# FUNDAMENTELE PROIECTĂRII COMPILATOARELOR

CURS 2

Gianina Georgescu

## **CUPRINSUL CURSULUI 2**

## ANALIZA LEXICALĂ

- Descrieri lexicale. Definiție, exemple
- Algoritmul shunting yard
- Algoritmul Thompson: ExpReg  $\rightarrow AFN_{\lambda}$
- Algoritm de transformare  $AFN_{\lambda} \rightarrow AFD$
- Analiza lexicală exemple

# ANALIZA LEXICALĂ idei de bază

- Lexicul unui limbaj de programare: descris cu ajutorul expresiilor regulate
- Scanner-ul (analizorul lexical) este un program inplementat ca o subrutină ce funcționează pe baza AFD corespunzător expresiei regulate ce formalizează lexicul limbajului
- Lexicul unui limbaj de programare constă din mulțimea atomilor lexicali (șiruri cu un înțeles bine stabilit, sau altfel spus "cuvintele" limbajului respectiv): identificatori, cuvinte cheie, constante de diferite tipuri, operatori, delimitatori, comentarii

# ANALIZORUL LEXICAL (scanner-ul)

- Implementat ca o funcție ce întoarce token-ul curent (tipul, șirul de caractere ce îi corespunde, eventual lungimea acestui șir și numărul liniei pe care se află în fișierul sursă)
- Scanează programul sursă, sărind peste spații albe, comentarii, linii noi.
- Depistează token-ul curent pe care îl transmite parser-ului sub forma: (nume-token, atribut), unde nume-token este un simbol abstract utilizat în tabela sintactică (de exemplu id), iar atribut indică intrarea în tabela de analiză sintactică pentru acel token.
- Depistează eventualele erori lexicale (caractere nepermise, comentarii scrise greșit etc.)

## DESCRIERE LEXICALĂ

Descrierea lexicală a unui limbaj de programare poate fi formalizată de o expresie regulată de forma:

$$e = (e_1|e_2| ... |e_n)^*$$

unde  $e_1, e_2, \dots e_n$  sunt expresii regulate, numite **termeni**, peste alfabetul T (mulțimea caracterelor admise de limbaj). Expresia e se numește **descriere lexicală**, iar  $e_i$  desemnează o clasă particulară de token-i.

## **DESCRIERI LEXICALE**

- Spunem că un text (program sursă) este **corect din punct de vedere lexical** dacă aparține limbajului descris de expresia regulată e peste T, notat cu L(e)
- Definiție. Fie  $e = (e_1|e_2| ... |e_n)^*$  o d.lex. peste T. O **interpretare lexicală** a unui șir  $w \in L(e)$  este o secvență de forma:

$$(x_1, m_1), \dots, (x_k, m_k),$$
  
 $k \ge 1, w = x_1 \cdots x_k, x_i \in L(e_{m_i}), 1 \le m_1, \cdots, m_k \le n$ 

• Spunem că d. lex. e este **ambiguă** dacă în L(e) există w care are cel puțin două interpretări distincte. În caz contrar, spunem că e este **neambiguă**.

## EXEMPLU DE DESCRIERE LEXICALĂ

```
P_sursa = (identifier | intcon | comment | slash | spaces |
             semicolon | equals)*
identifier = letter(letter|digit| )*
intcon = digit digit*
comment= "/*"(notstar| "*"notslash) * "*/"
slash = "/"
spaces = (" ")*
semicolon= ";"
letter = a|b|...|z|A|B|...|Z
digit = 0|1|2|...|9
L(notstar) = T^* - {"*"}
L(notslash)=T* - {"/"}
```

(caracterele cuprinse între "" apar ca atare în text)

## EXEMPLU DE DESCRIERE LEXICALĂ

```
Fie şirul 'xyz'. Acesta are 4 interpretări:

("xyz",identifier)

("xy",identifier) ("z",identifier)

("x",identifier) ("yz",identifier)

("x",identifier) ("y",identifier) ("z",identifier)
```

Care este interpretarea cea mai naturală?

## **DESCRIERI LEXICALE**

**Definiție**. Fie  $e = (e_1|e_2| ... |e_n)^*$  o descr. lexicală,  $w \in L(e)$ .

O interpretare  $(x_1, m_1), ..., (x_k, m_k)$  a lui w se numește **orientată dreapta** dacă pentru orice i = 1, ..., k,  $x_i$  este cel mai lung șir din  $L(e_1|e_2|...|e_n) \cap PREFIX(x_i...x_k)$ 

```
Exemplul 1. int x2; x2 = 123;

("int",identifier) (" ",spaces) ("x2", identifier)

(";",semicolon) (" ",spaces) ("x2", identifier)

("=",equals) ("123",intcon) (";",semicolon)

1 2 3
```

Exemplul 2.  $e = (a|ab|bc)^*$ , w = abc. Unica interpretare pt w Este (a, 1) (bc, 2), care nu este orientată dreapta

## **DESCRIERI LEXICALE**

Definiție. Spunem că descrierea lexicală

$$e = (e_1|e_2|...|e_n)^*$$

este bine formată dacă orice șir w din L(e) are o unică interpretare orientată dreapta.

## Observații

- Există un algoritm care decide dacă o descriere lexicală dată este bine formată
- Un analizor lexical (scanner) pentru o descriere lexicală bine formată  $e = (e_1|e_2|...|e_n)^*$  este un program care recunoaște L(e) și care pentru orice  $w \in L(e)$  produce unica sa interpretare orientată dreapta

# TRANSFORMAREA UNEI EXPRESII REGULATE ÎN AFD – ALGORITM ÎN 2 PAȘI

Pasul 1. Transformăm expresia regulată în  $AFN_{\lambda}$  cu ajutorul algoritmului Thompson

Pasul 2. Transformăm AFN<sub>λ</sub> în AFD echivalent

# Conversia unei expresii regulate în forma postfixată cu algoritmul Shunting-Yard (triajul dintr-o gară), folosit de alg Thompson

Algoritmul shunting yard (triajul din gară) a fost inventat de Edsger Dijkstra pentru a converti o expresie scrisă în formă infixată în forma postfixată.

- Folosim o coadă pentru ieșire și o stivă pentru operatori
   Dacă simbolul curent din intrare este o literă sau λ... îl adăugăm în coada de
- ieșire.
  Dacă simbolul curent din intrare este un operator... dacă există deja un operator în vârful stivei de operatori cu o precedență mai mare sau egală
- decât a simbolului din intrare, ștergem operatorul din vârful stivei de operatori și îl adăugăm în coada de ieșire. Repetăm aceasta până când: simbolul curent are precedența mai mare decât operatorul din vârful stivei; or simbolul din vf stivei este "("; or stiva este vidă, cazuri în care îl punem pe stivă.
  Dacă simbolul curent din intrare este un operator ȘI există o paranteză
- stângă în vârful stivei ... introducem acel operator în vârful stivei.
- Dacă simbolul curent din intrare este '(' ... o adăugăm în stiva de operatori
- Dacă simbolul curent din intrare este ')' ... extragem toți operatorii din stivă și îi adăugăm în coada de ieșire până întâlnim '('. Apoi ștergem ambele paranteze și continuăm algoritmul.
  - La final, scoatem în ieșire toți operatorii care au rămas pe stivă

```
while (există token de citit)
 read token curent;
 if (token curent este)
  - o literă sau λ:
     introducem în coadă (ieșire)
  - un operator o_1:
    while (în vârful stivei există un operator o_2 \neq "(" AND (o_2 are
       precedența mai mare decat o_1) OR (o_2, o_1) au precedență egală și o_1
       asociativ la stânga)):
         pop o_2 din stiva de operatori și introdu o_2 în coadă (ieșire)
    push o_1 în stiva de operatori
  - o paranteză stângă "(":
     push paranteza în stiva de operatori
  - o paranteză dreaptă ")":
    while (stiva este nevidă AND operatorul din vârful stivei \neq"("):
       /* Dacă stiva devine vidă înseamnă că nu există potrivire de
         paranteză; exit */
       pop operatorul din stivă and push în coadă (output)
    {presupunem că există "(" în vârful stivei}
    pop "(" din stivă /*o ștergem */
  }/* while exista token */
```

```
/* După ciclul while, pop restul token-ilor din stiva de operatori și îi introducem în coadă (output). */
while (există operatori în stiva de operatori):
/* Dacă în vârful stivei este o paranteză, atunci există o nepotrivire
de paranteze. */
{presupunem că operatorul din vârful stivei nu este o paranteză stângă}
pop operatorul din stivă and push în coadă (output)
```

Acest algoritm are complexitatea O(n), n fiind lungimea intrarii.

**Exemplu**. Aplicăm algoritmul pentru expresia  $a(a|b)^*b$ 

Vom adăuga operatorul concatenare în mod explicit:  $m{a}\cdot(m{a}|m{b})^*\cdotm{b}$ 

Precedența operatorilor Asociativitatea

- () 4
- \* 3
- · 2 stângă
- | 1 stângă

Token	Acțiune	Stivă de operatori	Output
		cu	
		vîrful la stânga	
а	Output a	Ø	а
•	Push token	•	а
(	Push token	(·	а
а	Output a	(·	aa
	Push token	](·	aa
b	Output b	](·	aab
)	Pop stack ( ) to	(·	aab
	output		
	Pop stack	•	
*	Push token	*.	aab
	(* prioritar față de ∙)		
•	Pop *, Output *	•	aab *
	(· prioritate ≤ *)		
	Pop $\cdot$ , Output $\cdot (\cdot = \cdot)$	Ø	aab *·
	Push token	•	
b	Output b	•	aab *·b
	Output stack	Ø	aab *·b·

#### **ALGORITMUL THOMPSON**

Este un algoritm datorat lui Ken Thompson prin care se obține un  $AFN_{\lambda}$  (vom nota șirul vid prin  $\lambda$ ) care recunoaste limbajul descris de o expresie regulată dată.

Algoritmul se aplică recursiv prin impartirea unei expresii în subexpresiile sale constituente, din care se poate construi AFN-ul folosind un set de reguli. Mai precis, de la o expresie regulată E, automatul obținut A cu ajutorul funcției de tranziție  $\delta$  respectă următoarele proprietăți:

- A are exact o stare inițială  $q_0$ , care nu este accesibilă din nicio altă stare. Adică, pentru orice stare q și orice simbol a,  $\delta(q,a)$  nu conține  $q_0$ .
- A are exact o stare finală  $q_f$ , din care nu se poate ajunge în nicio altă stare. Adică, pentru orice simbol a,  $\delta$   $(q_f$ , a) =  $\emptyset$

#### **REGULI**

Următoarele reguli sunt descrise potrivit Aho et al. (1986)

#### **Expresia vidă** $\lambda$ este convertită la

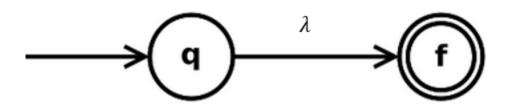


FIGURA 1

Un **simbol** a din alfabetul de intrare  $\Sigma$  este convertit la

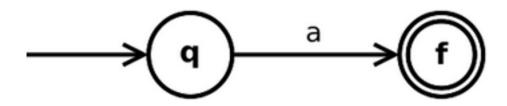


FIGURA 2

### Expresia reuniune (alternanță) s | t este convertită la

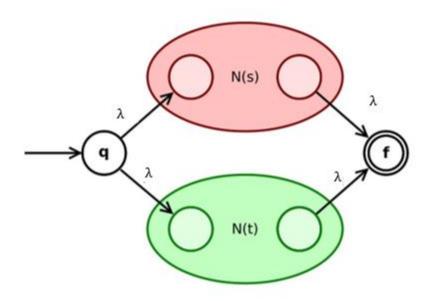


FIGURA 3

#### Expresia concatenare st este convertită la

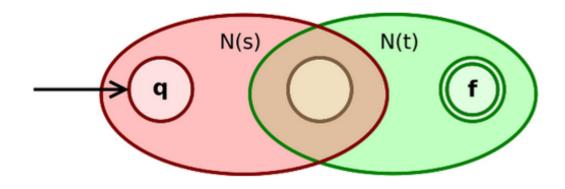


FIGURA 4

Starea inițială a lui N(s) este starea inițială a întregului AFN. Starea finală a lui N(s) devine starea inițială a lui N(t). Starea finală a lui N(t) este starea finală a întregului AFN.

## Expresia inchidere Kleene $s^*$ este convertită la

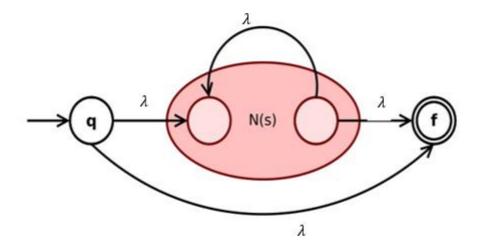


FIGURA 5

# ALGORITM DE TRANSFORMARE A UNEI EXPRESII REGULATE ÎN $AFN_{\lambda}$ ECHIVALENT

```
INPUT: o expresie regulată r în forma postfixată
OUTPUT: un AFN_{\lambda} A astfel încât L(A) = L(r)
while ( există token de citit)
    read token curent;
    if (token curent este)
      - \lambda: introducem pe stiva automatul ca in Fig 1
      - o litera a: introducem pe stiva automatul ca in Fig 2
      - un operator o:
        if (o este):
          - '|': scoate de pe stiva A_1, A_2 si pune pe stiva automatul ca in Fig 3
          - '·': scoate de pe stiva A_1, A_2 si pune pe stiva automatul ca in Fig 4
               in ordinea A_2, A_1
          - '*': scoate de pe stiva A si pune pe stiva automatul ca in Fig 5
    } /* while exista token */
Automatul (unic, dacă expresia în forma postfixată este corectă) care rămâne
pe stivă este cel cerut
```

## Transformarea unei expresii regulate în AFD — Algoritm în 2 pași

Pasul 2. Transformăm AFN<sub>λ</sub> în AFD echivalent

Algoritm de transformare AFN<sub>λ</sub> în AFD

Intrare 
$$A = (Q, \Sigma, \delta, s, F)$$
 AFN $\lambda$ 

leşire 
$$A' = (Q', \Sigma, \delta', s', F')$$
 AFD cu  $L(A') = L(A)$  
$$Q' \subseteq 2^Q$$

## Transformarea unei expresii regulate în AFD — Algoritm în 2 pași

Notații pentru  $p \in Q$ ,  $M \subseteq Q$ :

$$\lambda - closure(p) = \{q \in Q | \exists p_0, p_1, ..., p_n \in Q, n \geq 0, p_0 = p, p_n = q, p_i \in \delta(p_{i-1}, \lambda), 1 \leq i \leq n\} = \langle p \rangle$$

$$\lambda - closure(M) = U_{s \in M} \langle s \rangle = \langle M \rangle$$

$$move(M, a) = \{p \in Q \mid \exists s \in M, p \in \delta(s, a)\}$$

Proprietăți pentru  $p \in Q$ ,  $M \subseteq Q$ :

$$\ll p \gg =$$
  
 $\ll M \gg = < M >$   
 $p \in$   
 $M \subseteq < M >$   
 $< \emptyset > = \emptyset$ 

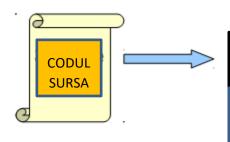
#### **ALGORITMUL**

```
Q' \leftarrow \{\langle s \rangle\}, \langle s \rangle stare nemarcata // s starea inițială a AFN_{\lambda}
while (exista M \in Q' stare nemarcata)
      marcheaza M;
       for (ac\Sigma)
              V \leftarrow < move(M, a) >;
              if (V \notin Q') adauga V la Q' ca stare nemarcata;
              \delta'(M,a) \leftarrow V;
           }// end for
    }// end while
          Q' \subseteq 2^Q, s' = \langle s \rangle, F' = \{M \in Q' \mid M \cap F \neq \emptyset \}
```

```
ALGORITMUL pentru < M >, M \subseteq Q
   < M > \leftarrow M
for (fiecare p \in M)
         push (p) // se foloseste o stiva
while (stiva nu este vida)
      pop p;
      for (u \in Q, u \in \delta(p, \lambda))
         if (u \notin \langle M \rangle)
               <M> \leftarrow <M> \cup \{u\};
               push u;
             } // end if
   }// end while
```

# ANALIZA LEXICALĂ - Exemple -

## **UNDE SUNTEM**



#### ANALIZA LEXICALĂ

ANALIZA SINTACTICĂ ANALIZA

**SEMANTICĂ** 

**GENERARE COD** 

**INTERMEDIAR** 

OPTIMIZARE COD

**INTERMEDIAR** 

**GENERARE COD** 

**OPTIMIZARE COD** 



COD MAŞINĂ

w h i l e ( 1 3 7 < i ) \n\t + + i ;

w	h	i	1	е		(	1	3	7	<	i	)	\n	۱t	+	+	i	;	1
		_	_	_	l	<b>\</b>	_	_	'	•	_	/	\	٠, -				,	ŀ

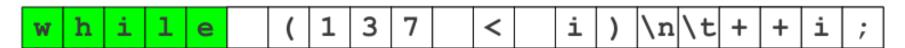
w h i l e ( 1 3 7   <   i   ) \n \t +   +   i
---

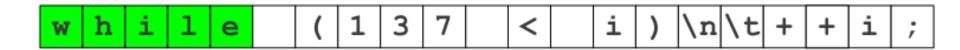
w h i l e ( 1 3 7   <   i   ) \n\t +   +   i
--

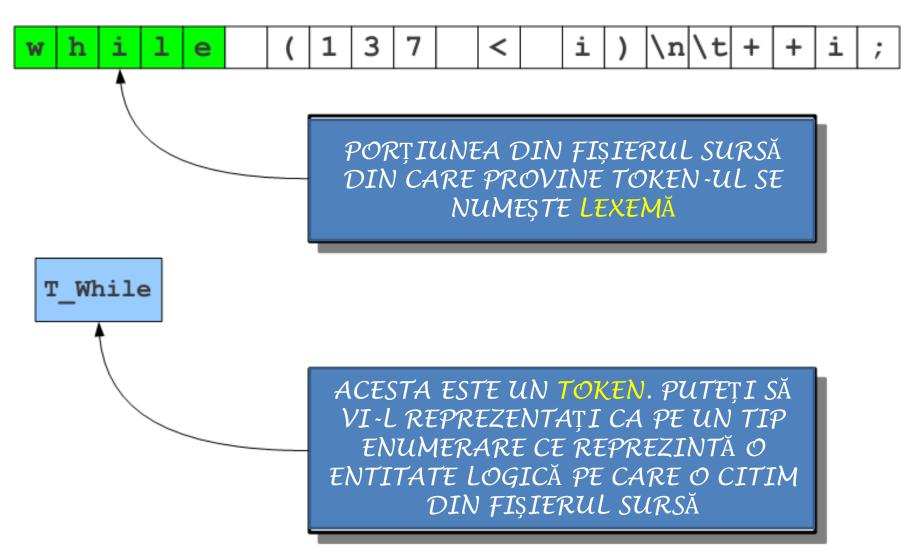
\_

	w	h	i	1	е	(	1	3	7	<		i	)	\n	۱t	+	+	i	;
1			_	_		١,	_	_		-		_	/	\	١,٠	١.			,

\_

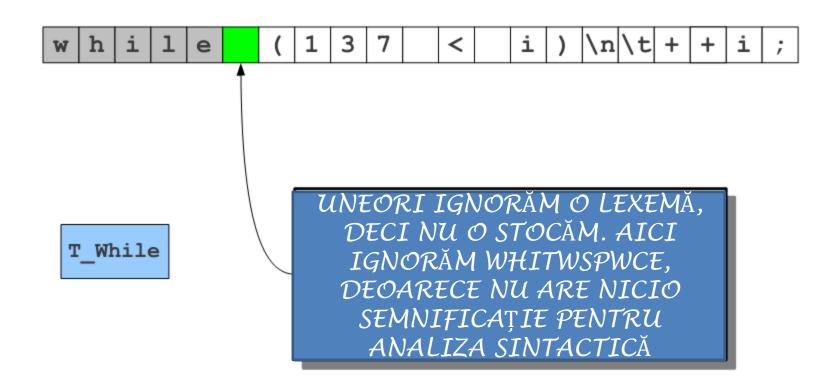






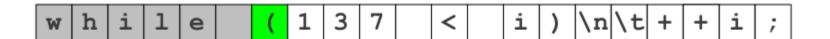
```
w h i l e ( 1 3 7 < i ) \n\t + + i ;
```

```
w h i l e ( 1 3 7 < i ) \n\t + + i ;
```





```
w h i l e ( 1 3 7 < i ) \n\t + + i ;
```



```
w h i l e ( 1 3 7 < i ) \n\t + + i ;
```

```
T_While (
```

```
w h i l e ( 1 3 7 < i ) \n\t + + i ;
```

```
T_While (
```



```
T_While (
```

```
w h i l e ( 1 3 7 < i ) \n\t + + i ;
```

```
T_While (
```

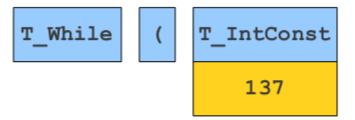
```
w h i l e ( 1 3 7 < i ) \n\t + + i ;
```

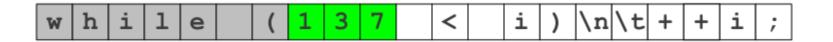
```
T_While (
```

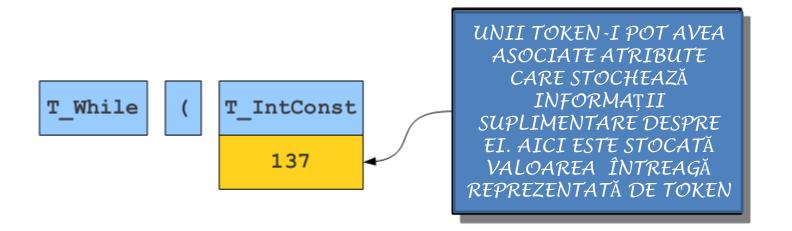
```
w h i l e ( 1 3 7 < i ) \n\t + + i ;
```

```
T_While (
```

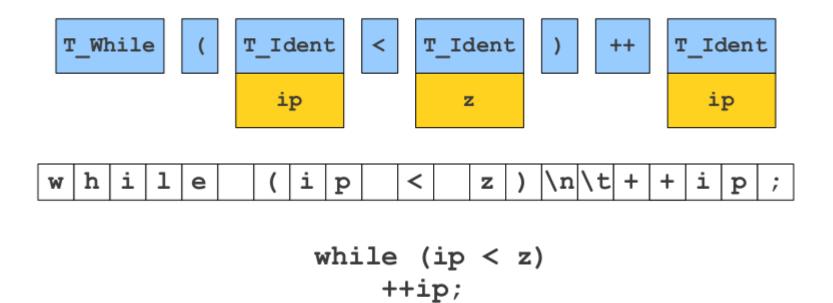








··· rezultatul scanării va fi



## SCANAREA POATE FI DIFICILĂ

#### ÎN FORTRAN SPAȚIILE SUNT IRELEVANTE

DO 5 I = 
$$1,25$$

DO 5 I = 
$$1.25$$

DO 5 I = 
$$1,25$$

$$DO5I = 1.25$$

### SCANAREA POATE FI DIFICILĂ

# ÎN PL1 CUVINTELE CHEIE POT FI FOLOSITE CA IDENTIFICATORI

IF THEN THEN THEN = ELSE; ELSE ELSE = IF

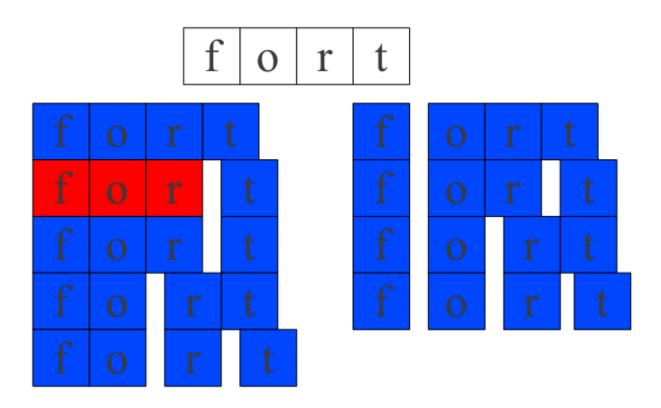
#### DIN NOU DESPRE EXPRESII REGULATE

Expresiile regulate sunt moduri de a descrie un limbaj (un limbaj regulat).

Adesea expresiile regulate ajută la descrierea unui limbaj într-un mod compact și apropiat de limbajul uman

Sunt utilizate ca bază pentru numeroase sisteme software, inclusiv de *flex* pe care îl vom folosi în acest curs.

## REZOLVAREA AMBIGUITĂȚII PENTRU EXPRESII REGULATE



MAI SUS SUNT ILUSTRATE TOATE MODURILE DE ÎMPĂRȚIRE A ȘIRULUI fort ÎN TOKEN-I. ÎN LINIA 2 for ESTE CUVÂNT CHEIE

#### REZOLVAREA AMBIGUITĂȚII PENTRU EXPRESII REGULATE

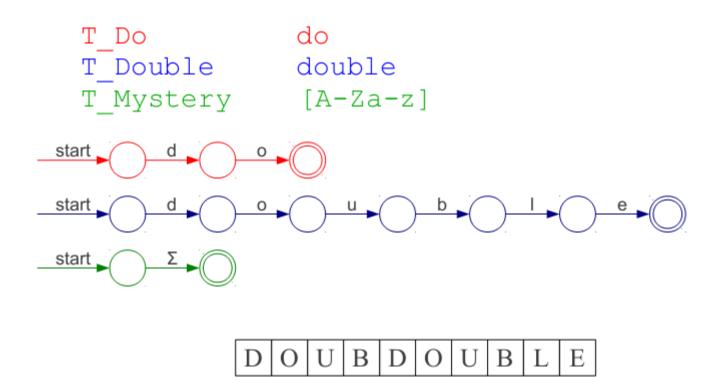
- Presupunem că toți token-ii sunt specificați de expresii regulate
- •Pentru fiecare expresie regulată se implementează AFN corespondent cu  $\lambda$  tranziții ( $\lambda$  este șirul vid), cu alg Thompson, de exemplu
- Scanarea se face de la stânga la dreapta
- Regula de departajare a token-ilor: deplasare spre dreapta cât de mult se poate
- Întotdeauna se reține cel mai lung prefix al textului rămas de scanat.

#### IMPLEMENTAREA DEPLASĂRII MAXIMALE SPRE DREAPTA CU AJUTORUL AFN

#### Ideea:

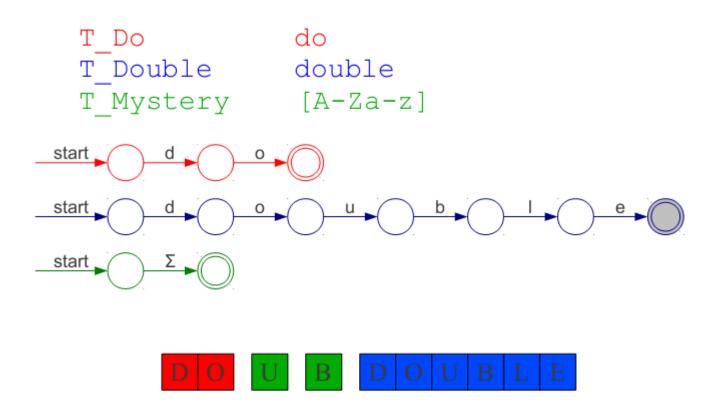
- Convertim expresiile în AFN cu  $\lambda$ -tranziții.
- Rulăm toate AFN-urile în paralel, păstrând ultima potrivire.
- Când toate automatele nu se mai pot mișca, raportează ultima potrivire și reîncepem căutarea din acel punct.

#### EXEMPLU PENTRU IMPLEMENTAREA DEPLASĂRII MAXIMALE SPRE DREAPTA CU AJUTORUL AFN PENTRU FORTRAN

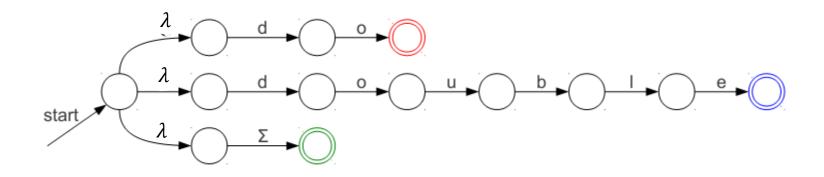


ÎN FORTRAN TOKEN-II NU SUNT NEPĂRAT DELIMITAȚI DE SPAȚII  $\Sigma$  REPREZINTĂ ALFABETUL CARACTERELOR

# EXEMPLU PENTRU IMPLEMENTAREA DEPLASĂRII MAXIMALE SPRE DREAPTA CU AJUTORUL AFN PENTRU FORTRAN



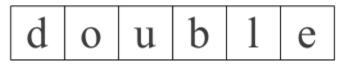
#### EXEMPLU PENTRU IMPLEMENTAREA DEPLASĂRII MAXIMALE SPRE DREAPTA CU AJUTORUL AFN PENTRU FORTRAN -O SIMPLIFICARE

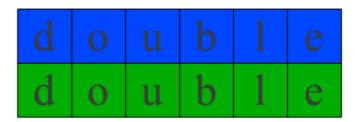




#### ALTE TIPURI DE CONFLICTE

```
T_Do do
T_Double double
T_Identifier [A-Za-z_] [A-Za-z0-9_]*
```





AICI double POATE FI ÎNȚELES CA ȘI CUVÂNT CHEIE SAU CA IDENTIFICATOR

#### ALTE TIPURI DE CONFLICTE – CUM SE REZOLVĂ

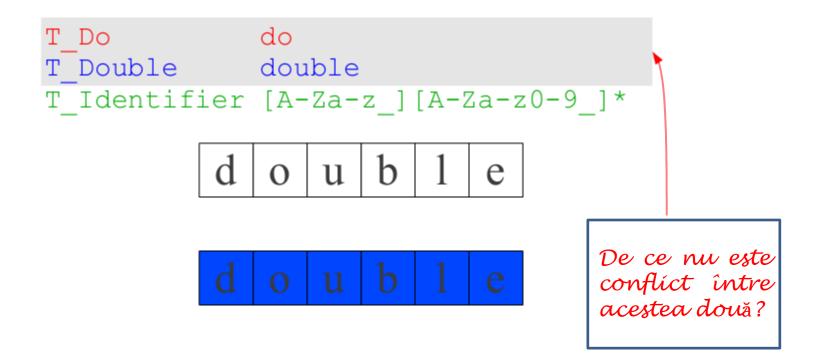
Când două expresii regulate se pot aplica pentru un același token, o alegem pe cea care are "prioritatea" cea mai mare. Sistem simplu de priorități: alege regula care este definită prima

#### ALTE TIPURI DE CONFLICTE – CUM SE REZOLVĂ

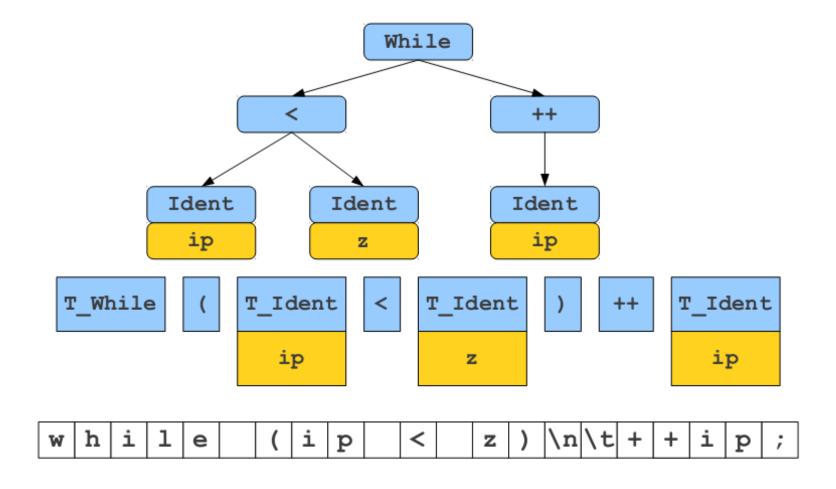
```
T_Do do
T_Double double
T_Identifier [A-Za-z] [A-Za-z0-9]*

d o u b l e
```

#### ALTE TIPURI DE CONFLICTE – CUM SE REZOLVĂ



## SCANAREA ÎN PYTHON



## SCANAREA ÎN PYTHON - BLOCURILE

• Delimitarea prin spații:

```
if w == z:
    a = b
    c = d
else:
    e = f
g = h
```

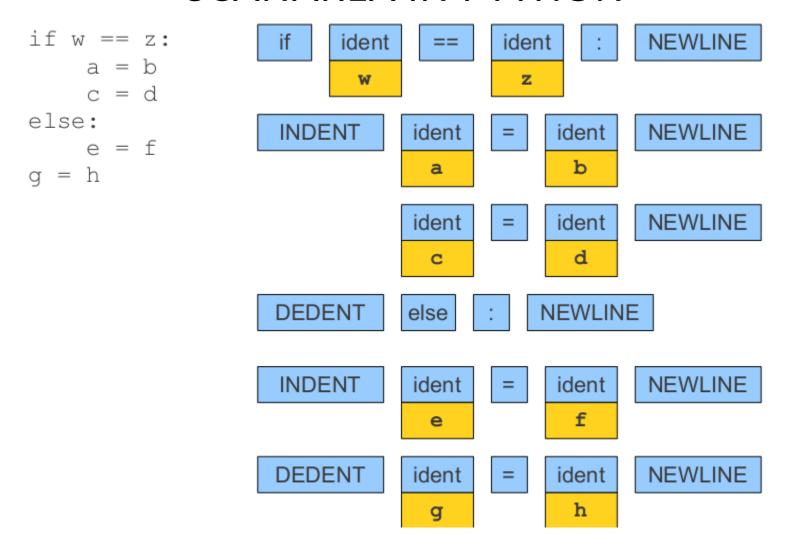
• Ce înseamnă aceasta pentru scanner?

#### SCANAREA ÎN PYTHON

- NEWLINE marchează sfârșitul liniei.
- INDENT indică creșterea nivelului de indentare.
- DEDENT indică descreșterea nivelului de indentare.

INDENT și DEDENT indică modificarea indentării, nu și numărul total de indentări.

#### SCANAREA ÎN PYTHON



# SCANAREA ÎN PYTHON – utilizarea ; și a acoladelor pentru delimitare

```
if w == z: {
                             ident
                                            ident
     a = b;
                                             Z
     c = d;
 else {
                                                 ident
                                   ident
                                            =
     e = f;
                                                  b
                                     a
 = h;
                                   ident
                                                 ident
                                   else
                                   ident
                                                 ident
                                     e
                                                 ident
                                   ident
                                                  h
                                     g
```

### CUM REZOLVĂM CAZURILE DE INDENT/ DEDENT

- Scanner-ul menține o stivă a indentărilor liniilor păstrând toate contextele indentate până la momentul respectiv.
- Inițial, această stivă conține 0, deoarece contextul fișierului inițial nu este indentat.
- Când apare newline:
- Vezi câte spații albe sunt la începutul liniei noi,
- Dacă această valoare este mai mare decât cea din vârful stivei, pune această valoare pe stivă și emite un token INDENT.
- Altfel, cât timp valoarea este mai mică decât cea din vârful stivei:
- Pop stiva.
- Emite token-ul DEDENT.

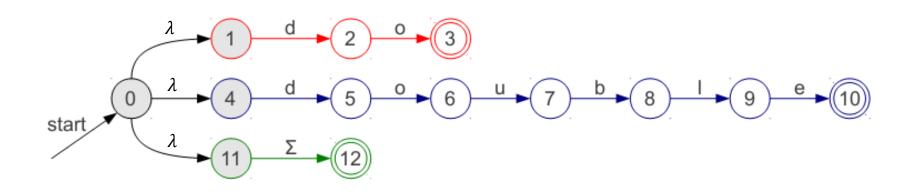
Sursa: http://docs.python.org/reference/lexical\_analysis.html

#### UN ULTIM DETALIU

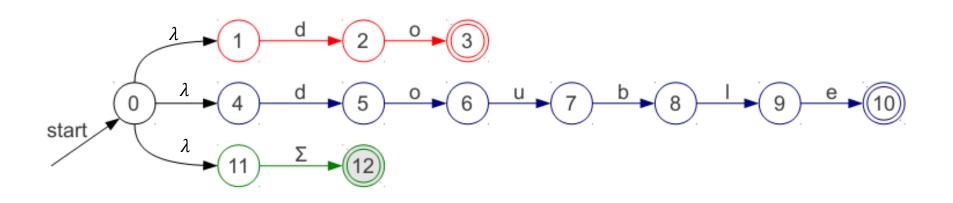
Știm ce să facem atunci când mai multe reguli (expresii regulate) se potrivesc unui șir. Dar dacă șirul nu se potrivește cu nicio regulă? Truc: Adăugați o regulă de "interceptare" care se potrivește cu orice caracter și raportați eroare.

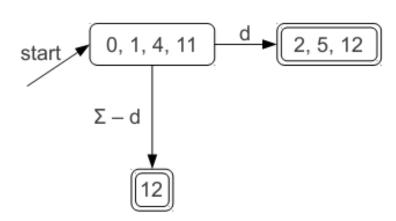
# SUMAR: REZOLVAREA CONFLICTELOR LA POTRIVIREA TOKEN-ILOR CU EXPRESIILE REGULATE

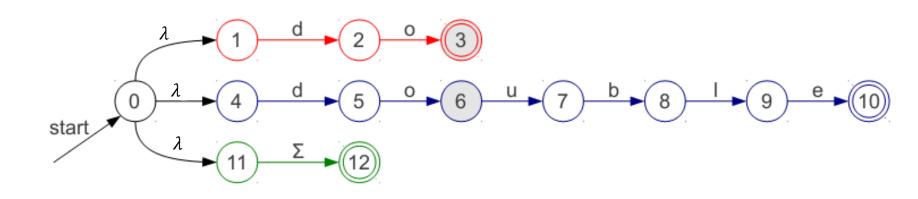
- Construiți un automat pentru fiecare expresie regulată.
- Unificați automatele într-un automat nou prin adăugarea unei noi stări de start. Se introduc  $\lambda$ -tranziții din noua stare inițială în fiecare dintre stările (foste) inițiale ale automatelor
- Scanează inputul, păstrând ultima potrivire.
- Departajează potrivirile pentru mai mult de o expresie alegând-o pe cea care are precedența cea mai mare.
- Introduceți o regulă de interceptare pentru manevrarea erorilor lexicale.

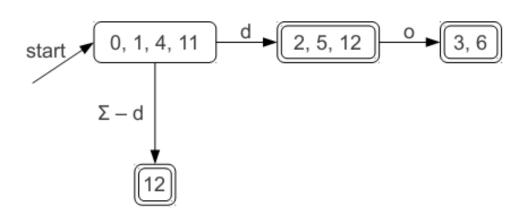


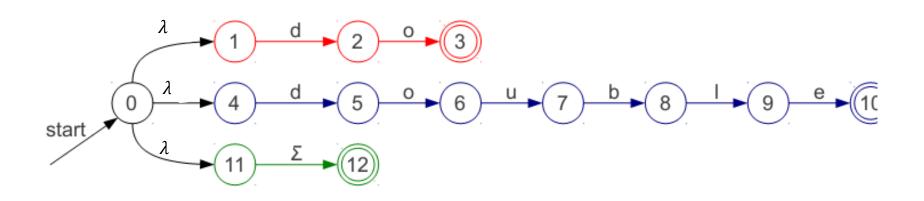


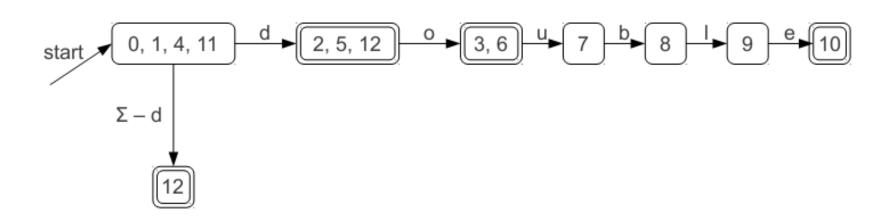


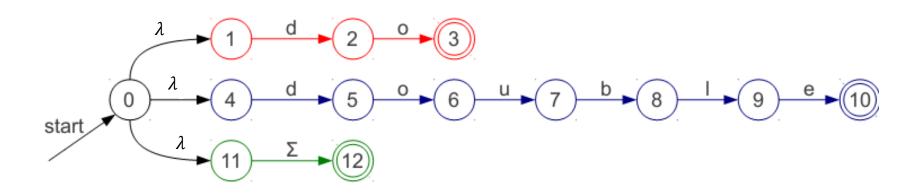


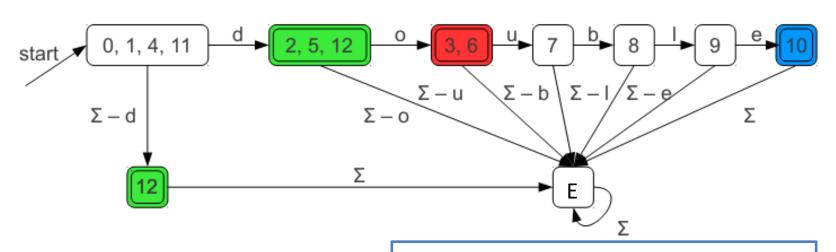












E este stare de eroare ("interceptare")