3.2 二叉树及存储结构



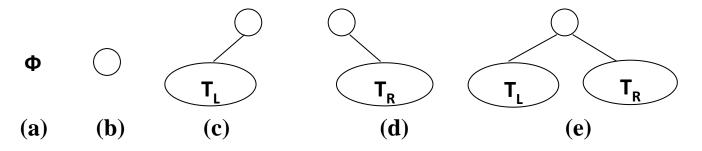
二叉树的定义

二叉树T: 一个有穷的结点集合。

这个集合可以为空

若不为空,则它是由根结点和称为其左子树T_L和右子树T_R的两个不相交的二叉树组成。

□ 二叉树具体五种基本形态



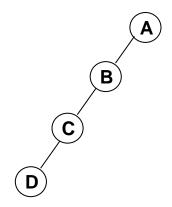
□ 二叉树的子树有左右顺序之分



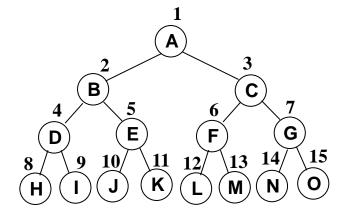


❖ 特殊二叉树

□ 斜二叉树(Skewed Binary Tree)

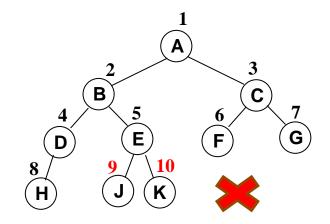


□ 完美二叉树(Perfect Binary Tree) 满二叉树(Full Binary Tree)



□ 完全二叉树

(Complete Binary Tree) 有n个结点的二叉树,对树中结点按 从上至下、从左到右顺序进行编号, 编号为i(1≤i≤n)结点与满二叉树 中编号为i结点在二叉树中位置相同

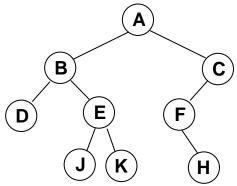






二叉树几个重要性质

- □ 一个二叉树第 i 层的最大结点数为: 2^{i-1} , $i \ge 1$ 。
- □ 深度为k的二叉树有最大结点总数为: 2^{k-1} , $k \ge 1$ 。
- □ 对任何非空二叉树 T,若 n_0 表示叶结点的个数、 n_2 是 度为2的非叶结点个数,那么两者满足关系 n_0 = n_2 +1。



- $n_0 = 4, n_1 = 2$
- $n_2 = 3;$
- $n_0 = n_2 + 1$



二叉树的抽象数据类型定义

类型名称:二叉树

数据对象集:一个有穷的结点集合。

若不为空,则由根结点和其左、右二叉子树组成。

操作集: BT∈ BinTree, Item ∈ ElementType, 重要操作有:

- 1、Boolean IsEmpty(BinTree BT): 判别BT是否为空;
- 2、void Traversal(BinTree BT): 遍历,按某顺序访问每个结点;
- 3、BinTree CreatBinTree(): 创建一个二叉树。

常用的遍历方法有:

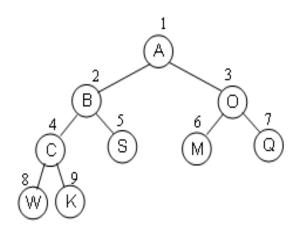
- ◆ void PreOrderTraversal(BinTree BT): 先序----根、左子树、右子树;
- ◆ void InOrderTraversal(BinTree BT): 中序---左子树、根、右子树;
- ◆ void PostOrderTraversal(BinTree BT): 后序---左子树、右子树、根
- ◆ void LevelOrderTraversal(BinTree BT): 层次遍历,从上到下、从左到右



二叉树的存储结构

1. 顺序存储结构

完全二叉树:按从上至下、从左到右顺序存储 n个结点的完全二叉树的结点父子关系:

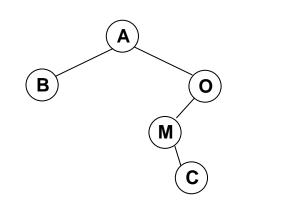


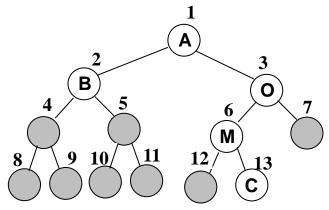
- □ 非根结点(序号 i > 1)的父结点的序号是 [i/2];
- □ 结点(序号为 i) 的左孩子结点的序号是 2i, (若2 i <= n, 否则没有左孩子);
- □ 结点(序号为 i) 的右孩子结点的序号是 2i+1, (若2 i +1<= n, 否则没有右孩子);

结点	Α	В	0	С	S	M	Q	W	K
序号	1	2	3	4	5	6	7	8	9



□ 一般二叉树也可以采用这种结构,但会造成空间浪费......





(a)一般二叉树

(b) 对应的完全二叉树

结点	Α	В	0	\wedge	\wedge	M	\wedge	\wedge		/>	\wedge	\	С
序号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	4	11	12	13

造成空间浪费!



2. 链表存储

typedef struct TreeNode *BinTree;
typedef BinTree Position;
struct TreeNode{
 ElementType Data;
 BinTree Left;
 BinTree Right;
}

