

# Лекция 5 Классификация текстов и Naive Bayes

Николай Анохин

22 октября 2014 г.

### План занятия

Обработка текстов

Naive Bayes

# Обработка текстов

# Data Mining vs Text Mining

Data Mining: извлечение *неочевидной* информации

Text Mining: извлечение *очевидной* информации

#### Трудности

- ▶ Огромные объемы
- Отстутсвие структуры



# Задачи Text Mining

- Суммаризация текста аггрегация новостей
- Классификация и кластеризация документов категоризация, фильтрация спама, эмоции
- Извлечение метаданных определение языка, автора, тегирование
- Выделение сущностей места, люди, компании, почтовые адреса

### Этапы обработки текста



# Декодирование

#### Def.

перевод последовательности байт в последовательность символов

- ▶ Распаковка plain/.zip/.gz/...
- ► Кодировка ASCII/utf-8/Windows-1251/...
- ▶ Формат csv/xml/json/doc...

Кроме того: что такое документ?

### Разбиение на токены

#### Def.

разбиение последовательности символов на части (токены), возможно, исключая из рассмотрения некоторые символы

Наивный подход: разделить строку пробелами и выкинуть знаки препинания

Трисия любила **Нью-Йорк**, поскольку любовь к Нью-Йорку могла положительно повлиять на ее карьеру.

#### Проблемы:

- n.anokhin@corp.mail.ru, 127.0.0.1
- ► C++, C#
- ► York University vs New York University
- Зависимость от языка ("Lebensversicherungsgesellschaftsangestellter", "l'amour")

Альтернатива: п-граммы

### Разбиение на токены

```
>>> from nltk.tokenize import RegexpTokenizer
>>> tokenizer = RegexpTokenizer('\w+|[^\w\s]+')
>>> s = u'Трисия любила Нью-Йорк, поскольку любовь \
... к Нью-Йорку могла положительно повлиять на ее карьеру.'
>>> for t in tokenizer.tokenize(s)[:7]: print t + " ::",
...

Трисия :: любила :: Нью :: - :: Йорк :: , :: поскольку ::
```

#### Стоп-слова

#### Def.

Наиболее частые слова в языке, не содержащие никакой информации о содержании текста

```
>>> from nltk.corpus import stopwords
>>> for sw in stopwords.words('russian')[1:20]: print sw,
...
B BO HE TO OH HA R C CO KAK A TO BCE OHA TAK EFO HO ДА ТЫ
```

Проблема: "To be or not to be"

### Нормализация

#### Def.

Приведение токенов к единому виду для того, чтобы избавиться от поверхностной разницы в написании

#### Подходы

- ightharpoonup сформулировать набор правил, по которым преобразуется токен Hью-Йорк ightharpoonup нью-йорк ightharpoonup ньюиорк
- ightharpoonup явно хранить связи между токенами машина ightharpoonup aвтомобиль, Windows ightharpoonup window

### Нормализация

```
>>> s = u'Нью-Йорк'
>>> s1 = s.lower()
>>> print s1
нью-йорк
>>> print s2
ньюйорк
>>> s3 = re.sub(ur"ŭ", u"u", s2, flags=re.U)
>>> print s3
```

### Стемминг и Лемматизация

#### Def.

Приведение грамматических форм слова и однокоренных слов к единой основе (lemma):

- ▶ Stemming с помощью простых эвристических правил
  - Porter (1980)
     5 этапов, на каждом применяется набор правил, таких как

$$sses \rightarrow ss$$
 (caresses  $\rightarrow$  caress)  
 $ies \rightarrow i$  (ponies  $\rightarrow$  poni)

- ► Lovins (1968)
- ▶ Paice (1990)
- ▶ еще 100500
- ► Lemmatization с использованием словарей и морфологического анализа

#### Стемминг

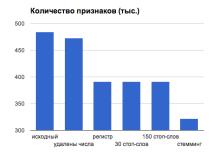
```
>>> from nltk.stem.snowball import PorterStemmer
>>> s = PorterStemmer()
>>> print s.stem('tokenization'); print s.stem('stemming')
>>> from nltk.stem.snowball import RussianStemmer
>>> r = RussianStemmer()
>>> print r.stem(u'Авиация'); print r.stem(u'национальный')
авиац
национальн
```

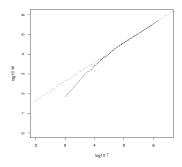
### Наблюдение

для сложных языков лучше подходит лемматизация

# Heap's law

$$M=kT^{eta},\; M$$
 — размер словаря,  $\;T\;$  — количество слов в корпусе  $30\leq k\leq 100,\; bpprox 0.5$ 





### Представление документов

Boolean Model. Присутствие или отсутствие слова в документе

Bag of Words. Порядок токенов не важен

Погода была ужасная, принцесса была прекрасная. Или все было наоборот?

#### Координаты

- Мультиномиальные: количество токенов в документе
- ▶ Числовые: взвешенное количество токенов в документе

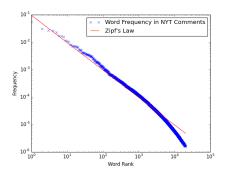
# Zipf's law

 $t_1, \dots, t_N$  — токены, отранжированные по убыванию частоты  $f_1, \dots, f_N$  — соответствующие частоты

#### Закон Ципфа

$$f_i=\frac{c}{i^k}$$

Что еще? Посещаемость сайтов, количество друзей, население городов...



## Задача

Дана коллекция, содержащая  $10^6$  (не уникальных) токенов. Предполагая, что частоты слов распределены по закону

$$f_i = \frac{c}{(i+10)^2},$$

#### оцените

- ▶ количество вхождений наиболее часто встречающегося слова
- ▶ количество слов, котоые встречаются минимум дважды

Подсказка:  $\sum_{i=11}^{\infty} rac{1}{i^2} pprox 0.095$ 

### BoW & TF-IDF

Количество вхождений слова t в документе d

$$TF_{t,d} = term-frequency(t,d)$$

Количество документов из N возможных, где встречается t

$$DF_t = document-fequency(t)$$

$$IDF_t = inverse-document-frequency(t) = log \frac{N}{DF_t}$$

TF-IDF

$$TF-IDF_{t,d} = TF_{t,d} \times IDF_t$$

### Пример

Коллекция документов: Cersei Lannister, Tyrion Lannister  $d_1 = \{\text{cersei:}1, \text{tyrion:}0, \text{lannister:}0\}$   $d_2 = \{\text{cersei:}0, \text{tyrion:}1, \text{lannister:}0\}$ 

# Naive Bayes

## Байесовский классификатор

Дано

 $\mathbf{x} \in \mathbf{X}$  — описание документа d из коллекции D  $C_k \in C, \ k=1,\ldots,K$  — целевая переменная

Теорема Байеса

$$P(C_k|\mathbf{x}) = \frac{p(\mathbf{x}|C_k)p(C_k)}{p(\mathbf{x})} \propto p(\mathbf{x}|C_k)p(C_k)$$

Принцип Maximum A-Posteriori

$$C_{MAP} = \arg\max_{k} p(C_k|\mathbf{x})$$

### Naive Bayes

 $x_i$  – слово на j-м месте в документе  $\mathbf{x},\ w^i\in V$  – слово из словаря V

#### Предположения

1. conditional independence

$$p(x_i = w^s, x_j = w^r | C_k) = p(x_i = w^s | C_k) p(x_j = w^r | C_k)$$

2. positional independence

$$P(x_i = w^s | C_k) = P(x_j = w^s | C_k) = P(x = w^s | C_k)$$

Получаем

$$p(\mathbf{x}|C_k) = p(x_1 = w^{s_1}, \dots, x_{|\mathbf{x}|} = w^{s_{|\mathbf{x}|}}|C_k) = \prod_{i=1}^{|\mathbf{x}|} p(x_i = w^{s_i}|C_k)$$

### Почему NB хорошо работает?

Корректная оценка дает правильное предсказание, но правильное предсказание *не требует* корректной оценки

# Варианты NB

MAP

$$C_{MAP} = \arg\max_{k} \prod_{i=1}^{|\mathbf{x}|} p(x = w^{s_i} | C_k) p(C_k) =$$

$$= \arg\max_{k} \left[ \log p(C_k) + \sum_{i=1}^{|\mathbf{x}|} \log p(x = w^{s_i} | C_k) \right]$$

Априорные вероятности

$$p(C_k) = N_{C_k}/N$$

Likelihood  $p(x = w^{s_i}|C_k)$ 

- lacktriangle BernoulliNB  $p(x=w^{s_i}|\mathcal{C}_k)=D_{w^{s_i},\mathcal{C}_k}/D_{\mathcal{C}_k}$ , D кол-во документов
- ▶ MultinomialNB  $p(x = w^{s_i}|C_k) = T_{w^{s_i},C_k}/T_{C_k}$ , T кол-во токенов
- ightharpoonup GaussianNB  $p(x=w^{s_i}|C_k)=\mathcal{N}(\mu_k,\sigma_k^2)$ , параметры из MLE

# Обучение NB

```
function nb train(D.C):
        V = dictionary of tokens
3
       N = number of documents
        for Ck in C: # iterate over all classes
5
            N Ck = number of documents in class Ck
6
            p(Ck) = N_Ck / N # Class prior
            D Ck = Documents in class Ck
8
            for w i in V:
                # multinomial, bernoulli, gaussian
10
                p(w_i|Ck) = count_likelihood(...)
11
        return V, p(Ck), p(w_i|Ck)
```

Алгоритмическая сложность:  $O(|D|\langle |\mathbf{x}| \rangle + |C||V|)$ 

## Применение MultinomialNB

```
function nb_apply(d, C, V, p(Ck), p(w_i|Ck)):
    x = tokenize(d) # somehow

for Ck in C: # iterate over all classes
    score(Ck|x) = log p(Ck) # use class prior

# use likelihoods
for i in 1..|x|:
    score(Ck|x) += log p(x_i|Ck)

return arg max score(Ck|x)
```

Алгоритмическая сложность:  $O(|C||\mathbf{x}|)$ 

# Задача

| d | Текст                        | Класс     |
|---|------------------------------|-----------|
| 1 | котики такие мокрые          | МИМИМ     |
| 2 | котики котики няшки          | имими     |
| 3 | пушистые котики              | имими     |
| 4 | мокрые морские свинки        | не мимими |
| 5 | котики мокрые морские котики | ???       |

C помощью алгоритма MultinomialNB вычислить p(мимими $|d_5)$ 

### Сглаживание

**Проблема:** p(пушистые|не мимими)=0

Решение:

$$p(x = w_{s_i}|C_k) = \frac{T_{w_{s_i},C_k} + \alpha}{T_{C_k} + \alpha|V|}$$

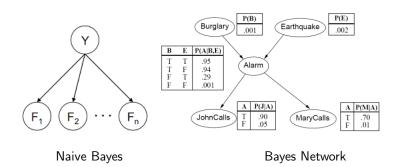
если  $\alpha \geq 1$  – сглаживание Лапласа, если  $0 \leq \alpha \leq 1$  – Лидстоуна

Упражнение

С учетом сглаживания вычислить

p(пушистые|не мимими), p(пушистые|мимими).

### Байесовские сети



### Итоги

- + Генеративная модель
- + (Удивительно) неплохо работает
- + Стабилен при смещении выборки (aka concept drift)
- + Оптимальный по производительности
- Наивные предположения
- Требует отбора признаков

### Определение языка текста

Определение языка на основании n-грамм Скачать: данные, код

- T Нормализация Нижний регистр, заменяем акценты на обычные буквы
- T Токенизация
  Разбиваем документы на п-граммы
- Выбор признаковБерем топ-к признаков из каждого языка
- D Инициализация модели
  Используем один из вариантов NB из sklearn
- Т Качество Построить *ROC* для одного из классов
- T Анализ
  Как зависит точность предсказания от n и k?

# Вопросы

