# Практикум 3. Кластеризація засобами бібліотеки Scikit-Learn Python

# Недашківська Н.І.

Варіанти завдань та початкові дані вибирати відповідно до номеру в списку групи.

**УВАГА!** При навчанні моделей кластеризації вибірки даних розглядати **без еталонних значень цільової змінної**.

Для отримання максимальної оцінки потрібно виконати BCI етапи ходу виконання роботи та оформити звіт.

#### ЗВІТ МАЄ МІСТИТИ:

- результати по кожному пункту ходу виконання роботи, в тому числі порівняльний аналіз декількох моделей,
- опис методу кластеризації, який використовувався,
- опис метрик якості кластеризації, за якими порівнювалися моделі.

Бажано опрацювати матеріал https://scikit-learn.org/stable/modules/clustering.html. За цим посиланням є ОПИСИ МЕТОДІВ КЛАСТЕРИЗАЦІЇ, які не увійшли до лекцій, приклади використання методів, ОПИС МЕТРИК ЯКОСТІ кластеризації.

#### Захист роботи:

- Демонстрація програми, яка реалізує завдання згідно з варіантом.
- Письмово теоретичне питання, задача та/ або виконання іншого варіанту завдання на комп'ютері.

# 1 Хід виконання роботи:

- 1. Представити початкові дані графічно.
- 2. Побудувати модель кластеризації згідно з варіантом.
- 3. Виконати кластеризацію даних на основі моделі.
- 4. Представити розбиття на кластери графічно, наприклад, різними кольорами.

- 5. Розрахувати додаткові результати кластеризації згідно з варіантом.
- 6. Побудувати декілька альтернативних моделей:
  - шляхом зміни значень параметрів основної моделі,
  - використати різні функції відстані,
  - задати різні значення кількості кластерів, де кількість кластерів параметр алгоритму.
- 7. Для кожної альтернативної моделі розрахувати метрики якості кластеризації, що реалізовані в класі metrics, згідно з варіантом:
  - Estimated Number of Clusters.
  - Adjusted Rand Index.
  - Adjusted Mutual Information.
  - Homogeneity.
  - Completeness.
  - V-measure.
  - Silhouette Coefficient.
  - Calinski-Harabasz Index.
  - Davies-Bouldin index.
  - Contingency Matrix.
- 8. Виконати аналіз результатів кластеризації одним з неформальних методів згідно з варіантом:
  - чи є розбиття стабільним на підвибірках даних,
  - чи є розбиття стабільним після видалення окремих об'єктів,
  - чи є розбиття стабільним після зміни порядку об'єктів у множині об'єктів,
  - чи існує взаємозв'язок між результатами кластеризації і змінними, які не враховувалися при кластеризації,
  - чи можна інтерпретувати результати кластеризації.
- 9. Зробити висновки про якість роботи моделей на досліджених даних. Дослідити різні значення параметрів основної моделі, різні функції відстані та різну кількість кластерів в алгоритмах, де кількість кластерів слугує параметром.
- 10. Оцінити результати кластеризації на основі метрик якості та на основі неформальних методів. Для кожного набору даних вибрати найкращу модель.

# 2 Варіанти завдань для групи КА-75

1. Агломеративний алгоритм AgglomerativeClustering. Дослідити методи розрахунку відстані між кластерами: ward, single, average, complete. Побудувати матриці внутрішньокласових відстаней, використовуючи metrics.pairwise\_distances.

Метрики якості: Homogeneity, Completeness, V-measure.

Чи є розбиття стабільним після вилучення окремих об'єктів?

### Початкові дані:

- (a) from sklearn.datasets import make\_blobs  $X, y = make\_blobs(n\_samples=500, n\_features=2, centers=4, cluster\_std=1, center\_box=(-10.0, 10.0), shuffle=True, random state=1)$
- (6) sklearn.datasets.samples\_generator.make\_circles  $X,\ y = make\_circles \, (500,\ factor = .1,\ noise = .1)$
- 2. Алгоритм Spectral clustering.

Метрики якості: Adjusted Rand Index, Calinski-Harabasz Index, Davies-Bouldin index.

Чи є розбиття стабільним на підвибірках даних?

#### Початкові дані:

- (a) from sklearn.datasets import make\_blobs centers = [[1, 1], [-1, -1], [1, -1]] X, labels\_true = make\_blobs(n\_samples=300, centers=centers, cluster\_std=0.5, random\_state=0)
- (δ) sklearn.datasets.load\_iris
- 3. Алгоритм k-середніх, методи cluster. К<br/>Means і cluster. МіniBatch<br/>KMeans. Відобразити графічно центри кластерів.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Adjusted Rand Index, Adjusted Mutual Information, Silhouette Coefficient.

Чи є розбиття стабільним після зміни порядку об'єктів у множині об'єктів?

- (a) from sklearn.datasets.samples\_generator import make\_blobs X, y\_true = make\_blobs(n\_samples=400, centers=4, cluster\_std=0.60, random\_state=0) rng = np.random.RandomState(13) X stretched = np.dot(X, rng.randn(2, 2))
- (6) from sklearn.datasets import make\_blobs  $X, y = make\_blobs(n\_samples=500, n\_features=2, centers=4, cluster\_std=1, center\_box=(-10.0, 10.0), shuffle=True, random state=1)$
- 4. Алгоритм Spectral clustering.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Adjusted Rand Index, Adjusted Mutual Information, Silhouette Coefficient.

Чи є розбиття стабільним після вилучення окремих об'єктів?

#### Початкові дані:

- (a)  $\begin{array}{l} \textbf{import} \;\; \text{numpy as np} \\ \text{np.random.seed} \, (0) \\ X = \text{np.random.randn} \, (300\,,\ 2) \\ Y = \text{np.logical\_xor} \, (X[:\,,\ 0] \, > \, 0\,,\ X[:\,,\ 1] \, > \, 0) \\ \end{array}$
- (6) from sklearn.datasets.samples\_generator import make\_blobs X, y\_true = make\_blobs(n\_samples=400, centers=4, cluster\_std=0.90, random\_state=0) rng = np.random.RandomState(13) X\_stretched = np.dot(X, rng.randn(2, 2))
- 5. Алгоритм розділу суміші expectation-maximization (EM), методи Gaussi-anMixture та BayesianGaussianMixture класу mixture.

Метрики якості: Homogeneity, Completeness, V-measure.

Чи є розбиття стабільним на підвибірках даних?

# Початкові дані:

(a) import numpy as np np.random.seed(0) 
 n\_points\_per\_cluster = 300 
 C1 =  $[-6, -2] + 0.7 * np.random.randn(n_points_per_cluster, 2)$  
 C2 =  $[-2, 2] + 0.3 * np.random.randn(n_points_per_cluster, 2)$ 

```
\begin{array}{lll} {\rm C3} = [1\,,\,\,-2] \,+\,\,0.2\,\,*\,\,{\rm np.random.randn}\,(\,{\rm n\_points\_per\_cluster}\,,\,\,2) \\ {\rm C4} = [4\,,\,\,-4] \,+\,\,0.1\,\,*\,\,{\rm np.random.randn}\,(\,{\rm n\_points\_per\_cluster}\,,\,\,2) \\ {\rm C5} = [5\,,\,\,0] \,+\,\,1.4\,\,*\,\,{\rm np.random.randn}\,(\,{\rm n\_points\_per\_cluster}\,,\,\,2) \\ {\rm C6} = [5\,,\,\,6] \,+\,\,2.0\,\,*\,\,{\rm np.random.randn}\,(\,{\rm n\_points\_per\_cluster}\,,\,\,2) \\ {\rm X} = {\rm np.vstack}\,(({\rm C1},\,\,{\rm C2},\,\,{\rm C3},\,\,{\rm C4},\,\,{\rm C5},\,\,{\rm C6})) \end{array}
```

(6) from sklearn.datasets import make blobs

6. Алгоритм Affinity propagation. Відобразити графічно центри кластерів.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Homogeneity, Completeness, V-measure.

Чи є розбиття стабільним після зміни порядку об'єктів у множині об'єктів?

#### Початкові дані:

(a) sklearn.datasets.samples\_generator.make\_circles  $X,\ y = make\_circles\left(200\,,\ factor = .1\,,\ noise = .1\right)$ 

```
(6) from sklearn.datasets import make_blobs X, y = make\_blobs(n\_samples=500, n\_features=2, centers=4, cluster\_std=1, center\_box=(-10.0, 10.0), shuffle=True, random state=1)
```

7. Алгоритм Birch.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Calinski-Harabasz Index, Davies-Bouldin index, Contingency Matrix.

Чи є розбиття стабільним на підвибірках даних? Дослідити виконання алгоритму на даних XOR різного розміру, в тому числі на даних дуже великого розміру.

- (a) import numpy as np  $\begin{array}{l} \text{np.random.seed} \left( 0 \right) \\ X = \text{np.random.randn} \left( 5300 \,, \, \, 2 \right) \\ Y = \text{np.logical\_xor} \left( X[: \,, \, \, 0] \, > \, 0 \,, \, X[: \,, \, \, 1] \, > \, 0 \right) \end{array}$
- (6) sklearn.datasets.load\_digits
- 8. Алгоритм Mean Shift. Відобразити графічно центри кластерів.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Adjusted Rand Index, Adjusted Mutual Information, Silhouette Coefficient.

Чи є розбиття стабільним після зміни порядку об'єктів у множині об'єктів?

#### Початкові дані:

- (a) from sklearn.datasets import make\_blobs  $\begin{array}{lll} n\_samples\_1 &=& 1000 \\ n\_samples\_2 &=& 100 \\ centers &=& \left[ \left[ 0.0 \;,\; 0.0 \right],\; \left[ -2.0 \;,\; -2.0 \right] \right] \\ clusters\_std &=& \left[ 2.0 \;,\; 1.0 \right] \\ X,\;\; y &=& make\_blobs (n\_samples=[n\_samples\_1 \;,\; n\_samples\_2] \;,\; \\ centers=centers \;,\; \\ cluster\_std=clusters\_std \;,\; \\ random\;\; state=0,\;\; shuffle=False ) \end{array}$
- (δ) sklearn.datasets.load\_iris
- 9. Алгоритм k-середніх, методи cluster. К<br/>Means і cluster. МіniBatch<br/>K Меans. Відобразити графічно центри кластерів.

Метрики якості: Adjusted Rand Index, Calinski-Harabasz Index, Davies-Bouldin index.

Чи є розбиття стабільним на підвибірках даних? Дослідити виконання алгоритму на даних XOR та make\_circles різного розміру, в тому числі на даних дуже великого розміру.

- (a) import numpy as np
   np.random.seed(0)
   X = np.random.randn(5300, 2)
   Y = np.logical\_xor(X[:, 0] > 0, X[:, 1] > 0)
- (6) from sklearn.datasets.samples\_generator import make\_circles  $X, y = make \ circles (5500, factor = .1, noise = 0.1)$

10. Алгоритм розділу суміші expectation-maximization (EM), методи Gaussi-anMixture та BayesianGaussianMixture класу mixture.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Homogeneity, Completeness, V-measure.

Чи є розбиття стабільним після вилучення окремих об'єктів?

#### Початкові дані:

- (a) sklearn.datasets.make\_moons
- (δ) sklearn.datasets.load\_digits
- 11. Алгоритм OPTICS (Ordering Points To Identify the Clustering Structure), використати cluster.OPTICS i cluster.cluster\_optics\_dbscan.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Adjusted Rand Index, Silhouette Coefficient, Davies-Bouldin index.

Чи є розбиття стабільним після зміни порядку об'єктів у множині об'єктів?

# Початкові дані:

- (a) import numpy as np  $\begin{array}{l} \text{np.random.seed} \left( 0 \right) \\ X = \text{np.random.randn} \left( 300 \,, \, \, 2 \right) \\ Y = \text{np.logical\_xor} \left( X[: \,, \, \, 0] \, > \, 0 \,, \, \, X[: \,, \, \, 1] \, > \, 0 \right) \end{array}$
- (6) sklearn.datasets.samples\_generator.make\_circles  $X,\ y = \ make\_circles \, (400\,,\ factor\,{=}.1\,,\ noise\,{=}.1)$
- 12. Алгоритм k-середніх, методи cluster. К<br/>Means і cluster. МіпіBatch<br/>K Меans. Відобразити графічно центри кластерів.

# Початкові дані:

- (a) from sklearn.datasets.samples\_generator import make\_blobs X, y\_true = make\_blobs(n\_samples=400, centers=4, cluster\_std=0.60, random\_state=0) rng = np.random.RandomState(13) X\_stretched = np.dot(X, rng.randn(2, 2))
- (6) sklearn.datasets.load\_iris
- 13. Алгоритм OPTICS (Ordering Points To Identify the Clustering Structure), використати cluster.OPTICS i cluster.cluster\_optics\_dbscan.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Homogeneity, Completeness, V-measure.

Чи є розбиття стабільним на підвибірках даних?

```
(a) import numpy as np
    np.random.seed(0)
    n_points_per_cluster = 300
    C1 = [-6, -2] + 0.7 * np.random.randn(n_points_per_cluster, 2)
    C2 = [-2, 2] + 0.3 * np.random.randn(n_points_per_cluster, 2)
    C3 = [1, -2] + 0.2 * np.random.randn(n_points_per_cluster, 2)
    C4 = [4, -4] + 0.1 * np.random.randn(n_points_per_cluster, 2)
    C5 = [5, 0] + 1.4 * np.random.randn(n_points_per_cluster, 2)
    C6 = [5, 6] + 2.0 * np.random.randn(n_points_per_cluster, 2)
    X = np.vstack((C1, C2, C3, C4, C5, C6))
```

- (6) sklearn.datasets.make\_moons
- 14. Агломеративний алгоритм AgglomerativeClustering. Дослідити методи розрахунку відстані між кластерами: ward, single, average, complete.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Adjusted Rand Index, V-measure. Побудувати матриці внутрішньокласових відстаней, використовуючи metrics.pairwise\_distances.

Чи є розбиття стабільним після вилучення окремих об'єктів?

#### Початкові дані:

(a) from sklearn.datasets import make\_blobs from sklearn.preprocessing import StandardScaler centers = [[1, 1], [-1, -1], [1, -1]] X, labels\_true = make\_blobs(n\_samples=750, centers=centers, cluster\_std=0.4, random\_state=0)

X = StandardScaler().fit transform(X)

- (6) import numpy as np np.random.seed(0) n\_points\_per\_cluster = 300 
  C1 = [-6, -2] + 0.7 \* np.random.randn(n\_points\_per\_cluster, 2) 
  C2 = [-2, 2] + 0.3 \* np.random.randn(n\_points\_per\_cluster, 2) 
  C3 = [1, -2] + 0.2 \* np.random.randn(n\_points\_per\_cluster, 2) 
  C4 = [4, -4] + 0.1 \* np.random.randn(n\_points\_per\_cluster, 2) 
  C5 = [5, 0] + 1.4 \* np.random.randn(n\_points\_per\_cluster, 2) 
  C6 = [5, 6] + 2.0 \* np.random.randn(n\_points\_per\_cluster, 2) 
  X = np.vstack((C1, C2, C3, C4, C5, C6))
- 15. Алгоритм Birch.

Метрики якості: Homogeneity, Completeness, V-measure.

Чи є розбиття стабільним після зміни порядку об'єктів у множині об'єктів? Дослідити виконання алгоритму на даних blobs різного розміру, в тому числі на даних дуже великого розміру.

# Початкові дані:

- (a) sklearn.datasets.make\_moons
- (6) from sklearn.datasets.samples\_generator import make\_blobs X, y\_true = make\_blobs(n\_samples=5400, centers=5, cluster\_std=0.90, random\_state=0.1) rng = np.random.RandomState(13) X\_stretched = np.dot(X, rng.randn(2, 2))
- 16. Алгоритм розділу суміші expectation-maximization (EM). Використати методи GaussianMixture та BayesianGaussianMixture класу mixture.

Метрики якості: Estimated number of clusters, Adjusted Rand Index, Adjusted Mutual Information, Silhouette Coefficient.

Чи є розбиття стабільним на підвибірках даних?

## Початкові дані:

- (a) from sklearn.datasets import make\_blobs  $\begin{array}{lll} n\_samples\_1 &=& 1000 \\ n\_samples\_2 &=& 100 \\ centers &=& \left[ \left[ 0.0 \;,\; 0.0 \right] \;,\; \left[ 2.0 \;,\; 2.0 \right] \right] \\ clusters\_std &=& \left[ 2.0 \;,\; 1.0 \right] \\ X, \;\; y &=& \; make\_blobs (n\_samples=[n\_samples\_1 \;,\; n\_samples\_2] \;,\; \\ centers=centers \;,\; \\ cluster\_std=clusters\_std \;,\; \\ random \;\; state=0, \;\; shuffle=False) \end{array}$
- (6) sklearn.datasets.load\_iris
- 17. Агломеративний алгоритм AgglomerativeClustering. Дослідити методи розрахунку відстані між кластерами: ward, single, average, complete. Побудувати матриці внутрішньокласових відстаней, використовуючи metrics.pairwise\_distances.

Чи є розбиття стабільним після вилучення окремих об'єктів?

Метрики якості: Estimated number of clusters, Homogeneity, Completeness, V-measure.

#### Початкові дані:

(a) from sklearn.datasets.samples\_generator import make\_blobs X, y\_true = make\_blobs(n\_samples=400, centers=4, cluster\_std=0.60, random\_state=0) rng = np.random.RandomState(13) X stretched = np.dot(X, rng.randn(2, 2))

- (6) sklearn.datasets.load\_iris
- 18. Алгоритм k-середніх, використати методи cluster. К<br/>Means і cluster. МіniBatch<br/>K Меans. Відобразити графічно центри кластерів.

Метрики якості: Adjusted Rand Index, Calinski-Harabasz Index, Davies-Bouldin index.

Чи є розбиття стабільним на підвибірках даних?

#### Початкові дані:

- (a) sklearn.datasets.make\_moons
- (6) from sklearn.datasets.samples\_generator import make\_blobs X, y\_true = make\_blobs(n\_samples=400, centers=4, cluster\_std=0.60, random\_state=0) rng = np.random.RandomState(13) X stretched = np.dot(X, rng.randn(2, 2))
- 19. Алгоритм DBSCAN (Density-Based Spatial Clustering of Applications with Noise). Розрахувати додатковий результат кластеризації: estimated number of noise points.

Метрики якості: Adjusted Mutual Information, Silhouette Coefficient, Calinski-Harabasz Index.

Чи є розбиття стабільним після зміни порядку об'єктів у множині об'єктів?

# Початкові дані:

- (a) from sklearn.datasets.samples\_generator import make\_blobs X, y\_true = make\_blobs(n\_samples=400, centers=4, cluster\_std=0.60, random\_state=0) rng = np.random.RandomState(13) X\_stretched = np.dot(X, rng.randn(2, 2))
- (δ) sklearn.datasets.load\_iris
- 20. Алгоритм Affinity propagation. Відобразити графічно центри кластерів.

Метрики якості: Adjusted Rand Index, Adjusted Mutual Information, Silhouette Coefficient.

Чи є розбиття стабільним після вилучення окремих об'єктів?

#### Початкові дані:

(a) import numpy as np  $\begin{array}{l} \text{np.random.seed} \ (0) \\ X = \text{np.random.randn} \ (300, \ 2) \\ Y = \text{np.logical} \ \ \text{xor} \ (X[:, \ 0] > 0, \ X[:, \ 1] > 0) \end{array}$ 

```
(6) from sklearn.datasets import make_blobs \begin{array}{ll} n\_samples\_1 = 1000 \\ n\_samples\_2 = 100 \\ centers = [[0.0\;,\;0.0]\;,\;[2.0\;,\;2.0]] \\ clusters\_std = [2.0\;,\;1.0] \\ X,\;\;y = make\_blobs(n\_samples=[n\_samples\_1\;,\;n\_samples\_2]\;,\\ centers=centers\;,\\ cluster\_std=clusters\_std\;,\\ random\;\;state=0\;,\;shuffle=False) \end{array}
```

21. Агломеративний алгоритм AgglomerativeClustering. Дослідити методи розрахунку відстані між кластерами: ward, single, average, complete. Побудувати матриці внутрішньокласових відстаней, використовуючи metrics.pairwise\_distances.

 $\mbox{Meтрикu}$ якості: Estimated number of clusters, Homogeneity, Completeness, V-measure.

Чи є розбиття стабільним після зміни порядку об'єктів у множині об'єктів?

- (a) sklearn.datasets.samples\_generator.make\_circles
- (6) from sklearn.datasets import make\_blobs  $X, y = make\_blobs(n\_samples=500, n\_features=2, centers=4, cluster\_std=1, center\_box=(-10.0, 10.0), shuffle=True, random state=1)$