Лабораторная работа №2

Ссылки, таблицы и формулы в несколько строк

11 марта 2022 г.

1 Первое задание

Когда вы убедитесь, что теорема верна, вы начинаете ее доказывать. – Традиционный профессор математики

1. Разложения. Сталкиваясь с разного родя задачами, мы нуждаемся в определенном типе индуктивных рассуждений. В различны областях математики встречаются некоторые задачи, требующие индуктивных рассуждений типичного характера. Настоящая глава несколькими примерами иллюстрирует этот тезис. Мы начинаем с относительно простого примера.

Разложить по степеням x функцию $1/(1-x+x^2)$.

Эта задача может быть решена многими способами. Нижеследующее решение несколько громоздко но оно основано на правильном принципе и может естественно прийти в голову умному начинающему, который знает немного, но все же по крайней мере знает сумму геометрической прогрессии:

$$1 + r + r^2 + r^3 + \dots = \frac{1}{1 - r}$$

В нашей задаче есть возможность воспользоваться этой формулой:

$$\frac{1}{1-x+x^2} = \frac{1}{1-x(1-x)} =$$

$$= 1+x(1-x)+x^2(1-x)^2+x^3(1-x)^3+\dots =$$

$$= 1+x-x^2+$$

$$+x^2-2x^3+x^4+$$

$$+x^3-3x^4+3x^5-x^6+$$

$$+x^4-4x^5+6x^6-4x^7+x^8+$$

$$+x^{5} - 5x^{6} + 10x^{7} - 10x^{8} + \dots$$

 $+x^{6} - 6x^{7} + 15x^{8} + \dots$
 $+x^{7} - 7x^{8} + \dots$
 $+x^{8} - \dots$

. . .

$$1+x$$
 $-x^3-x^4$ x^6+x^7 ...

2 Второе задание. Малые таблицы. 1

	Число частей при делении			
Число делящихся	пространства	плоскости	прямой	
элементов	плоскостями	прямыми	точками	
0	1	1	1	
1	2	2	2	
2	4	4	3	
3	8	7	4	
4	15		5	
n			n+1	

3 Третье задание

Таблица VI

Общее число совпадений, наблюдаемых и теоретических (Гипотеза II)

	Совпадения		Отклонения	
	Наблюдаемые	Ожидаемые	Фактические	Стандартные
10 языков	171	42,66	128,34	7,60
9 языков с венг	8	8,53	-0,53	2,78

4 Четвертое задание. Нумерация и системы. 1

5. Семи неравенствам

$$2x_1 + 3x_2 \leqslant 6, (1)$$

$$x_1 + x_2 \leqslant 2,\tag{2}$$

$$-x_1 - 3x_2 \leqslant 3,\tag{3}$$

$$2x_1 \leqslant 3,\tag{4}$$

$$-x_1 \leqslant 3,\tag{5}$$

$$-3x_1 + 7x_2 \leqslant 21,\tag{6}$$

$$x_1 - 3x_2 \leqslant 3 \tag{7}$$

5 Пятое задание. Нумерация и системы. 2

75. 1) Пусть f — непрерывная на X функция, $a,b \in R, a < b$. Доказать, что функция

$$f(a;b;x) = \begin{cases} f\left(x\right), & \text{если } a \leqslant f\left(x\right) \leqslant b, \\ a, & \text{если } f\left(x\right) < a, \\ b, & \text{если } f\left(x\right) > b, \end{cases}$$

также непрерывна на X.

6 Шестое задание. Стандартные длинные формулы

С другой стороны известно, что монотонно возрастающая ограниченная последовательность чисел имеет конечный предел. Следовательно, если мы докажем, что последовательность чисел x_n ограничена, то будет доказана и содимость ряда (26). Положим

$$y_{2n} = 1 - \frac{1}{2^{\alpha}} + \frac{1}{3^{\alpha}} - \frac{1}{4^{\alpha}} + \frac{1}{5^{\alpha}} - \frac{1}{6^{\alpha}} + \dots$$

$$\dots \frac{1}{(2n-1)^{\alpha}} - \frac{1}{(2n)^{\alpha}}.$$

Так как

$$y_{2n} = 1 - \left(\frac{1}{2^{\alpha}} - \frac{1}{3^{\alpha}}\right) - \left(\frac{1}{4^{\alpha}} - \frac{1}{5^{\alpha}}\right) - \dots - \left(\frac{1}{(2n-2)^{\alpha}} - \frac{1}{(2n-1)^{\alpha}}\right) - \frac{1}{(2n)^{\alpha}}.$$

то (числа в каждой скобке положительны)

$$y_{2n} < 1$$
.

С другой стороны,

$$y_{2n} = 1 - \frac{1}{2^{\alpha}} + \frac{1}{3^{\alpha}} - \frac{1}{4^{\alpha}} + \frac{1}{5^{\alpha}} - \frac{1}{6^{\alpha}} + \dots + \frac{1}{(2n-1)^{\alpha}} - \frac{1}{(2n)^{\alpha}} = \left(1 + \frac{1}{2^{\alpha}} + \frac{1}{3^{\alpha}} + \frac{1}{4^{\alpha}} + \frac{1}{5^{\alpha}} + \frac{1}{6^{\alpha}} + \dots + \frac{1}{(2n-1)^{\alpha}} + \frac{1}{(2n)^{\alpha}}\right) - \frac{1}{(2n-1)^{\alpha}} - 2\left(\frac{1}{2^{\alpha}} + \frac{1}{4^{\alpha}} + \frac{1}{6^{\alpha}} + \dots + \frac{1}{(2n)^{\alpha}}\right) = \frac{1}{(2n-1)^{\alpha}} + \frac{1}{3^{\alpha}} + \frac{1}{4^{\alpha}} + \frac{1}{5^{\alpha}} + \frac{1}{6^{\alpha}} + \dots + \frac{1}{(2n-1)^{\alpha}} + \frac{1}{(2n)^{\alpha}}\right) - \frac{2}{2^{\alpha}}\left(1 + \frac{1}{2^{\alpha}} + \frac{1}{3^{\alpha}} + \dots + \frac{1}{n^{\alpha}}\right).$$

Так как $x_n = 1 + \frac{1}{2^{\alpha}} + \frac{1}{3^{\alpha}} + \dots + \frac{1}{n^{\alpha}}$, то

$$y_{2n} = x_{2n} - \frac{2}{2^{\alpha}}x_n.$$

```
\begin{tabular}{c||p{2cm}@{$\pm$\ }r|}
     \textbf{ИЛИ} & Истина & Ложь \\[2mm]
     \cline{2-3}
     Истина & Истина & Истина \\
     \cline{1-1}\cline{3-3}
     Ложь & <u>Истина</u> & <u>Ложь</u>\\ \cline{2-2}
\end{tabular}
                       Рис. 1:
\begin{tabular}{|p{4cm}cp{10cm}|}
   \hline
   Это очень-очень длинное предложение из многих слов & $6 \times
   2$ & Это очень-очень длинное предложение из многих слов \\
   \hline
   21 & $\dfrac{1}{2}$ & 23 \\[4mm]
   \hline
   31 & 32 & 33 \\
   \hline
\end{tabular}
```

Рис. 2:

7 Вопросы.

- 1. Как отформатировать date, чтобы в заголовке была нужная мне дата?
 - 2. Задание 4:
- 1) Нужно ли добавлять номер страницы, как на скриншоте справа снизу?
- 2) Нужно ли делать отступ с фразой "5. Семи неравенствам как на скриншоте. И если нужно, то как?
- 3) У меня получились большие отступы между неравенствами. Большой ли это недочет и как его исправить?
- 3. Как сделать так, чтобы этот текст не слипался в абзацы? Как сделать так, чтобы самое первое предложение начиналось с абзаца? Это касается и заданий 6, 5 4. Задание 6: 5. Во втором задании не получается как в оригинале в левой верхней ячейке. 6. Задание 3. Неполное совпадение с оригиналом. 1) Нет 100-процентного совпадения с оригиналом.