Za vežbu

Ispitati konvergenciju sledećih redova:

1.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{(2n+2)5^n}$$
;

Rešenje: red je konvergentan.

2.
$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^2}{5n^2 + 2n}$$
;

Rešenje: red je divergentan.

3.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n}}{n^2 + 1}$$
;

Rešenje: red je konvergentan.

4.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^3 + 2n}};$$

Rešenje: red je konvergentan.

$$5. \sum_{n=2}^{\infty} \frac{n}{\sqrt{n^3 - 2n}};$$

Rešenje: red je divergentan.

6.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n \cdot 2^{n+2}}{3^n}$$
;

Rešenje: red je konvergentan.

7.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{4n+1}} \left(\frac{2}{5}\right)^n;$$

Rešenie: red ie konvergentan.

8.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n^n};$$

Rešenje: red je konvergentan.

9.
$$\sum_{n=3}^{\infty} \frac{n+2}{4-2n}$$
;

Rešenje: red je divergentan.

10.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+1}{\sqrt{n^4-3n^2}};$$

Rešenje: red je divergentan.

11.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n}{n+1} \right)^n;$$

Rešenje: red je konvergentan.

12.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{-n^2}$$
;

Rešenje: red je konvergentan.

13.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 - 3n + 1}{\sqrt[4]{n^9 - 3n^5 + 2}};$$

Rešenje: red je divergentan.

14.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{n!}$$
;

Rešenje: red je konvergentan.

15.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n-1}{n+1} \right)^{n(n+1)}$$
;

Rešenje: red je konvergentan.

16.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3 - 3n}{n^2}$$
;

Rešenje: red je divergentan.

17.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n-1}{n+1} \right)^{n(n+1)}$$
;

Rešenje: red je konvergentan.

Izračunati sumu reda:

$$1. \sum_{n=0}^{\infty} \frac{2^n}{3^n};$$

Rešenje: 3.

$$2. \sum_{n=0}^{\infty} \frac{4^{n-1}}{5^{n+2}};$$

Rešenje: $\frac{1}{20}$.