Tire Pressure Monitoring

DHBW Automotive Software Engineering – Stuttgart, © Kai Pinnow 2019

1. Introduction and Overview

The project work focuses on tire pressure monitoring. Detailed requirements below.

As depicted, the following equations govern the motion for a left turn:

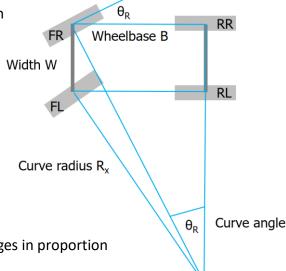


(2)
$$R_{FR}^2 = B^2 + R_{RR}^2$$

(3)
$$R_{FL}^2 = B^2 + R_{RL}^2$$

(4)
$$B = R_{RR} \tan \theta_R$$

(5)
$$B = R_{RL} \tan \theta_L$$



Please note that any pair of velocities changes in proportion to the related curve radiuses

(6)
$$V_x / V_y = R_x / R_y$$
 for any x,y from {RR, RL, FR, FL}

A drop in tire pressure of a single wheel results in an increase of the respective velocity of that wheel since it will be a little smaller then.

2. Requirements and Deliverables

Please refer to "ID" column in your documentation. A * denotes extra tasks / requirements.

ID	Check
R1	A tire pressure monitor allows observation of the four wheel speeds to detect
	an unexpected imbalance for a vehicle with sizes B=1.53 m and W=2.65 m.
R2	An imbalance of a wheel speed of 0.5 % of one of the wheels concerning the
	expected consistent wheel speeds will be regarded as an indication of a tire
	pressure drop.
R3	Detecting a tire pressure drop, some warning lamp shall be switched on and
	some "SOS" (three times short, three times long, three times short) sound shall
	appear (base rate 0.8 seconds).
R4*	The system shall allow "re-calibration" after inflation.
R5	Design the solution mainly with appropriate graphical modeling elements (i.e.
	block diagrams and/or state machines) or with scripts or ESDL and document all
	your decisions, reasoning, and results clearly with screenshots and text.

D1	Plan all necessary tasks based on three point estimates and monitor progress
	according to below requirements.
D2	Use the provided example data "curve.mat" to calculate, display, and analyze
	curve radiuses for selected situations. It contains the wheel speeds (vfl, vfr, vrl,
	vrr) in [km/h] and the steering wheel signal sw (without direction) in [degree]
	with time base tv in [s], plus the corresponding lateral acceleration q in [g] (with
	different time base tq again in [s]).
D3	Create a Simulink model that calculates the driving distance for each wheel and
	analyze the provided "curve.mat" data in this regard. Remember to analyze and
	document settings. Are there imbalances according to requirement R2?
D4	Set-up a simple tire pressure monitor in Simulink that detects a deviation
	according to requirement R1 and R2 by observing driving distances of the
	individual wheels for straight driving i.e. driving without curves.
D5	Code, configure, and apply a simple "linear congruential" random number
	generator like
	$X(i) = (a * X(i-1) + c) \mod m$
	with suitable parameters a, c, and \mathtt{m} to test the tire pressure monitoring
	without the provided "curve.mat" data.
D6	Execute some system tests in Simulink with the number generator from D6 to
	check the tire pressure monitoring function feasibility.
D7	Transfer the tire pressure monitoring function to ASCET.
D8	Provide unit tests for all designed tire pressure monitoring components.
D9	Design a warning function according to requirement R3.
D10	Provide the random number generator designed in D5 in ASCET with unit tests.
D11	Create a system test with the aid of the number generator and some error
	model i.e. simulating some pressure drop over a certain time to demonstrate
	the tire pressure monitoring.
D12*	Think about the way to calibrate the system by means of requirement R4.
	Which parts of the implementation shall change in order to support such a
	feature? How long does one need to drive for calibration?
D13*	Shall the analysis incorporate curve driving or just analyze segments driving
	straight?
D14*	Reflect: Which other observations or comments are in place concerning the
	model, the requirements, the prescribed functions, or your solution, the testing,
	and the selected graphical approach.

1.1 Berechnung der Radien

Im folgenden werden die in der Aufgabenstellung gegebenen Gleichungen verwendet, um die Kurvenradien der einzelnen Räder zu berechnen.

Mit (6) folgt:
$$\frac{R_{RR}}{R_{RL}} = \frac{V_{RR}}{V_{RL}}$$

 $R_{RL} = R_{RR} * \frac{V_{RR}}{V_{RL}}$
Mit (1) folgt: $R_{RL} = \frac{V_{RR}}{V_{RL}} * (W + R_{RL})$
 $R_{RL} - \frac{V_{RR}}{V_{RL}} * R_{RL} = \frac{V_{RR}}{V_{RL}} * W$
 $R_{RL} * (1 - \frac{V_{RR}}{V_{RL}}) = \frac{V_{RR}}{V_{RL}} * W$
 $R_{RL} = \frac{\frac{V_{RR}*W}{V_{RL}}}{1 - \frac{V_{RR}}{V_{RL}}}$
 $R_{RL} = \frac{W}{\frac{V_{RR}}{V_{RL}} - 1}$
Mit (1) folgt: $R_{RR} = W + R_{RL} = W + \frac{W}{\frac{V_{RR}}{V_{RL}} - 1}}$
Mit (2) folgt: $R_{FR}^2 = B^2 + (W + \frac{W}{\frac{V_{RR}}{V_{RL}} - 1})^2$
 $R_{FR} = \sqrt{B^2 + (W + \frac{W}{\frac{V_{RR}}{V_{RL}} - 1})^2}$
Mit (3) folgt: $R_{FR}^2 = B^2 + (\frac{W}{\frac{V_{RR}}{V_{RL}} - 1})^2$

Die erstellten Gleichungen stellen die Grundlage für die folgenden Analysen dar.

1.2 Analyse der ausgewählten Situationen

Im Folgenden wird anhand einiger Graphiken das Verhalten bei Kurvenfahrten analysiert.

In der nachfolgenden Abbildung 1.1 werden zuerst die Geschwindigkeiten der vier Räder des Fahrzeugs dargestellt. Es ist erkennbar, dass es Abweichungen zwischen den Geschwindigkeiten gibt. Diese werden nachfolgend genauer erläutern.

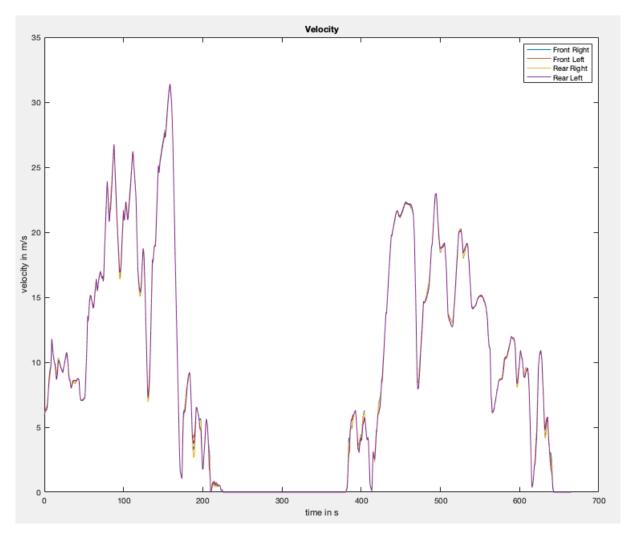


Abbildung 1.1: Übersicht der Geschwindigkeiten der vier Räder

Die Abbildung 1.2 zeigt einen Ausschnitt zwischen 495s und 550s. Die Abbildung wurde in einzelne Abschnitte zur Analyse unterteilt. Im ersten Abschnitt, vor 500ms, ist der Lenkradwinkel sehr klein. Man sieht dort kaum keinen Unterschied zwischen den Geschwindigkeiten der linken und rechten Rädern. Im zweiten Abschnitt ist der Lenkwinkel wesentlich höher. Das hat zur Folge, dass die Geschwindigkeit der rechten Räder über der Geschwindigkeit der linken Räder liegt. Beim Wechel vom zweiten in den dritten Abschnitt ist der Winkel kurz Null und steigt dann wieder. Dort liegt die Geschwindigkeit der linken Räder über der Geschwindigkeit der rechten Räder. Daraus lässt sich schließen, dass sich die Fahrt von einer Links- in eine Rechtskurve ändert. Im vorletzen Abschnitt ist wieder eine Linkskurve erkennbar. Im letzten Abschnitt wird kaum gelenkt, aus diesem Grund weichen die Geschwindigkeiten nur sehr gering voneinander ab.

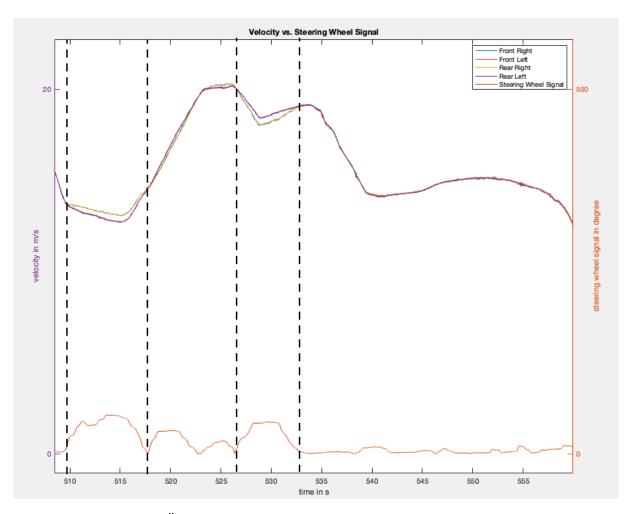


Abbildung 1.2: Übersicht der Geschwindigkeiten mit Drehwinkel des Lenkrads

Die Abbildung 1.3 zeigt den Ausschnitt von ca. 510ms bis 517ms. Dieser entspricht dem dem zweiten Abschnitt der Abbildung 1.2. Hier werden die Radien der beiden Vorderräder verglichen. Es ist erkennbar, dass der Radius des Rechten Vorderrads immer über dem Radius des Linken liegt. Dies zeigt nochmal, dass es sich hier um eine Linkskurve handelt.

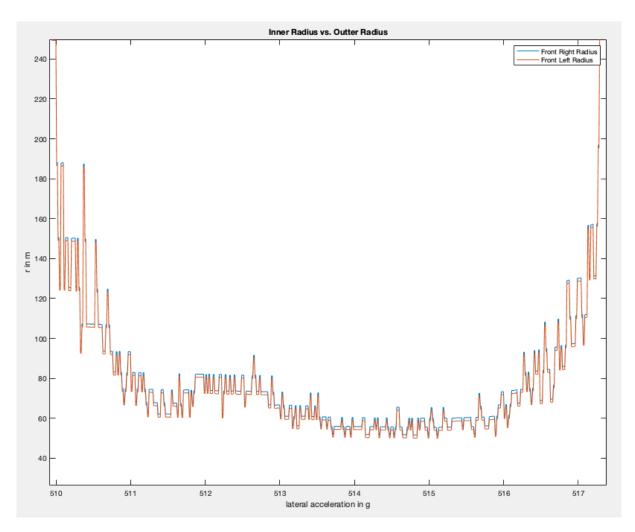


Abbildung 1.3: Vergleich des linken und rechten Radius bei Kurvenfahrt

In der nächsten Abbildung 1.4 wird der Radius in Abhängigkeit des Drehwinkels abgebildet. Es zeigt, dass mit steigendem Drehwinkel der Radius immer kleiner wird. Stellen, an denen das Fahrzeug nicht fährt, können hierbei vernachlässigt werden. Allgemein gilt, dass bei Kurvenfahrten der Radradius abnimmt.

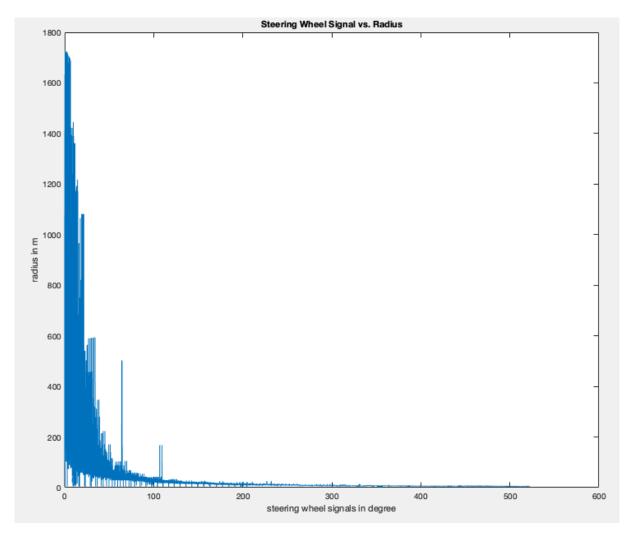


Abbildung 1.4: Lenkraddrehwinkel gegenüber Radius

In der folgenden Abbildung 1.5 wird der Radius in Abhängigkeit der Geschwindigkeit dargestellt. Es zeigt, dass bei gleichem Drehwinkel des Lenkrads bei steigender Geschwindigkeit der Radius immer größer wird.

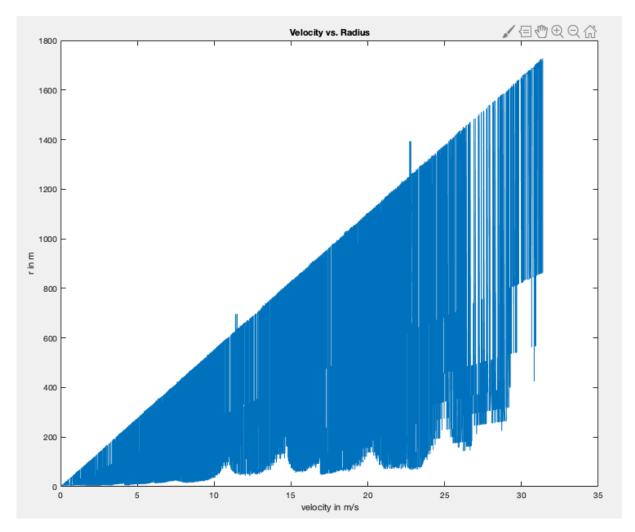


Abbildung 1.5: Geschwindigkeit gegenüber Radius

2.1 Simulink-Modell

Die nachfolgenden Abbildungen zeigen das Simulink-Modell zur Berechnung der Distanzen der einzelnen Räder.

Das Modell in Abbildung 2.1 hat die vier Geschwindigkeiten (in km/h) der Räder als Eingänge. Diese werden mit dem "From Workspace" Block mit ihrer zugehöhrigen Referenzzeit tv in das Model importiert.

Danach werden sie in m/s umgerechnet und integriert, um die Strecke zu erhalten.

Zur Simulation wird ein FixedStep von 0.01 mit dem ode3-Solver verwendet. Der ode-Solver wurde durch die SImulink "automatic solver selection" ausgewählt. Das Ergebnis

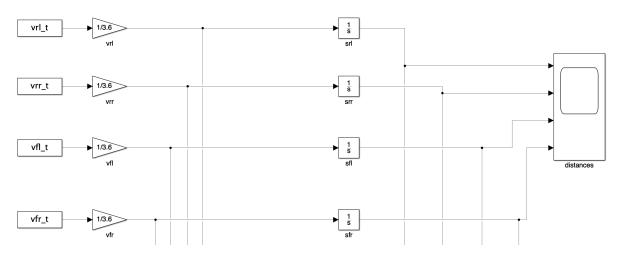


Abbildung 2.1: Tire Driving distances

der Integration sind die Distanzen der einzelnen Reifen, die gegenüber der Zeit aufgetragen sind.

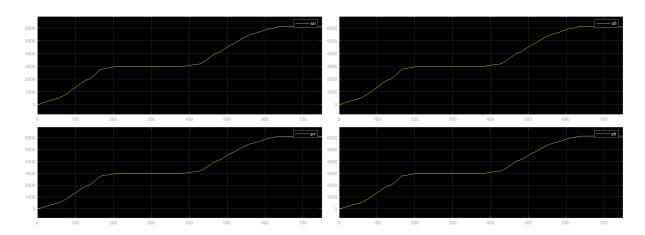


Abbildung 2.2: Tire Driving distances plot

Zur Überprüfung ob es Imbalancen in den Daten gibt wird das Modell wie in Abbildung 2.4 zu sehen ist erweitert. Der Mittelwert der vier integrierten Distanzen gilt als Referenzwert, ob ein Reifendruckabfall vorliegt. Die Berechnung ist ebenfalls im erweiterten Modell Abbildung 2.4 zusehen. Anschließend wird die prozentuale Abweichung vom Einzelsignal zum Mittelwert berechnet, weicht die Abweichung um mehr als 0.5% ab handelt es sich um einen Reifendruckabfall. Die Berechnung ist in Abbildung 2.3 dargestellt.

Zur Berechnung wird jedoch nicht das original integrierte Signal der einzelnen Geschwin-



Abbildung 2.3: Prozentuale Abweichung nach R2

digkeiten verwendet, sondern die Differenz des integrierten Geschwindigkeitssignals mit dem gleichen Signal um 10 Sekunden nach rechts verschoben. Dadurch werden zur Betrachtung, ob eine Abweichung vorliegt immer nur 10 Sekunden Deltas verwendet. Diese Verschiebung wird mittels des, in Abbildung 2.4 verwendeten, "Transport Delay" mit einem festen Delay von 10 Zeiteinheiten erzeugt. Danach wird das verspätete Signal von Originalsignal abgezogen um die Deltas zu erhalten.

Die Berechnungen für die Abweichungen werden für jeden Reifen einzeln berechnet und anschließend, wie in Abbildung 2.4 zu sehen, verodert, um ein Überblick über das Gesamtsystem zu erhalten.

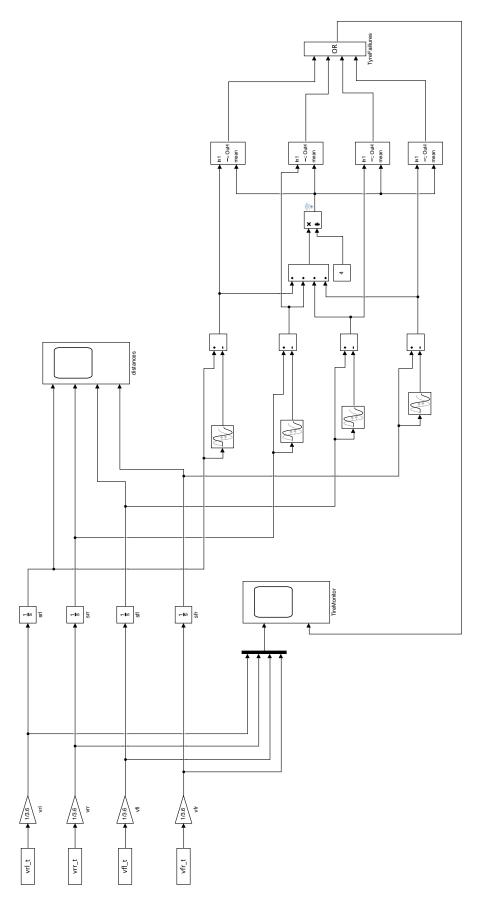


Abbildung 2.4: Simulink Tire Distance Model with Curves Data

Für die Kurvenfahrt entsteht die folgende Datenaufzeichnung über die Reifendruckabweichungen.

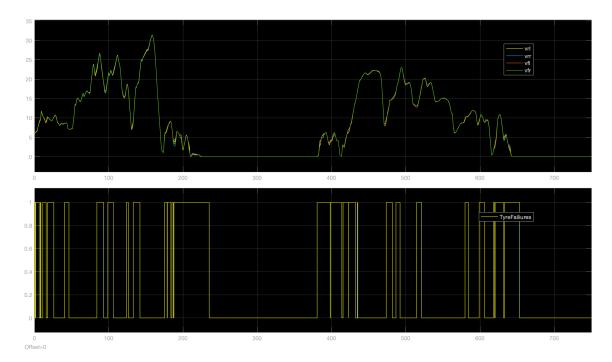


Abbildung 2.5: Tire Monitor für Kurvenfahrt

Ein Wert von 1 entspricht einer Beobachtung einer Imbalance und ein Wert von 0 entspricht keiner Anomalie.

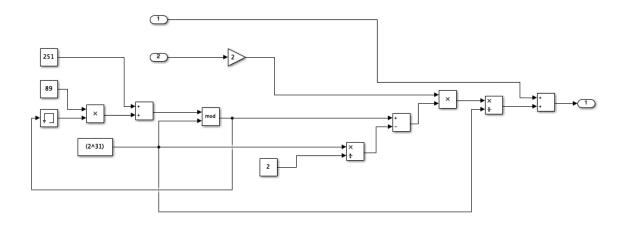


Abbildung 4.1: Random Number Generator

Die folgenden Graphiken zeigen die Umsetzung des Simulink Modells in ASCET. Die Abbildung 6.1 berechnet die Strecken der einzelnen Räder. Dafür wird ein RingBuffer mit Werten befüllt. Dieser wurde mit folgendem Code umgesetzt:

```
package components;
  class RingBuffer{
4 s_array buffer[1000];
5 real c;
6 real swap;
  public void put(real element){
    swap = element;
    for(i in 0 .. 999){
10
      c = buffer[i];
      buffer[i] = swap;
12
      swap = c;
    }
14
15 }
16
public real getLast(){
18 return buffer [999];
  }
19
public real getIndex(integer i){
    return buffer[i];
23
24 }
```

Die Abbildung 6.2 zeigt die Berechnung des Durchschnitts der vier Strecken.

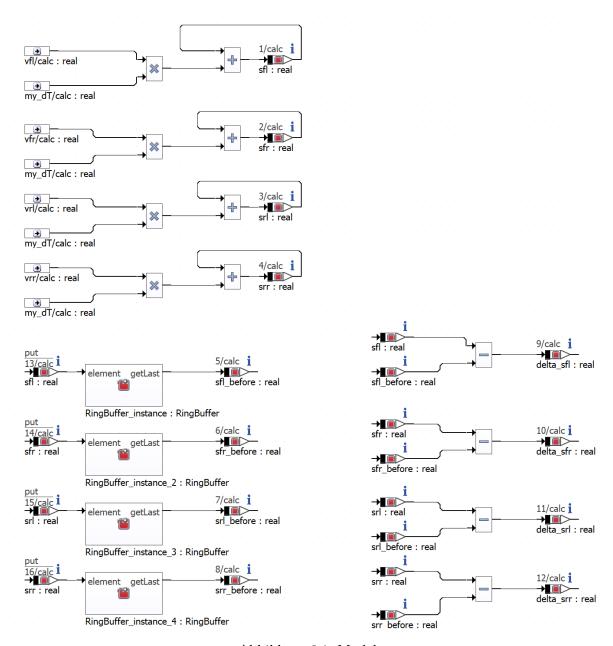


Abbildung 6.1: Model

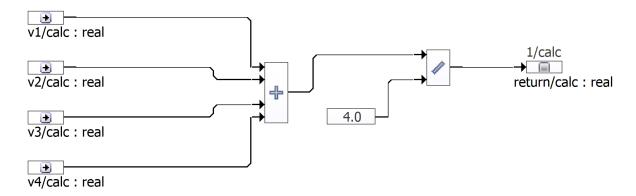


Abbildung 6.2: Tire Mean

Die Abbildung 6.3 zeigt den "Random Number Generator" umgesetzt in ASCET. Der anschließende Code zeigt, wie die Parameter a, m und c initialisiert wurden. Bei der Codegenerierung mit $m=2^{31}$ ist ein Fehler aufgetreten. Die Vermutung ist, dass dieser Wert zu groß ist. Deshalb wurde m auf 2^{10} gesetzt.

```
class RandomGenerator {
   characteristic myint a = 89;
   characteristic myint m = 1024;
   characteristic myint c = 251;
   myint seed;
   myint x = 0;
   @generated("blockdiagram")
   public real calc(real in set_vel, real in noiselevel, integer in mySeed) {
     ...
   }
}
```

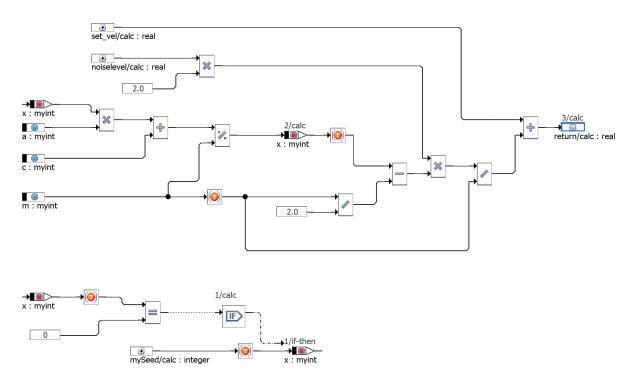


Abbildung 6.3: Random Number Generator

Hier werden die Codes der Unittests für die Funktionalitäten dargestellt.

7.1 Model

```
package components;
2 import assertLib.Assert;
3 import components.Globals;
4 import components. Model;
5 static class ModelTest {
    real myDT = Globals.d_T;
    real vfr;
    real vrr;
    real vfl;
    real vrl;
    Model m;
11
12
13
    @Test
14
    public void distanceIncreasing(){
15
      myDT = 1.0;
16
      vfr = 10.0;
17
      vrr = 10.0;
18
      vfl = 10.0;
19
      vrl = 10.0;
      m.calc(vfr, vrr, vfl, vrl, myDT);
      Assert.assertTrue(m.getSfl() > 0.0);
22
      Assert.assertTrue(m.getSrl() > 0.0);
23
      Assert.assertTrue(m.getSfr() > 0.0);
      Assert.assertTrue(m.getSrr() > 0.0);
25
    }
26
27
    public void predictDistance(){
29
      myDT = 1.0;
30
      vfr = 10.0;
```

```
vrr = 10.0;
32
      vfl = 10.0;
33
      vrl = 10.0;
34
      m.calc(vfr, vrr, vfl, vrl, myDT);
35
    }
36
37
    @Test
38
    public void deltasConsistentForSameVelocity(){
39
      real s_return;
40
      real buffer_time = 10.0;
41
      myDT = 0.01;
42
      vfr = 10.0;
43
      vrr = 10.0;
44
      vfl = 10.0;
45
      vrl = 10.0;
46
47
      for(i in 1 .. 50000){
48
        m.calc(vfr, vrr, vfl, vrl, myDT);
49
      }
      Assert.assertNear(m.getDiff_sfr(), vfr*buffer_time, 0.1);
51
      Assert.assertNear(m.getDiff_sfl(), vfl*buffer_time, 0.1);
52
      Assert.assertNear(m.getDiff_srl(), vrl*buffer_time, 0.1);
      Assert.assertNear(m.getDiff_srr(), vrr*buffer_time, 0.1);
55
56 }
```

7.2 Error Module

```
package components;
2 import assertLib.Assert;
3 import components. Globals;
4 import components. Model;
  static class ErrorModuleTest {
    ErrorModule cd;
    @Test
    public void deflation(){
      real v = 10.0;
      real error = 0.5;
11
      real deflated_v = cd.calc(true, v, error);
12
      Assert.assertNear(deflated_v, v*(1.0-(error/100.0)), 0.1);
14
15
    @Test
16
    public void noDeflation(){
```

```
real v = 10.0;
real error = 0.5;
real same_v = cd.calc(false, v, error);
Assert.assertNear(same_v, v, 0.1);
}
```

7.3 Ring Buffer

```
package components;
2 import assertLib.Assert;
3 import components.Globals;
4 import components. Model;
  static class RingBufferTest {
    RingBuffer rb;
    @Test
    public void start_with_empty_buffer(){
10
      for(i in 0 .. 999){
11
      Assert.assertNear(rb.getIndex(i),0.0,0.01);
13
    }
14
15
16
    public void fill_buffer_decending(){
17
      real fill_element = 0.0;
18
      integer buffer_maxIndex = 999;
19
      for(i in 0 .. 999){
20
        rb.put(fill_element);
21
        fill_element = fill_element + 1.0;
      for(n in 0 .. 999)
24
        Assert.assertNear(rb.getIndex(n),real(buffer_maxIndex),0.01);
        buffer_maxIndex = buffer_maxIndex - 1;
27
      }
28
    }
30
31
    public void read_last_element(){
      real fill_element = 0.0;
33
      for(i in 0 .. 999){
34
        rb.put(fill_element);
        fill_element = fill_element + 1.0;
```

7.4 SOS State

Für die Statemachine "SOS State"wurden drei Unittests durchgeführt.

In "checkAllStatelocationsAndStatesActiveContinues" wird der Parameter active = true gesetzt und bleibt über den gesamten Test auf true. Das bedeutet, dass ein Fehler aufgetreten ist und der Off-State verlassen wird. Nun werden alle Stati nacheinander durchlaufen, wie in R3 beschrieben. Nach jedem Statuswechsel wird anhand der Zeit überprüft, ob gerade der richtige Status aktiv ist. Nachdem der Zyklus einmal durchlaufen wird, wird noch getestet, ob der Zyklus wieder von vorne beginnt, da active immer noch auf true ist. In "checkAllStatelocationsActiveContinuesNot()" wird der ganze Zyklus durchlaufen. Währenddessen wird active auf false gesetzt. Am Ende wird überpürft, ob man sich nach Abschluss im Off-Status befindet.

In "checkAllStatesDeactiv()" ist der Parameter active=false. Es wird hier nach einer bestimmten Zeit überprüft, ob der Off-Status aktiv ist.

```
package components;
  import assertLib.Assert;
3 import components.Globals;
  import components.SOS_state;
  static class Test_SOS_state {
    integer counter = 0;
    SOS_state sos;
    //Der Wechsel eines States beansprucht 10ms zusätzlich
9
    //wurde in die Berechnung der Zeit für die Stati aufgenommen
10
    @Test
11
    public void checkAllStatelocationsAndStatesActiveContinues(){
12
13
    }
14
15
16
    public void checkAllStatelocationsActiveContinuesNot(){
17
18
19
20
    @Test
21
    public void checkAllStatesDeactiv(){
```

```
23 ...
24 }
25 }
```

7.5 Tire Deviation

```
1 package components;
2 import assertLib.Assert;
3 import components.Globals;
4 import components. Model;
  static class TireDeviationTest {
    TireDeviation td;
    @Test
    public void noDeviationWhileCalibration(){
      real v = 100.04;
10
      real v_mean = 100.0;
11
      real limit = 0.05;
12
      boolean noFailure = true;
13
      Assert.assertTrue(td.calc(v, v_mean, limit,noFailure)==false);
14
    }
15
16
    @Test
17
    public void highDeviationWhileCalibration(){
      real v = 100.06;
19
      real v_mean = 100.0;
20
      real limit = 0.05;
21
      boolean noFailure = true;
      Assert.assertTrue(td.calc(v, v_mean, limit,noFailure)==false);
23
    }
24
    @Test
26
    public void lowDeviationWhileCalibration(){
27
      real v = 99.94;
      real v_mean = 100.0;
      real limit = 0.05;
30
      boolean noFailure = true;
31
      Assert.assertTrue(td.calc(v, v_mean, limit,noFailure)==false);
33
34
    @Test
    public void noDeviation(){
36
      real v = 100.04;
37
      real v_mean = 100.0;
38
      real limit = 0.05;
```

```
boolean noFailure = false;
      Assert.assertTrue(td.calc(v, v_mean, limit,noFailure) == false);
41
    }
42
43
    @Test
44
    public void highDeviation(){
45
      real v = 100.06;
46
      real v_mean = 100.0;
47
      real limit = 0.05;
      boolean noFailure = false;
49
      Assert.assertTrue(td.calc(v, v_mean, limit,noFailure)==true);
50
    }
51
52
    @Test
53
54
    public void lowDeviation(){
      real v = 99.94;
55
      real v_mean = 100.0;
56
      real limit = 0.05;
57
      boolean noFailure = false;
      Assert.assertTrue(td.calc(v, v_mean, limit,noFailure)==true);
    }
60
61 }
```

7.6 Tire Mean

```
package components;
2 import assertLib.Assert;
3 import components. Globals;
4 import components. Model;
  static class TireMeanTest {
    TireMean m;
    @Test
    public void calcMeanAllValuesTheSame(){
10
      real v1 = 50.0;
11
      real mean = m.calc(v1, v1, v1,v1);
12
      Assert.assertNear(mean, v1, 0.1);
    }
14
15
    @Test
    public void calcMean(){
17
      real v1 = 50.0;
18
      real v2 = 15.0;
19
      real v3 = 75.0;
```

```
real v4 = 100.5;
21
      real mean = m.calc(v1, v2, v3,v4);
      Assert.assertNear(mean, 60.13, 0.1);
23
    }
^{24}
25
    @Test
26
    public void calcMeanNegativ(){
27
      real v1 = -50.0;
28
      real v2 = -15.0;
      real v3 = -75.0;
30
      real v4 = -100.5;
31
      real mean = m.calc(v1, v2, v3,v4);
      Assert.assertNear(mean,-60.13, 0.1);
33
    }
34
35
    @Test
36
    public void calcMeanMixed(){
37
      real v1 = -50.0;
38
      real v2 = -15.5;
      real v3 = 50.0;
40
      real v4 = 15.5;
41
      real mean = m.calc(v1, v2, v3,v4);
      Assert.assertNear(mean, 0.0, 0.1);
44
45 }
```

Für die Umsetzung der Warnfunktion durch eine LED, die erst einen Druckabfall-/anstieg signalisiert, wurde eine Statemachine verwendet. Diese besteht aus insgesamt fünf Stati, vier die jeweils 0,8 bzw. 1,6s dauern und die LED aus- bzw. einschalten und dem Off-Status.

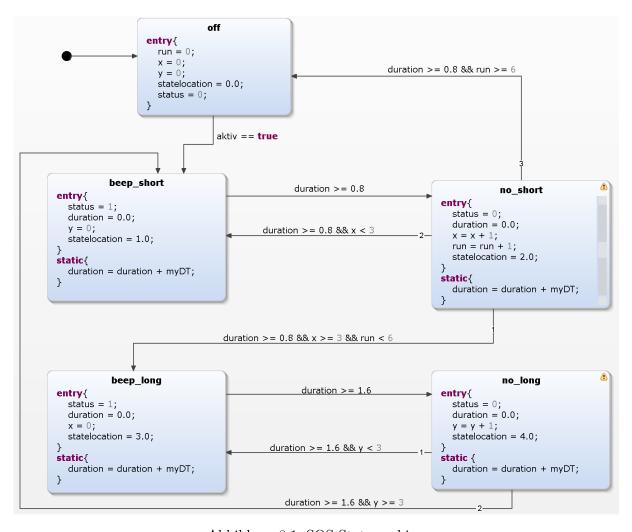


Abbildung 8.1: SOS Statemachine

Der Code des Unittests für den "Random Number Generator" wird im Folgenden dargestellt.

```
package components;
  import assertLib.Assert;
  static class RandomGeneratorTest {
    RandomGenerator rg;
    RingBuffer rb;
    @Test
    public void generateFirstDatastep() {
      real set_vel = 100.0;
10
      real noiselevel = 5.0;
11
      integer mySeed = 10;
12
      real erg = rg.calc(set_vel, noiselevel, mySeed);
13
      Assert.assertNear(erg, 96.1425781, 0.01);
    }
15
16
    @Test
    public void generateDifferentNumbers() {
18
      real set_vel = 100.0;
19
      real noiselevel = 5.0;
20
      integer mySeed = 10;
      for(i in 0 .. 99){
        real erg = rg.calc(set_vel, noiselevel, mySeed);
        rb.put(erg);
        for(j in 1 .. 999){
          real act = rb.getIndex(0);
          Assert.assertNotEqual(act, rb.getIndex(j));
        }
29
    }
30
31 }
```

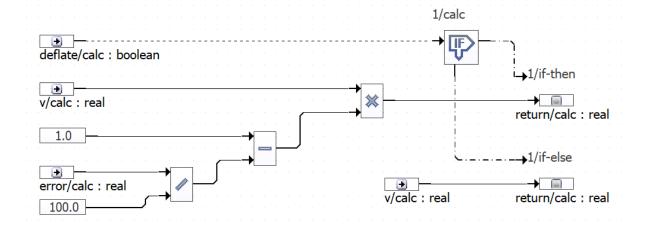


Abbildung 10.1: Error Module

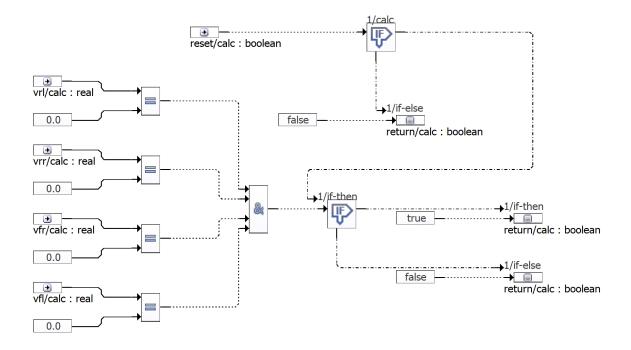


Abbildung 11.1: Reset

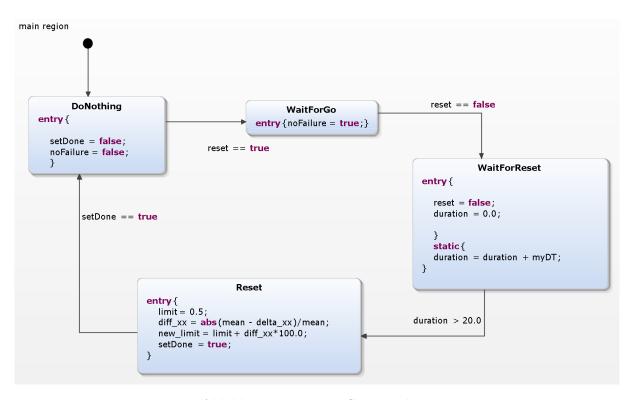


Abbildung 11.2: Reset Statemachine