

#### Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

#### Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение

# высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»
КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»
Лабораторная работа № <u>4</u>
<b>Тема</b> <u>Обслуживающий аппарат</u>
Студент <u>Сушина А.Д.</u>
<b>Группа</b> <u>ИУ7-716</u>
Оценка (баллы)
Преподаватель Рудаков И.В.

# Задание на лабораторную работу

Промоделировать систему, состоящую из генератора, памяти и обслуживающего аппарата. Генератор подает сообщения, распределенные по равномерному закону, они приходят в память и выбираются на обработку по закону из ЛР2. Количество заявок конечно и задано. Предусмотреть случай, когда обработанная заявка возвращается обратно в очередь. Определить оптимальную длину очереди, при которой не будет потерянных сообщений. Реализовать двумя способами: используя пошаговый и событийный подходы.

## Теоретическая часть

#### Равномерное распределение

Случайная величина имеет непрерывное равномерное распределение на отрезке [a, b], где а и b  $\epsilon$  R, если её функция плотности  $f_{X}(x)$  имеет вид:

$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, x \in [a,b] \\ 0, uhave \end{cases} (1)$$

Итегрируя функцию плотности можно получить функции распределения:

$$F_{X}(x) = \begin{cases} 0, x < a \\ \frac{x - a}{b - a}, a \le x < b \\ 1, x > b \end{cases} (2)$$

#### Распределение Эрланга

Распределение Эрланга является двухпараметрическим законом распределения, используемым для вероятностного задания положительных непрерывных случайных величин. Плотность вероятности случайной величины, имеющей распределение Эрланга, определяется формулой

$$f_{X}(x) = \frac{\lambda^{k+1}}{k!} x^{k} e^{-\lambda x}, x \ge 0, \lambda > 0(3)$$

Функция распределения:

$$F_X(x) = \int_0^x \lambda^2 x e^{-\lambda x} dx = 1 - (1 + \lambda x) e^{-\lambda x}$$

# Формализация задачи

## Пошаговый подход

Заключается в последовательном анализе состояний всех блоков системы в момент  $t+\Delta t$  по заданному состоянию в момент t. При этом новое состояние блоков определяется в соответствии с их алгоритмическим описанием с учетом действующих случайных факторов. В результате этого анализа принимается решение о том, какие системные события должны имитироваться на данный момент времени. Основной недостаток: значительные затраты

машинных ресурсов, а при недостаточном малых  $\Delta t$  появляется опасность пропуска события.

#### Событийный принцип

Характерное свойство модели системы обработки информации: состояние отдельных устройств изменяется в дискретные моменты времени, совпадающие в моментами поступления сообщения, окончания решения задачи, возникновения аварийных сигналов и т. д. При использовании событийного принципа состояния всех боков системы анализируется лишь в момент появления какого-либо события. Момент наступления следующего события определяется минимальным значением из списка будущих событий, представляющий собой совокупность моментов ближайшего изменения состояния каждого из блоков. Момент наступления следующего события определяется минимальным значением из списка событий.

# Результаты работы

Для всех тестов использовались следующие параметры распределений:

• равномерное:

a = 0

b = 10

Эрланга:

k=2

1=2

Количество запросов: 10 000

Шаг: 0.01

Результаты работы представлены на рисунках 1-8.

:	   Обработанные	запросы	Возвращенные запросы	Мах размер очереди	Время работы
Событийный   Пошаговый	10000   10000		ø ø	17   16	49861.465     50180.7

Рис. 1 Работа программы без повторов

+   Метод +	Обработанные запросы   	Возвращенные запросы	Мах размер очереди 	   Время работы   
Событийный   Пошаговый	10000   10000	965 986	23 23	45336.987   45202.5

Рис 2. Работа программы с 10% повторов

+   Метод +	Обработанные запросы	Возвращенные запросы	Мах размер очереди	   Время работы   
Событийный     Пошаговый	10000 10000	4959 5045	3011 3071	40231.816     40070.54

Рис 3. Работа программы при 50% повторов

+   Метод	 Обработанные запросы	 Возвращенные запросы	 Мах размер очереди	+ Время работы	
+   Событийный     Пошаговый	10000   10000	7517   7499	5578   5553	40431.819   40157.09	
Рис 4. Работа	программы при 75% г	ювторов	<del>-</del>	<del>-</del>	
+   Метод	Обработанные запросы	Возвращенные запросы	+   Мах размер очереди	++   Время работы	
+   Событийный   Пошаговый +	10000 10000	8975 8979	7052 7053	+   40204.36     40065.73	
Рис 5. Работа программы при 90% повторов					
+   Метод	Обработанные запросы	   Возвращенные запросы	   Мах размер очереди	Время работы     .	
Событийный   Пошаговый	10000 10000	9490   9529	7514   7432	40158.595     40127.11	
Рис 6. Работа	программы при 95% г	ювторов			
+   Метод	Обработанные запросы	Возвращенные запросы	Мах размер очереди	Время работы	
+   Событийный   Пошаговый +	10000 10000	9896   9918	7993   7938	40345.542   40102.1	
Рис 7. Работа программы при 99% повторов					
+   Метод	Обработанные запросы	+   Возвращенные запросы	Мах размер очереди 	   Время работы   -	
Событийный   Пошаговый +	10000   10000   10000	10000   10000   10000	8011   8015	40063.355     39882.74   	

Рис 8. Работа программы при 100% повторов