#### Задача 1. Ridge Regression

Ridge regression — модель, идентичная обычной линейной регрессии, но с добавленной  $L_2$  регуляризацией. Обозначим  $X:n\times m$  матрицу признаковых описаний объектов, Y:n — вектор значений целевой переменной,  $\mathbf{w}$  — вектор весов (параметров модели),  $\lambda$  — параметр регуляризации. Покажите, что оптимальное  $\mathbf{w}$  выражается как

$$\mathbf{w} = (XX^T + \lambda I)^{-1}XY$$

### Задача 2. Softmax классификатор

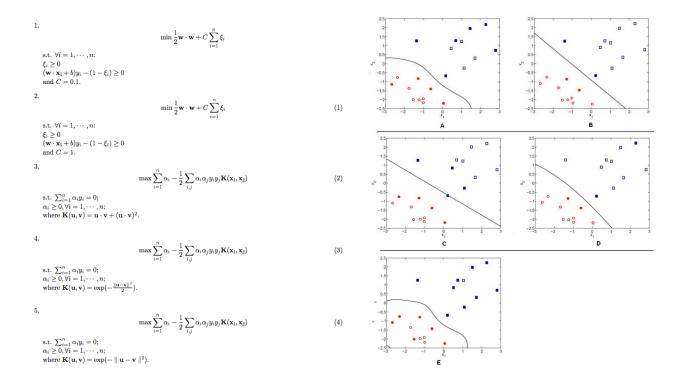
Для того чтобы распространить логистическую регрессию на случай задачи классификации с m классами, смоделируем вероятность принадлежности к  $k \in 1 \dots m$  классу с помощью softmax-функции

$$p(y_k|x) = \frac{\exp(a_k)}{\sum_{j=1}^m \exp(a_j)}, \quad a_k = \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$

Для такой модели выпишите функцию правдоподобия и выражение для ее градиента.

#### Задача 3. SVM

Сопоставьте формулировки задач SVM (слева) и полученные разделяющие поверхности (справа). Аргументируйте свой ответ.



## Задача 4. Naive Bayes

 ${\bf C}$  помощью алгоритма Naive Bayes предскажите значение целевой переменной  $buy\_computer$  для объекта со следующими значениями признаков:

```
age <= 30 & income = medium & student = yes & credit-rating = fair
```

Для обучения модели используйте данные из таблицы и сглаживане Лапласа.

RID	age	income	student	credit_rating	Class: buys_computer
1	<=30	high	no	fair	no
2	<=30	high	no	excellent	no
3	31 40	high	no	fair	yes
4	>40	medium	no	fair	yes <sub>.</sub>
5	>40	low	yes	fair	yes
6	>40	low	yes	excellent	no
7	31 40	low	yes	excellent	yes
8	<=30	medium	no	fair	no
9	<=30	low	yes	fair	yes
10	>40	medium	yes	fair	yes
11	<=30	medium	yes	excellent	yes
12	31 40	medium	no	excellent	yes
13	31 40	high	yes	fair	yes
14	>40	medium	no	excellent	no

# Задача 5. Решающие деревья

С помощью алгоритма CART постройте первые два уровня дерева решений на основании представленных данных. Используйте gini impurity.

medium	skiing	design	single	twenties	no	->	highRisk
high	golf	trading	married	forties	yes	->	lowRisk
low	speedway	transport	married	thirties	yes	->	medRisk
medium	football	banking	single	thirties	yes	->	lowRisk
high	flying	media	married	fifties	yes	->	highRisk
low	football	security	single	twenties	no	->	medRisk
medium	golf	media	single	thirties	yes	->	medRisk
medium	golf	transport	married	forties	yes	->	lowRisk
high	skiing	banking	single	thirties	yes	->	highRisk
low	golf	unemployed	married	forties	yes	->	highRisk