> Nicolás López

Recordand definicione iniciales

¿por qué muestrear de una población

Validació regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera

Validación cruzada en

Bootstrap

Deferencias

Análisis Avanzado de Datos.

Nicolás López

Bootstra

Referencia

- 1 Recordando definiciones iniciales
- 2 Muestreo. ¿por qué muestrear de una población?
- 3 Validación regular
- 4 Validación cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)
- 5 Validación cruzada en k folds
- **6** Bootstrap
- Referencias

> Nicolás López

Recordando definiciones iniciales

¿por qué muestrear de una población

Validació regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera

Validación cruzada en

Bootstrap

Referencias

Recordando definiciones iniciales

Referencia

Introducción

Aprender el proceso subyacente generador de datos. El proceso es formalizado matemáticamente en el aprendizaje estadístico y se clasifica en dos grupos:

- Aprendizaje supervisado: Se tiene un resultado (outcome) que guía el proceso de aprendizaje (ej. identificación de dígitos).
- Aprendizaje no supervisado. No se tiene una medición de un resultado para guiar el aprendizaje (ej. clasificación de carros basado en características).

En ambos escenarios se cuenta con un conjunto de covariables (features) que permiten el aprendizaje.

Nicolás López

Recordando definiciones iniciales

¿por qué muestrea de una población

Validad regular

Validación cruzada dejando u individuo afuera

Validación cruzada er k folds

Bootstrap

Referencia

Definiciones importantes

Se destacan 4 elementos fundamentales en el aprendizaje estadístico dada la revisión anterior:

- Proceso generador P.
- Variable de entrada/covariable/input: X (uni/multivariada).
- Variable de salida/variable respuesta/output: Y (univariada usualmente).
- Observaciones/realizaciones/mediciones: $(x_1, y_1), ..., (x_n, y_n)$.

Recordando definiciones iniciales

¿por qué muestrea de una población

Validació

Validación cruzada dejando ur individuo

afuera (LOOCV) Validación

cruzada en k folds

Bootstrap

Referenci

Y se recuerdan 3 elementos adicionales de la sesión anterior:

- Para RLS/RLM β_{MCO} es el BLUE, lo cual no es necesariamente bueno.
 - 15/ NEW PINCO CO OF BEOL, TO COUNTY OF RECESSITUTIONS DUCTION

$$ECM(\hat{\theta}) = V(\hat{\theta}) + (E(\hat{\theta}) - \theta)^2 = V(\hat{\theta}) + B(\hat{\theta})^2$$

 El sesgo λ de la estimación ridge/lasso se selecciona de forma que minimice el error en un conjunto de datos de prueba.

> Nicolás López

Recordand definicione iniciales

Muestreo. ¿por qué muestrear de una población?

Validació regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera

Validación cruzada en

Bootstrap

Referencias

Muestreo. ¿por qué muestrear de una población?

caracterizar el fenómeno mediante $\hat{\theta}$: se validan supuestos / prueban

utilizadas para estimar θ :

1 Si el interés es interpretabilidad del problema, este acercamiento permite hipótesis / . . . : validación interna (no requiere datos externos).

En estadística supervisada clásica se obtienen $(x_1, y_1), \dots, (x_n, y_n)$ generadas por

un proceso P, generalmente indexado por $\theta \in \Theta$. Estas n observaciones son

2 Evaluación del modelo: Si el interés es predicción de nuevas observaciones, requerimos un conjunto de prueba para medir el rendimiento de $P_{\hat{a}}$: validación externa.

Validación regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada er

Bootstrai

Deferenci

Sin embargo, en regresión penalizada notamos que el sesgo λ es un **hiperparámetro** a ser seleccionado. Por lo cual se abre una tercera alternativa:

§ Selección del modelo Si el interés es seleccionar un modelo entre varias alternativas: (por ejemplo, $\lambda>0$ en el modelo regularizado), requerimos un conjunto de prueba para medir el rendimiento de $P_{\hat{\theta}_1,\lambda_1},\ldots,P_{\hat{\theta}_l,\lambda_l}$: validación externa.

Nicolás López

Recordance definicione iniciales

Muestreo. ¿por qué muestrear de una población?

Validación regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en

Bootstrap

Referencia

En (2) y (3) es difícil contar con un conjunto externo de datos de prueba, por lo cual hay dos alternativas:

- Confiar en el conjunto de datos de entrenamiento: usar el error de entrenamiento.
- Dejar afuera parte de nuestros datos (particionarlos): extraer una muestra de entrenamiento y una muestra de prueba.

Bootstra

Referencia

Usualmente, para evaluar el rendimiento de un modelo estadístico (2) o seleccionar el mejor modelo entre varias alternativas (3) se utiliza el error cuadrático medio (**de predicción**, note la diferencia con $ECM(\hat{\beta})$). En el caso de un análisis de regresión este está dado por:

$$ECM(\hat{f}) = \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{f}(x_i))^2}{n}$$

Dónde \hat{f} es la función estimada dados los datos. La validación interna da lugar a $ECM(\hat{f})_{Train} = ECM_{Train}$ y al externa a $ECM(\hat{f})_{Test} = ECM_{Test}$.

Nicolás López

Recordant definicion iniciales

Muestreo. ¿por qué muestrear de una población?

Validació regular

cruzada dejando individuo afuera (LOOCV

> Validación cruzada er k folds

Bootstrap

Referencia

Note que la validación interna puede llevarse a cabo mediante validación externa: si tengo dos modelos $\hat{f_1}$ (completo) y $\hat{f_0}$ (reducido), puedo medir su significancia mediante una prueba estadística (1) o evaluar la diferencia en $ECM(\hat{f_1})$ y $ECM(\hat{f_0})$ (2).

Hay múltiples formas de validar externamente un modelo

- · Validación regular.
- Validación cruzada dejando un individuo afuera.
- Validación cruzada en k folds.

Nicolás López

Recordando definiciones iniciales

¿por qué muestrear de una población

Validación regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera

Validación cruzada en

Bootstrap

Referencias

Validación regular

Nicolás López

Recordand definicione iniciales

Muestreo. ¿por qué muestrear de una población?

Validación regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

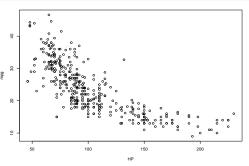
Validación cruzada e k folds

Bootstra

Referencia

Evidentemente la relación entre las variables es no lineal en la variable hp. Pero, ¿qué potencia debería usar?

```
library('ISLR2'); library('glmnet')
plot(Auto$horsepower,Auto$mpg,xlab="HP",ylab="mpg")
```



Este es un problema de selección del modelo.

```
Análisis
Avanzado
de Datos.
```

Recordand definicione iniciales

¿por qué muestrear de una población

Validación regular

cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)

cruzada k folds

Bootstra

rtererendas

La validación regular toma una división generalmente homogénea de *train* y *test* para un mismo conjunto de datos, y con esto, compara el *ECM* de los modelos resultantes:

```
sample_size <- nrow(Auto)
set.seed (456)
            <- sample(sample_size, 0.5*sample_size)</pre>
train
test
            <- seq(sample_size)[!seq(sample_size) %in% train]</pre>
mod1 = lm(mpg ~ horsepower,data=Auto[train,])
mse1 = mean((Auto$mpg[test] - predict(mod1,Auto)[test])**2)
mse1
## [1] 22.27728
mod2 = lm(mpg ~ polv(horsepower,2),data=Auto[train,])
mse2 = mean((Auto$mpg[test] - predict(mod2, Auto)[test])**2)
mse2
## [1] 16.38132
mod3 = lm(mpg ~ poly(horsepower,3),data=Auto[train,])
mse3 = mean((Auto$mpg[test] - predict(mod3, Auto)[test])**2)
mse3
## [1] 16.3591
mod4 = lm(mpg ~ polv(horsepower.4),data=Auto[train.])
mse4 = mean((Auto$mpg[test] - predict(mod4, Auto)[test])**2)
```

```
## [1] 16.8401
```

mse4

Nicolás López

Recordance definicione iniciales

Muestreo ¿por qué muestrea de una población

Validación regular

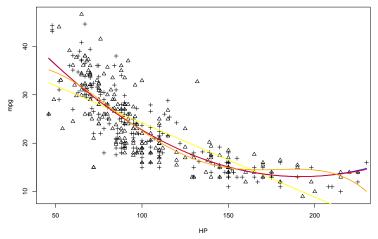
Validación cruzada dejando u individuo afuera

Validació cruzada (k folds

Bootstra

Referenci

En efecto, el ajuste en *train* (triángulos) reflejado en *test* (positivos) no muestra que polinomos de grado mayor a dos sean significativos:



¿Cómo se realiza esta prueba estadística? (validación interna del modelo)

```
Análisis
Avanzado
de Datos.
```

definicion iniciales

Muestreo ¿por qué muestrea de una población

Validación regular

dejando u individuo afuera (LOOCV)

cruzada k folds

Bootstrap

El modelo es ajustado y se observan los valores p correspondientes

```
summary(modt)
## Call.
## lm(formula = mpg ~ polv(horsepower, 4), data = Auto)
## Residuals:
        Min
                 10
                      Median
                                           Max
## -14 8820 -2 5802
                     -0 1682
                               2.2100 16.1434
## Coefficients:
                        Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                         23.4459
                                     0 2209 106 161
                                                      <2e-16 ***
## polv(horsepower, 4)1 -120,1377
                                     4.3727 -27.475
                                                      <2e-16 ***
## poly(horsepower, 4)2
                                                      <2e-16 ***
                         44.0895
                                     4.3727 10.083
## poly(horsepower, 4)3
                         -3.9488
                                     4.3727 -0.903
                                                       0.367
## poly(horsepower, 4)4
                         -5.1878
                                     4.3727 -1.186
                                                       0.236
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 4.373 on 387 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6893, Adjusted R-squared: 0.6861
## F-statistic: 214.7 on 4 and 387 DF, p-value: < 2.2e-16
```

modt = lm(mpg ~ poly(horsepower,4),data=Auto)

Note que no se particionan los datos, el modelo se ajusta sobre la tabla completa.

```
Análisis
Avanzado
de Datos
```

Recordand definiciones iniciales

¿por que muestre de una població

Validación regular

Validación

cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

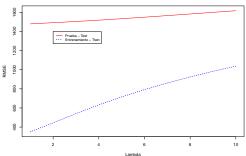
Validación cruzada e k folds

Bootstra

Reference

Este acercamiento permite observar dos características importantes en la medición del error bajo los dos conjuntos de datos. Tomemos como ejemplo ahora la indexación de modelos ridge en función de λ :

```
set.seed(123) : grid
                            <- seg(10)
            <- model.matrix(mpg ~ .. Auto)[, -1] ; v <- Auto$mpg
sample_size <- nrow(x)
            <- sample(sample size, 0.5*sample size)
train
            seg(sample size)[!seg(sample size) %in% train]
test
           <- glmnet(x[train,],y[train],alpha=0,lambda=grid)
fit_ridge
           <- NULL ; rmse2
                                <- NULL
rmse1
for(i in 1:length(grid)){
rmse1[i] <- sqrt(crossprod(predict(fit_ridge,s = grid[i],newx=x[train,]) - y[train]) / 0.5*sample_size)
rmse2[i] <- sqrt(crossprod(predict(fit_ridge,s = grid[i],newx=x[test,]) - y[test]) / 0.5*sample_size)
plot(grid,rmse2,col="red",type='1',ylim=c(min(rmse1),max(rmse2)),xlab ="Lambda",ylab="RMSE")
lines(grid,rmse1,type='l',lty=2,col="blue")
legend(2, 1400,legend=c("Prueba - Test", "Entrenamiento - Train"),col=c("red", "blue"),lty=1:2, cex=0.8)
```



Nicolás López

Recordance definicione iniciales

¿por qué muestrea de una población

Validación regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en k folds

Bootstrap

D-f----:-

- Usualmente $ECM_{Train} << ECM_{Test}$.
 - Un bajo ECM_{Train} puede ser alcanzado a costo potencial de aumentar ECM_{Test} . Esto es llamado sobreajuste u *overfitting*.

```
Análisis
Avanzado
de Datos.
```

definicione iniciales

Muestreo.

Muestreo. ¿por qué muestrear de una población

Validación regular

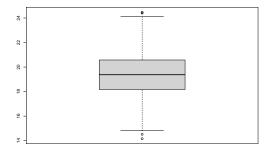
Validación cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)

Validació cruzada e k folds

Bootstrap

Referencia

Volviendo al caso de RLS. Como observamos, la validación regular permite medir el error en un conjunto de prueba, sin embargo:



¿Nota algún problema?

Nicolás López

Recordance definicione iniciales

¿por qué muestrea de una población

Validación regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en k folds

Bootstrap

Deferencia

Hay dos problemas principales con la validación regular:

- Alta variabilidad en la estimación de ECM.
- Alto sesgo: La mitad de los datos disponibles son usados para ajustar el modelo -> sobreestimación de ECM.

> Nicolás López

Recordand definicione iniciales

¿por que muestrear de una población

Validació

Validació regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en

Bootstrap

Referencias

 $Validaci\'on\ cruzada\ dejando\ un\ individuo\ afuera\ (LOOCV)$

Validación cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)

Este esquema de muestreo para la validación externa toma la *i*-ésima observación como conjunto de *test* y las restantes como conjunto de *train*::

• Se tienen n en lugar de un ECM_{Test} : $ECM_{Test,1} = (y_i - \hat{f}_{-1}(x_i))^2, \dots, ECM_{Test,n} = (y_n - \hat{f}_{-n}(x_i))^2$. Una estimación única de ECM_{Test} está dada por:

$$ECM_{Test} = \frac{\sum_{i=1}^{n} ECM_{Test,i}}{n}$$

Esto soluciona los dos problemas anteriormente mencionados a costo de un mayor consumo computacional, particularmente alto para modelos complejos.

Nicolás López

Recordance definicione iniciales

¿por qué muestreai de una población

Validació regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en k folds

Bootstra

Referencia

- Tiene varianza 0: El proceso de muestreo no es aleatorio.
- Bajo sesgo: todos, menos un datos, son considerados en el entrenamiento: a través de las muestras hay alta concordancia en los elementos muestreados.

Para RLS/RLM, aún con componentes cuadráticos, el costo computacional es irrelevante, ya que basta ajustar un modelo para encontrar *ECM* de LOOCV. Sin embargo, esta es la excepción, y no la regla.

```
Análisis
Avanzado
de Datos.
```

Recordand definicione iniciales

¿por qué muestreai de una población

població Validació

regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada e k folds

Bootstrap

Doforoncia

Puede calcularse manualmente

[1] 19.24821

```
mse_i = NULL
for(i in 1:nrow(Auto)){
model_i = lm(mpg ~ poly (horsepower,2), data = Auto[-i,])
mse_i[i] = (Auto$mpg[i] - predict(model_i, Auto[i,]))**2
}
mean(mse_i)
```

```
Análisis
Avanzado
de Datos.
```

Recordance definicione iniciales

¿por qué muestrea

de una población

regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada e k folds

Bootstrap

Referencia

O mediante una función del programa

```
library(boot)
cv.error <- NULL
for (i in 1:4) {
  glm.fit <- glm(mpg ~ poly (horsepower,i), data = Auto)
  cv.error[i] <- cv.glm(Auto,glm.fit)$delta[1]
}
print(cv.error)</pre>
```

[1] 24.23151 19.24821 19.33498 19.42443

> Nicolás López

Recordand definicione iniciales

¿por qué muestrear de una población

Validació

Validación cruzada dejando un individuo afuera

Validación cruzada en k folds

Bootstrap

Referencias

Validación cruzada en k folds

Nicolás López

Recordant definicion iniciales

¿por qué muestrea de una

población

Validació regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en k folds

Bootstra

Reterencia

Validación cruzada en k folds

Este esquema de muestreo para la validación externa toma una partición de tamaño k con componentes de igual dimensión. La i-ésima colección se toma como conjunto de test y las restantes como conjunto de train::

Se tienen / en lugar de n o un ECM_{Test}: ECM_{Test,1},...,ECM_{Test,k}. Una estimación única de ECM_{Test} está dada por:

$$ECM_{Test} = \frac{\sum_{i=1}^{k} ECM_{Test,i}}{k}$$

Es claro que si k = n se tiene LOOCV.¿De qué depende la selección de k?

Muestreo ¿por qué muestrear de una población

Validación regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera

Validación cruzada en k folds

Bootstrap

Referencia

Suponga que tiene dos modelos candidatos, M1 y M2 y quere determinar mediante validación cruzada cuál de ellos seleccionar. Naturalmente seleccionará aquel con menor ECM_{Test} . Sin embargo, el valor de k diferencia el tipo de modelo seleccionado.

Si k tiende a n:

- El conjunto de entrenamiento es más grande menor sesgo del modelo entrenado.
- El error de predicción es obtenido con n modelos entrenados casi con los mismos datos -> ECM_{Test,i} con i = 1,...n correlacionados.
- ECM_{Test} es un promedio de cantidades muy correlacionadas -> mayor varianza,

Muestreo. ¿por qué muestrear de una población

Validación regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en k folds

Bootstra

Referencia

Si k tiende a 1:

- El conjunto de entrenamiento es más pequeño mayor sesgo del modelo entrenado.
- El error de predicción es obtenido con k modelos entrenados con pocos datos en común -> ECM_{Test,i} con i = 1,...k poco correlacionados.
- ECM_{Test} es un promedio de cantidades poco correlacionadas -> menor varianza,

En general se toma k = 5 o k = 10.

Nicolás López

Recordand definicione iniciales

¿por qué muestrear de una población

Validació regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera

Validación cruzada en k folds

Bootstrap

Poforonci

Tenga en cuenta que esto sprocedimientos de validación externa fueron descritos para el escenario continuo. En el caso discreto (como la clasificación de una enfermedad), se adapta el ECM al caso discreto. Para LOOCV:

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} I\{y_i \neq \hat{y}_i\}}{n}$$

```
Análisis
Avanzado
de Datos.
```

Recordand definicione iniciales

Muestreo ¿por qué muestrea de una població

Validaci regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera

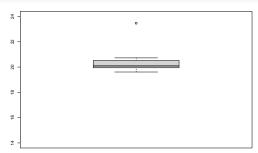
Validación cruzada en k folds

Bootstra

Reference

Volviendo al caso de RLS. Como observamos, la validación cruzada permite medir el error en un conjunto de prueba:

```
sample_size = nrow(Auto)
mse_sample = NULL
set.sed(!)
rnd_sample = sample(rep(1:10,length.out=sample_size))
for(i in 1:10){
    mod_lm = lm(mpg - poly(horsepower,2),data=Auto[rnd_sample==i,])
    mse_sample[i] = mean((Auto$mpg[rnd_sample!=i] - predict(mod_lm, Auto)[rnd_sample!=i])**2)
} boxplot(mse_sample,ylim=c(14,24))
```



La variabilidad es significativamente menor en el ECM respecto a LOOCV.

```
Análisis
Avanzado
de Datos.
```

Recordand definicione iniciales

¿por qué muestrea de una

Validac regular

dejando ul individuo afuera

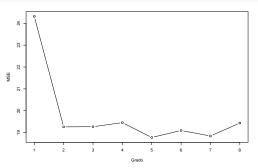
Validación cruzada en k folds

Bootstra

Referencia

No es necesario realizar este cálculo manualmente, pues está implementado en R, sólo note la diferencia en el ajuste del modelo. Volviendo al ejemplo de regresión lineal politómica, podemos usar la validación externa para determinar la relevancia de grados superiores del polinomio:

```
set.seed(123)
cv.error.10 <- NULL
for (i in 1:8) {
   glm.fit <- glm (mpg - poly (horsepower , i), data = Auto)
   cv.error.10[i] <- cv.glm(Auto,glm.fit,K = 10)$delta[i]
}
plot(1:8,cv.error.10,xlab="Grado",ylab="MSE", type="b")</pre>
```



Nicolás López

Recordance definicione iniciales

Muestreo ¿por qué muestrea de una población

Validació regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en k folds

Bootstrai

Referencia

La regresión ridge y lasso usualmente hacen uso de validación externa con validación cruzada en 10 folds para determinar el valor de λ a seleccionar. No siempre es el λ_{min} , también se usa λ_{1se} .

Nicolás López

Recordand definiciones iniciales

¿por qué muestreai de una población

Validació regular

Validación cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en

Bootstrap

Referencias

Bootstrap

Bootstrap

Referencia

Bootstrap

Al tener una m.a X_1,\ldots,X_n de observaciones normales su promedio es normal, con varianza σ^2/n . Sin embargo

- Otros estadísticos no tienen una distribución cerrada, lo cual dificula la construcción de IC -> hipótesis.
- Algunos estadísticos podrían ser aproximados mediante TLC (como las proporciones), pero no permite realmente una mayor flexibilidad para algunos casos de interés.

Validació regular

cruzada dejando u individuo afuera (LOOCV

Validación cruzada en k folds

Bootstrap

Referencia

El proceso es simple. Supongamos que se desea la distribución de la **mediana** para una colección de n observaciones:

- Se extrae una muestra de tamaño *n con remplazo* (con devolución). A este conjunto se le denomina *bootstraped dataset*.
- 2 Se calcula la mediana de la muestra.
- Se almacena el valor y se vuelve al paso (1) hasta lograr un número determinado de repeticiones.

La distribución de los valores almacenados se toma como la distribución de la **mediana**, y con el eror estándar se cuantifica la incertidumbre asociada en la estimación

población Validación

regular

dejando u individuo afuera (LOOCV

Validaci cruzada k folds

Bootstrap

En lugar de la mediana podríamos pensar en un método de aprendizaje estadístico (como la regresión ridge o lasso vistas en la clase pasada), para calcular la distribución de los parámetros estimados. Para el caso de RLS

```
## 40.3404517 -0.1634868
boot.fn(Auto,sample(n_data, n_data, replace = T))
```

```
## (Intercept) horsepower
## 40.1186906 -0.1577063
boot.fn(Auto,sample(n_data, n_data, replace = T))
```

```
## (Intercept) horsepower
## 40.1834549 -0.1585993
```

```
Análisis
Avanzado
de Datos.
```

Recordance definicione iniciales

¿por qué muestrea de una

Validaci

Validació cruzada dejando individuo

(LOOCV Validació

Bootstrap

Este proceso puede ser automatizado de la siguiente forma

```
boot.fn <- function (data , index){
            coef(lm(mpg - horsepower , data = data , subset = index))}
boot(Auto,boot.fn, 1000)
##
## ORDINARY NONPARAMETRIC BOOTSTRAP
##</pre>
```

```
## ORDINARY NONPARAMETRIC BOUTSTRAP
##
## Call:
## bootd(data = Auto, statistic = boot.fn, R = 1000)
##
## Bootstrap Statistics:
## original bias std. error
## 11* 39.9358610 0.0522971635 0.84001614
## ±2* -0.1578447 -0.0006027039 0.0733243
```

Comparable con los resultados obtenidos de un modelo de regresión regular:

```
\verb|summary(lm(mpg ~ horsepower , data = Auto))$| coef|
```

Validació regular

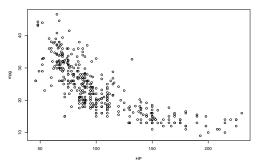
Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en k folds

Bootstrap

Referencia

Sin embargo existen ligeras diferencias entre los dos valores estimados. ¿Cuáles serán estimadores más precisos de los errores de los parámetros estimados? ¿Aquellos obtenidos mediante bootstrap o aquellos dados por el modelo ajustado?



Recordant definicion iniciales

Muestreo. ¿por qué muestrear de una población

Validació regular

Validación cruzada dejando u individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada e k folds

Bootstrap

Referencia

Conclusiones importantes:

- Podemos artificialmente mejorar el ajuste en los datos de entrenamiento, pero no necesariamente esto garantiza un buen comportamiento en los datos de prueba. En dado caso, a esto se le llama sobreajuste.
- Evaluación del modelo Los tres métodos vistos son de validación externa: buscan determinar qué tan bien se comportará el método en datos no vistos anteriormente.
- Selección del modelo Podemos además observar que al seleccionar un modelo, es de interés el valor mínimo de la curva de error, mas no el valor del error en si mismo.

Nicolás López

Recordance definicione iniciales

Muestreo ¿por qué muestrea de una población

Validació regular

Validación cruzada dejando ur individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en

Bootstrap

Referencia

Conclusiones importantes:

 Si buscamos comprarar múltiples modelos entre si (3) que requieren encontrar uno o varios hiperparámetros (2). Por ejemplo, encontrar en un conjunto de datos determinado si ridge o lasso son mejores en la predicción. Usualmente es separado conjunto inicial de datos de validación para estimar el error de predicción en la selección del modelo (3).

Nicolás López

Recordando definiciones iniciales

¿por qué muestrear de una población

Validación regular

validacion cruzada dejando un individuo afuera (LOOCV)

Validación cruzada en k folds

Bootstrap

Referencias

Referencias

Nicolás López

Recordance definicione iniciales

¿por qué muestrear de una población

Validació regular

Validación cruzada dejando u individuo afuera

Validación cruzada en k folds

Bootstrap

Referencias

Referencias

- Hastie, T., Tibshirani, R., Friedman, J. The Elements of Statistical Learning. Springer.
- Garet, Witten, Hastie, Tibshirani. Introduction to Statistical Learning with R.