

Лабораторная работа №3

Важные детали

24 марта 2022 г.

1 Первое задание.

Пример 18. Вычислить интеграл

$$\int_{-1}^2 \frac{1+x^2}{1+x^4} dx. \quad (11)$$

▲ Сделав при $x \neq 0$ замену переменного $t = x - 1/x$ в соответствующем неопределенном интеграле, получим

$$\int \frac{1+x^2}{1+x^4} dx = \int \frac{d(x - 1/x)}{2 + (x - 1/x)^2} = \frac{1}{\sqrt{2}} \operatorname{arctg} \frac{x^2 - 1}{x\sqrt{2}} + C$$

и, следовательно,

$$\left(\frac{1}{\sqrt{2}} \operatorname{arctg} \frac{x^2 - 1}{x\sqrt{2}} \right)' = \frac{1+x^2}{1+x^4}, \quad x \neq 0. \quad (12)$$

Поскольку

$$\lim_{x \rightarrow +0} \frac{1}{\sqrt{2}} \operatorname{arctg} \frac{x^2 - 1}{x\sqrt{2}} = -\frac{\pi}{2\sqrt{2}} \quad \lim_{x \rightarrow -0} \frac{1}{\sqrt{2}} \operatorname{arctg} \frac{x^2 - 1}{x\sqrt{2}} = \frac{\pi}{2\sqrt{2}},$$

то функция

$$F(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{2}} \operatorname{arctg} \frac{x^2 - 1}{x\sqrt{2}} - \frac{\pi}{2\sqrt{2}}, & \text{если } x \geq 0, \\ 0, & \text{если } x = 0. \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \operatorname{arctg} \frac{x^2 - 1}{x\sqrt{2}} + \frac{\pi}{2\sqrt{2}}, & \text{если } x \leq 0. \end{cases} \quad (13)$$

2 Второе задание. Малые таблицы. 1

3 Третье задание

4 Четвертое задание. Нумерация и системы. 1

5 Пятое задание. Нумерация и системы. 2

6 Вопросы.