##
  -2.8636
           -0.6083
                      0.1899
                               0.4373
                                         2.5442
##
## Coefficients:
##
                       Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                        4.96912
                                   0.15647
                                            31.757 < 2e-16 ***
## Datos$fixed.acidity
                        0.06685
                                   0.01308
                                              5.113 3.56e-07 ***
                        0.11896
                                   0.07979
                                                       0.136
## pHiMedio
                                              1.491
## pHiAlto
                        0.17674
                                   0.14878
                                              1.188
                                                       0.235
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
```

```
## (Dispersion parameter for gaussian family taken to be 0.642382)
##
## Null deviance: 1042.2 on 1598 degrees of freedom
## Residual deviance: 1024.6 on 1595 degrees of freedom
## AIC: 3836.1
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 2
```

Conlusiones

Biblíografia