سوالات شمارش مرحله ١ تركيه

سوال ۱. به چند طریق میتوان یک مجموعهی ۶ عضوی را به ۳ زیرمجموعه افراز کرد؟

پاسخ. ۹۰ 🗅

سوال ۲. به چند طریق میتوانیم اعداد ۱ تا ۶ را روی وجوه تاس بنویسیم به طوری که اعداد متوالی یک یال مشترک داشته باشند؟

پاسخ. ۱۰ 🗆

سوال ۳. ۱۲ زوج دور یک دایره نشسته اند به طوری که تمامی مردها در کنار یکدیگر هستند و هرفرد دقیقا روبروی همسر خود قرار دارد. حداقل تعداد جابهجاییهای افراد مجاور برای اینکه زوجها کنار یکدیگر باشند.

پاسخ. ۶۶ 🗅

سوال ۴. حداکثر تعداد زیرمجموعههای {۱,۲,...,۱۰} را به طوری که هیچکدام زیرمجموعه دیگری نباشند پیدا کنید.(۱۹۹۸)

پاسخ. (۱۰٪) 🗅

سوال ۵. ۴ جعبه با گنجایش ۳ و ۵ و ۷ و ۸ داریم. به چند طریق میتوانیم ۱۹ توپ یکسان را درون این جعبهها قرار دهیم؟

 \Box ($\stackrel{\lor}{n}$) – ۱ پاسخ.

سوال ۶. به چند طریق میتوان ۱۰ نفر را در ۸ اتاق متمایز تقسیم کرد به طوری که در هر اتاق دست کم یک نفر قرار گهد؟

 \Box ('۲') × $\Lambda!$ + ! Λ × (Λ') × (Λ') × $\Lambda!$ $\Lambda!$ $\Lambda!$ $\Lambda!$ $\Lambda!$ $\Lambda!$

سوال ۷. در یک جدول ۳ در ۳ دو خانه را آبی و دو خانه را قرمز رنگ کردهایم بطوریکه خانههای همرنگ در یک سطر یا یک ستون نیستند. به چند طریق میتوان این رنگ آمیزی را انجام داد؟

پاسخ. ۱۱×۱۱ □

سوال Λ . به چند طریق میتوان اعداد • تا ۹ را ردیفی نوشت بطوریکه اعداد فرد بصورت صعودی و اعداد زوج بصورت نزولی باشند؟

پاسخ. (۵) 🗆

سوال ۹. به چند طریق میتوان ۷ توپ سفید و ۷ توپ قرمز را داخل ۷ جعبه گذاشت بطوریکه در هر جعبه دقیقا ۲ توپ باشد.

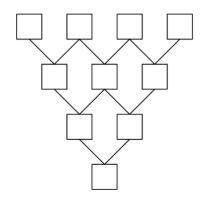
سوال ۱۰. چند جایگشت از اعداد یک تا ۵ وجود دارد بطوریکه k عدد اول دنباله مجموعهی (k < 0) نباشد. (k < 0)

$$f(n) = n! - f(n-1)/1! - f(n-1)/1! - f(n-1)/1! - f(n-1)/1!$$
 پاسخ. $f(\Delta) = V$

سوال ۱۱.۶ کارت با ارقام ۱،۱،۳،۴،۴،۵ داریم. به ترتیب سه کارت از آنها را میکشیم و به ترتیب کشیده شده با آنها یک عدد سه رقمی تشکیل میدهیم. احتمال بخش پذیر بودن این عدد بر ۳ چقدر است؟

$$\Box \frac{\gamma \beta}{1 \wedge 1} = \frac{1}{0}$$
 \Box

سوال ۱۲. اعداد را داخل مربعها به گونهای قرار دادهایم که هر خانه برابر تفاضل دو خانه بالای سرش است. حداکثر مقدار برای خانه پایینی چقدر است؟



پاسخ. ۴ 🗅

سوال ۱۳. ۳۰ توپ در ۴ ظرف A,B,C,D پخش شدهاند به طوری که جمع تعداد توپهای A و B بیشتر از جمع تعداد توپهای داخل B و D است. به چند طریق میتوان اینکار را انجام داد؟

$$\Box$$
 $\binom{mm}{m} - 709 = 799$ پاسخ. 299

سوال A, B, C در یک تورنومنت بازی میکنند به طوری که ابتدا A و B با یکدیگر بازی میکنند و برنده با C بازی میکند. در هر مرحله فردی که بیرون نشسته با برنده ی بازی، بازی میکند. اگر یک نفر دو بازی متوالی برنده شود قهرمان میشود. احتمال قهرمان شدن C را بدست آورید.

$$\Box \ p = \frac{1}{Y}(\frac{1}{Y} + \frac{1}{Y} \times \frac{1}{Y}p) \implies p = \frac{Y}{Y} \ .$$