سوال ۱. به چند طریق میتوان یک مجموعهی ۶ عضوی را به ۳ زیرمجموعه افراز کرد؟

پاسخ. ۹۰ 🗅

سوال ۲. به چند طریق میتوانیم اعداد ۱ تا ۶ را روی وجوه تاس بنویسیم به طوری که اعداد متوالی یک یال مشترک داشته باشند؟

پاسخ. ۱۰ 🗅

سوال ۳. ۱۲ زوج دور یک دایره نشسته اند به طوری که تمامی مردها در کنار یکدیگر هستند و هرفرد دقیقا روبروی همسر خود قرار دارد. حداقل تعداد جابهجاییهای افراد مجاور برای اینکه زوجها کنار یکدیگر باشند.

پاسخ. ۶۶ 🗅

سوال ۴. حداکثر تعداد زیرمجموعههای {۱,۲,...,۱۰} را به طوری که هیچکدام زیرمجموعه دیگری نباشند پیدا کنید.(۱۹۹۸)

پاسخ. (۱۰) 🗆

سوال ۵. ۴ جعبه با گنجایش ۳ و ۵ و ۷ و ۸ داریم. به چند طریق میتوانیم ۱۹ توپ یکسان را درون این جعبهها قرار دهیم؟

 \Box ($\stackrel{\lor}{r}$) – ۱ پاسخ.

سوال ۶. به چند طریق میتوان ۱۰ نفر را در ۸ اتاق متمایز تقسیم کرد به طوری که در هر اتاق دست کم یک نفر قرار گهد؟

سوال ۷. در یک جدول ۳ در ۳ دو خانه را آبی و دو خانه را قرمز رنگ کردهایم بطوریکه خانههای همرنگ در یک سطر یا یک ستون نیستند. به چند طریق میتوان این رنگ آمیزی را انجام داد؟

پاسخ. ۱۱×۱۱ □

سوال Λ . به چند طریق میتوان اعداد • تا ۹ را ردیفی نوشت بطوریکه اعداد فرد بصورت صعودی و اعداد زوج بصورت نزولی باشند؟

پاسخ. (۱۰) 🗆

سوال ۹. به چند طریق میتوان ۷ توپ سفید و ۷ توپ قرمز را داخل ۷ جعبه گذاشت بطوریکه در هر جعبه دقیقا ۲ توپ باشد.

 \Box $\frac{V!}{Y!Y!} + \frac{V!}{Y!Y!Y!} + \frac{V!}{0!} + 1 = Y q Y$. ψ

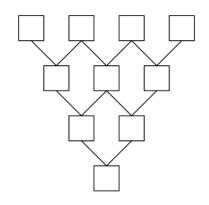
سوال ۱۰. چند جایگشت از اعداد یک تا ۵ وجود دارد بطوریکه k عدد اول دنباله مجموعهی (k < 0) نباشد.

 $f(n) = n! - f(n-1)/1! - f(n-1)/1! - \cdots - f(1).(n-1)!$ پاسخ. $f(\Delta) = V$

سوال ۱۱. ۶ کارت با ارقام ۱، ۱، ۳، ۴، ۴، ۵ داریم. به ترتیب سه کارت از آنها را میکشیم و به ترتیب کشیده شده با آنها یک عدد سه رقمی تشکیل میدهیم. احتمال بخش پذیر بودن این عدد بر ۳ چقدر است؟

 $\Box \frac{rs}{\Delta} = \frac{1}{\Delta}$ پاسخ.

سوال ۱۲. اعداد را داخل مربعها به گونهای قرار دادهایم که هر خانه برابر تفاضل دو خانه بالای سرش است. حداکثر مقدار برای خانه پایینی چقدر است؟



پاسخ. ۴ 🗆

سوال ۱۳. ۳۰ توپ در ۴ ظرف A,B,C,D پخش شدهاند به طوری که جمع تعداد توپهای A و B بیشتر از جمع تعداد توپهای داخل D و D است. به چند طریق میتوان اینکار را انجام داد؟

$$\Box$$
 ($^{mm}_{m}$) – $709 = 799$ پاسخ. mm

سوال A,B,C در یک تورنومنت بازی میکنند به طوری که ابتدا A و B با یکدیگر بازی میکنند و برنده با C بازی میکند. در هر مرحله فردی که بیرون نشسته با برنده ی بازی، بازی میکند. اگر یک نفر دو بازی متوالی برنده شود قهرمان میشود. احتمال قهرمان شدن C را بدست آورید.

$$\Box p = \frac{1}{Y}(\frac{1}{Y} + \frac{1}{Y} \times \frac{1}{Y}p) \implies p = \frac{Y}{Y}$$
 پاسخ.

سوال ۱۵. اگر هر زیرمجموعهی kتایی از مجموعهی $S = \{1, 7, 7, \dots, 77\}$ سه عضو داشته باشد که به ترتیب یکدیگر را عاد میکنند، آنگاه k حداقل چند است؟

پاسخ. ۲۵ 🗆

سوال ۱۶. چند عدد ۵ رقمی با ارقام فرد داریم به طوری که حداقل یک جفت متوالی از ارقام حاصل جمع برابر با ۱۰ داشته باشند؟

$$\Box$$
 $\Delta^{\Delta} - \Delta \times F^{F} = T \mid T \Delta - I \mid T A \cdot = I \land F \Delta$ پاسخ. $\Delta \times F^{F} = A \mid T \mid A \cdot = I \land F \Delta$

سوال ۱، ۲, ۳, ۴,۵,۶,۷ را عوض میکنیم. بعد از دو مرحله به چند از دو مرحله به چند جایگشت متفاوت میتوانیم برسیم؟

پاسخ. ۱۰۵ + ۲۰ + ۱ = ۱۷۶ ت

سوال ۱۸.۱۸ نفر دور یک دایره نشستهاند. به چند طریق میتوان سه نفر انتخاب کرد به طوری که بین هر دو نفر انتخاب شده حداقل ۴ نفر باشند؟

$$\Box$$
 (۱۸۸ $\frac{1}{7} \times 71 \times \frac{1}{7} = 100$ پاسخ. \Box

سوال ۱۹. ۷ توپ در یک ردیف داریم. به چند طریق میتوان این توپهارو با سه رنگ قرمز، آبی یا سیاه رنگ کنیم به طوری که دو سیاه متوالی نداشته باشیم؟

 $\Box a_n = Ya_{n-1} + Ya_{n-1}, YYY$. پاسخ

سوال ۲۰. ۷ توپ در یک ردیف را با به گونهای رنگ کردهایم که ۲ توپ سفید، ۲ توپ آبی و ۳ توپ قرمز هستند. احتمال اینکه دو توپ متوالی سفید یا دو توپ متوالی آبی داشته باشیم چقدر است؟

پاسخ. ۲۱۰ 🗆

سوال ۲۱. به چند طریق میتوان ۱۷ توپ قرمز یکسان و ۱۰ توپ سفید یکسان را در ۴ جعبه متفاوت قرار داد به طوری که در هر جعبه تعداد توپهای قرمز از سفید بیشتر باشد؟

 \Box . $\binom{\gamma \gamma}{r} \cdot \binom{\varphi}{r} = \Delta V \gamma \cdot \binom{\gamma \gamma}{r}$. \Box

سوال ۲۲. ۱۶ توپ سفید و ۴ توپ قرمز متفاوت را در ۴ جعبه متفاوت قرار میدهیم، به گونهای که در هر جعبه ۵ توپ باشد. احتمال اینکه در هر جعبه دقیقا یک توپ قرمز باشد چقدر است؟

 \Box $\frac{\Delta^{\mathfrak{f}}}{\binom{\mathfrak{f}}{\mathfrak{f}}}$. \Box

سوال ۲۳. چند عدد ۱۰ رقمی متشکل از ۱,۲,۳ داریم به طوری که رقم اول و آخر یکسان باشند و هیچ دو رقم مجاوری یکسان نباشند.

 \Box $\Upsilon(۶۴+ ۸۰+ ۲۴+ ۲) = ۵۱۰$ پاسخ.

سوال ۲۴. به چند طریق میتوان دو زیرمجموعهی متفاوت از {۱,۲,...,۷} انتخاب کرد به طوری که یکی شامل دیگری باشد؟

پاسخ. ۲۰۵۹ = ۳۷ – ۳۷ 🗆