3.3 二叉树的遍历



二叉树的遍历

(1) 先序遍历

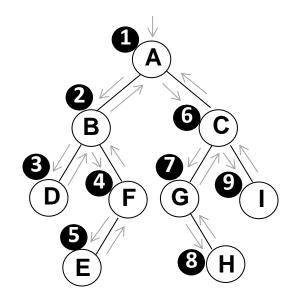
遍历过程为:

- ① 访问根结点;
- ② 先序遍历其左子树;
- ③ 先序遍历其右子树。

```
A (BDFE) (CGHI)
```

先序遍历=> ABDFECGHI

```
void PreOrderTraversal( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        printf("%d", BT->Data);
        PreOrderTraversal( BT->Left );
        PreOrderTraversal( BT->Right );
    }
}
```





(2) 中序遍历

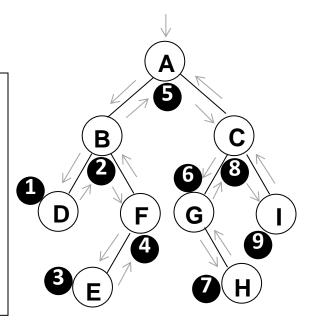
遍历过程为:

- ① 中序遍历其左子树;
- ② 访问根结点;
- ③ 中序遍历其右子树。

```
(DBEF) A (GHCI)
```

中序遍历=> DBEFAGHCI

```
void InOrderTraversal( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        InOrderTraversal( BT->Left );
        printf("%d", BT->Data);
        InOrderTraversal( BT->Right );
    }
}
```





(3) 后序遍历

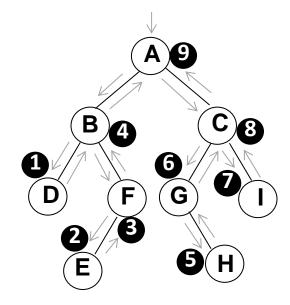
遍历过程为:

- ① 后序遍历其左子树;
- ② 后序遍历其右子树;
- ③访问根结点。

```
(DEFB) (HGIC) A
```

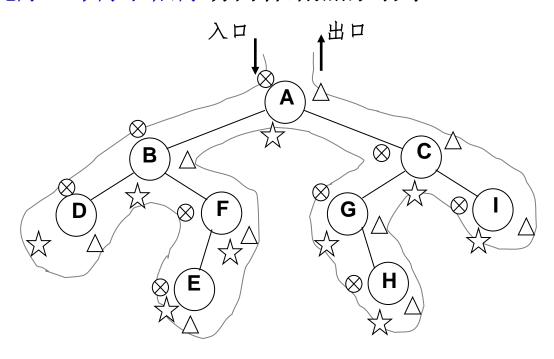
后序遍历=> DEFBHGICA

```
void PostOrderTraversal( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        PostOrderTraversal( BT->Left );
        PostOrderTraversal( BT->Right);
        printf("%d", BT->Data);
    }
}
```





- ❖ 先序、中序和后序遍历过程: 遍历过程中经过结点的路线一样, 只是访问各结点的时机不同。
- 卷 图中在从入口到出口的曲线上用⊗、☆ 和△三种符号分别标记出了先序、中序和后序访问各结点的时刻

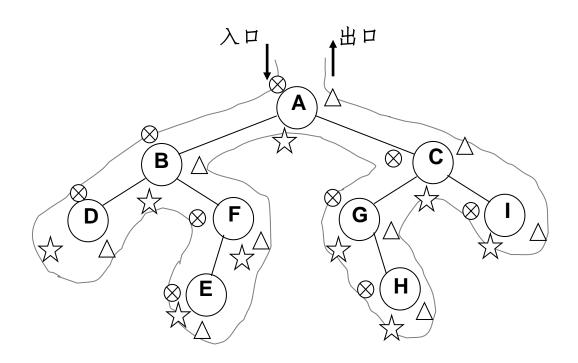




二叉树的非递归遍历

❖中序遍历非递归遍历算法

非递归算法实现的基本思路: 使用堆栈





❖中序遍历非递归遍历算法

- ▶ 遇到一个结点,就把它压栈,并去遍历它的左子树;
- > 当左子树遍历结束后,从栈顶弹出这个结点并访问它;
- > 然后按其右指针再去中序遍历该结点的右子树。

```
void InOrderTraversal( BinTree BT )
  BinTree T=BT;
   Stack S = CreatStack( MaxSize ); /*创建并初始化堆栈S*/
   while( T || !IsEmpty(S) ){
      while(T){ /*一直向左并将沿途结点压入堆栈*/
          Push(S,T);
          T = T->Left;
      if(!IsEmpty(S))
          T = Pop(S); /*结点弹出堆栈*/
          printf("%5d", T->Data); /*(访问)打印结点*/
          T = T->Right; /*转向右子树*/
```



❖ 先序遍历的非递归遍历算法?

```
void InOrderTraversal( BinTree BT )
                               BinTree T BT;
                            Stack S = CreatStack( MaxSize ); /*创建并初始化堆栈S*/
                            while( T || !IsEmpty(S) ){
                                                             while(T){ /*一直向左并将沿途结点压入堆栈*/
                                                                                               Push(S,T); =
                                                                                               T = T - \sum_{i=1}^{n} T_i = T_i + \sum_{i=1}^{n} T_i = T_
                                                              if(!IsEmpty(S)){
                                                                                               T = Pop(S); /*结点弹出堆栈*/ ==
                                                                                               printf("%5d", T->Data); /*(访问)打印结点*/
                                                                                               T = T->Right; /*转向右子树*/
```

❖后序遍历非递归遍历算法?



层序遍历

- 二叉树遍历的核心问题: 二维结构的线性化
 - 从结点访问其左、右儿子结点
 - ▶ 访问左儿子后,右儿子结点怎么办? ≡
 - □ 需要一个存储结构保存暂时不访问的结点
 - □ 存储结构: 堆栈、队列

堆栈:保存的是自己这个结点 队列:保存右儿子

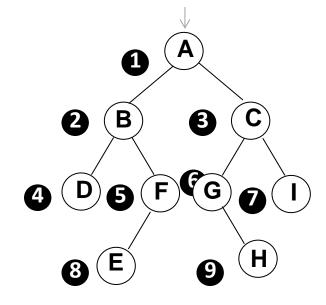


层序遍历

❖ 队列实现: 遍历从根结点开始,首先将根结点入队,然后开始执行循环: 结点出队、访问该结点、其左右儿子入队

ABCDFGIEH

层序遍历 => ABCDFGIEH





层序基本过程: 先根结点入队, 然后:

- ① 从队列中取出一个元素;
- ② 访问该元素所指结点:
- ③ 若该元素所指结点的左、右孩子结点非空,则将其左、右孩子的指针顺序入队。

```
void LevelOrderTraversal ( BinTree BT )
{    Queue Q;    BinTree T;
    if ( !BT ) return; /* 若是空树则直接返回 */
    Q = CreatQueue( MaxSize ); /*创建并初始化队列Q*/
    AddQ( Q, BT );
    while ( !IsEmptyQ( Q ) ) {
        T = DeleteQ( Q );
        printf("%d\n", T->Data); /*访问取出队列的结点*/
        if ( T->Left ) AddQ( Q, T->Left );
        if ( T->Right ) AddQ( Q, T->Right );
    }
}
```



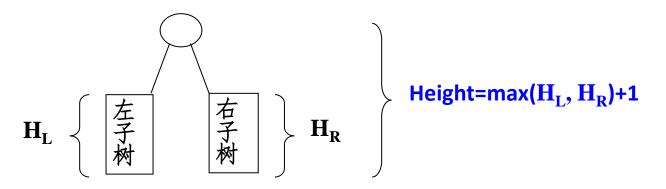
【例】遍历二叉树的应用:输出二叉树中的叶子结点。

□ 在二叉树的遍历算法中增加检测结点的"左右子树是否都为空"。

```
void PreOrderPrintLeaves( BinTree BT )
{
    if( BT ) {
        if ( !BT-Left && !BT->Right )
            printf("%d", BT->Data );
        PreOrderPrintLeaves ( BT->Left );
        PreOrderPrintLeaves ( BT->Right );
    }
}
```



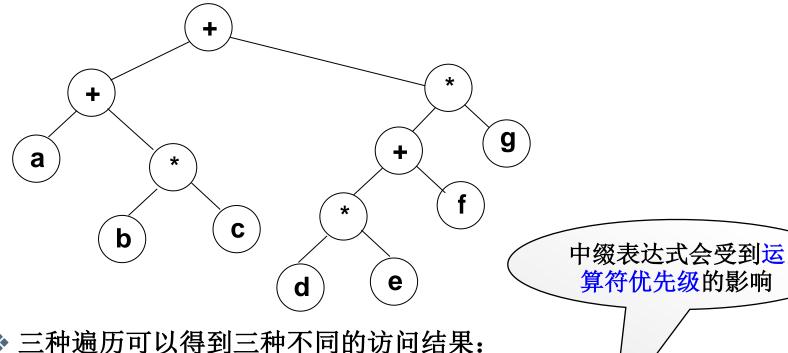
【例】求二叉树的高度。



```
int PostOrderGetHeight( BinTree BT )
{    int HL, HR, MaxH;
    if( BT ) {
        HL = PostOrderGetHeight(BT->Left); /*求左子树的深度*/
        HR = PostOrderGetHeight(BT->Right); /*求右子树的深度*/
        MaxH = (HL > HR) ? HL : HR; /*取左右子树较大的深度*/
        return ( MaxH + 1 ); /*返回树的深度*/
    }
    else return 0; /* 空树深度为0 */
}
```



【例】二元运算表达式树及其遍历

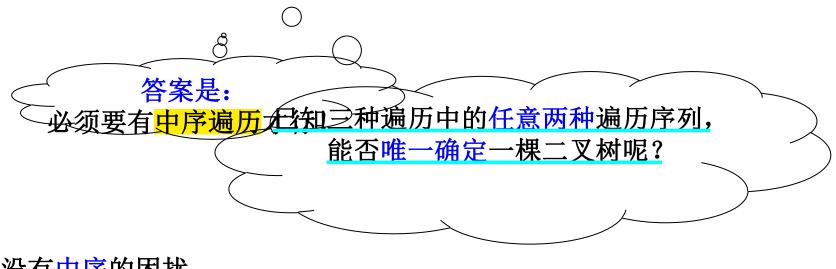


- ❖ 三种遍历可以得到三种不同的访问结果:
- \rightarrow 先序遍历得到<mark>前缀</mark>表达式: ++a*bc*+*defg
- \rightarrow 中序遍历得到中缀表达式: a+b*c+d*e+f*g
- \triangleright 后序遍历得到<mark>后缀</mark>表达式: abc*+de*f+g*+

通过在输出左子树的时候加括号, 输完左子树再加右括号



【例】由两种遍历序列确定二叉树



没有中序的困扰:

▶ 先序遍历序列: A B

▶ 后序遍历序列: B A







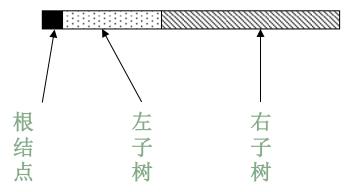


❖ 先序和中序遍历序列来确定一棵二叉树

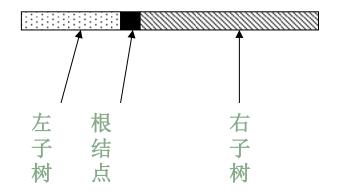
【分析】

- ◆ 根据先序遍历序列第一个结点确定根结点;
- ◆ 根据根结点在中序遍历序列中分割出左右两个子序列
- ◆ 对左子树和右子树分别递归使用相同的方法继续分解。

先序序列



中序序列



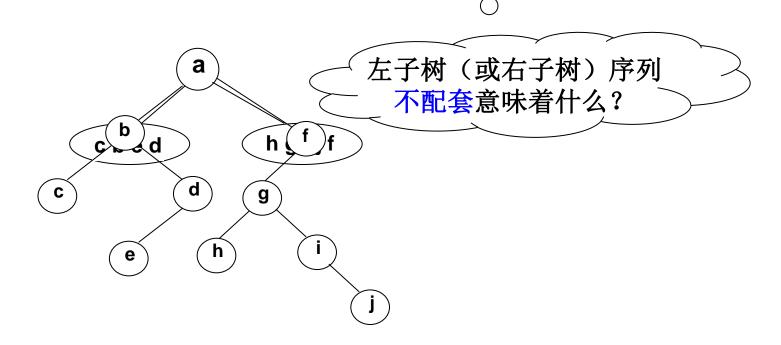


先序序列: 【例】

中序序列:

a bcde fghij

cbeda hg∘ijf



❖ 类似地,后序和中序遍历序列也可以确定一棵二叉树。

