

Pregunta N°4

MAT1203-1-1

Sea $B = \{(1,1,1), (0,1,1), (0,0,1)\}$ una base de \mathbb{R}^3 y $v = (1, -2, 4)$ un vector.

¿Cuál de las siguientes alternativas corresponde a las coordenadas del vector v respecto de la base B ?

- a) $(-1, -3, 6)$
- b) $(1, 3, -6)$
- c) $(1, -3, 6)$
- d) $(-1, 3, 6)$

Pregunta N°5

MAT1203-4-1

Se tienen las matrices $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ y $B = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$

¿Cuál de las siguientes matrices corresponde a la matriz C definida como $C = B \cdot A$?

- a) $C = \begin{bmatrix} 8 & 2 \\ 4 & 0 \end{bmatrix}$
- b) $C = \begin{bmatrix} 6 & 4 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$
- c) $C = \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 4 & 8 \end{bmatrix}$
- d) $C = \begin{bmatrix} 4 & 6 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$

Pregunta N°6
MAT1203-7-3

Se tiene el siguiente sistema de ecuaciones lineales:

$$\begin{aligned} -3x + 5y - 2z &= -1 \\ 2x - 3y + 4z &= 4 \\ 5x - y + 3z &= 16 \end{aligned}$$

¿Cuál de las siguientes alternativas corresponde a una solución del sistema de ecuaciones?

a) $x = \begin{vmatrix} -1 & 5 & -2 \\ 4 & -3 & 4 \\ 16 & -1 & 3 \end{vmatrix}_{59}, y = \begin{vmatrix} -3 & -1 & -2 \\ 2 & 4 & 4 \\ 5 & 16 & 3 \end{vmatrix}_{59}, z = \begin{vmatrix} -3 & 5 & -1 \\ 2 & -3 & 4 \\ 5 & -1 & 16 \end{vmatrix}_{59}$

b) $x = \begin{vmatrix} -3 & 5 & -1 \\ 2 & -3 & 4 \\ 5 & -1 & 16 \end{vmatrix}_{59}, y = \begin{vmatrix} -3 & -1 & -2 \\ 2 & 4 & 4 \\ 5 & 16 & 3 \end{vmatrix}_{59}, z = \begin{vmatrix} -1 & 5 & -2 \\ 4 & -3 & 4 \\ 16 & -1 & 3 \end{vmatrix}_{59}$

c) $x = \begin{vmatrix} -3 & 5 & -2 \\ 2 & -3 & 4 \\ 5 & -1 & 3 \end{vmatrix}_{59}, y = \begin{vmatrix} -3 & 5 & -2 \\ 2 & -3 & 4 \\ 5 & -1 & 3 \end{vmatrix}_{59}, z = \begin{vmatrix} -3 & 5 & -2 \\ 2 & -3 & 4 \\ 5 & -1 & 3 \end{vmatrix}_{59}$

d) $x = \begin{vmatrix} -1 & 5 & -2 \\ 4 & -3 & 4 \\ 16 & -1 & 3 \end{vmatrix}_{59}, y = \begin{vmatrix} -3 & 5 & -2 \\ 2 & -3 & 4 \\ 5 & -1 & 3 \end{vmatrix}_{59}, z = \begin{vmatrix} -3 & 5 & -1 \\ 2 & -3 & 4 \\ 5 & -1 & 16 \end{vmatrix}_{59}$

Pregunta N°7
MAT1203-12-1

Sea la matriz $A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

¿Cuál de las siguientes alternativas corresponde a una explicación de por qué la matriz A no es diagonalizable?

- a) La multiplicidad algebraica y geométrica del ambos autovalores no coinciden.
- b) El polinomio característico de A no posee 3 raíces.
- c) La matriz A no es simétrica.
- d) La multiplicidad algebraica y geométrica de sólo uno de los autovalores no coincide.

4	C
5	A
6	A
7	D

* ninguna está mal hecha, guía ejemplos mod 1

Pregunta N°5**MAT1203**

Se tiene la siguiente base de \mathbb{R}^4 , llamados b_1, b_2, b_3 y b_4 :

$$B = \left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$$

Y la siguiente transformación lineal de $\mathbb{R}^4 \rightarrow \mathbb{R}^4$:

$$f \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \quad y \quad f \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Donde las demás transformaciones de la base entregan ese mismo vector como imagen. Es decir, $f(b_2) = b_2$ y $f(b_4) = b_4$

¿Cuál es la matriz representante de f en la base B ?

Pregunta N°6**MAT1203**

Se define el plano Π como:

$$2x - 3y - z = 6$$

Y se define la recta L como:

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ b \end{pmatrix}$$

¿Qué condición debe cumplir el parámetro b para que $\Pi \cap L$ sea vacío?

Pregunta N°5**MAT1203**

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Pregunta N°6**MAT1203**

$$b = -7$$

* guía ejercicios 2015-2

Pregunta N°5
MAT1203-12-2

Se tiene $A = UU^T U$ con $U \in \mathbb{R}^{n \times n}$, y donde U^{-1} existe.

¿Cuál de las siguientes alternativas corresponde a una condición correcta para el cálculo del determinante de A ?

- a) $\text{Det}(A) \neq 0$
- b) $\text{Det}(A) = 0$
- c) $\text{Det}(A) \geq 0$
- d) $\text{Det}(A) \leq 0$

Pregunta N°6
MAT1203-4-1

Se tienen las matrices $C \in M_{nn}$ (matriz de n filas y n columnas). Se define la matriz $N = C - I_n$ (con I_n la matriz identidad de n filas y n columnas).

Si se sabe que $N^n = 0_{nn}$ (matriz de ceros), ¿cuál de las siguientes alternativas corresponde a la matriz C^{-1} ?

- a) $C^{-1} = I_n - N$
- b) $C^{-1} = I_n - N + N^2 - N^3 + \cdots + (-1)^{n-1}N^{n-1}$
- c) $C^{-1} = I_n + N - N^2 + N^3 + \cdots + (1)^{n-1}N^{n-1}$
- d) $C^{-1} = I_n - N + N^2 - N^3 + \cdots + (-1)^{2n-1}N^{2n-1}$

Pregunta N°5
MAT1203-12-2

- a) $\text{Det}(A) \neq 0$

Pregunta N°6
MAT1203-4-1

- b) $C^{-1} = I_n - N + N^2 - N^3 + \cdots + (-1)^{n-1}N^{n-1}$

* guía ejercicios 2016-1

Pregunta N°5

MAT1203-2015-2-1

Se define el plano Π como:

$$x - 2y + 3z = 12$$

Y se define la recta L como:

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ b \\ 1 \end{pmatrix}$$

¿Cuál de las siguientes alternativas corresponde a la condición que debe cumplir el parámetro b para que $\Pi \cap L$ sea vacío?

- a) $b \geq 5/2$
- b) $b \leq 5/2$
- c) $b = 5/2$
- d) no existe valor de b que cumpla con lo solicitado.

Pregunta N°5

MAT1203-2015-2-1

- c) $b = 5/2$

* guía ejercicios 2016-2

Pregunta N°5**MAT1203-2-1**

Se define el plano Π como:

$$x - 2y + 3z = 12$$

Y se define la recta L como:

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ b \\ 1 \end{pmatrix}$$

¿Cuál de las siguientes alternativas corresponde a la condición que debe cumplir el parámetro b para que $\Pi \cap L$ sea vacío?

- a) $b \geq 5/2$
- b) $b \leq 5/2$
- c) $b = 5/2$
- d) no existe valor de b que cumpla con lo solicitado.

Pregunta N°5**MAT1203-**

- c) $b = 5/2$

* guía ejercicios 2017-1

Pregunta N°5**MAT1203-4-1**

Sea X una matriz 3×3 , y las siguientes tres matrices.

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Considere las matrices AX , BX y CX , ¿cuál de las siguientes alternativas es generalmente FALSA?

- a) La matriz AX es la matriz X pero con las filas 1 y 2 intercambiadas
- b) La matriz BX es la matriz X con su segunda fila multiplicada por 2
- c) La matriz CX es la matriz X con su fila 1 intercambiada con 2 veces su fila 2
- d) Las matrices A , B y C son invertibles.

Pregunta N°5**MAT1203-4-1**

La matriz CX es la matriz X con su fila 1 intercambiada con 2 veces su fila 2

* guía ej 2017-2

Pregunta N°5
MAT1203-7-3

Se tiene el siguiente sistema de ecuaciones

$$\begin{array}{rcl} y - 2z & = & 1 \\ x + y + z & = & 1 \\ -x + z & = & 1 \end{array}$$

¿Cuál de las siguientes alternativas indica la solución del problema por medio de la regla de Cramer?

$$a) \quad x = \begin{vmatrix} 1 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ \hline 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad y = \begin{vmatrix} 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \\ \hline 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad z = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ \hline 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$\text{b) } x = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad y = \begin{vmatrix} 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad z = \begin{vmatrix} 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$c) \quad x = \begin{vmatrix} 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad y = \begin{vmatrix} 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad z = \begin{vmatrix} 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$d) \quad x = -\begin{vmatrix} 1 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad y = -\begin{vmatrix} 0 & 1 & -2 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad z = -\begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

Pregunta N°5
MAT1203-4-1

$$x = \begin{vmatrix} 1 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad y = \begin{vmatrix} 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}, \quad z = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

* guía ejercicios 2018-1

Pregunta N°5
MAT1203-9-1

Sea \mathbb{P}_2 el espacio de los polinomios de segundo grado con coeficientes reales. Se define una base B para \mathbb{P}_2 de la siguiente manera

$$B = \{x^2, x, x + 2\}$$

Ahora, considere una transformación lineal $T: \mathbb{P}_2 \rightarrow \mathbb{P}_2$, tal que su matriz asociada respecto a la base B es

$$T_{B \rightarrow B} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Sea $p \in \mathbb{P}_2$ un polinomio dado por $p(x) = x^2 - 4x + 4$. ¿Cuál de las siguientes alternativas corresponde a la transformación $T(p)$?

- a) $T(p) = 5x^2 + 4$
- b) $T(p) = 5x^2 + 4x + 8$
- c) $T(p) = 7x^2 - 4x + 2$
- d) $T(p) = 7x^2 - 2x + 4$

Pregunta N°5
MAT1203-9-1

$$T(p) = 7x^2 - 2x + 4$$

* guía ejercicios 2018-2

Pregunta 5**MAT1203-4-1**

Considere las siguientes 4 matrices,

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 4 & 4 & 4 \\ 4 & 3 & 3 \\ 4 & 3 & 2 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}, \quad D = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 1 & -1 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

¿Cuál de las matrices dadas **NO** puede ser transformada a la matriz identidad I_3 por medio de operaciones fila elementales?

- a) A
- b) B
- c) C
- d) D

Pregunta 5**MAT1203-4-1**

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}$$

*guía ejercicios 2019-1

Pregunta 5**MAT1203-6-2**

Sean A y B dos matrices cuadradas de $n \times n$, ambas simétricas.

¿Cuál de las siguientes alternativas es **FALSA**?

- a) $A + B$ siempre es simétrica.
- b) AA^T siempre es simétrica.
- c) $A - B^T$ siempre es simétrica.
- d) $AB(BA)^T$ siempre es simétrica.

Pregunta 5**MAT1203-6-2**

$AB(BA)^T$ siempre es simétrica.

*guía ejercicios 2019-2