

# Liste

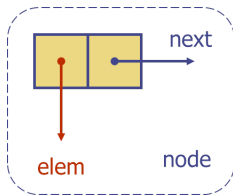
© Goodrich, Tamassia, Goldwasser

Katedra za informatiku, Fakultet tehničkih nauka, Univerzitet u Novom Sadu

2022.

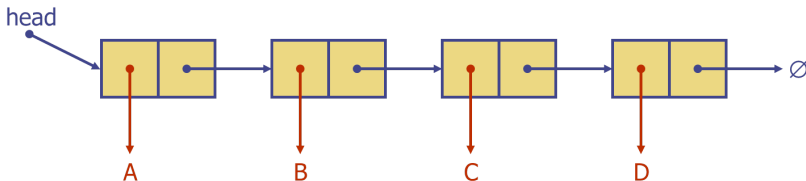
# Jednostruko spregnuta lista

- predstavlja sekvencu elemenata
- elementi su sadržani u „čvorovima“ liste (nodes)
- susedstvo između elemenata se opisuje vezama/referencama/pokazivačima
- svaki čvor sadrži
  - podatak koji se čuva
  - link prema sledećem čvoru



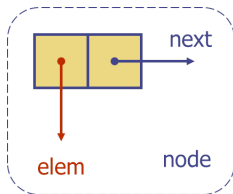
# Jednostruko spregnuta lista

- čvorovi ne zauzimaju susedne memorijske lokacije – mogu biti „razbacani“ po memoriji
- redosled se održava pomoću veza između čvorova
- svaki čvor ima vezu prema sledećem
- koji je prvi?
  - potrebna nam je posebna referenca na prvi element liste („glava“)
- na koga pokazuje poslednji element?
  - njegova referenca na sledećeg je None



# Element jednostruko spregnute liste u Pythonu

```
class Node:
    def __init__(self, value, next):
        self._value = value
        self._next = next
```



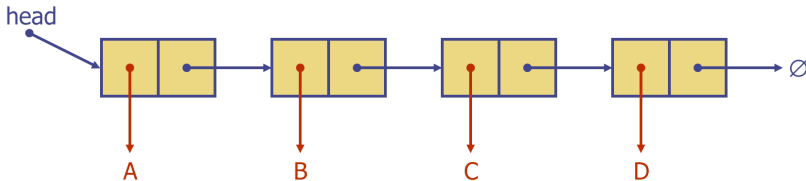
# Iterator: obilazak svih elemenata liste

$current \leftarrow head$

**while**  $current$  is not None **do**

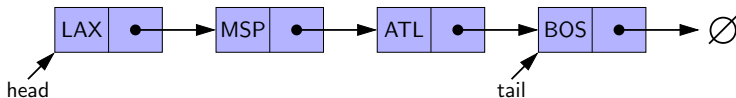
    obradi  $current$

$current \leftarrow current._next$



# Poslednji element liste

- kako doći do **poslednjeg** elementa liste?
  - krenemo od glave dok ne dođemo do elementa čiji `_next` je `None`
  - ovaj postupak je  $O(n)$
- bilo bi zgodno čuvati referencu na poslednji element liste
  - analogno glavi, referenca se zove „rep“ (tail)

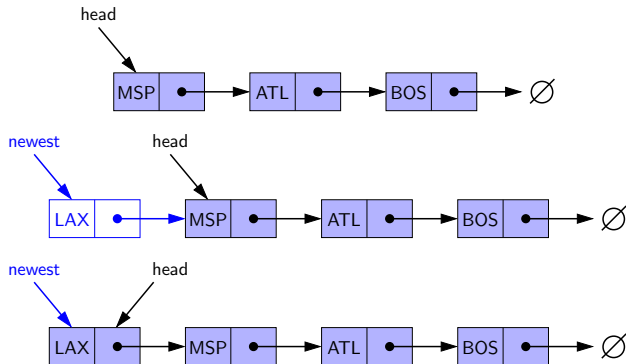


# Granični slučajevi

- kako predstaviti praznu listu?
  - `head = tail = None`
- kako predstaviti punu listu?
  - lista nema ograničenje na maksimalan broj elemenata :)
- ako lista ima jedan element?
  - `head == tail`

# Dodavanje elementa na početak liste

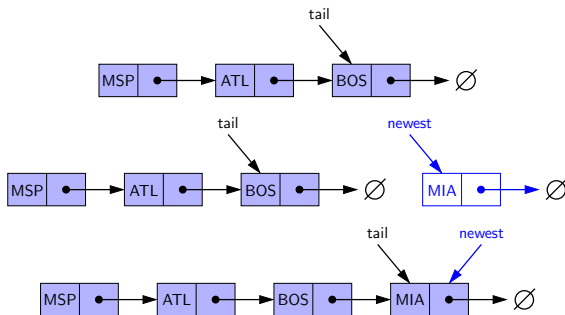
- 1 kreiraj novi čvor
- 2 upiši podatak u čvor
- 3 link na sledeći novog čvora pokazuje na glavu
- 4 glava pokazuje na novi čvor





# Dodavanje elementa na kraj liste

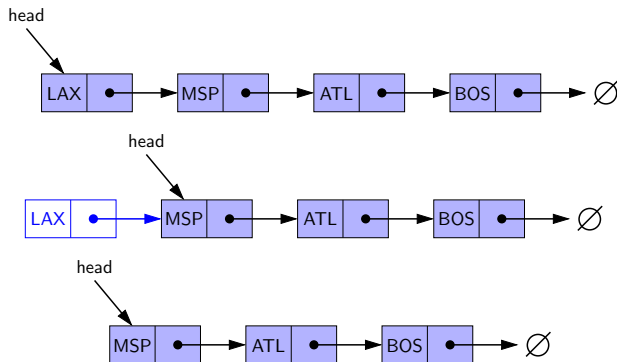
- 1 kreiraj novi čvor
- 2 upiši podatak u čvor
- 3 link na sledeći novog čvora je None
- 4 poslednji → sledeći pokazuje na novi čvor
- 5 tail pokazuje na novi čvor



# Uklanjanje elementa sa početka liste

- 1 head treba da pokazuje na drugi element liste

`head = head._next`



# Uklanjanje elementa sa kraja liste

- za vežbu ;)

# Implementacija jednostruko spregnute liste u Pythonu <sub>1</sub>

```
class SingleList:
    def __init__(self):
        self._head = None
        self._tail = None
        self._size = 0

    def __len__(self):
        return self._size

    def is_empty(self):
        return self._size == 0

    def __iter__(self):
        current_node = self._head
        while current_node:
            yield current_node
            current_node = current_node.next
```

# Implementacija jednostruko spregnute liste u Pythonu 2

```
def get_first(self):  
    if self.is_empty():  
        raise EmptyListException("Prazna lista!")  
    return self._head  
  
def get_last(self):  
    if self.is_empty():  
        raise EmptyListException("Prazna lista!")  
    return self._tail
```

# Implementacija jednostruko spregnute liste u Pythonu 3

```
def add_first(self, value):  
    new_node = Node(value)  
    if self.is_empty():  
        self._tail = new_node  
    else:  
        new_node.next = self._head  
    self._head = new_node  
    self._size += 1
```

```
def add_last(self, value):  
    new_node = Node(value)  
    if self.is_empty():  
        self._head = new_node  
    else:  
        self._tail.next = new_node  
    self._tail = new_node  
    self._size += 1
```

# Implementacija jednostruko spregnute liste u Pythonu 4

```
def remove_first(self):
    if self.is_empty():
        raise EmptyListException("Prazna lista!")
    if self._size == 1:
        self._tail = None
    self._head = self._head.next
    self._size -= 1

def remove_last(self):
    if self.is_empty():
        raise EmptyListException("Prazna lista!")
    if self._size == 1:
        self._head = None
    for node in self:
        if node.next == self._tail:
            node.next = None
            self._tail = node
            break
    self._size -= 1
```

# Implementacija jednostruko spregnute liste u Pythonu 5

```
def get_at(self, index):  
    if not 0 <= index <= self._size-1:  
        raise IndexError("Indeks van opsega!")  
    counter = 0  
    current_node = self._head  
    while current_node:  
        if counter == index:  
            return current_node  
        current_node = current_node.next  
        counter += 1
```



# Implementacija jednostruko spregnute liste u Pythonu 6

```
def insert_at(self, index, value):
    new_node = Node(value)
    if not 0 <= index <= self._size-1:
        raise IndexError("Indeks van opsega!")
    if index == 0:
        self.add_first(value)
        return
    previous_node = self.get_at(index-1)
    new_node.next = previous_node.next
    previous_node.next = new_node
    self._size += 1
```

# Implementacija jednostruko spregnute liste u Pythonu 7

```
def remove_at(self, index):
    if not 0 <= index <= self._size-1:
        raise IndexError("Indeks van opsega!")
    if index == 0:
        self.remove_first()
        return
    if index == self._size-1:
        self.remove_last()
        return
    previous_node = self.get_at(index-1)
    next_node = previous_node.next.next
    previous_node.next = next_node
    self._size -= 1
```

# Operacije

Operacija	Niz	Lista
$data[i]$	$O(1)$	$O(n)$
$add\_last(value)$	$O(1)$	$O(1)$
$add\_first(value)$	$O(n)$	$O(1)$
$insert\_at(index, value)$	$O(n)$	$O(n)$
$remove\_first()$	$O(n)$	$O(1)$
$remove\_last()$	$O(1)$	$O(n)$
$remove\_at(index)$	$O(n)$	$O(n)$