# Практическая эконометрика. Лекция 5. Сломанные эксперименты

преподаватели 2023: Ольга Сучкова, Алексей Замниус, Анна Ставнийчук При поддержке Георгия Калашнова (автор курса и части слайдов)

5 октября 2023 г.

Предупреждение: будет очень много на доске. Выкладки отдельно висят на онэкон.

- ▶ Источники: пост-стратификация статья Н. Xie, J. Aurisset (2016) «Improving the Sensitivity of Online Controlled Experiments: Case Studies at Netflix»
- ► Источники: оценка Горвица-Томпсона материалы Penn State, курс stat506

В прошлый раз говорили о способах снижения дисперсии оценки. Приведём доказательства и что происходит, если эксперимент «ломается».

# Обозначения (статья о Нетфликс)

- Y метрика (зависимая переменная, напр. часы просмотра Нетфликс в месяц)
- $\blacktriangleright \mu = E(Y), \sigma^2 = Var(Y)$
- ▶ Пользователей можно разбить на K страт по переменной X. Среднее в страте  $\mu_k$ , дисперсия  $\sigma_k^2$ , численность страты в выборке  $n_k$ , так что  $\sum_{k=1}^K n_k = n$
- $ightharpoonup p_k$  доля людей из k-той страты в генеральной совокупности
- $ightharpoonup Y_{kj}$  метрика j-го человека из k-той страты
- $lackbox{Y} = rac{1}{N} \sum_{k=1}^K \sum_{j=1}^{n_k} Y_{kj}$  обычное среднее
- $\widehat{Y}_{strat} = \sum_{k=1}^K p_k \overline{Y_k}$  среднее при стратификации, где  $\overline{Y_k} = rac{1}{n_k} \sum_{j=1}^{n_k} Y_{kj}$

Докажем, что дисперсия при стратификации снижается. (На доске) (Пример про мужчин и женщин в выборке)

## Содержательные результаты

- Дисперсия обычной оценки это сумма внутригрупповой и межгрупповой дисперсии.
   Пре-стратификация убирает межгрупповую дисперсию.
- О пре-стратификации надо думать заранее, до АБ-теста.
- ▶ Пост-стратификация снижает дисперсию, так как «исправляет» выборку

### **Table of Contents**

Смещенность выборки

# Стратификация в фактах и альтернативных фактах



# Weighting representation

▶ Сравнение средних

$$\widehat{ATE} = \sum_{i}^{N} w_{i} Y_{i}$$

$$w_{i} = \frac{T_{i}}{\sum_{j}^{N} T_{j}} - \frac{1 - T_{i}}{\sum_{j}^{N} (1 - T_{j})}$$

Пост-стратификация

$$w_i = \frac{\sum_{j=1}^{N} \{X_j = X_i\}}{N} \left( \frac{T_i}{\sum_{j=1}^{n} \{X_j = X_i\} T_j} - \frac{(1 - T_i)}{\sum_{j=1}^{n} \{X_j = X_i\} (1 - T_j)} \right)$$

## Horowitz-Tompson estimator

Мы оценили эффект на выборке из 80 мужчин и 20 женщин. Как восстановить средний эффект для 50 женщин и 50 мужчин?

$$\widehat{ATE}_{HT} = \sum_{i}^{N} w_i Y_i$$

$$w_i = \frac{T_i}{\pi_{1i}} - \frac{1 - T_i}{\pi_{0i}}$$

$$\pi_{1i} = P(T_i = 1), \pi_{0i} = P(T_i = 0)$$

Пример сломанного эксперимента: грант на обучение на результаты по математике (Barnard и др. 2003)

- ► Абитуриентам из бедных семей случайным образом предлагалась грант на обучение в частной школе
- ▶ Предполагалось выдавать грант случайным образом, но
  - ▶ Детям из сильных школ давали грант с большей вероятностью
- ▶ Выполнено ли  $(X, Y_1, Y_0) \perp T$ ?

#### Итого:

$$ATE = \frac{N_H}{N} \left( \frac{1}{N_{TH}} \sum_{T=1,S=H} Y - \frac{1}{N_{CH}} \sum_{T=0,S=H} Y \right) + \frac{N_L}{N} \left( \frac{1}{N_{TL}} \sum_{T=1,S=L} Y - \frac{1}{N_{CL}} \sum_{T=0,S=L} Y \right)$$

- ▶ Индекс Н сильна школа, индекс L слабая школа.
- ▶ Что делать, если X принимает слишком много разных значений?