

La simulation numérique Résolution des systèmes linéaires sous Python

Implémentation de la méthode du pivot de Gauss en python

```
1 import numpy as np
```

1. Ecrire une fonction python sans paramètres, appelée **taille**, qui permet de saisir et retourner un entier ≥ 2 .

```
1 def taille():
2     while True:
3         try:
4             n=int(input("nombre d'équations = "))
5             if n>=2:
6                 return n
7             else:
8                 continue
9         except:
10            continue
```

2. Ecrire une fonction python, nommée **saisie_Vect** qui permet la saisie des n coefficients réels d'un vecteur. Cette fonction doit retourner une matrice B unicolonne d'ordre $(n, 1)$.

```
1 def saisie_vect(n):
2     L=[]
3     for i in range(n):
4         while True:
5             try:
6                 x=float(input("coefficient d'indice {} ?".format(i)))
7                 break
8             except:
9                 continue
10        L.append(x)
11    return np.array(L).reshape(n,1)
```

3. Ecrire une fonction python, nommée **saisie_Mat** qui permet la saisie des coefficients réels d'une matrice carrée d'ordre n . Cette fonction doit retourner une matrice A carrée d'ordre (n, n) .

```
1 def saisie_mat(n):
2     LL=[]
3     for i in range(n):
4         L=[]
5         for j in range(n):
6             while True:
7                 try:
8                     x=float(input("coefficient d'indice {},{} ?".format(i,j)))
9                     break
10                except:
11                    continue
12            L.append(x)
13        LL.append(L)
14    return np.array(LL)
```

4. Ecrire une fonction python, nommée **triangulaire**, qui prend en paramètres une matrice M d'ordre $(n, n+1)$ et qui rend triangulaire supérieure la matrice carrée $M[1:n, 1:n]$.

```
1 def triangulaire(M):
2     n = M.shape[0]
3     for k in range(n-1):
4         if M[k,k] == 0: #Rechercher un pivot non nul
5             l = k+1 #à partir de la ligne suivante
6             while True:
7                 if l > n-1:
8                     break
9                 if M[l,k] !=0:
10                    break
11                else:
12                    l+=1
13            if l > n-1: #pivot non nul n'existe pas dans cette colonne k
14                print("pivot nul")
15                break
16            else: #Permuter les lignes l et k
17                MT = np.copy(M) #Matrice temporaire
18                M[k,:] = MT[l,:]
19                M[l,:] = MT[k,:]
20            if M[k,k] != 0:
21                for i in range(k+1,n):
22                    #terme à terme entre ligne i et ligne k
23                    M[i,:] = M[i,:] - (M[i,k]/M[k,k]) * M[k,:]
24    return (M)
```

5. Ecrire une fonction python, nommée **remontee**, qui prend en paramètres une matrice **M** d'ordre $(n, n + 1)$ triangulaire supérieure et retourne un vecteur **X** solution du système triangulaire.

```

1 def remontee(M):
2     X = np.zeros((n,1))
3     X[n-1] = M[n-1,n]/M[n-1,n-1]
4     for i in range(n-2,-1,-1):
5         somme = M[i,n]
6         for j in range(i+1,n):
7             somme -= M[i,j]*X[j]
8         X[i] = somme / M[i,i]
9     return (X)

```

6. Ecrire une fonction python, nommée **pivot_Gauss**, qui prend en paramètres une matrice **A** et un vecteur **B** et retourne le vecteur **X**, solution du système.

```

1 def pivot_Gauss(A,B):
2     M = np.concatenate((A,B),axis=1) # M : Matrice augmentée
3     M1 = triangulaire(M) #M1 : Matrice augmentée triangulaire supérieure
4     X = remontee(M1) #X :vecteur solution
5     return X

```

7. Déterminer la matrice des inconnus **X** :

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -5 & 1 & 3 \\ 4 & 7 & 8 & 2 \\ 3 & 1 & 1 & 6 \\ 4 & 1 & 7 & 9 \end{pmatrix} \quad X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 5 \\ 10 \\ 2 \\ 6 \end{pmatrix}$$

```

1 n = taille()
2 #n=4
3
4 A = saisie_mat(n)
5 #A = np.array([[2,-5,1,3],[4,7,8,2],[3,1,1,6],[4,1,7,9]],float)
6
7 B = saisie_vect(n)
8 #B = np.array([5,10,2,6]).reshape(4,1)
9
10 print(pivot_Gauss(A,B))
11 X=[[ 2.29699248]
12     [-0.45363409]
13     [ 0.71303258]
14     [-0.85839599]]
15
16
17 #Vérifier avec numpy.linalg.solve
18 x = numpy.linalg.solve(A,B); x
19 array([[ 2.29699248],
20        [-0.45363409],
21        [ 0.71303258],
22        [-0.85839599]])

```