سوالات شمارش مرحله ١ تركيه

سوال ۱. به چند طریق میتوان یک مجموعهی ۶ عضوی را به ۳ زیرمجموعه افراز کرد؟

پاسخ. ۹۰ 🗅

سوال ۲. به چند طریق میتوانیم اعداد ۱ تا ۶ را روی وجوه تاس بنویسیم به طوری که اعداد متوالی یک یال مشترک داشته باشند؟

پاسخ. ۱۰ 🗆

سوال ۳. ۱۲ زوج دور یک دایره نشسته اند به طوری که تمامی مردها در کنار یکدیگر هستند و هرفرد دقیقا روبروی همسر خود قرار دارد. حداقل تعداد جابهجاییهای افراد مجاور برای اینکه زوجها کنار یکدیگر باشند.

پاسخ. ۶۶ 🗅

سوال ۴. حداکثر تعداد زیرمجموعههای {۱,۲,...,۱۰} را به طوری که هیچکدام زیرمجموعه دیگری نباشند پیدا کنید.(۱۹۹۸)

پاسخ. (۱۰٪) 🗅

سوال ۵. ۴ جعبه با گنجایش ۳ و ۵ و ۷ و ۸ داریم. به چند طریق میتوانیم ۱۹ توپ یکسان را درون این جعبهها قرار دهیم؟

 \Box ($\stackrel{\lor}{n}$) – ۱ پاسخ.

سوال ۶. به چند طریق میتوان ۱۰ نفر را در ۸ اتاق متمایز تقسیم کرد به طوری که در هر اتاق دست کم یک نفر قرار گهد؟

سوال ۷. در یک جدول ۳ در ۳ دو خانه را آبی و دو خانه را قرمز رنگ کردهایم بطوریکه خانههای همرنگ در یک سطر یا یک ستون نیستند. به چند طریق میتوان این رنگ آمیزی را انجام داد؟

پاسخ. ۱۱×۱۱ □

سوال Λ . به چند طریق میتوان اعداد • تا ۹ را ردیفی نوشت بطوریکه اعداد فرد بصورت صعودی و اعداد زوج بصورت نزولی باشند؟

پاسخ. (۵) 🗆

سوال ۹. به چند طریق میتوان ۷ توپ سفید و ۷ توپ قرمز را داخل ۷ جعبه گذاشت بطوریکه در هر جعبه دقیقا ۲ توپ باشد.

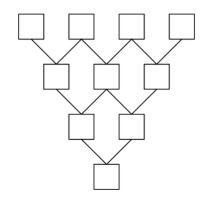
سوال ۱۰. چند جایگشت از اعداد یک تا ۵ وجود دارد بطوریکه k عدد اول دنباله مجموعهی (k < 0) نباشد. (k < 0)

$$f(n) = n! - f(n-1)/1! - f(n-1)/1! - f(n-1)/1! - f(n-1)/1!$$
 پاسخ. $f(\Delta) = V$

سوال ۱۱. ۶ کارت با ارقام ۱، ۱، ۳، ۴، ۴، ۵ داریم. به ترتیب سه کارت از آنها را میکشیم و به ترتیب کشیده شده با آنها یک عدد سه رقمی تشکیل میدهیم. احتمال بخش پذیر بودن این عدد بر ۳ چقدر است؟

 $\Box \frac{rs}{1 \wedge 1} = \frac{1}{0}$ پاسخ.

سوال ۱۲. اعداد را داخل مربعها به گونهای قرار دادهایم که هر خانه برابر تفاضل دو خانه بالای سرش است. حداکثر مقدار برای خانه پایینی چقدر است؟



پاسخ. ۴ 🗆

سوال ۱۳۰ مع توپ در ۴ ظرف A,B,C,D پخش شدهاند به طوری که جمع تعداد توپهای A و B بیشتر از جمع تعداد توپهای داخل B و D است. به چند طریق میتوان اینکار را انجام داد؟

$$\Box$$
 ($^{\gamma\gamma}_{\alpha}$) – $^{\gamma}$ – $^{\gamma}$ – $^{\gamma}$ – $^{\gamma}$

سوال A, B, C در یک تورنومنت بازی میکنند به طوری که ابتدا A و B با یکدیگر بازی میکنند و برنده با C بازی میکند. در هر مرحله فردی که بیرون نشسته با برنده ی بازی، بازی میکند. اگر یک نفر دو بازی متوالی برنده شود قهرمان میشود. احتمال قهرمان شدن C را بدست آورید.

$$\Box \ p = \tfrac{1}{Y}(\tfrac{1}{Y} + \tfrac{1}{Y} \times \tfrac{1}{Y}p) \implies p = \tfrac{Y}{Y} \ .$$

سوال ۱۵. اگر هر زیرمجموعه $g = \{1, 7, 7, \dots, 77\}$ سه عضو داشته باشد که به ترتیب یکدیگر را عاد میکنند، آنگاه k حداقل چند است؟

پاسخ. ۲۵ 🗆

سوال ۱۶. چند عدد ۵ رقمی با ارقام فرد داریم به طوری که حداقل یک جفت متوالی از ارقام حاصل جمع برابر با ۱۰ داشته باشند؟

پاسخ.
$$\Delta^{\Delta} - \Delta \times f^{F} = \text{TITA} - \text{ITA} = \text{IAFA}$$
 پاسخ. $\Delta^{\Delta} - \Delta \times f^{F} = \text{TITA} - \text{ITA} = \text{IAFA}$

سوال ۱، ۲، ۳، در هر مرحله جای دوتا عدد مختلف از دنبالهی ۱, ۲, ۳, ۴, ۵, ۶,۷ را عوض میکنیم. بعد از دو مرحله به چند جایگشت متفاوت میتوانیم برسیم؟

پاسخ. ۱۰۵+۷۰+۱ = ۱۷۶ □

سوال ۱۸. ۳۱ نفر دور یک دایره نشستهاند. به چند طریق میتوان سه نفر انتخاب کرد به طوری که بین هر دو نفر انتخاب شده حداقل ۴ نفر باشند؟

 \Box (۱۸۸ $\frac{1}{7}$ × ۳۱ × $\frac{1}{7}$ = ۱۵۸۱ پاسخ.

سوال ۱۹. ۷ توپ در یک ردیف داریم. به چند طریق میتوان این توپهارو با سه رنگ قرمز، آبی یا سیاه رنگ کنیم به طوری که دو سیاه متوالی نداشته باشیم؟

 $\Box a_n = Ya_{n-1} + Ya_{n-1}, YYY$ پاسخ.

سوال ۲۰. ۷ توپ در یک ردیف را با به گونهای رنگ کردهایم که ۲ توپ سفید، ۲ توپ آبی و ۳ توپ قرمز هستند. احتمال اینکه دو توپ متوالی سفید یا دو توپ متوالی آبی داشته باشیم چقدر است؟

پاسخ. ۲۱۰ 🗆

سوال ۲۱. به چند طریق میتوان ۱۷ توپ قرمز یکسان و ۱۰ توپ سفید یکسان را در ۴ جعبه متفاوت قرار داد به طوری که در هر جعبه تعداد توپهای قرمز از سفید بیشتر باشد؟

 \Box . $\binom{\gamma \gamma}{r} \cdot \binom{\varsigma}{r} = \Delta \vee \gamma \cdot \binom{\gamma \gamma}{r}$. \Box

سوال ۲۲.

پاسخ.