

2.11.

def p(n):

sum = 0

for i in range(1, n+1):

sum = sum + i + f(i)

return sum

 $O(1)$  $O(n)$ 

$$\sum_{i=1}^n O(i) \leq n \cdot O(n) = O(n^2)$$

- Асимптотична оцінка виконання функції p(n) у найгіршому

випадку:  $T_g(n) = O(n^2)$ 

Результат функції:  $\sum_{i=1}^n i + \sum_{i=1}^n f(i) = \frac{n(n+1)}{2} + \sum_{i=1}^n \left( \sum_{k=1}^i k \right) =$

$$= \frac{n(n+1)}{2} + \sum_{i=1}^n \frac{i(i+1)}{2} = \frac{n(n+1)}{2} + \frac{1}{2} \left( \sum_{i=1}^n i + \sum_{i=1}^n i^2 \right) =$$

$$= \frac{3 \cdot n(n+1)}{4} + \frac{n(n+1)(2n+1)}{2 \cdot 6} = \frac{3n(n+1)}{4} + \frac{n(n+1)(2n+1)}{12} = \frac{n(n+1)(2n+10)}{12} =$$

$$= \frac{n(n+1)(n+5)}{6}$$

- Функцію можна оптимізувати:

def p(n):

~~return~~ ~~$\frac{3n(n+1)}{4} + \frac{n(n+1)(2n+1)}{12}$~~ 

return

 $\frac{n(n+1)(n+5)}{6}$ Тоді  $T_g(n) = O(1)$ .