

**MODALITATEA DE DESFĂȘURARE A EXAMENULUI  
LA DISCIPLINA "PROGRAMAREA ALGORITMILOR"  
DIN SESIUNEA DE RESTANȚE 31.05.2022 – 06.06.2022**

- Examenul la disciplina "Programarea algoritmilor" se va desfășura în ziua de 03.06.2022, între orele 9<sup>00</sup> și 14<sup>00</sup>, astfel:
  - 09<sup>00</sup> – 9<sup>15</sup>: efectuarea prezenței studenților la testul de laborator
  - 09<sup>15</sup> – 10<sup>45</sup>: desfășurarea testului de laborator
  - 10<sup>45</sup> – 11<sup>00</sup>: verificarea faptului că sursele trimise de către studenți au fost salvate pe platformă
  - 11<sup>00</sup> – 11<sup>30</sup>: pauza
  - 11<sup>30</sup> – 11<sup>45</sup>: efectuarea prezenței studenților la examenul scris
  - 11<sup>45</sup> – 13<sup>45</sup>: desfășurarea examenului scris
  - 13<sup>45</sup> – 14<sup>00</sup>: verificarea faptului că fișierele trimise de către studenți au fost salvate pe platforma
- Ambele probe se vor desfășura pe platforma MS Teams, iar pe tot parcursul desfășurării lor studenții trebuie să fie conectați pe canalul dedicat cursului de "Programarea algoritmilor" corespunzător seriei lor (pe întâlnirea special creată pentru examen).
- În momentul efectuării prezenței, fiecare student trebuie să aibă pornită camera video în MS Teams și să prezinte buletinul sau cartea de identitate. Dacă dorește să-și protejeze datele personale, studentul poate să acopere codul numeric personal și/sau adresa!
- În timpul desfășurării testului studenții pot să închidă camera video, dar trebuie să o deschidă dacă li se solicită acest lucru de către un cadru didactic!

**Precizări privind desfășurarea testului de laborator:**

- Testul va conține 3 subiecte, iar un subiect poate să aibă mai multe cerințe.
- Rezolvarea unui subiect se va realiza într-un singur fișier sursă Python (.py), indiferent de numărul de cerințe, care va fi încărcat/atașat ca răspuns pentru subiectul respectiv.
- Numele fișierului sursă Python trebuie să respecte următorul șablon: *grupa\_nume\_prenume\_subiect.py*. De exemplu, un student cu numele Popescu Ion Mihai din grupa 131 trebuie să denumească fișierul care conține rezolvarea primului subiect astfel: 131\_Popescu\_Ion\_Mihai\_1.py.
- La începutul fiecărui fișier sursă Python se vor scrie, sub forma unor comentarii, numele și prenumele studentului, precum și grupa sa. Dacă un student nu reușește să rezolve deloc un anumit subiect, totuși va trebui să încarce/atașeze un fișier sursă Python cu informațiile menționate anterior!
- Toate rezolvările (fișierele sursă Python) trimise de către studenți vor fi verificate din punct de vedere al similarității folosind un software specializat, iar eventualele fraude vor fi sancționate conform Regulamentului de etică și profesionalism al FMI ([http://old.fmi.unibuc.ro/ro/pdf/2015/consiliu/Regulament\\_etica\\_FMI.pdf](http://old.fmi.unibuc.ro/ro/pdf/2015/consiliu/Regulament_etica_FMI.pdf)).
- Operațiunile de sortare se vor efectua folosind funcții sau metode predefinite din limbajul Python.

### Precizări privind desfășurarea examenului scris:

- Toate subiectele se vor rezolva folosind limbajul Python.
  - Subiectul 1 este obligatoriu, iar dintre subiectele 2, 3 și 4 se vor rezolva CEL MULT DOUĂ, la alegere.
  - Citirea datelor de intrare se va realiza de la tastatură, iar rezultatele vor fi afișate pe ecran.
  - Se garantează faptul că datele de intrare sunt corecte.
  - Operațiile de sortare se vor efectua folosind funcții sau metode predefinite din limbajul Python.
  - Rezolvările subiectelor alese dintre subiectele 2, 3 și 4 trebuie să conțină:
    - o scurtă descriere a algoritmului și o argumentare a faptului că acesta se încadrează într-o anumită tehnică de programare;
    - în cazul problemelor rezolvate folosind metoda Greedy sau metoda programării dinamice se va argumenta corectitudinea criteriului de selecție sau a relațiilor de calcul;
    - în cazul subiectelor unde se precizează complexitatea maximă pe care trebuie să o aibă soluția, se va argumenta complexitatea soluției propuse și vor primi punctaj maxim doar soluțiile corecte care se încadrează în complexitatea cerută;
    - în fiecare program Python se va preciza, pe scurt, sub forma unor comentarii, semnificația variabilelor utilizate.
  - Pentru subiectele 1 nu contează complexitățile soluțiilor propuse.
  - Rezolvările corecte care nu respectă restricțiile indicate vor primi punctaje parțiale.
  - Se acordă 1 punct din oficiu.
- 
- Rezolvările tuturor subiectelor se vor scrie de mână, folosind pix/stilou cu culoarea pasteii/cernelii albastră sau neagră. Pe fiecare pagina studentul își va scrie numele și grupa, iar paginile trebuie să fie numerotate.
  - Înainte de expirarea timpului alocat examenului, toate paginile vor fi fotografiate/scanate clar, în ordinea corectă, și transformate într-un singur fișier PDF care va fi încărcat pe platforma MS Teams folosind un anumit formular.
- 
- Numele fișierului PDF **trebuie să respecte șablonul** *grupa\_nume\_prenume.pdf*. De exemplu, un student cu numele Popescu Ion Mihai din grupa 131 trebuie să denumească fișierul care conține rezolvarea primului subiect astfel: *131\_Popescu\_Ion\_Mihai.pdf*.

## Subiectul 1 – limbajul Python – 3 p.

**a)** Scrieți o funcție **litere** care primește un număr variabil de cuvinte formate doar din litere mici ale alfabetului englez și returnează informații despre aceste cuvinte sub forma unui dicționar de perechi **{cuvant: lista de litere}**. Cheia este un cuvânt primit ca parametru, iar **lista de litere** este formată din literele care au mai mult de o apariție în cuvânt și prima apariție este pe o poziție pară (numerotarea pozițiilor începe de la 0). Listele de litere nu conțin elemente duplicate și sunt sortate în ordine lexicografică. De exemplu, pentru apelul

```
litere("neintentionatei", "succesiuni", "cucurbitaceelor", "dicotiledonat")  
funcția va returna dicționarul {'neintentionatei': ['i', 'n', 't'],  
'succesiuni': ['c', 'i', 's'], 'cucurbitaceelor': ['c', 'e', 'r'],  
'dicotiledonat': ['d', 't']}. (1.5 p.)
```

**b)** Înlocuiți punctele de suspensie din instrucțiunea **numere = [...]** cu o secvență de inițializare (list comprehension) astfel încât, după executarea sa, lista să conțină numerele naturale formate din exact două cifre nenule distincte și în care cifrele nu se divid între ele. **(0.5 p.)**

**c)** Considerăm următoarea funcție recursivă:

```
def f(lista):  
    if len(lista) <= 2:  
        return max(lista)  
    k = len(lista) // 2  
    aux_1 = lista[:k]  
    aux_2 = lista[k:]  
    return max(f(aux_1), f(aux_2))
```

Determinați complexitatea funcției apelată pentru o listă **L** formată din **n** numere întregi astfel: **f(L)**. **(1 p.)**

## Subiectul 2 – metoda Greedy (3 p.)

Complexitatea maximă a soluției:  $O(nm + n \log_2 n)$

Studiosul elev Algebrel tocmai a învățat la școală despre matrice. Curios din fire, el ar vrea să afle care este produsul minim pe care ar putea să-l obțină selectând anumite linii din matrice (cel puțin una și posibil toate!) și înmulțind toate elementele de pe liniile respective. Scrieți un program Python care citește de la tastatură două numere naturale nenule  $n$  și  $m$ , o matrice cu  $n$  linii și  $m$  coloane, după care afișează pe ecran, în forma indicată în exemplu, indicii liniilor pe care trebuie să le selecteze Algebrel (nu contează în ce ordine), precum și produsul minim pe care el poate să-l obțină înmulțind toate elementele de pe liniile respective.

**Exemplu:**

Date de intrare	Date de ieșire
5 4 5 7 -1 -2 5 -7 1 2 8 -1 -5 -3 1 1 3 6 3 3 3 2	0 2 3 4 -453600

**Subiectul 3 – metoda Programării Dinamice (3 p.)**  
**Complexitatea maximă a soluției:  $O(nm)$**

Iepurașul ar vrea să mai facă mișcare, ca să fie pregătit pentru zilele în care duce cadouri. Pentru aceasta, el și-a propus să alerge pe un teren reprezentat printr-un tablou cu  $m$  linii și  $n$  coloane, elementele tabloului fiind numere naturale, reprezentând înălțimi (altitudini). Pentru că vrea să sară cât mai mult, el decide să își facă niște reguli de deplasare:

- poate porni din orice punct (celulă)
- se va deplasa doar la nord sau vest
- își fixează un prag minim  $k$  pentru o săritură
- dacă celula în care se află are înălțimea  $x$ , va face un salt în una dintre celulele alăturate celei în care se află (doar la nord sau vest!), dar doar dacă înălțimea acesteia  $y$  diferă cu cel puțin  $k$  față de  $x$  (în plus sau în minus!!!), altfel saltul ar fi prea mic și nu ar fi suficient să îl mențină pe iepuraș în formă.

Iepurașul ar vrea să se plimbe cât mai mult așa că vă roagă pe voi să scrieți un program Python care să citească de la tastatură  $m$ ,  $n$ ,  $k$  și elementele tabloului și să afișeze un traseu de lungime maximă pe care îl poate parcurge; lungimea traseului este dată de numărul de celule de pe traseu. Se vor afișa coordonatele celulelor din traseu (liniile și coloanele tabloului se presupun numerotate de la 1).

Intrare de la tastatură	Ieșire pe ecran (soluția nu este unică)
6 5 2 10 9 8 7 7 <b>11</b> 8 7 6 1 <b>9</b> <b>7</b> 6 2 5 4 <b>3</b> <b>7</b> 5 4 3 1 <b>1</b> <b>6</b> <b>8</b> 2 2 1 7 7	5 5 5 4 5 3 4 3 4 2 3 2 3 1 2 1

#### Subiectul 4 – metoda Backtracking (3 p.)

**a)** Meșterul Dibăcel vrea să taie o țeavă cu lungimea de  $n$  metri în cel puțin două bucăți având lungimile numere naturale distincte cuprinse între 1 și  $n$ , însă fără a tăia mai mult de  $b$  bucăți de o anumită lungime. Scrieți un program Python care citește de la tastatură numerele naturale  $n$  și  $b$ , după care afișează toate modalitățile distincte în care meșterul Dibăcel poate tăia țeava respectând toate restricțiile precizate anterior. Două modalități de tăiere sunt identice dacă ele conțin aceleași bucăți de țeavă, dar în altă ordine (de exemplu, modalitățile  $1+1+2+2+4$  și  $1+1+4+2+2$  sunt identice). **(2.5 p.)**

**Exemplu:** Pentru  $n = 10$  și  $b = 2$  trebuie afișate următoarele variante de tăiere a țeavii (nu neapărat în această ordine):

$1+1+2+2+4$   
 $1+1+2+3+3$   
 $1+1+2+6$   
 $1+1+3+5$   
 $1+1+4+4$   
 $1+1+8$   
 $1+2+2+5$   
 $1+2+3+4$   
 $1+2+7$   
 $1+3+6$   
 $1+4+5$   
 $1+9$   
 $2+2+3+3$   
 $2+2+6$   
 $2+3+5$   
 $2+4+4$   
 $2+8$   
 $3+3+4$   
 $3+7$   
 $4+6$   
 $5+5$

**b)** Modificați o singură instrucțiune din program astfel încât să fie afișate doar soluțiile care conțin cel puțin o bucată de țeavă cu lungimea 1. Pentru exemplul anterior, aceste soluții sunt cele scrise cu roșu. **(0.5 p.)**