

Conceitos e análises estatísticas com R e JASP

Luis Anunciação (PUC-Rio), PhD

Contents

1 Prefácio	11
1.1 Atenção	11
1.2 A proposta	13
1.3 Objetivo	14
1.4 Público-alvo	14
1.5 Formato do livro	14
1.6 Como usar este livro	15
1.7 Pesquisas e dados	16
1.8 O R e os pacotes	17
1.9 JASP	17
1.10 Outros recursos	18
1.11 Capa	19
1.12 Versão do livro	19
1.13 Autor	19
1.14 Revisão técnica	19
1.15 Agradecimentos	20
2 Programas estatísticos	21
2.1 O R e seu ambiente	21
2.2 Tidyverse	22
2.3 Dificuldades esperadas	23
2.4 Verbos do dplyr	24
2.5 O JASP	25
2.6 Resumo	31

3 Aspectos gerais	33
3.1 Os objetivos de uma pesquisa	34
3.2 A dimensão temporal de uma pesquisa	37
3.3 conceitos fundamentais	38
3.4 Considerações sobre escalas de medida e o processo de mensuração em Psicologia	56
3.5 Principais áreas da estatística	65
3.6 Resumo	66
3.7 Questões	67
4 Estatística Descritiva	69
4.1 Tabelas	71
4.2 Gráficos	71
4.3 Medidas de posição e dispersão	76
4.4 Média	78
4.5 Mediana	80
4.6 Moda	81
4.7 Amplitude	81
4.8 Amplitude interquartil	81
4.9 Variância e Desvio-padrão	82
4.10 Momentos estatísticos	82
4.11 Pesquisa	84
4.12 Execução no R	85
4.13 Gráficos	88
4.14 1 variável discreta	89
4.15 1 variável contínua	91
4.16 2 variáveis com VI discreta (e VD contínua)	96
4.17 2 variáveis com VI contínua (e VD contínua)	98
4.18 Outros gráficos e configurações	100
4.19 Execução no JASP	103
4.20 Tabelas	103
4.21 Gráficos	108

4.22 1 variável discreta	109
4.23 1 variável contínua	111
4.24 2 variáveis com VI discreta (e VD contínua)	114
4.25 2 variáveis com VI contínua (e VD contínua)	114
4.26 Outros gráficos e configurações	116
4.27 Resumo	118
4.28 Questões	119
5 Família de distribuições	121
5.1 Distribuição simétrica	122
5.2 Assimetria à direita	123
5.3 Assimetria à esquerda (ou negativa)	124
5.4 A distribuição normal	125
5.5 A regra empírica	127
5.6 Um resumo visual	128
5.7 Importância inferencial	129
5.8 Resumo	132
6 Tipos de amostragem	135
6.1 Amostragem aleatória simples	138
6.2 Amostragem aleatória sistemática	139
6.3 Amostragem estratificada	139
6.4 Amostragem por conglomerados	140
6.5 Amostragem por conveniência	141
6.6 Amostragem por auto-seleção	141
6.7 Amostragem intencional	141
6.8 Amostragem por bola de neve	141
6.9 Amostragem por quotas	142
6.10 O cálculo do tamanho amostral	142
6.11 Amostragem e sua relação com os resultados	144
6.12 Amostragem, delineamento e generalização	146
6.13 Resumo	147

7 Estatística Inferencial	149
7.1 NHST (Teste de Significância de Hipótese Nula)	150
7.2 Nível de significância	154
7.3 O teste estatístico	155
7.4 O valor de P	156
7.5 O tamanho do efeito	157
7.6 Um exemplo intuitivo	158
7.7 O que não te contaram sobre inferência estatística	159
7.8 Pesquisas adicionais	161
7.9 Questões	162
8 Um exemplo real de pesquisa	165
8.1 O que será pesquisado	166
8.2 Como os dados serão coletados	167
8.3 De onde os dados vêm	168
8.4 As análises	169
8.5 Os achados	170
8.6 Divulgação do estudo	170
8.7 Fluxograma	171
8.8 Resumo	172
9 Qui quadrado	173
9.1 Pesquisa	175
9.2 Execução no R	176
9.3 Tamanho do efeito	178
9.4 Execução no JASP	179
9.5 Escrita dos resultados	185
9.6 Resumo	186
9.7 Pesquisas adicionais	186
9.8 Questões	187

10 Fatores de Risco	189
10.1 Pesquisa	192
10.2 Execução no R	193
10.3 Execução no JASP	196
10.4 Escrita dos resultados	204
10.5 Odds Ratio e Regressão logística	204
10.6 Resumo	207
10.7 Pesquisas adicionais	207
10.8 Questões	208
11 Teste T	209
11.1 Pesquisa	211
11.2 Execução no R	212
11.3 Tamanho do efeito	219
11.4 Execução no JASP	220
11.5 Escrita dos resultados	226
11.6 Versão robusta do Teste T	227
11.7 Mann-whitney	228
11.8 Teste T e regressão	230
11.9 Resumo	234
11.10 Pesquisas adicionais	234
11.11 Questões	235
12 ANOVA	237
12.1 Pesquisa	239
12.2 ANOVA de 1 via	240
12.3 Execução no R	240
12.4 Tamanho do efeito	246
12.5 Execução no JASP	247
12.6 Escrita dos resultados	254
12.7 Post hoc	254
12.8 Execução no R	256

12.9 Execução no JASP	259
12.10 Escrita dos resultados	262
12.11 Resumo	262
12.12 Pesquisas adicionais	262
12.13 Pesquisa	262
12.14 ANOVA de 2 vias	263
12.15 Execução no R	264
12.16 Execução no JASP	271
12.17 Escrita dos resultados	279
12.18 Post hoc	279
12.19 Execução no R	279
12.20 Execução no JASP	282
12.21 Escrita dos resultados	285
12.22 Resumo	286
12.23 ANOVA Fatorial	286
12.24 Execução no R	288
12.25 Execução no JASP	294
12.26 Escrita dos resultados	302
12.27 Resumo	302
12.28 Post hoc	303
12.29 Execução no JASP	305
12.30 Escrita dos resultados	308
12.31 Questões	308
13 ANOVA de medidas repetidas	309
13.1 Pesquisa	309
13.2 Execução no R	311
13.3 Tamanho do efeito	318
13.4 Execução no JASP	319
13.5 Escrita dos resultados	329
13.6 Resumo	330
13.7 Pesquisas adicionais	330

CONTENTS	9
14 Modelo linear misto	331
14.1 Pesquisa	332
14.2 execução no R	332
14.3 Execução no JASP	338
14.4 Escrita dos resultados	346
14.5 Resumo	347
14.6 Pesquisas adicionais	347
15 Correlação	349
15.1 Pesquisa	351
15.2 Execução no R	351
15.3 Execução no JASP	353
15.4 Escrita dos resultados	358
15.5 Resumo	359
15.6 Pesquisas adicionais	359
15.7 Questões	359
16 Regressão linear simples	361
16.1 Breve explicação conceitual	363
16.2 Pesquisa	379
16.3 Execução no R	380
16.4 Execução no JASP	388
16.5 Escrita dos resultados	398
16.6 Resumo	398
16.7 Pesquisas adicionais	399
16.8 Questões	399
17 Regressão linear múltipla	401
17.1 Pesquisa	402
17.2 Execução no R	403
17.3 Execução no JASP	410
17.4 Escrita dos resultados	420

17.5 Técnicas automáticas de seleção de variáveis	421
17.6 Resumo	421
17.7 Pesquisas adicionais	422
17.8 Questões	422
18 Regressão logística binária	425
18.1 Pesquisa	428
18.2 Execução no R	429
18.3 Execução no JASP	437
18.4 Escrita dos resultados	447
18.5 Regressão logística, OR e Qui-quadrado	447
18.6 Resumo	449
18.7 Pesquisas adicionais	450
18.8 Questões	450
19 Quarta capa	453
20 Referencias	455

Chapter 1

Prefácio



1.1 Atenção

Atenção: Os capítulos estão apenas parcialmente disponíveis. Você pode adquirir o livro no site da Amazon, clicando [aqui](#). Ao fazer isso, você estará

apoioando este projeto e auxiliando no desenvolvimento de outros. Última modificaçāo: 08 July, 2021 às 19:58

Disciplinas do conjunto das ciências humanas e da saúde costumam fazer pesquisas extremamente complexas, em que a diferenciação dos fenômenos de interesse (sinal) daqueles que o distorcem ou o atrapalham (ruído) é, por vezes, bastante sutil e complicada. Uma vez que incerteza é sempre presente, é justamente nestas áreas que a estatística assume um importante papel. Métodos estatísticos permitem que os pesquisadores possam implementar maior robustez metodológica em seus estudos e com isso, terem maior segurança tanto nos resultados alcançados, como nas discussões e conclusões sugeridas.

No entanto, apesar da inegável contribuição que a estatística traz para estas áreas, a ansiedade e o receio que ela gera em estudantes é um fato bem consolidado e conhecido pelos docentes não apenas de estatística, mas de métodos quantitativos no geral. Esse fenômeno traz um paradoxo bastante peculiar, podendo até mesmo fazer com que os estudantes de ciências humanas e da saúde – que são os que mais precisam dos recursos estatísticos em suas pesquisas – também sejam aqueles que têm menor interesse ou até mesmo a maior resistência em aprender esta matéria.

A saída para este impasse não é fácil, mas um dos objetivos deste livro é providenciar uma possível solução. Durante todos os capítulos, o estudante será apresentado à uma pesquisa previamente publicada, em que as perguntas científicas se tornam o centro das atenções e as análises estatísticas aparecem como um enorme auxílio e suporte para que as respostas possam ser elaboradas. Dessa maneira, o estudante será estimulado a pensar e agir como um pesquisador, encontrando suas próprias soluções ou, ainda, aperfeiçoando aquelas que o livro propõe.

O livro é integralmente feito no R e no JASP. Todos os seus códigos estão disponíveis para uso caso o estudante queira reproduzir as análises no R. Todas as telas do JASP também estão disponíveis visando guiar o estudante em cada etapa analítica. Acredito que essa abordagem mais pragmática possa despertar no estudante o interesse na utilização da estatística como uma importante ferramenta da ciência, mas também plantar uma primeira semente para que alguns também queiram entender como a ciência da estatística é formada.

Este livro não seria possível sem a participação dos alunos da PUC-Rio, UFRJ e IBNeuro. Cada um, à sua maneira, contribuiu compartilhando suas dúvidas, questionamentos e reflexões, recursos valiosos para qualquer professor. O suporte e apoio dado por minha esposa também foram fundamentais em cada passo, seja os para frente ou também uns poucos para trás. Finalmente, se eu pude ver mais longe, foi por estar sobre ombros de um gigante, que tem nome e história. O Professor J. Landeira-Fernandez foi (e é) uma pessoa importante em cada etapa do processo, me oferecendo sempre um incentivo para continuar a seguir em frente e me apresentando às vias mais seguras. Finalmente, apesar de grande ênfase em estudantes de graduação e pós-graduação, espero que

este livro possa se tornar um importante recurso metodológico para os colegas que trabalham nesta batalha tão difícil, mas tão recompensante, que é ensinar Estatística.

Luis Anunciação, Rio de Janeiro, 20 de abril de 2021

1.2 A proposta

Este livro nasceu como um dos principais e mais frutíferos resultados das aulas de graduação e pós-graduação ministradas por mim em alguns locais, mas com maior intensidade na PUC-Rio, UFRJ e IBNeuro. Por muito tempo, durante as aulas de Estatística aplicada à Psicologia e Bioestatística recorri a diferentes livros que, cada qual de forma particular, apresentavam conceitos de pesquisa, técnicas estatísticas e análise de dados.

No entanto, acabei percebendo (ou tendo a impressão) de que eles apresentavam a estatística por diferentes atalhos pedagógicos, (1) sugerindo que pesquisa e estatística eram áreas distantes, (2) que toda estatística podia ser resumida por testes de hipóteses independentes entre si e que (3) situações envolvendo dados reais não tinham tanto interesse. No geral,pareceu-me que para eles apresentarem a estatística na ciência, era necessário distorcer pesadamente a ciência da estatística. Em função disso, nos últimos anos, eu fui sentindo necessidade de apresentar os conceitos de pesquisa e técnicas estatísticas de forma integrada, coesa e contando com dados reais.

Conciliar estas condições em um único livro de maneira adequada é bastante improvável e esse livro opta por uma abordagem majoritariamente pragmática, mas que evita se distanciar de conceitos teóricos. O pragmatismo é fundamental para que o estudante consiga, rapidamente, entender os procedimentos relacionados à análise de dados e implementar técnicas estatísticas para tomar decisões. Quão antes o estudante entender a utilidade da estatística para resolver problemas, maior é a probabilidade de ele vir a gostar da área. Por sua vez, os aspectos teóricos são os alicerces para que o estudante possa perceber também que a estatística é uma ciência que, ao longo do tempo, conforme a tecnologia avançou, mais sólida e robusta foi se tornando.

Isso posto, este livro tem a proposta de ser um manual ou guia técnico, em que são apresentados conceitos de pesquisa e análises estatísticas utilizando os ambientes de programação R e o JASP e com especial aplicação em Psicologia e Bioestatística. Em cada capítulo, o estudante terá a oportunidade de acessar:

1. Uma pesquisa científica, explicitando o problema e as hipóteses que a guiaram;
2. O artigo publicado com os resultados;

3. A base de dados em formato R ou CSV sem identificação para recriar os cenários dos artigos e poder ilustrar os novos conceitos discutidos;
4. Os métodos e as técnicas estatísticas pautadas na teoria discutida que possa responder às perguntas apresentadas nos cenários dos artigos e leve à uma tomada de decisão;
5. Recursos extras para aprofundamento em tópicos específicos;
6. Resolução de problemas para fixação do conteúdo discutido, ilustrados por provas externas da Área da Psicologia.

Com isso, o livro oferece ao estudante um convite para uma trilha de aprendizado dentro do ecossistema da Psicologia, que o faça resolver problemas para uma tomada de decisão real, pautadas pelo referencial teórico discutido e pelos métodos e técnicas já oferecidos. Em função desses elementos, o foco do livro estará na resolução de problemas da área da Psicologia, a fim de tomar uma decisão mais acurada. Espero que este livro possa ser útil a estudantes de graduação e pós-graduação, agradável a leitores de Estatística como de Psicologia e um recurso importante para outros docentes que, eventualmente, precisem de um material de apoio.

1.3 Objetivo

O livro tem como objetivos (1) apresentar, (2) discutir e (3) operacionalizar conceitos de pesquisa e análises estatística de estudos publicados e de dados reais. Espera-se que qualquer o estudante consiga realizar todas as ações descritas no decorrer dos capítulos de maneira guiada e intuitiva. As sintaxes utilizadas no ambiente R e as telas de execução do JASP são integralmente disponíveis.

1.4 PÚBLICO-ALVO

Estudantes de Psicologia e Bioestatística. As pesquisas e exemplos utilizados são mais aderentes a estas duas áreas. No entanto, os conceitos, métodos e técnicas estatísticas são interdisciplinares e, com isso, espera-se que estudantes de áreas como Educação, Administração e Economia também possam aprender com o livro.

1.5 Formato do livro

O livro foi pensado para ter uma estrutura (1) organizada, (2) linear e (3) formada por capítulos autossuficientes escritos para responder questões pontuais.

Acredito que, assim, ele possa atender tanto estudantes interessados em ler a obra inteira, como aqueles que buscam informações mais específicas sobre um tópico particular.

Este formato adotado tende a gerar uma percepção diferente entre aqueles que consultarem apenas um capítulo ou outro e aqueles que lerem o conteúdo por completo. Há uma maior chance de isto ocorrer em capítulos sobre testes estatísticos, uma vez que diversos testes estatísticos são casos particulares de outros. Alguns assuntos que parecem destoantes em uma leitura inicial, tornam-se articulados em outros capítulos.

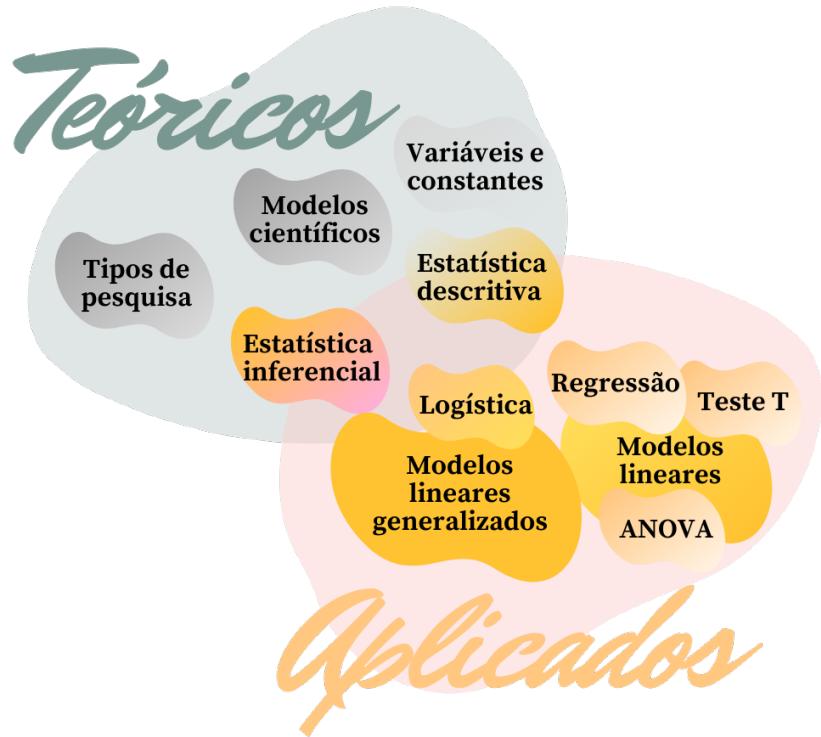
Muitos capítulos recebem o nome de testes de hipóteses (ex: Teste T ou Regressão). Isso foi intencional e visa auxiliar estudantes que precisem apenas de informações pontuais, bem como tende a enfraquecer a ideia de uma relação ponto a ponto tipicamente feita entre testes estatísticos e delineamentos específicos.

1.6 Como usar este livro

O livro é formado por dois componentes: capítulos teóricos e capítulos voltados à análise de dados. Os capítulos teóricos reúnem alguns conceitos fundamentais de pesquisa e estatística, tais como tipos de variáveis, delineamento de pesquisa e técnicas de amostragem. Estes capítulos foram escritos pensando em alunos de graduação do curso de Psicologia.

Os capítulos analíticos são focados em testes de hipóteses e contam com uma metodologia direta ao ponto, em que atividades similares às realizadas nos artigos são demonstradas. Estes capítulos foram desenvolvidos para estudantes de pós-graduação.

A figura abaixo diagrama os dois componentes de forma aproximada.



1.7 Pesquisas e dados

Neste livro, as seguintes pesquisas e seus materiais são utilizados:

- “Depression and Anxiety Symptoms in a Representative Sample of Undergraduate Students in Spain, Portugal, and Brazil”
- “Confirmatory analysis and normative tables for the Brazilian Ages and Stages Questionnaires: Social–Emotional”
- Psychometric properties of a short-term visual memory test (MEMORE)”
- “A relação entre o nível de Empreendedorismo (TEG) e os aspectos sociodemográficos dos Taxistas cooperados da cidade de Santo André/São Paulo, Brasil”

- “Avaliação psicométrica em português do indicador de dor crônica de Helsinki em cães com sinais crônicos de osteoartrite”
- “Aspects Related to Body Image and Eating Behaviors in Healthy Brazilian Undergraduate Students”
- “Parent-reported diagnosis of Attention Deficit Hyperactivity Disorder and psychostimulant use among children and adolescents: a population-based nationwide study”
- “Resilience and vulnerability in adolescents with primary headaches: a cross-sectional population-based study”

As bases são *Open Science*. Isso significa que elas são gratuitas e universalmente acessíveis para finalidades acadêmicas. Em cada capítulo, as bases irão aparecer na seção “Pesquisa”, da seguinte maneira:

A base desta pesquisa está disponível em formato **R** (**Rdata**) e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Base R

Base JASP: Base CSV

As bases em R tem formato .RData e as bases para o JASP tem formato .CSV.

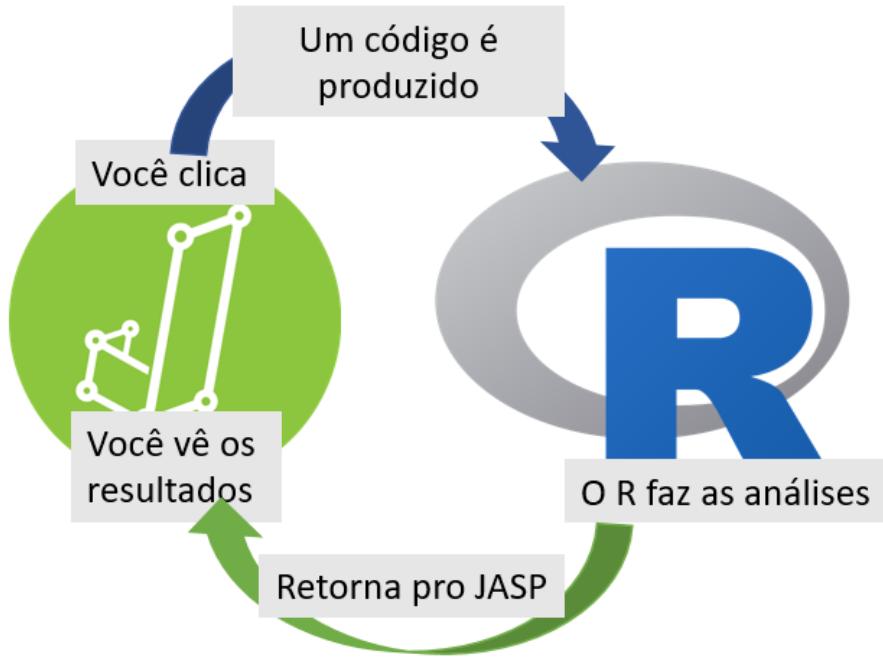
1.8 O R e os pacotes

O livro é integralmente desenvolvido pelo recurso de “programação letrada” no R Markdown, ou seja, ele entrelaça aspectos textuais e linhas de código. Em todos os capítulos, as funções nativas do R e do Tidyverse serão utilizadas. Caso alguém queira reproduzir as análises, será necessário apenas executar as linhas de código disponíveis no decorrer do livro.

O *tidyverse* costuma ter atualizações frequentes. Caso um alerta de *deprecated* seja apresentado, isso significa que a função utilizada foi parcialmente desativada, o que não costuma impactar nas análises.

1.9 JASP

O JASP é um programa gratuito que tem sido cada vez mais utilizado em Psicologia. Ele é feito integralmente por código aberto e sua interface é bastante amigável e intuitiva. Ao instalar o JASP, o R também será instalado em seu computador e ficará no pano de fundo. Dessa maneira, todas as ações feitas por *Point and Click* no JASP, serão convertidas em linhas de código no R e apresentadas de maneira dinâmica no JASP.



Em todos os capítulos, telas do JASP serão apresentadas para que seja possível a reprodução integral de algumas análises. Da mesma forma que qualquer pacote estatístico, o JASP é atualizado frequentemente. Esse livro contou com a versão 0.14.1 e espero que futuras atualizações não comprometam a proposta do livro.

Atualizações pontuais de capítulos serão feitas visando parear o conteúdo do livro com as mudanças nos programas.

1.10 Outros recursos

Em cada um dos capítulos, aplicações da estatística e referências bibliográficas serão apresentadas. Tenha em mente que há um debate intenso em diferentes conceitos de estatística, da mesma forma que muitas condições computacionais podem aparecer durante a execução das análises propostas. Eu recomendo fortemente a comunidade stackoverflow como um recurso pedagógico para auxiliar em ambos os cenários.

Questões relacionadas aos capítulos são listadas de forma a conectar o conteúdo do livro com exigências balizadas por critérios externos, tal como o ENADE e bancas de concurso.

1.11 Capa

Por tradição, livros de Ciência de Dados e Estatística utilizam a imagem de algum animal na capa. Há livros com cachorros, papagaios, peixes, caranguejos, lagartos, etc. Esse livro não foge dessa regra e tem como capa a Jolie, a minha cachorrinha com a Anna. Ela foi indispensável para o atraso ao término deste livro.

1.12 Versão do livro

Como todos os livros, este também tem uma história de desenvolvimento. A tabela abaixo apresenta a versão, a data de lançamento e algumas características importantes.

Versão	Data	Características
Beta 2	Março, 2021	Revisão textual parcialmente concluída. Fechado parceria com a Nila Press para comercialização da versão final do livro.
Beta 1	Fevereiro, 2021	Primeira versão. Baixa revisão textual e dos conceitos estatísticos. Erros são esperados. A utilização deve ser feita apenas de maneira incipiente

1.13 Autor

Luis Anunciação é doutor em Psicometria pela Pontifícia Universidade Católica do Rio de Janeiro (PUC-Rio), com intercâmbio na University of Oregon, mestre em saúde pública pela Universidade do Estado do Rio de Janeiro e especialista em Neuropsicologia (IBNeuro) e Bioestatística (Johns Hopkins University). Atualmente, é professor do Departamento de Psicologia da PUC-Rio, coordenador da ANOVA e psicometrista da Nila Press, uma editora especializada no desenvolvimento de instrumentos psicológicos. Desde 2016, trabalha intensamente com métodos estatísticos e análise de dados, sendo autor de mais de 30 artigos científicos sobre o tema, publicados majoritariamente em periódicos internacionais.

1.14 Revisão técnica

Este livro contou com a revisão técnica do Dr. J. Landeira-Fernandez (Doutor em Neurociências pela University of California - UCLA, Pesquisador 1A do CNPq) e Ms. Regina Albanense (Graduada em Matemática e Estatística e

Mestre em Ciências). Dr. Landeira foi fundamental em tópicos envolvendo aspectos de pesquisa e análises estatísticas e Ms. Regina foi fundamental para revisão da modelagem matemática e revisão conceitual.

1.15 Agradecimentos

Nenhum homem é uma ilha. Este livro só foi possível graças a um conjunto de pessoas que auxiliaram e fizeram uma profunda revisão do texto. Meus sinceros agradecimentos a (ao):

J. Landeira-Fernandez, PUC-Rio
Regina Albanense, CONRE
Cristiano Fernandes, PUC-Rio
Danilo Assis Pereira, IBNeuro
Anna Carolina de Almeida Portugal, UFRJ
Emanuel Cordeiro, UFPE
Jeovani Schmitt, Catarinense Federal Institute of Education, Science and Technology (IFC)
Alunos da PUC-Rio, UFRJ, IBNeuro e ANOVA

Free website hit counter

Chapter 2

Programas estatísticos

Objetivos do capítulo

1. Apresentar os programas estatísticos utilizados durante o livro
2. Discutir características do R, tidyverse e seus pacotes
3. Discutir características do JASP

Programas estatísticos são ferramentas indispensáveis tanto na gestão, como na análise dos dados resultantes de uma pesquisa. Eles servem para otimizar o tempo gasto nas etapas analíticas de uma pesquisa, apesar de, em menor escala, permitirem a execução de análises inadequadas. No dia a dia de um pesquisador, apenas muito raramente as análises são feitas manualmente. Dessa maneira, o conhecimento de programas de análise de dados faz parte das competências esperadas para quem deseja ou precisa trabalhar com estatística.

Atualmente, há muitos programas e pacotes estatísticos disponíveis para uso. Acredito que a maioria deles tenha mais similaridades do que diferenças e produzam resultados confiáveis. Neste livro, o R e o JASP serão utilizados e algumas de suas características serão descritas neste capítulo.

2.1 O R e seu ambiente

O R é uma linguagem de programação focada em análises estatísticas, que vem ganhando popularidade entre pesquisadores e cientistas. Este livro foi integralmente feito e baseado no ambiente R que, apesar de ainda não ser o programa mais frequente em Psicologia, apresenta diversas vantagens em comparação aos programas mais usuais.

- o R e todos os seus pacotes e otimizações são gratuitos.

- o R é uma linguagem de programação desenvolvida especificamente para Estatística.
 - Diferente de uma linguagem mais geral (por exemplo, Python) ou de um programa *point and click*, o R é uma linguagem focada em análise estatística. Ao se programar utilizando o R, o usuário tem controle total das ações realizadas e dos resultados obtidos. Assim, raramente o R apresentará resultados excessivos e distantes das análises solicitadas. Apesar disso poder assustar no início, acredito que essa característica seja essencial e, inclusive, serve como um excelente auxílio pedagógico para que o estudante planeje adequadamente as análises de interesse, em vez de apenas selecionar parte de um *output* padronizado, como ocorre com o SPSS.
- O R é um programa de nicho em Estatística. Essa característica faz com que ele seja absolutamente adaptado para o dia a dia em estatística, incluindo não apenas análises descritivas e inferenciais, mas também análises para simulação e controle de resultados.
- O R permite o desenvolvimento de interfaces web e aplicativos.
- O R tem diversos pacotes.
 - Pacotes são complementos que permitem otimizar as análises que o R faz. A comunidade R tem um exército de pacotes, que além de gratuitos, foram verificados publicamente. O ambiente CRAN (*The Comprehensive R Archive Network*) é o local em que estes pacotes estão aloados. Neste livro, todos os capítulos contam com pacotes específicos, que permitiram que análises complexas fossem realizadas com poucos comandos.
- O R possui uma enorme comunidade de apoio.
 - Os usuários do R formam uma rede muito dinâmica e que oferece grande apoio em caso das mais diversas dúvidas. A comunidade stackoverflow talvez seja a mais volumosa e reúne pessoas de todas as nacionalidades.

Para baixar o R, é necessário ir no site <https://cran.r-project.org/>. Em seguida, para baixar o R Studio, é necessário acessar <https://rstudio.com/>.

2.2 Tidyverse

O Tidyverse é um ambiente de pacotes. Eles funcionam de maneira totalmente integrada e permitem que a estrutura da programação seja mais intuitiva e

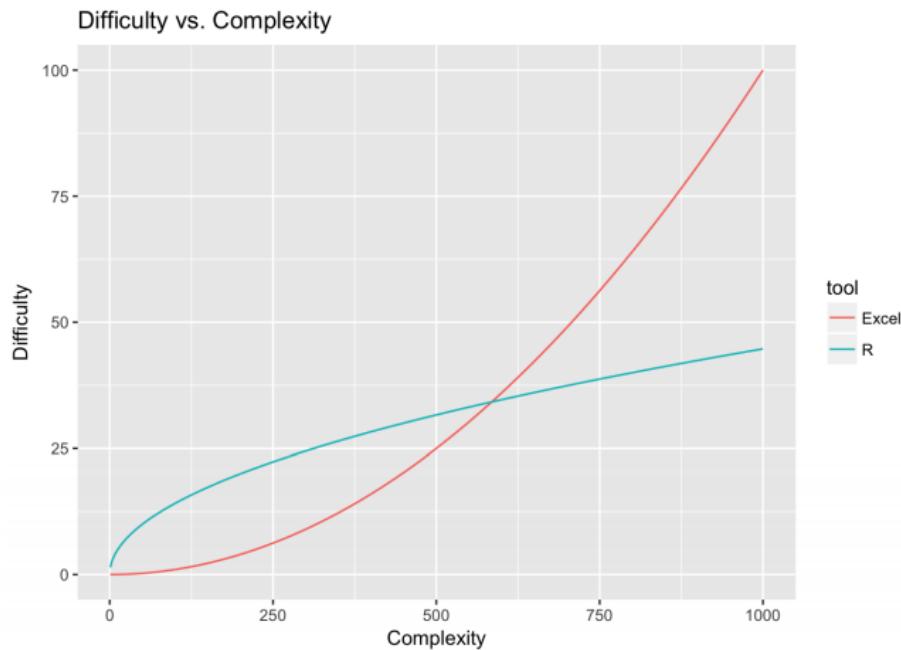
próxima à forma pela qual pensamos. No Tidyverse, os códigos seguem a lógica de sujeito + verbo e permitem uma programação encadeada, ao se utilizar a ligação *pipe* (%>%). Ao instalar o tidyverse `install.package("tidyverse")`, os pacotes abaixo ficam disponíveis no R.



2.3 Dificuldades esperadas

Algumas dificuldades são esperadas quando se trabalha programação no geral e com o R especificamente. Apesar do R e seus pacotes oferecerem excelentes ferramentas para análise de dados, algumas condições descritivas são demasiadamente custosas. Por exemplo, enquanto realizar algumas tabelas e gráficos no Excel é tremendoamente fácil, com alguma frequência o R exige diversas linhas de código para isso.

Nesse sentido, na relação entre dificuldade e complexidade, o R sai na frente em tarefas complexas (como exemplo, estimar os coeficientes de um modelo não-linear), mas talvez perca em tarefas fáceis (por exemplo, gerar uma tabela de contingência). A Figura a seguir apresenta esta relação comparando as análises feitas no R e no Excel.



Além disso, o R traz uma outra barreira importante em aspectos que envolvam o ensino de estatística, especialmente na graduação. Como o R é uma linguagem de programação, o estudante teria de aprender a programar antes de conseguir entender conceitos de pesquisa e a utilidade da estatística. Isso poderia impactar negativamente na motivação do estudante, principalmente àqueles com uma aversão *a priori* da matéria,

Em situações como esta, talvez o ideal seja começar motivando o estudante a entender como a estatística é uma ferramenta importante para tomar decisões para, só depois e lentamente, apresentar aspectos matemáticos e computacionais.

2.4 Verbos do dplyr

Entre os pacotes do ambiente tidyverse, o dplyr é o que será mais utilizado. Este pacote funciona de maneira muito intuitiva, em que as funções dependem de uma estrutura sujeito `%>%` verbo(complemento). Essa é uma diferença importante em relação ao R Base. Por exemplo, no R Base é necessário executar `names(dataset)` para verificar as variáveis de um conjunto de dados. Pelo dplyr deve-se utilizar `dataset %>% names`.

O dplyr funciona a partir de verbos declarativos e os principais estão listados na tabela a seguir. As sintaxes deixadas no decorrer do livro também permitem uma melhor apreensão das funcionalidades.

Verbo	Ação
glimpse	Inspeciona os dados
count	Conta os níveis de uma variável
select	seleciona uma variável específica
filter	Filtrar os resultados por um nível específico de uma variável
group_by	Agrupa os resultados por níveis de uma variável específica
summarise	Apresenta sumários (com medidas estatísticas)
mutate	Cria novas variáveis ou altera as existentes
arrange	Organiza a apresentação dos resultados
left_join	Junta bases ou colunas
pivot_longer	Transforma uma base larga em longa
pivot_wider	Transforma uma base longa em larga

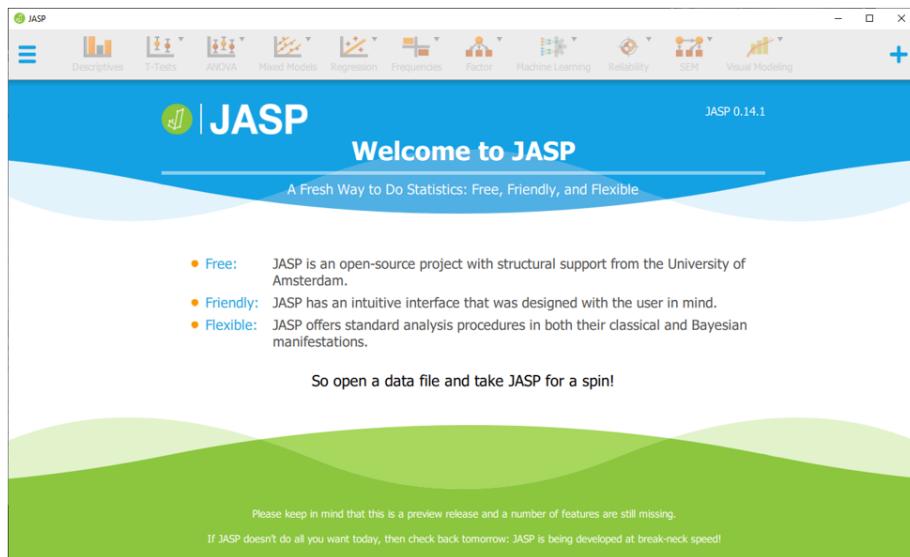
Nota: Em alguns momentos, em função da praticidade computacional, algumas sintaxes vão contar com o formato base do R.

É importante ficar atento às atualizações do dplyr e do sistema tidyverse como um todo. Eventualmente, mudanças podem ocorrer e impossibilitar (ou dificultar) a reprodução de rotinas antigas.

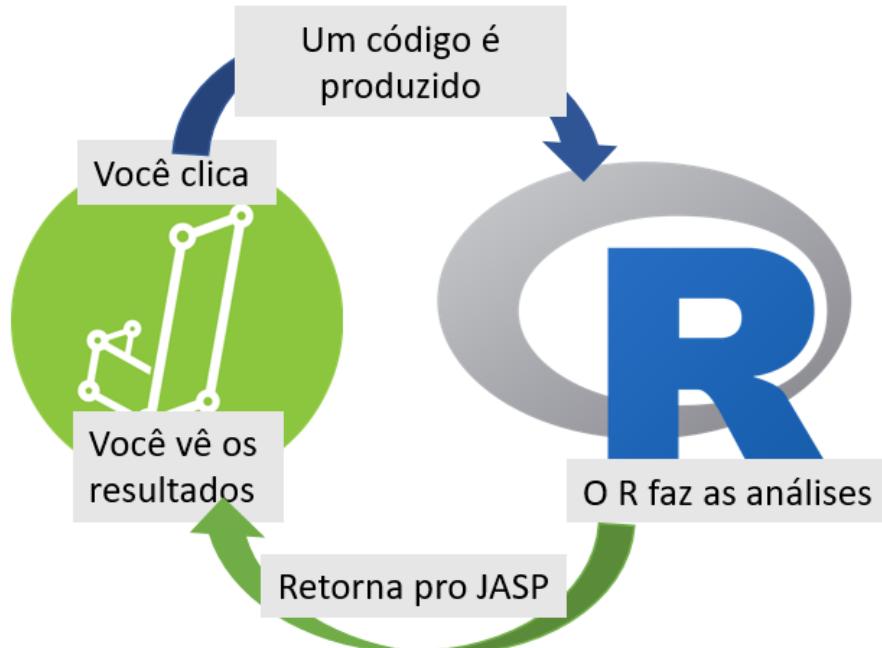
2.5 O JASP

O JASP é um programa gratuito, com uma interface amigável, *point and click* e altamente versátil para a maioria das análises realizadas. A versão utilizada neste livro é a 0.14.1. O JASP foi desenvolvido por um time de psicólogos e estatísticos liderados pelo Prof. Eric-Jan Wagenmakers, da Universidade de Amsterdam. Isso talvez explique o motivo pelo qual o JASP vem sendo cada vez mais utilizado em análises de dados psicológicos e na docência de matérias relacionadas a métodos estatísticos.

Para baixar o JASP, é necessário acessar <https://jasp-stats.org/download/>.



Quando se instala o JASP no computador, se instala também o R. Todas as ações feitas no JASP se transformam em linhas de código que são enviadas ao R e, em seguida, retornam pro JASP e são apresentadas na tela. Isso ocorre de maneira instantânea e não há nenhum incômodo para o usuário. Na maioria das vezes, computadores pessoais conseguem rodar o JASP sem grandes problemas.

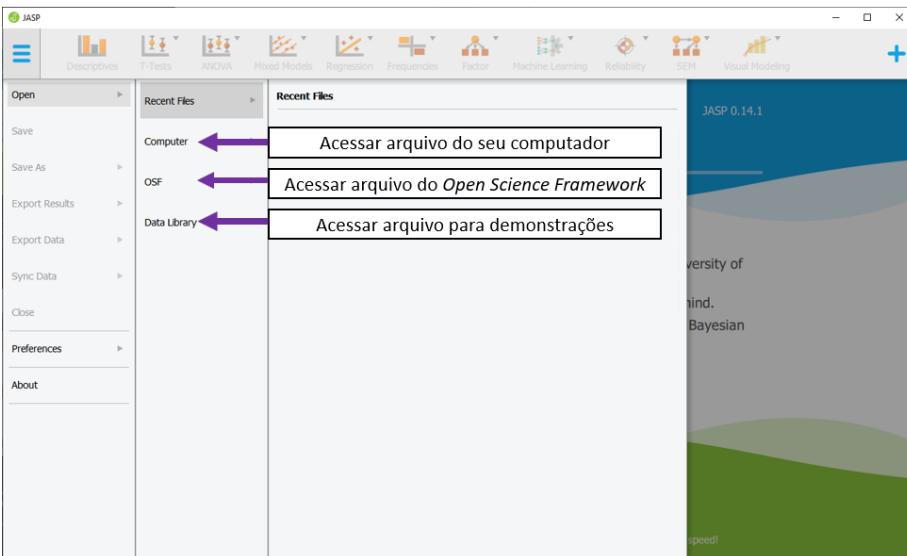


O idioma oficial do JASP é o inglês e, nesta versão, não pode ser alterado. Para

fazer qualquer análise, é necessário carregar um arquivo de dados. Isso pode ser feito no símbolo das três linhas, localizado na parte superior à esquerda.



A opção **open** permite que se accesse algum diretório local específico ou se baixe os dados diretos da plataforma *Open Science Framework (OSF)*. Esta versão do JASP aceita, majoritariamente, arquivos em CSV, que indica que os dados são separados por vírgulas.



Ao abrir algum arquivo de dados, o JASP irá apresentar os dados no centro do programa e as opções de análise na parte superior. Tenha atenção que essas

telas podem variar de versão para versão.

Em relação aos dados, quase sempre o formato utilizado é o largo. Neste formato, cada coluna representa uma variável, cada linha representa um caso e cada célula (ou vetor) apresenta um valor específico.

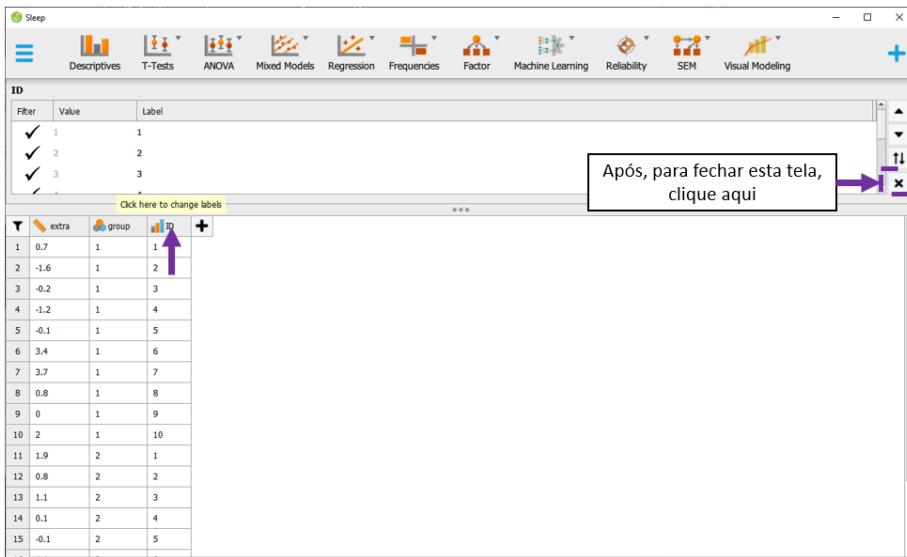
	extra	group	ID
1	0.7	1	2
2	-1.6	1	3
3	-0.2	1	4
4	0.2	1	5
5	0.1	1	6
6	3.4	1	7
7	3.7	1	8
8	0.8	1	9
9	0	1	10
11	2	2	1
12	1.8	2	2
13	1.1	2	3
14	0.1	2	4
15	0.1	2	5
16	4.4	2	6
17	5.5	2	7
18	1.6	2	8
19	4.6	2	9
20	3.4	2	10

O JASP adota uma simbologia específica para definir a escala (ou nível) de medida das variáveis. Isso pode ser visto no símbolo ao lado dos nomes das variáveis. Para alterar o nível, basta clicar sobre o símbolo.

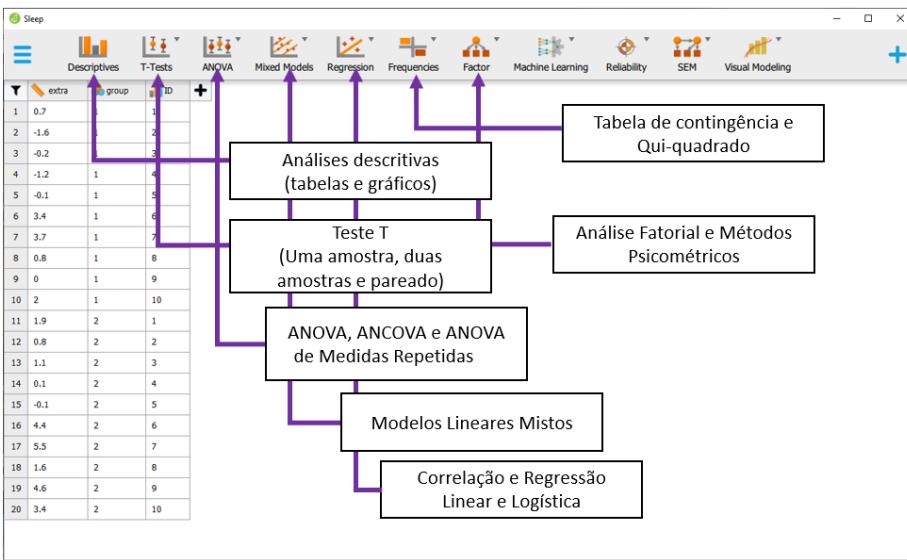
	extra	group	ID
1	0.7	1	2
2	-1.6	1	3
3	-0.2	1	4
4	-1.2	1	5
5	-0.1	1	6
6	3.4	1	7
7	3.7	1	8
8	0.8	1	9
9	0	1	10
10	2	1	10
11	1.9	2	1
12	0.8	2	2
13	1.1	2	3
14	0.1	2	4
15	-0.1	2	5
16	4.4	2	6
17	5.5	2	7
18	1.6	2	8
19	4.6	2	9
20	3.4	2	10

É possível também alterar valores e rótulos das variáveis. Para isso, basta clicar

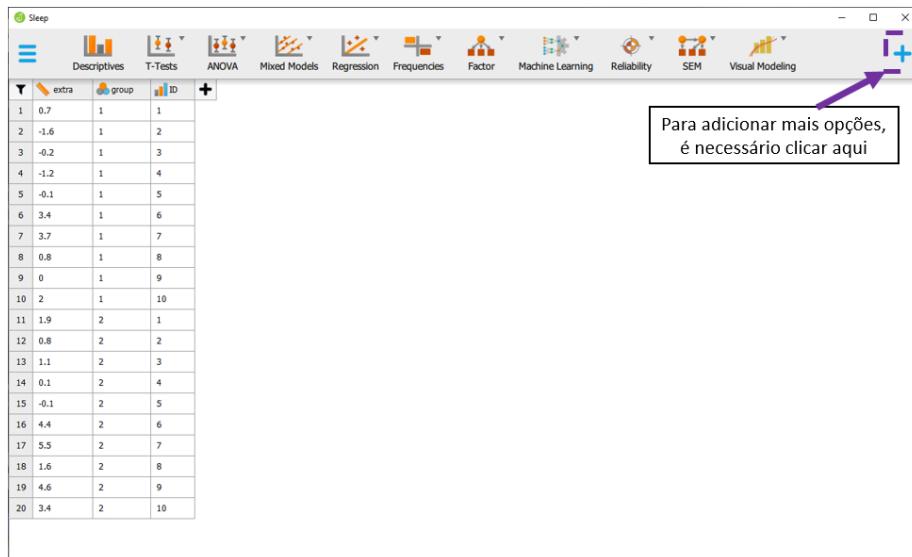
no centro da variável. Uma seção na parte de cima do programa será exibida. Para fechar, é necessário clicar no X ao lado direito.



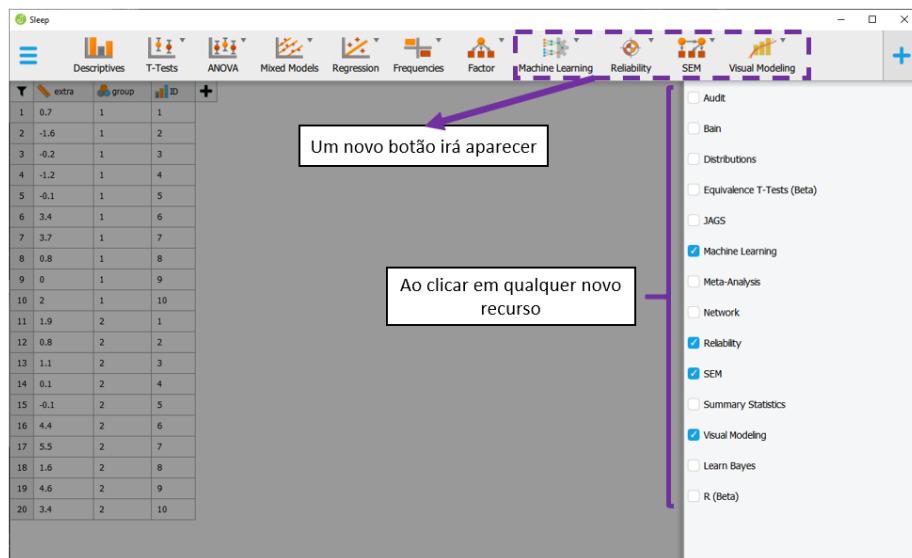
Na parte superior, o JASP oferece as análises possíveis. As opções podem variar de versão para versão, mas as principais tendem a ser as seguintes.



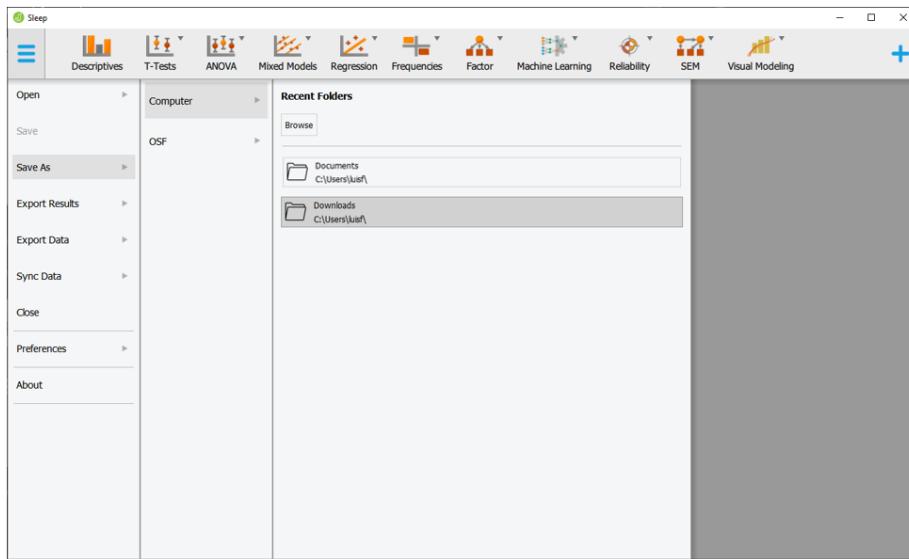
É possível adicionar módulos e complementos no JASP. Essas adições funcionam de maneira análoga aos pacotes do R. Para fazer isso, basta clicar na cruz azul ao lado direito.



Uma barra ao lado direito irá ser exibida. Qualquer opção pode ser selecionada e, ao fazer isso, novos botões irão aparecer na parte superior do programa.



Finalmente, para salvar o trabalho realizado em uma sessão, deve-se clicar na símbolo de três linhas azuis e, em seguida, clicar em **Save as** e selecionar a pasta.. Por padrão, o formato do arquivo sera *.jasp.



2.6 Resumo

1. Há muitos programas e pacotes de estatística. Neste livro, o R e o JASP serão utilizados.
2. O R é gratuito e pode ser complementado por pacotes adicionais.
3. O tidyverse servirá como principal ecossistema de programação.
4. O JASP tem recebido grande atenção especialmente em Psicologia e as análises também serão feitas nele.

Chapter 3

Aspectos gerais

Objetivos do capítulo

1. Apresentar conceitos transversais encontrados em pesquisa e estatística
2. Descrever as variáveis em função de seu relacionamento, escala de medida e capacidade numérica
3. Introduzir o debate sobre a escala de medida em Psicologia
4. Apresentar as duas principais áreas da estatística

GLOSSÁRIO

Pesquisa: Procedimento racional e sistemático de investigação que visa proporcionar respostas específicas a um conjunto de problemas propostos.

Modelo teórico: Representação visual, matemática, computacional ou experimental de um sistema de ideias, eventos ou fenômenos.

Instrumentos científicos: Ferramentas que permitem amplificar o fenômeno de interesse, além de acessar aspectos da realidade que não podem ser percebidos diretamente.

Variável aleatória: É uma variável que está associada a uma distribuição de probabilidade. Descreve características numéricas específicas dos resultados de um processo aleatório.

Variável: Termo genérico usado para se referir às características que estão sendo investigadas ou para se referir às variáveis aleatórias.

Variável Independente (VI): Característica que está sendo manipulada ou assume-se como causal em uma rede de relacionamentos. Entende-se que ela influencia, afeta ou determina outras variáveis.

Variável dependente (VD): Variável que sofre efeito da VI. Seus valores dependem dos níveis da VI.

Delineamento de pesquisa Forma de esquematizar o planejamento da pesquisa, especialmente considerando o acesso e controle das variáveis, bem como a coleta e análise de dados.

Quando as pessoas começam seus estudos em estatística, parece haver uma falsa crença de que a estatística é uma área exclusivamente desenvolvida para analisar dados obtidos em uma pesquisa. Este pensamento acaba por produzir uma dicotomia entre pesquisa e estatística, fazendo com que algumas pessoas pensem que as atividades feitas em estatística somente começam após o término de uma pesquisa. No entanto, isso não é verdade. Apesar da análise de dados ser uma tarefa intensamente feita em estatística, a atuação desta ciência é muito mais ampla do que apenas isso e ocorre em todas as etapas de uma pesquisa.

Em linhas gerais, a estatística é a ciência que fornece os princípios e a metodologia para coleta, organização, apresentação, resumo, tratamento, análise e interpretação de dados. O mnemônico CORRETA quase sempre ajuda a fixar esta definição, já que C se refere à coleta, O se refere à organização, R se refere à resumo, T se refere à tratamento e A se refere à análise, incluindo aspectos descritivos, inferenciais e suas respectivas interpretações, que serão discutidas posteriormente. Assim, aprender estatística da forma “correta” é muito importante no meio acadêmico e científico.

Atenção: A estatística atua em todas as etapas da pesquisa, incluindo o planejamento, execução e análises. O mnemônico CORRETA auxilia a lembrar as principais atividades desempenhadas pela estatística.

Uma vez que o conjunto de atividades possíveis em estatística é bastante longo, é possível distinguir acadêmicos cujos interesses são mais relacionados à estatística como ciência daqueles cujos interesses recaem mais na utilização da estatística na ciência. Com frequência, estudantes do bacharelado de estatística ou matemática tendem a fazer parte do primeiro grupo, enquanto estudantes de áreas mais aplicadas, incluindo aqui Psicologia, tendem a fazer parte do segundo grupo. Apesar dos conceitos principais da estatística serem os mesmos, essa distinção serve como uma bússola metodológica para orientar a forma pela qual esses conceitos serão introduzidos e discutidos.

Isso posto, os subtópicos a seguir introduzem conceitos gerais e importantes que costumam ser apresentados antes mesmo de aspectos mais voltados à análise de dados. Uma vez que esses conceitos são transversais, é possível também encontrar essa discussão em livros de métodos de pesquisa e história da ciência.

A apresentação e descrição desses temas será feita de maneira sucinta. As referências bibliográficas dispostas ao fim do capítulo servem para o aprofundamento teórico entre aqueles interessados.

Fim da versão gratuita

3.1 Os objetivos de uma pesquisa

Uma pesquisa é um procedimento racional e sistemático de investigação que visa proporcionar respostas específicas a um conjunto de problemas propostos (Gil,

2002). Toda pesquisa depende da eleição de problemas, bem como da coleta e análise de dados.

Uma das principais condições a se definir antes de se iniciar uma pesquisa é o seu objetivo geral ou nível. Neste sentido, é possível listar 3 grandes grupos de pesquisas, que são as (1) pesquisas exploratórias, (2) pesquisas descritivas e (3) pesquisas explicativas. É importante ter atenção que o termo “objetivo da pesquisa” utilizado nesta seção se refere à forma de organização das pesquisas. Ele não é totalmente conectado com os objetivos de um pesquisador, que se volta mais às perguntas científicas que motivaram a execução da pesquisa.

A tabela a seguir sintetiza as principais características de cada um desses tipos.

Tipo de Pesquisa	Quando é feita	Características principais
Exploratória	Há pouco ou nenhum conhecimento sobre o tema de interesse.	Não há hipóteses definidas previamente. Os resultados proporcionam maior familiaridade com o problema, apesar de frágeis e pouco generalizáveis. Há maior flexibilidade metodológica.
Descritiva	Os fenômenos e objetos já são mais conhecidos. Hipóteses sobre suas características e eventuais relacionamentos podem ser feitas.	Técnicas de coleta de dados mais padronizadas tendem a ser empregadas. Testes de hipóteses são feitos, bem como técnicas estatísticas descritivas e que visem comparar características entre grupos e pessoas diferentes.

Tipo de Pesquisa	Quando é feita	Características principais
Explicativa	Tem preocupação central em identificar os fatores que determinam, contribuem, mantém ou extinguem um determinado fenômeno. . Há maior conhecimento sobre o tema de interesse e a finalidade é indicar possíveis relações de causa e efeito	O delineamento experimental tende a ser implementado, o que será explicado posteriormente

É possível notar que o objetivo da pesquisa indica um pouco a maturidade da área científica em questão e a recenticidade que o fenômeno a ser estudado representa. Apesar de não ser uma regra geral, pesquisas exploratórias tendem a ser feitas por ciências mais novas e/ou para estudar fenômenos e objetos em que há pouco conhecimento científico sobre. Tenha atenção que a baixa quantidade de conhecimento se refere a aspectos acadêmicos e científicos, e não a quantidade de conhecimento que os autores da pesquisa apresentam sobre seu objeto de investigação.

Muitas pesquisas em Psicologia são exploratórias. Explorar quantas e quais funções executivas estão presentes em crianças com autismo (Skogli et al., 2020) ou quais são as atitudes de professores em relação ao ensino de ciência (Jones and Levin, 1994) retratam bem pesquisas exploratórias. No entanto, mesmo áreas com maior maturidade científica podem realizar pesquisas exploratórias quando o fenômeno a ser estudado é recente. Por exemplo, a eventual relação entre o Zica Vírus e o desenvolvimento de microcefalia nos anos 2015 proporcionou a realização de muitas pesquisas exploratórias em biologia e medicina.

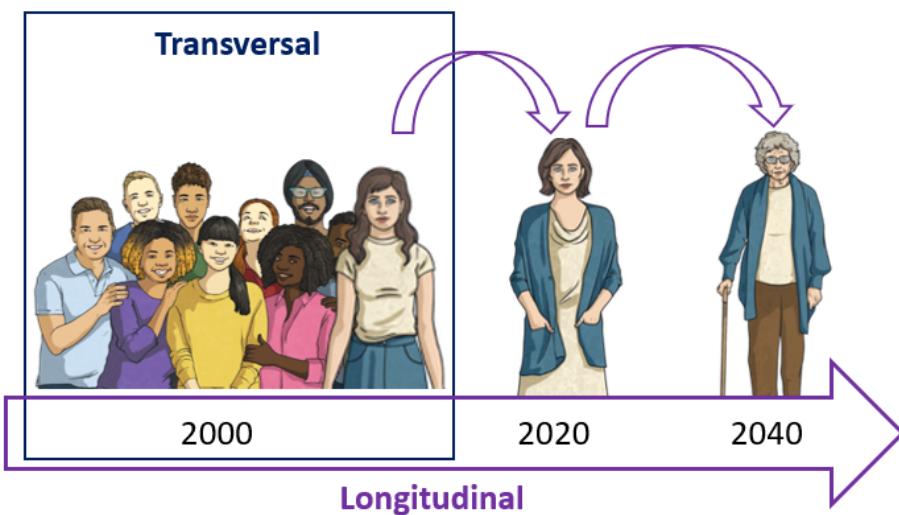
Pesquisas com objetivos descritivos indicam que o fenômeno ou objeto investigado já é mais conhecido pela comunidade científica. Elas são úteis para apresentar o perfil de determinado fenômeno ou objeto, bem como verificar a relação entre variáveis. As pesquisas de intenção de votos, survey sobre opiniões e atitudes sociais e indicadores de prevalência de condições de saúde retratam bem este tipo de pesquisa.

Pesquisas explicativas visam identificar os fatores que determinam ou que contribuem para a ocorrência dos fenômenos (Gil, 2002). Esse é o tipo de pesquisa que mais aprofunda o conhecimento da realidade e, consequentemente, é a mais complexa de ser realizada. Estudar fenômenos termodinâmicos, tal como a transformação de um tipo de energia em outra, ou como o processo de detecção

de um estímulo se dá (Madsen, 1988) ou qual é o efeito de programas de televisão na agressividade de crianças (1961) retratam pesquisas explicativas.

3.2 A dimensão temporal de uma pesquisa

A unidade de tempo de uma pesquisa é um fator importante a ser definido antes de sua execução e a pesquisa pode ser transversal ou longitudinal. Estudos transversais são também chamados de *Cross-sectional* e descrevem uma situação ou fenômeno em um momento específico do tempo. Estudos longitudinais são também chamados de *follow-up* e contam com uma sequência temporal previamente definida. A imagem a seguir apresenta este conceito.



A realização de cada tipo de estudo é atrelada à pergunta a qual ele visa responder. A tabela abaixo apresenta algumas características.

Característica	Transversal	Longitudinal
Duração	Um único momento.	Múltiplos momentos.
Amostra	Varia em cada estudo.	Mesmos participantes.
Resultados	Mostram uma fotografia momentânea	Indicam detalhes da mudança das variáveis.

Característica	Transversal	Longitudinal
Vantagens	- Tende a ser mais barata.-Rápida.- Participantes são mais fáceis de serem amostrados.- Menos condições burocráticas (Comissão ética, etc).	-Mudanças podem ser descritas.-Maior detalhamento dos resultados.-Pode indicar causalidade
Desvantagens	-Pouco nível de detalhamento.- Impossibilidade de analisar mudanças.-Dificuldade de verificar aspectos de causalidade.	-Consome tempo e dinheiro para execução.-Perda amostral tende a ocorrer com frequência.-Maior burocracia (Comissão ética, etc).-Definição de intervalo de tempo difícil.

Com regularidade, pesquisas longitudinais se aproximam mais de objetivos (ou nível) explicativos, enquanto pesquisas transversais são mais próximas a objetivos exploratórios e descritivos.

3.3 conceitos fundamentais

- *L. Anunciação & J. Landeira-Fernandez*

Existem alguns conceitos muito utilizados em pesquisa e estatística que servem como fundações da maior parte dos métodos e técnicas implementados quando se deseja investigar um determinado fenômeno ou objeto através do método científico. Apesar de manuais técnicos divergirem em quantos e quais conceitos podem ser entendidos como fundamentais em pesquisa e estatística, existe grande concordância em relação à (1) realidade e modelo e (2) constante e variáveis. Ambos serão introduzidos a seguir.

3.3.1 Modelos científicos

Quando uma pesquisa é feita, ela visa responder uma pergunta específica sobre um fenômeno ou objeto, tal como apresentado anteriormente. Muitas perguntas são possíveis a depender da área de interesse do investigador, bem como de sua época. Físicos e astrônomos do século XVI queriam investigar a organização do sistema solar, economistas do século XVIII tinham interesse em investigar a

relação entre recursos e rendimentos financeiros e, mais recentemente, psicólogos do século XX se debruçaram a estudar o efeito da escolaridade no desenvolvimento de habilidades cognitivas. Esses três exemplos remontam à teoria heliocêntrica, a lei dos retornos marginais decrescentes e a teoria da reserva cognitiva.

Apesar da diferença entre os interesses, uma característica compartilhada nestas pesquisas é a impossibilidade ou improbabilidade de se investigar diretamente a realidade. No exemplo da astronomia isso parece ser bastante claro, já que mesmo que pesquisas em física tenham características mais mecanicistas, só atualmente que o acesso mais preciso da realidade foi possível e permitiu responder melhor essa questão. Além disso, na grande maioria das pesquisas, os fenômenos e objetos de interesse não são sistemas fechados. Isso significa que não é possível ou viável controlar todos os fatores relacionados ao que se tem interesse de estudar. Por exemplo, quando se investiga como a escolaridade impacta nas habilidades cognitivas, os resultados podem (ou não) responder apenas inicialmente sobre um dos fatores relacionado às habilidades cognitivas, mas não todos.

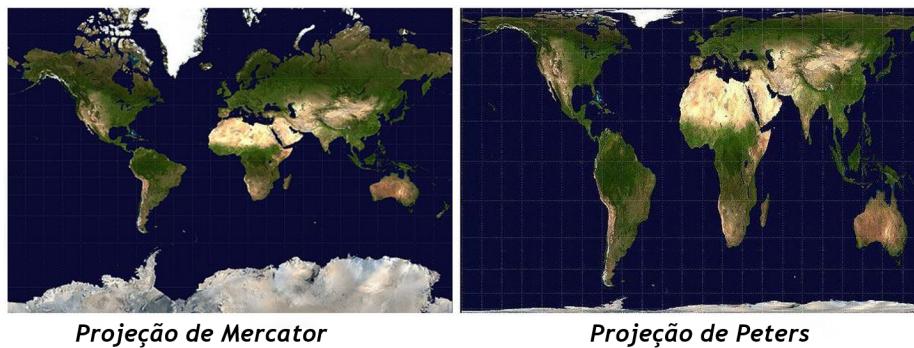
Entre as maneiras desenvolvidas por cientistas para lidar com esta situação estão a construção de modelos teóricos e instrumentos de medida. Modelos teóricos científicos são representações da realidade e podem ser criados sob perspectiva visual, matemática, computacional ou experimental (Weisberg, 2013). Eles tendem a ser sistemas fechados e visam reproduzir, precisamente, o fenômeno ou objeto de interesse. A qualidade desses modelos pode variar e entre as principais características positivas de um modelo com alta aderência à realidade estão a possibilidade de se realizar simulações e também fazer previsões com ele (Heidemann et al., 2016).

A figura a seguir apresenta algumas características dos modelos científicos.

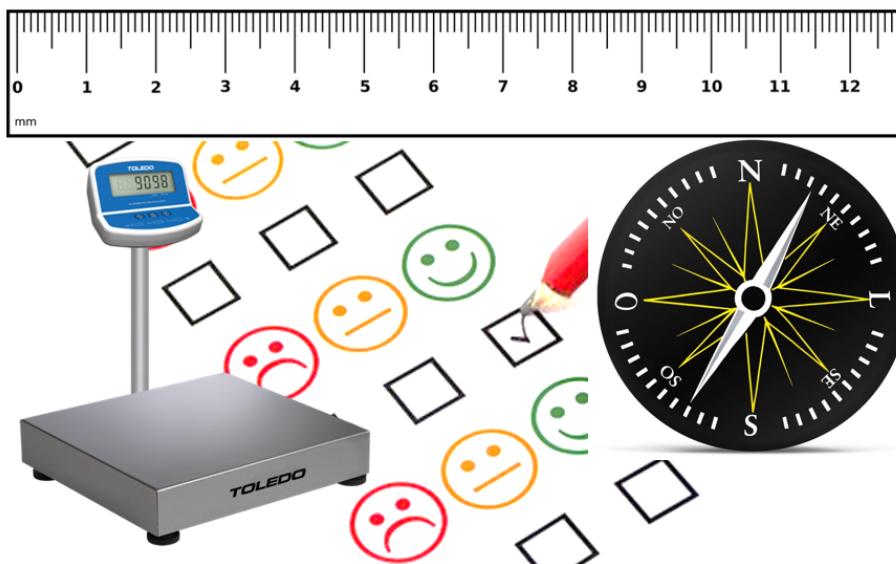
Modelos	Exemplos
Representam uma parte específica da realidade	Movimento dos corpos celestes e eclipses
Sistemas fechados	Mapas de localização
Mimetizam o fenômeno de interesse	Juros, inflação e oscilação econômica
Importante para previsões: descobertas feitas neles ocorrem também na realidade	Características cognitivas da depressão e ansiedade
Podem ser visuais, matemáticos, computacionais e experimentais	Condições emocionais do Transtorno do Pânico

Em um modelo ideal, aquilo que fosse descoberto a partir dele, ocorreria identicamente na realidade. Evidentemente, modelos ideais não existem na grande maioria das áreas científicas, o que leva à conclusão de que os modelos são absolutamente essenciais à pesquisa, apesar de possuírem limitações (Putnam, 1980; Feigelson and Babu, 1992; Frigg and Hartmann, 2020). Por exemplo, engenheiros utilizam modelos computacionais com muita frequência para verificar itens de segurança de um carro; economistas utilizam modelos matemáticos (e também jogos!) para investigar características da tomada de decisão e psicólogos utilizam modelos experimentais e matemáticos para investigar transtornos mentais e desenvolvimento de funções emocionais e cognitivas.

Ainda neste sentido, mapas cartográficos ilustram bem a importância dos modelos. Apesar de todos os mapas disponíveis distorcerem um pouco a área e localização dos continentes, a utilização deles é fundamental tanto na ciência como no dia-a-dia das pessoas. Na figura a seguir, o mapa à esquerda apresenta a projeção de Marcator, que é a mais utilizada nos livros. À direta, a projeção de Peters, que apesar de não ser tão utilizada, é a que melhor organiza o tamanho e o local dos continentes.



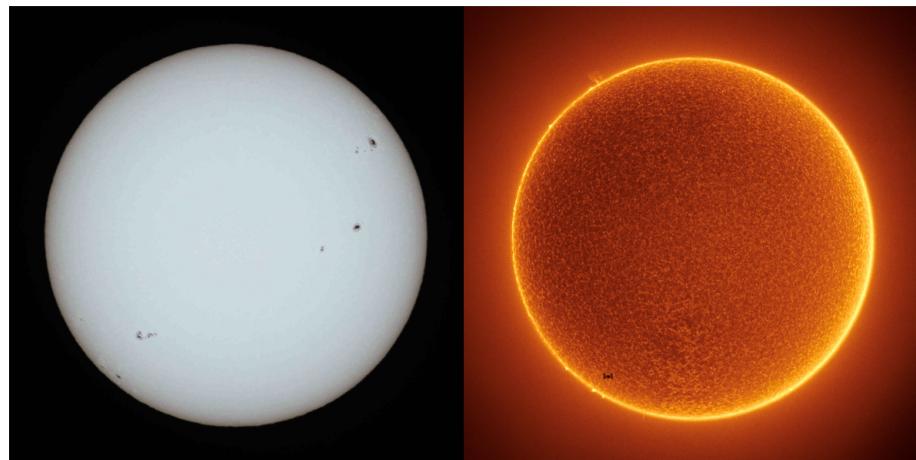
Além disso, quase sempre, o registro que temos da realidade é baseado em nossos órgãos sensoriais que, por sua vez, são influenciados pela cultura em que estamos inseridos e pela aprendizagem prévia pela qual passamos. Com isso é fácil notar que existe um grande hiato entre a realidade e nossa percepção da realidade. Os instrumentos de medida, por sua vez, são recursos tecnológicos que permitem uma avaliação mais detalhada do fenômeno ou do objeto de investigação, além de gerarem dados que podem ser analisados, comparados e compartilhados. Todas as áreas científicas criam e refinam instrumentos de medida e há autores que sugerem que a existência e a qualidade de tais recursos indicam o quanto madura e desenvolvida uma área se encontra, uma vez que os instrumentos são condições centrais no processo científico (Bergenholtz et al., 2018). Apesar de grande variabilidade em relação à acurácia e precisão dos instrumentos, relógios, bússolas, réguas e testes psicológicos permitem um acesso mais detalhado de um fenômeno ou objeto de interesse.



Dessa maneira, a principal proposta dos instrumentos de medida é a captura da realidade sem interferência ou ruídos e, em seguida, a produção de dados

confiáveis sobre o fenômeno ou objeto estudado. Existe uma grande translação entre modelos teóricos e instrumentos de medida. Apesar de não ser uma regra geral, muitas áreas científicas primeiramente constroem modelos teóricos e o processo de medida ocorre nestes modelos. Por exemplo, há um conjunto de modelos psicológicos visando entender como ocorre o esquecimento que, por sua vez, permitiram desenvolver testes e escalas específicas para isso.

Um dos exemplos mais interessantes sobre a limitação que nossos sentidos possuem ao capturar a realidade e a importância do desenvolvimento de instrumentos de medida é percepção que temos do sol. A maioria das representações feitas do sol o apresentam como amarelo, quando na verdade ele é branco. Isso ocorre em função da atmosfera do planeta Terra e de diferentes gases presentes no céu.



Isso posto, o desenvolvimento de modelos teóricos e de instrumentos de medida são atividades essenciais de pesquisadores e cientistas para lidar com a impossibilidade ou improbabilidade de acessar a realidade de forma direta, bem como pela limitação perceptual que temos. Como Popper (Popper, 2009) comenta no livro “Os dois problemas fundamentais da teoria do conhecimento”, essas características fazem com que cientistas quase nunca digam que estão em busca da verdade, mas sim que estão em busca de evidências sobre um determinado fenômeno ou objeto.

3.3.2 Variáveis

O segundo conceito fundamental pode ser entendido pela dicotomia entre variáveis e constantes. De maneira geral, um fenômeno constante não apresenta dispersão em seus valores. Basta uma única medição para que o comportamento de um fenômeno constante possa ser capturado. Em oposição, as características de fenômenos variáveis podem assumir quaisquer valores. Tornando essa diferença mais concreta, enquanto a velocidade da luz e do som são, respectivamente,

324 m/s e 299.792 m/s; a renda, altura ou inteligência das pessoas podem variar bastante. Essa dicotomia poderia também ser vista pelo conceito de modelos determinísticos e probabilísticos ou, superficialmente, em diferenças entre ciências naturais e ciências humanas. Modelos determinísticos são aqueles que as condições iniciais determinam os resultados, enquanto modelos probabilísticos são os que associam probabilidades aos resultados. Em ciências naturais recorre-se menos à noção de probabilidade, enquanto em ciências humanas este é um conceito central.

Em estatística e pesquisa, o termo variável pode ser entendido tanto de uma maneira bastante informal, como de uma forma mais rigorosa. Informalmente, uma variável é um símbolo que representa uma característica de um determinado objeto, tal como peso, altura, inteligência ou renda. Como essa característica pode apresentar quaisquer, dá-se o nome de variável. No entanto, formalmente em estatística, quando o termo variável é utilizado, o que está em jogo é o conceito de variável aleatória. Por sua vez, este conceito se refere à uma classe de variáveis em que o conjunto possível de suas realizações (ou seja, seus valores ou desfechos) ocorrem de acordo com uma distribuição de probabilidade (Everitt, 2002). Em estatística, uma variável aleatória é uma função que associa elementos do espaço amostral ao conjunto de números reais.

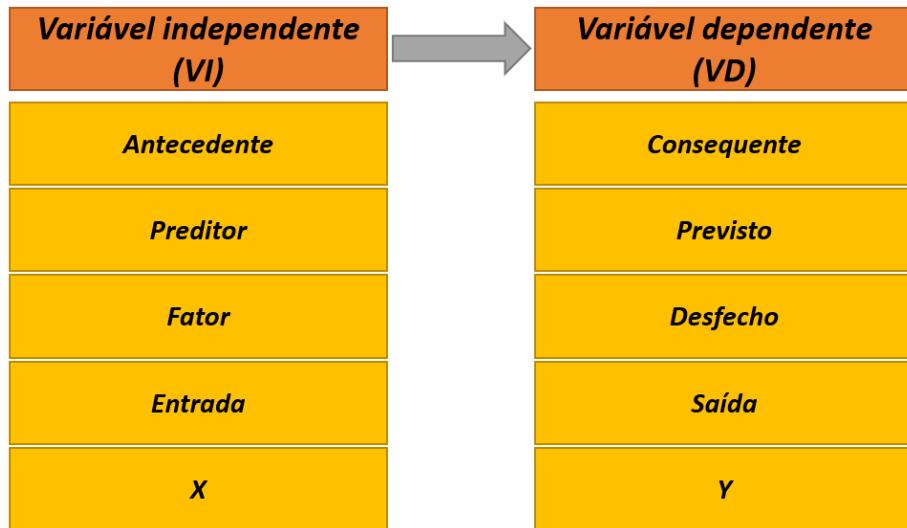
Atenção: Uma variável é um símbolo que representa uma característica. Uma variável aleatória é uma variável que possui uma distribuição de probabilidade.

Dessa maneira, o estudo das variáveis (aleatórias) é central em estatística, seja tanto para análises descritivas, como inferenciais.

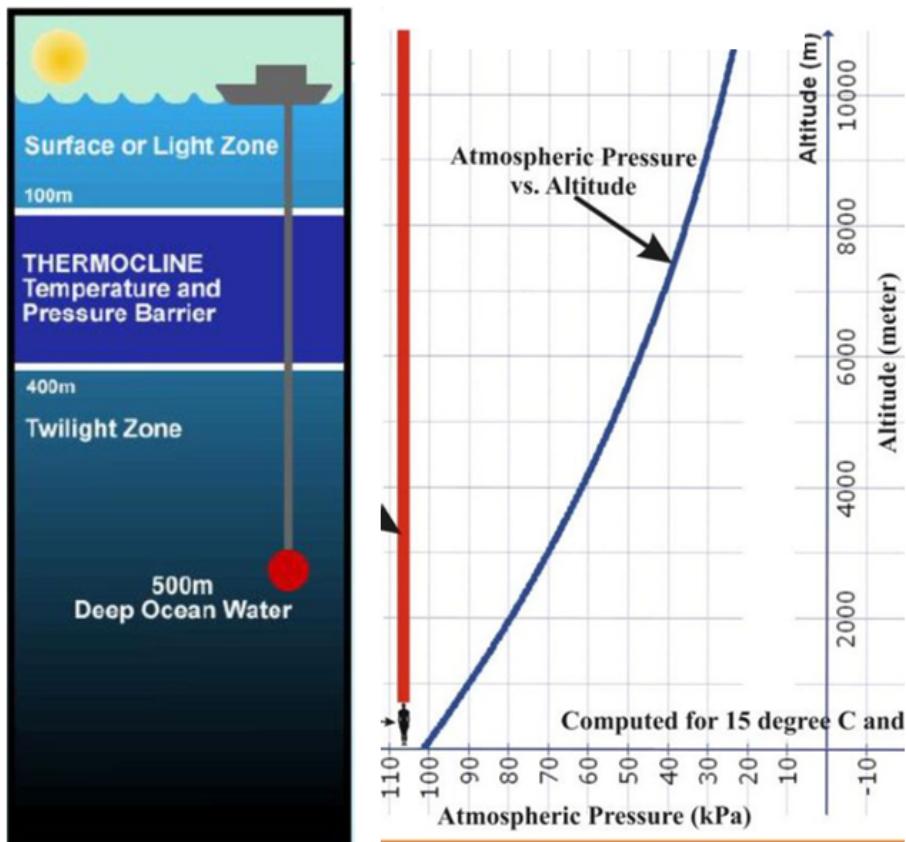
As variáveis podem ser organizadas por seu relacionamento em uma pesquisa, seu nível ou escala de medida e sua capacidade informacional.

No que se refere ao relacionamento entre as variáveis, inicialmente, é possível classificá-las em independentes e dependentes. Variáveis independentes são abreviadas pela sigla VI e também são chamadas de antecedentes, preditores, fatores ou variáveis manipuladas ou de entrada. Variáveis dependentes são abreviadas por VD e também são chamadas de consequentes, previstas, desfechos ou variáveis medidas ou de saída.

Os termos VI e VD explicitam que ambas as variáveis são conectadas e que a VI gera ou causa a VD. É justamente por isso que representações matemáticas apresentam a VI por X e a VD por Y, tal como no estudo de funções.



Em alguns fenômenos naturais, é relativamente fácil identificar a VI e a VD. Por exemplo, quanto mais profundo uma pessoa mergulha no mar, mais gelada a água fica. Neste caso, a profundidade seria a VI, enquanto a temperatura da água seria a VD. Da mesma forma, quanto mais alto um avião viaja, menor é a pressão atmosférica. Nesse outro exemplo, a altitude é a VI e a pressão atmosférica é a VD.



No entanto, esses exemplos descritos são oportunos e têm apenas finalidade pedagógica. Na realidade, a definição de VI e VD nem sempre é fácil e, especialmente em ciências humanas e da saúde, isso se torna ainda mais sutil. É possível definir a VI e VD por condições temporais, lógicas ou teóricas (Babbie, 1990), bem como é possível desenvolver pesquisas com características específicas para que essa relação possa ser definida com acurácia, e consequentemente, corretamente medida.

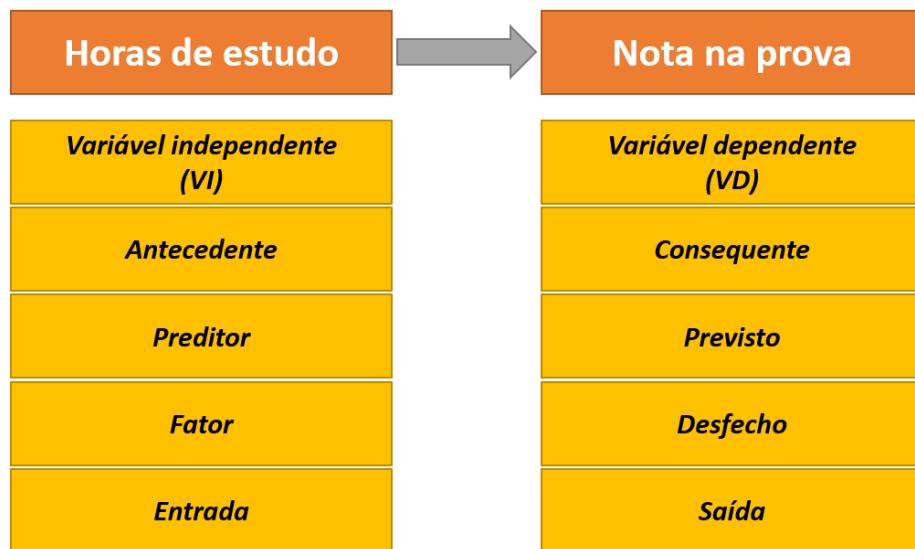
Como exemplos de uma condição temporal, uma pessoa pode estar interessada em investigar a influência do sexo (VI) na escolha profissional (VD) ou o efeito de um medicamento (VI) na dor de cabeça (VD). Nesses dois casos, os efeitos não podem alterar as causas. Uma escolha profissional não faz com que a pessoa altere seu sexo, bem como a dor de cabeça é uma condição que antecede a tomada do medicamento.

Em relação à condição lógica (as vezes chamada de quase-temporal), é possível que alguém queira investigar como a escolaridade afeta o preconceito. Neste caso, é viável assumir que a escolaridade é a VI e o preconceito é a VD. Entretanto, alguém pode sugerir que pessoas mais ou menos preconceituosas se dedicam de maneira diferente em atividades acadêmicas, invertendo essa re-

lação de causalidade.

Finalmente, uma organização teórica ocorre quando se pretende investigar os efeitos da ansiedade na depressão ou do casamento no bem estar pessoal. A eleição da ansiedade como VI foi uma escolha do pesquisador e não, necessariamente, uma condição temporal ou lógica. Da mesma forma, eleger o casamento como VI é uma escolha feita para responder a uma determinada questão.

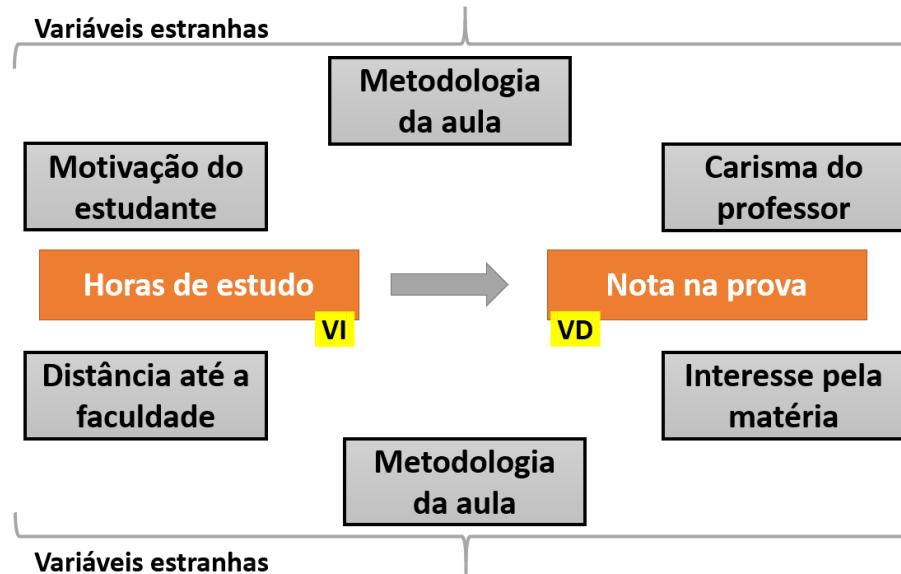
A figura a seguir traz um diagrama inicial destes conceitos, utilizando um esquema em que as horas de estudo teriam efeito sobre a nota da prova.



É importante notar que a ideia de uma única variável impactando ou causando diretamente uma outra variável é quase metafórica. Para que isso pudesse ocorrer tanto em fenômenos físicos como em quaisquer outros, seria necessário que todas as possíveis fontes de influência existentes neste relacionamento fossem controladas ou suprimidas (Dumsday, 2012). Essa noção de controle total é vista pelo termo *ceteris paribus*, que é uma expressão em latim que significa “tudo o mais constante”. Muitas vezes, em pesquisa e estatística, este termo é utilizado quando alguns ajustes são implementados em modelos estatísticos para tentar expressar a ideia de uma causalidade parcial, em que a VI impactaria a VD de uma determinada forma, caso tudo o mais fosse controlado (Fennell, 2005). Evidentemente, há fenômenos sociais que parecem obedecer à certa regularidade e o termo “fato estilizado” tende a ser empregado nestas situações (Hirschman, 2016).

Ao se pensar nas condições em que a VI e VD estejam definidas, é fácil notar que existe um conjunto grande de outras variáveis que podem impactar neste relacionamento. Essas variáveis recebem muitos nomes e o termo variáveis estranhas (VEs) pode servir para designá-las. A imagem a seguir ilustra algumas das variáveis que poderiam impactar na relação entre horas de estudo e notas

na prova, previamente assumidas como VI e VD.



É possível afirmar que em todos os relacionamentos entre duas variáveis, sempre haverá um conjunto de outras variáveis impactando nesta relação. Justamente por isso é que cientistas quase nunca digam que estão absolutamente certos de uma determinada condição ou assunto. Na maioria das vezes, como também ilustrado por Popper no livro “Os dois problemas fundamentais da teoria do conhecimento”, cientistas tendem a substituir a palavra certeza por probabilidade.

Para conseguir mapear adequadamente o quanto e como outras variáveis impactam no relacionamento VI-VD em um estudo, é necessário ter claro o objetivo que a pesquisa possui, mas também o delineamento implementado para sua execução, o que será descrito a seguir.

3.3.3 Delineamentos de pesquisa

O termo delineamento diz respeito à etapa de planejamento de pesquisa em que se “considera o ambiente em que são coletados os dados e as formas de controle das variáveis envolvidas” (Gil, 2002). Dessa forma, o delineamento funciona como um manual técnico. É durante esta etapa que o pesquisador terá a oportunidade de eleger as maneiras pelas quais ele irá executar seu estudo e mapear as principais características e limitações existentes.

Existem diferentes classificações dos delineamentos de pesquisa e cada área tem particularidades. É importante atentar que definir claramente o tipo de delineamento é essencial, já que os objetivos da pesquisa e as análises estatísticas

a serem feitas são conectadas a ele. Em Psicologia, costuma-se organizar os delineamentos em observacionais, correlacionais e experimentais. As vezes, o termo delineamento descritivo é utilizado em vez de observacional (Stangor, 2010). Por sua vez, em epidemiologia, saúde pública e bioestatística, os delineamentos costumam ser divididos em experimentais e observacionais (Friis and Selles, 2013; Glantz, 2014). Apesar das diferenças de nomenclaturas, a lógica por detrás dos delineamentos é bastante atrelada à possibilidade e viabilidade de uma manipulação ativa da VI.

Em Psicologia, a tabela abaixo é bastante utilizada:

Delineamento	Característica	Vantagens	Limitações
Observacional	-Apenas 1 grupo é necessário.- Descrever um determinado fenômeno ou objeto.	-Oferece uma foto de um objeto ou fenômeno que tende a ser preciso.-Permite que novos estudos sejam conduzidos.- Tende a ser mais barato do que outros delineamentos.- As vezes, só é possível fazer este delineamento.	-Não acessa o relacionamento entre duas ou mais variáveis.
Correlacional	-Apenas 1 grupo é necessário.- Permite estudar a natureza e a força do relacionamento entre duas variáveis.-As vezes, só é possível fazer este delineamento.	-É possível testar hipóteses sobre este relacionamento e fazer previsões de resultados futuros.-Não é necessário ambientes ou intervenções específicas.	-Não permite indicar causalidade entre os fenômenos ou objetos estudados.

Delineamento	Característica	Vantagens	Limitações
Experimental	-São necessários 2 grupos em que os participantes sejam alocados de maneira aleatória.-Existe uma manipulação intencional da VI-nem participantes nem pesquisadores sabem quem está em cada grupo (duplo cego).	-A aleatorização evita que as variáveis estranhas gerem vieses.-A aleatorização aumenta a probabilidade de ambos os grupos terem participantes com características similares-A comparação entre os grupos permite conclusões sobre causalidade, se assumidas algumas condições.	-Impossível, impraticável ou até mesmo antiético em algumas situações, especialmente as clínicas.-O custo envolvido costuma ser alto.-O tamanho amostral tende a ser pequeno.-Há uma baixa possibilidade de generalização em pesquisas laboratoriais.

Em Epidemiologia, saúde pública e bioestatística, costuma-se unir o delineamento observacional e correlacional. Assim, apenas os delineamentos observacional e experimental são definidos, apesar de características virtualmente similares. Pessoalmente, acredito que esta definição evita alguns equívocos, como o de achar que em delineamentos observacionais não é possível realizar correlações ou comparações entre grupos.

Todos os delineamentos possuem características específicas e um conjunto de vantagens e limitações, que serão apresentadas a seguir.

3.3.4 Delineamentos observacionais (e correlacionais)

Em delineamentos observacionais (ou observacionais e correlacionais), o pesquisador não intervém nos fenômenos estudados. Ou seja, não há uma manipulação da VI. Estudos que utilizam tal delineamento quase sempre contam com um único grupo e os resultados produzidos auxiliam no entendimento inicial do fenômeno interesse, bem como podem indicar o perfil de relacionamento entre variáveis.

Uma vez que não há a formação de grupos específicos seguindo um rigoroso controle da VI, o pesquisador deve mapear adequadamente todas as possíveis

variáveis estranhas presentes no relacionamento entre VI e VD antes da pesquisa. Assim, na etapa de coleta de dados, ele poderá acessar essas variáveis para, futuramente, implementar controles estatísticos que reduzam distorções que este delineamento gera nos dados. Por exemplo, quando artigos biomédicos comentam que os resultados de um medicamento são efetivos para os participantes, controlando pela idade e sexo, essa conclusão é bem próxima de resultados obtidos por pesquisas cujos delineamentos foram observacionais.

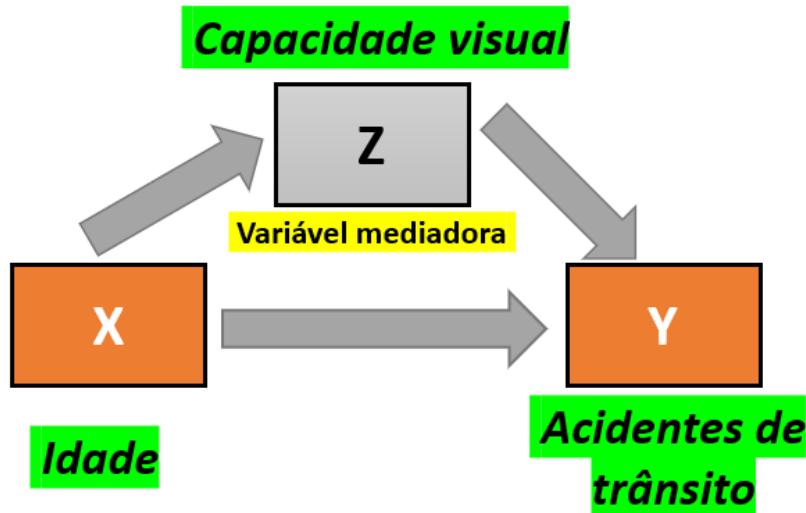
Atenção: Em delineamentos observacionais, o mapeamento e acesso de variáveis estranhas auxiliam o pesquisador a implementar técnicas estatísticas que reduzam as distorções que este delineamento costuma produzir aos dados.

Nota-se que, apesar de diversas técnicas estatísticas serem utilizadas neste delineamento, não é possível falar sobre relação de causa e efeito. Apesar desta limitação, há muitas situações em que apenas este delineamento é possível. Por exemplo, estudar os impactos de um desastre natural (furacão, terremoto, etc) na percepção de segurança das pessoas, avaliar o comportamento de grupos em instituições totais, como prisões e hospícios ou as condições relacionadas ao aleitamento materno.

Uma vez que as eventuais variáveis estranhas foram previamente acessadas durante a coleta de dados, elas deixam de ser estranhas e tornam-se variáveis passíveis de análises. A natureza e o local em que essas variáveis impactam no relacionamento entre a VI e a VD indicam se elas serão classificadas como intervenientes, mediadoras ou moderadoras.

O termo variável interveniente é bastante circunscrito à Psicologia. Ele tende a ser empregado para caracterizar condições psicológicas, como motivação ou neuroticismo. Assim, este é o termo empregado quando as variáveis estranhas são fatores psicológicos.

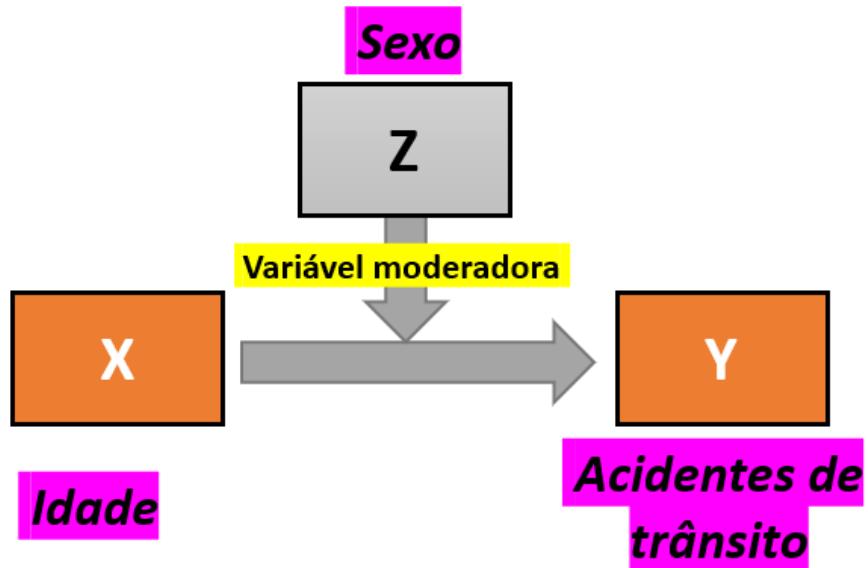
Quando esta variável é uma consequência da VI e também impacta a VD, o termo variável mediadora costuma ser empregado. Por exemplo, ao se investigar a relação entre idade (VI) e acidentes de trânsito (VD), pode-se sugerir que pessoas mais velhas tendem a apresentar menor capacidade visual. Por sua vez, essa limitação visual pode gerar acidentes de trânsito (Rhodes and Pivik, 2011). Neste sentido, a variável “capacidade visual” é uma variável mediadora.



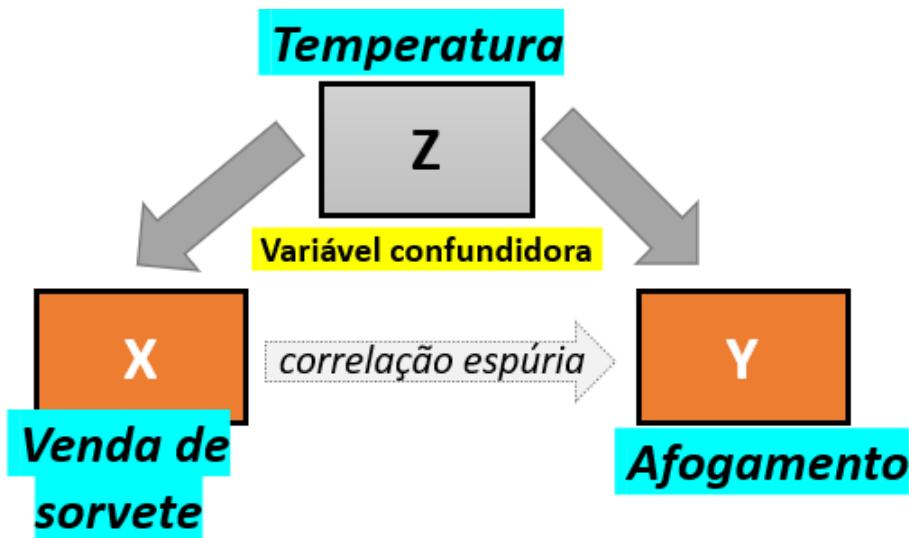
Quando esta variável interfere no relacionamento entre a VI e a VD, podendo alterar sua natureza e intensidade, mas não é gerada pela VI, o termo variável moderadora pode ser utilizado. Por exemplo, a relação entre a satisfação de um cliente (X) e sua lealdade à marca (Y) é moderada pela sua renda (Sugianto, 2017). Pessoas muito satisfeitas com um produto podem ser mais ou menos leais à marca a depender de sua renda disponível.

A relação entre horas trabalhadas (X) e quantidade de produção (Y) é moderada pela qualidade do equipamento utilizado. É possível que alguém gaste muitas horas de trabalho, mas não consiga produzir absolutamente nada, se os equipamentos disponíveis funcionarem de maneira irregular. Com frequência, médicos sugerem que ao tomar medicamentos antigripais, não se deve ingerir álcool. Nesse sentido, os efeitos do medicamento (X) nos sintomas da gripe (Y) podem inclusive ser opostos em função do álcool, que age de forma moderadora.

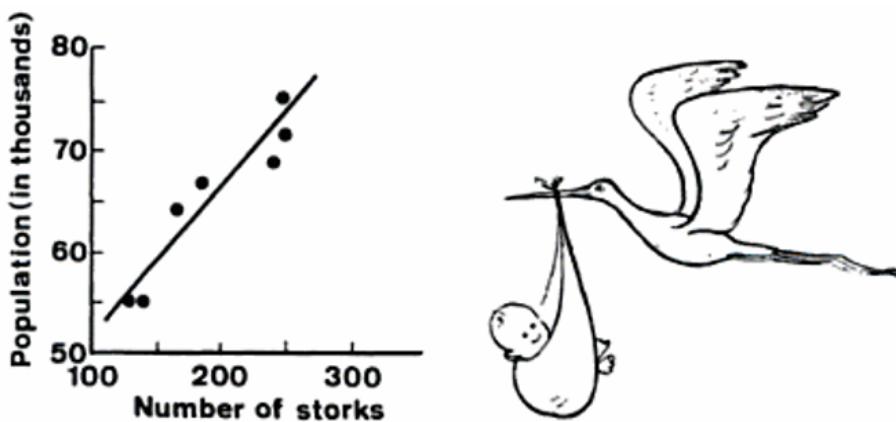
No exemplo prévio sobre o efeito da idade (X) em acidentes de trânsito (Y), sabe-se hoje que o sexo se comporta como uma variável moderadora neste relacionamento. A literatura indica que pessoas mais novas, quando homens, tem uma alta probabilidade de se envolverem em acidentes de trânsito, especialmente os mais intensos ou graves (Amarasingha and Dissanayake, 2014; Worley, 2006).



Finalmente, é também possível identificar variáveis estranhas que interfiram tanto na VI como na VD, mas que não foram previamente mapeadas ou acesas durante a coleta de dados. Nestes casos, é típico chamá-las de “terceira variável” ou “variável de confundimento”, bem como chamar a relação entre VI e VD de “espúria”. Por exemplo, existe uma alta correlação entre venda de sorvete (X) e morte por mordida de tubarão (Y). No entanto, essa é uma relação espúria, uma vez que é a variável “temperatura” que impacta tanto na VI como na VD. Da mesma maneira, existe uma alta correlação entre quantidade de bares e igrejas nas cidades, mas ambos os fenômenos são explicados pela densidade populacional do local.



Talvez quando mais novo(a), alguém tenha lhe dito que as cegonhas traziam os bebês. Isso não é verdade, apesar de ser um ótimo exemplo de variável de confundimento. A relação entre número de ninhos de cegonha (X) e número de bebês nascidos (Y) é confundida pela temperatura do local 9 meses atrás (Matthews, 2000). Cegonhas e seres humanos têm seus filhos ou filhotes na mesma época. Curiosamente, como as cegonhas por vezes constroem seus ninhos em telhados de casas, especialmente as com chaminés por conta do calor, as pessoas acreditavam que se uma cegonha fizesse o ninho em seu telhado, isso indicaria que o casal iria ter um filho. Em alguns países, se achava também que deixar doces na janela seria uma maneira de informar as cegonhas que a casa estava pronta para ter um bebê.



A literatura é bastante rica de exemplos para tais condições, mas também de discussões e debates acadêmicos sobre esses conceitos. A tabela a seguir reúne

esforços e exemplifica onde tais conceitos são implementados.

Relacionamento	Exemplo
Moderação	Relação entre ansiedade (X) e performance (Y), o tipo de atividade poderia ser uma variável moderadora
Moderação	Relação entre efeito de um remédio (X) e sintomas de resfriado (Y), a ingestão de álcool poderia ser uma variável moderadora
Moderação	Relação entre idade (X) e problemas cognitivos (Y), a escolaridade poderia ser uma variável moderadora
Moderação	Relação entre stress (X) e depressão(Y), o suporte social poderia ser uma variável moderadora
Mediação	Relação entre idade (X) e uso de mídias sociais (Y), a quantidade de tempo livre pode ser mediadora
Mediação	Relação entre quantidade de hora de trabalho (X) e desgaste (Y), o retorno financeiro poderia ser mediador
Mediação	Relação entre conscienciosidade (X) e saúde (Y), comportamentos saudáveis poderiam ser mediadores

Nota: A definição de variável mediadora e moderadora pode ser tornar mais difícil, como é visto no caso entre idade e problemas cognitivos, já que a escolaridade costuma depender também da idade

Em síntese, a principal característica de estudos com delineamentos observacionais é a não manipulação da VI por parte do pesquisador.

Como outros exemplos, pode-se listar estudos em que se objetivou investigar os hábitos, práticas e produtividade de pesquisadores (Wenke et al., 2017), a alimentação durante a pandemia (Amatori et al., 2020) ou aspectos epidemiológicos de transtornos mentais de universitários brasileiros, portugueses e espanhóis (Junior et al., 2020).

3.3.5 Delineamentos experimentais

De maneira geral, delineamentos experimentais representam o melhor exemplo de uma pesquisa científica, além de serem os mais prestigiados no meio acadêmico (Gil, 2002). Apesar destes delineamentos poderem apresentar pequenas distinções, o formato mais típico é marcado pelas seguintes características: (1) dois grupos de uma mesma população são formados de maneira aleatória, (2) deve haver uma manipulação intencional do pesquisador sobre a VI e (3) nem o participante, nem o pesquisador sabem em que grupo cada um está, o que é chamado de duplo-cego.

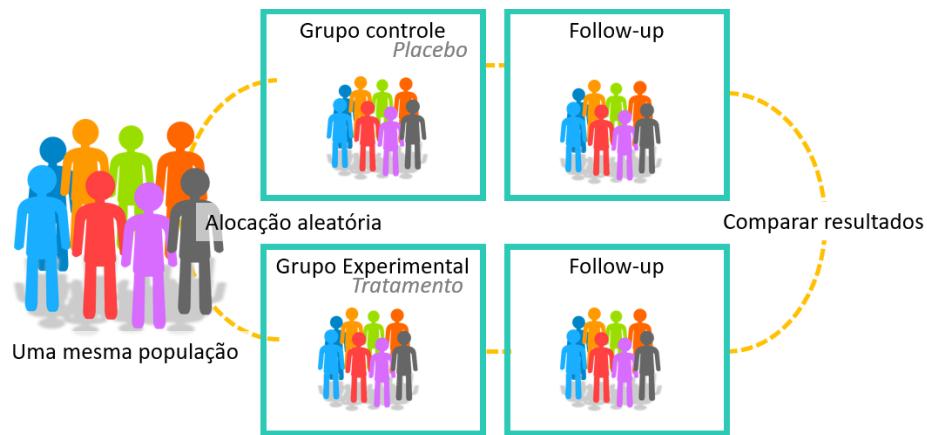
Cada um desses elementos confere uma propriedade importante para este delineamento. Inicialmente, a formação de dois grupos é uma condição de base deste delineamento e o diferencia de delineamentos observacionais. Nestes últimos, a

composição de grupos também pode ocorrer, mas quase sempre após a coleta de dados e para responder questões estatísticas. A alocação dos participantes em ambos os grupos de maneira aleatória assegura que as variáveis estranhas terão impacto equânime em ambos os grupos, além de aumentar a probabilidade de os grupos serão formados por participantes com características similares.

A segunda característica é a atitude ativa do pesquisador. Neste delineamento, a VI será manipulada e apenas um grupo será exposto a ela, enquanto outro não. O grupo em que a VI será inserida é, tradicionalmente, chamado de experimental, enquanto o outro é chamado de controle.

Finalmente, como nem o pesquisador nem o participante sabem quem está em cada grupo, isso inibe que os participantes tentem mudar de grupo e reduzem o impacto que as expectativas do pesquisador e/ou do participante possam ter sobre os resultados.

A figura a seguir apresenta estas características.



É possível notar que o delineamento experimental é, de longe, o que melhor consegue mapear as VIs, VDs, bem como controlar efetivamente as VEs. Essas vantagens dão força para resultados que visem expressar relações de causa e efeito, mas também geram muitas dificuldades. De fato, para arguir sobre causalidade, é necessário precedência temporal, eliminação de explicações alternativas, que a VI sempre esteja presente (necessidade) e que sempre impacte na VD (suficiência).

Além disso, há algumas condições que limitam ou impedem a execução deste delineamento. O custo para sua realização tende a ser bastante elevado, o tamanho amostral é frequentemente pequeno e pesquisas laboratoriais costumam reproduzir mal o cotidiano das pessoas, diminuindo a capacidade de generalização dos resultados. Para aumentar a capacidade de generalização dos resultados, por vezes, tenta-se implementar este delineamento em ambientes naturalísticos (ou ecológicos). No entanto, apesar de vantagens, isso quebra o princípio da

aleatoriedade, impactando negativamente para o controle das variáveis estranhas.

Quando as pesquisas são feitas em condições clínicas, a perda e morte experimental são frequentes e muitas condições éticas emergem, impedindo a implementação deste delineamento. Por exemplo, avaliar diferentes situações em relação à amamentação materna (um grupo de mães amamenta seus filhos e outro não), o impacto de desastres naturais no comportamento das pessoas ou o efeito de mudanças abruptas legislativas e sociais na interação entre grupos retratam tal condição.

Em epidemiologia e saúde pública, este delineamento é também chamado de *Randomized Controlled Trial (RCT)* ou Ensaio Clínico Randomizado. Especialmente nestas áreas, existem diversas situações em que em a VI foi selecionada em vez de manipulada. Quando isso ocorre, o delineamento passa a ser chamado de quase-experimental.

A literatura oferece bons exemplos sobre este delineamento. O psicólogo Albert Bandura (1961) teve o interesse de estudar o efeito da exposição à violência no comportamento agressivo durante a interação social de crianças e, para isso, desenvolveu um delineamento experimental. Ele dividiu as crianças em grupos específicos, em que 1 grupo via uma televisão que passava adultos agredindo um boneco João Bobo e outro via cenas neutras. Os comportamentos agressivos eram avaliados durante o momento do recreio, que ocorria imediatamente após as crianças terem visto televisão. Um grupo de psicólogos visou comparar dois programas de intervenção escolar em um grupo de 164 crianças em vulnerabilidade econômica nos EUA e, para isso, uma parte frequentou aulas de apoio e outra continuou com o ensino usual (Feil et al., 2020).

Finalmente, os economistas Redzo e Paul Frijters (2020) quiseram verificar o efeito da cor de pele na probabilidade de receber uma carona de ônibus. Para isso, eles utilizaram um delineamento quase-experimental, em que atores pretos e brancos entravam em ônibus de uma mesma empresa e perguntavam ao motorista, de uma maneira padronizada, se poderiam viajar de graça 2 estações. A concordância ou não dos motoristas foram tabuladas e, depois, comparadas.

3.4 Considerações sobre escalas de medida e o processo de mensuração em Psicologia

- *L. Anunciação & J. Landeira-Fernandez*

A existência de um fenômeno é condicionada à uma determinada quantidade. Como atribuído à Thorndike (1914), “Se algo existe, ele tem de existir em uma certa quantidade e se uma determinada quantidade existe, ela pode ser mensurada”. Assim, tal como em outras ciências, o processo de mensuração

3.4. CONSIDERAÇÕES SOBRE ESCALAS DE MEDIDA E O PROCESSO DE MENSURAÇÃO EM PSICOLOGIA

é absolutamente vital à Psicologia. Isso pode ser demonstrado tanto pela implementação de técnicas estatísticas para modelar fenômenos psicológico, como pelas lentes de uma das áreas mais voltadas ao desenvolvimento de instrumentos, que é a Psicometria. Entretanto, nunca faltaram céticos de diferentes locais questionando se fenômenos psicológicos poderiam, de fato, ser medidos e uma das primeiras e mais estáveis respostas sobre esse questionamento ocorreu em 1946, com a publicação intitulada “On the theory of scales of measurement” do psicólogo e psicofísico Stanley Stevens.

Este trabalho apresentou algumas conclusões que até hoje são importantes e que tocam, principalmente (1) à definição de medida, (2) o conceito de escalas (níveis) de medida e (3) à condição da mensuração de fenômenos psicológicos. Inicialmente, Stevens parafraseou N.R. Campbell ao entender que a “mensuração, em sentido mais amplo, é definida como a atribuição de números a objetos ou eventos de acordo com algumas regras” (Stevens, 1946, p.677).

Uma vez feito isso, ele concluiu que esses números são atribuídos (ou existem) em função da possibilidade de realização de operações estatísticas e matemáticas com eles. Duas regras gerais são subjacentes neste conceito: a primeira é que as operações possíveis para cada escala são as que se mantêm invariantes para as transformações matemáticas que cada um dos níveis de mensuração aceita e a segunda é que é necessário que haja um isomorfismo (as vezes, apresentado como $s(x)$) entre os entre os objetos que estão sendo medidos e os números atribuídos a eles.

Em função destas condições, Stevens descreve quatro escalas que se apresentam hierarquicamente como: (i) nominal, (ii) ordinal, (iii) intervalar e (iv) de razão. Desde o trabalho de Stevens, essa relação entre o valor numérico e o objeto para o qual este valor foi utilizado atraiu ao menos dois grupos de pesquisadores, que são aqueles que possuem um interesse mais voltado à análise de informação que este número ou esta escala traz e, neste sentido, tentam responder à pergunta “O que este número está informando” e os que possuem um maior interesse em desenvolver tratamentos estatísticos a tais números ou escalas e, analogamente, tentam responder à pergunta “Como que se trata estatisticamente tais números?”.

Posto isso, esta seção realiza uma síntese deste conceito, bem como apresenta as descrições de cada uma das escalas, especialmente a partir de uma orientação mais pragmática, suas condições de uso e uma breve contextualização atual.

3.4.1 Escala nominal

Essa escala é a mais primitiva de todas e a única regra relacionada ao processo de mensuração é que o número atribuído a um determinado objeto ou evento deve ser exclusivo, não sendo possível atribuir um mesmo número a diferentes eventos ou objetos. É importante destacar que os números aqui são arbitrários e, além disso, não refletem grandezas ou magnitudes.

Nessa escala, só é possível contagens e proporções. Em relação a aspectos estatísticos, é possível obter apenas a moda dos valores. Exemplos concretos são: o número da camisa dos jogadores de futebol, atribuir o valor 1 para homens e 2 para mulheres ou 1 para psicólogos, 2 para geógrafos e 3 para pedagogos.

É importante notar existem livros e manuais que consideram que quando há apenas dois valores possíveis para o objeto ou evento, o ideal é chamar essa escala de “dicotômica”, “binária” ou “dummy”, mas isso varia bastante em função da área e o consenso não é fácil. Por exemplo, em estudos em ciências sociais, é possível encontrar autores chamando a classificação de sexo biológico (por exemplo, 1 para homens e 2 para mulheres) de variável binária; já em estudos epidemiológicos, é frequente à atribuição do valor “1” para um grupo de pessoas com uma determinada doença e “0” para um grupo de pessoas sem esta doença (apesar disso poder ser entendido como ordinal em alguns casos) e, finalmente, em estudos em economia, por vezes os pesquisadores utilizam o valor “1” para indicar algo de interesse (por exemplo, desempregado) e “0” para caso contrário.

Tirando essas particularidades, é fundamental entender que os números atribuídos à essa escala são arbitrários e apenas identificam objetos ou eventos.

3.4.2 Escala ordinal

Nessa escala, os números respeitam uma relação de ordem ranqueada e essa é a regra pela qual os números são atribuídos aos eventos ou objetos.

É importante ter em perspectiva que essa escala pode ser utilizada pragmaticamente em uma pesquisa mesmo quando o fenômeno que está sendo estudado é facilmente compreendido dentro de uma escala superior, como será visto. Por exemplo, é plenamente possível que um psicólogo meça o tempo de reação de um grupo de pessoas e depois tenha criado categorias ordenadas, como “lento (1)”, “esperado (2)” e “rápido (3)”. Em função disso, alguns livros tentam dividir essa escala a partir de uma origem objeto ou evento que está sendo medido e utilizam de termos como “origem natural” e “origem não natural”, que não serão utilizados aqui (Pasquali, 1998).

Nessa escala, além da contagem, proporções e moda, é também possível identificar mínimo, máximo e amplitude. Exemplos concretos são a Escala de dureza dos metais (Escala de Mohs), o nível de satisfação de uma empresa, onde 1 é baixo, 2 é moderadamente satisfeito e 3 é alto e a posição ao fim de uma corrida, podendo ser o primeiro lugar, segundo ou terceiro.

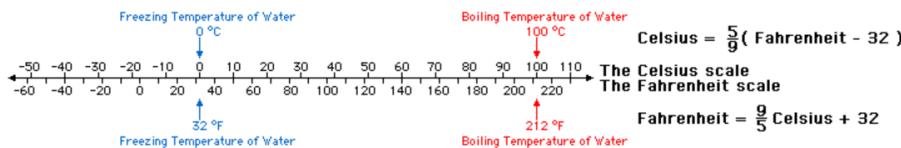
3.4.3 Escala intervalar

Os números aqui assumem um aspecto propriamente quantitativo e, em outras palavras, quase sempre o número não segue nem uma relação arbitrária (por

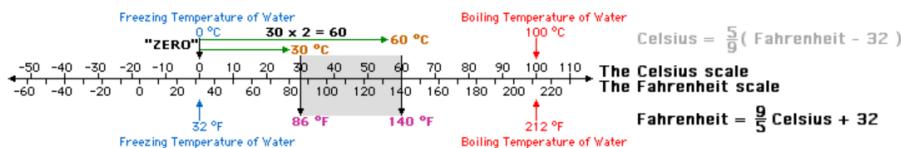
3.4. CONSIDERAÇÕES SOBRE ESCALAS DE MEDIDA E O PROCESSO DE MENSURAÇÃO EM PSICOLOGIA

exemplo, 1 para homens e 2 para mulheres), nem tampouco uma convenção informal (por exemplo, 1 para ensino fundamental e 2 para ensino médio), mas é obtido a partir de um processo em que se contou com a utilização de instrumentos de medida. Nessa escala, as distâncias entre as categorias são iguais, apesar do valor zero ser uma conveniência. Dessa maneira, a diferença entre categorias será sempre relacional e jamais absoluta. Assim, nesse nível, é possível ter propriedades aditivas, mas não multiplicativas. Considerando unidades arbitrárias, é possível falar que a diferença entre 30 e 29 (1 unidade) é a mesma que entre 15 e 14 (1 unidade). No entanto, no que diz respeito à magnitude do que está sendo medido, nessa escala não é possível falar que 30 unidades é o dobro de 15 unidades.

Nessa escala, além da contagem, proporções, moda, identificar mínimo, máximo e amplitude, é possível tirar diferenças e fazer adições, bem como calcular a média, a variância e o desvio-padrão dos resultados. Exemplos concretos são o calendário que utilizamos. Repare que utilizamos “AC” (antes de Cristo) e “DC” depois de Cristo, estipulando um zero arbitrário; a temperatura sendo medida por graus Celsius ou Fahrenheit, já que cada uma dessas medidas tem um ponto 0 arbitrário. Aproveitando o exemplo da temperatura para ilustrar mais detalhadamente o que significa “0” arbitrário, o valor “0°C” na escala Celsius se refere à temperatura que a água congela, enquanto “100°C” se refere à temperatura em que a água entra em ebulição. Em Fahrenheit, esse valor é o “32 °F” e “212 °F”.



Apesar de haver a possibilidade de conversão de uma escala para outra, repare que não é possível utilizar a propriedade multiplicativa. Por exemplo, enquanto numericamente $30 \times 2 = 60$, afirmar que $30^\circ\text{C} \times 2 = 60^\circ\text{C}$ é incorreto. Na verdade, 30°C se refere a 86°F e 60°C se refere a 140°F .



Assim, apesar de ser intuitivo pensar que se um ambiente tem 32 graus Celsius, ele está o dobro de quente de um ambiente que está 16°C , isso não é correto.

3.4.4 Escala de razão

Aqui há um 0 absoluto e todas as operações previamente podem ser feitas, bem como o produto das categorias. Escalas de razão são mais encontradas na física. Nessa escala, além das capacidades matemáticas previamente descritas, é possível implementar propriedades multiplicativas. Raramente, essa escala será utilizada em um processo de avaliação psicológica. Entretanto, algumas pesquisas costumam utilizar variáveis que pertencem à escala de razão, como pesquisas em psicofísica que medem o tempo de “tempo de reação” ou pesquisas em neuropsicologia da atenção que medem a “quantidade de botões apertados em um minuto”. É importante novamente alertar que mesmo que essa medida tenha um 0 absoluto (por exemplo, uma pessoa não apertou nenhum botão ao fim de um minuto), isso não significa em nada que o fenômeno psicológico subjacente seja inexistente ou ausente.

3.4.5 Síntese das características de cada escala

Como exposto logo ao início, os números presentes em cada uma das escalas podem ser entendidos tanto por seus aspectos de informação como pelos procedimentos estatísticos a eles associados. Ambas as iniciativas possuem sua importância e são associadas entre si. Os gráficos expostos abaixo apresentam ambos os conceitos.

Informação da escala	Nominal	Ordinal	Interval	Ratio
Igual ou diferente				
Maior ou menor				
Distância igual entre os números				
Interpretação dos números (zero absoluto)				

3.4. CONSIDERAÇÕES SOBRE ESCALAS DE MEDIDA E O PROCESSO DE MENSURAÇÃO EM PSICOLOGIA

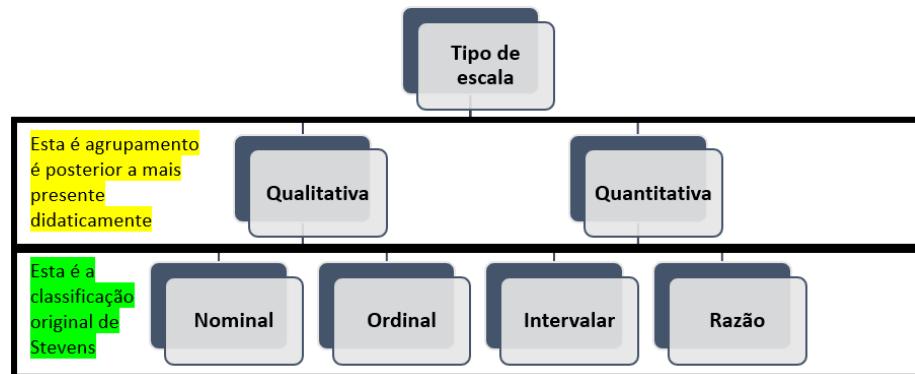
Tratamento estatístico	Nominal	Ordinal	Interval	Ratio
Contar, proporção, Moda				
e amplitude, mínimo, máximo, mediana				
e adição, subtração, média, desvio-padrão				
e multiplicação, divisão coeficiente de variação				

3.4.6 As escalas de Stevens e uma tentativa de agrupamento

Apesar de Stevens ter, fundamentalmente, criado quatro escalas em que sempre haverá números associados a objetos a partir de sua capacidade matemática, teóricos posteriores tentaram agrupar essas quatro escalas em dois conjuntos específicos que costumam ser feitos seguindo este critério: uma vez que as escalas nominal e ordinal utilizam os números de uma maneira assegurada apenas por convenção, muitos livros e autores as agrupam como “qualitativas”. Por contraste, como a escala intervalar e de razão são obtidas, majoritariamente, por processos que contam com instrumentos de medida, elas quase sempre são agrupadas como “quantitativas”.

Mesmo que hoje em dia esse agrupamento seja bastante corriqueiro, origem desta iniciativa é algo incerta. Há sugestão que ela tenha começado pelo trabalho de investigação semiótica de Charles Sanders Peirce. Esse filósofo julgava que a ciência avançava em dez níveis distintos e progressivos, começando por um ícone possível (*fancy*), passando por um pensamento, um objeto, um símbolo numérico, uma quantidade e uma relação (Smart, 1999, p.289). Infelizmente, essa classificação pode gerar uma divisão desnecessária dentro do próprio conceito desenvolvido por Stevens, além de gerar bastante confusão, já que o termo “pesquisa qualitativa” não costuma se referir às escalas de medida, mas sim à uma área que mais recentemente emergiu com uma forma metodológica distinta e, eventualmente, até mesmo crítica às iniciativas de medida e mensuração. Além disso, o termo “quantitativa” atribuído apenas à escala intervalar e de

razão pode dar a impressão inadequada de que não se usa números nas escalas nominais ou ordinais. Finalmente, é importante frisar que há livros que utilizam o termo “categórica” para “qualitativa” e “propriamente numérico” para “quantitativa”, aumentando algo mais os cenários de confusão. A imagem a seguir apresenta esta tentativa.



3.4.7 Variáveis discretas ou contínuas

A iniciativa de classificar as variáveis e, consequentemente, escalas de medida não foi apenas feita em estudos psicológicos. Evidentemente, áreas como matemática, probabilidade e estatística também tiveram (e ainda possuem) interesse em classificar as variáveis e uma das maneiras pelas quais isso é feito diz respeito à forma como os valores se apresentam, especialmente em sua capacidade informacional (Morettin and Bussab, 2010).

Qualquer variável cujo resultado só possa descrever uma quantidade contável, em que os valores potenciais podem ser enumerados em uma ordem é chamada de discreta e é caracterizada por uma função de massa probabilidade (em inglês, probability mass function). Por sua vez, uma variável cujos valores potenciais não podem ser enumerados em uma ordem inequívoca é chamada de contínua e tem uma função de densidade de probabilidade (em inglês probability density function). Um atalho cognitivo bastante frequente apesar de apenas parcialmente correto pode auxiliar: variáveis discretas costumam ter valores inteiros, tal como número de filhos, caixas de remédios vendidas por uma farmácia e vezes que um paciente buscou auxílio médio; por sua vez, as variáveis continuarão reunir números fracionários, tal como a altura dos filhos, o retorno financeiro em Reais que a venda dos remédios e o tempo gasto em cada consulta média.

Quando se tenta fazer uma comparação entre a classificação de escalas de medida desenvolvida por Stevens e a classificação das variáveis em discretas e contínuas, é possível considerar que a escala intervalar e de razão podem também ser entendidas como discretas e continuas. Excepcionalmente e apenas para fins

3.4. CONSIDERAÇÕES SOBRE ESCALAS DE MEDIDA E O PROCESSO DE MENSURAÇÃO EM PSICOLOGIA

de modelagem estatística, as variáveis classificadas como nominais e ordinais podem ser entendidas também como discreta (Borgatta and Bohrnstedt, 1980; Privitera, 2016, p.20)

3.4.8 Hierarquia da classificação e a importância desses conceitos hoje em dia

Uma vez que as escalas dependem das capacidades matemáticas associadas, uma escala de maior nível pode ser convertida em uma escala hierarquicamente inferior. Isso foi previamente apresentado na escala ordinal com o exemplo de tempo de resposta. Esse processo de transformação costuma ser chamado de “categorização” e pode ser facilmente visto em outros exemplos. Por exemplo, a altura das pessoas (razão, contínua) pode ser classificada em baixas ou altas e a temperatura em Kelvin (razão, contínua) pode tanto ser entendida de maneira intervalar (Celsius, por exemplo), ordinal (muito frio, frio, quente, muito quente) ou (agradável e desagradável).

Apesar dessas classificações de escalas/níveis de medida terem importância acadêmica, em situações de análise de dados, quase nunca a diferenciação entre os 4 níveis de medida tem relevância ou utilidade. Além disso, o próprio Stevens, anos depois, em 1959, reviu algo de sua classificação e reconheceu que as regras de invariância também permitiam uma nova escala, chamada de “log-intervalar” (Stevens, 1959). Essa escala quase nunca presente em livros didáticos.

Além disso, como programas estatísticos são frequentemente utilizados para realizar procedimentos de análises de dados, eventualmente eles sequer utilizam as mesmas nomenclaturas ou apenas entendem as variáveis como discretas ou contínuas. Mesmo na academia, autores como D. Howell consideraram que esse aspecto da medida tem apenas relevância histórica, sendo irrelevante hoje em dia (Howell, 2011, p. 18).

Finalmente, a partir da tentativa de desenvolver ou aperfeiçoar o isomorfismo entre relações empíricas e relações algébricas, em que houvessem regras bem definidas articulando os números às coisas (tal como visto em Campbell), e que tivessem propriedades matemáticas específicas e bem definidas (tal como visto em Stevens) outras classificações foram surgindo. Entre eles, a Teoria representacional da medição (Patrick Suppes) e a Teoria da Medida Aditiva Conjunta (TMAC) (Michell, 1993).

3.4.9 Em qual escala devemos classificar os testes psicológicos

Psicólogos e outros cientistas comportamentais utilizam com frequência instrumentos de medida para acessar variáveis como atenção, memória, personalidade

e inteligência. De maneira análoga às outras áreas empíricas, esses instrumentos geram resultados numéricos que, por sua vez, são utilizados para as mais diferentes finalidades.

Da mesma forma que para maioria dos fenômenos medidos, o nível de medida não é inerente aos dados (Velleman and Wilkinson, 1993). Com isso, o debate sobre qual nível de medida devem ser entendido os números obtidos por instrumentos psicológicos parece estar sempre aberto. Uma primeira resposta veio do próprio Stevens, que assumindo que as operações possíveis em cada escala devem ser invariantes comentou que:

A maioria das escalas usadas amplamente e efetivamente por psicólogos são ordinais. De maneira estrita, médias e desvios-padrão não devem ser utilizados nessas escalas, uma vez que para essas estatísticas se deva saber algo mais do que a ordem relativa dos dados. Por outro lado, pode-se evocar uma espécie de confirmação pragmática para esse uso ‘illegal’ da estatística: em inúmeras situações o seu uso conduziu a resultados frutuosos (Stevens, 1946, p. 679, aspas do autor original).

Já no meio acadêmico, é bem possível que ninguém consideraria que os resultados obtidos por um processo de testagem psicológica sejam nominais ou de razão. Entretanto, há bastante divergência em relação quanto ao nível ordinal ou intervalar. Excetuando os que julgam que os resultados estão entre esses dois níveis, há aqueles que julgam que a escala ordinal é a adequada para qualquer instrumento psicológico. Para esses autores, não seria possível sequer somar ou diminuir os valores obtidos em itens de um teste de inteligência ou inventário de atitude. Eventualmente, decisões como essa são bastante rígidas e só mais recentemente, principalmente pelo incremento do poder computacional, essas decisões tiveram contrapartida analítica (Análise Rasch e Teoria de Resposta ao Item, por exemplo). Apesar de rígida, essa consideração tem fundamento, já que pela hierarquia dos níveis de medida, só é possível um processo descendente (razão para intervalar, etc) e não ascendente (intervalar para razão, por exemplo). Isso também pode tanto ser visto em instrumentos do tipo questionários e instrumentos com respostas certas e erradas. Uma vez que a escala intervalar assume equidistância entre os valores, considerar que as distâncias de itens Likert (concordo totalmente a discordo totalmente) ou Tipo-Likert (nada a muito) são iguais é uma justificativa bastante frágil. Já em instrumentos de inteligência, também seria pouco adequado assumir que a diferença de 1 ponto traria a mesma informação isomórfica entre uma pessoa que teve 80 pontos e outra 79 pontos em um teste de inteligência e entre uma pessoa que obteve 130 pontos e outra que obteve 129 pontos neste mesmo teste.

Em outro sentido, um grupo maior de acadêmicos consideram os resultados obtidos por um processo de testagem como intervalares e, consequentemente, utilizam técnicas estatísticas mais robustas para os dados. Essa condição quase

sempre era justificada de maneira pragmática, vem ganhando maior sustentação hoje em dia, especialmente em estudos de simulação, em que os pesquisadores criam a possibilidade de comparar resultados estatísticos obtidos considerando os dados ou como ordinais ou como intervalares (Wu and Leung, 2017).

Dessa forma, uma vez que esse tema ainda reflete uma questão em aberta, respostas definitivas não são possíveis (nem desejáveis), colocando sobre o pesquisador a justificativa analítica e teórica das decisões por ele tomadas.

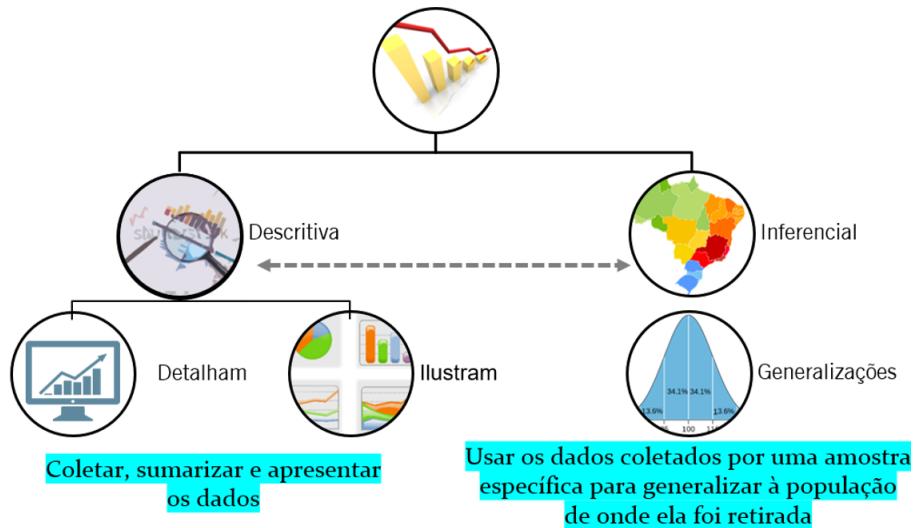
3.5 Principais áreas da estatística

A estatística pode ser dividida em duas áreas interligadas: estatística descritiva e estatística inferencial. O objetivo da estatística descritiva é apresentar sínteses e resumos dos resultados de uma pesquisa pela utilização de gráficos e tabelas. Não é proposta dessa área fazer generalizações ou extrapolar os resultados obtidos a objetos ou pessoas não investigadas durante a coleta de dados. Por contraste, a estatística inferencial visa extrapolar os dados e fazer generalizações que toquem toda população de onde aquela amostra foi retirada e é representativa. Dessa maneira, o principal objetivo da estatística inferencial é, de fato, fazer inferências.

Essa divisão é certamente mais didática do que pragmática e, com muita frequência, ambas as áreas estão presentes em uma pesquisa. No entanto, alguns pontos merecem destaque:

1. A estatística descritiva surgiu antes que a inferencial. A etimologia da palavra talvez ajude a entender. Estatística vem da palavra estado e este sempre teve interesse em saber quantos eram os cidadãos de um determinado local para, entre outras atividades, taxá-los. Assim, aspectos descritivos antecedem os inferenciais. Por sua vez, a estatística inferencial guarda origem e proximidade com a teoria dos jogos e, consequentemente, isso ajuda a entender o motivo pelo qual a maioria dos exemplos inferenciais envolvem jogos de azar.
2. A estatística (inferencial) tem duas “escolas” ou “formas de pensamento”. A estatística frequentista e a estatística bayesiana. Aspectos fundamentais que tocam à definição de probabilidade são diferentes, bem como a definição de dados e parâmetros também o são. Pela perspectiva histórica, a estatística bayesiana é mais antiga que a frequentista. No entanto, a proporção de uso da estatística frequentista é mais frequente.
3. A relação entre estatística e Machine Learning é relativamente recente. Apesar de grande interface e do fato que as análises realizadas em estatística e ML encontram resultados virtualmente idênticos, há diferentes argumentos sugerindo que as áreas têm objetivos diferentes (o que eu não

necessariamente concordo). Neste livro, técnicas e análises de Machine Learning não serão apresentadas.



3.6 Resumo

1. A estatística está totalmente integrada ao planejamento, execução e análise de dados de uma pesquisa
2. As pesquisas apresentam objetivos, dimensões temporais e procedimentos específicos para coleta de dados
3. Em relação ao objetivo, uma pesquisa pode ser exploratória, descritiva ou explicativa
4. Em relação à dimensão temporal, uma pesquisa pode ser transversal ou longitudinal
5. Em relação ao delineamento, uma pesquisa pode ser observacional ou experimental
6. Cientistas constroem modelos teóricos pela impossibilidade de acessar diretamente seu objeto ou fenômeno de investigação
7. As variáveis são características que podem apresentar quaisquer valores

8. A VI também é chamada de preditora, enquanto a VD é chamada de prevista
9. Em todo relacionamento bivariado, outros fatores estão envolvidos e são chamados de variáveis estranhas
10. Com muita frequência, em ciência se substitui os termos certeza e verdade por evidência e probabilidade.

3.7 Questões

1. (ENADE, 2015) O profissional de marketing de uma empresa de cosméticos foi encarregado de redesenhar o aparelho de depilação feminino comercializado por essa empresa. Para tanto, o profissional fez uma pesquisa de mercado utilizando entrevistas e discussões em grupo (grupo focal) com mulheres de segmentos diferentes do mercado-alvo potencial do produto, tendo em vista que a depilação é considerada uma experiência pessoal pelas mulheres. Esta é uma pesquisa exploratória.a) Verdadeirob) Falso

Gabarito: 1b

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 4

Estatística Descritiva

Objetivos do capítulo

1. Introduzir conceitos importantes em estatística descritiva
2. Apresentar tabelas e gráficos
3. Apresentar funções do dplyr e ggplot
4. Apresentar um módulo específico do JASP
5. Sugerir heurísticas ou regras gerais na criação de gráficos

Quando pesquisadores e acadêmicos fazem seus estudos, com muita frequência, eles obtêm um grande conjunto de dados, sendo pouco informativo ou até mesmo inviável apresentar detalhadamente todos eles. A estatística descritiva oferece uma diversidade de ferramentas que auxiliam a organizar, descrever, resumir e apresentar os dados obtidos, de forma que os resultados sejam mais fáceis de serem compreendidos e analisados e, consequentemente, que a pesquisa possa ser melhor compreendida por todos os seus leitores.

Atenção: A estatística descritiva dispõe de inúmeras ferramentas para auxiliar na gestão e apresentação de dados.

Frequentemente, a massa de dados obtidos em uma pesquisa (realização) é resumida por alguns números específicos, que possuem certas propriedades estatísticas, e conseguem sintetizar adequadamente o volume de dados. Por sua vez, esses números são úteis em análises que possam ser necessárias e serão descritos em outra seção deste capítulo.

Na apresentação dos dados, é possível utilizar informações textuais, tabelas e gráficos. Tabelas e textos permitem agrupar e detalhar os resultados e, com isso, torná-los mais precisos e detalhados. Entretanto, esse aprofundamento pode também dificultar o entendimento geral do estudo. Por sua vez, gráficos geram sumários descritivos, em que é possível ter um entendimento rápido dos

principais resultados. Eles também podem incorporar elementos adicionais, que possibilitam uma primeira análise inferencial, tal como barras de erro e intervalos de confiança. Dependendo do tipo de gráfico, além da apresentação de resultados descritivos, é possível também expor diferenças entre grupos ou relações entre variáveis.

Apesar dessas vantagens, algumas limitações podem ser encontradas nos gráficos. Uma vez que os eles condensam um grande conjunto de resultados em uma apresentação mais simples, eles podem dificultar um pouco no entendimento geral das conclusões obtidas pela pesquisa e, ocasionalmente, distorcer os resultados.

No geral, cada uma dessa formas de apresentar os resultados de uma pesquisa traz consigo vantagens e desvantagens, listadas a seguir:

Tabelas	Gráficos
Vantagens	
Auxiliam a organizar os resultados	Condensam vários resultados
Permitem detalhar e aprofundar os resultados	Auxiliam a identificar padrões nos resultados
Apresentam os resultados de maneira mais precisa	Auxiliam a visualizar o relacionamento entre variáveis
Buscadores (google, etc) encontram os resultados	Permitem confirmar ou não suposições inicialmente feitas sobre os dados
	Fáceis de serem entendidos quando bem feitos
Limitações	
Podem dificultar o entendimento dos resultados	Podem simplificar demasiadamente os resultados
	Podem distorcer severamente os resultados quando mal feitos

É importante atentar que em todas estas técnicas, mas especialmente nas gráficas, deve-se evitar gerar distorções ao entendimento e interpretação dos resultados. Há casos de pessoas e profissionais que chegaram a sofrer sanções jurídicas por distorções intencionais em apresentação estatísticas. Há recomendações nacionais e internacionais que visam auxiliar no desenvolvimento de gráficos e tabelas e, com grande frequência, periódicos e editoras também exigem formatos específicos na apresentação dos resultados.

Fim da versão gratuita

4.1 Tabelas

As tabelas são recursos estatísticos que permitem a apresentação dos resultados de uma pesquisa de maneira resumida, reunida e objetiva. É possível utilizá-las para apresentação de apenas uma ou múltiplas variáveis, que podem ser categóricas ou contínuas. Todas as tabelas precisam de títulos e, eventualmente, algumas notas podem auxiliar no entendimento dos resultados.

O formato padronizado para desenvolvimento de tabelas costuma variar de revista para revista. No entanto, é possível notar que, quase sempre, os números são arredondados em 2 casas decimais e apenas as linhas possuem bordas. A imagem abaixo apresenta uma tabela construída pelas recomendações da American Psychological Association (APA).

Table 1 Número da tabela
Number of Boys and Girls by Age Group Título da tabela Cabeçalho da coluna

Grade	Boys	Girls
4	115	126
5	130	119
6	117	124
Total	362	369

Note. Adapted from *Example Book*, by J. Smith, 2016, p. 115. Copyright 2016 by Scribbr.

Notas

4.2 Gráficos

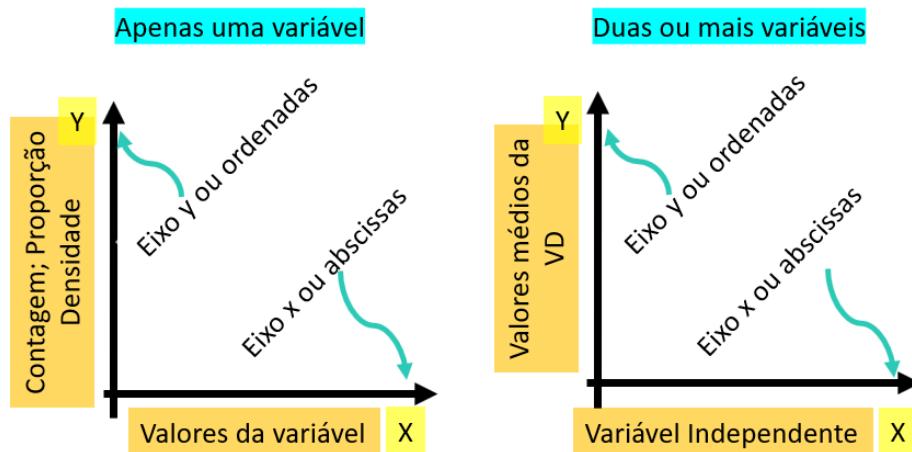
Gráficos são representações visuais utilizadas para exibir dados. Da mesma forma que tabelas, eles podem ser formados por uma ou múltiplas variáveis. Quando uma única variável é apresentada em um gráfico, sua finalidade tende a ser apenas descritiva. Quando duas ou mais variáveis são apresentadas, eles auxiliam a comparar os resultados entre grupos ou explorar o relacionamento entre variáveis.

Se bem feitos, os gráficos são extremamente úteis e auxiliam o rápido entendimento dos resultados obtidos em uma pesquisa. Como aponta Morettin e Bussab (2010), eles possibilitam:

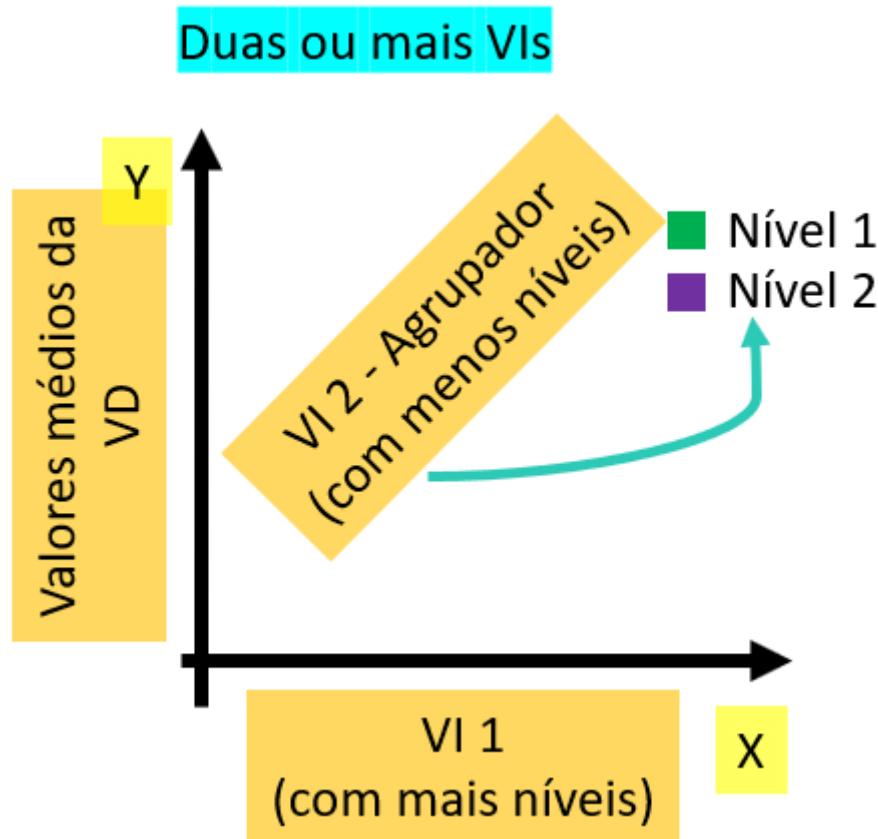
- (a) Buscar padrões e relações;
- (b) Confirmar (ou não) certas expectativas que se tinha sobre os dados;
- (c) Descobrir novos fenômenos;
- (d) Confirmar (ou não) suposições feitas sobre os procedimentos estatísticos usados; e
- (e) Apresentar resultados de modo mais rápido e fácil.

É sempre importante que o gráfico tenha um título e uma escala e, quando necessário, notas complementares.

A maioria dos gráficos são construídos em um plano com um eixo horizontal (abscissas) e um vertical (ordenadas). Quando há apenas uma variável para apresentar, o eixo X irá reunir os níveis ou possíveis valores desta variável, enquanto o eixo Y irá apresentar suas contagens, proporções ou densidade. Quando há duas variáveis, o eixo X será utilizado para apresentar os níveis ou possíveis valores da variável independente, enquanto o Y apresentará os valores médios encontrados na variável dependente, tal como apresentado a seguir.



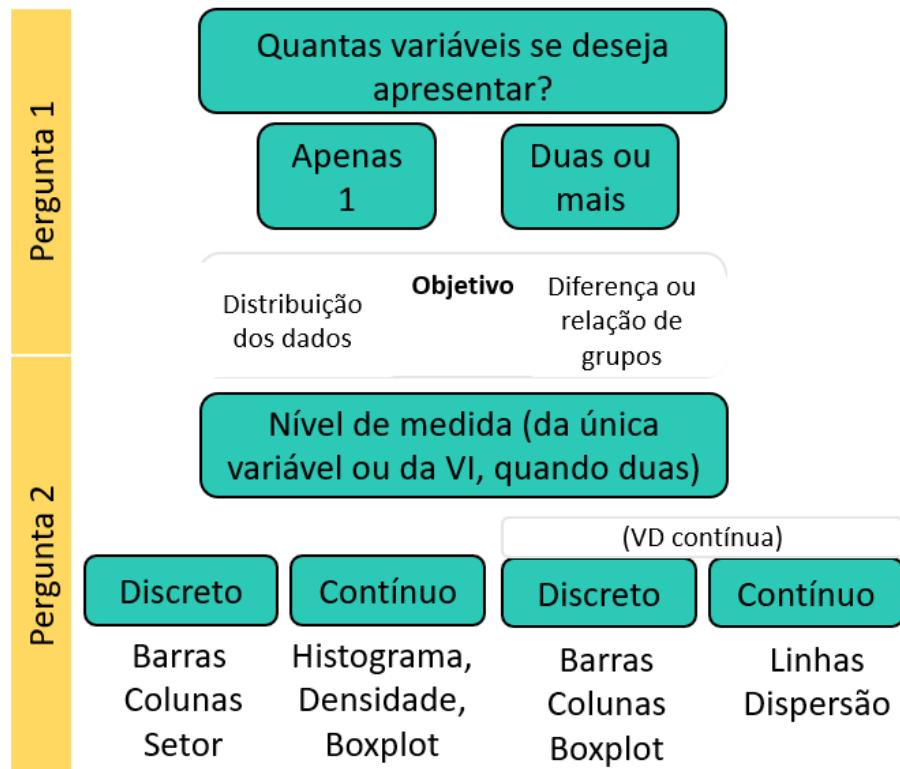
Quando há mais de uma variável independente, um agrupador ou cluster deverá ser apresentado. Com frequência, o eixo X recebe a variável independente com mais níveis, enquanto o agrupador recebe as outras. A imagem a seguir descreve este cenário.



Há diferentes heurísticas que auxiliam na escolha de um gráfico adequado para apresentar os resultados de uma pesquisa. De forma geral, essa escolha pode ser pautada por duas perguntas:

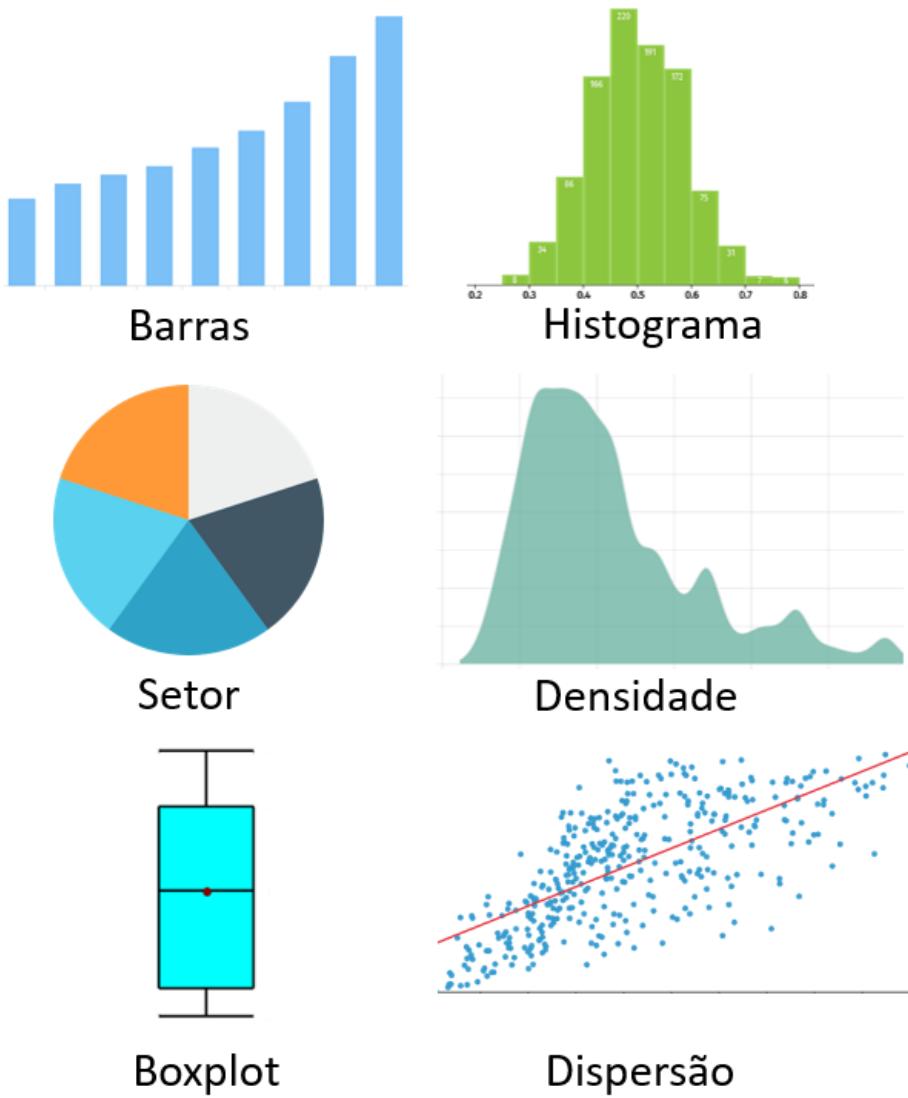
1. Quantas variáveis serão apresentadas ?
2. Qual o nível de medida da variável (ou variável independente quando há duas ou mais)?

Com isso, o diagrama abaixo oferece uma árvore de decisão funcional.



Nota: Nessa apresentação, pragmaticamente as variáveis categóricas são tratadas como discretas.

A imagem a seguir ilustra alguns desses gráficos. Suas características serão apresentadas em seguida.



A apresentação de gráficos tende a seguir um desenvolvimento hierárquico. Inicialmente, gráficos univariados para variáveis categóricas e contínuas são criados. Em seguida, gráficos apresentando diferenças e relações entre grupos e variáveis são feitos. Na seção Pesquisa, diferentes gráficos serão gerados para ilustrar o processo.

4.3 Medidas de posição e dispersão

Uma vez que é pragmaticamente inviável apresentar detalhadamente todos os dados obtidos em uma pesquisa, há um conjunto de números podem ser utilizados para resumir todo o conjunto. Eles costumam ser chamados de números-síntese, medidas resumo, medidas estatísticas ou apenas estatísticas e podem ser agrupados em medidas de posição e medidas de dispersão, que serão descritas a seguir.

Medidas de posição: São valores que representam a concentração dos dados observados. Podem ser divididas em medidas de tendência central, medidas separatrizes e medidas de posição relativa.

As medidas de tendência central (MTC) indicam o valor em torno do qual uma grande proporção de outros valores está centralizada. As MTC mais usadas são a moda, a média e a mediana.

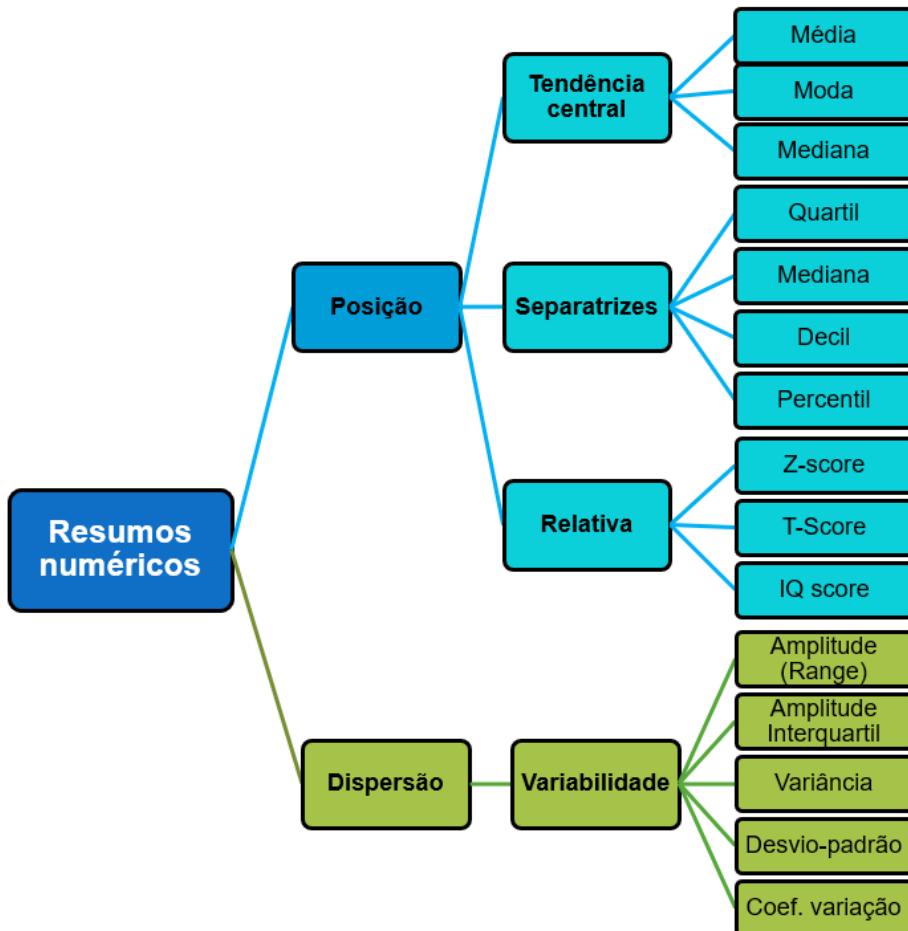
As separatrizes também são chamadas de quantis ou medidas de ordenamento. Elas são valores que indicam posições em uma distribuição ordenada acumulada dos dados. Os principais quantis utilizados são os quartis (divisão dos dados em 4 partes iguais), decis (divisão em 10 partes iguais) e percentis (divisão em 100 partes iguais).

As medidas de posição relativa são as vezes chamadas de Escore padrão. Elas são valores que indicam as posições que cada valor do conjunto de dados em relação a todos os dados. O Escore Z, o Escore T e o Escore QI tendem a ser classificados como medidas de posição de relativa e são bastante utilizados em Psicometria.

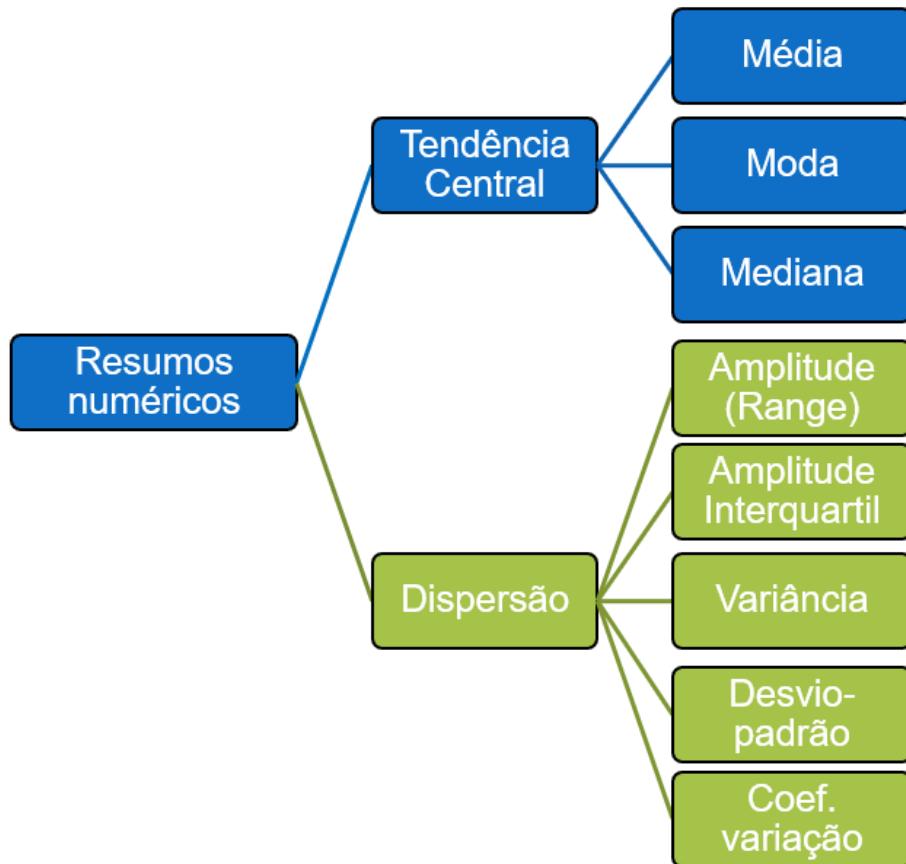
É possível notar que essa divisão tão detalhada pode gerar inconsistências e é raramente utilizada na prática. No dia a dia, as medidas de tendência central abrangem pragmaticamente todas as medidas de posição.

Medidas de dispersão : Também chamadas de medidas de variabilidade ou afastamento. São valores que indicam o quanto dispersa se encontra a distribuição dos valores em relação à alguma medida de tendência central. Entre as medidas de dispersão, estão a amplitude, a amplitude (ou intervalo) interquartil, a variância, o desvio-padrão e o coeficiente de variação. Em Psicologia, o desvio-padrão e a amplitude interquartil (também chamado de intervalo interquartil) são as mais utilizadas.

O diagrama abaixo apresenta estas informações.



Como previamente comentado, esse detalhamento tem pouco sentido prático na maioria das pesquisas. Apenas em raras exceções, como em Psicometria, é que discussões sobre percentis e Escores Z são feitas. Assim, apesar do esforço feito para reunir as principais medidas estatísticas utilizadas, a organização apresentada no diagrama a seguir traz maior utilidade.



As principais medidas serão agora apresentadas de uma maneira simples. Esse formato é proposital, uma vez que a proposta do livro é discutir tais conceitos pela apresentação de pesquisas específicas e previamente publicadas.

4.4 Média

A média é a MTC mais comum e mais intuitiva. Seu valor representa o “centro de gravidade” da distribuição, descrevendo a maior concentração dos valores em torno dela. Assim, ela resume o conjunto de dados e pode ser utilizada para substituir os outros valores, o que é especialmente útil quando há casos ausentes.

Para ilustrar, imagine a seguinte situação: 10 pacientes foram avaliados por um teste de inteligência e apresentaram os resultados abaixo descritos:

90.6, 102.8, 87.47, 123.9, 104.9, 87.69, 107.3, 111.1, 108.6, 95.42 and 122.7

A média indicará o valor central da distribuição em relação à distância entre os outros valores.

103.9

Caso uma tabela seja apresentada e nela seja calculada a distância de todos os valores em relação à média, os resultados seriam assim:

Resultado	media	distancia
90.6	103.9	-13.26
102.8	103.9	-1.11
87.47	103.9	-16.4
123.9	103.9	20.06
104.9	103.9	1.078
87.69	103.9	-16.17
107.3	103.9	3.447
111.1	103.9	7.211
108.6	103.9	4.772
95.42	103.9	-8.445
122.7	103.9	18.81

Somando as distâncias, o resultado será 0, indicando que elas se anulam e que a média é o centro da distribuição.

Resultado	media	distancia
90.6	103.9	-13.3
102.8	103.9	-1.1
87.5	103.9	-16.4
123.9	103.9	20.1
104.9	103.9	1.1
87.7	103.9	-16.2
107.3	103.9	3.4
111.1	103.9	7.2
108.6	103.9	4.8
95.4	103.9	-8.4
122.7	103.9	18.8
Total	-	3.109e-15

A tabela a seguir apresenta algumas características vantajosas e possíveis limitações da média.

Vantagem	Limitação
É intuitiva	Sensível
Algebraicamente tratável	Não adequada a dados nominais
Estimador não viesado	

Vantagem	Limitação
Sensível	

Nota: Uma medida sensível significa que ela é influenciada por todos os outros valores.

Exemplo de aplicações: Praticamente, em todas as pesquisas se utiliza a média para resumir o volume de dados obtidos. Como exemplos em Psicologia, a média de valores de inventários e testes psicológicos, a média do tempo de reação que um participante demora para responder à uma atividade específica e a média de consultas clínicas que em média um profissional realiza.

4.5 Mediana

A mediana é uma medida que representa o centro do conjunto de dados quando se considera a quantidade de elementos presentes. Portanto, a mediana divide a quantidade de dados em duas partes iguais, em que 50% dos dados estão abaixo dela e 50% dos dados estão acima dela. A mediana pode ser classificada tanto como uma medida de tendência central, como uma separatriz (Aguiar Neto, 2010).

Dessa forma, os resultados da mediana são iguais aos resultados do 2º quartil, 5º decil e percentil 50. Comparada com a média, os resultados obtido pela mediana são mais robustos ou resistentes aos valores atípicos ou anômalos, apesar de menos intuitivos.

Para dividir a distribuição em duas partes iguais, a realização da mediana precisa de alguns procedimentos. Repare que abaixo estão os mesmos resultados apresentados na seção da média:

90.6, 102.8, 87.47, 123.9, 104.9, 87.69, 107.3, 111.1, 108.6, 95.42 and 122.7

Para o cálculo da mediana, é necessário organizar essa série de valores de maneira ascendente (chamado de rol) e localizar o resultado ao centro. Nesse caso, o valor ao centro é 104.9. Note que este valor divide os dados em duas partes iguais de elementos abaixo ou acima dele.

87.47, 87.69, 90.6, 95.42, 102.8, 104.9, 107.3, 108.6, 111.1, 122.7 and 123.9

Caso a quantidade de elementos seja ímpar, a localização da mediana é mais fácil. Caso esta quantidade seja par, a mediana será calculada pela média aritmética dos dois elementos centrais.

A tabela a seguir descreve algumas características vantajosas e possíveis limitações da mediana.

Vantagem	Limitação
Resistente a valor anômalos/Outliers Adequada para dados ordinais, intervalares e de razão	Não representa todos os valores Não adequada a dados nominais Pouco adequada a tratamentos algébricos futuros

Exemplo de aplicações: Situações em que a distribuição é muito assimétrica. Variáveis econômicas como salário e pobreza costumam trabalhar com a mediana dos dados.

4.6 Moda

A moda é a realização mais frequente de um conjunto de dados. Salvo algumas exceções, a moda não costuma ser utilizada em análises estatísticas, uma vez que representa mal o conjunto de dados.

Exemplo de aplicações: Situações em saúde pública, como a idade mais típica que uma menina tem o primeiro filho, dia e/ou horário modal de admissão em um hospital. Situações econômicas de determinação de salários mínimos, eventualmente, também pode contar com resultados modais.

4.7 Amplitude

A amplitude é uma medida de dispersão que indica a variabilidade dos dados. O procedimento para seu cálculo é a subtração entre o maior e o menor valor de um conjunto de dados.

4.8 Amplitude interquartil

A amplitude interquartil também é chamada de intervalo interquartil. Essa medida apresenta a variabilidade dos dados de maneira insensível a valores extremos. Ela é computada pela subtração do primeiro quartil (Q_1) pelo terceiro quartil (Q_3), ou seja, $Q_3 - Q_1$. Os quartis são medidas que indicam posições de separação no conjunto ordenado de dados.

O primeiro quartil indica o valor onde estão até 25% dos dados, o segundo quartil tem o mesmo valor da mediana e o terceiro quartil indica o valor onde estão até 75% dos dados.

Como a amplitude interquartil considera apenas a variabilidade em torno do centro, ela é uma medida considerada mais estável ou robusta quando comparada a outras medidas de dispersão.

4.9 Variância e Desvio-padrão

A variância e o desvio-padrão são duas medidas de dispersão frequentemente utilizadas em estatística de maneira intercambiável.

A variância indica a variabilidade quadrática de um conjunto de dados, considerando todos os valores da distribuição. Pela sua estrutura matemática, seu resultado expressa o desvio quadrático médio e, com isso, seu valor não está na mesma unidade dos dados originais.

A variância é uma medida fundamental no estudo das famílias de distribuições de probabilidades e análises estatísticas. No entanto, na prática, ela é pouco usada para descrever a variabilidade dos dados e acaba sendo usada apenas de forma transitória para o cálculo do desvio-padrão.

O desvio-padrão indica a variação dos valores em torno da média, e como seus resultados são calculados pela raiz quadrada da variância, o desvio-padrão está na mesma unidade dos dados originais. Dessa forma, o desvio-padrão tem uma melhor característica descritiva.

Em síntese, enquanto a variância possui maior importância em aspectos matemáticos relacionados às famílias de distribuições de probabilidade, o desvio-padrão tem melhor adequação descritiva de um conjunto de dados. Conceitualmente, as equações a seguir descrevem à variância amostral (à esquerda) e o desvio-padrão amostral (à direita):

$$S^2 = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (X_i - \mu)^2}{N-1}} \quad S = \frac{\sum_{i=1}^N (X_i - \mu)^2}{N-1} \quad (4.1)$$

Após estas apresentações teóricas, espera-se que seja possível apresentar a pesquisa a seguir, bem como implementar parte dos conceitos nos dados obtidos.

4.10 Momentos estatísticos

O conceito de momentos em estatística é bastante útil para destacar um conjunto de fórmulas que permitem descrever o conjunto de dados obtidos em uma

pesquisa (Jenkins-Smith et al., 2017). Tecnicamente, ele resume o que foi apresentado separadamente nas medidas de posição e dispersão. Por eles serem descritos em formato analítico, acabam sendo pouco comentados em Psicologia, infelizmente.

1. A média (valor esperado) $E[X]$:

$$E(X) = \bar{X} = \frac{\sum X_i}{n}$$

2. Variância amostral (S^2):

$$s_x^2 = \frac{\sum (X - \bar{X})^2}{(n - 1)}$$

3. Assimetria (AS):

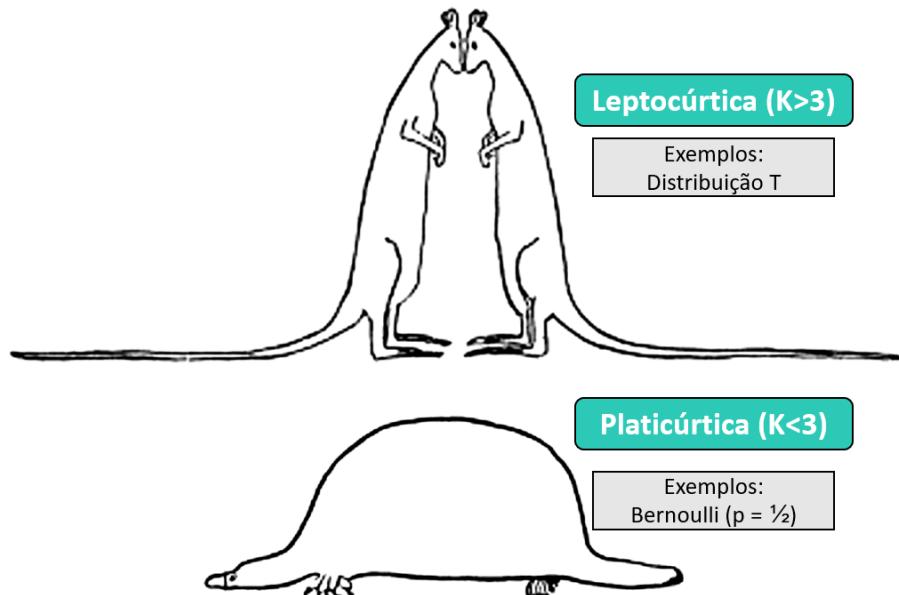
$$AS = \frac{\sum (X - \bar{X})^3}{(n - 1)} / \sigma^3 = \frac{1}{n - 1} * \frac{\sum (X - \bar{X})^3}{\sigma^3}$$

Caso o Coeficiente de Assimetria seja igual a 0, não há assimetria.

4. Curtose (K):

$$K = \frac{\sum (X - \bar{X})^4}{(n - 1)} / \sigma^4 = \frac{1}{n - 1} * \frac{\sum (X - \bar{X})^4}{(\sigma^2)^2}$$

Indica o achatamento. Caso o Coeficiente de Kurtose seja igual a 3, o formato da distribuição é simétrico ou Mesocúrtica. Caso seja menor do que 3, ela tem formato platicurtico (baixa com caudas curtas) e acima de 3 o formato é leptocurtico (alta com caudas longas).



Coletaral a apresentação, o surgimento do termo “momentos estatísticos” parece ter surgido de trabalhos de Pearson em física, especialmente sobre elasticidade, inércia e momentos de ruptura (David, 1998)

4.11 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Base R - Pesquisa mapfre.RData

Base JASP: Base CSV - dataset_mapfre

Neste capítulo, vamos utilizar a pesquisa intitulada “Depression and Anxiety Symptoms in a Representative Sample of Undergraduate Students in Spain, Portugal, and Brazil”. Nessa pesquisa, sou o coautor e o pesquisador responsável para correspondência. O objetivo deste estudo foi desenvolver um mapa epidemiológico de sintomas de ansiedade e depressão em universitários em três países, bem como investigar possíveis relações entre tais condições de saúde e fatores sociodemográficos. Para acessar eventuais transtornos depressivos, o Inventário Beck de Depressão (BDI) foi utilizado e para acessar condições de ansiedade, o Inventário Beck de Ansiedade (BAI) foi utilizado. Em ambos os inventários, valores altos sugerem que condições de agravo à saúde mental podem estar presentes.

Um diferencial importante do trabalho foi a seleção amostral. Partiu-se de uma amostra estratificada (probabilística) dos estudantes de três universidades, PUC-Rio (Brasil), Universidade de Extremadura (Espanha) e Universidade de Coimbra (Portugal). Isso permitiu ter maior validade externa dos resultados.

4.12 Execução no R

Inicialmente, é necessário carregar a base de dados previamente descrita para o ambiente R. Este procedimento será necessário para todos os capítulos do livro.

Frequentemente, uma primeira tabela informativa começa descrevendo as variáveis categóricas, que deve apresentar suas contagens e proporções. Nesta pesquisa de agora, tanto a variável country como sex são categóricas e serão utilizadas.

como três países fizeram parte da pesquisa, os dados serão agrupados por eles. O desenvolvimento desta tabela pode ser feito com pacote `janitor`, tal como demonstrado a seguir.

```
Dataset %>%
  tabyl(country) %>%
  adorn_totals() %>%
  pander()
```

country	n	percent
SPAIN	1216	0.6214
PORTUGAL	426	0.2177
BRAZIL	315	0.161
Total	1957	1

A adição de um outro agrupador relacionado ao sexo é também importante. Note que existem casos ausentes nesta variável. Isso ocorre com bastante frequência e há diferentes estratégias para lidar com isso, que serão discutidas em momento oportuno. Para que valores ausentes não sejam apresentados, a função `filter` será implementada. É importante atentar que os dados ausentes não foram excluídos. Eles apenas não são apresentados.

```
Dataset %>%
  filter(!is.na(sex)) %>%
  tabyl(sex, country) %>%
  adorn_totals() %>%
  pander()
```

sex	SPAIN	PORTUGAL	BRAZIL
M	384	203	149
F	825	223	166
Total	1209	426	315

Para apresentar a quantidade total de participantes, bem como a quantidade e a porcentagem de homens e mulheres por país, a codificação torna-se um pouco mais densa. A tabela a seguir reproduz parcialmente a tabela 1 do artigo publicado.

```
Dataset %>%
  filter(!is.na(sex)) %>%
  tabyl(country, sex) %>%
  adorn_totals(c("row", "col")) %>%
  adorn_percentages("row") %>%
  adorn_pct_formatting(rounding = "half up", digits = 0) %>%
  adorn_ns() %>%
  pander()
```

country	M	F	Total
SPAIN	32% (384)	68% (825)	100% (1209)
PORTUGAL	48% (203)	52% (223)	100% (426)
BRAZIL	47% (149)	53% (166)	100% (315)
Total	38% (736)	62% (1214)	100% (1950)

Enquanto as tabelas com variáveis categóricas apresentam contagens e suas respectivas porcentagens, tabelas para variáveis contínuas costumam utilizar medidas de posição e dispersão. A média e a mediana são os sumários mais utilizados para indicar a posição ou a concentração dos dados. Por sua vez, o desvio-padrão e a amplitude ou intervalo interquartil são utilizados para indicar o afastamento dos dados dessas medidas de posição.

O R oferece muitos pacotes especializados em tabelas descritivas, cada qual com características positivas e limitadoras. Neste capítulo, o pacote **arsenal** será utilizado.

De maneira análoga à construção da primeira tabela deste capítulo, os valores do BDI e do BAI serão apresentados em função do país do participante.

```
arsenal::tableby(country ~ bdi_sum + bai_sum,
                 test = FALSE, data = Dataset) %>%
  summary()
```

	SPAIN (N=1216)	PORTUGAL (N=426)	BRAZIL (N=315)	Total (N=1957)
bdi_sum				
N-Miss	4	3	1	8
Mean (SD)	8.859 (7.537)	9.054 (7.727)	10.895 (8.294)	9.229 (7.736)
Range	0.000 - 57.000	0.000 - 53.000	0.000 - 41.000	0.000 - 57.000
bai_sum				
N-Miss	3	2	0	5
Mean (SD)	8.547 (8.057)	7.915 (8.042)	9.013 (8.403)	8.485 (8.114)
Range	0.000 - 48.000	0.000 - 45.000	0.000 - 46.000	0.000 - 48.000

É também possível reunir tais resultados a partir do sexo do participante.

```
arsenal::tableby(sex ~ bdi_sum + bai_sum,
                 test = FALSE,
                 data = Dataset) %>%
  summary()
```

	M (N=736)	F (N=1214)	Total (N=1950)
bdi_sum			
N-Miss	4	4	8
Mean (SD)	8.676 (7.737)	9.588 (7.725)	9.244 (7.740)
Range	0.000 - 57.000	0.000 - 53.000	0.000 - 57.000
bai_sum			
N-Miss	5	0	5
Mean (SD)	6.813 (7.142)	9.470 (8.446)	8.471 (8.082)
Range	0.000 - 44.000	0.000 - 48.000	0.000 - 48.000

A apresentação agrupando pelo país e sexo do participante é possível e reúne mais informações. A tabela encontra-se abaixo:

```
arsenal::tableby(interaction(sex ,country) ~ bdi_sum + bai_sum,
                 control=arsenal::tableby.control(test=FALSE,
                                                 total=FALSE),
                 data = Dataset) %>%
  summary()
```

	M.SPAIN (N=384)	F.SPAIN (N=825)	M.PORTUGAL (N=203)	AHORTUGAL (N=223)	BRAZIL (N=149)	I.F.BRAZIL (N=166)
bdi_sum						
N-Miss	2	2	2	1	0	1
Mean	8.395	9.106	8.602	9.464	9.497	12.158
(SD)	(7.537)	(7.542)	(8.047)	(7.421)	(7.812)	(8.534)
Range	0.000 - 57.000	0.000 - 53.000	0.000 - 52.000	0.000 - 53.000	0.000 - 38.000	0.000 - 41.000
bai_sum						
N-Miss	3	0	2	0	0	0
Mean	6.580	9.424	6.159	9.498	8.289	9.663
(SD)	(6.680)	(8.402)	(7.188)	(8.449)	(8.017)	(8.708)
Range	0.000 - 42.000	0.000 - 48.000	0.000 - 42.000	0.000 - 45.000	0.000 - 44.000	0.000 - 46.000

4.13 Gráficos

Como previamente exposto, os gráficos são excelentes recursos visuais para apresentação dos resultados obtidos em uma pesquisa. No R, a principal máquina gráfica é o `ggplot`. Para executar um gráfico, pelo menos 3 argumentos são necessários:

1. O banco dados (`data =`),
2. O aspecto estético, que permite diferentes complementos `aes(x = , y = , fill = , color = , group = , shape =)`,
3. O aspecto geométrico, que varia em função do gráfico a ser apresentado `geom_`

É possível também adicionar outros argumentos, como:

4. Transformações estatísticas `stat_summary`
5. Facetas para dividir a visualização `facet_`
6. Sistema de coordenadas `coord_`
7. Temas específicos `theme_`

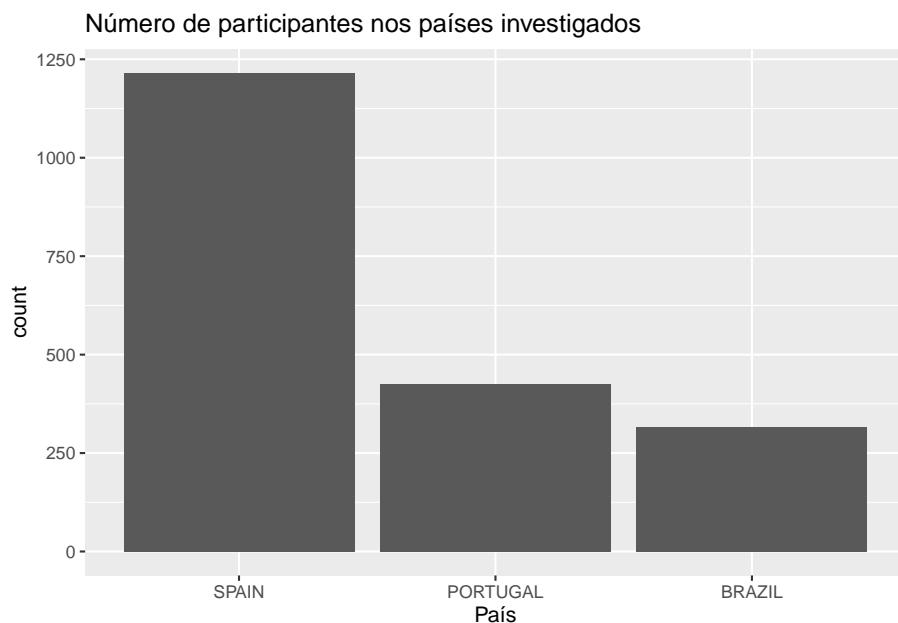
É importante notar que apesar dos argumentos utilizados na sintaxe serem similares aos utilizados em toda família tidyverse, a ligação `%>%` é substituída pelo `+`.

4.14 1 variável discreta

Quando há apenas uma variável discreta (incluindo aqui as categóricas), os gráficos apresentam a distribuição dos dados por contagens e/ou proporções. Para esta apresentação, se recomenda a utilização do gráfico de barras, colunas ou setor.

O gráfico de barras abaixo apresenta a contagem absoluta dos participantes pesquisados em cada país.

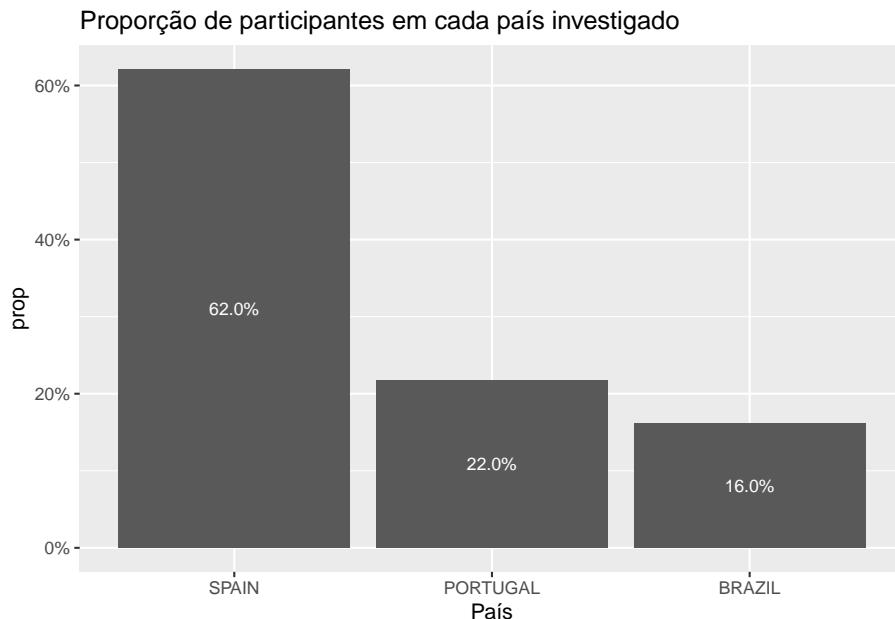
```
ggplot(Dataset, aes(x = country)) +
  geom_bar() +
  labs(x = "País",
       title = "Número de participantes nos países investigados")
```



Esse gráfico permite um primeiro entendimento da distribuição dos dados. No entanto, a simples contagem de valores pode gerar uma percepção diferente caso a pesquisa tenha muitos ou poucos sujeitos. Para evitar isso, sugere-se a apresentar as proporções em vez das contagens.

A mudança da contagem para proporções pode ser feita por um recurso do pacote **scales**. A adição dos valores textuais às colunas tende e auxiliar a visualização.

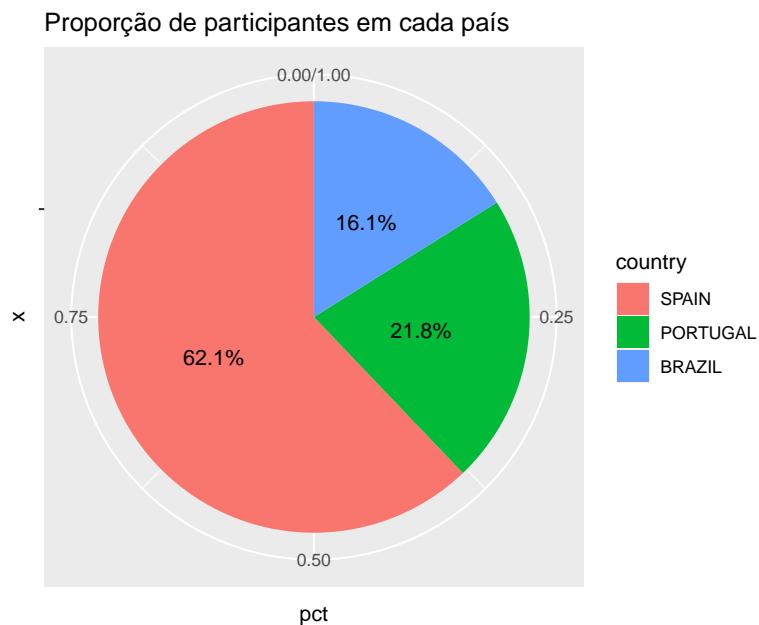
```
ggplot(Dataset, aes(x = country, y = ..prop.., group = 1)) +
  geom_bar(stat = "count") +
  geom_text(aes(label=scales::percent(round(..prop..,2)),
                y=..prop..),
            stat= "count", color = "white",
            size = 3, position = position_stack(vjust = 0.5)) +
  scale_y_continuous(labels = scales::percent_format()) +
  labs(x = "País",
       title =
       "Proporção de participantes em cada país investigado")
```



O gráfico de setor (as vezes chamado de polar, pizza ou torta) é também uma opção. O aspecto principal desse gráfico é o tamanho proporcional dos segmentos.

```
Dataset %>%
  count(country) %>%
  mutate(pct = n/sum(n)) %>%
  ggplot(., aes(x="", y= pct, fill=country)) +
  geom_col() +
  geom_text(aes(label = scales::percent(round(pct,3))),
            position = position_stack(vjust = 0.5))+
```

```
coord_polar(theta = "y") +
  labs(title = "Proporção de participantes em cada país")
```

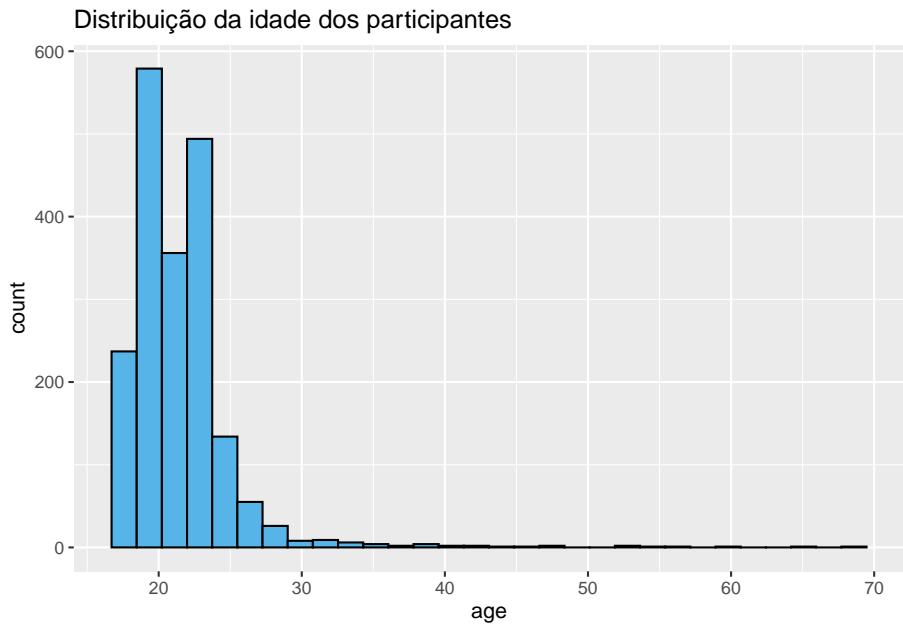


4.15 1 variável contínua

Quando uma única variável deve ser apresentada e ela é continua, os melhores gráficos para apresentar a distribuição dos dados são o histograma, densidade (kernel) e o boxplot.

Abaixo um histograma da idade dos participantes.

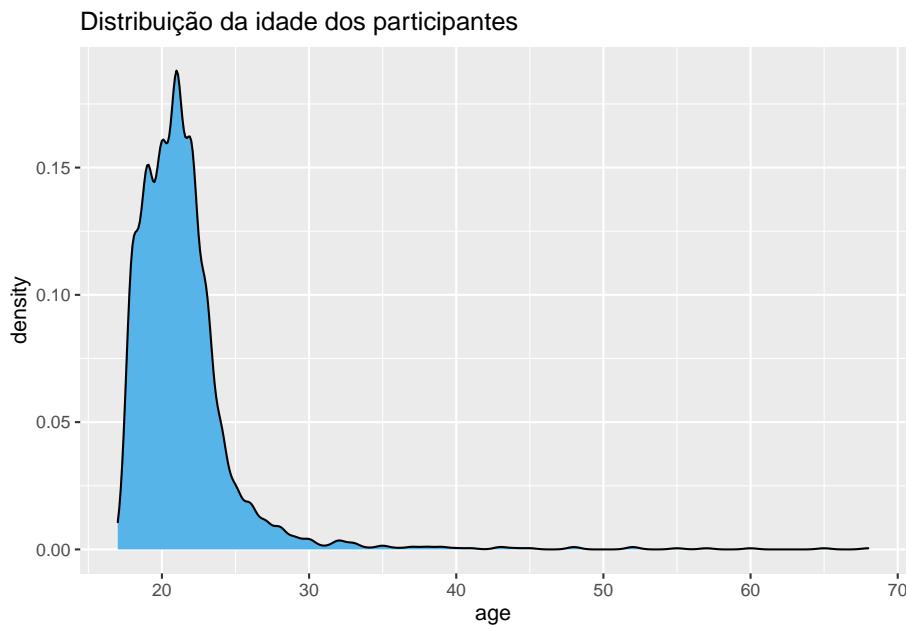
```
ggplot(Dataset, aes(x = age)) +
  geom_histogram(bins = 30, color = "black", fill = "#56B4E9") +
  labs(title = "Distribuição da idade dos participantes")
```



O histograma é formado por diversas barras unidas, possibilitando ter um entendimento dos intervalos entre cada um dos valores.

Abaixo um gráfico de densidade da idade:

```
ggplot(Dataset, aes(x = age)) +  
  geom_density(fill = "#56B4E9") +  
  labs(title = "Distribuição da idade dos participantes")
```

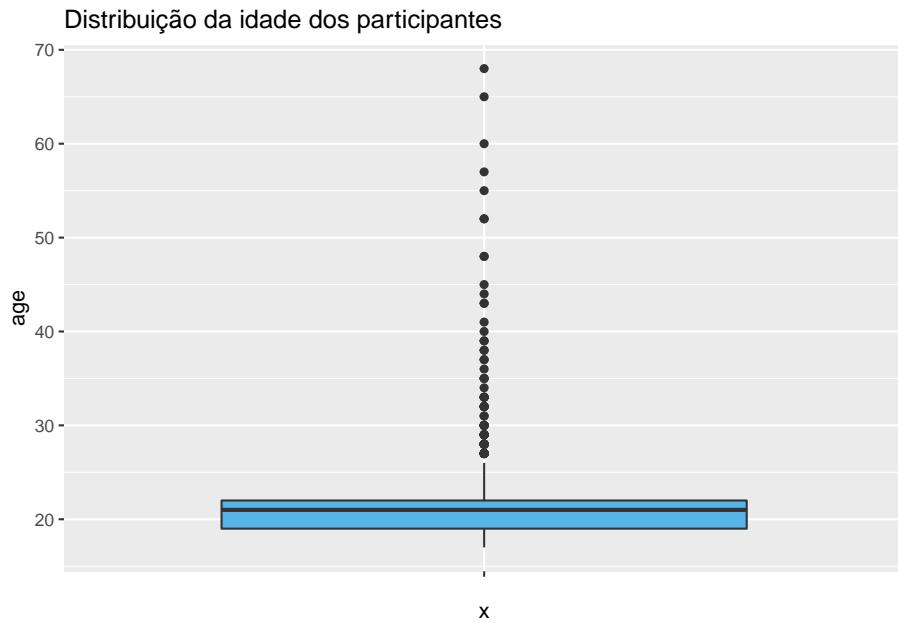


De maneira um pouco distinta do histograma, o gráfico de densidade ajusta uma curva aos dados. Com isso, este gráfico permite explorar a distribuição de probabilidade subjacente aos dados, o que será discutido futuramente.

Todas as distribuições de variáveis possuem uma localização, uma dispersão e um formato. De uma maneira mais direta, tanto o histograma como o gráfico de densidade retratam bem o formato da distribuição. Nesse caso, trata-se de uma assimetria positiva ou à direita. Esse tipo de assimetria é reconhecido pela cauda arrastada à direita.

Por sua vez, o boxplot dessa mesma variável pode ser criado:

```
ggplot(Dataset, aes(y = age, x = "")) +
  geom_boxplot(fill = "#56B4E9") +
  labs(title = "Distribuição da idade dos participantes")
```



O boxplot é também chamado de “diagrama de caixa e bigode” e foi desenvolvido pelo matemático John W. Tukey na década de 1960. Este gráfico apresenta vantagens em comparação com os outros apresentados até agora, que são:

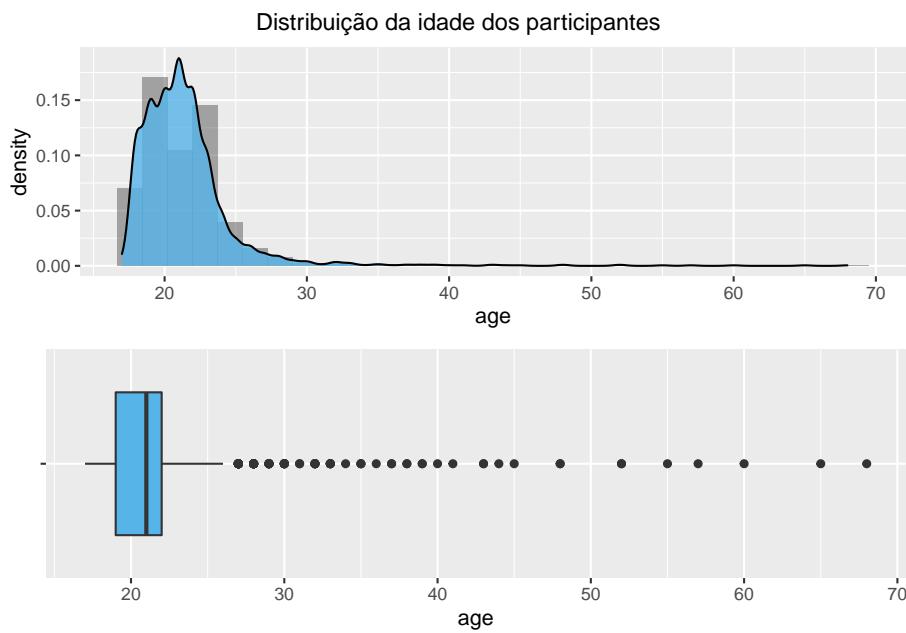
- Ele apresenta o formato da distribuição,
- Na parte inferior da caixa, ele apresenta o valor do primeiro quartil, indicando os 25% dos dados abaixo ou até ele,
- Na linha mais espessa dentro da caixa, ele apresenta a mediana dos resultados (ou segundo quartil),
- Na parte superior da caixa, ele apresenta o valor do terceiro quartil, indicando os 75% dos dados que abaixo ou até ele,
- A área da caixa apresenta 50% dos dados, que estão situados entre o primeiro e o terceiro quartil,
- As linhas abaixo e acima da caixa são chamadas de bigodes e indicam os valores mínimos e máximos sem considerar dados anômalos ou *outliers*,
- Os valores acima ou abaixo das linhas indicam dados anômalos.

O cálculo da linha vertical que forma o bigode do gráfico é feito por $Q1 - 1.5 \times IQR$ e $Q3 + 1.5 \times IQR$. Considera-se que os valores acima ou abaixo deste

ponto são anômalos. Por definição, os *outliers* são sempre poucos, mesmo que isso possa ser um pouco contraintuitivo nesta apresentação de agora.

Apesar de ser um pouco difícil de se visualizar ao início, os resultados apresentados nesses três gráficos são os mesmos, tal como demonstrado a seguir.

```
gridExtra::grid.arrange(
  #Grafico 1
  ggplot(Dataset, aes(x = age)) +
    geom_histogram(aes(y=..density..), alpha=0.5,
                  position="identity") +
    geom_density(alpha=.8, fill = "#56B4E9"),
  #Grafico 2
  ggplot(Dataset, aes(y = age, x = "")) +
    geom_boxplot(fill = "#56B4E9") + labs(x = "") +
    coord_flip(),
  top = "Distribuição da idade dos participantes" #título
)
```

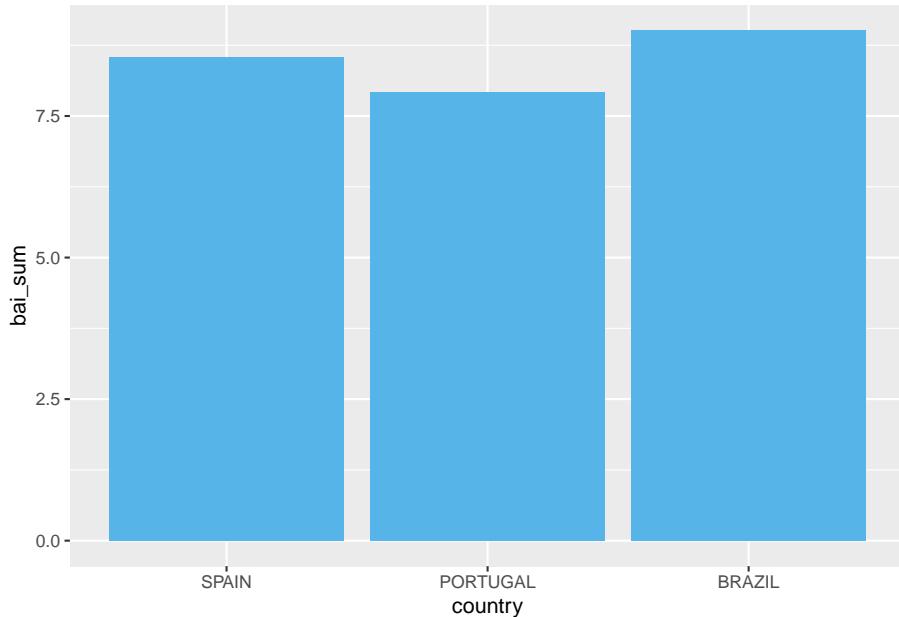


4.16 2 variáveis com VI discreta (e VD contínua)

Quando duas variáveis são apresentadas, os gráficos permitem explorar diferenças entre grupos ou relação entre variáveis. Quando a VI é discreta, gráficos de barras, colunas ou boxplots apresentam as diferenças entre os grupos.

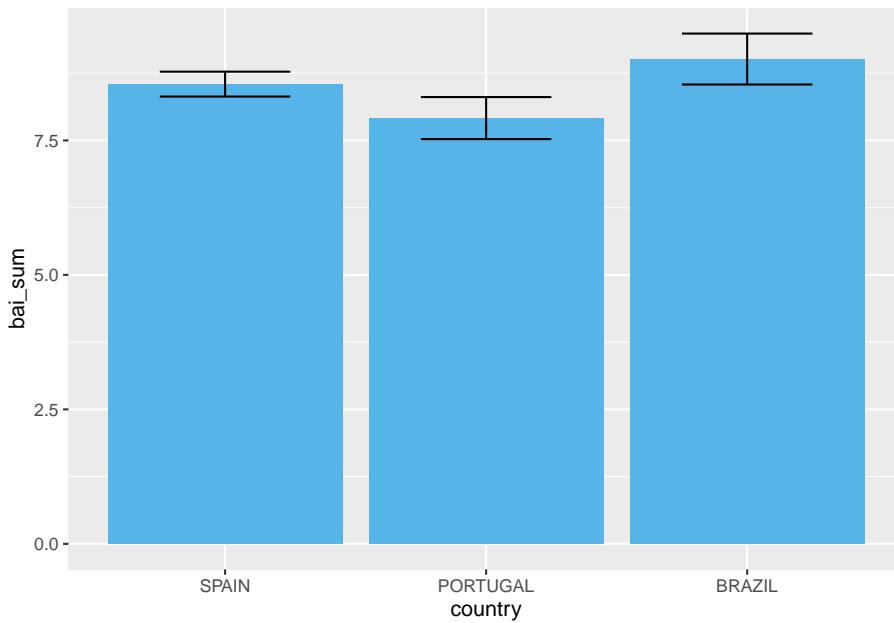
O gráfico de colunas abaixo apresenta os resultados médios do Inventário Beck de Ansiedade nos 3 países investigados.

```
ggplot(Dataset, aes(x = country, y = bai_sum)) +
  geom_bar(stat = "summary", fun = mean, fill = "#56B4E9")
```



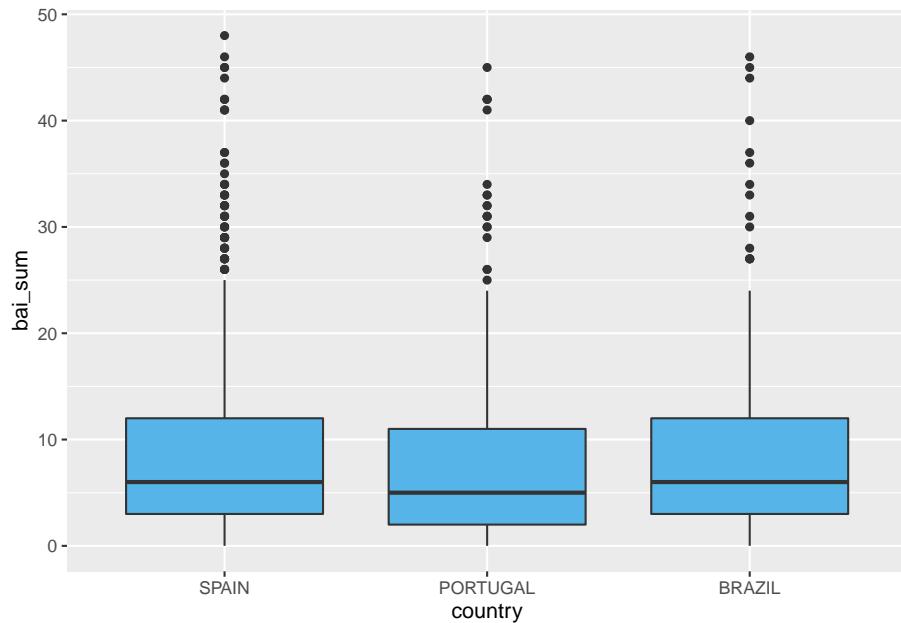
Tal como exposto, é possível adicionar outros elementos a este gráfico para que uma primeira apreensão inferencial seja possível. Nesse sentido, o gráfico abaixo apresenta também as barras de erro.

```
ggplot(Dataset, aes(x = country, y = bai_sum)) +
  geom_bar(stat = "summary", fun = mean, fill = "#56B4E9") +
  stat_summary(geom = "errorbar", fun.data = mean_se, width = .5)
```



O boxplot a seguir também é um gráfico indicado. É importante notar que esse gráfico, em um primeiro momento, não traz informações sobre a média dos grupos, mas sim sobre a distribuição dos resultados. No entanto, como esse gráfico é bastante informativo, uma primeira noção inferencial já pode também ser feita.

```
ggplot(Dataset, aes(x = country, y = bai_sum)) +  
  geom_boxplot(fill = "#56B4E9")
```

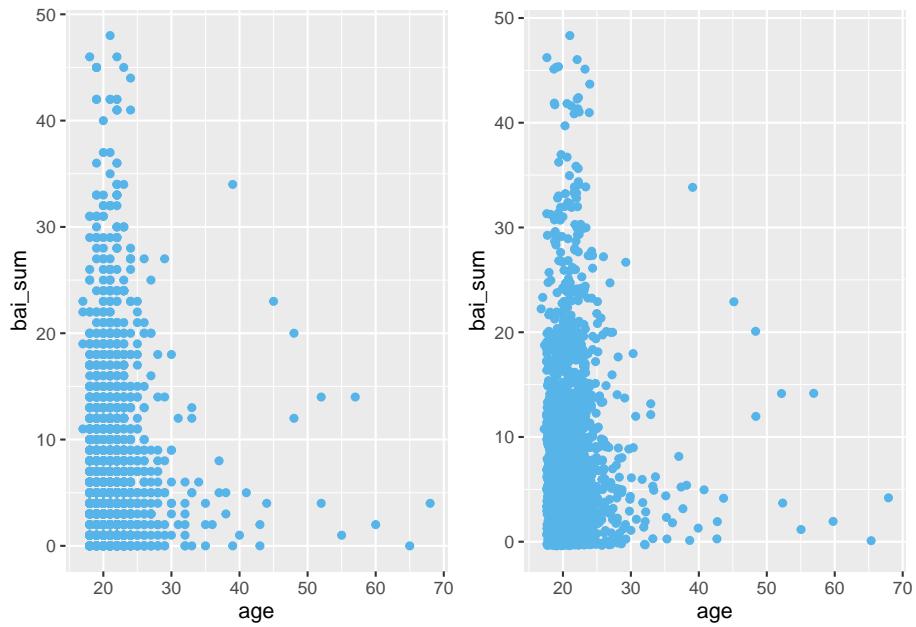


4.17 2 variáveis com VI contínua (e VD contínua)

Quando tanto a VI como a VD são contínuas, os gráficos apresentam a relação entre as variáveis. Tanto o gráfico de pontos como o de dispersão são indicados, uma vez que eles são virtualmente idênticos. No `ggplot`, o argumento `geom_point` (à esquerda) e `geom_jitter` (à direita) são possíveis.

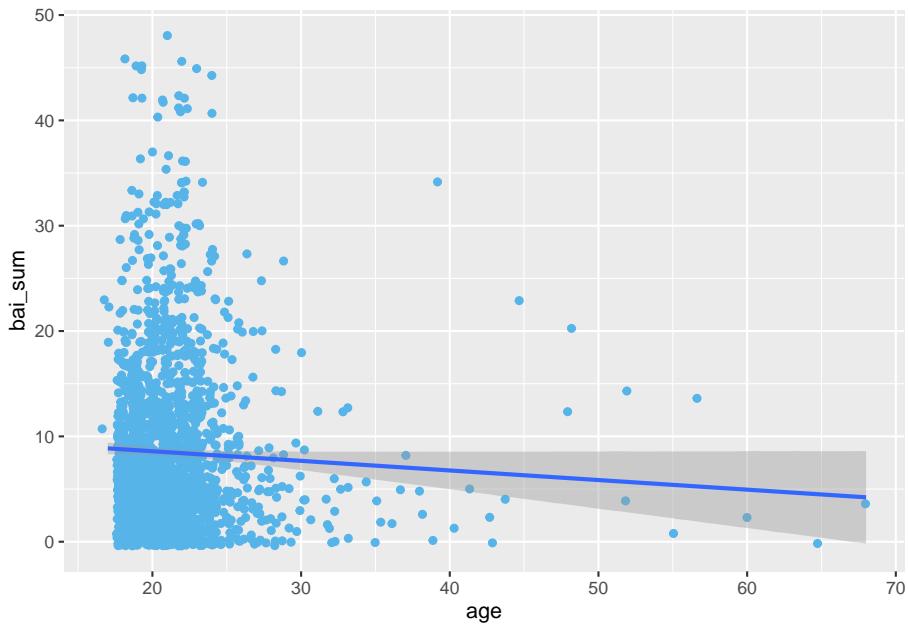
```
gridExtra::grid.arrange(
  #Grafico 1
  ggplot(Dataset, aes(x = age, y = bai_sum)) +
    geom_point(color = "#56B4E9"),

  #Grafico 2
  ggplot(Dataset, aes(x = age, y = bai_sum)) +
    geom_jitter(color= "#56B4E9"),
  nrow=1
)
```



De maneira análoga aos elementos extras que podem ser apresentados em gráficos com VIs discretas, uma reta de regressão amostral (FRA) costuma ser adicionadas em gráficos em que a VI é contínua. Essa reta oferece uma primeira apreensão inferencial. No capítulo sobre modelos de regressão, esse conceito será novamente revisitado. A seguir, segue um exemplo.

```
ggplot(Dataset, aes(x = age, y = bai_sum)) +
  geom_jitter(color = "#56B4E9") +
  geom_smooth(method = "lm")
```



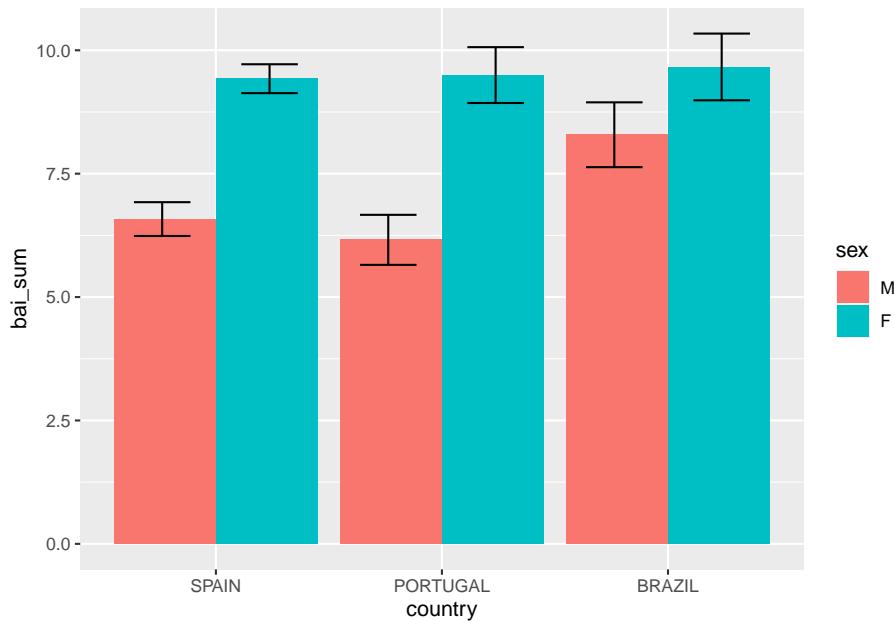
4.18 Outros gráficos e configurações

Os gráficos demonstrados costumam a ser os mais frequentes. Entretanto, é possível construir gráficos com uma maior complexidade, que reúnam diversas variáveis ao mesmo tempo. Evidentemente, a realização destes gráficos só tem sentido quando eles são relacionados ao problema de pesquisa estudado e não sobrecarreguem ou distorçam a visualização e entendimento dos resultados.

Frequentemente, essas informações adicionais são feitas pela inclusão de clusters ou agrupamentos. Isso é tanto possível em gráficos cuja VI seja discreta quanto contínua.

No exemplo abaixo, o gráfico dos resultados do Inventário Beck de Ansiedade entre os 3 países investigados (VI discreta) agora está agrupado pelo sexo do participante.

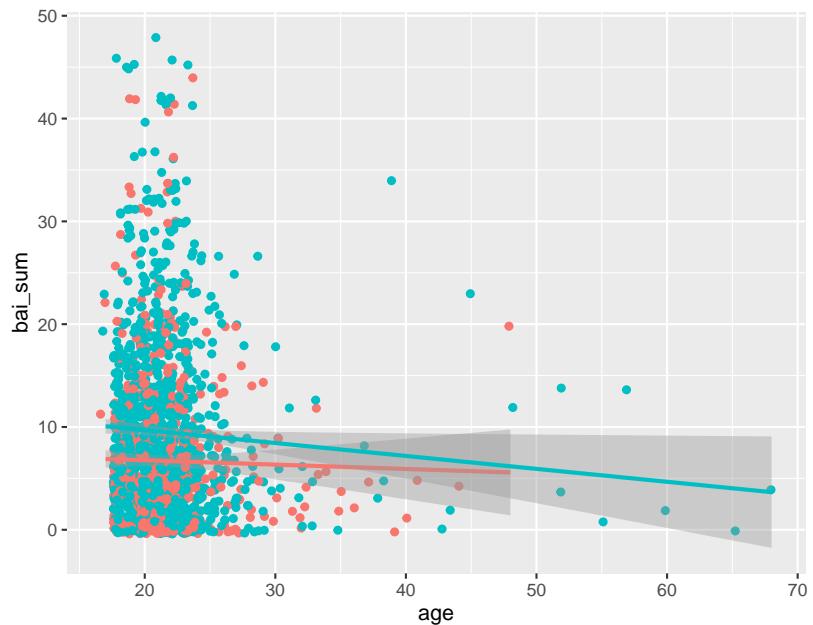
```
Dataset %>%
  filter(!is.na(sex)) %>%
  ggplot(., aes(x = country, y = bai_sum, fill = sex)) +
  geom_bar(stat = "summary", position = "dodge") +
  stat_summary(geom="errorbar", fun.data = mean_se,
               position = position_dodge(0.95), width = .5)
```



Este gráfico traz uma informação importante sobre os resultados de homens e mulheres nos três países. Além disso, as barras de erro ajudam em um primeiro entendimento de possíveis diferenças significativas. Esse conceito irá ser revisitado em capítulos subsequentes.

No exemplo abaixo, a relação entre idade e pontuação no Inventário Beck de Ansiedade está agora agrupada pelo sexo do participante.

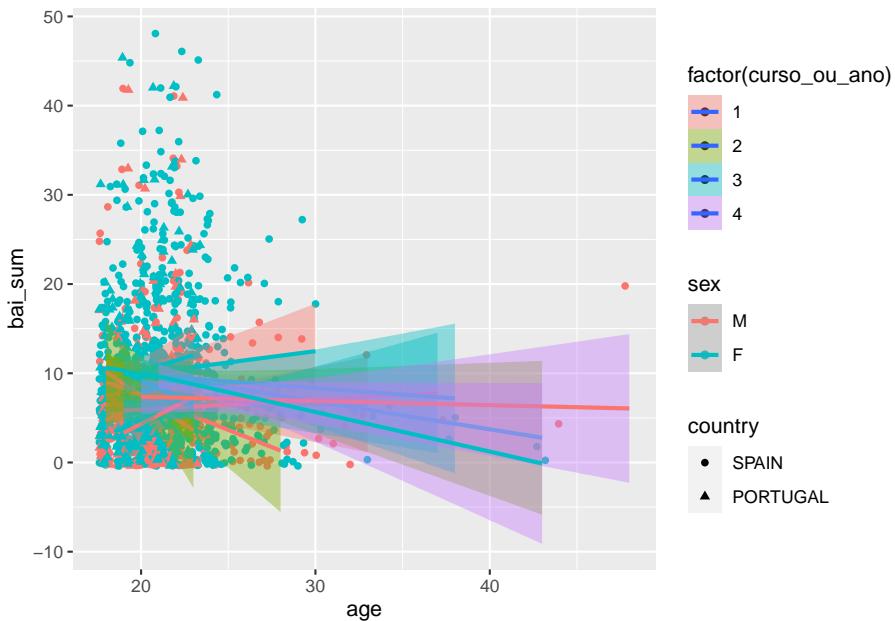
```
Dataset %>%
  filter(!is.na(sex)) %>%
  ggplot(., aes(x = age, y = bai_sum, color = sex)) +
  geom_jitter() +
  geom_smooth(method = "lm")
```



Neste gráfico de agora, é possível perceber que a relação entre a idade e os resultados do Inventário Beck de Ansiedade é muito pequena e isso parece valer tanto para homens como para mulheres. Especialmente no capítulo de correlação, esse assunto será revisitado e parte dos termos utilizados aqui será alterado.

Por sua vez, situações em que há uma grande quantidade de variáveis apresentadas tendem a tornar os resultados difíceis de serem entendidos. O gráfico abaixo tenta traduzir essa condição, criando uma visualização de difícil entendimento justamente pelo excesso de variáveis presentes.

```
Dataset %>%
  filter(!is.na(sex), !is.na(curso_ou_ano)) %>%
  ggplot(., aes(x = age, y = bai_sum,
                fill = factor(curso_ou_ano),
                color = sex, shape = country)) +
  geom_jitter() +
  geom_smooth(method = "lm")
```



Espera-se que seja possível constatar que este gráfico é totalmente inadequado. Ele é carregado de informações, permite um baixo entendimento dos resultados da pesquisa e, eventualmente, pode gerar conclusões incorretas ou viesadas.

4.19 Execução no JASP

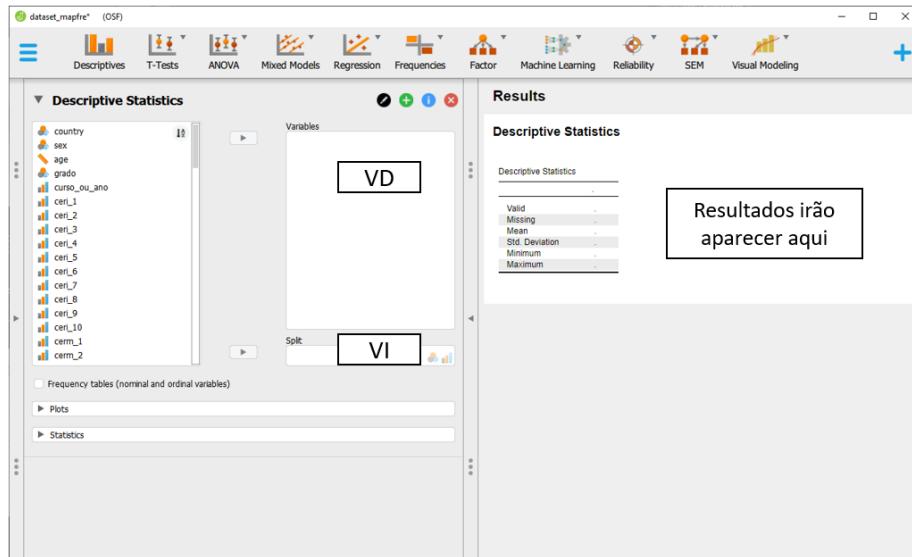
Da mesma forma que feito no R, será necessário carregar a base para o JASP. Durante todos os capítulos, esse procedimento de importação será requisitado.

4.20 Tabelas

Após ter a base disposta no JASP, para gerar tabelas e gráficos, será necessário acessar a opção **Descriptives**. O JASP tratará todas as variáveis com um símbolo de diagrama de venn ou barras como categóricas e todas as variáveis com símbolo de régua como contínuas.

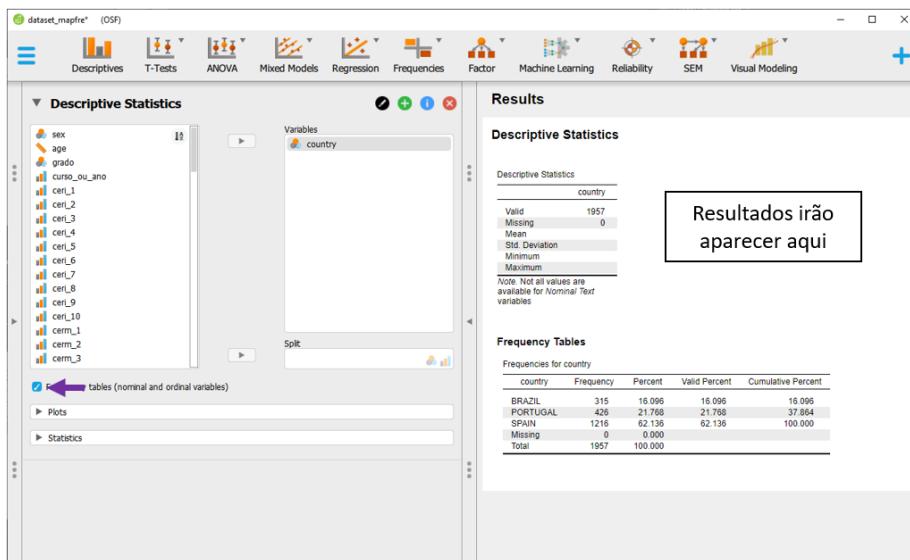
	country	sex	age	grado	curso_d
1	SPAIN		18	Educ.Infantil	1
2	SPAIN			Educ.Infantil	2
3	SPAIN		26	Ingenieria Civil	4
4	SPAIN			Educ.Infantil	3
5	SPAIN		20	Historia y Patrimonio Histórico	1
6	SPAIN			Educ.Infantil	3
7	SPAIN			Educ.Infantil	3
8	SPAIN	M	19	Ingenieria Informática	1
9	SPAIN	M	21	Terapia ocupacional	3
10	SPAIN	M	21	Terapia ocupacional	3
11	SPAIN	M	23	Ade-Económica	4
12	SPAIN	M	21	Ade-Económica	4
13	SPAIN	M	22	Ade-Económica	4
14	SPAIN	M	20	Economía	2
15	SPAIN	M	23	Economía	4
16	SPAIN	M	20	Economía	3
17	SPAIN	M	21	Economía	3
18	SPAIN	M	21	Edificación	1
19	SPAIN	M	19	Edificación	1
20	SPAIN	M	23	Educ.Infantil	3
21	SPAIN	M	21	Educ.Infantil	3

Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadores. Na prática, quando há duas ou mais variáveis para serem analisadas, a lista **Variables** irá reunir as variáveis dependentes, enquanto a variável independente será colocada na seção **Split**. É importante atentar à opção **Frequency tables (nominal and ordinal)**, que deve ser marcada quando o nível de medida da variável de interesse for nominal ou ordinal.



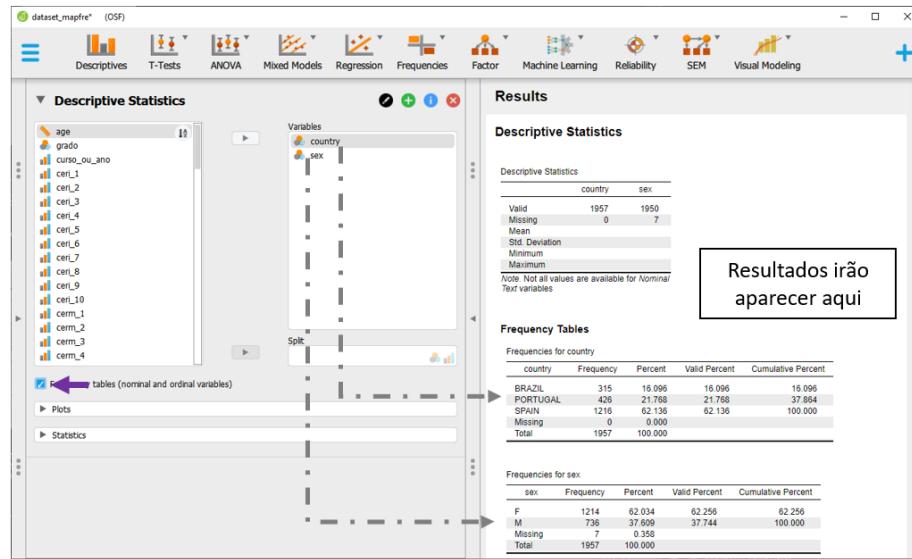
Isto posto, as análises feitas no ambiente R serão parcialmente reproduzidas. Inicialmente, uma tabela descrevendo os participantes em cada um dos países é

importante para apresentar ao leitor algumas das principais características da amostra. Para fazer isso, será necessário levar a variável country para a seção **Variables** e clicar em **Frequency tables (nominal and ordinal)**.



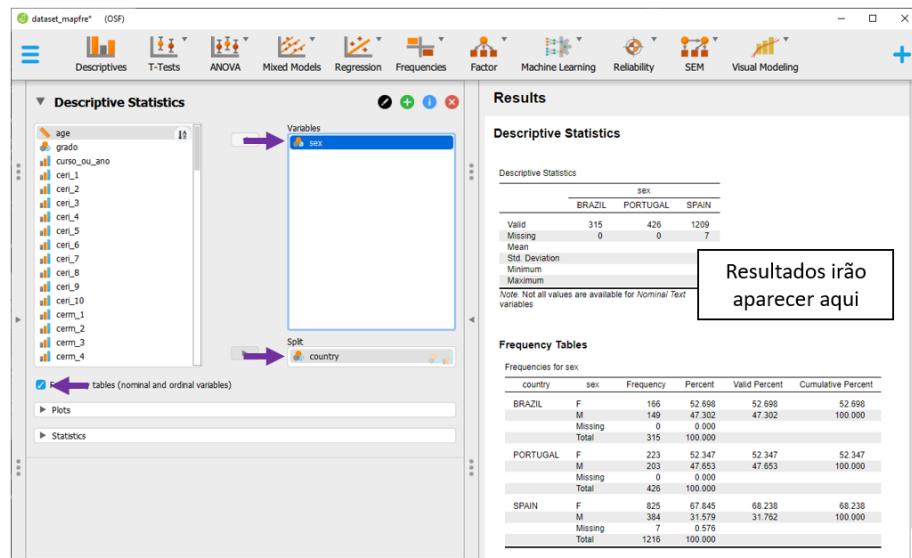
Por padrão o JASP irá apresentar as contagens (frequências absolutas) e as proporções. A parte mais à esquerda da tabela descreverá os dados considerando todos os valores presentes na base. A parte mais à direita irá apresentar apenas os dados válidos, que não consideram casos ausentes. É importante atentar que o JASP não exclui estes casos. Ele apenas não os mostra.

Para verificar a frequência e a proporção de homens e mulheres na amostra, será necessário colocar também a variável sex na opção **Variables**. Não é preciso retirar a variável country antes de fazer isso. O JASP irá apresentar ambas as tabelas de maneira empilhada.



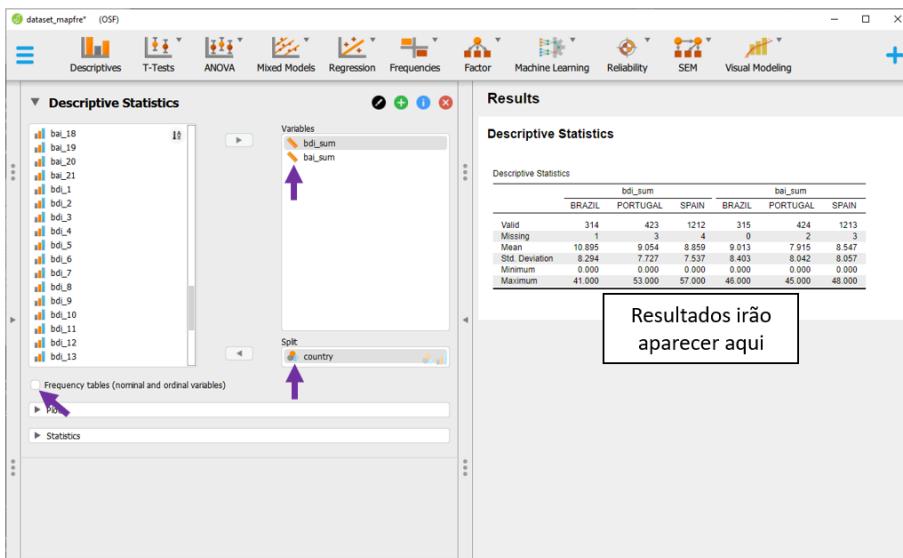
Para fazer uma tabela agrupando tanto country, como sex, é necessário arrastar uma das variáveis que estão em **Variables** para o espaço **Split**.

Em uma tabela em que se descreve a contagem e porcentagem de homens e mulheres em cada um dos três países de maneira independente, é necessário preencher o **Split** com a variável country. O JASP aceita que se arraste a variável de um local para o outro e, ao fazer isso, todas as contas serão automaticamente atualizadas.



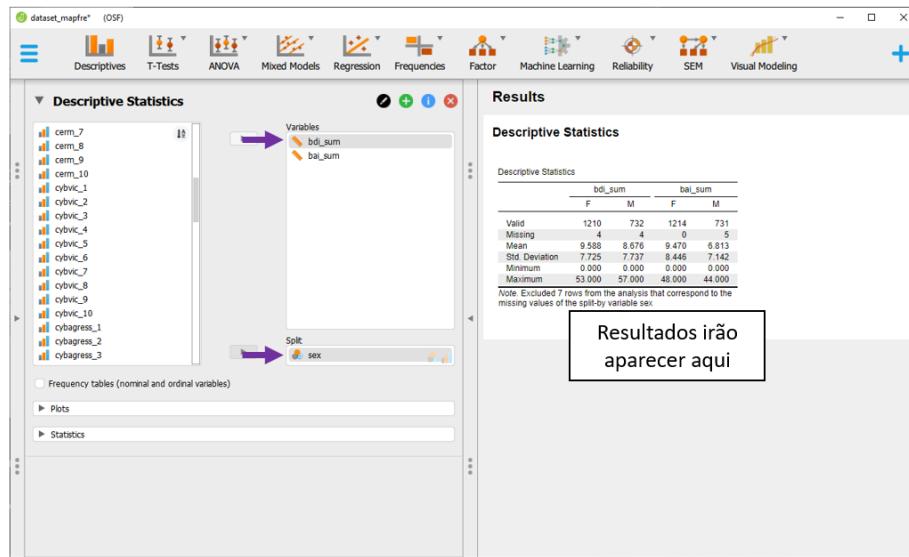
É possível perceber que as variáveis categóricas são descritas por suas frequências e proporções. Por sua vez, variáveis contínuas costumam ser resumidas por

medidas de posição e dispersão, tal como a média e o desvio-padrão. Como exemplo, para calcular tais medidas estatísticas dos valores do BDI e do BAI em função do país do participante, é necessário deixar a variável country em Split e levar as variáveis bdi_sum e bai_sum para Variables.



Dessa vez, não é necessário ativar a opção Frequency tables (nominal and ordinal). O símbolo de régua ao lado das variáveis bdi_sum e bai_sum indicam que elas são contínuas. O símbolo de diagrama de Venn ao lado de country, por sua vez, indica que ela é categórica.

Para fazer essas análises considerando sex como agrupador, será necessário substituir country por sex no espaço de Split.

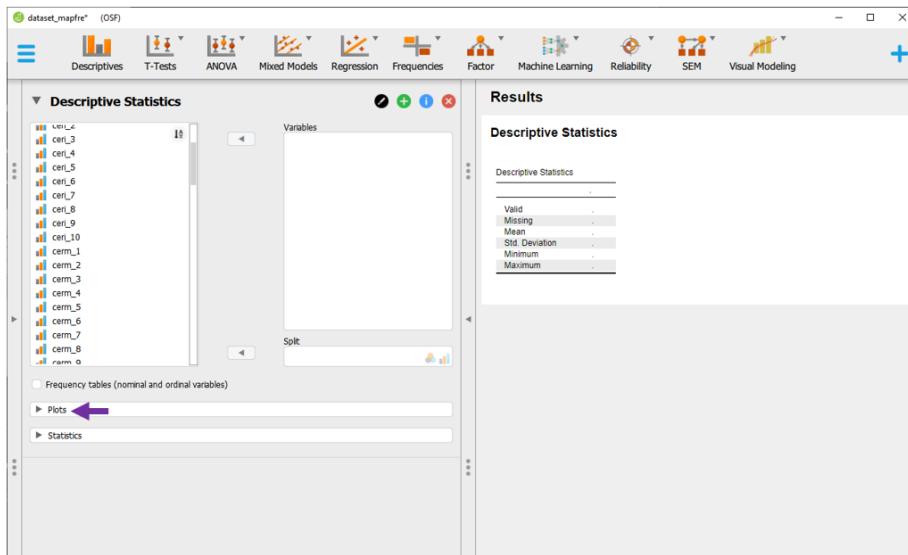


Nesta versão do JASP, não é possível colocar duas variáveis como agrupadoras. Dessa maneira, a reprodução das tabelas feitas anteriormente no ambiente R é apenas parcial.

4.21 Gráficos

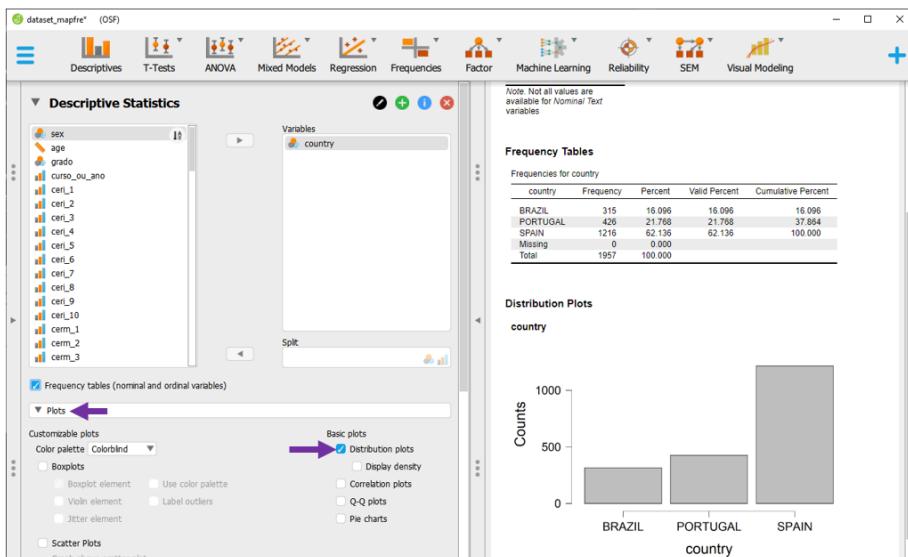
O JASP é um excelente programa para gerar gráficos. Tal como previamente apresentado, a criação de um gráfico apropriado dependerá da finalidade desejada, bem como da quantidade de variáveis que devem ser apresentadas e o nível de medida da VI, especialmente em análises bi ou multivariadas.

O JASP pode fazer gráficos tanto seção **Descriptives** como após análise de dados específicas. Na seção **Descriptives**, será necessário primeiro arrastar as variáveis de interesse para seus respectivos lugares e, em seguida, clicar na opção **Plot**.

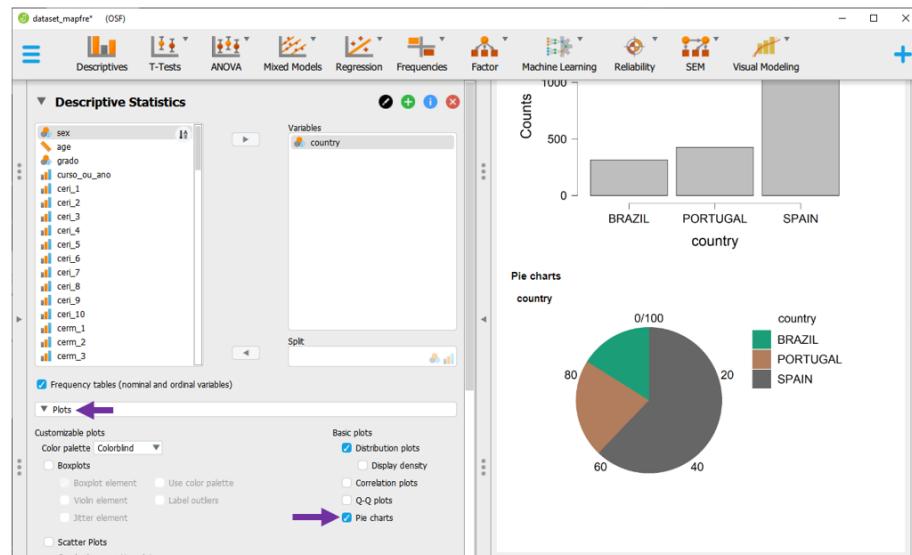


4.22 1 variável discreta

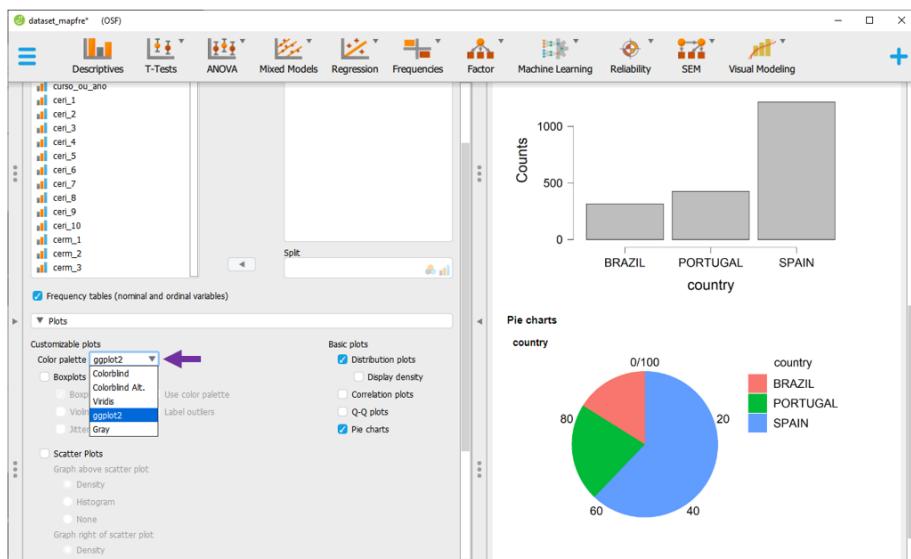
Para este tipo de variável, gráfico de barras, colunas e setor são indicados. Para realizar um gráfico de barras, é necessário colocar a variável de interesse em **Variables** e, dentro de **Plots**, clicar em **Distribution plots**. O JASP organiza as barras de ordem crescente. No exemplo abaixo, a variável country é apresentada.



Para realizar um gráfico de setor, basta selecionar a opção **Pie Charts**. A visualização ocorrerá automaticamente. Uma vantagem deste gráfico é a apresentação proporcional dos elementos gráficos, em vez de contagens. Infelizmente, nesta versão do JASP, não é possível adicionar um rótulo com a porcentagem de cada categoria.



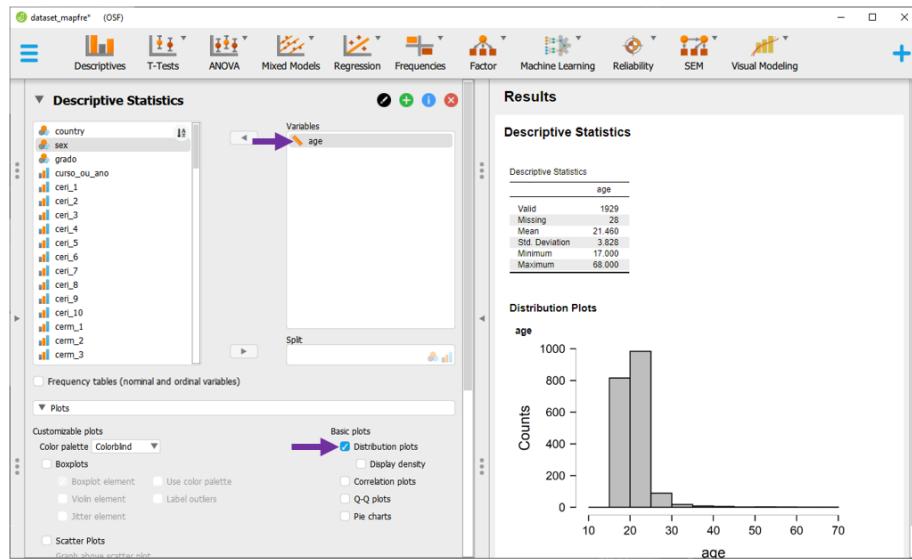
O JASP permite customizar as cores de alguns gráficos. Para fazer isso, basta clicar em **Color Palette** e escolher entre as opções disponíveis. Existem algumas possibilidades e recomendo optar por aquelas que permitem que pessoas com limitações visuais possam também se beneficiar. Entretanto, apenas como demonstração, o tema **ggplot2** é apresentado abaixo.



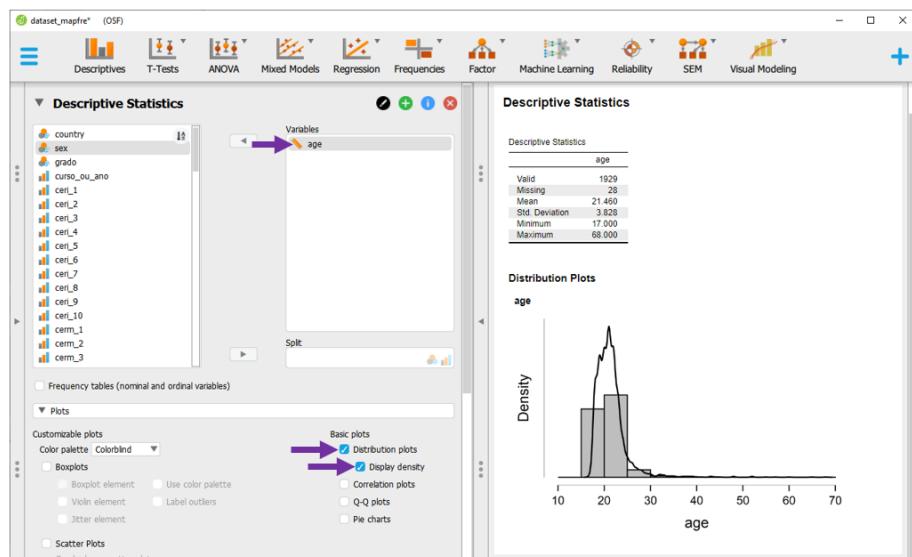
4.23 1 variável contínua

Histogramas, gráficos de densidade e boxplots costumam ser indicados para variáveis contínuas. Para o JASP fazer tais gráficos, é necessário que o espaço **Variables** seja preenchido por alguma variável que tenha o símbolo da régua ao lado. A variável age é um bom exemplo.

Ao colocá-la neste local e marcar a opção **Distribution plots**, um histograma será automaticamente apresentado.



É possível adicionar a densidade de maneira sobreposta ao histograma clicando em **Display density**. Ambos os gráficos são importantes para verificar o formato da distribuição dos dados. Neste caso, a distribuição é assimétrica à direita.



Por sua vez, o boxplot pode ser criado ao se clicar na opção **Boxplots** e, em seguida, **Boxplot element**.



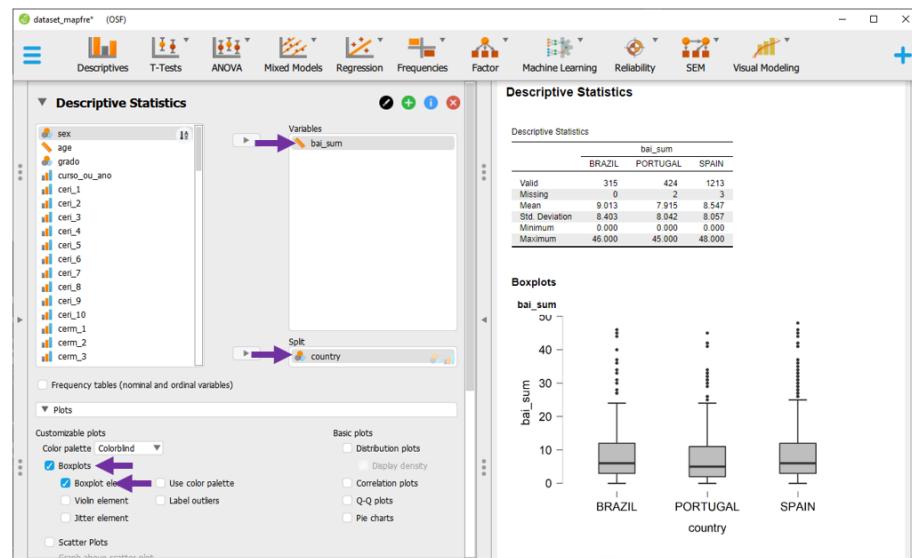
É possível customizar o boxplot. Além disso, o JASP permite criar outros gráficos que vêm sendo mais utilizados recentemente, como o gráfico de violino. Isso não será demonstrado aqui, mas para fazer isso, basta ativar as opções desejadas na seção *Customizable plots*.

Tal como discutido anteriormente, o boxplot apresenta vantagens em comparação com os outros gráficos apresentados até agora, que são:

- Ele apresenta o formato da distribuição,
- Na parte inferior da caixa, ele apresenta o valor do primeiro quartil, indicando os 25% dos dados abaixo ou até ele,
- Na linha mais espessa dentro da caixa, ele apresenta a mediana dos resultados (ou segundo quartil),
- Na parte superior da caixa, ele apresenta o valor do terceiro quartil, indicando os 75% dos dados que abaixo ou até ele,
- A área da caixa apresenta 50% dos dados, que estão situados entre o primeiro e o terceiro quartil,
- As linhas abaixo e acima da caixa são chamadas de bigodes e indicam os valores mínimos e máximos sem considerar dados anômalos ou *outliers*,
- Os valores acima ou abaixo das linhas indicam dados anômalos.

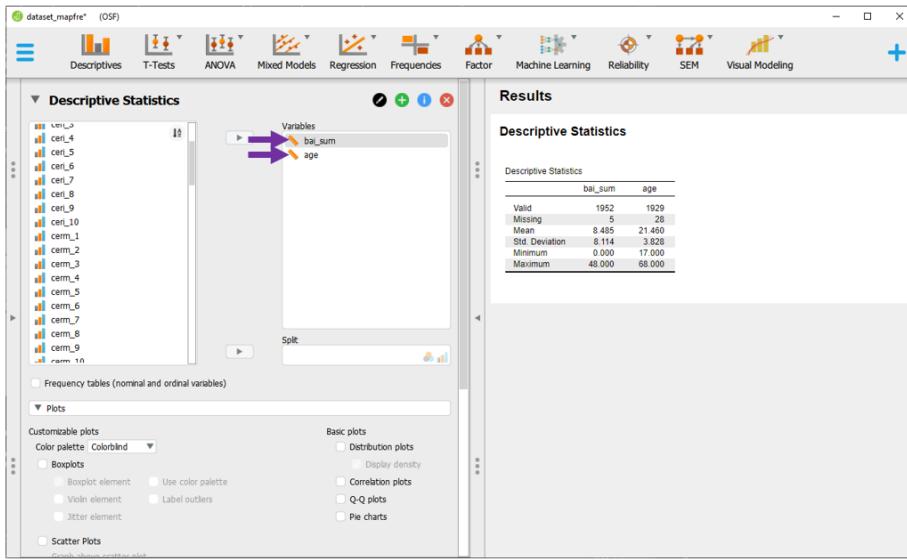
4.24 2 variáveis com VI discreta (e VD contínua)

Para situações em que há duas variáveis, a VI é tratada como discreta e a VD é contínua, gráficos de barras, colunas ou boxplots são indicados. Esses gráficos permitem verificar diferenças entre grupos. Nesta versão do JASP, apenas o boxplot pode ser feito. Para verificar, por exemplo, a distribuição dos resultados do bai_sum em função do país, é necessário levar às variáveis a seus respectivos locais e, em seguida, solicitar ao JASP o boxplot.

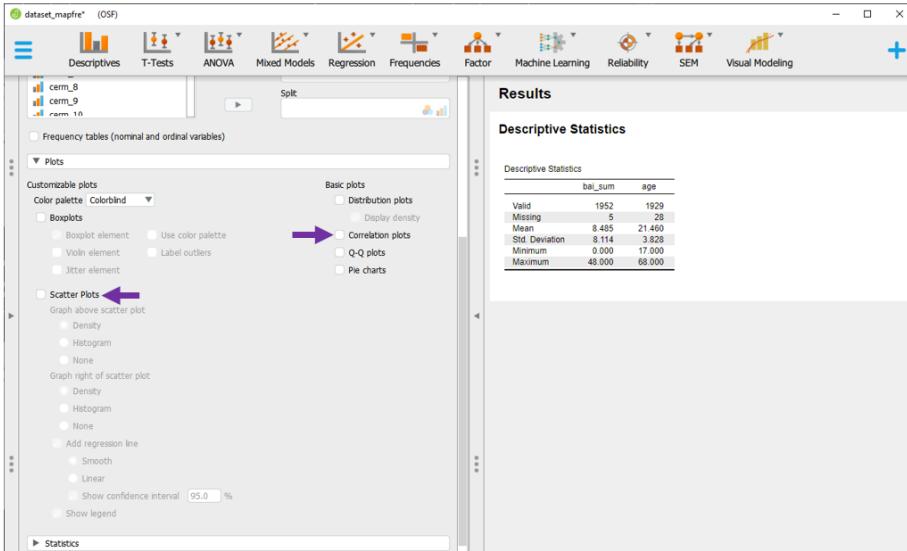


4.25 2 variáveis com VI contínua (e VD contínua)

Quando há duas variáveis contínuas, tanto o gráfico de pontos como de dispersão são possíveis. Esses gráficos permitem verificar o relacionamento entre variáveis. Para fazer isso, é necessário incluir ambas as variáveis de interesse para o espaço **Variables**. Por exemplo, age e bai_sum.



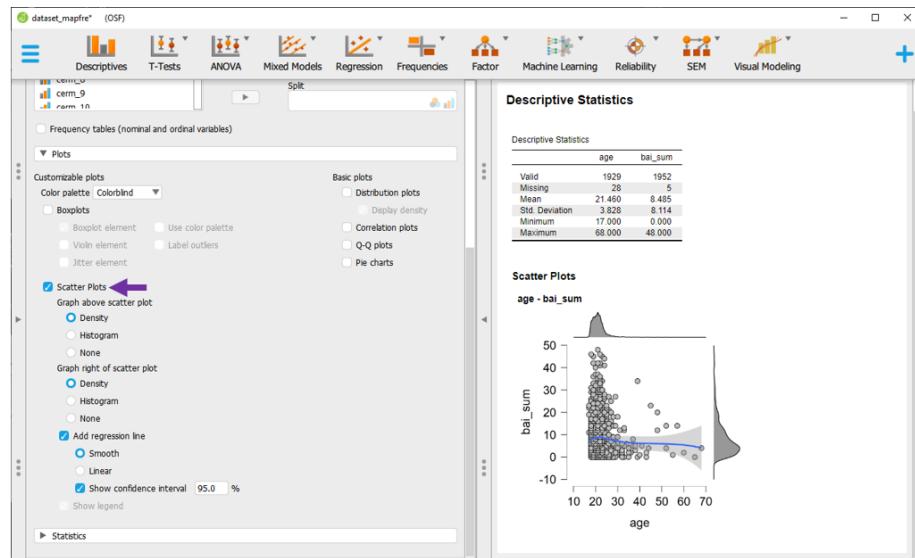
Após clicar na opção **Plots**, é possível tanto marcar a opção **Scatter Plots**, como a opção **Correlation Plots**.



A escolha de cada gráfico é relacionada com os elementos que devem (ou não) serem incluídos na apresentação. Na opção **Scatter Plot**, o gráfico irá exibir os pontos dos respectivos pares ordenados das variáveis X e Y, suas densidades e também adicionar uma reta de regressão. Este último conceito será revisitado no capítulo de regressão.

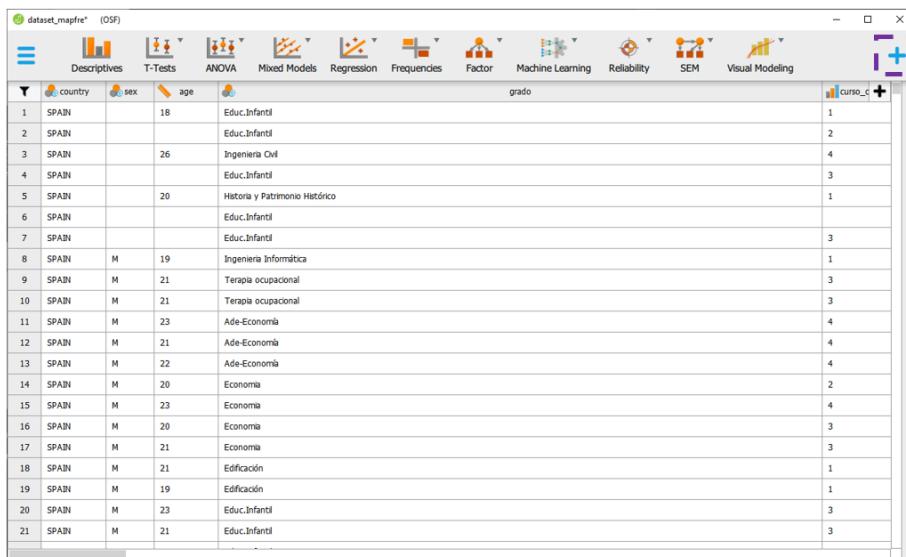
Um aspecto visualmente importante é a eleição de qual variável irá em X. Com

bastante frequênci, deve-se inserir a VI (mesmo que teórica) em X, enquanto a VD em Y. Isso é feito alterando a ordem das variáveis em **Variables**.



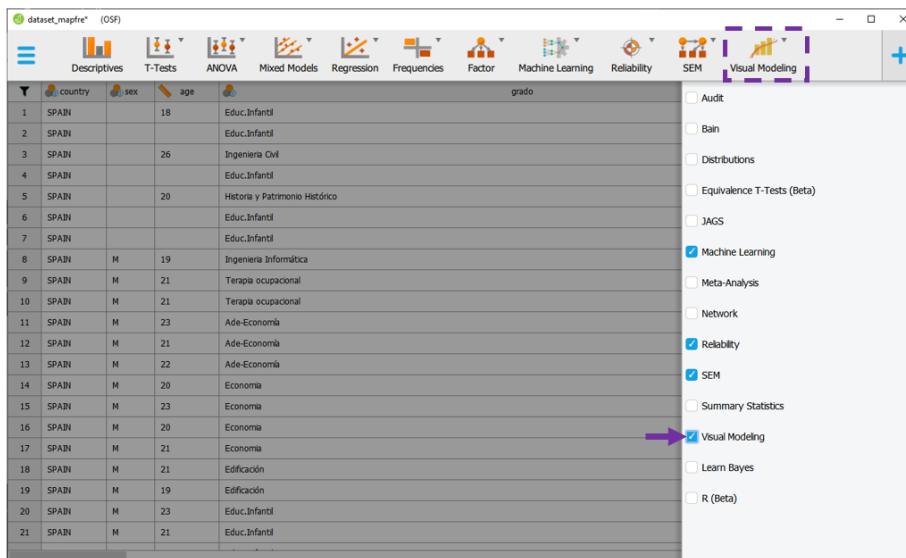
4.26 Outros gráficos e configurações

O JASP é bastante versátil na realização de gráficos e permite que mais variáveis sejam inseridas. Há também um módulo (**Module**) chamado **Visual Modeling**, que permite uma grande customização de gráficos. Para acessá-lo, é necessário clicar na cruz azul, tal como destacado no quadrado roxo da imagem abaixo.



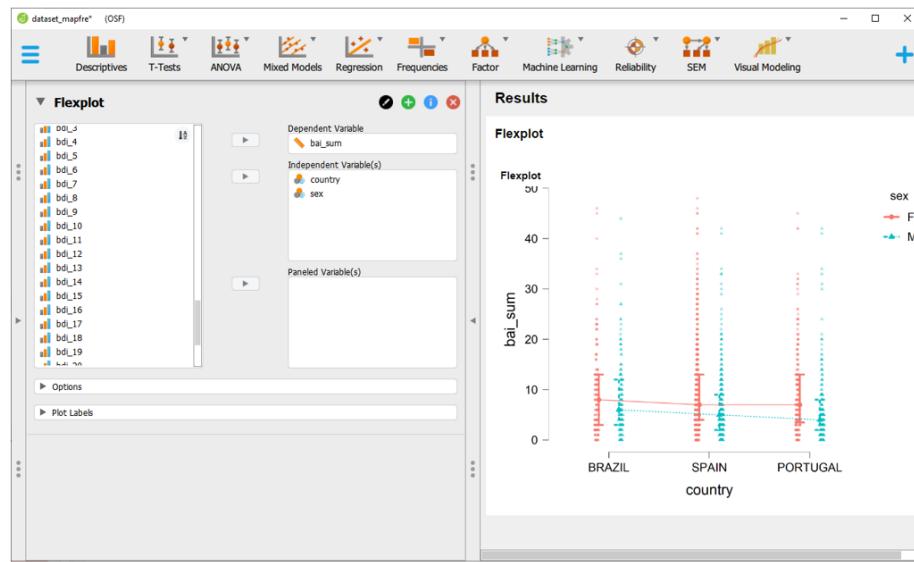
	country	sex	age	grado	curso_c
1	SPAIN		18	Educ.Infantil	1
2	SPAIN			Educ.Infantil	2
3	SPAIN		26	Ingenieria Civil	4
4	SPAIN			Educ.Infantil	3
5	SPAIN		20	Historia y Patrimonio Historico	1
6	SPAIN			Educ.Infantil	
7	SPAIN			Educ.Infantil	3
8	SPAIN	M	19	Ingenieria Informatica	1
9	SPAIN	M	21	Terapia ocupacional	3
10	SPAIN	M	21	Terapia ocupacional	3
11	SPAIN	M	23	Ade-Economia	4
12	SPAIN	M	21	Ade-Economia	4
13	SPAIN	M	22	Ade-Economia	4
14	SPAIN	M	20	Economia	2
15	SPAIN	M	23	Economia	4
16	SPAIN	M	20	Economia	3
17	SPAIN	M	21	Economia	3
18	SPAIN	M	21	Edificacion	1
19	SPAIN	M	19	Edificacion	1
20	SPAIN	M	23	Educ.Infantil	3
21	SPAIN	M	21	Educ.Infantil	3

Na lista de opções, é necessário ativar **Visual Modeling**. Ao fazer isso, o ícone será ativado na barra de ferramentas.



	country	sex	age	grado	
1	SPAIN		18	Educ.Infantil	
2	SPAIN			Educ.Infantil	
3	SPAIN		26	Ingenieria Civil	
4	SPAIN			Educ.Infantil	
5	SPAIN		20	Historia y Patrimonio Historico	
6	SPAIN			Educ.Infantil	
7	SPAIN			Educ.Infantil	
8	SPAIN	M	19	Ingenieria Informatica	
9	SPAIN	M	21	Terapia ocupacional	
10	SPAIN	M	21	Terapia ocupacional	
11	SPAIN	M	23	Ade-Economia	
12	SPAIN	M	21	Ade-Economia	
13	SPAIN	M	22	Ade-Economia	
14	SPAIN	M	20	Economia	
15	SPAIN	M	23	Economia	
16	SPAIN	M	20	Economia	
17	SPAIN	M	21	Economia	
18	SPAIN	M	21	Edificacion	
19	SPAIN	M	19	Edificacion	
20	SPAIN	M	23	Educ.Infantil	
21	SPAIN	M	21	Educ.Infantil	

Com isso feito, dentro de **Visual Modeling**, a opção **Flexplot** oferece uma melhora substancial aos gráficos que o JASP executa. Agora é possível, por exemplo, fazer um gráfico incluindo um cluster ou agrupamento, em que os resultados do Inventário Beck de Ansiedade são apresentados tanto em função dos países investigados, como do sexo do participante.



Uma série de outras opções e combinações podem ser feitas ao clicar em **Options** e **Plot Labels**. Elas não serão apresentadas nesta seção.

4.27 Resumo

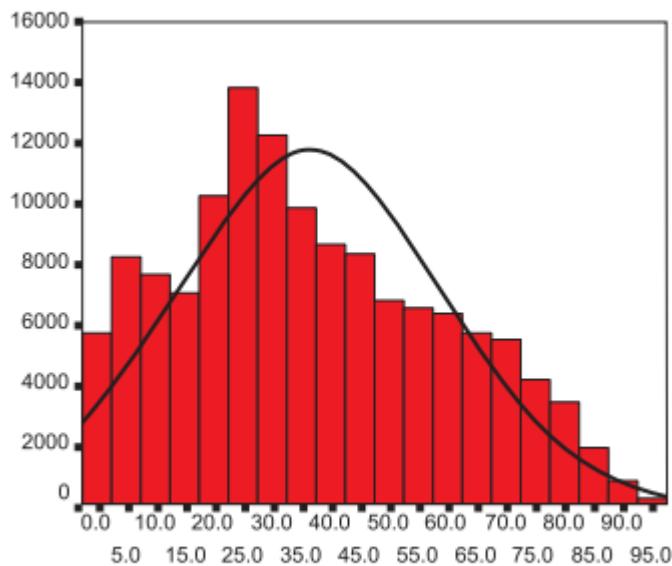
Este capítulo apresentou os aspectos tabulares e gráficos corriqueiramente encontrados em pesquisas de Psicologia e áreas congêneres. Entre os pontos principais, estão os seguintes:

1. Medidas de posição e dispersão são fundamentais na apresentação dos resultados de uma pesquisa
2. Variáveis categóricas são resumidas por contagens e proporções. Variáveis contínuas por suas médias e desvios-padrão
3. Tabelas e gráficos devem ser claros ao leitor, sem criar viés ou distorção dos resultados
4. As tabelas são muito úteis para uma apresentação detalhada dos resultados
5. Gráficos condensam um grande volume de dados de uma forma mais facilmente interpretável
6. A heurística típica em gráficos solicita responder a quantidade e a natureza das variáveis a serem apresentadas

4.28 Questões

1. Trata-se de um círculo dividido por fatias cujos ângulos internos são proporcionais às partes envolvidas. Este é um gráfico:
a) De colunas
b) Histograma
c) De Setores
d) Boxplot
e) Barras
2. É uma medida de posição para variáveis propriamente numéricas e que é obtida somando-se todos os valores observados e dividindo-se o resultado pelo número de observações.
a) Mediana
b) Média
c) Moda
d) Desvio-padrão
e) Amplitude interquartil
3. (ENADE, Biomedicina - 2010) Para apresentarem gráficos dados referentes à distribuição de frequências de um grupo de medições, pode-se aplicar um modelo semelhante ao estabelecido na figura abaixo, na qual o pesquisador verifica a variação de anticorpos em relação a uma coorte populacional

**Variação dos títulos de anticorpos para doença X
em área endêmica**



Disponível em: <<http://tecnologiaegestao.wordpress.com/2010/05/13/>>
Acesso em: 25 ago. 2010 (adaptado).

específica. a)

Gráfico de setores, que demonstra a variação de anticorpos na abscissa Y e de população na ordenada X. b) Histograma, que demonstra variações de anticorpos na abscissa X e de população na ordenada Y c) Gráfico de tendência central, que demonstra variações de anticorpos na abscissa X e de população na ordenada Y. d) Gráficos de dispersão, que demonstra a tendência central das médias de concentração dos valores de anticorpos na população. e) Gráfico de linhas, que demonstra a tendência central baseada na mediana das concentrações de anticorpos na população.

Gabarito: 1-c; 2-b; 3-b

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando aqui.

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos.
Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 5

Família de distribuições

Objetivos do capítulo

1. Introduzir aspectos voltados ao formato das distribuições
2. Apresentar a distribuição formal e suas características
3. Apresentar dados simulados para ilustrar a Lei dos Grandes Números e o Teorema Central do Limite

Parcialmente adaptado de Anunciação, Portugal, Landeira-Fernandez (2021). Aspectos psicométricos de instrumentos neuropsicológicos: revisão conceitual, proposta de interpretação de percentis e classificações

Em estatística, uma variável aleatória é uma função que associa cada elemento de um dado espaço amostral a um número real ($X : \Omega \rightarrow R$). O mapeamento desses valores depende de um experimento aleatório, seguido pela análise do conjunto de valores obtidos, chamado de realizações. Apesar desses conceitos serem importantes, o atalho pedagógico utilizado para esta definição entende as variáveis como características que podem apresentar qualquer valor, tal como peso, inteligência e renda.

Todas as variáveis apresentam resultados numéricos que, por sua vez, podem ser contínuos ou discretos. Esses valores se distribuem de acordo com uma família de distribuições de probabilidades (que também podem ser discretas ou contínuas) e podem ser pragmaticamente apresentados por uma expressão analítica (uma fórmula), tabelas ou gráficos. Em síntese, fenômenos aleatórios que podem ser representados por distribuições de probabilidades.

Os gráficos são muito úteis para indicar os três principais aspectos das distribuições, que são: a localização (ou centro), a dispersão e o formato. A tabela abaixo apresenta cada um desses componentes e uma definição.

Componente	Definição	Medida	Gráfico
Localização	Expressa o valor médio que está sendo observado	Média, Moda e Mediana	Histograma, Boxplot
Dispersão	Expressa o afastamento do valor da localização	Amplitude, Variância, Desvio-padrão, IQR	Histograma, Boxplot
Formato	Apresenta como a variação ocorre em função da localização	Assimetria e curtose	Histograma, Boxplot

A localização e a dispersão foram trabalhadas no capítulo sobre estatística descritiva, que também apresentou resumidamente o Coeficiente de Assimetria e Curtose. Dessa maneira, o capítulo atual tem maior ênfase sobre os possíveis formatos de uma distribuição.

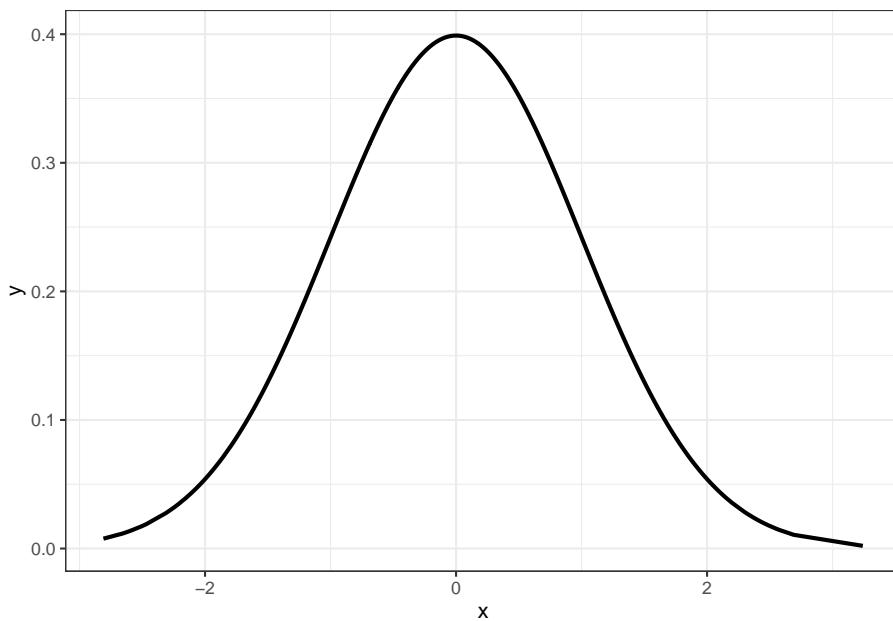
Em relação ao formato, as distribuições podem ser simétricas ou assimétricas. Quando assimétricas, a assimetria pode ser à direita ou à esquerda.

Fim da versão gratuita

5.1 Distribuição simétrica

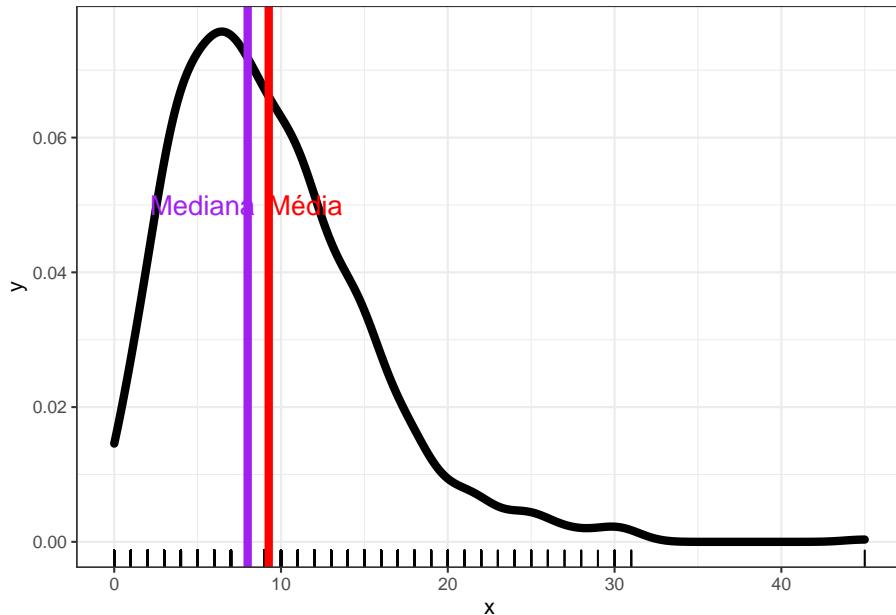
Este tipo de distribuição é simétrica em torno da média. Existem algumas famílias de probabilidade que apresentam formato similar a esse, que será melhor descrito a seguir, na seção sobre Distribuição normal.

Visualmente, a distribuição se apresenta da seguinte maneira:



5.2 Assimetria à direita

Este tipo de assimetria é marcada por caudas longas à direita. Em distribuições que obedecem a este padrão, os outliers ou pontos anômalos tem valores significativamente altos. Visualmente, esta distribuição tem o seguinte formato.



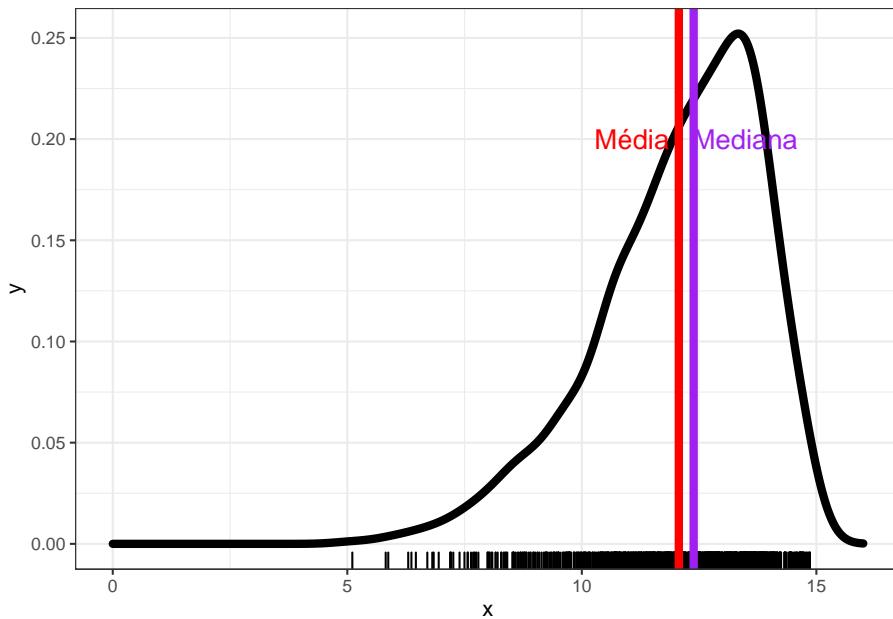
Entre as principais características, (1) a média é maior do que a mediana, (2) a quantidade de observações abaixo da média é superior à quantidade de observações acima da média e (3) o Coeficiente de Assimetria é positivo. No caso da imagem o valor é 1.1.

Entre as distribuições com este formato, estão a gamma e alguns casos particulares, como a exponencial e a qui-quadrado.

Exemplos reais: Tempo de espera em uma fila de banco, quilometragem de carros usados que estão à venda, tempo de reação em experimentos psicológicos, preço de casas à venda, número de acidentes de trânsito que uma pessoa se envolve durante um ano, quantidade de filhos que as famílias possuem.

5.3 Assimetria à esquerda (ou negativa)

Este tipo de assimetria é marcada por caudas longas à esquerda. Em distribuições que obedecem a este padrão, os outliers ou pontos anômalos tem valores significativamente baixos Visualmente, esta distribuição tem o seguinte formato.

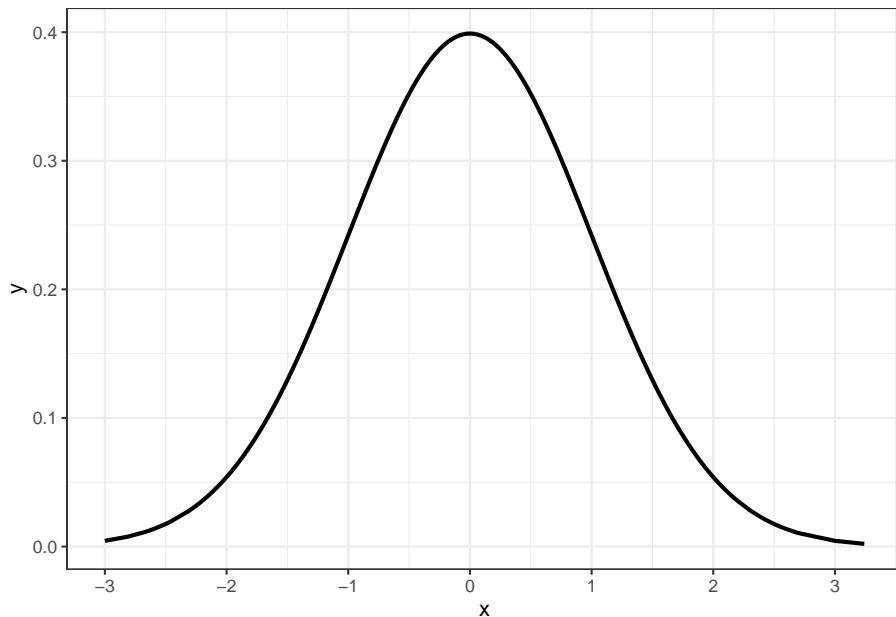


Entre as principais características, (1) a média é menor do que a mediana, (2) a quantidade de observações abaixo da média é inferior à quantidade de observações acima da média e (3) o Coeficiente de Assimetria é negativo. No caso da imagem o valor é -0.9.

Exemplos reais: Idade da morte de brasileiros, quantidade de horas que as pessoas passam na internet, quantidade de dedos que a população tem nas mãos.

5.4 A distribuição normal

A distribuição normal é um tipo de distribuição simétrica, considerada a mais importante em estatística e que apresenta características visuais e analíticas marcantes. Seu formato é apresentado a seguir:

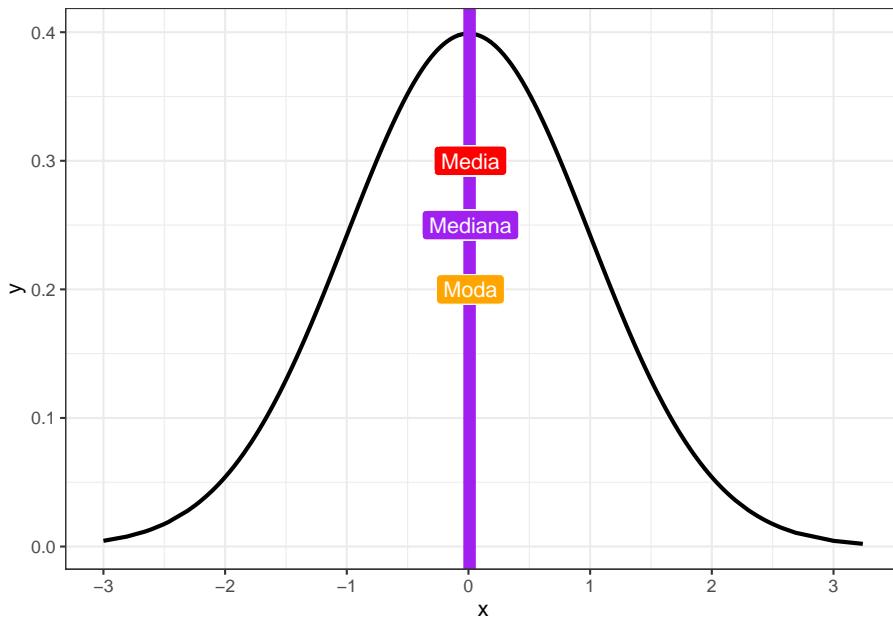


Em relação aos aspectos visuais:

- 1) Ela é simétrica,
- 2) Há um único pico e duas caudas, uma à esquerda e outra à direita (o que gera um formato de sino),
- 3) Apesar de contraintuitivo, essas caudas não se estendem infinitamente à esquerda e à direita.

Em relação às características analíticas

- 1) Ela integra a família das distribuições contínuas (e, portanto, tem uma função densidade de probabilidade),
- 2) Ela é definida por dois parâmetros (média e variância), o que significa que é possível construir infinitas distribuições normais,
- 3) O ponto ao centro reúne o valor da média, moda e mediana, que são iguais,
- 4) O Coeficiente de Assimetria é igual a 0,
- 5) O Coeficiente de Curtose é igual a 3.



Em Psicologia, os fenômenos psicológicos são assumidos como normais, motivo pela qual essa distribuição possui ainda mais importância na área.

Exemplos reais: Altura de homens/mulheres adultos(as), erros em equipamentos de medição em astronomia, pressão arterial de adultos, tamanho de bebês recém-nascidos.

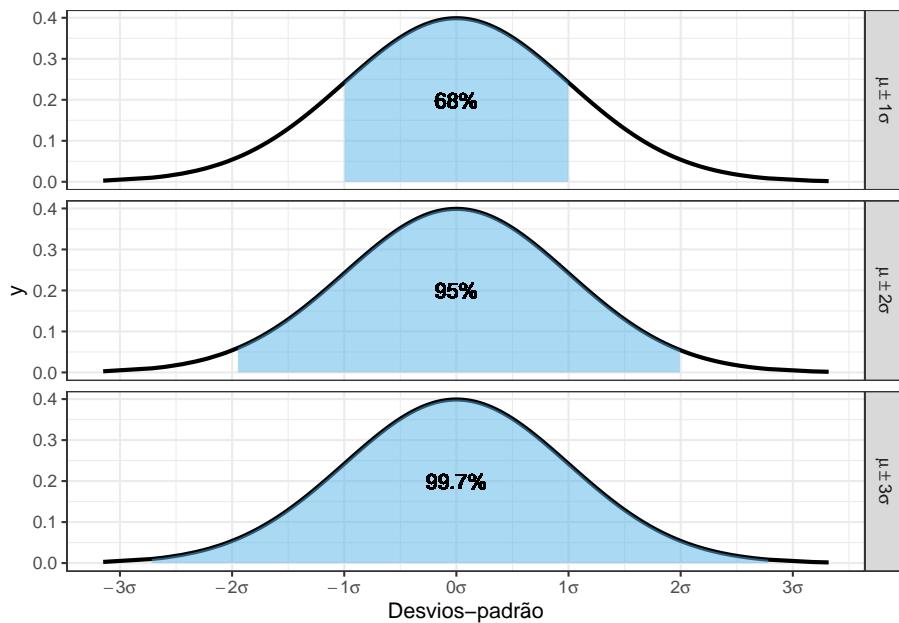
Fim da versão gratuita

5.5 A regra empírica

Uma característica importante da distribuição normal (e outras distribuições simétricas) é a regra empírica.

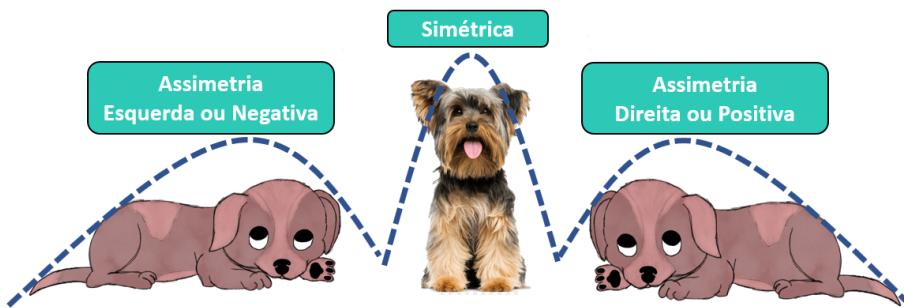
De acordo com esta regra, em uma variável aleatória normalmente distribuída, cerca de 68% das observações estará contida no intervalo de -1 a +1 desvio-padrão, cerca de 95% das observações estará entre -2 e +2 desvios-padrão e cerca de 99.7% das observações estará entre -3 e +3 desvios-padrão.

A figura abaixo apresenta esta relação.



5.6 Um resumo visual

Este capítulo pode ser entendido de muitas maneiras. Elementos visuais tendem a gerar uma assimilação mais rápida e duradoura desses conteúdos. Abaixo, há três formatos de distribuição. O cachorro no meio ilustra uma distribuição simétrica. Nela, a área embaixo da curva decai da mesma forma com referência ao centro. O cachorro da esquerda ilustra uma assimetria negativa. Repare que o rabo dele está para o lado esquerdo. Por sua vez, o cachorro da direita ilustra uma assimetria à direita. Repare que o rabo dele, por sua vez, está ao lado direito.



5.7 Importância inferencial

Uma das principais atividades realizadas na estatística é a generalização de resultados obtidos em uma pesquisa à população de onde a amostra foi retirada. Este tema será melhor apresentado no capítulo de inferência.

Atenção: A Lei dos Grandes Números e o Teorema Central do Limite são dois pilares da teoria da probabilidade e de procedimentos inferenciais.

Duas teorias em estatística são muito importantes e impactam tanto no tamanho amostral como na utilização da distribuição normal em processos inferenciais, que são a Lei dos Grandes Números (LLN) e o Teorema Central do Limite (CLT).

Lei dos Grandes Números (LLN): Essa Lei é um teorema fundamental da teoria da probabilidade. De acordo com ela, a média aritmética dos resultados da realização da mesma experiência repetidas vezes tende a se aproximar do valor esperado à medida que mais tentativas se sucederem. Ou seja, a média amostral converge em probabilidade à média populacional.

Uma demonstração simples é feita pelo jogo de moedas. Sabe-se que há uma probabilidade de 50% do resultado deste experimento ser cara, da mesma forma que há esta mesma probabilidade de ser coroa. É possível codificar cara como 1 e coroa como 0.

Se assumirmos que S_n o número de caras em n experimentos, há:

$$S_n = X_1 + X_2 + \cdots + X_n$$

A proporção de caras é dada por:

$$R_n = \frac{S_n}{n}$$

Pela Lei dos Grandes Números, haverá uma convergência em probabilidade:

$$R_n \xrightarrow{P} p \quad \text{quando } n \rightarrow \infty$$

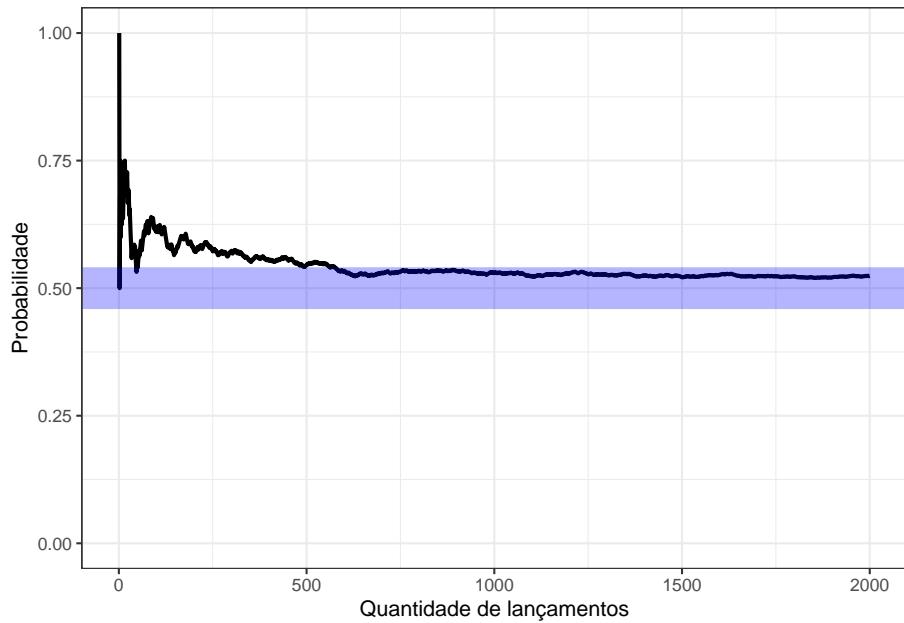
Dados simulados apresentando os primeiros resultados são:

```
head(l1n) %>% pander::pander()
```

lancamento	resultado	acumulado_caras	prob_caras
1	Cara	1	100
2	Coroa	1	50

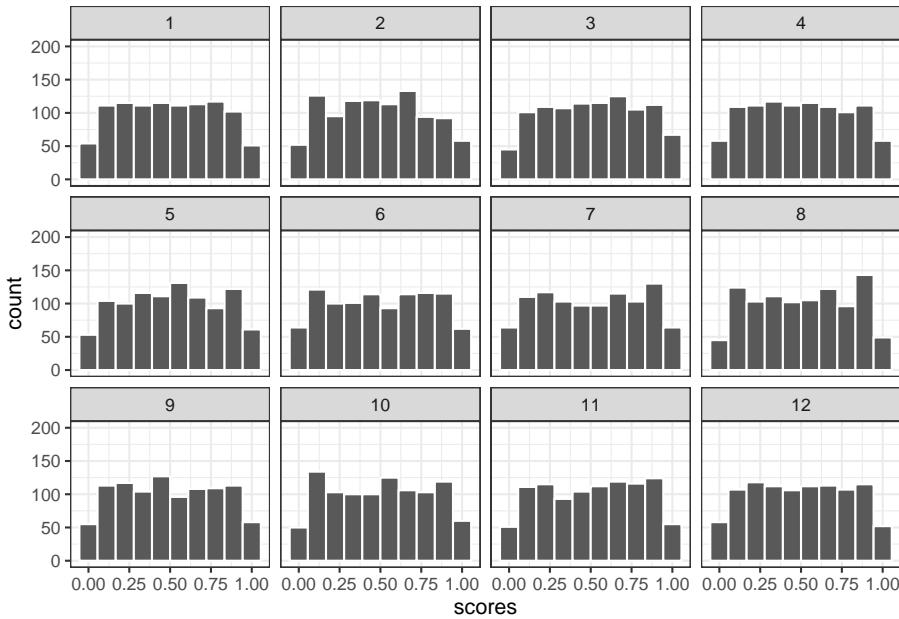
lancamento	resultado	acumulado_caras	prob_caras
3	Cara	2	66.67
4	Cara	3	75
5	Coroa	3	60
6	Cara	4	66.67

À medida que a quantidade de lançamentos aumenta, a probabilidade se aproxima à esperada, ilustrando a Lei dos Grandes Números. O gráfico a seguir demonstra esse resultado.



O Teorema Central do Limite (CLT): Se uma variável aleatória (por exemplo, X) puder ser representada pela soma de quaisquer n variáveis aleatórias independentes, que satisfaçam certas condições gerais, esta soma terá distribuição aproximadamente normal para n suficientemente grande.

Uma demonstração pode ser feita. Se um conjunto de pesquisas forem realizadas em uma variável cuja distribuição tenha formato uniforme, em cada uma das pesquisas (realizações), os resultados terão formato uniforme, tal como demonstrado a seguir:



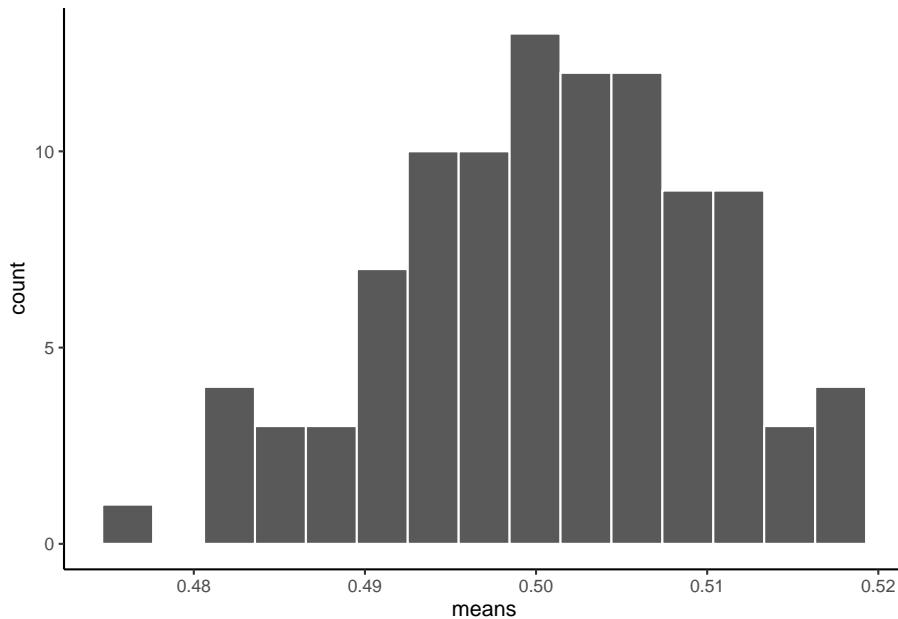
Caso a média de cada uma das pesquisas (realizações) seja tirada e arquivada em um banco de dados, os 10 primeiros resultados serão os seguintes:

```
head(clt_sample_means) %>% pander::pander()
```

	samples	means
1		0.496
2		0.4917
3		0.5188
4		0.4968
5		0.5075
6		0.5008

A distribuição das médias das médias é, aproximadamente, normal.

```
ggplot(clt_sample_means, aes(x=means))+
  geom_histogram(color="white", bins=15)+
  theme_classic()
```



5.8 Resumo

Este capítulo introduziu aspectos relacionados ao formato da distribuição das variáveis, com os seguintes pontos principais:

1. Todas as variáveis se distribuem e o formato delas pode ser descrito de maneira analítica, tabular ou gráfica
2. De maneira sintética, as distribuições podem ser simétricas ou assimétricas
3. A assimetria à direita é também chamada de positiva
4. A assimetria à esquerda é também chamada de negativa
5. A distribuição normal é a mais importante em estatística e muito utilizada em Psicologia
6. A Lei dos Grandes Números e o Teorema Central do Limite são fundamentais em aspectos inferenciais

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos.
Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos.
Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 6

Tipos de amostragem

Objetivos do capítulo

1. Apresentar aspectos relacionados à população e amostra
2. Introduzir as principais questões sobre processos de composição amostral
3. Introduzir procedimentos probabilísticos e não-probabilísticos para composição amostral
4. Apresentar o raciocínio geral do cálculo do tamanho amostral
5. Descrever como processos de amostragem, delineamento e análises são importantes em uma pesquisa

GLOSSÁRIO

População: Conjunto de objetos que apresenta, ao menos, uma característica em comum.

Amostra: Parte da população. A principal característica de uma amostra é sua representatividade da população.

Unidade amostral: Varia em função do interesse da pesquisa. Em Psicologia, quase sempre é um indivíduo, mas é possível ser uma família, uma empresa, etc.

Característica populacional: Aspecto de interesse a ser acessado ou medido.

Censo: Pesquisa em que todos os elementos da população são acessados.

Erro amostral: Diferença entre o resultado obtido na amostra e o valor verdadeiro populacional.

Ao se planejar e executar uma pesquisa, além de se ter claro os problemas científicos de interesse, é necessário eleger a população que participará do estudo. A população é determinada como todos os membros de um grupo bem definido. Dessa forma, a população é composta por um conjunto de objetos que apresenta, ao menos, uma característica em comum. Em Psicologia, com muita frequência, a população é formada por indivíduos. No entanto, a depender da área, ela pode ser formada por empresas, árvores, animais, etc.

A população pode ser classificada como finita ou infinita e, a depender de alguns delineamentos de pesquisa, também pode ser entendida como população-alvo ou população externa. Em relação à população ser finita ou infinita, estudantes de métodos quantitativos ou pacientes que um psicólogo atende no ano atual ilustram uma população finita. Por contraste, nascimentos em uma cidade, produção de uma máquina ou horas de duração que uma lâmpada apresenta demonstram uma população infinita. A população externa é definida como todos os indivíduos que se deseja generalizar os resultados de uma pesquisa, tal como brasileiros adultos, enquanto a população alvo são aqueles que a pesquisa tem maior capacidade inferencial, tal como adultos do Estado do Rio de Janeiro.

Quando um estudo é feito considerando todos os participantes de interesse, ele é chamado de censitário. Entretanto, há muitas situações em que isso é impossível, como visto anteriormente. Mesmo quando possível, o custo, o acesso e o tempo necessários para uma pesquisa deste tipo tendem a impossibilitar sua execução. Para resolver este problema, é necessário reunir um conjunto menor da população e, neste novo grupo - chamado de amostra - fazer a pesquisa.

Apesar desses conceitos parecerem distantes, isso é feito no dia a dia de todas as pessoas. Em exames médicos, não se retira todo o sangue do corpo para verificar algumas características específicas. Da mesma maneira, toma-se apenas um pouco de vinho para verificar sua qualidade ou, quando se cozinha uma sopa, é bem típico provar apenas uma colher dela para checar se o tempero está adequado ou não.



Em estatística, a área da Amostragem é a que se ocupa da composição de uma amostra e dispõe de diferentes técnicas e procedimentos. A composição da amostra depende de critérios de qualidade e quantidade que, sob formato de perguntas, transformam-se nas seguintes questões que devem ser respondidas antes da pesquisa:

- 1) Qual tipo de amostragem será utilizada (qualidade) e
- 2) Quantos elementos serão necessários para compor a amostra (quantidade)?

Em relação ao tipo (também chamado de Plano amostral), uma amostra pode ser composta por métodos probabilísticos e não-probabilísticos. Métodos prob-

abilísticos são aqueles em que a seleção dos participantes ocorre de maneira aleatória, ou seja, de uma forma que cada elemento da população tenha uma probabilidade conhecida de fazer parte da amostra. Por oposição, métodos não-probabilísticos ocorrem por uma escolha deliberada dos elementos da amostra.

Métodos probabilísticos têm clara vantagem em comparação aos não-probabilísticos. Uma vez que a amostra que será composta terá, em proporção, todas as características qualitativas e quantitativas da população, os participantes do estudo representam adequadamente a população e, com isso, processos de generalização tornam-se mais adequados. No entanto, a composição de uma amostra com tal propriedades impõe dificuldades, uma vez que depende do conhecimento populacional, bem como de um investimento em tempo e recursos que tende a ser elevado.

Atenção: Pesquisas que contam com amostras representativas permitem que os resultados obtidos sejam generalizados à população de onde a amostra foi extraída.

Amostras formadas por seleção não-probabilística são pouco capazes de estender os resultados obtidos à população de interesse. No entanto, esse tipo de metodologia é mais rápida e menos custosa do que a probabilística. Em situações em que se desconhece a população de interesse ou quando não há necessidade de generalizações, ela é uma opção adequada. A tabela a seguir apresenta algumas vantagens, desvantagens e aplicações de ambas as metodologias.

Amostragem probabilística

Vantagem

- Seleção aleatória.-Elimina o erro sistemático e o viés de seleção.- Representa bem as características populacionais de interesse.-Permite generalização à amostra.

Desvantagem

- É necessário conhecer e definir bem a população de interesse.- Custosa.- De difícil acesso, as vezes.- Tende a ser pouco atualizada para mudanças de nomes (ex: casamento) ou mudanças geográficas.- Há situações em que é impossível (ex: verificar a população de usuários de crack).

Exemplo

- Quase sempre, pesquisas em que há um valor financeiro associado ou estatísticas oficiais-Pesquisas de intenção de votos-Pesquisa epidemiológica sobre saúde mental no Brasil

Amostragem não-probabilística

Amostragem probabilística

Vantagem	- Relativamente fácil de se planejar e executar.- Tende a ser mais barata do que métodos probabilísticos.
Desvantagem	- Costuma representar mal a população.- Baixa ou ausente capacidade de generalização
Exemplo	- Pesquisas feitas com coleta de dados online

Fim da versão gratuita

6.1 Amostragem aleatória simples

É o processo mais elementar. O método se fundamenta no princípio de que todos os membros de uma população têm a mesma probabilidade de serem incluídos na amostra. Para fazer este tipo de procedimento, cada participante da população “recebe” um número. Este número é sorteado em um procedimento que, às vezes, é chamado de loteria. A amostra é formada pelos participantes sorteados.

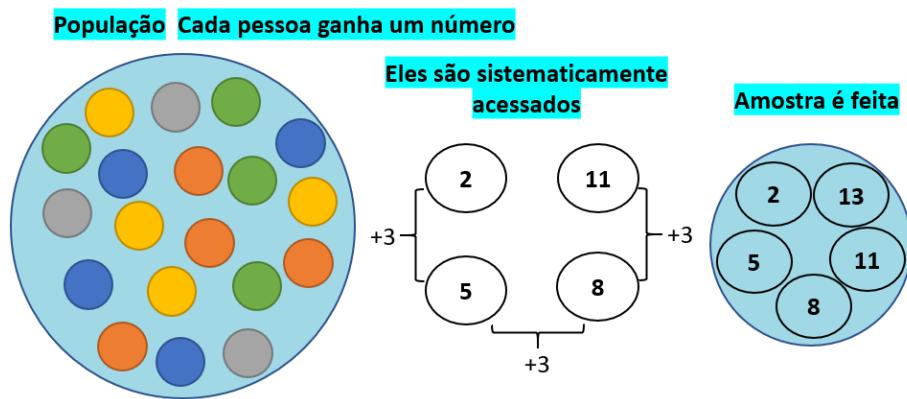


Vantagens: Evita o erro sistemático e viés de seleção. Tende a ser simples de se planejar e comunicar aos outros.

Desvantagens: Tende a ter execução complexa e cara. Eventualmente, pode não representar bem subgrupos populacionais.

6.2 Amostragem aleatória sistemática

É uma variação da amostragem simples. Após a identificação dos participantes, um determinado critério é eleito (por exemplo, a cada 5) e a seleção segue este formato.

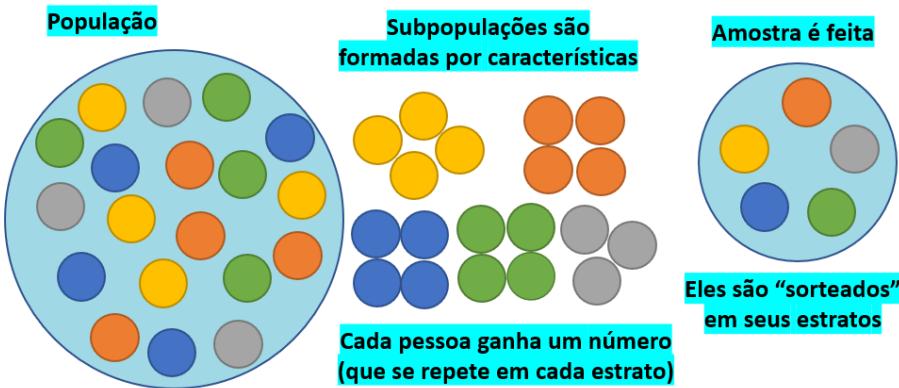


Vantagens: Mais rápida de se implementar do que a amostragem aleatória simples

Desvantagem: Eventualmente, pode não representar bem subgrupos populacionais. A ordenação dos participantes pode ser igual a uma ordenação existente, mas desconhecida, na população. Por exemplo, em uma lista de colégio, todos os estudantes com algum tipo de dificuldade recebem números ímpares e o critério de seleção da amostra seja feita, também, por números ímpares.

6.3 Amostragem estratificada

Neste tipo de amostragem, a população é dividida em subpopulações em função de características em comum, o que é chamado de estrato. Em seguida, cada participante recebe uma identificação dentro de seu estrato e o processo de amostragem aleatória simples é feito dentro em cada estrato. Atente que é possível que os participantes recebam os mesmos números. Por exemplo, se no estrato 1 há 100 pessoas, os números irão de 1 a 100 dentro deste estrato. Se no segundo estrato há também 100 pessoas, os participantes deste estrato também receberão números de 1 a 100. Com muita frequência, as características de interesse na população são desbalanceadas e, com isso, os estratos e a amostra também serão desbalanceados. Por exemplo, se há cerca de 80% de mulheres em uma determinada população, é esperado que a amostra tenha proporção similares de mulheres.



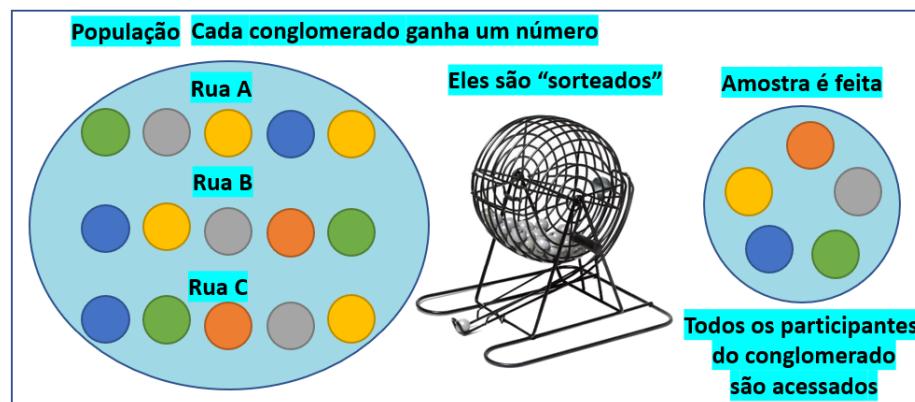
Em uma pesquisa de nosso grupo, este tipo de amostragem foi feita. O nome da pesquisa é *Depression and Anxiety Symptoms in a Representative Sample of Undergraduate Students in Spain, Portugal, and Brazil*. Em alguns capítulos, a base desta pesquisa é utilizada.

Vantagens:

Desvantagem:

6.4 Amostragem por conglomerados

Neste tipo de amostragem, a população encontra-se localizada - naturalmente - em conglomerados. Estes conglomerados podem ser ruas, bairros ou empresas, por exemplo e são assumidos como heterogêneos. Os conglomerados recebem identificações que, por sua vez, são sorteadas. Todos os participantes dos conglomerados sorteados devem ser acessados.



Vantagens: Quando a identificação dos elementos da população é difícil, os conglomerados aparecem como solução. A população já está dividida natural-

mente.

Desvantagens: Os estratos não serem homogêneos entre eles.

6.5 Amostragem por conveniência

Neste tipo de amostragem, a amostra é feita pelos participantes que o pesquisador tem maior acesso.

Vantagens: Fácil de se coletar, acessível e tende a crescer rapidamente.

Desvantagens: Pode representar mal a população e, consequentemente, ter viés. Apesar de possível, a generalização é desaconselhada.

6.6 Amostragem por auto-seleção

Neste tipo de amostragem, os participantes voluntariamente solicitam participar da pesquisa. Isso tende a acontecer em pesquisas em que a coleta de dados é feita online (ex: *google survey* ou *survey monkey*) e também em estudos sobre novos medicamentos.

Vantagens: Relativamente mais fácil de se coletar.

Desvantagem: similar à amostragem por conveniência.

6.7 Amostragem intencional

Neste tipo de amostragem, o pesquisador decide quem irá compor a amostra. É bem frequente em estudos psicométricos de validação de testes psicológicos. Neste tipo de pesquisa, existe uma etapa em que especialistas são convidados para opinar sobre características dos testes.

Vantagens: Relativamente fácil de se identificar os juízes.

Desvantagens: similar à amostragem por conveniência. Além disso, o tamanho amostral tende a ser baixo.

6.8 Amostragem por bola de neve

Neste tipo de amostragem, o pesquisador identifica um participante de interesse que, consequentemente, indica outros participantes para pesquisa. Por exemplo, caso deseje-se avaliar a saúde mental de usuários de cocaína, o pesquisador poderia identificar a primeira pessoa a ser avaliada que, em seguida, indicaria outras possíveis participantes.

Vantagens: Pode ser implementada de maneira fácil e o crescimento amostral tende a ocorrer rapidamente.

Desvantagens: similar à amostragem por conveniência.

6.9 Amostragem por quotas

Este tipo de amostragem tende a ter um rigor mais elevado dentro das técnicas não-probabilísticas. Na amostragem por quotas (ou cotas), o pesquisador define classes populacionais e, em seguida, determinar a proporção da população para cada classe. Pode ser utilizada em situações em que não se tem muitas informações sobre características populacionais para fazer uma técnica probabilística, mas sabe-se o suficiente para criar classes. Eventualmente, pesquisas eleitorais e análise de mercado podem contar com esta técnica.

Vantagens: Pode ser implementada de maneira fácil e tende a ser executada rapidamente. Apresenta um maior rigor dentro do conjunto dos métodos não-probabilísticos.

Desvantagens: similar à amostragem por conveniência.

6.10 O cálculo do tamanho amostral

Após decidir qual é o tipo de plano amostral, é necessário que o pesquisador defina quantos participantes irão compor a amostra. Se relativamente poucos participantes de uma população forem amostrados, os resultados podem distorcer o fenômeno investigado. Por contraste, se uma quantidade maior do que a necessária de participantes for amostrada, este excesso pode representar custos desnecessários e também distorcer as conclusões de algumas análises que serão apresentadas no decorrer do livro.

Existem diferentes formas de se realizar o cálculo do tamanho da amostra. No entanto, todas as maneiras costumam depender das seguintes condições:

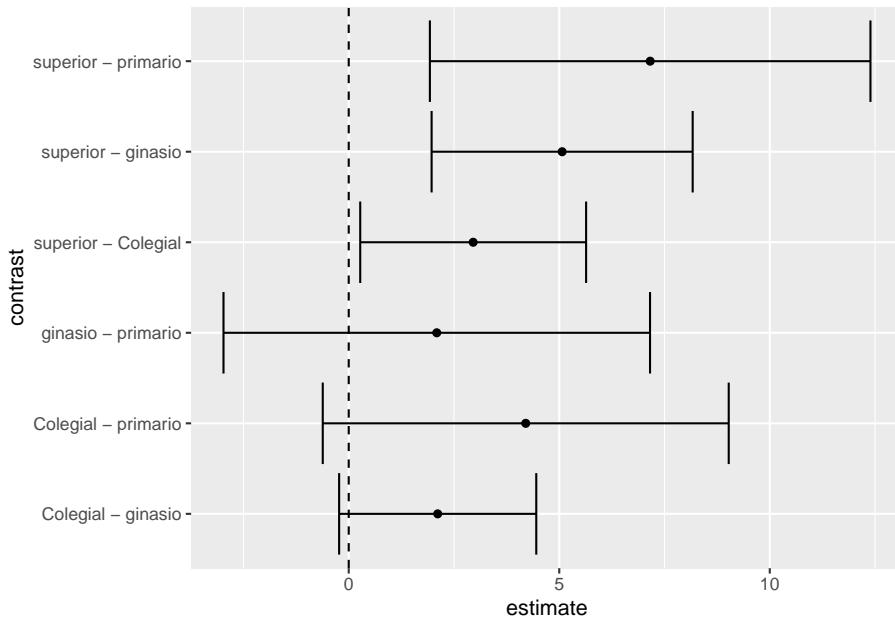
- Da variabilidade do fenômeno a ser investigado (maior variabilidade, maior amostra).
- Do interesse do pesquisador.
- Do tamanho da população.
- Do nível de confiança estatística.
- Do erro máximo que o pesquisador deseja correr.

- Do tipo de amostragem.
- Das possíveis perdas de elementos da amostra.

Uma das principais características da população que entra em cena para computar um tamanho amostral é a variabilidade do fenômeno a ser investigado. Populações homogêneas tendem a precisar de amostras com menos elementos. Por oposição, fenômenos heterogêneos solicitam que o tamanho amostral seja maior. A variabilidade pode ser determinada pela literatura prévia e estudo piloto.

O interesse do pesquisador pode ser apenas descritivo ou guiado pela execução de testes de hipótese. Quando descritivo, há um sistema fechado de equações que auxiliam no cálculo amostral. Quando teste de hipóteses são desejados, quase sempre, pesquisadores contam com heurísticas acadêmicas e também fazem um cálculo chamado “de poder do teste”. Este cálculo visa otimizar o tamanho da amostra para que nem erros do tipo 1 ou 2 ocorram.

O tamanho populacional é uma importante característica para definição da amostra. Para populações pequenas, a amostra abrange quase que a totalidade dos elementos. Em populações maiores isso não costuma ocorrer. A relação entre tamanho populacional e tamanho amostral costuma ser apresentado por uma função logarítmica, tal como descrito abaixo.



O nível de confiança é a probabilidade que o intervalo estimado contenha o parâmetro populacional.

O erro máximo que o pesquisador deseja correr é materializado pela diferença esperada entre o parâmetro da população e o resultado a ser obtido pela pesquisa. Com frequência, a margem de erro varia de 3 a 5% Os conceitos de nível de confiança e erro são conectados.

O tipo de amostragem e as possíveis perdas de elementos da amostra também impactam o tamanho amostral. Frequentemente, amostras são calculadas assumindo a Amostragem Aleatória Simples e, em seguida, os números são ajustados por tipos específicos. Finalmente, perdas amostrais são esperadas e tenta-se acrescentar este número ao plano amostral antes da coleta de dados.

É possível unir todos os conceitos em equações específicas para o cálculo do tamanho amostral. As fórmulas variam e seria pouco efetivo tentar apresentar todas as fórmulas ou eleger uma ou outra equação de maior uso para colocar nesta parte. Desta maneira, deixo o artigo intitulado “A lógica da determinação do tamanho da amostra em investigações Epidemiológicas” como principal referência deste tópico.

6.11 Amostragem e sua relação com os resultados

GLOSSÁRIO

Validade externa: O grau ou a extensão em que os resultados de um estudo podem ser generalizados para outras pessoas e grupos.

Riscos à validade externa: Amostra não representativa da população de interesse, seleção dos participantes de maneira artificial ou inadequada, tamanho amostral inadequado.

Viés de não-resposta: Viés que ocorre quando participantes selecionados para participar da pesquisa não a respondem. Pode ocorrer tanto em amostragens probabilísticas como não-probabilísticas, especialmente em situações em que o tema é social ou afetivamente carregado.

Quando uma pesquisa é feita, raramente sua finalidade é apenas descritiva, ou seja, de detalhamento dos resultados somente para os participantes amostrados. Com muita frequência, o interesse do pesquisador é conseguir generalizar os resultados obtidos pela amostra à população que ela representa. A capacidade de generalizar os resultados é chamado de Validade externa de uma pesquisa e depende pesadamente do tipo de amostragem definido. Na verdade, toda mecânica por detrás de análises inferenciais assume que os dados vieram de uma amostra aleatória (representativa). Quando amostras não representativas são acessadas, vieses são esperados.

Um exemplo bastante ilustrativo é o relatório intitulado “*The Hite Report*”, de Shere Hite, que foi conduzido e publicado na década de 1970 nos Estados Unidos. Este trabalho visou oferecer uma radiografia sobre a sexualidade e a

vida conjugal feminina das norte americanas e se tornou um *best-seller* quase que imediatamente após publicado.

DELL • 13890 • 3.95

THE REVOLUTIONARY BEST SELLER
OVER 2 MILLION COPIES IN PRINT!



**A NATIONWIDE STUDY OF
FEMALE SEXUALITY**

Best-selling author of
THE HITE REPORT ON MALE SEXUALITY

Nesta pesquisa, Shere Hite enviou cerca de 100.000 cartas para mulheres localizadas em todos os Estados Unidos perguntando questões sobre “Satisfação conjugal” e “Traição”. Os resultados indicaram que 98% das mulheres estavam insatisfeitas em seus casamentos e que 75% delas estavam tendo ou tiveram relações extraconjugal enquanto casadas.

Quando o trabalho foi cuidadosamente analisado, foi identificado que dos 100.000 questionários enviados, cerca de 4% retornou. Esse cenário deixou claro que, além da amostra não ter sido representativa da população de mulheres americanas, os resultados foram pesadamente influenciados pelo viés de não-resposta. Em outras palavras, é possível sugerir que apenas o grupo de pessoas insatisfeitas respondeu ao questionário e seus resultados são significativamente diferentes daquele grupo que não foi representado, que é a maioria e, provavelmente, formado por pessoas felizes em seus casamentos.

6.12 Amostragem, delineamento e generalização

GLOSSÁRIO

Validade interna: Grau em que os resultados de um estudo possam ser atribuídos ao delineamento e não a erros ou outros fatores não controlados.

Riscos à validade interna: Tipo de amostragem utilizada, ausência de randomização dos participantes, ausência de duplo-cego, maturação e histórico dos participantes.

É bastante típico que pesquisadores iniciem uma pesquisa para explorar ou responder um problema específico. Em Psicologia, os problemas tendem a se dividir naqueles em que características individuais são o alvo e naqueles em que aspectos sociais recebem maior atenção. Por exemplo, explorar as características de personalidade de pessoas que decidem não ter filho (Neal and Neal, 2021), as atitudes sociais sobre a participação feminina em alguns trabalhos (Bursztyn et al., 2018) ou a relação entre nível socioeconômico e empatia social (Piff et al., 2012), parcialmente exemplificam tais iniciativas.

Apesar dos interesses diferirem, a grande maioria dos pesquisadores tem muito cuidado na hora de eleger o delineamento da pesquisa, fazer a coleta de dados e, em seguida, analisá-los. Erros ou fragilidades metodológicas durante tais etapas podem limitar ou impossibilitar a validade dos resultados. No entanto, esta validade em questão é chamada de Validade interna, que se relaciona majoritariamente com o nível de controle imposto durante a coleta de dados e a possibilidade de estabelecer relações entre variáveis, especialmente relações de causalidade.

Dessa maneira, assumindo que o interesse de uma pesquisa seja conseguir explicar um determinado problema científico, mas também generalizar os resultados obtidos à população, tão importante como ter um delineamento de pesquisa adequado para coletar os dados (validade interna) é ter um plano amostral que possibilite a generalização dos achados (validade externa). Não é possível maximizar, ao mesmo tempo, a validade interna e a validade externa. Entretanto, o balanceamento de ambas as condições deve ser feito em função das perguntas de pesquisa propostas.

A imagem a seguir visa integrar os conceitos de amostragem, delineamento e generalização.

Tipo de amostragem	Tipo de delineamento		Possibilidade de generalização
	Randomização dos participantes	Sem randomização dos participantes	
Amostragem aleatória	Inferências com evidências de causalidade e generalizáveis à população	Inferências sem evidências de causalidade, mas generalizáveis à população	Impossibilidade Dificuldade de generalização
Amostragem não-aleatória	Inferências com evidências de causalidade, mas não generalizáveis à população	Inferências sem evidências de causalidade e não generalizáveis à população	
Sugere relação de causa-efeito		Sem relação de causa-efeito (modelos de correlação)	

Em síntese, três condições são importantes em uma pesquisa:

- (1) O plano amostral, que indica o grau em que os resultados serão generalizáveis;
- (2) O delineamento de pesquisa, que auxilia em verificar relacionamento entre variáveis e
- (3) O tipo de análise estatística implementada, que como a pergunta de pesquisa será trabalhada por modelos probabilísticos.

6.13 Resumo

1. Existem vários tipos de amostragem.
2. A amostragem probabilística é a mais indicada quando se deseja fazer generalizações dos resultados.
3. Há situações em que apenas técnicas não-probabilísticas são possíveis.
4. A amostragem e o delineamento são pilares de uma pesquisa.

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 7

Estatística Inferencial

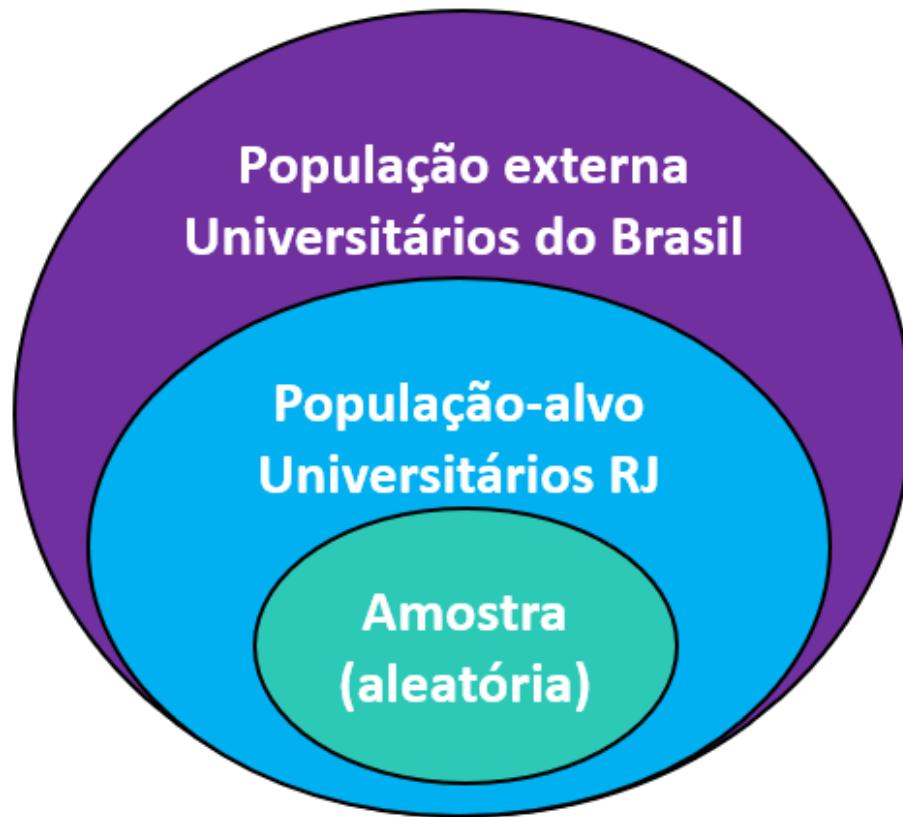
Objetivos do capítulo

1. Introduzir diferentes conceitos de estatística inferencial
2. Apresentar os procedimentos feitos durante o Teste de Significância de Hipótese Nula (NHST)
3. Discutir condições particulares sobre valores de P
4. Oferecer leituras complementares sobre os tópicos

Um dos principais objetivos ao se fazer uma pesquisa é conseguir generalizar as descobertas feitas no estudo para toda a população de onde os participantes pertencem. Essa tarefa faz parte dos objetivos da estatística inferencial, que se ocupa majoritariamente com desenvolver estimativas sobre os parâmetros populacionais e testar hipóteses.

Como apresentado em outros capítulos, a população pode ser formada por indivíduos, famílias, etc e é frequentemente classificada em “população-alvo” e “população externa”. A população-alvo é formada por aqueles indivíduos não amostrados, mas que o estudo pode generalizar os resultados. A população externa é formada por todos aqueles em que há a intenção de generalizar os resultados, mesmo que apresente características algo distintas dos indivíduos amostrados.

Em uma pesquisa de nosso grupo (Junior et al., 2020), nós contamos com uma amostra aleatória de estudantes universitários de uma universidade do Rio de Janeiro e estudamos algumas de suas características epidemiológicas. Neste caso, a população-alvo poderia ser entendida como todos os estudantes universitários da cidade do Rio de Janeiro, enquanto a população externa poderia ser formada por todos os estudantes universitários do Brasil.



O processo para estimar parâmetros envolve algumas etapas e, apesar de importantes, são quase sempre secundários em Psicologia e muitas áreas científicas. Na grande maioria dos casos, Psicólogos e outros profissionais de áreas científicas fazem uma pesquisa visando testar hipóteses sobre seu objeto de investigação. Dessa forma, como testes de hipóteses figuram como os principais protagonistas da estatística inferencial, eles terão também destaque neste capítulo.

Fim da versão gratuita

7.1 NHST (Teste de Significância de Hipótese Nula)

GLOSSÁRIO

Parâmetro: Valor que descreve uma característica da população. Esse valor é fixo e desconhecido. Sua representação é feita por letras gregas.

Estatística: Valor que descreve uma característica da amostra. Esse valor é aleatório e calculado através dos dados coletados. É apresentado por letras romanas.

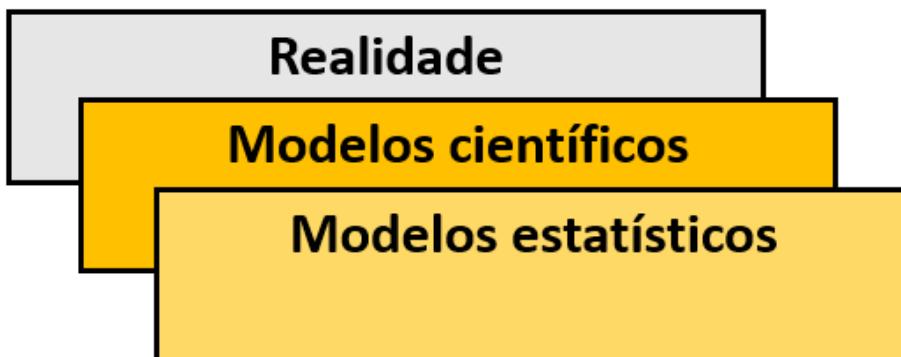
Inferência: Processo pelo qual, através de modelos estatísticos, se tiram conclusões sobre características da população a partir dos dados amostrais e permite fazer generalizações e previsões a respeito da população. Técnicas inferenciais permitem a estimativa dos parâmetros populacionais e testar hipóteses.

Modelo estatístico: Sistema de equações que descreve ou representa o possível processo gerador de dados do conjunto de dados em análise.

NHST: Sigla que representa Teste de Significância de Hipótese Nula (em Inglês, *Null Hypothesis Significance Testing*)

Atenção: É extremamente difícil conseguir falar sobre este conceito em uma linguagem simples para todos, mas ao mesmo tempo sem inconsistências estatísticas. Algumas notas são deixadas durante a seção visando atingir este objetivo.

A sigla NHST se refere ao Teste de Significância de Hipótese Nula, que é o procedimento mais utilizado quando pesquisadores desejam testar hipóteses de pesquisa utilizando recursos da estatística. Subjacente a todo o processo, está o pressuposto de que é possível transformar perguntas científicas em modelos probabilísticos e, com isso, utilizar a linguagem estatística para lidar com tais questões (Curley, 2013).



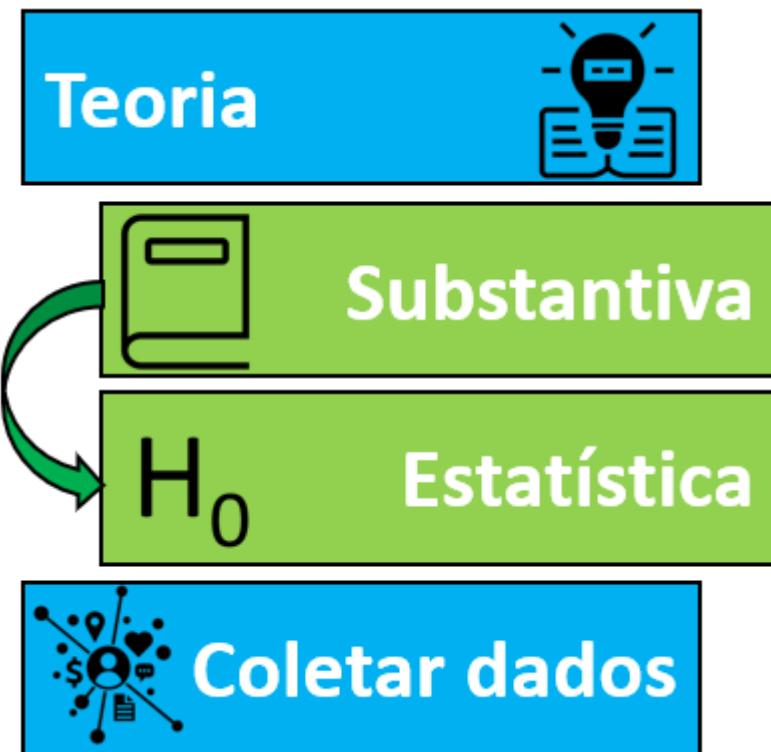
Existem diferentes maneiras de introduzir o tema e as subseções a seguir o apresentará descrevendo cada um dos termos que compõe a sigla por uma forma pragmática. Com algumas sutis diferenças, esses procedimentos e suas interpretações são similares em todas as áreas da teoria de decisão, tal como Teoria de Detecção de Sinal e diagnóstico médico, o que foi discutido por um trabalho meu recente.

Algo colateral ao aspecto pragmático, a forma pela qual os testes de hipóteses são feitos hoje é uma mistura entre a forma pela qual Ronald Fisher pensava ser a correta e a maneira pela qual Jerzy Neyman e Egon Pearson defendiam ser a adequada.

7.1.1 A primeira etapa: a hipótese

Na maioria das vezes, quando uma pesquisa é feita, ela visa testar uma hipótese. Por sua vez, uma hipótese é uma conjectura, uma suposição sobre o estado das coisas feita pelo pesquisador e usualmente pensada no presente do indicativo (ex: há) ou no futuro do pretérito (ex: haveria). Em inglês, há o hábito de tratar uma hipótese de pesquisa como *Educated Guess*, tendo em vista que ela costuma ser feita de maneira cuidadosa e após alguma reflexão sobre o tema de interesse. As hipóteses podem ser classificadas como substantivas ou estatísticas.

Uma hipótese substantiva é uma formulação textual e semântica sobre determinado fenômeno. Ou seja, é uma frase, tal como “haveria uma relação entre nível de atividade física e bem-estar psicológico”, ou “o tratamento psicofarmacológico melhora quadros de depressão” ou ainda que “o tipo de colégio - público ou privado - influência nos resultados de alunos em provas nacionais”. A hipótese estatística, por sua vez, visa operacionalizar a hipótese substantiva e, com isso, é uma afirmação conjectural, em termos quantitativos, das relações estatísticas da hipótese substantiva (p. 46), o que será apresentado em seguida.



Ao se fazer uma pesquisa, as hipóteses estatísticas podem ser divididas em Hipótese nula, representada por H_0 e Hipótese alternativa, representada por H_1 ou H_a .

Muitas pesquisas podem ser feitas e, consequentemente, muitas hipóteses construídas. Em Psicologia, quase sempre as hipóteses de interesse verificam diferenças entre grupos ou relacionamento entre variáveis e, por sua frequência na literatura, serão apresentadas aqui.

Em pesquisas com esta finalidade, a hipótese nula é a mais conservadora sobre determinado fenômeno. Ela advoga que pela ausência de padrões, pela inexistência de um relacionamento de causa e efeito, de associação entre variáveis ou de diferença entre grupos. Em termos gerais, a hipótese nula define que qualquer condição observada na população/natureza pode ser melhor explicada pelo acaso.

Por contraste, a hipótese alternativa apoia relação de causalidade entre variáveis, ou que determinado fator apresenta relacionamento com outro ou que existe diferenças entre grupos, etc. Em linhas gerais, a hipótese nula costuma ser definida como aquilo que o pesquisador não acredita (em inglês, chama-se de *Straw person Principle*) e a hipótese alternativa tende a ser a hipótese que o pesquisador previamente assumiu para motivar sua coleta de dados.

Em estatística frequentista, por um apoio epistemológico, a hipótese nula é assumida como verdadeira antes mesmo de qualquer procedimento de coleta e análise de dados. Note que ao assumi-la como verdadeira, isso não significa afirmar que ela seja, de fato, verdadeira. Essa suposição tem origem em discussões clássicas em estatística e, pragmaticamente, a hipótese nula é o que pesquisadores desejam falsear ou refutar na maioria das vezes em suas investigações (Lecoutre and Poitevineau, 2014).

Apesar da definição textual da hipótese ser de fácil entendimento para todos, ele não tem utilidade para etapa de coleta de dados. Dessa forma, esse formato textual é substituído pelo formato estatístico. Por exemplo, se uma determinada pesquisa é feita sob hipótese de que “um determinado antidepressivo auxilia na melhora de pacientes deprimidos”, isso tende a gerar a hipótese alternativa que pode ser lida como: “em média, pessoas deprimidas do grupo que usou o medicamento tem resultados mais baixos em uma escala de depressão quando contrastado com o grupo que não usou o medicamento”. Conceitualmente:

O grupo que tomou antidepressivo terá menos depressão
 Hipótese substantiva

$$\begin{aligned} H_0 &: \mu_{grupo(1)} = \mu_{grupo(2)} \\ H_a &: \underbrace{\mu_{grupo(1)} < \mu_{grupo(2)}}_{\text{Hipóteses estatísticas}} \end{aligned}$$

Neste tipo de formulação estatística, a hipótese nula necessariamente será formada pelo sinal de igual (=), enquanto a hipótese alternativa poderá ser diferente (\neq), maior ($>$) ou menor ($<$). Tecnicamente, isso costuma alterar levemente etapas analíticas, que são descritas em outros capítulos.

É importante introjetar duas condições. A primeira é que o pesquisador não testa diretamente a hipótese substantiva, mas sim a hipótese estatística, que tenta operacionalizar a primeira. A segunda característica é que, em estatística frequentista, por mais importante que seja a hipótese alternativa – afinal, foi ela que motivou a pesquisa – ela não é testada diretamente. De fato, se assume que a hipótese nula seja verdadeira por princípio e, em seguida, compara-se o quão compatível os resultados obtidos são à tal hipótese.

Atenção: O pesquisador tende a fazer uma pesquisa para verificar a adequação de sua hipótese (H_a). Entretanto, o mecanismo da estatística frequentista testa o quão os resultados são compatíveis ou não com a hipótese nula.

Com tais explicações feitas, a primeira parte da sigla “NH” (de *Null Hypothesis Significance Testing*) foi apresentada.

7.2 Nível de significância

Toda pesquisa tem erros. Como visto anteriormente, em estatística frequentista, a hipótese nula é definida como verdadeira inicialmente. Dessa maneira, o nível de significância (denotado pela letra α) é definido como o máximo erro tolerável (Greenland, 2019) da probabilidade de se rejeitar a hipótese nula quando ela é, de fato, verdadeira. Ele deve ser estipulado antes da coleta e análise de dados e, por ser uma probabilidade, comprehende valores entre 0 e 1.

Apesar deste nível ser uma escolha do pesquisador, quanto maior ele for, mais facilmente a hipótese nula será rejeitada. No extremo, se o nível de significância for 1, todos os resultados irão concluir pela rejeição da hipótese nula. Por oposição, se o nível de significância for igual a 0, a hipótese nula jamais seria rejeitada, mesmo quando falsa.

Em estatística frequentista, é convencional estipular o nível de significância em 5% (0.05) ou 1% (0.01). Em algumas ocasiões, 10% (0.1) como nível de significância é aceito, mesmo que isso possa gerar uma maior dificuldade na publicação. Apesar desses números não serem mágicos, a origem dos 5% remonta a Ronald Fisher, que no trabalho “*Statistical Methods for Research Workers*” (1925), deixou uma tabela com indicando quais seriam os resultados esperados tendo como critério este nível.

O nível de significância é importante pois ele é associado com o conceito de erros. Quando se rejeita uma hipótese nula verdadeira, dá-se o nome de erro do tipo I. Em pesquisas médicas, esse é erro é chamado de “falso positivo” e, em psicofísica, de “falso alarme”.

Entende-se também que é possível que a hipótese nula não seja rejeitada mesmo quando ela é falsa. Esse é o erro do tipo II (2), que também é chamado de “falso negativo” em pesquisas médicas ou “perda” em psicofísica. Note que o erro do tipo 2 e alguns conceitos derivados não se conectam tão diretamente com o

conceito de nível de significância. Isso ocorre pois esse conceito não é bem uma defesa de Ronald Fisher, mas foi introjetado posteriormente por Jerzy Neyman e Egon Pearson (Cohen, 2013).

A tabela de tomada de decisão a seguir, uma matriz de confusão, é a mais tradicionalmente usada para ilustrar esse conceito.

		<i>Pesquisador não controla</i>	
		Condição populacional	
		H_0 Falsa	H_0 Verdadeira
Tomada de decisão	Rejeitar H_0	Decisão correta Poder = $1 - \beta$ Verdadeiro positivo	Decisão errada Erro do tipo I (α) Falso Positivo
	Não Rejeitar H_0	Decisão errada Erro do tipo II (β) Falso Negativo	Decisão correta Intervalo de confiança $1 - \alpha$ Verdadeiro Negativo

Nota: Ronald Fisher tinha bastante resistência à ideia do erro do tipo II ou também aos intervalos de confiança. Essa tabela é uma junção pragmática de sua forma de entender testes de hipóteses e da forma de Jerzy Neyman e Egan Pearson. A hipótese nula é assumida como verdadeira e não provada ou refutada como tal.

Existe um *trade-off*, ou relação de perde-ganha, entre o erro do tipo I e o erro do tipo II. Aumentar o erro do tipo I leva à diminuição do erro do tipo II. Desta forma, o pesquisador deverá pesar as consequências do erro do tipo I (falsos positivos) e também as consequências do erro do tipo II (falsos negativos) durante a testagem de hipótese.

Ao fim desta seção, outro exemplo será dado para tornar esta tabela mais palatável. Com isto posto, a terceira parte da sigla “S” é considerada apresentada.

7.3 O teste estatístico

A testagem estatística pode ser entendida como uma maneira formal de modelar os dados e verificar a probabilidade de se obter determinados resultados assumindo a hipótese nula como verdadeira. De maneira mais direta, é uma ferramenta de auxílio para contrastar hipóteses, permitindo rejeitar ou não a hipótese nula, a partir de um nível de significância fixo previamente definido

(Lecoutre and Poitevineau, 2014). Com isso, ao se implementar testes estatísticos, se possibilita ter inferências sobre aspectos populacionais a partir dos resultados amostrais.

Pragmaticamente, após a definição da hipótese nula e alternativa, bem como o nível de significância, testes estatísticos são calculados com base nos dados e seus resultados auxiliam a rejeitar ou falhar em rejeitar a hipótese nula. A estatística dispõe de um exército de testes estatísticos (ex: Teste T, Teste de Kruskal-Walis, etc), que tendem a ser classificados por muitos critérios, como o tipo de distribuição de algumas variáveis ou a natureza da VI/VD, etc.

Apesar dessa estratégia ser costumeiramente feita não apenas em Psicologia, ela pode levar à falsa percepção de que os testes estatísticos são mutuamente exclusivos e que há uma fórmula de bolo padronizada em que cada situação de pesquisa necessita de um teste específico e não outro.

Neste livro, mesmo nos capítulos em que testes estatísticos são descritos, essas condições serão um pouco desafiadas. O que é fundamental ter conhecimento é que:

- (1) Todo teste estatístico assume alguns pressupostos, que devem ser sempre testados;
- (2) Os testes produzirão um valor numérico, que é um sumário estatístico chamado de estatística de teste, representado por letras como T ou χ^2 ;
- (3) Esta estatística de teste é uma variável aleatória com algumas propriedades específicas;
- (4) Apesar da importância destes resultados, eles são sempre transformados em um valor de P. Por sua vez,
- (5) O valor de P é usado como critério de tomada de decisão.

7.4 O valor de P

Após definir da hipótese nula e alternativa, bem como o nível de significância e execução do teste estatístico, um valor de P será apresentado. Ele é o critério mais comumente empregado para tomada de decisão em estatística frequentista e apresenta as seguintes condições:

- (1) Seu valor é uma probabilidade e, portanto, compreende valores entre 0 e 1;
- (2) Seu valor é obtido por um modelo estatístico que é assumido como adequado e bem especificado;

- (3) Seu valor indica a probabilidade de se obter uma estatística de teste igual ou ainda mais extrema que observada assumindo a hipótese nula como verdadeira;
- (4) Seu valor indica a compatibilidade dos resultados obtidos e os esperados assumindo a hipótese nula verdadeira;
- (5) Quando o valor de P é baixo, isso possibilita que o pesquisador conclua pela rejeição da hipótese nula;
- (6) Quando o valor de P é alto, isso impede que a hipótese nula seja rejeitada.

Como valores baixos ou altos são relativos, em estatística frequentista, se considera que a rejeição da hipótese nula ocorre apenas quando o valor de p é menor do que o valor previamente estipulado no nível de significância. Neste sentido, a tomada de decisão segue uma regra discreta, que é:

$$P < \alpha \Rightarrow \text{Rejeitar } H_0$$

$$P \geq \alpha \Rightarrow \text{Falhar em Rejeitar}$$

É importante notar que rejeitar H_0 não significa aceitar H_a . Esse erro é frequente e é chamado de *Modus Tolens* (Trafimow, 2019). Repare que neste procedimento sequer há a necessidade de H_a . Além disso, os valores de P se referem às estatísticas de teste obtidas durante etapas analíticas. Eles não se referem à teoria científica que motivou a pesquisa e, desta forma, rejeitar H_0 também não significa falar que uma teoria foi provada.

Finalmente, falhar em rejeitar H_0 não prova que ela é verdadeira. É possível apenas concluir que ainda não existem evidências sólidas para rejeitá-la. Aceitá-la significa cair num erro chamado de *Argumentum ad Ignorantiam*, em que as pessoas tendem a achar que algo que não foi provado como falso é, consequentemente, algo verdadeiro.

Com isso, a última letra “T” de NHST, foi descrita.

7.5 O tamanho do efeito

Os valores de P são importantes como uma medida de força de evidência contra a hipótese nula, bem como permitem que os parâmetros (populacionais) sejam estimados pelos resultados amostrais. Por estas características, eles são importantes em testes de hipóteses e devem sempre ser relatados. No entanto, pragmaticamente, seus resultados são discretos (sim ou não) e não respondem diretamente as questões ou hipóteses que motivaram a execução da pesquisa, apesar de auxiliarem na tomada de decisão (Goodman, 1999).

Medidas chamadas de Tamanho do efeito foram mais recentemente desenvolvidas tentando oferecer um indicador contínuo que visam responder a magnitude, relevância ou importância dos resultados, especialmente, quando se investiga diferenças entre dois grupos.

Em todas as pesquisas amostrais, apenas uma parte da população foi acessada. Neste sentido, como parte da população não foi investigada, qualquer processo de generalização dos resultados pode incorrer em erros inferenciais. Uma vez que a estatística assume que a hipótese nula é, a priori, verdadeira, o erro que primeiro pode aparecer no processo de inferência ocorre quando o pesquisador rejeita a hipótese nula de maneira incorreta. Como a hipótese nula tende a apoiar, por exemplo, que não há diferença entre grupos, ao rejeitar incorretamente

7.6 Um exemplo intuitivo

Muitas áreas que trabalham com a noção de incerteza e erro fazem uso de recursos da Teoria da Decisão. A Teoria da Decisão é uma área interdisciplinar que visa descrever e explicar os processos subjacentes à escolha, com larga aplicação em testes de hipótese, detecção de sinal, exames médicos e avaliação psicológica.

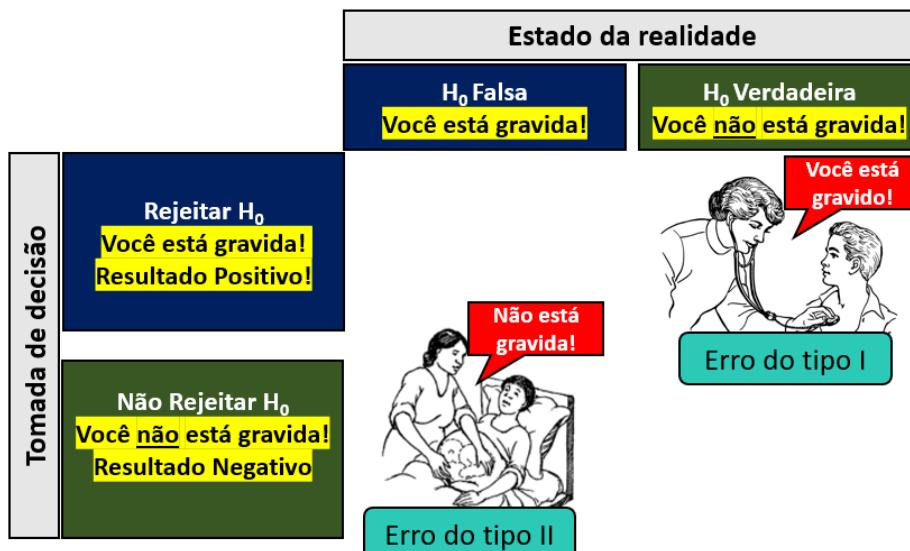
Dessa maneira, apesar de pequenas modificações de simbologia e nomenclatura, a tabela de tomada de decisão apresentada anteriormente costuma se repetir em todas essas áreas para a mesma finalidade: equacionar os custos dos erros e acertos possíveis.

Isso posto, exames médicos talvez representem a melhor forma de entender este processo de tomada de decisão. Imagine que duas pessoas resolvam fazer exame para verificar se estão ou não grávidas. O resultado do exame tem uma grande importância, já que ele servirá de evidência para que ambas as pessoas planejem suas vidas daqui para frente.

Apesar de assumirmos intuitivamente que exames médicos, no geral, são muito acurados, é importante introjetarmos que eles podem apresentar resultados incorretos ou distorcidos. Isso acontece, pois estes exames não medem diretamente o fenômeno de interesse, mas apenas sinais mais ou menos específicos de determinada condição. No caso da gravidez, esses exames costumam verificar o nível do Beta HCG, que atua como um marcador bioquímico importante relacionado à gravidez e algumas outras condições.

É possível aproximar este exemplo pedagógico às hipóteses estatísticas descritas. Repare que na realidade, é possível estar ou não grávida. No entanto, na modelagem estatística, se assume inicialmente que a hipótese nula é verdadeira. Neste sentido, uma vez que a hipótese nula apoia a inexistência de padrões, sinais, eventos (etc), não estar grávida é a hipótese definida como verdadeira preliminarmente.

O resultado do exame pode indicar que a pessoa está grávida ou que não está grávida. No jargão metrológico, esses resultados são chamados de “Positivo” e “Negativo”, respectivamente. Conectando este elemento com a modelagem estatística, se o exame concluir que a pessoa está grávida, isso significa que ele rejeitou a hipótese nula. Em outras palavras, resultados positivos neste exemplo são resultados que rejeitam a hipótese nula. Por oposição, se o exame concluir que a pessoa não está grávida, ele teve um resultado negativo. Pela modelagem estatística, esse tipo de resultado falhou em rejeitar a hipótese nula.



7.7 O que não te contaram sobre inferência estatística

Conforme previamente exposto, introduzir o conceito de teste de significância de hipótese nula em uma linguagem que seja estatisticamente correta e, ao mesmo tempo, facilmente capturável por todos é uma tarefa que parece já nascer fracassada. Há farta literatura indicando isso. Cerca de 90% dos principais livros-texto em Psicologia apresentam conceitos equivocados sobre teste de hipóteses (Cassidy et al., 2019), o que também é frequente em escolas médicas [Ocaña-Riola (2016); Greenwood2015] e uma das justificativas da dificuldade em reproduzir ou replicar resultados previamente publicados (Motulsky, 2014).

É provável que tais entraves quase universais e já bem enraizados na docência de estatística aplicada ocorram também em outras áreas e, provavelmente, uma revisão crítica deste próprio texto tal como está apontaria limitações ou inadequações. Tendo essa condição como base, a listagem de tópicos a seguir visa,

ao menos, reduzir que algumas inconsistências sobre testes de hipóteses sejam mantidas ou reforçadas.

Condições metodológicas

- De acordo com a teoria Popperiana, uma teoria ou hipótese jamais podem ser provadas. Só é possível gerar evidências que a corroborem provisoriamente ou a rejeitem. Como diz Einstein “No amount of experimentation can ever prove me right, but a single experiment can prove me wrong”. Assim, nenhum resultado obtido em pesquisas deve ser visto como uma prova cabal ou perfeita de uma teoria.
- A hipótese nula não necessariamente é zero. É possível que ela defina outros valores. O termo *Nil* é usado para expressar H_0 quando ela é zero.
- O valor de P não pressupõe hipótese alternativa. Ele é uma medida de quão compatível são os dados assumindo a hipótese nula como verdadeira.
- A maioria dos testes inferenciais nada mais são do que modelos de regressão. As chamadas variações ou alternativas não-paramétricas tendem a ser modelos de regressão em dados ordenados.
- O valor de P depende exclusivamente da hipótese nula e pode ser representado tanto em sentido *possibilístico* ou, com restrições e muitas discussões acadêmicas, como uma probabilidade condicional.
- É necessário sempre checar os pressupostos dos modelos testados. Como diz Isaac Asimov, “Your assumptions are your windows on the world. Scrub them off every once in a while, or the light won’t come in.”
- Tem pouco ou nenhum sentido verificar a normalidade da variável dependente antes de performar um teste estatístico. A grande maioria dos testes estatísticos são versões reduzidas de modelos lineares. Assim, testar a normalidade da variável dependente não é um pressuposto de Teste T ou ANOVA. A normalidade desses modelos estatísticos é assumida para os resíduos.
- O Teorema Central do Limite e a Lei dos Grandes Números são fundamentais na teoria da inferência, mesmo que não tenham sido abordados diretamente aqui.
- Técnicas de bootstrapping e estatística robusta lidam bem com a violação de alguns pressupostos.
- Teste paramétrico não significa que a distribuição é normal, mas apenas que são caracterizados por uma família de distribuições indexada por um parâmetro. Nestes testes, o formato da distribuição dos dados é importante e eles visam estimar parâmetros (populacionais). O modelo exponencial ou de Poisson, por exemplo, são paramétricos.

- Testes não-paramétrico são melhores descritos como livres de distribuição, já que a distribuição dos dados não é uma preocupação de análise.

Condições históricas

- A proposta de uma tabela de confusão para equacionar o processo de tomada de decisão é uma mistura estranha entre as formas de entender os testes de significância de Ronald Fisher e o Teste de Hipóteses de Neyman e Pearson. Há um excelente capítulo intitulado *The Fisher, Neyman-Pearson and Jeffreys Views of Statistical Tests* indicando passagens históricas sobre a relação agressiva e conturbada entre eles (Lecoutre and Poitevineau, 2014).

Grandes debates

- A violação dos modelos estatísticos costuma ocorrer com relativa frequência em Psicologia. Há uma intensa discussão sobre as consequências disso, incluindo posicionamentos que sugerem que a crise de replicação é em função disso e posicionamentos que julgam que a violação dos pressupostos tem pouco ou nenhum impacto na maioria das vezes.
- Parece haver uma ênfase muito grande em verificar pressupostos de modelos compactos (Teste T), que não é acompanhada em modelos mais complexos.

7.8 Pesquisas adicionais

Como este capítulo apresentou tanto aspectos pragmáticos, como alguns eventos históricos sobre inferência estatística e testes de hipótese, seria possível listar inúmeras referências de qualidade como recursos adicionais. Entretanto, vou optar por apenas algumas obras que eu costumo acessar várias vezes para reler.

1. On some assumptions of the null hypothesis statistical testing (DOI: 10.1177/0013164416667979) Este é um trabalho de Alexandre Patriota que é uma referência na aplicação e docência em estatística. A discussão sobre valor de P como probabilidade condicional é importante e merece uma atenção.
2. Fisher, Neyman-Pearson or NHST? A tutorial for teaching data testing (DOI: 10.3389/fpsyg.2015.00223) Este é um trabalho interessante que oferece algumas estratégias de docência sobre testes de hipótese. Uma característica bastante positiva deste trabalho é sua diferenciação dos procedimentos do teste de significância de Fisher e o teste de hipóteses de Neyman-Pearson

3. Statistical tests, P values, confidence intervals, and power: a guide to misinterpretations (10.1007/s10654-016-0149-3) Este é um trabalho muito interessante que descreve as principais rotinas feitas em testes de hipóteses, mas também 25 equívocos frequentes que pesquisadores fazem ao interpretar os valores de P.

7.9 Questões

1. (Retirado de Business Statistics) Qual das sentenças é verdadeira? A hipótese nula não é testada. A hipótese alternativa é testada.b) A hipótese nula é testada. A hipótese alternativa não é testada.c) Ambas as hipóteses (nula e alternativa) são testadas.d) Ambas as hipóteses (nula e alternativa) não são testadas.e) Todas as opções.
2. (Retirado de TJ-MS, Técnico de Nível Superior - Estatístico). Teste de Hipótese compõe um conjunto de regras de decisão para aceitar ou rejeitar uma hipótese estatística com base em dados amostrais. A respeito do Teste de Hipótese, avalie as considerações a seguir.I. A hipótese utilizada como referência no teste é a hipótese nula, representada pela sigla H0.II. A construção da região crítica é feita sob a premissa de que a hipótese utilizada como referência é falsa.III. Ao se testar a hipótese utilizada como referência, está sujeito a cometer dois tipos de erros: rejeitar a hipótese quando ela é verdadeira, ou não rejeitar a hipótese quando ela é falsa.IV. Em caso de teste para diferença entre médias de duas populações normais, a hipótese alternativa assumira a igualdade entre as duas médias. V. Na construção da região crítica com teste bilateral, o nível de significância deve ser dividido entre as duas áreas de rejeição.
É CORRETO apenas o que se afirma em:a) I, III e V.B) II, III e V.C) I, II e III.D) III, IV e V.E) IV e V.
3. (Retirado de Business Statistics) O nível de significância é:a) A probabilidade mínima de rejeição da hipótese nula.b) A probabilidade máxima de rejeição da hipótese nula.c) A probabilidade mínima da rejeição da hipótese alternativa.d) A probabilidade máxima da rejeição da hipótese alternativa.e) Todas as opções.
4. (Retirado de Analista Estatística, CNMP, FCC, 2014) Com relação a testes de hipóteses estatísticas e denominando H0 como sendo a hipótese nula e H1 a hipótese alternativa, a definição de potência de um teste corresponde à probabilidade de:a) não rejeitar H0, quando H0 é verdadeira.b) não rejeitar H0, quando H0 é falsa.c) não rejeitar H0, independentemente de H0 ser falsa ou verdadeira.d) rejeitar H0, quando H0 é verdadeira.e) rejeitar H0, quando H0 é falsa.
5. (Retirado de Economista, Petrobras, CESGRANRIO, 2010) No caso de um teste estatístico clássico, com a hipótese nula H0 e a alternativa H1,

cometer o erro do tipo II consiste em:a) rejeitar H_0 , sendo H_0 verdadeiro.b)
aceitar H_0 , sendo H_0 falso.c) aceitar H_1 , sendo H_1 verdadeiro.d) rejeitar
 H_1 , sendo H_1 falso.e) aceitar H_0 e aceitar H_1 .

Gabarito: 1-b; 2-a; 3-b; 4-e; 5-b

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos.
Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 8

Um exemplo real de pesquisa

Objetivos do capítulo

1. Apresentar uma pesquisa previamente publicada
2. Discutir as principais características processuais de uma pesquisa
3. Apresentar a relação entre objetivo, delineamento e coleta de dados
4. Introduzir à forma de divulgação dos resultados

É particularmente difícil ter noção de todas as etapas envolvidas em uma pesquisa na ausência de uma apresentação concreta. Estudos reais, previamente conduzidos e publicados, tendem a fornecer uma base sólida que auxilia na integração dos aspectos conceituais e analíticos descritos no decorrer dos capítulos anteriores.

De maneira geral, uma pesquisa é composta por 3 macro etapas (Mayer, 2007). A primeira se inicia antes mesmo da realização da coleta de dados e é voltada à escolha do objeto ou fenômeno de interesse, bem como da definição dos objetivos, das principais perguntas e do delineamento. Com frequência, esta primeira macro etapa demanda muito tempo para escrita de um projeto e se encerra com a sua submissão a um Comitês de Ética em Pesquisa (CEPs), tal como a Plataforma Brasil.

A segunda macro etapa se relaciona com a execução da pesquisa. Nesta etapa, há processos que vão desde a coleta de dados até a escrita de um relatório formal, com resultados e discussões. Com frequência, a apresentação dos resultados a revistas científicas marca o fim desta segunda macro etapa.

Finalmente, a terceira macro etapa somente se inicia após a pesquisa ter sido

encerrada e é intrinsecamente marcada pela divulgação dos resultados por diferentes meios, incluindo mídias sociais.

Neste capítulo, a pesquisa intitulada “*A Longitudinal Study of Child Development in Children Enrolled in Brazilian Public Daycare Centers*” será apresentada. Ela foi publicada em 2018 e foi assinada por mim (Luis Anunciação), Jane Squires e J. Landeira-Fernandez. A publicação foi feita em formato de artigo, em que estão presentes as seguintes seções: (1) introdução, (2) método - participantes, procedimentos, instrumentos, análises, consentimento ético - (3) discussão e (4) conclusão.

Fim da versão gratuita

8.1 O que será pesquisado

A primeira etapa de toda pesquisa é a definição clara do fenômeno ou objeto a ser investigado. Essa etapa é fundamental e permitirá criar os objetivos, problemas e eventuais hipóteses de pesquisa.

É possível ter interesse em fenômenos variados e isso costuma ser atrelado à área do investigador. Por exemplo, físicos podem ter interesse em estudar a gravidade, enquanto sociólogos as torcidas organizadas e economistas a tomada de decisão. A principal característica para definição do fenômeno é a sua viabilidade de estudo através do método científico. Caso isso seja muito limitado ou inviável, mudanças deverão ser implementadas.

Após conseguir definir adequadamente o fenômeno, a maneira pela qual a pergunta será feita irá indicar o tipo ou nível da pesquisa, que poderá ser exploratória, descritiva ou explicativa, como previamente ilustrado no capítulo sobre aspectos gerais. Em síntese, pesquisas exploratórias não apresentam uma hipótese claramente definida, enquanto pesquisas descritivas tendem a investigar assuntos em que já um maior conhecimento científico e pesquisas explicativas formalmente se propõem a testar hipóteses. Em muitas pesquisas, há perguntas (ou objetivos) gerais ou primários e específicos ou secundários.

Na escrita de um trabalho científico, o objetivo, os problemas traçados e as eventuais hipóteses a ser testadas devem ser colocados ao fim da introdução.

Nesta pesquisa que está sendo utilizada como exemplo, o interesse foi avaliar aspectos do desenvolvimento infantil. O objetivo primário foi verificar qual era o padrão de desenvolvimento de crianças matriculadas em creches e pré-escolas, em uma pesquisa descritiva. De maneira secundária, testamos o efeito da idade e do sexo em alguns marcadores específicos do desenvolvimento.

[O Objetivo]

Fenômeno: Desenvolvimento infantil

Objetivo: Qual o padrão do desenvolvimento das crianças matriculadas em creches e pré-escolas?

Tipo: Pesquisa descritiva

Em um artigo, fim da Introdução

8.2 Como os dados serão coletados

Ao definir o fenômeno de interesse, bem como o objetivo e as principais perguntas e hipóteses, é necessário definir o delineamento. O delineamento e o objetivo da pesquisa são absolutamente relacionados, mas o primeiro irá caracterizar todo o processo de aquisição de dados, bem como as maneiras pelas quais as variáveis envolvidas serão controladas. É importante atentar que toda pesquisa precisa ser apreciada por um comitê de ética. Legalmente, os dados só podem ser coletados após a aprovação da pesquisa e concordância e assinatura de cada um dos participantes ao Termo de Consentimento Livre e Esclarecido (TCLE).

Em um manuscrito, aspectos do delineamento costumam ser apresentados na seção intitulada “Método”, nas subseções “Procedimento” e “Instrumentos”.

Nesta pesquisa de exemplo, os dados foram coletados a partir de escalas psicológicas de auto/heterorrelato. Essas escalas já haviam sido intensamente estudadas e houve também uma intensa capacitação entre todos os envolvidos na etapa da coleta de dados.

[Como os dados foram coletados?]

Instrumentos: Escala de autorrelato (ASQ-3)

Procedimento: Inicialmente, um treino foi realizado visando capacitar os respondentes

Delineamento: Observacional, Correlacional

Em um artigo, seção *Procedimento e Instrumentos*

8.3 De onde os dados vêm

Na maioria das pesquisas feitas em Psicologia, a amostra é formada por seres humanos. Como é muito difícil conseguir fazer uma pesquisa que conte cole toda a população de interesse, é necessário definir claramente como o processo de amostragem será realizado.

A amostragem é a área da estatística que se ocupa ao estudo das diferentes formas de obter amostras ou subconjuntos de um conjunto maior. Existem técnicas probabilísticas e não-probabilísticas para composição da amostra e cada uma delas tem pontos positivos e possíveis limitações.

Apesar de frequentemente ignorada em Psicologia, existem duas condições absolutamente vitais na definição da técnica de amostragem. Primeiro, por via de regra, as análises estatísticas assumem que os dados vieram de uma amostra aleatória. Segundo, a capacidade de generalizar os resultados obtidos em uma pesquisa, ou seja, a validade externa, é intrinsecamente dependente do tipo de amostragem utilizado.

Em um manuscrito, os voluntários amostrados e seu relacionamento com a população de onde eles foram retirados tendem a ser apresentados na seção Participantes.

Esta pesquisa apresentada contou com uma amostra por conveniência, o que significa que os participantes foram selecionados de maneira não-probabilística em que aspectos de acesso e contato foram predominantes.

[De onde os dados vieram?]

Amostra: Crianças matriculadas em creches públicas e pré-escolas

População: Todas as crianças matriculadas em creches públicas e pré-escolas

Amostragem: Não-probabilística, conveniência

Em um artigo, seção *Participantes*

8.4 As análises

As análises estatísticas fazem a interface entre modelos científicos e modelos probabilísticos e fazem fronteira entre a pergunta que o pesquisador fez e as respostas que os dados podem possibilitar. Todos os resultados obtidos na uma pesquisa depende do conjunto de análises feitas. Caso elas sejam alteradas, os resultados também tendem a ser diferentes.

As análises apresentam pressupostos tanto para sua execução, como para interpretação dos resultados. Dessa maneira, a principal característica das análises estatísticas é a adequação de seus pressupostos. Antes da interpretação de qualquer resultado, é necessário realizar uma etapa de diagnóstico dos modelos estatísticos.

Em manuscrito, as análises são apresentadas na seção Análise estatística de dados. Por sua vez, os resultados são apresentados em uma seção com o mesmo nome.

Nessa pesquisa, modelos lineares foram desenvolvidos para verificar o desenvolvimento infantil, bem como testar o possível efeito da idade e do sexo no desenvolvimento de algumas características.

[Quais foram as análises?]

Pergunta da pesquisa: Qual o padrão do desenvolvimento das crianças matriculadas em creches e pré-escolas?

Análise estatística: Modelo de regressão para medidas repetidas

Em um artigo, seção *Análises*

8.5 Os achados

Por via de regra, uma pesquisa é feita para responder à uma pergunta. Essas respostas tendem a ser listadas na seção intitulada “Resultados” e precisam ser discutidas. Essa discussão é fundamental não apenas para revisitar as motivações que desencadearam a pesquisa, mas também para apresentar se o objetivo do trabalho foi alcançado e se as hipóteses estipuladas puderam ser testadas. É importante lembrar que a inferência estatística não testa diretamente a hipótese do pesquisador e, portanto, termos como “foi provado” devem ser evitados.

Em um manuscrito, a seção intitulada “Discussão” é utilizada para contextualizar todos os resultados e discuti-los.

Nesta pesquisa, foi possível verificar que as crianças matriculadas em creches e pré-escolas estavam se desenvolvendo de acordo com o esperado para sua faixa etária. Este achado foi especialmente importante, uma vez que parte considerável dessas crianças estava inserida em locais com uma grande fragilidade e vulnerabilidade social.

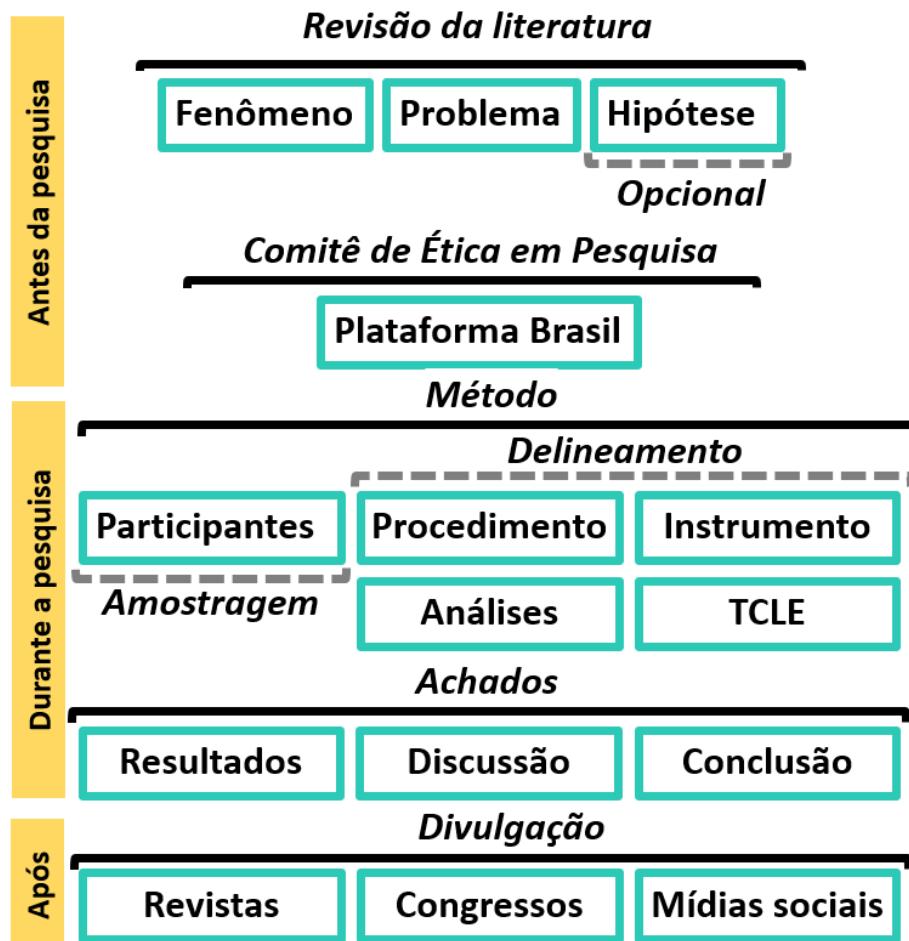
8.6 Divulgação do estudo

A divulgação de um estudo científico é tão importante (e as vezes mais difícil) quanto seu planejamento e execução. É pela publicização do trabalho que os achados se tornam acessíveis a outros profissionais e acadêmicos. O primeiro local em que a divulgação ocorre é na própria revista em que a pesquisa foi

publicada. Trabalhos de acesso livre e gratuito (*open access*) tendem a ser mais visualizados do que aqueles pagos. Apresentação dos resultados em congressos, simpósios costuma ser bastante benéfico e, finalmente, as mídias sociais tem se mostrado um terreno bastante promissor para divulgação dos resultados.

8.7 Fluxograma

A imagem a seguir visa sumarizar as etapas apresentadas.



8.8 Resumo

1. A pesquisa é um processo mais amplo do que apenas a coleta e a análise de dados
2. O planejamento contempla aspectos relacionados à amostragem, delineamento e análise
3. A divulgação dos resultados é uma etapa fundamental e, eventualmente, tão difícil quanto à execução da pesquisa

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 9

Qui quadrado

Objetivos do capítulo

1. Apresentar o teste Qui-quadrado
2. Diferenciar o Qui-quadrado de aderência, homogeneidade e independência
3. Realizar gráficos relacionados à distribuição de porcentagens
4. Apresentar e interpretar métricas de tamanho do efeito
5. Dar exemplos relacionados à escrita dos resultados

O Teste Qui-quadrado é um teste não-paramétrico utilizado, basicamente, para três finalidades específicas, que são:

- (1) verificar as distribuições de probabilidades de cada categoria de uma variável em relação a um valor teórico esperado (aderência),
- (2) verificar se as distribuições das categorias são as mesmas para diferentes subpopulações de interesse (homogeneidade) e
- (3) verificar se duas variáveis categóricas são independentes (independência).

Apesar das diferenças em relação às perguntas de pesquisa, o sistema matemático é o mesmo:

$$\chi^2 = \sum_{k=1}^n \frac{(O_k - E_k)^2}{E_k}$$

onde:

K se refere a quantidade de classes

O é o valor observado de uma determinada classe

E é o valor esperado desta classe

Pela fórmula, é possível deduzir que quanto maior for a discrepância entre as frequências observadas empiricamente (O) e as frequências esperadas (E), maior

será a estatística de teste e, consequentemente, menor será o valor de P. Finalmente, é também possível entender o Qui-quadrado como um caso particular de uma regressão logística, o que será abordado em outro capítulo.

Se assume os seguintes pressupostos funcionais à execução de um Qui-quadrado:

- (i) Os dados são aleatórios e representativos da população
- (ii) as variáveis analisadas são categóricas (e.g., sexo, nível de escolaridade, grau de uma doença)
- (iii) Todas as frequências esperadas são maiores ou iguais a 1
- (iv) No máximo, apenas 20% das frequências esperadas são inferiores a 5.

A tabela abaixo descreve as condições de análise, com exemplos ilustrativos:

Versão do teste	Variáveis	Exemplo
Aderência (<i>Goodness of fit</i>)	1 categórica	-Verificar se a proporção de caras e coroas é de 50% cada -Verificar se a proporção das cores de chocolates M&M são aderentes ao que a empresa afirma
Homogeneidade	2 categóricas	-Verificar se a proporção de homens e mulheres que gostam de uma marca de celular é similar-Testar se o uso de anabolizante é homogêneo em atletas de diferentes modalidades esportivas
Independência	2 categóricas	-Verificar se o sexo e a escolha do curso de graduação são independentes-Testar se classe social e local de interesse para uma viagem são independentes

Nota: O Qui-quadrado de aderência também é chamado de “qualidade do ajuste” ou “bondade”. Estas são traduções tipicamente feitas para “goodness of fit”. Como todas as análises são realizadas de uma maneira virtualmente idêntica, essas distinções são mais teóricas do que práticas. O Qui-quadrado de aderência tem uma proposta parecida com a ANOVA de uma via.

Apesar de colateral à esta apresentação, o teste Qui-quadrado tem uma curiosidade que remonta o seu desenvolvimento e explica parte da desavença que Pearson tinha com Fisher. As primeiras publicações do Qui-quadrado ocorreram em 1900 e 1904 por Karl Pearson (Pearson, 1900). Ronald Fisher detectou um erro no cálculo dos graus de liberdade e rapidamente divulgou isso, o que gerou um enorme descontentamento de Pearson (Baird, 1983).

Fim da versão gratuita

9.1 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Base R TDAH Arruda.Rdata

Base JASP: Base CSV - Base CSV - ADHD 2020 after processing

Neste capítulo, vamos utilizar a pesquisa intitulada “Parent-reported diagnosis of Attention Deficit Hyperactivity Disorder and psychostimulant use among children and adolescents: a population-based nationwide study”, que está em avaliação pela revista “Social Psychiatry and Psychiatric Epidemiology (SPPE)”. Neste trabalho, tivemos o objetivo de verificar aspectos epidemiológicos do Transtorno do Déficit de Atenção com Hiperatividade (TDAH) em uma amostra representativa de crianças e adolescentes brasileiros, bem como explorar eventuais associações entre o sexo do participante e o diagnóstico de TDAH.

Neste momento, vamos seguir apenas com o Qui-quadrado de independência, que foi o utilizado neste artigo. Como exposto no decorrer de outros capítulos, o teste de hipóteses começa pela formulação conceitual das hipóteses. Apesar de ser possível estipular H_0 e H_a a partir de equações específicas, a apresentação será textual/substantiva.

$$H_0 : \text{Não há associação entre sexo e TDAH}$$

$$H_a : \text{Há associação entre sexo e TDAH} \alpha = 0.05$$

Atenção: Com frequência, testes de hipóteses são divididos naqueles que verificam “associação” entre variáveis e naqueles que verificam “diferenças” entre grupos. Conceitualmente, o Qui-quadrado investiga associação entre variáveis, mesmo que sua formulação matemática seja feita computando a diferença entre o valor observado e o valor esperado. A apresentação das hipóteses de forma apenas textual visou também evitar possíveis confusões.

9.2 Execução no R

Inicialmente, é necessário carregar a base para o R. Em seguida, a apresentação de tabelas e gráficos é fundamental antes da realização formal do teste de hipótese e deve ser feita. Para apresentar o relacionamento entre ambas as variáveis, a tabela de contingência é adequada. O pacote `descr` é um bom recurso para esta apresentação.

Apesar do Qui-quadrado não estipular uma VI e uma VD, quase sempre as linhas são utilizadas para apresentar a variável de maior interesse (neste caso, sexo) e as colunas para indicar o critério ou o eventual desfecho (neste caso, ter ou não TDAH).

A porcentagem nas linhas e o valor esperado (em caso de independência entre as variáveis) auxiliam bastante na descrição dos resultados.

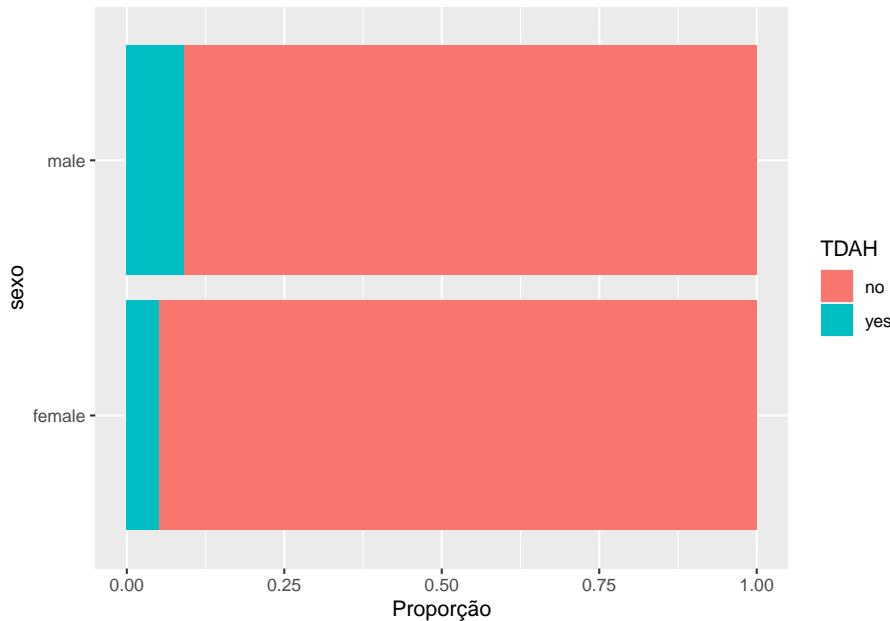
```
descr::CrossTable(ds_selected$sex_male,ds_selected$adhd_parent,
                  expected = T, prop.c = F, prop.chisq = F, prop.t = F) %>%
  pander::pander()
```

		ds_selected\$adhd_parent		Total
		no	yes	
		female	male	
	N	3379	183	3562
	Expected N	3309.1451	252.8549	50.0703%
	Row(%)	94.8624%	5.1376%	
	male			
	N	3230	322	3552
	Expected N	3299.8549	252.1451	49.9297%
	Row(%)	90.9347%	9.0653%	
	Total	6609	505	7114

É possível verificar que existe uma discrepância entre os valores esperados e observados, em que o diagnóstico parece estar mais presente em meninos do que em meninas. No entanto, essas observações são apenas iniciais.

Em seguida, a criação de um gráfico de barras oferece um bom recurso para visualizar os dados. Repare que a barra azul, que representa a porcentagem de TDAH, parece se comportar de maneira diferente nos grupos, o que também havia sido detectado na tabela anterior.

```
ggplot(ds_selected, aes(x= sex_male, fill = adhd_parent)) +
  geom_bar(position = "fill") +
  coord_flip() +
  labs(x = "sexo", y = "Proporção", fill = "TDAH")
```



Com isto feito, é possível proceder ao cálculo do Qui-quadrado, tal como feito a seguir.

```
descr::CrossTable(ds_selected$sex_male,ds_selected$adhd_parent, chisq = T)$CST %>%
  pander::pander()
```

Table 9.3: Pearson's Chi-squared test: **tab**

Test statistic	df	P value
41.6	1	1.117e-10 * * *

Os resultados deixam claro que é possível rejeitar a hipótese nula, uma vez que o valor de P é menor do que o nível de significância previamente estipulado (0.05). Isso sugere que existe uma associação entre o sexo do participante e o diagnóstico de TDAH.

Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

No teste Qui-quadrado, os principais pressupostos a ser investigados são:
 Inexistência de células com valores esperados iguais a 0 e
 No máximo 20% dos valores esperados serem inferiores a 5.

Ambos podem ser checados na tabela exposta anteriormente e foram atendidos.

Eventualmente, quando os pressupostos são violados, há sugestão de fazer correções nos resultados, implementar técnicas de bootstrapping e contar com outros testes, especialmente os que não pedem que os valores esperados sejam grandes (Fisher's Exact Test, por exemplo) (Campbell, 2007). Eventualmente, colapsar categorias é uma prática comum, apesar de receber críticas da literatura.

9.3 Tamanho do efeito

Como apresentado no decorrer dos outros capítulos, os valores de P quase nunca são informativos sobre a relevância dos resultados. Por sua vez, o tamanho do efeito é uma medida objetiva e padronizada sobre um efeito observado e, com isso, é mais atrelada à importância da descoberta na pesquisa.

O tamanho do efeito mais utilizado no ambiente das análises de Qui-quadrado é o V de Cramer. Esta estatística gera valores 0-1 e é dada da seguinte maneira:

$$V = \sqrt{\frac{\chi^2}{n * df}}$$

Em que:

χ^2 = valor do Qui quadrado obtido

n = tamanho da amostra

df menor valor entre (Linhas - 1) ou (Colunas - 1) da tabela de contingências

A função `CramerV` do pacote `rcompanion` gera esses resultados.

```
rcompanion::cramerV(ds_selected$sex_male,ds_selected$adhd_parent)
```

```
## Cramer V
## 0.07647
```

A interpretação é baseada nos graus de liberdade do Qui-quadrado e é feita da seguinte maneira:

	Graus de liberdade	Pequeno	Médio	Grande
1*	0.1	0.3	0.5	
2	0.07	0.21	0.35	
3	0.06	0.17	0.29	

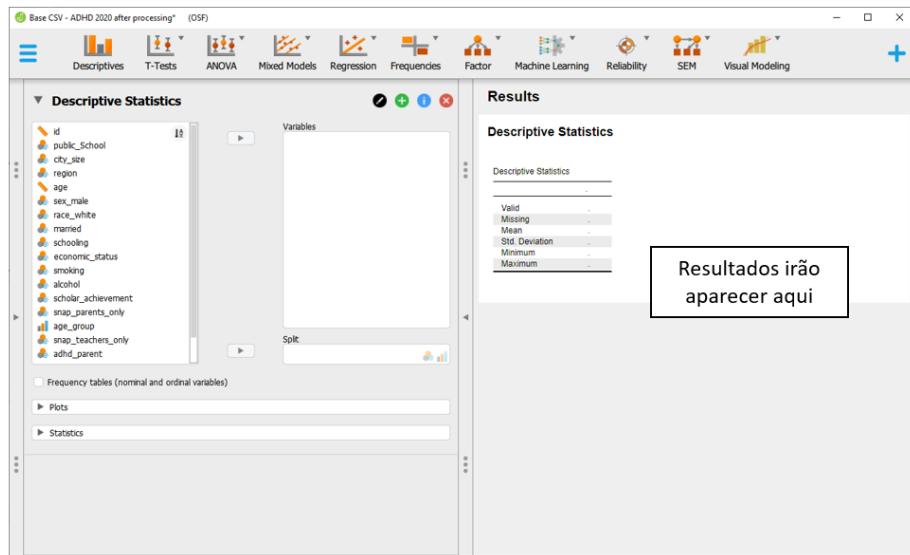
Nota: Na maioria das vezes, o Teste Qui-quadrado conta com tabelas 2x2, o que gera 1 grau de liberdade. Assim, essa é a interpretação mais utilizada na literatura.

9.4 Execução no JASP

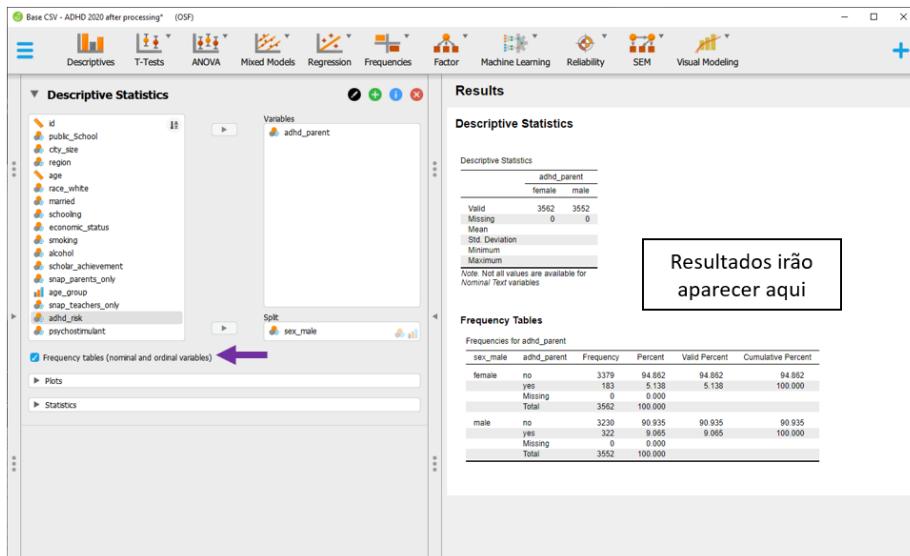
Para executar as rotinas no JASP, será necessário carregar a base para o programa. Com os dados devidamente importados para o programa, a apresentação de tabelas e gráficos auxiliam o pesquisador a verificar padrões diferentes nos dados. Para executar isso, é necessário acessar a seção **Descriptives**:

	id	public_School	city_size	region	age	sex_male	race_white	married	schooling	economic_status	smoking	alcohol
1	1	public	medium	NE	9	female	other	married	primary	DÉ	no	no
2	2	public	medium	NE	9	male	white	married	high_or_above	AB	no	no
3	3	public	medium	NE	8	male	other	divorced	high_or_above	C	no	no
4	4	public	medium	NE	12	male	other	married	literacy	C	no	no
5	5	public	big	NE	9	male	white	married	primary	DÉ	no	no
6	6	public	big	NE	10	female	other	married	primary	AB	no	yes
7	7	public	medium	NE	8	male	white	married	high_or_above	C	no	yes
8	8	public	big	NE	10	male	other	married	primary	AB	no	no
9	9	public	medium	NO	12	female	white	married	high_or_above	AB	no	no
10	10	public	medium	NE	9	female	other	married	high_or_above	AB	no	no
11	11	private	medium	NE	5	male	white	married	high_or_above	AB	no	no
12	12	public	medium	NE	11	female	white	divorced	primary	C	no	no
13	13	public	big	NE	10	male	white	divorced	high_or_above	C	no	no
14	14	public	medium	NO	14	female	white	divorced	high_or_above	C	no	no
15	15	public	big	NE	10	female	other	married	primary	C	no	no
16	16	public	big	NE	9	female	other	married	primary	C	no	no
17	17	public	big	NE	11	male	other	married	primary	C	no	no
18	18	public	big	NE	10	male		married	primary	C	no	no
19	19	public	medium	NE	8	female		married	primary	C	no	no
20	20	public	big	NE	9	female	other	married	primary	C	no	no
21	21	public	medium	NE	8	female	white	married	primary	C	no	no
22	22	public	big	NE	9	female	white	married	primary	C	no	no

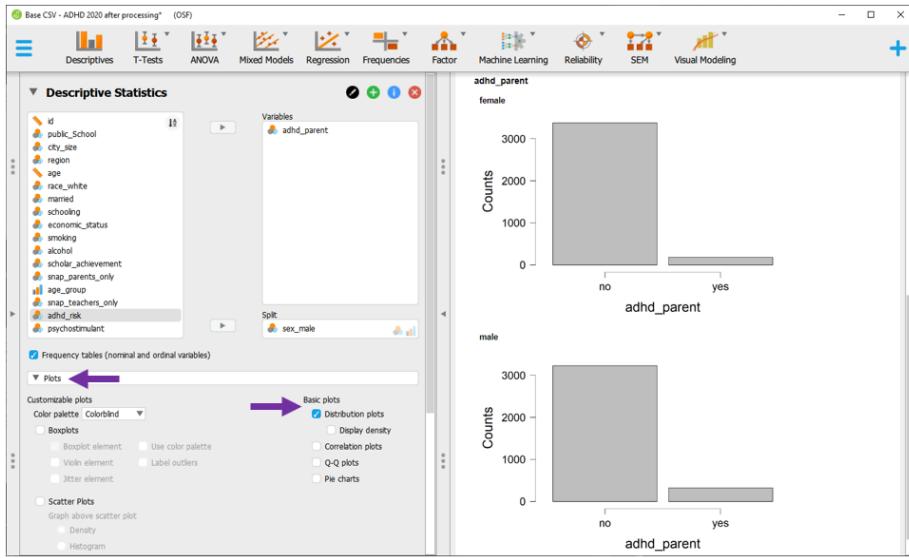
Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadoras. Apesar do Qui-quadrado não trabalhar com os conceitos de VI e VD, na prática, a lista **Variables** irá reunir a possível variável dependente, enquanto a possível variável independente será colocada na seção **Split**. É importante atentar à opção **Frequency tables (nominal and ordinal)**, que deve ser marcada quando o nível de medida da variável de interesse for nominal ou ordinal.



É necessário inserir a variável sex_male para Split e a variável adhd_parent para Variables. Para tabela ser apresentada corretamente, deve-se selecionar a opção Frequency tables.

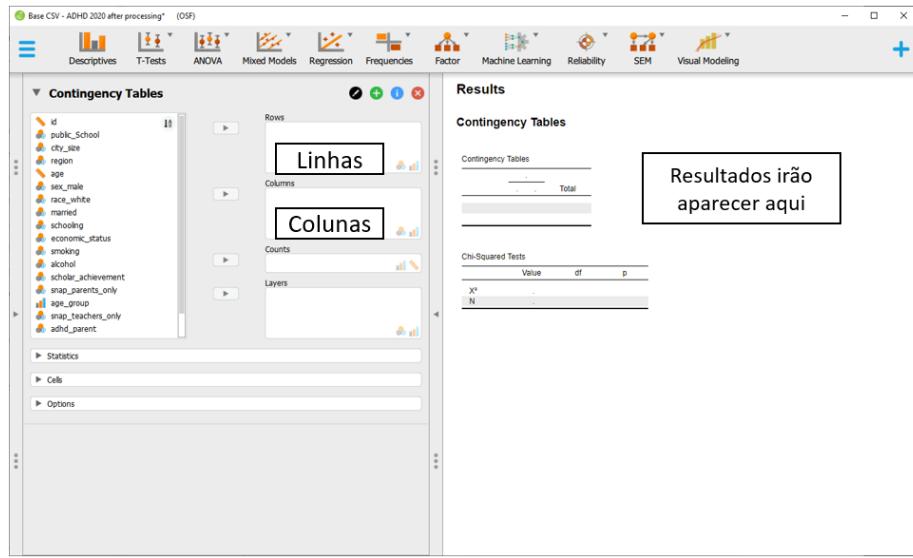


O gráfico de barras pode ser acessado clicando na opção Plots e, em seguida, Distribution plots, em Basic plots. Esse resultado é um recurso a mais para sondar os dados.

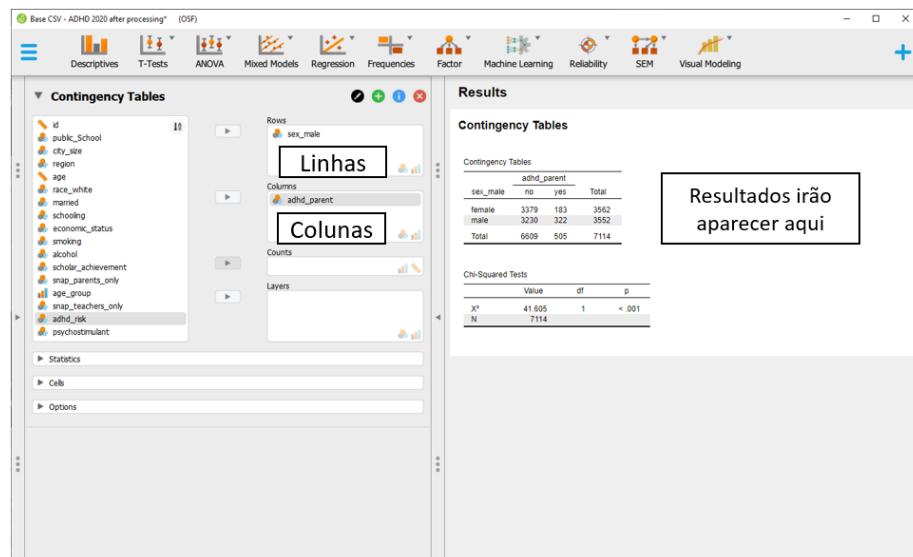


Para execução do Qui-quadrado (de associação), a tabela de contingência deve ser feita. Isso é realizado ao clicar em **Frequencies** e, em seguida, **Contingency tables**.

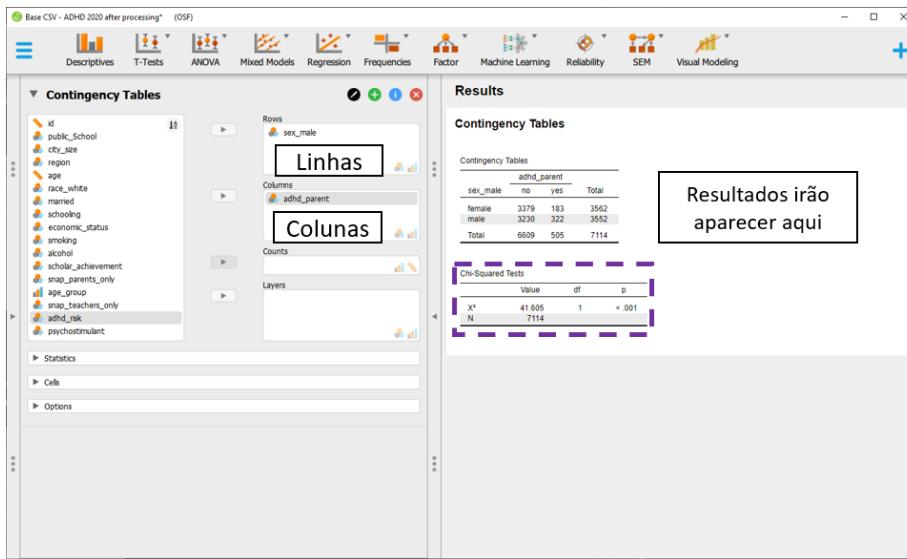
Nesta seção, será necessário indicar a variável que irá nas linhas e nas colunas. Apesar do Qui-quadrado não trabalhar com os conceitos de VI e VD, quase sempre se utiliza as linhas para inserir a variável que é, teoricamente, a VI, enquanto a VD teórica é inserida na parte colunas.



Ao inserir a variável sexo para as linhas e a variável diagnóstico para as colunas, a tabela de contingência será novamente feita e o Qui-quadrado será automaticamente calculado.

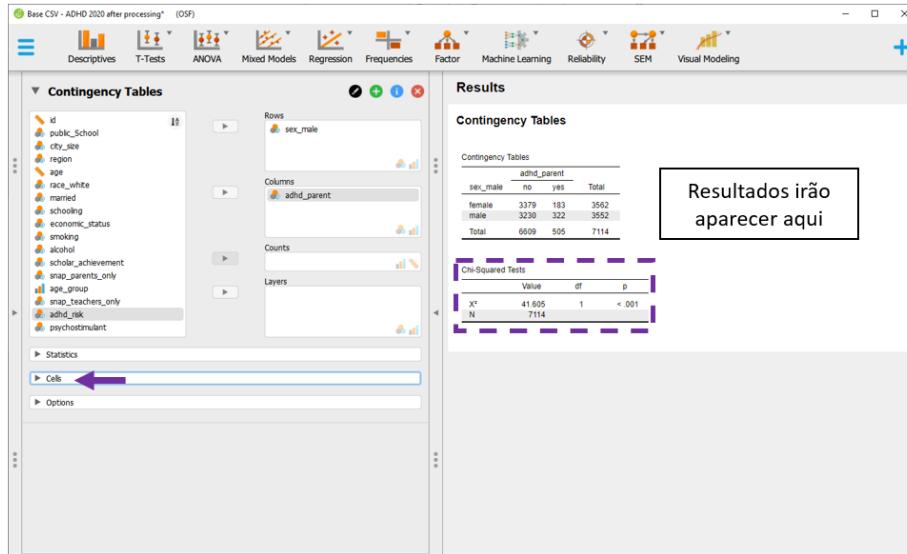


Os resultados inferenciais de interesse estão na parte inferior da apresentação e são os mesmos obtidos na etapa de execução com o R. A estatística Qui-quadrado foi 41.6, com 1 grau de liberdade e $p < 0.001$. Estes valores estão dispostos no retângulo roxo na imagem a seguir e podem ser, inicialmente, interpretados.



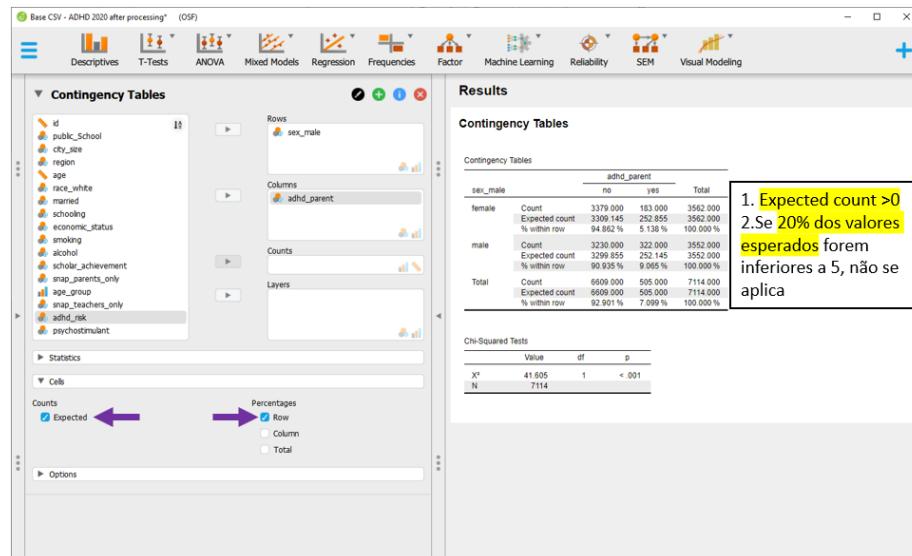
Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

A validade dos resultados depende dos pressupostos. Além disso, o tamanho do efeito precisa ser calculado para indicar a relevância dos achados. Para verificar se existem células cujos valores esperados sejam iguais a 0 e se no máximo 20% dos valores esperados são inferiores a 5, é necessário clicar em Cells.

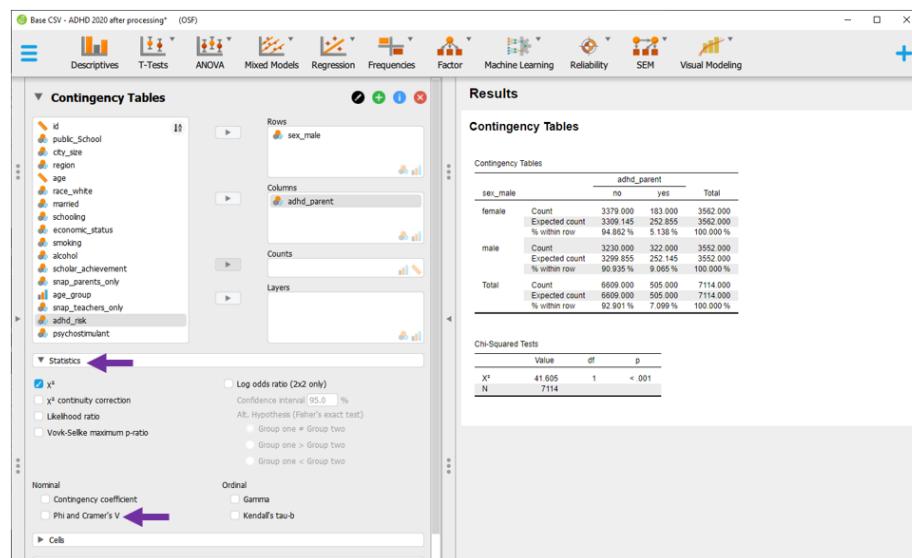


Há dois blocos específicos, Counts e Percentages. Em Counts, é necessário

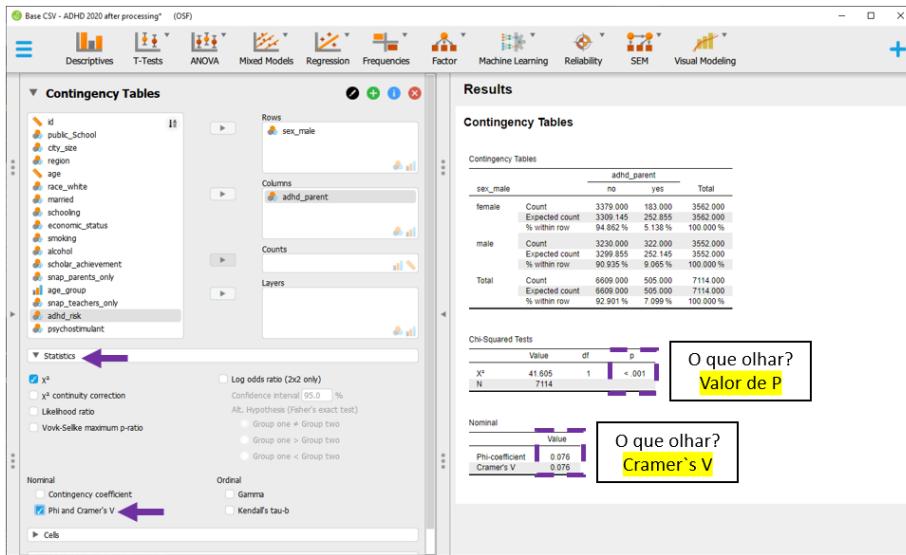
selecionar **Expected**. Em **Percentages**, é necessário selecionar **Row**. Com isso feito, os resultados poderão ser melhor analisados.



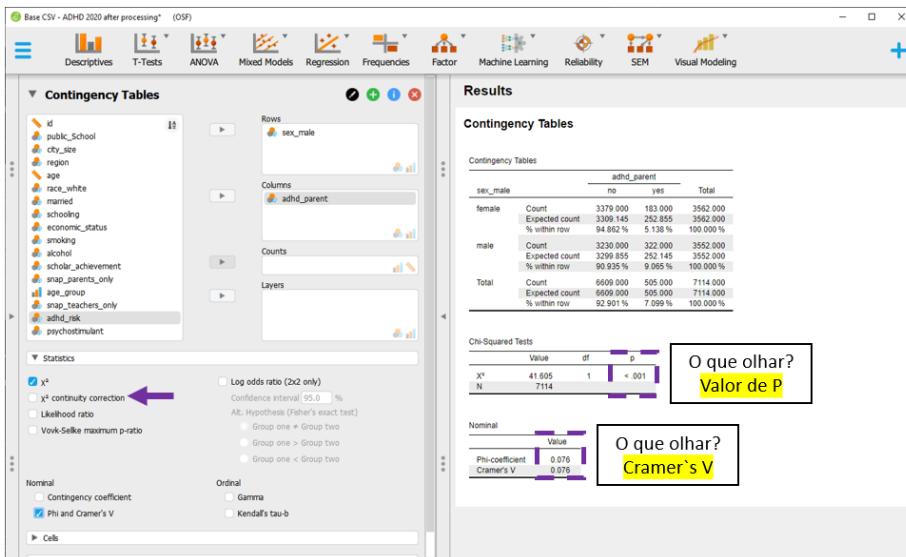
Para adicionar a medida de tamanho de efeito, é necessário ir em **Statistics** e, em seguida, clicar em **Cramer's V**.



Após estas etapas realizadas, é possível analisar integralmente os resultados, em que o valor de P e o tamanho do efeito podem ser interpretados.



Caso os pressupostos tenham sido violados, o JASP oferece algumas saídas, tal como a correção de Yates.



9.5 Escrita dos resultados

O principal achado desta pesquisa é que há uma associação entre o sexo da criança (masculino e feminino) e o diagnóstico de TDAH. Esta evidência já é bastante consolidada na literatura psicológica e biomédica. Abaixo uma sugestão

de escrita baseada nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

A associação entre o sexo do participante e sua condição clínica (ter ou não TDAH) foi investigada por um Teste Qui-quadrado de independência. Os resultados indicaram que ambas as variáveis são associadas ($\chi^2(1) = 41.605$, $p < 0.01$). O tamanho do efeito foi calculado pelo V de Cramer, que se mostrou pequeno 0.07.

9.6 Resumo

1. O Qui-quadrado pode ser utilizado para um conjunto de análises realizadas em variáveis categóricas.
2. Apesar de diferenças conceituais, o formato matemático é o mesmo.
3. O tamanho do efeito apresenta interpretações que podem variar em função dos graus de liberdade.

9.7 Pesquisas adicionais

1. Are Attitudes Towards Smoking Different for Males and Females? (DOI: 10.1136/tc.2.3.201)
Nesta pesquisa, cerca de 19378 participantes que eram fumantes, ex-fumantes ou que não fumavam indicavam se concordavam que o fumo poderia provocar doenças. Os resultados indicaram que houve uma associação significativa entre o perfil de consumo de cigarro e a concordância com a afirmativa. Apesar da maioria ter responder afirmativamente que hábitos de fumo podem gerar doenças, a quantidade de participantes fumantes que concordaram com isso foi significativamente menor do que a esperada.
2. The Gender Gap in STEM Fields: The Impact of the Gender Stereotype of Math and Science on Secondary Students' Career Aspirations (DOI: 10.3389/feduc.2019.00060) Neste estudo, 1364 estudantes do ensino médio (na Suíça) responderam sobre suas aspirações para o curso de graduação. Houve uma associação significativa entre o sexo do participante seu interesse por áreas de ciências e tecnologia. A frequência de mulheres interessadas na área foi menor do que a esperada, enquanto a frequência dos homens foi superior à esperada.

3. Intrinsic honesty and the prevalence of rule violations across societies (DOI: 10.1038/nature17160) Nesta pesquisa, 2568 participantes de diferentes países participaram de uma atividade que consistia em jogar um dado dentro de um copo e falar o número que saiu para o pesquisador. Apenas o participante poderia ver o número e não havia nenhuma forma do pesquisador conferir se o número falado pelo participante era o número que, de fato, havia saído. Por características probabilísticas, se espera que cada uma das faces do dado seja igualmente selecionada. Assim, a ocorrência de uma alta proporção de valores altos indicaria desonestade. O Qui-quadrado utilizado foi o de aderência.

9.8 Questões

1. (Retirado de Analista Judiciário Estatística, TJ ES, CESPE, 2010) No teste qui-quadrado para aderência, a estatística de teste baseia-se na comparação entre o número observado e o número esperado de elementos em cada categoria. Nesse caso, sob a hipótese nula, a estatística desse teste segue aproximadamente uma distribuição qui-quadrado, desde que o número esperado de elementos em cada categoria seja suficientemente grande.a) Certo.b) Errado.
2. (Retirado de ANAC, Especialista em Regulação de Aviação Civil, CESPE, 2012) A diferença entre um teste qui-quadrado para a associação entre dois fatores e um teste qui-quadrado para a homogeneidade (das respostas de um fator em função de outro fator) é que, no primeiro, a estatística do teste é calculada supondo a independência entre os fatores, enquanto, no segundo, essa suposição não é necessária.a) Certo.b) Errado.

Gabarito: 1-a; 2-b

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 10

Fatores de Risco

Objetivos do capítulo

1. Apresentar o conceito de fatores de risco
2. Introduzir o Risco Atribuível, Risco Relativo e *Odds Ratio*

GLOSSÁRIO

Epidemiologia: Área que estuda a distribuição das doenças ou dos agravos à saúde na população e os seus fatores determinantes.

Prevalência: Fração de um grupo de pessoas que possuem determinada condição clínica em um momento específico do tempo. É uma fotografia.

Incidência: Fração de um grupo que inicialmente não apresenta uma doença e a desenvolve após algum tempo. Dessa maneira, refere-se aos novos casos da condição clínica.

Risco: Possibilidade da ocorrência de eventos adversos, tais como doenças ou transtornos.

Fatores de risco é um termo amplo e muito utilizado em epidemiologia e bioestatística para apresentar algumas medidas estatísticas que verificam a associação entre situação de exposição, contextuais, psicológicas ou atitudinais e possíveis desfechos clínicos (Wagner and Callegari-Jacques, 1998). Nessas medidas, as condições de exposição formam as variáveis independentes, enquanto o desfecho forma a variável dependente. Os resultados obtidos por tais medidas indicam a força e a direção da associação entre as variáveis e são consideradas tamanho do efeito.

Com muita frequência, o desfecho de interesse é relacionado tanto à apresentação ou desenvolvimento de uma doença específica, como a ter risco de vir apresentá-la ou desenvolvê-la.

Quando os fatores de risco lidam com variáveis categóricas, eles tem uma proximidade grande do teste Qui-quadrado, que também costuma ser utilizado para

testar a significância estatística dos resultados. Quando há variáveis contínuas envolvidas, seus resultados podem ser alcançados por modelos de regressão logística (DeMaris, 1995).

Entre as principais medidas utilizadas para estimar fatores de risco estão o Risco Atribuível ou Diferença de Riscos (RA), Risco Relativo ou Razão de Riscos (RR) e *Odds Ratio* ou Razão de Chances (OR). Estas medidas costumam ser calculadas em função do delineamento de pesquisa. Estudos de coorte costumam contar com o Risco Relativo, estudos caso-controle, contam com o *Odds Ratio* e estudos observacionais transversais tendem a adotar uma medida de razão de prevalência (Battisti and da Silva Smolski, 2019).

Essas medidas costumam ser descritas por uma tabela de contingência, tal como a seguir:

		Desfecho (Doença ou transtorno)		
		Desfecho presente	Desfecho ausente	
Exposição Condição (...)	Foi exposto	(a)	(b)	Todos os expostos
	Não foi exposto	(c)	(d)	Todos os não expostos
		Todos os doentes a+c	Todos os não doentes b+d	Todos a+b+c+d

Nessa tabela, as linhas marcam condições que (quase sempre) podem ser controladas pelo pesquisador, tal como a exposição dos participantes à um fator específico ou a seleção intencional dos participantes. Por sua vez, as colunas indicam os desfechos que, com muita frequência, são formados por uma doença ou algum transtorno mental.

Apesar dessa apresentação tabular ser a mais frequente, é possível encontrar alguns autores que recomendam inverter as linhas e as colunas (Schoenbach, 2000). No entanto, a maioria dos pacotes estatísticos solicita que a tabela seja criada desta forma para que os resultados possam ser corretamente calculados.

As características da principais medidas estão expostas a seguir:

Risco Atribuível (RA) (ou Diferença de Riscos)	
Definição	Verifica o excesso da ocorrência do desfecho entre os expostos em comparação aos não-expostos
Onde se usa	Estudos de incidência (longitudinais). Ex: Estudo de coorte.
Interpretação	Medida absoluta, se 0 não há diferença. Valores acima de 1 são fatores de risco. valores abaixo de 1 são fatores de proteção
Fórmula	$RA = I_{expostos} - I_{não\ expostos} = \frac{a}{(a+b)} - \frac{b}{(b+c)}$

Risco Relativo (RR) (ou Razão de Riscos)	
Definição	Verifica quantas vezes a ocorrência do desfecho entre os expostos difere em comparação aos não-expostos
Onde se usa	Estudos de incidência (longitudinais). Ex: Estudo de coorte.
Interpretação	Medida relativa, se 1 não há diferença. Valores acima de 1 são fatores de risco. valores abaixo de 1 são fatores de proteção
Fórmula	$RR = \frac{I_{expostos}}{I_{não\ expostos}} = \frac{a/(a+b)}{b/(b+c)}$
Nota	Em estudos transversais, a medida Razão de Prevalência é utilizada, mas o cálculo é similar.

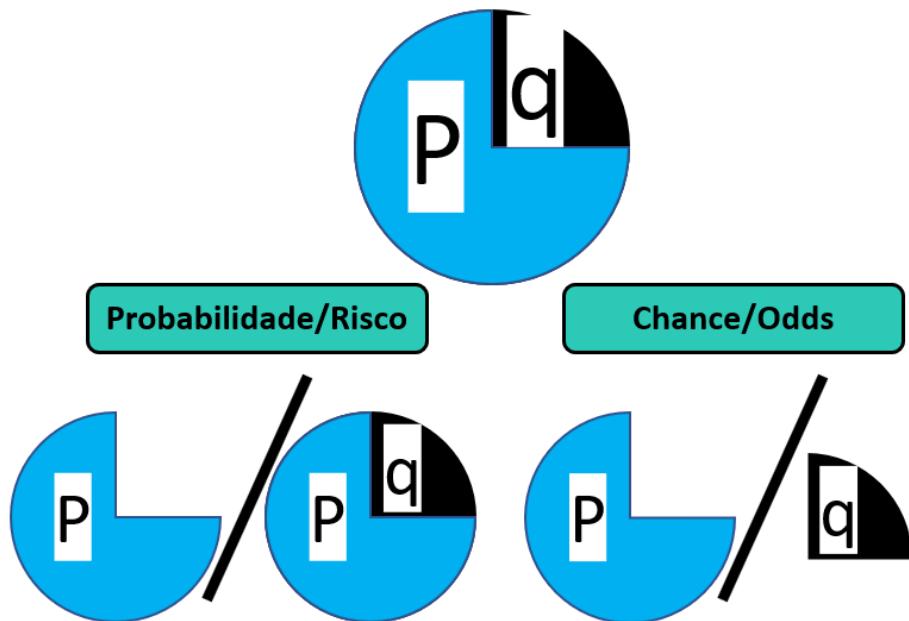
Odds Ratio (OR) (ou Razão de Chances)	
Definição	Verifica a chance de de ter sido exposto a um determinado fator entre aqueles que apresentaram um desfecho
Onde se usa	comparação aos que não apresentaram o desfecho Estudos de prevalência (tranversais). Ex: Cross-secional e caso-controle
Interpretação	Medida relativa, se 1 não há diferença. Valores acima de 1 são fatores de risco. valores abaixo de 1 são fatores de proteção
Fórmula	$OR = \frac{a/b}{b/c} = \frac{a*c}{b*d}$

Odds Ratio (OR)(ou Razão de
Chances)

Nota

O cálculo do OR é adequado para estudos do tipo caso-controle, em que se começa com o desfecho e, em seguida, verifica-se possíveis fatores. No entanto, como essa medida é facilmente obtida em modelos de regressão logística, ela é muito utilizada em grande parte dos estudos epidemiológicos.

É importante distinguir o conceito de risco e chance. Risco é análogo à probabilidade, ou seja, uma razão entre uma parte contra o todo. Por sua vez, a chance é uma razão em que o numerador é uma probabilidade e o denominador é seu complemento. A figura a seguir ilustra essa diferença.



Fim da versão gratuita

10.1 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Base R TDAH Arruda.Rdata

Base JASP: Base CSV - Base CSV - ADHD 2020 after processing

Neste capítulo, vamos utilizar a pesquisa intitulada “Parent-reported diagnosis of Attention Deficit Hyperactivity Disorder and psychostimulant use among children and adolescents: a population-based nationwide study”, que está em avaliação pela revista “Social Psychiatry and Psychiatric Epidemiology (SPPE)”. Neste trabalho, tivemos o objetivo de mapear aspectos epidemiológicos do Transtorno do Déficit de Atenção com Hiperatividade (TDAH) em uma amostra representativa de crianças e adolescentes brasileiros, bem como verificar o risco que meninos apresentam no diagnóstico quando comparados às meninas.

A estratégia analítica para responder a este problema costuma começar pelo cálculo do Qui-quadrado e, em seguida, cálculo das medidas de risco em função do delineamento de pesquisa.

Atenção: As medidas de risco dependem do delineamento utilizado na pesquisa. Entretanto, como modelos de regressão logística trabalham com *Odds Ratio*, eles tendem a ser apresentados na maior parte dos estudos epidemiológicos.

10.2 Execução no R

Inicialmente, é necessário carregar a base para o ambiente R. Em seguida, a apresentação de tabelas e gráficos são fundamentais e precedem à modelagem estatística formal. Para criar uma tabela descrevendo a contagem e a proporção de meninos e meninas com TDAH, o pacote `janitor` pode ser utilizado.

É sempre importante tentar utilizar o padrão de tabela epidemiológica, em que tanto a primeira linha como a primeira coluna indicam o grupo e o desfecho de interesse.

Esse padrão costuma também ser necessário para análises formais, como será visto em seguida.

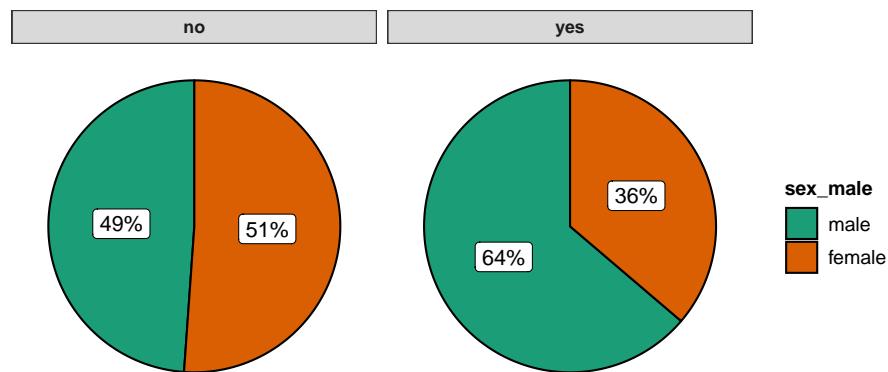
```
ds_selected %>%
tabyl(sex_male, adhd_parent) %>%
  adorn_totals(c("row", "col")) %>%
  adorn_percentages("col") %>%
  adorn_pct_formatting(.) %>%
  adorn_ns(.) %>%
  slice(2,1,3) %>%
```

```
select(sex_male, yes, no, Total) %>%
pander()
```

sex_male	yes	no	Total
male	63.8% (322)	48.9% (3230)	49.9% (3552)
female	36.2% (183)	51.1% (3379)	50.1% (3562)
Total	100.0% (505)	100.0% (6609)	100.0% (7114)

Apesar da tabela já ser bastante informativa, o gráfico de setor otimiza a visualização dos resultados e, por isso, sua realização é recomendada. O pacote `ggstatsplot` é uma excelente opção para construir este gráfico.

```
ggstatsplot::ggpiestats(
  data = ds_selected,
  x = sex_male,
  y = adhd_parent,
  results.subtitle = FALSE,
  proportion.test = FALSE)
```



Até o momento, os resultados já indicam que a quantidade/proporção de meninos com TDAH é bastante superior à de meninas com o diagnóstico. Esses indicadores são importantes, mas precisam ser submetidos à modelagem estatística formal.

Conforme exposto, o teste Qui-quadrado de independência costuma ser feito antes de verificar as principais medidas relacionadas ao risco. Isso se dá pois o Qui-quadrado oferece tanto o recurso necessário para verificar se as variáveis apresentam uma associação, como também para testar a significância de algumas dessas medidas. A relação entre o sexo do participante e seu diagnóstico se mostrou significativa: $\chi^2(1) = 41.6$, $p < 0.01$

```
chisq.test(ds_selected$sex_male,ds_selected$adhd_parent, correct = F) %>%
  pander(., split.table = Inf, caption = "")
```

Test statistic	df	P value
41.6	1	1.117e-10 ***

Para verificar o Risco Atribuível (RA), o Risco Relativo (RR) e o *Odds Ratio* (OR), tanto o pacote `epitools` como o `epiR` podem ser utilizados. Este último tem a vantagem de apresentar todas essas medidas de uma única vez, mas exige que a tabela seja formada pelo padrão descrito inicialmente.

A função `epi.2by2` é utilizada a seguir.

```
table(ds_selected$sex_male,ds_selected$adhd_parent) %>%
  DescTools::Rev(.) %>%
  epiR::epi.2by2(.)
```

##	Outcome +	Outcome -	Total	Inc risk *	Odds
## Exposed +	322	3230	3552	9.07	0.0997
## Exposed -	183	3379	3562	5.14	0.0542
## Total	505	6609	7114	7.10	0.0764
##					
## Point estimates and 95% CIs:					
## -----					
## Inc risk ratio			1.76 (1.48, 2.10)		
## Odds ratio			1.84 (1.53, 2.22)		
## Attrib risk in exposed *			3.93 (2.74, 5.12)		
## Attrib fraction in exposed (%)			43.33 (32.46, 52.44)		
## Attrib risk in population *			1.96 (1.02, 2.90)		
## Attrib fraction in population (%)			27.63 (19.05, 35.30)		

```

## -----
## Uncorrected chi2 test that OR = 1: chi2(1) = 41.605 Pr>chi2 = <0.001
## Fisher exact test that OR = 1: Pr>chi2 = <0.001
## Wald confidence limits
## CI: confidence interval
## * Outcomes per 100 population units
##
## Measures of association strength:
## The outcome risk among the exposed was 1.76 (95% CI 1.48 to 2.1) times greater than
## 
## The outcome odds among the exposed was 1.84 (95% CI 1.53 to 2.22) times greater than
## 
## Measures of effect in the exposed:
## Exposure changed outcome risk in the exposed by 3.93 (95% CI 2.74 to 5.12) per 100
## 
## Number needed to treat for benefit (NNTB) and harm (NNTH):
## The number needed to treat for one subject to benefit (NNTB) is 25 (95% CI 20 to 30)
## 
## Measures of effect in the population:
## Exposure changed outcome risk in the population by 1.96 (95% CI 1.02 to 2.9) per 100

```

Os resultados apresentam indicam que há um maior risco em meninos apresentarem TDAH quando comparados às meninas. Conforme esperado, todas as medidas computadas foram convergentes, indicando AR = 3.93, RR = 1.74 e OR = 1.84.

É importante ter atenção em dois elementos: (1) A significância do OR é obtida pelo teste Qui-quadrado, que já havia sido calculado. (2) Na literatura, há também a recomendação de aplicar o logaritmo natural no OR para ter os resultados mais próximos do encontrado em modelos de Regressão logística, tal como ilustrado em capítulo específico. Neste caso, o OR de 1.84 viraria 0.61.

Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

Com frequência, os pressupostos do Qui-quadrado são investigados antes da interpretação dos resultados. Seus principais pressupostos são a inexistência de células com valores esperados iguais a 0 e no máximo 20% dos valores esperados serem inferiores a 5. Ambos podem ser checados na tabela exposta anteriormente e foram atendidos.

10.3 Execução no JASP

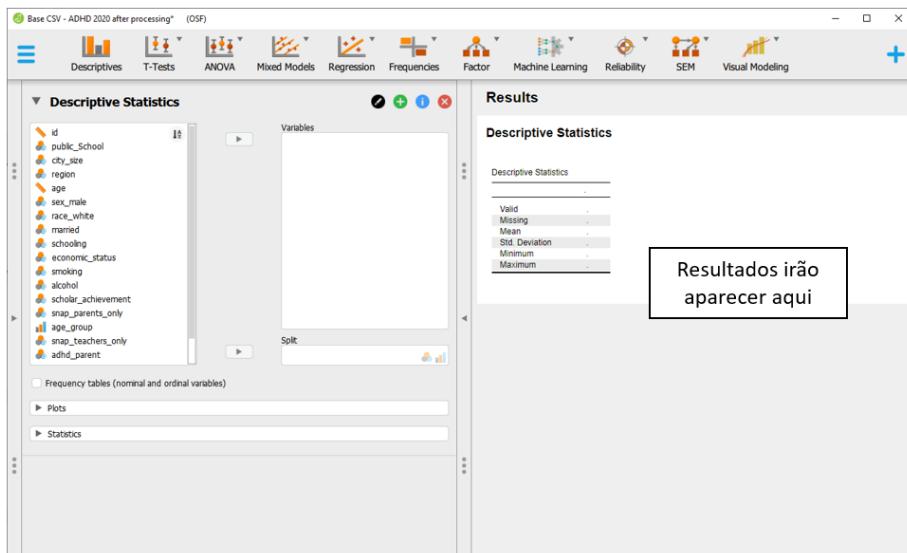
Para executar as rotinas propostas no JASP, será necessário carregar a base para o programa. Com os dados devidamente importados para o programa, a apresen-

tação de tabelas e gráficos auxiliam o pesquisador a verificar padrões diferentes nos dados. Para executar isso, é necessário acessar a seção **Descriptives**:

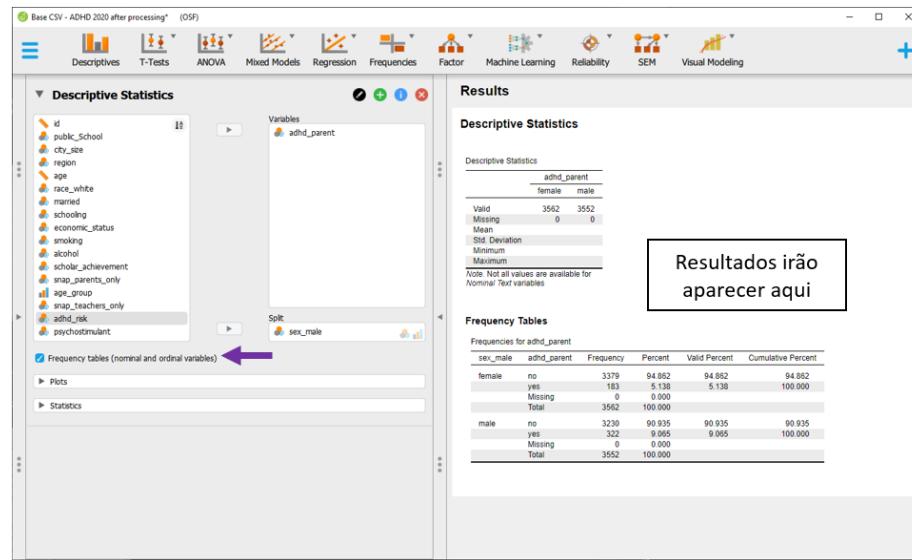
	id	months	sex	year	q_1	q_2	q_3	q_4	q_5	q_6	q_7	q_8	q_9	q_10	q_11	q_12	q_13
1	288161	18m	M	2011	0	0	5	0	0	0	0	0	0	5	0	0	0
2	445541	18m	M	2011	0	10	5	0	0	0	5	5	0	0	0	0	0
3	394701	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	440933	18m	M	2011	0	5	0	5	0	0	0	0	5	0	5	10	5
5	399521	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	10	0	0
6	422025	18m	M	2011	0	5	0	0	0	0	5	5	0	0	0	0	0
7	378005	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	446349	18m	M	2011	0	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5
9	422041	18m	M	2011	0	10	0	5	10	0	0	0	5	0	10	0	0
10	205709	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
11	305369	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	0
12	376725	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	0	5	0	0
13	440389	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	10	0	0	5	0	10
14	374165	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	10
15	385629	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	5	5	0	0	0	0
16	424493	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	5
17	412245	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
18	388209	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	5
19	424173	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	0
20	437265	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	5	0	0	0	0
21	162157	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	5	0	0	5	10
22	371469	18m	M	2011	0	10	0	0	0	0	0	5	0	0	10	0	10
23	386701	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	10	0	0	0	0

Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadoras. No JASP, a seção **Variables** costuma ser utilizada para reunir as variáveis dependentes, enquanto o espaço **Split** é utilizado para inserir a variável independente.

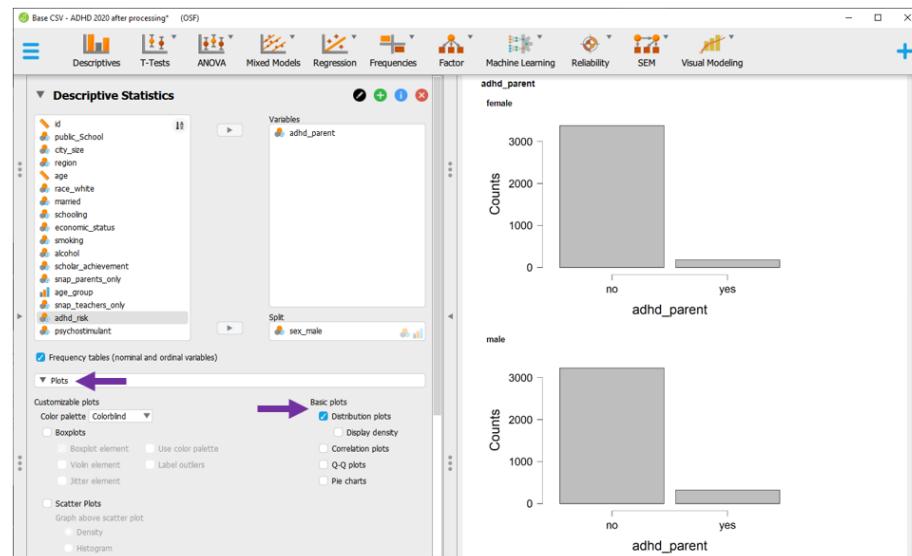
É importante atentar à opção **Frequency tables (nominal and ordinal)**, que deve ser marcada quando o nível de medida da variável de interesse for nominal ou ordinal.



É necessário inserir a variável sex_male para **Split** e a variável adhd_parent para **Variables**. Para tabela ser apresentada corretamente, deve-se selecionar a opção **Frequency tables**.



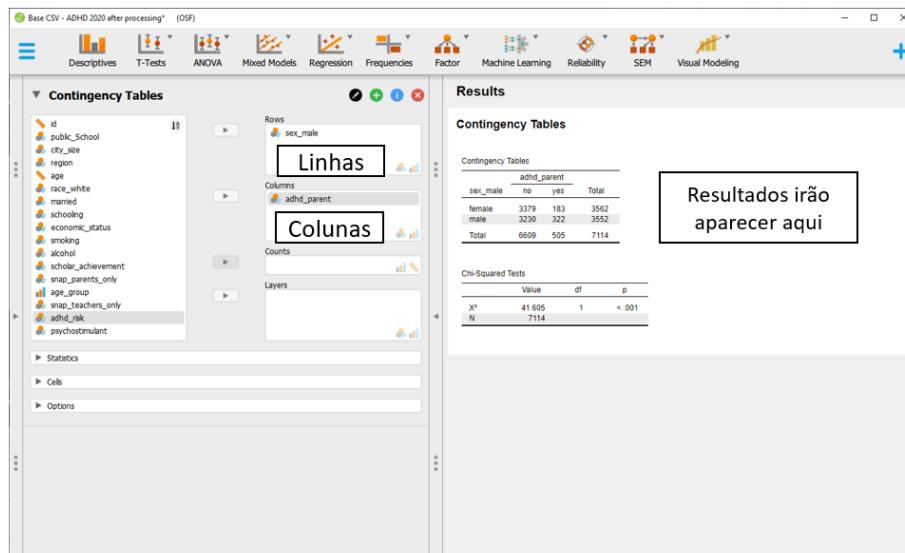
O gráfico de barras pode ser acessado clicando na opção **Plots** e, em seguida, **Distribution plots**, em **Basic plots**. Esse resultado é um recurso a mais para sondar os dados.



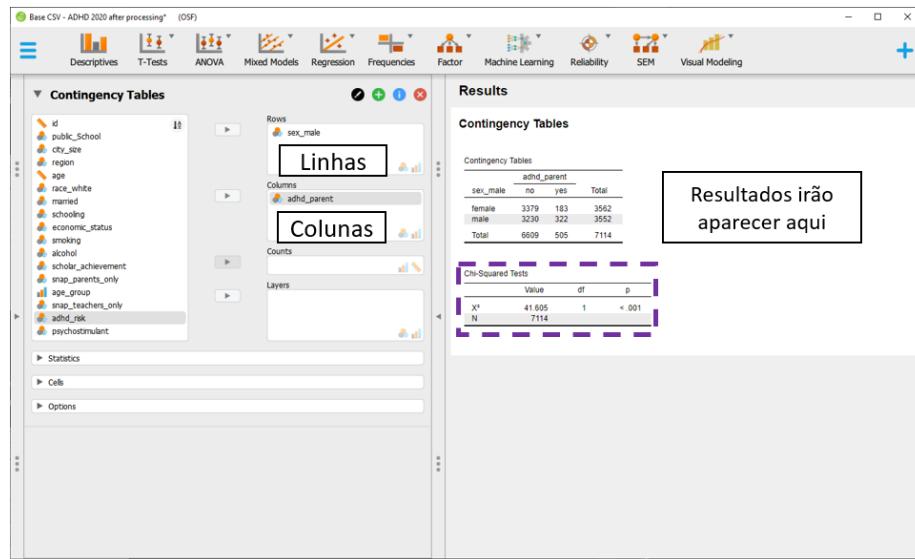
Para execução das medidas de risco e também do Qui-quadrado de associação, será necessário clicar em **Frequencies** e, em seguida, **Contingency tables**.

		sex	q_1	q_2	q_3	q_4	q_5	q_6	q_7	q_8	q_9	q_10	q_11	q_12	q_13
1	288161	18m	M	2011	0	0	5	0	0	0	0	5	0	0	0
2	445541	18m	M	2011	0	10	0	5	0	0	0	5	0	0	0
3	394701	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	440933	18m	M	2011	0	5	0	5	0	0	0	5	0	5	0
5	399521	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	10	0	0
6	422025	18m	M	2011	0	5	0	0	0	0	5	5	0	0	0
7	378005	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	0	0
8	446494	18m	M	2011	0	5	0	0	0	0	0	0	0	0	5
9	422041	18m	M	2011	0	10	0	5	10	0	0	5	0	10	0
10	205709	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
11	305369	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0
12	376725	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	5	0
13	440389	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	10	0	5	0
14	374165	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	10
15	385529	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	5	0	0	0
16	424493	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	5
17	412345	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
18	388209	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	5
19	424173	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0
20	437265	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	5	0	0	0
21	162157	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	5	0	10	0
22	371469	18m	M	2011	0	10	0	0	0	0	0	5	0	10	0
23	386701	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	10	0	0	0

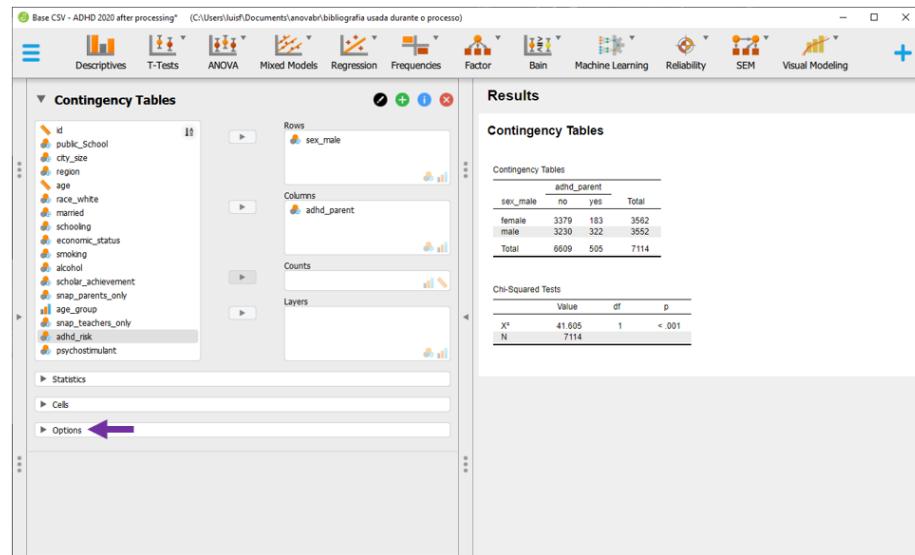
Nesta seção, será necessário inserir a variável sexo para as linhas e a variável diagnóstico para as colunas. A tabela de contingência será exibida e o Qui-quadrado será automaticamente calculado.



Os resultados inferenciais de interesse estão na parte inferior da apresentação e são os mesmos obtidos na etapa de execução com o R. A estatística Qui-quadrado foi 41.6, com 1 grau de liberdade e $p < 0.001$. Estes valores estão dispostos no retângulo roxo na imagem a seguir.



Nesta versão do JASP, apenas o OR pode ser calculado. Para fazer isso, dois passos são necessários. Inicialmente, é preciso deixar a tabela no formato epidemiológico padronizado, como descrito no início do capítulo. Isso pode ser feito ao clicar em Options.



Será necessário clicar em Descending tanto em Row Order como em Column Order. Isso irá indicar que a primeira linha será formada por meninos e a primeira coluna será formada por participantes com diagnóstico positivo.

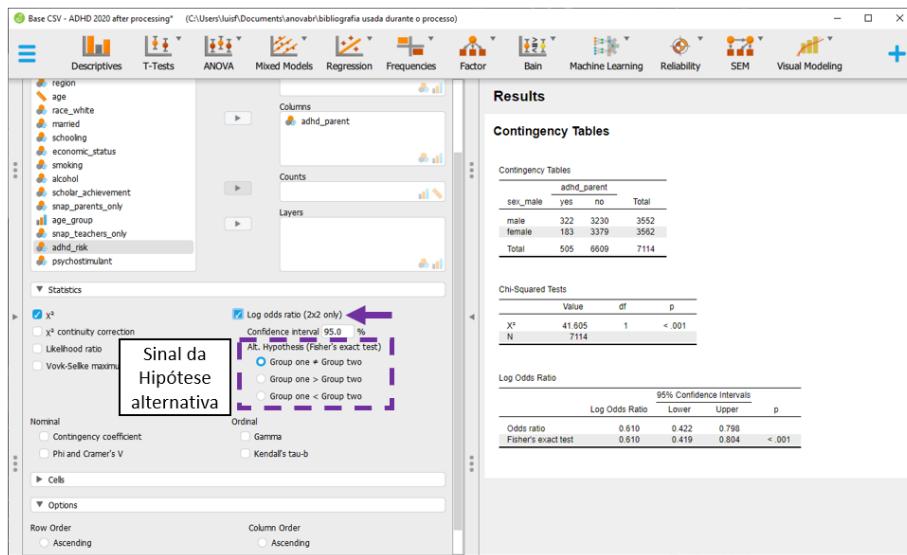
	yes	no	Total
male	322	3230	3552
female	183	3379	3562
Total	505	6609	7114

Após fazer isso, será necessário clicar em **Statistics** para acessar o OR.

	yes	no	Total
male	322	3230	3552
female	183	3379	3562
Total	505	6609	7114

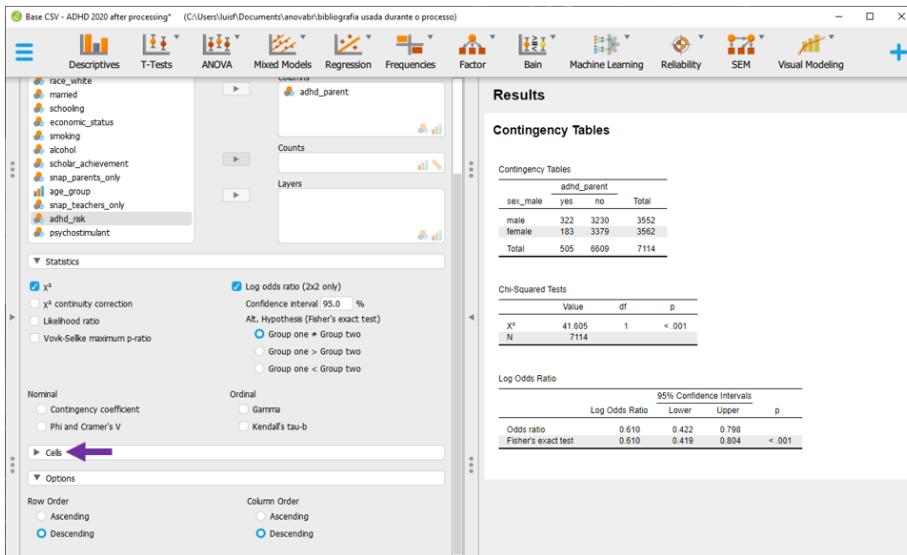
Nesta tela, será necessário clicar em **Log odds**. Essa opção é disponível apenas para tabelas de dupla entrada, como a que está sendo analisada neste momento. É possível definir o sinal da hipótese alternativa para que a significância estatística seja computada de acordo, o que não será feito neste momento.

É possível interpretar preliminarmente os resultados. Entretanto, uma vez que o teste Qui-quadrado de associação foi realizado, é importante testar seus pressupostos antes de formalizar a interpretação dos achados.



Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

Para verificar se existem células cujos valores esperados sejam iguais a 0 e se no máximo 20% dos valores esperados são inferiores a 5, é necessário clicar em **Cells**.



Há dois blocos específicos, **Counts** e **Percentages**. Em **Counts**, é necessário selecionar **Expected**. Em **Percentages**, é necessário selecionar **Row**. Com isso feito, os resultados poderão ser melhor analisados.

Contingency Tables

		adhd_parent		Total
		sex_male	yes no	
male	Count	322.000	3230.000	3552.000
	Expected count	252.145	3299.855	3552.000
	% within row	9.065 %	90.935 %	100.000 %
female	Count	183.000	3379.000	3562.000
	Expected count	252.855	3309.145	3562.000
	% within row	5.138 %	94.862 %	100.000 %
Total	Count	505.000	6609.000	7114.000
	Expected count	505.000	6609.000	7114.000
	% within row	7.099 %	92.901 %	100.000 %

Chi-Squared Tests

Value	df	p
X ²	41.605	1 < .001
N	7114	

Log Odds Ratio

95% Confidence Intervals				
Log Odds Ratio	Lower	Upper	p	
Odds ratio	0.610	0.422	0.798	
Fisher's exact test	0.610	0.419	0.804	< .001

Após estes passos realizados, a interpretação pode ser feita. É fundamental relembrar que o $\log(\text{OR})$ varia de $-\infty$ a $+\infty$ e é assintoticamente normal. Se o OR for igual a 1, seu logaritmo natural será 0. Se o OR for maior do que 1, o $\log(\text{OR})$ será positivo e se o OR for menor do 1, o $\log(\text{OR})$ será negativo.

Contingency Tables

		adhd_parent		Total
		sex_male	yes no	
male	Count	322.000	3230.000	3552.000
	Expected count	252.145	3299.855	3552.000
	% within row	9.065 %	90.935 %	100.000 %
female	Count	183.000	3379.000	3562.000
	Expected count	252.855	3309.145	3562.000
	% within row	5.138 %	94.862 %	100.000 %
Total	Count	505.000	6609.000	7114.000
	Expected count	505.000	6609.000	7114.000
	% within row	7.099 %	92.901 %	100.000 %

Chi-Squared Tests

Value	df	p
X ²	41.605	1 < .001
N	7114	

Log Odds Ratio

95% Confidence Intervals				
Log Odds Ratio	Lower	Upper	p	
Odds ratio	0.610	0.422	0.798	
Fisher's exact test	0.610	0.419	0.804	< .001

10.4 Escrita dos resultados

O principal achado desta pesquisa é que meninos apresentam maior chance (e risco) do que meninas em portar TDAH. Esta evidência já é bastante consolidada na literatura psicológica e biomédica. É importante ter atenção a não usar as palavras “chance” e “risco” como sinônimos e também escolher adequadamente a medida que será apresentada, seja o Risco Relativo (RR) ou o *Odds Ratio* (OR). Uma vez que esta pesquisa foi transversal, o ideal seria a apresentação do RR. No entanto, para manter o padrão utilizado no artigo publicado, o OR será utilizado. Finalmente, é fundamental perceber que esta relação bivariada não leva em consideração nenhuma outra variável e, portanto, tende a ser diferente quando modelos mais complexos são realizados, tal como explicado no capítulo de Regressão logística.

Abaixo uma sugestão de escrita baseada nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

A associação entre o sexo do participante e as categorias diagnósticas foi significativa ($\chi^2(1) = 41.605$, $p < 0.01$). Meninos apresentam maior chance significativamente maior de apresentar TDAH do que meninas ($OR = 1.84$, $p < 0.01$).

10.5 Odds Ratio e Regressão logística

A regressão logística é um caso particular do modelo linear generalizado, particularmente útil para verificar o relacionamento entre uma variável dependente categórica e um conjunto de variáveis independentes que podem ser contínuas ou categóricas. O capítulo intitulado Regressão logística binária apresenta este modelo com maior detalhamento.

Quando uma regressão logística é modelada entre uma variável dependente binária e apenas uma variável independente categórica, suas estimativas são apresentadas em log(odds). Isso significa que os resultados obtidos pelas tabelas de contingências previamente apresentadas também são obtidos pela regressão.

Por exemplo, caso o modelo logístico fosse calculado para verificar o diagnóstico de TDAH (sim ou não) e o sexo do participante (masculino ou feminino), suas estimativas seriam em unidades log(odds) ou logit. Os resultados abaixo demonstram isso.

```
mod_logistico_simples <- glm(adhd_parent ~ sex_male,
                                family = binomial,
                                data = ds_selected)
```

```
sjPlot::tab_model(mod_logistico_simples,
                  transform = NULL,
                  show.ci = F,
                  digits = 3)
```

adhd parent

Predictors

Log-Odds

p

(Intercept)

-2.916

<0.001

sex_male [male]

0.610

<0.001

Observations

7114

R2 Tjur

0.006

Para transformar o resultado em *Odds Ratio*, bastar aplicar o exponencial à estimativa. Neste caso, o resultado seria o mesmo previamente encontrado: $e^{(0.61)} = 1.84$,

Essa característica parcialmente explica o motivo pelo qual o OR é uma medida de tamanho do efeito tão utilizada em epidemiologia, mesmo em estudos de incidência, onde o Risco Relativo tem maior aderência.

Uma particular vantagem de utilizar o modelo de regressão logística é conseguir incluir mais preditores à equação e, com isso, conseguir controlar os resultados por estas outras variáveis. Por exemplo, é possível verificar o efeito do sexo controlando pela utilização de álcool na gravidez. No artigo, um modelo próximo a esse foi realizado.

Por via de regra, modelos que consideram mais variáveis possibilitam uma melhor compreensão do fenômeno e, quase sempre, recebem maior indicação de uso do que modelos mais compactos.

```
mod_logistico_maior <- glm(adhd_parent ~ sex_male +  
                           alcohol,  
                           family = binomial,  
                           data = ds_selected)  
sjPlot::tab_model(mod_logistico_simples,  
                   mod_logistico_maior,  
                   transform = NULL,  
                   show.ci = F,  
                   digits = 3)
```

adhd parent

adhd parent

Predictors

Log-Odds

p

Log-Odds

p

(Intercept)

-2.916

<0.001

-2.950

<0.001

sex_male [male]

0.610

<0.001

0.607

<0.001

alcohol [yes]

0.543

<0.001

Observations

7114

6904

R2 Tjur

0.006

0.008

10.6 Resumo

1. Fatores de risco é um termo amplo e que tende a ser utilizado para verificar o Risco Atribuível, Risco Relativo e *Odds Ratio* em estudos epidemiológicos
2. Essas medidas são consideradas Tamanho do efeito
3. As medidas são relacionadas ao tipo de delineamento
4. Modelos de regressão logística fornecem seus resultados em unidades $\log(\text{odds})$, o que potencializa o uso do *Odds Ratio* em pesquisas epidemiológicas
5. O teste Qui-quadrado é frequentemente utilizado para calcular a significância dos resultados

10.7 Pesquisas adicionais

1. Predictors of Initiation of Alcohol Use Among US Adolescents (DOI: 10.1001/archpedi.161.10.959] Esse é um trabalho que contou com dados de 5511 adolescentes entre 11 e 18 anos em 1998. O objetivo dos pesquisadores foi mapear as condições pessoais, familiares e sociais que poderiam gerar risco no consumo de álcool na adolescência. Entre os achados, amigos que fazem uso de álcool são fatores de risco para iniciar o consumo, bem como jantar em família todos os dias são fatores protetivos para inibir o consumo de álcool entre as meninas.
2. Understanding Latino Adolescent Risk Behaviors: Parental And Peer Influences (DOI:) Nesta trabalho, 695 latinos participaram de uma pesquisa epidemiológica para verificar os fatores de risco para comportamentos disruptivos na adolescência. Entre os achados, a influência de amigos tabagistas se mostraram um fator de risco para ingerir bebidas alcóolicas e ter comportamentos sexuais, bem como as reações negativas familiares sobre tais práticas se mostraram fatores protetivos em relação à ter comportamentos de uso e abuso de álcool e tabaco.

3. Cardiovascular Disease in Patients With Schizophrenia in Saskatchewan, Canada (DOI: 10.4088/JCP.v65n0519)

Esta é uma pesquisa de larga escala, feita para verificar a prevalência de problemas cardiológicos em pacientes portadores de esquizofrenia. O estudo utilizou pesadamente modelos de regressão logística e *Odds ratio* para verificar as diferentes características que impactam em problemas cardiológicos, bem como estimar o tamanho do efeito que estas características possuem.

10.8 Questões

1. (Retirado de Médico do Trabalho Júnior, TRANSPETRO, CESGRANRIO, 2011) Em qual tipo de estudo pode ser utilizado o odds ratio em sua análise?a) Caso-controle.b) Transversal.c) Coorte.d) Ecológico.e) Mortalidade
2. (Retirado de Médico do Trabalho Júnior, Petrobrás, 2012) Em um teste diagnóstico, o valor que expressa a proporção de doentes entre aqueles que apresentaram o teste positivo é o(a): a) odds ratio.b) sensibilidade.c) especificidade.d) valor preditivo positivo.e) valor preditivo negativo.
3. (Retirado de Epidemiologia e Vigilância Epidemiológica, Enfermeiro do Trabalho Júnior, Petrobras, CESGRANRIO, 2014) A Razão entre duas taxas de incidência ou de mortalidade, que corresponde ao risco da doença entre os indivíduos que tenham tido uma dada exposição dividido pelo risco da doença entre aqueles que não tenham tido exposição, denomina-se: a) regressão.b) risco relativo.c) risco absoluto.d) risco atribuível.e) risco competitivo.
4. (Retirado de Medicina do Trabalho, Analista Judiciário Medicina do Trabalho, TRT 6a Região, FCC, 2012) Um aluno de pós-graduação em Medicina do Trabalho irá iniciar um estudo para investigar se a exposição ocupacional a radiações ionizantes constituiria um fator de risco estatisticamente significativo para a ocorrência de anemia aplástica. No ambulatório de hematologia de sua universidade, pôde encontrar 42 pacientes com este diagnóstico. O desenho de estudo mais apropriado e a medida de associação a ser encontrada são, respectivamente:a) coorte retrospectiva e prevalência.b) ensaio clínico e risco relativo.c) coorte retrospectiva e Odds ratio.d) caso-controle e risco relativo.e) caso-controle e Odds ratio.

Gabarito: 1-a; 2-d; 3-b; 4-e

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 11

Teste T

Objetivos do capítulo

1. Apresentar o Teste T
2. Discutir os pressupostos de execução do Teste T
3. Realizar gráficos relacionados à comparação de médias
4. Apresentar e interpretar métricas de tamanho do efeito
5. Dar exemplos relacionados à escrita dos resultados
6. Apresentar testes robustos e não paramétricos

O Teste T é um teste estatístico frequentemente utilizado para testar hipóteses sobre diferenças entre até duas médias. É possível usar o Teste T para (1) comparar a média de uma amostra com a média populacional (*one sample t test*), (2) para comparar duas médias amostrais (*two sample t test*) ou (3) para comparar duas médias de uma mesma amostra que foi investigada em dois momentos do tempo (*paired or matched t test*). Por utilizar dados amostrais da média para estimar a média populacional (parâmetro μ), ele é considerado um teste paramétrico.

Como todo teste inferencial, o Teste T é um modelo estatístico, com os seguintes pressupostos:

- (i) Os dados são aleatórios e representativos da população
- (ii) A variável dependente é contínua
- (iii) Os resíduos do modelo são normalmente distribuídos

Quando há o interesse de utilizar o Teste T para comparar os resultados de dois grupos, é também necessário que:

- (iv) Ambos os grupos sejam independentes (ou seja, grupos exaustivos e exclu-
dentes)
- (v) A variância residual seja homogênea (princípio da homocedasticidade)

Quando se utiliza o Teste T pareado, o princípio da independência não é mais solicitado, mas é necessário que:

(vi) O tamanho amostral seja o mesmo nos grupos

Uma vez que o Teste T é adequado para diferentes objetivos de pesquisa, a tabela a seguir reúne alguns exemplos.

Teste T para	Exemplo
Uma amostra	-Verificar se o peso médio dos bebês de uma maternidade é similar ao esperado na população -Testar se a frequência respiratória de atletas de corrida difere da de outros atletas
Dois grupos independentes	-Verificar se o nível de anticorpos é diferente entre pessoas vacinadas e não vacinadas -Verificar se os resultados da prova do ENEM são diferentes em estudantes da rede pública ou privada de ensino
Pareado	-Verificar se um programa de reforço escolar melhorou as notas de conjunto de alunos-Testar se uma mudança arquitetônica em uma loja impactou em suas vendas

Eventualmente, quando os pressupostos do modelo são violados, a literatura mais tradicional recomenda que ajustes ou testes não-paramétricos com propostas parecidas possam ser implementados. A tabela abaixo concatena os testes estatísticos relacionados para fins de comparação com outros trabalhos. Há também autores que sugerem que se use sempre as versões não-paramétricas em resultados obtidos por processos de avaliação psicológica, argumentando que os dados têm nível de medida “ordinal”.

Versão do teste	Um grupo	Dois grupos independentes	Grupos pareados
Paramétrica	One-sample t test	Two-samples t test	Paired t test
Não-paramétrica	Signed rank test	Wilcoxon-Mann-whitney	Wilcoxon Signed-Rank

Nota: Existe um intenso debate sobre a utilização de testes paramétricos e não-paramétricos em Psicologia. Algo pouco comentado, apesar de ser o aspecto mais importante em minha opinião, é que a hipótese testada em um teste paramétrico é diferente da teste da testada em um não-paramétrico. Ou seja, a substituição de um teste estatístico por outro, necessariamente, muda a hipótese de pesquisa investigada. O Teste T não assume normalidade da variável dependente, mas

sim normalidade dos resíduos do modelo probabilístico, que será explicado em seguida

Apenas por um preâmbulo histórico, a origem do Teste T remonta o artigo publicado em 1908 por William Gosset. Na época, em função de seu trabalho na cervejaria Guinness, ele não assinou o artigo. Na publicação, ele utilizou o pseudônimo *Student*, motivo pelo qual o Teste T também é chamado de Teste T de Student. Há muitas versões sobre o que levou Gosset a se apresentar como *Student*, mas parece que isso se deu em função de um caderno em que ele tomava notas, cuja capa tinha escrito *The Student's Notebook*.

É importante notar que estudantes de Psicologia e profissionais que trabalham com avaliação psicológica costumam ser deparados com uma métrica chamada “T score” (Escore T, as vezes), desenvolvido em 1939 por um professor de Psicologia (William Anderson McCall). Tenha em mente que essa métrica não tem relação com os procedimentos inferenciais relacionados ao Teste T a não ser uma similaridade de nome (Krus and Krus, 1977).

Fim da versão gratuita

11.1 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Livro - R - ASQ SE 12 e 18

Base JASP: Base CSV - ds_18

Neste capítulo, vamos utilizar a pesquisa intitulada “Confirmatory analysis and normative tables for the Brazilian Ages and Stages Questionnaires: Social-Emotional”, publicada em 2019 na Child Care Health Development. Esse trabalho teve dois objetivos. O primeiro visou confirmar a estrutura fatorial de um instrumento utilizado para avaliar possíveis atrasos no desenvolvimento de competências sociais e emocionais (ASQ:SE) e o segundo visou desenvolver tabelas normativas para comparar meninos e meninas. Essa é uma pesquisa muito importante, visto que conta com uma base de dados robusta (mais de 50 mil participantes) e faz interface entre psicometria, avaliação psicológica e políticas públicas.

Abaixo, há a escrita de hipóteses utilizada para comparar os resultados de meninos e meninas, bem como o nível de significância adotado na análise.

$$H_0 : \mu_{meninos} - \mu_{meninas} = 0$$

$$H_a : \mu_{meninos} - \mu_{meninas} \neq 0$$

$$\alpha = 0.05$$

11.2 Execução no R

No ambiente R, a primeira etapa importante é assegurar que a base de dados tenha o resultado relacionado às competências sociais e emocionais das crianças. Esse valor será computado pela soma de todos os itens da escala. No dplyr, isso é feito pela integração da função `mutate` com a `select` e será executado às crianças com 12 (`asq_12months`) e 18 meses (`asq_18months`).

```
asq_12months <- asq_12months %>%
  mutate(total_12 = rowSums(select(., starts_with("q_")),
                           na.rm = TRUE))

asq_18months <- asq_18months %>%
  mutate(total_18 = rowSums(select(., starts_with("q_")),
                           na.rm = TRUE))
```

Em seguida, iremos começar pelos 12 meses. O processo de testagem da hipótese é feito preliminarmente de maneira tabular e gráfica e, em seguida, pela implementação do teste específico e verificação de seus pressupostos. A tabela a seguir apresenta as principais características estatísticas dos resultados:

```
asq_12months %>%
  group_by(sex) %>%
  summarise_at(vars(total_12), list(n=~n(), media=mean, DP=sd)) %>%
  pander()
```

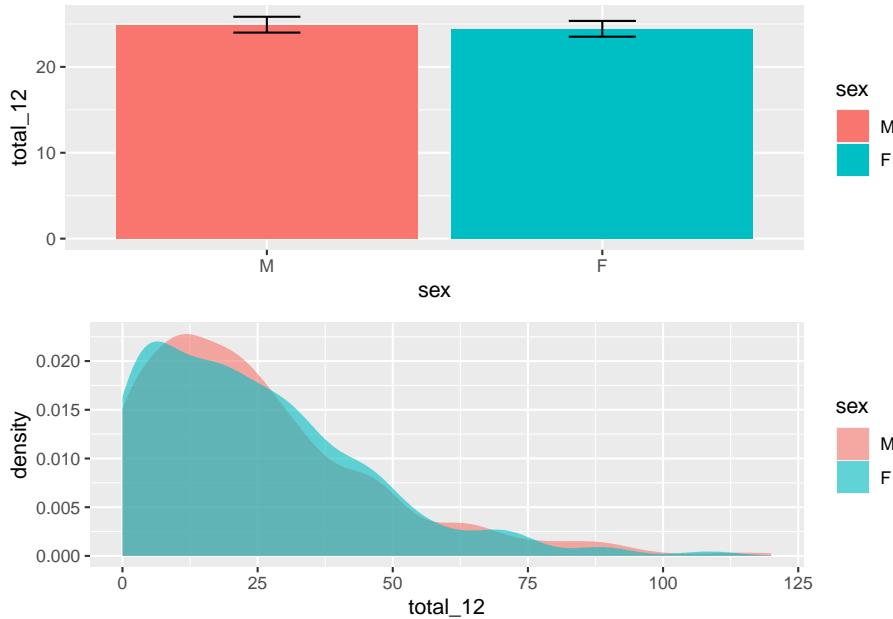
sex	n	media	DP
M	543	24.92	21.47
F	498	24.44	20.48

Em seguida, a realização de um gráfico é bastante informativa para apresentação dos resultados. Apesar desse recurso não ser decisivo na tomada de decisão, ele

auxilia a visualização da distribuição da variável que temos interesse, bem como oferece um entendimento inicial dos resultados.

Uma vez que a VI é tratada como discreta e a VD é continua, tanto o gráfico de colunas/barras como o histograma/densidade são úteis. O gráfico de barras tem uma vantagem de ser possível adicionar barras de erros, que já apresentam uma primeira evidência inferencial. Por sua vez, histogramas e gráficos de densidade descrevem bem o formato da distribuição de dados.

```
gridExtra::grid.arrange(
  #plot 1
  ggplot(asq_12months, aes(x = sex, y = total_12, fill = sex)) +
    geom_bar(stat = "summary", fun = mean) +
    stat_summary(fun.data = mean_se, geom = "errorbar",
                width = .2),
  #plot 2
  ggplot(asq_12months, aes(x = total_12, fill = sex)) +
    geom_density(color = NA, alpha=.6)
)
```



Os achados preliminares indicam que os resultados de meninos e meninas são ligeiramente diferentes. No entanto, é necessário a execução da testagem formal desta hipótese.

A função `t.test` é nativa do R o vetor `t_test_12_m` será criado.

```
t_test_12m <- t.test(total_12 ~ sex, var.equal = T,
                      data = asq_12months)
```

A tabela a seguir apresenta os resultados.

```
t_test_12m %>% pander::pander(., split.table = Inf)
```

Table 11.4: Two Sample t-test: `total_12` by `sex`

Test statistic	df	P value	Alternative hypothesis	mean in group M	mean in group F
0.3679	1039	0.713	two.sided	24.92	24.44

Os achados trazem a média de ambos os grupos (24.92 e 24.44), a estatística do teste (0.37), chamada de T calculado, os graus de liberdade (1039) e o valor de p (0.71).

Repare que como o valor de p é superior ao valor estipulado do nível de significância (0.05), falha-se em rejeitar a hipótese nula. Nesse sentido, apesar dos resultados serem numericamente distintos, eles não são estatisticamente significativos (na população).

Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

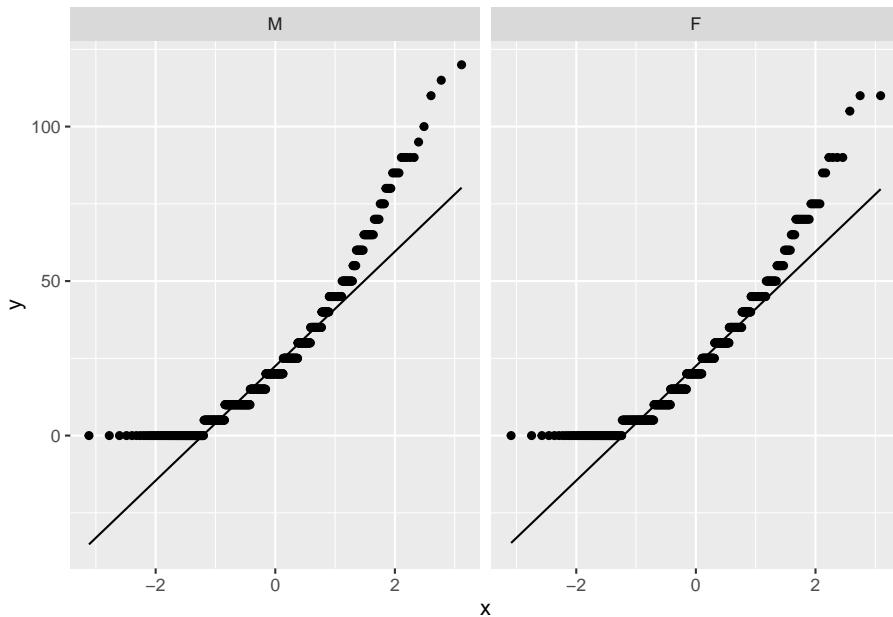
Um aspecto importante é que a validade da interpretação dos resultados depende dos pressupostos do modelo estatístico. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017). Corriqueiramente, testar os pressupostos é uma etapa anterior à própria realização do teste inferencial. Entretanto, pedagogicamente a apresentação deles após a execução do teste parece mais adequada. Assim, eles serão testados a seguir.

Normalidade: O Teste T é um caso especial de um modelo de regressão, o que será detalhado em outro capítulo. Dessa maneira, a normalidade que deve ser testada é a dos resíduos deste modelo. Isso pode ser aproximado testando a distribuição condicional dos resultados, ou seja, testando cada grupo independentemente. Tenha atenção que não é necessário testar a variável dependente como um todo. Caso os resultados sejam significativos, os dados serão aproximadamente bimodais e, consequentemente, não serão normalmente distribuídos.

A normalidade pode ser avaliada graficamente por QQ plots e por testes específicos, como o Shapiro-wilk, Anderson-Darling e Jarque Bera.

O QQ plot é um gráfico que reúne a distribuição empírica ordenada dos quantis contra os quantis da distribuição teórica (aqui, normal). Se os dados e a linha diagonal se sobrepuarem, isso é uma evidência de que a distribuição empírica é a mesma da distribuição teórica. Caso haja discrepância, isso aponta para desvio da normalidade.

```
ggplot(asq_12months, aes(sample = total_12)) +
  stat_qq() +
  stat_qq_line() +
  facet_wrap(~sex)
```



Apesar do gráfico já ter sido bastante claro e sugerir fortemente desvio da normalidade em ambos os grupos, o teste formal é importante. O Shapiro-wilk costuma ser utilizado neste caso, uma vez que ele reúne diferentes características positivas no balanço entre erro do tipo 1 e 2 (Yap and Sim, 2011). A hipótese nula desse teste assume que a variável de interesse tem distribuição (aproximadamente) normal. Assim, rejeitar a hipótese nula sugere que esse princípio foi violado e, com isso, o Teste T pode gerar resultados distorcidos.

```
asq_12months %>%
  group_by(sex) %>%
  summarise(shapiro = shapiro.test(total_12)$p.value) %>%
  pander::pander()
```

sex	shapiro
M	1.976e-19
F	4.798e-17

De maneira convergente ao gráfico, o Shapiro-wilk também apontou que o princípio da normalidade foi violado.

Homocedasticidade: A homogeneidade ou igualdade das variâncias pode ser testada visualmente, pelo teste Breusch-pagan, Levene ou Bartlett. De maneira análoga ao Shapiro-wilk, estes últimos assumem como hipótese nula a homogeneidade das variâncias. Consequentemente, a rejeição desse pressuposto pode também trazer resultados distorcidos ao resultado do Teste T. Diferentemente do pressuposto da normalidade, o pressuposto da homocedasticidade foi preservado, tal como apresentado abaixo:

```
car::leveneTest(total_12 ~ sex, data = asq_12months) %>%
  pander::pander()
```

Table 11.6: Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)

	Df	F value	Pr(>F)
group	1	0.02315	0.8791
	1039	NA	NA

Após testar estes pressupostos, é importante avaliar o quanto a interpretação originalmente deve ser mantida. Existem diferentes recomendações sobre o que fazer quando os pressupostos são violados. Entre elas, assumir essa condição e justificar a utilização do Teste T, transformar a distribuição da variável de interesse, usar versões robustas do Teste T, usar testes não-paramétricos com objetivos próximos ao Teste T ou eleger algum modelo estatístico mais adequado à distribuição empírica obtida pelos dados.

Parte dessas recomendações será demonstrada a seguir.

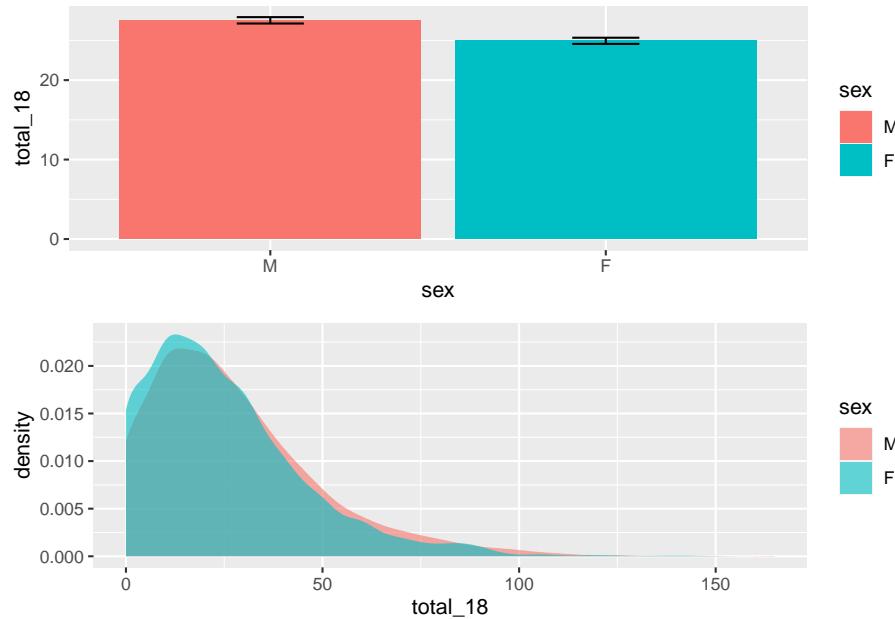
Com este teste inicial concluído, é também possível verificar se existem diferenças em idades mais avançadas, tal como 18 meses. A sintaxe é customizável e torna-se fácil testar a hipótese da diferença apenas modificando a hipótese e a sintaxe. A tabela a seguir apresenta as principais medidas estatísticas:

```
asq_18months %>%
  group_by(sex) %>%
  summarise_at(vars(total_18), lst(n=~n(), media=mean, DP=sd)) %>%
  pander()
```

sex	n	media	DP
M	2980	27.53	21.81
F	2747	24.95	20.34

Por sua vez, o gráfico a seguir traz o padrão dos resultados aos 18 meses.

```
gridExtra::grid.arrange(
  ggplot(asq_18months, aes(x = sex, y = total_18, fill = sex)) +
  geom_bar(stat = "summary", fun=mean) +
  stat_summary(fun.data = mean_se, geom = "errorbar", width = .2),
  ggplot(asq_18months, aes(x = total_18, fill = sex)) +
  geom_density(color = NA, alpha=.6))
```



Tal como feito anteriormente, a realização do Teste T e a verificação de seus pressupostos devem ser realizadas.

Em relação aos resultados do Teste T, eles indicaram que ambos os grupos tem resultados médios significativamente diferentes. Meninos apresentam resultados mais elevados ($M = 27.53$, $DP = 21.81$) do que meninas ($M = 24.95$, $DP = 21.81$).

```
t_test_18m <- t.test(total_18 ~ sex, var.equal = T,
                      data = asq_18months)
t_test_18m %>% pander::pander(., split.table = Inf)
```

Table 11.8: Two Sample t-test: **total_18** by **sex**

Test statistic	df	P value	Alternative hypothesis	mean in group M	mean in group F
4.619	5725	3.949e-06 * * *	two.sided	27.53	24.95

Diferentemente do anterior, agora o resultado foi significativo ($p < 0.01$), trazendo evidências que permitem concluir pela rejeição da hipótese nula. Da mesma forma que feito anteriormente, a verificação dos pressupostos é um

elemento fundamental para validade da interpretação dos resultados. Uma vez que tais testes foram demonstrados na seção anterior, eles não serão reproduzidos agora. No entanto, dessa vez, a normalidade e a homocedasticidade foram violadas, fazendo que com as interpretações tornem-se frágeis, apesar de possíveis.

Isso posto, é importante ter uma atenção especial ao conceito subjacente à significância estatística. Um resultado que rejeita a hipótese nula, de forma alguma, deve ser entendido como “aceitação da hipótese alternativa” ou como evidência de causalidade, especialmente em delineamentos transversais.

Atenção: Nunca se aceita a hipótese nula ou a hipótese alternativa. Como Fisher (1931, p. 16) comenta, a hipótese nula nunca é provada ou estabelecida, mas é possivelmente refutada. Da mesma forma, rejeitar a hipótese nula não se refere a aceitar a alternativa, mas tão somente que os dados são incompatíveis à hipótese nula.

É fundamental lembrar que o valor de P se refere à probabilidade de encontrar a estatística de teste calculada, ou uma ainda mais extrema, assumindo que a hipótese nula é verdadeira (Wasserstein and Lazar, 2016). Apesar de algo contraintuitivo, é assim que a estatística frequentista funciona.

11.3 Tamanho do efeito

Resultados significativos não são informativos em relação ao tamanho do efeito. Esta última métrica tem mais contato com as perguntas originalmente realizadas em uma pesquisa e é entendida como uma medida objetiva e padronizada da magnitude de um efeito observado independente da significância estatística. Dessa maneira, o tamanho do efeito pode ser considerado um indicador da relevância clínica dos grupos, cujo uso é sempre importante em pesquisas em Psicologia e áreas da saúde.

Existem duas famílias principais no ambiente do tamanho do efeito, que são a família “d” e a família “r”. Quando comparamos médias, usamos o d de Cohen para calcular a distância entre as médias das distribuições sobrepostas.

A interpretação é a seguinte:

Cohen's d	Interpretação
$d < 0.2$	Irrelevante
$d \geq 0.2$	Pequeno
$d \geq 0.5$	Moderado
$d \geq 0.8$	Grande

Para executar este teste no R, é possível contar com o pacote `effsize`, tal como demonstrado abaixo:

```
effsize::cohen.d(total_18 ~ sex, data = asq_18months)
```

```
##  
## Cohen's d  
##  
## d estimate: 0.12216 (negligible)  
## 95 percent confidence interval:  
##      lower      upper  
## 0.07025972 0.17406037
```

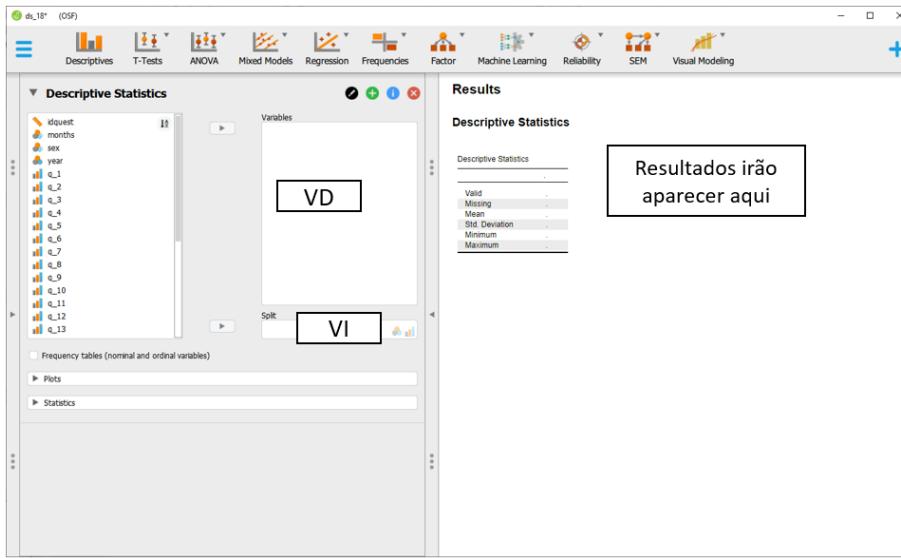
Com esse conjunto de dados, o tamanho do efeito foi irrelevante, indicando que a diferença dos resultados não apresenta uma relevância clínica importante.

11.4 Execução no JASP

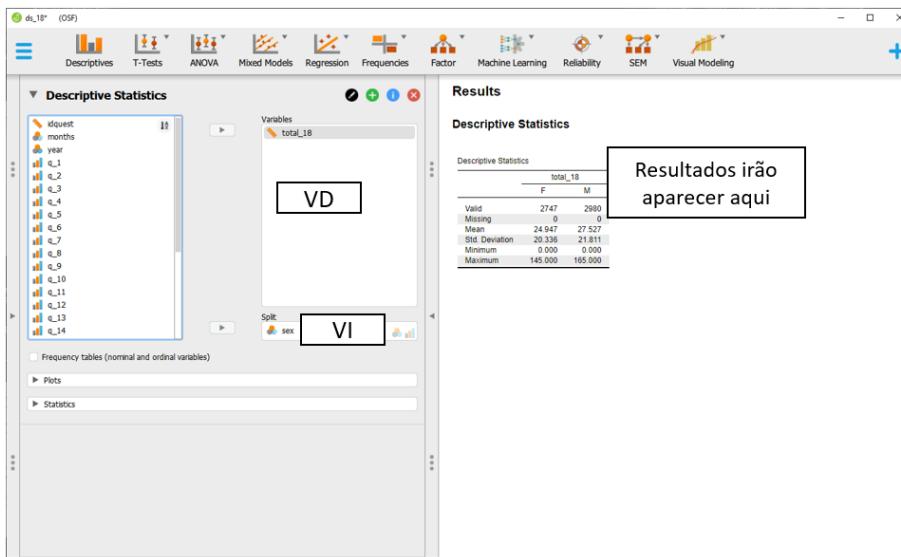
Nesta parte, apenas a base de crianças com 18 meses será utilizada. Ela está disponível com o nome de ds_18.csv. Da mesma maneira que foi feito no R, a apresentação de tabelas e gráficos auxiliam o pesquisador a verificar padrões nos dados. Para fazer tais procedimentos, é necessário ir até a seção **Descriptives**, como ilustrado a seguir.

Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadoras. Na prática, a lista **Variables** irá reunir as variáveis dependentes, enquanto a variável independente será colocada

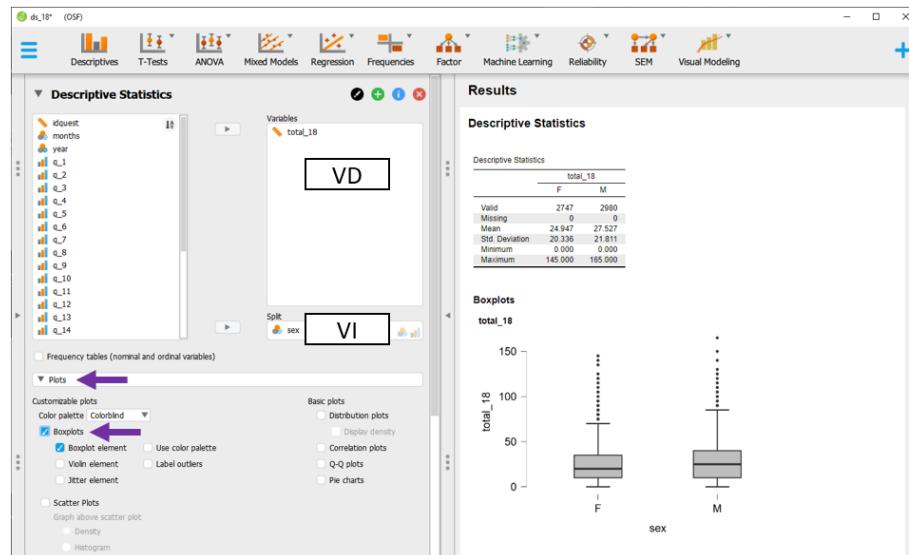
na seção Split. É importante atentar à opção Frequency tables (nominal and ordinal), que deve ser marcada quando o nível de medida da variável de interesse for nominal ou ordinal.



Isto posto, será necessário arrastar as variáveis de interesse aos seus respectivos locais. Neste caso, o total_18 para parte das VDs, enquanto sex para a VI. Ao fazer isso, o JASP automaticamente irá preencher a tabela previamente exposta com os valores estatísticos obtidos. A média e o desvio-padrão indicam a posição típica dos dados e o afastamento esperado desta localização.



Em seguida, ao clicar na opção **Plots**, será possível selecionar o **Boxplot**. O gráfico aparecerá abaixo da tabela e irá apresentar diferentes informações estatísticas da distribuição dos resultados das crianças de 18 meses em função do sexo delas.

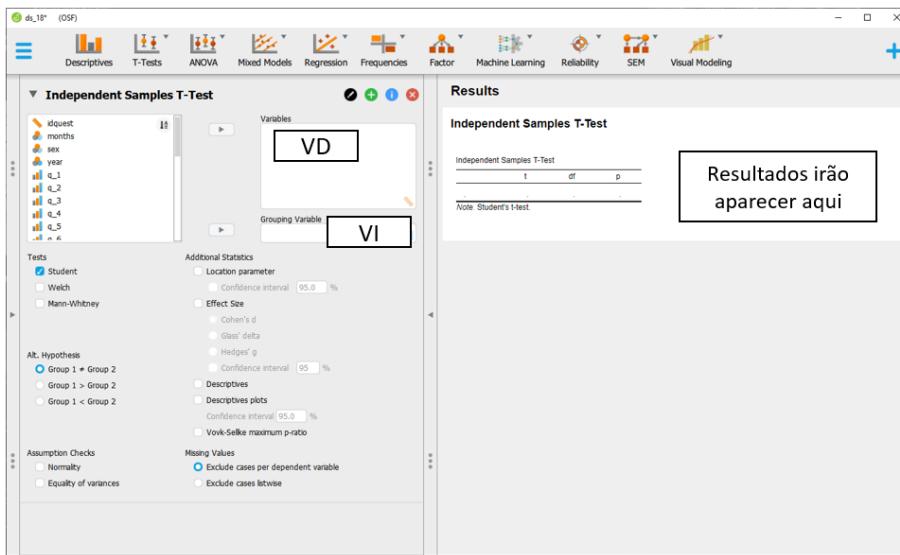


Para execução do Teste T, deve-se clicar em **T-Tests** e, em seguida, **Independent samples T-test**.

The screenshot shows the SPSS software interface with a data table displayed. The table contains 23 rows of data with columns for 'idquest', 'months', 'sex', 'year', and various question scores ('q_1' through 'q_13').

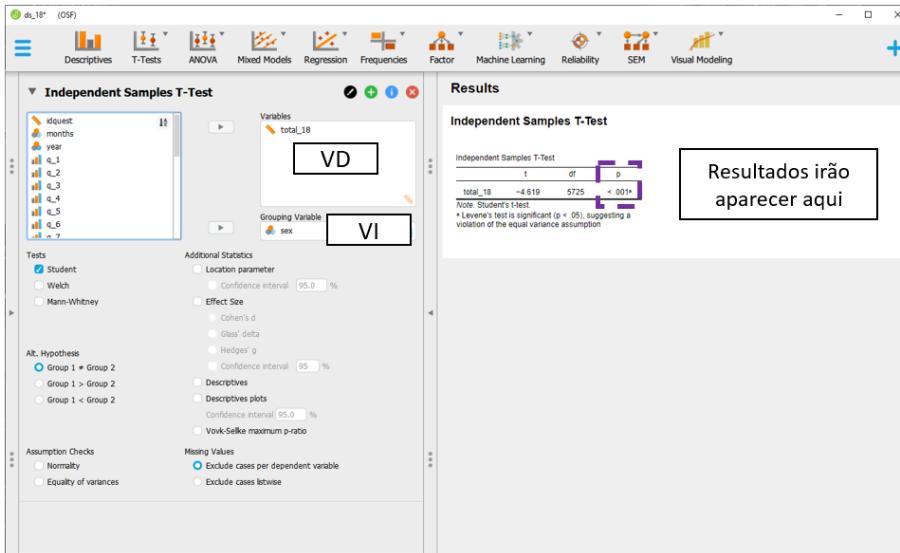
	idquest	months	sex	year	q_1	q_2	q_3	q_4	q_5	q_6	q_7	q_8	q_9	q_10	q_11	q_12	q_13
1	288161	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	445541	18m	M	2011	0	10	0	5	0	0	0	0	5	0	0	0	0
3	394701	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	440933	18m	M	2011	0	5	0	5	0	0	0	0	0	5	0	5	0
5	399521	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	10	0	0	0
6	422025	18m	M	2011	0	5	0	0	0	0	0	5	5	0	0	0	0
7	378005	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	446349	18m	M	2011	0	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5
9	422041	18m	M	2011	0	10	0	5	10	0	0	0	5	0	10	0	0
10	205709	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
11	305369	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	0
12	376725	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	0	5	0	0
13	440389	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	10	0	0	5	0
14	374165	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	10	0
15	385629	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	5	0	0	0	0	0
16	424443	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	5
17	412245	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
18	388209	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	5
19	424173	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	0
20	437265	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	5	0	0	0	0
21	162157	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	5	0	5	10	0
22	371469	18m	M	2011	0	10	0	0	0	0	0	0	10	0	10	0	0
23	386701	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	10	0	0	0	0	0

Ao realizar tais ações, a tela a ser exibida será próxima à imagem a seguir:



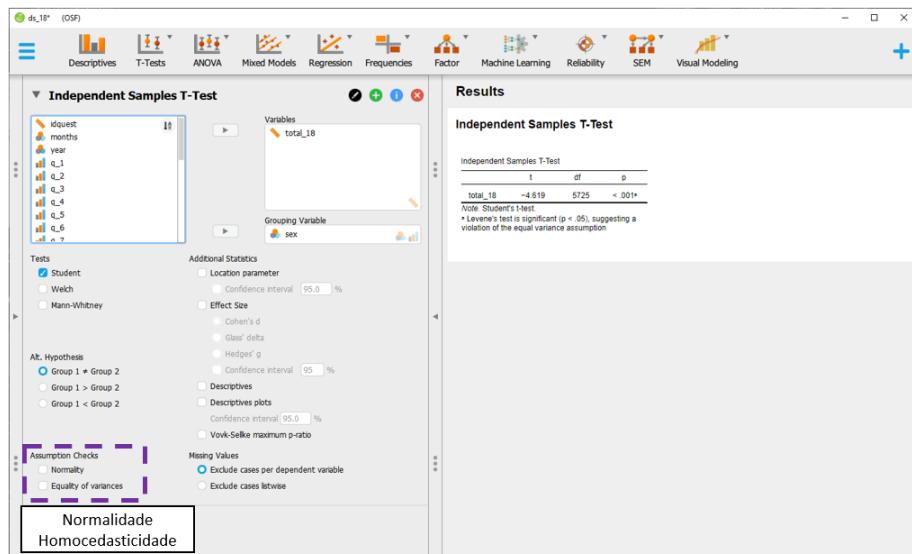
Repare que a **Grouping variable** é o local onde a VI deverá ser colocada, enquanto a **Variables** é o local onde a VD irá ser inserida. É possível ter apenas uma VI, enquanto diferentes VDs podem ser inseridas na seção **Variables** para serem analisadas independentemente .

Neste caso de agora, a VI é sex e a VD é total_18. Ao inseri-las em seus locais específicos, o JASP automaticamente irá fazer o Teste T e apresentar os resultados. Praticamente, o valor de P costuma ser utilizado para decisões estatísticas e ele está destacado pelo quadrado roxo na imagem a seguir.

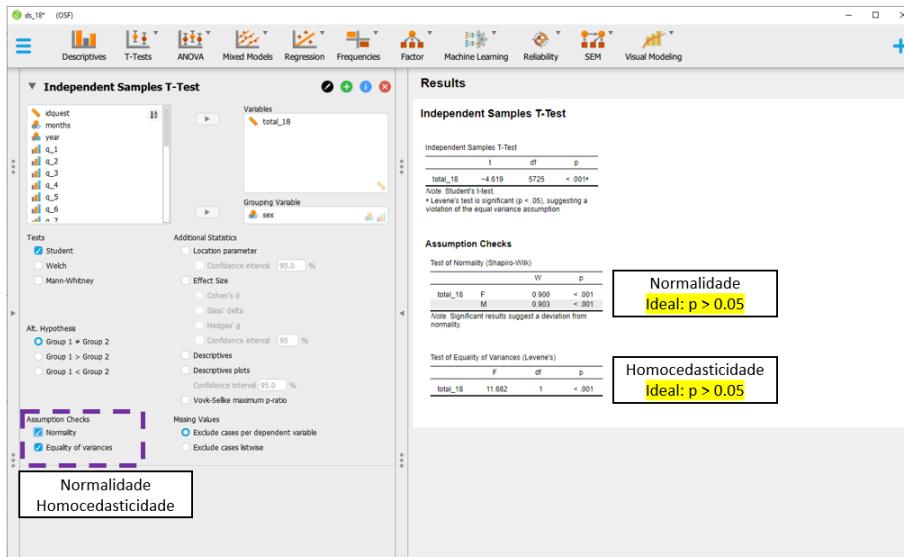


Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

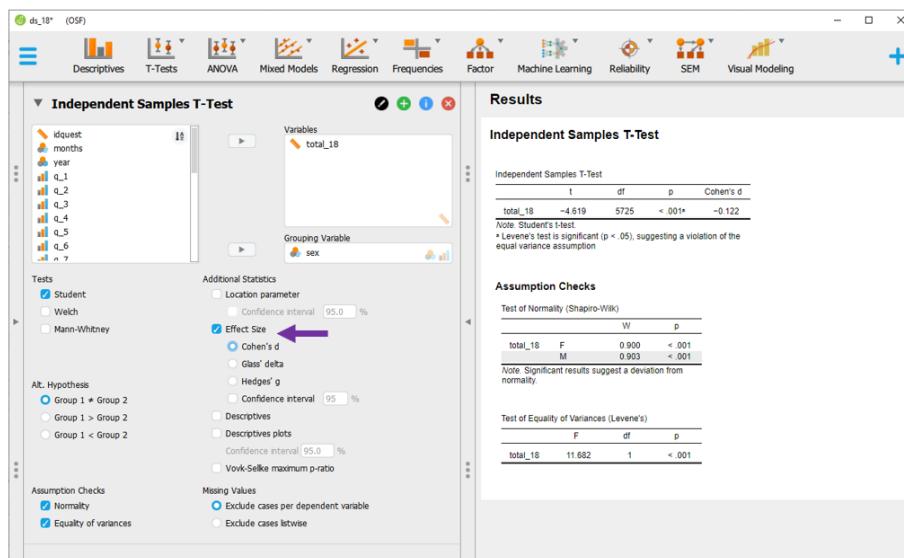
Entretanto, da mesma forma como apresentado no ambiente R, a interpretação deste resultado não pode ser feita de uma forma automática. É necessário saber se os pressupostos foram ou não atendidos, além de calcular o tamanho do efeito. Para verificar os pressupostos, será necessário utilizar as opções dispostas na parte inferior à esquerda do programa. Na imagem abaixo, elas foram destacadas pelo retângulo roxo.



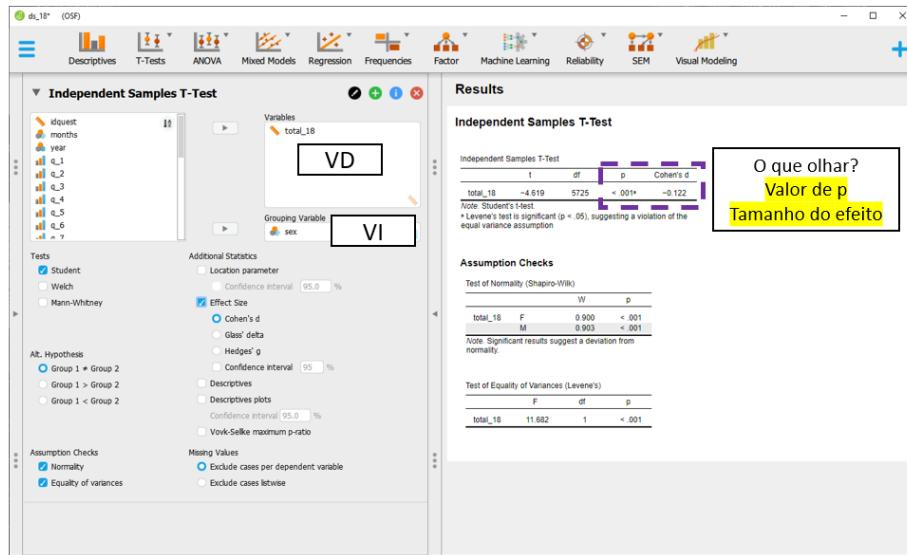
É necessário marcar as duas opções para que os testes sejam realizados. Os resultados são os mesmos já obtidos pelo R e indicam que ambos os pressupostos foram violados, sugerindo uma interpretação bastante cautelosa dos achados.



Para inserir o tamanho do efeito ao lado do Teste T, é necessário clicar em **Effect size** e **Cohen's d**, ambos localizados na parte superior do JASP.



Com estas informações marcadas, agora os resultados podem ser analisados em conjunto. O valor de P irá indicar se a hipótese nula foi rejeitada ou não. O tamanho do efeito indicará a relevância ou importância prática dos resultados.



Atenção: Nunca se aceita a hipótese nula ou a hipótese alternativa. Como Fisher (1931, p. 16) comenta, a hipótese nula nunca é provada ou estabelecida, mas é possivelmente refutada. Da mesma forma, rejeitar a hipótese nula não se refere a aceitar a alternativa, mas tão somente que os dados são incompatíveis à hipótese nula.

Os resultados obtidos pelo JASP são idênticos aos do R. Eventualmente, a diferença em relação ao sinal (+ ou -) é devida a codificação feita pelos programas e nada interfere na interpretação dos resultados.

11.5 Escrita dos resultados

O primeiro achado foi que meninos e meninas não apresentaram diferenças em seus resultados médios quando tinham 12 meses. Abaixo uma sugestão de escrita baseada nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Os dados dos participantes foram analisados por um Teste T de amostras independentes para investigar as diferenças médias nos resultados do desenvolvimento entre meninos e meninas com 12 meses de idade. Os resultados mostraram que os valores médios de meninos e meninas não são significativamente diferentes ($t(1039) = 0.37$, $p = 0.71$). Dessa maneira, as diferenças encontradas podem ser mais bem explicadas por outras fontes de variações.

Em seguida, verificamos que essa diferença é significativa aos 18 meses e abaixo uma outra sugestão de escrita.

Como escrever os resultados

Os dados dos participantes foram analisados por um Teste T de amostras independentes para investigar as diferenças médias nos resultados do desenvolvimento entre meninos e meninas com 18 meses de idade. Os resultados mostraram que os valores médios de meninos ($M = 27.5$, $DP = 21.8$) e meninas ($M = 24.9$, $DP = 20.3$) são significativamente diferentes ($t(5725) = 4.62$, $p < 0.01$), apesar do tamanho do efeito ser irrelevante ($d = 0.12$).

11.6 Versão robusta do Teste T

Atenção: Um aspecto importante e que não costuma ser discutido com tanta frequência é que a modificação do teste estatístico utilizado pode modificar a hipótese da pesquisa. A decisão de alterar ou não o teste inferencial deve ser feita com justificativa teórica por parte do pesquisador.

Em muitas situações, os pressupostos do Teste T são violados. Parte da literatura argumenta que o Teste T é robusto o suficiente para lidar com isso (Lumley et al., 2002), enquanto outra parte sugere que é melhor optar por versões com médias aparadas, técnicas não-paramétricas (Field and Wilcox, 2017) ou outros modelos estatísticos.

Quando a homocedasticidade é violada, o Welch test pode ser utilizado. Este teste é considerado uma versão robusta do Teste T, já que lida bem com variações distintas nos grupos.

O tamanho do efeito do Welch test é também o d de Cohen e, por isso, não será novamente calculado nesta seção.

11.6.1 Execução no R

Para executar o O Welch-test no R, deve-se alterar a sintaxe, estipulando `var.equal = F` na sintaxe previamente exposta. Na verdade, o R executa o Welch test de maneira automática quando faz o Teste T. Dessa maneira, ao se remover este argumento por completo, o Teste T robusto será calculado. Existem outras soluções disponíveis no pacote `WRS`, que não serão implementadas neste livro.

O Welch-test será calculado considerando as crianças com 18 meses.

```
t.test(total_18 ~ sex, data = asq_18months) %>% pander::pander(., split.table = Inf)
```

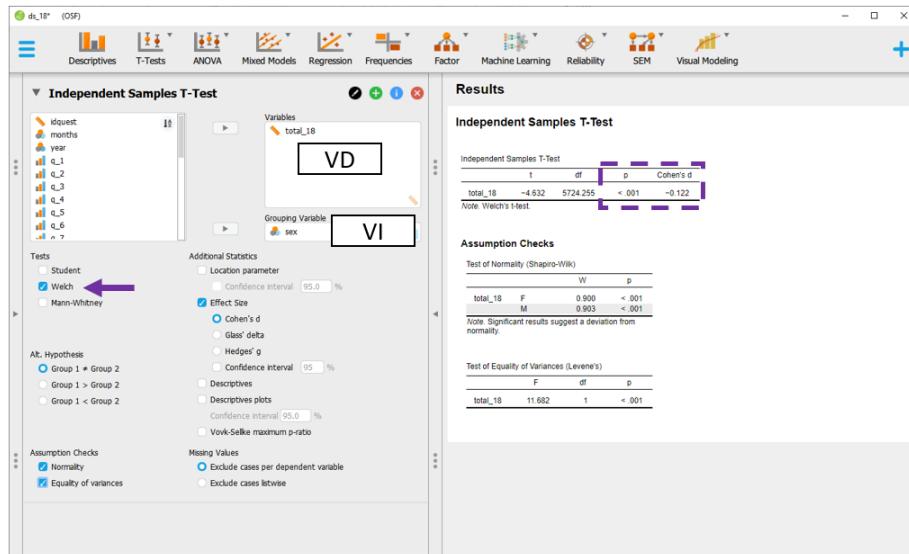
Table 11.10: Welch Two Sample t-test: total_18 by sex

Test statistic	df	P value	Alternative hypothesis	mean in group M	mean in group F
4.632	5724	3.707e-06 * * *	two.sided	27.53	24.95

Repare que a estatística de teste e os graus de liberdade são diferentes. No entanto, os resultados são virtualmente os mesmos obtidos anteriormente, indicando que os grupos apresentam valores significativamente distintos. A escrita dos resultados é a mesma da apresentada.

11.6.2 Execução no JASP

No JASP, é possível acessar a versão robusta clicando em **Welch**, embaixo do **Student**, que já é previamente marcado.



A interpretação e escrita dos achados é a mesma realizada anteriormente.

11.7 Mann-whitney

O teste de Wilcoxon-Mann-Whitney costuma ser chamado de versão não-paramétrica do Teste T. No entanto, isso não é totalmente verdadeiro. O Teste T e o Mann-Whitney testam hipóteses diferentes. Enquanto o Teste T compara

médias, o Mann-whitney compara os valores ranqueados (postos). Nota-se que ele não é um teste para comparar medianas e que isso só ocorre em condições restritas.

Com muita frequência, o Mann-Whitney costuma ser eleito como um forte candidato para substituir o teste T quando seus pressupostos são violados. No entanto, conforme comentando, este teste responde a uma hipótese apenas próxima daquela que o Teste T trabalha.

11.7.1 Execução No R

Para executar o Mann-Whitney, é possível utilizar a função `wilcox.test`. As conclusões estatística são virtualmente identicas às obtidas previamente, em que foi possível rejeitar a hipótese nula.

```
mann_whiyney_18m <- wilcox.test(total_18 ~ sex, data = asq_18months)
mann_whiyney_18m %>% pander::pander()
```

Table 11.11: Wilcoxon rank sum test with continuity correction:
`total_18` by `sex`

Test statistic	P value	Alternative hypothesis
4368187	9.902e-06 * * *	two.sided

11.7.2 Tamanho do efeito

O tamanho do efeito também pode ser calculado por $Z/\sqrt{(n)}$. O output padrão do R não oferece a informação de Z, mas o pacote `coin` dispõe dessa métrica.

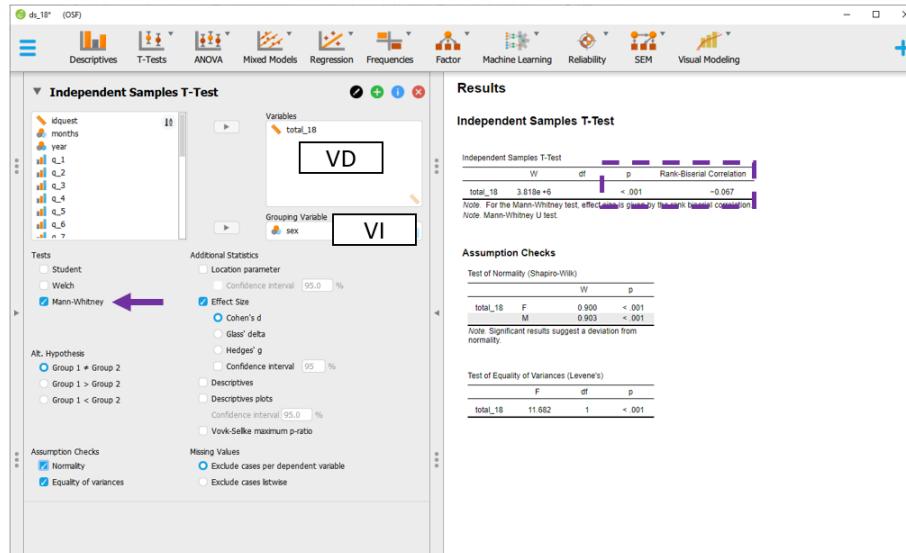
```
coin::statistic(coin::wilcox_test(total_18 ~ sex,
                                    data = asq_18months))
```

```
## [1] 4.41932
```

Plugando este valor na fórmula, o tamanho do efeito é aproximadamente 0.06.

11.7.3 Execução no JASP

No JASP, é necessário marcar a opção Mann-Whitney no lugar da opção Student, que é a definida por padrão. O JASP utiliza a correlação rank-bisserial como método padrão para relatar o tamanho do efeito para o teste de Mann-Whitney.



11.7.4 Escrita dos resultados

A literatura não é muito concordante em como escrever os resultados do Mann-Whitney e abaixo há uma sugestão.

Como escrever os resultados

Os dados foram analisados pelo teste Wilcoxon-Mann-Whitney para investigar as diferenças nos resultados do desenvolvimento entre meninos ($Mdn = 25$, $IQR = 30$, $M = 27.53$, $DP = 21.61$) e meninas ($Mdn = 20$, $IQR = 25$, $M = 24.95$, $DP = 20.34$) com 18 meses de idade. Os resultados indicaram que os resultados foram significativos ($W = 4368187$, $p < 0.01$), mas com efeito negligenciável (0.12).

11.8 Teste T e regressão

Conforme alertado ao início do capítulo, o Teste T é um caso particular de um modelo de regressão, em que há uma única variável independente com dois níveis

e uma variável dependente contínua. No capítulo sobre modelos de regressão, alguns conceitos tendem a ficar mais claros.

Neste modelo, b_0 (intercepto) é o grupo referência que recebeu o valor 0. Já b_1 (inclinação) é a diferença entre os valores do grupo definido para o intercepto e o outro grupo, que recebeu o valor de 1 e é chamado de comparação. Caso isso não tenha sido explicitamente definido, ao se usar o R, será necessário codificar a variável como fator.

O exemplo abaixo ilustra os resultados utilizando a base `asq_18months`.

```
lm(total_18 ~ sex, data = asq_18months) %>%
  olsrr::ols_regress()

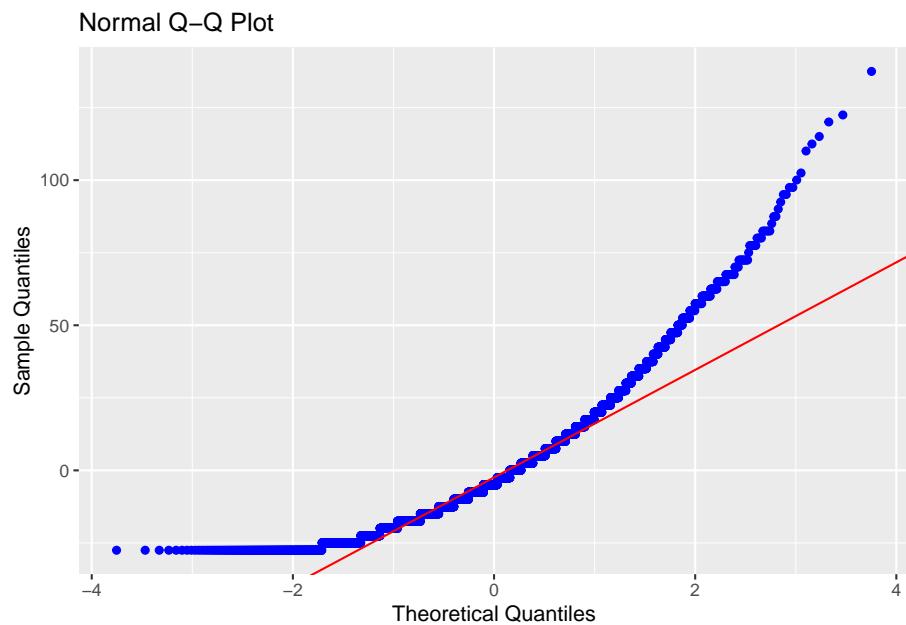
##                                     Model Summary
## -----
##   R                      0.061      RMSE        21.117
##   R-Squared                0.004      Coef. Var  80.324
##   Adj. R-Squared           0.004      MSE         445.920
##   Pred R-Squared           0.003      MAE        16.152
## -----
##   RMSE: Root Mean Square Error
##   MSE: Mean Square Error
##   MAE: Mean Absolute Error
##
##                                     ANOVA
## -----
##   Sum of
##   Squares      DF   Mean Square      F      Sig.
## -----
##   Regression    9511.801     1      9511.801  21.331  0.0000
##   Residual     2552890.199  5725      445.920
##   Total        2562401.999  5726
## -----
##                                     Parameter Estimates
## -----
##   model      Beta   Std. Error   Std. Beta      t      Sig      lower      upper
## -----
##   (Intercept) 27.527       0.387
##   sexF        -2.580       0.559      -0.061    -4.619  0.000   -3.675   -1.485
## -----
```

Em função da ordem alfabética, o R atribuiu os meninos (`male`) como intercepto e, consequentemente, como grupo referência. Assim, o valor de b_0 é o valor

médio obtido pelos dos meninos (27.53). A inclinação b_1 é a diferença entre os valores dos meninos e das meninas (24.95–27.53). Nesse caso, o valor é -2.58. A estatística F é equivalente a t^2 do Teste T em sua versão tradicional, que assume variâncias iguais entre grupos.

Assim, torna-se mais intuitivo mostrar que a normalidade no Teste T se refere à normalidade dos resíduos deste modelo de regressão. Isso pode ser visualmente pela análise de um QQ plot, tal como a seguir.

```
olsrr::ols_plot_resid_qq(lm(total_18 ~ sex, data = asq_18months))
```



Ou por testes estatísticos formais, como o Shapiro-wilk, Anderson-Darling e Jarque Bera. Em todos eles, a hipótese nula é de que os resíduos são normalmente distribuídos e idealmente não se deve rejeitá-la. Uma vez que o Shapiro-wilk não lida bem mais de 500 valores residuais, abaixo segue a execução do Anderson-Darling.

```
nortest::ad.test(lm(total_18 ~ sex, data = asq_18months)$residuals)
```

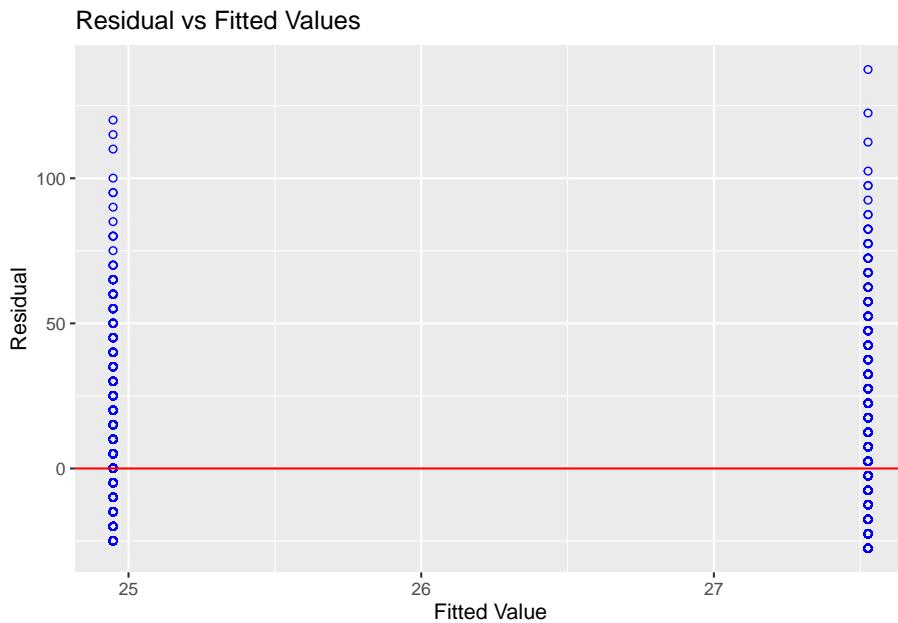
```
##  
## Anderson-Darling normality test  
##
```

```
## data: lm(total_18 ~ sex, data = asq_18months)$residuals
## A = 116.57, p-value < 2.2e-16
```

Os resultados foram convergentes ao alcançados durante o capítulo, indicando pela violação da normalidade.

A homocedasticidade pode ser investigada também por um gráfico dos resíduos contra os valores ajustados, tal como abaixo.

```
olsrr::ols_plot_resid_fit(lm(total_18 ~ sex, data = asq_18months))
```



O teste de Levene, de Bartlett ou de Breusch-Pagan também oferecem recursos para tal análise.

```
olsrr::ols_test_breusch_pagan(lm(total_18 ~ sex, data = asq_18months))
```

```
##
##  Breusch Pagan Test for Heteroskedasticity
##  -----
##  Ho: the variance is constant
##  Ha: the variance is not constant
##
```

```

##           Data
## -----
## Response : total_18
## Variables: fitted values of total_18
##
##           Test Summary
## -----
## DF          =     1
## Chi2        = 13.89602
## Prob > Chi2 = 0.0001932067

```

Os achados também concluem pela rejeição da homocedasticidade, tal como foi previamente apresentado. Mais detalhes sobre modelos de regressão são apresentados em capítulos específicos.

11.9 Resumo

1. O Teste T é um teste paramétrico que visa comparar até duas médias
2. Gráfico de barras ou boxplots são extremamente úteis para verificar os resultados
3. O Teste T é um caso particular de um modelo de regressão
4. Os pressupostos do Teste T devem ser checados para verificar a validade da interpretação dos resultados
5. Quando os pressupostos são violados, o pesquisador deverá tomar decisões sobre a manutenção, modificação ou substituição deste teste por outro
6. A mudança da modelagem estatística, necessariamente, modifica a hipótese testada e isso deve ser levado em consideração
7. O tamanho do efeito é uma métrica importante e realizada pelo d de Cohen

11.10 Pesquisas adicionais

1. Are Women Really More Talkative Than Men? (DOI: 10.1126/science.1139940)
Nesta pesquisa, 96 participantes (210 mulheres and 186 homens) foram investigados entre 1998 e 2004. Os pesquisadores deram para todos um

tipo de gravador de voz que eles deveriam utilizar diariamente. Ao fim, a média de palavras produzidas por homens e mulheres foram comparadas.

2. O diferencial de desempenho escolar entre escolas públicas e privadas no Brasil (DOI: 10.1590/0103-6351/1564) Este trabalho apresenta uma análise dos resultados de provas de matemática e língua portuguesa do Sistema de Avaliação da Educação Básica. As provas são feitas por alunos do ensino fundamental de escolas públicas ou privadas. Diferentes análises foram feitas, indicando que, em média, alunos de escolas privadas tem resultados superiores.
3. Gender Differences in Multiple-Choice Tests: The Role of Differential Guessing Tendencies (DOI: 10.1111/j.1745-3984.1991.tb00341.x)
Nesta pesquisa, objetivou-se verificar a diferença no perfil cognitivo e padrão de respostas ao acaso de homens e mulheres. Para isso, 302 mulheres e 302 homens foram selecionados aleatoriamente de uma universidade em Jerusalém e, em seguida, fizeram um conjunto de testes cognitivos.

11.11 Questões

1. (Retirado de Residência Médica, UNIFESP, CONSESP, 2015) De 20 mulheres com tensão pré-menstrual que receberam extrato de soja, seis melhoraram em seis meses. De outras 20 mulheres com tensão pré-menstrual que receberam placebo, duas melhoraram em seis meses. Os dois parâmetros resultantes foram, então, comparados.a) Teste t para duas médias provenientes de amostras independentes.b) Teste exato de Fisher para duas proporções provenientes de amostras independentes.c) Teste t para duas médias provenientes de amostras relacionadas (teste t pareado).d) Teste de McNemar para duas proporções provenientes de amostras independentes.e) Teste exato de Fisher para duas proporções provenientes de amostras relacionadas.
2. (Retirado de Oficial Técnico de Inteligência Área de Criptoanálise Estatística, ABIN, CESPE, 2010) O teste de Wilcoxon é o equivalente não paramétrico do teste t-Student para comparação de duas médias, e o teste de Kruskal-Wallis é o equivalente não paramétrico da análise de variâncias para um fator.a) Certo.b) Errado.
3. (Retirado de Laboratório de Estatística e Geoinformação-UFPR) Suponha que você tenha sido contratado para conduzir um estudo cujo objetivo seja descobrir qual dentre duas marcas de refrigerantes as pessoas acham que tem o melhor sabor. Em seu estudo, os participantes são submetidos a uma degustação às cegas. Eles pontuam uma marca e então pontuam a outra, em ordem aleatória. As notas são atribuídas numa escala de 1 (horrível) a 5 (delicioso). Qual tipo de teste seria o melhor para comparar

estas notas? Justifique sua escolha.a) Teste t para dois grupos pareados.b)
Teste t para dois grupos independentes.c) Teste qui-quadrado.d) Teste de
Mann-Whitney.e) Teste de Wilcoxon.

Gabarito: 1-b; 2-a; 3-e

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando aqui.

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos.
Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 12

ANOVA

Objetivos do capítulo

1. Apresentar a ANOVA
2. Discutir seus diferentes tipos, incluindo ANOVA de 1 via, 2 vias e Fatorial
3. Apresentar gráficos e tabelas com comparações de grupos
4. Apresentar e discutir testes Post hoc
5. Dar exemplos relacionados à escrita dos resultados

GLOSSÁRIO

ANOVA: Análise da variância.

Via: Variável independente, variável fonte, variável preditora, tratamento.

Fator: Sinônimo de via.

Desfecho: Variável dependente, variável critério.

Níveis: Grupos, classes, condições, categorias da variável independente.

Efeito principal: Efeito da variável independente em questão (controlando pelas outras no modelo).

Efeito de interação: Efeito do termo de interação entre duas ou mais variáveis independentes. Quando significativo, não se interpreta os efeitos principais.

Efeito simples: Efeito de uma variável independente em um nível (específico) de outra variável independente.

ANCOVA: Análise de covariância, onde se controla os resultados por uma variável contínua.

MANOVA: Análise multivariada de variância, onde se estende a ANOVA para incluir duas variáveis dependentes. É um modelo multivariado.

A ANOVA representa um conjunto de procedimentos estatísticos muito utilizado para verificar diferenças médias entre diversos grupos e, portanto, é considerada um procedimento paramétrico. Praticamente, é possível entender ANOVA como um super Teste T ou também um caso particular de um modelo de regressão. Uma vez que a ANOVA verifica a diferença entre todos os grupos e

combinações lineares de maneira simultânea, ela é classificada como um *Om-nibus test*. A relação entre a ANOVA e o Teste T será abordado na seção Post hoc.

Alguns autores indicam que a ANOVA é a técnica inferencial mais utilizada em Psicologia (Chartier and Faulkner, 2008). Se por um aspecto, isso é extremamente vantajoso, uma vez que estreita a relação entre Psicologia e Estatística; por outro, isso parece ter contribuído para criação e manutenção de diferentes conceitos equivocados sobre a ANOVA.

Conceitualmente, a ANOVA é um modelo linear, tal que:

$$y_i = b_0 + b_1 X_{1i} + \cdots + b_p X_{pi} + e_i$$

- y_i representa a variável dependente
- b_0 é o intercepto (coeficiente linear)
- b_p é a inclinação (coeficiente angular)
- X_p é a variável independente em questão
- e_i é o erro/resíduo

Os seguintes pressupostos dos modelos lineares são mantidos, que são:

- (i) Os dados são aleatórios e representativos da população
- (ii) A variável dependente é contínua
- (iii) Os resíduos são normalmente distribuídos
- (iv) Os resíduos são independentes uns dos outros
- (v) A variância dos resíduos é constante

Operacionalmente, o erro representa todos os fatores de pesquisa e problemas de medição que afetam o resultado, além das variáveis independentes consideradas na modelagem.

Atenção: Diferente de outros modelos, a linearidade dos resíduos não é formalmente um pressuposto a ser testado na ANOVA. Isso ocorre pela VI ser categórica em vez de contínua.

Eventualmente, quando os pressupostos do modelo são violados, a literatura mais tradicional recomenda que ajustes ou testes não-paramétricos com propostas parecidas possam ser implementados. A tabela abaixo concatena os testes estatísticos relacionados para fins de comparação com outros trabalhos. Há também autores que sugerem que se use sempre as versões não-paramétricas em resultados obtidos por processos de avaliação psicológica, argumentando que os dados têm nível de medida “ordinal”.

Eventualmente, quando os pressupostos do modelo são violados, a literatura mais tradicional recomenda que ajustes ou testes não-paramétricos com propostas parecidas possam ser implementados. A tabela abaixo concatena os testes estatísticos relacionados para fins de comparação com outros trabalhos. Há também autores que sugerem que se use sempre as versões não-paramétricas

em resultados obtidos por processos de avaliação psicológica, argumentando que os dados têm nível de medida “ordinal”.

Estatística	Um ou mais fatores	Medidas repetidas
Paramétrica	ANOVA de k via(s)/Fatorial	ANOVA de medidas repetidas
Não-paramétrica	Kruskal-Wallis	Teste de Friedman ou Page

Por heurística, se escreve os delineamentos estudados por uma ANOVA com η . Por exemplo, se o interesse for verificar o efeito da escolaridade (fundamental, médio e superior) em um determinado desfecho, isso é entendido como uma ANOVA de 1 via. Caso o interesse seja verificar o efeito da escolaridade, mas também do sexo (masculino ou feminino), a representação será $\eta = 3 \times 2$. Isso significa que a ANOVA tem dois fatores (escolaridade e sexo), o primeiro fator tem três níveis e o segundo tem 2 níveis.

A tabela a seguir resume as denominações encontradas na literatura:

VDs	Uma VI	2 ou mais VIs (sem interação)	2 ou mais VIs (com interação)
1 VD	ANOVA de 1 via (<i>one way</i>)	ANOVA 2 (ou mais) vias (<i>multi way</i>)	ANOVA Fatorial
2 ou mais	MANOVA		

Fim da versão gratuita

12.1 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Livro - R - TEG

Base JASP: Base CSV - base_csv_teg_processed

Neste capítulo, vamos utilizar a pesquisa intitulada “A relação entre o nível de Empreendedorismo (TEG) e os aspectos sociodemográficos dos Taxistas cooperados da cidade de Santo André/São Paulo, Brasil”, publicada em 2016 na Revista Eletrônica de Gestão e Serviços, em que sou coautor. O objetivo dessa pesquisa foi identificar o nível de empreendedorismo em 147 taxistas de Santo André/SP, bem como averiguá-lo em associação aos aspectos sociodemográficos. Muitas perguntas teóricas foram feitas neste trabalho e uma foi verificar o quanto os níveis de escolaridade poderiam impactar o empreendedorismo.

12.2 ANOVA de 1 via

Em uma ANOVA de 1 via, há apenas um fator com três ou mais níveis. Conceptualmente, temos:

$$y_i = b_0 + b_1 X_{1i} + e_i$$

- y_i representa a variável dependente
- b_0 é o intercepto (coeficiente linear)
- X_{1i} é a variável independente em questão
- b_1 é a inclinação (coeficiente angular)
- e_i é o erro/resíduo

A pergunta que temos neste trabalho é sobre o possível efeito da **escolaridade** (fundamental, médio, etc) na Tendência Empreendedora Geral (**teg**).

12.3 Execução no R

Ao trabalhar no R, é fundamental se certificar que os tipos das variáveis estão corretamente definidos em função da escala de medida utilizada. Erros nessa etapa podem gerar resultados absolutamente incorretos. A escolaridade é uma variável categórica (ordinal, tratada como discreta) e é necessário definir claramente isso ao R antes da análise propriamente dita.

Atenção: Tenha atenção à codificação computacional que o R atribuiu à variável de interesse. Erros nesta etapa podem impactar severamente os resultados.

Isso pode ser feito pela função `case_when` e `levels`. O `case_when` irá usar os valores originalmente presentes nessa variável para computar uma nova variável categórica. O `levels` deixará claro a ordem de cada categoria, o que é útil para que os gráficos sejam feitos corretamente.

Uma vez que os itens de um instrumento sociodemográfico devem levar em consideração o contexto das pessoas avaliadas as categorias de escolaridade foram definidas da seguinte maneira: Primário significa escolaridade até o 5º ano, ginásio significa escolaridade até o 9º ano e colegial é equivalente ao ensino médio.

```
dados_teg <- dados_teg %>%
  mutate(escolaridade_fct = factor(case_when(
    escolaridade == 1 ~ "primario",
    escolaridade == 2 ~ "ginasio",
    escolaridade == 3 ~ "Colegial",
    escolaridade == 4 ~ "superior"),
    levels=c("primario","ginasio","Colegial","superior")))
```

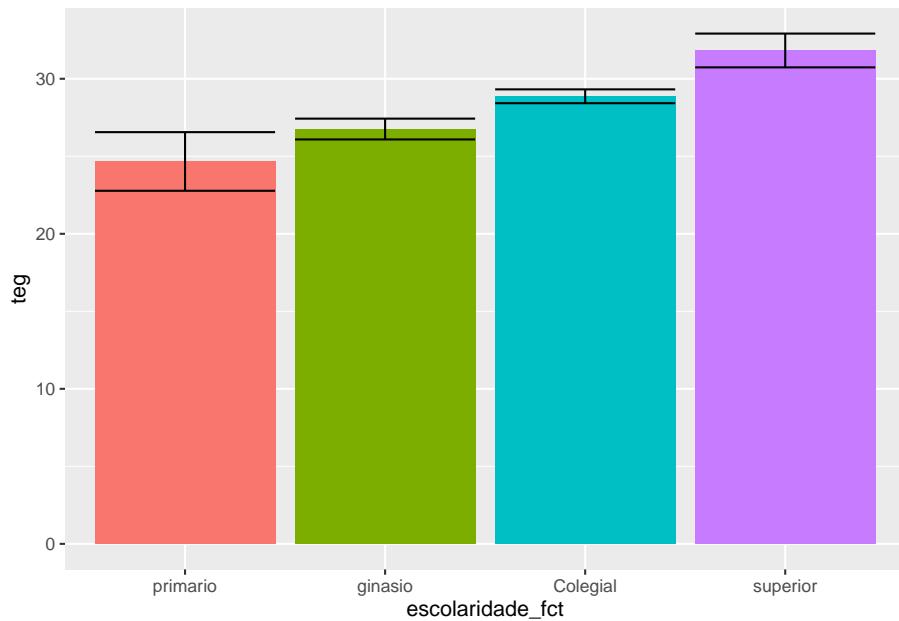
Os resultados descritivos devem ser calculados. A média irá apresentar a concentração dos dados, enquanto o desvio-padrão apresentará o afastamento dos valores em torno da respectiva média.

```
dados_teg %>%
  group_by(escolaridade_fct) %>%
  summarise_at(vars(teg), lst(n=~n(), mean, sd)) %>%
  pander()
```

escolaridade_fct	n	mean	sd
primario	6	24.67	4.633
ginasio	33	26.76	3.857
Colegial	85	28.87	4.108
superior	23	31.83	5.228

Tal como ilustrado no decorrer dos outros capítulos, gráficos são fundamentais para entendimento do relacionamento entre as variáveis. Uma vez que a escolaridade (VI) é tratada como discreta e a TEG (VD) é contínua, um gráfico de barras é adequado. A inclusão das barras de erro permite uma compreensão inferencial inicial.

```
ggplot(dados_teg, aes(x=escolaridade_fct, y = teg, fill = escolaridade_fct)) +
  geom_bar(stat = "summary", fun = mean) +
  stat_summary(fun.data = mean_se, geom = "errorbar") +
  theme(legend.position = "none")
```



Ambos os resultados já permitem identificar algumas características gerais. Primeiro, quanto maior a escolaridade, maior o valor obtido na escala. Segundo, algumas barras de erros estão superpostas e outras não, o que nos leva à conclusão preliminar de que resultados significativos estarão presentes na próxima etapa, que é a modelagem formal dessa hipótese.

Para realizar a ANOVA, é possível contar com a função `lm` ou `aov`. Aqui, a escolha da `lm` foi apenas por conveniência e o vetor `mod_escolaridade` irá armazenar os resultados.

```
mod_escolaridade <- lm(teg ~ escolaridade_fct, dados_teg)
```

Para apresentação, a função `apa.aov.table` do pacote `apatables` pode ser utilizada. Este pacote gera uma tabela parecida com a dos programas estatísticos comerciais e apresenta os principais elementos interpretáveis de uma ANOVA. A tabela a seguir sintetiza tais características.

Fonte de variação	Soma dos Quadrados	Graus de liberdade	Quadrado médio	Estatística F
Fator	Entre (SSB)	K-1	MSB = SSB/(K-1)	F = MSB/MSW
Resíduo	Dentro (SSW)	N-K	MSW = SSW/(N-K)	

Fonte de variação	Soma dos Quadrados	Graus de liberdade	Quadrado médio	Estatística F
Total	Total (SQT)	N-1		

Aqui, K significa quantidade de categorias dentro de um fator e N significa a quantidade de observações consideradas. As siglas em inglês são utilizadas para apresentar a “Soma dos quadrados entre os grupos” (SSB), “Soma dos quadrados dentro dos grupos” (SSW), “Quadrado médio entre grupos” (MSB) e “Quadrado médio dentro dos grupos” (MSW).

```
apaTables::apa.aov.table(mod_escolaridade)$table_body %>% pander(., split.table = Inf)
```

Predictor	SS	df	MS	F	p	partial_eta	CI_90_partial_eta2
(Intercept)	3650.67	1	3650.67	200.61	.000		
escolaridade	49.33	3	149.78	8.23	.000	.15	[.06, .22]
Error	2602.27	143	18.20				

Existe uma convenção utilizada para apresentar os resultados expostos na tabela acima, que é:

$$F(df_{between}, df_{within}) = F, P, \eta^2, 90\% CI [min, max]$$

Neste caso, como há 4 grupos de escolaridade, $df_{between} : 4 - 1 = 3$. No total, 147 participantes apresentam dados completos e portanto $df_{within} : 147 - 4 = 143$. Com isso, a apresentação fica $F(3,143) = 8.23$, $p < 0.01$, $\eta_p^2 = 0.15$, 90% CI [.06, .22]. A última parte do resultado é uma medida de tamanho do efeito, que terá a interpretação apresentada e discutida na próxima seção.

Atenção: Jamais apresente $p = 0.00$. Apresente até 3 casas decimais no valor de P ou, quando necessário, apresente $p < 0.001$.

Pelos resultados, é possível inicialmente concluir que existe um efeito significativo da escolaridade nos resultados da TEG. Como a ANOVA é um *omnibus test*, ainda não é possível identificar em qual dos níveis ou combinações este efeito ocorre, o que será feito em momento oportuno.

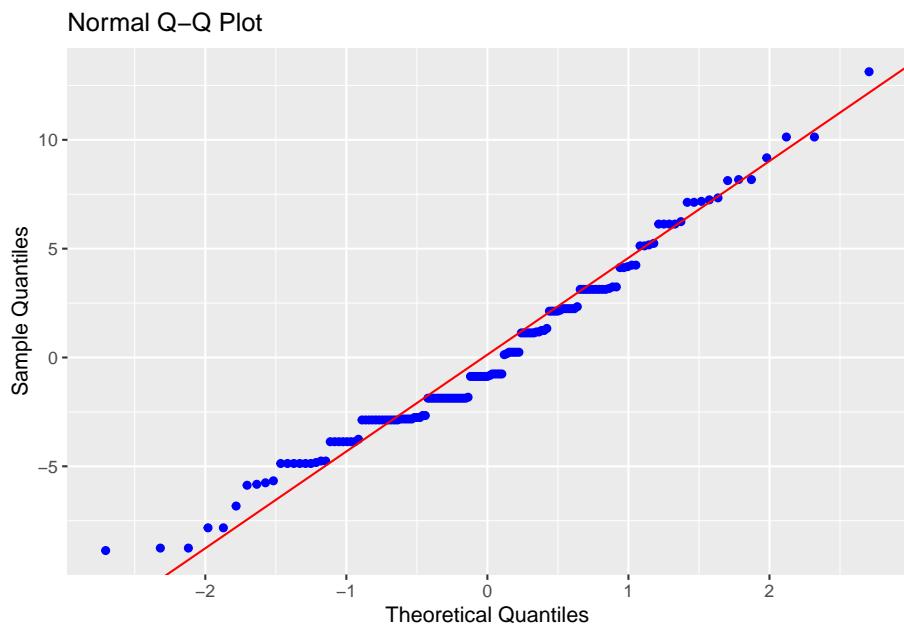
Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

Um aspecto importante é que a validade da interpretação dos resultados depende dos pressupostos do modelo estatístico. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o

aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017). Corriqueiramente, testar os pressupostos é uma etapa anterior à própria realização do teste inferencial. Entretanto, pedagogicamente a apresentação deles após a execução do teste parece mais adequada. Assim, eles serão testados a seguir.

Normalidade: A ANOVA tem como um dos pressupostos a normalidade da distribuição dos resíduos. Isso pode ser feito de diferentes maneiras e abaixo há um QQ plot. Caso ambas as linhas estejam sobrepostas, isso gera evidências que o pressuposto foi atendido. Neste caso, se nota que os desvios não foram tão acentuados, apesar de existirem. Se a análise fosse apenas via QQ plot, provavelmente se consideraria este pressuposto como atendido.

```
olsrr::ols_plot_resid_qq(mod_escolaridade)
```



Além da apresentação gráfica, existem testes estatísticos desenvolvidos especificamente para tal finalidade. Entre eles, há o Shapiro-wilk, Anderson-Darling e Jarque Bera. A hipótese nula de todos estes testes considera que os resíduos são normalmente distribuídos.

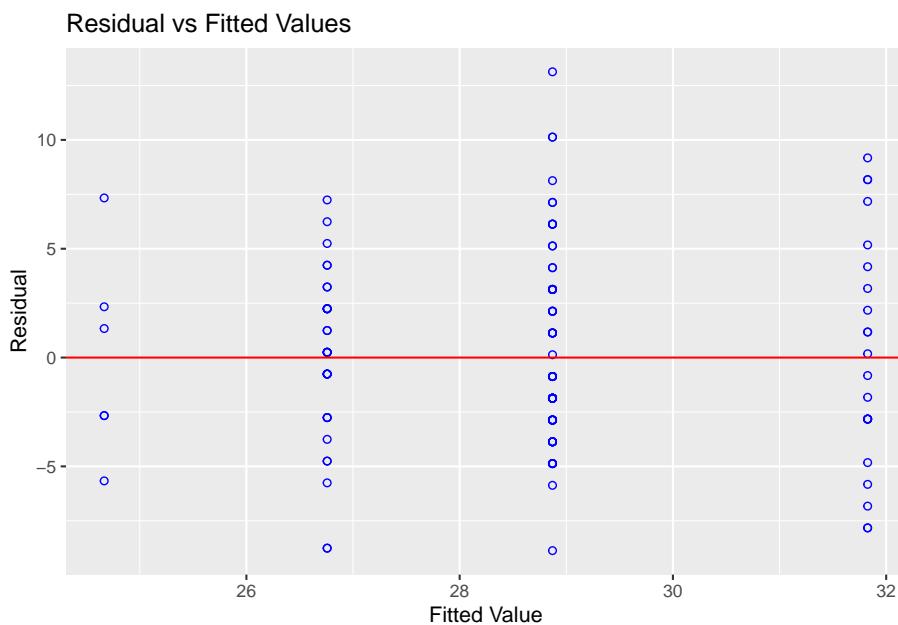
```
shapiro.test(residuals(mod_escolaridade))
```

```
##  
## Shapiro-Wilk normality test  
##  
## data: residuals(mod_escolaridade)  
## W = 0.97502, p-value = 0.008721
```

De maneira diferente à conclusão gráfica, o teste concluiu pela rejeição da normalidade.

Homocedasticidade: Este pressuposto pode ser testado por um gráfico dos resíduos contra os valores previstos. O ideal é não encontrar padrões no gráfico, tal como o gráfico a seguir.

```
olsrr::ols_plot_resid_fit(mod_escolaridade)
```



O teste de Levene, de Bartlett ou de Breusch-Pagan podem também serem utilizados de maneira formal. Eles estipulam H_0 como homocedasticidade que, idealmente, não deve ser rejeitada.

```
car::leveneTest(mod_escolaridade)
```

```
## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
```

```
##          Df F value Pr(>F)
## group     3 1.1372 0.3362
##             143
```

Os resultados indicaram que a homocedasticidade foi preservada.

Independência: Esse pressuposto frequentemente não é testado na ANOVA, apesar de ser uma exigência dos modelos lineares. De fato, uma vez que se espera que os grupos sejam mutuamente excludentes, teria pouco sentido acreditar que os resíduos não fossem independentes.

Após esses procedimentos feitos, é necessário calcular o tamanho do efeito.

12.4 Tamanho do efeito

Resultados significativos não são informativos em relação ao tamanho do efeito. Esta última métrica tem mais contato com as perguntas originalmente realizadas em uma pesquisa e é entendida como uma medida objetiva e padronizada da magnitude de um efeito observado independente da significância estatística. Dessa maneira, o tamanho do efeito pode ser considerado um indicador da relevância clínica dos grupos, cujo uso é sempre importante em pesquisas em Psicologia e áreas da saúde.

No ambiente da ANOVA, 3 medidas costumam ser utilizadas para tamanho do efeito, que são:

eta quadrado (η^2),
 eta quadrado parcial (η_p^2) e
 ômega quadrado (ω^2).

A ideia dessas medidas é verificar a variância explicada que o modelo testado apresenta quando comparado com um modelo simples, que conta apenas com a média. Em uma ANOVA de uma via, o η^2 e o η_p^2 possuem o mesmo valor. Esses conceitos serão revisitados no capítulo de regressão linear.

No caso de agora, o η^2 e o η_p^2 indicam a proporção da variabilidade dos resultados do TEG que pode ser atribuídos à escolaridade.

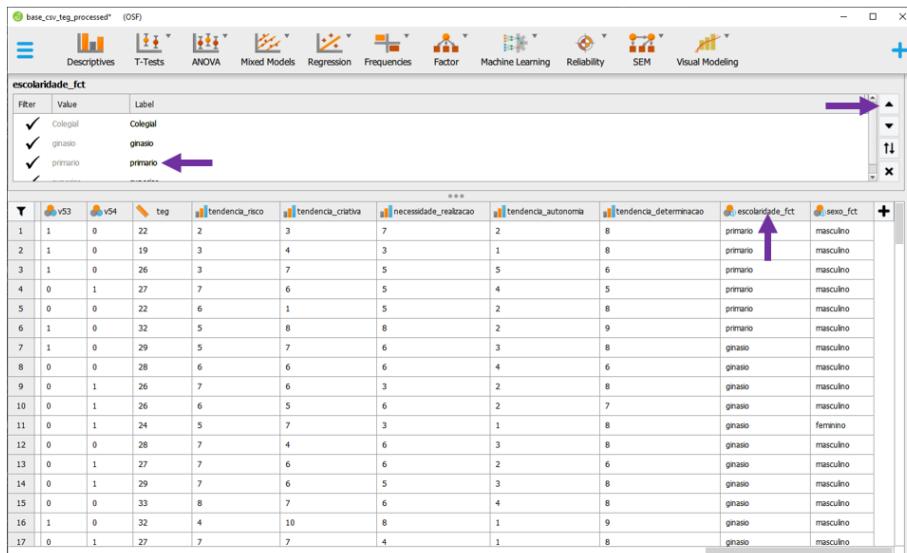
A interpretação pode ser feita da seguinte maneira:

3p2	Interpretação
$^3p2 < 0.01$	Irrelevante
$^3p2 \geq 0.01$	Pequeno
$^3p2 \geq 0.06$	Moderado
$^3p2 \geq 0.14$	Grande

O tamanho do efeito foi calculado automaticamente pelo R e está na tabela anterior.

12.5 Execução no JASP

A base utilizada será a intitulada `base_csv_teg_processed`. A primeira etapa da análise é a adequação das variáveis que serão trabalhadas. Isso é importante para criação de tabelas e gráficos. Para ajustar a ordenação dos níveis de Escolaridade, será necessário clicar no centro da variável `escolaridade_fct`, selecionar o grupo desejado (no caso, primário) e clicar na seta para que ele seja o primeiro grupo.



The screenshot shows the JASP software interface with the following details:

- Top Bar:** Shows the project name "base_csv_teg_processed" and various statistical analysis icons: Descriptives, T-Tests, ANOVA, Mixed Models, Regression, Frequencies, Factor, Machine Learning, Reliability, SEM, and Visual Modeling.
- Left Panel:** A sidebar titled "escolaridade_fct" with a "Filter" section. It lists three categories: Colegial, ginásio, and primário. The "primário" category is highlighted with a blue arrow pointing to it.
- Data View:** A large table below the sidebar displays 17 rows of data. The columns are labeled: v53, v54, teg, tendencia_risco, tendencia_cratiba, necessidade_realizacao, tendencia_autonomia, tendencia_determinacao, escolaridade_fct, and sexo_fct. The "escolaridade_fct" column shows values: primário, primário. The "sexo_fct" column shows values: masculino, masculino.

A ordem dos níveis deve ser a utilizada durante a pesquisa: primário, ginásio, colegial e superior. É importante relembrar que esses termos se dão em função do público que foi avaliado nessa pesquisa. Para fechar esta parte superior, basta clicar no X embaixo das setas, destacado no quadrado roxo.

The screenshot shows the SPSS interface with the 'Descriptives' menu selected. A purple bracket groups the variables 'escolaridade_fct' and 'sexo_fct' under the 'Label' column. A purple arrow points from the 'Label' column to the 'escolaridade_fct' column in the data table.

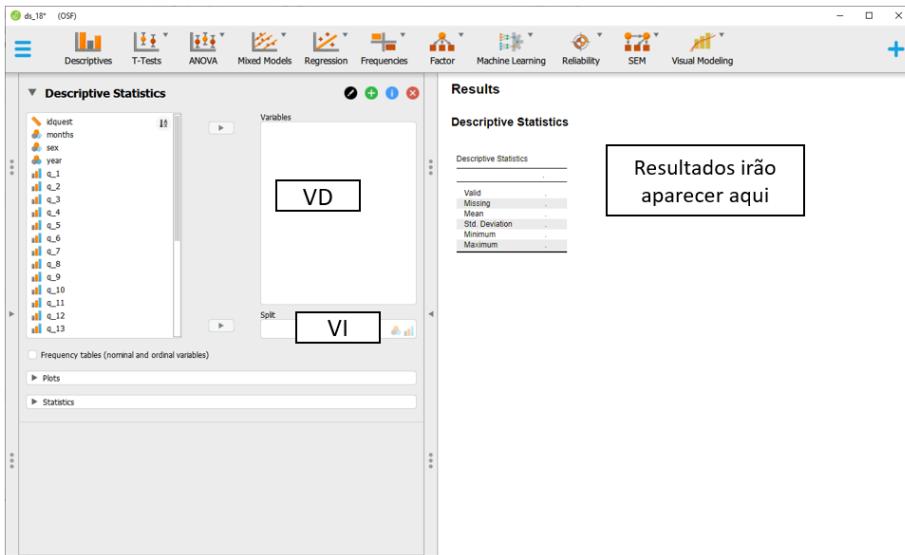
	v53	v54	teg	tendencia_risco	tendencia_criativa	necessidade_realizacao	tendencia_autonomia	tendencia_determinacao	escolaridade_fct	sexo_fct
1	1	0	22	2	3	7	2	8	primario	masculino
2	1	0	19	3	4	3	1	8	primario	masculino
3	1	0	26	3	7	5	5	6	primario	masculino
4	0	1	27	7	6	5	4	5	primario	masculino
5	0	0	22	6	1	5	2	8	primario	masculino
6	1	0	32	5	8	8	2	9	primario	masculino
7	1	0	29	5	7	6	3	8	gnasio	masculino
8	0	0	28	6	6	6	4	6	gnasio	masculino
9	0	1	26	7	6	3	2	8	gnasio	masculino
10	0	1	26	6	5	6	2	7	gnasio	masculino
11	0	1	24	5	7	3	1	8	gnasio	feminino
12	0	0	28	7	4	6	3	8	gnasio	masculino
13	0	1	27	7	6	6	2	6	gnasio	masculino
14	0	1	29	7	6	5	3	8	gnasio	masculino
15	0	0	33	8	7	6	4	8	gnasio	masculino
16	1	0	32	4	10	8	1	9	gnasio	masculino

Após feito isso, da mesma forma que foi feita no R, a apresentação de tabelas e gráficos auxiliam o pesquisador a verificar padrões nos dados. Para fazer os gráficos, é necessário clicar em **Descriptives**.

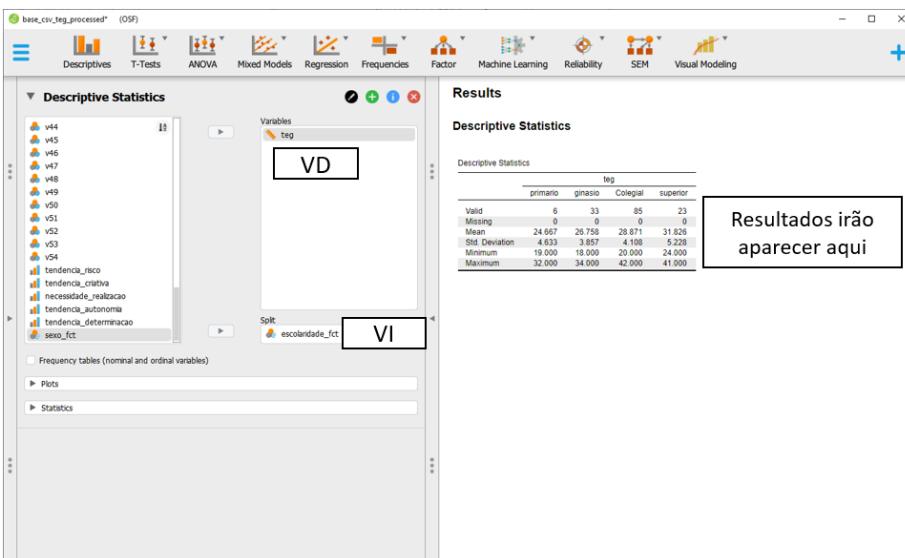
The screenshot shows the SPSS interface with the 'Descriptives' menu selected. A purple bracket groups the variables 'q1' through 'q13' under the 'Variable' column. A purple arrow points from the 'Variable' column to the 'q1' column in the data table.

	q1	months	sex	year	q_1	q_2	q_3	q_4	q_5	q_6	q_7	q_8	q_9	q_10	q_11	q_12	q_13
1	288161	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	5	0	0	0
2	445541	18m	M	2011	0	10	0	5	0	0	0	5	5	0	0	0	0
3	394701	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	440933	18m	M	2011	0	5	0	5	0	0	0	0	5	0	5	10	5
5	399521	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	10	0	0	0
6	422025	18m	M	2011	0	5	0	0	0	0	0	5	5	0	0	0	0
7	378005	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	446349	18m	M	2011	0	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5
9	422041	18m	M	2011	0	10	0	5	10	0	0	0	5	0	10	0	10
10	205709	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
11	305369	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	0
12	376725	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	0	0	5	0	0
13	440389	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	10	0	0	5	0	10
14	374165	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	10	0
15	385629	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	5	5	0	0	0	0
16	424493	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	5
17	412245	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
18	388209	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	5
19	424173	18m	M	2011	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	0
20	437265	18m	M	2011	0	0	0	5	0	0	0	0	5	0	0	0	0
21	162157	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	5	0	5	10	0
22	371469	18m	M	2011	0	10	0	0	0	0	0	0	5	0	0	10	0
23	386701	18m	M	2011	0	0	0	0	0	0	0	0	10	0	0	0	0

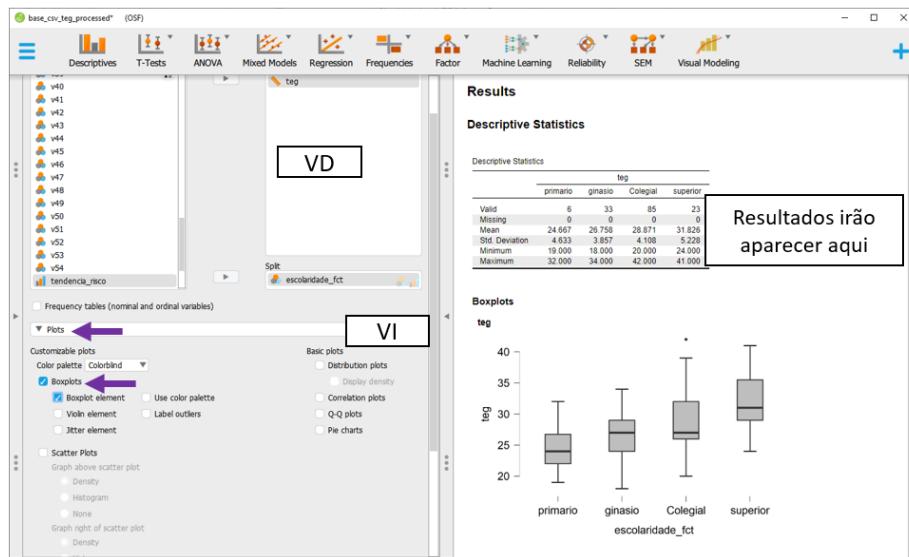
Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadoras. Na prática, a lista **Variables** irá reunir as variáveis dependentes, enquanto a variável independente será colocada na seção **Split**. É importante atentar à opção **Frequency tables (nominal and ordinal)**, que deve ser marcada quando o nível de medida da variável de interesse for nominal ou ordinal.



Agora é necessário arrastar as variáveis de interesse aos seus respectivos locais. Neste caso, o teg para parte das VDs, enquanto escolaridade_fct para a VI. Ao fazer isso, o JASP automaticamente irá preencher a tabela previamente exposta com os valores estatísticos obtidos. A média e o desvio-padrão indicam a posição típica dos dados e o afastamento esperado desta localização.



Em seguida, ao clicar na opção **Plots**, será possível selecionar o **Boxplot** e **Boxplot element**. O gráfico aparecerá abaixo da tabela e irá apresentar diferentes informações estatísticas da distribuição dos resultados de empreendedorismo em função dos níveis de escolaridade.

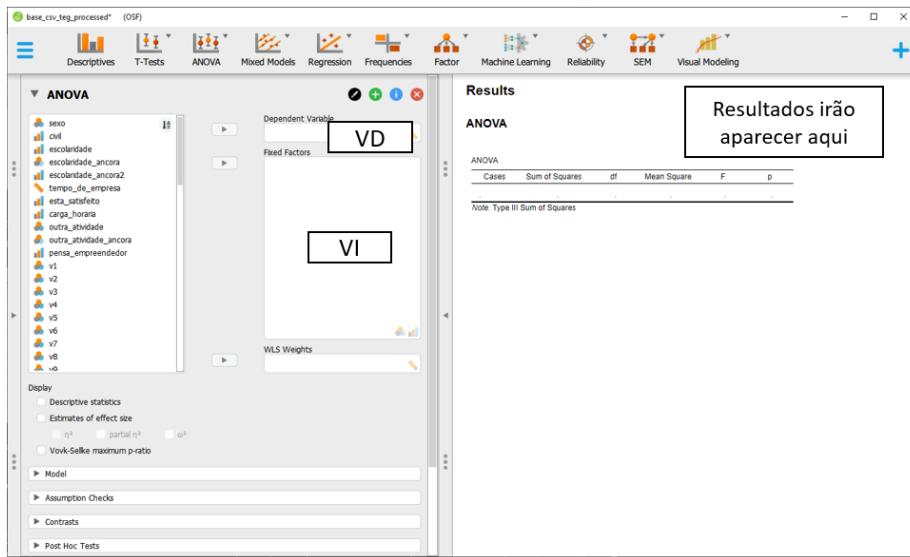


Os resultados tabulares e gráficos são idênticos. Preliminarmente, as evidências sugerem que pessoas com mais anos de ensino apresentam ter maior nível de empreendedorismo. No entanto, isso precisa ser testado formalmente.

Para execução da ANOVA, deve-se clicar em ANOVA e, em seguida, Classical e ANOVA.

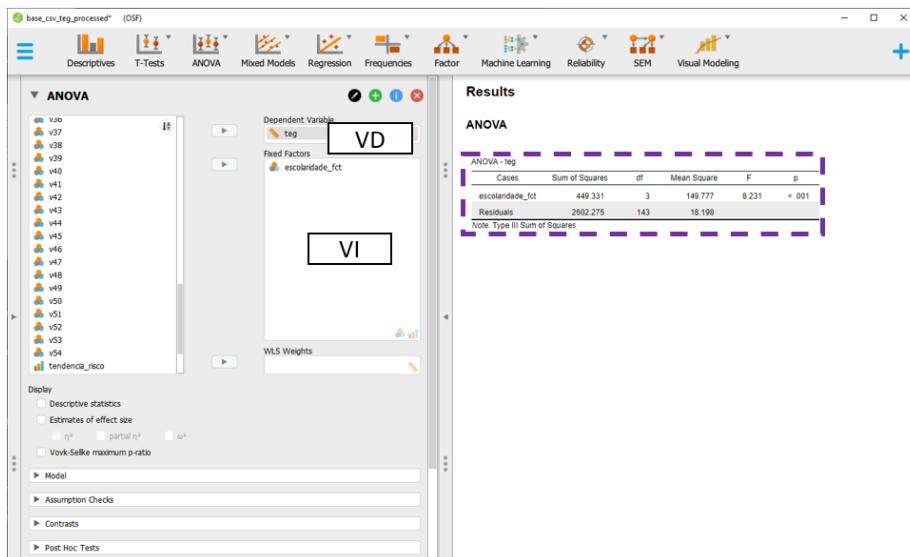
The screenshot shows the SPSS interface with the 'base_csv_teg_processed' dataset open. The 'ANOVA' tab is selected. The data view shows a table with 23 rows and 10 columns. The columns are labeled: 'tag', 'tendencia_risco', 'tendencia_creativa', 'necessidade_realizacao', 'tendencia_autonomia', 'tendencia_determinacao', 'escolaridade_fct', and 'sexo_fct'. A purple arrow points to the 'tag' column header. The 'tag' column contains values such as 22, 19, 26, 27, etc.

Ao realizar isso, a tela a ser exibida será próxima à imagem a seguir:



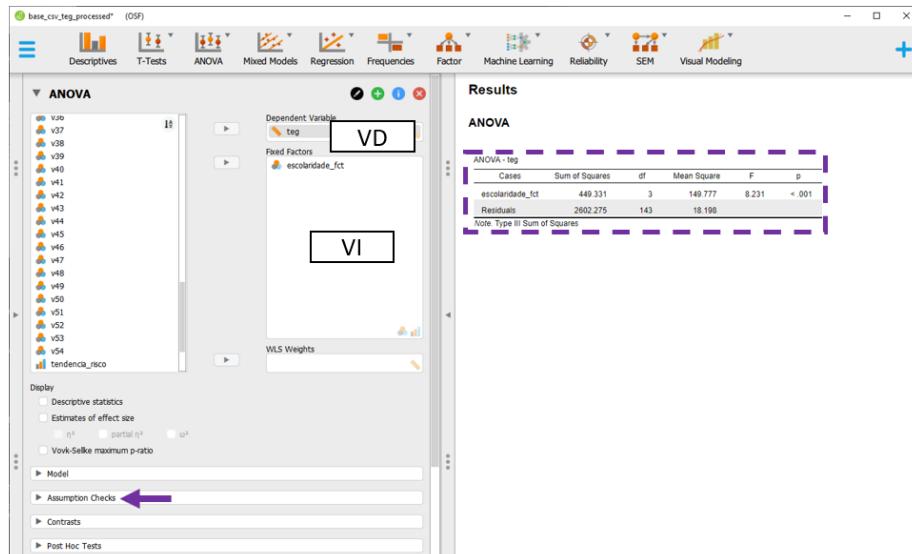
O espaço de **Fixed factors** é o local onde a VI deverá ser colocada, enquanto o **Dependent Variable** é o local onde a VD irá ser inserida. Para realizar a ANOVA de uma via, é necessário inserir a escolaridade_fct e o teg, respectivamente, em **Fixed factors** e **Dependent Variable**.

O JASP automaticamente irá realizar as contas e apresentar os resultados. Pragmaticamente, o valor de P é o indicador costumeiramente utilizado para tomar decisões inferenciais. Neste caso, como o valor de p foi menor do que o nível de significância escolhido, rejeita-se a hipótese nula. Apesar de importante, este resultado será apenas interpretado ao fim desta seção.



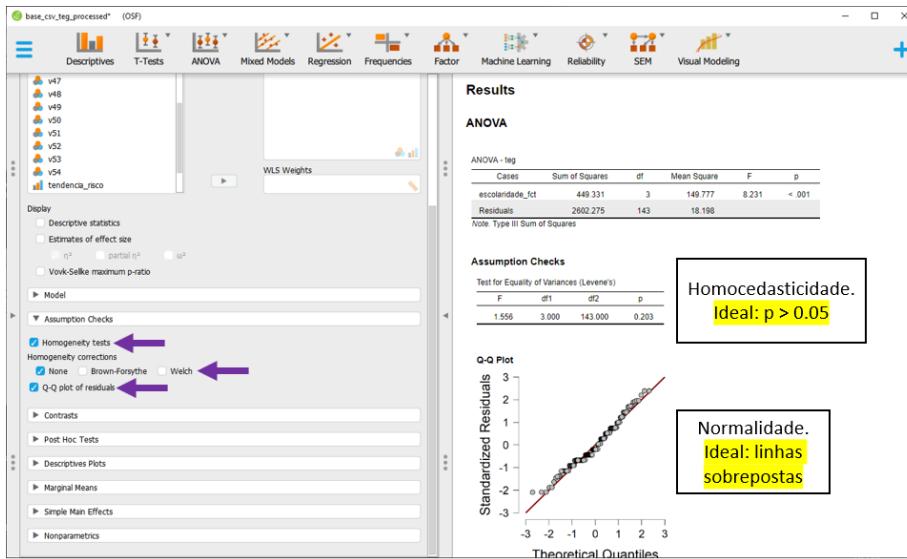
Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

Da mesma forma como apresentado antes, a interpretação deste achado não pode ser feita de uma forma automática. É necessário saber se os pressupostos do modelo foram ou não atendidos, bem como calcular o tamanho do efeito. Estas opções estão dispostas na parte inferior à esquerda do programa, intitulada como **Assumptions checks**.



A normalidade é feita por um QQ plot. Idealmente, as linhas devem estar sobrepostas no QQ plot para assumir a normalidade da distribuição dos resíduos.

A homocedasticidade é formalmente testada pelo Teste de Levene. O valor de p deve ser superior ao nível de significância eleito (quase sempre, 0.05) para considerar a homogeneidade das variâncias.

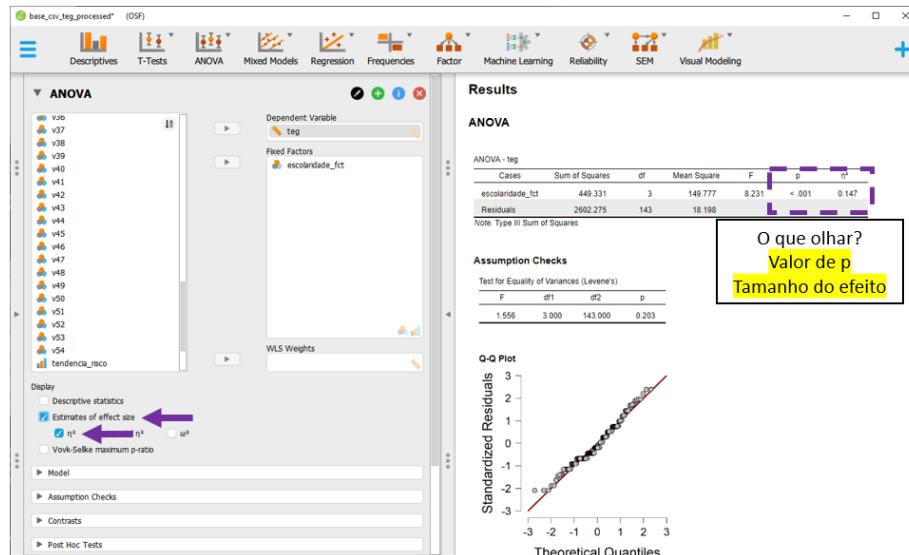


Neste caso, há a impressão visual de que a normalidade está mantida, bem como a homocedasticidade. É importante perceber que esta versão do JASP não oferece um teste formal para testar a normalidade dos resíduos de uma ANOVA, tal como feito no R na seção anterior.

Após testar estes pressupostos, é necessário verificar o quanto a interpretação originalmente deve ser mantida. Existem diferentes recomendações sobre o que fazer quando os pressupostos são violados. Entre eles, assumir essa condição e justificar a utilização da ANOVA, transformar a distribuição da variável de interesse, usar versões robustas da ANOVA, usar testes não-paramétricos com objetivos próximos à ANOVA ou eleger algum modelo estatístico mais adequado à distribuição empírica obtida pelos dados. No JASP, as técnicas Brown-Forsythe e Welch são disponíveis para corrigir a violação do pressuposto de homocedasticidade.

Como exposto previamente, o tamanho do efeito é uma medida objetiva e padronizada da magnitude de um efeito observado. Assim, é sempre muito importante calculá-lo e interpretá-lo. Para inserir o tamanho do efeito na seção de resultados, é necessário clicar em **Estimates of effect size** e **eta quadrado (η^2)**.

Após isso feito, o valor de P irá indicar se a hipótese nula foi rejeitada ou não e o tamanho do efeito irá indicar a relevância da possível diferença.



12.6 Escrita dos resultados

O principal achado foi que os resultados médios de empreendedorismo foram significativamente influenciados pelo nível de escolaridade dos participantes. Abaixo uma sugestão de escrita baseada nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Os dados foram analisados a partir de uma ANOVA de uma via que verificou o efeito da escolaridade no empreendedorismo, medido por um escala específica. Foi possível concluir que a escolaridade tem efeito significativo ($F(3, 143) = 8.23, p < 0.01, \eta^2 = 0.15, 90\% \text{ CI } [.06, .22]$) nos níveis de empreendedorismo.

Repare que este resultado é bastante informativo, mas não deixa claro quais são os níveis de escolaridade que impactam significativamente o nível de empreendedorismo. Para responder à esta questão mais específica, é necessário realizar uma análise chamada de Post hoc, descrita a seguir.

12.7 Post hoc

O termo post hoc é uma expressão em latim e significa “após isso”, que já sugere em qual momento ocorre a sua participação nos procedimentos analíticos. Quando uma ANOVA é significativa, quase sempre há o interesse de se investigar todas as comparações entre os níveis da VI para identificar em qual

delas resultados significativos podem ocorrer. Essa série de testes pareados são chamados de testes Post hoc.

É importante alertar que os resultados significativos da ANOVA não reflete que, necessariamente, haverá diferenças significativas entre as médias dos grupos. Tecnicamente, a diferença pode ocorrer em qualquer comparação possível, como grupo 1 contra grupos 2 + grupo 3 ou grupo 2 contra grupo 1 + grupo 3. Com isso, é possível perceber que o resultado geral da ANOVA e a execução de testes post hoc respondem questões diferentes.

Na verdade, é possível inclusive realizar qualquer comparação entre os níveis da VI sem sequer realizar a ANOVA, desde que os resultados sejam devidamente corrigidos e alguns pressupostos sobre os contrastes sejam previamente assumidos. Delineamentos de comparações planejadas costumam proceder desta maneira.

Atenção: ANOVA e testes Post hoc respondem a questões diferentes. É possível ter uma ANOVA significativa e testes Post hoc não significativos. A ANOVA é um teste que verifica todos os níveis de forma simultânea, enquanto testes Post hoc fazem comparações específicas.

Tendo em vista vez que realizar uma ANOVA não é tecnicamente necessário para comparações pareadas, é possível se perguntar qual é, então, a necessidade da realização da ANOVA ou, até mesmo, por que não é possível testar as diferenças usando múltiplos Testes T ?

Historicamente, a ANOVA era um recurso muito importante em uma época em que o poder computacional era mais limitado. Seus resultados iriam indicar se comparações múltiplas deveriam ser feitas ou não. Hoje em dia, sua realização ocorre mais para que o pesquisador (i) consiga implementar computacionalmente todas as comparações pareadas entre as categorias da variável independente e, em seguida, (ii) corrija a distorção que o valor de P apresenta em cada comparação.

Quando se compara todos os níveis da variável independente, é esperado que haja uma inflação do erro do tipo 1. Isso é chamado *experiment-wise Type I error rate* e ocorre pela estrutura do nível de significância, que é a seguinte:

$$\alpha_{total} = 1 - (1 - \alpha)^C$$

Onde:

α_{total} : Indica o nível de significância total das comparações

α : Indica o nível de significância nominal (quase sempre, 0.05)

C : Indica quantas comparações são feitas

Para encontrar C e ajustar o valor de P, é necessário calcular a quantidade de comparações. Isso pode ser feito da seguinte maneira:

$$J * \left(\frac{J - 1}{2} \right)$$

onde:

J é a quantidade de níveis da variável

No caso da pesquisa apresentada agora, como se deseja comparar todos os níveis de escolaridade, a conta seria a seguinte:

$$4 * \left(\frac{3}{2}\right) = 6$$

Existem muitas técnicas disponíveis para ajustar o valor de P. Elas costumam ser agrupadas em função da sua robustez à violação da homocedasticidade e por seu perfil ser liberal ou conservador. O termo liberal significa que a correção do valor de P é pequena ou quase nula, enquanto o termo conservado significa que a correção é mais rigorosa. É importante que a técnica consiga minimizar o erro do tipo 1 (falso positivo) sem maximizar o erro do tipo 2 (falso negativo).

12.8 Execução no R

Para executar as comparações pareadas, o pacote `emmeans` será utilizado. A mecânica por detrás do post hoc se dá em dois passos. Primeiro, o pacote compara todos os níveis presentes na VI dois a dois. Em seguida, o valor de P obtido é ajustado por alguma técnica específica.

Para fins práticos, vamos utilizar uma técnica considerada bastante conservadora, chamada de Bonferroni. Nesta correção, o valor de p encontrado em cada uma das comparações é multiplicado pela quantidade de comparações feitas. Este procedimento faz com que o Valor de P encontrado em cada comparação seja igual ao que seria obtido pelo nível de significância nominal.

A história desta técnica tem aspectos curiosos. A correção de Bonferroni não foi desenvolvida pelo matemático italiano Carlo Emilio Bonferroni. Na verdade, ela foi inicialmente implementada por uma estatista americana, chamada Olive Jean Dunn, que utilizou conceitos da desigualdade de Bonferroni para isso.

O resultado das comparações dois a dois será armazenado em um objeto específico, nomeado como `post_hoc_escolaridade`. Isso será útil para apresentar sumários e gráficos.

```
post_hoc_escolaridade <- emmeans(mod_escolaridade,
                                    "escolaridade_fct") %>%
  pairs(., reverse = TRUE, adjust = "bonferroni")
```

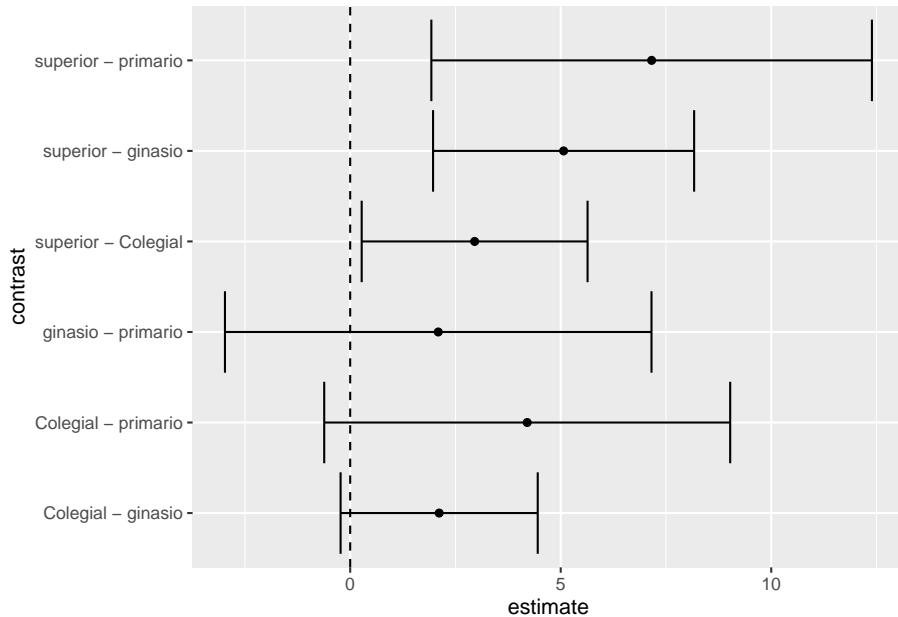
A apresentação tabular é fundamental e traz as estatísticas inferenciais de interesse. Nesta tabela, o valor de P apresentado na coluna `p.value` é o corrigido pelas comparações feitas.

```
post_hoc_escolaridade %>%
  data.frame() %>%
  pander()
```

contrast	estimate	SE	df	t.ratio	p.value
ginasio - primario	2.091	1.893	143	1.104	1
Colegial - primario	4.204	1.802	143	2.333	0.1263
Colegial - ginasio	2.113	0.8749	143	2.415	0.102
superior - primario	7.159	1.956	143	3.661	0.002116
superior - ginasio	5.069	1.159	143	4.374	0.00014
superior - Colegial	2.955	1.003	143	2.948	0.02244

O gráfico das comparações com barras de erro proporciona uma conclusão mais rápida e simples para todas as comparações. Para interpretar o gráfico, é necessário ter como referência o valor 0 no eixo horizontal e, em seguida, verificar todas as comparações no eixo vertical. Quando alguma comparação toca o valor 0, isso indica que os grupos não são significativamente diferentes. Quando isso não ocorre, é possível sugerir que há diferença nos grupos.

```
CI <- confint(post_hoc_escolaridade)
ggplot(mapping = aes(contrast, estimate)) +
  geom_errorbar(aes(ymin = lower.CL, ymax = upper.CL), data = CI) +
  geom_point(data = summary(post_hoc_escolaridade)) +
  geom_hline(yintercept = 0, linetype = "dashed") +
  scale_size(trans = "reverse") +
  coord_flip()
```



De forma geral, as comparações Superior – Primário, Superior – Ginásio e Superior – Colegial são significativas. Em todas elas, os resultados da TEG foram mais elevados nos participantes com ensino superior.

No início desta seção, foi comentando que o controle do erro do tipo 1 era uma vantagem da realização deste procedimento, que inclui não apenas fazer uma ANOVA, mas calcular quantas comparações existem entre os níveis da VI e corrigir os resultados dos valores de P.

Um exemplo pode ser útil a este momento. A correção implementada no teste post hoc concluiu que a comparação entre colegial – primário não é significativa. Nesta comparação, o valor de p foi de 0.102. No entanto, caso um Teste T tivesse sido realizado selecionando apenas esta comparação, os resultados seriam significativos (0.01), tal como demonstrado a seguir:

```
dados_teg %>%
  filter(escolaridade_fct == "Colegial" |
         escolaridade_fct == "ginasio") %>%
  {t.test(teg ~ escolaridade_fct, var.equal = T, data = .)$p.value} %>%
  pander()
```

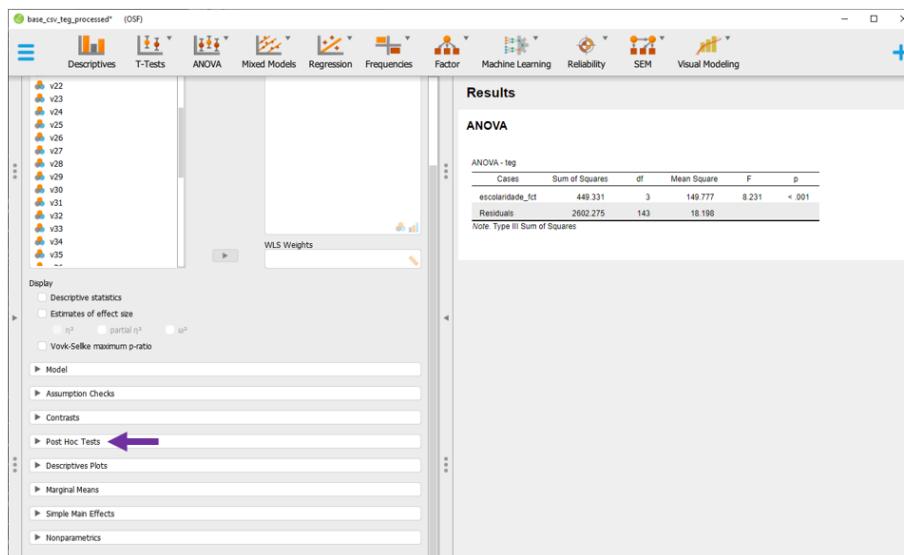
0.01208

Atenção: Não se deve fazer múltiplos Testes T para comparar três ou mais grupos. O valor de P obtido pelo Teste T aumentará o erro do tipo 1.

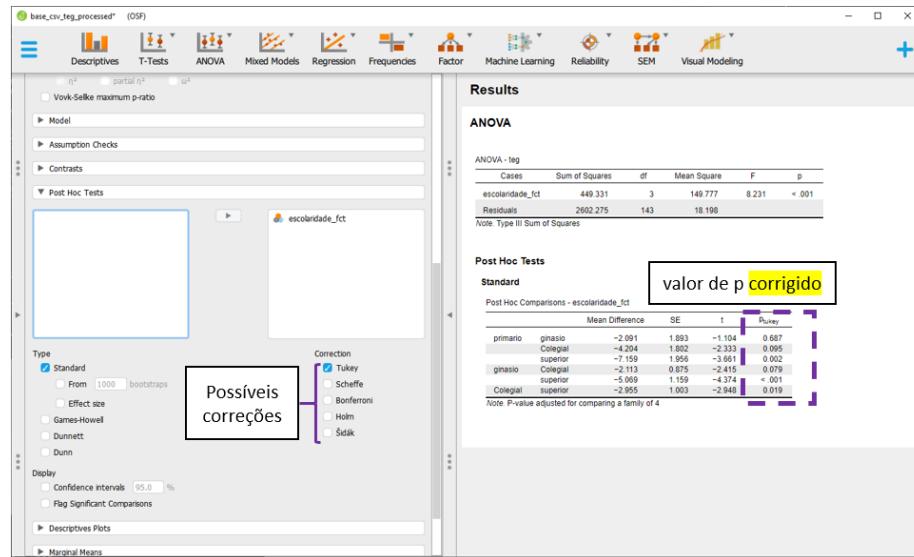
A interpretação dos resultados agora pode ser feita considerando o valor de P, o tamanho do efeito e as comparações pareadas.

12.9 Execução no JASP

Assumindo que a ANOVA já foi realizada e interpretada, o Post hoc poderá ser feito. Para executá-lo no JASP, é necessário clicar em **Post Hoc tests**, na parte esquerda inferior do programa. Ao fazer isso, um conjunto de novas opções ficará disponível logo abaixo da opção.

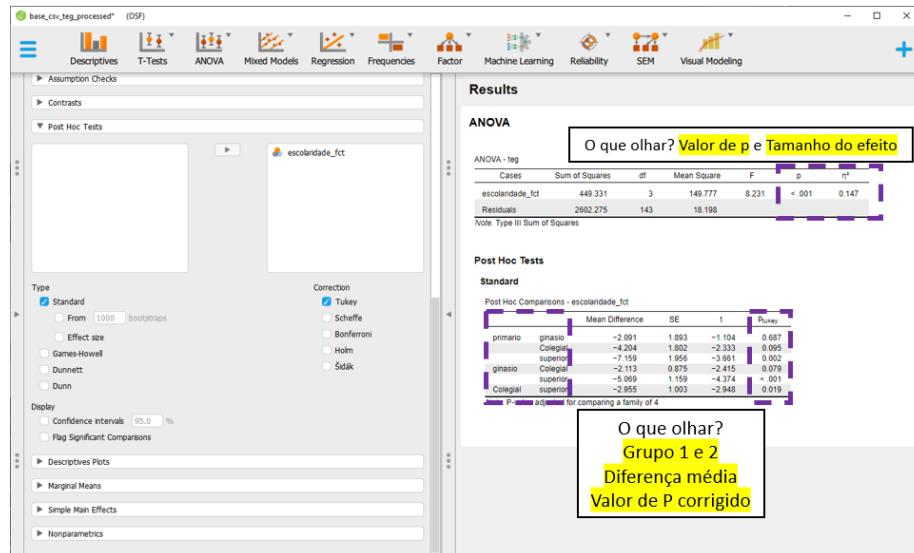


Em seguida, basta colocar ao lado direito a variável de interesse (escolaridade_fct). O JASP automaticamente irá realizar todas as comparações principais e corrigir o valor de P. O padrão do JASP é a correção de Tukey, que pode ser alterada clicando em **Correction**.



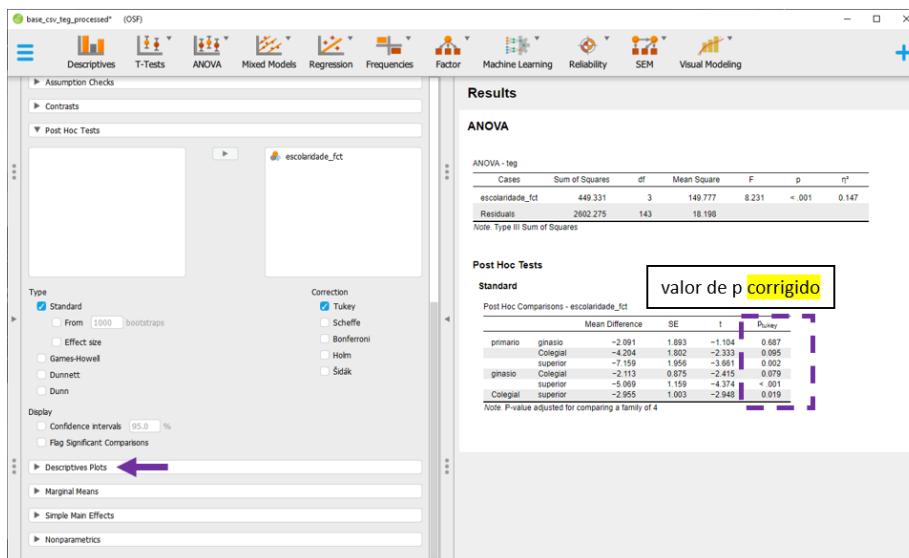
Mesmo sem implementar a correção de Bonferroni, os achados são virtualmente idênticos aos obtidos anteriormente pelo R. Possíveis diferenças de sinal (+ ou -) ocorrem pela codificação das variáveis e não impactam em nada a interpretação dos achados.

A interpretação dos resultados agora pode ser feita considerando o valor de P, o tamanho do efeito e as comparações pareadas.

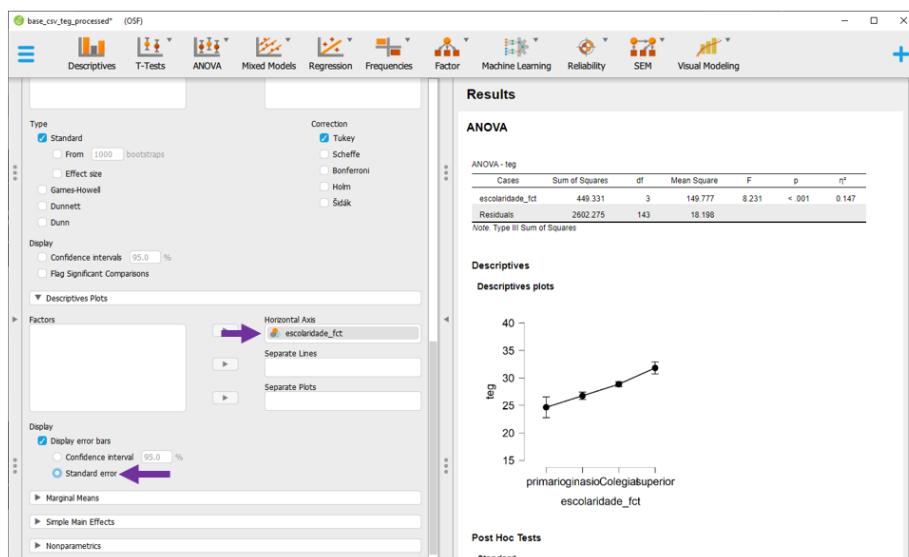


Eventualmente, a apresentação de um gráfico de diferenças oferece um recurso visual adicional e importante para auxiliar no entendimento dos achados. Além do gráfico feito inicialmente na seção Descriptives, esta seção do JASP tam-

bém permite que um gráfico seja construído. Para fazer isso, é necessário clicar em **Descriptive plots**.



Em seguida, é necessário levar a variável *escolaridade_fct* para o **Horizontal axis**, marcar a opção **Display Error bars** e **Standard error**. O resultado será como abaixo.



12.10 Escrita dos resultados

A escrita dos resultados deve informar os resultados da ANOVA e das comparações pareadas. É importante apresentar os valores de P corrigidos e, sempre que possível, as interpretações teóricas. Abaixo há uma sugestão com estilo baseado nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Os dados foram analisados a partir de uma ANOVA de uma via que verificou o efeito da escolaridade no empreendedorismo, medido por um escala específica. Foi possível concluir que a escolaridade é um fator significativo nos resultados ($F(3, 143) = 8.23, p < 0.01, \eta^2 = 0.15, 90\% \text{ CI } [.06, .22]$). As comparações pareadas foram ajustadas pela técnica de Bonferroni e mostraram que os participantes com ensino superior apresentam pontuação significativamente mais alta do que àqueles com o primário ($\bar{x} = 7.16, p < 0.001$), ginásio ($\bar{x} = 5.07, p < 0.001$) e colegial ($\bar{x} = 2.96, p < 0.05$).

12.11 Resumo

1. A ANOVA de uma via pode tanto ser entendida como um super Teste T, como um caso particular de um modelo de regressão
2. Testes post hoc e resultados globais da ANOVA não respondem às mesmas perguntas
3. As comparações pareadas devem proteger a inflação do erro do tipo 1, sem gerar o erro do tipo 2

12.12 Pesquisas adicionais

1. Cognitive Processes and Memory Differences in Recall and Recognition in Adults

Nesta pesquisa, cerca de 150 estudantes foram apresentados a um filme e depois tiveram que lembrar algumas cenas. Três grupos distintos foram formados. Em um grupo, uma recordação com pistas foi implementada, em outro, técnicas de reconhecimento foram utilizadas e o terceiro grupo teve de fazer uma recordação livre, sem nenhum suporte adicional.

12.13 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Base - MEMORE 2020 Automated model selection

Base JASP: Base CSV - CSV file - MEMORE Cognitive measurement (1)

Nas próximas seções, a pesquisa intitulada "Psychometric properties of a short-term visual memory test (MEMORE)" será parcialmente utilizada. Esse artigo foi publicado em 2020 e eu sou o primeiro autor. Nesta pesquisa, apresentamos algumas propriedades psicométricas de um teste psicológico desenvolvido para avaliar aspectos da memória de curto prazo (MEMORE), bem como análises estatísticas que visaram investigar o efeito de características psicológicas nos resultados obtidos pelos participantes neste teste específico.

12.14 ANOVA de 2 vias

Em grande parte das vezes, o interesse do pesquisador é o de investigar como múltiplos fatores impactam a variável de desfecho. Quando se aumenta o número de variáveis independentes no modelo, consequentemente se aumenta a quantidade de vias ou fatores que a ANOVA possui. Na pesquisa de agora, como o interesse foi investigar o efeito da escolaridade e da faixa etária, trata-se de uma ANOVA de 2 vias.

Na ANOVA de 2 vias, dois modelos principais podem ser calculados. O primeiro é chamado de “modelo aditivo”, em que não se estipulam interações entre os fatores. O segundo modelo é denominado como “não aditivo” ou “saturado” e ocorre quando uma interação entre os fatores é definida. O termo “saturado” tende a gerar confusão e deve ser evitado, uma vez sua definição varia de área para área. Nesta seção, será apresentado o modelo aditivo, enquanto na seção ANOVA fatorial, o modelo não aditivo será descrito.

Atenção: Uma ANOVA de duas vias é chamada de aditiva quando tem apenas efeitos principais. Quando há interação, ela é chamada de não aditiva ou saturada. O termo saturada pode gerar confusão com outras definições.

Conceitualmente, na ANOVA de duas vias sem interação, temos:

$$y_i = b_0 + b_1 X_{1i} + b_2 X_{2i} + ei$$

y_i representa a variável dependente

b_0 é o intercepto (coeficiente linear)

b_1 é a inclinação da primeira VI

X_1 é a primeira variável independente

b_2 é a inclinação da segunda VI
 X_2 é a segunda variável independente
 e_i é o erro/resíduo

12.15 Execução no R

A modelagem no R segue o mesmo padrão da feita anteriormente, iniciando pela codificação dos dados. É importante frisar que erros nesta etapa podem distorcer totalmente os resultados. Na variável faixa etária há rótulos para cada intervalo, tornando a interpretação bastante fácil e intuitiva. Na variável escolaridade, se utilizou valores de 1 a 3 para identificar o ensino fundamental, médio e superior.

```
ds <- ds %>%
  mutate(escolaridade_grupo = factor(escolaridade_grupo),
        faixa_etaria = factor(faixa_etaria))
```

Os dados apresentam casos ausentes na variável faxa etária e escolaridade. Muitas ações podem ser feitas para lidar com esta condição. No entanto, apenas para finalidade pedagógica, esses valores não serão utilizados nestas análises de agora.

```
ds <- ds %>%
  filter(!is.na(faixa_etaria) & !is.na(escolaridade_grupo))
```

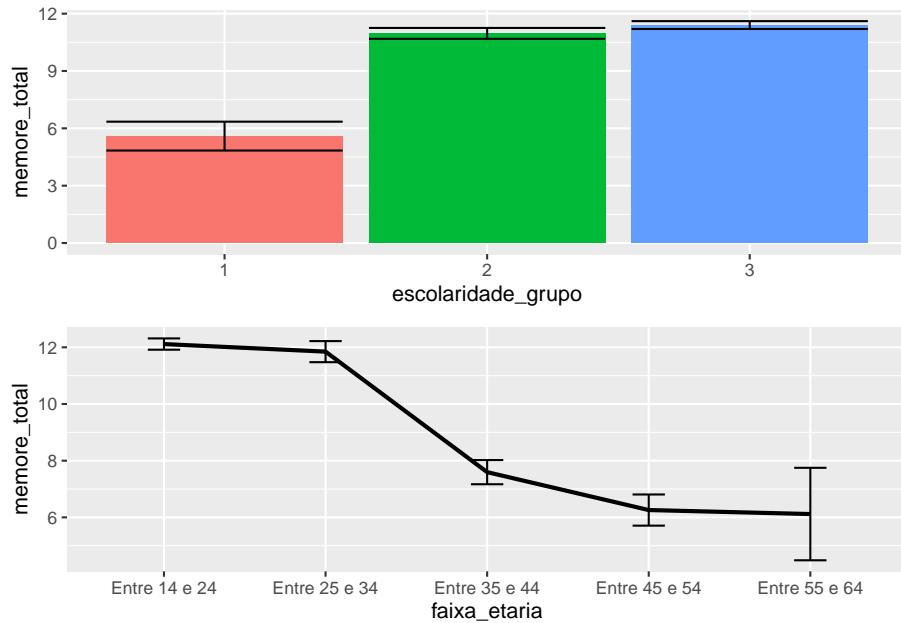
A apresentação de tabelas e gráficos que possibilitem uma primeira descrição dos dados é importante e deve ser realizado. A tabela a seguir tem um formato 5x3. Nela, as linhas apresentam os níveis da faixa etária e as colunas apresentam os níveis da escolaridade, com seus respectivos resultados.

```
ds %>%
  group_by(escolaridade_grupo, faixa_etaria) %>%
  summarise_at(vars(memore_total), lst(n=~n(), mean, sd)) %>%
  pivot_wider(names_from = escolaridade_grupo, #indexador único
              names_sep = "_", #pode ser removido
              values_from = c(n:sd)) %>% #organizar valores
  pander(., split.table = Inf)
```

faixa_etaria	n_1	n_2	n_3	mean_1	mean_2	mean_3	sd_1	sd_2	sd_3
Entre 14 e 24	2	240	580	5	12.94	11.8	1.414	5.377	5.81
Entre 25 e 34	13	112	189	6.308	12.62	11.77	7.25	7.088	6.066
Entre 35 e 44	26	93	69	5.769	6.882	9.246	6.308	5.128	6.251
Entre 45 e 54	15	50	28	4.8	5.92	7.643	4.057	4.517	6.843
Entre 55 e 64	3	5	9	5.333	5.6	6.667	6.11	3.847	8.544

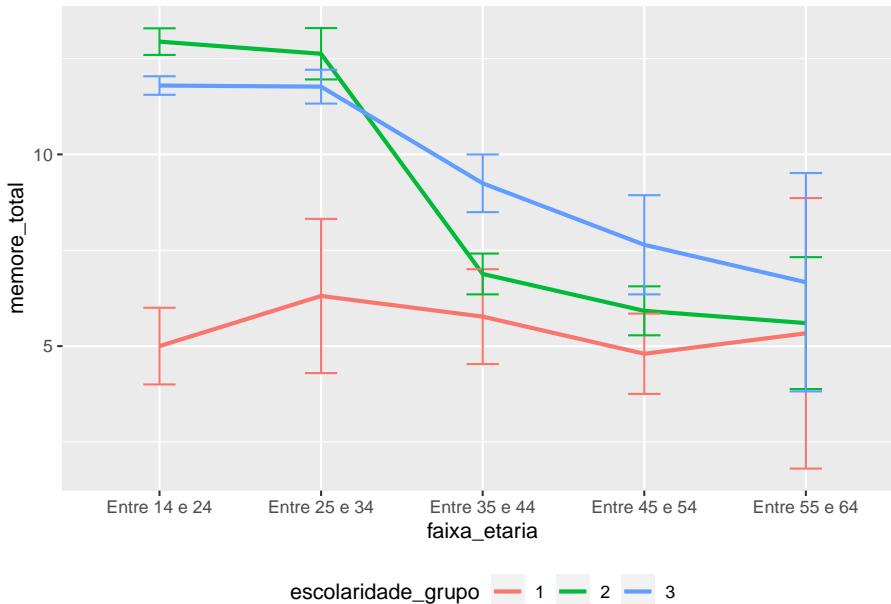
Gráficos específicos com relações bivariadas ajudam em uma primeira sondagem dos padrões. Na imagem a seguir, o primeiro gráfico apresenta a relação entre os resultados e os níveis de escolaridade, enquanto o segundo gráfico apresenta a relação que os resultados possuem com a faixa etária dos participantes.

```
gridExtra::grid.arrange(
  ggplot(ds, aes(x=escolaridade_grupo, y = memore_total,
                 fill = escolaridade_grupo)) +
    geom_bar(stat = "summary") +
    stat_summary(fun.data = mean_se, geom = "errorbar") +
    theme(legend.position = "none"),
  ggplot(ds, aes(x = faixa_etaria, y = memore_total, group = 1)) +
    stat_summary(geom = "line", fun = mean, size=1.0) +
    stat_summary(fun.data = mean_se, geom = "errorbar", width = .2))
```



Por sua vez, gráficos mais complexos, que reúnem mais informações, também são úteis. Repare que a ideia principal da apresentação a seguir é descrever a influência da faixa etária e o nível de escolaridade nos resultados em um único gráfico. Conforme explicitado no capítulo sobre estatística descritiva, o eixo X é utilizado pela variável com mais níveis (faixa etária), enquanto o agrupador reúne a variável com menos níveis (escolaridade).

```
ggplot(ds, aes(x = faixa_etaria, y = memore_total,
               color = escolaridade_grupo,
               group = escolaridade_grupo)) +
  stat_summary(geom = "line", fun = mean, size = 1) +
  stat_summary(fun.data = mean_se,
              geom = "errorbar", width = .2) +
  theme(legend.position = "bottom")
```



É importante ter atenção que este gráfico não é necessariamente o melhor para uma ANOVA de 2 vias (aditiva), uma vez que pode sugerir algum relacionamento entre as variáveis independentes. Esse aspecto será melhor debatido na seção de ANOVA Fatorial.

É possível analisar descritivamente cada um dos resultados. Entretanto, para tomar decisões inferenciais, é necessário a realização da modelagem formal. Os passos devem ser exatamente os mesmos aos performedos anteriormente, incluindo a verificação de pressupostos e interpretação dos resultados. Para realizar a ANOVA de duas vias, é possível contar com a função `lm` ou `aov`. Aqui, a escolha da `lm` foi apenas por conveniência. O vetor `mod_escolaridade_faixa_etaria` irá armazenar os resultados.

```
mod_escolaridade_faixa_etaria <- lm(memore_total ~ escolaridade_grupo + faixa_etaria, ds)
```

A tabela padronizada da ANOVA de duas vias, disponível na maioria dos programas comerciais, é a seguinte:

Predictor	Soma dos Quadrados	Graus de liberdade	Quadrado médio	Estat. F
Fator (A)	Entre (SS(A))	K(A)-1	MS(A) = SS(A)/(K-1)	F = MS(A)/MSW
Fator (B)	Entre (SS(B))	K(B)-1	MS(B) = SS(B)/(K-1)	F = MS(B)/MSW
Resíduo	Dentro (SSW)	N-1-(df(A)+df(B))	MSW = SSW/(N-1-(df(A)+df(B)))	

Posto isso, os resultados obtidos são:

```
apaTables::apa.aov.table(mod_escolaridade_faixa_etaria)$table_body %>% pander(.)
```

Table 12.10: Table continues below

Predictor	SS	df	MS	F	p	partial_eta2
(Intercept)	4088.33	1	4088.33	117.73	.000	
escolaridade_grupo	526.43	2	263.21	7.58	.001	.01
faixa_etaria	4579.98	4	1144.99	32.97	.000	.08
Error	49554.34	1427	34.73			

CI_90_partial_eta2

[.00, .02]

[.06, .11]

Os achados concluem que o efeito da escolaridade ($F(2,1427) = 7.58$, $p = 0.001$, $\eta^2 = 0.01$, 90% CI [.00 .02]) e o efeito da faixa etária são significativos ($F(4,1427) = 32.97$, $p < 0.001$, $\eta^2 = 0.08$, 90% CI [.06 .11]). Isso indica que ambas as variáveis tem efeito nos resultados obtidos na avaliação psicológica.

Atenção: Jamais apresente $p = 0.00$. Apresente até 3 casas decimais no valor de P ou, quando necessário, apresente $p < 0.001$.

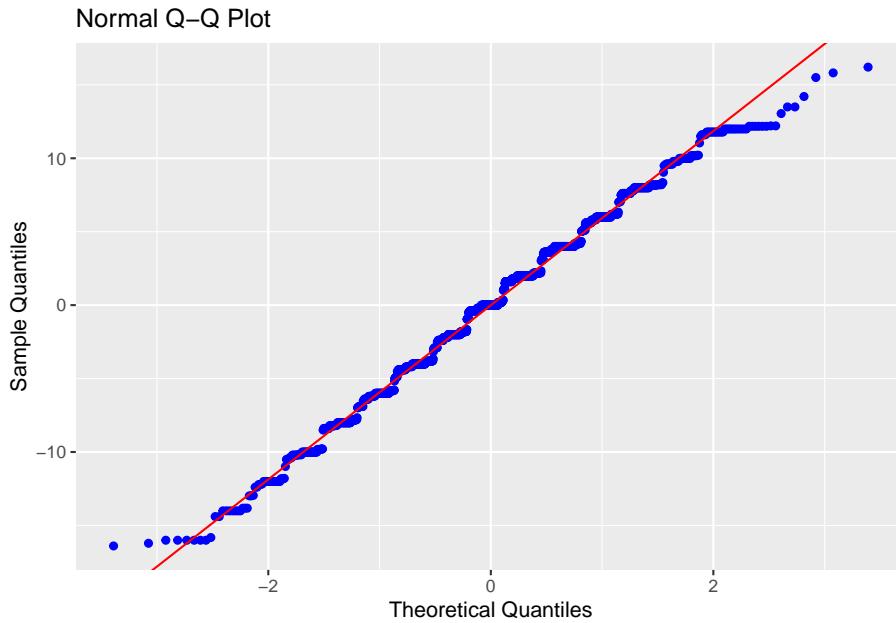
Note que a tabela já reúne a métrica do tamanho do efeito, que é dada pelo **eta quadrado parcial**. Uma vez que agora a ANOVA apresenta dois fatores, o valor do η_p^2 é diferente do η^2 , mas a interpretação é a mesma da apresentada na ANOVA de 1 via.

Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

Da mesma forma que apresentado na ANOVA de 1 via, a validade da interpretação dos resultados depende dos pressupostos do modelo estatístico. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017).

Normalidade: O QQ plot abaixo apresenta os valores teóricos e empíricos. Caso ambas as linhas estejam sobrepostas, isso apoia que o pressuposto da normalidade foi atendido. Neste caso, isso não parece ocorrer.

```
olsrr::ols_plot_resid_qq(mod_escolaridade_faixa_etaria)
```



O Shapiro-wilk, Anderson-Darling e Jarque Bera também podem ser utilizado neste caso. A hipótese nula desses testes assume que os resíduos são normalmente distribuídos.

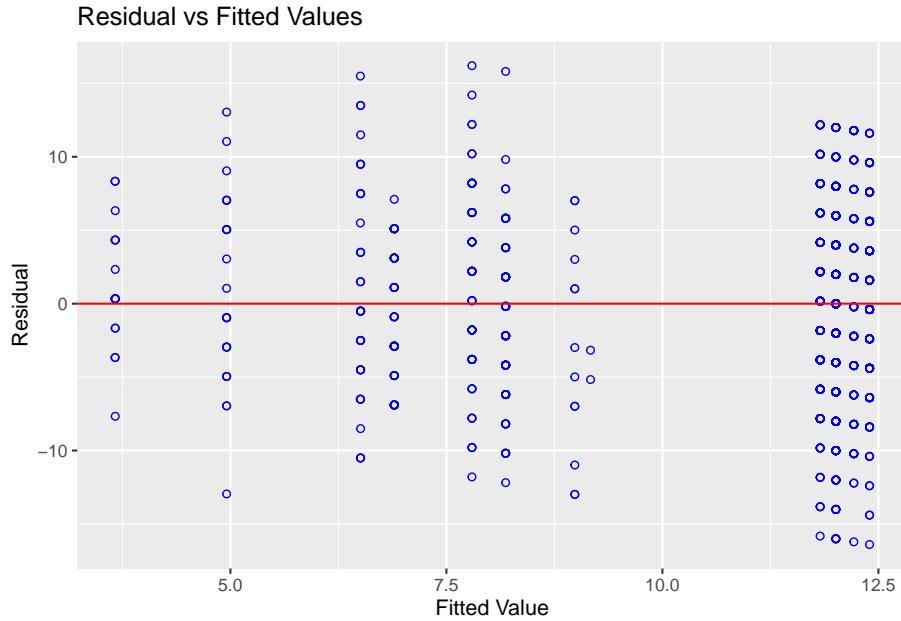
```
shapiro.test(residuals(mod_escolaridade_faixa_etaria))
```

```
##  
## Shapiro-Wilk normality test  
##  
## data: residuals(mod_escolaridade_faixa_etaria)  
## W = 0.99336, p-value = 4.896e-06
```

Os resultados de ambas as técnicas foram similares, indicando a violação da normalidade dos resíduos.

Homocedasticidade: Este pressuposto pode ser testado por um gráfico dos resíduos contra os valores previstos. O ideal é não encontrar padrões no gráfico.

```
olsrr::ols_plot_resid_fit(mod_escolaridade_faixa_etaria)
```



O teste de Levene, de Bartlett ou de Breusch-Pagan podem também serem utilizados de maneira formal. Eles estipulam H_0 como homocedasticidade e, idealmente, não deve ser rejeitada.

```
olsrr::ols_test_breusch_pagan(mod_escolaridade_faixa_etaria)
```

```
## 
## Breusch Pagan Test for Heteroskedasticity
## -----
## Ho: the variance is constant
## Ha: the variance is not constant
## 
##          Data
## -----
## Response : memore_total
## Variables: fitted values of memore_total
## 
##          Test Summary
## -----
```

```
## DF = 1
## Chi2 = 0.2612151
## Prob > Chi2 = 0.6092866
```

Os resultados indicaram que a homocedasticidade foi preservada.

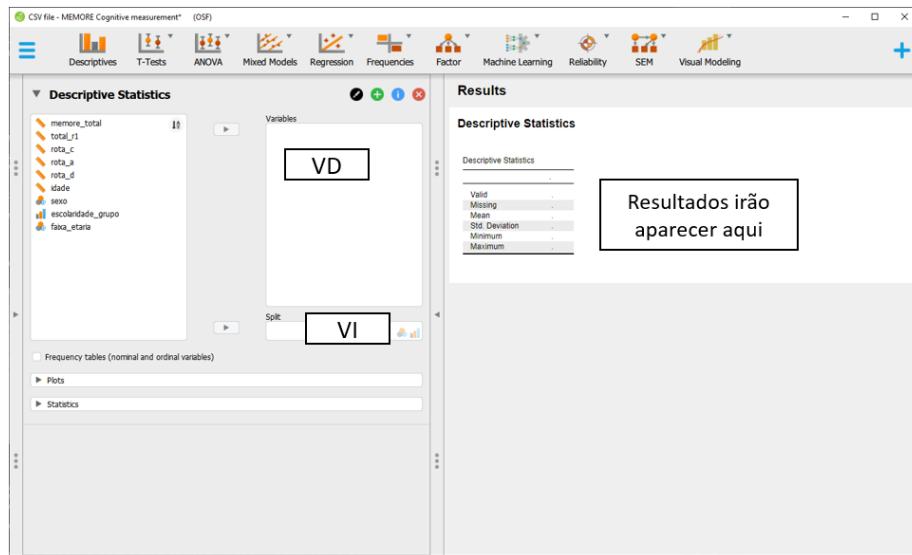
Independência: Esse pressuposto frequentemente não é testado na ANOVA, apesar de ser uma exigência dos modelos lineares. De fato, uma vez que se espera que os grupos sejam mutuamente excludentes, teria pouco sentido acreditar que os resíduos não fossem independentes.

12.16 Execução no JASP

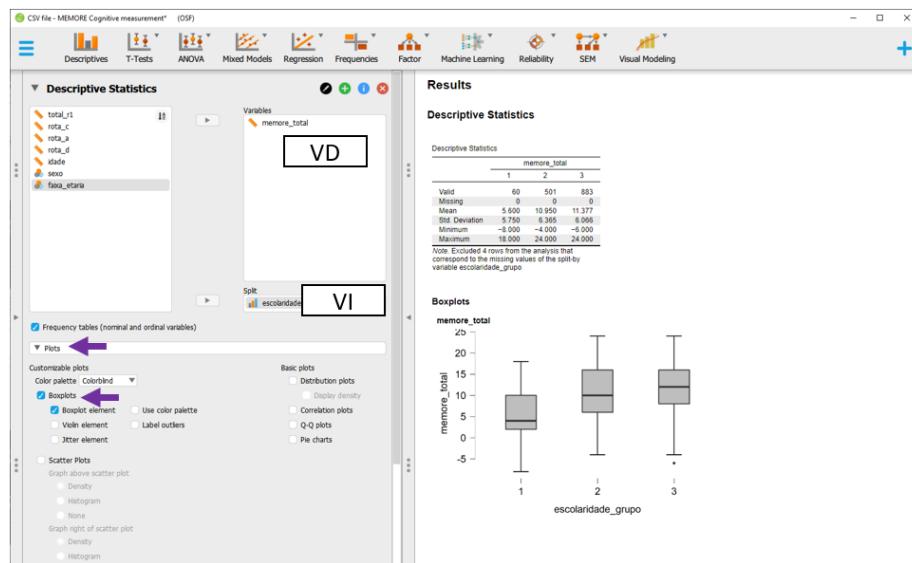
Para executar a ANOVA de 2 vias no JASP, será necessário baixar a base CSV file - MEMORE Cognitive measurement.csv. Após carregar os dados no programa, a seção **Descriptives** apresentará o gráfico inicial dos resultados.

		nenhre_total	total_1	rota_c	rota_a	rota_d	idade	sexo	escolardade_grupo	faixa_etaria
1	24		157.667	191	128	23	Fem	3	Entre 14 e 24	
2	24		124	45.6667	97.3333	35	Fem	2	Entre 35 e 44	
3	24		143	133	125.333	21	Masc	2	Entre 14 e 24	
4	24		200	219.333	143.667	31	Fem	3	Entre 25 e 34	
5	24				19		Fem	3	Entre 14 e 24	
6	24		118	115	69.3333	39	Fem	3	Entre 35 e 44	
7	24		213	140	122.333	28	Masc	2	Entre 25 e 34	
8	24		233	214.667	161.333	25	Masc	2	Entre 25 e 34	
9	24		176.667	197	111.667	22	Fem	3	Entre 14 e 24	
10	24		221	144	136	22	Masc	2	Entre 14 e 24	
11	24		190	154.667	153.333	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
12	24		113	115	80	19	Fem	3	Entre 14 e 24	
13	24		183.667	207	135	25	Masc	2	Entre 25 e 34	
14	24		128	140	102	19	Fem	3	Entre 14 e 24	
15	24		195	168	142.333	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
16	24		192	177	128.333	24	Masc	3	Entre 14 e 24	
17	24		229	240	139	28	Masc	3	Entre 25 e 34	
18	24		192	132	79.6667	20	Masc	2	Entre 14 e 24	
19	24		172.667	170	118.667	18	Fem	3	Entre 14 e 24	
20	24				19		Fem	3	Entre 14 e 24	
21	24		157.667	168	134	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
22	24		210.333	192	141	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
23	24		206.667	168	136.333	28	Masc	2	Entre 25 e 34	
24	24		127.667	157.667	115	19	Fem	3	Entre 14 e 24	

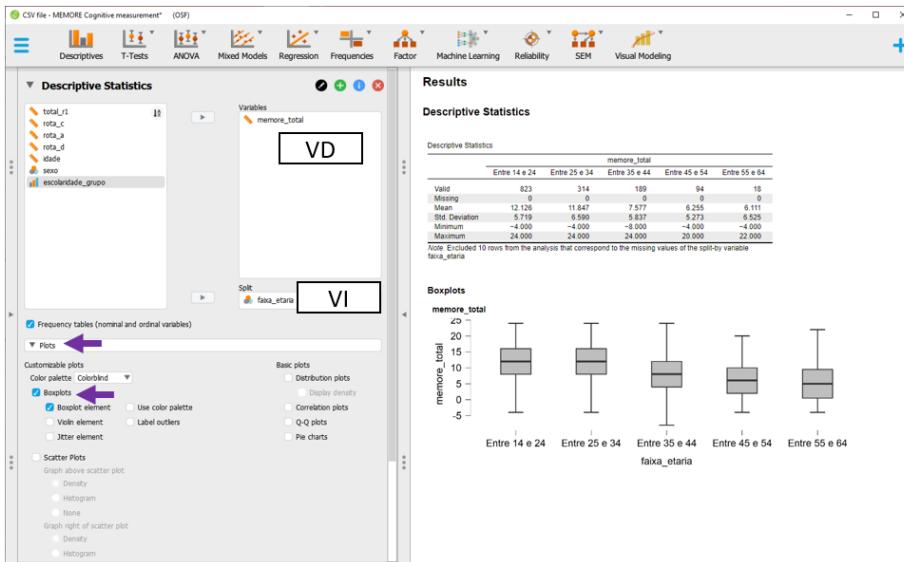
Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadores. Na prática, a lista **Variables** irá reunir as variáveis dependentes, enquanto a variável independente será colocada na seção **Split**. É importante atentar à opção **Frequency tables (nominal and ordinal)**, que deve ser marcada quando o nível de medida da variável de interesse for nominal ou ordinal.



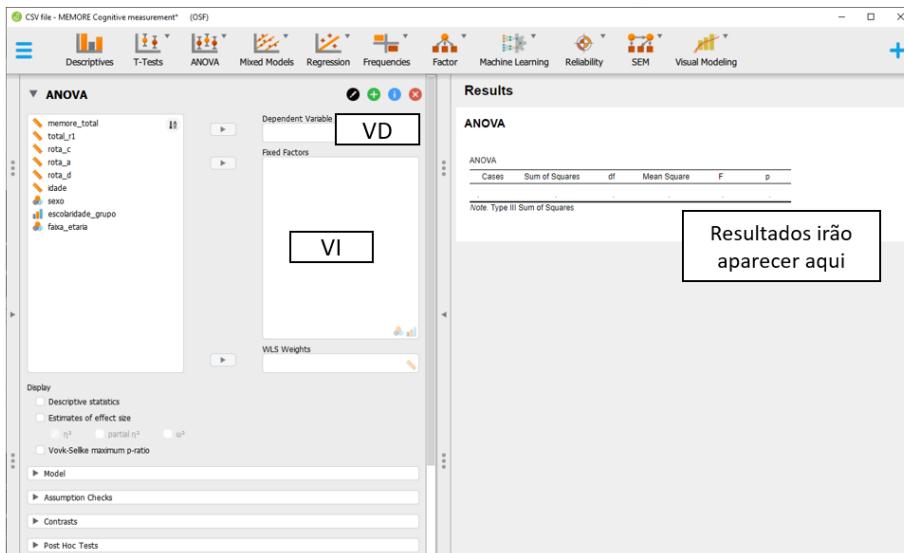
Em seguida, ao clicar na opção **Plots**, será possível selecionar o **Boxplot element**. O gráfico aparecerá abaixo da tabela e irá apresentar diferentes informações estatísticas da distribuição dos resultados da avaliação psicológica em função dos níveis de escolaridade. Uma visualização preliminar indica que pessoas com escolaridade mais elevada (níveis 2 e 3) apresentam resultados maiores do que pessoas com o primeiro nível de escolaridade.



Para modificar as variáveis de interesse, será necessário substituir escolaridade por faixa_etária na seção **Split**. Os resultados serão novamente calculados. A visualização sugere que pessoas mais velhas apresentam menor desempenho.

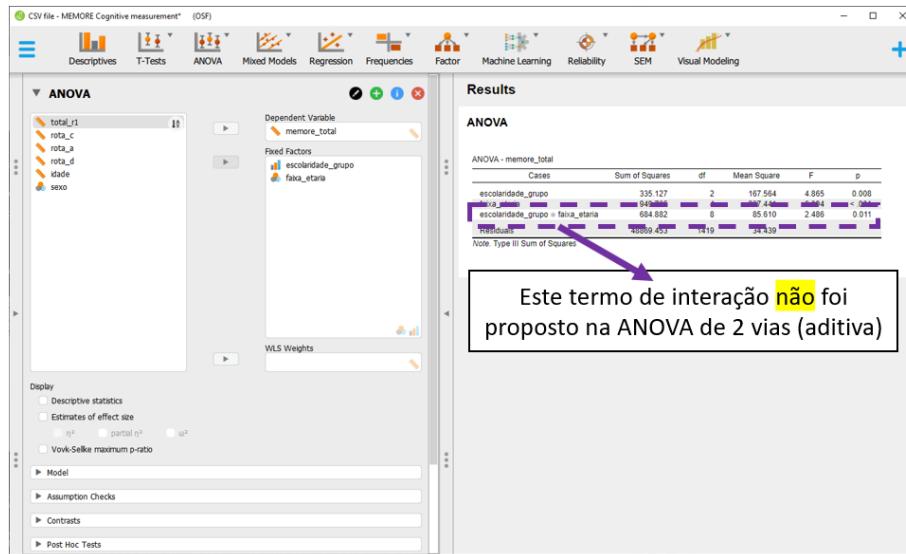


Por padrão, o JASP não permite integrar os gráficos nesta seção. Isso será realizado posteriormente. Para executar a ANOVA, será necessário clicar na opção ANOVA, Classical e ANOVA. Essa etapa é similar a que foi feita na ANOVA de 1 via. Ao realizar isso, a tela a ser exibida será próxima à imagem a seguir.

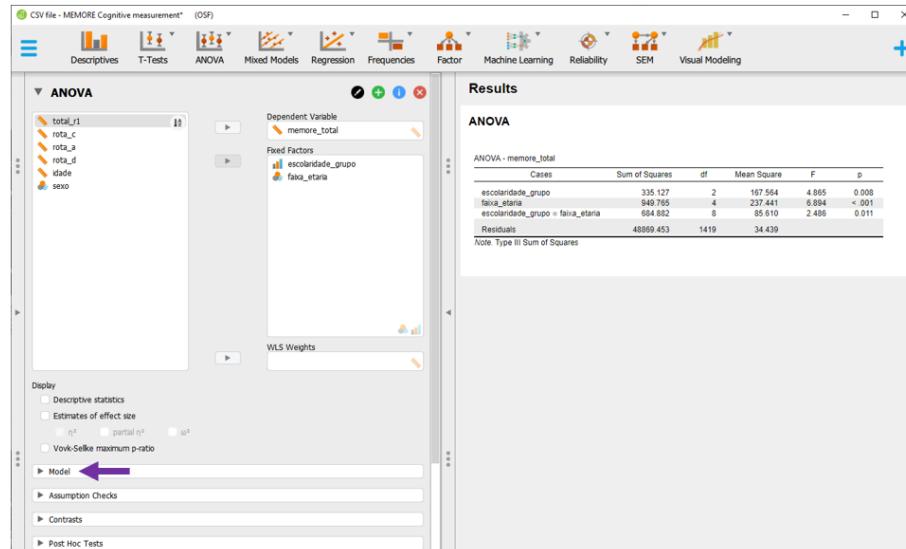


O espaço de **Fixed factors** é o local onde as duas VIs deverão ser inseridas. O espaço **Dependent Variable** é o local onde a VD contínua irá ser inserida. Para realizar a ANOVA de duas vias, as variáveis escolaridade e faixa_etaria deverão ser arrastadas para **Fixed factors**. A variável memore_total deverá ser colocada em **Dependent Variable**.

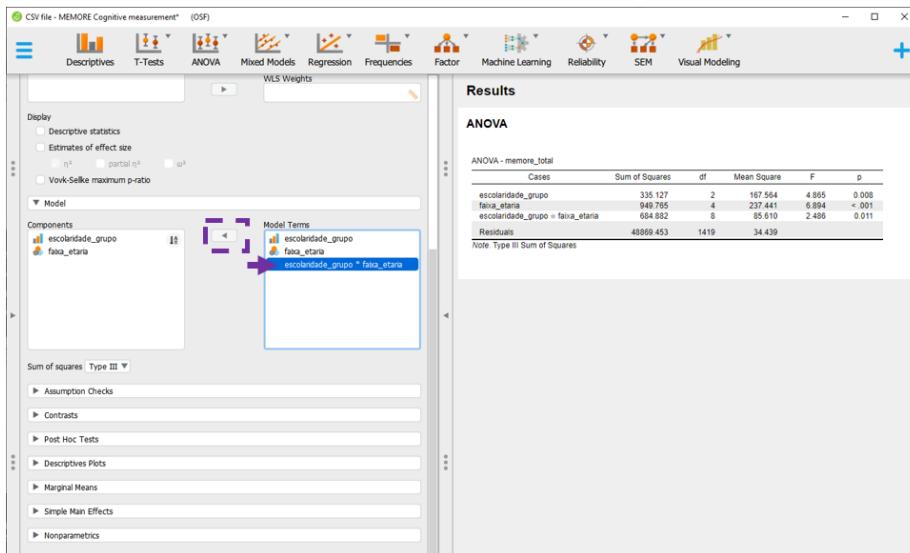
O JASP automaticamente irá realizar as contas e apresentar os resultados. No entanto, estes resultados não são estritamente de uma ANOVA de 2 vias aditiva. Repare que, diferente do modelo que planejamos, existe um outro preditor **escolaridade x faixa_etaria**. Isso ocorre pois, por padrão, o JASP realiza uma ANOVA factorial, que será discutida a seguir.



Para ajustar a modelagem, será necessário clicar em **Model**, na parte inferior esquerda do programa.

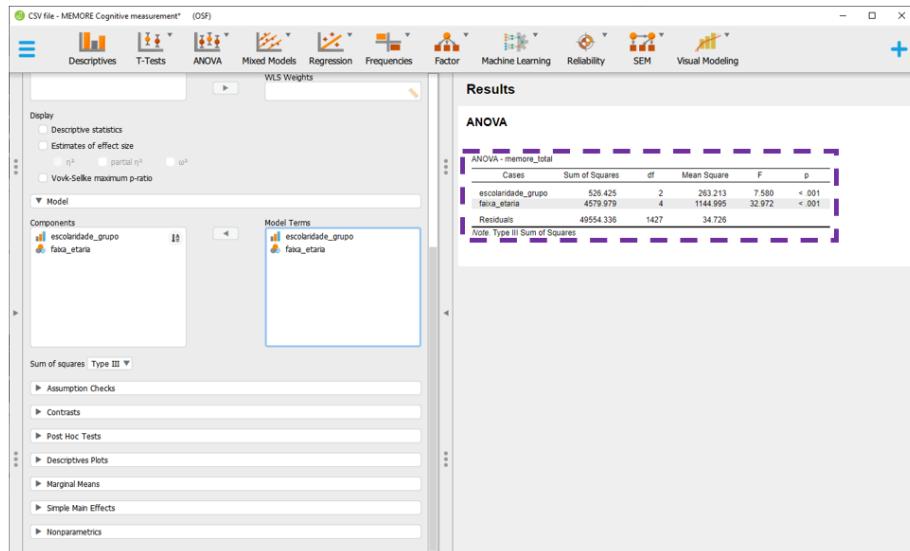


Nesta tela, basta clicar em **escolaridade x faixa_etaria** e transferir do lado direito para o lado esquerdo clicando na seta destacada na imagem.



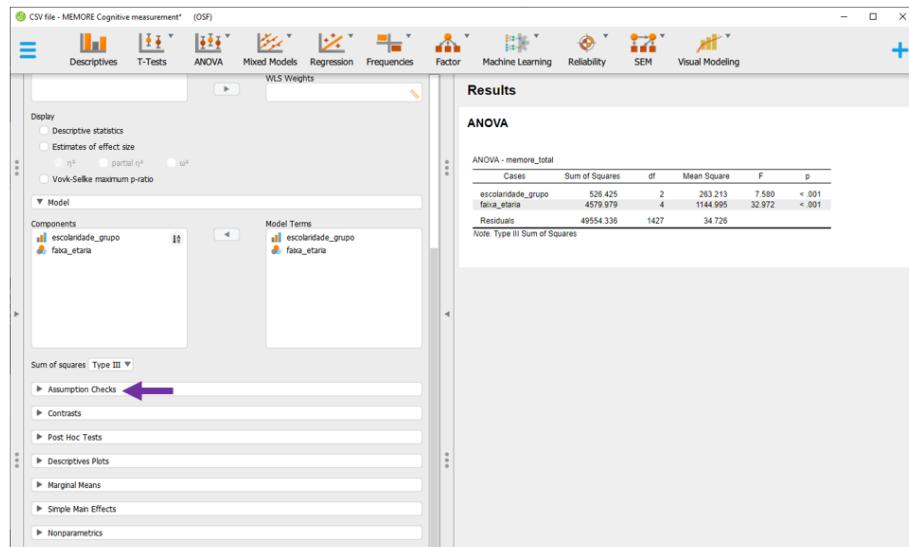
Ao fazer isso, o JASP automaticamente irá refazer as contas e apresentar os resultados.

Pragmaticamente, o valor de P é o indicador costumeiramente utilizado para tomar decisões inferenciais. Os valores são exatamente os mesmos obtidos anteriormente na modelagem pelo R, indicando que ambas as variáveis são significativas. Repare que esta tabela inicial não apresenta o tamanho do efeito que deverá ser calculado em seguida. Além disso, estes resultados ainda não indicam se os pressupostos do modelo foram respeitados ou violados, o que também deverá ser testado.

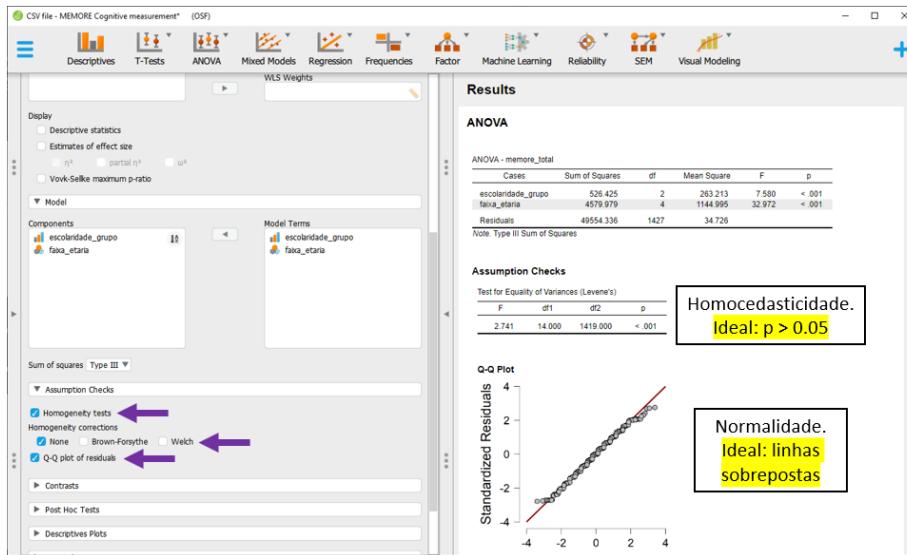


Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

Para verificar se os pressupostos de normalidade e homocedasticidade foram respeitados, é necessário clicar em **Assumption checks**.

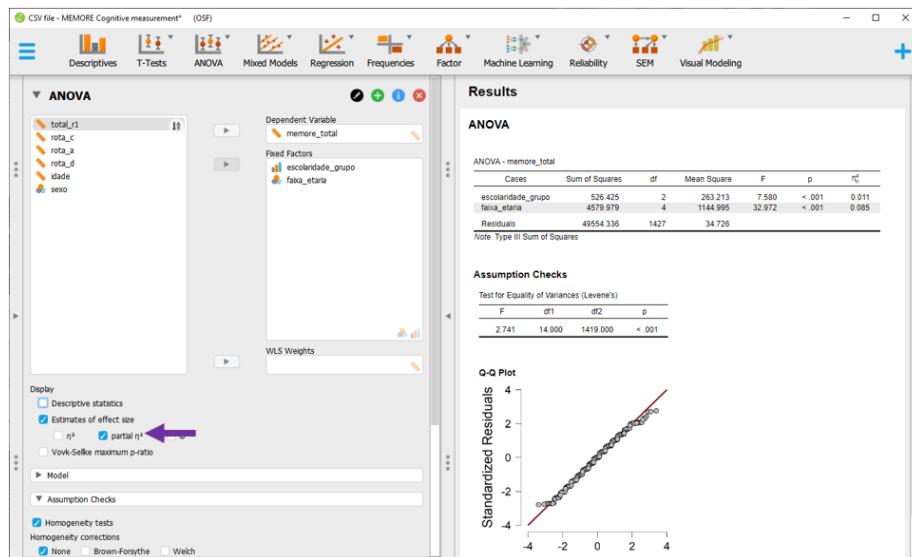


As opções **Homogeneity tests** e **Q-Q plot of residuals** deverão ser marcadas. Pela impressão visual, a normalidade dos resíduos foi violada. Isso é mais fácil de perceber nos resultados extremos. Além disso, a homocedasticidade foi também violada. É importante notar que os resultados do JASP foram divergentes dos resultados do R. Isso se dá pelo teste de homocedasticidade utilizado. No R, o teste foi o **breusch Pagan**, enquanto no JASP foi o de **Levene**.

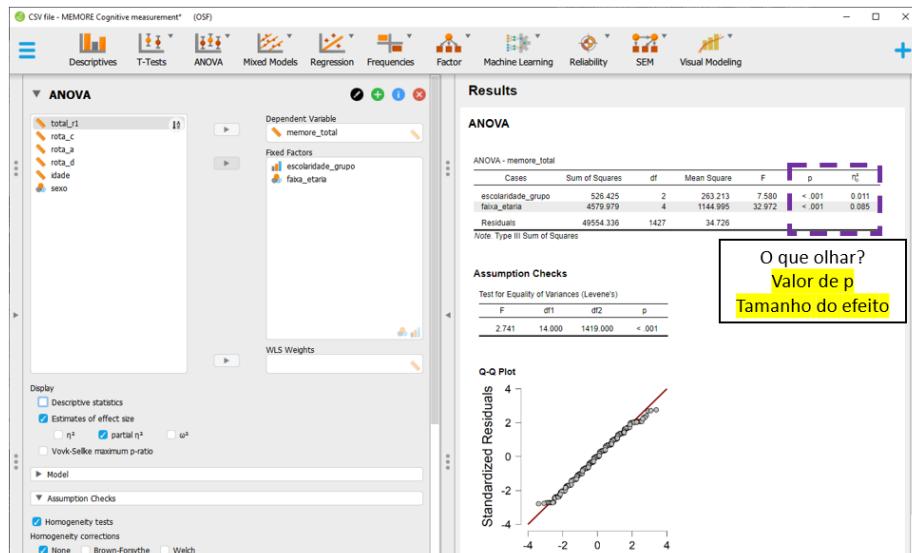


Existem algumas saídas que podem ser implementadas quando os pressupostos são violados. Muitas opções são possíveis e elas vão desde modificar a modelagem até não corrigir explicitamente tais condições desde que se justifique metodologicamente esta escolha. No ambiente JASP, ambas as correções propostas para violação da homocedasticidade não são possíveis para uma ANOVA de 2 vias. Assim, mesmo com os pressupostos não alcançados, o modelo utilizado não será corrigido.

Antes de voltar à interpretação da ANOVA, é necessário inserir o tamanho do efeito. Para isso, basta clicar em **Estimates of effect size**, e, em seguida, no **eta quadrado parcial (η^2_p)**. Diferente de uma ANOVA de 1 via, os resultados do η^2_p serão diferentes do η^2 . Uma vez que a ANOVA de 2 vias apresenta dois preditores, o η^2_p informa a variância explicada por cada uma das variáveis após excluir a variância explicada pelas outras.



A este momento, a interpretação pode ser feita integralmente. O valor de P irá indicar se a hipótese nula foi rejeitada ou não e o tamanho do efeito irá indicar a relevância da possível diferença, com interpretação disposta na tabela previamente exposta neste capítulo.



12.17 Escrita dos resultados

Após a execução de uma ANOVA de duas vias, foi possível concluir que ambas as variáveis foram significativas aos resultados da avaliação psicológica. Abaixo uma sugestão de escrita baseado nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Os dados obtidos na avaliação psicológica foram analisados por uma ANOVA de duas vias para investigar o efeito da escolaridade e faixa etária nos resultados. Os achados permitiram concluir que tanto a escolaridade ($F(2, 1427) = 7.58, p = 0.001, n^2 = 0.01$), como a faixa etária ($F(4, 1427) = 32.972, p < 0.001, n^2 = 0.08$) tiveram efeito significativo nos resultados.

De forma análoga ao que aconteceu na ANOVA de 1 via, os resultados não indicam os níveis em que as diferenças podem existir. Testes post hoc são, novamente, necessários para responder à esta pergunta.

12.18 Post hoc

Na ANOVA de duas vias, o post hoc será realizado para cada um dos níveis ou fatores do modelo. Neste caso, escolaridade e faixa_etaria.

12.19 Execução no R

O pacote `emmeans` será utilizado para, inicialmente, verificar cada uma das comparações entre os níveis de escolaridade. É bom notar que os resultados são ajustados pelas outras variáveis que integram o modelo. O vetor `post_hoc_twoway_escolaridade` reunirá os resultados.

```
post_hoc_twoway_escolaridade <- emmeans(mod_escolaridade_faixa_etaria,
                                         "escolaridade_grupo") %>%
  pairs(., adj = "bonferroni")
```

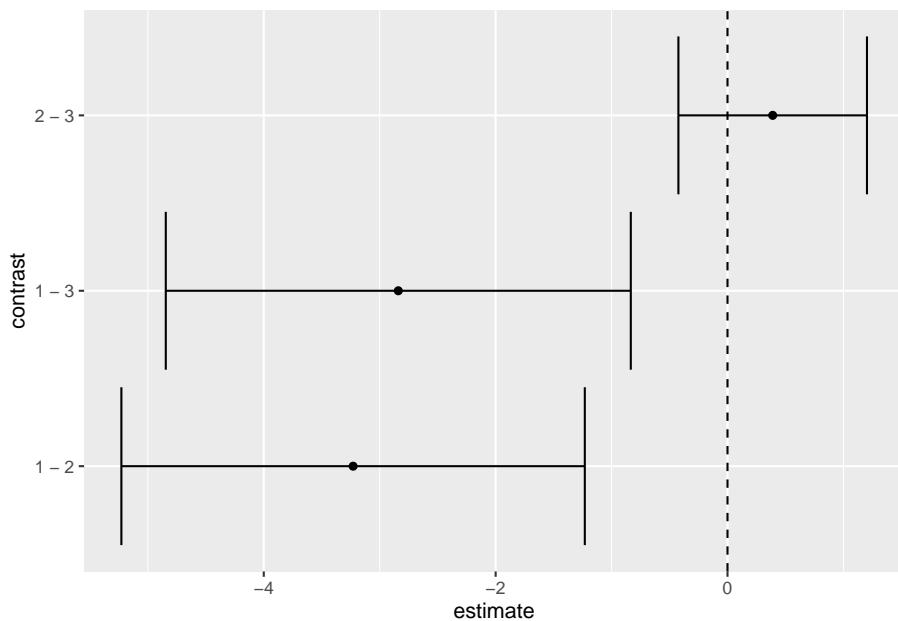
A apresentação formal ocorre por tabelas, tal como a exposta a seguir. A última coluna `p.value` apresenta o valor de P corrigido pela técnica de Bonferroni.

```
post_hoc_twoway_escolaridade %>%
  data.frame() %>%
  pandoc()
```

contrast	estimate	SE	df	t.ratio	p.value
1 - 2	-3.23	0.8339	1427	-3.873	0.0003374
1 - 3	-2.84	0.8368	1427	-3.394	0.002125
2 - 3	0.3898	0.3394	1427	1.149	0.7527

O gráfico a seguir apresenta um resultado mais fácil de interpretar em relação às comparações e também foi realizado também na ANOVA de 1 via. O eixo horizontal tem destaque ao valor 0 e o eixo vertical apresenta todas as comparações. Caso alguma das comparações passe pelo valor 0, isso indica que ela não é significativa.

```
CI <- confint(post_hoc_twoway_escolaridade)
ggplot(mapping = aes(contrast, estimate)) +
  geom_errorbar(aes(ymin = lower.CL, ymax = upper.CL), data = CI) +
  geom_point(data = summary(post_hoc_twoway_escolaridade)) +
  geom_hline(yintercept = 0, linetype = "dashed") +
  scale_size(trans = "reverse") +
  coord_flip()
```



É possível concluir que pessoas com nível fundamental, quando comparadas às pessoas de nível médio ($\beta = 3.23$) e superior ($\beta = 2.84$), apresentam performance

significativamente menor. Pessoas com ensino médio e ensino superior não tem resultados significativamente diferentes.

Para comparar os resultados em função de todos os níveis de faixa_etaria, basta customizar um pouco a função.

```
post_hoc_twoway_faixaetaria <- emmeans(mod_escolaridade_faixa_etaria,
                                         "faixa_etaria") %>%
  pairs(., adj = "bonferroni")
```

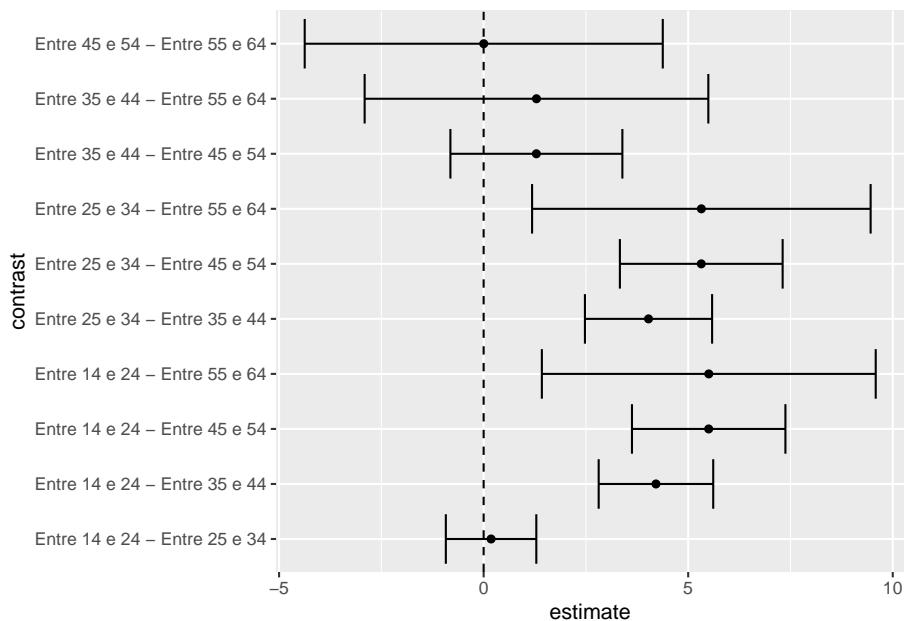
Agora, a tabela apresenta os resultados das comparações etárias de maneira detalhada.

```
post_hoc_twoway_faixaetaria %>%
  data.frame() %>%
  pander()
```

contrast	estimate	SE	df	t.ratio	p.value
Entre 14 e 24 - Entre 25 e 34	0.1818	0.3933	1427	0.4622	1
Entre 14 e 24 - Entre 35 e 44	4.212	0.4979	1427	8.459	6.59e-16
Entre 14 e 24 - Entre 45 e 54	5.501	0.667	1427	8.247	3.654e-15
Entre 14 e 24 - Entre 55 e 64	5.503	1.451	1427	3.792	0.001556
Entre 25 e 34 - Entre 35 e 44	4.03	0.5529	1427	7.289	5.148e-12
Entre 25 e 34 - Entre 45 e 54	5.319	0.7074	1427	7.519	9.698e-13
Entre 25 e 34 - Entre 55 e 64	5.322	1.472	1427	3.616	0.003093
Entre 35 e 44 - Entre 45 e 54	1.289	0.7475	1427	1.724	0.8483
Entre 35 e 44 - Entre 55 e 64	1.292	1.494	1427	0.8644	1
Entre 45 e 54 - Entre 55 e 64	0.002391	1.556	1427	0.001536	1

Conforme previamente descrito, O gráfico é um recurso útil à visualização dos resultados, permitindo que as conclusões se tornem mais fáceis de serem obtidas.

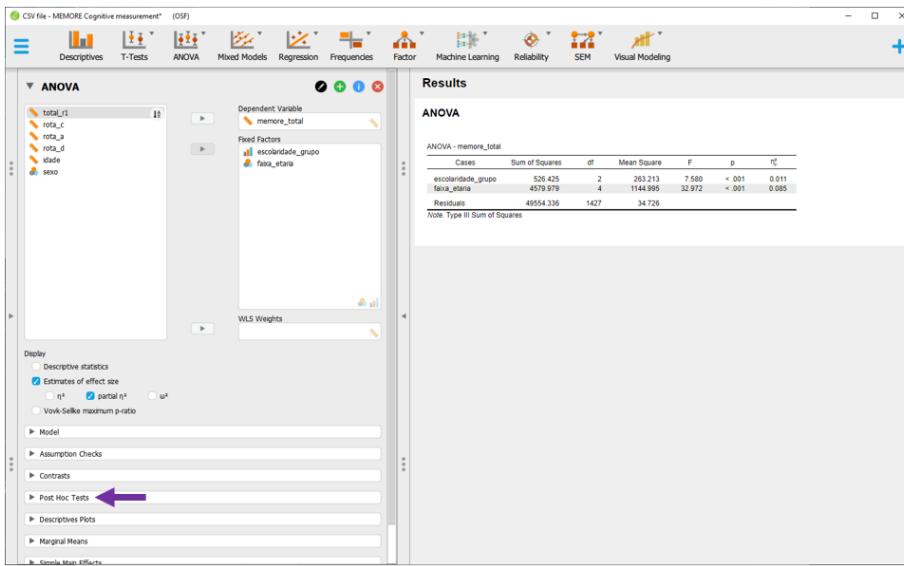
```
CI <- confint(post_hoc_twoway_faixaetaria)
ggplot(mapping = aes(contrast, estimate)) +
  geom_errorbar(aes(ymin = lower.CL, ymax = upper.CL), data = CI) +
  geom_point(data = summary(post_hoc_twoway_faixaetaria)) +
  geom_hline(yintercept = 0, linetype = "dashed") +
  scale_size(trans = "reverse") +
  coord_flip()
```



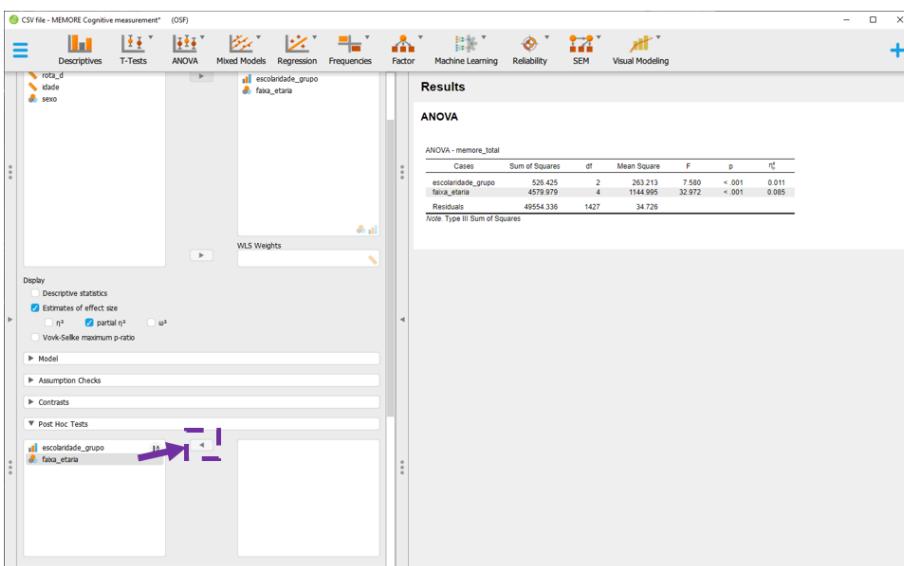
As conclusões indicam que pessoas mais novas (Entre 14 e 24) tem resultados mais elevados do que pessoas Entre 35 e 44, Entre 45 e 54 e Entre 55 e 64. Participantes Entre 25 e 34 também apresentam resultados maiores do que Entre 35 e 44, Entre 45 e 54 e Entre 55 e 64. Não houve diferença significativa Entre 14 e 24 e Entre 25 e 34, bem como Entre 35 e 44 e Entre 45 e 54 e Entre 55 e 64. Finalmente, participantes Entre 45 e 54 e Entre 55 e 64 também não tiveram resultados significativamente diferentes.

12.20 Execução no JASP

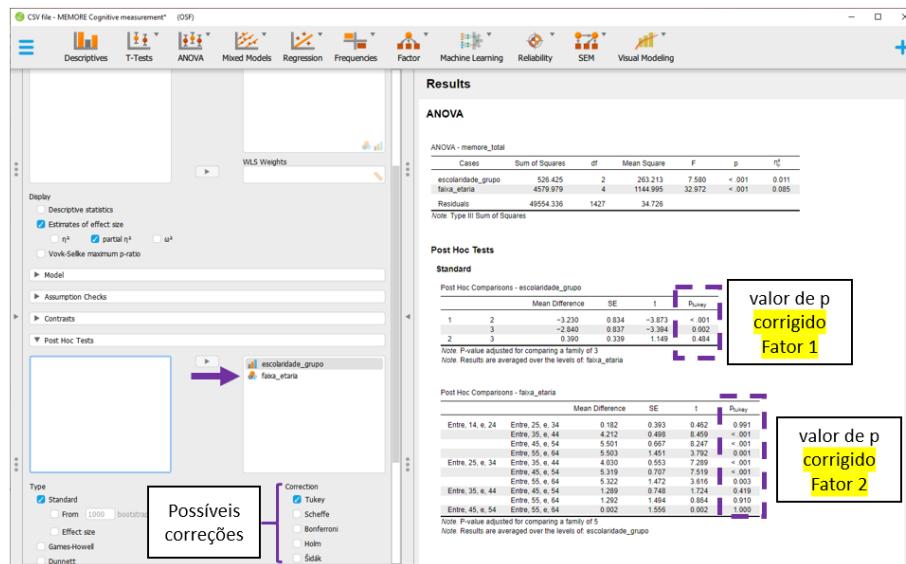
Para executar o post hoc no JASP, é necessário clicar em Post Hoc tests na parte esquerda inferior do programa.



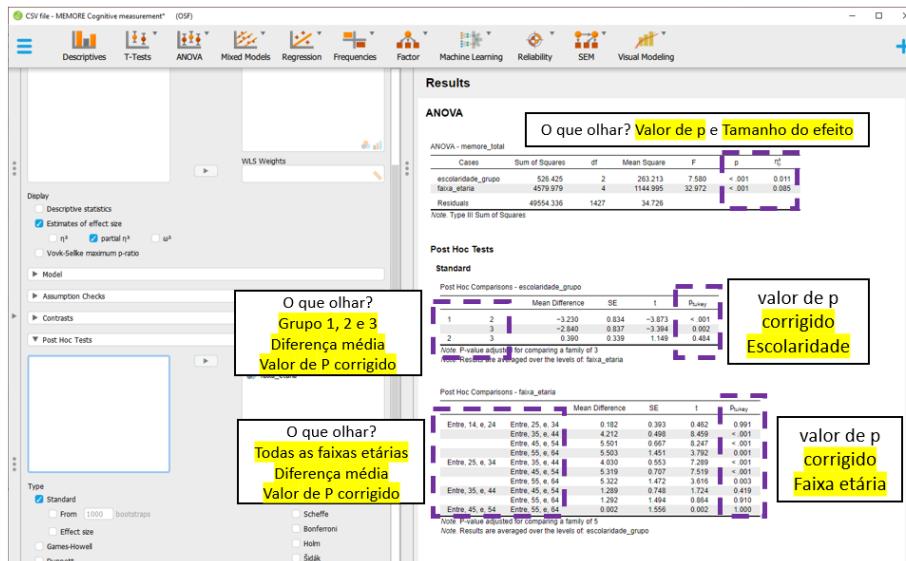
Em seguida, selecionar ambas as variáveis e clicar na seta para deslocá-las para o lado direito.



O JASP apresentará todas as comparações feitas em escolaridade e faixa_etaria, ajustando os resultados por todas as variáveis no modelo e corrigindo o valor de P. Por padrão, a correção de P é feita pelo método de Tukey, que pode ser alterada na seção Correction.

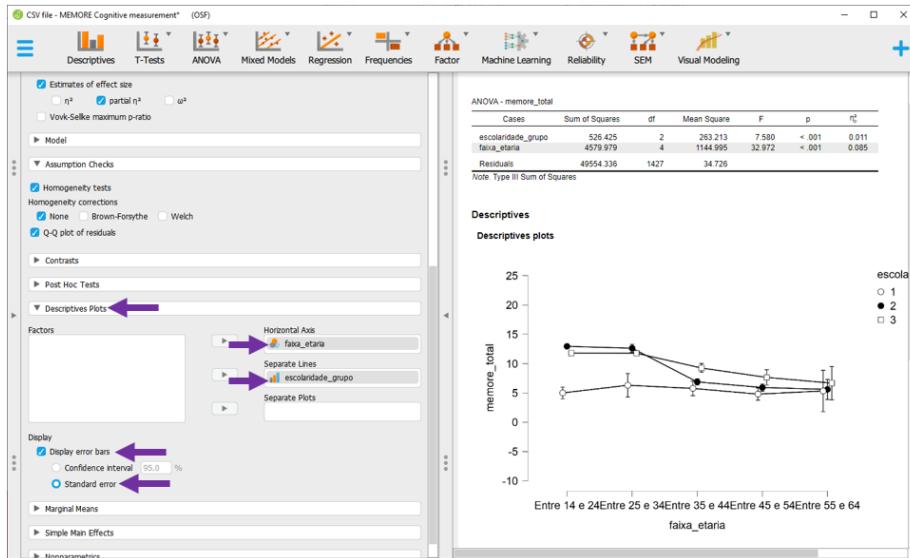


Mesmo sem implementar a correção de Bonferroni, os achados são virtualmente idênticos aos obtidos anteriormente pelo R. É importante ter em mente que as comparações e os sinais podem ser invertidos para que os resultados tornem-se mais facilmente interpretáveis. Essa modificação não impacta em nada a interpretação dos achados.



Gráficos são recursos úteis para descrição destes resultados. Eles podem ser feitos clicando em Descriptives Plots e, em seguida, arrastando a faixa_etaria para Horizontal axis e a escolaridade para Separated lines. Para colocar o erro padrão, é necessário clicar em Display error bars e

Standard error.



Infelizmente, o JASP não realiza um gráfico completo dessa maneira na seção **Descriptives**, tal como apresentado. Por vezes, será necessário primeiro rodar integralmente a ANOVA para depois gerar esta apresentação. Quase sempre, o eixo X recebe a variável com maior quantidade de níveis.

12.21 Escrita dos resultados

Os resultados obtidos agora indicam que tanto a escolaridade como a faixa etária são significativamente relacionadas aos resultados obtidos na avaliação psicológica. Esses achados são convergentes ao que vem sendo demonstrado na literatura. Os resultados devem trazer os achados principais da ANOVA e as comparações pareadas de ambos os fatores, destacando os valores de P corrigidos. O estilo da escrita é baseado nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Os dados obtidos na avaliação psicológica foram analisados por uma ANOVA de duas vias que investigou o efeito da escolaridade e da faixa etária nos resultados. Os achados permitiram concluir que tanto a escolaridade ($F(2, 1427) = 7.58$, $p = 0.001$, $n^2_p = 0.01$), como a faixa etária ($F(4, 1427) = 32.972$, $p < 0.001$, $n^2_p = 0.08$) tiveram efeito significativo nos resultados. Comparações pareadas foram realizadas e os valores de P foram corrigidos pela técnica de Bonferroni. Em relação à escolaridade, pessoas com nível fundamental, quando comparadas às pessoas de nível médio ($\bar{z} = -3.23$, $p < 0.001$) e superior ($\bar{z} = -2.84$, $p < 0.001$) apresentam performance significativamente menor. Não houve diferença entre

participantes com ensino médio e ensino superior. Em relação à faixa etária, participantes entre 14 e 24 anos apresentam performance significativamente mais elevada do que participantes entre 35 e 44 ($^3 = 4.21$, $p < 0.001$), entre 45 e 54 ($^3 = 5.50$, $p < 0.001$) e entre 55 e 64 anos ($^3 = 5.50$, $p < 0.001$). Participantes entre 25 e 34 anos também apresentam performance significativamente superior do que participantes entre 35 e 44 anos ($^3 = 4.03$, $p < 0.001$), entre 45 e 54 ($^3 = 5.32$, $p < 0.001$) e entre 55 e 64 anos ($^3 = 5.32$, $p < 0.001$). Não houve diferença significativa na performance do grupo entre 14 e 24 anos do grupo entre 25 e 34, bem como entre o grupo entre 35 e 44 e 55 e 64. Também não houve diferença significativa entre os participantes com idades entre 45 e 54 daqueles com idade entre 55 e 64.

12.22 Resumo

1. A ANOVA de duas vias pode ser modelada por um modelo aditivo ou não-aditivo
 2. O modelo aditivo não define interação entre os fatores, enquanto o não-aditivo sim
 3. Gráficos podem ser feitos antes das análises para auxiliar na interpretação dos resultados
 4. A interpretação dos resultados de um fator é ajustada pelo outro
 5. Os post hoc devem ser feitos individualmente para cada fator
-

12.23 ANOVA Fatorial

A ANOVA Fatorial é uma ANOVA de 2 (ou mais) vias, em que se estipulam interações entre os fatores. O conceito de interação se aplica em condições em que o modelo apresenta dois ou mais fatores e o efeito de um fator no desfecho depende do nível dos outros fatores. É possível perceber que este tipo de modelagem estatística costuma vir mais por perguntas específicas e teóricas do que por análises puramente exploratórias.

Na prática, na maior parte do tempo que um pesquisador pensa em uma ANOVA de 2 vias, o interesse justamente é o de testar se os fatores apresentam (ou não) uma interação. Talvez seja por isso que a maioria dos programas comerciais realizam, por padrão, uma ANOVA Fatorial quando se solicita uma ANOVA de 2 vias.

Conceitualmente, na ANOVA Fatorial, temos:

$$y_i = b_0 + b_1 X_{1i} + b_2 X_{2i} + b_3 (X_{1i} * X_{2i}) + \epsilon_i$$

y_i representa a variável dependente
 b_0 é o intercepto (coeficiente linear)
 b_1 é a inclinação da primeira VI
 X_1 é a primeira variável independente
 b_2 é a inclinação da segunda VI
 X_2 é a segunda variável independente
 b_3 é a inclinação da interação
 ϵ_i é o erro/resíduo

Graficamente, a interação é tipicamente vista pelo cruzamento das linhas. O gráfico a seguir reproduz os resultados da pesquisa intitulada “Context-dependent memory in two natural environments: on land and underwater”, de Godden e Baddeley. Os pesquisadores pediram que participantes memorizassem um conjunto de palavras ou embaixo d'água ou na terra. Após algum tempo, eles solicitaram que os participantes recordassem as palavras em um ambiente convergente ou divergente daquele inicial. Assim, era possível que os participantes aprendessem as palavras embaixo d'água e depois tivessem de recordá-las em terra, por exemplo. Os resultados indicaram um efeito de interação.

```
set.seed(1)
data.frame(atribuicao = rnorm(200,10,0.5),
           auto_estima = c("Embaixo d'agua","Em terra"),
           resultado = c(rep("Embaixo d'agua", 100),
                         rep("Em terra", 100))) %>%
  mutate(atribuicao = case_when(
    auto_estima == "Embaixo d'agua" &
      resultado == "Embaixo d'agua" ~ atribuicao*1.2,
    auto_estima == "Em terra" &
      resultado == "Embaixo d'agua" ~
        atribuicao*0.9,
    auto_estima == "Embaixo d'agua" &
      resultado == "Em terra" ~ atribuicao*0.9,
    auto_estima == "Em terra" &
      resultado == "Em terra" ~ atribuicao*1.2)) %>%
ggplot(., aes(x = resultado, y = atribuicao,
              color = auto_estima, group = auto_estima)) +
  geom_point(size = 2,alpha=0.2) +
  geom_line(size=1.2) +
  ylim(c(7,14)) +
  labs(x = "Ambiente de aprendizagem",
       y = "Palavras lembradas",
```

```
color = "Ambiente da recordação") +
theme_bw()
```

12.24 Execução no R

No R, será necessário alterar os **contrastes** para assegurar que os valores obtidos serão os mesmos dos programas comerciais e, consequentemente, irão ter a mesma interpretação. Para isso, basta rodar a linha de código a seguir:

```
options(contrasts = c("contr.helmert", "contr.poly"))
```

Após esta etapa, todo o restante segue o mesmo padrão da feita anteriormente, iniciando pela codificação dos dados. É importante frisar que erros nesta etapa podem distorcer totalmente os resultados. Na variável faixa etária há rótulos para cada intervalo, tornando a interpretação bastante fácil e intuitiva. Na variável escolaridade, se utilizou valores de 1 a 3 para identificar o ensino fundamental, médio e superior.

```
ds <- ds %>%
  mutate(escolaridade_grupo = factor(escolaridade_grupo),
        faixa_etaria = factor(faixa_etaria))
```

Os dados apresentam casos ausentes na variável faxa etária e escolaridade. Muitas ações podem ser feitas para lidar com esta condição. No entanto, apenas para finalidade pedagógica, esses valores não serão utilizados nestas análises de agora.

```
ds <- ds %>%
  filter(!is.na(faixa_etaria) & !is.na(escolaridade_grupo))
```

A apresentação de tabelas e gráficos que possibilitem uma primeira descrição dos dados é importante e deve ser realizado. Na tabela a seguir, as linhas irão reunir a faixa etária, enquanto as colunas reunirão a escolaridade.

```
ds %>%
  group_by(escolaridade_grupo, faixa_etaria) %>%
  summarise_at(vars(memore_total), lst(n=~n(), mean, sd)) %>%
  pivot_wider(names_from = escolaridade_grupo, #indexador único
```

```

    names_sep = "_", #pode ser removido
    values_from = c(n:sd)) %>% #organizar valores
pander(., split.table = Inf)

```

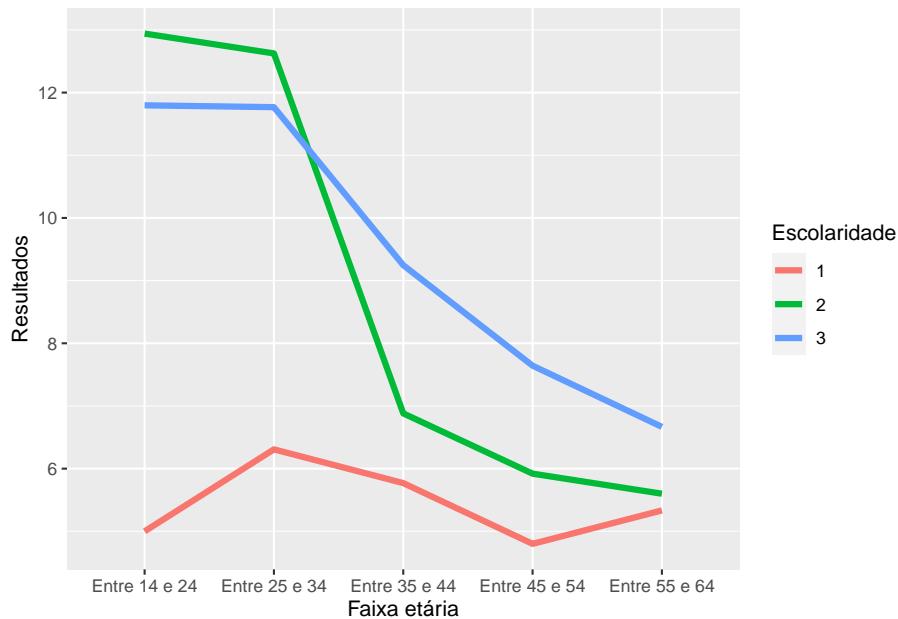
faixa_etaria	n_1	n_2	n_3	mean_1	mean_2	mean_3	sd_1	sd_2	sd_3
Entre 14 e 24	2	240	580	5	12.94	11.8	1.414	5.377	5.81
Entre 25 e 34	13	112	189	6.308	12.62	11.77	7.25	7.088	6.066
Entre 35 e 44	26	93	69	5.769	6.882	9.246	6.308	5.128	6.251
Entre 45 e 54	15	50	28	4.8	5.92	7.643	4.057	4.517	6.843
Entre 55 e 64	3	5	9	5.333	5.6	6.667	6.11	3.847	8.544

Diferente do proposto na ANOVA de 2 vias aditiva, o gráfico agora deve ser o mais completo o possível, indicando as três variáveis que estão sendo trabalhadas: escolaridade, faixa etária e memore_total. Tipicamente, no eixo X se coloca a VI com mais níveis, enquanto no agrupador (ou cluster), se coloca a VI com menos.

```

ggplot(ds, aes(x = faixa_etaria, y = memore_total,
               color = escolaridade_grupo,
               group = escolaridade_grupo)) +
  stat_summary(geom = "line", fun = mean, size=1.5) +
  labs(x = "Faixa etária", y = "Resultados",
       color = "Escolaridade")

```



O gráfico parece indicar que a performance no teste varia tanto em função da idade, como em função da escolaridade do participante. Por exemplo, pessoas entre 14 e 24 anos, bem como entre 25 e 34 anos com ensino médio apresentam o desempenho mais elevado quando comparadas com os outros participantes. No entanto, isso começa a se alterar aos 35 anos. Para estes participantes e aqueles mais velhos, o ensino superior parece ser o principal determinante.

Agora, formalmente a modelagem estatística será feita. Os passos devem ser exatamente os mesmos executados anteriormente, incluindo a verificação de pressupostos e interpretação dos resultados. Para realizar a ANOVA Fatorial, é possível contar com a função `lm` ou `aov`. Aqui, a escolha da `lm` foi apenas por conveniência e o vetor `mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial` irá armazenar os resultados.

```
mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial <- lm(memore_total ~
                                              escolaridade_grupo *
                                              faixa_etaria, ds)
```

Repare que não é preciso descrever integralmente a equação na linha de código. Ao usar o símbolo `*`, o R já faz o restante.

A tabela padronizada da ANOVA Fatorial, disponível na maioria dos pacotes comerciais, é a seguinte:

Fonte de variação	Soma dos Quadrados	Graus de liberdade	Quadrado médio	Estat. F
Fator (A)	Entre (SS(A))	K(A)-1	MS(A) = SS(A)/K-1	F = MS(A)/MSW
Fator (B)	Entre (SS(B))	K(B)-1	MS(B) = SS(B)/K-1	F = MS(B)/MSW
Interação (AB)	Entre (SS(AB))	(K(A)-1)*(K(B)-1)	MS(AB) = SS(AB)/(K(A)-1)*(K(B)-1)	F = MS(AB)/MSW
Resíduo	Dentro (SSW)	N- (K(A)*K(B))	MSW = SSW/N- (K(A)*K(B))	

Posto isso, os resultados obtidos são:

```
apaTables::apa.aov.table(mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial)$table_body %>%
  pander(., split.table = Inf)
```

Predictor	SS	df	MS	F	p	partial_eta	CI_90	partial_eta2
(Intercept)	9803.04	1	9803.04	284.65	.000			
escolaridade_gr	35.13	2	167.56	4.87	.008	.01	[.00, .01]	
faixa_etaria	949.77	4	237.44	6.89	.000	.02	[.01, .03]	
escolaridade_gr	684.88	8	85.61	2.49	.011	.01	[.00, .02]	
x								
faixa_etaria								
Error	48869.45	1419	34.44					

A interpretação de uma ANOVA Fatorial tem algumas heurísticas:

1. Sempre se começa pela interação (ou seja, de baixo para cima)
2. Caso a interação seja significativa, não se interpreta os efeitos principais
3. Caso a interação não seja significativa, a interpretação é a mesma da ANOVA de 1 ou 2 vias, anteriormente descritas

No caso de agora, os achados indicam que o efeito da interação entre escolaridade e faixa etária é significativo ($F(8, 1419) = 2.49$, $p = 0.011$, $n2p = 0.1$, 90% CI [.00 .02]), bem como são também significativos os efeitos da escolaridade ($F(2, 1419) = 4.87$, $p = 0.008$, $n2p = 0.01$, 90% CI [.00 .01]) e da faixa etária ($F(4,$

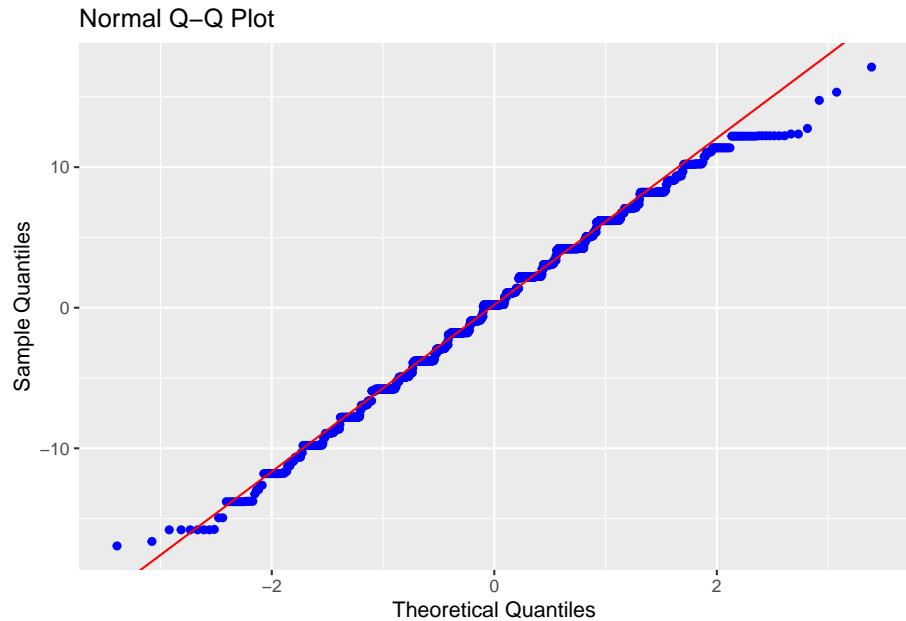
$F(1419) = 6.89$, $p < 0.001$, $n^2p = 0.02$, 90% CI [.01 .03]). Como a interação foi significativa, deve-se evitar a interpretação dos efeitos principais, uma vez que os níveis de um fator podem impactar na interpretação de outro.

Note que a métrica do tamanho do efeito é o η_p^2 e já está na tabela. Sua interpretação é a mesma dos modelos mostrados anteriormente neste capítulo.

Da mesma forma que apresentado no decorrer deste capítulo, a validade da interpretação dos resultados depende dos pressupostos do modelo estatístico. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017).

Normalidade: O QQ plot abaixo apresenta os valores teóricos e empíricos. Caso ambas as linhas estejam sobrepostas, isso apoia que o pressuposto da normalidade foi atendido. Neste caso, isso não parece ocorrer.

```
olsrr::ols_plot_resid_qq(mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial)
```



O Shapiro-wilk, Anderson-Darling e Jarque Bera também podem ser utilizado neste caso. A hipótese nula desses testes assume que os resíduos são normalmente distribuídos.

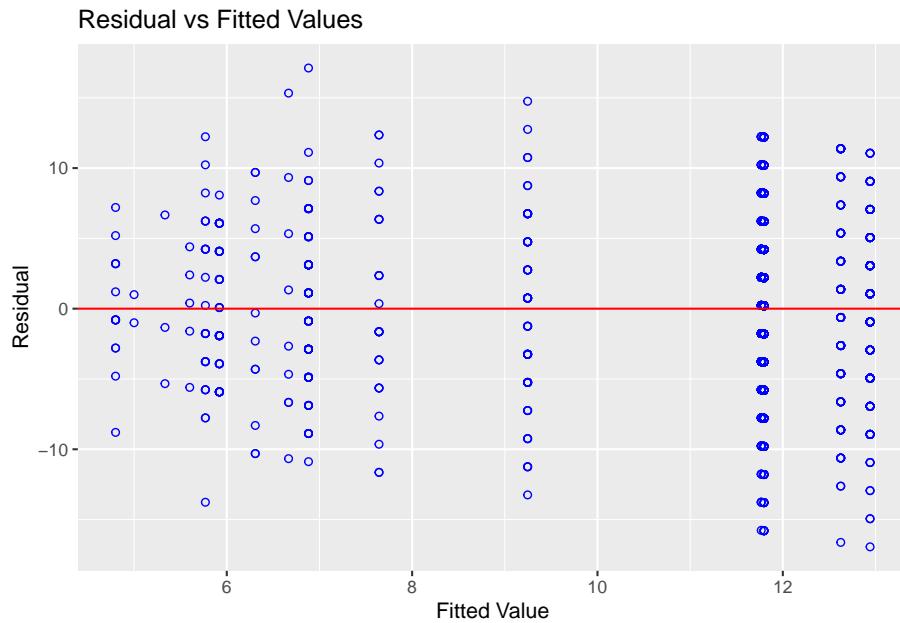
```
shapiro.test(residuals(mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial))
```

```
##  
## Shapiro-Wilk normality test  
##  
## data: residuals(mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial)  
## W = 0.99412, p-value = 1.898e-05
```

Os resultados de ambas as técnicas foram similares, indicando a violação da normalidade dos resíduos.

Homocedasticidade: Este pressuposto pode ser testado por um gráfico dos resíduos contra os valores previstos. O ideal é não encontrar padrões no gráfico.

```
olsrr::ols_plot_resid_fit(mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial)
```



O teste de Levene, de Bartlett ou de Breusch-Pagan podem também serem utilizados de maneira formal. Eles estipulam H_0 como homocedasticidade e, idealmente, não deve ser rejeitada.

```
olsrr::ols_test_breusch_pagan(mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial)
```

```
##  
## Breusch Pagan Test for Heteroskedasticity  
## -----  
## Ho: the variance is constant  
## Ha: the variance is not constant  
##  
## Data  
## -----  
## Response : memore_total  
## Variables: fitted values of memore_total  
##  
## Test Summary  
## -----  
## DF = 1  
## Chi2 = 2.116801  
## Prob > Chi2 = 0.1456906
```

Os resultados obtidos pelo teste de **Breusch Pagan Test** indicaram que a homocedasticidade foi preservada.

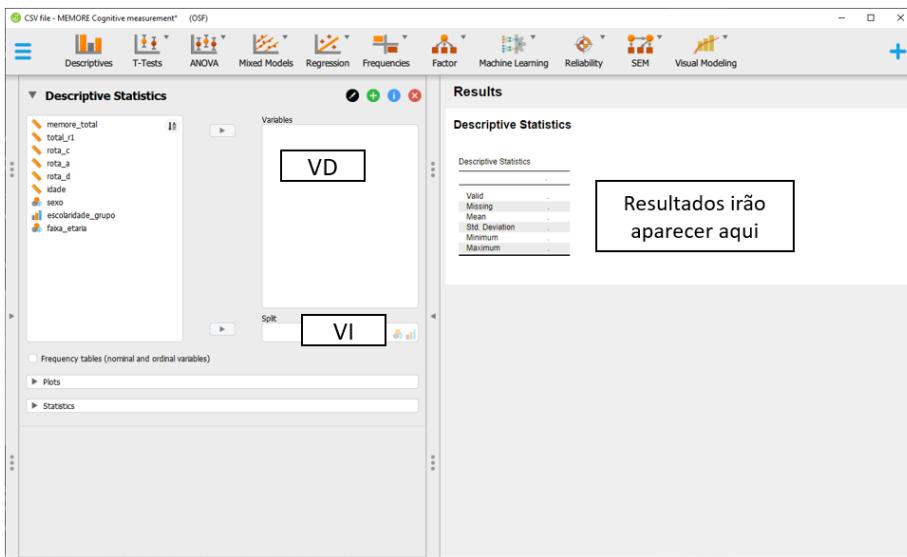
Independência: Esse pressuposto frequentemente não é testado na ANOVA, apesar de ser uma exigência dos modelos lineares. De fato, uma vez que esperase que os grupos sejam mutuamente excludentes, teria pouco sentido acreditar que os resíduos não fossem independentes.

12.25 Execução no JASP

Para executar a ANOVA Fatorial no JASP, será necessário baixar a base intitulada CSV file - MEMORE Cognitive measurement.csv. Após carregar os dados no programa, a seção **Descriptives** apresentará o gráfico inicial dos resultados.

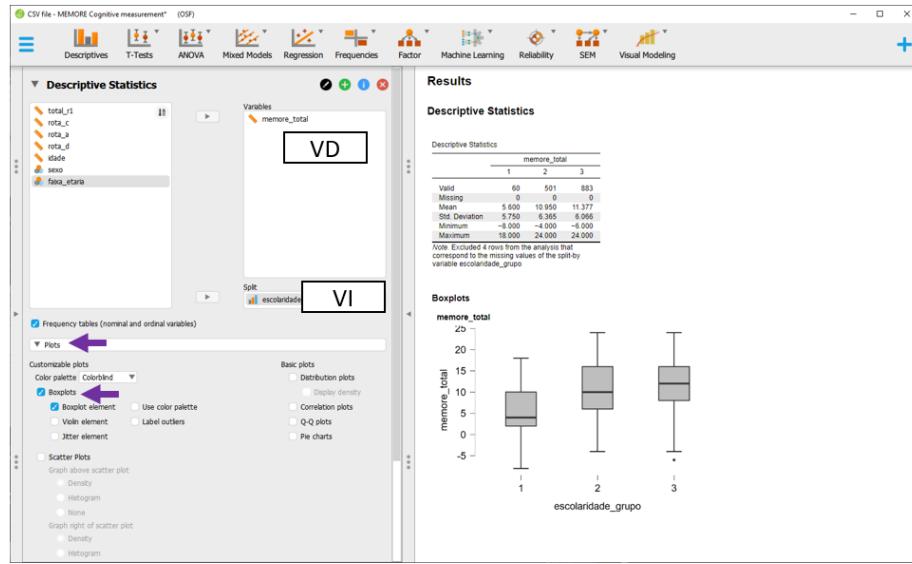
		rota_total	total_1	rota_c	rota_a	rota_d	idade	sexo	escolaridade_grupo	faixa_etaria
1	24		157.667	191	128	23	Fem	3	Entre 14 e 24	
2	24		124	45.6667	97.3333	35	Fem	2	Entre 35 e 44	
3	24		143	133	125.333	21	Masc	2	Entre 14 e 24	
4	24		200	219.333	143.667	31	Fem	3	Entre 25 e 34	
5	24				19		Fem	3	Entre 14 e 24	
6	24		118	115	69.3333	39	Fem	3	Entre 35 e 44	
7	24		213	140	122.333	28	Masc	2	Entre 25 e 34	
8	24		233	214.667	161.333	25	Masc	2	Entre 25 e 34	
9	24		176.667	197	111.667	22	Fem	3	Entre 14 e 24	
10	24		221	144	136	22	Masc	2	Entre 14 e 24	
11	24		190	154.667	153.333	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
12	24		113	115	80	19	Fem	3	Entre 14 e 24	
13	24		183.667	207	135	25	Masc	2	Entre 25 e 34	
14	24		128	140	102	19	Fem	3	Entre 14 e 24	
15	24		195	168	142.333	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
16	24		192	177	128.333	24	Masc	3	Entre 14 e 24	
17	24		229	240	139	28	Masc	3	Entre 25 e 34	
18	24		192	132	79.6667	20	Masc	2	Entre 14 e 24	
19	24		172.667	170	118.667	18	Fem	3	Entre 14 e 24	
20	24				19		Fem	3	Entre 14 e 24	
21	24		157.667	168	134	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
22	24		210.333	192	141	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
23	24		206.667	168	136.333	28	Masc	2	Entre 25 e 34	
24	24		127.667	157.667	115	19	Fem	3	Entre 14 e 24	

Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadores. Na prática, a lista **Variables** irá reunir as variáveis dependentes, enquanto a variável independente será colocada na seção **Split**. É importante atentar à opção **Frequency tables** (nominal and ordinal), que deve ser marcada quando o nível de medida da variável de interesse for nominal ou ordinal.

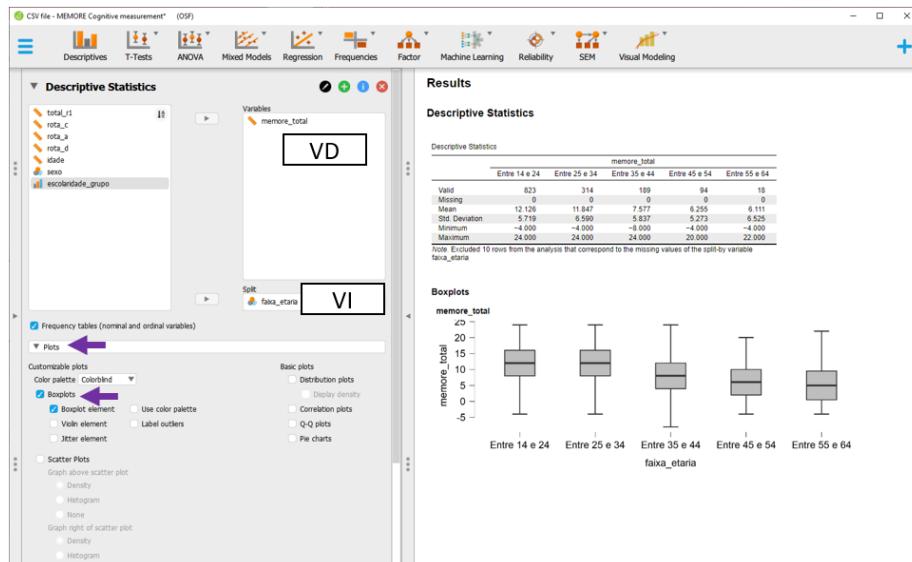


Em seguida, ao clicar na opção **Plots**, será possível selecionar o **Boxplot** e **Boxplot element**. O gráfico aparecerá abaixo da tabela e irá apresentar diferentes informações estatísticas da distribuição dos resultados da avaliação psi-

cológica em função dos níveis de escolaridade. Uma visualização preliminar indica que pessoas com escolaridade mais elevada (níveis 2 e 3) apresentam resultados maiores do que pessoas com o primeiro nível de escolaridade.

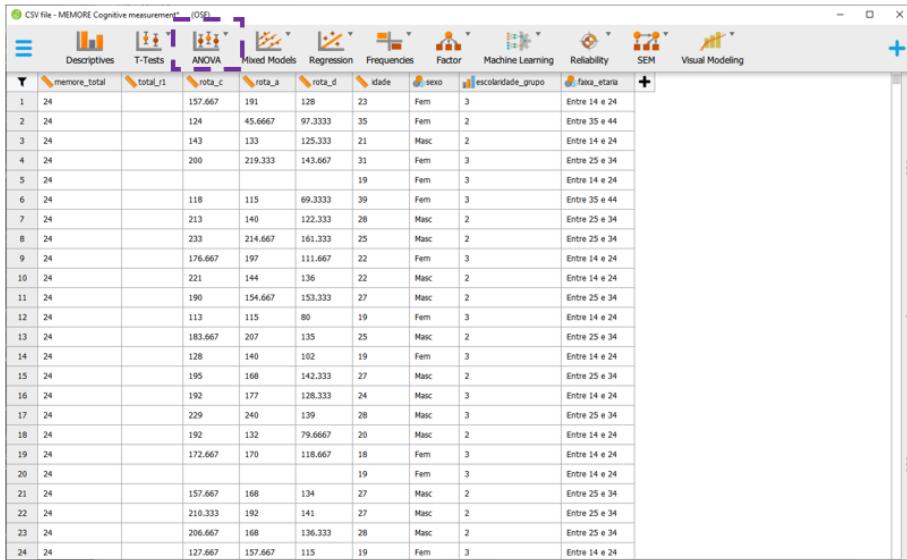


Para alterar esta descrição, basta modificar as variáveis de interesse, colocando a faixa_etária, por exemplo. A visualização sugere um padrão, em que pessoas mais velhas apresentam menor desempenho.



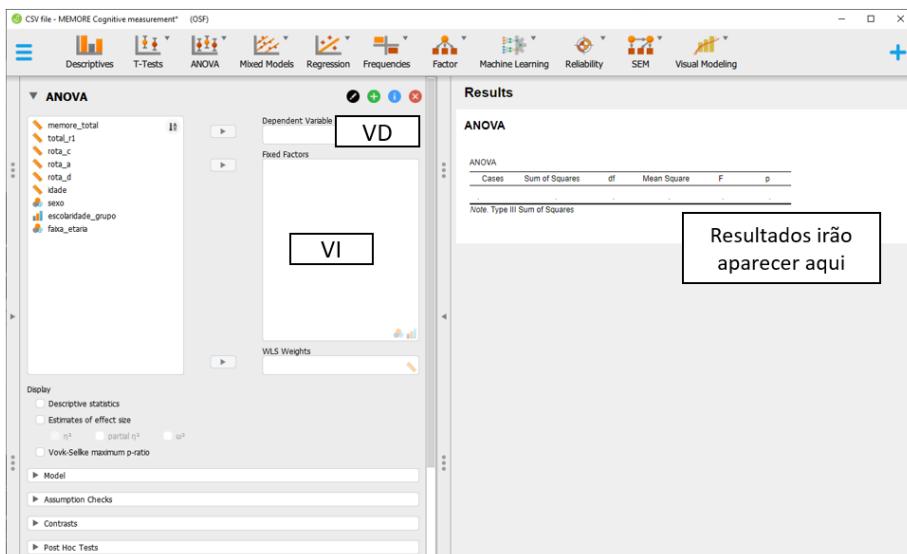
Por padrão, o JASP não permite integrar os gráficos nesta seção. Isso será realizado posteriormente. Para executar a ANOVA, será necessário clicar na

opção ANOVA, Classical e ANOVA.



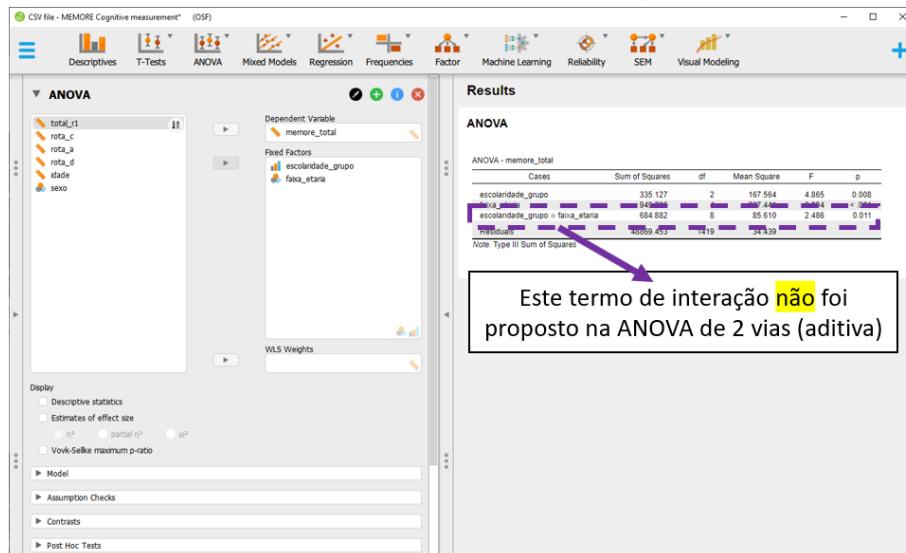
	memore_total	total_r1	rota_c	rota_a	rota_d	idade	sexo	escolaridade_grupo	faixa_etaria
1	24	157.667	191	128	23	Fem	3	Entre 14 e 24	
2	24	124	45.6667	97.3333	35	Fem	2	Entre 35 e 44	
3	24	143	133	125.333	21	Masc	2	Entre 14 e 24	
4	24	200	219.333	143.667	31	Fem	3	Entre 25 e 34	
5	24				19	Fem	3	Entre 14 e 24	
6	24	118	115	69.3333	39	Fem	3	Entre 35 e 44	
7	24	213	140	122.333	28	Masc	2	Entre 25 e 34	
8	24	233	214.667	161.333	25	Masc	2	Entre 25 e 34	
9	24	176.667	197	111.667	22	Fem	3	Entre 14 e 24	
10	24	221	144	136	22	Masc	2	Entre 14 e 24	
11	24	190	154.667	153.333	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
12	24	113	115	80	19	Fem	3	Entre 14 e 24	
13	24	183.667	207	135	25	Masc	2	Entre 25 e 34	
14	24	128	140	102	19	Fem	3	Entre 14 e 24	
15	24	195	168	142.333	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
16	24	192	177	128.333	24	Masc	3	Entre 14 e 24	
17	24	229	240	139	28	Masc	3	Entre 25 e 34	
18	24	192	132	79.6667	20	Masc	2	Entre 14 e 24	
19	24	172.667	170	118.667	18	Fem	3	Entre 14 e 24	
20	24				19	Fem	3	Entre 14 e 24	
21	24	157.667	168	134	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
22	24	210.333	192	141	27	Masc	2	Entre 25 e 34	
23	24	206.667	168	136.333	28	Masc	2	Entre 25 e 34	
24	24	127.667	157.667	115	19	Fem	3	Entre 14 e 24	

Essa etapa é similar a que foi feita na ANOVA de 1 via. Ao realizar isso, a tela a ser exibida será próxima à imagem a seguir.

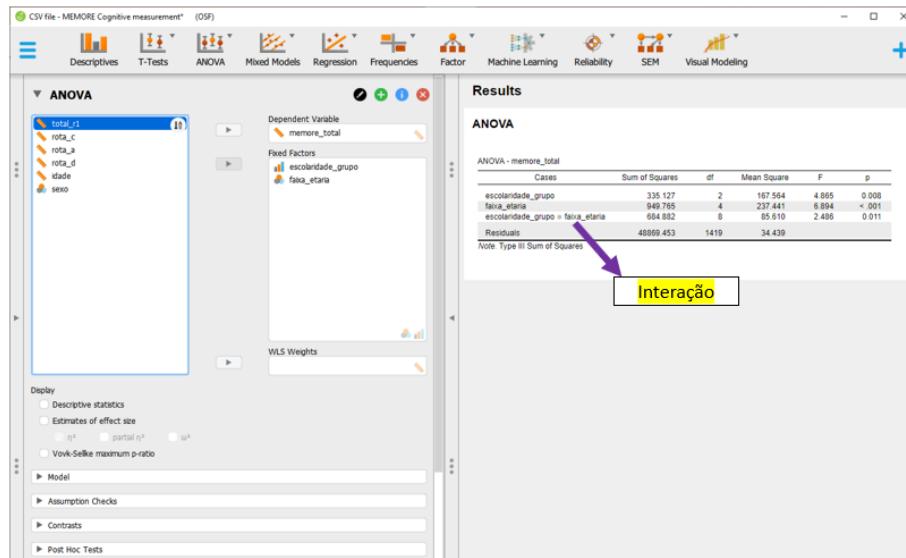


The screenshot shows the JASP interface for performing a two-way ANOVA. In the 'ANOVA' dialog, the dependent variable 'VD' is selected. The 'Fixed factors' section is currently empty. The 'Results' pane is visible on the right, with a callout box indicating where the results will appear. The 'Display' section includes options for descriptive statistics, effect sizes (η^2 , partial η^2 , ω^2), and Vovk-Selke maximum p-ratio. Other sections like Model, Assumption Checks, Contrasts, and Post Hoc Tests are also present.

O espaço de Fixed factors é o local onde as duas VIs deverão ser inseridas. O espaço Dependent Variable é o local onde a VD contínua irá ser inserida. Para realizar a ANOVA de duas vias, as variáveis escolaridade e faixa_etaria deverão ser arrastadas para Fixed factors. A variável memore_total deverá ser colocada em Dependent Variable.

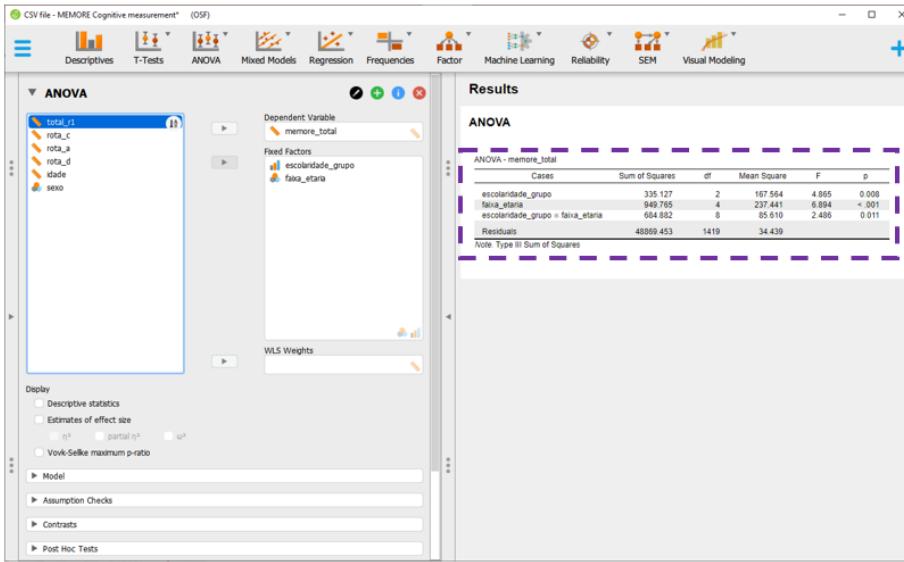


O JASP automaticamente irá realizar as contas e apresentar os resultados da ANOVA Fatorial. Repare que, diferente do modelo visto anteriormente, agora a ANOVA reúne os resultados de **escolaridade**, **faixa etária** e **escolaridade x faixa etária**.

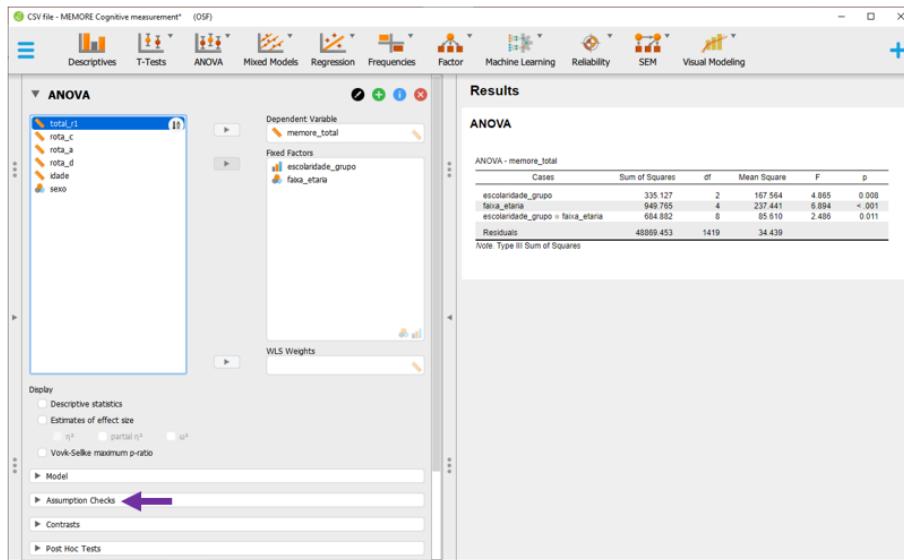


Pragmaticamente, o valor de P é o indicador costumeiramente utilizado para tomar decisões inferenciais. Os valores são exatamente os mesmos obtidos anteriormente na modelagem pelo R, indicando que o efeito da interação entre escolaridade e faixa etária é significativo ($F(8, 1419) = 2.49, p = 0.011$), bem como são também significativos os efeitos da escolaridade ($F(2, 1419) = 4.87, p$

$= 0.008$) e da faixa etária ($F(4, 1419) = 6.89, p < 0.001$). Como a interação foi significativa, deve-se evitar a interpretação dos efeitos principais, uma vez que os níveis de um fator podem impactar na interpretação de outro.

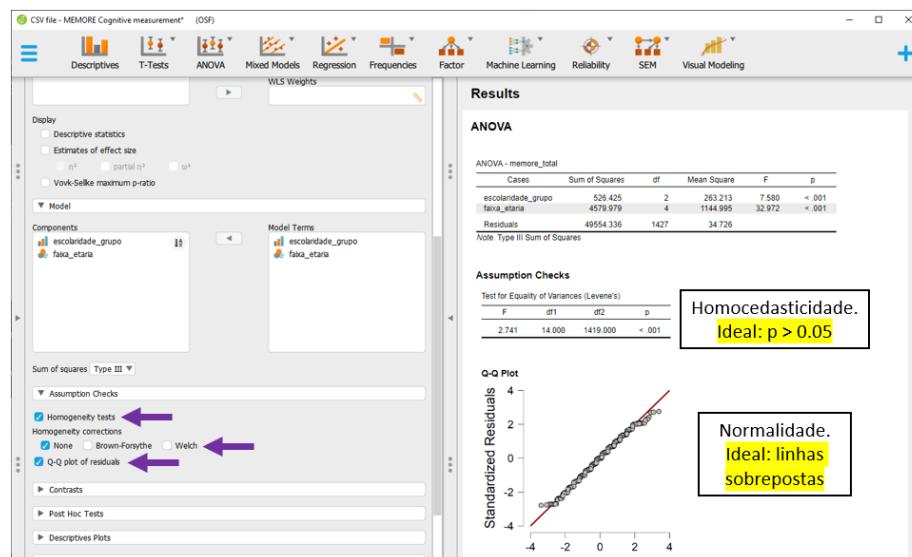


Esta tabela inicial não apresenta o tamanho do efeito e também não indica se o modelo respeitou ou violou os pressupostos. Para verificar se os pressupostos de normalidade e homocedasticidade foram respeitados, é necessário clicar em **Assumption checks**.



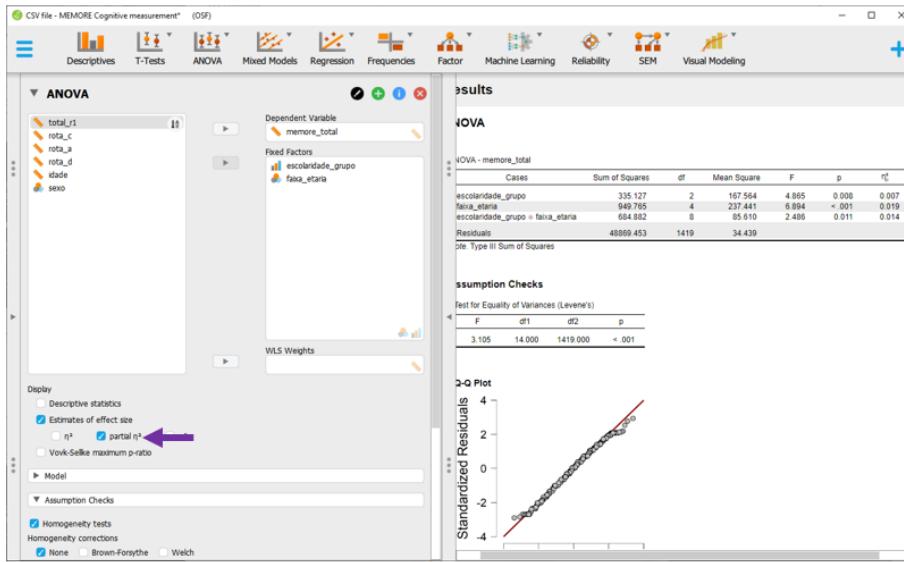
As opções Homogeneity tests e Q-Q plot of residuals deverão ser mar-

cadas. Repare que pela impressão visual, a normalidade não foi mantida. Além disso, a homocedasticidade foi também violada. É importante ter uma atenção que os resultados do JASP foram divergentes dos resultados do R. Isso se dá pelo teste de homocedasticidade utilizado. No R, o teste foi o **breusch Pagan**, enquanto no JASP foi o de **Levene**.

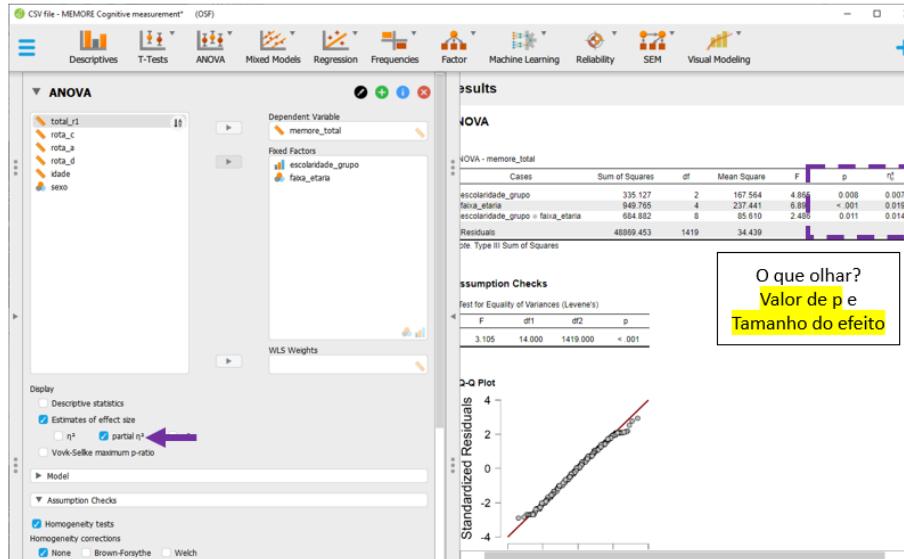


Existem algumas saídas para isso, que vão desde modificar a modelagem até não corrigir tais condições e justificar metodologicamente esta escolha. No ambiente JASP, ambas as correções propostas para violação da homocedasticidade não são possíveis para uma ANOVA de 2 vias (incluindo a Fatorial). Assim, mesmo com ambas as violações, o modelo utilizado não apresentará nenhum ajuste.

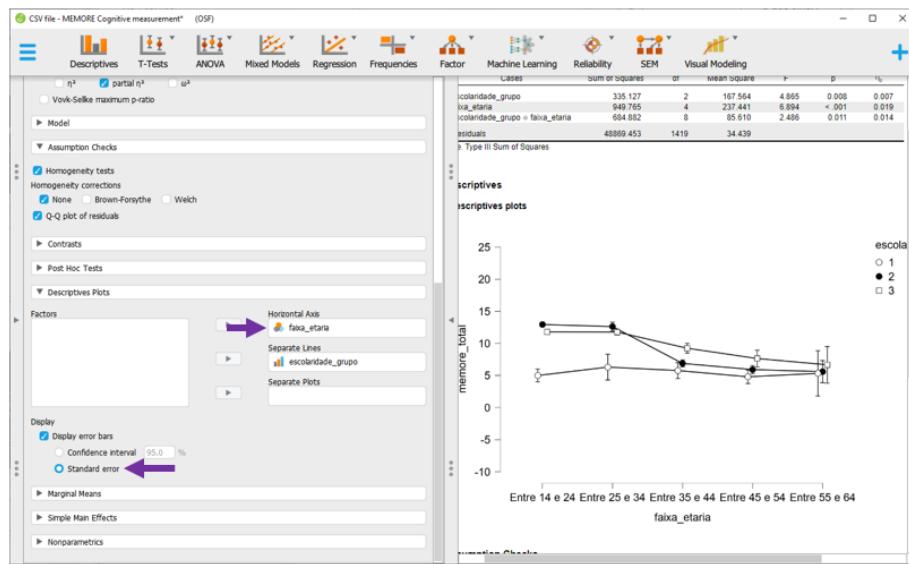
Antes de voltar à interpretação da ANOVA, é necessário inserir o tamanho do efeito. Para isso, basta clicar em **Estimates of effect size** e, em seguida, no **eta quadrado parcial (η^2_p)**. Diferente de uma ANOVA de 1 via, os resultados do η^2_p serão diferentes do (η^2) . Uma vez que a ANOVA Fatorial apresenta dois preditores, o η^2_p informa a variância explicada por cada uma das variáveis após excluir a variância explicada pelas outras.



Agora, a interpretação agora pode ser feita integralmente. O valor de P irá indicar se a hipótese nula foi rejeitada ou não e o tamanho do efeito irá indicar a relevância da possível diferença, com interpretação disposta na tabela precedente neste capítulo.



Gráficos específicos são recursos úteis para descrição destes resultados. Eles podem ser feitos clicando em Descriptives Plots, arrastando a faixa_etaria para Horizontal axis e a escolaridade para Separated lines. Para colocar o erro padrão, é necessário clicar em Display error bars e Standard error.



Infelizmente, o JASP não realiza um gráfico completo dessa maneira na seção **Descriptives**, tal como apresentado. Por vezes, será necessário primeiro rodar integralmente a ANOVA para depois gerar esta apresentação. Quase sempre, o eixo X recebe a variável com maior quantidade de níveis.

12.26 Escrita dos resultados

Os resultados serão escritos apresentando os achados principais da ANOVA, destacando se o efeito da interação foi significativo ou não. O estilo da escrita é baseado nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Os dados obtidos na avaliação psicológica foram analisados por uma ANOVA Fatorial para investigar o efeito da escolaridade, faixa etária, e de uma interação entre esses dois fatores nos resultados. Os resultados concluíram que a interação entre os fatores foi significativa ($F(8, 1419) = 2.486, p = 0.011, n^2 = 0.014$), bem como a escolaridade ($F(2, 1419) = 4.865, p = 0.008, n^2 = 0.007$) e a faixa etária ($F(4, 1419) = 2.6.894, p < 0.001, n^2 = 0.019$).

12.27 Resumo

1. A ANOVA Fatorial é um modelo feito para testar se os fatores apresentam ou não uma interação

2. A interpretação do modelo deve começar pela interação. Caso significativa, não se interpreta os efeitos principais
3. Os gráficos costumam ser ótimos recursos para entender o padrão dos resultados de maneira rápida

De forma análoga ao que aconteceu nos outros exemplos, os resultados até aqui obtidos não indicam quais níveis em que as diferenças podem existir. Testes post hoc são necessários para responder à esta pergunta

12.28 Post hoc

Normalmente, os post hocs são feitos após o pesquisador olhar os gráficos e os resultados obtidos, o que justifica este nome. As comparações Post hoc de uma ANOVA Fatorial podem ser feitas de duas maneiras, a depender do interesse do pesquisador. É possível comparar todos os níveis presentes em ambas as variáveis ou comparar todos os níveis de uma variável específica, enquanto outra é mantida constante. No primeiro caso, um exemplo seria a comparação de pessoas com ensino fundamental entre 14 e 24 anos contra pessoas com ensino superior entre 35 e 44 anos. No segundo caso, a comparação ocorreria entre todas as faixas de escolaridade em pessoas entre 14 e 24 anos ou pessoas entre 25 e 34 anos, etc.

Os programas estatísticos comerciais tendem a realizar o segundo formato de análise, em que todas as interações intra-níveis são feitas após manter um nível de outro fator constante. Uma hipótese é que essa escolha ocorre para prevenir o erro do tipo 2. Uma vez que as correções para valor de P implementadas dependem da quantidade de comparações feitas, ao se comparar todos os níveis de um fator contra todos os níveis de outro fator, seria pouco provável ter resultados significativos.

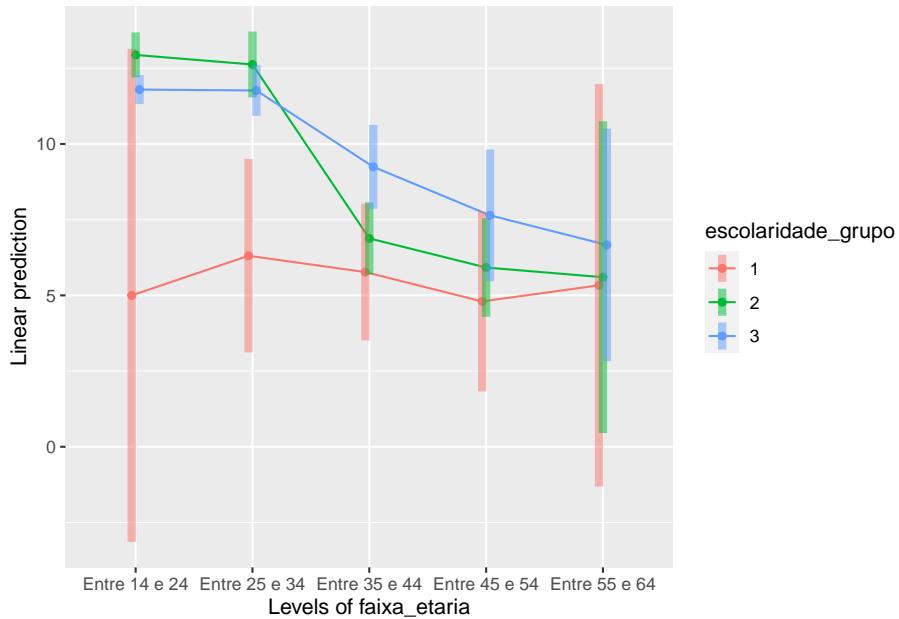
Neste caso, o post hoc será feito para todos os níveis de `escolaridade` com pessoas na faixa etária `Entre 14 e 24`. Em seguida, novamente todos os níveis de `escolaridade` serão comparados com pessoas na faixa etária `Entre 25 e 34` e assim por diante. Essa escolha reflete o que foi apresentado no gráfico introdutório desta seção. O vetor `post_hoc_fatorial` será computado e armazenará os resultados.

```
post_hoc_fatorial <- emmeans(mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial,
                                pairwise ~ escolaridade_grupo |
                                faixa_etaria, adj = "bonferroni")
post_hoc_fatorial$contrasts %>% data.frame %>% pander()
```

contrast	faixa_etaria	estimate	SE	df	t.ratio	p.value
1 - 2	Entre 14 e 24	-7.942	4.167	1419	-1.906	0.1706
1 - 3	Entre 14 e 24	-6.797	4.157	1419	-1.635	0.3068
2 - 3	Entre 14 e 24	1.145	0.4504	1419	2.542	0.03335
1 - 2	Entre 25 e 34	-6.317	1.719	1419	-3.674	0.0007432
1 - 3	Entre 25 e 34	-5.46	1.683	1419	-3.245	0.003611
2 - 3	Entre 25 e 34	0.8578	0.6998	1419	1.226	0.6614
1 - 2	Entre 35 e 44	-1.112	1.302	1419	-0.8545	1
1 - 3	Entre 35 e 44	-3.477	1.35	1419	-2.575	0.03039
2 - 3	Entre 35 e 44	-2.365	0.9324	1419	-2.536	0.03396
1 - 2	Entre 45 e 54	-1.12	1.728	1419	-0.6483	1
1 - 3	Entre 45 e 54	-2.843	1.878	1419	-1.514	0.3908
2 - 3	Entre 45 e 54	-1.723	1.385	1419	-1.244	0.6414
1 - 2	Entre 55 e 64	-0.2667	4.286	1419	-0.06222	1
1 - 3	Entre 55 e 64	-1.333	3.912	1419	-0.3408	1
2 - 3	Entre 55 e 64	-1.067	3.273	1419	-0.3259	1

O gráfico dessa vez será feito pela função `emmmip` do pacote `emmmeans`, que deve apresentar os mesmos resultados obtidos na tabela.

```
emmmip(mod_escolaridade_faixa_etaria_fatorial,
       escolaridade_grupo ~ faixa_etaria, CIs = TRUE)
```



Entre as conclusões possíveis, se constata, de maneira contraintuitiva, que pessoas entre 14 e 24 anos com ensino médio apresentam performance maior do que pessoas com ensino superior (${}^3 = 1.145$). Por sua vez, não há diferença na performance entre pessoas entre 25 e 34 anos que possuem o ensino médio ou ensino superior. No entanto, pessoas que tem essa idade, mas apresentam o ensino fundamental possuem performance significativamente menor do que seus pares com ensino médio (${}^3 = -6.317$) ou superior (${}^3 = -5.46$). Pessoas entre 35 e 44 anos com ensino superior apresentam performance mais elevada do que seus pares com ensino médio (${}^3 = 2.365$) ou fundamental (${}^3 = 3.477$).

12.29 Execução no JASP

Para executar o post hoc no JASP, é necessário clicar em Post Hoc tests na parte esquerda inferior do programa.

The screenshot shows the JASP software interface for performing an ANOVA. The dependent variable is set to 'memore_total'. The fixed factors are 'escolaridade_grupo' and 'faixa_etaria'. In the 'Display' section, 'Estimates of effect size' is selected, with 'partial η^2 ' checked. The 'Post Hoc Tests' section is highlighted with a blue arrow.

	Cases	Sum of Squares	df	Mean Square	F	p	η^2
escolaridade_grupo	335.127	2	167.564	4.895	0.008	0.007	
faixa_etaria	949.765	4	237.441	8.894	< .001	0.019	
escolaridade_grupo * faixa_etaria	684.882	8	85.610	2.486	0.011	0.014	
Residuals	48869.453	1419		34.439			

Em seguida, selecionar todas as variáveis e clicar na seta para deslocá-las para o lado direito.

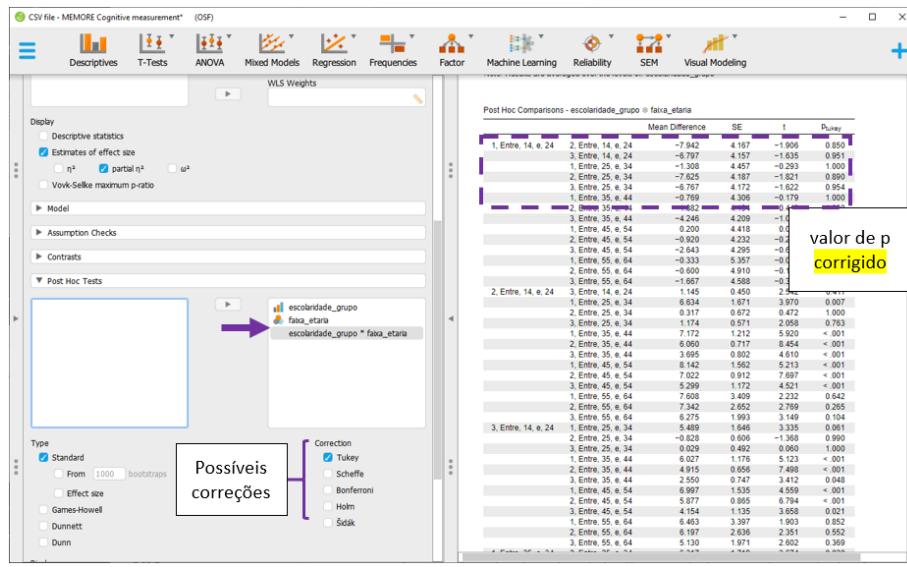
The screenshot shows the JASP software interface for performing an ANOVA. The dependent variable is 'memore_total'. The fixed factors are 'escolaridade_grupo' and 'faixa_etaria'. In the 'Display' section, 'Estimates of effect size' is selected, with 'partial η^2 ' checked. The 'Post Hoc Tests' section now includes 'escolaridade_grupo', 'faixa_etaria', and 'escolaridade_grupo * faixa_etaria', which were moved from the left panel to the right panel using the right-pointing arrow button.

	Cases	Sum of Squares	df	Mean Square	F	p	η^2
escolaridade_grupo	335.127	2	167.564	4.895	0.008	0.007	
faixa_etaria	949.765	4	237.441	8.894	< .001	0.019	
escolaridade_grupo * faixa_etaria	684.882	8	85.610	2.486	0.011	0.014	
Residuals	48869.453	1419		34.439			

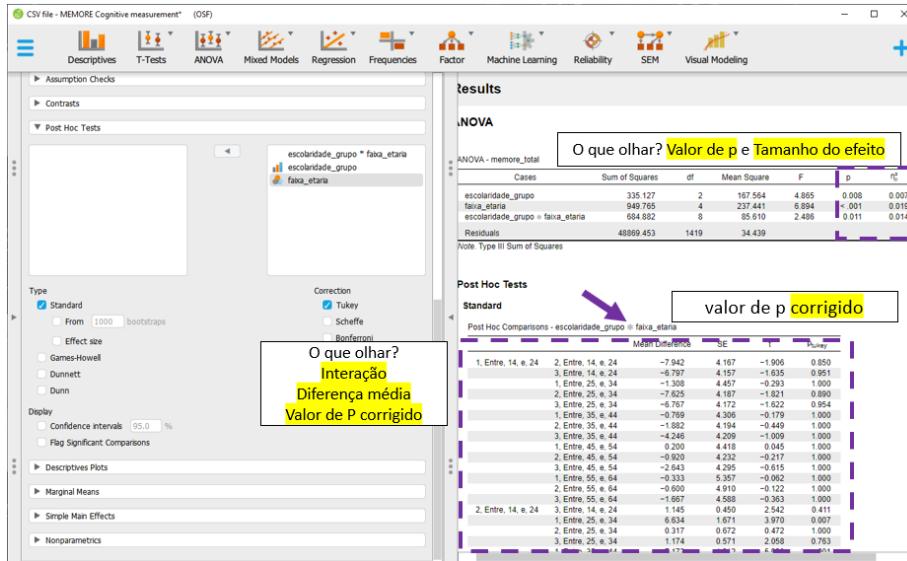
O JASP apresentará todas as comparações feitas em escolaridade, faixa_etaria e escolaridade x faixa etária, ajustando os resultados por todas as variáveis no modelo e corrigindo o valor de P. Por padrão, a correção de P é feita pelo método de Tukey, que pode ser alterada na seção Correction.

A interpretação principal é para interação escolaridade x faixa etária. No entanto, diferente do R, nesta versão do JASP não é possível reproduzir a análise

feita em que a comparação entre todos os níveis de um fator é realizada enquanto se mantém o outro constante. Essa condição pode impactar um pouco na interpretação dos resultados, uma vez que os valores de P serão mais altos do que os previamente encontrados.



O gráfico feito anteriormente é um forte candidato a também ser inserido para auxiliar a visualização dos achados. A interpretação dos resultados pode ser feita considerando o valor de P, o tamanho do efeito e as comparações pareadas.



12.30 Escrita dos resultados

Os resultados serão escritos apresentando os achados principais da ANOVA, destacando se o efeito da interação foi significativo ou não e as comparações pareadas. O estilo da escrita é baseado nas recomendações da American Psychological Association (APA). Como os resultados do R e do JASP foram um pouco diferentes nas comparações pareadas, o R será utilizado como principal.

Como escrever os resultados

Os dados obtidos na avaliação psicológica foram analisados por uma ANOVA Fatorial para investigar o efeito da escolaridade, faixa etária, e de uma interação entre esses dois fatores nos resultados. Os resultados concluíram que a interação entre os fatores foi significativa ($F(8, 1419) = 2.486, p = 0.011, n2p = 0.014$), bem como a escolaridade ($F(2, 1419) = 4.865, p = 0.008, n2p = 0.007$) e a faixa etária ($F(4, 1419) = 2.6.894, p < 0.001, n2p = 0.019$). Em situações em que a interação é significativa os efeitos principais não são interpretados, já que os resultados podem depender de níveis específicos de cada uma das variáveis. As comparações pareadas foram feitas entre todos os níveis de escolaridade se mantendo a faixa etária constante e ajustando o valor de P pela técnica de Bonferroni. Pessoas entre 14 e 24 anos com ensino médio apresentam performance superior que seus pares com ensino superior ($\bar{X} = 1.145, p = 0.003$). Pessoas entre 25 e 34 anos, com nível fundamental, têm performance significativamente mais baixa do que seus pares com ensino médio ($\bar{X} = -6.317, p < 0.001$) e superior ($\bar{X} = -5.46, p < 0.001$). Finalmente, pessoas entre 35 e 44 anos com ensino superior tem performance significativamente maior do que aquelas com ensino fundamental ($\bar{X} = 3.447, p < 0.001$) e médio ($\bar{X} = 2.365, p < 0.001$).

É importante ter em mente que as comparações e os sinais podem ser invertidos para que os resultados tornem-se mais facilmente interpretáveis.

12.31 Questões

1. (Retirado de Médico do Trabalho, BANPARÁ, ESPP, 2012) Uma determinada empresa deseja comparar a média de idade de seus trabalhadores, em três de suas filiais. O melhor teste estatístico para essa comparação é:
a) Teste t de Student pareado.
b) Análise de variância.
c) Teste do Qui-quadrado.
d) Diagrama de Pareto.
e) Estatística descritiva

Gabarito: 1-b

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 13

ANOVA de medidas repetidas

Objetivos do capítulo

1. Apresentar a ANOVA de Medidas Repetidas
2. Realizar passo-a-passo a modelagem analítica
3. Verificar os pressupostos e implementar as correções sugeridas
4. Escrever os resultados

A ANOVA de medidas repetidas é um teste estatístico para a análise de dados longitudinais pareados. Isto significa que o mesmo conjunto de participantes foi acompanhado e avaliado no decorrer do tempo. Esta técnica pode ser entendida como uma expansão da ANOVA ou um caso especial do Modelo Linear de Efeitos Mistos (LMM). Os pressupostos deste teste são próximos aos discutidos em outros testes inferenciais:

- (i) Os dados são aleatórios e representativos da população
- (ii) A variável dependente é contínua
- (iii) Os resíduos do modelo são normalmente distribuídos
- (iv) Há esfericidade dos grupos

Fim da versão gratuita

13.1 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

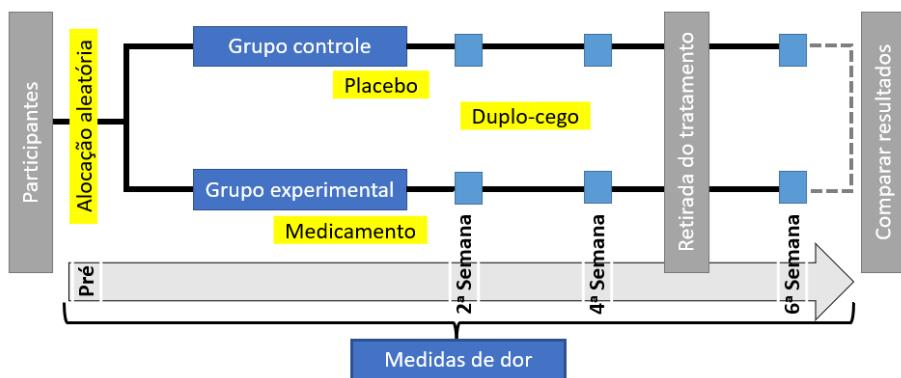
Base R: R - Base Lidia Carprofeno

Base JASP: Base CSV - Lidia Carprofeno largo

A esse momento, vamos ter como referência de análise a pesquisa intitulada “Avaliação psicométrica em português do indicador de dor crônica de Helsinki em cães com sinais crônicos de osteoartrite”, que tem como primeira autora Lídia Matsubara e eu sou coautor. Essa pesquisa foi publicada no “Arquivo Brasileiro de Medicina Veterinária e Zootecnia” em 2019 e objetivou tanto verificar o efeito do medicamento Carprofeno em sintomas relacionados à dor crônica, como apresentar estudos psicométricos de uma nova medida clínica.

Nessa pesquisa, utilizamos um delineamento experimental. No início, todos os participantes foram avaliados em relação a características clínicas da dor crônica e, em seguida, alocados em dois grupos independentes e de maneira aleatória. Os grupos foram chamados de “grupo experimental” e “grupo controle”. Os participantes do grupo experimental receberam o medicamento específico, enquanto os participantes do grupo controle receberam um placebo, que é uma substância que não possui o princípio ativo do medicamento. Nem os participantes, nem os profissionais sabiam quem estava em cada grupo.

A cada duas semanas, durante o tempo de 6 semanas, todos os participantes foram acompanhados e diferentes medições ocorriam para verificar o efeito do medicamento na dor. Para verificar o impacto da retirada do medicamento, na quarta semana, tanto o medicamento quanto o placebo foram retirados dos participantes, que foram novamente medidos ao fim da pesquisa, na sexta semana. A imagem a seguir apresenta este processo:



Repare que esse tipo de delineamento contou com três elementos importantes em pesquisas experimentais, que são grupos aleatórios, com a presença de uma condição placebo e duplo-cego.

13.2 Execução no R

A primeira etapa nesta análise será a consolidação da base de dados. No vetor `dados`, há todas as variáveis utilizadas na pesquisa em formato largo (*wide*). Apesar de ser possível trabalhar dessa maneira no R, o formato longo é o mais tipicamente encontrado para análises longitudinais e, por isso, será implementado a seguir. Um novo vetor será chamado de `tratamento` e irá armazenar os mesmos dados originais, só que agrupados neste novo formato.

```
tratamento <- dados %>%
  mutate(id = row_number()) %>%
  select(id, grupo_dummy,starts_with("total_")) %>%
  pivot_longer(-c(id,grupo_dummy),
               names_to = "tempo",
               values_to= "resultado") %>%
  rename(grupo = grupo_dummy) %>%
  filter(grupo < 3) %>%
  mutate(grupo = factor(
    if_else(grupo == 1, "Experimental", "Placebo"))) %>%
  mutate(tempo = factor(case_when(
    tempo == "total_w4" ~ "antes",
    tempo == "total_w0" ~ "no_dia",
    tempo == "total_s2" ~ "semana_2",
    tempo == "total_s4" ~ "semana_4",
    tempo == "total_s6" ~ "semana_6",
  )))

```

As variáveis neste conjunto de dados são:

```
tratamento %>% names() %>% pander()
```

id, grupo, tempo and resultado

`id` refere-se a uma identificação única de cada participante.

`grupo` refere-se ao grupo em que o participante foi alocado, tal como previamente apresentado (controle ou experimental).

`tempo` diz respeito aos 5 pontos de medida e

`resultado` é uma variável aleatória contínua do valor obtido na escala utilizada.

É importante saber se os grupos foram balanceados e se houve perda experimental no decorrer do tempo. A tabela a seguir apresenta tais informações.

```
tratamento %>%
  group_by(grupo, tempo) %>%
  count() %>%
  pander()
```

grupo	tempo	n
Experimental	antes	21
Experimental	no_dia	21
Experimental	semana_2	21
Experimental	semana_4	21
Experimental	semana_6	21
Placebo	antes	19
Placebo	no_dia	19
Placebo	semana_2	19
Placebo	semana_4	19
Placebo	semana_6	19

Nota-se que apesar de não ter havido perda amostral, os grupos não tiveram a mesma quantidade de participantes. Quando isso ocorre, chama-se de desbalanceamento amostral.

A modelagem estatística envolve definir claramente que o **resultado** é uma função do **tempo**, do **grupo** e da interação **tempo x grupo**. Conforme exposto no decorrer do livro, a primeira etapa analítica consiste na apresentação de tabelas e gráficos. Essas técnicas descritivas são muito informativas e permitem uma rápida compreensão dos resultados.

Dessa maneira, a tabela abaixo apresenta os valores da média e do desvio-padrão para todas as condições:

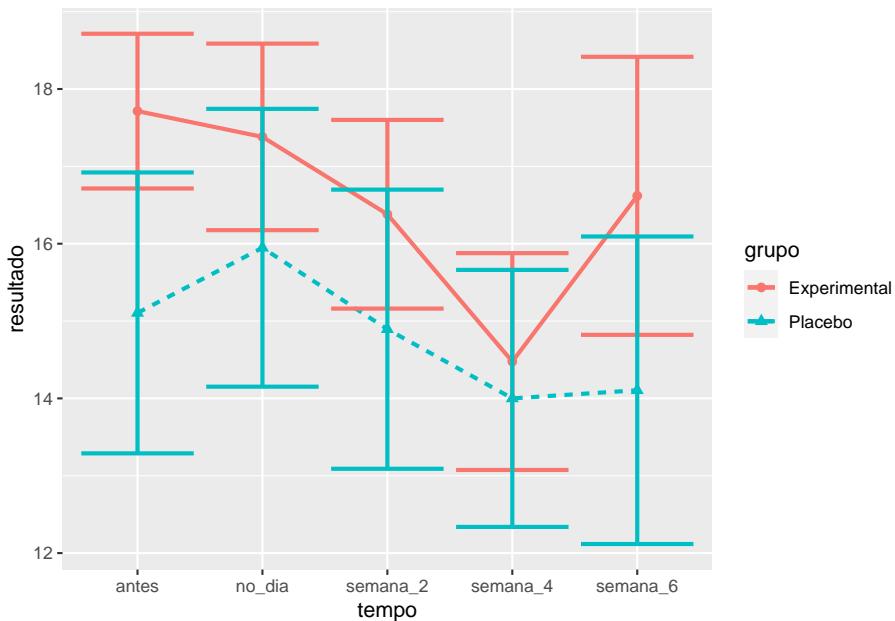
```
arsenal::tableby(tempo ~ resultado + grupo, test = FALSE, total = FALSE, tratamento) %>%
```

	antes (N=40)	no_dia (N=40)	semana_2 (N=40)	semana_4 (N=40)	semana_6 (N=40)
resultado					
Mean (SD)	16.475 (6.437)	16.700 (6.669)	15.675 (6.719)	14.250 (6.740)	15.425 (8.430)
Range	0.000 - 29.000	0.000 - 28.000	0.000 - 28.000	0.000 - 27.000	0.000 - 34.000
grupo					

	antes (N=40)	no_dia (N=40)	semana_2 (N=40)	semana_4 (N=40)	semana_6 (N=40)
Experimental	21 (52.5%)	21 (52.5%)	21 (52.5%)	21 (52.5%)	21 (52.5%)
Placebo	19 (47.5%)	19 (47.5%)	19 (47.5%)	19 (47.5%)	19 (47.5%)

O gráfico abaixo também apresenta as mesmas informações, mas insere uma barra com o erro padrão da média. Isso é útil para interpretação inferencial.

```
ggplot(tratamento, aes(x=tempo, y=resultado,
                        group=grupo, color=grupo)) + #variaveis
  stat_summary(fun = mean, geom = "line",
               size=1.0, aes(linetype = grupo)) + #linha
  stat_summary(fun="mean", geom="point",
               size=2, aes(shape = grupo)) + #pontos
  stat_summary(fun.data = mean_se,
               geom = "errorbar",size=1) #barra de erro
```



É possível notar que as barras de erro estão superpostas, isto é, uma está contida na outra. Isso ocorre quando não há diferença significativa entre as condições. No entanto, o teste formal estatístico deve ser realizado.

Para realizar a ANOVA de Medidas Repetidas, o pacote `ez` pode ser utilizado:

```
library(ez)
```

Sua sintaxe envolve as seguintes características:

`data` refere-se à base de dados (no formato longo)
`dv` refere-se à variável dependente (contínua)
`wid` refere-se à variável com a identificação única de cada participante
`within` refere-se à variável independente com efeito dentro do tratamento, ou seja, a variável que se repete. Nesse caso, cada uma das semanas
`between` refere-se à variável independente com efeito entre os tratamentos, ou seja, cada um dos grupos
`type` refere-se à forma pela qual a soma dos quadrado será calculada. O tipo 3 emula os resultados dos programas típicos e quase sempre é a melhor opção para finalidade de comparação entre resultados
`detailed` refere-se à apresentação detalhada dos resultados
`return_aov` refere-se à criação de um objeto no formato `aov` que tem utilidade para análises comparadas posteriores

Para deixar o ambiente de programação mais organizado o objeto `ez_outcome` será criado e irá para armazenar os resultados.

```
ez_outcome <- ezANOVA(  
  data = tratamento,  
  dv = resultado,  
  wid = id,  
  within = tempo,  
  between = grupo,  
  type = 3,  
  detailed = TRUE,  
  return_aov = TRUE)
```

A mensagem de aviso informa que os grupos estão desbalanceados em relação à quantidade de participantes, o que foi previamente descrito.

Abaixo está o `ez_outcome`, que é dividido em 4 blocos diferentes: `ANOVA`, `Mauchly's Test for Sphericity`, `Sphericity Corrections` e `aov`. O tamanho do efeito é calculado pelo eta quadrado generalizado (η_G^2) e está na última coluna da primeira tabela.

```
ez_outcome %>% pandero::pander()
```

- **ANOVA:**

Effect	DFn	DFd	SSn	SSd	F	p	p<.05	ges
(Intercept)	1	38	48940	7789	238.8	5.697e-18	*	0.8377
grupo	1	38	144.8	7789	0.7063	0.4059		0.01504
tempo	4	152	146.9	1689	3.304	0.01254	*	0.01526
grupo:tempo	4	152	30.95	1689	0.6962	0.5957		0.003255

- Mauchly's Test for Sphericity:

	Effect	W	p	p<.05
3	tempo	0.2561	1.322e-07	*
4	grupo:tempo	0.2561	1.322e-07	*

- Sphericity Corrections:

	Effect	GGe	p[GG]	p[GG]<.05	HFe	p[HF]	p[HF]<.05
3	tempo	0.5739	0.0351	*	0.6129	0.03191	*
4	grupo:tempo	0.5739	0.5201		0.6129	0.529	

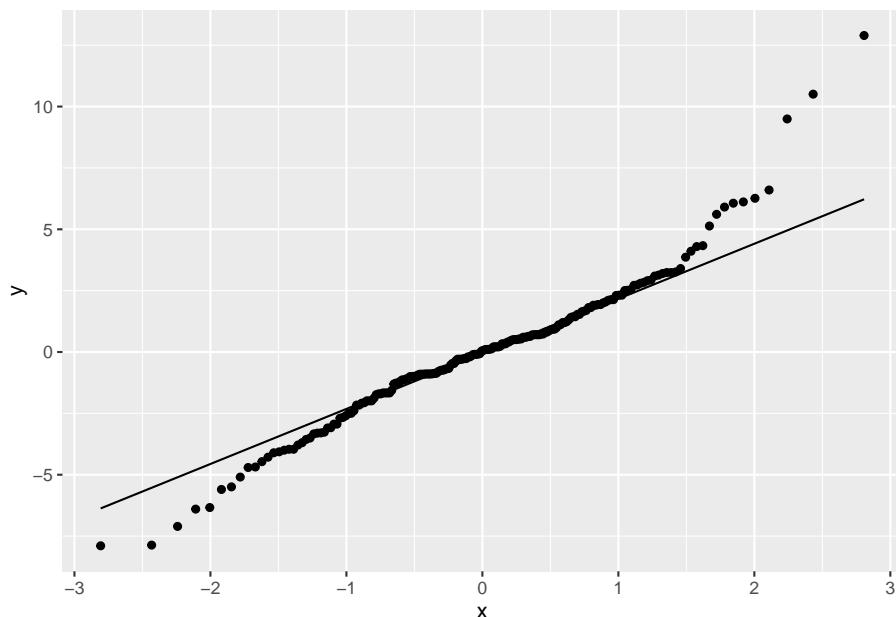
- aov:

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
grupo	1	144.8	144.8	0.7063	0.4059
Residuals	38	7789	205	NA	NA
tempo	4	151.2	37.79	3.4	0.01075
grupo:tempo	4	30.95	7.738	0.6962	0.5957
Residuals	152	1689	11.11	NA	NA

A tabela gerada é bastante extensa e para interpretá-la adequadamente, será necessário testar os pressupostos do modelo a partir de testes estatísticos específicos. Estes testes irão tanto indicar quais são os resultados que deverão ser verificados, como se há segurança na interpretação dos achados. Na ANOVA de Medidas Repetidas, é necessário verificar a normalidade e a esfericidade.

Normalidade: A ANOVA de tem como um dos pressupostos a normalidade da distribuição dos resíduos. Isso pode ser feito de diferentes maneiras e abaixo há um QQ plot. Caso ambas as linhas estejam sobrepostas, isso gera evidências que o pressuposto foi atendido. Neste caso, isso não ocorre.

```
tratamento %>%
  mutate(residuos = proj(ez_outcome$aov)[[3]][, "Residuals"]) %>%
  ggplot(aes(sample=residuos)) +
  stat_qq() +
  stat_qq_line()
```



Apesar do gráfico ter sido bastante claro, testes como o Shapiro-wilk, Anderson-Darling e Jarque Bera também podem ser utilizados neste caso. A hipótese nula desses testes assume que os resíduos são normalmente distribuídos.

```
shapiro.test(proj(ez_outcome$aov)[[3]][, "Residuals"])

##
##  Shapiro-Wilk normality test
##
## data: proj(ez_outcome$aov)[[3]][, "Residuals"]
## W = 0.95677, p-value = 8.986e-06
```

Este último resultado foi convergente ao já visualizado na apresentação gráfica. Como o valor de p foi inferior ao alfa tipicamente estabelecido (0.05), não seria possível manter o pressuposto da normalidade. Quando isso acontece, é possível

implementar ajustes nos dados, substituir o modelo analítico ou seguir a análise após justificar explicitamente essa violação.

Esfericidade: A esfericidade na ANOVA de Medidas Repetidas tem um conceito próximo à Homocedasticidade nas ANOVAs vistas anteriormente. Neste delineamento pareado, a esfericidade significa que a variância de todas as diferenças entre cada nível de fator é constante. Esse pressuposto é bastante difícil de ser assumido e existem ajustes possíveis em casos em que isso ocorre.

Na tabela da ANOVA, o **Mauchly's Test for Sphericity** é o local que deve ser visualizado para verificar se a esfericidade foi violada ou não. A hipótese nula é definida como presença da esfericidade e idealmente não deve ser rejeitada. Abaixo, a reprodução desta parte da tabela.

```
ez_outcome$`Mauchly's Test for Sphericity` %>%
  pander()
```

	Effect	W	p	p<.05
3	tempo	0.2561	1.322e-07	*
4	grupo:tempo	0.2561	1.322e-07	*

É possível concluir que a esfericidade foi violada mas há algumas saídas para isso. As correções Greenhouse-Geisser (p[GG]) e de Huynh-Feldt tentam corrigir essa violação a partir de ajustes nos graus de liberdade da ANOVA. Os resultados das duas correções costumam ser próximos e, frequentemente, a correção de Greenhouse-Geisser é utilizada para interpretar os resultados.

Com ambas as verificações feitas, é possível interpretar os resultados, que começam sempre pela interação. A interação **grupo** x **tempo** não foi significativa: $F(4, 152) = 0.696$, $p = 0.59$, p ajustado = 0.52). O efeito do **grupo** em que o participante foi alocado também não significativo: $F(1, 38) = 0.706$, $p = 0.406$). Por sua vez, o passar do **tempo** foi significativo: $F(4, 152) = 3.304$, $p = 0.012$, p ajustado = 0.035).

Frequentemente, os resultados corrigidos e os não-corrigidos concluem na mesma direção. Isso é verdadeiro nesse caso. Repare que os resultados não corrigidos alcançariam as mesmas conclusões:

```
summary(ez_outcome$aov) %>%
  pander::pander()
```

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
grupo	1	144.8	144.8	0.7063	0.4059
Residuals	38	7789	205	NA	NA
tempo	4	151.2	37.79	3.4	0.01075
grupo:tempo	4	30.95	7.738	0.6962	0.5957
Residuals	152	1689	11.11	NA	NA

O valor de P do efeito do **tempo** saiu de 0.01 (sem correção) para 0.03 (com correção). Já a interação **grupo** x **semana** saiu de 0.598 (sem correção) para 0.529 (com correção).

Nota: Essa pesquisa não teve resultados significativos e, em função disso, testes post hoc não foram realizados. Entretanto, frequentemente os resultados são significativos e a mecânica das comparações pareadas é próxima ao que foi demonstrado no capítulo de ANOVA Fatorial.

13.3 Tamanho do efeito

Resultados significativos não são informativos em relação ao tamanho do efeito. Esta última métrica tem mais contato com as perguntas originalmente realizadas em uma pesquisa e é entendida como uma medida objetiva e padronizada da magnitude de um efeito observado independente da significância estatística. Dessa maneira, o tamanho do efeito pode ser considerado um indicador da relevância clínica dos grupos, cujo uso é sempre importante em pesquisas em Psicologia e áreas da saúde.

Na ANOVA de medidas repetidas o eta quadrado parcial (η_p^2) e o eta quadrado generalizado (η_G^2) podem ser calculados. A interpretação do η_p^2 é a mesma já apresentada no capítulo sobre ANOVA, enquanto o η_G^2 pode ser interpretado segundo a tabela disposta a seguir (Draper, 2020):

eta quadrado generalizado	Interpretação
$\eta_G^2 < 0.02$	Irrelevante
$\eta_G^2 \geq 0.02$	Pequeno
$\eta_G^2 \geq 0.13$	Moderado
$\eta_G^2 \geq 0.26$	Grande

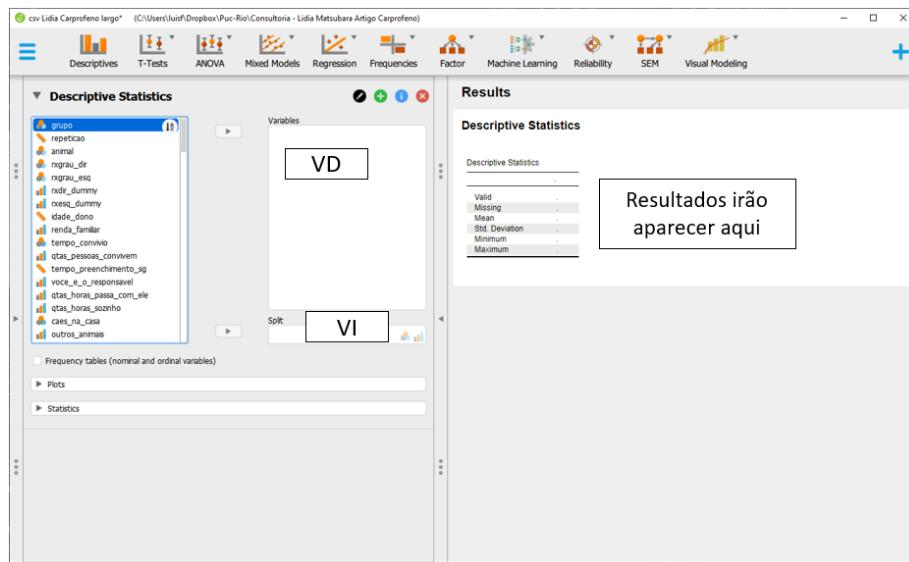
O tamanho do efeito foi calculado e apresentado na tabela da ANOVA de Medidas Repetidas.

13.4 Execução no JASP

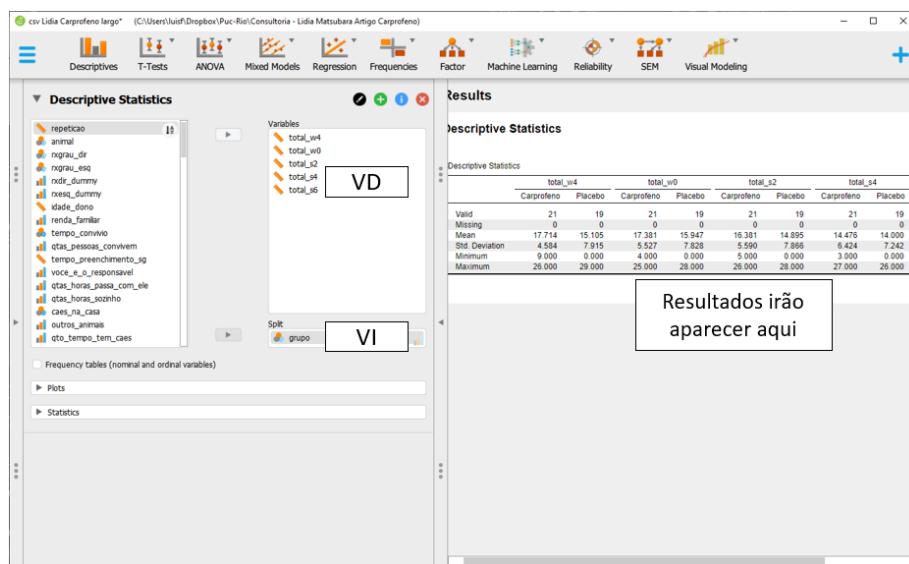
A base utilizada será a intitulada “csv Lidia Carprofeno largo”. Essa base reúne todas os dados da pesquisa, incluindo os grupos e as medidas de dor. Após carregar a base no JASP, será necessário apresentar tabelas e gráficos descritivos. Para fazer isso, é necessário clicar em **Descriptives**.

	Carprofeno	Ktana	animal	ngrau_dir	ngrau_esq	ndr_dummy	nmesa_dummy	idade_dono	renda_familiar	tempo_convivo	qtas_pessoas_convivem	
1	Carprofeno	1	Ktana	D	D	4	4	29	4	5	5	163
2	Carprofeno	2	Bethoven	E	E	5	5	26	3	5	3	170
3	Carprofeno	3	Nina 03	C	E	3	5	43	2	5	4	120
4	Carprofeno	4	Lara	D	D	4	4	53	4	5	4	226
5	Carprofeno	5	Thor 01	E	E	5	5	49	4	5	2	300
6	Carprofeno	6	Jake	E	E	5	5	32	3	5	2	291
7	Carprofeno	7	Marron	C	B	3	2	31	3	5	2	123
8	Carprofeno	8	Popeye	D	D	4	4	33	3	5	1	179
9	Carprofeno	9	Roque	D	C	4	3	47	2	5	3	135
10	Carprofeno	10	Evan	C	C	3	3	50	3	5	1	130
11	Carprofeno	11	Bela	E	E	5	5	45	4	5	3	155
12	Carprofeno	12	Laka	C	D	3	4	53	4	5	2	100
13	Carprofeno	13	Duque	D	D	4	4	53	4	5	2	226
14	Carprofeno	14	Venus	E	E	5	5	79	4	5	4	0
15	Carprofeno	15	Iron	B	A	2	1	50	3	5	4	300
16	Carprofeno	16	Aika	D	E	4	5	39	3	5	3	130
17	Carprofeno	17	Braddock	D	D	4	4	38	3	5	4	480
18	Carprofeno	18	Aquiles	D	D	4	4	31	4	5	2	160
19	Carprofeno	19	Pandora	E	E	5	5	24	2	5	4	110
20	Carprofeno	20	Thor	C	B	3	2	24	2	5	4	110
21	Carprofeno	21	Apolo	D	D	4	4	24	2	5	4	120
22	Placebo	1	Hulk 01	A	D	1	4	0	0	5	3	121
23	Placebo	2	Mel 01	C	C	3	3	35	4	5	5	150

Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadores. Na prática, a lista **Variables** irá reunir as variáveis dependentes, enquanto a variável independente será colocada na seção **Split**. É importante atentar à opção **Frequency tables (nominal and ordinal)**, que deve ser marcada quando o nível de medida da variável de interesse for nominal ou ordinal.

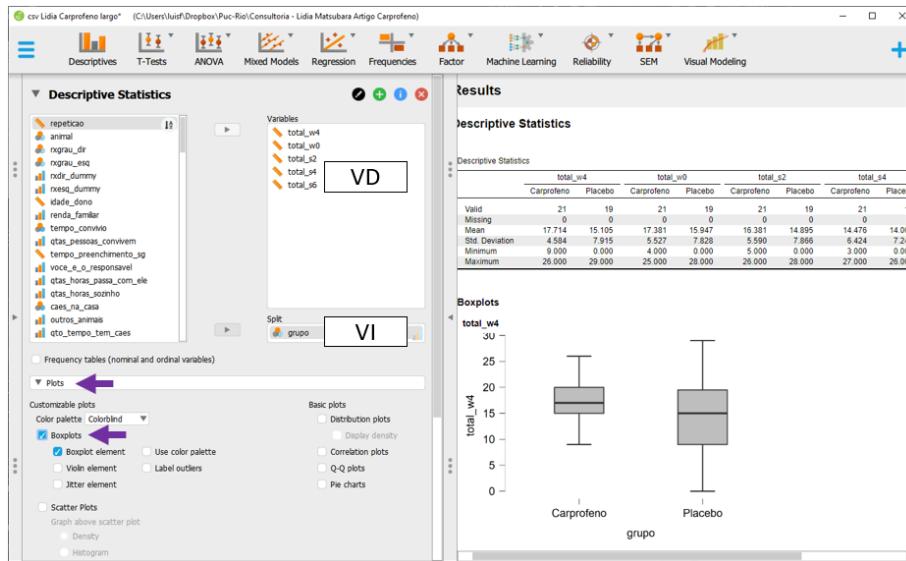


Será necessário arrastar a variável grupo para a VI e as variáveis relacionadas à dor para a VD. Estas últimas são total_w4, total_w0, total_s2, total_s4 e total_s6. Ao fazer isso, o JASP automaticamente irá preencher a tabela previamente exposta com os valores estatísticos obtidos. A média e o desvio-padrão indicam a posição típica dos dados e o afastamento esperado desta localização.



Em seguida, ao clicar na opção **Plots**, será possível selecionar o **Boxplot** e **Boxplot element**. O gráfico aparecerá abaixo da tabela e irá apresentar diferentes informações estatísticas da distribuição dos resultados das variáveis da dor

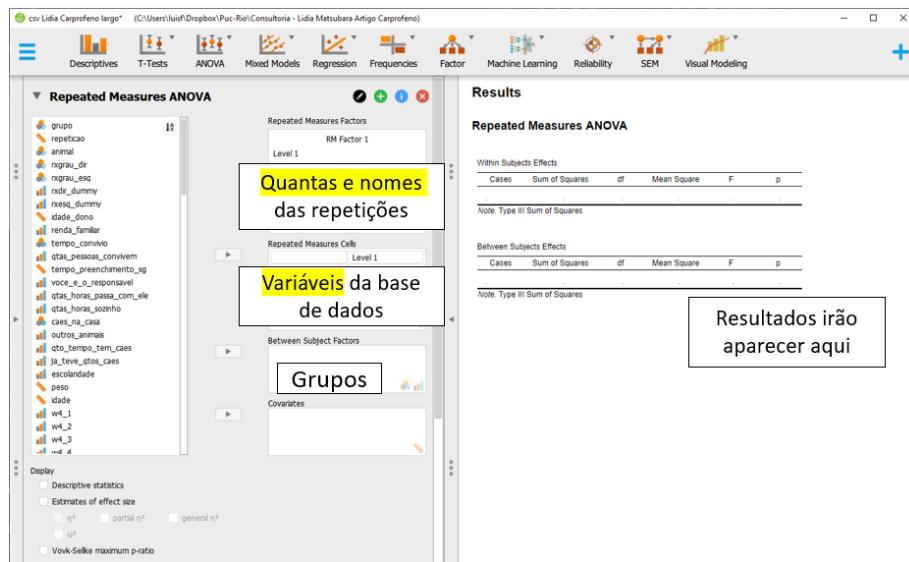
em função dos níveis do grupo.



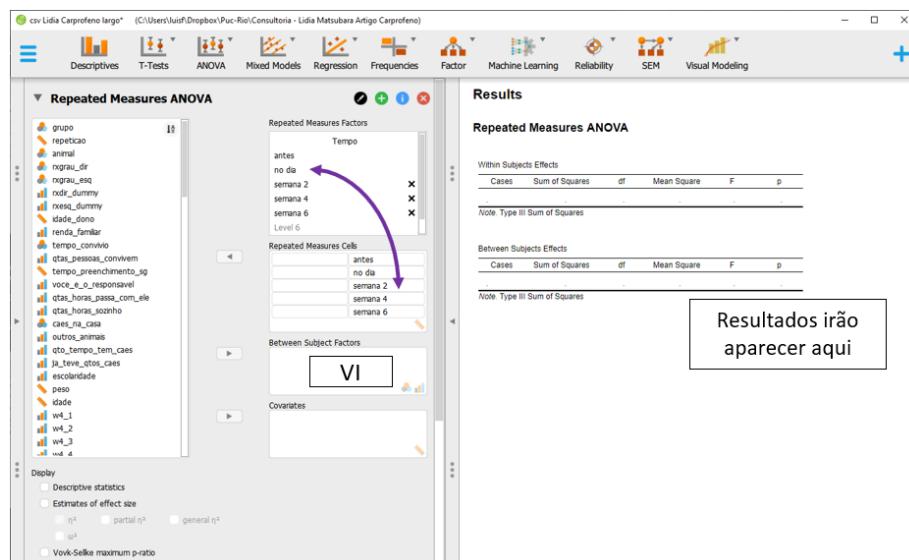
Por padrão, o JASP não permite integrar os gráficos nesta seção. Isso será realizado posteriormente. Para executar a ANOVA, será necessário clicar na opção ANOVA, Classical e Repeated Measures ANOVA.

The figure shows the JASP interface with the 'T-Tests' tab selected. A data table is displayed with columns for 'repeticao', 'animal', 'nograu_dr', 'nograu_esq', 'ndr_dummy', 'xresq_dummy', 'idade_dono', 'renda_familiar', 'tempo_convivio', and 'ctas_pessoas_convivem'. The rows list 23 observations, each with a unique ID (e.g., 1, 2, 3, ...), a 'repeticao' value (e.g., 1, 2, 3, ...), a 'animal' value (e.g., Ktana, Bethoven, Nina 03, ...), and various numerical values for the other variables. The 'tempo_convivio' column shows values ranging from 1 to 163, and the 'ctas_pessoas_convivem' column shows values ranging from 0 to 150.

Ao realizar isso, a tela a ser exibida será próxima à imagem a seguir.



O espaço **Repeated Measures Factors** é o local onde os nomes devem ser inseridos para representar quantas repetições foram feitas. É possível mudar o nome do argumento para ficar mais fácil. Por exemplo, substituir RM Factor 1 para **Tempo**. Nesta pesquisa, 5 medições foram feitas e, por isso, sugiro preencher os espaços que começam por **level** com **antes**, **no dia**, **semana 2**, **semana 4** e **semana 6**. Repare que ao fazer isso, o **Repeated Measures Cells** também apresentará os nomes escolhidos..

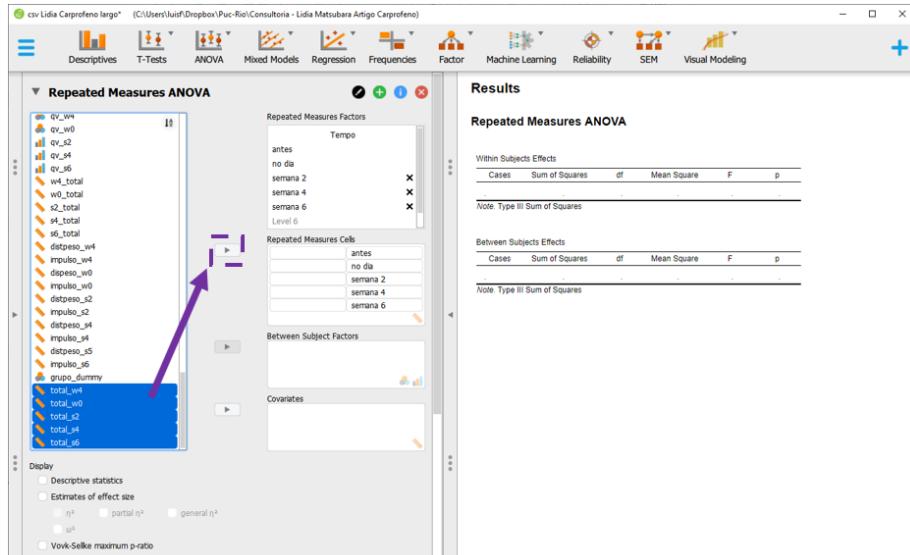


Agora, será necessário levar as variáveis relacionadas à dor para cada lugar disponível em **Repeated Measures Cells**. Para isso, será necessário selecionar

13.4. EXECUÇÃO NO JASP

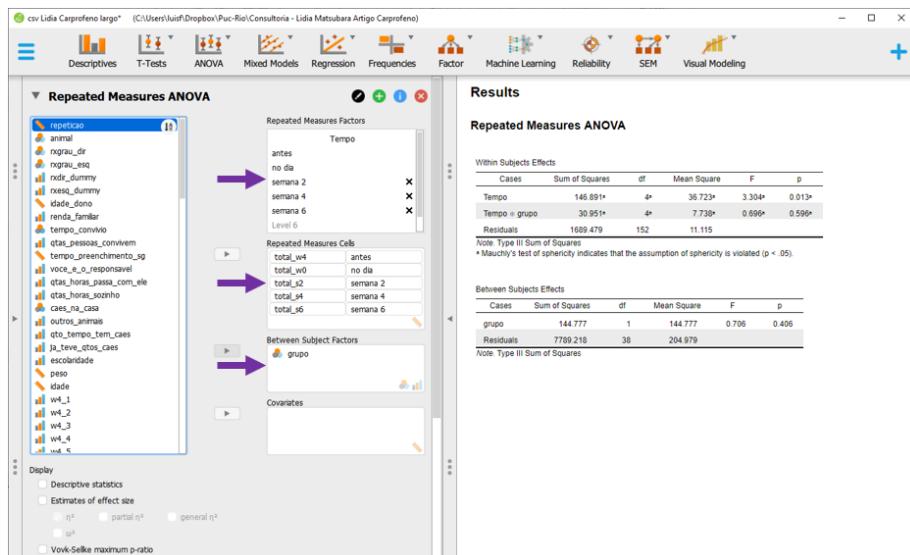
323

as variáveis e, em seguida, clicar na seta superior à direita, tal como abaixo:



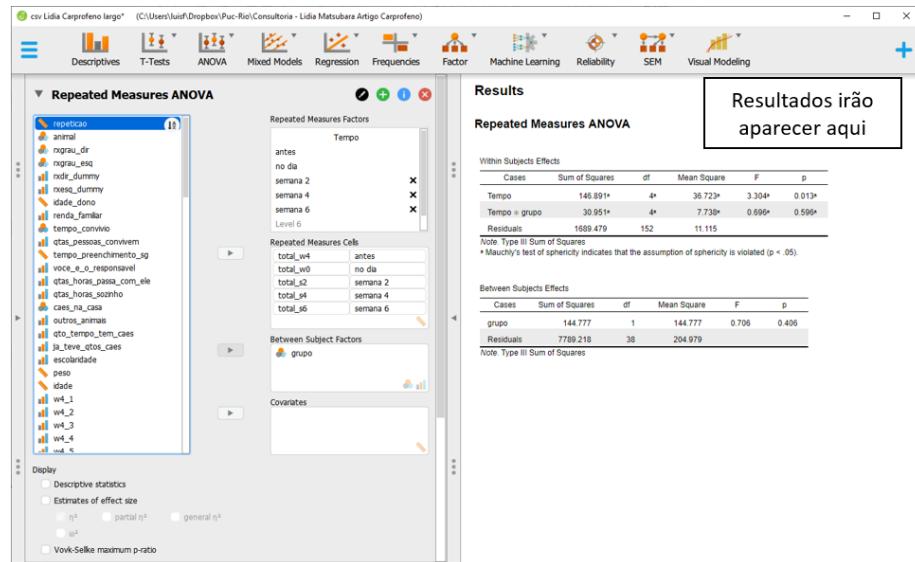
Ao fazer isso, o JASP está sendo informado da variação dentro, ou seja, do efeito do tempo em todos os participantes, independentemente dos grupos em que eles foram alocados.

No entanto, nesta pesquisa há também um efeito entre os grupos e isso precisa ser estipulado no programa. Para fazer isso, basta arrastar a variável grupo para **Between Subjects Factor**. A tela será próxima à apresentada abaixo:

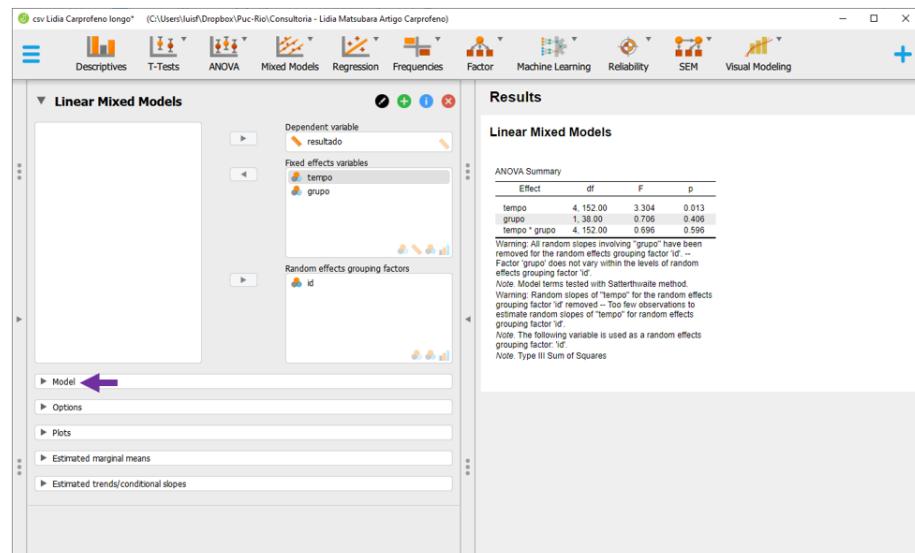


Depois que isso tiver sido feito, o JASP automaticamente irá realizar as contas

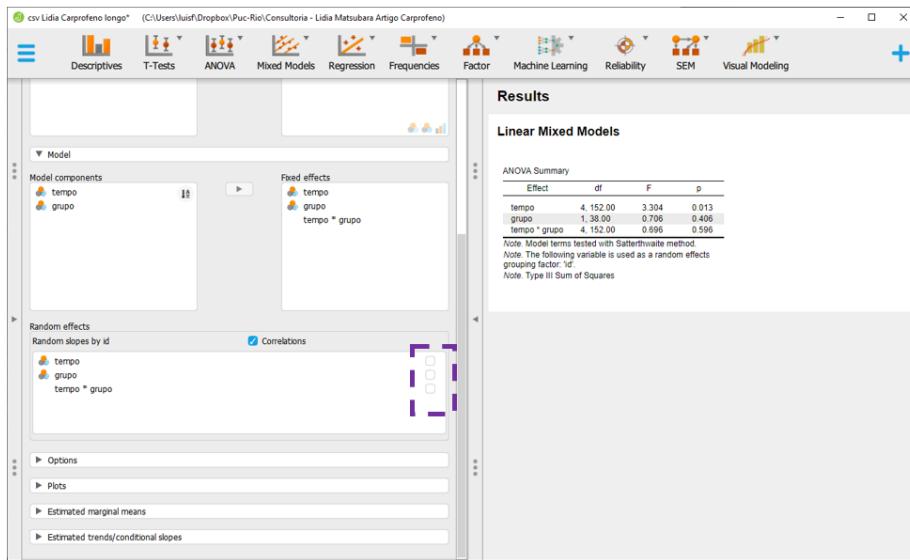
e apresentar os resultados do modelo linear misto a partir de alguns critérios padronizados do programa.



No entanto, por padrão, o JASP assume que tanto o intercepto como a inclinação são efeitos aleatórios, o que é diferente da hipótese da pesquisa. Para ajustar o modelo de acordo com o previamente definido, deve-se clicar em **Model**

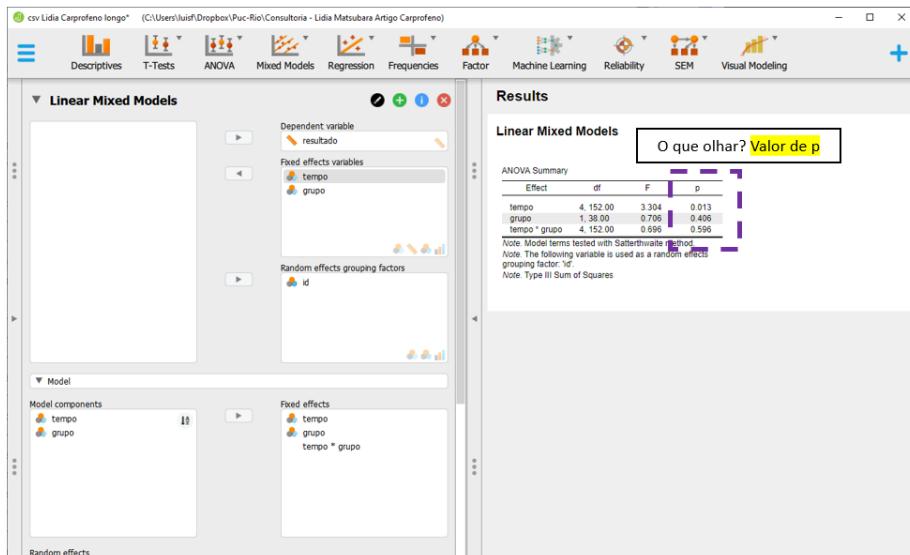


Nesta tela, será necessário deixar todas as opções desmarcadas.



Ao fazer isso, o JASP irá modificar as notas embaixo da tabela inicial de resultados, que agora podem ser interpretados.

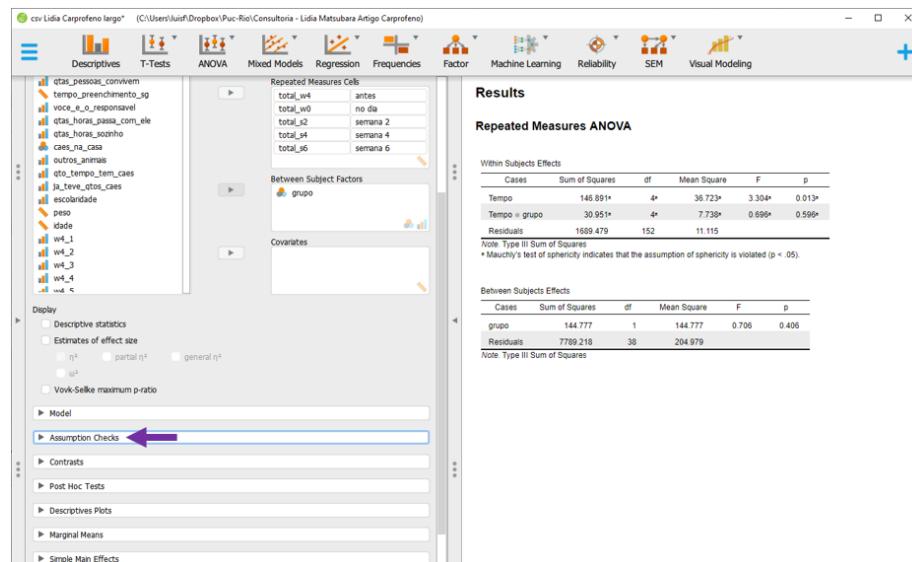
A interpretação dos resultados deve começar pela interação. Caso este termo seja significativo, os outros resultados não devem ser interpretados diretamente.



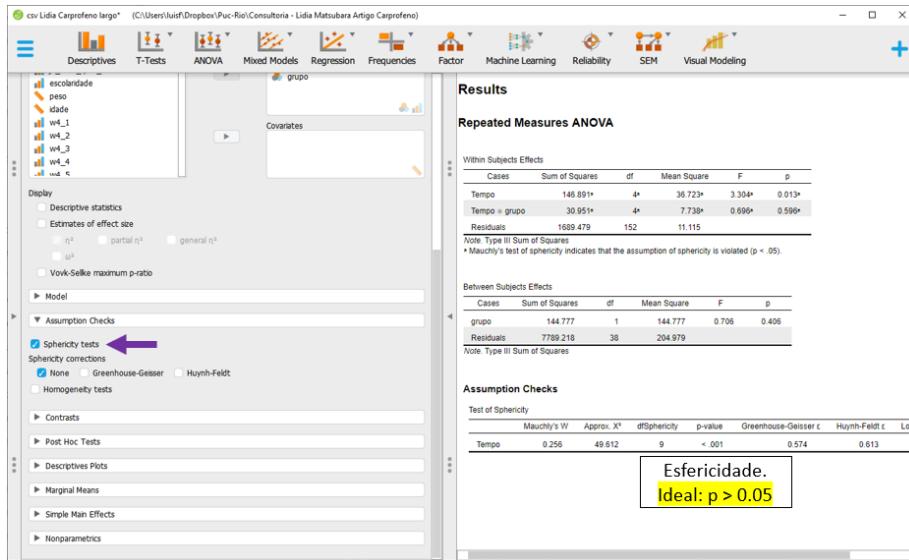
É possível ficar nesta tela e interpretar os resultados, começando sempre pela interação. A interação **Tempo x grupo** não foi significativa ($F(4, 152) = 0.696$, $p = 0.596$) e o **Grupo** também não ($F(1, 38) = 0.706$, $p = 0.406$). De maneira diferente, o efeito do **Tempo** foi significativo ($F(4, 152) = 3.304$, $p = 0.013$).

Entretanto, para que a validade dessa interpretação seja assegurada, é necessário testar se os pressupostos do modelo foram respeitados ou rejeitados. Além disso, o cálculo do tamanho do efeito deve ser realizado para otimizar a interpretação dos achados.

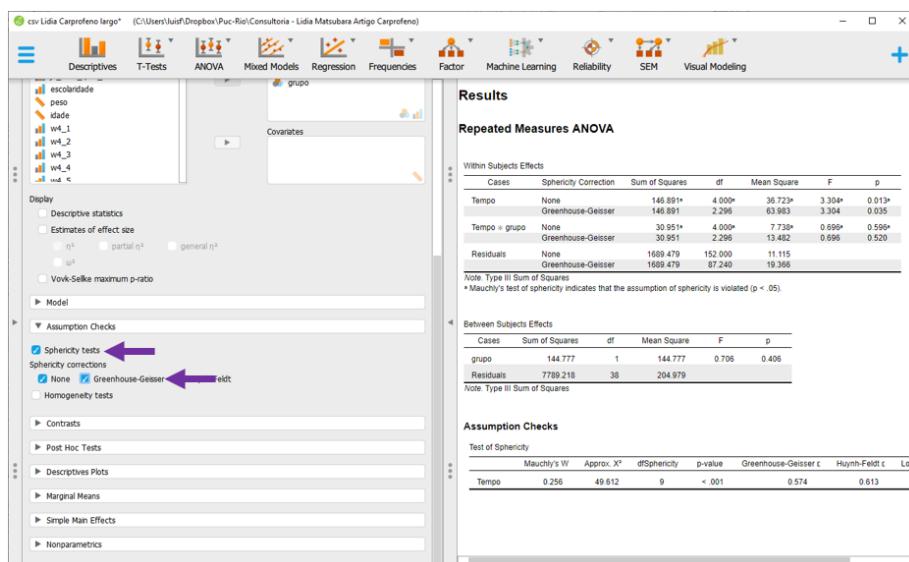
Os dois principais pressupostos da ANOVA de Medidas Repetidas são a normalidade e a esfericidade. Para verificá-los, é necessário clicar em **Assumption checks**.



A opção **Sphericity tests** deverá ser assinalada. Repare que o JASP não realiza a verificação da normalidade dos resíduos aqui, bem como deixa a opção de homogeneidade, que não precisa ser acessada agora, já que a esfericidade tende a indicar algo similar.

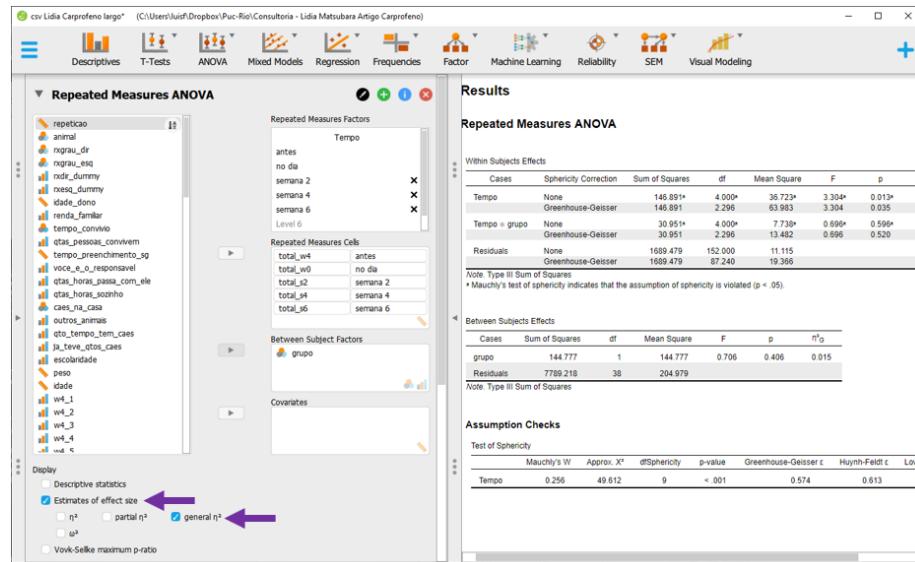


Os resultados do Teste de Mauchly indicaram que o pressuposto da esfericidade foi violado. Dessa maneira, será necessário implementar alguma correção antes de interpretar os resultados. O JASP oferece a correção de **Greenhouse-Geisser** e a **Huynh-Feldt**. Ambos os resultados são próximos e, pragmaticamente, vamos optar pela correção de **Greenhouse-Geisser**, clicando nela.

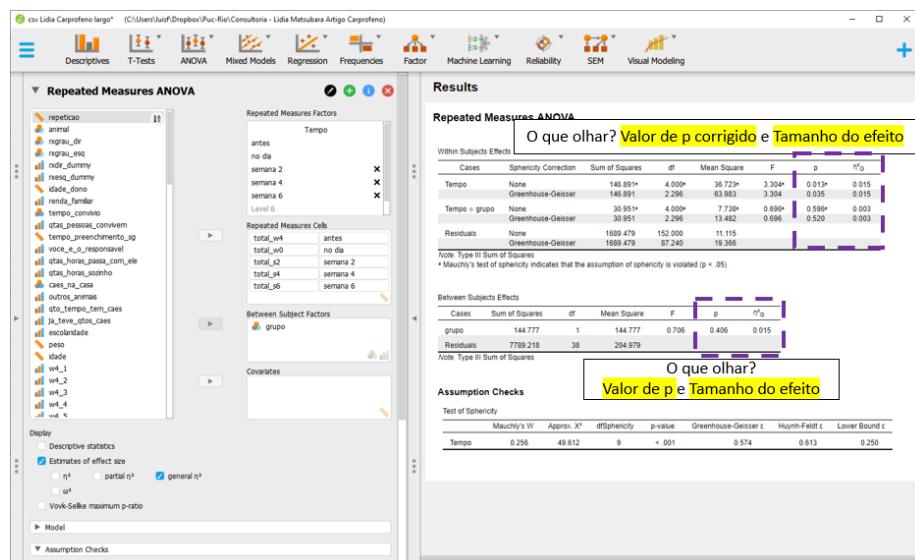


Repare que ao fazer isso, o JASP irá refazer as contas e apresentar os resultados originais e os resultados corrigidos. Antes de fazer a interpretação, será necessário inserir o tamanho do efeito. Para isso, basta clicar em **Estimates of**

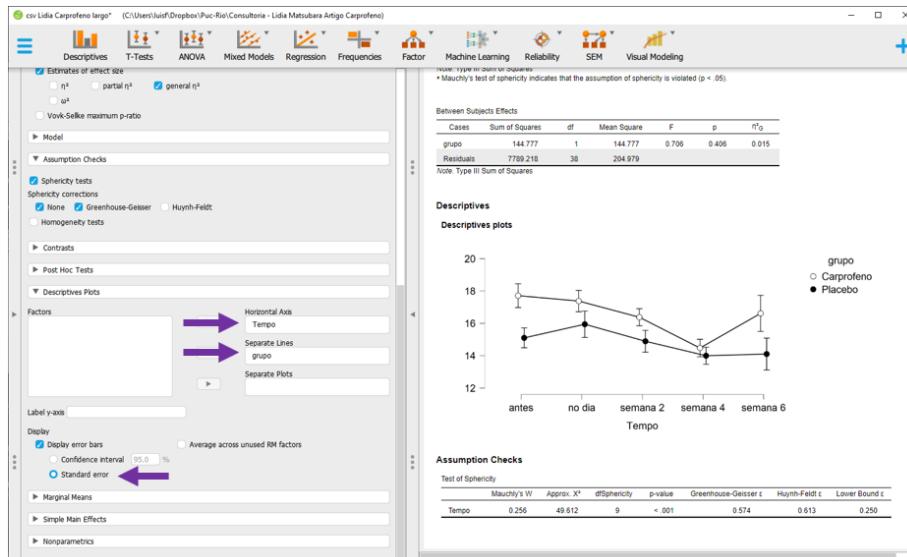
effect size, na parte superior do programa. Há quatro opções disponíveis, que são o **eta quadrado** (η^2), o **eta quadrado parcial** (η_p^2), o **eta quadrado generalizado** (η_G^2) e o **omega quadrado** (ω^2). Para garantir os mesmos resultados obtidos anteriormente com o R, será necessário selecionar o η_G^2 .



Agora, a interpretação agora pode ser feita integralmente. O valor de P corrigido irá indicar se a hipótese nula foi rejeitada ou não e o tamanho do efeito irá indicar a relevância da possível diferença, com interpretação disposta na tabela precedente neste capítulo.



Gráficos específicos são recursos úteis para descrição destes resultados. Eles podem ser feitos clicando em **Descriptives Plots**, arrastando o tempo para **Horizontal axis** e a grupo para **Separated lines**. Para colocar o erro padrão, é necessário clicar em **Display error bars** e **Standard error**. Esse gráfico é muito informativo, mas a impressão visual que ele traz é de que há diferença entre os grupos, o que não foi encontrado no teste de hipóteses modelado anteriormente.



Notas: Infelizmente, o JASP não realiza um gráfico completo dessa maneira na seção **Descriptives**, tal como apresentado. Por vezes, será necessário primeiro rodar integralmente a ANOVA para depois gerar esta apresentação. Quase sempre, o eixo X recebe a variável com maior quantidade de níveis. Essa pesquisa não teve resultados significativos e, em função disso, testes post hoc não foram realizados. Entretanto, frequentemente os resultados são significativos e a mecânica das comparações pareadas é próxima ao que foi demonstrado no capítulo de ANOVA Fatorial.

13.5 Escrita dos resultados

Como escrever os resultados

Os dados foram analisados a partir de uma ANOVA de medidas repetidas investigando o efeito fixo do grupo e do tempo, bem como a interação entre ambos. O teste de Mauchly indicou a violação da esfericidade ($\omega = 0.26$, $p < 0.01$) e, portanto, os resultados foram ajustados pelo método de Greenhouse-geisser. Não houve interação significativa entre o grupo e o tempo ($F(4, 152) = 0.69$, p ajustado = 0.520), nem efeito do grupo ($F(1, 38) = 0.061$, $p = 0.406$). O passar

de tempo foi significativo no resultado, apesar de apresentar um efeito pequeno ($F(4, 152) = 3.30$, p ajustado = 0.0351, $\eta^2 = 0.01$).

13.6 Resumo

1. A ANOVA de medidas repetidas é um teste bastante utilizado quando participantes de mesmos grupos são avaliados longitudinalmente
2. Este modelo pode ser entendido como uma expansão de uma ANOVA ou um caso particular de uma regressão linear de efeitos mistos
3. A execução deste teste no R solicita que a base seja transformada para o formato longo
4. A interpretação dos resultados é, inicialmente, complicada e precisa ser feita de maneira cautelosa
5. Os pacotes estatísticos oferecem correções automáticas para violação de alguns pressupostos
6. Gráficos são muito informativos para uma análise inicial dos dados

13.7 Pesquisas adicionais

1. Physiotherapy Versus Physiotherapy Plus Cognitive Training on Cognition and Quality of Life in Parkinson Disease: Randomized Clinical Trial (DOI: 10.1097/PHM.0000000000001128)
Essa é uma pesquisa na área de fisioterapia. Os pesquisadores tiveram interesse de verificar a efetividade de dois tipos de tratamento (fisioterapia apenas vs. fisioterapia e reforço cognitivo) em 58 pacientes com Doença de Parkinson. Os grupos foram compostos de maneira aleatória e acompanhados durante 3 meses. Não foram encontradas diferenças significativas entre as intervenções e ambos os grupos apresentaram melhorias clínicas.

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 14

Modelo linear misto

Objetivos do capítulo

1. Apresentar a ANOVA de Medidas Repetidas.
2. Realizar passo-a-passo a modelagem analítica.
3. Verificar os pressupostos e implementar as correções sugeridas.
4. Escrever os resultados.

O modelo linear misto (LMM) é um modelo linear, frequentemente utilizado para trabalhar dados longitudinais ou de medidas repetidas, que possibilita definir tanto parâmetros populacionais (efeitos fixos), como coeficientes individuais (efeitos aleatórios), além do erro experimental. Conceitualmente, pode ser apresentado como:

$$y_i = \underbrace{X_i \beta}_{\text{Efeito fixo}} + \underbrace{Z \gamma + e_i}_{\text{Efeito aleatório}}$$

Onde:

β representa todos os termos fixos

γ representa os termos aleatórios (assumidos como normalmente distribuídos)

e representa o erro/resíduo

Pragmaticamente, este modelo oferece mais flexibilidade à ANOVA de medidas repetidas e sua utilização vem ganhando mais espaço em Psicologia e áreas da saúde (Gueorguieva and Krystal, 2004).

Os efeitos fixos são compartilhados por todos os indivíduos, enquanto os aleatórios são específicos de cada um dos participantes. Com isso, a trajetória de cada indivíduo pode ser modelada, permitindo que um subconjunto dos parâmetros de regressão seja definido como aleatório.

Tanto O LMM, como a ANOVA de Medidas Repetidas costumam ser utilizados em dados longitudinais. A tabela a seguir apresenta algumas das principais características de ambas as análises.

Característica	ANOVA (MR)	Modelo Linear Misto
Sujeitos medidos em vários momentos	Sim	Sim
Dados completos em todos os segmentos	Sim	Não
Estimativas de tendências individuais	Não	Sim
Covariáveis tempo-dependentes	Não	Sim
Complexidade computacional	Baixa	Alta

Fim da versão gratuita

14.1 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: R - Base Lidia Carprofeno

Base JASP : Base CSV - Lidia Carprofeno longo

A esse momento, vamos ter como referência de análise a pesquisa intitulada “Avaliação psicométrica em português do indicador de dor crônica de Helsinki em cães com sinais crônicos de osteoartrite”, que tem como primeira autora Lídia Matsubara e eu sou coautor. Os dados dessa pesquisa foram previamente utilizados no capítulo de ANOVA de medidas repetidas.

Nessa pesquisa, temos um grupo controle e um grupo experimental e todos os participantes foram avaliados em 5 momentos diferentes do tempo: 1 semana antes do início do tratamento (W2), imediatamente antes do início do tratamento (W0), duas semanas e quatro semanas após o tratamento ter iniciado (S2 e s4) e após uma semana da retirada do tratamento (s6). Trata-se de um delineamento 2x5, considerando os 2 grupos e as 5 medições ao longo do tempo.

14.2 execução no R

A base `dados` reúne as varáveis da pesquisa. No entanto, ela está em formato largo (wide). Na maioria das vezes, o formato longo é o mais tipicamente encontrado para análises longitudinais e, por isso, será implementado pela função `pivot_longer` do `tidyverse`.

```

tratamento <- dados %>%
  mutate(id = row_number()) %>%
  select(id, grupo_dummy,starts_with("total_")) %>%
  pivot_longer(-c(id,grupo_dummy),
               names_to = "tempo",
               values_to= "resultado") %>%
  rename(grupo = grupo_dummy) %>%
  filter(grupo < 3) %>%
  mutate(grupo = factor(
    if_else(grupo == 1, "Placebo", "Experimental"))) %>%
  mutate(tempo = factor(case_when(
    tempo == "total_w4" ~ "antes",
    tempo == "total_w0" ~ "no_dia",
    tempo == "total_s2" ~ "semana_2",
    tempo == "total_s4" ~ "semana_4",
    tempo == "total_s6" ~ "semana_6",
  )))

```

As variáveis neste conjunto de dados são as seguintes:

```

tratamento %>% names()

## [1] "id"          "grupo"        "tempo"        "resultado"

```

Dessa forma:

id Identificação única de cada participante.

grupo Indica o grupo em que o participante foi alocado, tal como previamente apresentado (controle ou experimental).

tempo Indica cada um dos 5 pontos de medida.

resultado Apresenta os valores obtido pela escala utilizada. Quão maior o resultado, mais intenso são os sintomas.

Como uma primeira etapa, é importante criar tabelas e gráficos. Esses dois recursos apresentam as principais características dos grupos, bem como seus resultados.

```

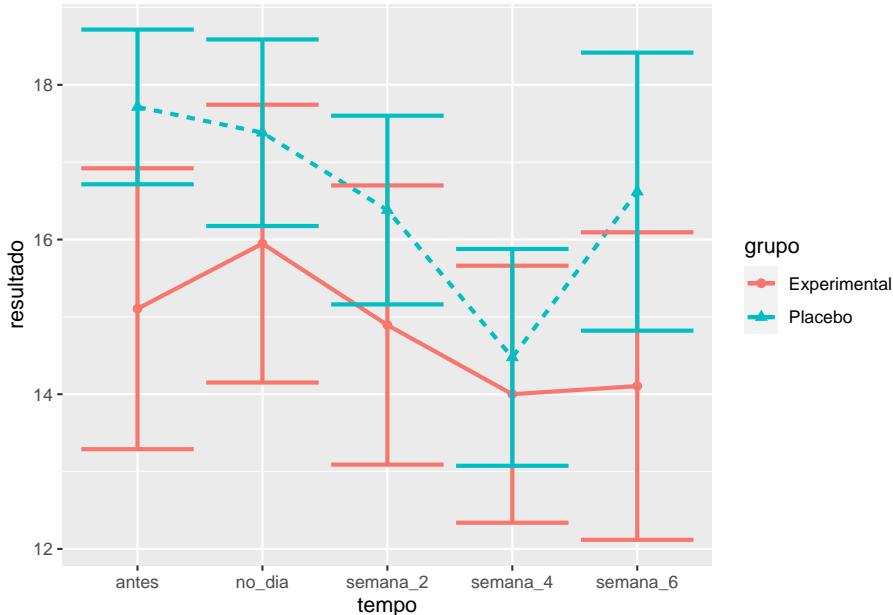
arsenal::tableby(tempo ~ resultado + grupo,
                 test = FALSE,tratamento) %>%
summary()

```

	antes (N=40)	no dia (N=40)	semana_2 (N=40)	semana_4 (N=40)	semana_6 (N=40)	Total (N=200)
resultado						
Mean (SD)	16.475 (6.437)	16.700 (6.669)	15.675 (6.719)	14.250 (6.740)	15.425 (8.430)	15.705 (7.020)
Range	0.000 - 29.000	0.000 - 28.000	0.000 - 28.000	0.000 - 27.000	0.000 - 34.000	0.000 - 34.000
grupo						
Experimental	19 (47.5%)	19 (47.5%)	19 (47.5%)	19 (47.5%)	19 (47.5%)	95 (47.5%)
Placebo	21 (52.5%)	21 (52.5%)	21 (52.5%)	21 (52.5%)	21 (52.5%)	105 (52.5%)

O gráfico de linhas tende a ser utilizado para medidas longitudinais e encontra-se a seguir.

```
ggplot(tratamento, aes(x=tempo, y=resultado,
                        group=grupo, color=grupo)) + #variaveis
  stat_summary(fun = mean, geom = "line", size=1.0,
               aes(linetype = grupo)) + #linha
  stat_summary(fun="mean", geom="point", size=2,
               aes(shape = grupo)) + #pontos
  stat_summary(fun.data = mean_se,
               geom = "errorbar",size=1) #barra de erro
```



Os resultados já deixam a impressão de que ambos os grupos tiveram desfechos próximos durante toda a pesquisa. Entretanto, testes formais precisam ser feitos para se chegar a esta conclusão. O R oferece alguns pacotes específicos para modelos mistos. Os pacotes `lme4` e `lmerTest` serão utilizados aqui.

```
library(lme4)
library(lmerTest)
```

A estrutura computacional da sintaxe do `lme4` é bastante similar aos modelos tradicionais de regressão que utilizam a função `lm`. No entanto, agora é possível incluir tanto efeitos fixos como aleatórios. Quando os termos são definidos como correlacionados, se utiliza uma barra vertical (`|`). Quando são definidos como descorrelacionados, duas barras verticais (`||`) são utilizadas.

Nesta pesquisa, se assumiu que cada participante apresentava seu próprio intercepto, ou seja, seu próprio valor de início. A sintaxe a seguir cria o modelo e o armazena os resultados no vetor `mod_lme`.

```
mod_lme <- lmer(resultado ~ tempo*grupo + (1|id) , data = tratamento)
```

Repare que esse modelo é composto pelo seguintes componentes:

1. Os resultados são definidos na variável `resultado`

2. efeito fixo do **tempo**
3. efeito fixo do **grupo**,
4. efeito fixo da interação **tempo x grupo**
5. efeito aleatório do **id**, indicando um intercepto aleatório e específico por participante

Uma vez que o modelo já foi criado, agora é necessário recuperar seus resultados. É importante notar que O pressuposto da normalidade é necessário e ele já foi acessado (e aceito) anteriormente. Conforme dito ao início do capítulo, O LMM relaxa o pressuposto esfericidadde e, por consequência, também o da homogeneidade (Quené and van den Bergh, 2004).

Inicialmente, a **anova** permite uma visualização de todos os coeficientes do modelo. Isso é importante para verificar cada um dos preditores estipulados e sua significância. A interpretação dos resultados é similar à realizada em modelos de regressão e totalmente convergente ao resultado obtido na ANOVA. Novamente, a leitura da tabela deve começar pela interação.

```
anova(mod_lme) %>% pander::pander()
```

Table 14.3: Type III Analysis of Variance Table with Satterthwaite's method

	Sum Sq	Mean Sq	NumDF	DenDF	F value	Pr(>F)
tempo	146.9	36.72	4	152	3.304	0.01254
grupo	7.851	7.851	1	38	0.7063	0.4059
tempo:grupo	30.95	7.738	4	152	0.6962	0.5957

Verifique que a tabela apresenta três os resultados: **tempo x grupo**, **grupo** e **tempo**. A técnica de Satterthwaite's method é utilizada para corrigir os valores do grau de liberdade e, consequentemente, os valores de p. Os resultados são virtualmente idênticos aos obtidos pela ANOVA, com a diferença que os graus de liberdade do numerador de do denominador não foram corrigidos.

Para obter as informações completas do modelo, é necessário solicitar o **summary**. Essa função retorna 4 informações calculadas: **Scaled residuals**, **Random effects**, **Fixed effects** e **Correlation of Fixed Effect** e serve para aprofundar a interpretação dos resultados. Uma particular diferença entre esse relatório e o da ANOVA de Medidas Repetidas é o **np2**, que não faz parte do LMM.

```
summary(mod_lme)
```

```

## Linear mixed model fit by REML. t-tests use Satterthwaite's method [
## lmerModLmerTest]
## Formula: resultado ~ tempo * grupo + (1 | id)
##   Data: tratamento
##
## REML criterion at convergence: 1163.6
##
## Scaled residuals:
##   Min     1Q Median     3Q    Max
## -2.4365 -0.4386 -0.0476  0.4571  3.8758
##
## Random effects:
##   Groups   Name        Variance Std.Dev.
##   id       (Intercept) 38.77     6.227
##   Residual           11.11     3.334
## Number of obs: 200, groups: id, 40
##
## Fixed effects:
##   Estimate Std. Error      df t value Pr(>|t|)    
## (Intercept) 15.66241  1.01364 38.00000 15.452 < 2e-16 ***
## tempo1      0.12719  0.37321 152.00000  0.341  0.73372
## tempo2     -0.29971  0.21547 152.00000 -1.391  0.16628
## tempo3     -0.49979  0.15236 152.00000 -3.280  0.00129 **
## tempo4     -0.07506  0.11802 152.00000 -0.636  0.52572
## grupo1      0.85188  1.01364 38.00000  0.840  0.40593
## tempo1:grupo1 -0.29386  0.37321 152.00000 -0.787  0.43228
## tempo2:grupo1 -0.08918  0.21547 152.00000 -0.414  0.67954
## tempo3:grupo1 -0.17084  0.15236 152.00000 -1.121  0.26393
## tempo4:grupo1  0.10125  0.11802 152.00000  0.858  0.39228
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Correlation of Fixed Effects:
##   (Intr) tempo1 tempo2 tempo3 tempo4 grupo1 tmp1:1 tmp2:1 tmp3:1
## tempo1      0.000
## tempo2      0.000  0.000
## tempo3      0.000  0.000  0.000
## tempo4      0.000  0.000  0.000  0.000
## grupo1     -0.050  0.000  0.000  0.000  0.000
## tempo1:grp1 0.000 -0.050  0.000  0.000  0.000  0.000
## tempo2:grp1 0.000  0.000 -0.050  0.000  0.000  0.000  0.000
## tempo3:grp1 0.000  0.000  0.000 -0.050  0.000  0.000  0.000  0.000
## tempo4:grp1 0.000  0.000  0.000  0.000 -0.050  0.000  0.000  0.000

```

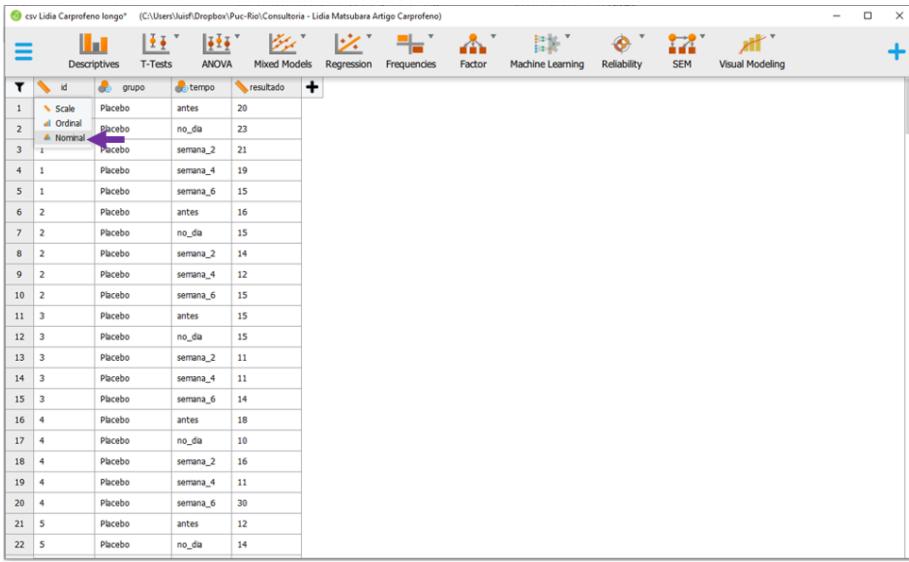
14.3 Execução no JASP

A base utilizada será a intitulada “csv Lidia Carprofeno longo”. Essa base tem o formato longo. Isso significa que os resultados obtidos no decorrer do tempo serão apresentados em cada uma das linhas do conjunto de dados. Modelos Lineares Mistos tendem a solicitar que os dados sejam organizados desta maneira.

Após carregar a base no JASP, será necessário assegurar que a escala de medida de todas as variáveis está correta. A variável id deverá ser definido como nominal e para fazer isso, clique no símbolo da régua ao lado dela.

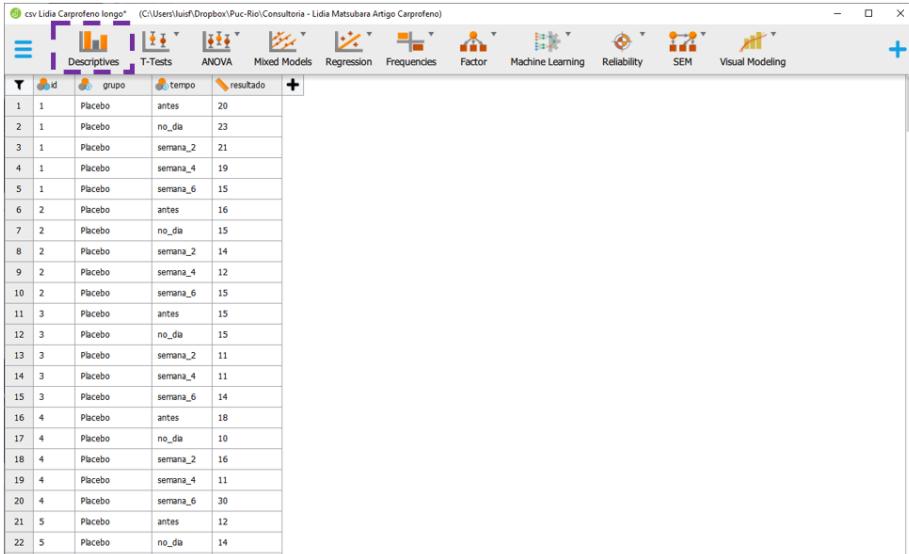
	id	grupo	tempo	resultado
1	1	Placebo	antes	20
2	1	Placebo	no_dia	23
3	1	Placebo	semana_2	21
4	1	Placebo	semana_4	19
5	1	Placebo	semana_6	15
6	2	Placebo	antes	16
7	2	Placebo	no_dia	15
8	2	Placebo	semana_2	14
9	2	Placebo	semana_4	12
10	2	Placebo	semana_6	15
11	3	Placebo	antes	15
12	3	Placebo	no_dia	15
13	3	Placebo	semana_2	11
14	3	Placebo	semana_4	11
15	3	Placebo	semana_6	14
16	4	Placebo	antes	18
17	4	Placebo	no_dia	10
18	4	Placebo	semana_2	16
19	4	Placebo	semana_4	11
20	4	Placebo	semana_6	30
21	5	Placebo	antes	12
22	5	Placebo	no_dia	14

Uma lista de opções irá aparecer. Será necessário selecionar a opção nominal.



		id	grupo	tempo	resultado	+
1	1	Placebo		antes	20	
2	1	Placebo		no_da	23	
3	1	Placebo		semana_2	21	
4	1	Placebo		semana_4	19	
5	1	Placebo		semana_6	15	
6	2	Placebo		antes	16	
7	2	Placebo		no_da	15	
8	2	Placebo		semana_2	14	
9	2	Placebo		semana_4	12	
10	2	Placebo		semana_6	15	
11	3	Placebo		antes	15	
12	3	Placebo		no_da	15	
13	3	Placebo		semana_2	11	
14	3	Placebo		semana_4	11	
15	3	Placebo		semana_6	14	
16	4	Placebo		antes	18	
17	4	Placebo		no_da	10	
18	4	Placebo		semana_2	16	
19	4	Placebo		semana_4	11	
20	4	Placebo		semana_6	30	
21	5	Placebo		antes	12	
22	5	Placebo		no_da	14	

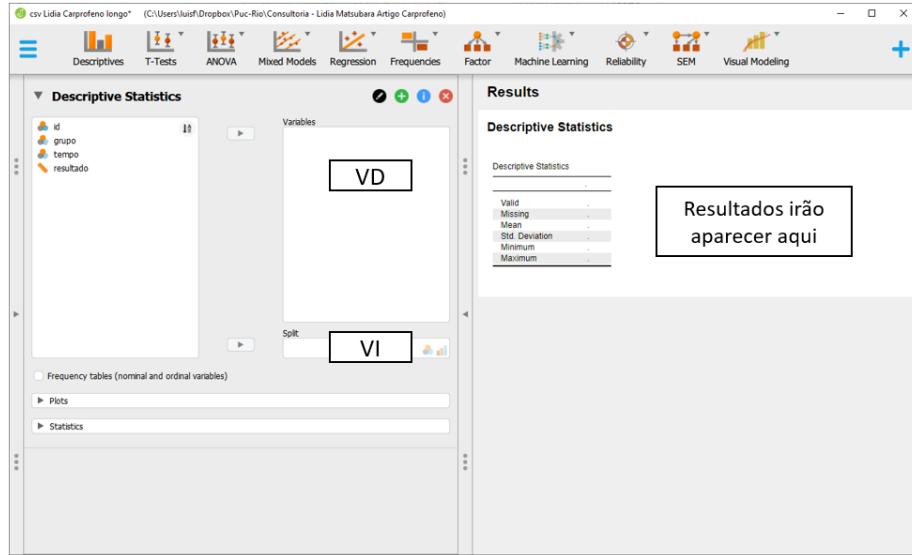
De maneira próxima ao que foi realizado no R, é importante apresentar tabelas e gráficos descritivos. Estes elementos auxiliam em uma primeira visualização do padrão das respostas. Para fazer isso, será necessário apresentar tabelas e gráficos descritivos. Para fazer isso, é necessário clicar em Descriptives.



		id	grupo	tempo	resultado	+
1	1	Placebo		antes	20	
2	1	Placebo		no_da	23	
3	1	Placebo		semana_2	21	
4	1	Placebo		semana_4	19	
5	1	Placebo		semana_6	15	
6	2	Placebo		antes	16	
7	2	Placebo		no_da	15	
8	2	Placebo		semana_2	14	
9	2	Placebo		semana_4	12	
10	2	Placebo		semana_6	15	
11	3	Placebo		antes	15	
12	3	Placebo		no_da	15	
13	3	Placebo		semana_2	11	
14	3	Placebo		semana_4	11	
15	3	Placebo		semana_6	14	
16	4	Placebo		antes	18	
17	4	Placebo		no_da	10	
18	4	Placebo		semana_2	16	
19	4	Placebo		semana_4	11	
20	4	Placebo		semana_6	30	
21	5	Placebo		antes	12	
22	5	Placebo		no_da	14	

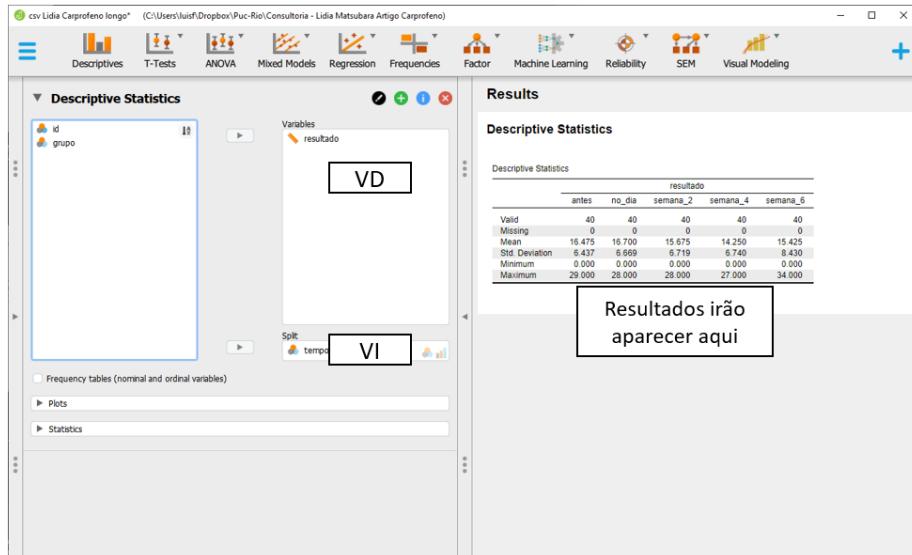
Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadores. Na prática, a lista **Variables** irá reunir as variáveis dependentes, enquanto a variável independente será colocada na seção **Split**. É importante atentar à opção **Frequency tables (nominal and ordinal)**, que deve ser marcada quando o nível de medida da

variável de interesse for nominal ou ordinal.

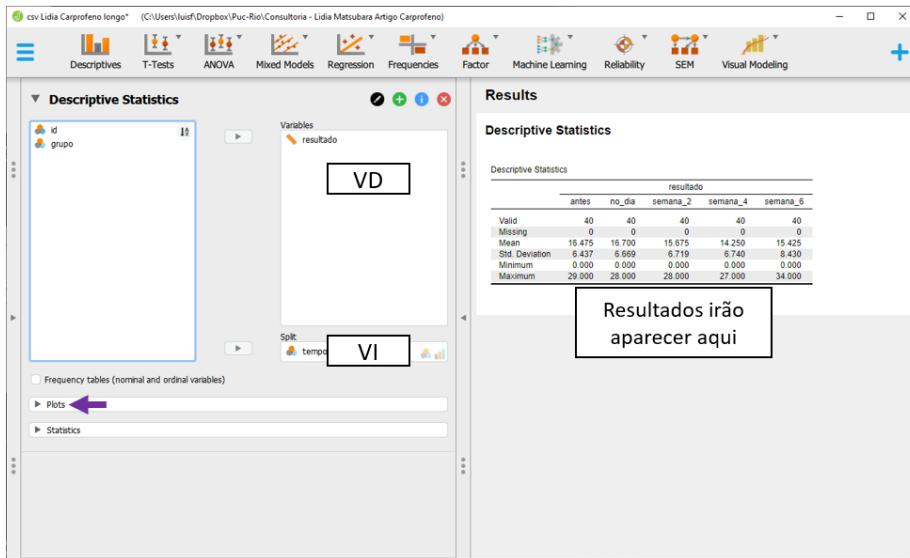


O JASP permite fazer gráficos com apenas 1 agrupador. É possível, então, apresentar inicialmente os resultados pelo tempo e, em seguida, pelo grupo. Para isso, será necessário arrastar a variável tempo para o local de Split e a variável resultado para o local Variables. Ao fazer isso, o JASP irá preencher a tabela com várias informações descritivas.

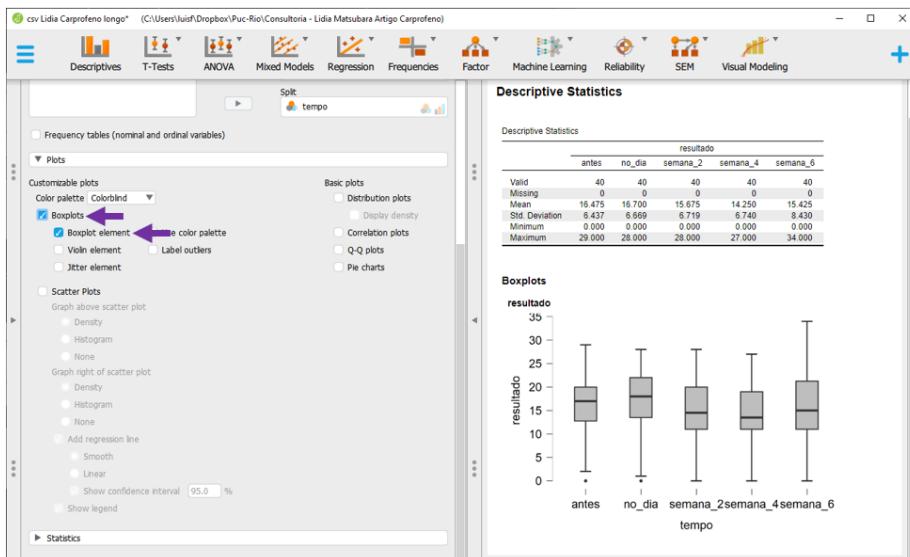
É importante se lembrar que o JASP não está considerando o grupo que o participante foi alocado.



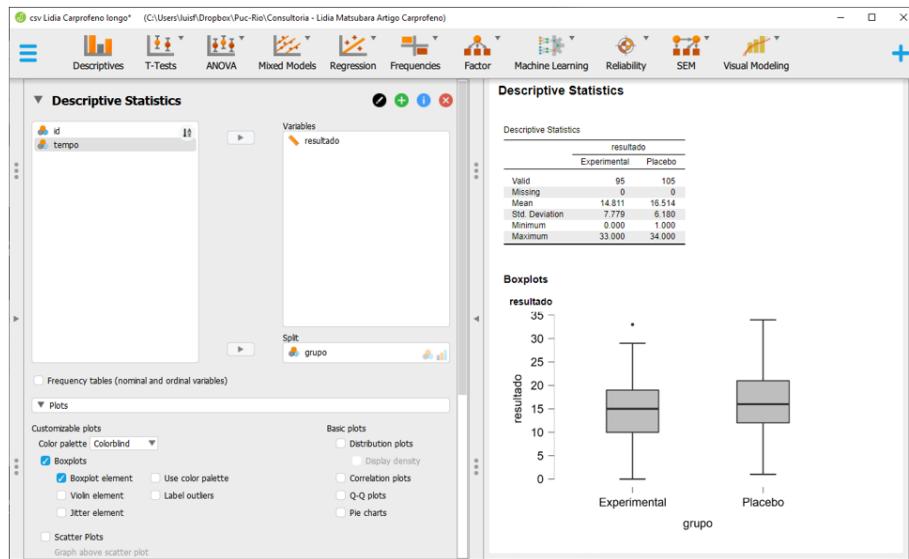
Gráficos permitem um entendimento mais facilitado dos resultados. Para fazer isso, será necessário clicar na opção **Plots**.



Em seguida, será possível selecionar o **Boxplot** e **Boxplot element**. O gráfico aparecerá abaixo da tabela e irá apresentar diferentes informações estatísticas da distribuição dos resultados das variáveis em função do momento da pesquisa.

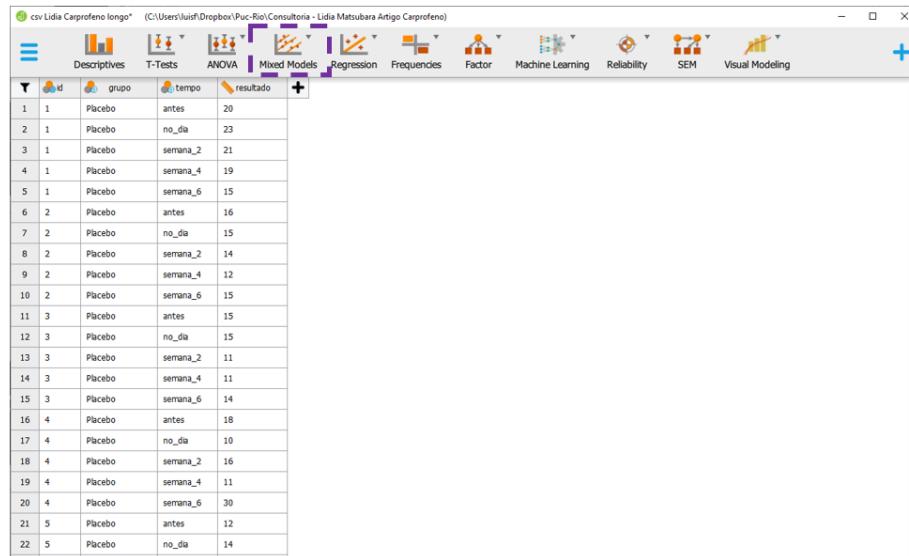


Para gerar as estatísticas descritivas e a apresentação gráfica sobre a relação entre os resultados e os respectivos grupos, será necessário, substituir a variável tempo por grupo no espaço Split.

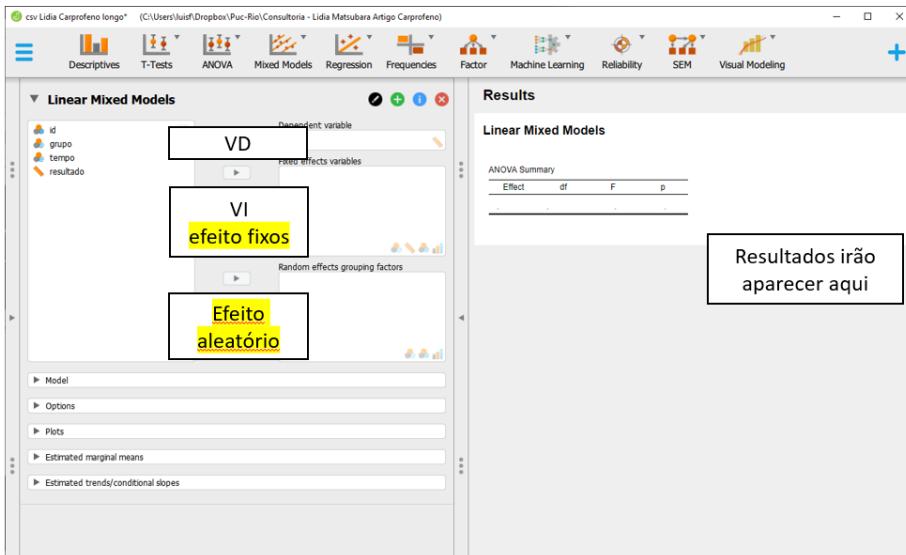


Apesar dessas análises serem informativas, esta versão do JASP não integra todas as três variáveis desejadas nas tabelas e gráficos produzidos. Isso será feito posteriormente.

Para realizar um Modelos Linear Misto, será necessário clicar em **Mixed Models** e **Linear Mixed Models**.

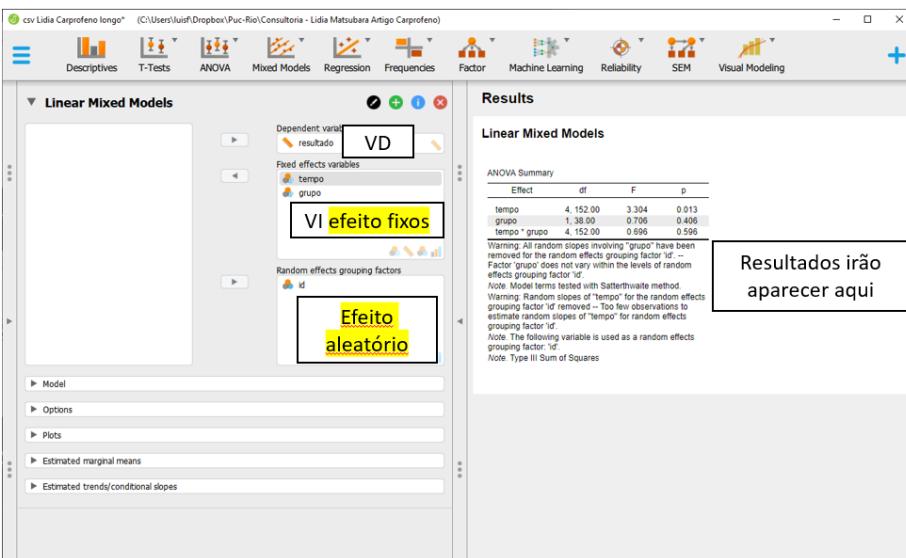


Após fazer isso, a interface do programa será próxima à apresentada abaixo.



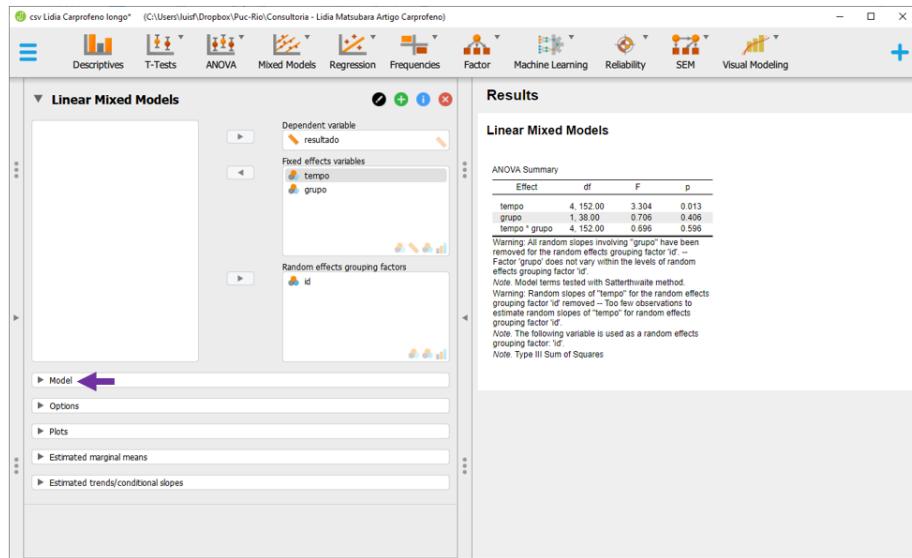
O local **Dependent Variable** irá reunir a VD e a variável resultado deverá ser arrastada até este espaço. **Fixed effects** é o local que irá reúnir as variáveis entre participantes e as variáveis tempo e grupo devem ser inseridas neste local. O **Random effects grouping factors** irá reunir a o efeito aleatório e id deverá ser arrastado para lá.

Ao fazer isso, o JASP irá realizar a análise e apresentar, automaticamente, os resultados.

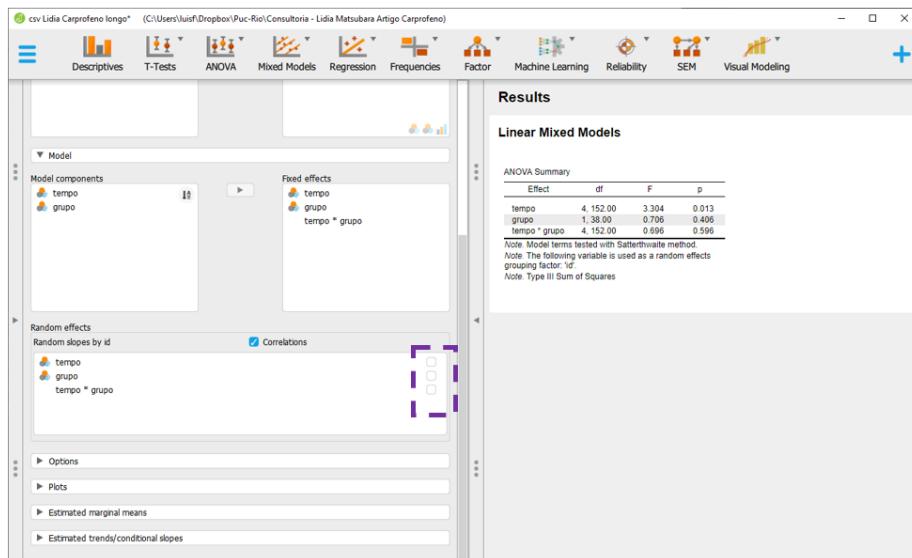


Esses resultados são baseados na configuração padrão do JASP, que define tanto o intercepto como a inclinação como efeitos aleatórios. No entanto, nesta

pesquisa, apenas o intercepto foi definido como aleatório. Para alterar essa configuração, será necessário clicar na opção **Model**, na parte esquerda do programa.



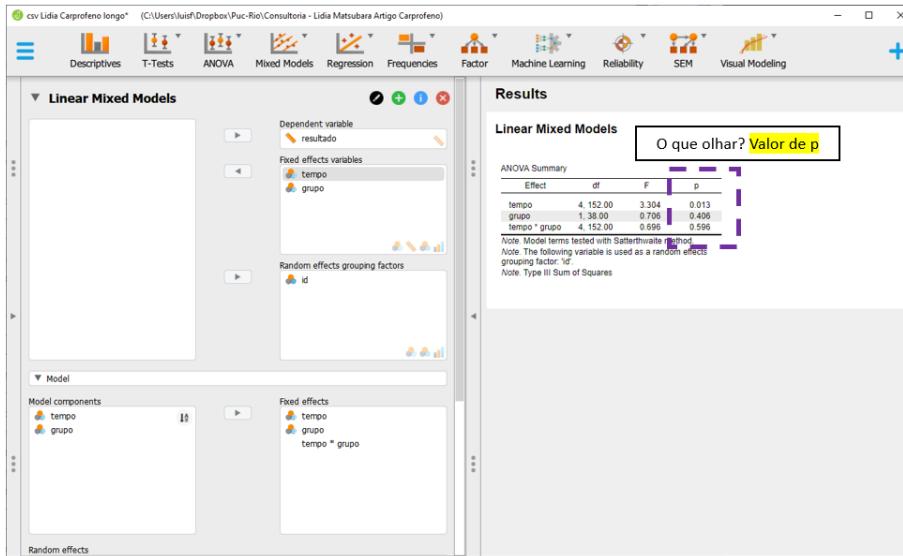
Todas as caixas de seleção na seção **Random effects** devem ser desmarcadas.



Após isso feito, o JASP irá refazer as análises e apresentar os resultados, mudando também as mensagens de aviso.

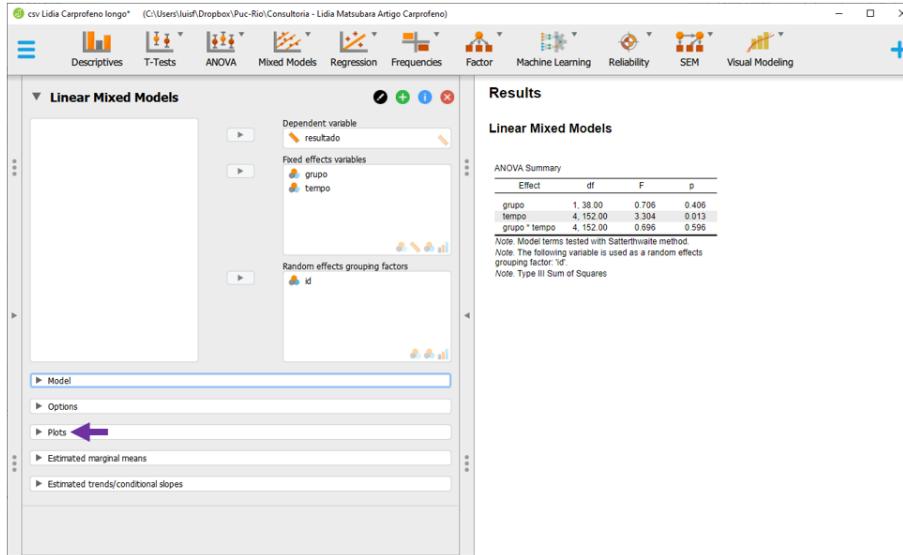
A interpretação dos resultados agora pode ser feita, sempre começando pela interação. A interação **Grupo x Tempo** não foi significativa ($F(4, 152) = 0.696$, $p = 0.596$). O efeito do **Grupo** também não foi significativo ($F(3, 38) = 0.706$, p

$= 0.406$). De maneira distinta, o **Tempo** foi um preditor significativo ($F(4, 152) = 3.304, p = 0.013$).



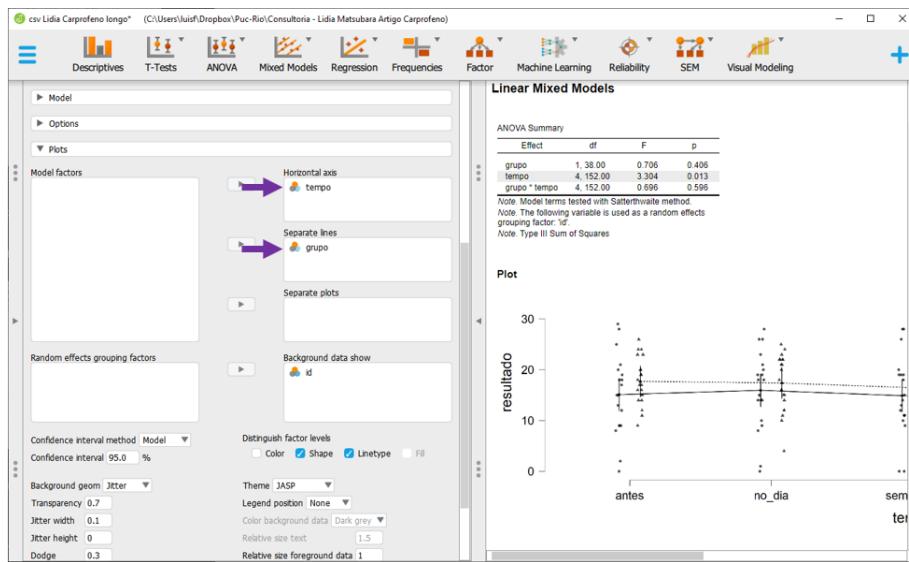
Esta versão do JASP não oferece nenhum recurso para avaliar os pressupostos do modelo. Dessa maneira, isso não será realizado.

Apresentações gráficas são extremamente importantes e para fazer isso, é necessário clicar em **Plots**



A variável **Tempo** deve ser inserida no eixo horizontal (**Horizontal axis**) e a variável **grupo** em **Separated lines**. As outras opções não precisam ser

alteradas. O gráfico será gerado automaticamente e servirá como um recurso extra para entender os resultados.



Notas: Infelizmente, o JASP não realiza um gráfico completo dessa maneira na seção Descriptives, tal como apresentado. Por vezes, será necessário primeiro rodar integralmente o Modelo Linear misto para depois gerar esta apresentação. Quase sempre, o eixo X recebe a variável com maior quantidade de níveis. Essa pesquisa não teve resultados significativos e, em função disso, testes post hoc não foram realizados. Entretanto, frequentemente os resultados são significativos e a mecânica das comparações pareadas é próxima ao que foi demonstrado no capítulo de ANOVA Fatorial.

14.4 Escrita dos resultados

Um dos principais objetivos em delineamentos que contem com termos de interação é verificar se o efeito de uma variável depende dos níveis de outra. Nesta pesquisa, isso ocorreria caso os resultados obtidos dependessem da relação entre o tempo decorrido do tratamento e do grupo em que o participante tivesse sido alocado. No entanto, os resultados da interação não foram significativos, indicando que isso não parece ter ocorrido. Uma vez que o efeito principal do tempo foi significativo, é possível concluir que o tempo é um preditor significativo nos resultados, independente do grupo em que o participante se encontra.

Abaixo uma sugestão de escrita baseada nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Os dados foram analisados através de um Modelo Linear de Efeitos Mistos, que verificou o efeito do tempo, do grupo, a interação entre esses dois preditores. Neste modelo, um intercepto aleatório foi definido para cada participante em com isso, essa análise levou em consideração tanto efeitos fixos quanto aleatórios. Os resultados permitiram concluir que Não há interação significativa tempo x grupo ($F(4, 152 = 0.696)$, $p = 0.596$), bem como não há efeito significativo do grupo ($F(1, 38 = 0.706)$, $p = 0.406$). Em outra direção, o efeito o tempo teve efeito significativo nos resultados ($F(4, 152 = 3.304)$, $p = 0.013$).

14.5 Resumo

1. O Modelo Linear de Efeitos Mistos (LMM) oferece maior versatilidade à ANOVA de medidas repetidas
2. A ANOVA tem como pressuposto Normalidade e Esfericidade, enquanto o LMM apenas Normalidade dos resíduos
3. Os resultados frequentemente encontrados em ambos os modelos vão na mesma direção
4. A implementação computacional é mais trabalhosa
5. A escrita apresenta algumas particularidades relacionadas à cada modelo.

14.6 Pesquisas adicionais

1. Effects of Aerobic Training versus Breathing Exercises on Asthma Control: A Randomized Trial (DOI: 10.1016/j.jaip.2020.06.042) Nesta pesquisa, 54 pacientes com asma foram aleatoriamente selecionados para receberem ou um tratamento baseado em exercícios aeróbicos ou um tratamento baseado em técnicas de respiração. Os pesquisadores acompanharam os participantes por 3 meses e concluíram que, em alguns aspectos, o grupo de exercícios aeróbicos teve uma melhora significativamente maior do que o grupo de técnicas respiratórias. Esses dados foram analisados por mim, apesar de não constar no manuscrito.

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 15

Correlação

Objetivos do capítulo

1. Apresentar aspectos do relacionamento entre variáveis
2. Demonstrar a correlação de Pearson
3. Oferecer um guia de como interpretar as correlações

A correlação é um procedimento estatístico utilizado para verificar a relação entre duas variáveis. Há diferentes técnicas correlacionais e a maioria busca medir a força e a direção da associação linear desse relacionamento.

O nível de medida das variáveis indica qual técnica correlacional deve ser empregada. A tabela a seguir apresenta uma síntese inicial:

Nível de medida	Correlação / Coeficiente
Ambas as variáveis são intervalares	Correlação Produto momento de Pearson
Ambas as variáveis são ordinais	Correlação de Spearman
Ambas as variáveis são nominais	Coeficiente Phi

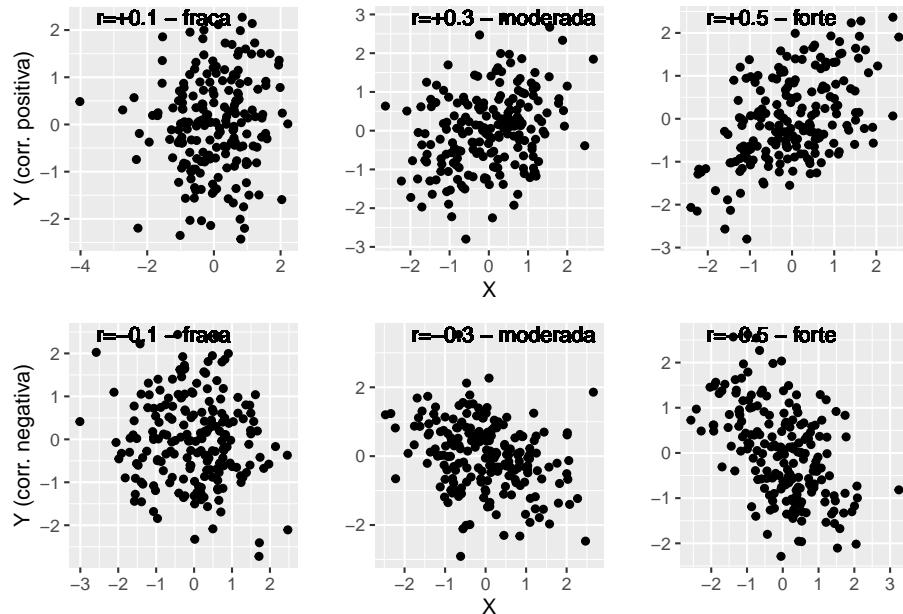
O Coeficiente de Correlação de Pearson é um dos mais frequentemente calculados em Psicologia e outras áreas empíricas e será demonstrado neste capítulo. É importante, no entanto, ter em mente que algumas áreas específicas outros coeficientes tendem a ser utilizados. Como exemplo, é bem típico em Psicométrica trabalhar com variáveis categóricas e, com isso, calcular correlações tetracóricas ou policóricas, que não serão abordadas aqui.

A correlação de Pearson é apresentada por ρ ou r , e é formada por um valor numérico e um sinal. Enquanto o valor numérico indica a força do relacionamento bivariado, o sinal indica a natureza proporcional ou inversamente pro-

porcional desse relacionamento. A tabela abaixo descreve as possíveis interpretações (Cohen, 1988).

Valor	Sinal Positivo (+)	Sinal Negativo (-)
0.1	Fraca positiva	Fraca negativa
0.3	Moderada positiva	Moderada negativa
0.5	Forte positiva	Forte negativa

O gráfico de dispersão é uma excelente forma de ilustrar o relacionamento bivariado e as imagens abaixo demonstram tais conceitos.



Para realização da Correlação de Pearson, é necessário que ambas as variáveis sejam contínuas e apresentem relacionamento linear. O Coeficiente tem as seguintes propriedades:

1. É limitado entre -1 e +1, com 0 indicando ausência de correlação
2. O sinal indica a natureza, enquanto o número a força
3. A correlação de uma variável com ela própria é igual a 1
4. É simétrico, ou seja, $r(x,y) = r(y,x)$

5. É adimensional e invariante em transformações lineares
6. Sensível aos outliers
7. Não indica causalidade

Fim da versão gratuita

15.1 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

R Base: Imagem corporal

Base JASP : Base CSV - csv eat bsq brasil

Vamos utilizar a pesquisa intitulada “Aspects Related to Body Image and Eating Behaviors in Healthy Brazilian Undergraduate Students”, publicada em 2018 no Global Journal of Educational Studies, que sou coautor.

Um dos objetivos dessa pesquisa foi verificar a relação entre percepção da imagem corporal e transtornos alimentares. Esse artigo contou com a utilização de escalas aplicadas em 219 participantes no Brasil. Para acessar características relacionados aos Transtornos alimentares, a escala EAT-26 foi aplicada. Já para aspectos da imagem corporal, a escala BSQ-34 foi aplicada. Em ambas as escalas, quanto maior o valor, mais frequentes ou intensos são os sintomas relacionados a distorções na percepção da imagem corporal e em disfunções no comportamento alimentar.

15.2 Execução no R

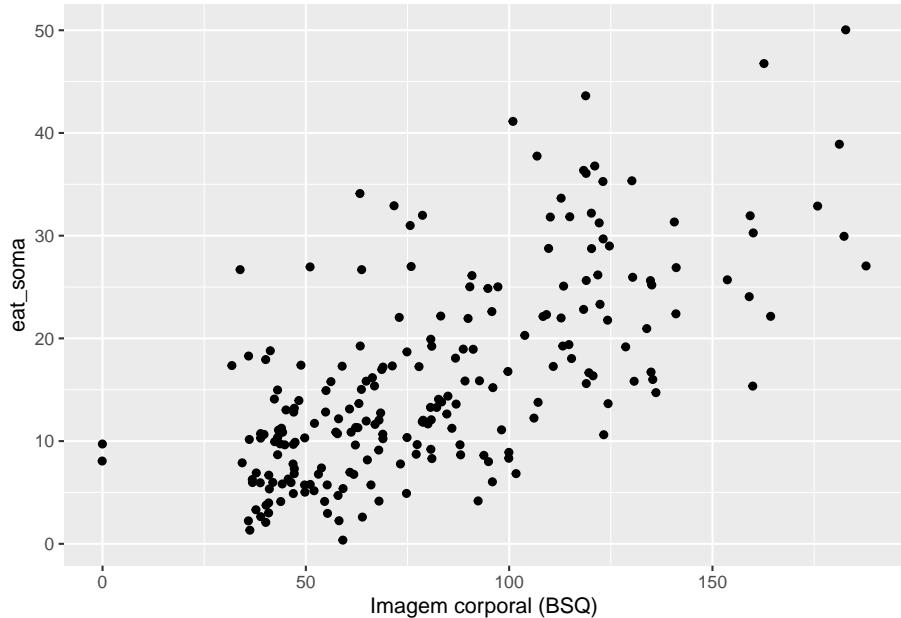
A primeira etapa da análise consiste na apresentação de tabelas e gráficos que possam auxiliar na interpretação dos resultados. Abaixo há uma tabela inicial com os resultados das escalas.

```
arsenal::tableby(~eat_soma + bsq_soma,  
                 test = FALSE, dados_brasil) %>%  
  summary()
```

Overall (N=220)	
eat_soma	
Mean (SD)	15.950 (9.753)
Range	0.000 - 50.000
bsq_soma	
Mean (SD)	81.359 (37.003)
Range	0.000 - 188.000

Após isso realizado, a apresentação do gráfico de dispersão é fundamental para melhor entendimento do relacionamento entre as variáveis, especialmente para verificar se ele linear ou não. Apesar de técnicas correlacionais não elegerem, formalmente, uma VI e uma VD, com muita frequência, se usa o eixo X para colocar a variável que se assume como independente e Y para apresentar os resultados da variável assumida como dependente.

```
ggplot(dados_brasil, aes(x = bsq_soma, y = eat_soma)) +
  labs(x = "Imagen corporal (BSQ)",
       Y = "Disfunção alimentar (EAT)") +
  geom_jitter()
```



O gráfico indica que as duas variáveis são relacionadas. Apesar do padrão deste relacionamento não ser estritamente linear, é possível testar formalmente a correlação entre ambas as variáveis,

Isso pode ser feito pela função `cor.test`, que é nativa do R.

```
cor.test(dados_brasil$eat_soma, dados_brasil$bsq_soma) %>% pander()
```

Table 15.4: Pearson's product-moment correlation:
`dados_brasil$eat_soma` and `dados_brasil$bsq_soma`

Test statistic	df	P value	Alternative hypothesis	cor
13.52	218	1.156e-30 ***	two.sided	0.6754

Os resultados permitem concluir que a correlação é positiva e forte ($r = 0.675$), além de significativa ($p < 0.001$). Isso indica que ambas as variáveis covariam de maneira proporcional, em que valores altos em uma tendem a acompanhar valores altos em outra. É importante atentar que esse relacionamento não indica causalidade e, dessa forma, essa covariação pode ser explicada por diferentes fatores não analisados ou controlados neste método, tal como previamente apresentado nas características de delineamentos observacionais.

A correlação de Pearson não depende estritamente da normalidade das variáveis, apesar desse tema ser bastante discutido. Dessa forma, não há pressupostos para se checar além dos já discutidos no decorrer deste capítulo.

15.3 Execução no JASP

Para executar as rotinas, será necessário carregar a base intitulada “csv eat bsq brasil”. Após fazer isso, para realizar tabelas e gráficos descritivos, deve-se clicar em **Descriptives**, na parte superior do programa.

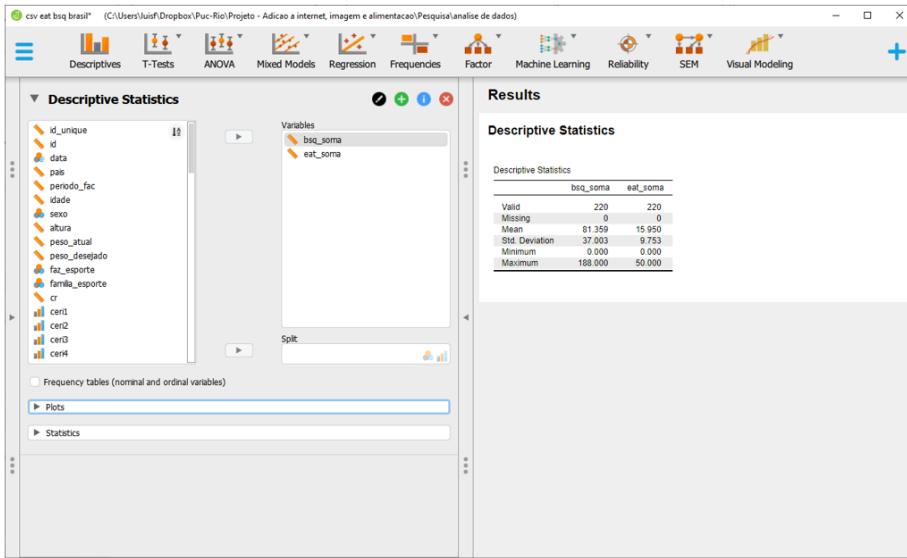
	d_unique	id	data	pais	periodo_fac	idade	sexo	altura	peso_atual	peso_desejado	faz_esporte	familia_esporte	
1	1	35	9/19/2016	1				1.76	71	68	1	0	5.7
2	2	51	9/27/2016	1	4	20	1				1	1	
3	3	216	12/7/2016	1	3	29	1	1.63		60	1	0	6.2
4	4	78	9/19/2016	1	5	20	1	1.5	42.5	42	1	1	5.7
5	5	19	9/27/2016	1	1	21	1	1.55	46	50	0	0	
6	6	164	11/23/2016	1	1	18	1	1.57	46	50	0	0	8.7
7	7	28	9/19/2016	1	3	20	1	1.64	47	52	0	1	7.4
8	8	170	11/22/2016	1	2	19	1	1.67	47	53	1	1	5
9	9	66	9/19/2016	1	2	18	1	1.58	48	45	0	1	
10	10	99	11/8/2016	1	1	18	1	1.57	48	50	1	0	9.5
11	11	168	11/23/2016	1	1	18	1	1.58	48	46	1	1	
12	12	201	12/5/2016	1	8	22	1	1.6148	48	46	1	0	9.4
13	13	128	11/3/2016	1	1	23	1	1.59	49	45	1	1	
14	14	147	11/23/2016	1	2	18	1	1.6	49	46	1	0	9.5
15	15	171	11/23/2016	1	3	20	1	1.6	49	48	0	1	8
16	16	3	9/27/2016	1	3	19	1	1.65	50	45	1	1	
17	17	9	9/27/2016	1	1	19	1	1.53	50	50	1	1	
18	18	62	9/19/2016	1	3	19	1	1.58	50	48	1	1	6.1
19	19	97	11/8/2016	1	1	18	1	1.59	50	50	0	0	
20	20	189	12/4/2016	1	2	18	1	1.6	50	50	1	1	6.6
21	21	219	12/5/2016	1	8	22	1	1.64	50	48	1	0	7.1
...

Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadores. Apesar de na correlação os conceitos de VI e VD não serem formalmente empregados, a lista **Variables** costuma reunir as variáveis dependentes, enquanto a seção **Split** costuma receber a variável independente. É importante atentar à opção **Frequency tables (nominal and ordinal)**, que deve ser marcada quando o nível de medida da variável de interesse for nominal ou ordinal.

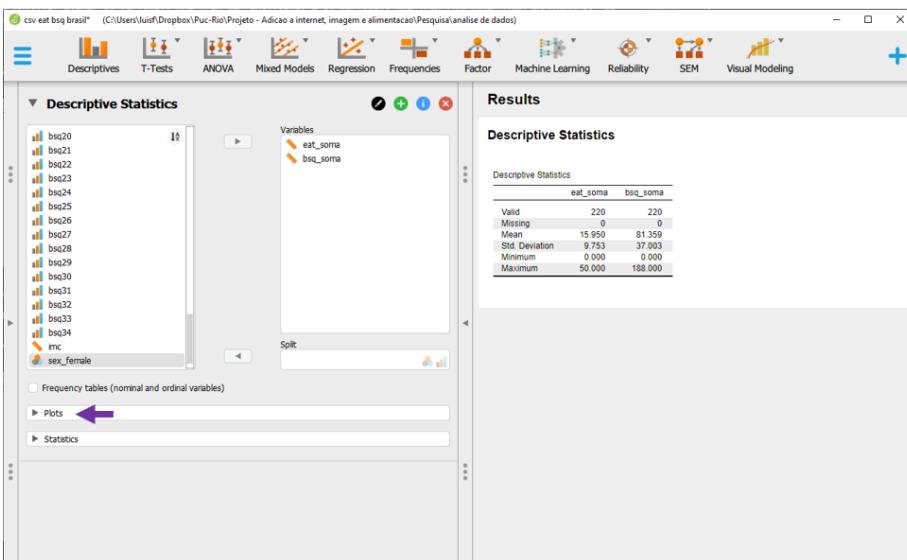
The screenshot shows the JASP interface with the 'Descriptive Statistics' module selected. On the left, the 'Variables' section has 'VD' (Variable Independent) selected. On the right, the 'Results' section displays a placeholder box stating 'Resultados irão aparecer aqui' (Results will appear here).

Será necessário arrastar tanto eat_soma como bsq_soma para o espaço de **Variables**. Apenas para melhor apresentação dos resultados, é importante que a primeira variável da lista seja bsq_soma. Ao fazer isso, o JASP

automaticamente irá preencher a tabela previamente exposta com os valores estatísticos obtidos. A média e o desvio-padrão indicam a posição típica dos dados e o afastamento esperado desta localização.

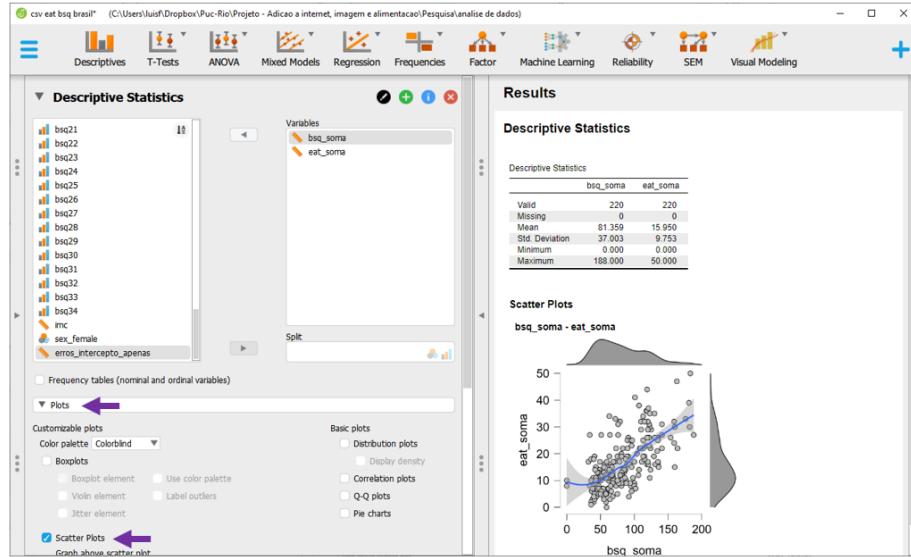


Em seguida, para apresentar graficamente este relacionamento, será necessário clicar na opção **Plots**.

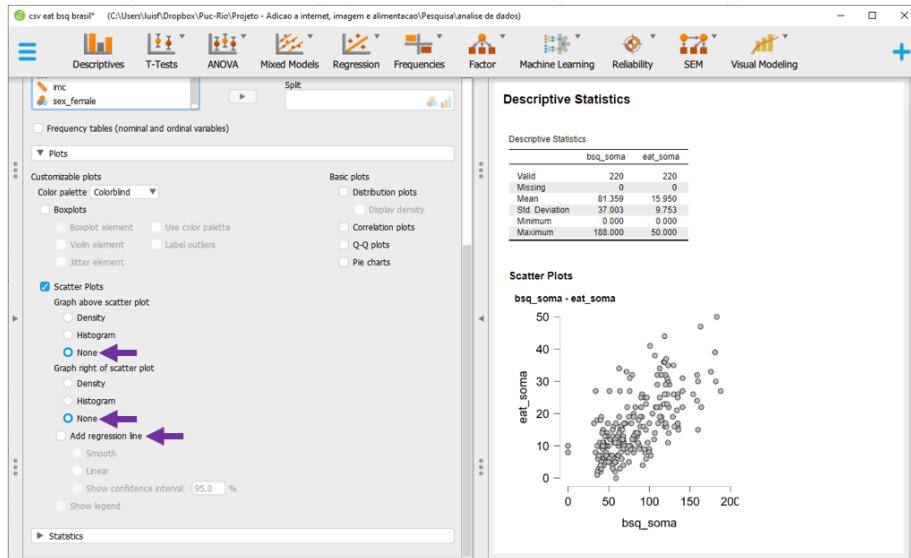


Dentro das opções, será possível selecionar **Scatter Plots**. O gráfico aparecerá na parte inferior do lado direito e trará diferentes informações estatísticas da relação entre aspectos da percepção da imagem corporal e possíveis disfunções

alimentares dos participantes.



Por padrão, o JASP irá adicionar vários elementos extras no gráfico. Entretanto, para fins pedagógicos, o importante é conseguir notar o relacionamento que ambas as variáveis apresentam. Para realizar um gráfico mais simples, será necessário desmarcar (ou clicar em **none**) as opções **Graph above scatter plot**, **Graph right of scatter plot** e **Add regression line**.



Para execução da correlação, será necessário clicar em **Regression** e **Correlation**.

1	1	35	9/19/2016	1		1.76	71	68	1	0	5.2	
2	2	51	9/27/2016	1	4	20	1		1	1		
3	3	216	12/7/2016	1	3	29	1	1.63	60	1	0	
4	4	78	9/19/2016	1	5	20	1	1.5	42.5	42	1	
5	5	19	9/27/2016	1	1	21	1	1.55	46	50	0	
6	6	164	11/23/2016	1	1	18	1	1.57	46	50	0	
7	7	28	9/19/2016	1	3	20	1	1.64	47	52	0	
8	8	170	11/22/2016	1	2	19	1	1.67	47	53	1	
9	9	66	9/19/2016	1	2	18	1	1.58	48	45	0	
10	10	99	11/8/2016	1	1	18	1	1.57	48	50	1	
11	11	168	11/23/2016	1	1	18	1	1.58	48	46	1	
12	12	201	12/5/2016	1	8	22	1	1.6148	48	46	1	
13	13	128	11/3/2016	1	1	23	1	1.59	49	45	1	
14	14	147	11/23/2016	1	2	18	1	1.6	49	46	1	
15	15	171	11/23/2016	1	3	20	1	1.6	49	48	0	
16	16	3	9/27/2016	1	3	19	1	1.65	50	45	1	
17	17	9	9/27/2016	1	1	19	1	1.53	50	50	1	
18	18	62	9/19/2016	1	3	19	1	1.58	50	48	1	
19	19	97	11/8/2016	1	1	18	1	1.59	50	50	0	
20	20	189	12/4/2016	1	2	18	1	1.6	50	50	1	
21	21	219	12/5/2016	1	8	22	1	1.64	50	48	1	
..	

Ao realizar isso, a tela a ser exibida será próxima à imagem abaixo. Por padrão, em **Sample Correlation**, o JASP já deixa marcada a opção Pearson's r. Além disso, em **Additional Options**, a opção Report significance também estará previamente ativada⁴.

The screenshot shows the JASP interface with the 'Correlation' dialog open. On the left, the 'Variables' section lists all the variables from the dataset: id_unique, id, data, pais, periodo_fac, idade, sexo, altura, peso_atual, and familia_esporte. In the center, there are sections for 'Additional Options' (with 'Report significance' checked) and 'Plots' (with 'Scatter plots' selected). On the right, a large text box labeled 'Resultados irão aparecer aqui' (Results will appear here) is visible.

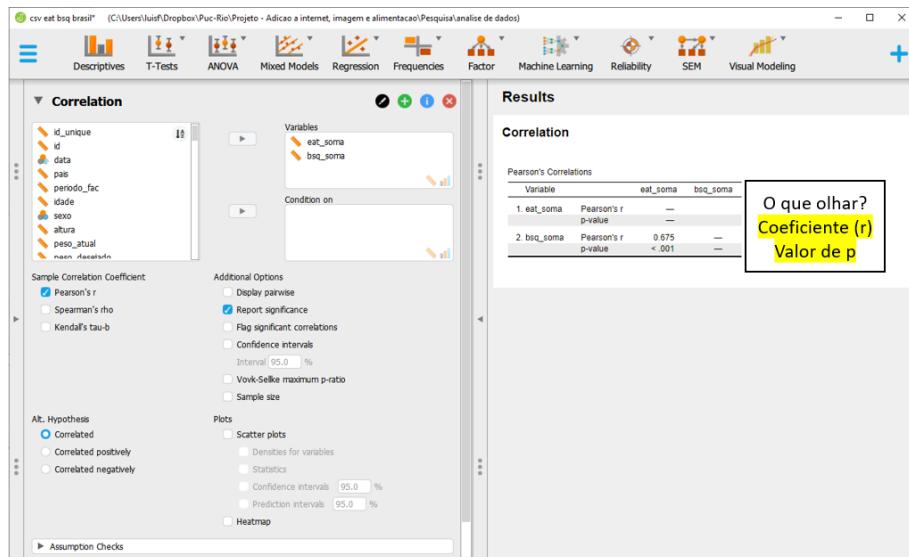
O espaço **Variables** é o local onde todas as variáveis serão colocadas e o espaço **Condition on** não será utilizado no momento. Ao inserir o eat_soma e o bsq_soma, o JASP automaticamente irá realizar as contas e apresentar os resultados.

O coeficiente de correlação e o valor de p serão apresentados em uma lista.

No entanto, algumas condições são importantes neste resultado e devem ser explicadas:

1. As variáveis serão alocadas tanto nas linhas, como nas colunas
2. Todas as correlações de uma variável com ela própria será igual a 1 e o JASP não apresentará
3. A ordem das correlações não interfere no resultado e o JASP somente apresentará uma correlação

A interpretação dos resultados deve ser feita com base no coeficiente de correlação e no valor de P. Há um grande debate na literatura sobre a necessidade de normalidade na Correlação de Pearson, com grande parte dos argumentos apontam que ela não depende estritamente da normalidade das variáveis. Dessa maneira, não há a necessidade de avaliar outros pressupostos além dos já discutidos no decorrer deste capítulo.



15.4 Escrita dos resultados

Os resultados serão escritos apresentando os três principais ingredientes da correlação, que são o resultado e o sinal do coeficiente de correlação de Pearson, além do valor de p. O estilo da escrita é baseado nas recomendações da American Psychological Association (APA). Como os resultados do R e do JASP foram um pouco diferentes nas comparações pareadas, o R será utilizado como principal.

Como escrever os resultados

A correlação entre o comportamento alimentar (EAT-26) e a percepção corporal (BSQ-34) foi calculada pelo Coeficiente Produto-Momento de Pearson. Os resultados concluíram que existe uma correlação positiva, forte e significativa entre ambas as variáveis ($r = 0.675$, $p < 0.001$), indicando que as duas variáveis covariam de maneira proporcional.

15.5 Resumo

1. O termo correlação diz respeito a um conjunto de métodos que visa verificar a direção e a força do relacionamento entre duas variáveis
2. A correlação de Pearson assume que ambas têm um relacionamento linear
3. O coeficiente obtido indica a direção (por um sinal positivo ou negativo) e a força (por um número entre -1 e +1) do relacionamento bivariado
4. Correlação não indica causalidade

15.6 Pesquisas adicionais

1. Perception of an ambiguous figure is affected by own-age social biases (DOI: 10.1038/s41598-018-31129-7)

Nesse estudo, 393 participantes de idades variadas foram recrutados e viram uma imagem ambígua em que é possível identificar tanto uma moça jovem, como uma senhora de idade. Os participantes deveriam olhar a imagem e indicar a idade a pessoa. Com estes resultados, os pesquisadores calcularam a correlação entre a idade do participante e a idade que as pessoas deram à pessoa.

15.7 Questões

1. (Retirado de Analista de Comercialização e Logística Júnior Transporte Marítimo, Petrobrás, CESGRANRIO, 2012) A fim de avaliar a correlação linear entre duas variáveis de interesse, X (covariável) e Y (variável resposta), um pesquisador conduz 10 experimentos, obtendo o coeficiente de correlação $r = 0,8$. Quanto da variabilidade da variável Y NÃO é explicada pela variável X?a) 80%b) 64%c) 36%d) 20%e) 2%

2. (Retirado de Analista de Comercialização e Logística Júnior Transporte Marítimo, Petrobrás, CESGRANRIO, 2012) Se alguém deseja comparar a variabilidade de dois grupos de dados com variâncias e médias diferentes, a medida estatística apropriada para tal é a(o):a) covariância entre os grupos.b) comparação simples entre os dois desvios padrões dos grupos.c) média dos desvios padrões dos dois grupos ponderados pelos tamanhos das amostras.d) coeficiente de variação.e) coeficiente de correlação entre os grupos.

Gabarito: 1-c; 2-d

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 16

Regressão linear simples

Objetivos do capítulo

1. Apresentar o modelo de regressão linear, especialmente a regressão linear simples
2. introduzir conceitos analíticos subjacentes à esta modelagem
3. Apresentar a utilidade desta modelagem em uma pesquisa
4. Demonstrar algumas equivalências entre modelos de regressão e outros testes estatísticos

GLOSSÁRIO

Modelo Linear Geral (GLM): Família de modelos estatísticos que permite verificar o relacionamento entre uma variável dependente (Y) contínua e variáveis independentes (X) contínuas ou não

intercepto (b_0): Valor previsto (médio) de Y quando X = 0

Inclinação (b_i): Diferença média em unidades da variável dependente quando se altera uma unidade de X

SSR: Soma dos Quadrados da Regressão

SSE: Soma dos Quadrados dos Erros

SST: Soma dos Quadrados Total

Coeficiente de Determinação (R^2): Porcentagem de variação da variável dependente (Y) que pode ser atribuída à variabilidade da(s) variável(is) independente(s) (X)

Coeficiente de Determinação ajustado (R_{adj}^2): Coeficiente que pondera o R^2 pelo número de variáveis explicativas e pelo número de observações da amostra. É particularmente útil quando deseja-se comparar modelos de regressão múltipla para mesma variável dependente, pois penaliza aquele modelo com maior número de variáveis independentes

Modelos de regressão são modelos estatísticos que visam predizer o comportamento de uma variável dependente (Y) como uma função de uma ou mais variáveis independentes (X). Eles são integrantes da família de Modelos Lineares Gerais (GLM).

Em larga escala, eles substituem os outros testes paramétricos vistos até agora. Dessa maneira, quase tudo o que foi visto durante os capítulos anteriores são casos especiais de modelos de regressão (Chartier and Faulkner, 2008).

Existem diferentes nomenclaturas utilizadas para classificar tais modelos e a tabela abaixo apresenta uma classificação funcional.

VI e VD	VD Discreta	VD Contínua
VI Discreta	Reg. logística	Reg. linear (Teste T/ANOVA)
VI Contínua	Reg. logística	Reg. linear

Algumas conclusões são possíveis:

1. A variável dependente irá definir se a regressão será linear ou logística. Quando a VD é continua (ex: peso, tempo de resposta, inteligência) trata-se de uma regressão linear. Quando a VD é discreta ou categórica (ex: acidente - sim ou não; orientação política - direita ou esquerda) trata-se de uma regressão logística.
2. Caso haja uma única VI, a regressão é chamada de simples. Com duas ou mais VIs, ela é chamada de múltipla.
3. Se houver mais de uma VD, o modelo será chamado de multivariado (em inglês, *path analysis*).
4. Teste T e ANOVA são casos de regressão linear simples.
5. ANCOVA, ANOVA de k vias e ANOVA factorial são casos de regressão múltipla.
6. O qui-quadrado pode ser aproximado pela regressão logística simples e vice-versa.

Isso posto, a Regressão linear é uma técnica estatística que permite estimar o quanto os valores de uma variável dependente (Y) variam em função de uma ou mais variáveis independentes (X). Isso é feito através de uma equação específica e há, ao menos, duas utilidades diretas em uma pesquisa, que são:

- (i) Predizer os valores da variável dependente (Y) em função dos valores da variável dependente (X);

- (ii) Explicar a variabilidade da variável dependente (Y) em função da variável independente (X).

Ambas as utilidades são virtualmente iguais e como a Regressão linear simples pode ser vista a partir de um incremento ou avanço dos modelos de correlação, os aspectos correlacionais devem (e podem) ser inicialmente investigados.

Pela abrangência dos modelos de regressão, é possível tanto encontrar cursos completos e detalhados sobre suas características, como abordagens mais pragmáticas e operacionais voltadas a implementação deles em pesquisas. Nesse capítulo, o foco será dado na capacidade operacional.

Conceitualmente, a regressão linear simples é apresentada como:

$$y_i = b_0 + b_1 X_{1i} + \epsilon_i$$

Onde:

y_i representa a variável dependente
 b_0 é o intercepto (coeficiente linear)
 b_1 é a inclinação (coeficiente angular)
 ϵ_i é o erro/resíduo

A interpretação dos resultados obtidos depende dos seguintes pressupostos:

- (i) A relação entre as variáveis é linear
- (ii) Os resíduos são independentes
- (iii) Os resíduos são normalmente distribuídos (com média)
- (iv) A variância dos resíduos é constante

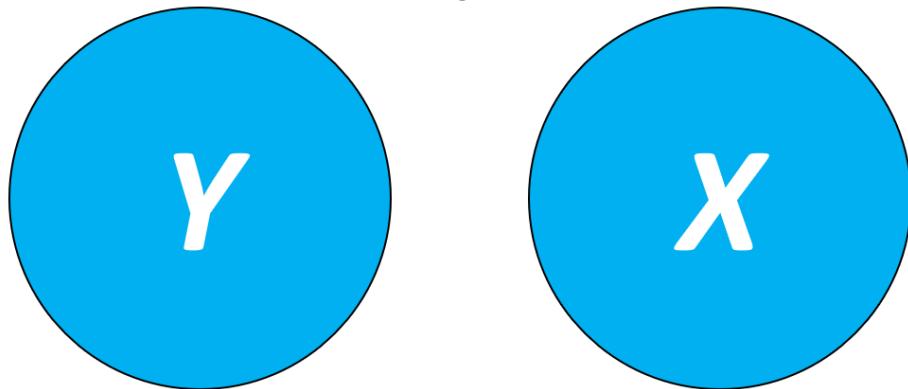
O mnemônico LINE talvez ajude a lembrar destes pressupostos. Ele se refere à *linearity, independence, normality* e *equal variance*.

Fim da versão gratuita

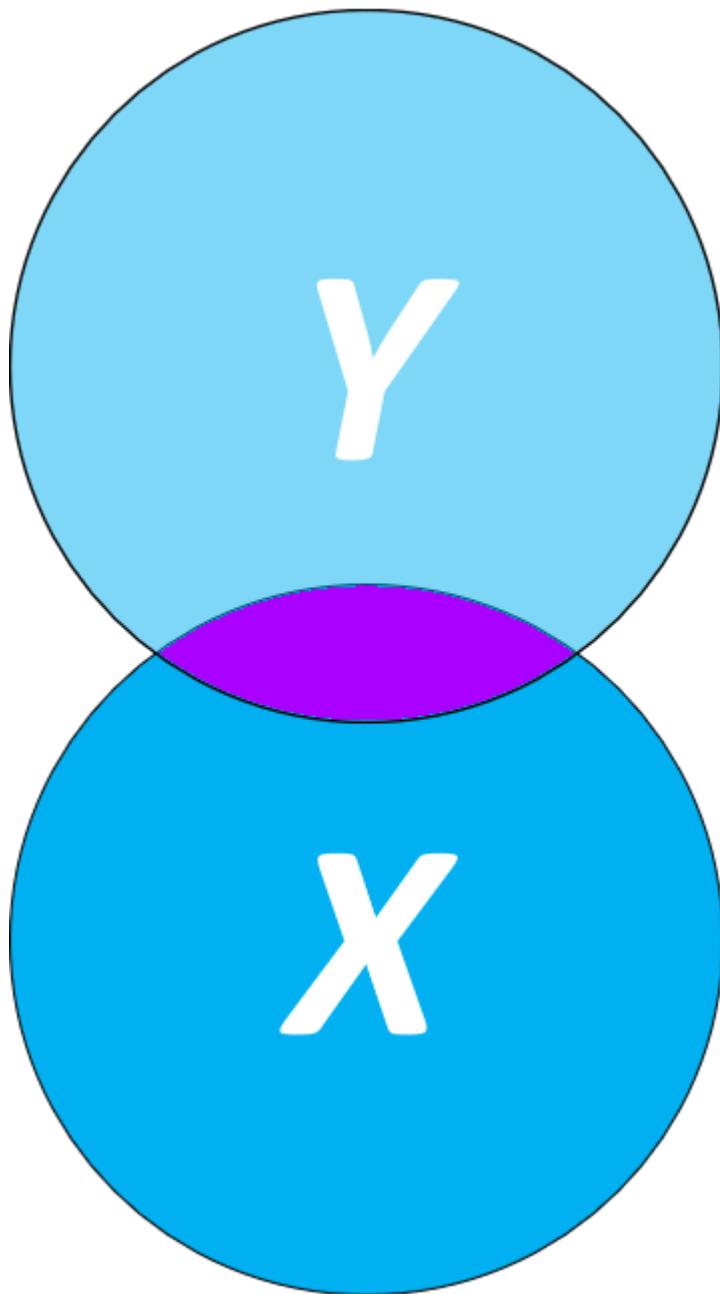
16.1 Breve explicação conceitual

Conforme descrito, modelos de regressão conseguem substituir a maior parte dos testes estatísticos realizados para testar hipóteses. Neste sentido, a maior parte dos livros tenta fazer uma introdução a estes modelos de forma que tanto aspectos conceituais, como algumas características analíticas possam ser melhor entendidas. Nesta seção, essa apresentação será feita de uma forma mais intuitiva. Caso você queira pular esta seção e ir direto à pesquisa, não há problema.

Inicialmente, se pensarmos que as variáveis da pesquisa podem ser representadas por conjuntos, é possível imaginar que tanto Y como X são independentes. Neste sentido, a realização de Y não dependente da realização de X e vice-versa.



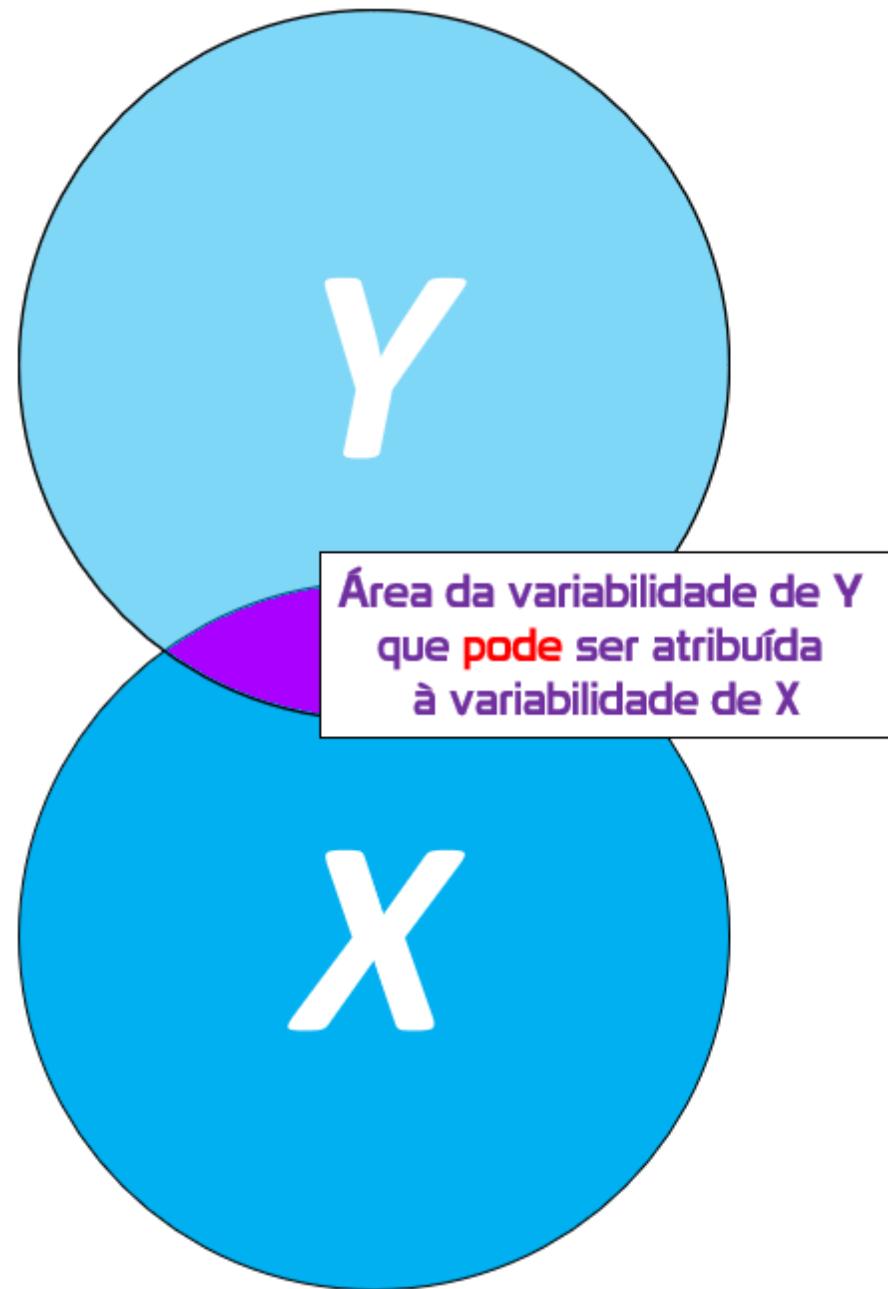
No entanto, isso não é o que costuma ocorrer. Na verdade, com muita frequência, existe algum grau de relacionamento entre as variáveis, tal como exposto abaixo.



Caso se assuma que X é um fator de causalidade à realização de Y, isso significa que uma parte da realização de Y, necessariamente, depende de X. Tecnicamente, é isso que faz com que X seja chamada de variável independente e Y variável dependente. A área de intersecção destacada representa a parte de Y

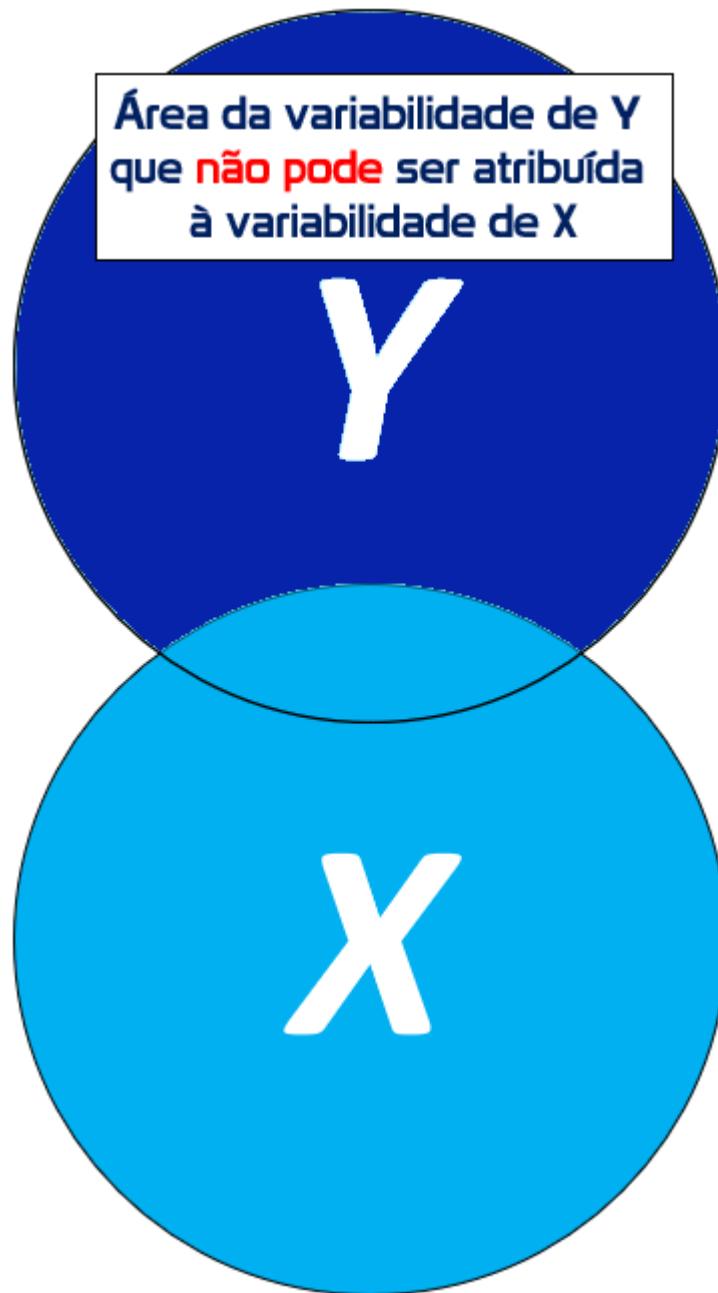
que pode ser atribuída ou explicada por X.

Analiticamente, essa área passará por algumas transformações algébricas e receberá o nome de **Soma dos Quadrados da Regressão** (SSR, em inglês).



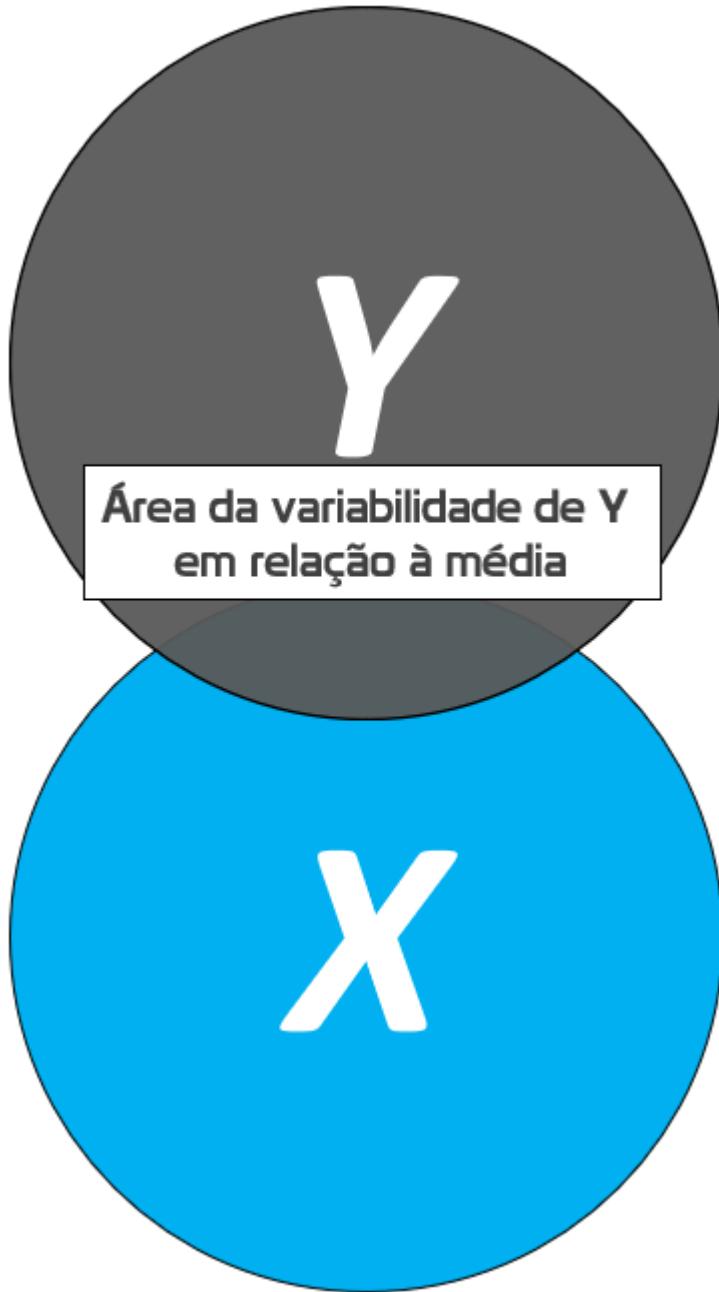
No entanto, nem toda a variabilidade de Y pode ser atribuída à X. Essa região de Y que está fora da intersecção também sofrerá transformações algébricas e será chamada de **Soma dos Quadrados dos Erros** (SSE, em inglês).

Essa área representa a variabilidade de Y que não pode ser atribuída ou explicada por X.

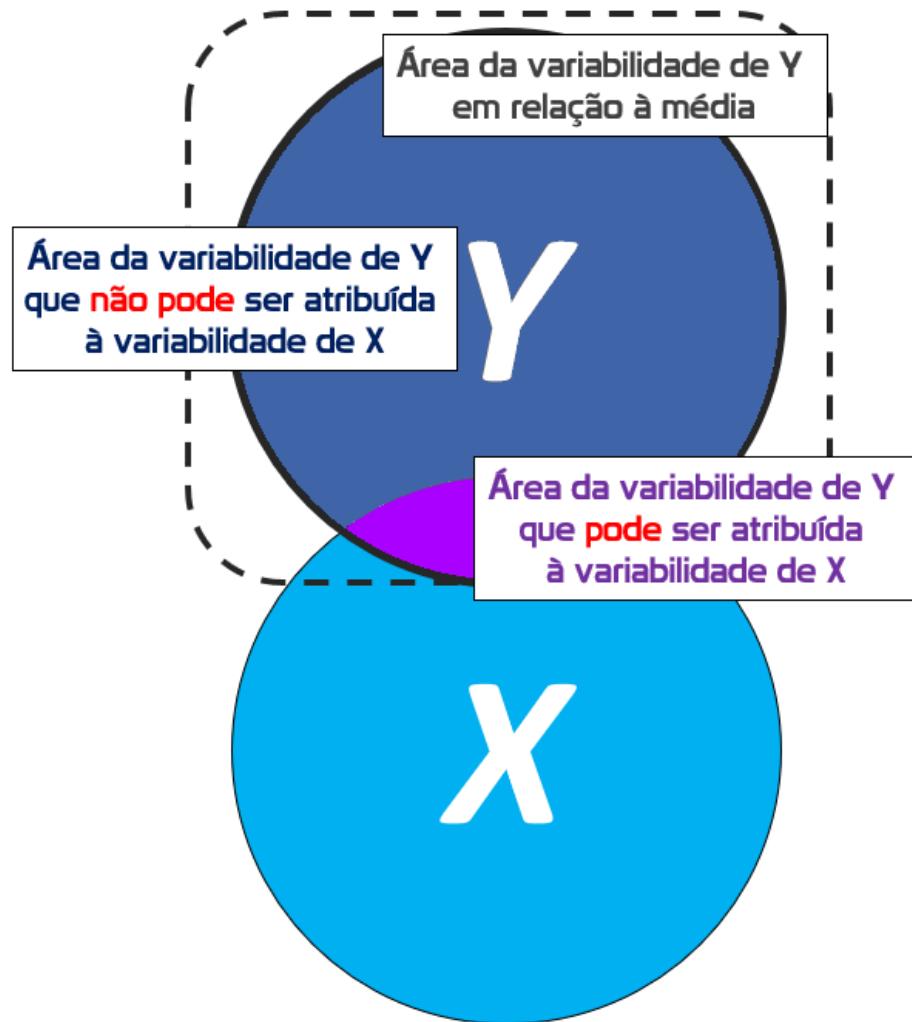


Agora, tecnicamente Y existe independentemente de X e possui uma variabilidade ou dispersão interna. Essa variabilidade é bastante próxima do conceito de variância visto em estatística descritiva e pode ser obtida pelo somatório da área explicada pela regressão (SSR) com a área não explicada (SSE).

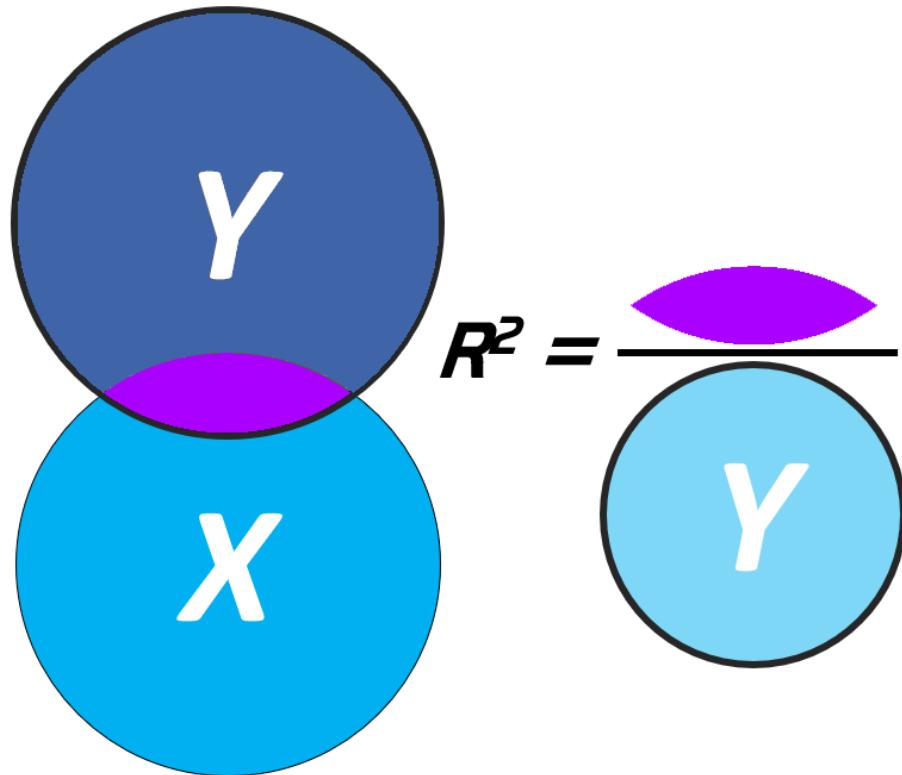
Essa região total também passará por transformações algébricas e será chamada de Soma dos Quadrados Total (SST, em inglês).



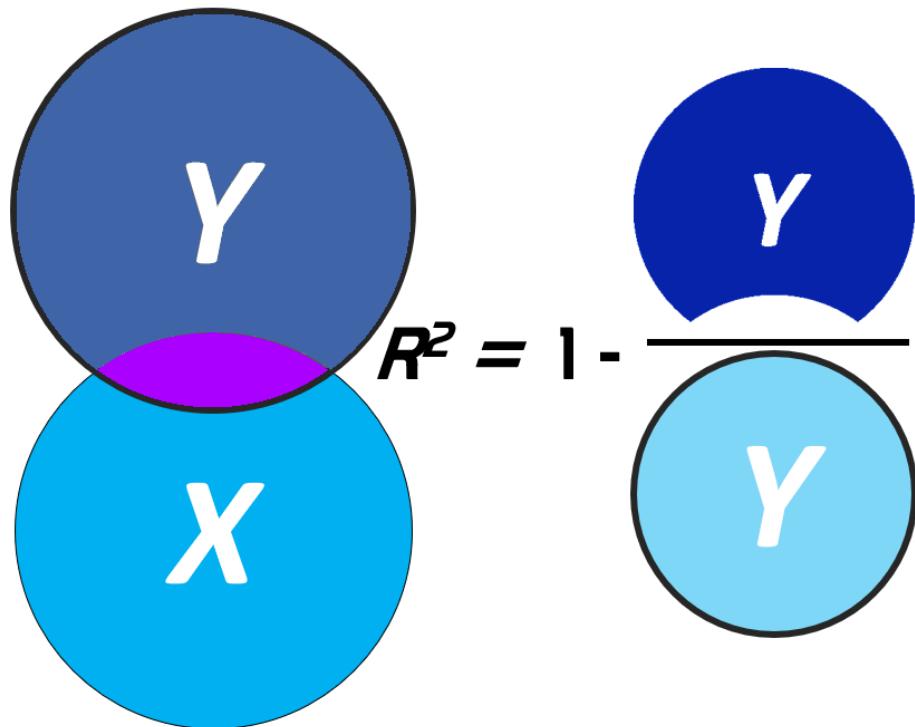
Vendo todas as partições de uma única vez, temos o seguinte:



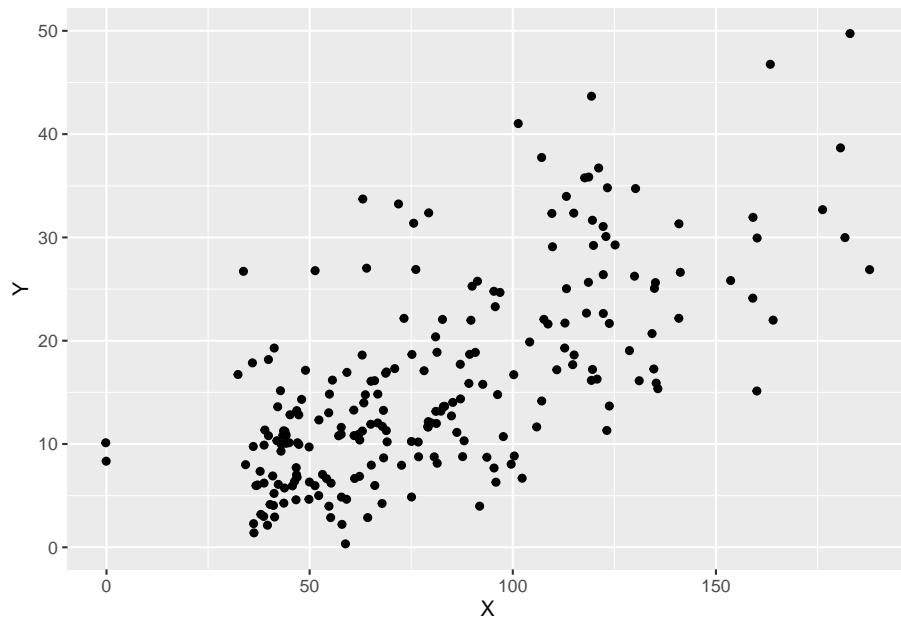
A porcentagem de variação de Y que pode ser atribuída à variabilidade de X é uma razão entre a Soma dos Quadrados da Regressão (SSR) e a Soma dos Quadrados Total (SST). O coeficiente obtido por essa razão recebe o nome de Coeficiente de Determinação ou R^2 , e indica a porcentagem de variação de Y que pode ser atribuída à variabilidade de X.



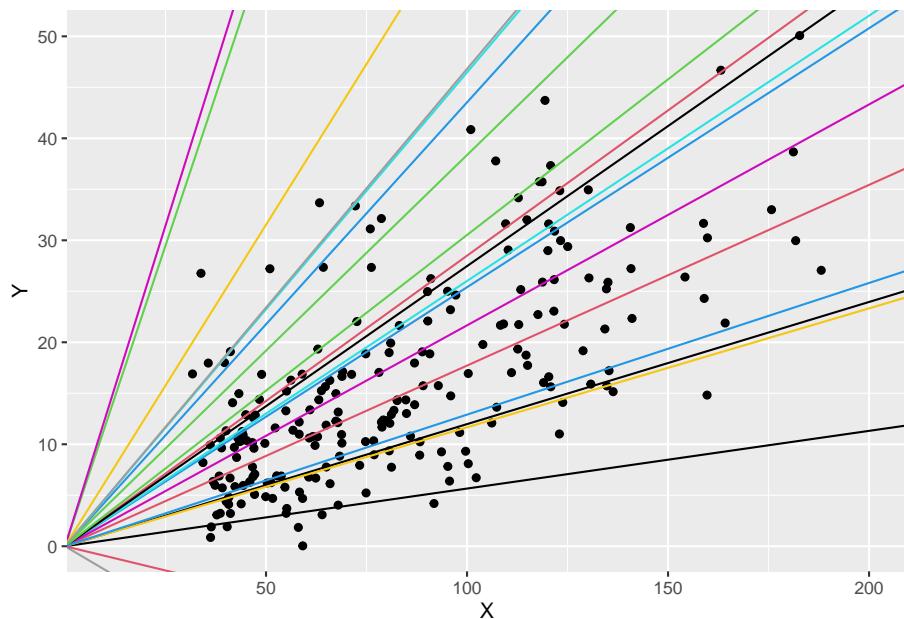
Isso é equivalente a subtração do espaço máximo de variabilidade (1 ou 100%) pela razão entre a Soma dos Quadrados dos Erros (SSE) e Soma dos Quadrados Total (SST):



Evidentemente, essa explicação conceitual conta apenas uma parte da estória. É igualmente possível entender os modelos de regressão a partir da ampliação de uma análise de correlação. Por exemplo, se duas variáveis aleatórias contínuas são correlacionadas de maneira linear e positiva, tal como demonstrado abaixo:



É possível verificar quanto os valores de Y podem ser atribuídos à X a partir de um modelo estatístico. Este modelo irá computar uma função para ajustar uma reta bem próxima aos pontos reais. Tecnicamente, quanto mais próximo essa reta estiver dos pontos, melhor ajustada ela estará e, consequentemente, menor os erros serão. No entanto, muitas retas podem ser traçadas, tal como demonstrado a seguir.



De maneira geral, todas as retas traçadas acertam alguns pontos e erram outros. Há aquelas que se saem melhores e outras que tem um desempenho muito ruim. O que isso demonstra é que encontrar o melhor modelo estatístico para este caso é um problema de otimização. Isso pode ser feito justamente resgatando um pouco o conceito de função de primeiro grau, aprendido no ensino médio:

$$y = a + bX$$

Nesta equação, y depende de duas constantes e uma variável. As constantes são a , que também é chamada de intercepto ou coeficiente linear e b , que é chamada de inclinação ou coeficiente angular. A variável da equação é apresentada por X . Por uma questão de simbologia, três alterações são feitas com a equação:

- (i) Os símbolos são alterados. Agora $a = b_0$ e $b = b_1$. A alteração de simbologia não altera em nada os cálculos.
- (ii) Como se sabe que função vai estimar os valores reais de Y , letras minúsculas ou um chapéu sobre as letras será utilizado em vez das letras maiúsculas ou gregas.
- (iii) Para que cada valor estimado seja associado a um participante a letra i será adicionada abaixo do y e do b_1 .

Assim, temos que os valores estimados de y , agora \hat{y} , são obtidos pelo b_0 e b_1 :

$$\hat{y}_i = b_0 + b_1 X_{1i}$$

Acredito que fique claro que essa equação possibilitará construir uma reta que minimize os erros e não que os anule totalmente. Ou seja, entre o valor real de y (os pontos que estão no gráfico) e os valores estimados pela equação \hat{y} , haverá sempre uma certa quantidade de erro de estimativa. O erro é simbolizado por e_i , é aleatório e abrange todas as influências no comportamento de Y que não podem ser explicadas linearmente pelo comportamento de X . Além disso, alguns pressupostos estatísticos são impostos a este termo para que as mudanças em X tenham efeito (*ceteris paribus*) em Y .

É possível agora reescrever a equação anterior, considerando que qualquer que seja o valor estimado, sempre haverá uma quantidade de erro.

$$y_i = a + b_1 X_{1i} + \underbrace{e_i}_{\text{aleatório}}$$

A melhor reta a ser construída será a que melhor minimize o erro. Por sua vez, os erros se formam pela diferença entre os valores obtidos e previstos.

$$e_i = y_i - \hat{y}_i$$

O que é análogo à:

$$e_i = y_i - (b_0 + b_1 X_{1i}) = y_i - b_0 - b_1 X_{1i}$$

O método de Mínimos Quadrados Ordinários (em inglês, Ordinary Least Squares – OLS) é o mais frequentemente utilizado para estimar os valores de b_0 e b_1 que possam minimizar o erro quadrático, chamado de *SSE*. A intuição de calcular o erro quadrático em vez do absoluto é a de punir mais severamente os desvios grandes.

$$SSE = \sum_{i=1}^n e_i^2 = \sum_{i=1}^n (y_i - b_0 - b_1 X_i)^2$$

Para encontrar o mínimo, é necessário derivar *SSE* em relação à b_0 e b_1 e, em seguida, igualar à 0:

$$\frac{\partial e^2}{\partial b_0} = 0, \frac{\partial e^2}{\partial b_1} = 0$$

Rearrumando um pouco os resultados, eles permitem concluir que a inclinação da reta (slope) é dada por:

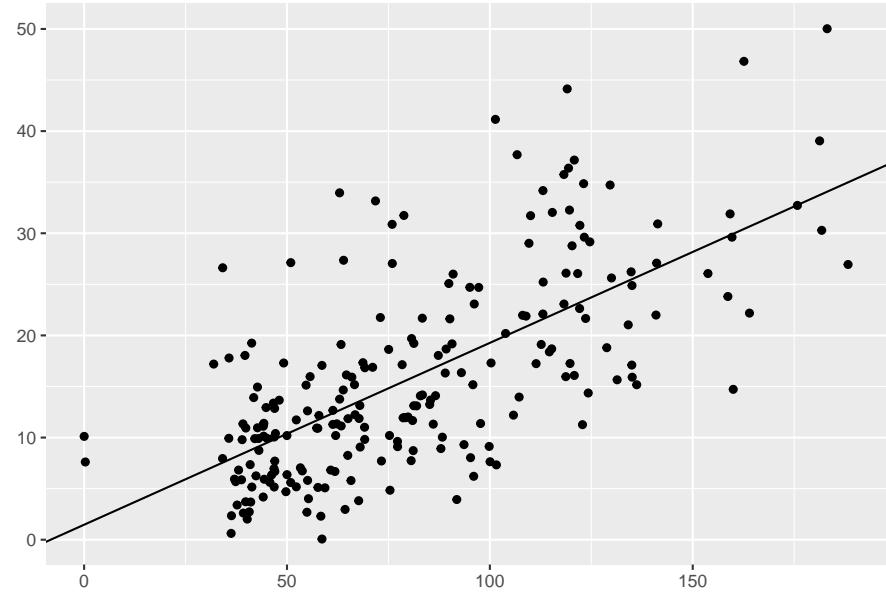
$$b_1 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} = \frac{COV(x, y)}{VAR(X)}$$

Enquanto o intercepto é dado por:

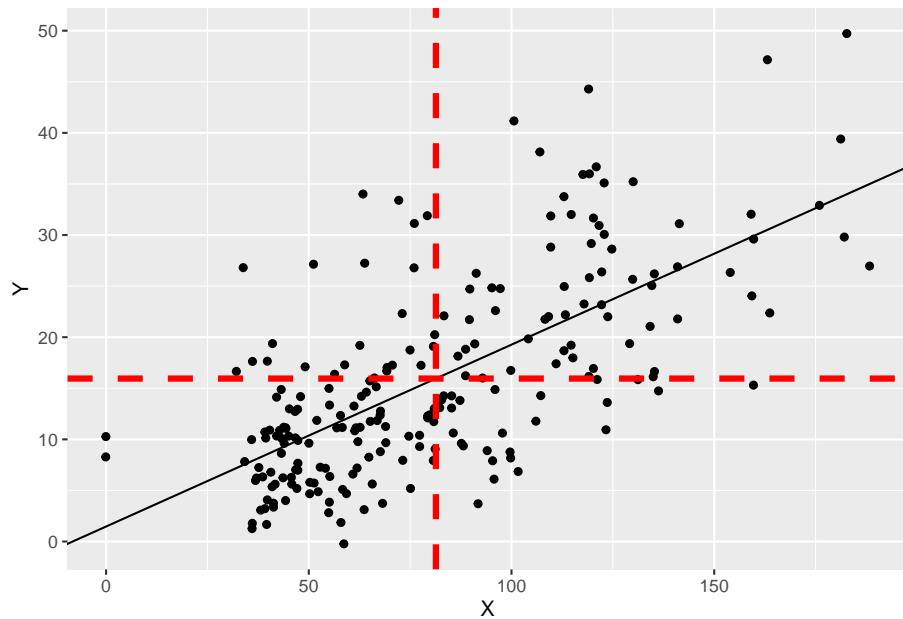
$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x}$$

Pela forma como são calculados, o b_0 e o b_1 são chamados de estimadores de mínimos quadrados ordinários. O b_1 representa o quanto a média de Y varia para um aumento de uma unidade da variável X. O b_0 indica o ponto onde a reta corta o eixo das ordenadas e pode ser interpretável ou não, tal como descrito no glossário, ao início do capítulo.

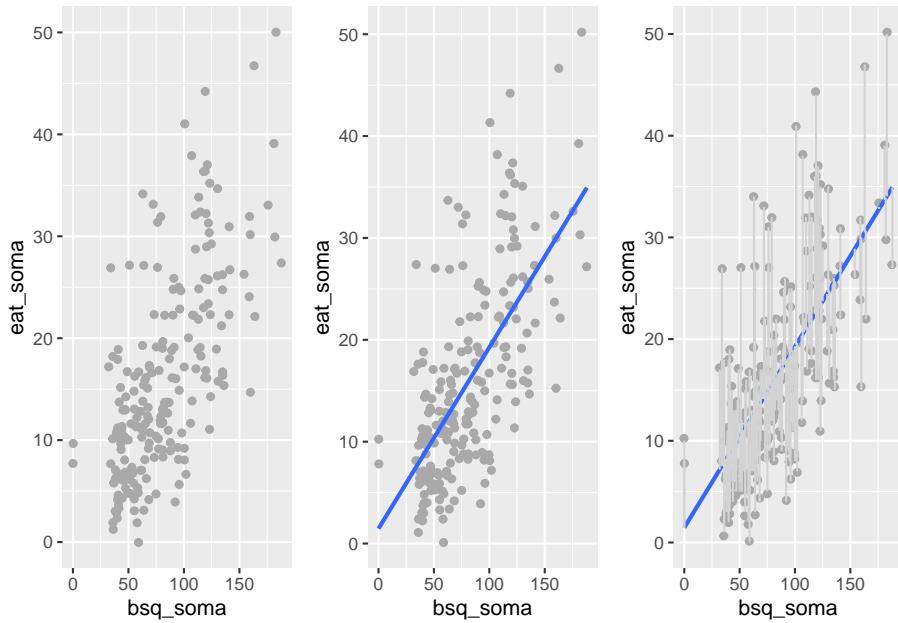
Implementando as fórmulas, agora é possível traçar a melhor reta para descrever o relacionamento entre as variáveis, tal como abaixo:



Essa reta passará necessariamente pela média de ambas as variáveis.



Aproveitando o gráfico, agora é possível apresentar os dados reais, a linha de regressão e as distâncias entre ela e os pontos reais,

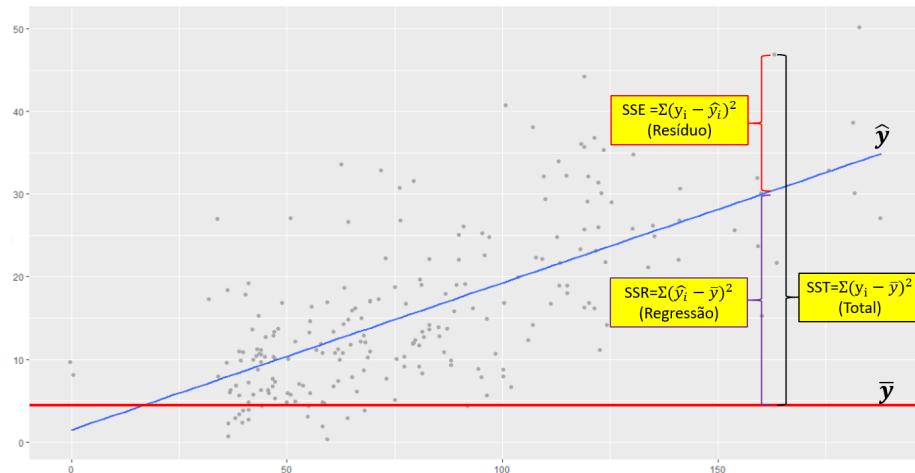


Com esse sistema de equações, é possível verificar que a variabilidade total de Y pode ser descrita por uma parte explicada pelo modelo de regressão e uma parte não explicada. Existem muitas siglas para expressar estes conceitos e aqui vou utilizar a versão em inglês. SST (total sum of squares) se refere à Soma Total dos Quadrados, SSR (regression sum of squares) se refere à Soma dos Quadrados da Regressão e SSE (error sum of squares) se refere à Soma dos Quadrados dos Erros, que é a parte não explicada pelo modelo.

Conceitualmente, isso é descrito da seguinte maneira:

$$\underbrace{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}_{\text{SST}} = \underbrace{\sum_{i=1}^n (\hat{y}_i - \bar{y})^2}_{\text{SSR}} + \underbrace{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}_{\text{SSE}}$$

Adicionando as equações ao gráfico, tem-se o seguinte:



A avaliação deste modelo pode ser feita de maneira análoga ao apresentado anteriormente, em que SSR e SST são divididos e geram um coeficiente de determinação, representado por R^2 .

$$R^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (\hat{y}_i - \bar{y})^2}{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2} = \frac{SSR}{SST}$$

Rearrumando a equação, o R^2 também pode ser obtido por:

$$R^2 = 1 - \frac{SSE}{SST}$$

Este coeficiente varia entre 0 até 1 e indica a proporção da variação total da variável dependente que pode ser atribuída à variável independente. Ele pode ser utilizado como uma medida da qualidade do ajustamento da reta de regressão aos dados e um indicador da confiança das previsões geradas pelo modelo de regressão.

Isso feito, o sumário de algumas fórmulas fechadas pode auxiliar no entendimento desta modelagem àqueles com este interesse específico.

EQUAÇÕES

$$\text{Soma dos Quadrados da Regressão: } SSR = \sum_{i=1}^n (\hat{y}_i - \bar{y})^2$$

$$\text{Soma dos Quadrados dos Erros: } SSE = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2$$

$$\text{Soma dos Quadrados Total: } SST = \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2$$

$$\text{Variabilidade total: } SST = SSR + SSE$$

$$R^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (\hat{y}_i - \bar{y})^2}{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2} = \frac{SSR}{SST} = 1 - \frac{SSE}{SST}$$

$$R^2_{adj}: 1 - \frac{SSE/(N-K)}{SST/(N-1)}$$

É importante destacar que esta introdução é inicial e serve apenas para introduzir as principais ideias da modelagem de regressão de uma maneira intuitiva. Existem excelentes obras mais detalhadas e com aplicações à Psicologia, entre elas:

Data Analysis: A Model Comparison Approach To Regression, ANOVA, and Beyond, de Charles M. Judd, Gary H. McClelland e Carey S. Ryan;
 Regression, ANOVA, and the General Linear Model": A Statistics Primer, de Paul Vik;

Regression: Linear Models in Statistics e N.H. Bingham e J.M. Fry, e
 Regression and Other Stories, de Andrew Gelman

16.2 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Imagem corporal

Base JASP: Base CSV - csv eat bsq brasil

Neste capítulo, vamos utilizar a pesquisa intitulada “Aspects Related to Body Image and Eating Behaviors in Healthy Brazilian Undergraduate Students”, publicada em 2018 no *Global Journal of Educational Studies*, que sou coautor.

O objetivo dessa pesquisa foi explorar os fatores envolvidos em transtornos alimentares e na percepção da imagem corporal. Os primeiros aspectos foram avaliados pela escala EAT-26, enquanto o segundo foi avaliado pela escala BSQ-34.

Uma das principais hipóteses era que alterações na percepção da imagem corporal seriam preditores para possíveis transtornos alimentares. Operacionalmente, a hipótese era de que os valores da BSQ-34 poderiam predizer os valores da EAT-26 e que quanto maior fossem os primeiros, maior seriam os efeitos na maximização dos segundos.

Em modelos de regressão, as hipóteses costumam ser feitas em cascata. Quase sempre, se compara o modelo de desenvolvido com um modelo mais simples. Em seguida, verifica-se cada preditor de forma individual e assim sucessivamente. Uma vez que a definição de cada hipótese ocuparia um espaço grande aqui, elas serão suprimidas.

16.3 Execução no R

Inicialmente, é necessário carregar a base no R. Após isso, a primeira etapa analítica é realizada pela criação de tabelas e gráficos. Ambas as apresentações são importantes e oferecem um auxílio à interpretação dos resultados. De maneira similar à feita em outros capítulos, abaixo há uma tabela descritiva feita com o pacote **arsenal**.

```
arsenal::tableby(~eat_soma + bsq_soma, dados_brasil) %>%
  summary()
```

Overall (N=220)	
eat_soma	
Mean (SD)	15.950 (9.753)
Range	0.000 - 50.000
bsq_soma	
Mean (SD)	81.359 (37.003)
Range	0.000 - 188.000

O cálculo da correlação entre ambas as variáveis também é importante, apesar de tecnicamente não ser necessário neste capítulo. Em linhas gerais, o coeficiente de correlação expressa a força e a direção do relacionamento entre as variáveis.

A força pode ser interpretada como **fraca** (0.1), **moderada** (0.3) ou **forte** (0.5) (Cohen, 1988) e a direção pode ser positiva ou negativa, a depender do sinal. A correlação entre as variáveis foi 0.675 e significativa ($p < 0.001$).

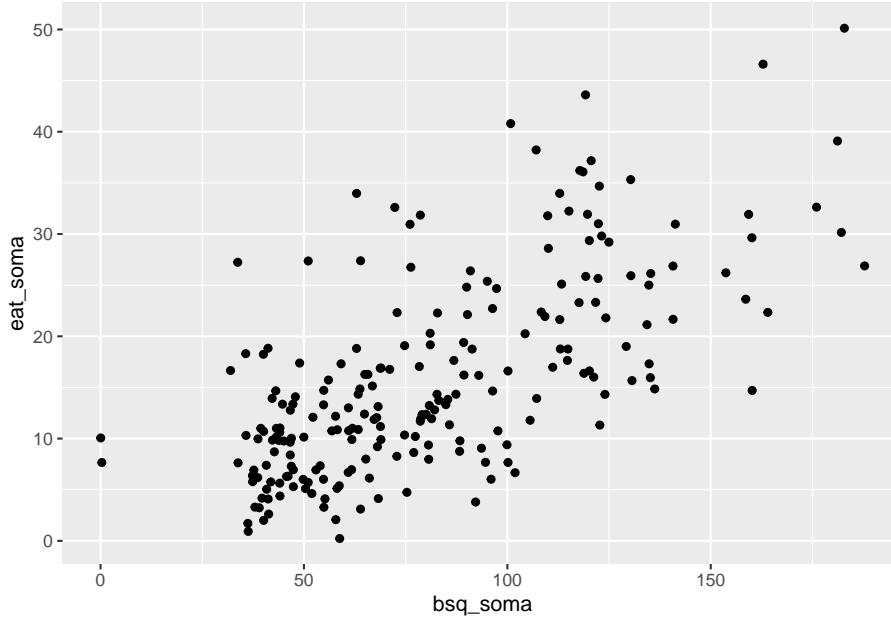
```
cor.test(dados_brasil$eat_soma, dados_brasil$bsq_soma) %>%
  pander()
```

Table 16.3: Pearson's product-moment correlation:
`dados_brasil$eat_soma` and `dados_brasil$bsq_soma`

Test statistic	df	P value	Alternative hypothesis	cor
13.52	218	1.156e-30 ***	two.sided	0.6754

O gráfico de dispersão apresenta esse relacionamento. No eixo X deve-se inserir a VI (neste caso, os resultados da BSQ-34), enquanto a VD é inserida em Y.

```
ggplot(dados_brasil, aes(x = bsq_soma, y = eat_soma)) +
  geom_jitter()
```



Tanto a tabela como o gráfico deixam claro que existe um padrão (aproximadamente linear) entre ambas as variáveis que ocorre de maneira forte e significativa. Com isso, é natural que o interesse seja verificar o quanto os resultados do EAT-26 variam em função do BSQ-34.

Para executar esse procedimento, o R conta com a função nativa `lm`. Por sua vez, o pacote `olsrr` oferece excelentes complementos para interpretar os achados. O vetor `mod_linear_simples` será criado e armazenará os resultados. Lembre-se que, no R, é importante sempre atentar para o nível de medida das variáveis para que os resultados sejam adequados.

```
mod_linear_simples <- lm(eat_soma ~ bsq_soma, data = dados_brasil)
```

Na maioria dos programas comerciais, os resultados do modelo de regressão são apresentados em uma tabela padronizada. Essa tabela é virtualmente idêntica à que foi exposta no capítulo sobre a ANOVA de uma via e encontra-se abaixo descrita:

Fonte de variação	SS	df	MS	F-Value	P-Value
Regressão	SSR (Regressão)	K-1	MSR	SSR/K-1	MSR/MSE
Erro	SSE (Erro)	N-K	MSE	SSE/N-K	–
Total	SST (Total)	N-1	–	–	–
R2 = SSR/SST					

Nota: Nessa tabela, K considera dois preditores na regressão, que são o intercepto e a inclinação. É possível também encontrar N-K-1 em alguns livros que não explicitam o intercepto na tabela.

Isto explicado, a função `ols_regress` do pacote `olsrr` dispõe os resultados neste padrão:

```
ols_regress(mod_linear_simples)
```

```
##                                     Model Summary
## -----
##   R                      0.675      RMSE        7.209
##   R-Squared               0.456      Coef. Var    45.196
##   Adj. R-Squared          0.454      MSE         51.966
##   Pred R-Squared          0.445      MAE         5.565
## -----
##   RMSE: Root Mean Square Error
##   MSE: Mean Square Error
##   MAE: Mean Absolute Error
```

```

##                                     ANOVA
## -----
##          Sum of
##          Squares      DF   Mean Square      F      Sig.
## -----
## Regression    9503.775       1     9503.775    182.883    0.0000
## Residual     11328.675     218      51.966
## Total        20832.450     219
## -----
##                                     Parameter Estimates
## -----
##      model   Beta   Std. Error   Std. Beta      t      Sig      lower      upper
## -----
## (Intercept) 1.466      1.176           1.246    0.214    -0.852    3.784
## bsq_soma    0.178      0.013      0.675    13.523    0.000     0.152    0.204
## -----

```

É fácil notar que os resultados apresentados são muitos e se recomenda uma ordem específica para interpretá-los.

Em primeiro momento, é necessário verificar o ajuste do modelo na seção ANOVA. Este teste compara o modelo em questão contra um modelo em que apenas o intercepto é utilizado para prever todos os valores. Tecnicamente, o modelo analisado é chamado de irrestrito (ou aumentado) e o modelo que tem apenas o intercepto é chamado de restrito ou nulo. Valores significativos são necessários nesta etapa. Nesta análise, o resultado foi $F(1, 218) = 182.883$, $p < 0.0001$, indicando que os outros resultados podem ser interpretados.

O segundo momento é a interpretação do R^2 . Como exposto no início do capítulo, esse indicador mensura a parte da variação da variável dependente (Y) que pode ser atribuída às variáveis independentes do modelo (X). Repare que ele é computado pela razão entre o SSR e o SST e indica que cerca de 46% dos resultados da variabilidade do EAT-26 podem ser explicados pelo modelo.

O terceiro momento é a análise do $R^2_{ajustado}$. Em modelos de regressão, modelos com mais parâmetros/preditores sempre vão ter R^2 maior do que modelos mais compactos, independente da significância destes outros parâmetros. O $R^2_{ajustado}$ é uma medida que considera a complexidade do modelo e pune a entrada de novas variáveis. Neste caso, como há apenas dois preditores (intercepto e bsq_soma), o $R^2_{ajustado}$ e o R^2 são quase idênticos.

Finalmente, o quarto momento é análise dos preditores, que é feito na seção **Parameter Estimates**. Para isso, deve-se identificar os preditores um a um, seus valores de **Beta** e de P (**Sig**). O **Beta** indica a diferença média em unidades da variável dependente quando se altera uma unidade de X. Por exemplo, mais

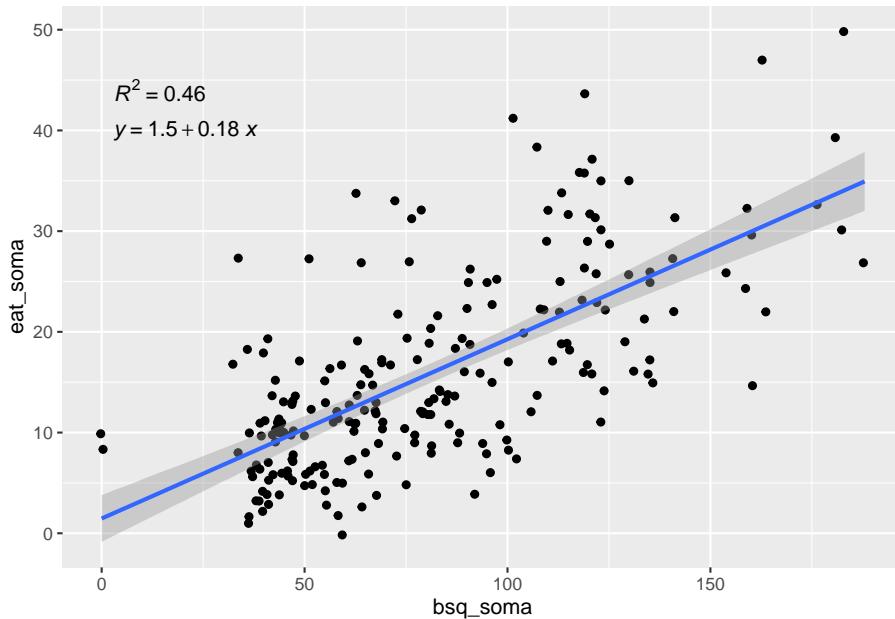
1 ponto no BSQ-34, mais 0.178 pontos, em média, no EAT-26. Esse resultado é significativo, tal como é indicado na coluna **Sig**.

O intercepto é chamado de **constante** na maior parte dos programas e indica o valor médio (esperado) de Y quando X=0. Nesse caso, se alguém tivesse tirado o valor 0 na escala BSQ-34, o valor previsto para os resultados da Escala EAT-26 seria de 1.46. No entanto, o **Sig** indica que esse valor não é significativo, ou seja, não é diferente de 0. O indicador de beta padronizado **Std. Beta** traz as mesmas informações, mas trabalha em unidades de desvios-padrão em todas as variáveis presentes no modelo. Eventualmente, o **Std. Beta** pode ser entendido como uma medida preliminar de tamanho do efeito (Fox, 2016).

É importante notar que frequentemente o intercepto não tem interpretação lógica e, por isso, costuma ser desconsiderado. Para que ele tenha melhor capacidade de interpretação, algumas estratégias são possíveis, tal como centralizar os valores do preditor ($x_i - \bar{x}$). Caso isso seja feito, o intercepto irá ser o valor médio da variável dependente.

Estes resultados obtidos são muito auxiliados pela apresentação de gráficos de dispersão, tal como feito no início do capítulo. Entretanto, agora estes gráficos ganham dois elementos a mais: (1) uma reta de regressão, obtida pela Função de Regressão Amostral (FRA), que irá indicar o intercepto, a inclinação e o intervalo de confiança das estimativas e (2) uma indicação textual com as equações características do modelo e seus respectivos resultados. Essas adições gráficas são feitas pelo pacote **ggpubr**.

```
ggplot(dados_brasil, aes(x = bsql_soma, y = eat_soma)) +
  geom_jitter() + geom_smooth(method = "lm") +
  ggpubr::stat_regrline_equation(label.x = 3, label.y = 40) +
  ggpubr::stat_cor(aes(label = ..rr.label..), method = "pearson",
                    label.x = 3, label.y = 44)
```

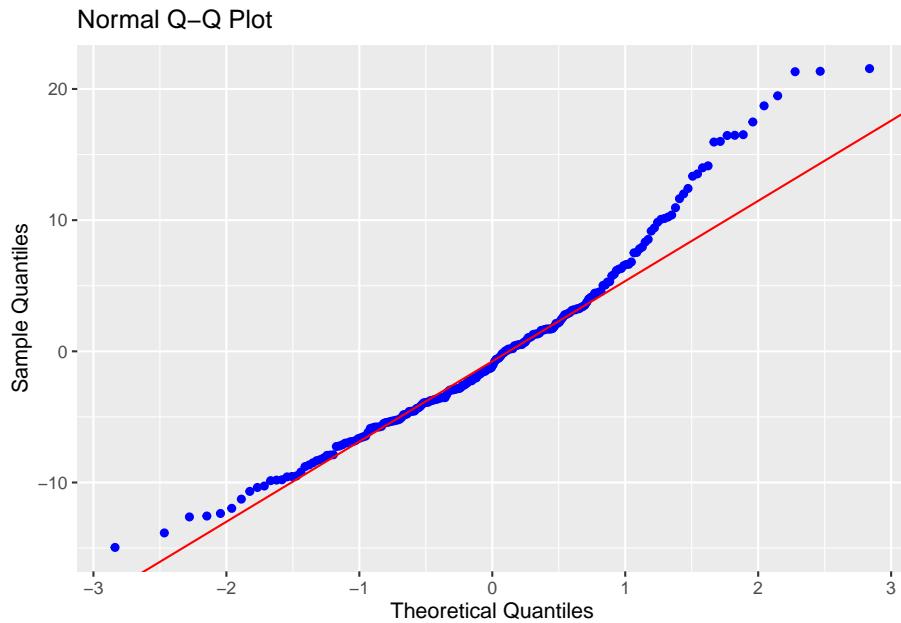


Uma vez que o modelo já foi realizado, a interpretação dos resultados depende da adequação de seus pressupostos. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017). Corriqueiramente, testar os pressupostos é uma etapa anterior à própria realização do teste inferencial. Entretanto, pedagogicamente a apresentação deles após a execução do teste parece mais adequada. Assim, eles serão testados a seguir.

Normalidade: O pressuposto da Normalidade é atendido se os resíduos do modelo de regressão seguirem uma distribuição normal. Isso pode ser avaliado graficamente por QQ plots e também por testes específicos, como o Shapiro-wilk, Anderson-Darling e Jarque Bera.

O QQ plot é um gráfico que reúne a distribuição empírica ordenada dos quantis contra os quantis da distribuição teórica (aqui, normal). Se os dados e a linha diagonal se sobreponerem, isso é uma evidência de que a distribuição empírica é a mesma da distribuição teórica. Caso haja discrepância, isso aponta para desvio da normalidade. Caso os pontos e a reta diagonal estejam superpostos, se considera que este pressuposto foi atendido.

```
ols_plot_resid_qq(mod_linear_simples)
```



Testes estatísticos formais também podem ser utilizados, tal como abaixo:

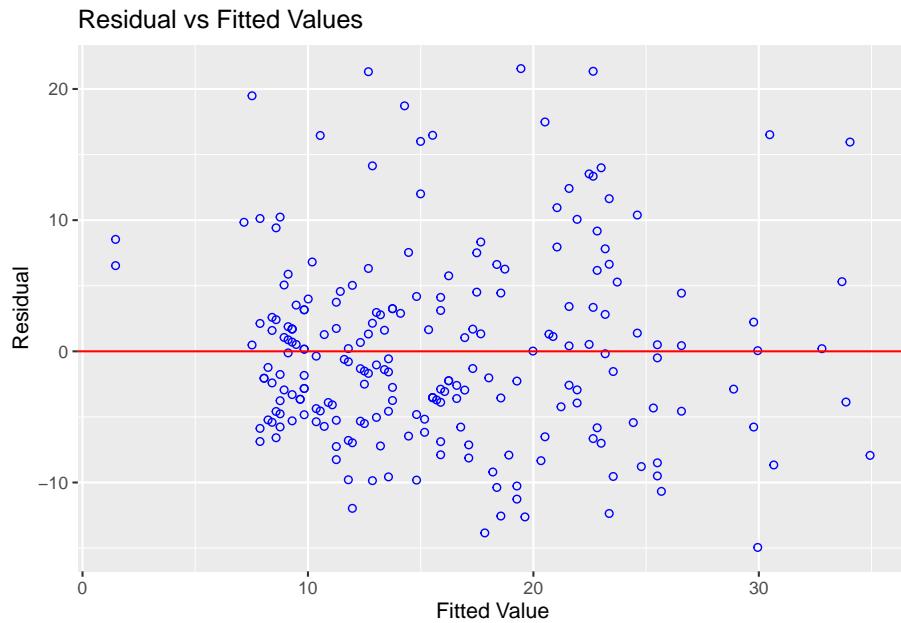
```
ols_test_normality(mod_linear_simples)
```

```
## -----
##      Test          Statistic       pvalue
## -----
## Shapiro-Wilk      0.9597      0.0000
## Kolmogorov-Smirnov 0.0816      0.1072
## Cramer-von Mises   17.066     0.0000
## Anderson-Darling    2.4137     0.0000
## -----
```

Apesar dos resultados obtidos por tais testes serem algo discordantes, os achados sugerem violação deste pressuposto.

Homocedasticidade: Este pressuposto de variâncias constantes pode ser analisada em um gráfico de dispersão dos resíduos (residual) contra os valores previstos (*fitted*).

```
ols_plot_resid_fit(mod_linear_simples)
```



Caso haja padrões neste gráfico, isso sugere que este pressuposto foi violado. O gráfico não sugere padrões específicos. No entanto, testes formais são recomendados para que a decisão tomada tenha maior apoio. Existem diferentes testes para isso e, entre eles, o teste de Bartlett, Levene e Breusch-Pagan. Os resultados dependem das propriedades de cada um dos modelos e, em função da praticidade computacional, o teste de Breusch-Pagan será utilizado. Em todos estes testes, a hipótese nula assume homocedasticidade. Portanto, a estatística de teste não deveria ser significativa para que a homocedasticidade fosse apoiada.

```
ols_test_breusch_pagan(mod_linear_simples)
```

```
## 
## Breusch Pagan Test for Heteroskedasticity
## -----
## Ho: the variance is constant
## Ha: the variance is not constant
## 
##          Data
## -----
## Response : eat_soma
## Variables: fitted values of eat_soma
##
```

```
##          Test Summary
##  -----
##  DF        =     1
##  Chi2      =   9.002614
##  Prob > Chi2 = 0.002695937
```

Os resultados indicaram que a homocedasticidade foi violada. Isso vai na direção oposta da percepção gráfica, o que pode ocorrer sem nenhum problema.

Independência: A independência dos resíduos depende bastante do delineamento utilizado ser transversal ou longitudinal. O teste de Durbin Watson pode ser utilizado e sua hipótese nula é de que os resíduos não são correlacionados. Este pressuposto foi atendido, o que já era esperado.

```
car::durbinWatsonTest(mod_linear_simples)
```

```
##  lag Autocorrelation D-W Statistic p-value
##    1      0.07254389    1.845067  0.242
## Alternative hypothesis: rho != 0
```

Isso posto, os diagnósticos executados indicaram que o modelo violou a normalidade e a homocedasticidade e preservou a linearidade e a independência dos resíduos. Apesar desse tipo de resultado ser frequente em Psicologia, a interpretação dos resultados é limitada e deve ser feita de forma apenas preliminar.

16.4 Execução no JASP

Para executar as rotinas necessárias, será necessário carregar a base de dados para o ambiente JASP. A base chama-se “csv eat bsql brasil”. Após fazer isso, para realizar tabelas e gráficos descritivos, deve-se clicar em **Descriptives**, na parte superior do programa.

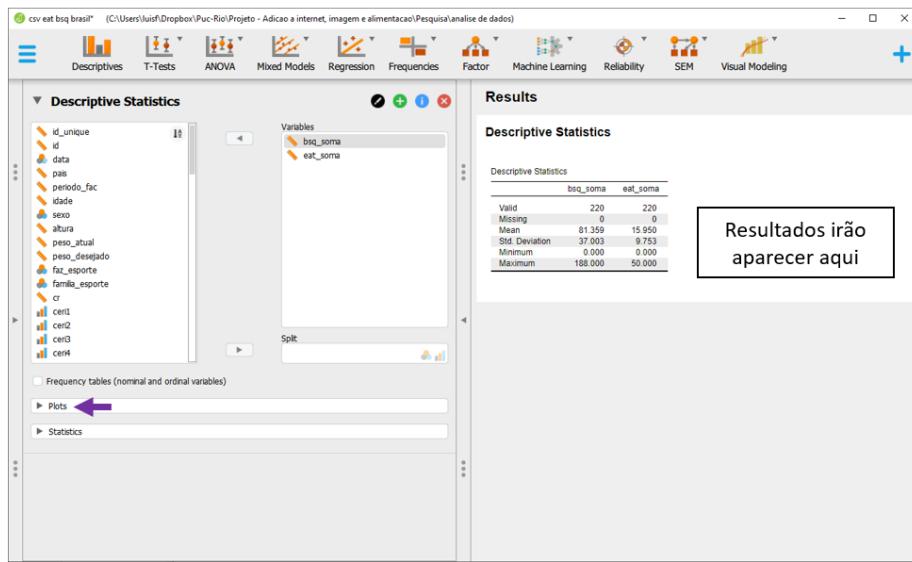
1	1	35	9/19/2016	1								
2	2	51	9/27/2016	1	4	20	1				1	1
3	3	216	12/7/2016	1	3	29	1	1.63		60	1	0
4	4	78	9/19/2016	1	5	20	1	1.5	42.5	42	1	1
5	5	19	9/27/2016	1	1	21	1	1.55	46	50	0	0
6	6	164	11/23/2016	1	1	18	1	1.57	46	50	0	0
7	7	28	9/19/2016	1	3	20	1	1.64	47	52	0	1
8	8	170	11/22/2016	1	2	19	1	1.67	47	53	1	1
9	9	66	9/19/2016	1	2	18	1	1.58	48	45	0	1
10	10	99	11/8/2016	1	1	18	1	1.57	48	50	1	0
11	11	168	11/23/2016	1	1	18	1	1.58	48	46	1	1
12	12	201	12/5/2016	1	8	22	1	1.6148	48	46	1	0
13	13	128	11/3/2016	1	1	23	1	1.59	49	45	1	1
14	14	147	11/23/2016	1	2	18	1	1.6	49	46	1	0
15	15	171	11/23/2016	1	3	20	1	1.6	49	48	0	1
16	16	3	9/27/2016	1	3	19	1	1.65	50	45	1	1
17	17	9	9/27/2016	1	1	19	1	1.53	50	50	1	1
18	18	62	9/19/2016	1	3	19	1	1.58	50	48	1	1
19	19	97	11/8/2016	1	1	18	1	1.59	50	50	0	0
20	20	189	12/4/2016	1	2	18	1	1.6	50	50	1	1
21	21	219	12/5/2016	1	8	22	1	1.64	50	48	1	0
...

Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadores. Neste caso, será necessário colocar o bsq_soma e o eat_soma na seção **Variables**. É importante manter essa ordem para as apresentações gráficas futuras.

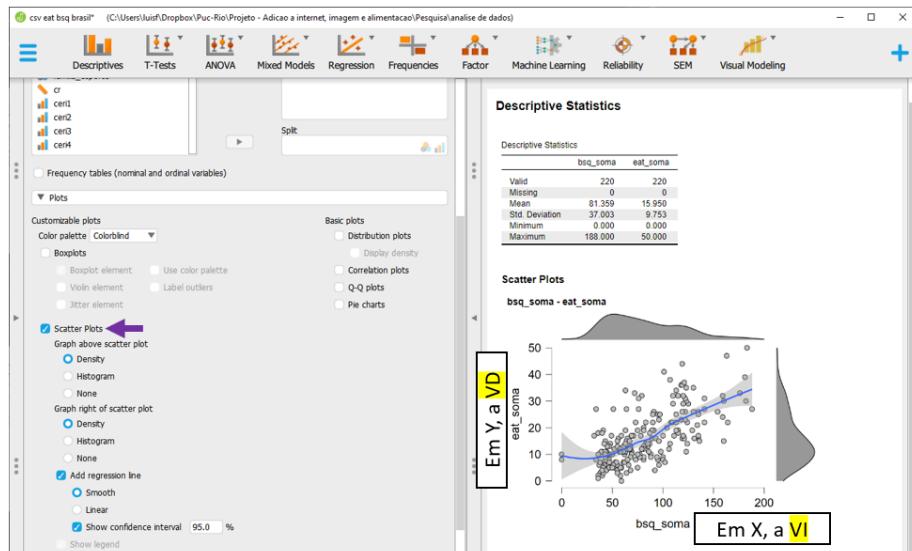
	bsq_soma	eat_soma
Valid	220	220
Missing	0	0
Mean	81.359	15.950
Std. Deviation	37.003	9.753
Minimum	0.000	0.000
Maximum	198.000	50.000

Resultados irão aparecer aqui

Ao fazer isso, automaticamente o JASP apresentará as médias e desvios-padrão de cada uma das variáveis, além de valores mínimos e máximos. Para realizar um gráfico que descreva o relacionamento entre ambas as variáveis, é necessário clicar em **Plots**.



Há diversas opções, mas a **Scatter Plots** é a mais completa. Ao selecioná-la, o JASP já irá apresentar o gráfico, bem como adicionar elementos que possam maximizar o entendimento do relacionamento entre elas. A este momento, o interesse é fazer uma primeira avaliação sobre o perfil linear no relacionamento entre os dados, o que parece ocorrer.



É possível calcular a correlação entre ambas as variáveis, tal como foi realizado no R. Entretanto, essa etapa reproduziria o que foi feito no capítulo anterior e, por isso, não será apresentada.

Para execução da regressão linear, será necessário clicar em **Regression** e

Linear Regression.

1	1	35	9/19/2016	1			1.76	71	68	1	0		
2	2	51	9/27/2016	1	4	20	1			1	1		
3	3	216	12/7/2016	1	3	29	1	1.63		60	1	0	
4	4	78	9/19/2016	1	5	20	1	1.5	42.5	42	1	1	
5	5	19	9/27/2016	1	1	21	1	1.55	46	50	0	0	
6	6	164	11/23/2016	1	1	18	1	1.57	46	50	0	0	
7	7	28	9/19/2016	1	3	20	1	1.64	47	52	0	1	
8	8	170	11/22/2016	1	2	19	1	1.67	47	53	1	1	
9	9	66	9/19/2016	1	2	18	1	1.58	48	45	0	1	
10	10	99	11/8/2016	1	1	18	1	1.57	48	50	1	0	
11	11	168	11/23/2016	1	1	18	1	1.58	48	46	1	1	
12	12	201	12/5/2016	1	8	22	1	1.6148	48	46	1	0	
13	13	128	11/3/2016	1	1	23	1	1.59	49	45	1	1	
14	14	147	11/23/2016	1	2	18	1	1.6	49	46	1	0	
15	15	171	11/23/2016	1	3	20	1	1.6	49	48	0	1	
16	16	3	9/27/2016	1	3	19	1	1.65	50	45	1	1	
17	17	9	9/27/2016	1	1	19	1	1.53	50	50	1	1	
18	18	62	9/19/2016	1	3	19	1	1.58	50	48	1	1	
19	19	97	11/8/2016	1	1	18	1	1.59	50	50	0	0	
20	20	189	12/4/2016	1	2	18	1	1.6	50	50	1	1	
21	21	219	12/5/2016	1	8	22	1	1.64	50	48	1	0	
22	22	83	11/1/2016	1	7	24	1	1.6	51	53	1	0	

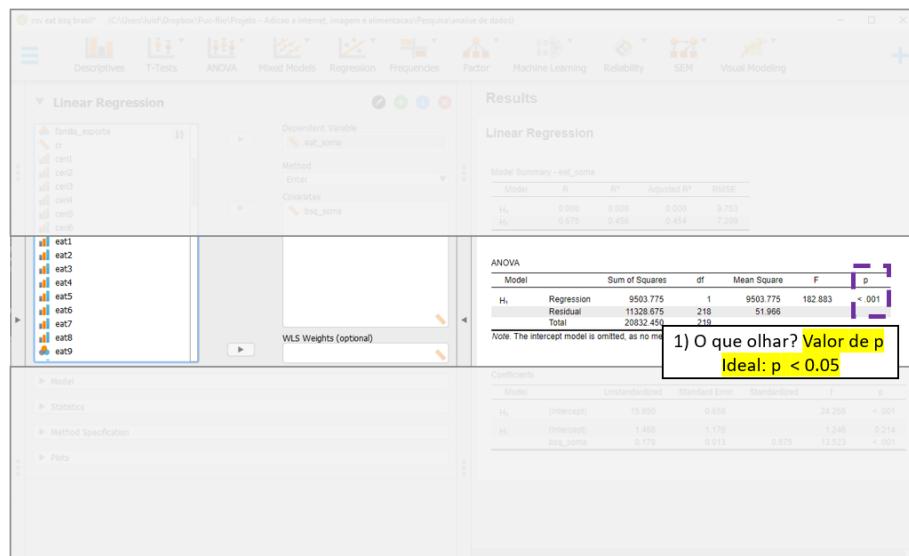
A tela do JASP irá apresentar algumas opções. É importante notar que a **Covariates** é o local onde as VIs serão colocadas e **Dependent Variable** é onde a VD deverá ser inserida. Enquanto é possível inserir muitas variáveis independentes (fazendo um modelo múltiplo), apenas uma VD poderá ser inserida. O JASP apenas aceitará variáveis contínuas ou definidas como contínuas nos espaços apresentados.

The screenshot shows the JASP interface with the 'Linear Regression' dialog open. On the left, there is a list of variables: id_unique, id, data, pais, periodo_fac, idade, sexo, altura, peso_atual, peso_desejado, faz_esporte, familia_esporte, cr, cer1, cer2, cer3, cer4. In the center, under 'Dependent Variable', 'VD' is selected. Under 'Covariates', 'VI' is selected. Two arrows point from the 'VI' label in the left panel to the 'Covariates' field and the 'VI' label in the right panel. The right panel displays a preview area with the text 'Resultados irão aparecer aqui'.

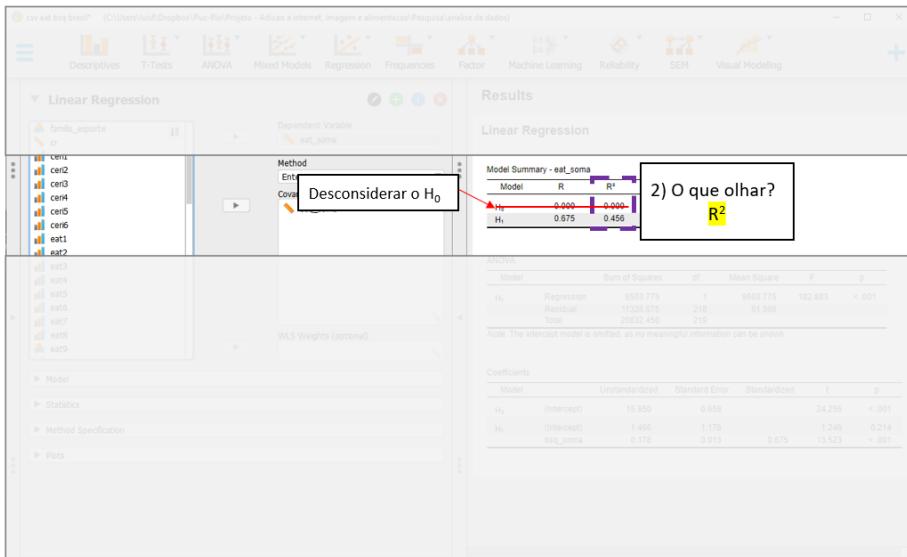
Para realizar o modelo, será necessário levar a bsq_soma para seção **Covariates**

e a eat_soma para **Dependent variable**. Ao fazer isso, o JASP irá fazer todas as principais análises e apresentar os resultados em uma tabela específica, ao lado direito da tela. É fácil notar que os resultados apresentados são muitos e se recomenda uma ordem específica para interpretá-los.

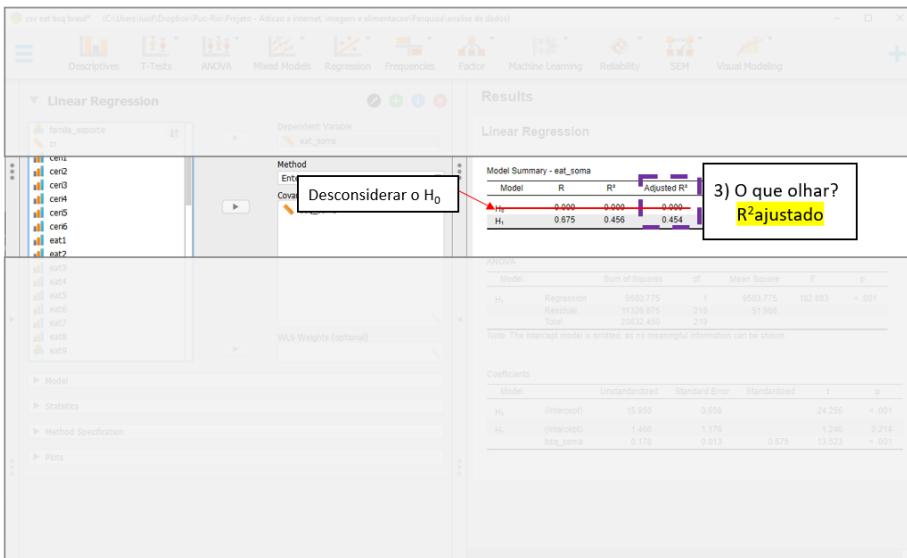
Em primeiro momento, é necessário verificar o ajuste do modelo na seção **ANOVA**, bem ao centro dos resultados. Este teste compara o modelo em questão contra um modelo em que apenas o intercepto é utilizado para prever todos os valores. No JASP, esses modelos são descritos por H₁ e H₀ nas principais tabelas. Tecnicamente, o modelo analisado é chamado de irrestrito (ou aumentado, H₁) e o modelo que tem apenas o intercepto é chamado de restrito ou nulo, H₀. Valores significativos são necessários nesta etapa. Nesta análise, o resultado foi $F(1, 218) = 182.883$, $p < 0.0001$, indicando que os outros resultados podem ser interpretados. Quando isso acontece, deve-se desconsiderar todas as linhas que o JASP apresentar resultados para o modelo nulo, simbolizado por H₀, e apenas interpretar os resultados do modelo testado, que é apresentado sempre por H₁.



O segundo momento é a interpretação do R^2 , que está localizado na parte superior, em **Model summary**. Como exposto no início do capítulo, essa indicador mensura a parte da variação da variável dependente (Y) que pode ser atribuída às variáveis independentes do modelo (X). Repare que ele é computado pela razão entre o SSR e o SST e indica que cerca de 46% dos resultados da variabilidade do EAT-26 podem ser explicados pelo modelo.



O terceiro momento é a análise do R^2 *ajustado*, que também está localizado na parte superior, em **Model summary**. Em modelos de regressão, modelos com mais parâmetros/preditores sempre vão ter R^2 maior do que modelos mais compactos, independente da significância destes outros parâmetros. O R^2 *ajustado* é uma medida que considera a complexidade do modelo e pune a entrada de novas variáveis. Neste caso, como há apenas dois preditores (intercepto e bsq_soma), o R^2 *ajustado* e o R^2 são quase idênticos.

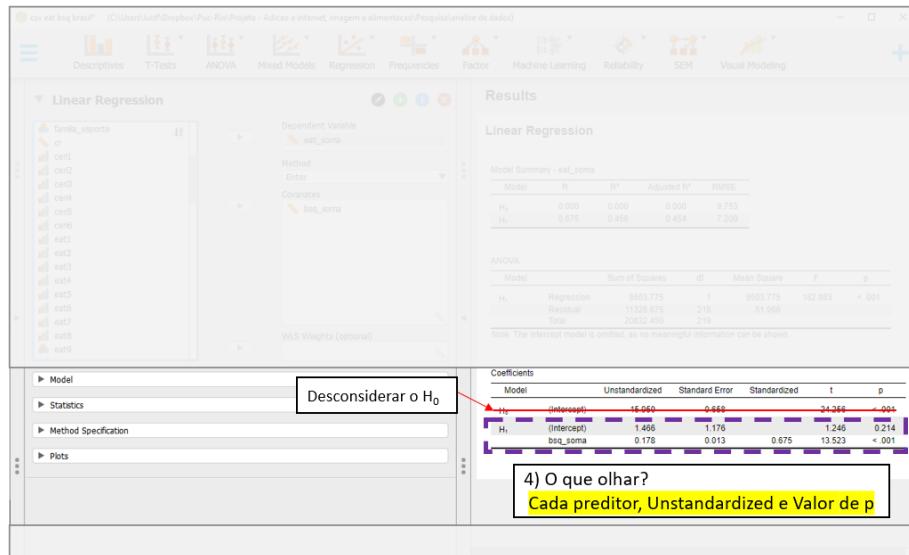


Finalmente, o quarto momento é análise dos preditores, que é feito na seção **Coefficients**. Para isso, deve-se identificar os preditores um a um, seus val-

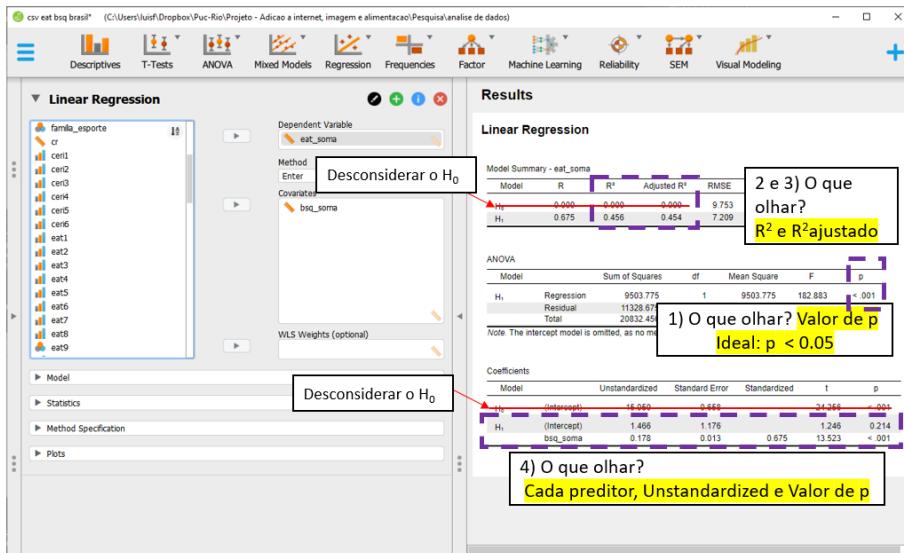
ores **Unstandardized** e de **P**. O **Unstandardized** indica a diferença média em unidades da variável dependente quando se altera uma unidade de X. Por exemplo, mais 1 ponto no BSQ-34, mais 0.178 pontos, em média, no EAT-26. Esse resultado é significativo, tal como é indicado na coluna **Sig**.

O intercepto é chamado de **constante** na maior parte dos programas e indica o valor médio (esperado) de Y quando $X=0$. Nesse caso, se alguém tivesse tirado o valor 0 na escala BSQ-34, o valor previsto para os resultados da Escala EAT-26 seria de 1.46. No entanto, o **Sig** indica que esse valor não é significativo, ou seja, não é diferente de 0. O indicador de beta padronizado **Standardized** traz as mesmas informações, mas trabalha em unidades de desvios-padrão em todas as variáveis presentes no modelo. Eventualmente, o **Standardized** pode ser entendido como uma medida preliminar de tamanho do efeito (Fox, 2016).

É importante notar que frequentemente o intercepto não tem interpretação lógica e, por isso, costuma ser desconsiderado. Para que ele tenha melhor capacidade de interpretação, algumas estratégias são possíveis, tal como centralizar os valores do preditor ($x_i - \bar{x}$). Caso isso seja feito, o intercepto irá ser o valor médio da variável dependente.



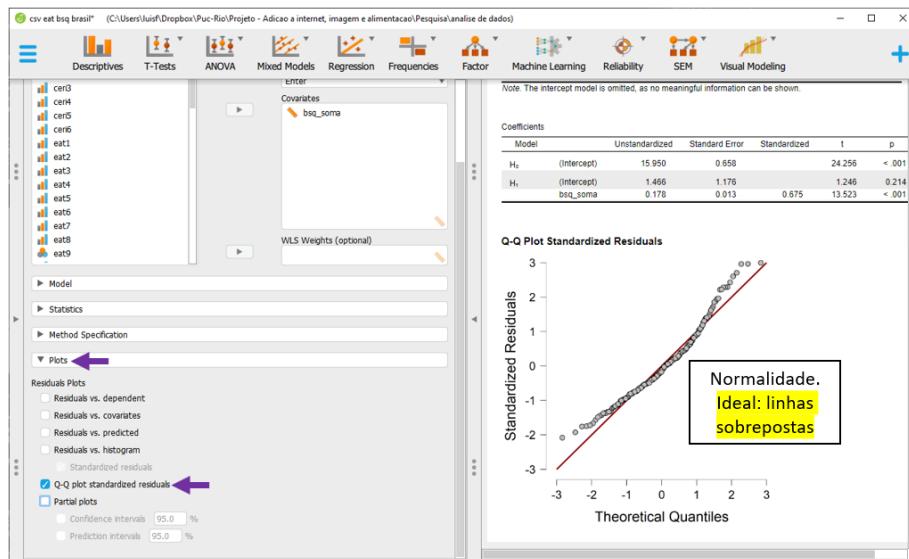
Em síntese, cada uma das etapas deve ser feita de maneira sequencial. A imagem a seguir apresenta um sumário com todos os passos expostos.



Uma vez que o modelo já foi realizado, a interpretação dos resultados depende da adequação de seus pressupostos. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017). Corriqueiramente, testar os pressupostos é uma etapa anterior à própria realização do teste inferencial. Entretanto, pedagogicamente a apresentação deles após a execução do teste parece mais adequada. Assim, eles serão testados a seguir.

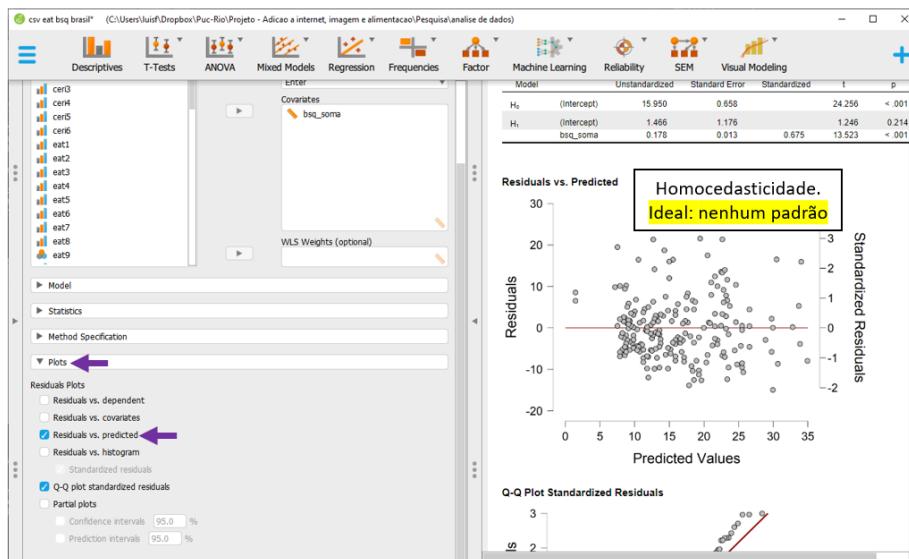
Para verificar os pressupostos, será necessário utilizar as opções dispostas na parte inferior à esquerda do programa.

A normalidade é testada ao clicar em **Plots** e **Q-Q plot standardized results**. O JASP irá apresentar um QQ plot com duas informações principais: uma diagonal e um conjunto de pontos/círculos. Caso os círculos estejam sobrepostos à linha, isso apoia que os resíduos se distribuem normalmente. No caso abaixo, isso não foi alcançado.

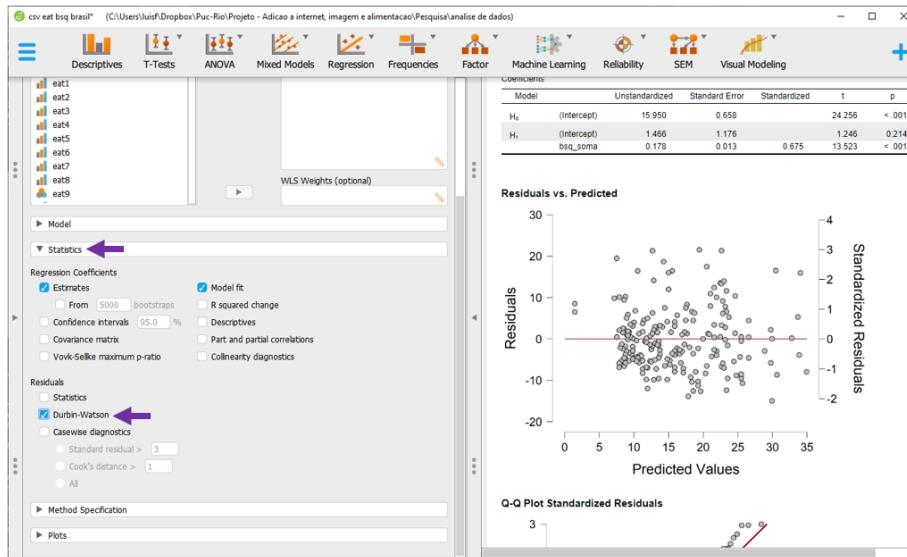


Diferente do R, esta versão do JASP não permite testar formalmente a hipótese de normalidade residual. Dessa forma, será necessário contar apenas com a percepção do gráfico para checar se o pressuposto foi respeitado ou violado.

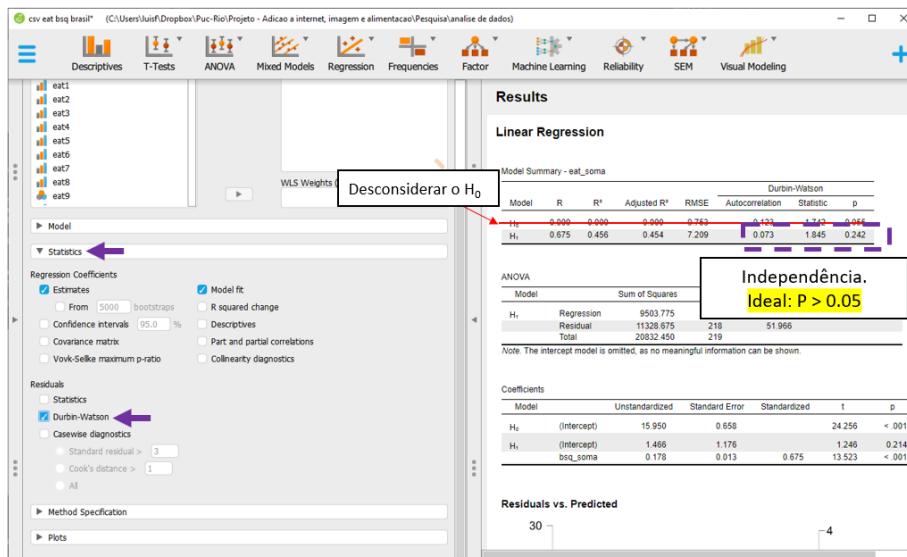
A homocedasticidade é também verificada graficamente. Ao clicar no **Residuals vs. Predicted**, o plano irá apresentar os valores dos resíduos em Y e os valores previstos em X. Nesse gráfico, é importante não detectar nenhum padrão nos elementos apresentados. A disposição do gráfico indica que este pressuposto foi alcançado.



A Independência dos resíduos é bastante dependente do tipo de delineamento utilizado. No entanto, o JASP permite que esse pressuposto seja formalmente testado pelo teste de Durbin Watson. Isso é feito ao clicar em **Statistics**, **Residuals** e **Durbin-Watson**



Os resultados irão ser apresentados na parte superior do programa. Caso a hipótese nula não seja rejeitada, isso apoia que os resíduos são independentes. Nesse caso, o valor de p foi 0.242, indicando que isso ocorreu.



Uma vez que nem todos os pressupostos foram atendidos, é possível proceder

a algumas alterações na modelagem estatística ou, realizar a interpretação cautelosa dos resultados. Neste capítulo, a interpretação será feita.

16.5 Escrita dos resultados

De uma forma geral, o principal achado do modelo de regressão é que a percepção da imagem corporal é um preditor significativo ao comportamento alimentar. Neste sentido, ao saber informações sobre como uma pessoa percebe o próprio corpo, pode-se estimar condições eventualmente disfuncionais de seu comportamento alimentar. Abaixo uma sugestão de escrita baseada nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Um modelo de regressão foi calculado para verificar os resultados dos comportamentos alimentares (EAT-26) em função da percepção de imagem corporal (BSQ-34). Os resultados indicaram que cerca de 46% da variância do EAT-26 pode ser atribuída ao BSQ-34 ($R^2 = 0.456$, $F(1,218) = 182.88$, $p < 0.001$). Cada ponto a mais no BSQ-34 impacta, em média, em 0.178 no EAT-26 ($b = 0.178$, $p < 0.001$).

16.6 Resumo

1. Existem diferentes modelos de regressão.
2. O tipo de regressão depende tanto da natureza e quantidade das VIs e VDs.
3. Grande parte dos testes estatísticos estudados em estatística inferencial são casos particulares dos modelos de regressão.
4. A principal proposta dos modelos de regressão é prever/explicar um resultado a partir de uma ou um conjunto de variáveis.
5. Os principais indicadores de um modelo de regressão são sua significância geral, o R^2 , o R^2_{adj} , bem como o coeficiente e a significância dos preditores.
6. o diagnóstico é uma parte essencial desta modelagem e o mnemônico LINE pode ajudar na lembrança dos pressupostos.

16.7 Pesquisas adicionais

1. Influence of Age and Education on the Performance of Elderly in the Brazilian Version of the Montreal Cognitive Assessment Battery (DOI: 10.1159/000489774)

Nesta pesquisa, 110 participantes foram recrutados para que os pesquisadores pudessem produzir tabelas estatísticas para um novo exame neuropsicológico. Uma das análises feitas verificou o impacto dos anos de estudo no desempenho neste exame neuropsicológico, concluindo pelo seu efeito protetivo.

16.8 Questões

1. (Retirado de Biologia, Metodologia Científica, Biólogo, UFFS, FEPSE, 2012) Sobre Bioestatística, Regressão Linear e Correlação, assinale a alternativa correta. a) O coeficiente de correlação mede a força, ou grau, de relacionamento entre duas variáveis.b) O coeficiente de regressão simples descreve o relacionamento, em termos matemáticos, de duas ou mais variáveis.c) Em um diagrama de dispersão, duas variáveis são plotadas usando-se coordenadas x e y. Os pontos ligados formando uma linha curva não apontam correlação entre as duas variáveis.d) A finalidade de uma equação de regressão seria calcular acuradamente os valores de uma variável, com base em valores conhecidos da outra.e) A determinação da correlação entre duas variáveis, por meio de uma inspeção nos pares anotados ou no diagrama de dispersão correspondente, é precisa e independe do treinamento e da sensibilidade do observador.

Gabarito: 1-a

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 17

Regressão linear múltipla

Objetivos do capítulo

1. Apresentar o modelo de regressão linear múltipla
2. Mostrar o relacionamento entre este modelo e os modelos da família da ANOVA previamente exposta
3. Introduzir testes diagnósticos sobre colinearidade
4. Apresentar técnicas de seleção automática de variáveis

Os modelos de regressão linear múltipla são desenvolvidos para predizer os valores médios de uma variável resposta (Y) em função de duas ou mais variáveis independentes (X). Estes modelos tendem a ampliar a acurácia obtida por uma regressão linear simples, apesar de também aumentarem a complexidade de sua realização e interpretação. Nestes modelos, a VD deve ser contínua e as VIs podem ser tanto contínuas como categóricas. Tecnicamente, a família da ANOVA vista anteriormente são casos particulares de modelos de regressão múltipla.

Conceitualmente, neste modelo, se adicionam outros preditores à equação vista no capítulo de regressão linear simples. Assim:

$$y_i = b_0 + b_1 X_{1i} + b_2 X_{2i} + \dots + b_p X_{pi} + \epsilon_i$$

y_i representa a variável dependente

b_0 é o intercepto (coeficiente linear)

b_p indica a inclinação de cada um dos preditores

ϵ_i é o erro/resíduo

A interpretação dos resultados obtidos depende dos seguintes pressupostos:

- (i) A relação entre as variáveis é linear

- (ii) Os resíduos são independentes
- (iii) Os resíduos são normalmente distribuídos (com média)
- (iv) A variância dos resíduos é constante

O mnemônico LINE (linearity, independence, normality, equal variance) talvez ajude a lembrar destes pressupostos.

Fim da versão gratuita

17.1 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R (Rdata)** e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Imagem corporal

Base JASP: Base CSV - csv eat bsq brasil

Neste capítulo, vamos utilizar a pesquisa intitulada “Aspects Related to Body Image and Eating Behaviors in Healthy Brazilian Undergraduate Students”, publicada em 2018 no Global Journal of Educational Studies, que sou coautor.

O objetivo dessa pesquisa foi explorar os fatores envolvidos em transtornos alimentares e na percepção da imagem corporal. Os primeiros aspectos foram avaliados pela escala EAT-26, enquanto o segundo foi avaliado pela escala BSQ-34.

Uma das principais hipóteses era possíveis alterações na percepção da imagem corporal, bem como o índice de massa corporal (IMC) poderiam ser preditores no desenvolvimento de transtornos alimentares. Neste sentido, pessoas com uma distorção na percepção de imagem corporal (dadas por resultados altos do BSQ), além de alto IMC tenderiam a fazer uma restrição alimentar mais intensa (obtidas pelos valores do EAT)

Da mesma forma que apresentado no capítulo de regressão linear simples, a definição estatística das hipóteses em modelos de regressão costuma ser feita em cascata. Quase sempre, se compara o modelo de desenvolvido com um modelo mais simples. Em seguida, verifica-se cada preditor de forma individual e assim sucessivamente. Uma vez que a definição de cada hipótese ocuparia um espaço grande aqui, elas serão suprimidas.

17.2 Execução no R

A primeira etapa da análise é realizada pelo desenvolvimento de tabelas e gráficos que possam auxiliar na interpretação dos resultados. De maneira similar à feita em outros capítulos, abaixo há uma tabela descritiva.

```
arsenal::tableby(~eat_soma + bsq_soma + imc, dados_brasil) %>%
  summary()
```

Overall (N=220)	
eat_soma	
Mean (SD)	15.950 (9.753)
Range	0.000 - 50.000
bsq_soma	
Mean (SD)	81.359 (37.003)
Range	0.000 - 188.000
imc	
N-Miss	5
Mean (SD)	23.219 (3.590)
Range	16.853 - 39.214

É também possível, inicialmente, implementar um modelo de correlação ou correlação parcial visando produzir maior suporte à regressão linear múltipla. O modelo de correlação estima a força e a direção da correlação bivariada e o modelo de correlação parcial é feita para estimar o quanto uma variável se correlaciona com outra após controlar essa relação por uma terceira variável. No entanto, ambas as análises apenas trariam suporte indireto à regressão linear múltipla e por isso não serão feitas.

Para criar o modelo de regressão linear múltipla no R, será necessário resgatar o modelo visto em regressão linear simples para introduzir nova variável à equação.

Neste caso, o vetor `mod_linear_multiplo` será armazenado para verificar o efeito da percepção de imagem corporal e do IMC no EAT-26, que se refere ao comportamento alimentar. É importante notar que, por padrão, o R não usa linhas com dados ausentes e isso pode reduzir o poder do teste. Neste caso, há 215 linhas completas.

```
mod_linear_multiplo <- lm(eat_soma ~ bsq_soma + imc, data = dados_brasil)
```

A apresentação dos resultados pode ser feita pelo pacote `olsrr`. Ela segue o mesmo formato da realizada no capítulo específico de regressão linear simples, apenas com a diferença da inclusão de um novo preditor.

```
ols_regress(mod_linear_multiplo)
```

```
##                                     Model Summary
## -----
##   R                      0.697    RMSE          7.097
##   R-Squared            0.485    Coef. Var  44.278
##   Adj. R-Squared       0.481    MSE           50.365
##   Pred R-Squared       0.471    MAE           5.440
## -----
##   RMSE: Root Mean Square Error
##   MSE: Mean Square Error
##   MAE: Mean Absolute Error
##
##                                     ANOVA
## -----
##   Sum of
##   Squares      DF   Mean Square      F      Sig.
## -----
##   Regression  10070.508     2    5035.254  99.976  0.0000
##   Residual    10677.325   212        50.365
##   Total       20747.833   214
## -----
##   Parameter Estimates
## -----
##   model      Beta   Std. Error   Std. Beta      t      Sig   lower   up
## -----
##   (Intercept) 10.895    3.201          3.404  0.001  4.586  17
##   bsq_soma    0.190    0.013    0.713  14.139  0.000  0.163  0
##   imc        -0.447    0.138   -0.163  -3.231  0.001 -0.720 -0
## -----
```

Da mesma forma que exposto anteriormente, os resultados devem ser analisados aos poucos e de maneira cautelosa.

Inicialmente, deve-se olhar a seção ANOVA e verificar se o modelo testado é significativo ou não. Neste caso, é possível concluir que o modelo foi globalmente significativo ($F(2, 212) = 99.976$, $p < 0.001$).

Em segundo momento, verifica-se o R^2 , que indicou que cerca de 48.5% da variabilidade dos resultados do EAT-26 podem ser atribuídos aos preditores do modelo (BSQ-34 e IMC).

Em terceiro momento, o R^2 ajustado deve ser interpretado. Esse indicador pune a entrada de preditores e oferece uma métrica que protege o superajuste e

que ajuda a comparar modelos com diferentes números de preditores, quando necessário. Neste caso, o valor foi muito similar ao obtido previamente, mantendo a conclusão feita anteriormente.

O quarto momento consiste na interpretação dos resultados de cada um dos preditores do modelo. Em relação ao BSQ-34, cada unidade a mais em seu resultado impacta, em média, 0.19 pontos a mais no EAT-26, controlando pelo IMC do participante ($p < 0.001$). Além disso, cada 1 unidade a mais no IMC do participante impacta em -0.447 ($p < 0.001$), em média, nos resultados do EAT-26, controlando pelos valores do BSQ-34. O intercepto não tem interpretação lógica, uma vez que valores 0 no IMC não existem.

A ideia de estimar o efeito de uma variável controlando por outra faz com que esses coeficientes sejam chamados de coeficientes parciais. A forma pela qual isso é feito tem características particulares.

Assumindo duas pessoas que tem o mesmo IMC (por exemplo, o IMC médio), cada ponto extra no BSQ gera, em média, 0.19 pontos a mais no EAT-26. A função `predict` do R permite essa demonstração.

O valor estimado no EAT-26 de Um participante que teve 45 pontos no BSQ e tem IMC de 23.2 (o IMC médio) é de 9.06.

```
imc_medio <- mean(dados_brasil$imc, na.rm=T)
predict(mod_linear_multiplo, data.frame(bsq_soma=c(45),
                                         imc=imc_medio))
```

```
##           1
## 9.059407
```

Já o valor estimado no EAT-26 de um outro participante com 46 pontos no BSQ (ou seja, 1 ponto a mais) e mesmo IMC do primeiro participante (23.2) é de 9.25.

```
predict(mod_linear_multiplo, data.frame(bsq_soma=c(46),
                                         imc=imc_medio))
```

```
##           1
## 9.249297
```

A diferença entre esses dois valores é exatamente igual ao coeficiente calculado na regressão ($b = 0.19$). Abaixo há duas linhas de código apresentando esses resultados.

```
round(predict(mod_linear_multiplo, data.frame(bsq_soma=c(46),
                                               imc=imc_medio)) -
  predict(mod_linear_multiplo, data.frame(bsq_soma=c(45),
                                           imc=imc_medio)),2)
```

```
##      1
## 0.19
```

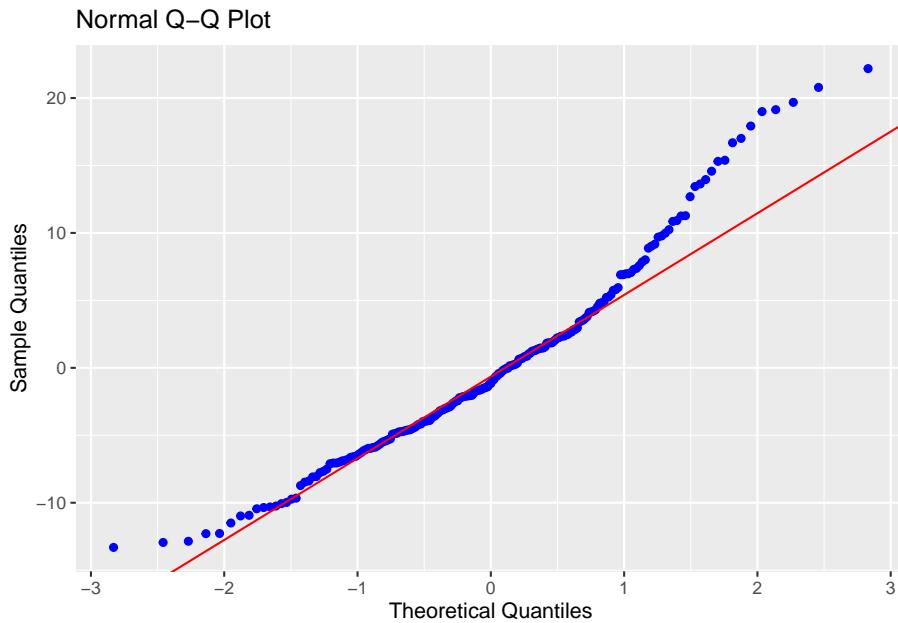
Esse formato analítico é similar para o resultado do IMC. Caso duas pessoas tenham o mesmo resultado do BSQ, uma unidade a mais no IMC impactará em uma redução de 0.447, em média, no EAT-26.

Uma vez que o modelo já foi realizado, a interpretação dos resultados depende da adequação de seus pressupostos. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017). Corriqueiramente, testar os pressupostos é uma etapa anterior à própria realização do teste inferencial. Entretanto, pedagogicamente a apresentação deles após a execução do teste parece mais adequada. Assim, eles serão testados a seguir.

Normalidade: O pressuposto da Normalidade é atendido se os resíduos do modelo de regressão seguirem uma distribuição normal. Isso pode ser avaliado graficamente por QQ plots e também por testes específicos, como o Shapiro-wilk, Anderson-Darling e Jarque Bera.

O QQ plot é um gráfico que reúne a distribuição empírica ordenada dos quantis contra os quantis da distribuição teórica (aqui, normal). Se os dados e a linha diagonal se sobrepuarem, isso é uma evidência de que a distribuição empírica é a mesma da distribuição teórica. Caso haja discrepância, isso aponta para desvio da normalidade. Caso os pontos e a reta diagonal estejam superpostos, se considera que este pressuposto foi atendido

```
ols_plot_resid_qq(mod_linear_multiplo)
```



Testes estatísticos formais também podem ser utilizados, tal como abaixo:

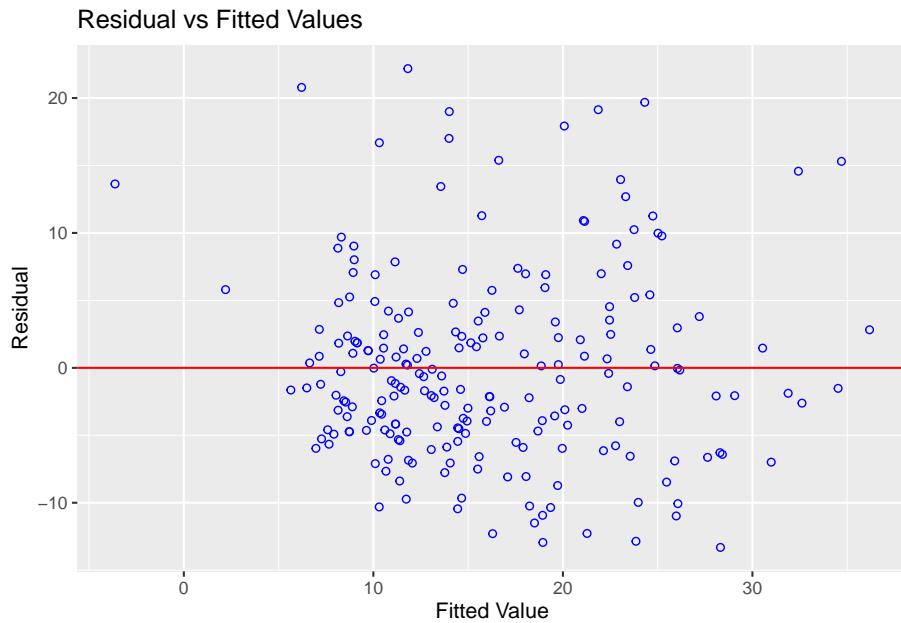
```
ols_test_normality(mod_linear_multiplo)
```

```
## -----
##      Test          Statistic     pvalue
## -----
## Shapiro-Wilk      0.9584    0.0000
## Kolmogorov-Smirnov 0.0838    0.0980
## Cramer-von Mises   17.3314   0.0000
## Anderson-Darling    2.3732   0.0000
## -----
```

Tanto a visualização do QQ plot, como a maior parte dos testes estatísticos específicos convergiram, indicando que a normalidade foi violada.

Homocedasticidade: Este pressuposto de variâncias constantes pode ser analisado em um gráfico de dispersão dos resíduos (residual) contra os valores previstos (*fitted*).

```
ols_plot_resid_fit(mod_linear_multiplo)
```



Caso haja padrões neste gráfico, isso sugere que este pressuposto foi violado. Pelo gráfico, parece não haver padrões específicos. No entanto, testes formais são recomendados para que a decisão tomada tenha maior apoio. Existem diferentes testes para isso e, entre eles, o teste de Bartlett, Levene e Breusch-Pagan. Os resultados dependem das propriedades de cada um dos modelos e, em função da praticidade computacional, o teste de Breusch-Pagan será utilizado. Em todos estes testes, a hipótese nula assume homocedasticidade. Portanto, a estatística de teste não deveria ser significativa para que a homocedasticidade fosse apoiada.

```
ols_test_breusch_pagan(mod_linear_multiplo)
```

```
## 
## Breusch Pagan Test for Heteroskedasticity
## -----
## Ho: the variance is constant
## Ha: the variance is not constant
## 
##          Data
## -----
## Response : eat_soma
## Variables: fitted values of eat_soma
## 
##      Test Summary
```

```
## -----
##  DF          =     1
##  Chi2        =   4.30662
##  Prob > Chi2 = 0.03796432
```

Os resultados indicaram que a homocedasticidade foi violada (assumindo alfa = 0.05). Isso vai em direção distinta à percepção gráfica, o que pode ocorrer sem nenhum problema.

Independência: A independência dos resíduos depende bastante do delineamento utilizado ser transversal ou longitudinal. O teste de Durbin Watson pode ser utilizado e sua hipótese nula é de que os resíduos não são correlacionados. Este pressuposto foi atendido, o que já era esperado.

```
car::durbinWatsonTest(mod_linear_multiplo)
```

```
##  lag Autocorrelation D-W Statistic p-value
##    1      0.01304954     1.969107  0.828
## Alternative hypothesis: rho != 0
```

Multicolinearidade: Diferente da regressão linear simples, a regressão múltipla reúne diversas variáveis independentes. É possível que essas variáveis sejam muito correlacionadas entre si, impactando na interpretação dos resultados. Uma maneira de verificar isso é pela análise chamada Variance Inflation Factor (VIF).

Valores de VIF superiores a 4 indicam que as variáveis independentes são fortemente correlacionadas e suas estimativas podem ser distorcidas. Neste caso, isso não aconteceu.

```
ols_coll_diag(mod_linear_multiplo)
```

```
## Tolerance and Variance Inflation Factor
## -----
##  Variables Tolerance      VIF
## 1  bsq_soma 0.9538383 1.048396
## 2      imc 0.9538383 1.048396
##
## 
## Eigenvalue and Condition Index
## -----
##  Eigenvalue Condition Index  intercept      bsq_soma          imc
## 1 2.87635756      1.000000 0.002695176 0.018049758 0.002618025
## 2 0.11198156      5.068135 0.034717221 0.979324006 0.029970923
## 3 0.01166088     15.705646 0.962587603 0.002626235 0.967411052
```

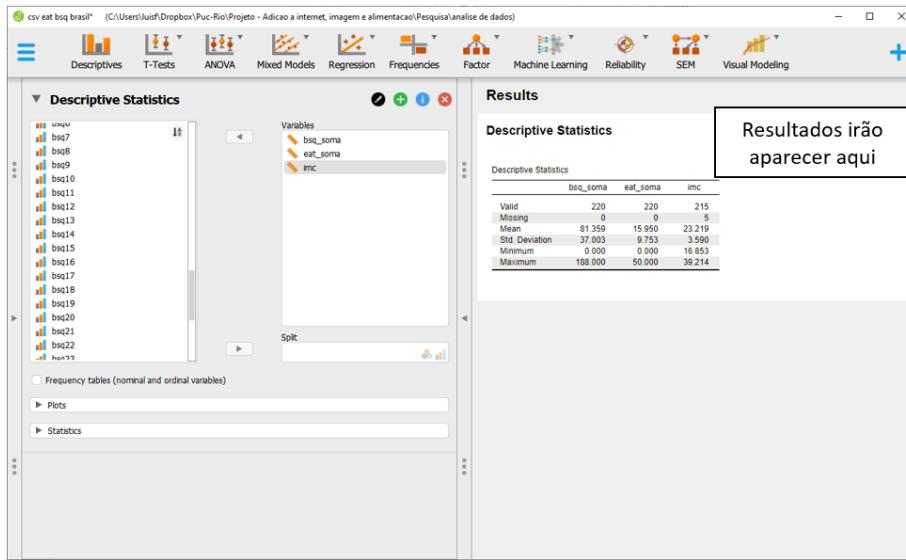
Com isso realizado, os diagnósticos indicaram que a normalidade e a homocedasticidade foram violadas, novamente sugerindo uma interpretação cautelosa dos resultados. Abaixo uma orientação de como escrever os resultados.

17.3 Execução no JASP

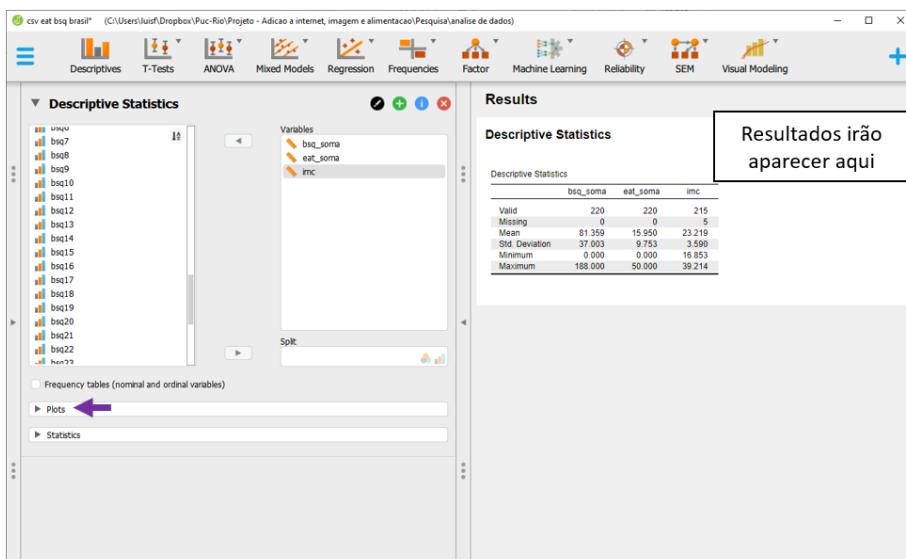
Para executar as rotinas necessárias, será necessário carregar a base de dados para o ambiente JASP. A base chama-se csv eat bsq brasil. Após fazer isso, para realizar tabelas e gráficos descritivos, deve-se clicar em **Descriptives**, na parte superior do programa.

	d_unique	id	data	pais	periodo_fac	idade	sexo	altura	peso_atual	peso_desejado	faz_esporte	familia_esporte	imc
1	1	35	9/19/2016	1				1.76	71	68	1	0	5.7
2	2	51	9/27/2016	1	4	20	1				1	1	
3	3	216	12/7/2016	1	3	29	1	1.63		60	1	0	8.3
4	4	78	9/19/2016	1	5	20	1	1.5	42.5	42	1	1	5.7
5	5	19	9/27/2016	1	1	21	1	1.55	46	50	0	0	
6	6	164	11/23/2016	1	1	18	1	1.57	46	50	0	0	8.7
7	7	28	9/19/2016	1	3	20	1	1.64	47	52	0	1	7.6
8	8	170	11/22/2016	1	2	19	1	1.67	47	53	1	1	5
9	9	66	9/19/2016	1	2	18	1	1.58	48	45	0	1	
10	10	99	11/8/2016	1	1	18	1	1.57	48	50	1	0	9.5
11	11	168	11/23/2016	1	1	18	1	1.58	48	46	1	1	
12	12	201	12/5/2016	1	8	22	1	1.6148	48	46	1	0	9.4
13	13	128	11/3/2016	1	1	23	1	1.59	49	45	1	1	
14	14	147	11/23/2016	1	2	18	1	1.6	49	46	1	0	9.5
15	15	171	11/23/2016	1	3	20	1	1.6	49	48	0	1	8
16	16	3	9/27/2016	1	3	19	1	1.65	50	45	1	1	
17	17	9	9/27/2016	1	1	19	1	1.53	50	50	1	1	
18	18	62	9/19/2016	1	3	19	1	1.58	50	48	1	1	6.1
19	19	97	11/8/2016	1	1	18	1	1.59	50	50	0	0	
20	20	189	12/4/2016	1	2	18	1	1.6	50	50	1	1	6.6
21	21	219	12/5/2016	1	8	22	1	1.64	50	48	1	0	7.1
22	22	22	11/23/2016	1	7	24	1	1.6	50	50	1	0	7

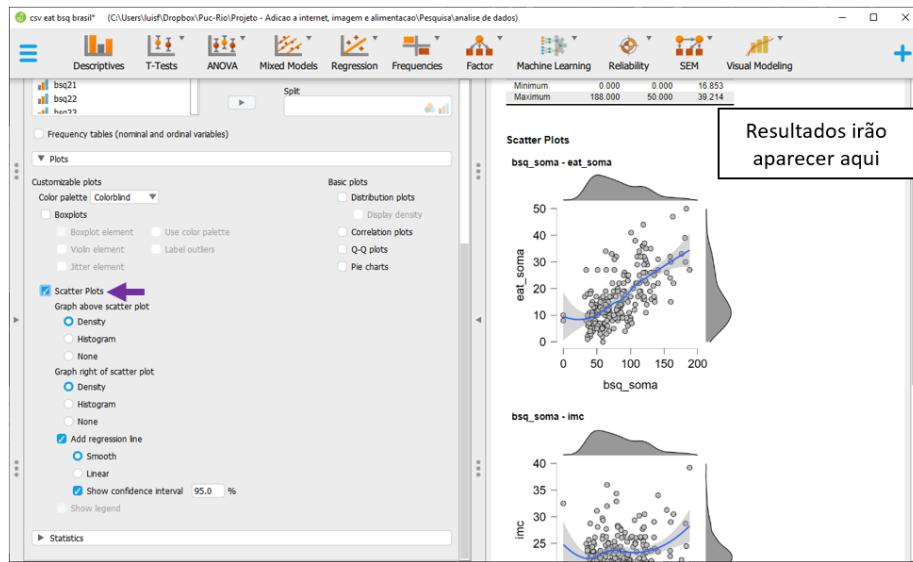
Ao clicar nesta opção, será possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadores. Neste caso, será necessário colocar o bsq_soma, eat_soma e o imc na seção **Variables**. Essa ordem ajuda em apresentações gráficas futuras.



Apesar de não ser uma etapa fundamental, é possível gerar os gráficos de dispersão entre as variáveis para ter uma primeira análise do relacionamento entre elas. Para fazer isso, será necessário clicar em **Plots**.



Muitas opções são possíveis, mas a **Scatter Plots** é a mais completa e é necessário clicar neste local. Ao fazer isso, o JASP irá apresentar três gráficos diferentes.

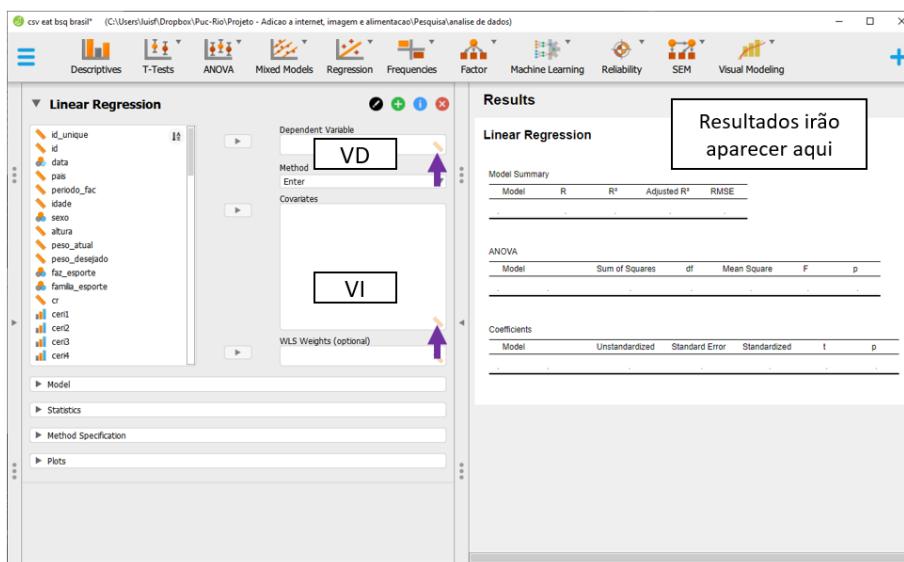


O JASP insere alguns desses gráficos úteis para verificar o perfil de relacionamento entre as variáveis, bem como algumas outras características. Seria possível, formalmente, calcular a correlação e a correlação parcial entre as variáveis. Apesar de alguma utilidade deste procedimento, isso acabaria repetindo algo do que foi demonstrado no capítulo sobre regressão e, por isso, não será refeito.

Para execução da regressão linear, será necessário clicar em **Regression** e **Linear Regression**.

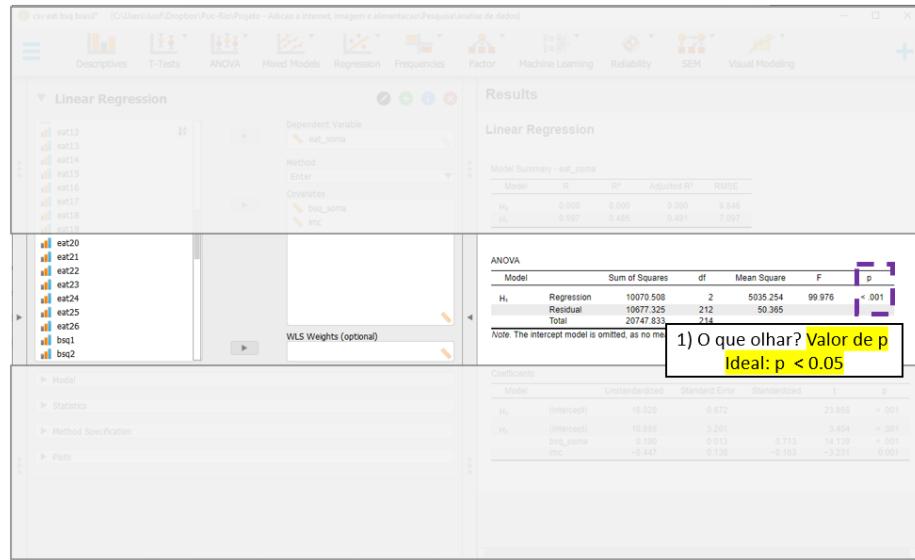
The figure shows the JASP software interface with a data table. The table has 22 rows and 14 columns. The columns are labeled: id_unique, id, data, pais, periodo_fac, idade, sexo, altura, peso_atual, peso_desejado, faz_esporte, familia_esporte, and a blank column at the end. The data includes various numerical values and some categorical entries like '1', '2', '3', etc.

A tela do JASP irá apresentar algumas opções. É importante notar que a **Covariates** é o local onde as VIs serão colocadas e **Dependent Variable** é onde a VD deverá ser inserida. Enquanto é possível inserir muitas variáveis independentes (fazendo um modelo múltiplo), apenas uma VD poderá ser inserida. O JASP apenas aceitará variáveis contínuas ou definidas como contínuas nos espaços apresentados.

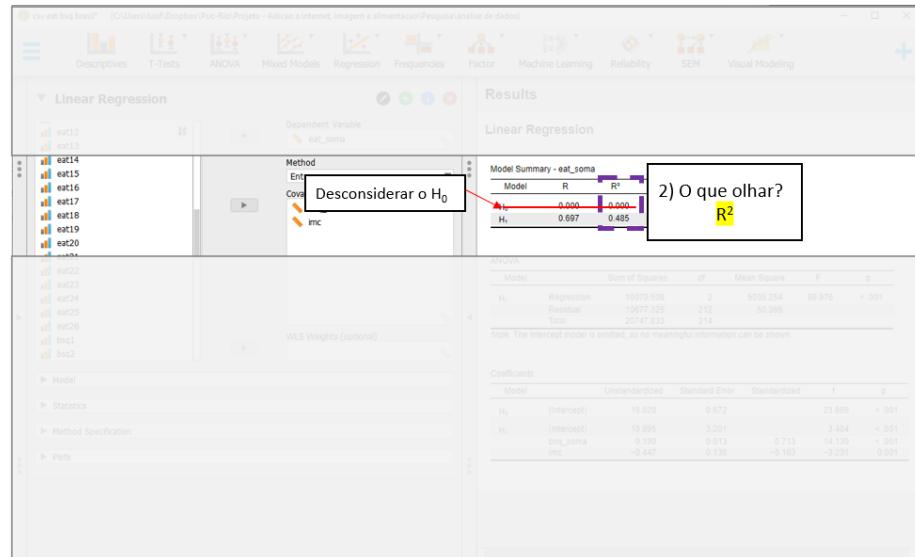


Para realizar o modelo, será necessário levar a `bsq_soma` e `imc` para seção **Covariates** e a `eat_soma` para **Dependent variable**. Ao fazer isso, o JASP irá fazer todas as principais análises e apresentar os resultados em uma tabela específica, ao lado direito da tela. É fácil notar que os resultados apresentados são muitos e se recomenda uma ordem específica para interpretá-los.

Em primeiro momento, é necessário verificar o ajuste do modelo na seção ANOVA, bem ao centro dos resultados. Este teste compara o modelo em questão contra um modelo em que apenas o intercepto é utilizado para prever todos os valores. No JASP, esses modelos são descritos por H_1 e H_0 nas principais tabelas. Tecnicamente, o modelo analisado é chamado de irrestrito (ou aumentado, H_1) e o modelo que tem apenas o intercepto é chamado de restrito ou nulo, H_0 . Valores significativos são necessários nesta etapa. Nesta análise, o resultado foi $F(2, 212) = 99.976$, $p < 0.0001$, indicando que os outros resultados podem ser interpretados. Quando isso acontece, deve-se desconsiderar todas as linhas que o JASP apresentar resultados para o modelo nulo, simbolizado por H_0 , e apenas interpretar os resultados do modelo testado, que é apresentado sempre por H_1 .

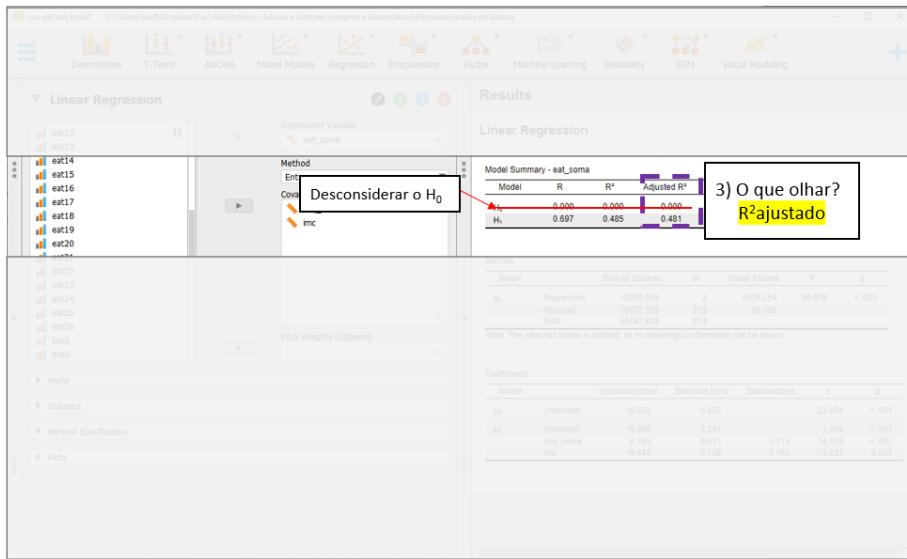


O segundo momento consiste na interpretação do R^2 , que está localizado na parte superior, em **Model summary**. Como exposto no início do capítulo, esse indicador mensura a parte da variação da variável dependente (Y) que pode ser atribuída às variáveis independentes do modelo (X). Repare que ele é computado pela razão entre o SSR e o SST e indica que cerca de 48% dos resultados da variabilidade do EAT-26 podem ser explicados pelo modelo.



O terceiro momento é a análise do R^2 *ajustado*, que também está localizado na parte superior, em **Model summary**. Em modelos de regressão, modelos com mais parâmetros/preditores sempre vão ter R^2 maior do que modelos mais com-

pactos, independente da significância destes outros parâmetros. O R^2 ajustado é uma medida que considera a complexidade do modelo e pune a entrada de novas variáveis.

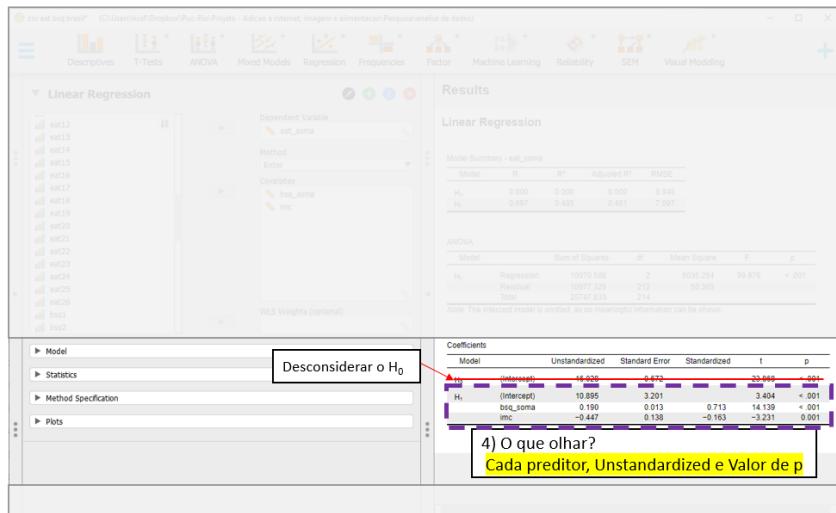


Finalmente, o quarto momento é análise dos preditores, que é feito na seção **Coefficients**. Para isso, deve-se identificar os preditores um a um, seus valores **Unstandardized** e de P. O **Unstandardized** indica a diferença média em unidades da variável dependente quando se altera uma unidade de X.

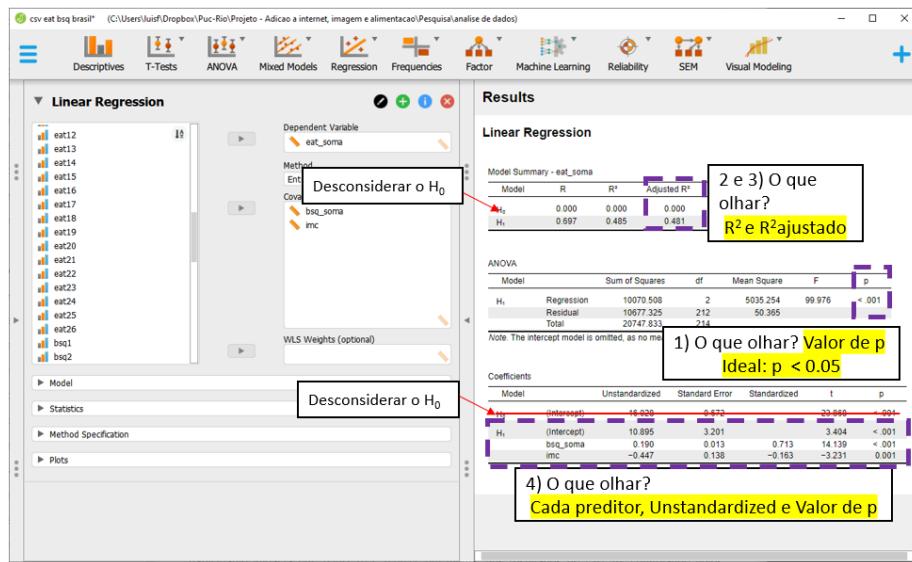
Por exemplo, mais 1 ponto no BSQ-34, mais 0.190 pontos, em média, no EAT-26, controlando pelos resultados do IMC. Esse resultado é significativo, tal como é indicado na coluna **Sig**.

O intercepto é chamado de **constante** na maior parte dos programas e indica o valor médio (esperado) de Y quando X=0. Nesse caso, se alguém tivesse tirado o valor 0 na escala BSQ-34, o valor previsto para os resultados da Escala EAT-26 seria de 1.46. No entanto, o **Sig** indica que esse valor não é significativo, ou seja, não é diferente de 0. O indicador de beta padronizado **Standardized** traz as mesmas informações, mas trabalha em unidades de desvios-padrão em todas as variáveis presentes no modelo. Eventualmente, o **Standardized** pode ser entendido como uma medida preliminar de tamanho do efeito (Fox, 2016).

É importante notar que frequentemente o intercepto não tem interpretação lógica e, por isso, costuma ser desconsiderado. Para que ele tenha melhor capacidade de interpretação, algumas estratégias são possíveis, tal como centralizar os valores do preditor ($x_i - \bar{x}$). Caso isso seja feito, o intercepto irá ser o valor médio da variável dependente.



Em síntese, cada uma das etapas deve ser feita de maneira sequencial. A imagem a seguir apresenta um sumário com todos os passos expostos.

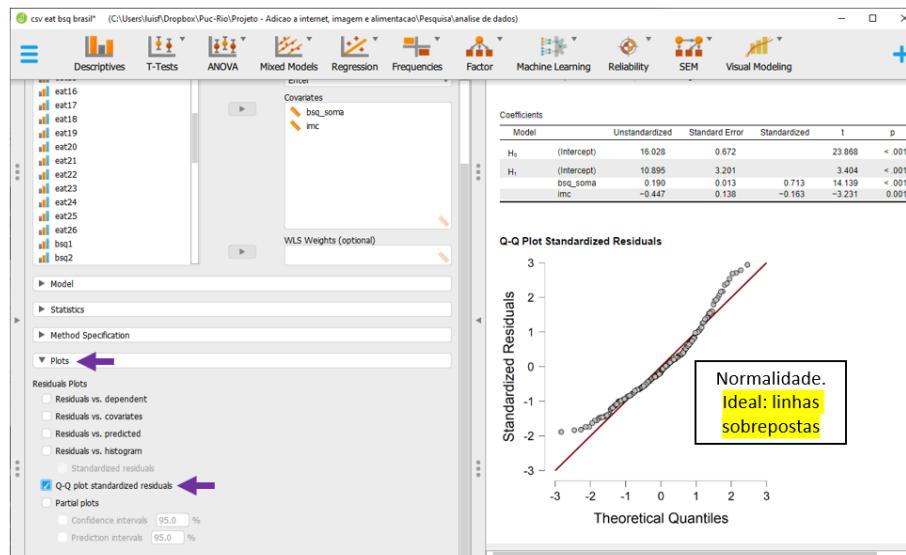


Uma vez que o modelo já foi realizado, a interpretação dos resultados depende da adequação de seus pressupostos. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017). Corriqueiramente, testar os pressupostos é uma etapa anterior à própria realização do teste inferencial. Entretanto, pedagogicamente a apresentação deles após a execução do teste parece mais adequada. Assim, eles serão testados

a seguir.

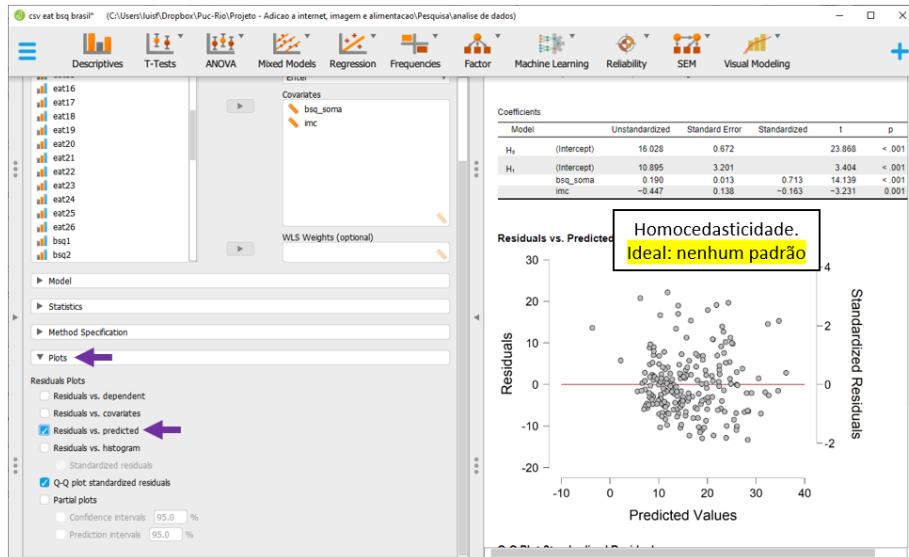
Para verificar os pressupostos, será necessário utilizar as opções dispostas na parte inferior à esquerda do programa.

A normalidade é testada ao clicar em **Plots** e **Q-Q plot standardized results**. O JASP irá apresentar um QQ plot com duas informações principais: uma diagonal e um conjunto de pontos/círculos. Caso os círculos estejam sobrepostos à linha, isso apoia que os resíduos se distribuem normalmente. No caso abaixo, isso não foi alcançado.

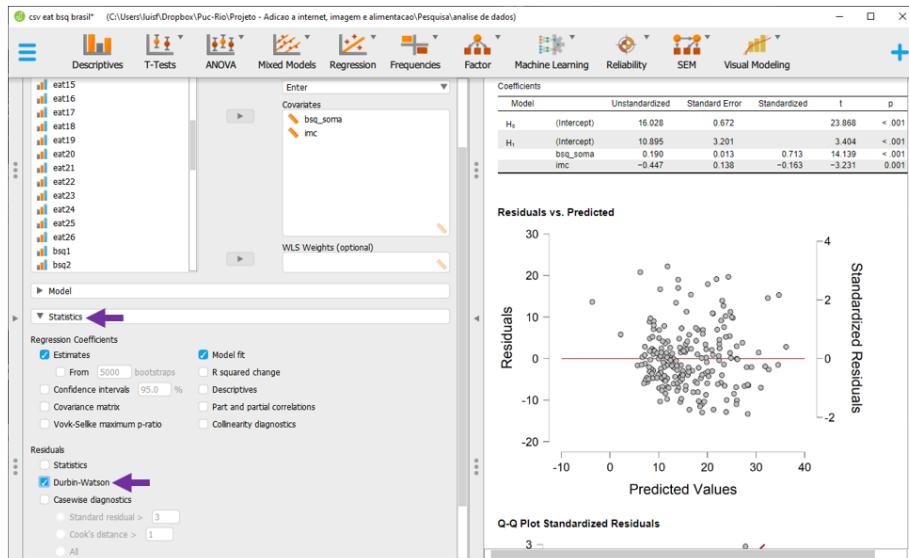


Diferente do R, esta versão do JASP não permite testar formalmente a hipótese de normalidade residual. Dessa forma, será necessário contar apenas com a percepção do gráfico para checar se o pressuposto foi respeitado ou violado.

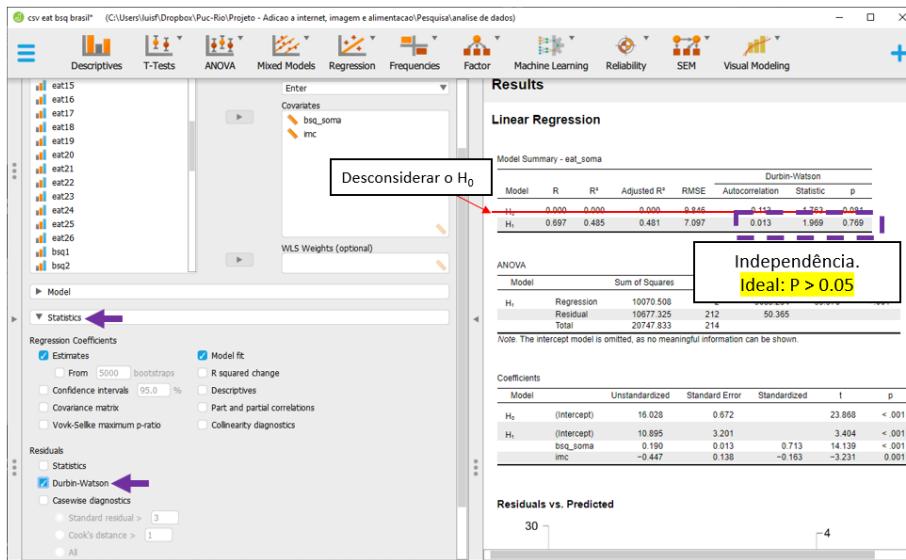
A homocedasticidade é também verificada graficamente. Ao clicar no **Residuals vs. Predicted**, o plano irá apresentar os valores dos resíduos em Y e os valores previstos em X. Nesse gráfico, é importante não detectar nenhum padrão nos elementos apresentados. Os resultados parecem indicar uma violação deste pressuposto foi alcançado.



A Independência dos resíduos é bastante dependente do tipo de delineamento utilizado. No entanto, o JASP permite que esse pressuposto seja formalmente testado pelo teste de Durbin Watson. Isso é feito ao clicar em **Statistics**, **Residuals** e **Durbin-Watson**

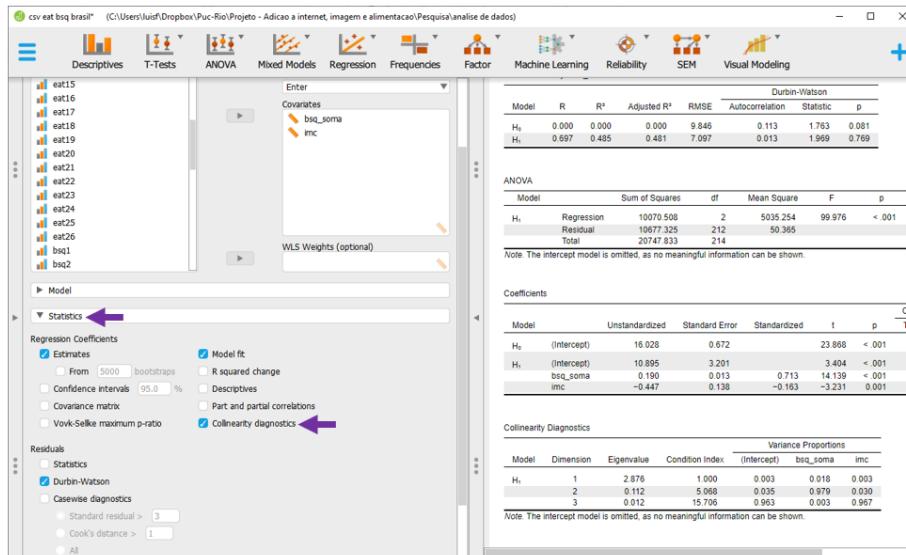


Os resultados irão ser apresentados na parte superior do programa. Caso a hipótese nula não seja rejeitada, isso apoia que os resíduos são independentes. Nesse caso, o valor de p foi 0.769, indicando que isso ocorreu.



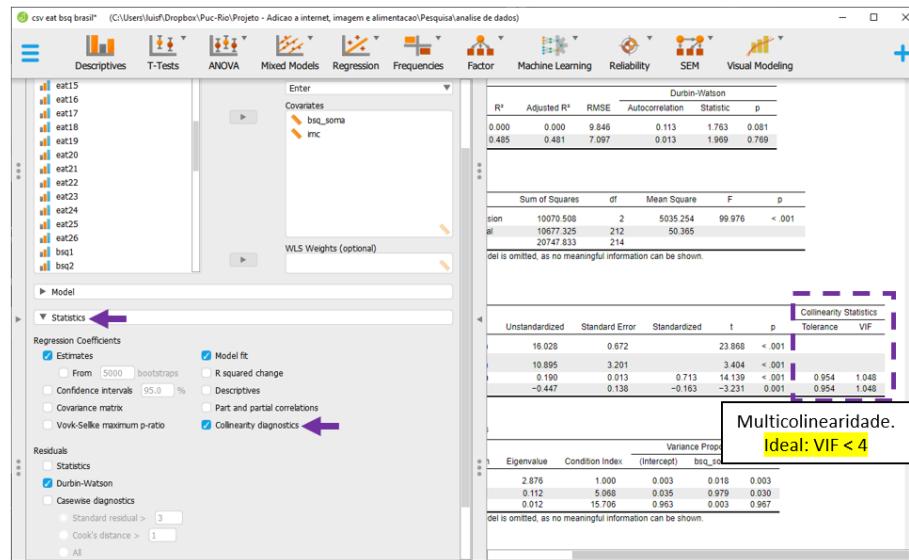
A Multicolinearidade é uma condição que, diferente da regressão linear simples, deve ser testada na regressão múltipla. Isso ocorre pois este tipo de modelo estatístico reúne diversas variáveis independentes e é possível que elas sejam muito correlacionadas entre si. Uma maneira de testar essa condição é pela análise chamada Variance Inflation Factor (VIF).

No JASP, será necessário clicar, dentro da seção **Statistics**, a opção **Collinearity diagnosis**.



O JASP irá fazer os cálculo e irá apresentar os resultados na seção

Coefficients, nas últimas colunas ao lado direito da tabela. Cada um dos coeficientes apresentará um valor e o ideal é que o VIF seja inferior a 4. Valores acima disso indicam que as variáveis independentes são fortemente correlacionadas e suas estimativas podem ser distorcidas. Neste caso, isso não aconteceu.



Com isso realizado, os diagnósticos indicaram que a normalidade e a homocedasticidade foram violadas, novamente sugerindo uma interpretação cautelosa dos resultados.

17.4 Escrita dos resultados

De uma forma geral, o principal achado do modelo de regressão é que a percepção da imagem corporal e o IMC são preditores significativos ao comportamento alimentar. Possíveis superestimativas da imagem do próprio corpo impactam em alterações no comportamento alimentar. Quanto maior a distorção na percepção corporal, mais intensos e frequentes são algumas características disfuncionais do comportamento alimentar. Além disso, pessoas com maior IMC tendem a apresentar uma redução no comportamento alimentar. Abaixo uma sugestão de escrita baseada nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Um modelo de regressão múltipla foi calculado para verificar os resultados dos comportamentos alimentares (EAT-26) em função da percepção de imagem corporal (BSQ-34) e do peso do participante. Os resultados indicaram que cerca de 48% da variância do EAT-26 pode ser atribuída aos preditores ($R^2 = 0.486$,

$F(2,213) = 100.675$, $p < 0.001$). Cada ponto a mais no BSQ-34 impacta, em média, em 0.180 no EAT-26 ($p < 0.001$), controlando pelo peso do participante.

17.5 Técnicas automáticas de seleção de variáveis

Entre os principais debates realizados na construção de modelos estatísticos, os critérios sobre quantas, quais e como eleger as variáveis independentes é um dos mais intensos.

Neste sentido, a seleção das VIs visa otimizar a acurácia do modelo, mas sem perder sua parcimônia, ou seja, simplicidade (Unger and Hansch, 1973; Gaudio and Zandonade, 2001). É possível inserir as variáveis por uma justificativa teórica alinhada com a área principal em que o pesquisador se insere, como também é possível implementar seleção automática a partir de algoritmos específicos.

Apesar do detalhamento das técnicas automáticas estar fora do escopo deste capítulo, a seguir são listadas algumas delas:

1. Backward selection
2. Forward selection
3. Stepwise selection
4. Lasso selection

17.6 Resumo

1. O termo regressão múltipla se refere a um modelo de regressão com duas ou mais variáveis independentes
2. As VIs podem ser de qualquer natureza, o que significa que toda família da ANOVA pode ser entendida como casos particulares de regressão
3. As estimativas geradas pela regressão múltipla para uma variável são controlam por todas as variáveis do modelo
4. Os diagnósticos são os mesmos dos modelos simples, mas agora é necessário também testar a multicolinearidade do modelo
5. Existem diferentes métodos para adicionar preditores e maneiras manuais e automáticas são disponíveis

17.7 Pesquisas adicionais

- Influence of Age and Education on the Performance of Elderly in the Brazilian Version of the Montreal Cognitive Assessment Battery (DOI: 10.1159/000489774) Nesta pesquisa, 110 participantes foram recrutados para que os pesquisadores pudessem produzir tabelas estatísticas para um novo exame neuropsicológico. Uma das análises feitas verificou o impacto dos anos de estudo no desempenho neste exame neuropsicológico, concluindo pelo seu efeito protetivo.

17.8 Questões

- (ENADE, Economia - 2019) Com o objetivo de entender o impacto das internações causadas pela falta de saneamento básico, um pesquisador estimou o modelo apresentado na tabela a seguir, usando a quantidade de dias de internação de uma amostra de 7 260 pacientes do Sistema Único de Saúde como variável explicada. As variáveis explicativas são: (i) gênero do paciente, binária em que é 1 é utilizado para identificar as mulheres e 0 para identificar os homens; (ii) idade do paciente em anos de vida; e (iii) motivo da internação, também binária, em que recebe o valor 1 para identificar internações que são causadas por problemas de saneamento básico e o valor 0 para as demais internações

	Coeficiente	Erro Padrão	razão-t	p-valor
Constante	2,77	0,188	14,74	0,000
Gênero	-1,49	0,176	-8,47	0,000
Idade	0,03	0,004	7,71	0,000
Motivo da internação	1,96	0,199	9,84	0,000

Média variável dependente	5,057	Desvio-padrão da variável dependente	7,56
Soma resíduos quadrados	401012,5	Erro-padrão da regressão	7,44
R-quadrado	0,0327	R-quadrado ajustado	0,032
F(3, 7256)	81,64	p-valor(F)	0,000

- O coeficiente R-quadrado encontra-se abaixo de 30%, o que significa que o modelo deve ser descartado.
- As internações causadas pela

deficiência de saneamento básico tendem a gerar um aumento de 1,96% nos gastos de saúde.c) A média de dias de internação para mulheres é estatisticamente maior que a de internação para homens. d) A variável idade não é estatisticamente significativa para explicar o número de dias de internação.e) O teste F mostra que as variáveis explicativas conjuntamente são estatisticamente significativas para explicar o número de dias de internação.

Gabarito: 1-e

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 18

Regressão logística binária

Objetivos do capítulo

1. Apresentar características da regressão logística
2. Diferenciar o conceito de probabilidade e chance
3. Integrar o teste Qui-quadrado, **Odds Ratio** e regressão logística

GLOSSÁRIO

Modelo Linear Generalizado: Classe de modelos compostos por uma função de ligação, preditores lineares e uma distribuição de probabilidades. São ampliações de modelos lineares.

Função de ligação: Termo que associa os valores esperados da resposta aos preditores lineares no modelo.

Logit: Uma função de ligação que transforma probabilidades em chances.

Risco: Probabilidade ou proporção.

Chance ou Odds: Caso particular de uma razão em que o numerador não está contido no denominador. Tradução para *Odds*.

Razão de Chances ou Odds Ratio: Medida de tamanho de efeito que indica a chance de ocorrência de um desfecho em um grupo quando comparado a outro. Seus valores variam entre 0 e infinito.

A regressão logística é um modelo estatístico que permite estimar a chance da ocorrência de um determinado desfecho categórico (Y) em função de um ou mais preditores (X), que podem ser contínuos ou categóricos. Quando a variável dependente apresenta apenas dois níveis ou classes, a regressão é chamada de binária. Quando há mais níveis ou classes, é chamada de multinomial.

Desta maneira, é possível entender a regressão logística como um complemento da regressão linear aplicada a variáveis categóricas a partir de uma função de ligação, uma generalização do teste Qui-quadrado ou, de maneira geral, um caso

particular da família dos modelos lineares generalizados (GLM), que implementa uma ligação logit.

Conceptualmente, neste modelo há os seguintes termos:

$$\underbrace{\hat{y}^{VD}}_{\text{logit}} = \ln \left(\frac{P}{1-P} \right) = b_0 + b_1 X_1 + \cdots + b_i X_i$$

Onde:

P representa a probabilidade de um desfecho ocorrer

$1 - P$ representa a probabilidade de um desfecho não ocorrer

$\ln \left(\frac{P}{1-P} \right)$ representa uma transformação logit variável dependente

b_0 é o intercepto

b_i indica os preditores

Os seguintes pressupostos devem ser investigados:

- (i) Os dados são aleatórios e representativos da população
- (ii) A variável dependente é dicotômica/binária
- (iii) Os preditores não apresentam alta correlação entre eles
- (iv) Há uma relação linear entre preditores contínuos e o logit do desfecho

Há muitas pesquisas em que modelos logísticos são utilizados. Em áreas de saúde, eles tendem a ser os modelos de primeira escolha para verificar condições clínicas e de agravo à saúde. Em Psicologia, por exemplo, ele é útil para descrever e investigar os possíveis preditores de condições diagnósticas bem definidas, tal como TDAH e outros transtornos psiquiátricos. Em epidemiologia, eles são fundamentais em estudos do tipo caso-controle.

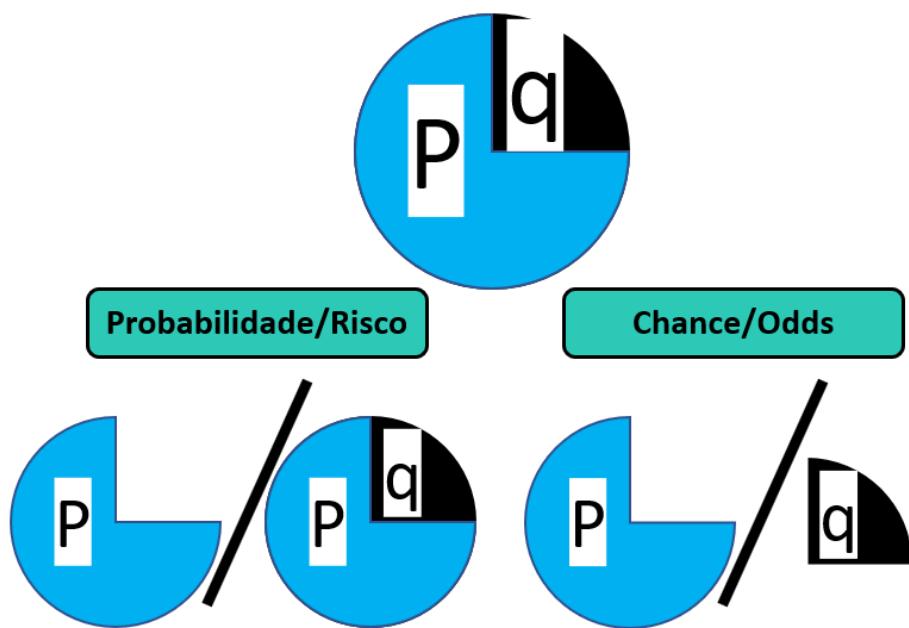
Algumas condições são importantes:

- (1) A variável dependente nesta equação é uma transformação logit do desfecho. Ela não é, por definição, uma probabilidade, mas sim uma função.
- (2) Não há a definição de um termo de erro (tal como nos modelos de regressão linear) e
- (3) O desfecho é assumido seguir uma distribuição Bernoulli.

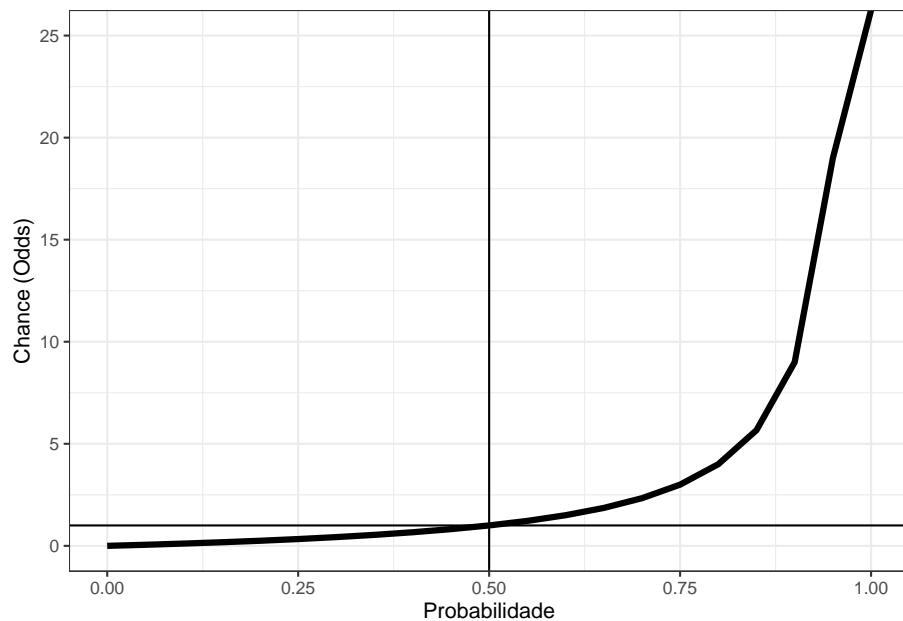
Essas características fazem com que os resultados da regressão logística informem sobre chances (*Odds*) e Razão de chances (*Odds Ratio*) e não sobre probabilidades (Riscos), diretamente. Existem muitas formas de demonstrar esta diferença. Entretanto, a forma mais simples é por sua estrutura matemática.

Uma probabilidade é uma razão entre uma parte contra o todo (*Tudo o que tenho sobre tudo o que posso querer*, em jargão pedagógico). Quando se fala

sobre riscos, implicitamente está se falando sobre probabilidades. Por sua vez, a chance é uma razão em que o numerador é uma probabilidade e o denominador é seu complemento. A figura a seguir ilustra essa diferença.



É legítimo ter dificuldade na interpretação do conceito, além de questionar o motivo pelo qual ele é tão utilizado nestas áreas, o que será apresentado ao fim do capítulo. No entanto, é importante perceber que quanto maior for a probabilidade, maior também serão as chances de um determinado evento e vice-versa. A relação entre ambos tem o seguinte formato.



Por sua vez, a Razão de chances (*Odds Ratio* ou OR) é uma medida de tamanho de efeito que se dá pela comparação entre dois grupos. Para computá-la, é necessário verificar a chance do desfecho ocorrer em cada um dos grupos e, em seguida, dividir os resultados.

Como em áreas de saúde, quase sempre, o interesse é verificar situações clínicas, quanto maior for o OR, maior será a chance da ocorrência de um desfecho negativo em um determinado grupo em comparação à outra e, consequentemente, maior será o risco.

A tabela a seguir apresenta aos principais resultados de OR e suas interpretações:

Chance	Probabilidade	Interpretação
< 1	< 50%	Fator de risco
= 1	50%	Fator neutro
> 1	> 50%	Fator de proteção

Fim da versão gratuita

18.1 Pesquisa

A base desta pesquisa está disponível em formato **R** (**Rdata**) e em **CSV**, que é lido pelo JASP. Clique na opção desejada.

Base R: Base R - Headache anonymous

Base JASP: Base CSV - headache (no names)

Neste capítulo, vamos utilizar a pesquisa intitulada “Resilience and vulnerability in adolescents with primary headaches: a cross-sectional population-based study”, publicada em 2021 no Headache, que sou coautor.

Essa é uma pesquisa censitária, que contou com todos os 339 estudantes de uma cidade pequena no interior do Brasil. O estudo visou mapear as possíveis condições de apresentar baixos recursos psicológicos em adolescentes portadores de enxaqueca de diferentes tipos e intensidades. Na literatura médica internacional, são raros os estudos com finalidade epidemiológica descritiva sobre enxaqueca. No Brasil, por sua vez, este nosso estudo foi o primeiro. Esse fato marcou o caráter inovador da pesquisa e também permitiu impactar positivamente o trabalho de clínicos que, em seu dia a dia, lidam com jovens com tais características.

Para definir o tipo e a frequência da dor de cabeça, os participantes responderam a diferentes questionários médicos. Por sua vez, para verificar o possível baixo recurso psicológico, eles foram submetidos à escala *Resiliency Scales for Children and Adolescents*, que foi desenvolvida justamente para medir esta condição.

Um dos objetivos que tivemos na execução das análises foi verificar quais eram os preditores significativos que poderiam impactar na apresentação (ou não) de baixos recursos psicológicos. Os preditores de interesse foram a idade da criança (age), sua etnia (race), sexo (sex), classe socioeconômica (ses), problemas de sono (sleeping), prematuridade (premature), fumo durante a gestão (smoking), uso de álcool durante a gestação (alcohol) e possível TDAH (sdq_risk).

Para isso, modelos de regressão logística binária foram utilizados.

18.2 Execução no R

Inicialmente, é necessário carregar a base de dados ao R. Após isso feito, a apresentação de tabelas e gráficos auxilia na interpretação dos resultados. De maneira similar à feita em outros capítulos, abaixo há uma tabela descritiva feita com o pacote **arsenal**.

```
arsenal::tableby(risk_cefaleia_resources ~  
                  age + race + sex + ses + sleeping + premature +  
                  smoking + alcohol + sdq_risk,
```

```
test = FALSE,
base_uso) %>%
summary()
```

	0 (N=312)	1 (N=27)	Total (N=339)
age			
Mean (SD)	13.929 (2.068)	13.370 (2.060)	13.885 (2.070)
Range	10.000 - 18.000	11.000 - 18.000	10.000 - 18.000
race			
N-Miss	10	0	10
white	220 (72.8%)	19 (70.4%)	239 (72.6%)
Other	82 (27.2%)	8 (29.6%)	90 (27.4%)
sex			
Male	150 (48.1%)	8 (29.6%)	158 (46.6%)
Female	162 (51.9%)	19 (70.4%)	181 (53.4%)
ses			
AB	83 (26.6%)	10 (37.0%)	93 (27.4%)
C	189 (60.6%)	14 (51.9%)	203 (59.9%)
DE	40 (12.8%)	3 (11.1%)	43 (12.7%)
sleeping			
N-Miss	7	0	7
no	296 (97.0%)	25 (92.6%)	321 (96.7%)
yes	9 (3.0%)	2 (7.4%)	11 (3.3%)
premature			
N-Miss	4	2	6
no	272 (88.3%)	21 (84.0%)	293 (88.0%)
yes	36 (11.7%)	4 (16.0%)	40 (12.0%)
smoking			
N-Miss	1	1	2
no	243 (78.1%)	20 (76.9%)	263 (78.0%)
yes	68 (21.9%)	6 (23.1%)	74 (22.0%)
alcohol			
N-Miss	2	1	3
no	278 (89.7%)	23 (88.5%)	301 (89.6%)
yes	32 (10.3%)	3 (11.5%)	35 (10.4%)
sdq_risk			
no	287 (92.0%)	19 (70.4%)	306 (90.3%)
yes	25 (8.0%)	8 (29.6%)	33 (9.7%)

Essa tabela oferece uma primeira informação sobre os dados. Gráficos também poderiam ser feitos com a mesma finalidade.

Os resultados apresentados nas tabelas são úteis e permitem calcular vários

testes Qui-quadrado de independência, gerando um indicador útil sobre o perfil de associação entre cada uma das variáveis, quando elas são categóricas. Entretanto, os resultados obtidos por este teste indicariam apenas o possível relacionamento bivariado sem, no entanto, controlar os resultados por todas as outras variáveis de interesse, uma vez que elas não foram analisadas todas em conjunto.

Apesar de ser possível fazer alguns ajustes particulares ou utilizar o teste de Cochran–Mantel–Haenszel, a regressão logística é a modelagem mais adaptada para lidar com esta situação. Esta modelagem permite analisar todas as variáveis simultaneamente e também incluir preditores contínuos.

Para executar esse tipo de regressão no R, é necessário usar a função nativa `glm` e definir a família como `binomial`. Isso indicará que o desfecho é binário e que a função logit deverá ser implementada na equação.

O vetor `mod_risco` será criado e reunirá os resultados do modelo de regressão logística.

```
mod_risco <- glm(risk_cefaleia_resources ~
                  age + race + sex + ses + sleeping + premature +
                  smoking + alcohol + sdq_risk,
                  family = "binomial",
                  data = base_uso)
```

Há muitas formas de apresentar os resultados e o pacote `sjPlot` tem bons recursos para isso. A função `tab_model` produz uma tabela com o *Odds Ratio* de cada preditor, seu intervalo de confiança, a estatística de teste, o valor de P, bem como a quantidade de observações utilizada e uma medida de ajuste (R^2).

```
sjPlot::tab_model(mod_risco, show.stat = TRUE)
```

risk_cefaleia_resources

Predictors

Odds Ratios

CI

Statistic

p

(Intercept)

2.51

0.08 – 86.90
0.52
0.605
age
0.82
0.64 – 1.03
-1.63
0.104
race [1]
1.07
0.60 – 1.78
0.23
0.817
sex [1]
1.75
1.08 – 3.06
2.15
0.032
ses [1]
0.71
0.42 – 1.20
-1.29
0.197
ses [2]
0.98
0.58 – 1.51
-0.08
0.938
sleeping [1]
1.09
0.36 – 2.66

0.17

0.868

premature [1]

1.26

0.64 – 2.23

0.75

0.456

smoking [1]

0.94

0.47 – 1.71

-0.20

0.840

alcohol [1]

0.98

0.43 – 1.94

-0.06

0.951

sdq_risk [1]

2.74

1.59 – 4.73

3.67

<0.001

Observations

314

R2 Tjur

0.101

A interpretação dos resultados costuma ser feita de maneira gradual, em que cada elemento é apresentado e discutido.

Inicialmente, é importante verificar se o modelo testado é significativamente mais informativo do que um modelo nulo. Isso é feito por uma estatística de desvio (*Deviance*) e pelos critérios de informação de Akaike e Bayesiano. Por padrão, esta tabela assume esta condição, mas não a apresenta formalmente.

Isso pode ser feito pela função nativa `anova`, tal como demonstrado a seguir. É importante ter atenção que esse tipo de diagnóstico é particularmente importante em modelos com menos variáveis.

```
#criar um null model
mod_nulo <- base_uso %>%
  filter(across(c(age,race,sex,ses,sleeping,premature,
                smoking,alcohol,sdq_risk), ~!is.na(.x))) %>%
  glm(risk_cefaleia_resources ~ 1, family = "binomial", data = .)
#comparar modelos
anova(mod_nulo, mod_risco, test = "LRT")
```

O segundo momento é relacionado à análise do R^2 , disposto na parte inferior da tabela. Existem diferentes maneiras de calculá-lo e sua interpretação não é exatamente igual à feita na regressão linear. Enquanto na regressão linear, o R^2 se refere à proporção da variância explicada, em modelos logísticos, no geral, o R^2 indica o quanto o modelo testado é próximo de um modelo com ajuste perfeito aos dados (saturado) (Portugues, 2020).

O R^2 de *Tjur* é a medida utilizada nesta apresentação e seus valores variam entre 0 e 1. Ele computa a diferença entre os dados e os valores previstos pelo modelo testado. Quão maior o valor, mais discriminativo é o modelo testado. Neste caso, o o R^2 de *Tjur* foi de 0.10. Não há uma regra geral para interpretar o R^2 . Em Psicologia, por exemplo, é bastante difícil que ele chegue a 0.5.

A terceira interpretação é baseada nos *Odds Ratio* (OR) e sugere alguma com atenção: o OR indica a chance de ocorrência de um desfecho caso o preditor analisado tenha ocorrido, em comparação com sua não ocorrência. Ele não indica diretamente sobre a probabilidade, apesar disso ser possível de ser feito.

Os preditores `sex[female]` e `sqd_risk` foram significativos. A interpretação pode ser feita da seguinte maneira:

- A chance do participante vir a apresentar baixo recurso psicológico é 3.07 maior em meninas do que em meninos.
- A chance do participante vir a apresentar baixo recursos psicológico é 7.53 maior em participantes com TDAH do que em participantes sem TDAH.

Eventualmente, variáveis contínuas também podem ser significativas. Caso a variável `age` tivesse sido significativa, sua interpretação poderia ser:

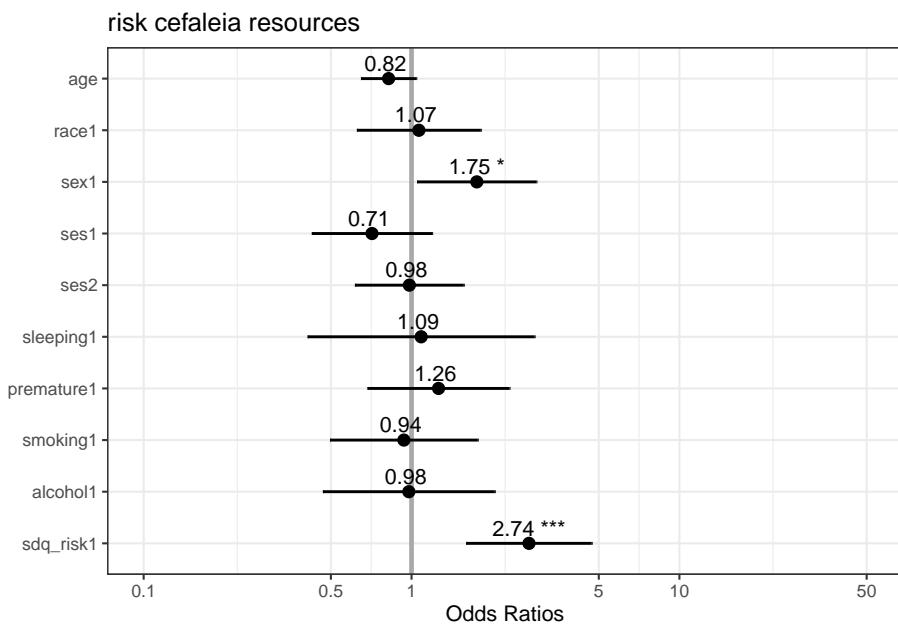
- O aumento de 1 ano de idade impacta a chance de vir a apresentar baixos recursos psicológicos em 0.82, indicando uma característica protetiva.

É importante ter em mente que esses resultados são baseados nas observações válidas. Por definição, o R não utiliza casos ausentes, o que ocasionou uma

redução de 7% das observações (de 339 para 314, neste caso). É provável que os achados fossem diferentes caso estratégias de imputação de casos ausentes tivessem sido implementadas.

De maneira análoga a outros modelos estatísticos, a apresentação dos resultados é muito beneficiada por gráficos, o que é feito pelo *Forest plot* neste caso. Neste gráfico, o eixo horizontal apresenta os valores possíveis de OR ($0 - \infty$) e é centralizado em 1. O eixo vertical lista todos os preditores analisados e seus intervalos de confiança. A interpretação é feita ancorada no valor 1, que quando está contida no intervalo de um determinado resultado, indica que os resultados não são significativos. Valores de OR acima de 1 se situam à direita e indicam um possível fator de risco. Valores de OR abaixo de 1 se situam à esquerda e indicam um possível fator protetivo.

```
sjPlot::plot_model(mod_risco,
                    grid = FALSE,
                    show.values = TRUE, value.offset = .3,
                    colors = "bw",
                    vline.color = "darkgray") +
  scale_x_discrete(labels = function(x) str_wrap(x, width = 10)) +
  theme_bw() +
  theme(legend.position = "top")
```



Caso haja interesse, é também possível computar as probabilidades e adicioná-

las à tabela aplicando $Odds/(1+Odds)$. Ao fazer isso, uma nova informação será apresentada e poderá ter alguma utilidade para interpretar preditores variáveis categóricas. Tradicionalmente, isso não é feito.

Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

Um aspecto importante é que a validade da interpretação dos resultados depende dos pressupostos do modelo estatístico. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017). Corriqueiramente, testar os pressupostos é uma etapa anterior à própria realização do teste inferencial. Entretanto, pedagogicamente a apresentação deles após a execução do teste parece mais adequada. Assim, eles serão testados a seguir.

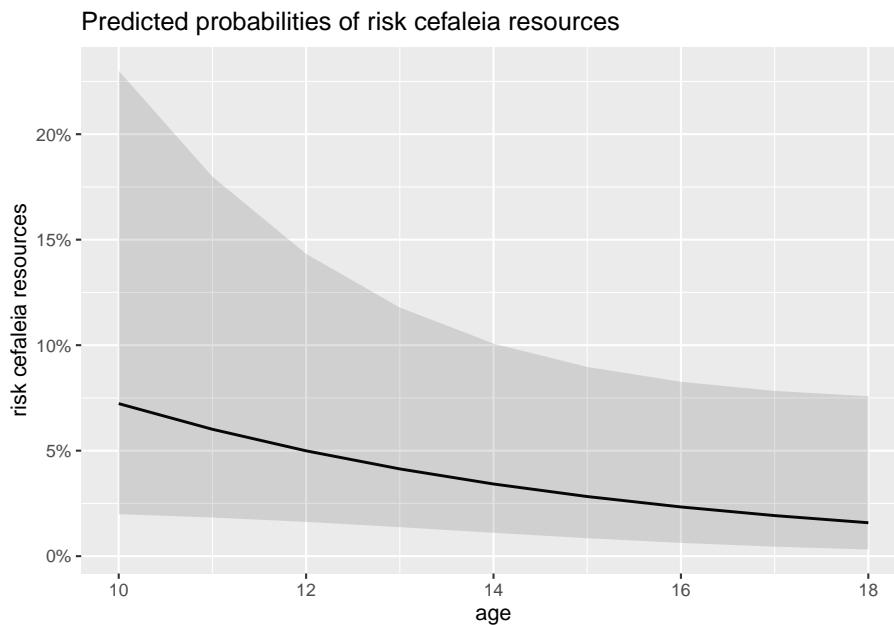
Multicolinearidade: A multicolinearidade pode ser investigada pela análise chamada *Variance Inflation Factor* (VIF). Essa análise verifica o quanto correlacionados são os preditores e gera um resultado numérico. Valores abaixo de 4 são tipicamente utilizados para indicar que os preditores não são fortemente correlacionados e, consequentemente, considerar este pressuposto atendido.

```
car::vif(mod_risco) %>% pander()
```

	GVIF	Df	$GVIF^{(1/(2*Df))}$
age	1.035	1	1.017
race	1.112	1	1.055
sex	1.078	1	1.038
ses	1.294	2	1.067
sleeping	1.17	1	1.082
premature	1.017	1	1.009
smoking	1.365	1	1.168
alcohol	1.155	1	1.075
sdq_risk	1.162	1	1.078

Relação linear entre preditores contínuos e o logit: A regressão logística assume que há um relacionamento linear entre os preditores contínuos e o desfecho logit. O pacote **sjplot** também pode ser utilizado para testar este pressuposto. Não há um teste formal específico para este pressuposto e a decisão é baseada na visualização deste relacionamento.

```
sjPlot::plot_model(mod_risco, type = "pred", terms = "age")
```



O gráfico não sugere desvio da linearidade. Com isso, esse pressuposto é também considerado mantido.

Após essas análises, é possível interpretar os resultados.

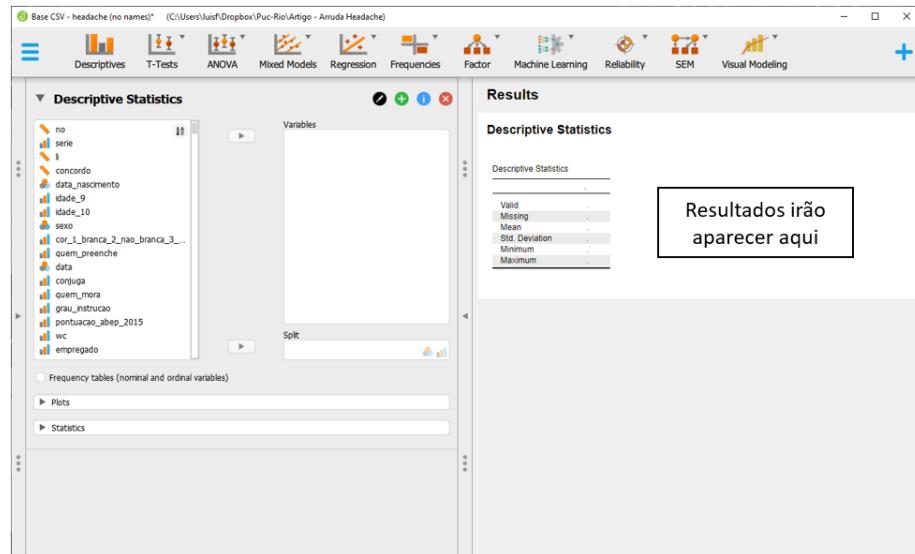
18.3 Execução no JASP

Inicialmente, é necessário carregar a base intitulada “Base CSV - headache (no names)” para o ambiente JASP. Essa base apresenta as variáveis que foram pesquisadas, bem como um conjunto de variáveis auxiliares que serviram para responder a outras perguntas.

A apresentação de tabelas e gráficos é sempre muito importante e pode ser feito ao clicar na opção **Descriptives**.

	no	serie	concordo	data_nascimento	idade_9	idade_10	sexo	cor_1_branca_2_nao_branca_3_nao_informou	quem_preenche		
1	191	6	1	1	6/12/2005	10	10	2	2	1	3/21/20
2	169	6	1	1	1/3/2005	11	11	1	1	2	3/21/20
3	246	7	1	1	4/27/2004	11	11	2	1	1	3/21/20
4	133	6	1	1	1/12/2005	11	11	1	2	1	3/23/20
5	205	7	1	1	6/21/2004	11	11	2	1	1	4/1/201
6	147	6	1	1	8/25/2004	11	11	2	1	3	7/9/201
7	235	7	1	1	1/16/2004	12	12	1	1	2	3/21/20
8	292	8	1	1	7/15/2003	12	12	2	1	1	4/6/201
9	249	7	1	1	1/6/2004	12	12	2	1	1	3/21/20
10	251	7	1	1	10/3/2003	12	12	2	1	2	3/21/20
11	289	8	1	1	11/22/2002	13	13	2	1	1	4/13/20
12	359	9	1	1	4/17/2002	13	13	2	1	1	4/14/20
13	293	8	1	1	5/14/2002	13	13	2	1	2	4/4/201
14	347	9	1	1	4/2/2002	13	13	2	1	1	3/22/20
15	278	8	1	1	5/17/2002	13	13	2	1	1	3/27/20
16	335	9	1	1	12/30/2002	13	13	2	1	1	4/17/20
17	310	8	1	1	11/22/2002	13	13	2	1	1	3/21/20
18	173	6	1	1	3/7/2003	13	13	2	3	1	4/12/20
19	55	1	1	1	4/22/2001	14	14	1	1	1	3/22/20
20	354	9	1	1	11/25/2001	14	14	1	1	1	4/5/201
21	321	9	1	1	11/14/2001	14	14	2	1	1	4/13/20
22	15	1	1	1	4/26/2001	14	14	2	1	1	3/21/20

Ao clicar nesta opção, a interface do JASP será próxima à exposita a seguir. É possível eleger as variáveis que irão ser analisadas e as variáveis que irão funcionar como agrupadores.



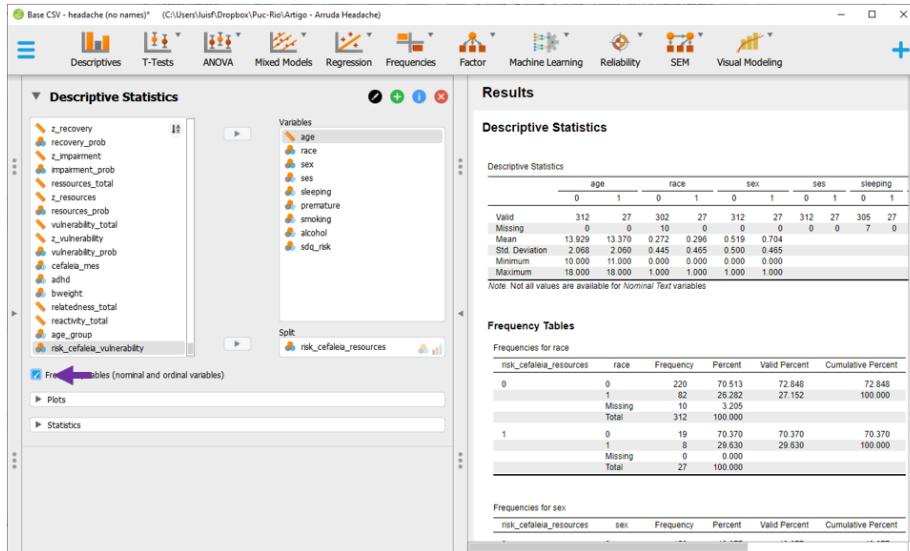
Neste caso, o interesse é agrupar os resultados em função de apresentar baixos recursos psicológicos. Neste sentido, a variável risk_cefaleia_resources deve ser inserida na parte **Split** e as variáveis age, race, sex, ses, sleeping, premature, smoking, alcohol e sdq_risk deverão ser inseridas em **Variables**.

Para a apresentação ficar adequada à escala de medida, é necessário marcar a opção **Frequency tables (nominal and ordinal variables)**, na parte inferior.

18.3. EXECUÇÃO NO JASP

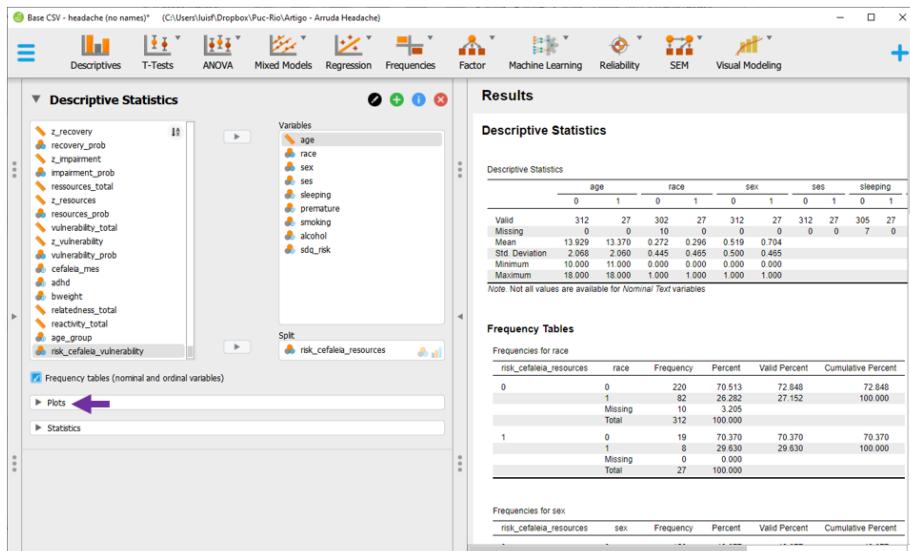
439

rior esquerda da interface.



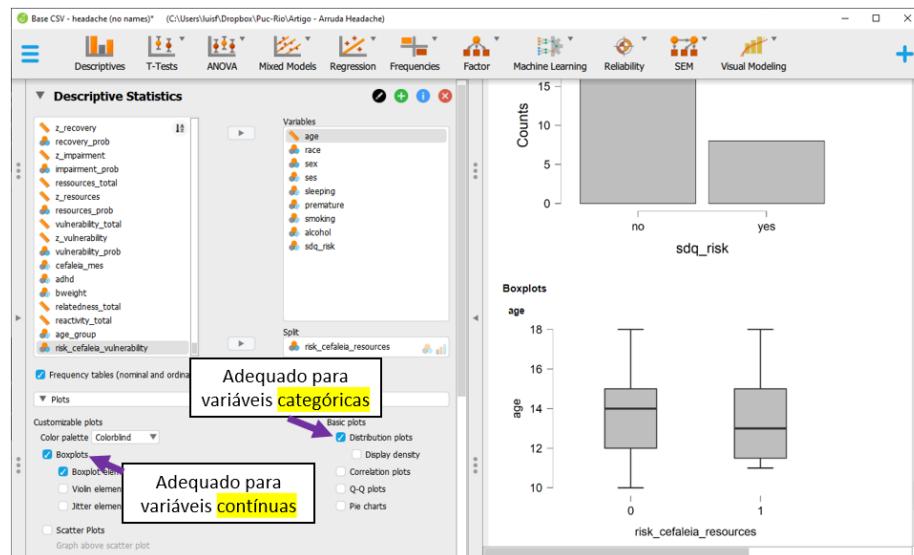
A tabela apresentada será bastante informativa e poderá ser utilizada também para uma apreensão inicial dos dados. Variáveis contínuas serão resumidas por suas médias e desvios-padrão e variáveis categóricas serão apresentadas por contagens e proporções.

Gráficos tendem a ser úteis também para verificar o formato da distribuição dos dados. o JASP permite realizá-los clicando em **Plots**.



Como há variáveis contínuas (age) e variáveis categóricas (sex, etc) o ideal é

apresentar tanto boxplots como gráficos de barras. Ao clicar na opção **Boxplot** e **Distribution plots**, o JASP irá realizar todos os gráficos e apresentá-los ao lado direito.



A análise conjunta da tabela previamente realizada e dos gráficos pode ser feita. Apesar deste procedimento inicial não ser uma etapa fundamental, ele tem sua aplicação para apresentar resultados descritivos da amostra.

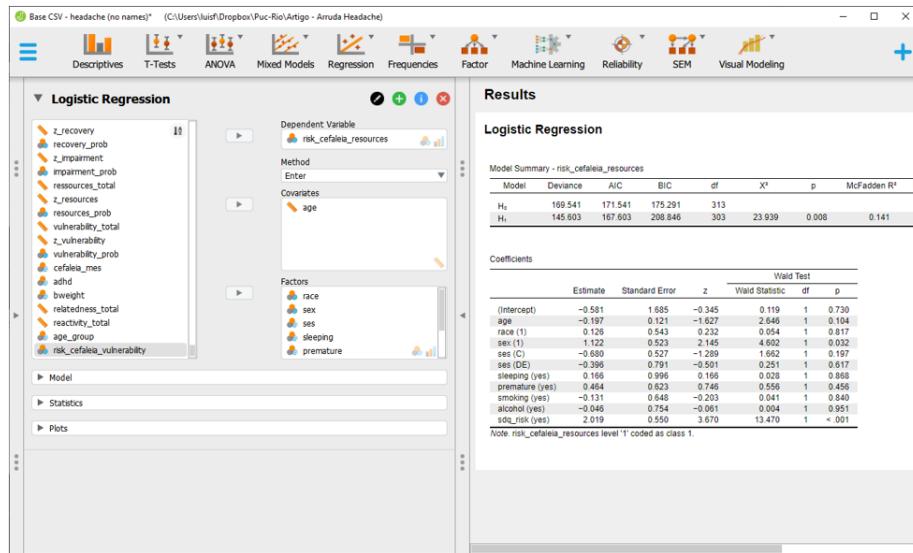
Com isto feito, é possível fazer a regressão logística.

Para execução da regressão logística, será necessário clicar em **Regression** e **Logistic Regression**.

	no	serie	i	concordo	data_nascimento	idade_9	idade_10	sexo	cor_1_branca_2_nao_branca_3_nao_informou	quem_preenche	
1	191	6	1	1	6/12/2005	10	10	2	2	1	3/21/20
2	169	6	1	1	1/3/2005	11	11	1	1	2	3/21/20
3	246	7	1	1	4/27/2004	11	11	2	1	1	3/21/20
4	133	6	1	1	1/12/2005	11	11	1	2	1	3/23/20
5	205	7	1	1	6/21/2004	11	11	2	1	1	4/1/201
6	147	6	1	1	8/25/2004	11	11	2	1	3	7/9/201
7	235	7	1	1	1/16/2004	12	12	1	1	2	3/21/20
8	292	8	1	1	7/15/2003	12	12	2	1	1	4/6/201
9	249	7	1	1	1/6/2004	12	12	2	1	1	3/21/20
10	251	7	1	1	10/3/2003	12	12	2	1	2	3/21/20
11	289	8	1	1	11/22/2002	13	13	2	1	1	4/13/20
12	359	9	1	1	4/17/2002	13	13	2	1	1	4/14/20
13	293	8	1	1	5/14/2002	13	13	2	1	2	4/4/201
14	347	9	1	1	4/2/2002	13	13	2	1	1	3/22/20
15	278	8	1	1	5/17/2002	13	13	2	1	1	3/27/20
16	335	9	1	1	12/30/2002	13	13	2	1	1	4/17/20
17	310	8	1	1	11/22/2002	13	13	2	1	1	3/21/20
18	173	6	1	1	3/7/2003	13	13	2	3	1	4/12/20
19	55	1	1	1	4/22/2001	14	14	1	1	1	3/22/20
20	354	9	1	1	11/25/2001	14	14	1	1	1	4/5/201
21	321	9	1	1	11/14/2001	14	14	2	1	1	4/13/20
22	15	1	1	1	4/26/2001	14	14	2	1	1	3/21/20

A tela do JASP irá apresentar algumas opções. O local **Dependent variables** é onde a VD será inserida. Repare que o JASP somente permitirá inserir uma única variável nominal ou ordinal neste espaço. **Covariates** é o local onde as VIs contínuas serão colocadas e **Factors** é onde as VIs categóricas serão colocadas.

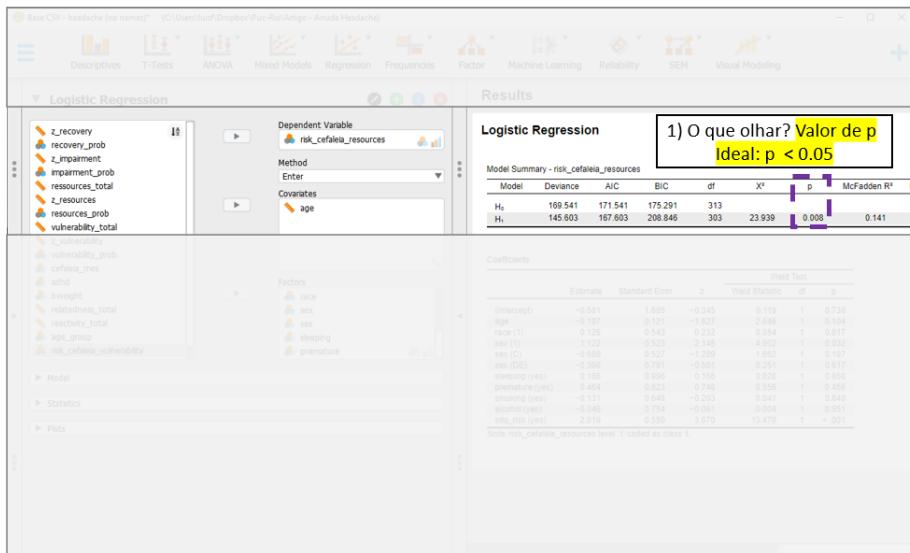
Para realizar o modelo, será necessário levar a `risk_cefaleia_resources` para **Dependent Variable**. Em seguida, age para seção **Covariates** e `race`, `sex`, `ses`, `sleeping`, `premature`, `smoking`, `alcohol` e `sdq_risk` para **Factors**. Ao fazer isso, o JASP irá fazer as principais análises e apresentar os resultados em uma tabela específica, ao lado direito da tela.



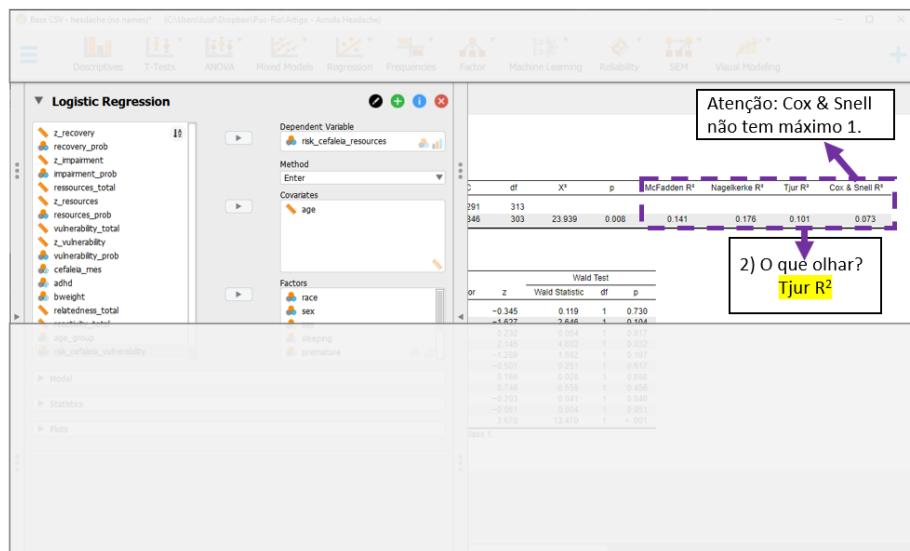
É fácil notar que os resultados apresentados são muitos. É recomendado uma ordem específica para interpretá-los.

Em primeiro momento, é importante verificar o ajuste do modelo na seção **Model summary**, na parte superior dos resultados. O JASP compara o modelo ajustado H₁ contra um modelo nulo H₀ em uma métrica de desvio (*Deviance*) e pelos critérios de informação de Akaike (AIC) e Bayesiano (BIC). De maneira similar à regressão linear, H₀ representa o modelo mais simples possível (sem preditores) e H₁ representa o modelo com os preditores que estão sendo testados. Valores de P e resultados baixos dos critérios AIC e BIC são utilizados como guias de decisão sobre o melhor modelo.

A síntese desses resultados indica que o modelo testado é mais informativo que o modelo nulo, uma vez que o valor de P foi de 0.008 e o AIC do modelo testado foi inferior, apesar do BIC ter sido superior.



O segundo momento consiste na interpretação de uma métrica análoga ao R^2 de modelos de regressão linear. Na seção **Model summary**, o JASP apresenta algumas opções de uso. Existem debates na literatura sobre qual resultado é o mais indicado e, cada vez mais, o R^2 de *Tjur* tem sido escolhido. Essa é uma métrica 0-1 que é computada verificando as diferenças médias dos resultados obtidos pelo modelo nulo e pelo modelo testado. Independentemente do R^2 escolhido, é importante ter claro que os valores do R^2 Cox & Snell não estão contido no intervalo 0-1, o que gera dificuldade em sua interpretação. No modelo testado, o R^2 de *Tjur* foi de 0.101. Não há uma regra geral para interpretar o R^2 . Em Psicologia, por exemplo, é bastante difícil que ele chegue a 0.5.



O terceiro momento é a análise das estimativas obtidas em cada um dos preditores listados na seção **Coefficients**. No entanto, o JASP apresenta o log(odds) dos resultados, cuja interpretação é pouco intuitiva. Desta maneira, é necessário adicionar o *Odds Ratio* à tabela. Para fazer isso, ao lado esquerdo da interface, é necessário clicar em **Statistics** e, em seguida **Odds Ratio**.

Model	Deviance	AIC	BIC	df	χ^2	p	McFadden R ²
H ₀	169.541	171.541	175.291	313			
H ₁	145.603	167.603	208.846	303	23.939	0.008	0.141

Coefficients							
	Estimate	Standard Error	Odds Ratio	z	Wald Statistic	df	p
(Intercept)	-0.581	1.685	0.560	-0.345	0.119	1	0.730
age	-0.197	0.121	0.821	-1.627	2.646	1	0.104
race (1)	0.126	0.543	1.134	0.232	0.054	1	0.817
ses (1)	1.122	0.543	3.071	2.145	4.602	1	0.035
ses (C)	-0.680	0.527	0.507	-1.289	1.662	1	0.197
ses (DE)	-0.396	0.791	0.673	-0.501	0.251	1	0.817
smoking (yes)	0.166	0.996	1.198	0.166	0.028	1	0.868
premature (yes)	0.484	0.623	1.591	0.746	0.556	1	0.456
smoking (yes)	0.121	0.648	0.877	-0.203	0.041	1	0.469
alcohol (yes)	-0.046	0.754	0.955	-0.061	0.004	1	0.951
sdq_risk (yes)	2.019	0.550	7.532	3.670	13.470	1	< .001

O *Odds Ratio* será adicionado à tabela. Agora, cada um dos preditores poderá ser analisado individualmente, com interpretação levando em consideração o OR e os valores de P.

3) O que olhar?
Predictor, Odds Ratio e Valor de p

A interpretação do *Odds Ratio* (OR) precisa ser feita com atenção: ele indica a

chance de ocorrência de um desfecho caso o preditor analisado tenha ocorrido, em comparação com sua não ocorrência. Esses valores não indicam diretamente sobre a probabilidade de um desfecho, apesar disso poder ser feito.

Os preditores sex[1 - Mulheres] e sqd_risk foram significativos. A interpretação pode ser feita da seguinte maneira:

- A chance do participante vir a apresentar baixo recurso psicológico é 3.07 maior em meninas do que em meninos.
- A chance do participante vir a apresentar baixo recursos psicológico é 7.53 maior em participantes com TDAH do que em participantes sem TDAH..

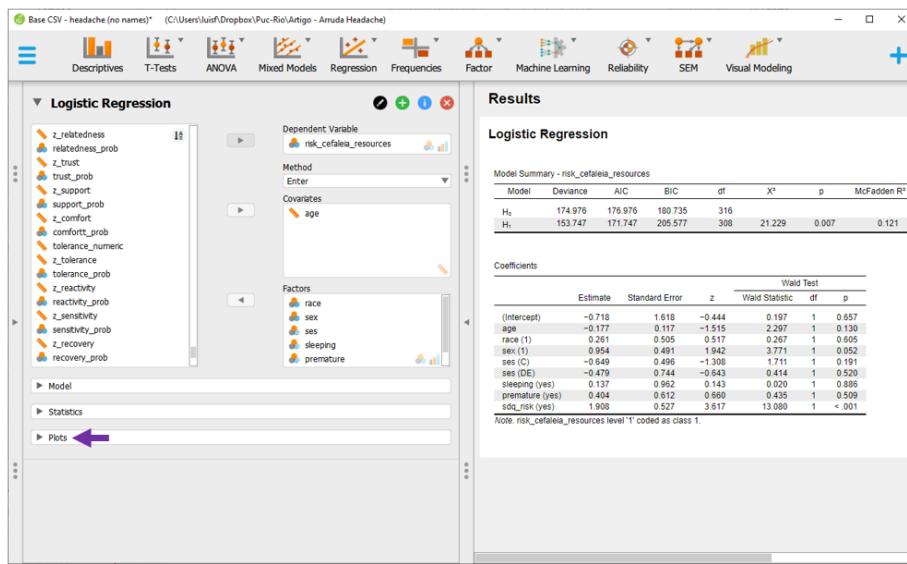
Eventualmente, variáveis contínuas também podem ser significativas. Caso a variável age tivesse sido significativa, sua interpretação poderia ser:

- O aumento de 1 ano de idade impacta a chance de vir a apresentar baixos recursos psicológicos em 0.82, indicando uma característica protetiva.

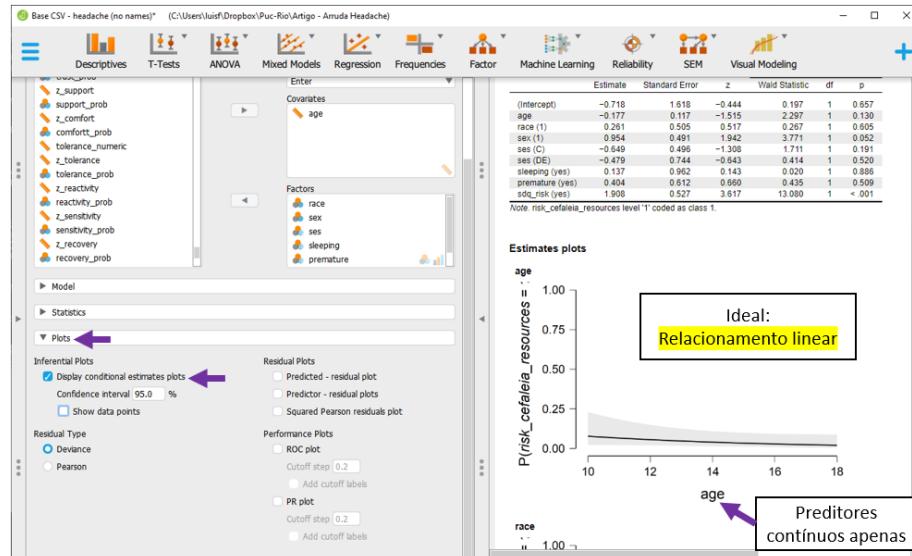
Atenção: A validade das inferências dos resultados depende da adequação ou não dos pressupostos dos testes estatísticos. A avaliação destas condições é parte de um procedimento diagnóstico que deve ser sempre feito.

Uma vez que o modelo já foi realizado, a interpretação dos resultados depende da adequação de seus pressupostos. A violação destes pressupostos distorce, limita ou invalida as interpretações teóricas propostas, uma vez que tanto o aumento do erro do tipo 1 (falso positivo), como do tipo 2 (falso negativo) podem ocorrer (Lix et al., 1996; Barker and Shaw, 2015; Ernst and Albers, 2017). Corriqueiramente, testar os pressupostos é uma etapa anterior à própria realização do teste inferencial. Entretanto, pedagogicamente a apresentação deles após a execução do teste parece mais adequada.

Nesta versão do JASP, não há testes formais para verificar a multicolinearidade, mas há para verificar a relação linear entre o logit e preditores contínuos. Para realizar esta análise, é necessário clicar em **Plots**, na parte esquerda da interface.



Um conjunto de opção irá ser exibida. É necessário marcar **Inferential Plots** e **Display conditional estimates plots**. O JASP irá fazer gráficos individuais para cada preditor. No entanto, é importante olhar apenas o relacionamento entre os preditores contínuos (por exemplo, age) e o desfecho. O ideal é que haja um relacionamento linear entre ambos, tal como ocorre neste caso.



Dentre as análises possíveis em regressão logística, o JASP também oferece cálculo de algumas medidas de performance, tal como acurácia e curva ROC. Apesar delas não serem abordadas neste momento, elas são especialmente importantes quando se deseja comparar modelos de regressão.

Após essas análises, é possível interpretar os resultados.

18.4 Escrita dos resultados

De uma forma geral, o principal achado do modelo de regressão logística é que a chance de mulheres e participantes com TDAH apresentarem baixos recursos psicológicos é significativamente maior do que seus pares homens e pessoas sem TDAH. Essas condições possuem uma grande importância em áreas de saúde, uma vez que elas permitem que clínicos não apenas entendam melhor o fenômeno, como também possam mapear as possíveis condições que o mantêm. Abaixo uma sugestão de escrita baseada nas recomendações da American Psychological Association (APA).

Como escrever os resultados

Um modelo de regressão logística foi conduzido para verificar os efeitos de diferentes condições sociais, ambientais e psicológicas na chance dos participantes apresentarem baixos recursos psicológicos. O modelo foi estatisticamente significativo ($\chi^2(308) = 21.229$, $p = 0.007$, $R^2 = 0.10$) e indicou que mulheres - em comparação com os homens - têm uma chance 3.07 maior de apresentarem tal condição ($OR = 3.07$, $p = 0.032$). Participantes com TDAH apresentam uma chance 7.53 maior de apresentarem tal desfecho ($OR = 7.53$, $p < 0.001$), quando comparados àqueles sem TDAH. Dessa forma, ambas as características são fatores de risco à apresentação de baixos recursos psicológicos.

18.5 Regressão logística, OR e Qui-quadrado

Conforme apresentado em capítulos anteriores, o teste Qui-quadrado é um caso particular do modelo de regressão logística em que há uma única variável independente categórica. Além disso, o *Odds Ratio* é uma medida de efeito que costuma ser obtida pela mesma tabela de contingência em que o teste Qui-quadrado é calculado.

Para demonstrar este conceito, a relação entre o sexo do participante (Masculino ou Feminino) e estar em risco de baixo recurso psicológico (sim ou não) será modelada.

Inicialmente, a tabela de contingência descreve o relacionamento entre as variáveis.

sex	0	1	Total
Male	95% (150)	5% (8)	100% (158)
Female	90% (162)	10% (19)	100% (181)

sex	0	1	Total
Total	92% (312)	8% (27)	100% (339)

Essa tabela é particularmente útil e permite explorar possíveis associações entre as variáveis utilizando o teste Qui-quadrado de independência. Os resultados foram significativos, $X^2(1) = 3.398, p = 0.065$, indicando pela associação entre sexo e risco. No entanto, como o Qui-quadrado não trabalha com o conceito de variável independente e dependente, seus resultados não indicam em quais células os valores esperados e observados são significativamente diferentes.

Por esta mesma tabela, é possível calcular a chance (*Odds*) de um participante do sexo masculino estar no grupo de risco:

$$8/150 = 0.053$$

Bem como a chance (*Odds*) de um participante do sexo feminino estar no grupo de risco:

$$19/162 = 0.117$$

Os resultados obtidos às mulheres são superiores ao dos homens. Isso sugere que elas apresentam uma chance consideravelmente maior de estarem nesta esta condição negativa quando comparadas aos homens. O cálculo do *Odds Ratio*, neste sentido, é fundamental para indicar o quanto maior é a chance. Como o nome indica, a conta é feita pela razão entre as chances, que indica OR = 2.2.

$$\frac{\overbrace{\left(\frac{19}{162}\right)}^{\text{Odds Mulheres}}}{\underbrace{\left(\frac{8}{150}\right)}_{\text{Odds Homens}}} \approx 2.2$$

Esses dois resultados são importantes, mas seriam interpretados separadamente. Eles concluiriam que existe uma associação significativa (com $\alpha < 0.1$) entre o sexo do participante e apresentar baixos recursos psicológicos, bem como uma chance aumentada das mulheres apresentarem baixos recursos psicológicos quando comparados aos homens.

Ao modelar esses dados por uma regressão logística, essas duas análises são feitas simultaneamente. Neste sentido, a regressão (1) realiza um teste Qui-quadrado de independência, com a particular vantagem de definir claramente uma variável independente e outra dependente, bem como (2) computa os OR dos preditores e testa sua significância estatística. Conceitualmente:

$$\underbrace{\ln \left(\frac{Risco}{1 - Risco} \right)}_{\text{logit}} = b_0 + b_1 X_{sexo}$$

```
base_uso %>%
  mutate(risk =
    if_else(risk_cefaleia_resources == "0", 0, 1)) %>% #numeric for poisson
  count(risk, sex) %>%
  {glm(n ~ risk * sex, data = ., family = poisson())} %>%
  anova(., test = 'Rao') %>%
  pander()
```

Table 18.5: Analysis of Deviance Table

	Df	Deviance	Resid. Df	Resid. Dev	Rao	Pr(>Chi)
NULL	NA	NA	3	286.6	NA	NA
risk	1	281.5	2	5.076	239.6	4.801e-54
sex	1	1.562	1	3.514	1.56	0.2116
risk:sex	1	3.514	0	3.864e-14	3.398	0.06527

A tabela a seguir apresenta o ajuste deste modelo de regressão (**risk*sex**: 3.398), que foi o mesmo valor encontrado na estatística de teste do Qui-quadrado. O valor de P é também o mesmo (0.065).

Por sua vez, o *Odds Ratio* calculado previamente pela tabela de contingência também é encontrado na tabela de resultados da regressão logística ao se fazer $\exp(b)$. O exponencial, eventualmente, é também chamado de antilogaritmo.

Predictor	Estimate	OR
(Intercept)	-2.5	0.1
sex1	0.4	1.5

18.6 Resumo

1. A regressão logística permite modelar variáveis categóricas, sejam elas binárias ou ordinais

2. A variável dependente desta regressão é uma função (logit) e não uma probabilidade
3. A interpretação desta regressão costuma ser feita pelo conceito de Razão de chances (*Odds Ratio*)
4. O Qui-quadrado é um caso particular de uma regressão logística com uma única VI categórica

18.7 Pesquisas adicionais

1. Cardiovascular Disease in Patients With Schizophrenia in Saskatchewan, Canada (DOI: 10.4088/JCP.v65n0519)
Esta é uma pesquisa de larga escala, feita para verificar a prevalência de problemas cardiológicos em pacientes portadores de esquizofrenia. O estudo utilizou pesadamente modelos de regressão logística e *Odds ratio* para verificar as diferentes características que impactam em problemas cardiológicos, bem como estimar o tamanho do efeito que estas características possuem.
2. Predictive model and determinants of under-five child mortality: evidence from the 2014 Ghana demographic and health survey (DOI: 10.1186/s12889-019-6390-4)
Este estudo visou identificar os preditores relacionados à sobrevivência/mortalidade infantil em Gana, um país africano. O modelo da regressão logística foi utilizado e entre os preditores relacionados à maior chance de sobrevivência estão o sexo da criança e a escolaridade da mãe. Meninas e filhos(as) de mães não-analfabetas tem chance maior de sobrevivência.

18.8 Questões

1. (Retirado de Andy Field - Dicovering statistics) A regressão logística assume entre seus pressupostos.a) Relacionamento linear entre os preditores contínuos e a variável resposta.b) Relacionamento linear entre os preditores contínuos e o logit da variável resposta.c) Relacionamento linear entre os preditores contínuos.d) Relacionamento linear entre todas as observações. e) Todas as opções são incorretas.
2. (Retirado de Analista de Tecnologia da Informação Análise de Informações, DATAPREV, COSEAC, 2008). Em uma regressão logística múltipla, se uma variável explicativa X_i é dicotômica, seu coeficiente pode

ter uma interpretação especial: a razão de chance (*odds ratio*) estimada da resposta para dois níveis possíveis de X_i . Pode-se definir a razão de chance como: a) antilogaritmo de X_i .b) logaritmo de X_i .c) razão entre X_1/X_2 .d) soma dos quadrados de X_i .e) razão entre $X_i/\exp(X_i)$

3. (Retirado de FUB, CESPE, 2010) Em um estudo clínico utilizou-se um modelo de regressão logística em que y é a variável resposta, como preditor linear, a expressão $a + bx + cz$, em que $x = 0$ para o grupo placebo e $x = 1$ para o grupo de tratamento; z é uma medida de colesterol (em escala de 0 a 5) antes do início do tratamento. Com base nessas informações, julgue os itens subsequentes). A variável resposta y é binária.a) Certo.
b) Errado.

Gabarito: 1-b;2-a;3-a

Este livro pode ser adquirido no site da Amazon, clicando [aqui](#).

Ao comprar a obra, você auxilia este projeto e ajuda a execução de novos. Qualquer dúvida, entre em contato por luisfca@puc-rio.br

Chapter 19

Quarta capa

Estatística é uma disciplina que, quase sempre, desperta uma preocupação em estudantes de ciências humanas, certamente não apenas aqueles matriculados em Psicologia. No entanto, em sentido oposto à ansiedade que essa disciplina pode provocar, há cada vez mais um reconhecimento sobre a importância de métodos e análises estatísticas no campo das ciências, especialmente nas áreas empíricas.

Neste livro, o Professor Luis Anunciação (PUC-Rio) se propõe a uma tarefa arriscada, mas muito pioneira: ensinar estatística e análise de dados através de pesquisas previamente publicadas na área da Psicologia e Epidemiologia, com dados abertos e acessíveis tanto para utilização no programa estatístico R e no JASP.

O livro consegue tocar em três aspectos essenciais em uma pesquisa, que são (1) como elaborar e estruturar uma pesquisa, (2) como analisar os dados decorrentes da pesquisa e tomar decisões probabilísticas e (3) como interpretar os resultados, integrando a modelagem estatística e as questões teóricas que, originalmente, motivaram à execução da pesquisa.

A leitura deste livro é bastante prazerosa. O conteúdo é passado de forma leve, sem sobrecarregar em aspectos matemáticos, mas também sem ignorá-los ou escondê-los. Na minha opinião, a forma utilizada para apresentar o conteúdo proposto é adequada e tende a agradar leitores de diferentes formações e interesses.

Anna Carolina de Almeida Portugal
Doutora em Fisiologia,
Professora da Universidade Federal do Rio de Janeiro (UFRJ)

Chapter 20

Referencias

Bibliography

- Aguiar Neto, R. R. d. (2010). *Estatistica basica aplicada a administracao judiciaria*. Colecao Administracao Judiciaria.
- Amarasingha, N. and Dissanayake, S. (2014). Gender differences of young drivers on injury severity outcome of highway crashes. *Journal of Safety Research*, 49:113.e1–120.
- Amatori, S., Zeppa, S. D., Preti, A., Gervasi, M., Gobbi, E., Ferrini, F., Rocchi, M. B. L., Baldari, C., Perroni, F., Piccoli, G., Stocchi, V., Sestili, P., and Sisti, D. (2020). Dietary habits and psychological states during COVID-19 home isolation in italian college students: The role of physical exercise. *Nutrients*, 12(12):3660.
- Babbie, E. R. (1990). *Survey research methods / Earl Babbie*. Wadsworth Pub. Co., Belmont, Calif., 2nd ed. edition.
- Baird, D. (1983). The fisher/pearson chi-squared controversy: A turning point for inductive inference. *The British Journal for the Philosophy of Science*, 34(2):105–118.
- Bandura, A., Ross, D., and Ross, S. A. (1961). Transmission of aggression through imitation of aggressive models. *The Journal of Abnormal and Social Psychology*, 63(3):575–582.
- Barker, L. E. and Shaw, K. M. (2015). Best (but oft-forgotten) practices: checking assumptions concerning regression residuals. *The American Journal of Clinical Nutrition*, 102(3):533–539.
- Battisti, I. D. E. and da Silva Smolski, F. M. (2019). *Software R: Analise estatistica de dados utilizando um programa livre*. Faith.
- Bergenholtz, C., MacAulay, S. C., Kolylmpiris, C., and Seim, I. (2018). Transparency on scientific instruments. *EMBO reports*, 19(6).
- Borgatta, E. F. and Bohrnstedt, G. W. (1980). Level of measurement. *Sociological Methods & Research*, 9(2):147–160.

- Bursztyn, L., González, A., and Yanagizawa-Drott, D. (2018). Misperceived social norms: Female labor force participation in saudi arabia. Technical report.
- Campbell, I. (2007). Chi-squared and fisher–irwin tests of two-by-two tables with small sample recommendations. *Statistics in Medicine*, 26(19):3661–3675.
- Cassidy, S. A., Dimova, R., Giguère, B., Spence, J. R., and Stanley, D. J. (2019). Failing grade: 89% of introduction-to-psychology textbooks that define or explain statistical significance do so incorrectly. *Advances in Methods and Practices in Psychological Science*, 2(3):233–239.
- Chartier, S. and Faulkner, A. (2008). General linear models: An integrated approach to statistics. *Tutorials in Quantitative Methods for Psychology*, 4(2):65–78.
- Cohen, B. (2013). *Explaining psychological statistics*. John Wiley & Sons, Hoboken, NJ.
- Cohen, J. (1988). *Statistical Power Analysis for the Behavioral Sciences*. Routledge.
- Curley, K. (2013). Testing the assumptions of assumptions testing. *Casualty Actuarial Society*.
- David, H. A. (1998). First (?) occurrence of common terms in probability and statistics—a second list, with corrections. *The American Statistician*, 52(1):36.
- DeMaris, A. (1995). A tutorial in logistic regression. *Journal of Marriage and the Family*, 57(4):956.
- Draper, S. (2020).
- Dumsday, T. (2012). Laws of nature don'tHaveCeteris paribus clauses, TheyAreCeteris paribus clauses. *Ratio*, 26(2):134–147.
- Ernst, A. F. and Albers, C. J. (2017). Regression assumptions in clinical psychology research practice—a systematic review of common misconceptions. *PeerJ*, 5:e3323.
- Everitt, B. (2002). *The Cambridge dictionary of statistics*. Cambridge University Press, Cambridge, UK; New York.
- Feigelson, E. D. and Babu, G. J., editors (1992). *Statistical Challenges in Modern Astronomy*. Springer New York.
- Feil, E. G., Baggett, K., Davis, B., Landry, S., Sheeber, L., Leve, C., and Johnson, U. (2020). Randomized control trial of an internet-based parenting intervention for mothers of infants. *Early Childhood Research Quarterly*, 50:36–44.

- Fennell, D. J. (2005). *A philosophical analysis of causality in econometrics*. PhD thesis, London School of Economics and Political Science.
- Field, A. P. and Wilcox, R. R. (2017). Robust statistical methods: A primer for clinical psychology and experimental psychopathology researchers. *Behaviour Research and Therapy*, 98:19–38.
- Fox, J. (2016). *Applied Regression Analysis and Generalized Linear Models (3th edition)*. SAGE.
- Frigg, R. and Hartmann, S. (2020). Models in Science. In Zalta, E. N., editor, *The Stanford Encyclopedia of Philosophy*. Metaphysics Research Lab, Stanford University, spring 2020 edition.
- Friis, R. H. and Selles, T. A. (2013). *Epidemiology for Public Health Practice*. Jones & Barlett Publishers, 5nd edition.
- Gaudio, A. C. and Zandonade, E. (2001). Proposicao, validacao e analise dos modelos que correlacionam estrutura quimica e atividade biologica. *Quimica Nova*, 24(5):658–671.
- Gil, A. C. (2002). *Como elaborar de projetos de pesquisa*. Editora Atlas S.A., Sao Paulo.
- Glantz, S. A. (2014). *Principios de bioestatistica*. AMGH, Porto Alegre, 7 ed. edition. ISBN 978-85-8055-301-7.
- Goodman, S. N. (1999). Toward evidence-based medical statistics. 1: The p value fallacy. *Annals of Internal Medicine*, 130(12):995.
- Greenland, S. (2019). Valid p-values behave exactly as they should: Some misleading criticisms of p-values and their resolution with s-values. *The American Statistician*, 73(sup1):106–114.
- Gueorguieva, R. and Krystal, J. H. (2004). Move over ANOVA. *Archives of General Psychiatry*, 61(3):310.
- Heidemann, L. A., Araujo, I. S., and Veit, E. A. (2016). Modelagem didático-científica: integrando atividades experimentais e o processo de modelagem científica no ensino de física. *Caderno Brasileiro de Ensino de Física*, 33(1):3.
- Hirschman, D. (2016). Stylized facts in the social sciences. *Sociological Science*, 3:604–626.
- Howell, D. C. (2011). *Fundamental Statistics for the Behavioral Sciences*. Wadsworth Cengage Learning, Belmont: CA.
- Jenkins-Smith, H., Ripberger, J., Copeland, G., Nowlin, M., Hughes, T., Fister, A., and Wehde, W. (2017). *Quantitative Research Methods for Political Science, Public Policy and Public Administration*. self-published.

- Jones, C. and Levin, J. (1994). Primary/elementary teachers' attitudes toward science in four areas related to gender differences in students' science performance. *Journal of Elementary Science Education*, 6(1):46–66.
- Junior, A. A., de Almeida Portugal, A. C., Landeira-Fernandez, J., Bullón, F. F., dos Santos, E. J. R., de Vilhena, J., and Anunciação, L. (2020). Depression and anxiety symptoms in a representative sample of undergraduate students in spain, portugal, and brazil. *Psicologia: Teoria e Pesquisa*, 36.
- Krus, D. J. and Krus, P. H. (1977). Lost: McCall's t scores: Why? *Educational and Psychological Measurement*, 37(1):257–261.
- Lecoutre, B. and Poitevineau, J. (2014). *The Significance Test Controversy Revisited*. Springer Berlin Heidelberg.
- Lix, L. M., Keselman, J. C., and Keselman, H. J. (1996). Consequences of assumption violations revisited: A quantitative review of alternatives to the one-way analysis of variance "f" test. *Review of Educational Research*, 66(4):579.
- Lumley, T., Diehr, P., Emerson, S., and Chen, L. (2002). The importance of the normality assumption in large public health data sets. *Annual Review of Public Health*, 23(1):151–169.
- Madsen, K. (1988). Chapter 4 classical experimental psychology. In *Advances in Psychology*, pages 109–164. Elsevier.
- Matthews, R. (2000). Storks deliver babies ($p = 0.008$). *Teaching Statistics*, 22(2):36–38.
- Mayer, R. E. (2007). Old advice for new researchers. *Educational Psychology Review*, 20(1):19–28.
- Michell, J. (1993). The origins of the representational theory of measurement: Helmholtz, hölder, and russell. *Studies in History and Philosophy of Science Part A*, 24(2):185–206.
- Morettin, P. A. and Bussab, W. d. O. (2010). *Estatística basica*. Saraiva.
- Motulsky, H. J. (2014). Common misconceptions about data analysis and statistics. *Naunyn-Schmiedeberg's Archives of Pharmacology*, 387(11):1017–1023.
- Mujcic, R. and Frijters, P. (2020). The colour of a free ride. *The Economic Journal*.
- Neal, J. W. and Neal, Z. (2021). Who are the childfree?
- Ocaña-Riola, R. (2016). The use of statistics in health sciences: Situation analysis and perspective. *Statistics in Biosciences*, 8(2):204–219.

- Pearson, K. (1900). X. on the criterion that a given system of deviations from the probable in the case of a correlated system of variables is such that it can be reasonably supposed to have arisen from random sampling. *The London, Edinburgh, and Dublin Philosophical Magazine and Journal of Science*, 50(302):157–175.
- Piff, P. K., Stancato, D. M., Cote, S., Mendoza-Denton, R., and Keltner, D. (2012). Higher social class predicts increased unethical behavior. *Proceedings of the National Academy of Sciences*, 109(11):4086–4091.
- Popper, K. R. (2009). *The Two Fundamental Problems of the Theory of Knowledge*. Routledge.
- Portugues, E. G. (2020). Lab notes for statistics for social sciences ii: Multivariate techniques.
- Privitera, G. J. (2016). *Statistics for the Behavioral Sciences*. SAGE.
- Putnam, H. (1980). Models and reality. *Journal of Symbolic Logic*, 45(3):464–482.
- Quené, H. and van den Bergh, H. (2004). On multi-level modeling of data from repeated measures designs: a tutorial. *Speech Communication*, 43(1-2):103–121.
- Rhodes, N. and Pivik, K. (2011). Age and gender differences in risky driving: The roles of positive affect and risk perception. *Accident Analysis & Prevention*, 43(3):923–931.
- Schoenbach, V. J. (2000). Chapter 7: Relating risk factors to health outcomes. In *Understanding the Fundamentals of Epidemiology: an evolving text*, chapter 7. Chapel Hill, University of North Carolina at Chapel Hill.
- Skogli, E. W., Andersen, P. N., and Isaksen, J. (2020). An exploratory study of executive function development in children with autism, after receiving early intensive behavioral training. *Developmental Neurorehabilitation*, 23(7):439–447.
- Smart, J. C. (1999). *Higher Education: Handbook of Theory and Research*. Springer.
- Stangor, C. (2010). *Introduction to Psychology*. Flatworld Knowledge, 1nd edition.
- Stevens, S. S. (1946). On the theory of scales of measurement. *Science*, 103(2684):677–680.
- Stevens, S. S. (1959). Measurement, psychophysics, and utility. In Churchman, C. W. & Ratoosh, P., editor, *Measurement: definitions and theories*, pages 18–63. Wiley, New York.

- Sugianto, D. K. (2017). The moderating effect of age, income, gender, expertise, loyalty program, and critical incident on the influence of customer satisfaction towards customer loyalty in airline industry: a case of pt. x. *iBuss Management*, 5(1):70–83.
- Thorndike, E. L. (1914). *Educational psychology, Vol 3: Mental work and fatigue and individual differences and their causes*. Teachers College.
- Trafimow, D. (2019). A frequentist alternative to significance testing, p-values, and confidence intervals. *Econometrics*, 7(2):26.
- Unger, S. H. and Hansch, C. (1973). Model building in structure-activity relations. reexamination of adrenergic blocking activity of .beta.-halo-.beta.-arylalkylamines. *Journal of Medicinal Chemistry*, 16(7):745–749.
- Velleman, P. F. and Wilkinson, L. (1993). Nominal, ordinal, interval, and ratio typologies are misleading. *The American Statistician*, 47(1):65–72.
- Wagner, M. B. and Callegari-Jacques, S. M. (1998). Measures of association in epidemiological studies: relative risk and odds ratio. *Journal of Pediatrics*, 74(3):247–251.
- Wasserstein, R. L. and Lazar, N. A. (2016). The ASA statement on p-values: Context, process, and purpose. *The American Statistician*, 70(2):129–133.
- Weisberg, M. (2013). Three kinds of models. In *Simulation and Similarity*, pages 7–23. Oxford University Press.
- Wenke, R. J., Mickan, S., and Bisset, L. (2017). A cross sectional observational study of research activity of allied health teams: is there a link with self-reported success, motivators and barriers to undertaking research? *BMC Health Services Research*, 17(1).
- Worley, H. (2006). Road traffic accidents increase dramatically worldwide.
- Wu, H. and Leung, S.-O. (2017). Can likert scales be treated as interval scales?—a simulation study. *Journal of Social Service Research*, 43(4):527–532.
- Yap, B. W. and Sim, C. H. (2011). Comparisons of various types of normality tests. *Journal of Statistical Computation and Simulation*, 81(12):2141–2155.