Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №2

з дисципліни « Методи оптимізації та планування » на тему

«Проведення двофакторного експерименту

з використанням лінійного рівняння регресії»

Виконав:

студент II курсу ФІОТ

групи IB - 93

Кочерга Андрій

Перевірив:

ас. Регіда П.Г.

Мета роботи: провести двофакторний експеримент, перевірити однорідність дисперсії за критерієм Романовського, отримати коефіцієнти рівняння регресії, провести натуралізацію рівняння регресії.

Завдання на лабораторну роботу:

- 1. Записати лінійне рівняння регресії.
- 2. Обрати тип двофакторного експерименту і скласти матрицю планування для нього з використанням додаткового нульового фактору (xo=1).
- 3. Провести експеримент в усіх точках повного факторного простору (знайти значення функції відгуку у). Значення функції відгуку задати випадковим чином у відповідності до варіанту у діапазоні уmin ÷ ymax
- 4. Перевірити однорідності дисперсії за критерієм Романовського
- 5. Знайти коефіцієнти нормованих рівнянь регресії і виконати перевірку (підставити значення нормованих факторів і коефіцієнтів у рівняння).
- 6. Провести натуралізацію рівняння регресії й виконати перевірку натуралізованого рівняння.
- 7. Написати комп'ютерну програму, яка все це виконує.

Варіант завдання:

311	10	60	-30	45

Роздруківка тексту програми:

```
import random
import numpy as np
import math
#Koчерга Андрій ІВ-93 Віраінт 11

def Fuva(a, b):
    if a >= b:
        return a / b
    else:
        return a / b

m=5
x1min,x1max = 10,60
x2min,x2max = -30,45
y_max = (30 - 11) * 10
y_min = (20 - 11) * 10

y=[[random.randint(y_min, y_max) for j in range(m)] for i in range(3)]
#4. Перевіримо однорідність дисперсії за критерієм Романовського:
#4.1) Знайдемо середнє значення функції відгуку в рядку:
ysrednie=[]
```

```
for i in range(len(y)):
    SrednieY1 = 0
    for j in y[i]:
        SrednieY1 +=i
    ysrednie.append(SrednieY1/m)
Dispersia=[]
Dispersia.append(np.var(y[0]))
Dispersia.append(np.var(y[1]))
Dispersia.append(np.var(y[2]))
#4.3) Обчислимо основне відхилення:
sigma = math.sqrt((2 * (2 * m - 2)) / (m * (m - 4)))
#4.406числимо Fuv:
Fuv=[]
Fuv.append(Fuva(Dispersia[0], Dispersia[1]))
Fuv.append(Fuva(Dispersia[2], Dispersia[0]))
Fuv.append(Fuva(Dispersia[2], Dispersia[1]))
Ouv=[]
Ouv.append(((m - 2) / m) * Fuv[0])
Ouv.append(((m - 2) / m) * Fuv[1])
Ouv.append(((m - 2) / m) * Fuv[2])
#4.6
Ruv=[]
Ruv.append((abs(Ouv[0] - 1) / sigma))
Ruv.append((abs(Ouv[1] - 1) / sigma))
Ruv.append((abs(Ouv[2] - 1) / sigma))
#4.7) Оскільки т=5 (в таблиці немає даних для такого значення), візьмемо значення для
kr = 2
for i in range(len(Ruv)):
    if Ruv[i] > kr:
        Proverka="недостатня кількість єксперементів"
        Proverka=("дисперсія однорідна")
# 5. Розрахунок нормованих коефіцієнтів рівняння регресії.
xn = [[-1, -1], [-1, 1], [1, -1]]
mx1 = (xn[0][0] + xn[1][0] + xn[2][0]) / 3
mx2 = (xn[0][1] + xn[1][1] + xn[2][1]) / 3
my = (ysrednie[0] + ysrednie[1] + ysrednie[2]) / 3
a1 = (xn[0][0] ** 2 + xn[1][0] ** 2 + xn[2][0] ** 2) / 3
a2 = (xn[0][0] * xn[0][1] + xn[1][0] * xn[1][1] + xn[2][0] * xn[2][1]) / 3
a3 = (xn[0][1] ** 2 + xn[1][1] ** 2 + xn[2][1] ** 2) / 3
a11 = (xn[0][0] * ysrednie[0] + xn[1][0] * ysrednie[1] + xn[2][0] * ysrednie[2]) / 3
a22 = (xn[0][1] * ysrednie[0] + xn[1][1] * ysrednie[1] + xn[2][1] * ysrednie[2]) / 3
b0=(np.linalg.det([[my, mx1, mx2],[a11, a1, a2],[a22, a2, a3]])/np.linalg.det([[1,
mx1, mx2,],[mx1, a1, a2],[mx2, a2, a3]]))
b1=(np.linalg.det([[1, my, mx2],[mx1, a11, a2],[mx2, a22, a3]])/np.linalg.det([[1,
mx1, mx2],[mx1, a1, a2],[mx2, a2, a3]]))
b2=(np.linalg.det([[1, mx1, my],[mx1, a1, a11],[mx2, a2, a22]])/np.linalg.det([[1,
mx1, mx2],[mx1, a1, a2],[mx2, a2, a3]]))
```

```
#6. Проведемо натуралізацію коефіцієнтів:
Tx1=abs(x1max - x1min) / 2
Tx2=abs(x2max - x2min) / 2
x10=(x1max + x1min) / 2
x20=(x2max + x2min) / 2
a0 = b0 - (b1 * x10 / Tx1) - (b2 * x20 / Tx2)
a1 = b1 / Tx1
a2 = b2 / Tx2
yn1 = a0 + a1 * x1min + a2 * x2min
yn2 = a0 + a1 * x1max + a2 * x2min
yn3 = a0 + a1 * x1min + a2 * x2max
print("x1min = {},x1max = {} \nx2min = {}, x2max = {}\nxn{}
  ".format(x1min,x1max,x2min,x2max,xn))
                print(' | '.join([str(elem) for elem in row]))
  {}\nосновне відхилення - {}\nFuv - {}\nOuv - {}\nRuv - {}\nПеревірка - {}\nb0 -
  format(ysrednie,Dispersia,sigma,Fuv,Ouv,Ruv,Proverka,b0,b1,b2)).
print("Перевірка")
print(round((b0-b1-b2),1))
print(round((b0+b1-b2),1))
print(round((b0-b1+b2),1))
print("\Delta x1 = \{\} \Delta x2 = \{\} x10 = \{\} x20 = \{\} a0 = \{\} a1 = \{\} a2 = \{\} a2 = \{\} a3 = \{\} a4 = \{\}
 {}".format(Tx1,Tx2,x10,x20,a0,a1,a2))
print("Перевірка")
print(yn1,yn2,yn3)
```

Результати роботи програми:

Відповіді на контрольні запитання:

1. Що таке регресійні поліноми і де вони застосовуються?

В теорії планування експерименту найважливішою частиною є оцінка результатів вимірів. При цьому використовують апроксимуючі поліноми, за допомогою яких ми можемо описати нашу функцію. В ТПЕ ці поліноми отримали спеціальну назву - регресійні поліноми, а їх знаходження та аналіз - регресійний аналіз.

2. Визначення однорідності дисперсії.

Обирають так названу «довірчу ймовірність» р — ймовірність, з якою вимагається підтвердити гіпотезу про однорідність дисперсій. У відповідності до р і кількості дослідів m обирають з таблиці критичне значення критерію . Кожне експериментальне значення R_{uv} критерію Романовського порівнюється з $R_{\kappa p.}$ (значення критерію Романовського за різних довірчих ймовірностей р) і якщо для усіх кожне $R_{uv} < R_{\kappa p.}$, то гіпотеза про однорідність дисперсій підтверджується з ймовірністю р.

3. Що називається повним факторним експериментом?

Для знаходження коефіцієнтів у лінійному рівнянні регресії застосовують повний факторний експеримент (ПФЕ). Якщо в багатофакторному експерименті використані всі можливі комбінації рівнів факторів, то такий експеримент називається повним факторним експериментом.

Висновки:

Під час виконання даної роботи було змодельовано двофакторний експеримент, перевірено однорідність дисперсії за критерієм Романовського, отримано коефіцієнти рівняння регресії та проведено натуралізацію рівняння регресії.