

Nom : Acim!

Prénom : Néhâli

Groupe :

3

1

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

0

$$a + b = \frac{3}{4} + \frac{5}{6} = \frac{2}{4}$$

0

$$a - b = -\frac{2}{2}$$

$$ab = \frac{12}{20} = \frac{1}{5}$$

$$a/b =$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x-y} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$\boxed{\quad}$$

à quelles conditions sur les inconnues  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$\boxed{\quad}$$

3. Développer les expressions suivantes :

1/2

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4a^3b + a^2b^2 - 4ab^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

1/2

$$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = 3(2a+3)(4b+5)$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)(b+d)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (a-c)^2 + (b-d)^2$$

1/3

5. Simplifier les expressions suivantes :

0

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

1/2

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = \sqrt[3]{8}$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = \frac{1}{4}$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$\sqrt{x^2 + 5^2} = \sqrt{9} = 3$$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

0

$$[0, 2] \cup [1, 3] =$$

$$[0, 2] \cap [1, 3] =$$

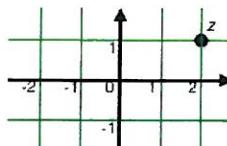
$$[0, 1[ \cup [1, 2] =$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] =$$

9. Ecrire le complémentaire de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'union de deux intervalles :

0

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ =$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

0

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = a + bi$$

Quel est son module ?

$$|z| = \sqrt{a^2 + b^2}$$

0

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$z$$

1/2

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$4ac - b^2$$

$$\Delta = 0$$

$$\frac{b}{2a}$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

$$\Delta > 0$$

$$\frac{\sqrt{\Delta} - b}{2a}$$

$$\text{ou } \frac{\sqrt{\Delta} + b}{2a}$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta < 0$$

$$\Delta = 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta > 0$$

$$\Delta < 0$$

$$\Delta = 0$$

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x+2014)(x+2015) = 0$ ?

14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .   $x = -2$

Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) =$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x =$$

$$\cos(-x) =$$

$$\sin(-x) =$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f =$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g =$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h =$$

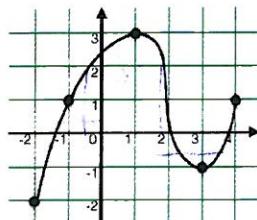
$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k =$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x^1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) =$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ?  0,5 et 1,75

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ?

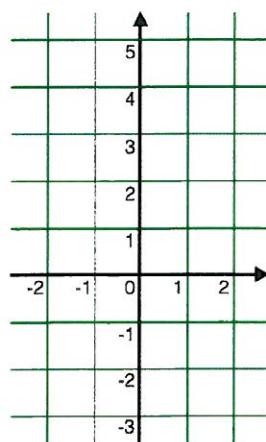
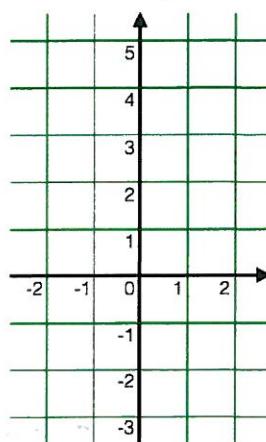
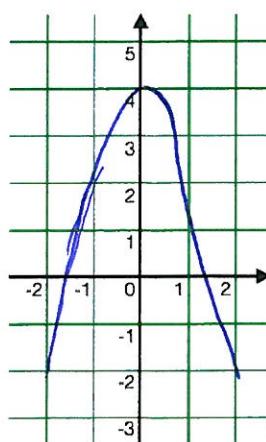
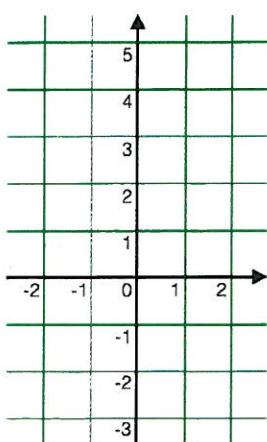
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

7

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b = \boxed{13/12}$$

$$a - b = \boxed{-1/12}$$

$$ab = \boxed{15/24}$$

$$a/b = \boxed{18/20}$$

- 1/2 2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $\boxed{(x+y)y = x^2}$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $\boxed{x=0 \quad y=0}$

- 1/2 3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = \boxed{a^2 + b^2 + 2ab}$$

$$(a-b)^2 = \boxed{a^2 + b^2 - 2ab}$$

$$(a-b)^4 = \boxed{\cancel{a^4 - 4a^3b + 6a^2b^2 - 4ab^3 + b^4}}$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = \boxed{a(a - \frac{b^2}{a})}$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = \boxed{b(\frac{7a}{b} + 12 - 4a - \frac{21}{b})}$$

$$ab + cd + ad + bc = \boxed{ab(1 + \frac{cd}{ab} + \frac{d}{b} + \frac{c}{a})}$$

$$(ab + cd)^2 + (ad - bc)^2 = \boxed{(ab + cd)[(ab + cd) + \frac{(ad - bc)^2}{ab + cd}]}$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} =$$

$$\frac{1}{1 + \sqrt{2}} =$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} =$$

$$2 \cdot 3^2 = \boxed{18}$$

$$2^{-2} =$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?  $\boxed{\text{où}}$

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $\boxed{x + y = 3}$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = \boxed{1; 2}$$

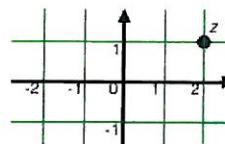
$$[0, 2] \cap [1, 3] = \boxed{1; 2}$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = \boxed{\cancel{[0, 2]}}$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \boxed{\emptyset}$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ =$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $\boxed{z = i + 2}$

$$z = \boxed{i + 2}$$

Quel est son *module* ?  $\boxed{|z| = }$

$$|z| =$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est *inférieur ou égal* à 3 ?  $\boxed{[-\sqrt{3}, \sqrt{3}]}$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont *réels* et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\boxed{\Delta = }$

Dans quel cas cette équation a-t-elle *au moins une solution réelle* ?  $\boxed{\quad}$

Dans quel cas cette équation a-t-elle *deux solutions réelles distinctes* ?  $\boxed{\quad}$

Dans quel cas elle *n'admet pas de solution réelle* ?  $\boxed{\quad}$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x = 0$
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .
15. Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $x < 2$
16. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$\cos \frac{\pi}{3} =$	$\sin \frac{\pi}{4} =$	$\cos 0 =$	$\sin(2\pi) =$
------------------------	------------------------	------------	----------------

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$\cos^2 x + \sin^2 x =$	$\cos(-x) =$	$\sin(-x) =$
-------------------------	--------------	--------------

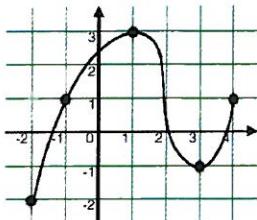
17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$f(x) = \frac{1}{1+x}$	$\mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$	$g(x) = \sqrt{1+x}$	$\mathcal{D}_g =$
$h(x) = \ln(1+x)$	$\mathcal{D}_h =$	$k(x) = e^{1+x}$	$\mathcal{D}_k =$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$f(x) = x^2 - x + 1$	$f'(x) =$	$g(x) = \frac{1}{1+x}$	$g'(x) =$
----------------------	-----------	------------------------	-----------

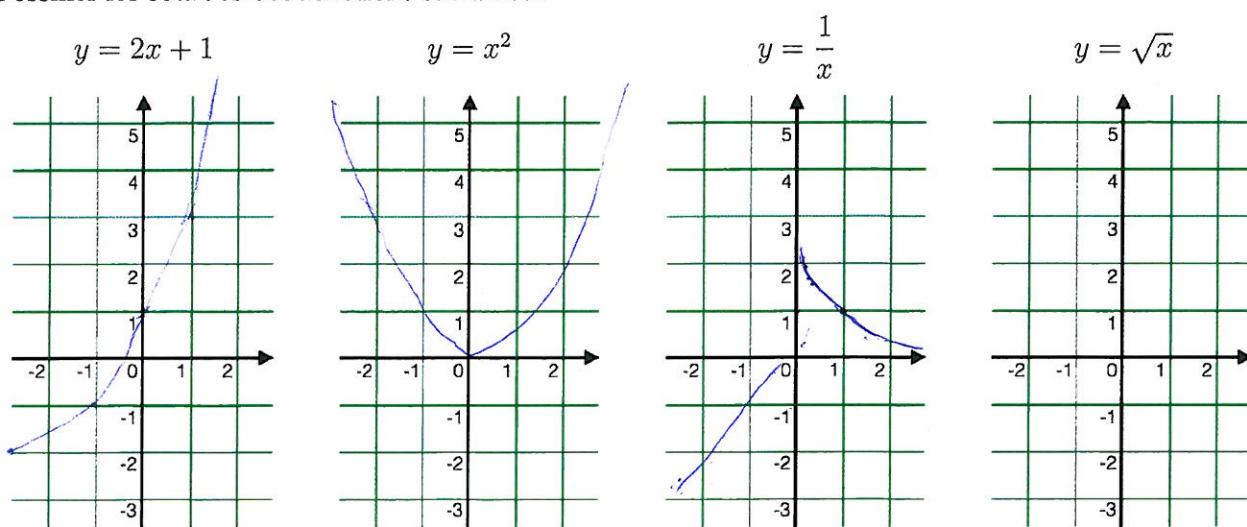
19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 3

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 1

20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test. x < 5/20

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$\boxed{3/4} \quad a+b = \frac{9}{6} \quad a-b = -\frac{1}{12} \quad ab = \frac{5}{8} \quad a/b = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $y(x+y) = x^2$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $x, y \neq 0$

3. Développer les expressions suivantes :

$$\boxed{1/2} \quad (a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \quad (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 + 4a^3b - 6a^2b^2 + 4ab^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b) \quad 2(a+3) - (a+3)(4b+5) = -(a+3)(4b+3)$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)(b+d) \quad (ab + cd)^2 + (ad - bc)^2 = a^2b^2 + c^2d^2 + a^2d^2 + b^2c^2 - (a^2 + c^2)(b^2 + d^2)$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3} \quad \frac{1}{1+\sqrt{2}} = \sqrt{2}-1$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :  $8^{1/3} =$   $2 \cdot 3^2 = 18$   $2^{-2} = 0,02$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ? oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $x^2 + y^2 = 9$

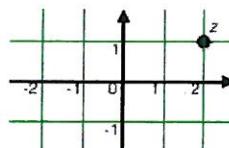
8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$\boxed{3/5} \quad [0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3] \quad [0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 2] \quad [0, 1[ \cap [1, 2] = ]0, 1[$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty, 0] \cup ]2, +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $z = 2+i$

Quel est son module ?  $|z| = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{5}$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

~~$x^2 \leq 3$~~

~~$x - 3 < 0$~~

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?  $x > 0$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $x > 0$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $x < 0$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x = -2014 \quad x = -2015$
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $x = -6 + x^2$
- Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $-x^2 + x > -6$
15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = \cos(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre réel?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \text{ avec } x \neq -1$$

$$g(x) = \sqrt{1+x}$$

$$\mathcal{D}_g = \mathbb{R} [-1; +\infty[$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = \mathbb{R}^+ \text{ ou } [-1; +\infty[$$

$$k(x) = e^{1+x}$$

$$\mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

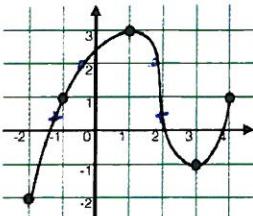
$$f(x) = x^2 - x + 1$$

$$f'(x) = \frac{2x(-x+1)+x}{2x-1} = -2x^2+x+1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x}$$

$$g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 2

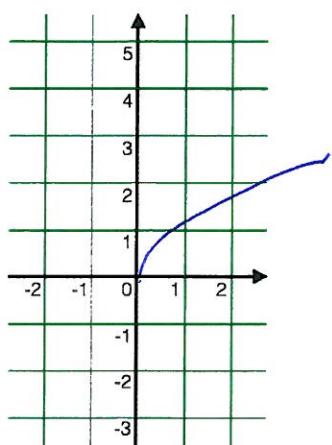
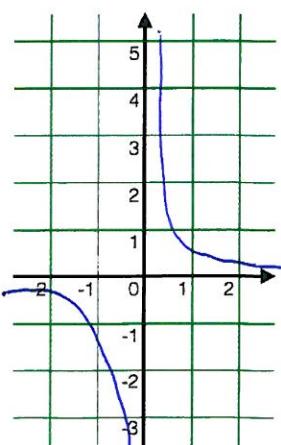
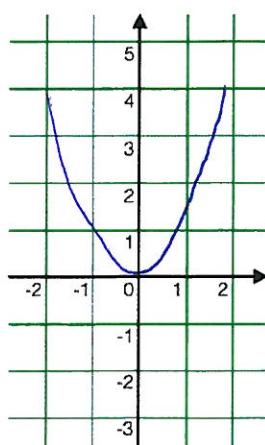
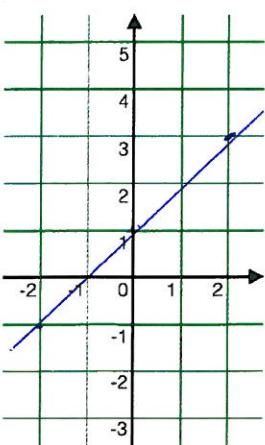
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

10

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a+b = \frac{19}{12}$$

$$a-b = \frac{-1}{4}$$

$$ab = \frac{15}{24}$$

$$a/b = \frac{18}{20} = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$(x+y)y = x^2$$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$x \neq 0$$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4a^3b + 6a^2b^2 - 4ab^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2-4b-5)$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)(b+d)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (ab+cd+ad-bc)(ab+cd-ad+bc)$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \frac{\sqrt{12} \cdot \sqrt{2}}{2 \cdot \sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = \frac{1-\sqrt{2}}{(1+\sqrt{2})(1-\sqrt{2})} = \frac{1-\sqrt{2}}{3}$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = \frac{2}{3}$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = \frac{1}{4}$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ? oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x^2 + y^2 = 9$$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0; 3]$$

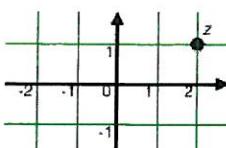
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1; 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0; 2[$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = [0; 1] \cup [1; 2[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 2+i$$

Quel est son *module* ?

$$|z| = \sqrt{5}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est *inférieur ou égal* à 3 ?

$$[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont *réels* et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle *au moins une solution réelle* ?

$$\Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle *deux solutions réelles distinctes* ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle *n'admet pas de solution réelle* ?

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ? S{ -2015 ; -2014 }
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ . S{ x<sub>1</sub> = 3 ; x<sub>2</sub> = -2 }
- 1/2 Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ? R
15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

3/3  $\cos \frac{\pi}{3} = \frac{\cancel{\sqrt{3}}}{2}$   $\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$   $\cos 0 = 1$   $\sin(2\pi) = 0$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

1/4  $\cos^2 x + \sin^2 x =$   $\cos(-x) = \cos(x)$   $\sin(-x) = -\sin(x)$

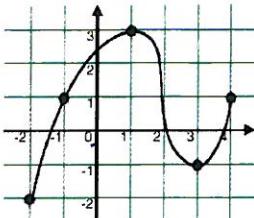
17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre réel?

1/5  $f(x) = \frac{1}{1+x}$   $\mathcal{D}_f = ]-1 ; 1[$   $g(x) = \sqrt{1+x}$   $\mathcal{D}_g = [-1 ; +\infty[$   
 $h(x) = \ln(1+x)$   $\mathcal{D}_h = [0 ; +\infty[$   $k(x) = e^{1+x}$   $\mathcal{D}_k = ]-1 ; +\infty[$

18. Calculer les dérivées suivantes :

1/2  $f(x) = x^2 - x + 1$   $f'(x) = 2x - 1$   $g(x) = \frac{1}{1+x}$   $g'(x) = \frac{-1}{(1+x)^2}$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :

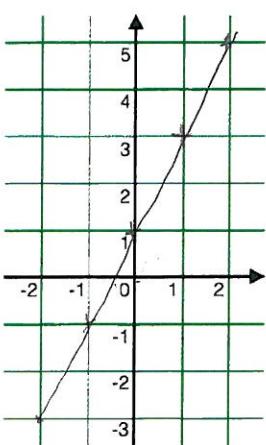


Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 1

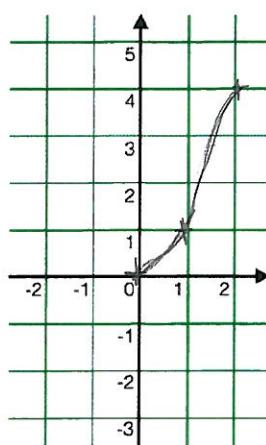
Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 0

20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

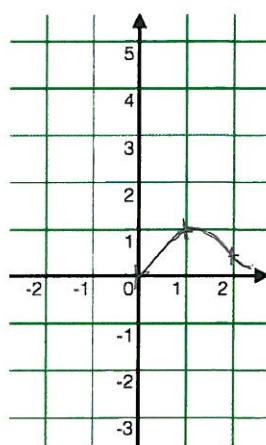
$y = 2x + 1$



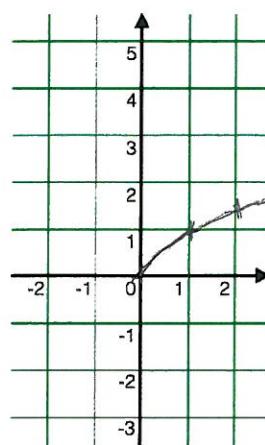
$y = x^2$



$y = \frac{1}{x}$



$y = \sqrt{x}$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

15

Nom : YannickPrénom : YannickGroupe : 2 85 1

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

1/2

$$a + b = \frac{19}{12}$$

$$a - b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{24}$$

$$a/b =$$

O

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$\boxed{\quad}$$

à quelles *conditions sur les inconnues x, y* ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$\boxed{\quad}$$

3. Développer les expressions suivantes :

1/2

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4a^2b^2 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

1/6

$$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) =$$

$$ab + cd + ad + bc = a(b+d) + c(b+d)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} =$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

1/2

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} =$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = -4$$

1/2

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

Séparé dans R

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x + y = 3$$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

O

$$[0, 2] \cup [1, 3] =$$

$$[0, 2] \cap [1, 3] =$$

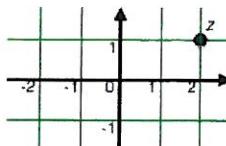
$$[0, 1[ \cup [1, 2] =$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] =$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

O

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = [0, 2[ \cup ]2; +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

1

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 2+i$$

Quel est son *module* ?

$$|z| = \sqrt{5}$$

O

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est *inférieur ou égal* à 3 ?

$$\boxed{\quad}$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont *réels* et  $a \neq 0$ .

3/5

Quel est son *discriminant* ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$\Delta = 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle *au moins une solution réelle* ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle *deux solutions réelles distinctes* ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle *n'admet pas de solution réelle* ?

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x_1 = -2014$  ou  $x_2 = -2015$
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $-6/-2 \neq 4/-2$
15. Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?
16. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

17. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = \dots$$

$$\cos(-x) = -\cos(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

18. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = [0, +\infty]$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [0, +\infty]$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = [1, +\infty]$$

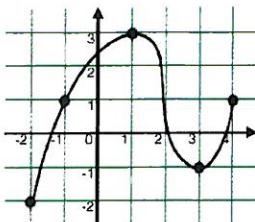
$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = [0, +\infty]$$

19. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = \frac{-1}{(1+x)^2}$$

20. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? e

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 5

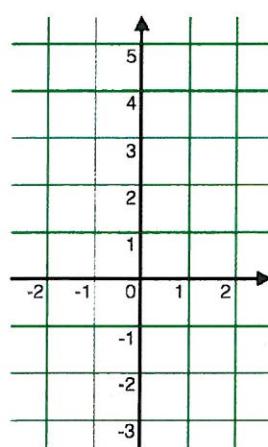
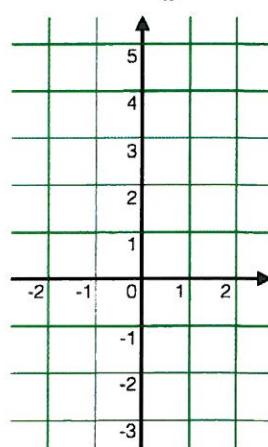
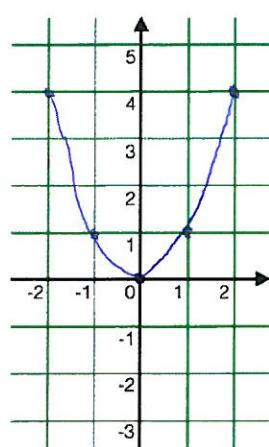
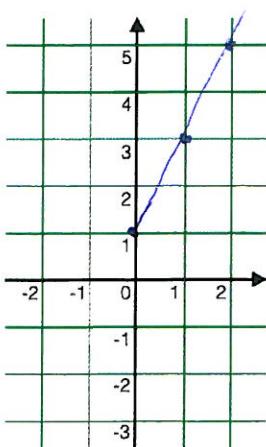
21. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

22. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

12

Nom : Chevalier

Prénom : Emilie

Groupe : 2.

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b =$$

$$a - b =$$

$$ab =$$

$$a/b =$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

Nécessaire

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$$

$$(a-b)^2 = a^2 - b^2 - 2ab$$

$$(a-b)^4 =$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) =$$

$$ab + cd + ad + bc = b(a+c) + d(a+b)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} =$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} =$$

$$2 \cdot 3^2 =$$

$$2^{-2} =$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

Oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] =$$

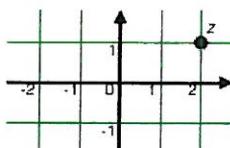
$$[0, 2] \cap [1, 3] =$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] =$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] =$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ =$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 2+i$$

Quel est son module ?

$$|z| = \sqrt{5}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

Soit

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

&gt; 0

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

&lt; 0

TO DO

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .   
Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?
15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = \cos x$$

$$\sin(-x) = -\sin x$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [-1, \infty)$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = (-1, \infty)$$

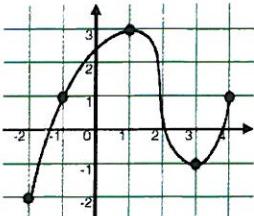
$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = \frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ?

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ?

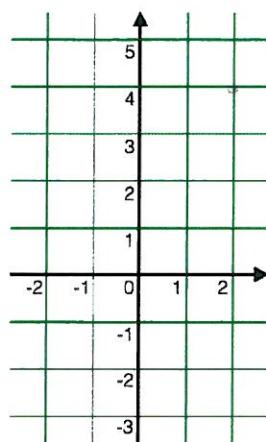
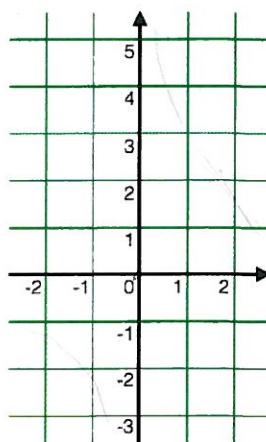
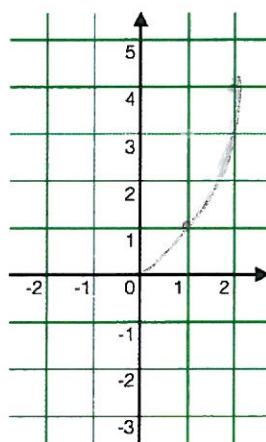
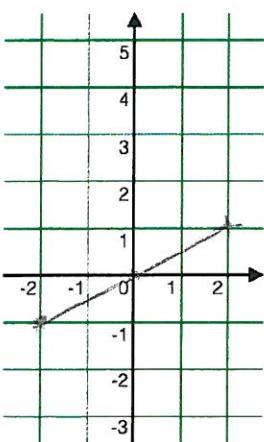
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b = \frac{19}{12}$$

$$a - b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{24}$$

$$a/b = \frac{18}{20} = \frac{9}{10}$$

1. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $(x+y)y = xy \Leftrightarrow x^2 - xy - y^2 = 0$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $\begin{cases} x \neq 0 \\ y \neq 0 \end{cases}$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4a^3b + 6a^2b^2 - 4ab^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2-4b-5)$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)(b+d)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (a^2+c^2)(b^2+d^2)$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = 2$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = \frac{1}{4}$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ? oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $x^2 + y^2 = 9$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

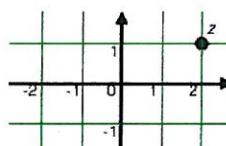
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 2]$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty; 0[ \cup ]2; +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $z = 2+i$

$$z = 2+i$$

Quel est son *module* ?  $|z| = \sqrt{5}$

$$|z| = \sqrt{5}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?  $[-\sqrt{3}, \sqrt{3}]$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?  $\Delta \geq 0$

$$\Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $\Delta > 0$

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $\Delta < 0$

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ? aucune dans  $\mathbb{R}$

14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $x_1 = -4$  et  $x_2 = 6$

Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $x \in ]-4, 6[$

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = \cos(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

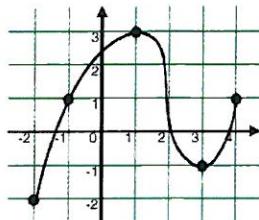
$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = ]-\infty, -1[ \cup ]-1, +\infty[ \quad g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [-1, +\infty[$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = ]-1, +\infty[ \quad k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1 \quad g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :

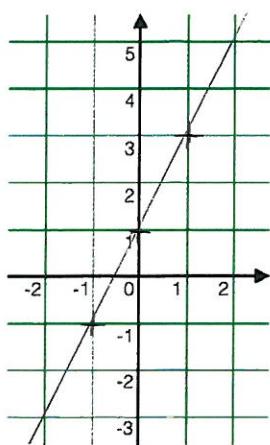


Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

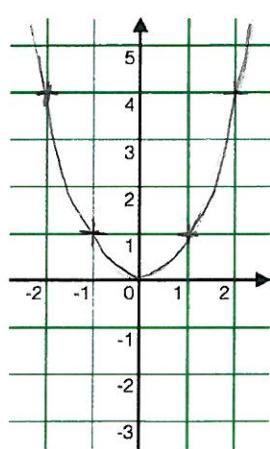
Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 2

20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

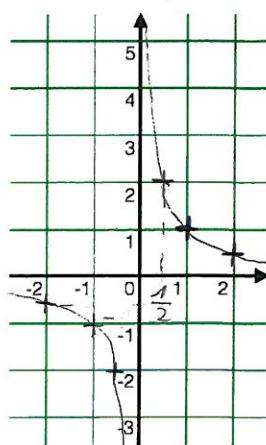
$$y = 2x + 1$$



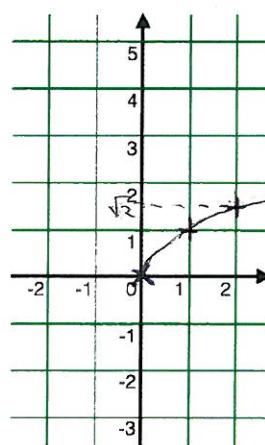
$$y = x^2$$



$$y = \frac{1}{x}$$



$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

19

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

3/5

$$a+b = \frac{19}{12}$$

$$a-b = \frac{-1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{24}$$

$$a/b = \frac{9}{10}$$

1

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $xy + y^2 = x^2$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $xy \neq 0; y \neq 0$

3. Développer les expressions suivantes :

1/2

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4a^3b - 4a^2b^3 - 2a^2b^2 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

1/2

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(-3-4b)$$

$$ab + cd + ad + bc = a(b+d) + c(d+b)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (ab)^2 + (cd)^2 + (ad)^2 + (bc)^2$$

1

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = -1 + \sqrt{2}$$

1/2

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :  $8^{1/3} = 2\sqrt[3]{2}$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} =$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$ ? *Oui* sauf si  $x$  et  $y$  sont nuls  
écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $ac^2 + y^2 = 9$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

1

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

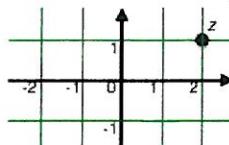
$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 2[$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

5

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty; 0[ \cup ]2; +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

1

Quelle est sa forme algébrique ?  $z = 2+i$

Quel est son *module* ?  $|z| = \sqrt{5}$

0

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$x \in [-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$$

3/4

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

$$\text{Si } \Delta = 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\text{Si } \Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\text{Si } \Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ? -2014 et -2015
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ . 3 et -2
15. Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $x \in ]-2; 3[$
16. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

17. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = \cos(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

18. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

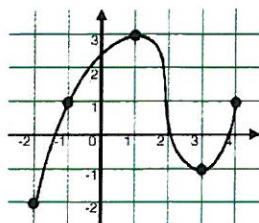
$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = ]-\infty; -1[ \cup ]-1; +\infty[ \quad g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [-1; +\infty[$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = ]-1; +\infty[ \quad k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = ]-\infty; +\infty[$$

19. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1 \quad g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = \frac{-1}{(1+x)^2}$$

20. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 3

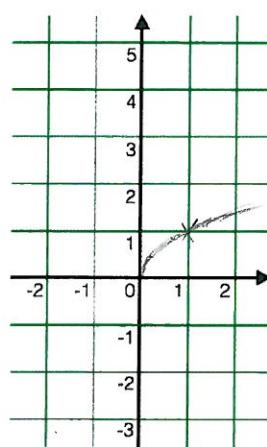
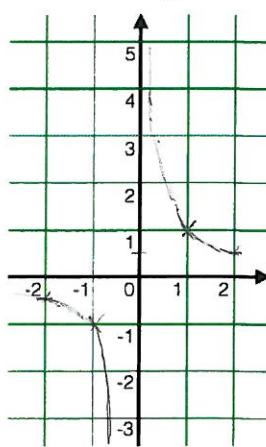
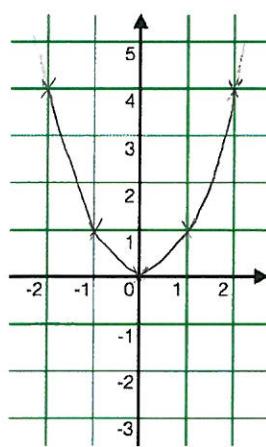
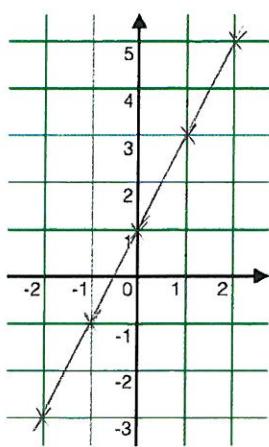
21. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

22. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

16

Nom : MPrénom : Quoc Anh (Christophe)Groupe : 2

16,25

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b = \frac{19}{12}$$

$$a - b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{9} = \frac{5}{3}$$

$$a/b = \frac{18}{20} = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $y^2 = x^2 - xy$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $x > y ; y \neq 0$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4a^3b - 4ab^3 + 6a^2b^2 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2 - (4b+5)) = (a+3)(-3-4b)$$

$$\begin{aligned} ab + cd + ad + bc &= a(b+d) + C(d+b) \\ &= (a+c)(b+d) \end{aligned}$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (a^2+c^2)(b^2+d^2)$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = \frac{1-\sqrt{2}}{1+2} = \frac{1-\sqrt{2}}{3}$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :  $8^{1/3} = \sqrt[3]{8} = 2$     $2 \cdot 3^2 = 18$     $2^{-2} = \frac{1}{4}$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$ ? Oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $x^2 + y^2 = 9$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

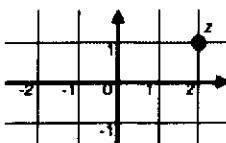
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1] \cup [1, 2] = [0, 2]$$

$$[0, 1] \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty, 0] \cup ]2, +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $z = 2 + i$

$$z = 2 + i$$

Quel est son *module* ?  $|z| = \sqrt{5}$

$$|z| = \sqrt{5}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?  $]-2, 2[$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?  $\Delta \geq 0$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $\Delta > 0$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $\Delta < 0$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ? x = -2014 ou x = -2015

14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ . x<sub>1</sub> = -2 et x<sub>2</sub> = 3

Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ? x < -2 ou x > 3

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

*3/4*  $\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$

$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

$\cos 0 = 1$

$\sin(2\pi) = 0$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

*1/2*  $\cos^2 x + \sin^2 x = 1$

$\cos(-x) = \cos(x)$

$\sin(-x) = -\sin(x)$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre réel?

*3/4*  $f(x) = \frac{1}{1+x}$     $D_f = ]-\infty; -1[ \cup ]-1; +\infty[$

$g(x) = \sqrt{1+x}$     $D_g = [-1; +\infty[$

$h(x) = \ln(1+x)$     $D_h = ]-1; +\infty[$

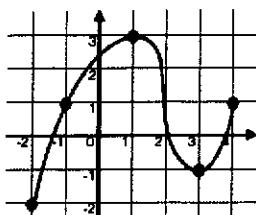
$k(x) = e^{1+x}$     $D_k = \mathbb{R}$

18. Calculer les dérivées suivantes :

*1*  $f(x) = x^2 - x + 1$     $f'(x) = 2x - 1$

$g(x) = \frac{1}{1+x}$     $g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 2

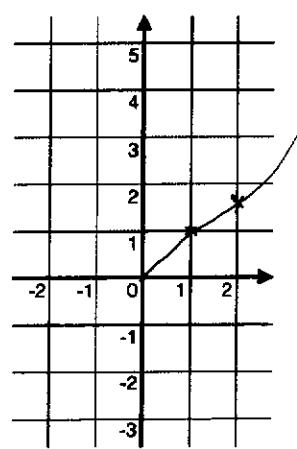
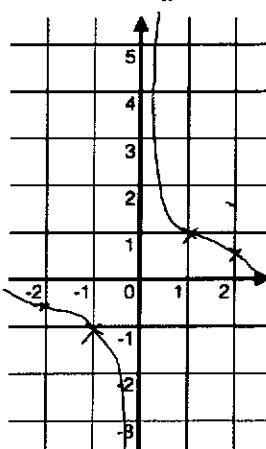
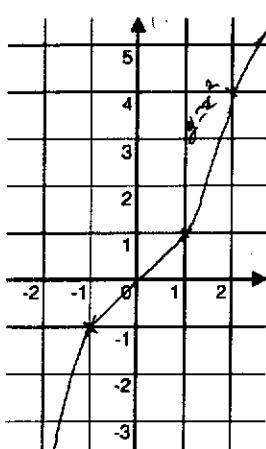
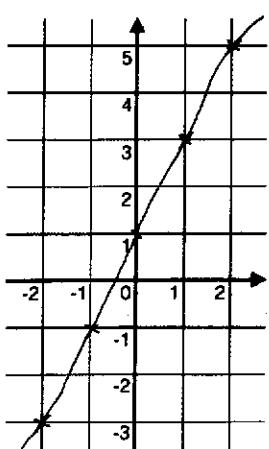
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$y = 2x + 1$

$y = x^2$

$y = \frac{1}{x}$

$y = \sqrt{x}$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

10/20

30/20

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a+b = \frac{3}{4} + \frac{5}{6}$$

$$a-b = \frac{3}{4} - \frac{5}{6}$$

$$ab = \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{6}$$

$$a/b = \frac{3}{4} : \frac{5}{6}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$x \quad y^{-1}$$

à quelles conditions sur les inconnues  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4a^3b + 6a^2b^2 - 4ab^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (-3a+16)(4b+5)$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)(b+d)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} =$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{3}$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = 2,3$$

$$2 \cdot 3^2 = 12$$

$$2^{-2} = 1/4$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

Oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x^2 + y^2 = 9$$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

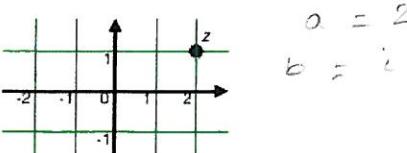
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 2[$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le complémentaire de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'union de deux intervalles :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty, 0[ \cup ]2, +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 2 + i$$

Quel est son module ?

$$|z| =$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$]-\infty, \sqrt{3}]$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?

$$\Delta = 2a - 4b$$

$$\Delta = 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta < 0$$

○ 13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$  ?

○ 14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .   $x = 3$

Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?   $\frac{x \pm \sqrt{25}}{-2}$

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0^\circ = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les identités suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$  :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = \cos(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

17. Quels sont les ensembles de définition des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre réel ?

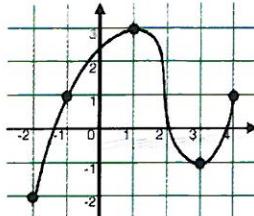
$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \quad g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g =$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = \quad k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k =$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1 \quad g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) =$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :

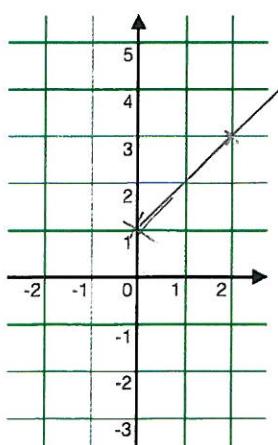


Quel est le nombre de solutions de l'équation  $f(x) = 2$ ?  2

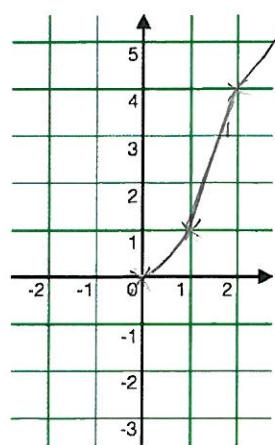
Quel est le nombre de solutions positives de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ?  2

20. Dessiner les courbes des fonctions suivantes :

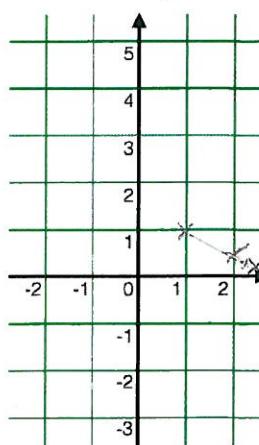
$$y = 2x + 1$$



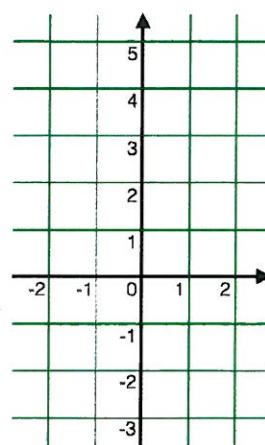
$$y = x^2$$



$$y = \frac{1}{x}$$



$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a+b = \frac{25}{24}$$

$$a-b = -\frac{5}{24}$$

$$ab = \frac{15}{8}$$

$$a/b = \frac{35}{20}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$y(x+y) = xy$$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$y(x+y) \neq 0$$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab - b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4ab + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) =$$

$$ab + cd + ad + bc =$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = 2$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = \frac{1}{4}$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x^2 + y^2 = 3^2$$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = 2$$

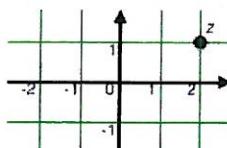
$$[0, 2] \cap [1, 3] = 4$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = 1$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = 2$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty; 0[ \cup ]2; +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 2+i$$

Quel est son *module* ?

$$|z| = \sqrt{5}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est *inférieur ou égal* à 3 ?

$$[-1, \sqrt{3}; \sqrt{3}]$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont *réels* et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle *au moins une solution réelle* ?

$$\Delta = 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle *deux solutions réelles distinctes* ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle *n'admet pas de solution réelle* ?

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x_1 = -2014$  ou  $x_2 = -2015$
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $x_1 = \frac{-1 - \sqrt{23}}{-2}$  et  $x_2 = \frac{-1 + \sqrt{23}}{-2}$
- Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?
15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 1$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = \cos(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = ]-\infty; -1[ \cup ]-1; +\infty[$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [-1; +\infty[$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = ]-\infty; +\infty[$$

$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = ]-\infty; +\infty[$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

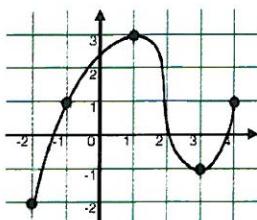
$$f(x) = x^2 - x + 1$$

$$f'(x) = 2x - 1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x}$$

$$g'(x) = \frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 0

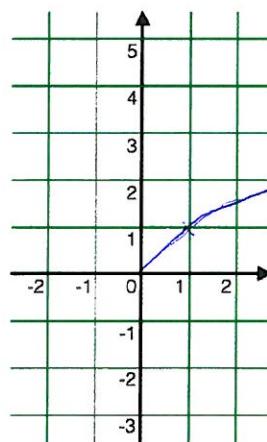
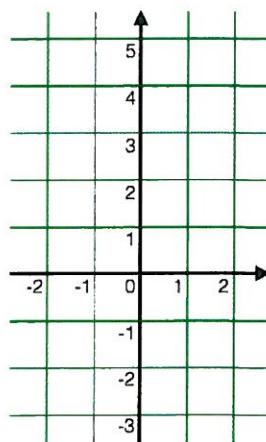
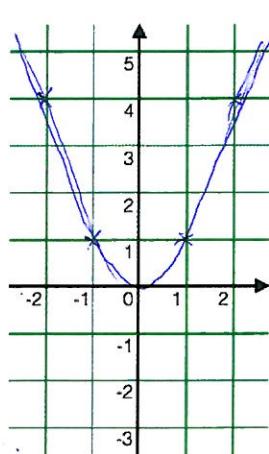
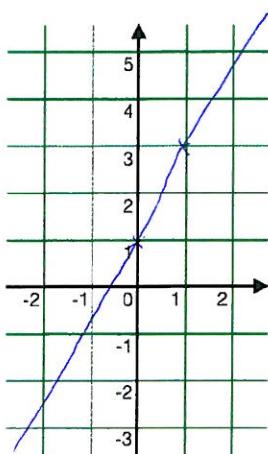
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test. 19

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b = \cancel{3/4} + \cancel{5/6}$$

$$a - b = -\cancel{2}/-\cancel{2}$$

$$ab = 5/8$$

$$a/b = 9/10$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $x^2 (x+y^2)$

à quelles *conditions sur les inconnues x, y* ces deux égalités sont-elles équivalentes ? Si positif

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a-b)^2$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) =$$

$$ab + cd + ad + bc = a(b+d) + c(d+b)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \frac{\sqrt{6}}{1}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} =$$

$$2 \cdot 3^2 =$$

$$2^{-2} = -4$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ? oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $x^2 + y^2 = 9$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] =$$

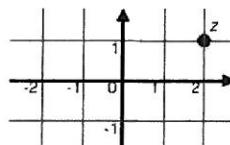
$$[0, 2] \cap [1, 3] =$$

$$[0, 1] \cup [1, 2] =$$

$$[0, 1] \cap [1, 2] =$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2]$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2] =$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $z =$

$$z =$$

Quel est son *module* ?  $|z| =$

$$|z| =$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\Delta =$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

$$\boxed{\quad}$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\boxed{\quad}$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\boxed{\quad}$$

- 13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?
- 14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .   $x_1 = 3$
- 15. Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?   $x_1, x_2$
- 16. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} =$$

$$\sin \frac{\pi}{4} =$$

$$\cos 0 =$$

$$\sin(2\pi) =$$

- 17. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x =$$

$$\cos(-x) =$$

$$\sin(-x) =$$

- 18. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f =$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g =$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h =$$

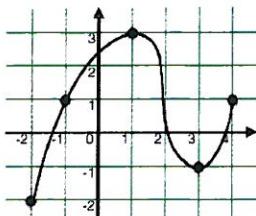
$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k =$$

- 19. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) =$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) =$$

- 20. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ?

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ?

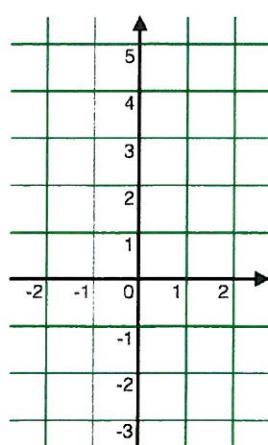
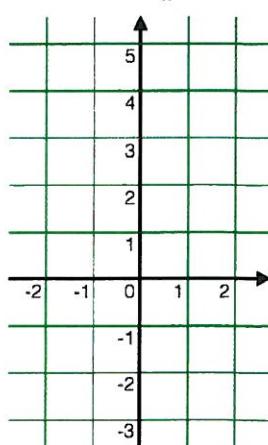
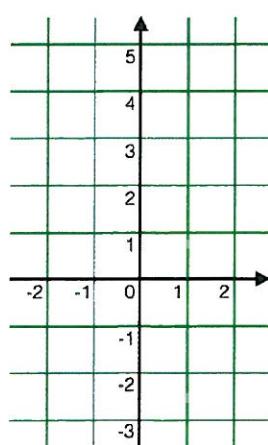
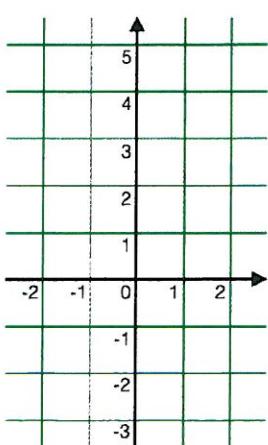
- 21. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

- 22. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.  4

Nom : GBCZY

Prénom : Thomas

Groupe : 2

7,25

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a+b = \frac{13}{12}$$

$$a-b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{24}$$

$$a/b = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$x \neq 0, y \neq 0$$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 + ab^3 - ab + b^4 + b^3$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = a^2 - b^2$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = -3a - 9 - 4ab - 10b$$

$$ab + cd + ad + bc = a(b+d) + c(d+b)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (a(b+d))^2 + (c(d+b))^2$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} =$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = \sqrt[3]{8}$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} =$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

$$non$$

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x + y = 3$$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

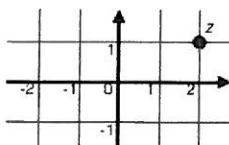
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 2]$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty, 0[ \cup ]2, +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 2+i$$

Quel est son *module* ?

$$|z| = \sqrt{5}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$x < \sqrt{3}$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

$$\Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?

14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .

Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $\mathbb{R} \setminus (-\infty, -2) \cup (3, \infty)$

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = \sin 0 = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1 \quad \cos(-x) = \cos(x) \quad \sin(-x) = -\sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre réel?

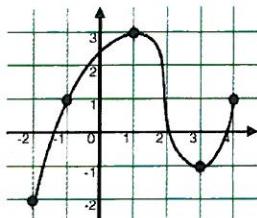
$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\} \quad g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [-1, +\infty]$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = (-1, +\infty) \quad k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

18. Calculer les dérivées suivantes:

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1 \quad g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ?  2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ?  2

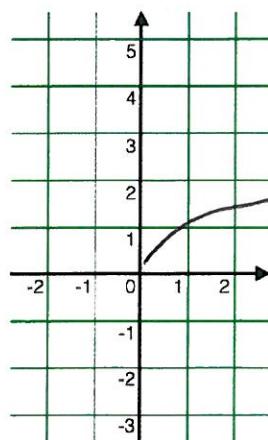
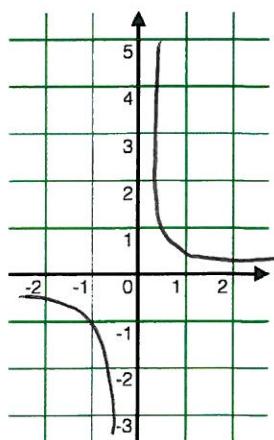
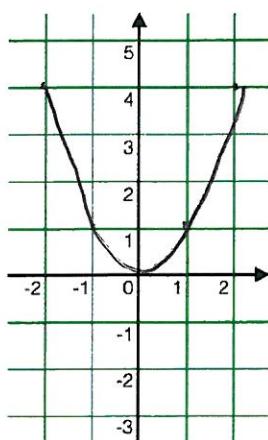
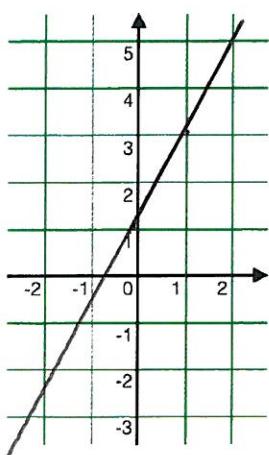
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.  18

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b = \frac{19}{12}$$

$$a - b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{24} = \frac{5}{8}$$

$$a/b = \frac{18}{20} = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $\cancel{x+y} = \cancel{x} \cdot y$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$$

$$(a-b)^4 =$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)[2 - (4b+5)]$$

$$ab + cd + ad + bc = a(b+d) + c(d+b)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = -1 + \sqrt{2}$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = 2$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = \frac{1}{2^2} = \frac{1}{4}$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $x^2 + y^2 = 9$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 1, 2, 3]$$

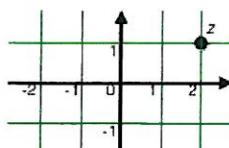
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 1, 2]$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = [1]$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty, 0] \cup ]2, +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 2 + i$$

Quel est son *module* ?

$$|z| = 5$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$x \in [-\sqrt{3}, \sqrt{3}]$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

$$\Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x_1 = -2014, x_2 = -2015$

14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $x_1 = -2, x_2 = 3$

Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $x \in ]-2, 3[$

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = 0,5$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = 0,5$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x =$$

$$\cos(-x) = -\cos x$$

$$\sin(-x) = \sin x$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$$

$$g(x) = \sqrt{1+x}$$

$$\mathcal{D}_g = \mathbb{R} \setminus [-1, +\infty[$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = ]1, +\infty[$$

$$k(x) = e^{1+x}$$

$$\mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

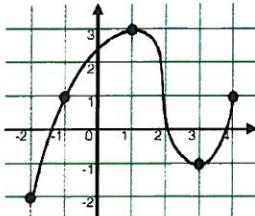
18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x}$$

$$g'(x) = \frac{-1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ?  $2$

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ?  $1$

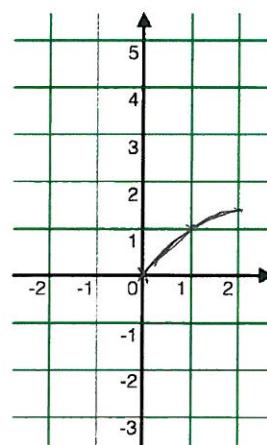
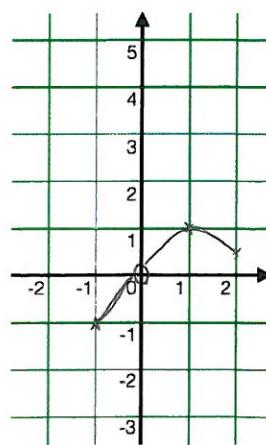
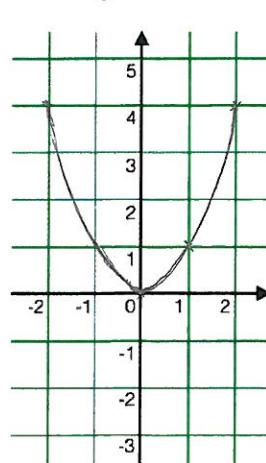
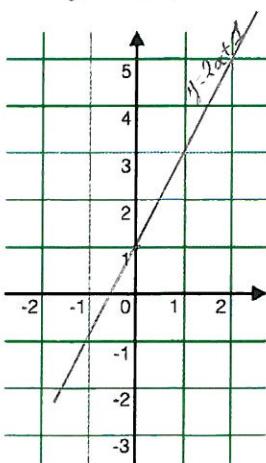
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b = \frac{19}{12}$$

$$a - b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{5}{8}$$

$$a/b = \frac{9}{10}$$

- 1/2 2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $y^2 - x^2 + xy = 0$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $x=0$  et  $y=0$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 + b^4 - 4(ba^3 + ab^3) + 6a^2b^2.$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2 - (4b+5))$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)(b+d)$$

$$(ab + cd)^2 + (ad - bc)^2 =$$

- 1/2 5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

- 1/2 6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = 2$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = -4$$

- 1/2 7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ? oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $x^2 + y^2 = 3^2$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0; 3]$$

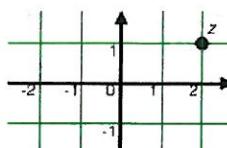
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1; 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0; 2]$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2]$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2] = ]-\infty; 0[ \cup ]2; +\infty[.$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $z =$

$$z =$$

Quel est son *module* ?  $|z| =$

$$|z| =$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?  $\text{si } \Delta \geq 0$

$$\text{si } \Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $\text{si } \Delta > 0$

$$\text{si } \Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $\text{si } \Delta < 0$

$$\text{si } \Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x_1 = -2014$  ou  $x_2 = -2015$
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $x_1 = -2$  ou  $x_2 = 3$
- Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $x \in ]-2; 3[$
15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

0  $\cos \frac{\pi}{3} =$

1  $\sin \frac{\pi}{4} =$

2  $\cos 0 =$

3  $\sin(2\pi) =$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

4  $\cos^2 x + \sin^2 x =$  1

5  $\cos(-x) =$  cos(x)

6  $\sin(-x) =$  - sin(x)

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

7  $f(x) = \frac{1}{1+x}$  D<sub>f</sub> = ]-∞; -1[ ∪ ]-1; +∞[  $g(x) = \sqrt{1+x}$  D<sub>g</sub> = [-1; +∞[

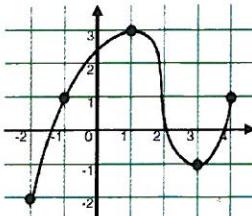
$h(x) = \ln(1+x)$  D<sub>h</sub> =  $\mathbb{R}^+$

$k(x) = e^{1+x}$  D<sub>k</sub> =  $\mathbb{R}$

18. Calculer les dérivées suivantes :

8  $f(x) = x^2 - x + 1$  f'(x) = 2x - 1  $g(x) = \frac{1}{1+x}$  g'(x) =  $\frac{-1}{(1+x)^2}$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 2

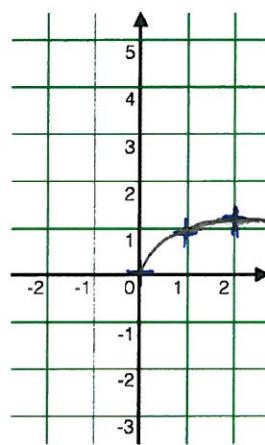
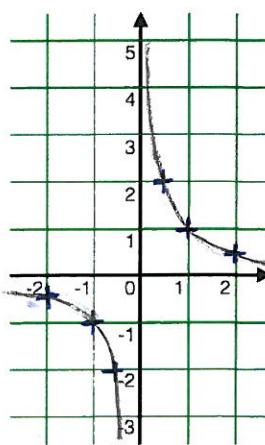
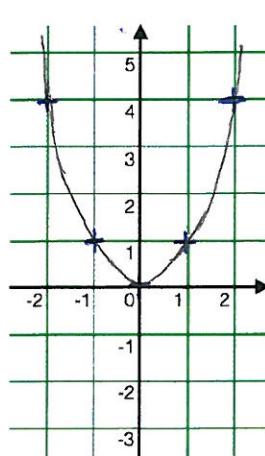
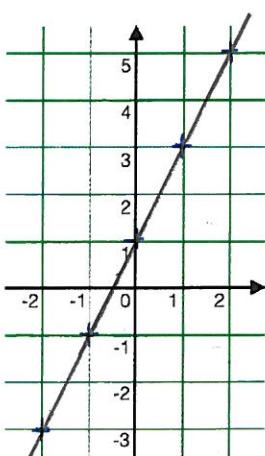
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$y = 2x + 1$

$y = x^2$

$y = \frac{1}{x}$

$y = \sqrt{x}$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

12

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

3/5

$$a + b = \frac{19}{12}$$

$$a - b = \frac{-1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{24}$$

$$a/b = \frac{\frac{18}{20}}{\frac{5}{6}} = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

à quelles *conditions sur les inconnues x, y* ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  

3. Développer les expressions suivantes :

1/2

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = \quad$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

1/3

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) =$$

$$ab + cd + ad + bc =$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \frac{\sqrt{6}}{1}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :  $8^{1/3} =$     $2 \cdot 3^2 =$     $2^{-2} =$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

1/4

✓

- écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

○

$$[0, 2] \cup [1, 3] = 1, 2$$

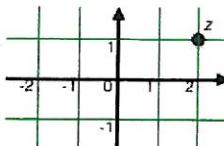
$$[0, 2] \cap [1, 3] = 1, 2$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = 1$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = 1$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = \{1, 2\}$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

○

Quelle est sa forme algébrique ?  $z = 1 + i\sqrt{3}$

$$z = 1 + i\sqrt{3}$$

Quel est son module ?  $|z| = \sqrt{1 + 3} = 2$

$$|z| = \sqrt{1 + 3} = 2$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?  $\Delta > 0$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $\Delta < 0$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $\Delta = 0$

- 13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?
- 14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  
Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $-1 - \sqrt{3}$   
 $-1 + \sqrt{3}$
- 15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

$\cos 0 =$

$\sin(2\pi) =$

- 1/5 16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$

$\cos(-x) =$

$\sin(-x) =$

- 1/2 17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$f(x) = \frac{1}{1+x}$   $\mathcal{D}_f = \mathbb{R}$

$g(x) = \sqrt{1+x}$   $\mathcal{D}_g =$

$h(x) = \ln(1+x)$   $\mathcal{D}_h =$

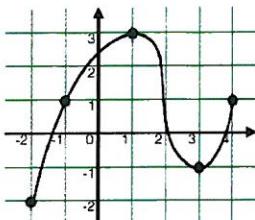
$k(x) = e^{1+x}$   $\mathcal{D}_k = \mathbb{R}^+$

- 1/2 18. Calculer les dérivées suivantes :

$f(x) = x^2 - x + 1$   $f'(x) = 2x - 1$

$g(x) = \frac{1}{1+x}$   $g'(x) = \frac{1+x-1}{(1+x)^2}$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 1

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 3

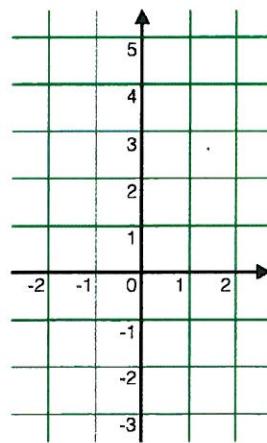
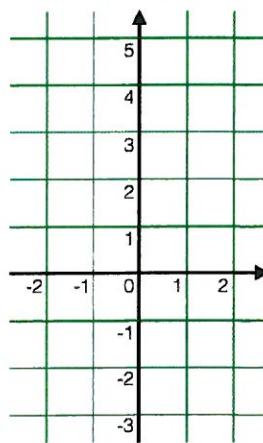
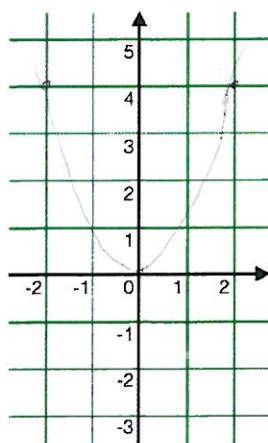
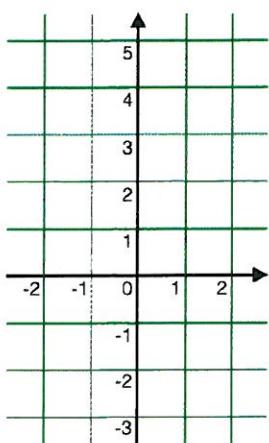
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$y = 2x + 1$

$y = x^2$

$y = \frac{1}{x}$

$y = \sqrt{x}$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

15

Nom : Lilitas

Prénom : Mathieu

Groupe : 2

11, 25

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a+b = \frac{19}{12}$$

$$a-b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{5}{8}$$

$$a/b = \frac{9}{10}$$

- 1/2 2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $y(x+y) = x^2$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $x \neq 0 \quad y \neq 0$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \quad (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4ab^3 + 6a^2b^2 - 4a^3b^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2-4b-5)$$

$$ab + cd + ad + bc = (d+b)(a+c)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (ab+cd+ad-bc)(ab+cd-ad+bc)$$

- 1/2 5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

- 1/4 6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = 2$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = \frac{1}{4}$$

- 1/2 7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?  $\text{Non}$   $\mathbb{R}/\{0\}$

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $x^2 + y^2 = 9$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

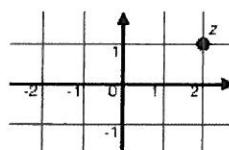
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 2[$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty, 0[ \cup ]2, +\infty[$$



- 1/2 10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $z = 2\cos 7^\circ + i\sin 7^\circ$

Quel est son *module* ?  $|z| = \sqrt{5}$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?  $]-\sqrt{3}, \sqrt{3}]$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?  $\Delta = 0$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $\Delta > 0$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $\Delta < 0$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$  ?

$$x_1 = -2014 \quad x_2 = -2015$$

14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .

$$x_1 = -3 \quad x_2 = 2$$

0 Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$  ?

$$x \in ]-3, 2[$$

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$  :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = \cos(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel* ?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [-1, +\infty]$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = [-1, +\infty]$$

$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

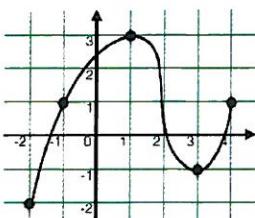
18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x}$$

$$g'(x) = \frac{-1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$  ?

$$2$$

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$  ?

$$4$$

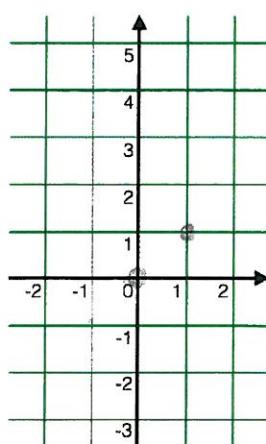
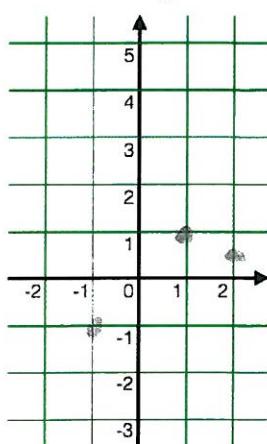
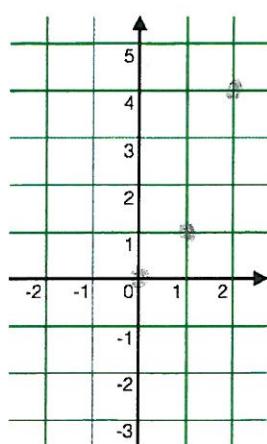
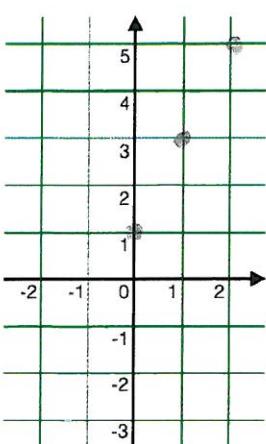
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

$$15$$

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a+b = \boxed{19/12}$$

$$a-b = \boxed{-1/12}$$

$$ab = \boxed{15/24}$$

$$a/b = \boxed{18/120}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $\boxed{y(x+y) = x^2}$

à quelles conditions sur les inconnues  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = \boxed{a^2 + b^2 + 2ab}$$

$$(a-b)^2 = \boxed{a^2 + b^2 - 2ab}$$

$$(a-b)^4 = \boxed{a^4 + b^4 - 4ab}$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 =$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = \boxed{(a+3)(2 - (4b+5))}$$

$$ab + cd + ad + bc = \boxed{a(b+d) + c(b+d)}$$

$$(ab + cd)^2 + (ad - bc)^2 = \boxed{a^2(b+d)^2 + c^2(d-b)^2}$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \boxed{\frac{12}{4}}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} =$$

$$2 \cdot 3^2 = \boxed{2 \times 9 = 18}$$

$$2^{-2} =$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?  $x^2 + y^2 > 0$  Donc Oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $\boxed{x^2 + y^2 = 9}$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] =$$

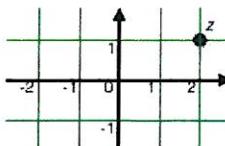
$$[0, 2] \cap [1, 3] =$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] =$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] =$$

9. Ecrire le complémentaire de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'union de deux intervalles :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = \boxed{]-\infty, 0[ \cup ]2, +\infty[}$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $\boxed{z = a + bi}$

Quel est son module ?  $\boxed{|z| = \sqrt{a^2 + b^2}}$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?  $\boxed{\Delta = b^2 - 4ac}$

$$\boxed{\Delta = 0}$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $\boxed{\Delta > 0}$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $\boxed{\Delta < 0}$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x_1 = -2014 \quad x_2 = -2015$
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  
Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $x \in (-\infty, -2) \cup (3, +\infty)$
15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = \cos x$$

$$\sin(-x) = -\sin x$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [0, +\infty)$$

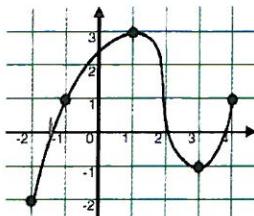
$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = (-1, +\infty)$$

$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1 \quad g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ?  $\boxed{2 \text{ solution}}$

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ?  $\boxed{1 \text{ solution}}$

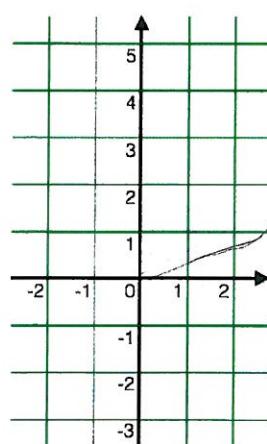
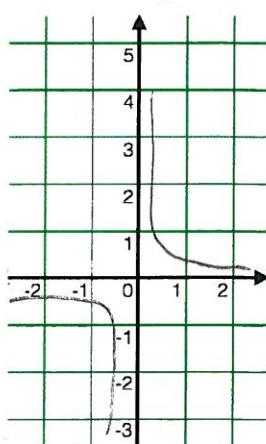
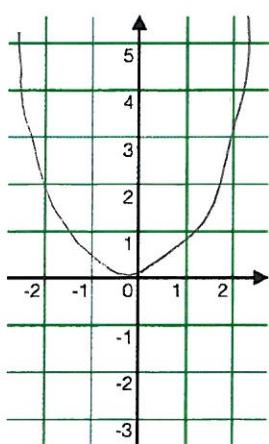
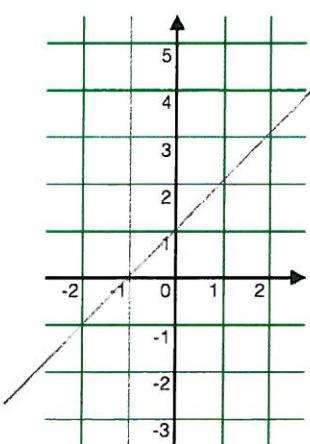
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

$\boxed{9/20}$

Nom : Nemer

Prénom : Eddy

Groupe : 2

10,75  
1

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a+b = \frac{19}{12}$$

$$a-b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{5}{8}$$

$$a/b = \frac{9}{10}$$

- 1/2 2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$x^2 - y^2 = xy$$

à quelles conditions sur les inconnues  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$xy = (x+y)(x-y)$$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 + 6a^2b^2 - 4ab^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = 2(a+3)(2-4b-5) (a+3)$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)b + (c+d)a \\ = (a+c)(b+d)$$

$$(ab + cd)^2 + (ad - bc)^2 = (a^2 + c^2)(d^2 + b^2)$$

- 1/2 5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

- 3/4 6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = \frac{1}{64}$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = 0,25$$

- 1/2 7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

Non

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x^2 + y^2 = 9$$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

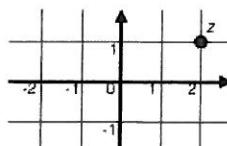
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] =$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le complémentaire de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'union de deux intervalles :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ =$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

D

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z =$$

Quel est son module ?

$$|z| =$$

O

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$[-\sqrt{3}, \sqrt{3}]$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$x = 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x_1 = -2014 \text{ et } x_2 = -2015$
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $x_1 = -2 \text{ et } x_2 = 3$
- Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $-2 < x < 3$
15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} =$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = \tan x$$

$$\cos(-x) = -\cos(x)$$

$$\sin(-x) = \sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre réel?

$$f(x) = \frac{1}{1+x}$$

$$\mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$$

$$g(x) = \sqrt{1+x}$$

$$\mathcal{D}_g = [-1; +\infty[$$

$$h(x) = \ln(1+x)$$

$$\mathcal{D}_h = [-1; +\infty[$$

$$k(x) = e^{1+x}$$

$$\mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

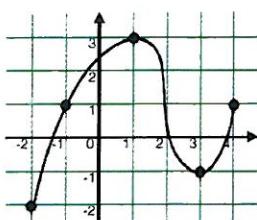
$$f(x) = x^2 - x + 1$$

$$f'(x) = 2x - 1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x}$$

$$g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 2

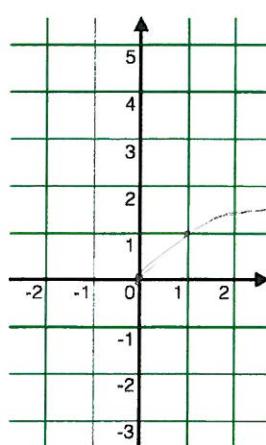
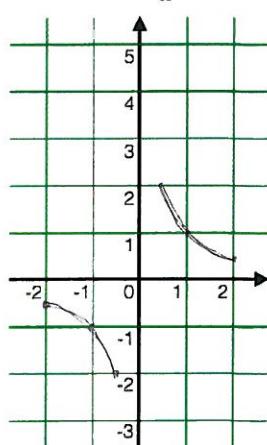
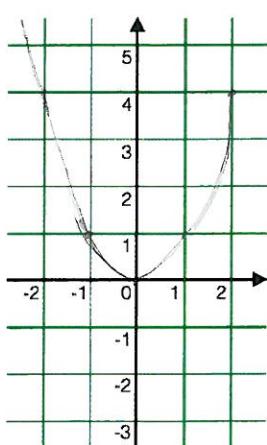
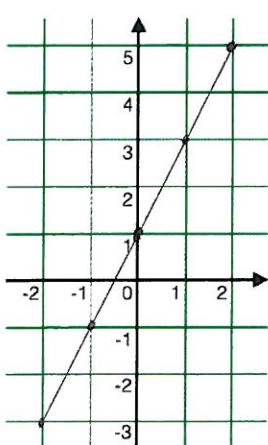
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

Nom : Paillencl

Prénom : Guillaume

Groupe :

375

1

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b = \frac{10}{12}$$

$$a - b = \frac{-1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{48}$$

$$a/b =$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$x^2 + xy = x^2$$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$x \neq 0, y \neq 0$$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 =$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 =$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(6b+5)$$

$$ab + cd + ad + bc =$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} =$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = 2\sqrt[3]{6}$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} =$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x^2 + y^2 = 9$$

8. Calculer les *unions* et *intersections* suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] =$$

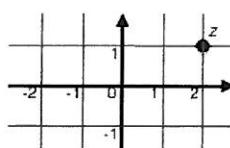
$$[0, 2] \cap [1, 3] =$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] =$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] =$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ =$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 1 + i$$

Quel est son *module* ?

$$|z| = \sqrt{2}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

$$\Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ? -2014 et -2015

14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ . 3 et 2

Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$\cos \frac{\pi}{3} =$

$\sin \frac{\pi}{4} =$

$\cos 0 =$

$\sin(2\pi) =$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$\cos^2 x + \sin^2 x =$

$\cos(-x) =$

$\sin(-x) =$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$f(x) = \frac{1}{1+x}$   $\mathcal{D}_f =$  ]-1, +∞[

$g(x) = \sqrt{1+x}$

$\mathcal{D}_g =$  ]-1, +∞[

$h(x) = \ln(1+x)$   $\mathcal{D}_h =$  ]0, +∞[

$k(x) = e^{1+x}$

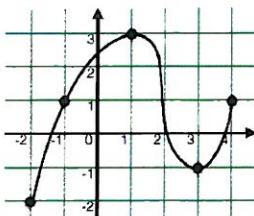
$\mathcal{D}_k =$  ]-1, +∞[

18. Calculer les dérivées suivantes :

$f(x) = x^2 - x + 1$   $f'(x) =$

$g(x) = \frac{1}{1+x}$   $g'(x) =$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :

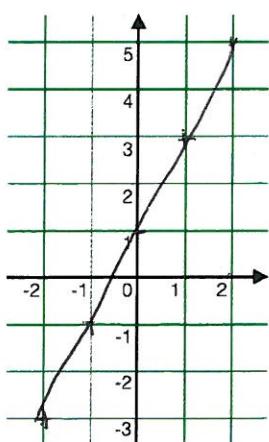


Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

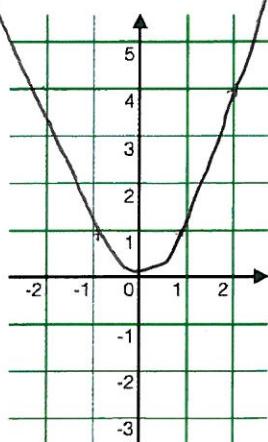
Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 1

20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

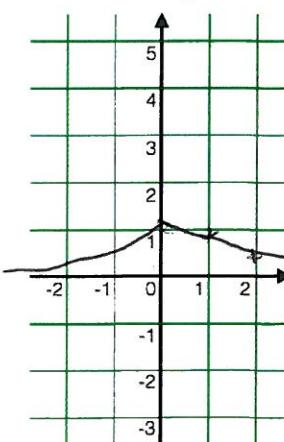
$y = 2x + 1$



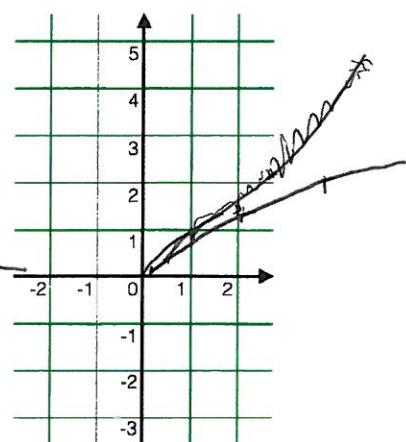
$y = x^2$



$y = \frac{1}{x}$



$y = \sqrt{x}$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

8

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a+b = \frac{19}{12}$$

$$a-b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{24}$$

$$a/b = \frac{9}{10}$$

1. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $y(x+y) = x^2$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $x \neq 0; y \neq 0$

- 3/2. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$$

$$(a-b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$$

$$(a-b)^4 = a^4 + b^4 + 2a^2b^2 - 4a^3b - 4ab^3 - 4a^2b^2$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2-4b-3)$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)(d+b)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

1. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = -1 + \sqrt{2}$$

donc  $\frac{1}{2}$

1. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = \sqrt[3]{8}$$

$$2 \cdot 3^2 = 2 \cdot 9$$

$$2^{-2} = \frac{1}{4}$$

1. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ? oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $(x^2 + y^2)^{1/2} = 3$

ou  $\frac{1}{2^2}$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

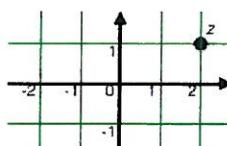
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 2]$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty; 0[ \cup ]2; +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $z =$

$$z =$$

Quel est son *module* ?  $|z| =$

$$|z| =$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?  $\Delta \geq 0$

$$\Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $\Delta > 0$

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $\Delta < 0$

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ? {-2014 ; -2015}

14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ . {-\frac{3}{2}; \frac{6}{2}}

Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ? ]-\frac{3}{2}; \frac{6}{2}]

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = \tan^2(x)$$

$$\cos(-x) = \cos(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [-1; +\infty[$$

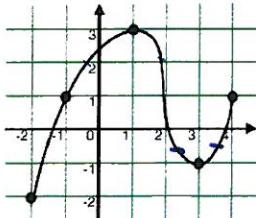
$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = ]-1; +\infty[$$

$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1 \quad g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 2

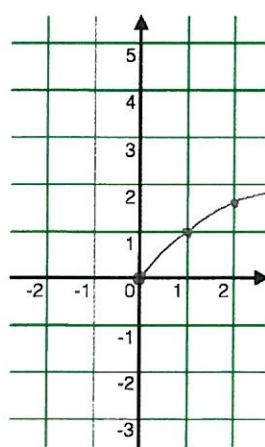
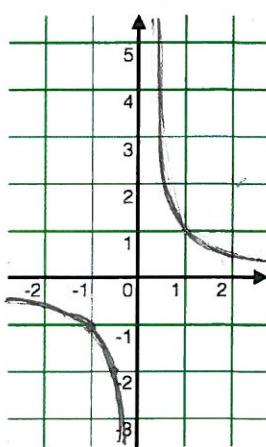
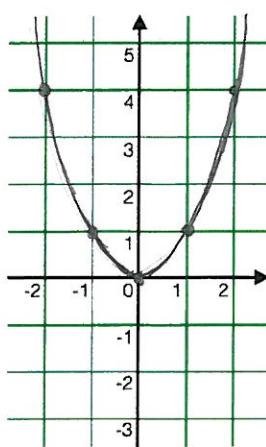
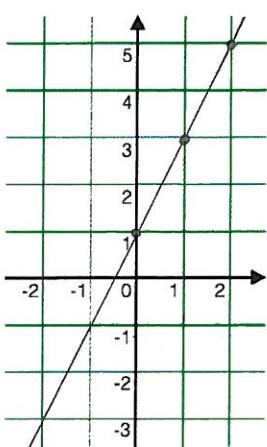
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

16

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b = \frac{3}{4} + \frac{5}{6} = \frac{19}{12}$$

$$a - b = \frac{3}{4} - \frac{5}{6} = \frac{-1}{12}$$

$$ab = \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{6} = \frac{15}{24} = \frac{5}{8}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{5}{6}} = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$x+y = x^2/y$$

à quelles conditions sur les inconnues  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$x \neq 0, y \neq 0$$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4a^3b + 6a^2b^2 - 4ab^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2-4b-5) = (a+3)(-3-4b)$$

$$ab + cd + ad + bc =$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 =$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}+1}$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = 2$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = \frac{1}{4}$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x^2 + y^2 = 9$$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

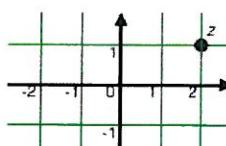
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 2[$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le complémentaire de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'union de deux intervalles :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = (-\infty, 0] \cup [2, +\infty)$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 3 + 2i$$

Quel est son module ?

$$|z| = \sqrt{3^2 + 2^2} = \sqrt{13}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

$$\Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta < 0$$

○ 13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  

*1/2* 14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ . 3 et -2

*1/2* Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ? 3 et -2

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

*3/3*

$$\cos \frac{\pi}{3} =$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

*0*

$$\cos^2 x + \sin^2 x =$$

$$\cos(-x) =$$

$$\sin(-x) =$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

*0*

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f =$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g =$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h =$$

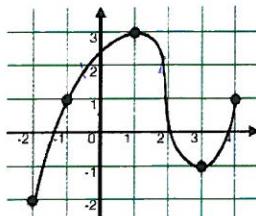
$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k =$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

*1/2*

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1 \quad g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = \frac{-1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



*1/2* Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

*1/2* Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 1

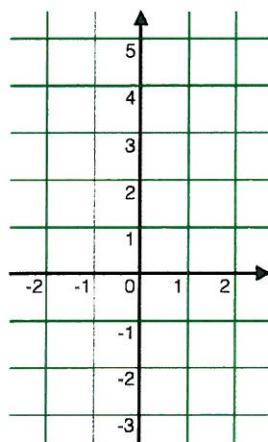
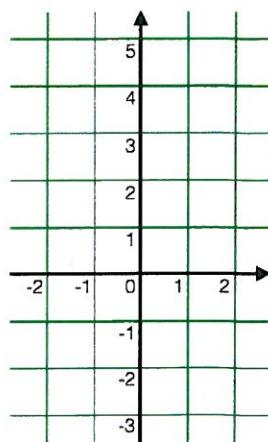
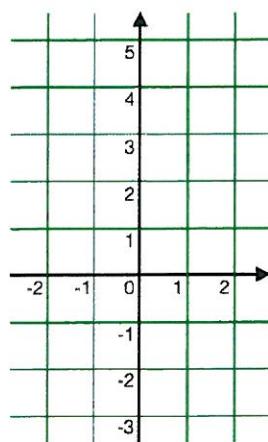
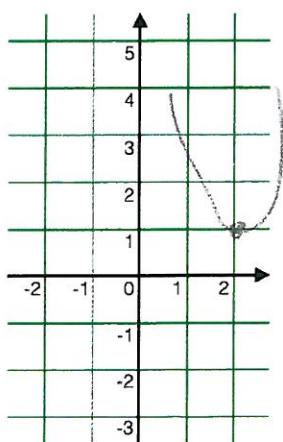
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$\frac{1}{2} \quad a+b = \frac{3+5}{4} = \frac{15}{12}$$

$$a-b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{24}$$

$$a/b =$$

- 1 2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $y(x+y) = x^2$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $\text{si } x \neq 0 \text{ et } y \neq 0$

3. Développer les expressions suivantes :

$$\frac{1}{2} \quad (a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 + 3a^3b - 2a^2b^2 + 3ab^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 =$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2-(4b+5))$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)(b+d)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (a+c)(b-d)^2$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = -\sqrt{2}$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :  $8^{1/3} = 2$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = -4$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?  $\text{non}$

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $x^2 + y^2 = 9$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$\frac{1}{2} \quad [0, 2] \cup [1, 3] = [0; 3]$$

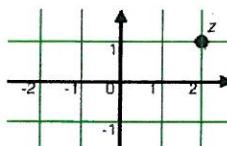
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1; 2]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = [0, 2]$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = [1; 2]$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

$$0 \quad \mathbb{R} \setminus [0, 2[ = [0; 1] \cup [1; 2[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $z = 2x + yi$

$$z = 2x + yi$$

Quel est son *module* ?  $|z| = \sqrt{3}$

$$|z| = \sqrt{3}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?  $[-1; 0; 1]$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?  $\text{si } \Delta \geq 0$

$$\text{si } \Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $\Delta > 0$

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $\Delta < 0$

$$\Delta < 0$$

- 1 13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x = -2014 \text{ ou } -2015$
- 0 14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $x = 3$
- 0 Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $\{2 ; 1\}$
15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$\cos \frac{\pi}{3} = 0,5$

$\sin \frac{\pi}{4} = 0,707$

$\cos 0 = 1$

$\sin(2\pi) = 0$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$\cos^2 x + \sin^2 x =$

$\cos(-x) = \sin(x)$

$\sin(-x) = -\cos(x)$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$f(x) = \frac{1}{1+x}$   $\mathcal{D}_f = \mathbb{R} - \{-1\}$

$g(x) = \sqrt{1+x}$   $\mathcal{D}_g = \mathbb{N} \cup [0; +\infty]$

$h(x) = \ln(1+x)$   $\mathcal{D}_h = \mathbb{R} - \{-1\}$

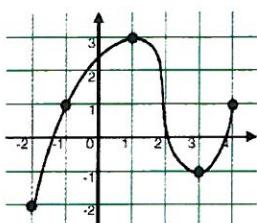
$k(x) = e^{1+x}$   $\mathcal{D}_k = \mathbb{R}$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$f(x) = x^2 - x + 1$   $f'(x) = 2x - 1$

$g(x) = \frac{1}{1+x}$   $g'(x) =$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 3

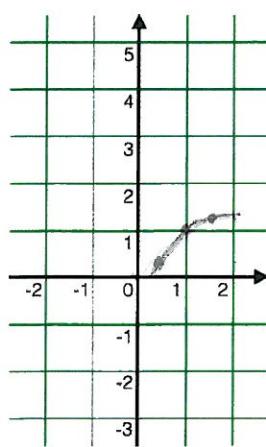
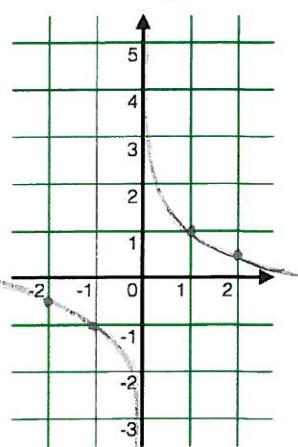
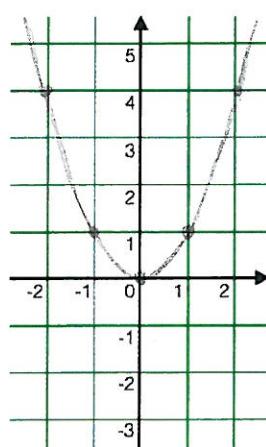
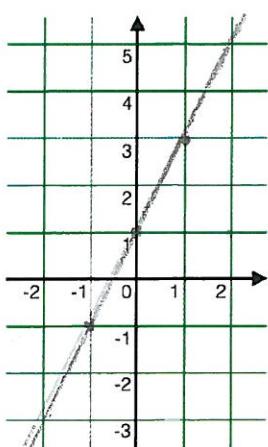
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$y = 2x + 1$

$y = x^2$

$y = \frac{1}{x}$

$y = \sqrt{x}$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

11

Nom : TRAN

Prénom : Thanh Tai

Groupe : 2

(1) 1

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

3/5

$$a+b = \frac{18}{12}$$

$$a-b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{3}{8}$$

$$a/b = \frac{9}{20}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :  $(x+8)y = 1$

0

à quelles conditions sur les inconnues  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $x \neq 0, y \neq 0$

3. Développer les expressions suivantes :

1/2

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = (a^2 - 2ab + b^2)^2$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

3/5

$$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2 - (4b+5))$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+c)(d+b)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (ab)^2 + (ac)^2 + (cd)^2$$

1/2

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = 1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$$

1/2

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = 2$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = 0,4$$

1/2

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

IR\*

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x^2 + y^2 = 9$$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

3/3

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

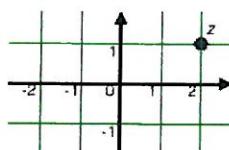
$$[0, 1] \cup [1, 2] = [0, 2]$$

$$[0, 1] \cap [1, 2] = [1]$$

9. Ecrire le complémentaire de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'union de deux intervalles :

0

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty; 0[ \cup ]2, +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

1

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = i + 2$$

Quel est son module ?

$$|z| = \sqrt{5}$$

1

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$$

3/3

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

$$\Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  $x = -2014$  ou  $x = -2015$
14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $x = 3$   
Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = 1$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = \cos(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = \mathbb{R} \cup \{x \mid x \geq -1\}$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = \mathbb{R}$$

$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

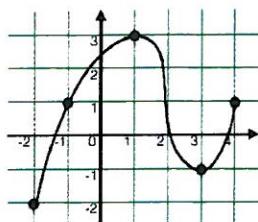
$$f(x) = x^2 - x + 1$$

$$f'(x) = 2x - 1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x}$$

$$g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 1

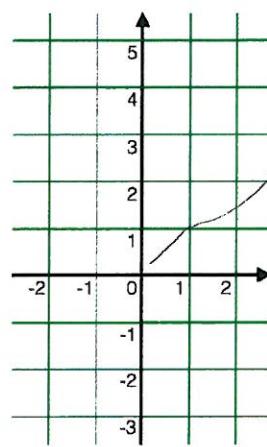
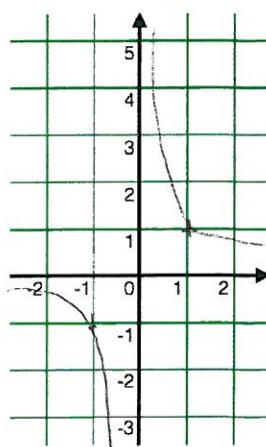
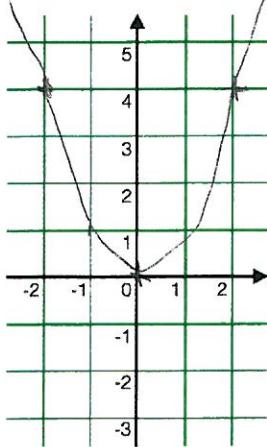
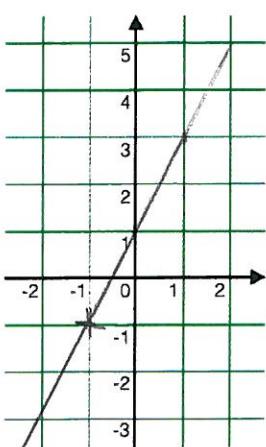
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

12

Nom : VINCENT

Prénom : Olivier-Nicolas

Groupe : 2

12

1

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

3/6

$$a+b = \frac{19}{12}$$

$$a-b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{25}{6}$$

$$a/b = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction : 
$$xy + y^2 - x^2 = 0$$

à quelles *conditions sur les inconnues*  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?  $x \neq y \neq 0$

3. Développer les expressions suivantes :

3/6

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = (a-b)(a+b)$$

$$(a-b)^4 = a^4 - 4a^3b + 6ab - 4ab^3 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

1/6

$$a^2 - b^2 = a(a - \frac{b^2}{a})$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)[2 - (4b+5)]$$

$$ab + cd + ad + bc = a(b+d) + d(b+a)$$

$$(ab + cd)^2 + (ad - bc)^2 = (a^2 + b^2 + c^2 + d^2)^2$$

1/1

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} =$$

3/6

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = \frac{1}{2}\sqrt[3]{2}$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = \frac{1}{4}$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ? oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :  $x^2 + y^2 = 9$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

1

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [0, 3]$$

$$[0, 2] \cap [1, 3] = [1, 2]$$

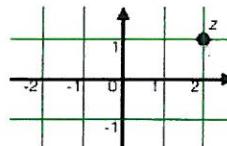
$$[0, 1] \cup [1, 2] = [0, 2]$$

$$[0, 1] \cap [1, 2] = \emptyset$$

9. Ecrire le *complémentaire* de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'*union de deux intervalles* :

0

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = ]-\infty; 0] \cup ]2; +\infty[$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'*affixe* est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?  $z = 2 + i$

$$z = 2 + i$$

Quel est son *module* ?  $|z| = \sqrt{5}$

$$|z| = \sqrt{5}$$

1

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$$

1

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son *discriminant* ?  $\Delta = b^2 - 4ac$

o)

1

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?  $\Delta \leq 0$  ou  $\Delta > 0$

$$\Delta \leq 0$$
 ou  $\Delta > 0$

1

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?  $\Delta > 0$

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?  $\Delta < 0$

$$\Delta < 0$$

- 13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ? x = 2014 ou 2015
- 14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ . S ∈ ℝ = ∅
- 15. Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ? ∅
16. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

*3/4*  
 $\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$

$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{1}{2}$

$\cos 0 = 1$

$\sin(2\pi) = 0$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

*1*  
 $\cos^2 x + \sin^2 x =$

$\cos(-x) =$

$\sin(-x) =$

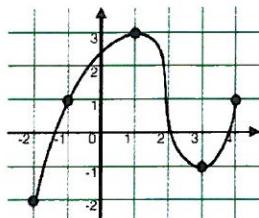
17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

*1*  
 $f(x) = \frac{1}{1+x}$   $D_f = ]-\infty, -1[ \cup ]1, +\infty[$   $g(x) = \sqrt{1+x}$   $D_g = [-1, +\infty[$   
 $h(x) = \ln(1+x)$   ~~$D_h = ]-1, +\infty[$~~   $k(x) = e^{1+x}$   $D_k = \mathbb{R}$

18. Calculer les dérivées suivantes :

*1/2*  
 $f(x) = x^2 - x + 1$   $f'(x) = 2 - 1$   $g(x) = \frac{1}{1+x}$   $g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 2

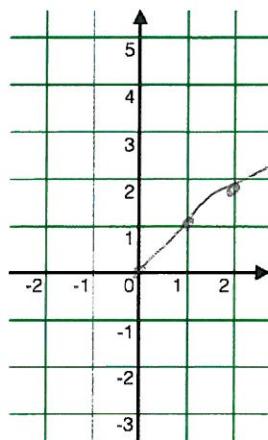
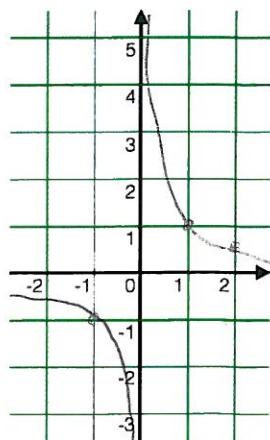
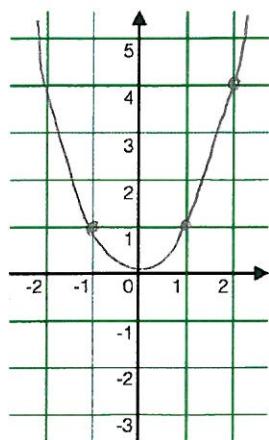
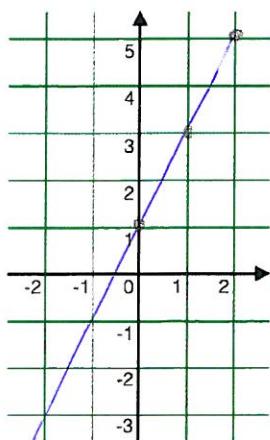
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$y = 2x + 1$

$y = x^2$

$y = \frac{1}{x}$

$y = \sqrt{x}$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

*?*

Nom : ZAIDAT

Prénom : Ayess

Groupe : 2 115 1

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a+b = \frac{19}{12}$$

$$a-b = -\frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{15}{24}$$

$$a/b = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$y(x+y) = xy$$

à quelles conditions sur les inconnues  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$x=0 \text{ ou } y=0$$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab - b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 + 4a^3b + 6a^2b^2 + 4ab^3 - b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (a+3)(2-4b-5)$$

$$ab + cd + ad + bc = bd(a+c)$$

$$(ab+cd)^2 + (ad-bc)^2 = (a+c)^2 + (b+d)^2$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = \sqrt[3]{8} = 2$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = \frac{1}{4}$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

$$x^2 + y^2 = 9$$

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0, 2] \cup [1, 3] = [1; \infty]$$

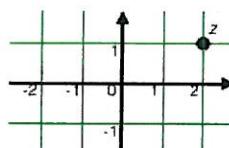
$$[0, 2] \cap [1, 3] = [0; 3]$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = \emptyset$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = [0; 2]$$

9. Ecrire le complémentaire de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'union de deux intervalles :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ = (-\infty, 0] \cup [2, +\infty)$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 2 + i$$

Quel est son module ?

$$|z| = \sqrt{5}$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$[-1; 1]$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

$$\Delta = 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta < 0$$

13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ?  

14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ .  $x_1 = 3 ; x_2 = -2$

Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $x \in ]-2 ; 3[$

15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

$$\cos(-x) = -\cos(x)$$

$$\sin(-x) = +\sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre réel?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = [-1; +\infty[$$

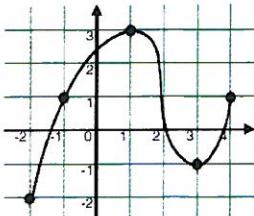
$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = [-1; +\infty[$$

$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = \mathbb{R}$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1 \quad g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = \frac{-1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 3

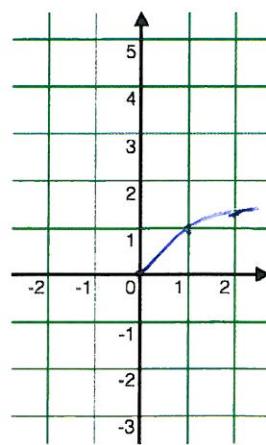
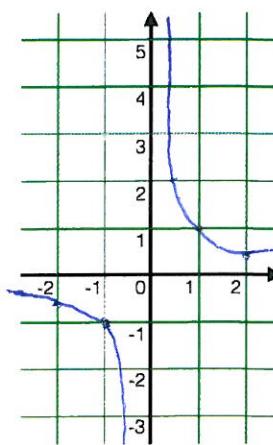
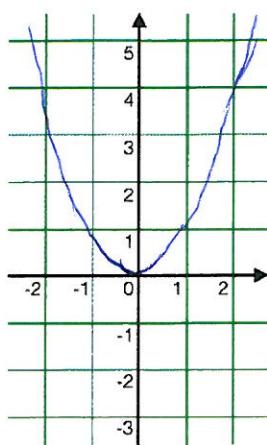
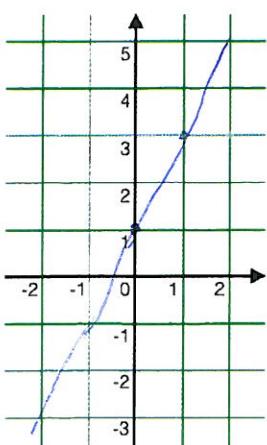
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test. 12

Ce test ne fait pas partie du *contrôle des connaissances* des enseignements de mathématiques de la L1 : c'est un bilan de vos compétences de base à l'issue de vos études secondaires. Aucune justification de vos réponses n'est demandée.

1. Pour  $a = 3/4$  et  $b = 5/6$ , calculer les fractions suivantes *sous forme irréductible* :

$$a + b = \frac{19}{12}$$

$$a - b = \frac{1}{12}$$

$$ab = \frac{5}{8}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{9}{10}$$

2. Ecrire l'équation  $\frac{x+y}{x} = \frac{x}{y}$  sans utiliser de fraction :

$$\frac{1}{x} + \frac{y}{x} = \frac{x}{y}$$

à quelles conditions sur les inconnues  $x, y$  ces deux égalités sont-elles équivalentes ?

$$\text{si } xy \neq 0$$

3. Développer les expressions suivantes :

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a-b)^4 = a^4 + 4a^2b^2 + b^4$$

4. Factoriser les expressions suivantes :

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

$$2(a+3) - (a+3)(4b+5) = (2a+6) -$$

$$ab + cd + ad + bc = (a+b) + (c+d) + (ad+bc) = (a+b+c+d)^2 + (ad-bc)^2 = (a+b+c+d)^2 +$$

5. Simplifier les expressions suivantes :

$$\frac{\sqrt{12}}{2} = 3$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} = \frac{1}{2}$$

6. Donner les valeurs explicites des expressions suivantes :

$$8^{1/3} = \frac{8}{3}$$

$$2 \cdot 3^2 = 18$$

$$2^{-2} = -4$$

7. L'expression  $\sqrt{x^2 + y^2}$  est-elle définie pour toutes les valeurs réelles de  $x$  et  $y$  ?

oui

écrire l'équation  $\sqrt{x^2 + y^2} = 3$  sans utiliser de racine carrée :

8. Calculer les unions et intersections suivantes d'intervalles :

$$[0; 2] \cup [1; 3] = 4$$

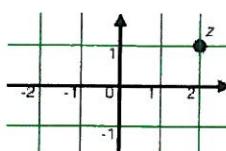
$$[0, 2] \cap [1, 3] = 4$$

$$[0, 1[ \cup [1, 2] = 2$$

$$[0, 1[ \cap [1, 2] = 2$$

9. Ecrire le complémentaire de l'intervalle  $[0, 2[$  dans  $\mathbb{R}$  comme l'union de deux intervalles :

$$\mathbb{R} \setminus [0, 2[ =$$



10. Soit  $z$  le complexe dont l'affixe est le point suivant :

Quelle est sa forme algébrique ?

$$z = 2+i$$

Quel est son module ?

$$|z| = 3$$

11. Quel est l'ensemble des nombres réels dont le carré est inférieur ou égal à 3 ?

$$[-\sqrt{3}, \sqrt{3}]$$

12. On considère l'équation  $ax^2 + bx + c = 0$ , où les coefficients  $a, b, c$  sont réels et  $a \neq 0$ .

Quel est son discriminant ?

$$\Delta = -3$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle au moins une solution réelle ?

$$\Delta \geq 0$$

Dans quel cas cette équation a-t-elle deux solutions réelles distinctes ?

$$\Delta > 0$$

Dans quel cas elle n'admet pas de solution réelle ?

$$\Delta < 0$$

>

- 0 13. Quelles sont les solutions de l'équation  $(x + 2014)(x + 2015) = 0$ ? cette équation n'a pas de solution
- 0 14. Donner toutes les solutions réelles de l'équation  $-x^2 + x + 6 = 0$ . pas de solution
- 0 Quels sont les réels vérifiant  $-x^2 + x + 6 > 0$ ?  $x < 0$  pas de solution
- 1/2 15. Donner les valeurs suivantes des fonctions trigonométriques :

$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\cos 0 = 1$$

$$\sin(2\pi) = 0$$

16. Compléter les *identités* suivantes pour un nombre réel quelconque  $x$ :

$$\cos^2 x + \sin^2 x =$$

$$\cos(-x) = \sin(x)$$

$$\sin(-x) = -\sin(x)$$

17. Quels sont les *ensembles de définition* des fonctions suivantes, où la variable  $x$  est un nombre *réel*?

$$f(x) = \frac{1}{1+x} \quad \mathcal{D}_f = \mathbb{R}$$

$$g(x) = \sqrt{1+x} \quad \mathcal{D}_g = \mathbb{R}$$

$$h(x) = \ln(1+x) \quad \mathcal{D}_h = \mathbb{R}$$

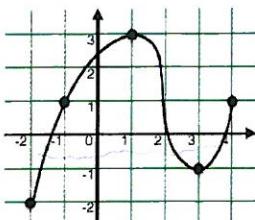
$$k(x) = e^{1+x} \quad \mathcal{D}_k = \mathbb{C}$$

18. Calculer les dérivées suivantes :

$$f(x) = x^2 - x + 1 \quad f'(x) = 2x - 1$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x} \quad g'(x) = -\frac{1}{(1+x)^2}$$

19. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-2, 4]$  qui est représentée par la courbe suivante :



Quel est le *nombre de solutions* de l'équation  $f(x) = 2$ ? 2

Quel est le *nombre de solutions positives* de l'équation  $f(x) = -\frac{1}{2}$ ? 0

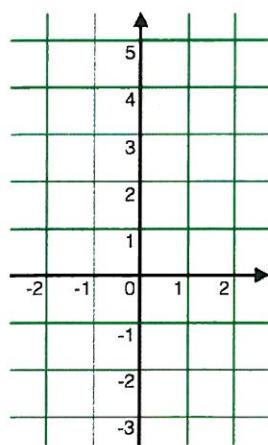
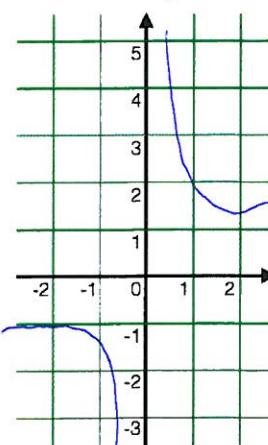
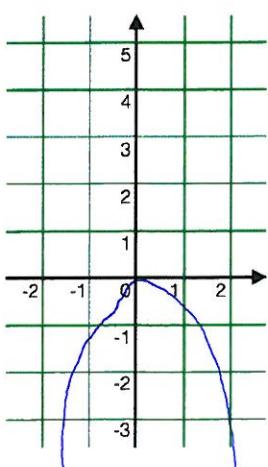
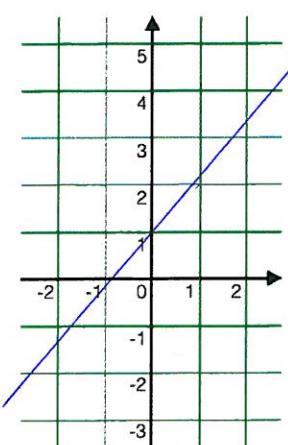
20. Dessiner les *courbes* des fonctions suivantes :

$$y = 2x + 1$$

$$y = x^2$$

$$y = \frac{1}{x}$$

$$y = \sqrt{x}$$



Dans chaque cas, on dessinera (au moins) trois points de la courbe.

21. Question subsidiaire : Estimez votre score (sur 20) pour ce test.

5