

```

1  /** \author Anne-Soline GUILBERT--LY
2  *   \date   dec 2019
3  */
4
5  #include <iostream>
6  #include <vector>
7  #include <random>
8  #include <ctime>
9  #include <cmath>
10 #include <iomanip>
11 #include <algorithm>
12
13 #define MAX ERROR 0.01
14 #define MIN DELTA P 0.000001
15
16 using namespace std;
17
18
19 constexpr int indice premiere ligne(0);
20 constexpr double minimum(0.);
21 constexpr double maximum(1.);
22
23 typedef vector<vector<bool>> Grille;
24
25 struct Graphe {
26     vector<double> p;
27     vector<double> pprime;
28 };
29
30
31 void initialisation libre(Grille& libre, const int& n);
32
33 void construire passage(Grille& passage, const Grille& libre,
34                         const int& n);
35
36 void chercher chemin(Grille& passage, const Grille& libre, const int& n,
37                     int i, int j);
38
39 void affiche terrain(const Grille& terrain, const int& n,
40                     const string& format);
41
42 void init libre hasard(Grille& libre, const int& n,
43                       default random engine& e,
44                       bernoulli distribution& b);
45
46 void construire un seul passage(Grille& passage, const Grille& libre,
47                                 const int& n);
48
49 bool terrain traversable(const Grille& terrain, const int& n);
50
51 double calcul pprime(Grille& libre, const int& n, Grille& passage,
52                      default random engine& e, const double& p,
53                      const double& nbterrains);
54
55 void init passage a false(Grille& passage, const int& n);
56
57 void dichotomie(double& min, double& max, double& error, double& maxprime,
58                double& minprime, double& p, double& pprime,
59                const int& n, Grille& libre, Grille& passage,
60                default random engine& e, const double& nbterrains,
61                Graphe& courbe);
62
63 void afficher p et pprime(const Graphe& courbe);
64
65 void graphe p(Grille& libre, const int& n, Grille& passage,
66              default random engine& e, double& p,
67              const double& nbterrains);
68
69
70

```

```

71  int main(){
72
73      default random engine e(time(0));
74
75      char niveau; cin >>niveau;
76      int n; cin >> n;
77
78      Grille libre(n, vector<bool>(n));
79      Grille passage(n, vector<bool>(n));
80
81      switch (niveau){
82          case 'a':{
83              string format("P1");
84              initialisation libre(libre, n);
85              construire passage(passage, libre, n);
86              affiche terrain(passage, n, format);
87              return 0;
88          }
89          case 'b' : {
90              double p; cin >> p;
91              int nbt; cin >>nbt;
92              double nbterrains(nbt);
93
94              cout <<setprecision(6)<<fixed;
95              cout<<calcul pprime(libre, n, passage, e, p, nbterrains);
96              return 0;
97          }
98          case 'c' : {
99              int nbt; cin >>nbt;
100             double nbterrains(nbt), min(minimum), max(maximum),
101             maxprime(maximum), minprime(minimum), pprime, error, p;
102
103             Graphe courbe={{minimum, maximum}, {minimum, maximum}};
104
105             dichotomie(min, max, error, maxprime, minprime, p, pprime,
106             n, libre, passage, e, nbterrains, courbe);
107             return 0;
108         }
109     }
110 }
111
112 void initialisation libre(Grille& libre, const int& n){
113     int valeur;
114
115     for(int i(0); i<n; ++i){
116         for(int j(0); j<n; ++j){
117             cin >> valeur;
118             if(valeur == 0){
119                 libre[i][j] = true;
120             }
121         }
122     }
123 }
124
125 void construire passage(Grille& passage,const Grille& libre,
126 const int& n){
127     int i;
128
129     for(int j(0); j<n; ++j){
130         i=indice premiere ligne;
131         if(libre[i][j]){
132             passage[i][j]=true;
133             chercher chemin(passage, libre, n, i, j);
134         }
135     }
136 }
137
138 }
139
140

```

```

141 void chercher chemin(Grille& passage, const Grille& libre, const int& n,
142 int i, int j){
143
144     if((i+1)<=(n-1) and libre[i+1][j] and !passage[i+1][j]){
145         passage[i+1][j]=true;
146         chercher chemin(passage, libre, n, (i+1), j);
147     }
148
149     if((i-1)>=0 and libre[i-1][j] and !passage[i-1][j]){
150         passage[i-1][j]=true;
151         chercher chemin(passage, libre, n, (i-1), j);
152     }
153
154     if((j-1)>=0 and libre[i][j-1] and !passage[i][j-1]){
155         passage[i][j-1]=true;
156         chercher chemin(passage, libre, n, i, (j-1));
157     }
158
159     if((j+1)<=(n-1) and libre[i][j+1] and !passage[i][j+1]){
160         passage[i][j+1]=true;
161         chercher chemin(passage, libre, n, i, (j+1));
162     }
163 }
164
165 void affiche terrain(const Grille& terrain, const int& n,
166 const string& format){
167
168     cout << format << endl;
169     cout << n << " " << n << endl;
170
171     for(int i(0); i<n; ++i){
172         for(int j(0); j<n; ++j){
173             if(terrain[i][j]){
174                 cout << "0 ";
175             }else{
176                 cout << "1 ";
177             }
178             if(j==34){
179                 cout<<endl;
180             }
181         }
182         cout<<endl;
183     }
184 }
185
186 void init libre hasard(Grille& libre, const int& n,
187 default random engine& e, bernoulli distribution& b){
188
189     for(int i(0); i<n; ++i){
190         for(int j(0); j<n; ++j){
191             if(b(e) == 1){
192                 libre[i][j] = true;
193             }else {
194                 libre[i][j] = false;
195             }
196         }
197     }
198 }
199
200 void construire un seul passage(Grille& passage, const Grille& libre,
201 const int& n){
202
203     int i;
204
205     for(int j(0); j<n; ++j){
206         i=indice premiere ligne;
207         if(libre[i][j]){
208             passage[i][j]=true;
209             chercher chemin(passage, libre, n, i, j);
210         }

```

```

211         if(terrain traversable(passage, n)){
212             break;
213         }
214     }
215 }
216
217 bool terrain traversable(const Grille& terrain, const int& n){
218     for(int j(0); j<n; ++j){
219         if(terrain[n-1][j]){
220             return true;
221         }
222     }
223     return false;
224 }
225
226 double calcul pprime(Grille& libre, const int& n, Grille& passage,
227 default random engine& e, const double& p, const double& nbterrains){
228     bernoulli distribution b(p);
229     int compteur(0);
230
231     for (double k(1); k<=nbterrains; ++k){
232         init libre hasard(libre, n, e, b);
233         construire un seul passage(passage, libre, n);
234         if(terrain traversable(passage, n)){
235             ++compteur;
236         }
237         init passage a false(passage, n);
238     }
239     return (compteur/nbterrains);
240 }
241
242 void init passage a false(Grille& terrain, const int& n){
243     Grille tmp(n, vector<bool>(n));
244     terrain = tmp;
245 }
246
247 void dichotomie(double& min, double& max, double& error, double& maxprime,
248 double& minprime, double& p, double& pprime, const int& n, Grille& libre,
249 Grille& passage, default random engine& e, const double& nbterrains,
250 Graphe& courbe){
251     do{
252         p = (max+min)/2.;
253         pprime = calcul pprime(libre, n, passage, e, p, nbterrains);
254         error = pprime - (maxprime + minprime)/2.;
255
256         courbe.p.push back(p);
257         courbe.pprime.push back(pprime);
258
259         if(error>0.){
260             max = p;
261             maxprime = calcul pprime(libre,n,passage,e,max,nbterrains);
262         }
263         if(error<0.){
264             min = p;
265             minprime = calcul pprime(libre,n,passage,e,min,nbterrains);
266         }
267     }
268     while((max-min)>MIN DELTA P and abs(error)>MAX ERROR);
269
270     sort(courbe.p.begin(), courbe.p.end());
271     sort(courbe.pprime.begin(), courbe.pprime.end());
272     afficher p et pprime(courbe);
273 }
274
275 void afficher p et pprime(const Graphe& courbe){
276
277
278
279
280

```

```
281     for(unsigned int i(0); i<courbe.p.size(); ++i){
282         cout <<setprecision(6)<<fixed;
283         cout<<courbe.p[i]<<" "<<courbe.pprime[i]<<endl;
284     }
285 }
286
287
288
289
290
291
292
```