Vediano infine alcuni richiani sulli furzioni.

TIE) RICHIAMI SULLE FUNZIONI

Od: Siano A e B due insiemi.

Una funcione f: A -> B é una legge che a socia ad oghi elemento di A und e un solo elemento di B.

f: A → B × ← y= f(x)

L'insieme A é detto dominio e l'insieme B é detto codominio di j.

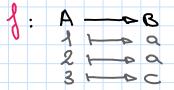
Se y= f(x) x ∈ A allora y ĕ l'immagine di x e x ĕ ma controi muagine di y.

articolo indeterninatio poiche y poò possedere èir di una controllumagin

articolo determinatio poidre l'immagine di 2 e unica

Esempio

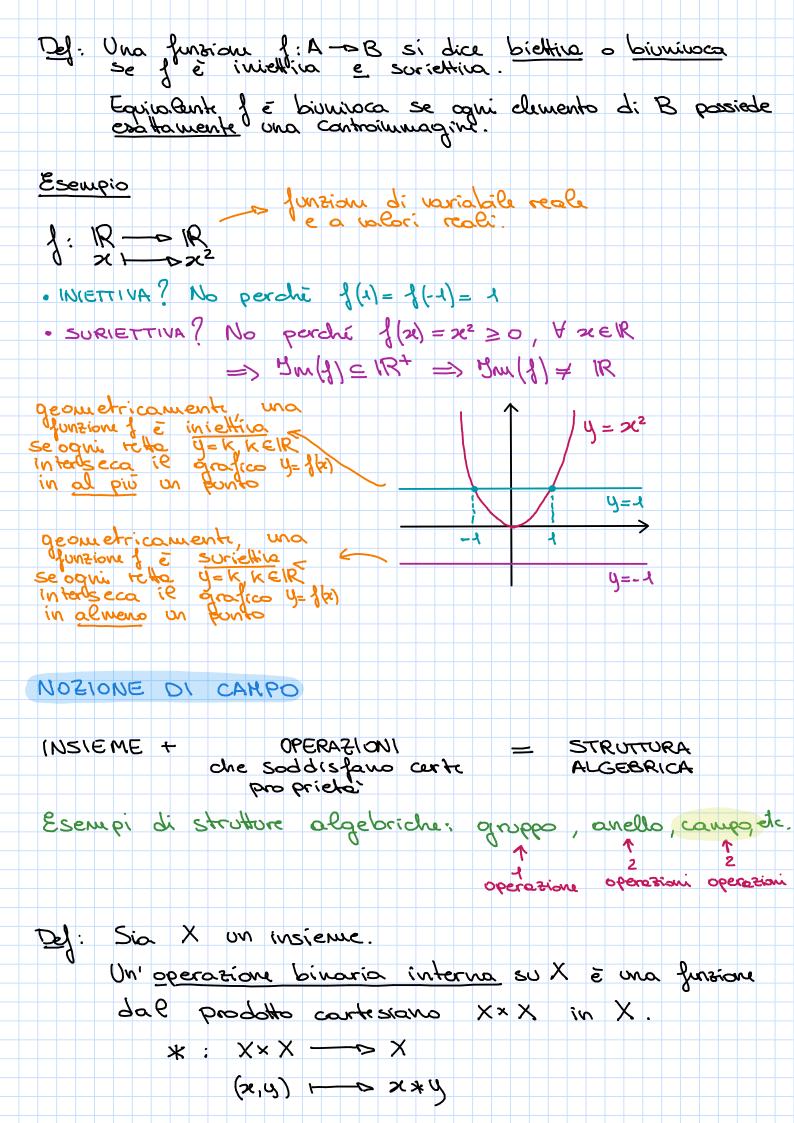
Consideriamo la funcione



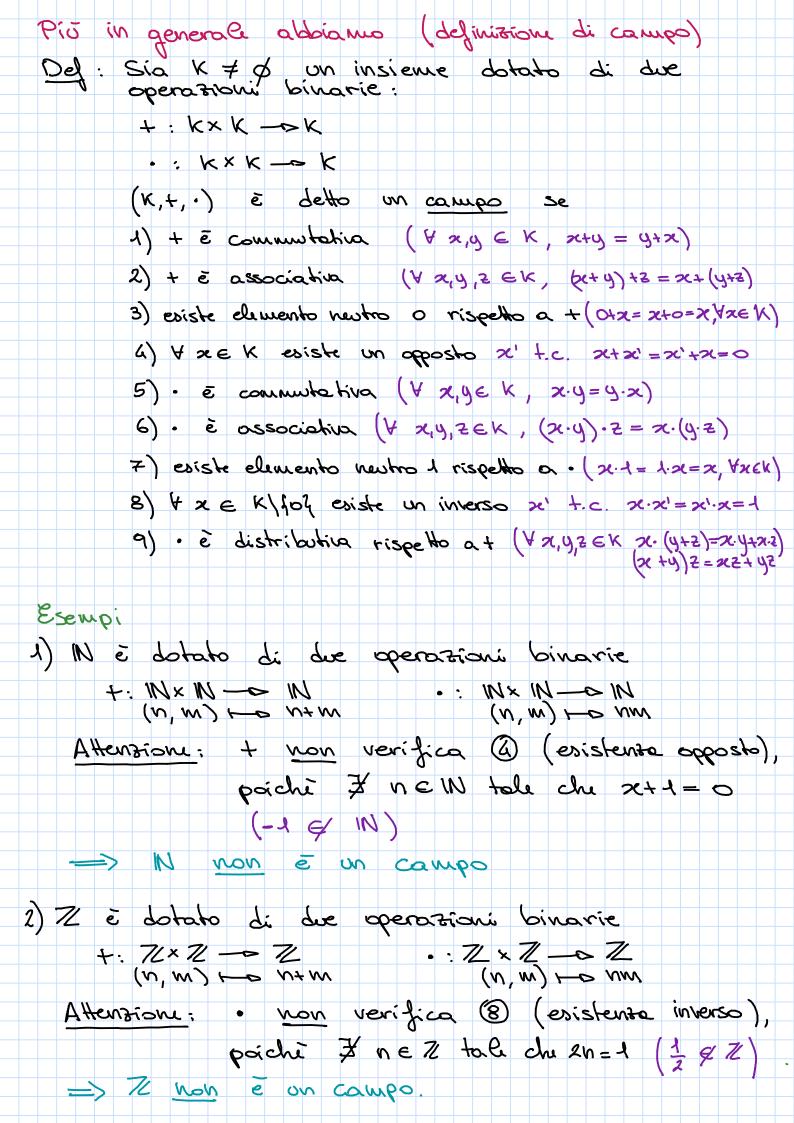
- a∈ B ĕ e' immagine di 1.
 l ĕ va controimmagine di a

Notiano che f(1) = f(2) = a overo due elementi distinti di A hanno la stessa inmagine. Diciamo che f hon è iniettica.

	0 0 0		
Def: Una funcion			
(2 2, y E	$A, x \neq y =$	=> 3(x) + 3/9)
(é téllen h	aishun ai R	hanno unu	agini distinte)
		ſ	usiamo questa
¥ ×,9 ∈1	$\frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \right)$	=> 2=4:1	per dimosmon
			Usiano questa implicazione per dimostron che una funzion e iniettiva
			ogni elemento
91, 8 44	al eio Ona	Controlmmao	7.no
70550005	0 ==		V C A
Del: Sia d: A-DE	s ona funzi	du e sa	$\wedge = A$.
{(x):= 6}	$(x):x\in X^2$		
	m di X tra	wite f. Ir	, particolare
Jun(4):=		V	
	magine di	<i>§.</i>	
	0		
Torniano all'ese	emeio	A	B
V - [2 2] C A		1.	Fa
$X = \int_{1}^{2} 2,34 \subseteq A$		2.	(1K) C
3(X)= 9 7(2), 8(3)4=	= 20,03	3.	. 6
		7	
3m(8)= g g(1), g(
Notiano du	In(1) & B.	In partice	Care Jun(1)≠B,
Motiano che l overo esistono el Diciono che f	hon é suriethi	privi di cov	ittoiluma gill.
Def: Una funzione	'		
se 5m (f) =			
	A J XEA		
Equivalentemente possiede <u>orlmen</u>	j ě svriettivo <u>vo</u> umo controin	se ogni elev magini.	uento di B



Esempio: l'addizione su IR è un'operazione binaria +: IR x IR - R (x,y) - 2+4 operazione di addizion (2,3) - 5 Proprietà di (IR,+) 1) COMMUTATIVITA: X+y=y+x, Y x, y E IR 2) ASSOCIATIVITÀ: (X+y)+ = X+(y+z), Y X, y, Z E IR 3) ESISTENZA DELL'ELEMENTO NEUTRO: 30 ER t.c. Y x E IR, x + 0 = 0 + x = x 4) ESISTENZA DELL' DPPOSTO: Y x & R, 3 z' & R +.c. 2+ x' = x'+ x = 0 (x' = -x) Anche la moltiplicazione su IR è un' operazione binouria interne · : IR × IR - - IR (x,y) + - - x.y Proprieta di (1R,.) 5) COMMUTATIVITÀ: 2.4 = 4.2 4 2,4 EIR 6) ASSOCIATIVITA' (2.4). Z = x. (y.Z), Y 2,4, ZEIR 7) ELEMENTO NEUTRO: 31 EIR t.C. VXEIR X.1=1.x=x 8) ESISTENZA INVERSO: $\forall x \in \mathbb{R} \mid 404$, $\exists x' \in \mathbb{R} \mid 4.c.$ $x \cdot x' = x' \cdot x = 4 \quad (x' = x^{-1} = \frac{1}{x})$ 9) Infine + e · soddisfano la PROPRIETA' DISTRIBUTIVA. V x,y, ≥ ∈ IR , x.(y+≥) = x.y+ x.z , (x+y).2=x2+y2 IR dotato delle operazioni di addizione e violtiplicazione è chiamato campo dei numeri veoli



3) $(Q,+,\cdot)$: campo dei numeri rozionali $(R,+,\cdot)$: " " " roali $(C,+,\cdot)$: " " " complessi

4) F2= 10,19: campo finito a due elementi.

 $f: \mathbb{H}_{2} \times \mathbb{H}_{2} \longrightarrow \mathbb{H}_{2}$ $(0,0) \longmapsto 0$ $(0,1) \longmapsto 0$ $(0,1) \longmapsto 0$ $(1,0) \longmapsto 0$ $(1,1) \longmapsto 0$ $(1,1) \longmapsto 0$

0 è l'elemento motro di +

1 è l'elemento neutro di.

1 ē l'opposto e l'inverso di se stesso

È possibile verifican che te verificano

ESERCIZI: Fare qui esercizi 123 del Foglio 1 "Campile Spazi vettoriali"

In questo corso studieremo le basi dell'ALGERRA LINEARE, partiendo da una della sue nozioni fondo mentali: lo SPAZIO VETTORIALE. Introductivo Ca definizione di spazio nettoriale attroverso l'esempio dei vettori geometrici del piano. I VETTORI GEOMETRICA 1 VETTORI Sono Usati in lisica per rappresentant grandezze fisiche caratterizzate da: · una diresione · un verso · un' intensita Tali grandezze sono dette vettoriali: esempi: velocità, jorza, acceleratione, compo elettrico, Momento angilore. si differensiano dalle grandezze scalori che Sono definite unicamente dalla coro intensito esempi: massa, temperatura, volume, lavoro, GEOMETRICAMENTE rappresentians un vettore con un segmento orientato! B & Punto finale Nel piono exclideo T: applicazione o A Def: Un sequento orientato e una coppia ordinata di punti $(A,B) \in \pi \times \pi$. Notozione: AB:= (AB) ottoborg cartesiana

GEOMETRIA FISICA direzione (> qualsiasi ratto parallela al verso <> punto iniziale > finale intensità es lunghezza di AB Nota: Y PET, PP corrisponde al veltore nulla (per cui non è possibile definire né cua dire zione né un versa) Voglians definire una relazione di equiplenta Usull'insidure dei segmenti orientati del piana. Richiannia una innonzitutto cos'é una relazione di Def: Sia X un insiewe.

Una relazione binaria R su X è un sottoinsiewe di XxX. Siano x,y ∈ X. Diciono x € in relozione con y, e scriviano x, y, x (x,y) ∈ R. La relazione R et dette di equiplente se Verifica le seguenti proprieta: · RIFLESSIVA: YXEX, XNRX. · SIMMETRICA: Y x, y ∈ X, x ~ x y => y ~ x x · TRANSITIVA: Y X, y, Z ∈ X, 20 NRy, y NRZ => 20 NRZ Se R & vua relazione di equivalenza su X Y X E X definiama la classe di equivalenza [x]R:= dy EX: x NR y 4. Si noti che classi di equialenta distinte corrispondono a sottoinsieni di X disquenti. Inoltre l'unione di tute classi di equialenta è uguda X. insieme delle classi

di equivalente di R

Esempio: Consideriano l'insieme X= le stretenterse e gli stretenti di Geometria e la sequent relatione su X. $\forall x,y \in X$ xny => x < y sous not nello storo mex Seppiano du · Massimilia no è nato a Febbraio · Giuseppe è nato a marzo · Carmen è nate a marzo Quindi: Giuseppe n Carnen (poidir sano nati entrambi a marzo) Hassiuiliano os Gioseppe (perchi sono noti n soddisfa le propriete riflemiva, simmetrica e transitiva, ed é quindi una relazione di equivalenta Dojni clarre di equivalenta è costituita dagli stedenti che sono hati rello sterro mere. I Esistano quindi al più 12 clarri di equialenta, una per aqui mere è tali darri costituiscono una partitiate di X German Self enforce Offoliere German Chiaseper Harro Haggio diglio Dicembre