相対性理論

Anko

2023年7月17日

目次

1 特殊相対論

定義 (Einstein の相対性原理).

自然法則は全ての慣性系において同じ形になる。

定義 (光速度不変の原理).

光の速度は全ての慣性系で、光源の速度によらず一定である。

定義.

$$x^{\mu} = (x^0, x^1, x^2, x^3) := (ct, \mathbf{r}(t)) \tag{1}$$

$$ds^{2} = (c dt)^{2} - dx^{2} - dy^{2} - dz^{2} = (c d\tau)^{2}$$
(2)

定義.

$$u^{\mu}(t) = \frac{\mathrm{d}x^{\mu}}{\mathrm{d}\tau} = \gamma(c, \dot{\boldsymbol{r}}) \tag{3}$$

$$a^{\mu}(t) = \frac{\mathrm{d}^2 x^{\mu}}{\mathrm{d}\tau^2} = \gamma(0, \ddot{\boldsymbol{r}}) \tag{4}$$

$$p^{\mu} = mu^{\mu} = m\gamma(c, \dot{r}) \tag{5}$$

$$j^{\mu}(x) := (c\rho, \mathbf{j}) \tag{6}$$

$$E := cp^0 \tag{7}$$

運動方程式

$$m\frac{\mathrm{d}^2 x^{\mu}}{\mathrm{d}\tau^2} = 0\tag{8}$$