

## HW#12

经济学院 刘安澜 1700015495

校门外的树, <http://cs101.openjudge.cn/practice/1810>

解题思路:只需要将树的列表在经过的路段改成 0, 最后统计存活的树即可。

```
1. L,M=map(int,input().split())
2. l=[1]*(L+1)
3. for i in range(M):
4.     a,b=map(int,input().split())
5.     for j in range(a,b+1):
6.         l[j]=0
7. print(sum(l))
```

约瑟夫问题, <http://cs101.openjudge.cn/practice/1748>

解题思路: 建立参与者列表, 存活记为 1, 如果出局状态变为 0; 每一次只对存活的参与者计数, 然后对整个活动的存活者计数; 由于需要考虑到循环的情况, 所以每一次换人的时候采取  $i = (i+1) \% n$  来构造循环的遍历。

```
1. n,m=map(int,input().split())
2. while m+n!=0:
3.     l=[1]*n
4.     i=0
5.     j=m
6.     s=n
7.     while s!=1:
8.         if l[i]==1:
9.             j-=1
10.            if j==0:
11.                l[i]=0
12.                s-=1
13.                j=m
14.                i+=1
15.                i=i%n
16.            else:
17.                i+=1
18.                i=i%n
19.        print(l.index(1)+1)
20.    n,m=map(int,input().split())
```

brute force

假币问题, <http://cs101.openjudge.cn/practice/1694>

解题思路：这道题一开始我采取正向解法（没有理解 **brute force** 的内涵），但是总会碰到无法全部判断的情况，所以是 **wrong answer**。这道题正常的思路应该是对 12 枚硬币是否是假币的 24 种情况遍历一遍，如果满足称重的情况，则输出结果。我用字典的写法有些复杂了，其实采取 ‘ABCD’ 字符串形式会更加简单。

```
1. #CS101 1694
2. def balance(l1,l2,l3):
3.     s1=s2=0
4.     for i in l1:
5.         s1+=d[i]
6.     for i in l2:
7.         s2+=d[i]
8.     if (s1>s2 and l3=='up') or (s1<s2 and l3=='down') or (s1==s2 and l3=='even'):
9.         return True
10.    else:
11.        return False
12.
13. n=int(input())
14. for i in range(n):
15.     l=[input().split() for i in range(3)]
16.     d={'A':0,'B':0,'C':0,'D':0,'E':0,'F':0,'G':0,'H':0,'I':0,'J':0,'K':0,'L':0}
17.     status=[-1,1]
18.     word=['light.','heavy.']
19.     for j in range(24):
20.         d[list(d.keys())[j//2]]=status[j%2]
21.         for k in range(3):
22.             if balance(l[k][0],l[k][1],l[k][2])==False:
23.                 break
24.             if k==2 and balance(l[k][0],l[k][1],l[k][2])==True:
25.                 ans=j
26.         d={'A':0,'B':0,'C':0,'D':0,'E':0,'F':0,'G':0,'H':0,'I':0,'J':0,'K':0,'L':0}
27.     print(list(d.keys())[ans//2]+' is the counterfeit coin and it is '+word[ans%2])
```

### greedy

圣诞老人的礼物-Santa Clau's Gifts,

<http://cs101.openjudge.cn/practice/7813>

解题思路：对礼物的平均价值进行倒序排列，然后依次取用即可。一开始不 **AC** 的关键在于如果圣诞老人带的货物足够多，把全部礼物带走，就不会出现小数。所以一定要统一在最后输出一位小数的格式。

```

1. n,w=map(int,input().split())
2. l=[[int(x) for x in input().split()] for i in range(n)]
3. l.sort(key=lambda x: -x[0]/x[1])
4. ans=0
5. for i in range(n):
6.     if w>l[i][1]:
7.         ans+=l[i][0]
8.         w-=l[i][1]
9.     else:
10.        ans+=w*(l[i][0]/l[i][1])
11.        break
12. print('%.1f' % ans)

```

## binary search

方程求解， <http://cs101.openjudge.cn/practice/12065>

解题思路：先找到一个大概区间（0-10），然后在区间内进行循环二分查找迭代，最终控制精度在  $10^{-10}$  以内，输出控制在 9 位小数即可。

```

1. def f(x):
2.     return(x**3-5*(x**2)+10*x-80)
3. i=0
4. j=10
5. while j-i>0.1**10:
6.     if f((i+j)/2)>0:
7.         j=(i+j)/2
8.     else:
9.         i=(i+j)/2
10. print('%.9f' % i)

```

## matrices

螺旋矩阵， <http://cs101.openjudge.cn/practice/18106/>

解题思路：我采取一种几何化的想法，就按照右-下-左-上的循环顺序写入数据。定义一个方向向量，如果写到头（即下一个位置不为 0）就更换方向（这里的循环设置也参考之前猴子称大王问题的循环变量设计）。外加一层不为 0 的保护圈作为界的标志。

```

1. n=int(input())
2. l=[[-1]*(n+2)]+[[[-1]+[0]*n+[-1] for j in range(n)]+[[[-1]*(n+2)]]
3. turn=[[0,1],[1,0],[0,-1],[-1,0]]
4. i=1
5. j=1
6. s=1
7. t=0

```

```

8. while s<=n**2:
9.     l[i][j]=s
10.    s+=1
11.    if l[i+turn[t][0]][j+turn[t][1]]!=0:
12.        t=(t+1)%4
13.        i+=turn[t][0]
14.        j+=turn[t][1]
15. for i in range(1,n+1):
16.     print(' '.join([str(x) for x in l[i][1:n+1]]))

```

//选做:

熄灯问题,

brute force, <http://cs101.openjudge.cn/practice/1813>

解题思路: 一开始我一直想使用 **dfs** 的方法, 但是因为 **dfs** 方向比较散, 操作起来确实复杂 (还是没有理解本题 **brute force** 的思想)。最终采取的思路仍然是对第一行遍历 (64 组), 这样后面的行只需要根据第一行的情况进行改变即可。注意需要第一行遍历的循环最里 (而不是第一层) 对原矩阵进行拷贝, 否则输出的结果不正确。

```

1. import copy
2. dx=[0,0,0,-1,1]
3. dy=[0,1,-1,0,0]
4. mat=[[2]*(8)]+[[2]+[int(x) for x in input().split()]+[2] for i in range(5)]+
   [[2]*(8)]
5. output=[[0]*(6) for i in range(5)]
6.
7. def turn(x,y,k):
8.     if k==1:
9.         for i in range(5):
10.            if board[x+dx[i]][y+dy[i]]==0:
11.                board[x+dx[i]][y+dy[i]]=1
12.            elif board[x+dx[i]][y+dy[i]]==1:
13.                board[x+dx[i]][y+dy[i]]=0
14.        return
15.     if k==0:
16.         return
17.
18. for a in range(2):
19.     for b in range(2):
20.         for c in range(2):
21.             for d in range(2):
22.                 for e in range(2):
23.                     for f in range(2):
24.                         board=copy.deepcopy(mat)
25.                         output[0]=[a,b,c,d,e,f]

```

```

26.         for i in range(6):
27.             turn(1,i+1,output[0][i])
28.         for i in range(2,6):
29.             for j in range(1,7):
30.                 if board[i-1][j]==0:
31.                     output[i-1][j-1]=0
32.                 else:
33.                     output[i-1][j-1]=1
34.                     turn(i,j,1)
35.             if sum(board[5][1:7])==0:
36.                 for i in range(5):
37.                     print(' '.join([str(x) for x in output[i]]))

```

Tian Ji -The Horse Racing 田忌赛马，  
greedy, <http://cs101.openjudge.cn/practice/1289>

解题思路：我最初的思路是双指针的想法，找到比田忌最快的马稍慢的国王的马就赢一场，以此类推。但是这种想法在处理相等速度的竞赛中出现问题，因为如果优先让相等的马竞技，可能后面本来可赢的比赛就只能平局或者输掉，因此在有多匹相同速度的马时答案就会出现问题（例如两人的马都是 14, 14, 13, 13, 12, 12，优先处理相等结果为 0，但最优应该是净胜 2 局）。所以最后还是只能逐步遍历筛选剔除已有的最优配对组合，筛选的依据为，尽量让田忌的弱马同对方的强马竞技，让田忌略优的马与对方竞技：  
①如果田忌最快的马优于国外的马，那么 win+1，将这两匹马去掉；②如果田忌最慢的马优于国外的马，那么 win+1，将这两匹马去掉；③如果田忌最弱的马不强于对方最弱的马，，将田忌最弱的马和对方最强的马去掉一定是最优（包含平局的情况）；如果田忌最弱的马严格弱于对方最强的马，那么必然会输一场，win-1（考虑了平局的情况）。循环这个策略直到双方剩余马为 0 即可。

解题代码：

```

1. n=int(input())
2. while n!=0:
3.     l1=[int(x) for x in input().split()]
4.     l1.sort(reverse=True)
5.     l2=[int(x) for x in input().split()]
6.     l2.sort(reverse=True)
7.     ans=0
8.     for _ in range(n):
9.         if l2[0]<l1[0]:
10.            ans+=1
11.            del l2[0]
12.            del l1[0]
13.         else:
14.            if l2[-1]<l1[-1]:

```

```
15.         ans+=1
16.         del l2[-1]
17.         del l1[-1]
18.     else:
19.         if l2[0]>l1[-1]:
20.             ans-=1
21.             del l2[0]
22.             del l1[-1]
23.     print(200*ans)
24.     n=int(input())
```