# 2.2 堆栈



# 什么是堆栈

## 计算机如何进行表达式求值?

[例] 算术表达式5+6/2-3\*4。正确理解: 5+6/2-3\*4=5+3-3\*4=8-3\*4=8-12=-4

- □ 由两类对象构成的:
  - ▶ 运算数,如2、3、4
  - ▶ 运算符号,如+、-、\*、/
- □ 不同运算符号优先级不一样

# 后缀表达式

- ▶ 中缀表达式: 运算符号位于两个运算数之间。如,a+b\*c-d/e
- ▶ 后缀表达式: 运算符号位于两个运算数之后。如, abc\*+de/-

[例] 62/3-42\*+=?

后缀表达式求值策略: 从左向右"扫描",逐个处理运算数和运算符号

- 1. 遇到运算数怎么办?如何"记住"目前还不未参与运算的数?
- 2. 遇到运算符号怎么办?对应的运算数是什么?

启示: 需要有种存储方法,能顺序存储运算数,

并在需要时"倒序"输出!



【例】 
$$62/3-42*+=?$$

	- top
	= top
	= £8B
_	

对象: 6 (运算数)	对象: 2(运算数)
对象:/(运算符)	对象: 3 (运算数)
对象: - (运算符)	对象: 4 (运算数)
对象: 2 (运算数)	对象: * (运算符)
对象: + (运算符)	Pop: 8

$$T(N) = O(N)$$



# 堆栈的抽象数据类型描述

堆栈(Stack): 具有一定操作约束的线性表

▶只在一端(栈顶,Top)做插入、删除

▶插入数据:入栈(Push)

▶删除数据: 出栈 (Pop)

➤ 后入先出: Last In First Out (LIFO)



# 堆栈的抽象数据类型描述

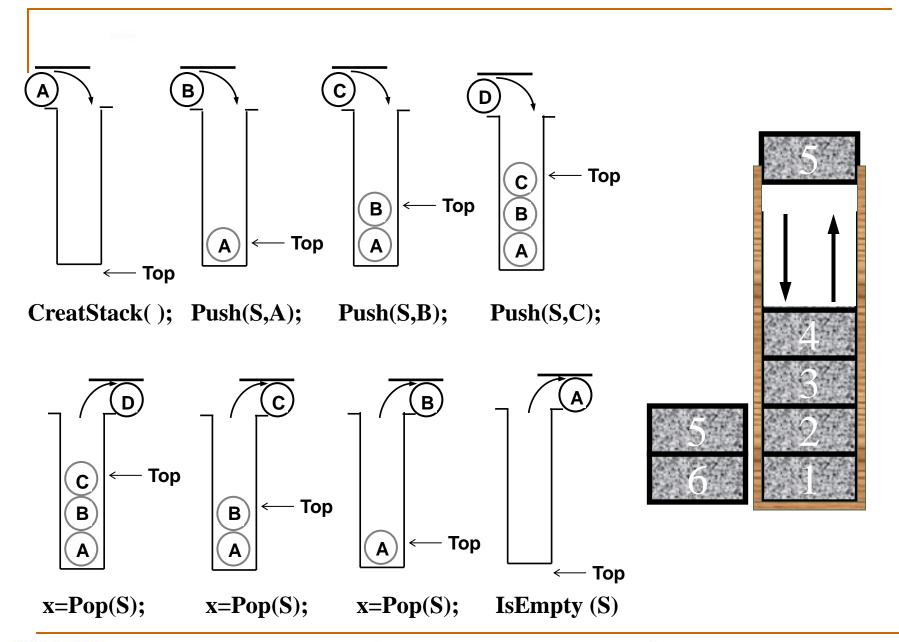
类型名称: 堆栈(Stack)

数据对象集:一个有0个或多个元素的有穷线性表。

操作集: 长度为MaxSize的堆栈S∈Stack, 堆栈元素item∈ElementType

- 1、Stack CreateStack(int MaxSize): 生成空堆栈,其最大长度为MaxSize;
- 2、int IsFull(Stack S, int MaxSize): 判断堆栈S是否已满;
- 3 woid Push( Stack S, ElementType item ): 将元素item压入堆栈;
- 4、int IsEmpty (Stack S): 判断堆栈S是否为空;
- 5 ElementType Pop(Stack S): 删除并返回栈顶元素;







### Push 和 Pop 可以穿插交替进行;

### 按照操作系列

- (1)Push(S,A), Push(S,B),Push((S,C),Pop(S),Pop(S),Pop(S) 堆栈输出是?
- (2) 而Push(S,A), Pop(S),Push(S,B),Push((S,C),Pop(S),Pop(S), 堆栈输出是?

# [例] 如果三个字符按ABC顺序压入堆栈

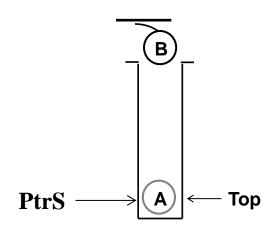
- **ABC**的所有排列都可能 是出栈的序列吗?
- 可以产生CAB这样的序 列吗?



# 栈的顺序存储实现

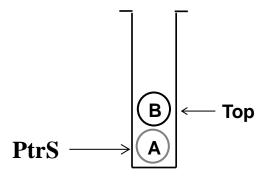
栈的顺序存储结构通常由一个一维数组和一个记录 栈顶元素位置的变量组成。

```
#define MaxSize <储存数据元素的最大个数>
  typedef struct SNode *Stack;
  struct SNode{
          ElementType Data[MaxSize];
          int Top;
  };
    void Push( Stack PtrS, ElementType item )
        if ( PtrS->Top == MaxSize-1 ) {
(1)
          printf("堆栈满"); return;
入
       }else {
         PtrS->Data[++(PtrS->Top)] = item;
         return;
```





#### (2)出栈





[例] 请用一个数组实现两个堆栈,要求最大地利用数组空间,使数组只要有空间入栈操作就可以成功。





# 堆栈的链式存储实现

栈的链式存储结构实际上就是一个单链表,叫做链栈。插入和删除操作只能在链栈的栈顶进行。栈顶指针Top应该在链表的哪一头?

在链表头上

- (1) 堆栈初始化(建立空栈)
- (2) 判断堆栈s是否为空

```
s \rightarrow \square
```

```
Stack CreateStack()
{ /* 构建一个堆栈的头结点,返回指针 */
 Stack S;
 S = (Stack) malloc(sizeof(struct SNode));
 S->Next = NULL;
 return S;
int IsEmpty(Stack S)
{ /*判断堆栈S是否为空,若为空函数返回整数1,
则返回0 */
  return ( S->Next == NULL );
```



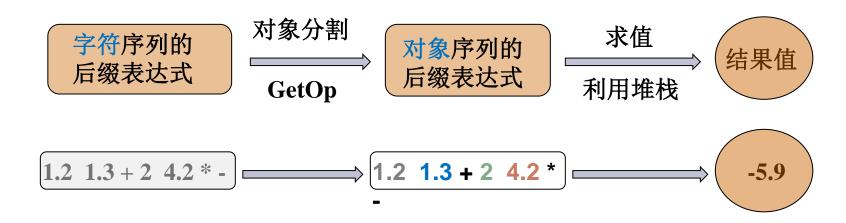
```
void Push( ElementType item, Stack S)
struct SNode *TmpCell;
  TmpCell=(struct SNode *)malloc(sizeof(struct SNode));
  TmpCell->Element = item;
  TmpCell->Next = S->Next;
  S->Next = TmpCell;
ElementType Pop(Stack S)
 /* 删除并返回堆栈S的栈顶元素 */
  struct SNode *FirstCell;
  ElementType TopElem;
  if( IsEmpty( S ) ) {
      printf("堆栈空"); return NULL;
  } else {
      FirstCell = S->Next;
      S->Next = FirstCell->Next;
      TopElem = FirstCell ->Element;
      free(FirstCell);
      return TopElem;
```

# 堆栈应用:表达式求值

▶回忆:应用堆栈实现后缀表达式求值的基本过程:

从左到右读入后缀表达式的各项(运算符或运算数);

- 1. 运算数: 入栈;
- 2. 运算符: 从堆栈中弹出适当数量的运算数, 计算并结果入栈;
- 3. 最后, 堆栈顶上的元素就是表达式的结果值。





# 中缀表达式求值

基本策略:将中缀表达式转换为后缀表达式,然后求值

如何将中缀表达式转换为后缀?

观察一个简单例子: 2+9/3-5 → 293/+5-

1. 运算数相对顺序不变

2. 运算符号顺序发生改变

▶ 需要存储"等待中"的运算符号

▶ 要将当前运算符号与"等待中"的最后一个运算符号比较

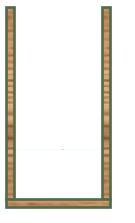
有括号怎么办?





【例】 
$$a*(b+c)/d = ?$$
  $abc+*d/$ 

								-
输出:	а	b	c	+	*	d	/	

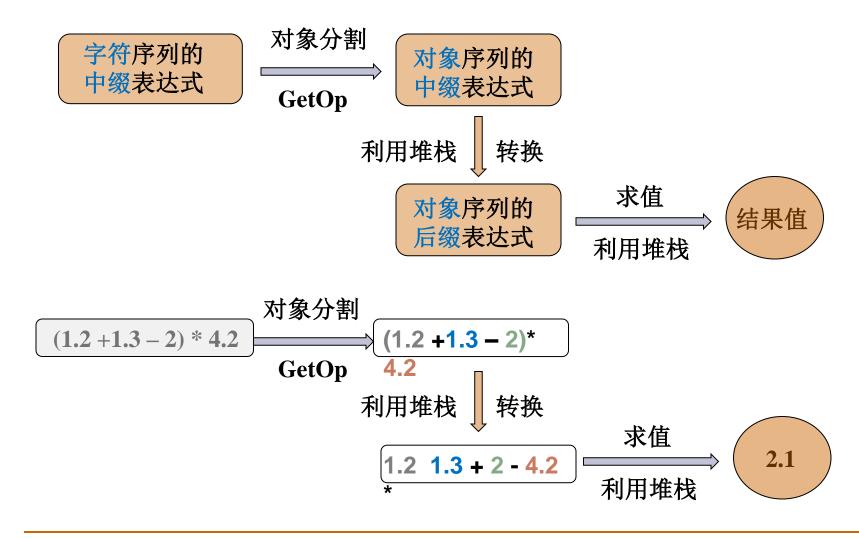


输入对象: a (操作数)	输入对象: * (乘法)
输入对象: (左括号)	输入对象: b (操作数)
输入对象: + (加法)	输入对象: $c$ (操作数)
输入对象:)(右括号)	输入对象:/(除法)
输入对象: <i>d</i> (操作数)	

← top

$$T(N) = O(N)$$

# 中缀表达式求值





## 中缀表达式如何转换为后缀表达式

- ▶ 从头到尾读取中缀表达式的每个对象,对不同对象按不同的情况处理。
- ①运算数:直接输出;
- ② 左括号: 压入堆栈;
- ③ 右括号: 将栈顶的运算符弹出并输出,直到遇到左括号(出栈,不输出);
- ④ 运算符:
  - 若优先级大于栈顶运算符时,则把它压栈;
  - 若优先级小于等于栈顶运算符时,将栈顶运算符弹出并输出;再比较新的栈顶运算符,直到该运算符大于栈顶运算符优先级为止,然后将该运算符压栈;
- ⑤ 若各对象处理完毕,则把堆栈中存留的运算符一并输出。



# ❖中缀转换为后缀示例: (2\*(9+6/3-5)+4)

步骤	待处理表达式	堆栈状态	输出状态
		(底←→顶)	
1	2* (9+6/3-5) +4		
2	* (9+6/3-5) +4		2
3	(9+6/3-5) +4	*	2
4	9+6/3-5) +4	* (	2
5	+6/3-5) +4	* (	29
6	6/3-5) +4	* ( +	29
7	/3-5) +4	* ( +	296
8	3-5) +4	* ( +/	296
9	-5) +4	* ( +/	2963
10	5) +4	* ( -	2963/+
11	) +4	* ( -	2963/+5
12	+4	*	2963/+5-
13	4	+	2963/+5-*
14		+	2963/+5-*4
15			2963/+5-*4+



## 堆栈的其他应用:

- ▶ 函数调用及递归实现
- > 深度优先搜索
- ▶ 回溯算法