

2. Classificação

A classificação é um método de aprendizado de máquina supervisionado em que o modelo tenta prever o rótulo correto de um determinado dado de entrada.

Encoding

Alguns algoritmos mesmo que de classificação não conseguem compreender rótulos, apenas números, então é necessário transformar os dados categóricos utilizando técnicas codificação.

Label Encoding

Cada categoria recebe um número, normalmente em ordem alfabética. Normalmente utilizado para dados categóricos ordinários.

| Color | Size | Price |
|-------|--------|-------|
| Red | Small | 10 |
| Green | Medium | 20 |
| Blue | Large | 30 |
| Red | Large | 25 |
| Green | Small | 15 |

| Category | Encoded Value |
|--------------|---------------|
| Color: Red | 0 |
| Color: Green | 1 |
| Color: Blue | 2 |

| Category | Encoded Value |
|--------------|---------------|
| Size: Small | 0 |
| Size: Medium | 1 |
| Size: Large | 2 |

| Color_Encoded | Size_Encoded | Price |
|---------------|--------------|-------|
| 0 | 0 | 10 |
| 1 | 1 | 20 |
| 2 | 2 | 30 |
| 0 | 2 | 25 |
| 1 | 0 | 15 |

Dessa forma já é possível trabalhar com diversos algoritmos, no entanto alguns podem correlacionar os dados como uma ordem de grandeza. Isso acaba conferindo uma "importância" maior para categorias com um números maior. Nesses casos utilizamos outro encorder.

One-hot Encoding

Cada categoria é transformada em outro atributo: dummy variable, um valor binário que informa a ocorrência.

| | Color | Size | Price |
|--|-------|--------|-------|
| | Red | Small | 10 |
| | Green | Medium | 20 |
| | Blue | Large | 30 |
| | Red | Large | 25 |
| | Green | Small | 15 |

| Color_Red | Color_Green | Color_Blue | Size_Small | Size_Medium | Size_Large | Price |
|-----------|-------------|------------|------------|-------------|------------|-------|
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 10 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 20 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 30 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 25 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 15 |

Temos que tomar cuidado com alguns fatores:

- Muitas colunas podem gerar um espaço de características de alta dimensão, que pode causar super ajuste e ter um custo computacional muito alto.
- Maldição da Dimensionalidade: Dados esparços, muitas colunas com valor zero, tornando difícil encontrar valores nos dados
- Dummy Variable Trap: valores de colunas binárias podem ser previstos a partir dos valores de outras colunas.

Solução: Excluir um dos atributos ou combinar colunas binárias

| Color_Red | Color_Green | Color_Blue | Size_Small | Size_Medium | Size_Large | Price |
|-----------|-------------|------------|------------|-------------|------------|-------|
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 10 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 20 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 30 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 25 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 15 |

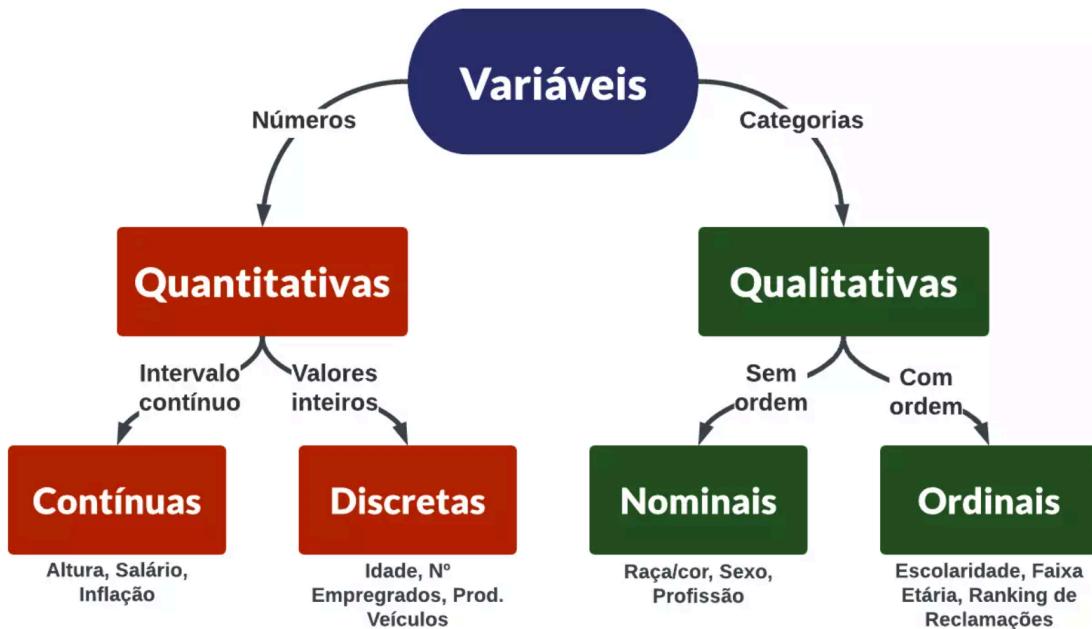
Qual utilizar?

| Label encoding | One-hot encoding |
|---|--------------------------------|
| Há ordem (progr. Junior, Pleno, Sênior) | Não há ordem |
| Grande Número de categorias, não da pra usar One-hot encoding | Número de categorias é pequeno |

Vamos utilizar uma base de dados do censo para testarmos.

```
In [2]: import pandas as pd
import numpy as np
import seaborn as sns
import matplotlib.pyplot as plt
import plotly.express as px
```

Agora diferente dos casos de regressão, na classificação temos diferentes tipos de variáveis e é importante distingui-las no dataset antes de começarmos a trabalhar.



```
In [3]: base_census = pd.read_csv('census.csv')
base_census
```

Out[3]:

| | age | workclass | final-weight | education | education-num | marital-status | occupation | relationship |
|-------|-----|------------------|--------------|------------|---------------|--------------------|-------------------|---------------|
| 0 | 39 | State-gov | 77516 | Bachelors | 13 | Never-married | Adm-clerical | Not-in-family |
| 1 | 50 | Self-emp-not-inc | 83311 | Bachelors | 13 | Married-civ-spouse | Exec-managerial | Husband |
| 2 | 38 | Private | 215646 | HS-grad | 9 | Divorced | Handlers-cleaners | Not-in-family |
| 3 | 53 | Private | 234721 | 11th | 7 | Married-civ-spouse | Handlers-cleaners | Husband |
| 4 | 28 | Private | 338409 | Bachelors | 13 | Married-civ-spouse | Prof-specialty | Wife |
| ... | ... | ... | ... | ... | ... | ... | ... | ... |
| 32556 | 27 | Private | 257302 | Assoc-acdm | 12 | Married-civ-spouse | Tech-support | Wife |
| 32557 | 40 | Private | 154374 | HS-grad | 9 | Married-civ-spouse | Machine-op-insct | Husband |
| 32558 | 58 | Private | 151910 | HS-grad | 9 | Widowed | Adm-clerical | Unmarried |
| 32559 | 22 | Private | 201490 | HS-grad | 9 | Never-married | Adm-clerical | Own-child |
| 32560 | 52 | Self-emp-inc | 287927 | HS-grad | 9 | Married-civ-spouse | Exec-managerial | Wife |

32561 rows × 15 columns

In [4]: `base_census.describe()`

Out[4]:

| | age | final-weight | education-num | capital-gain | capital-loos | hour-per-week |
|--------------|--------------|--------------|---------------|--------------|--------------|---------------|
| count | 32561.000000 | 3.256100e+04 | 32561.000000 | 32561.000000 | 32561.000000 | 32561.000000 |
| mean | 38.581647 | 1.897784e+05 | 10.080679 | 1077.648844 | 87.303830 | 40.437456 |
| std | 13.640433 | 1.055500e+05 | 2.572720 | 7385.292085 | 402.960219 | 12.347429 |
| min | 17.000000 | 1.228500e+04 | 1.000000 | 0.000000 | 0.000000 | 1.000000 |
| 25% | 28.000000 | 1.178270e+05 | 9.000000 | 0.000000 | 0.000000 | 40.000000 |
| 50% | 37.000000 | 1.783560e+05 | 10.000000 | 0.000000 | 0.000000 | 40.000000 |
| 75% | 48.000000 | 2.370510e+05 | 12.000000 | 0.000000 | 0.000000 | 45.000000 |
| max | 90.000000 | 1.484705e+06 | 16.000000 | 99999.000000 | 4356.000000 | 99.000000 |

In []: `base_census.isnull().sum()`

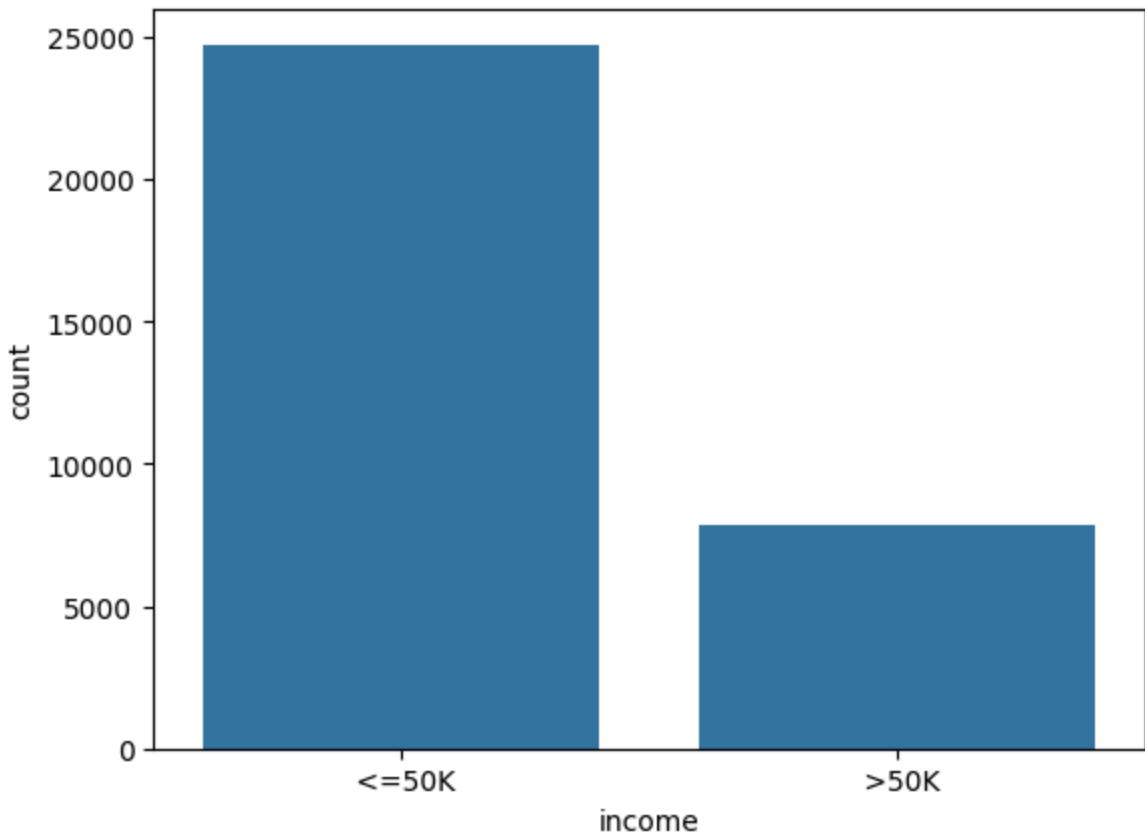
Income é o nosso target, se refere a renda anual dos indivíduos do dataset, que se dividem em duas classes, as que ganham mais de 50 mil no ano e as que ganham menos.

In [5]: `np.unique(base_census['income'], return_counts=True)`

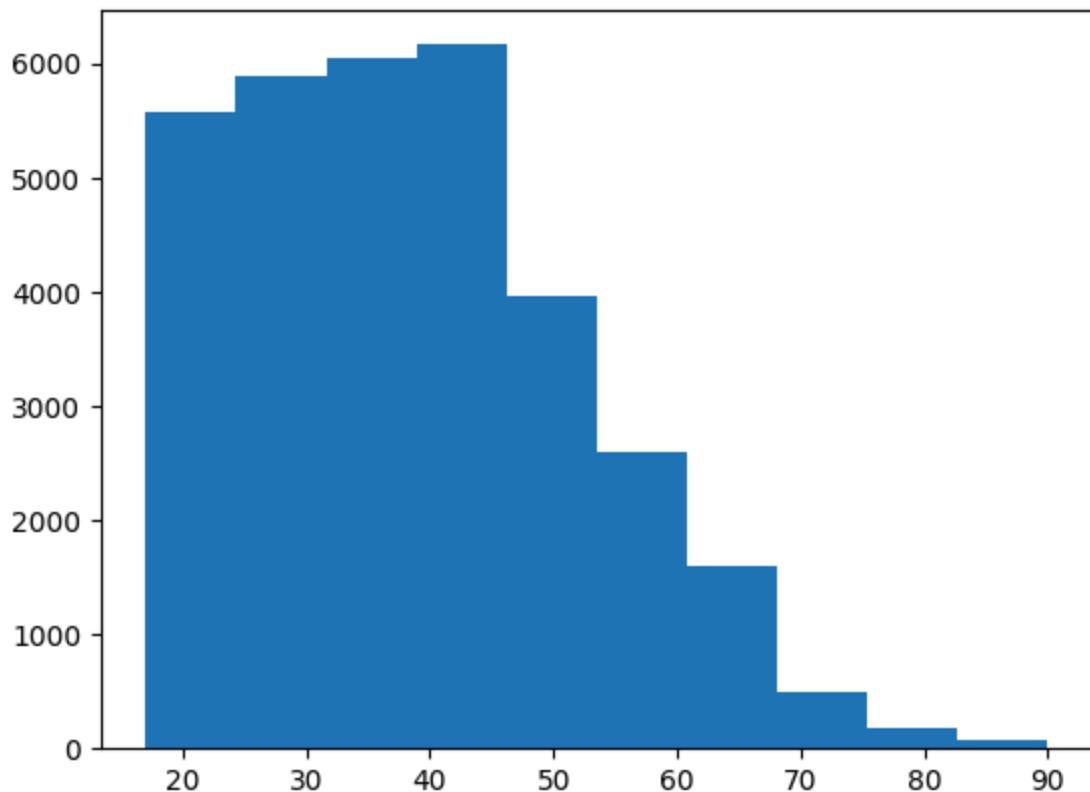
Out[5]: `(array(['<=50K', '>50K'], dtype=object), array([24720, 7841]))`

Podemos ver que majoritariamente os dados se referem a pessoas que ganham menos de 50 mil no ano.

In [6]: `sns.countplot(x = base_census['income'])`

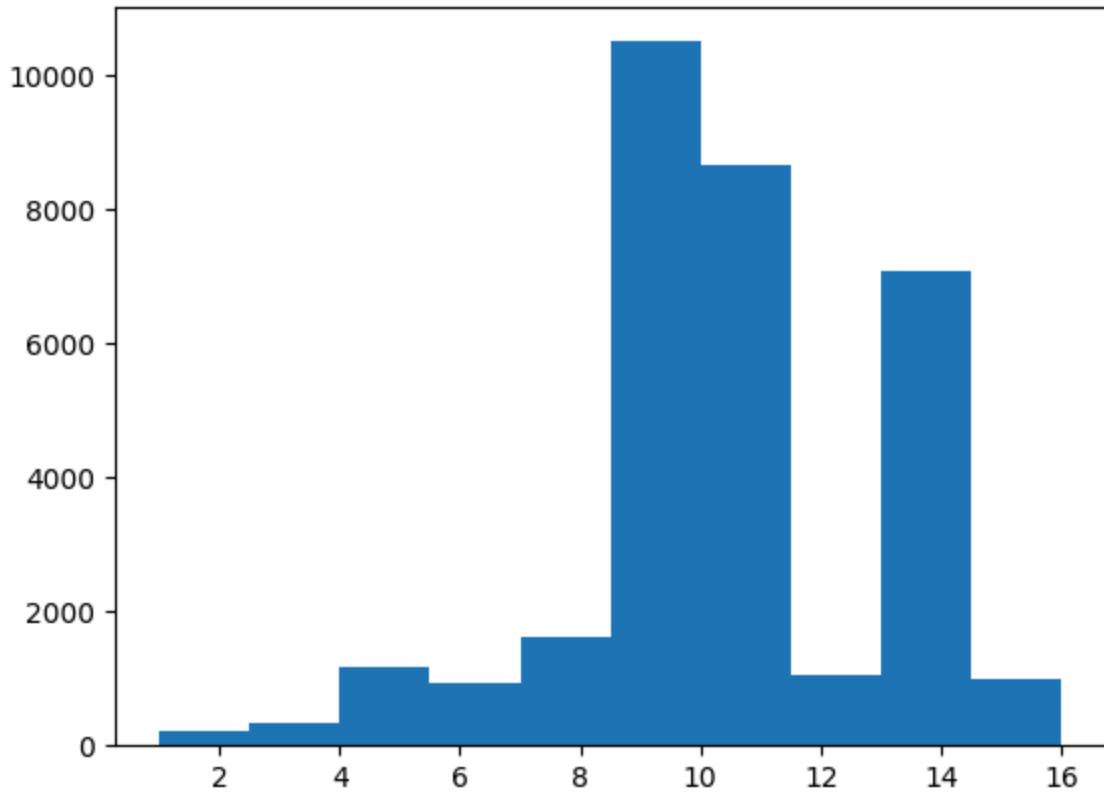


```
In [7]: plt.hist(x = base_census['age']);
```



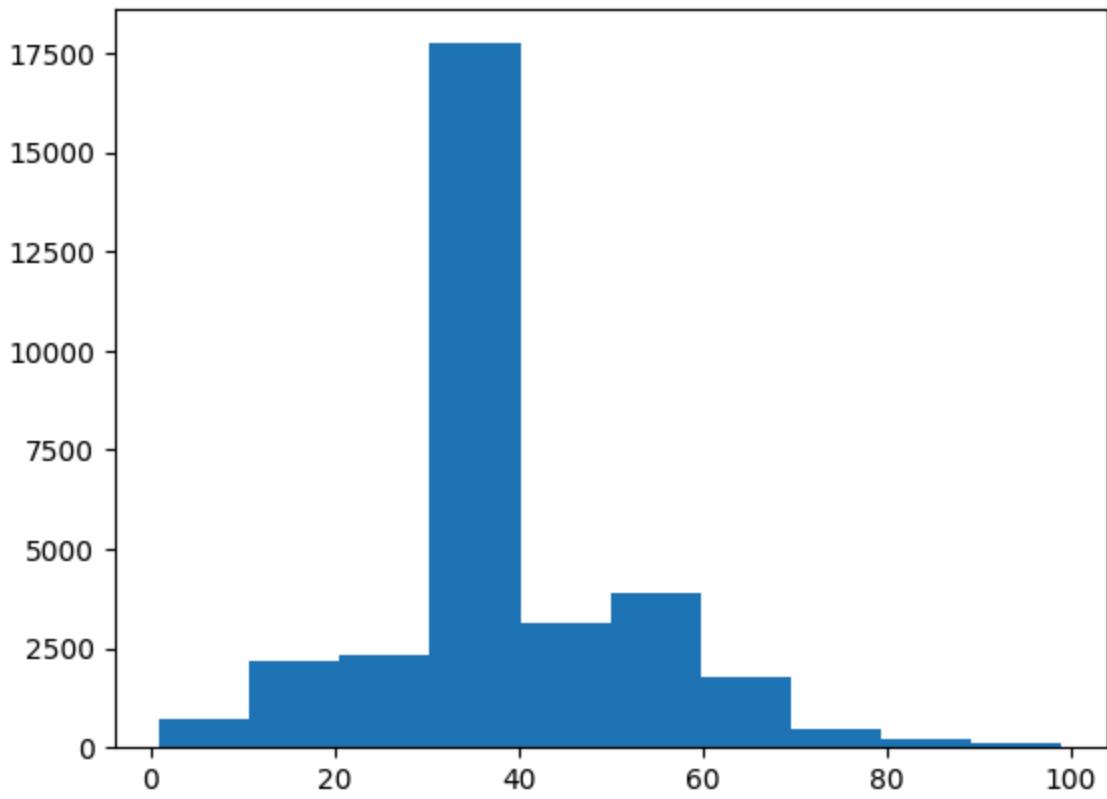
Podemos ver que a maioria tem entre 8 a 12 anos de dedicação aos estudos.

```
In [8]: plt.hist(x = base_census['education-num']);
```



E trabalham de 30 a 40 horas por semana.

```
In [9]: plt.hist(x = base_census['hour-per-week']);
```

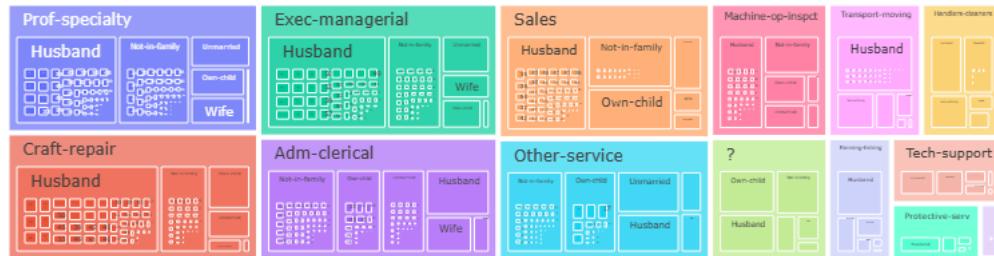


Podemos observar a distribuição por categoria utilizando o gráfico treemap da biblioteca plotly.

```
In [10]: grafico = px.treemap(base_census, path=['workclass', 'age'])
grafico.show()
```

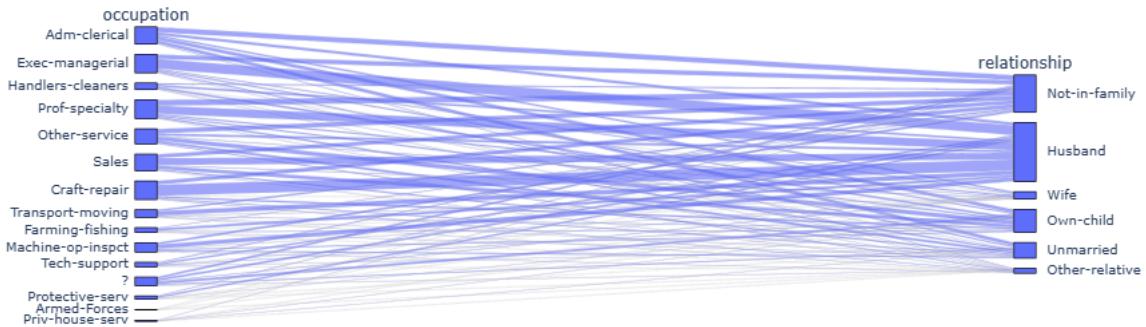


```
In [11]: grafico = px.treemap(base_census, path=['occupation', 'relationship', 'age'])
grafico.show()
```

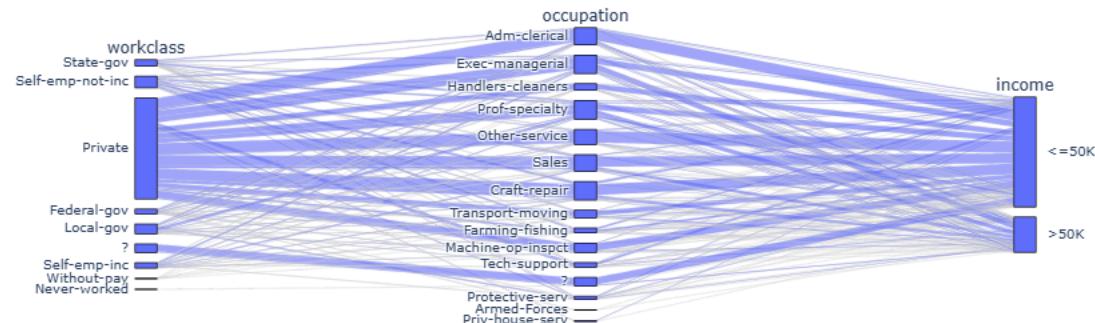


Assim como podemos ver a relação entre as categorias.

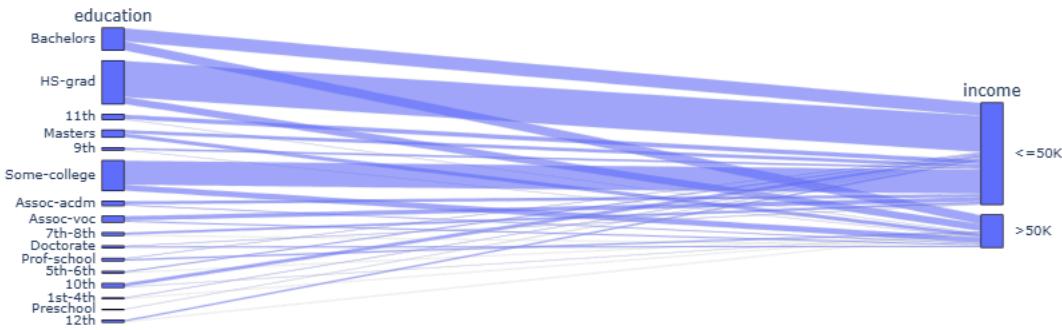
```
In [12]: grafico = px.parallel_categories(base_census, dimensions=['occupation', 'relationship'])
grafico.show()
```



```
In [13]: grafico = px.parallel_categories(base_census, dimensions=['workclass', 'occupation'])
grafico.show()
```



```
In [14]: grafico = px.parallel_categories(base_census, dimensions=['education', 'income'])
grafico.show()
```



```
In [15]: base_census.columns
```

```
Out[15]: Index(['age', 'workclass', 'final-weight', 'education', 'education-num',
       'marital-status', 'occupation', 'relationship', 'race', 'sex',
       'capital-gain', 'capital-loos', 'hour-per-week', 'native-country',
       'income'],
      dtype='object')
```

Vamos dividir os nossos dados entre target e as variáveis exploratórias.

```
In [16]: X_census = base_census.iloc[:, 0:14].values
y_census = base_census.iloc[:, 14].values
```

Conforme estudamos anteriormente, quando se tratam de dados categóricos é necessário transformar os rótulos em numéricos para melhor compreensão do algoritmo.

```
In [17]: from sklearn.preprocessing import LabelEncoder
label_encoder_teste = LabelEncoder()
X_census[:,1]
```

```
Out[17]: array([' State-gov', ' Self-emp-not-inc', ' Private', ..., ' Private',
       ' Private', ' Self-emp-inc'], dtype=object)
```

```
In [18]: teste = label_encoder_teste.fit_transform(X_census[:,1])
teste
```

```
Out[18]: array([7, 6, 4, ..., 4, 4, 5])
```

```
In [19]: X_census[0]
```

```
Out[19]: array([39, ' State-gov', 77516, ' Bachelor's', 13, ' Never-married',
       ' Adm-clerical', ' Not-in-family', ' White', ' Male', 2174, 0, 40,
       ' United-States'], dtype=object)
```

```
In [20]: label_encoder_workclass = LabelEncoder()
label_encoder_education = LabelEncoder()
label_encoder_marital = LabelEncoder()
label_encoder_occupation = LabelEncoder()
label_encoder_relationship = LabelEncoder()
```

```
label_encoder_race = LabelEncoder()
label_encoder_sex = LabelEncoder()
label_encoder_country = LabelEncoder()
```

```
In [21]: X_census[:,1] = label_encoder_workclass.fit_transform(X_census[:,1])
X_census[:,3] = label_encoder_education.fit_transform(X_census[:,3])
X_census[:,5] = label_encoder_marital.fit_transform(X_census[:,5])
X_census[:,6] = label_encoder_occupation.fit_transform(X_census[:,6])
X_census[:,7] = label_encoder_relationship.fit_transform(X_census[:,7])
X_census[:,8] = label_encoder_race.fit_transform(X_census[:,8])
X_census[:,9] = label_encoder_sex.fit_transform(X_census[:,9])
X_census[:,13] = label_encoder_country.fit_transform(X_census[:,13])
```

```
In [22]: X_census[0]
```

```
Out[22]: array([39, 7, 77516, 9, 13, 4, 1, 1, 4, 1, 2174, 0, 40, 39], dtype=object)
```

```
In [23]: X_census
```

```
Out[23]: array([[39, 7, 77516, ..., 0, 40, 39],
                 [50, 6, 83311, ..., 0, 13, 39],
                 [38, 4, 215646, ..., 0, 40, 39],
                 ...,
                 [58, 4, 151910, ..., 0, 40, 39],
                 [22, 4, 201490, ..., 0, 20, 39],
                 [52, 5, 287927, ..., 0, 40, 39]], dtype=object)
```

```
In [24]: len(np.unique(base_census['occupation']))
```

```
Out[24]: 15
```

```
In [25]: from sklearn.preprocessing import OneHotEncoder
from sklearn.compose import ColumnTransformer

onehotencoder_census = ColumnTransformer(transformers=[('OneHot', OneHotEncoder(),
```

```
In [27]: X_census = onehotencoder_census.fit_transform(X_census)
X_census[0]
```

```
Out[27]: <Compressed Sparse Row sparse matrix of dtype 'float64'
         with 13 stored elements and shape (1, 108)>
```

```
In [28]: X_census.shape
```

```
Out[28]: (32561, 108)
```

```
In [31]: from sklearn.preprocessing import StandardScaler
scaler_census = StandardScaler(with_mean=False)
X_census = scaler_census.fit_transform(X_census)
X_census[0]
```

```
Out[31]: <Compressed Sparse Row sparse matrix of dtype 'float64'
         with 13 stored elements and shape (1, 108)>
```

```
In [117...]: from sklearn.model_selection import train_test_split  
  
X_census_treinamento, X_census teste, y_census_treinamento, y_census teste = train_  
X_census_treinamento.shape, X_census teste.shape
```

```
Out[117...]: ((26048, 108), (6513, 108))
```

```
In [118...]: import pickle  
with open('census.pkl', mode = 'wb') as f:  
    pickle.dump([X_census_treinamento, y_census_treinamento, X_census teste, y_census
```

Naïve Bayes

O algoritmo assume a premissa "ingênua" de que todas as características de entrada são independentes da presença umas das outras, dado a classe. Ele aplica o teorema de bayes para calcular a probabilidade de um dado pertencer a uma classe específica. A fórmula essencial é:

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) \times P(A)}{P(B)}$$

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) \times P(A)}{P(B)}$$

Onde A é cada classe e B os a quantidade de Dados.

Na prática temos uma base de dados original:

| História do crédito | | Dívida | Garantias | Renda anual | Risco |
|---------------------|--|--------|-----------|-----------------------|----------|
| Ruim | | Alta | Nenhuma | < 15.000 | Alto |
| Desconhecida | | Alta | Nenhuma | >= 15.000 a <= 35.000 | Alto |
| Desconhecida | | Baixa | Nenhuma | >= 15.000 a <= 35.000 | Moderado |
| Desconhecida | | Baixa | Nenhuma | > 35.000 | Alto |
| Desconhecida | | Baixa | Nenhuma | > 35.000 | Baixo |
| Desconhecida | | Baixa | Adequada | > 35.000 | Baixo |
| Ruim | | Baixa | Nenhuma | < 15.000 | Alto |
| Ruim | | Baixa | Adequada | > 35.000 | Moderado |
| Boa | | Baixa | Nenhuma | > 35.000 | Baixo |
| Boa | | Alta | Adequada | > 35.000 | Baixo |
| Boa | | Alta | Nenhuma | < 15.000 | Alto |
| Boa | | Alta | Nenhuma | >= 15.000 a <= 35.000 | Moderado |
| Boa | | Alta | Nenhuma | > 35.000 | Baixo |
| Ruim | | Alta | Nenhuma | >= 15.000 a <= 35.000 | Alto |

E para cada feature faz a divisão relacionada com a classe que queremos prever:

| Risco de crédito | História do crédito | | | Dívida | | Garantias | | Renda anual | | História do crédito | Risco |
|------------------|---------------------|--------------|------|--------|--|-----------|--|-------------|--|---------------------|----------|
| | Boa | Desconhecida | Ruim | | | | | | | | |
| | 5 | 5 | 4 | | | | | | | | |
| Alto 6/14 | 1/6 | 2/6 | 3/6 | | | | | | | Desconhecida | Alto |
| Moderado 3/14 | 1/3 | 1/3 | 1/3 | | | | | | | Desconhecida | Moderado |
| Baixo 5/14 | 3/5 | 2/5 | 0 | | | | | | | Ruim | Alto |
| | | | | | | | | | | Boa | Baixo |
| | | | | | | | | | | Boa | Baixo |
| | | | | | | | | | | Boa | Alto |
| | | | | | | | | | | Boa | Moderado |
| | | | | | | | | | | Boa | Baixo |
| | | | | | | | | | | Ruim | Alto |

| Risco de crédito | História do crédito | | | Dívida | | Garantias | | Renda anual | | | Dívida | Risco |
|------------------|---------------------|-------------------|-----------|-----------|------------|-----------|--|-------------|--|--|--------|----------|
| | Boa 5 | Desconhecida 5 | Ruim 4 | Alta 7 | Baixa 7 | | | | | | | |
| Alto 6/14 | 1/6 | 2/6 | 3/6 | 4/6 | 2/6 | | | | | | Baixa | Baixo |
| Moderado 3/14 | 1/3 | 1/3 | 1/3 | 1/3 | 2/3 | | | | | | Baixa | Moderado |
| Baixo 5/14 | 3/5 | 2/5 | 0 | 2/5 | 3/5 | | | | | | Alta | Baixo |
| | | | | | | | | | | | Alta | Alto |
| | | | | | | | | | | | Alta | Moderado |
| | | | | | | | | | | | Alta | Baixo |
| | | | | | | | | | | | Alta | Alto |

| Risco de crédito | História do crédito | | | Dívida | | Garantias | | Renda anual | | Garantias | Risco |
|------------------|---------------------|----------------|--------|--------|---------|------------|------------|-------------|--|-----------|----------|
| | Boa 5 | Desconhecida 5 | Ruim 4 | Alta 7 | Baixa 7 | Nenhuma 11 | Adequada 3 | | | | |
| Alto 6/14 | | | | | | | | | | Nenhuma | Alto |
| | 1/6 | 2/6 | 3/6 | 4/6 | 2/6 | 6/6 | 0 | | | Nenhuma | Baixo |
| | | | | | | | | | | Adequada | Baixo |
| | | | | | | | | | | Nenhuma | Alto |
| Moderado 3/14 | | | | | | | | | | Adequada | Moderado |
| | 1/3 | 1/3 | 1/3 | 1/3 | 2/3 | 2/3 | 1/3 | | | Nenhuma | Baixo |
| | | | | | | | | | | Adequada | Baixo |
| Baixo 5/14 | | | | | | | | | | Nenhuma | Alto |
| | 3/5 | 2/5 | 0 | 2/5 | 3/5 | 3/5 | 2/5 | | | Nenhuma | Moderado |
| | | | | | | | | | | Nenhuma | Baixo |
| | | | | | | | | | | Nenhuma | Alto |

| Risco de crédito | História do crédito | | | Dívida | | Garantias | | Renda anual | | | |
|------------------|---------------------|-------------------|-----------|-----------|------------|---------------|---------------|-------------|------------|------------|-----------|
| | Boa 5 | Desconhecida 5 | Ruim 4 | Alta 7 | Baixa 7 | Nenhuma 11 | Adequada 3 | < 15 3 | >= 15 4 | <= 35 7 | > 35 7 |
| Alto 6/14 | 1/6 | 2/6 | 3/6 | 4/6 | 2/6 | 6/6 | 0 | 3/6 | 2/6 | 1/6 | |
| Moderado 3/14 | 1/3 | 1/3 | 1/3 | 1/3 | 2/3 | 2/3 | 1/3 | 0 | 2/3 | 1/3 | |
| Baixo 5/14 | 3/5 | 2/5 | 0 | 2/5 | 3/5 | 3/5 | 2/5 | 0 | 0 | 5/5 | |

| Renda anual | Risco |
|---------------------|----------|
| < 15.000 | Alto |
| ≥ 15.000 a ≤ 35.000 | Alto |
| ≥ 15.000 a ≤ 35.000 | Moderado |
| > 35.000 | Alto |
| > 35.000 | Baixo |
| > 35.000 | Baixo |
| < 15.000 | Alto |
| > 35.000 | Moderado |
| > 35.000 | Baixo |
| > 35.000 | Baixo |
| < 15.000 | Alto |
| ≥ 15.000 a ≤ 35.000 | Moderado |
| > 35.000 | Baixo |
| ≥ 15.000 a ≤ 35.000 | Alto |

Essa tabela pronta é o que vai gerar o aprendizado do algoritmo, a partir disso podemos prever novos valores com os cálculos de probabilidade de cada classe.

| Risco de crédito | História do crédito | | | Dívida | | Garantias | | Renda anual | | | |
|------------------|---------------------|-------------------|-----------|-----------|------------|---------------|---------------|-------------|------------|------------|-----------|
| | Boa 5 | Desconhecida 5 | Ruim 4 | Alta 7 | Baixa 7 | Nenhuma 11 | Adequada 3 | < 15 3 | >= 15 4 | <= 35 7 | > 35 7 |
| Alto 6/14 | 1/6 | 2/6 | 3/6 | 4/6 | 2/6 | 6/6 | 0 | 3/6 | 2/6 | 1/6 | |
| Moderado 3/14 | 1/3 | 1/3 | 1/3 | 1/3 | 2/3 | 2/3 | 1/3 | 0 | 2/3 | 1/3 | |
| Baixo 5/14 | 3/5 | 2/5 | 0 | 2/5 | 3/5 | 3/5 | 2/5 | 0 | 0 | 5/5 | |

História = Boa
 Dívida = Alta
 Garantias = Nenhuma
 Renda = > 35

Soma: 0,0079 + 0,0052 + 0,0514 = **0,0645**

$$\begin{aligned}
 P(\text{Alto}) &= 6/14 * 1/6 * 4/6 * 6/6 * 1/6 & P(\text{Moderado}) &= 3/14 * 1/3 * 1/3 * 2/3 * 1/3 & P(\text{Baixo}) &= 5/14 * 3/5 * 2/5 * 3/5 * 5/5 \\
 P(\text{Alto}) &= 0,0079 & P(\text{Moderado}) &= 0,0052 & P(\text{Baixo}) &= 0,0514 \\
 P(\text{Alto}) &= 0,0079 / 0,0645 * 100 = \mathbf{12,24\%} & P(\text{Moderado}) &= 0,0052 / 0,0645 * 100 = \mathbf{8,06\%} & P(\text{Baixo}) &= 0,0514 / 0,0645 * 100 = \mathbf{79,68\%}
 \end{aligned}$$

Métricas de desempenho para classificação.

Para avaliar as métricas abaixo considere que:

tp = True Positive; Quantidade de dados que eram de uma classe e foram preditas corretamente.

tn = True Negative. Quantidade de dados que não eram de um classe e foram preditas corretamente.

fp = False Positive. Quantidade de dados que eram de uma classe e foram preditas incorretamente.

fn = False Negative. Quantidade de dados que não eram de uma classe e foram preditas incorretamente

Acurácia

Mede a porcentagem/proporção de valores que foram preditos de forma correta. $((tp + tn) / (tp + tn + fp + fn))$

Precisão

Retorna a proporção de todos os dados que foram previsões corretas apenas para quais seu modelo apontou como verdadeiras. $(tp / (tp + fp))$

Recall

Retorna a proporção de todos os dados que eram de fato verdadeiras e quantas foram corretamente preditas como positiva. $(tp / (tp + fn))$.

F1_SCORE

Ele é a média harmônica entre a precisão e o recall. $2(precisao * recall) / (precisao + recall)$

Matriz de confusão

Mostra a matriz de confusão (*tp*, *tn*, *fp*, *fn*). Funciona para quando a mais de duas classes, mostrando nas linhas o que realmente existia e nas colunas o que foi previsto.

| | Previsão: Sim | Previsão: Não |
|----------------|---------------------|---------------------|
| Realidade: Sim | Positivo Verdadeiro | Falso Negativo |
| Realidade: Não | Falso Positivo | Negativo Verdadeiro |

Vamos testar, como os dados foram tratados anteriormente para não termos que rodar toda vez esses tratamentos podemos salvar os dados tratados num arquivo pkl, PKL é um arquivo binário gerado pelo módulo pickle do Python para serializar (salvar) um objeto Python. Isso permite que objetos complexos, como modelos de aprendizado de máquina ou estruturas de dados.

```
In [119...]: from sklearn.naive_bayes import GaussianNB
import pickle
with open('census.pkl', 'rb') as f:
    X_census_treinamento, y_census_treinamento, X_census teste, y_census teste = pickle.load(f)

naive_census = GaussianNB()
naive_census.fit(X_census_treinamento.toarray(), y_census_treinamento)
previsoes = naive_census.predict(X_census_treinamento.toarray())
previsoes
```

```
Out[119...]: array(['>50K', '>50K', '>50K', ..., '>50K', '>50K', '>50K'],
      dtype='|U6')
```

```
In [120...]: y_census teste
```

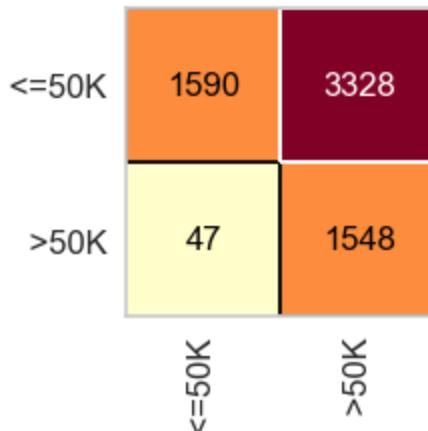
```
Out[120...]: array(['<=50K', '<=50K', '<=50K', ..., '>50K', '<=50K', '>50K'],
      dtype=object)
```

```
In [121...]: from sklearn.metrics import accuracy_score, classification_report
accuracy_score(y_census teste, previsoes)
```

```
Out[121...]: 0.4818056195301704
```

```
In [122...]: from yellowbrick.classifier import ConfusionMatrix
plt.figure(figsize=(2,2))
cm = ConfusionMatrix(naive_census)
cm.fit(X_census_treinamento.toarray(), y_census_treinamento)
cm.score(X_census_treinamento.toarray(), y_census teste)
```

```
Out[122... 0.4818056195301704
```



```
In [123... print(classification_report(y_census_teste, previsoes))
```

| | precision | recall | f1-score | support |
|--------------|-----------|--------|----------|---------|
| <=50K | 0.97 | 0.32 | 0.49 | 4918 |
| >50K | 0.32 | 0.97 | 0.48 | 1595 |
| accuracy | | | 0.48 | 6513 |
| macro avg | 0.64 | 0.65 | 0.48 | 6513 |
| weighted avg | 0.81 | 0.48 | 0.48 | 6513 |

Árvore de Decisão

```
In [165... from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier,plot_tree
with open('census.pkl', 'rb') as f:
    X_census_treinamento, y_census_treinamento, X_census_teste, y_census_teste = pick
```

```
In [168... from mlxtend.plotting import plot_decision_regions
```

```
clf = DecisionTreeClassifier(max_depth=3)
clf.fit(X_census_treinamento, y_census_treinamento)
```

```
Out[168...
```

```
▼ DecisionTreeClassifier ⓘ ?  
► Parameters
```

A árvore de decisão tem como objetivo prever se uma pessoa ganha mais ou menos de 50 mil dólares por ano (classes <=50K e >50K).

Cada nó representa uma decisão baseada em uma variável (feature), e o modelo segue essas divisões até chegar em uma folha, que indica o resultado final da previsão. Em cada nó, o gráfico apresenta:

- Feature usada na divisão: variável que define o ponto de separação entre os grupos (ex.: relationship <= -0.589).
- Gini: mede o nível de impureza do nó; quanto mais próximo de 0, mais homogêneo é o grupo.
- Samples: quantidade de exemplos (linhas) que chegaram a esse nó.
- Value = [x, y]: número de amostras de cada classe (<=50K e >50K).
- Class: classe predominante entre as amostras daquele nó, ou seja, a previsão que o modelo faz para esse grupo.

```
In [126... X_census_treinamento.shape, y_census_treinamento.shape
```

```
Out[126... ((26048, 108), (26048,))
```

```
In [127... X_census_teste.shape, y_census_teste.shape
```

```
Out[127... ((6513, 108), (6513,))
```

```
In [128... arvore_census = DecisionTreeClassifier(criterion='entropy', random_state=0)
arvore_census.fit(X_census_treinamento, y_census_treinamento)
```

Out[128...  

► Parameters

```
In [129... previsoes = arvore_census.predict(X_census_teste)
previsoes
```

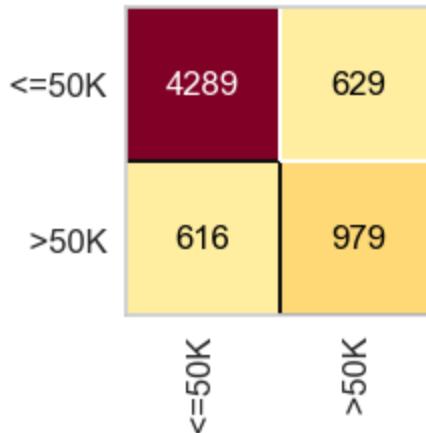
```
Out[129... array(['<=50K', '<=50K', '<=50K', ..., '>50K', '<=50K', '>50K'],
              dtype=object)
```

```
In [130... accuracy_score(y_census_teste, previsoes)
```

```
Out[130... 0.8088438507600184
```

```
In [131... from yellowbrick.classifier import ConfusionMatrix
plt.figure(figsize=(2,2))
cm = ConfusionMatrix(arvore_census)
cm.fit(X_census_treinamento, y_census_treinamento)
cm.score(X_census_teste, y_census_teste)
```

```
Out[131... 0.8088438507600184
```



```
In [132... print(classification_report(y_census_teste, previsoes))
```

| | precision | recall | f1-score | support |
|--------------|-----------|--------|----------|---------|
| <=50K | 0.87 | 0.87 | 0.87 | 4918 |
| >50K | 0.61 | 0.61 | 0.61 | 1595 |
| accuracy | | | 0.81 | 6513 |
| macro avg | 0.74 | 0.74 | 0.74 | 6513 |
| weighted avg | 0.81 | 0.81 | 0.81 | 6513 |

Random Forest

```
In [133... from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
```

```
In [134... with open('census.pkl', 'rb') as f:
    X_census_treinamento, y_census_treinamento, X_census_teste, y_census_teste = pickle.load(f)
```

```
In [135... X_census_treinamento.shape, y_census_treinamento.shape
```

```
Out[135... ((26048, 108), (26048,))
```

```
In [136... X_census_teste.shape, y_census_teste.shape
```

```
Out[136... ((6513, 108), (6513,))
```

```
In [137... y_census_treinamento
```

```
Out[137... array(['<=50K', '<=50K', '<=50K', ... , '<=50K', '>50K', '<=50K'],
              dtype=object)
```

```
In [138... random_forest_census = RandomForestClassifier(n_estimators=100, criterion='entropy')
random_forest_census.fit(X_census_treinamento, y_census_treinamento)
```

```
Out[138...]
```

▼ RandomForestClassifier ⓘ ?

► Parameters

```
In [139...]
```

```
previsoes = random_forest_census.predict(X_census_teste)  
previsoes
```

```
Out[139...]
```

```
array(['<=50K', '<=50K', '<=50K', ..., '>50K', '<=50K', '>50K'],  
      dtype=object)
```

```
In [140...]
```

```
y_census_teste
```

```
Out[140...]
```

```
array(['<=50K', '<=50K', '<=50K', ..., '>50K', '<=50K', '>50K'],  
      dtype=object)
```

```
In [141...]
```

```
accuracy_score(y_census_teste, previsoes)
```

```
Out[141...]
```

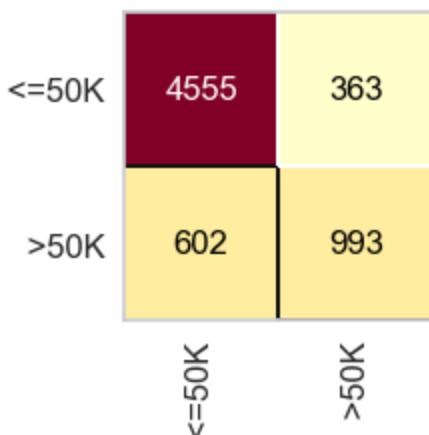
```
0.8518347919545525
```

```
In [142...]
```

```
plt.figure(figsize=(2,2))  
cm = ConfusionMatrix(random_forest_census)  
cm.fit(X_census_treinamento, y_census_treinamento)  
cm.score(X_census_teste, y_census_teste)
```

```
Out[142...]
```

```
0.8518347919545525
```



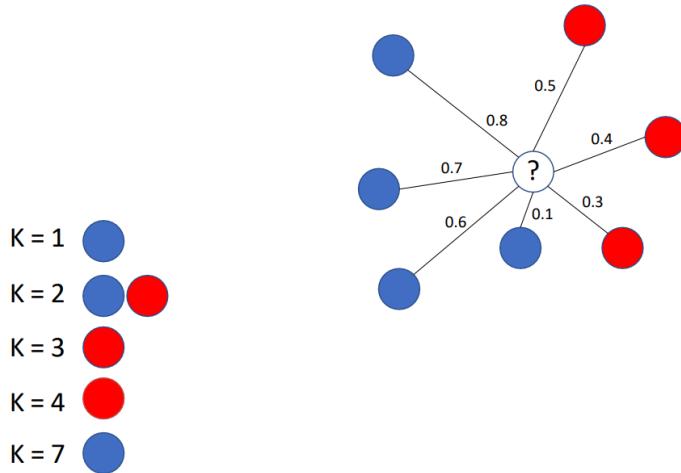
```
In [143...]
```

```
print(classification_report(y_census_teste, previsoes))
```

| | precision | recall | f1-score | support |
|--------------|-----------|--------|----------|---------|
| <=50K | 0.88 | 0.93 | 0.90 | 4918 |
| >50K | 0.73 | 0.62 | 0.67 | 1595 |
| accuracy | | | 0.85 | 6513 |
| macro avg | 0.81 | 0.77 | 0.79 | 6513 |
| weighted avg | 0.85 | 0.85 | 0.85 | 6513 |

KNN (K-Nearest Neighbors)

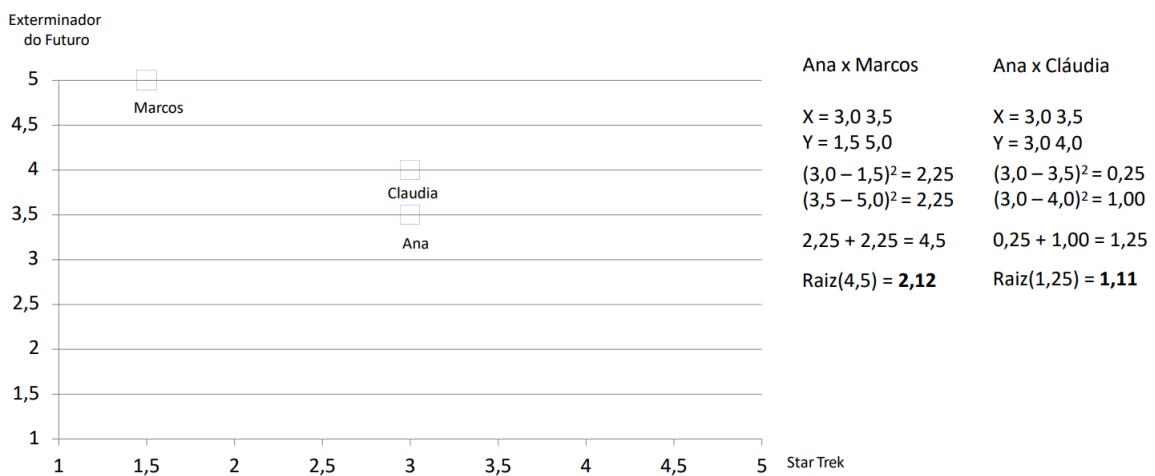
"K Vizinhos Mais Próximos" — é um algoritmo simples de classificação, que classifica um novo dado olhando quem são os vizinhos mais próximos dele. Onde o valor de K determina o número de vizinhos que o modelo vai considerar.



Calcula a distância entre o novo ponto e todos os pontos do conjunto de treinamento (geralmente usa-se a distância Euclidiana).

$$DE(x, y) = \sqrt{\sum_i^p (x_i - y_i)^2}$$

Pega os K vizinhos mais próximos (os que têm menor distância).



O modelo escolhe a classe mais frequente entre os vizinhos.

| Filme | Violência | Romance | Ação | Comédia | Classe |
|------------------------|-----------|---------|------|---------|---------|
| Invocação do Mal | 0,6 | 0,0 | 0,3 | 0,0 | Terror |
| Floresta Maldita | 0,9 | 0,0 | 0,5 | 0,1 | Terror |
| Meu Passado me Condена | 0,1 | 0,2 | 0,1 | 0,9 | Comédia |
| Tirando o atraso | 0,0 | 0,2 | 0,2 | 0,8 | Comédia |

Violência = 0,8

Romance = 0,1

Ação = 0,5

Comédia = 0,0

A Hora do Pesadelo

Pesadelo x Invocação

0,8 0,1 0,5 0,0

0,6 0,0 0,3 0,0

$$0,2^2 + 0,1^2 + 0,2^2 + 0$$

$$0,04 + 0,01 + 0,04 = 0,09$$

$$\text{Raiz}(0,09) = \mathbf{0,30}$$

Pesadelo x Floresta

0,8 0,1 0,5 0,0

0,9 0,0 0,5 0,1

$$0,1^2 + 0,1^2 + 0 + 0,1^2$$

$$0,01 + 0,01 + 0,01 = 0,03$$

$$\text{Raiz}(0,03) = \mathbf{0,17}$$

Pesadelo x Passado

0,8 0,1 0,5 0,0

0,1 0,2 0,1 0,9

$$0,7^2 + 0,1^2 + 0,4^2 + 0,9^2$$

$$0,49 + 0,01 + 0,16 + 0,8 = 1,46$$

$$\text{Raiz}(1,46) = \mathbf{1,20}$$

Pesadelo x Atraso

0,8 0,1 0,5 0,0

0,0 0,2 0,2 0,8

$$0,8^2 + 0,1^2 + 0,4^2 + 0,8^2$$

$$0,64 + 0,01 + 0,16 + 0,64 = 1,45$$

$$\text{Raiz}(1,45) = \mathbf{1,20}$$

Importante ressaltar que nesse algoritmo não é criado um modelo, e sim a memorização dos dados vizinhos e calcula as distâncias para determinar a classe.

Obs.: É impressindível a utilização do StandardScaler para que escalas maiores não prejudiquem os cálculos.

```
In [144...]: from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
```

```
In [145...]: with open('census.pkl', 'rb') as f:
    X_census_treinamento, y_census_treinamento, X_census_teste, y_census_teste = pickle.load(f)
```

```
In [146...]: X_census_treinamento.shape, y_census_treinamento.shape
```

```
Out[146... ((26048, 108), (26048,))
```

```
In [147... X_census_teste.shape, y_census_teste.shape
```

```
Out[147... ((6513, 108), (6513,))
```

```
In [148... knn_census = KNeighborsClassifier(n_neighbors=10)
knn_census.fit(X_census_treinamento, y_census_treinamento)
```

```
Out[148... ▾ KNeighborsClassifier ⓘ ?  
▶ Parameters
```

```
In [149... previsoes = knn_census.predict(X_census_teste)
previsoes
```

```
Out[149... array(['<=50K', '<=50K', '<=50K', ..., '>50K', '<=50K', '>50K'],
      dtype=object)
```

```
In [150... y_census_teste
```

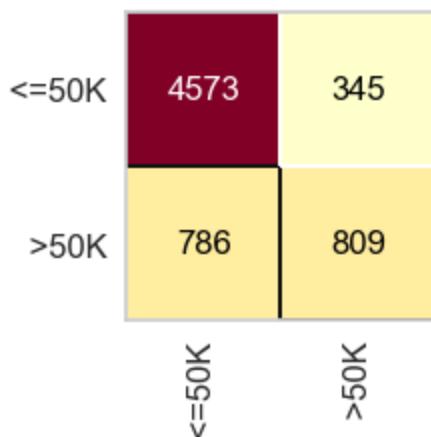
```
Out[150... array(['<=50K', '<=50K', '<=50K', ..., '>50K', '<=50K', '>50K'],
      dtype=object)
```

```
In [151... accuracy_score(y_census_teste, previsoes)
```

```
Out[151... 0.8263473053892215
```

```
In [152... plt.figure(figsize=(2,2))
cm = ConfusionMatrix(knn_census)
cm.fit(X_census_treinamento, y_census_treinamento)
cm.score(X_census_teste, y_census_teste)
```

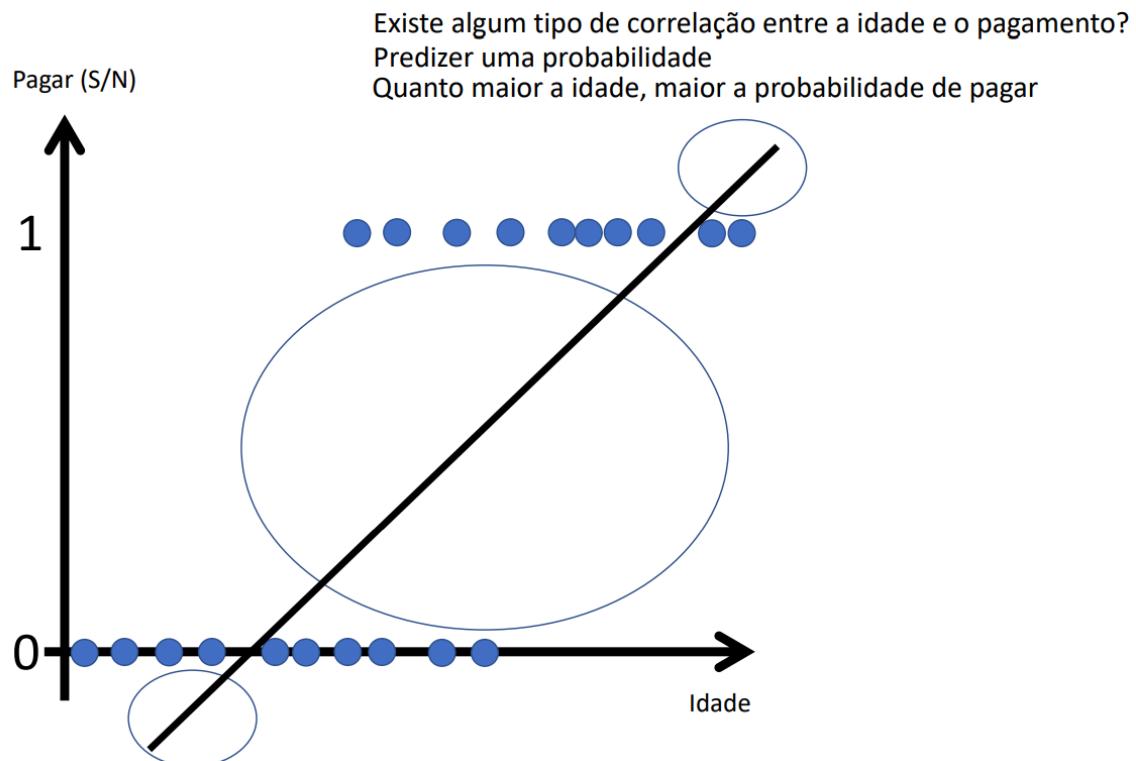
```
Out[152... 0.8263473053892215
```



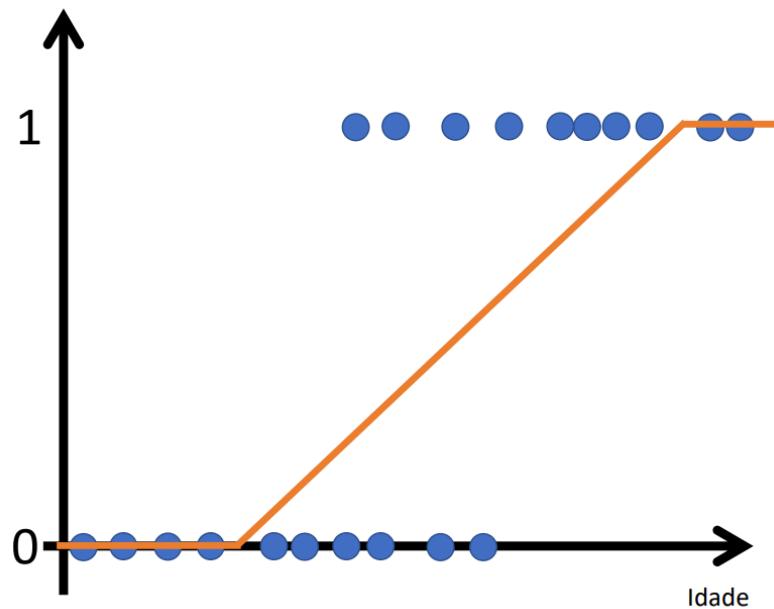
```
In [153... print(classification_report(y_census_teste, previsoes))
```

| | precision | recall | f1-score | support |
|--------------|-----------|--------|----------|---------|
| <=50K | 0.85 | 0.93 | 0.89 | 4918 |
| >50K | 0.70 | 0.51 | 0.59 | 1595 |
| accuracy | | | 0.83 | 6513 |
| macro avg | 0.78 | 0.72 | 0.74 | 6513 |
| weighted avg | 0.82 | 0.83 | 0.82 | 6513 |

Regressão Logística



Função sigmoide
Encontrar a melhor linha para encaixar nos dados



$$y = b_0 + b_1 * x \quad x = \text{idade}$$

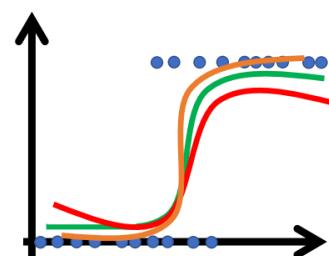
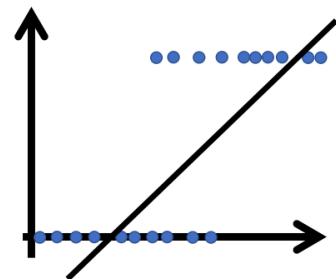
Equação da reta

$$p = \frac{1}{1 + e^{-y}}$$

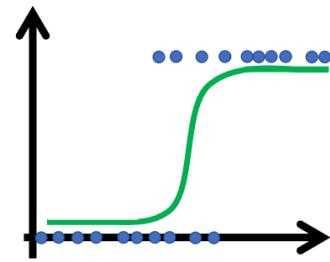
Função sigmoide

$$\log\left(\frac{p}{1-p}\right) = b_0 + b_1 * x$$

Transformação "logit"



| História do crédito | Dívida | Garantias | Renda anual | Risco |
|---------------------|--------|-----------|-------------|-------|
| 2 | 0 | 0 | 0 | Alto |
| 1 | 0 | 0 | 1 | Alto |
| 1 | 1 | 0 | 2 | Alto |
| 1 | 1 | 0 | 2 | Baixo |
| 1 | 1 | 1 | 2 | Baixo |
| 2 | 1 | 0 | 0 | Alto |
| 0 | 1 | 0 | 2 | Baixo |
| 0 | 0 | 1 | 2 | Baixo |
| 0 | 0 | 0 | 0 | Alto |
| 0 | 0 | 0 | 2 | Baixo |
| 2 | 0 | 0 | 1 | Alto |



Encontrar os parâmetros $B_0, B_1, B_2 \dots B_N$

$$B_0 = -0,12$$

$$B_1 (\text{história do crédito}) = -0,71$$

$$B_2 (\text{dívida}) = 0,24$$

$$B_3 (\text{garantias}) = -0,54$$

$$B_4 (\text{renda anual}) = 1.07$$

$$y = b_0 + b_1 * x$$

Equação da reta

$$B_0 = -0,12$$

$$p = \frac{1}{1 + e^{-y}}$$

Função sigmoide

$$B_1 (\text{história do crédito}) = -0,71$$

$$B_2 (\text{dívida}) = 0,24$$

$$B_3 (\text{garantias}) = -0,54$$

$$B_4 (\text{renda anual}) = 1.07$$

História = Boa (0)

$$y = b_0 + b_1 * \text{história} + b_2 * \text{dívida} + b_3 * \text{garantias} + b_4 * \text{renda}$$

Dívida = Alta (0)

$$y = -0,12 + (-0,71 * 0) + 0,24 * 0 + (-0,54 * 1) + 1,07 * 2$$

Garantias = Nenhuma (1)

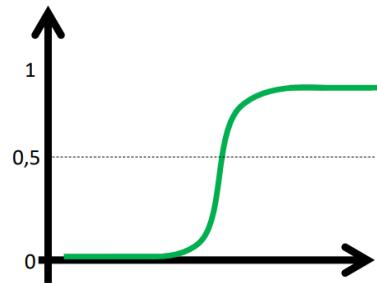
$$y = 1,48$$

Renda = > 35 (2)

$$p = \frac{1}{1 + e^{-(1,48)}}$$

$$p = 0,81$$

Risco alto = 0
Risco baixo = 1



```
In [154...]: from sklearn.linear_model import LogisticRegression
```

```
In [155...]: with open('census.pkl', 'rb') as f:
    X_census_treinamento, y_census_treinamento, X_census_teste, y_census_teste = pickle.load(f)
```

```
In [156...]: X_census_treinamento.shape, y_census_treinamento.shape
```

```
Out[156...]: ((26048, 108), (26048,))
```

```
In [157...]: X_census_teste.shape, y_census_teste.shape
```

```
Out[157...]: ((6513, 108), (6513,))
```

```
In [158... logistic_census = LogisticRegression(random_state = 1,max_iter=100)
logistic_census.fit(X_census_treinamento, y_census_treinamento)
```

Out[158... ▾ LogisticRegression ⓘ ?

► Parameters

```
In [159... previsoes = logistic_census.predict(X_census_teste)
previsoes
```

```
Out[159... array(['<=50K', '<=50K', '<=50K', ..., '>50K', '<=50K', '<=50K'],
              dtype=object)
```

```
In [160... y_census_teste
```

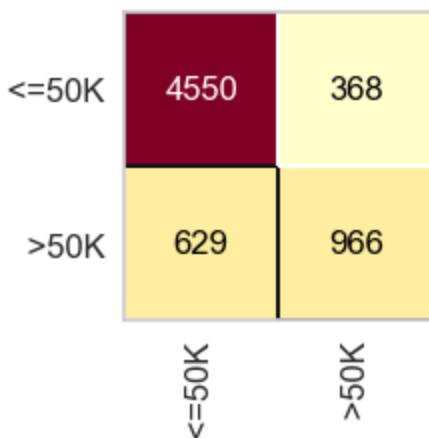
```
Out[160... array(['<=50K', '<=50K', '<=50K', ..., '>50K', '<=50K', '>50K'],
              dtype=object)
```

```
In [161... accuracy_score(y_census_teste, previsoes)
```

```
Out[161... 0.84692154153232
```

```
In [162... plt.figure(figsize=(2,2))
cm = ConfusionMatrix(logistic_census)
cm.fit(X_census_treinamento, y_census_treinamento)
cm.score(X_census_teste, y_census_teste)
```

```
Out[162... 0.84692154153232
```



```
In [ ]:
```