

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 9. /54

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

1. Сформулировать свойства определенного интеграла. Вывести формулу Ньютона-Лейбница.  
(6 баллов)
2. Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных для нахождения решения линейного неоднородного дифференциального уравнения 2-го порядка и вывод системы соотношений для варьируемых переменных. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 3. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 5. (6 баллов)
5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-12 20.04.2015.

Кафедра математической  
моделирования

математического

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 10. /5к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

- Сформулировать и доказать теорему об интегрировании подстановкой для определенного интеграла. (6 баллов)
- Сформулировать определение первого интеграла нормальной системы дифференциальных уравнений. Описать методы нахождения первых интегралов и их применение для решения системы дифференциальных уравнений. (6 баллов)
- Задача из комплекта № 1. (6 баллов)
- Задача из комплекта № 6. (6 баллов)
- Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры

04.04.2015.

Кафедра математического  
моделирования

функций, интегрирован  
начала координат. (6 баллов)

семьи диф  
этой зада  
ниению выс

ных уравнений и  
метод сведения  
а. (6 баллов)

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 11. /5к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

1. Сформулировать определение несобственного интеграла 2-го рода и признаки сходимости таких интегралов. (6 баллов)
2. Сформулировать и доказать теорему о структуре общего решения линейного однородного дифференциального уравнения  $n$ -го порядка. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 1. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 4. (6 баллов)
5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-12 20.04.2015.

Кафедра математической  
моделирования

- (6 баллов)  
2. Вывести формулу для решения краевой задачи Остроградского для дифференциального уравнения 2-го порядка.  
3. Задача из комплекта № 1. (6 баллов)  
3. Задача из комплекта № 4. (6 баллов)

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ  
по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.  
Государственный технический университет им. Н.Э. Баумана

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 13. /5к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

- Сформулировать определение несобственного интеграла 1-го рода. Сформулировать и доказать признак сходимости по неравенству для несобственных интегралов 1-го рода. (6 баллов)
- Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Интегрирование линейных неоднородных дифференциальных уравнений первого порядка методом Бернулли (метод “ $u \cdot v$ ”) и методом Лагранжа (вариации произвольной постоянной). (6 баллов)
- Задача из комплекта № 2. (6 баллов)
- Задача из комплекта № 5. (6 баллов)
- Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-12 20.04.2015.

Кафедра математического  
моделирования

Московский Государственный технический университет им. Н.Э. Баумана

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 15./5к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

1. Сформулировать свойства определенного интеграла. Доказать теорему об оценке определенного интеграла. (6 баллов)
2. Сформулировать и доказать теорему о структуре общего решения линейного неоднородного дифференциального уравнения  $n$ -го порядка. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 1. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 4. (6 баллов)
5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры ФМ 12 20.04.2015.

Кафедра математического  
моделирования

4 Задачи комплек

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 17. 15к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

1. Фигура ограничена кривой  $y = f(x) \geq 0$ , прямыми  $x = a$ ,  $x = b$  и  $y = 0$  ( $a < b$ ).  
Вывести формулу для вычисления с помощью определенного интеграла площади этой фигуры.  
(6 баллов)
2. Сформулировать и доказать теорему о структуре общего решения линейного однородного  
дифференциального уравнения  $n$ -го порядка. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 1. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 4. (6 баллов)
5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-1<sup>с</sup>

Кафедра математического  
моделирования

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 20. /5к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

1. Кривая задана в декартовых координатах уравнением  $y = f(x)$ , где  $x$  и  $y$  — декартовые координаты точки,  $a \leq x \leq b$ . Вывести формулу для вычисления длины дуги этой кривой. (6 баллов)
2. Вывести формулу Остроградского-Лиувилля для линейного дифференциального уравнения 2-го порядка. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 1. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 4. (6 баллов)
5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-12 2

Кафедра математического моделирования

- ций. Сформулировать формулу для вычисления дифференциальной длины дуги решения линейного однородного дифференциального уравнения 2-го порядка. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 1. (6 баллов)
  4. Задача из комплекта № 4. (6 баллов)
  5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 25. /5к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

1. Сформулировать определение интеграла с переменным верхним пределом. Доказать теорему о производной от интеграла по его верхнему пределу. (6 баллов)
2. Сформулировать теорему Коши о существовании и единственности решения дифференциального уравнения  $n$ -го порядка. Интегрирование дифференциальных уравнений  $n$ -го порядка, допускающих понижение порядка. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 2. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 5. (6 баллов)
5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафе

20.04.2015.

Кафедра математического  
моделирования

1. Сформулирована  
(6 баллов)

2. Метод Лагранжа  
одного диф-

решения линейно-  
мы соотношений

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 26. 15к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, ВМТ.

1. Сформулировать определение несобственного интеграла 2-го рода и признаки сходимости таких интегралов. (6 баллов)
2. Сформулировать определения линейно зависимой и линейно независимой систем функций. Сформулировать и доказать теорему о вронгскиане системы линейно независимых частных решений линейного однородного дифференциального уравнения  $n$ -го порядка. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 2. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 5. (6 баллов)
5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-12 20.04.2015.

3. Задача из комплекта № 2. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 5. (6 баллов)

Кафедра математического  
моделирования

Московский Государственный технический университет им. Н.Э. Баумана

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 27. /5к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

1. Сформулировать свойства определенного интеграла. Доказать теорему о среднем для определенного интеграла. (6 баллов)
2. Вывести формулу для общего решения линейного однородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами в случае комплексных корней характеристического уравнения. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 3. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 4. (6 баллов)
5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры ФН-12 20.04.2015.

Кафедра математического  
моделирования

(6 баллов)

2. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Интегрирование линейных неоднородных дифференциальных уравнений первого порядка методом Бернулли (метод “ $u \cdot v$ ”) и методом Лагранжа (вариации произвольной постоянной). (6 баллов)

3. Задача из комплекта № 2. (6 баллов)

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ 30. /5к

по курсу «Интегралы и дифференциальные уравнения»,  
1-й курс, 2-й сем., ИУ (кроме ИУ9), РЛ, БМТ.

1. Сформулировать свойства определенного интеграла. Интегрирование периодических функций, интегрирование четных и нечетных функций на отрезке, симметричном относительно начала координат. (6 баллов)
2. Сформулировать задачу Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений и теорему Коши о существовании и единственности решения этой задачи. Описать метод сведения нормальной системы к одному дифференциальному уравнению высшего порядка. (6 баллов)
3. Задача из комплекта № 1. (6 баллов)
4. Задача из комплекта № 6. (6 баллов)
5. Дополнительные вопросы экзаменатора. (6 баллов)

Билеты утверждены на заседании кафедры

20.04.2015

Кафедра математического моделирования

2. Сформулировать та  
льного уравнения  $n$ -го о  
допускающих понижение  
комплекта