

Модуль 1, Домашнее задание “Приложения квадратичных форм”

Уравнения (а,б) линии второго порядка на плоскости Оху и уравнения (с,д) поверхности второго порядка в пространстве Охуз привести к каноническому виду, указав:

1) одно из преобразований перехода от заданной системы координат к канонической системе координат (собственные числа ортогонального собственного преобразования расположить в порядке возрастания),

2) канонический вид уравнения линий (а,б) и поверхностей (с,д),

3) на плоскости Оху построить каноническую систему координат, линии (а,б),

4) в канонической системе координат построить поверхности (с,д), используя метод сечений для исследования формы поверхности, заданной каноническим уравнением.

Пункты а) и б) оцениваются в 2 балла каждый, с) и д) в 3 балла каждый.

Вариант 1.

а) $5x^2 + 2y^2 + 4xy + 4\sqrt{5}x + 4\sqrt{5}y - 14 = 0$

б) $-x^2 - 4y^2 + 4xy + 10\sqrt{5}x + 10\sqrt{5}y + 25 = 0$

с) $2x^2 + y^2 - 4xy - 4yz + 4x + 4y - 14 = 0$

д) $4x^2 + 5y^2 + 3z^2 - 4xy + 4xz + 8x + 8y - 8 = 0$

Вариант 2.

а) $8x^2 + 6xy - 5\sqrt{10}x - 3\sqrt{10}y - 22 = 0$

б) $2x^2 + 2y^2 - 4xy - 5\sqrt{2}x + 3\sqrt{2}y - 6 = 0$

с) $3x^2 + 4y^2 + 5z^2 + 4xy - 4yz + 8y + 8z - 8 = 0$

д) $2x^2 + 3y^2 + 2z^2 + 2xy + 4xz + 2yz + 20\sqrt{2}x - 20\sqrt{2}z + 40 = 0$

Вариант 3.

а) $4xy - 4x^2 - y^2 + 10\sqrt{5}x + 10\sqrt{5}y + 25 = 0$

б) $2x^2 + 5y^2 + 4xy + 4\sqrt{5}x + 4\sqrt{5}y - 14 = 0$

с) $2x^2 + 10y^2 - 2z^2 + 12xy + 8yz + 12\sqrt{14}x - 4\sqrt{14}y - 8\sqrt{14}z - 56 = 0$

д) $2x^2 + 3y^2 + z^2 - 4xy - 4xz + 24x - 6y - 7 = 0$

Вариант 4.

а) $4xy - 2x^2 - 5y^2 + 4\sqrt{5}x - 4\sqrt{5}y - 4 = 0$

б) $8y^2 + 6xy - 3\sqrt{10}x - 5\sqrt{10}y - 22 = 0$

с) $x^2 + 2y^2 + 3z^2 - 4xy - 4yz + 24y - 6z - 7 = 0$

д) $x^2 + 4y^2 + 4z^2 - 8yz - 2x - 8\sqrt{2}y - 8\sqrt{2}z + 17 = 0$

Вариант 5.

а) $7x^2 - y^2 + 6xy - 4\sqrt{10}x - 4\sqrt{10}y + 8 = 0$

б) $12xy - 4x^2 - 9y^2 - 18\sqrt{13}x + 14\sqrt{13}y - 65 = 0$

с) $x^2 - 5y^2 + z^2 + 4xy + 2xz + 4yz + 3\sqrt{2}x - 3\sqrt{2}z + 12 = 0$

д) $6x^2 + 4y^2 + 5z^2 - 4xz - 4yz - 20x - 20z - 10 = 0$

Вариант 6.

а) $2x^2 + 2y^2 - 4xy + 3\sqrt{2}x - 5\sqrt{2}y - 6 = 0$

б) $6xy - x^2 + 7y^2 - 4\sqrt{10}x - 4\sqrt{10}y + 8 = 0$

с) $5x^2 + 6y^2 + 4z^2 - 4xy - 4xz - 20x - 20y - 10 = 0$

д) $2x^2 - 5y^2 + 2z^2 + 2xz - 2\sqrt{2}x + 10y + 2\sqrt{2}z + 74 = 0$

Модуль 1, Домашнее задание “Приложения квадратичных форм”

Уравнения (а,б) линии второго порядка на плоскости Оху и уравнения (с,д) поверхности второго порядка в пространстве Охуз привести к каноническому виду, указав:

1) одно из преобразований перехода от заданной системы координат к канонической системе координат (собственные числа ортогонального собственного преобразования расположить в порядке возрастания),

2) канонический вид уравнения линий (а,б) и поверхностей (с,д),

3) на плоскости Оху построить каноническую систему координат, линии (а,б),

4) в канонической системе координат построить поверхности (с,д), используя метод сечений для исследования формы поверхности, заданной каноническим уравнением.

Пункты а) и б) оцениваются в 2 балла каждый, с) и д) в 3 балла каждый.

Вариант 7.

а) $6x^2 + 3y^2 - 4xy + 4\sqrt{5}x + 8\sqrt{5}y + 22 = 0$

б) $-7x^2 + y^2 - 6xy + 2\sqrt{10}x - 6\sqrt{10}y + 42 = 0$

с) $4x^2 + y^2 + 2z^2 + 4xy + 2\sqrt{5}x - 4\sqrt{5}y - 4z - 18 = 0$

д) $5x^2 + 3y^2 + 7z^2 + 8xy - 8xz - 10x - 20y - 20z + 45 = 0$

Вариант 8.

а) $x^2 - 7y^2 - 6xy - 6\sqrt{10}x + 2\sqrt{10}y + 42 = 0$

б) $4xy - 5x^2 - 2y^2 - 4\sqrt{5}x + 4\sqrt{5}y - 4 = 0$

с) $7x^2 + 5y^2 + 3z^2 - 8xy + 8yz - 20x - 10y - 20z + 45 = 0$

д) $x^2 - 2y^2 + z^2 + 2xz - 4\sqrt{2}x + 4y + 4\sqrt{2}z - 2 = 0$

Вариант 9.

а) $12xy - 9x^2 - 4y^2 + 14\sqrt{13}x - 18\sqrt{13}y - 65 = 0$

б) $3x^2 + 6y^2 - 4xy + 8\sqrt{5}x + 4\sqrt{5}y + 22 = 0$

с) $x^2 + y^2 - 2z^2 + 2xy + 4\sqrt{2}x - 4\sqrt{2}y + 4z - 2 = 0$

д) $5x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2xz + 6yz + 12\sqrt{6}x + 6\sqrt{6}y + 6\sqrt{6}z = 0$

Вариант 10.

а) $3x^2 + 6y^2 - 4xy + 8\sqrt{5}x + 4\sqrt{5}y + 36 = 0$

б) $6xy - 3x^2 + 5y^2 + 8\sqrt{10}y + 80 = 0$

с) $x^2 + 5y^2 + z^2 + 2xy + 6xz + 2yz + 6\sqrt{6}x + 12\sqrt{6}y + 6\sqrt{6}z = 0$

д) $x^2 + 2y^2 + 4z^2 + 4xz - 4\sqrt{5}x - 4y + 2\sqrt{5}z - 18 = 0$

Вариант 11.

а) $5x^2 - 3y^2 + 6xy + 8\sqrt{10}x + 80 = 0$

б) $6x^2 + 3y^2 - 4xy + 4\sqrt{5}x + 8\sqrt{5}y + 36 = 0$

с) $4x^2 + y^2 + 4z^2 - 8xz - 8\sqrt{2}x - 2y - 8\sqrt{2}z + 17 = 0$

д) $6x^2 + 5y^2 + 7z^2 - 4xy - 4xz - 24x + 18y - 6z - 72 = 0$

Вариант 12.

а) $x^2 + y^2 - 2xy + 5\sqrt{2}x + \sqrt{2}y + 8 = 0$

б) $6xy - 5x^2 + 3y^2 - 8\sqrt{10}x + 4 = 0$

с) $7x^2 + 6y^2 + 5z^2 - 4xy - 4yz - 6x - 24y + 18z - 72 = 0$

д) $-5x^2 + y^2 + z^2 + 4xy + 4xz + 2yz - 3\sqrt{2}y + 3\sqrt{2}z + 12 = 0$

Модуль 1, Домашнее задание “Приложения квадратичных форм”

Уравнения (а,б) линии второго порядка на плоскости Оху и уравнения (с,д) поверхности второго порядка в пространстве Охуз привести к каноническому виду, указав:

1) одно из преобразований перехода от заданной системы координат к канонической системе координат (собственные числа ортогонального собственного преобразования расположить в порядке возрастания),

2) канонический вид уравнения линий (а,б) и поверхностей (с,д),

3) на плоскости Оху построить каноническую систему координат, линии (а,б),

4) в канонической системе координат построить поверхности (с,д), используя метод сечений для исследования формы поверхности, заданной каноническим уравнением.

Пункты а) и б) оцениваются в 2 балла каждый, с) и д) в 3 балла каждый.

Вариант 13.

а) $7x^2 + 4y^2 + 4xy + 6\sqrt{5}x - 12\sqrt{5}y + 51 = 0$

б) $x^2 + y^2 - 2xy + \sqrt{2}x + 5\sqrt{2}y + 8 = 0$

с) $2x^2 + 2y^2 - 5z^2 + 2xy + 2\sqrt{2}x - 2\sqrt{2}y + 10z + 74 = 0$

д) $-x^2 + y^2 + 5z^2 + 4xz + 6yz + 4\sqrt{14}x - 6\sqrt{14}y + 2\sqrt{14}z - 28 = 0$

Вариант 14.

а) $3x^2 - 5y^2 + 6xy - 8\sqrt{10}y + 4 = 0$

б) $4x^2 + 7y^2 + 4xy - 12\sqrt{5}x + 6\sqrt{5}y + 51 = 0$

с) $5x^2 - y^2 + z^2 + 4xy + 6xz + 2\sqrt{14}x + 4\sqrt{14}y - 6\sqrt{14}z - 28 = 0$

д) $x^2 + 2z^2 - 4xy - 4xz + 4x + 4z - 14 = 0$

Вариант 15.

а) $24xy - 16x^2 - 9y^2 + 70x + 10y - 125 = 0$

б) $5x^2 + 8y^2 - 4xy + 16\sqrt{5}x + 8\sqrt{5}y + 64 = 0$

с) $2x^2 + 2y^2 + 3z^2 + 4xy + 2xz + 2yz - 20\sqrt{2}x + 20\sqrt{2}y + 40 = 0$

д) $x^2 + 2z^2 - 4xy - 4xz - 12x + 12z + 18 = 0$

Вариант 16.

а) $8x^2 + 5y^2 - 4xy + 8\sqrt{5}x + 16\sqrt{5}y + 64 = 0$

б) $12xy - 3x^2 + 13y^2 + 10\sqrt{10}y - 5 = 0$

с) $2x^2 + y^2 - 4xy - 4yz + 12x - 12y + 18 = 0$

д) $10x^2 - 2y^2 + 2z^2 + 8xy + 12xz - 4\sqrt{14}x - 8\sqrt{14}y + 12\sqrt{14}z - 56 = 0$

Вариант 17.

а) $13x^2 - 3y^2 + 12xy + 10\sqrt{10}x - 5 = 0$

б) $24xy - 16y^2 - 9x^2 + 70y + 10x - 125 = 0$

с) $4x^2 + 5y^2 + 4z^2 + 4xz + 12\sqrt{2}x - 20y + 12\sqrt{2}z - 106 = 0$

д) $x^2 + z^2 - 2\sqrt{2}yz + 2x - 2\sqrt{6}y - 2\sqrt{3}z = 0$

Вариант 18.

а) $16x^2 + y^2 + 8xy + 10\sqrt{17}x - 6\sqrt{17}y - 51 = 0$

б) $12xy - 13x^2 + 3y^2 - 10\sqrt{10}x + 5 = 0$

с) $y^2 + z^2 - 2\sqrt{2}xz - 2\sqrt{6}x + 2y - 2\sqrt{3}z = 0$

д) $5x^2 + 4y^2 + 4z^2 + 4yz - 20x + 12\sqrt{2}y + 12\sqrt{2}z - 106 = 0$

Модуль 1, Домашнее задание “Приложения квадратичных форм”

Уравнения (а,б) линии второго порядка на плоскости Оху и уравнения (с,д) поверхности второго порядка в пространстве Охуз привести к каноническому виду, указав:

1) одно из преобразований перехода от заданной системы координат к канонической системе координат (собственные числа ортогонального собственного преобразования расположить в порядке возрастания),

2) канонический вид уравнения линий (а,б) и поверхностей (с,д),

3) на плоскости Оху построить каноническую систему координат, линии (а,б),

4) в канонической системе координат построить поверхности (с,д), используя метод сечений для исследования формы поверхности, заданной каноническим уравнением.

Пункты а) и б) оцениваются в 2 балла каждый, с) и д) в 3 балла каждый.

Вариант 19.

- а) $5x^2 + 8y^2 - 4xy + 16\sqrt{5}x + 8\sqrt{5}y - 44 = 0$
- б) $4y^2 + x^2 + 4xy - 2\sqrt{5}x + 6\sqrt{5}y - 5 = 0$
- с) $5x^2 + 5y^2 - 2z^2 + 4xy + 6x - 6y + 4z + 46 = 0$
- д) $2x^2 + 2xy - 2xz - 2yz - 6\sqrt{3}y + 6\sqrt{3}z + 18 = 0$

Вариант 20.

- а) $3x^2 - 13y^2 + 12xy - 10\sqrt{10}y + 5 = 0$
- б) $x^2 + 9y^2 + 6xy + 20\sqrt{10}x - 50 = 0$
- с) $2x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 2yz + 4x + 4\sqrt{2}y + 2\sqrt{2}z - 6 = 0$
- д) $5x^2 - 2y^2 + 5z^2 - 4xz + 6x + 4y + 6z + 46 = 0$

Вариант 21.

- а) $4x^2 + y^2 + 4xy + 6\sqrt{5}x - 2\sqrt{5}y - 5 = 0$
- б) $7x^2 + 10y^2 - 4xy + 4\sqrt{5}x - 20\sqrt{5}y - 16 = 0$
- с) $6x^2 + 3y^2 + z^2 + 4xy + 4\sqrt{5}x + 6\sqrt{5}y + 2z + 2 = 0$
- д) $2x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 4xz + 7\sqrt{2}x - 4y + 9\sqrt{2}z + 10 = 0$

Вариант 22.

- а) $10x^2 + 7y^2 - 4xy - 20\sqrt{5}x + 4\sqrt{5}y - 16 = 0$
- б) $4xy + 3y^2 + 4\sqrt{5}x - 2\sqrt{5}y - 9 = 0$
- с) $2y^2 - 2xy - 2xz + 2yz + 6\sqrt{3}x - 6\sqrt{3}z - 9 = 0$
- д) $2x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 2xy + 4\sqrt{2}x + 2\sqrt{2}y + 4z - 6 = 0$

Вариант 23.

- а) $3x^2 + 4xy - 2\sqrt{5}x + 4\sqrt{5}y - 9 = 0$
- б) $6xy - x^2 - 9y^2 + 5\sqrt{10}x - 5\sqrt{10}y + 30 = 0$
- с) $2x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 4xy + 9\sqrt{2}x + 7\sqrt{2}y - 4z + 10 = 0$
- д) $3x^2 + y^2 + 6z^2 + 4xz + 6\sqrt{5}x + 2y + 4\sqrt{5}z + 2 = 0$

Вариант 24.

- а) $9x^2 + y^2 + 6xy + 20\sqrt{10}y - 50 = 0$
- б) $7x^2 + y^2 - 8xy + 2\sqrt{5}y - 8\sqrt{5}x - 4 = 0$
- с) $2x^2 + 2y^2 + 2z^2 - 2xz + \sqrt{2}x - 4y + \sqrt{2}z - 9 = 0$
- д) $6xz + 8yz + 50y + 40z + 10 = 0$

Модуль 1, Домашнее задание “Приложения квадратичных форм”

Уравнения (а,б) линии второго порядка на плоскости Оху и уравнения (с,д) поверхности второго порядка в пространстве Охуз привести к каноническому виду, указав:

1) одно из преобразований перехода от заданной системы координат к канонической системе координат (собственные числа ортогонального собственного преобразования расположить в порядке возрастания),

2) канонический вид уравнения линий (а,б) и поверхностей (с,д),

3) на плоскости Оху построить каноническую систему координат, линии (а,б),

4) в канонической системе координат построить поверхности (с,д), используя метод сечений для исследования формы поверхности, заданной каноническим уравнением.

Пункты а) и б) оцениваются в 2 балла каждый, с) и д) в 3 балла каждый.

Вариант 25.

- а) $11x^2 + 3y^2 + 6xy - 2\sqrt{10}x + 6\sqrt{10}y - 22 = 0$
- б) $x^2 + 16y^2 + 8xy + 10\sqrt{17}y - 6\sqrt{17}x - 51 = 0$
- с) $6xy + 8xz + 40x + 50z + 10 = 0$
- д) $2x^2 + 2y^2 + 2z^2 - 2zx + \sqrt{2}x - 4y + \sqrt{2}z - 9 = 0$

Вариант 26.

- а) $x^2 + 7y^2 - 8xy + 2\sqrt{5}x - 8\sqrt{5}y - 4 = 0$
- б) $8xy - x^2 - 16y^2 - 10\sqrt{17}x + 6\sqrt{17}y + 51 = 0$
- с) $4x^2 + 4y^2 + 4z^2 + 2\sqrt{3}xz + 2yz + 16x - 4 = 0$
- д) $3x^2 + 4xy - 4xz - 10yz - 2\sqrt{6}x + \sqrt{6}y - \sqrt{6}z + 9 = 0$

Вариант 27.

- а) $6xy - 9x^2 - y^2 - 5\sqrt{10}x + 5\sqrt{10}y + 30 = 0$
- б) $8x^2 + 5y^2 - 4xy + 16\sqrt{5}y + 8\sqrt{5}x - 44 = 0$
- с) $10x^2 + 10y^2 + 10z^2 + 6xz + 8yz + 60z = 0$
- д) $-x^2 - y^2 + 4z^2 - 10xz - 10yz + 4\sqrt{3}x + 4\sqrt{3}y + 4\sqrt{3}z + 48 = 0$

Вариант 28.

- а) $13x^2 + 5y^2 + 6xy + 10\sqrt{10}x - 2\sqrt{10}y - 26 = 0$
- б) $3x^2 + 11y^2 + 6xy + 6\sqrt{10}x - 2\sqrt{10}y - 22 = 0$
- с) $3y^2 - 4xy - 10xz + 4yz - \sqrt{6}x - 2\sqrt{6}y + \sqrt{6}z + 9 = 0$
- д) $4x^2 + 4y^2 + 4z^2 + 2\sqrt{2}xy + 2\sqrt{2}yz + 8x + 16z - 34 = 0$

Вариант 29.

- а) $6x^2 + 8xy - 4\sqrt{5}x - 8\sqrt{5}y - 26 = 0$
- б) $8xy - 16y^2 - x^2 + 6\sqrt{17}y - 10\sqrt{17}x + 51 = 0$
- с) $4x^2 - y^2 - z^2 - 10xy - 10xz + 4\sqrt{3}x + 4\sqrt{3}y + 4\sqrt{3}z + 48 = 0$
- д) $2x^2 + 2y^2 + z^2 + 6xy + 2\sqrt{2}x - 2\sqrt{2}y - 4z + 25 = 0$

Вариант 30.

- а) $8xy - 16x^2 - y^2 + 6\sqrt{17}x - 10\sqrt{17}y + 51 = 0$
- б) $13y^2 + 5x^2 + 6xy - 2\sqrt{10}x + 10\sqrt{10}y - 26 = 0$
- с) $x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 6xz - 4x + 2\sqrt{2}y - 2\sqrt{2}z + 25 = 0$
- д) $10x^2 + 10y^2 + 10z^2 + 8xy + 6yz + 60y = 0$