Indukcyjne metody analizy danych Ćwiczenie 2

Indukcja drzew decyzyjnych C4.5 w R

Prowadzący: dr inż. Paweł Myszkowski

Student: Piotr Bielak, 218137

WT 17:05

Wrocław, 10 kwietnia 2018r.

Spis treści

1	Wpi	owadzeni	e													3
	1.1	Cel ćwic	zenia				 									3
			n C4.5													
2	Ana	liza zbior	ów danych													5
	2.1	Zbiór da	nych – "Dia	betes'	·		 									5
	2.2	Zbiór da	nych – "Gla	ıss".			 									6
	2.3	Zbiór da	nych – "Wi	ne" .			 									8
3	Eksı	peryment														10
	3.1	Założeni	a				 									10
	3.2		parametróv													
	3.3		kroswalidacj	_	-											
		3.3.1 Z	biór danych	- "D	iabete	es"	 									14
		3.3.2 Z	biór danych	- "G	lass"		 									18
			biór danych													
1	Wni	nski														26

1 Wprowadzenie

1.1 Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia było zapoznanie się z algortymem C4.5, służącym do budowy drzew decyzyjnych. Należało również zbadać i ocenić jego działanie na 3 określonych zbiorach danych. W trakcie badań należało uwzględnić różne parametry samego algorytmu oraz metody kroswalidacji, a następnie zaobserwować wpływ tych parametrów na wartości zadanych metryk. Ostatnim krokiem było porównanie działania algorytmu z klasyfikatorem naiwnego Bayesa.

1.2 Algorytm C4.5

Drzewo decyzyjne to klasyfikator, który dzieli dane rekurencyjnie na podzbiory za pomocą określonych reguł (węzłów decyzyjnych). Należy ono do grupy algorytmów nadzorowanego uczenia maszynowego (supervised learning) i może być używane zarówno dla danych dyskretnych, jak i ciągłych w celach klasyfikacyjnych i regresyjnych. Najpopularniejsze algorytmy budowy drzew decyzyjnych to: ID3, C4.5, C5.0, CART i wiele innych. W ramach tego ćwiczenia omówiony i zbadany zostanie algorytm C4.5, który stanowi rozszerzenie podstawowego algorytmu ID3. Podstawowe różnice między tymi algorytmami to:

- ID3 radzi sobie tylko z danymi kategorycznymi, natomiast C4.5 obsługuje również dane ciągłe,
- C4.5 radzi sobie z brakującymi danymi,
- C4.5 używa algorytmów przycinania drzewa (error based prunning).

Wspólnymi cechami obu algorytmów są: podatność na wartości odstające (outliers) oraz kryterium używane podczas podziału zbioru danych w węzłach drzewa (zysk informacyjny).

Zysk informacyjny i entropia

Entropia jest miarą okręślającą nieuporządkowanie danych i dla zmiennej losowej X o wartościach $x_1, x_2, ..., x_n$ określona jest wzorem:

$$E(X) = -\sum_{i=1}^{n} p(x_i) \cdot log_2 p(x_i),$$

korzystając z tej definicji można określić tzw. zysk informacyjny:

$$IG(X,A) = E(X) - \sum_{i \in values(A)} \frac{|\{x \in X | value(x,A) = i\}|}{|X|} E(\{x \in X | value(x,A) = i\})$$

Lista kroków algorytmu C4.5

Dla określonego zbioru danych D, algorytm C4.5 jest zdefiniowany w następujący sposób:

- K.1. $Tree = \{\}$
- K.2. Jeśli osiągnięto warunek końcowy, to zakończ algorytm.
- K.3. Dla każdego atrybutu w zbiorze danych oblicz zysk informacyjny.
- K.4. a_{best} = wybierz najlepszy atrybut względem obliczonych w K.3. wartości.
- K.5. Dołącz do drzewa Tree węzeł decyzyjny dla atrybutu a_{best} .
- K.6. $D_v = \text{podzbiory}$ wynikające z podziału zbioru D za pomocą wartości atrybutu a_{best} .
- K.7. Dla każdego $d \in D_v$ wykonuj:
- K.7.1. $Tree_v = C4.5(d)$
- K.7.2. Dołącz $Tree_v$ do odpowiedniej gałęzi w węzle decyzyjnym.
- K.8. Zwróć Tree.

Metody przycinania drzewa (prunning)

W celu uniknięcia przeuczenia (*overfitting*) oraz poprawienia jakości generalizacji drzewa, stostuje się metody tzw. przycinania (*prunning*). Można je podzielić na dwie grupy:

- na etapie budowy drzewa (pre-prunning)
- po zakończeniu procesu budowy drzewa (post-prunning)

W przypadku metod *pre-prunning* istnieje możliwość przedwczesnego zatrzymania algorytmu budowy drzewa i znacznego pogorszenia wydajności drzewa (w skrajnych przypadkach korzeń może zostać w ogóle nie rozwinięty). Stąd też preferowane są metody *post-prunning*. Najpopularniejszymi algorytmami tutaj są:

- zastępowanie poddrzew (*subtree replacement*) wybrane poddrzewo jest zastępowane pewną wartością znajdującą się w nim; ważne jest jednak, że rozważane są wszystkie poddrzewa w ramach danego poddrzewa i dopiero wtedy podejmowana jest decyzja,
- wznoszenie poddrzew (subtree raising) określony węzeł jest usuwany i jeden z jego potomków (również węzeł decyzyjny) jest umieszczany na jego miejscu; Wszystkie instancje umieszczone w ramach poddrzewa wyznaczonego przez usuwany węzeł, są ponownie rozmieszczane w wynikowym poddrzewie,
- reduced error prunning rozpoczynając od liści, każdy węzeł jest zastępowany najczęściej występującą klasą w ramach tego węzła; jeśli nie pogorszy to błędu klasyfikacji (accuracy), to zmiana jest zachowywana.

2 Analiza zbiorów danych

2.1 Zbiór danych – "Diabetes"

Nazwa klasy	Liczba instancji	% instancji
1 (chory)	500	65 (%)
0 (zdrowy)	268	35 (%)

Tabela 1: Udział procentowy klas w zbiorze "Diabetes".

Nazwa atrybutu	Min	Max	Średnia	Ochyl. stand.	Rozkład
Glucose	0	199	120.89	31.95	90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 9
BloodPressure	0	122	69.11	19.34	100 100 100 100 100 100 100 100 100 100
SkinThickness	0	99	20.54	15.94	200 - 130 - 100 -
Insulin	0	846	79.80	115.17	500 500 500 500 500 500 500 500 500 500
BMI	0	67.1	31.99	7.88	100 60 60 20 20 30 40 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50
DiabetesPedigreeFunction	0.08	2.42	0.47	0.33	100 100 100 100 100 100 100 100 100 100
Age	21	81	33.24	11.75	100 100 100 100 100 100 100 100 100 100

Tabela 2: Atrybuty zbioru danych "Diabetes".

2.2 Zbiór danych – "Glass"

Nazwa klasy	Liczba instancji	% instancji
1 (building_windows_float_processed)	70	33 (%)
2 (building_windows_non_float_processed)	76	36 (%)
3 (vehicle_windows_float_processed)	17	8 (%)
4 (vehicle_windows_non_float_processed)	0	0 (%)
5 (containers)	13	6 (%)
6 (tableware)	9	4 (%)
7 (headlamps)	29	13 (%)

Tabela 3: Udział procentowy klas w zbiorze "Glass".

Name	Min	Max	Mean	Std	Distribution
RI	1.51	1.53	1.52	0.00	0
Na	10.73	17.38	13.41	0.81	25- 25- 25- 25- 26- 27- 28- 28- 28- 28- 28- 28- 28- 28- 28- 28
Mg	0.00	4.49	2.68	1.44	00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00
Al	0.29	3.50	1.44	0.50	30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 3
Si	69.81	75.41	72.65	0.77	20- 21- 20- 20- 20- 20- 20- 20- 20- 20- 20- 20
K	0.00	6.21	0.50	0.65	20 20 3 4 5 5

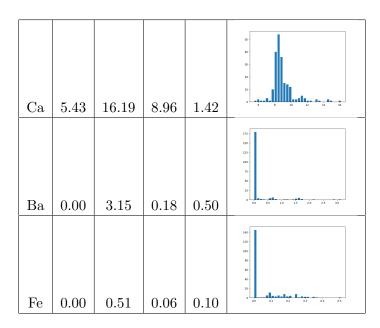


Tabela 4: Atrybuty zbioru danych "Glass".

2.3 Zbiór danych – "Wine"

Nazwa klasy	Liczba instancji	% instancji
1 (Class 1)	59	33 (%)
2 (Class 2)	71	40 (%)
3 (Class 3)	48	27 (%)

Tabela 5: Udział procentowy klas w zbiorze "Wine".

Name	Min	Max	Mean	Std	Distribution
Alcohol	11.03	14.83	13.00	0.81	32
Macil_acid	0.74	5.80	2.34	1.11	20 20 30 30 30 30 30 30 30 30 40 40 40 40 40 40 40 40 40 40 40 40 40
Ash	1.36	3.23	2.37	0.27	20.0 20.0 20.0 20.0 20.0 20.0 20.0 20.0
Alcalinity_of_ash	10.60	30.00	19.49	3.33	30- 30- 30- 31- 31- 31- 31- 31- 31- 31- 31- 31- 31
Magnesium	70.00	162.00	99.74	14.24	23 20 33 30 30 100 100 120 100 100
Total_phenols	0.98	3.88	2.30	0.62	39 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10

	ı	ı	1		
Flavanoids	0.34	5.08	2.03	1.00	30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 30 3
Nonflavanoid_phenols	0.13	0.66	0.36	0.12	323- 326- 323- 324- 32- 32- 32- 32- 32- 32- 32- 32- 32- 32
Nonnavanoid_pnenois	0.13	0.00	0.30	0.12	
Proanthocyanins	0.41	3.58	1.59	0.57	33-1 33-1 33-1 33-1 33-1 33-1 33-1 33-1
Intensity	1.28	13.00	5.06	2.31	33 - 32 - 34 - 4 - 50 - 32 - 32 - 32 - 32 - 32 - 32 - 32 - 3
Hue	0.48	1.71	0.96	0.23	31- 31- 32- 33- 4- 4- 4- 5- 5- 5- 5- 5- 5- 5- 5- 5- 5- 5- 5- 5-
OD280_OD315	1.27	4.00	2.61	0.71	32- 32- 33- 4- 4- 2- 33- 34- 35- 4- 35- 4- 35- 4- 35- 4- 35- 4- 35- 35- 35- 35- 35- 35- 35- 35- 35- 35
Proline	278.00	1680.00	746.89	314.02	33 34 34 35 36 36 36 36 36 36 36 36 36 36 36 36 36

Tabela 6: Atrybuty zbioru danych "Wine".

3 Eksperyment

3.1 Założenia

Eksperyment został podzielony na dwie fazy. Pierwsza służyła do zbadania parametrów algorytmu C4.5, natomiast druga miała na celu ocenę jakości działania drzewa decyzyjnego dla wybranych zbiorów danych (**Diabetes**, **Glass** oraz **Wine**). Podobnie jak w przypadku algorytmu klasyfikatora Bayesa została tutaj również zastosowana krowalidacja zwykła oraz stratyfikowana i zostały obliczone miary accuracy, precision, recall oraz F1.

Szczegółowe wyniki (wykresy, tabelki, wizualizacje drzew) tego eksperymentu są przedstawione w kolejnych podrozdziałach.

3.2 Badanie parametrów algorytmu C4.5

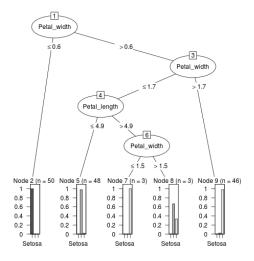
W implementacji ćwiczenia wykorzystano bibliotekę rWeka. Spośród dostępnych tutaj parametrów algorytmu C4.5 zostały wybrane i zbadane następujące:

Nazwa parametru	Wybrane wartości	Opis
Reduced error pruning	$RE = \{ TRUE, FALSE \}$	czy przeprowadzać przycinanie
		drzewa metodą "reduced error"
Number of folds for RE pruning	$NBF = \{ 2, 10 \}$	liczba podziałów danych (podzbio-
		rów) używanych podczas przycina-
		nia "reduced error"
Min. number of instances per leaf	$NBINST = \{1, 10\}$	min. liczba instancji w liściu
Confidence threshold for prunning	$CONF = \{0.01, 0.4\}$	próg ufności dla przycinania drzewa

Tabela 7: Zbadane parametry algorytmu C4.5.

Dodatkowo zostało zbadane zachowanie drzewa dla domyślnych wartości parametrów (ustalonych przez autorów biblioteki rWeka). Poniższe rysunki obrazują drzewa decyzyjne dla zbioru "Iris" przy zastosowaniu powyższych opcji konfiguracyjnych.

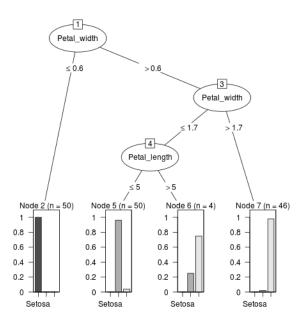
Domyślne opcje konfiguracyjne



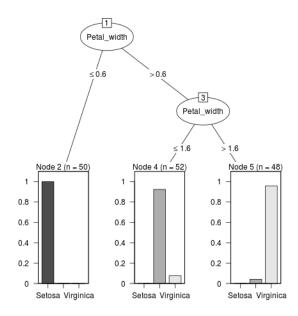
Rysunek 1: Drzewo dla domyślnej konfiguracji.

Przycinanie "Reduced error"

Zastosowanie przycinania drzewa metodą reduced error pozwoliło zmniejszyć głębokość otrzymanego drzewo. Dodatkowo można zauważyć, że zastosowanie większej liczby podziałów zbioru danych (foldy) pozwalało zgeneralizować drzewo do 2 reguł.



Rysunek 2: Drzewo dla RE = TRUE oraz NBF = 2.



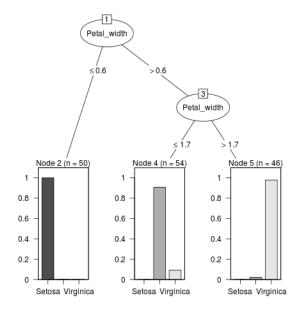
Rysunek 3: Drzewo dla RE = TRUE oraz NBF = 10.

Min. liczba instancji w liściu

Parametr określający minimalną liczbę instancji w liściu drzewa decyzyjnego znacząco wpływa na odporność drzewa na przeuczenie (overfitting). W przypadku ustalenia tego parametru na wartość równą jeden, ryzyko przeuczenia jest bardzo wysokie, dodatkowo można zauważyć, że głębokość drzewa wzrosła (głębokość równa 5) i jest znacznie większa niż w przypadku ustalenia parametru na wartość 10 (głębokość 2).



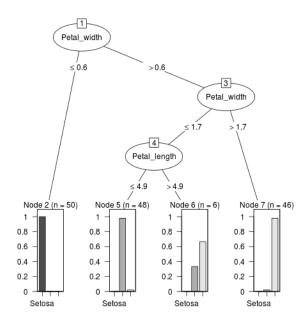
Rysunek 4: Drzewo dla NBINST = 1.



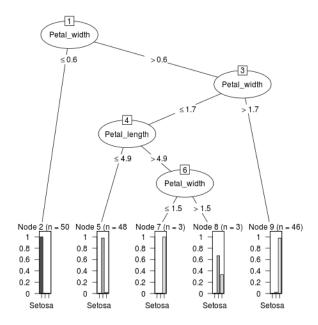
Rysunek 5: Drzewo dla NBINST = 10.

Próg ufności

Zastosowanie wbudowanej metody przycinania (zamiast reduced error), również pozwoliło ograniczyć głębokość drzewa, jednak efekty nie są tak dobre jak w przypadku tamtej metody. Dla parametru progu ufności równego 0.4 otrzymano drzewo identyczne jak w przypadku zastosowania domyślnych parametrów algorytmu. Natomiast zastosowanie bardzo niskiego progu ufności (0.01) pozwalało ograniczyć głębokość drzewa o jeden (prawie identyczny z drzewem otrzymanym dla metody reduced error z 2 podziałami).



Rysunek 6: Drzewo dla CONF = 0.01.



Rysunek 7: Drzewo dla CONF = 0.4.

3.3 Wyniki kroswalidacji

Poniżej zostały przedstawione wyniki zastosowania kroswalidacji dla wybranych zbiorów danych. W ramach danego procesu kroswalidacji, wyznaczono wartości miar oceny jakości klasyfikatora. Dodatkowo zostały zamieszczone tabelki z dokładnymi wartościami tych miar. Parametrami każdego procesu kroswalidacji są:

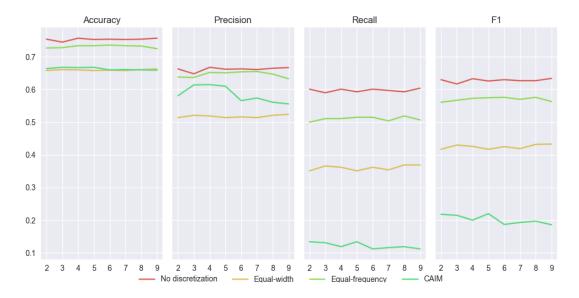
- liczba podzbiorów (foldów), zmieniająca się od 2 do 9 ze skokiem 1,
- zestaw opcji konfiguracyjnych:
 - (C1) domyślna konfiguracja,
 - (C2) RE = TRUE, NBF = 10, NBINST = 10,
 - (C3) CONF = 0.01, NBINST = 10.

3.3.1 Zbiór danych – "Diabetes"

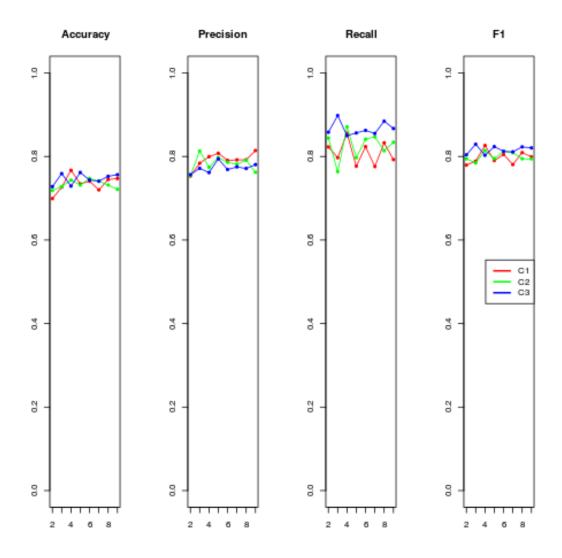
Kroswalidacja zwykła

Klasyfikator	Accuracy	Precision	Recall	F1	Komentarz
Bayes	0.76	0.67	0.60	0.63	Brak dyskretyzacji; $K = 9$
C4.5	0.76	0.77	0.90	0.83	C3; $K = 3$

Tabela 8: Najlepsze wyniki dla klas. Bayesowskiego i drzewa C4.5 (względem F1).



Rysunek 8: Wartości metryk dla klasyfikatora Bayesowskiego.

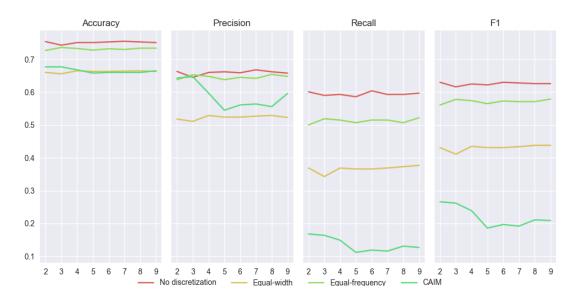


Rysunek 9: Wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

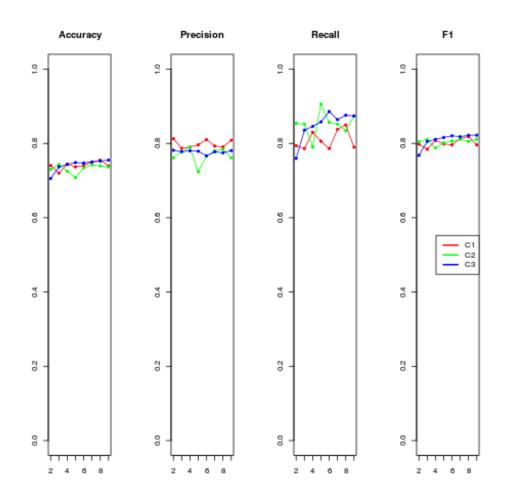
		Liczba foldów							
Konfiguracja	Metryka	2	3	4	5	6	7	8	9
C1	Accuracy	0.70	0.73	0.77	0.73	0.74	0.72	0.74	0.75
C1	Precision	0.75	0.78	0.80	0.81	0.79	0.79	0.79	0.81
C1	Recall	0.82	0.80	0.86	0.78	0.82	0.78	0.83	0.79
C1	F1	0.78	0.79	0.83	0.79	0.80	0.78	0.81	0.80
C2	Accuracy	0.72	0.73	0.74	0.73	0.75	0.74	0.73	0.72
C2	Precision	0.75	0.81	0.77	0.80	0.79	0.78	0.79	0.76
C2	Recall	0.84	0.76	0.87	0.80	0.84	0.85	0.81	0.83
C2	F1	0.79	0.78	0.81	0.80	0.81	0.81	0.79	0.79
C3	Accuracy	0.73	0.76	0.73	0.76	0.74	0.74	0.75	0.76
C3	Precision	0.76	0.77	0.76	0.79	0.77	0.78	0.77	0.78
C3	Recall	0.86	0.90	0.85	0.86	0.86	0.86	0.88	0.87
C3	F1	0.80	0.83	0.80	0.82	0.81	0.81	0.82	0.82

Tabela 9: Dokładne wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

Krowalidacja stratyfikowana



Rysunek 10: Wartości metryk dla klasyfikatora Bayesowskiego.



Rysunek 11: Wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

Klasyfikator	Accuracy	Precision	Recall	F1	Komentarz
Bayes	0.75	0.66	0.60	0.63	Brak dyskretyzacji; $K = 6$
C4.5	0.75	0.77	0.89	0.82	C3; $K = 6$

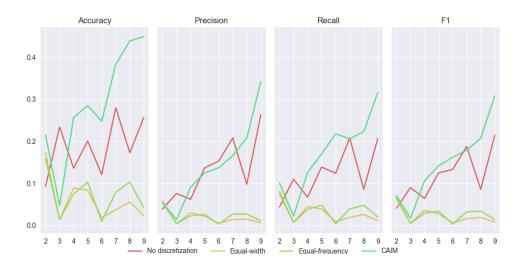
Tabela 10: Najlepsze wyniki dla klas. Bayesowskiego i drzewa C4.5 (względem F1).

		Liczba foldów							
Konfiguracja	Metryka	2	3	4	5	6	7	8	9
C1	Accuracy	0.74	0.72	0.74	0.74	0.74	0.75	0.76	0.74
C1	Precision	0.81	0.79	0.79	0.80	0.81	0.79	0.79	0.81
C1	Recall	0.79	0.79	0.83	0.81	0.79	0.84	0.85	0.79
C1	F1	0.80	0.78	0.81	0.80	0.80	0.81	0.82	0.80
C2	Accuracy	0.73	0.74	0.73	0.71	0.73	0.74	0.74	0.74
C2	Precision	0.76	0.78	0.79	0.72	0.77	0.78	0.78	0.76
C2	Recall	0.85	0.85	0.79	0.91	0.86	0.85	0.83	0.87
C2	F1	0.80	0.81	0.79	0.80	0.81	0.81	0.81	0.81
C3	Accuracy	0.71	0.74	0.74	0.75	0.75	0.75	0.75	0.76
C3	Precision	0.78	0.78	0.78	0.78	0.77	0.78	0.77	0.78
C3	Recall	0.76	0.84	0.85	0.86	0.89	0.86	0.88	0.87
C3	F1	0.77	0.81	0.81	0.82	0.82	0.82	0.82	0.82

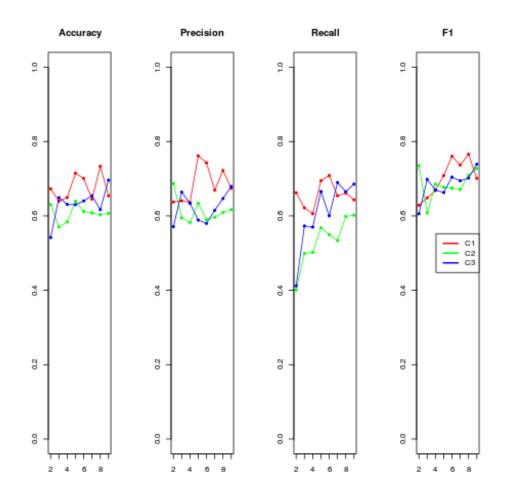
Tabela 11: Dokładne wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

3.3.2 Zbiór danych – "Glass"

Kroswalidacja zwykła



Rysunek 12: Wartości metryk dla klasyfikatora Bayesowskiego.



Rysunek 13: Wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

Klasyfikator	Accuracy	Precision	Recall	F1	Komentarz
Bayes	0.44	0.34	0.32	0.31	CAIM; $K = 9$
C4.5	0.73	0.72	0.66	0.77	C1; $K = 8$

Tabela 12: Najlepsze wyniki dla klas. Bayesowskiego i drzewa C4.5 (względem F1).

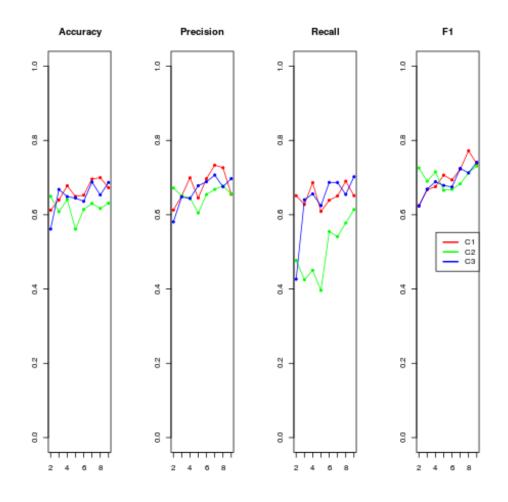
		Liczba foldów							
Konfiguracja	Metryka	2	3	4	5	6	7	8	9
C1	Accuracy	0.67	0.64	0.65	0.72	0.70	0.65	0.73	0.65
C1	Precision	0.64	0.64	0.64	0.76	0.74	0.67	0.72	0.67
C1	Recall	0.66	0.62	0.61	0.69	0.71	0.65	0.66	0.64
C1	F1	0.63	0.65	0.67	0.71	0.76	0.74	0.77	0.70
C2	Accuracy	0.63	0.57	0.58	0.64	0.61	0.61	0.60	0.61
C2	Precision	0.69	0.59	0.58	0.63	0.59	0.60	0.61	0.62
C2	Recall	0.40	0.50	0.50	0.57	0.55	0.53	0.60	0.60
C2	F1	0.74	0.61	0.69	0.68	0.68	0.67	0.71	0.73
C3	Accuracy	0.54	0.65	0.63	0.63	0.64	0.65	0.62	0.70
C3	Precision	0.57	0.66	0.63	0.59	0.58	0.62	0.65	0.68
C3	Recall	0.41	0.57	0.57	0.67	0.60	0.69	0.67	0.69
C3	F1	0.61	0.70	0.67	0.66	0.70	0.69	0.70	0.74

Tabela 13: Dokładne wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

Krowalidacja stratyfikowana



Rysunek 14: Wartości metryk dla klasyfikatora Bayesowskiego.



Rysunek 15: Wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

Klasyfikator	Accuracy	Precision	Recall	F1	Komentarz
Bayes	0.67	0.60	0.63	0.61	CAIM; $K = 5$
C4.5	0.70	0.73	0.69	0.77	C1; $K = 8$

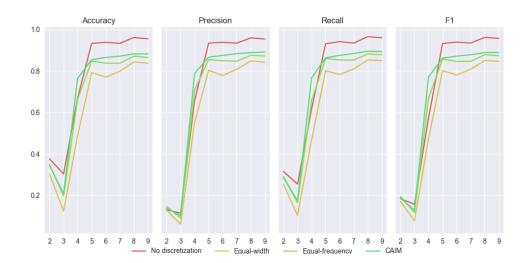
Tabela 14: Najlepsze wyniki dla klas. Bayesowskiego i drzewa C4.5 (względem F1).

		Liczba foldów							
Konfiguracja	Metryka	2	3	4	5	6	7	8	9
C1	Accuracy	0.61	0.64	0.68	0.65	0.65	0.70	0.70	0.67
C1	Precision	0.61	0.65	0.70	0.65	0.70	0.73	0.73	0.66
C1	Recall	0.65	0.63	0.69	0.61	0.64	0.65	0.69	0.65
C1	F1	0.62	0.67	0.68	0.71	0.69	0.72	0.77	0.74
C2	Accuracy	0.65	0.61	0.64	0.56	0.61	0.63	0.62	0.63
C2	Precision	0.67	0.65	0.65	0.60	0.65	0.67	0.68	0.66
C2	Recall	0.48	0.42	0.45	0.40	0.55	0.54	0.58	0.61
C2	F1	0.73	0.69	0.72	0.67	0.67	0.68	0.71	0.73
C3	Accuracy	0.56	0.67	0.65	0.64	0.64	0.69	0.65	0.69
C3	Precision	0.58	0.65	0.64	0.68	0.69	0.71	0.68	0.70
C3	Recall	0.43	0.64	0.66	0.62	0.69	0.69	0.65	0.70
C3	F1	0.62	0.67	0.69	0.68	0.67	0.72	0.71	0.74

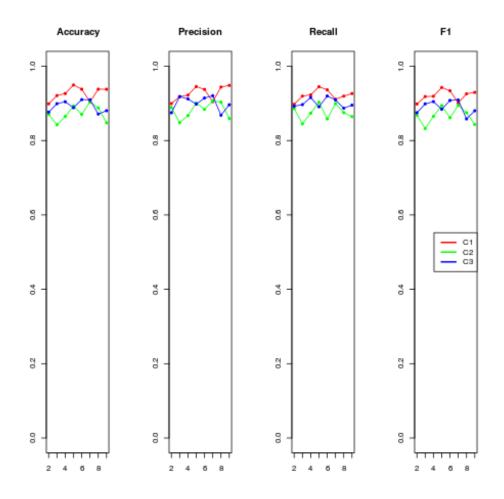
Tabela 15: Dokładne wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

3.3.3 Zbiór danych – "Wine"

Kroswalidacja zwykła



Rysunek 16: Wartości metryk dla klasyfikatora Bayesowskiego.



Rysunek 17: Wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

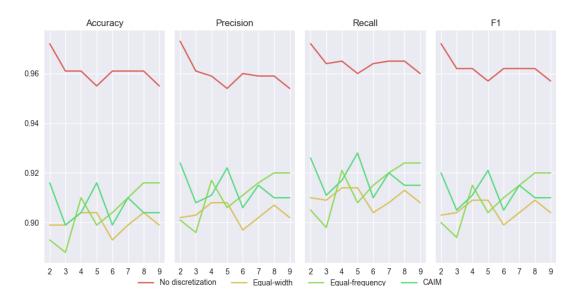
Klasyfikator	Accuracy	Precision	Recall	F1	Komentarz
Bayes	0.96	0.96	0.97	0.96	Brak dyskretyzacji; $K = 8$
C4.5	0.95	0.95	0.94	0.94	C1; $K = 5$

Tabela 16: Najlepsze wyniki dla klas. Bayesowskiego i drzewa C4.5 (względem F1).

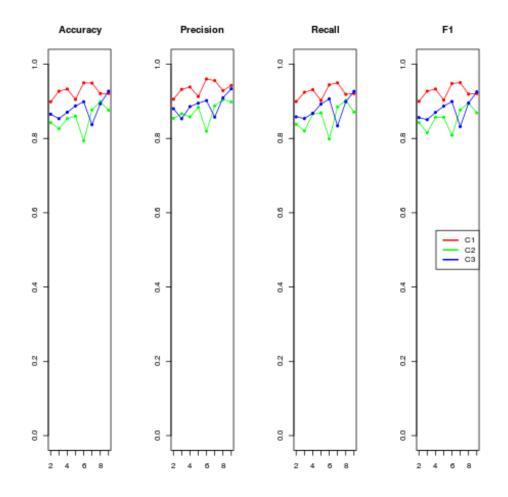
		Liczba foldów							
Konfiguracja	Metryka	2	3	4	5	6	7	8	9
C1	Accuracy	0.90	0.92	0.93	0.95	0.94	0.90	0.94	0.94
C1	Precision	0.90	0.92	0.92	0.95	0.94	0.90	0.94	0.95
C1	Recall	0.90	0.92	0.92	0.94	0.94	0.91	0.92	0.93
C1	F1	0.90	0.92	0.92	0.94	0.93	0.90	0.93	0.93
C2	Accuracy	0.87	0.84	0.86	0.89	0.87	0.90	0.89	0.85
C2	Precision	0.89	0.85	0.87	0.90	0.88	0.91	0.90	0.86
C2	Recall	0.89	0.84	0.87	0.90	0.86	0.90	0.88	0.86
C2	F1	0.87	0.83	0.87	0.89	0.86	0.89	0.88	0.84
C3	Accuracy	0.88	0.90	0.90	0.89	0.91	0.91	0.87	0.88
C3	Precision	0.87	0.92	0.91	0.90	0.91	0.92	0.87	0.90
C3	Recall	0.89	0.90	0.92	0.89	0.92	0.91	0.89	0.90
C3	F1	0.87	0.90	0.90	0.88	0.91	0.91	0.86	0.88

Tabela 17: Dokładne wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

Kroswalidacja stratyfikowana



Rysunek 18: Wartości metryk dla klasyfikatora Bayesowskiego.



Rysunek 19: Wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

Klasyfikator	Accuracy	Precision	Recall	F1	Komentarz
Bayes	0.97	0.97	0.97	0.97	Brak dyskretyzacji; $K = 2$
C4.5	0.95	0.96	0.95	0.95	C1; $K = 7$

Tabela 18: Najlepsze wyniki dla klas. Bayesowskiego i drzewa C4.5 (względem F1).

		Liczba foldów							
Konfiguracja	Metryka	2	3	4	5	6	7	8	9
C1	Accuracy	0.90	0.93	0.93	0.91	0.95	0.95	0.92	0.92
C1	Precision	0.91	0.93	0.94	0.91	0.96	0.96	0.93	0.94
C1	Recall	0.90	0.92	0.93	0.90	0.94	0.95	0.92	0.92
C1	F1	0.90	0.93	0.93	0.90	0.95	0.95	0.92	0.92
C2	Accuracy	0.84	0.83	0.85	0.86	0.79	0.88	0.90	0.88
C2	Precision	0.85	0.87	0.86	0.88	0.82	0.89	0.90	0.90
C2	Recall	0.84	0.82	0.87	0.87	0.80	0.88	0.90	0.87
C2	F1	0.84	0.82	0.86	0.86	0.81	0.88	0.90	0.87
C3	Accuracy	0.87	0.85	0.87	0.89	0.90	0.84	0.89	0.93
C3	Precision	0.88	0.85	0.89	0.89	0.90	0.86	0.91	0.93
C3	Recall	0.86	0.85	0.87	0.89	0.91	0.83	0.90	0.93
C3	F1	0.86	0.85	0.87	0.89	0.90	0.83	0.90	0.93

Tabela 19: Dokładne wartości metryk dla drzewa decyzyjnego C4.5.

4 Wnioski

•