ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1

АНТОН БИРЮКОВ. МОДУЛЬ «АСТРОФИЗИКА», ОСЕНЬ 2022. ФАКУЛЬТЕТ ФИЗИКИ ВШЭ.

К ДОМАШНЕМУ ЗАДАНИЮ

$$0) \quad \rho(r) = \rho_0 \left(\frac{a}{r}\right)^{\alpha}$$

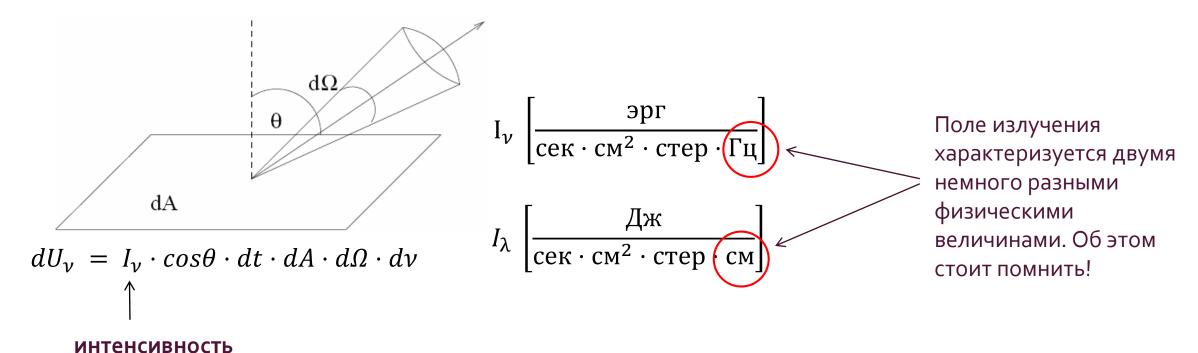
1)
$$M(R) = 4\pi \int_0^R \rho(q) q^2 dq \propto \begin{cases} \left. \frac{q^{3-\alpha}}{3-\alpha} \right|_0^R \text{, если } \alpha \neq 3 \\ \ln q \right|_0^R \text{, если } \alpha = 3 \end{cases} \to \infty$$
 при $\alpha \geq 3 \Rightarrow \alpha < 3$

2)
$$\varphi(r) \propto -\frac{r^{2-\alpha}}{(3-\alpha)(\alpha-2)} \to +\infty$$
 при $r \to \infty$ если $\alpha \le 2 \Rightarrow \alpha > 2$

3)
$$v_c = \sqrt{-r\nabla\varphi(r)} \propto r^{1-\frac{\alpha}{2}}$$

ИНТЕНСИВНОСТЬ

Количество лучистой энергии dU_{ν} частоты ν , прошедшее через воображаемую контрольную площадку в заданном направлении пропорционально: площади этой площадки dA, величине телесного угла в котором распространяется излучение $d\Omega$, интервалу времени dt и ширине интервала частот ν ... $\nu+d\nu$:



ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1

ПОТОК

В астрономических наблюдениях де-факто регистрируется энергия, поглощённая приёмником излучения. Поэтому практический смысл имеет **поток** – полная мощность излучения, проходящая через единицу площади приёмника (перпендикулярно ему):

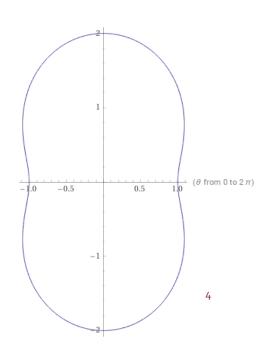
$$F_{\nu} = \int_{4\pi} I_{\nu} \cos \theta \ d\Omega = \frac{dU_{\nu}}{dt \cdot dA \cdot d\nu} \left[\frac{\exists pr}{cm^2 \cdot cek \cdot \Gamma \mu} \right]$$

Интересно: если поле излучения изотропно (то есть I_{ν} не зависит от направления), то $F_{\nu}=0$. То есть если через площадку с двух её сторон проходит одно и то же количество лучистой энергии, то полный поток считается равным нулю. Но обратное не верно!

$$I = I_0(1 + \sin^2 \theta),$$

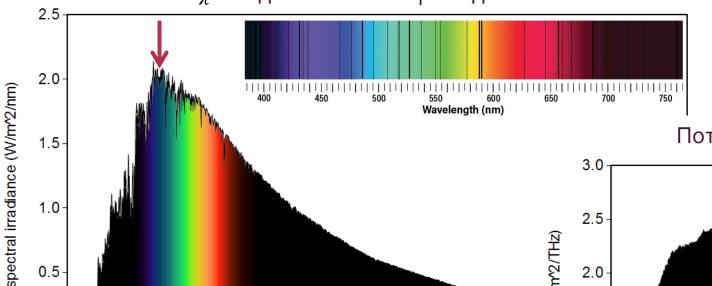
или в общем случае

$$I(\theta) = I(\pi - \theta)$$



ВНЕАТМОСФЕРНЫЙ СПЕКТР СОЛНЦА

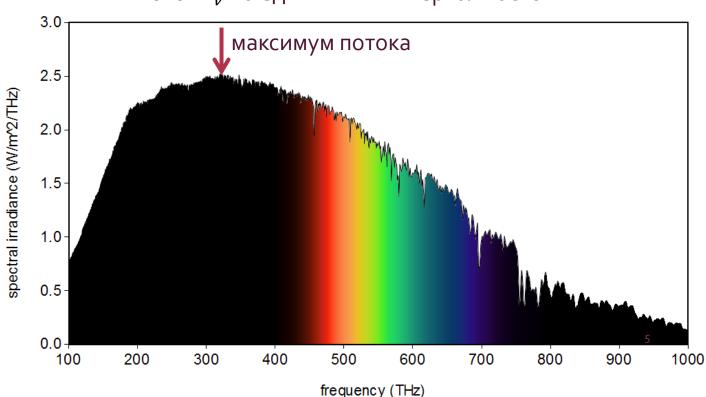




$$\nu = \frac{c}{\lambda} \Rightarrow \boxed{d\nu = -\frac{c}{\lambda^2} d\lambda}$$

$$F_{\nu}d\nu = -F_{\lambda}d\lambda \Rightarrow \left[F_{\nu} = F_{\lambda}\frac{\lambda^2}{c}\right]$$

Поток F_{ν} на единичный интервал частот.



ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1

400

600

800

1000

wavelength (nm)

1200

1400

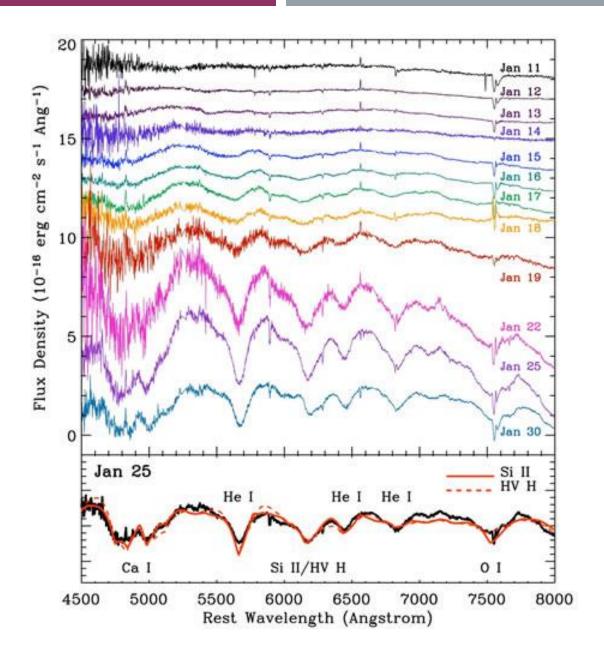
1.0-

0.5

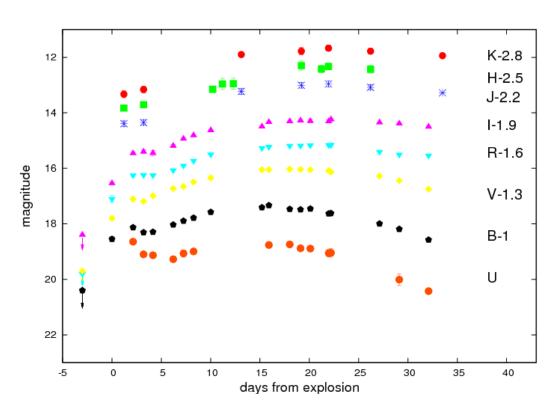
200

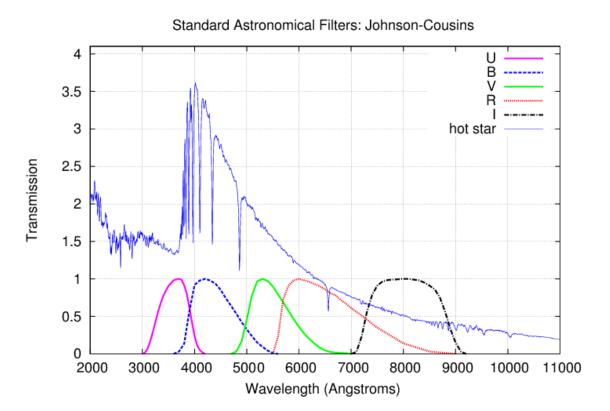
НАБЛЮДЕНИЯ SN 2008d



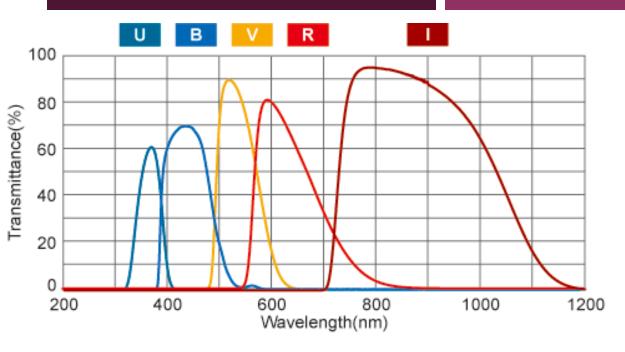


НАБЛЮДЕНИЯ SN 2008d: ЗВЕЗДНЫЕ ВЕЛИЧИНЫ

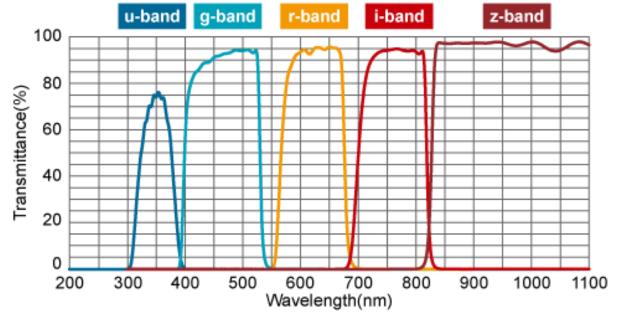




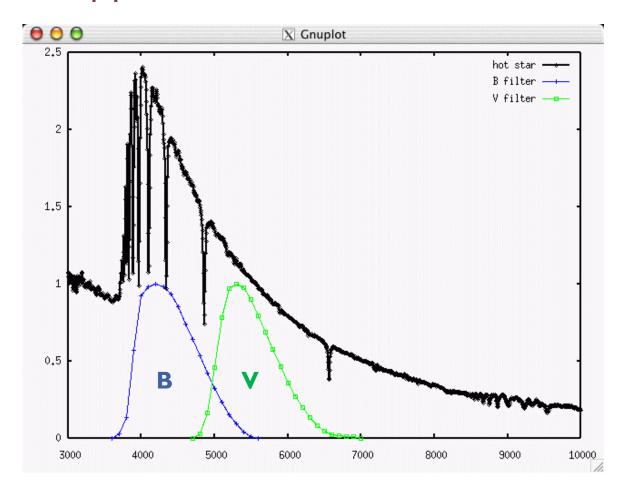
$$m=m_0-2.5\log\int_0^\infty\!\!F_\lambda\cdotarphi(\lambda)d\lambda\,\,$$
 -- формула Погсона, определяющая понятие звёздной величины.

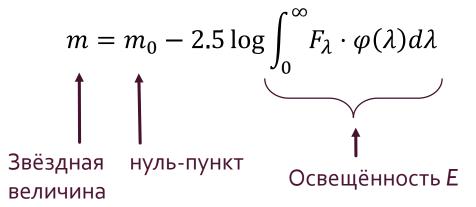






ЗВЕЗДНЫЕ ВЕЛИЧИНЫ





«Под атмосферой»:

$$m = m_0 - 2.5 \log \int_0^\infty F_{\lambda} \cdot \varphi(\lambda) \cdot p^{M(z)}(\lambda) d\lambda$$

Пропускание атмосферы

Воздушная масса $M(z) \approx \sec z$, где z — зенитное расстояние.

НУЛЬ-ПУНКТ ШКАЛЫ ЗВЁЗДНЫХ ВЕЛИЧИН



$$m-m_{\mathrm{Веги}}=-2.5\log\int_{0}^{\infty}F_{\lambda}\cdot\varphi(\lambda)d\lambda-2.5\log\int_{0}^{\infty}F_{\lambda,\mathrm{Веги}}\cdot\varphi(\lambda)d\lambda$$
 Vega Flux Zeropoints m_{0}

Quantity	U	В	V	R	I	J	Н	K	Notes and units
$\lambda_{ ext{eff}}$	0.36	0.438	0.545	0.641	0.798	1.22	1.63	2.19	microns
Δλ	0.06	0.09	0.085	0.15	0.15	0.26	0.29	0.41	microns, UBVRI from Bessell (1990), JHK from AQ
\mathbf{f}_{V}	1.79	4.063	3.636	3.064	2.416	1.589	1.021	0.64	$x10^{-20} \text{ erg cm}^{-2} \text{ s}^{-1} \text{ Hz}^{-1}$, from Bessell et al. (1998)
\mathbf{f}_{λ}	417.5	632	363.1	217.7	112.6	31.47	11.38	3.961	$x10^{-11} \text{ erg cm}^{-2} \text{ s}^{-1} \text{ A}^{-1}$, from Bessell et al. (1998)
Φ_{λ}	756.1	1392.6	995.5	702.0	452.0	193.1	93.3	43.6	photons cm ⁻² s ⁻¹ A ⁻¹ , calculated from above quantities

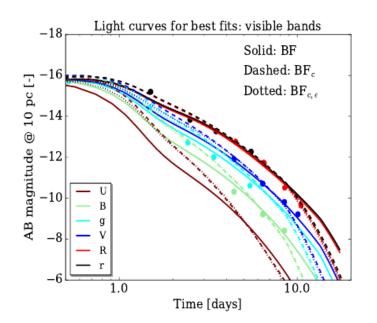
https://www.astronomy.ohio-state.edu/martini.1o/usefuldata.html

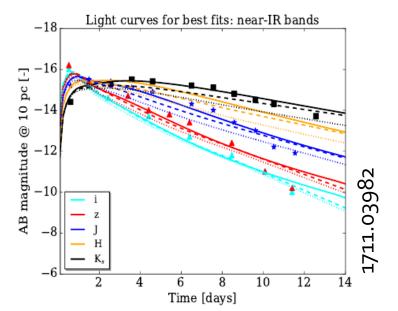
Поток от звезды нулевой величины в фильтре V примерно $1000~{
m KBahtob}\cdot{
m cm}^{-2}\cdot{
m cek}^{-1}\cdot{\it A}^{-1}$

ЗВЕЗДНЫЕ ВЕЛИЧИНЫ, НЕ ПРИВЯЗАННЫЕ К СТАНДАРТАМ

• $m_{AB} \equiv -2.5 \log F_{\nu} - 48.6$, если поток имеет размерность F_{ν} [эрг · см $^{-2}$ · сек $^{-1}$ · Γ ц $^{-1}$] = [Ян] = [Ју]

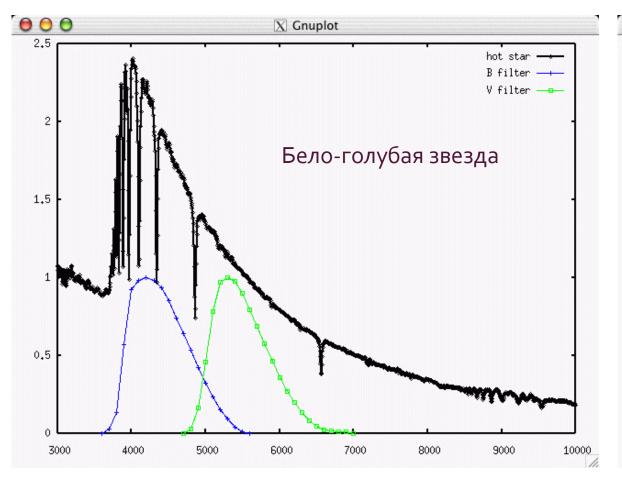
■ В случае фильтра конечной ширины $m_{AB} pprox -2.5 \log \left(\frac{\int F_{\nu} \phi(\nu) d\nu}{3631 \, {
m Jy} \int \phi(\nu) d\nu} \right)$





ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1

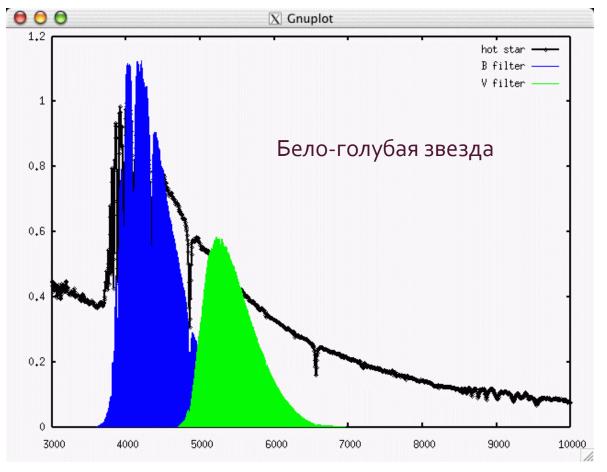
ПОКАЗАТЕЛЬ ЦВЕТА

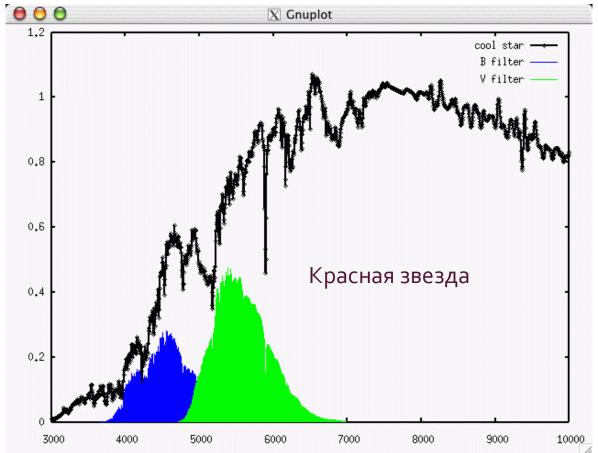




ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1 12

ПОКАЗАТЕЛЬ ЦВЕТА





ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1

$$F_B > F_V \Rightarrow$$

$$B - V = -2.5 \log \frac{F_B}{F_V} < 0$$

$$F_B < F_V \Rightarrow$$

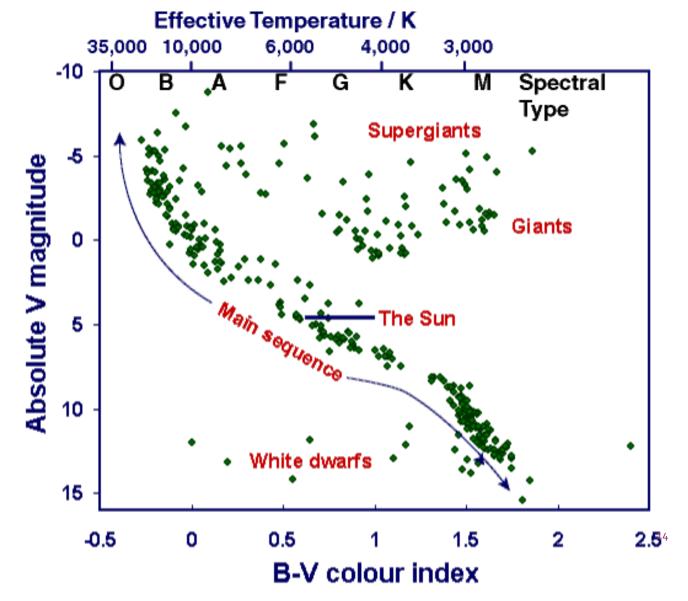
$$B - V = -2.5 \log \frac{F_B}{F_V} > 0$$

13

ПОКАЗАТЕЛЬ ЦВЕТА И АБСОЛЮТНАЯ ВЕЛИЧИНА

- Разница двух звёздных величин, первая из которых относится к коротковолновому диапазону, а вторая к длинноволновому называется показателем цвета: (B − V, V − R и т.д.) называется показателем цвета.
- Абсолютная звёздная величина такая звездная величина, которую имела бы звезда, если бы располагалась на расстоянии ровно в 10 пк от наблюдателя.

$$M = m - 5\log d_{\pi\kappa} + 5$$



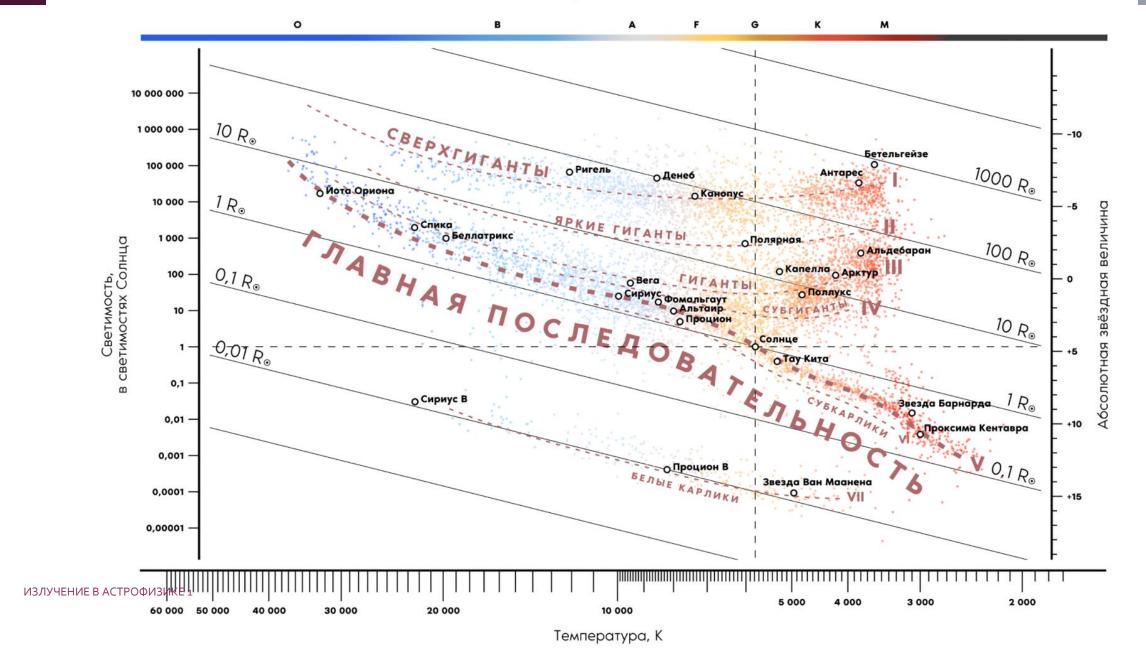
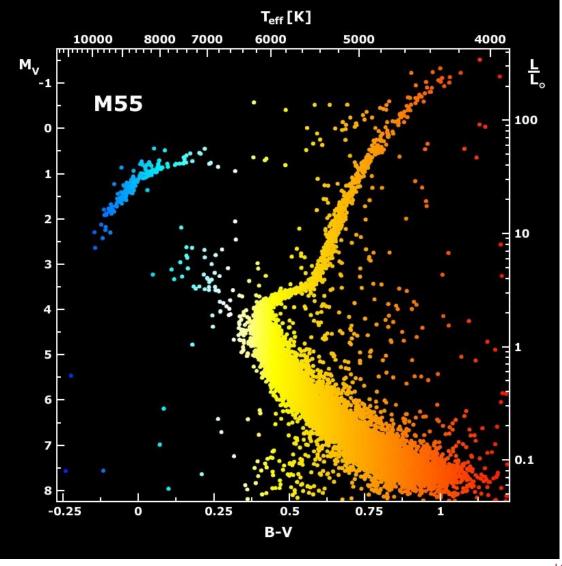


ДИАГРАММА ЦВЕТ-ВЕЛИЧИНА

- она же диаграмма Герцшпрунга-Рассела
- она же диаграмма спектр-светимость



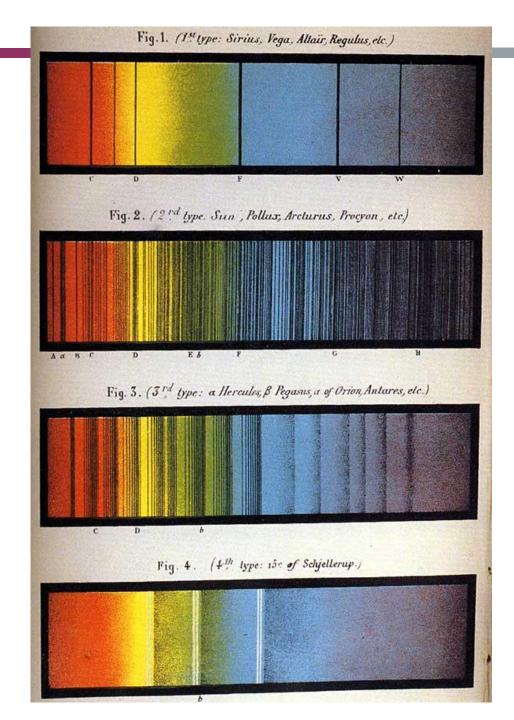


ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1

СПЕКТРЫ ЗВЕЗД



Анджело Секки (1818 – 1878)



КАТАЛОГ ГЕНРИ ДЕЙПЕРА



Генри Дрейпер (1837-1882)



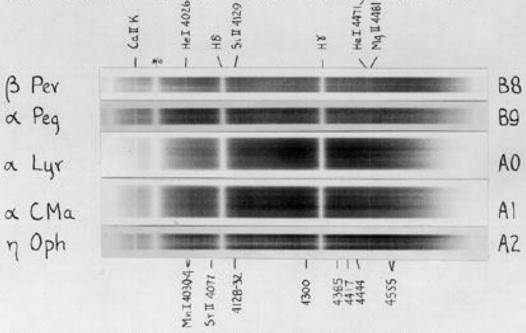
- 200+ тыс. спектров
- Руководитель: Эдвард Пикеринг
- Обработка шла силами «гарвардских счётчиц» (Harvard Computers)
- Издан в 1918-1924
- На его основе построена гарвардская (классическая) классификация звёзд.

ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1

СПЕКТРЫ НАЧАЛА XX ВЕКА

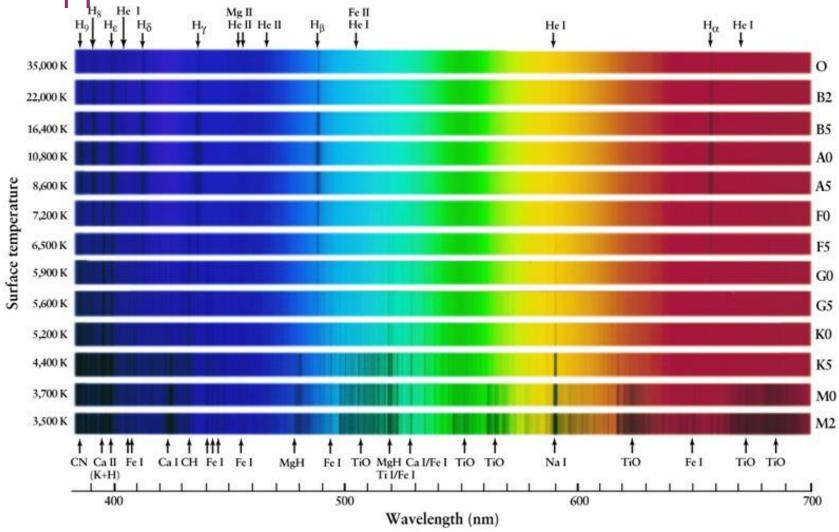
Main Sequence B8-A2

He I 4026, which is equal in intensity to K in the B8 dwarf B Per . becomes fainter at B9 and disappears at A0. In the B9 star & Peg He I 4026 = SLI 4129. He I 4471 behaves similarly to He I 4026.



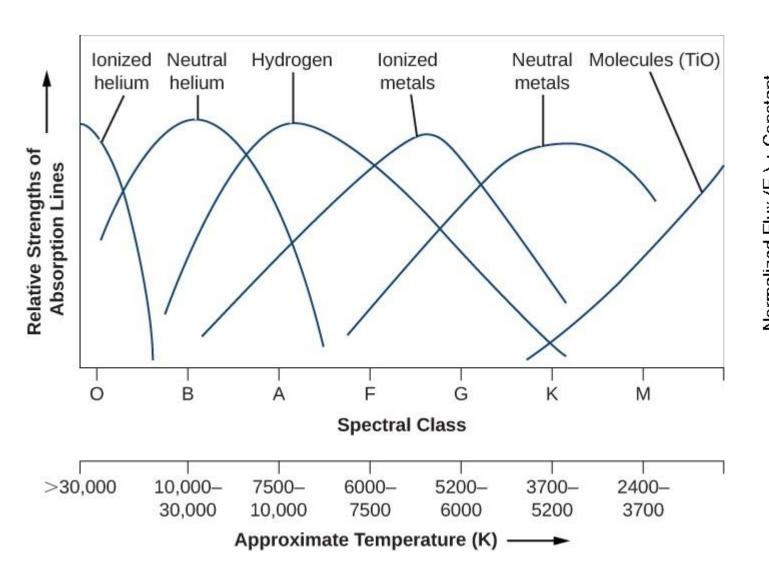
The singly ionized metallic lines are progressively stronger in a CMa and n Oph than in a Lyr. The spectral type is determined from the ratios: 88,89: HeI 4026: Ca II K, HeI 4026: Si II 4129, HeI 4471: MgII 4481. AO-AZ: Mg II 4481: 4385, Si II 4129: Mn II 4030-4. Eastman Process

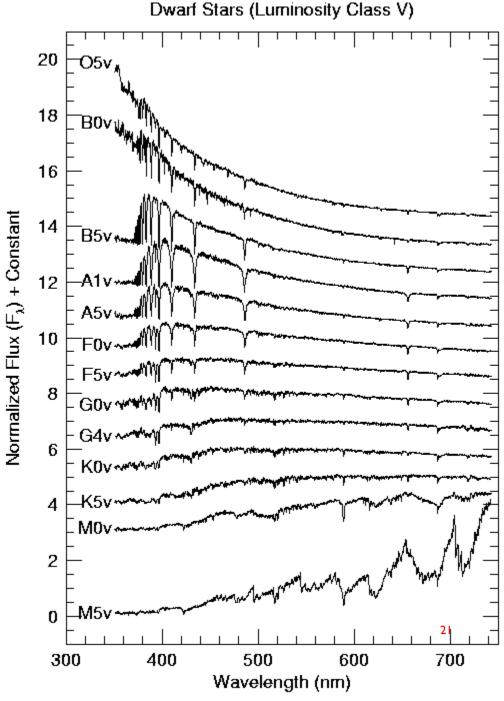




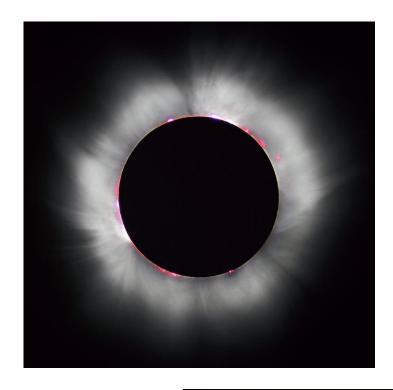
ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1 20

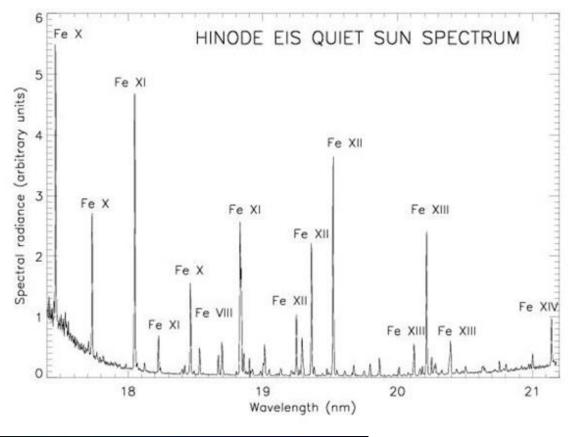
СПЕКТРЫ ЗВЕЗД

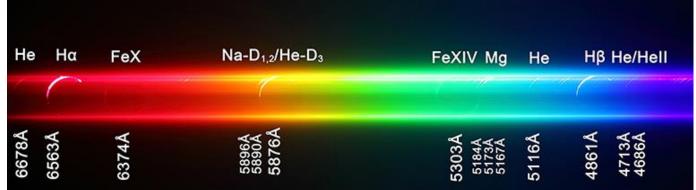




СОЛНЕЧНАЯ КОРОНА

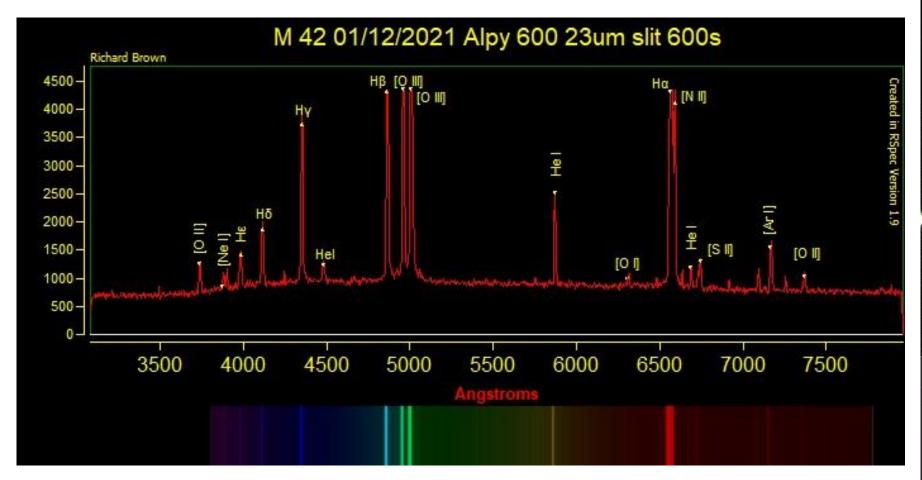






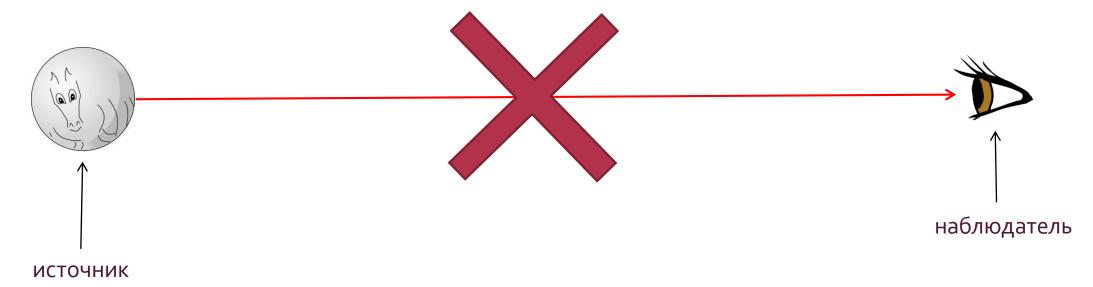
ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1

ЭМИССИОННЫЕ ТУМАННОСТИ





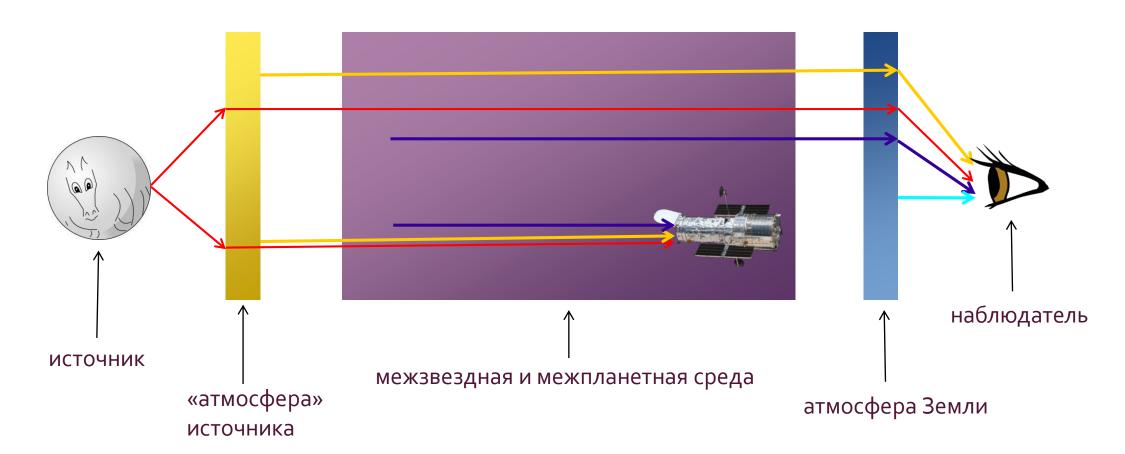
ПУТЬ СВЕТА



Пусть света тернист и труден!

РАСПРОСТРАНЕНИЕ ИЗЛУЧЕНИЯ В КОСМОСЕ

ПУТЬ СВЕТА



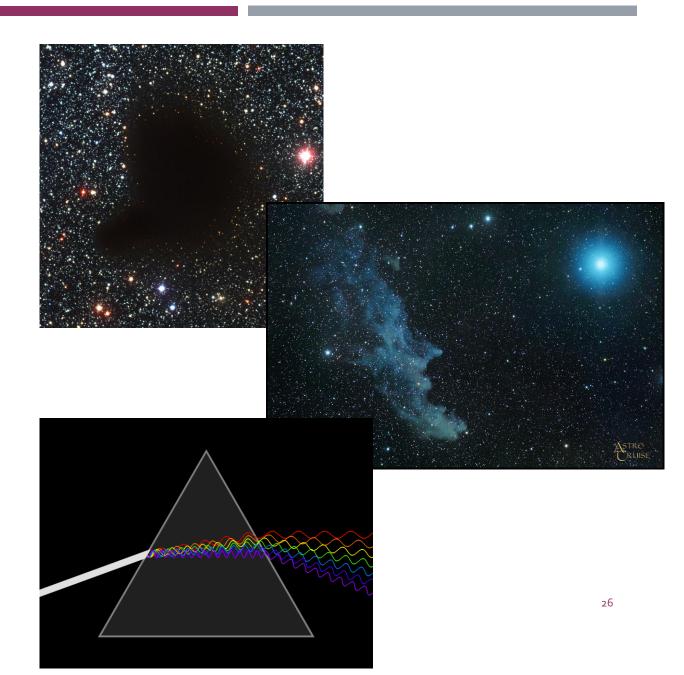
РАСПРОСТРАНЕНИЕ ИЗЛУЧЕНИЯ В КОСМОСЕ

ПУТЬ СВЕТА

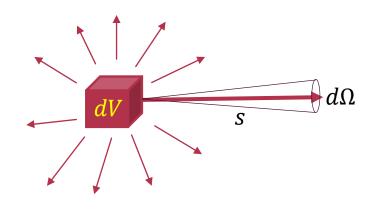
По пути до наблюдателя излучение от источника испытывает:

- Поглощение
- Рассеяние и дифракцию
- Дисперсию

Всё это – хроматические эффекты.



ИЗЛУЧЕНИЕ ИЗЛУЧЕНИЯ



• Энергия, излучаемая малым объёмом dV в интервале частот dv, за время dt в малый телесный угол $d\Omega$ (вдоль луча **s**):

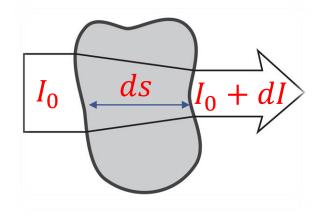
$$dE_{
u}=j_{
u}\;dvdVd\Omega dt$$
 (объёмный) коэффициент излучения $\left[rac{\mathrm{эр}\Gamma}{\mathrm{cm}^{3}\cdot\mathrm{cek}\cdot\mathrm{ctep}\cdot\Gamma\mathrm{ij}}
ight],\;j_{
u}\propto f(T)\cdot n^{2}$

• Объем $dV = dA \cdot ds \Rightarrow$ добавка к интенсивности вдоль луча s:

$$dI_{
u}=j_{
u}\,ds$$
 или в интегральной форме $I_{
u}(s)=I_{
u}(0)+\int_0^s j_{
u}(x)dx$

- lacktriangle Сама по себе интенсивность сохраняется вдоль луча зрения: $j_{
 u}=0 \Rightarrow rac{dI_{
 u}}{ds}=0$
- Иногда также вводят излучательную способность $\epsilon_{
 m v}=j_{
 m v}/
 ho$ $\left[\frac{{
 m эрг}}{{
 m r\cdot cek\cdot ctep\cdot \Gamma_{
 m H}}}
 ight]$

ПОГЛОЩЕНИЕ ИЗЛУЧЕНИЯ



• При прохождении пути ds часть фотонов поглощается веществом (выпадает из луча) и поэтому

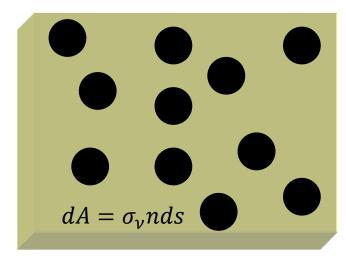
$$dI_{
m v} = - rac{lpha_{
m v} \cdot I_{
m v} ds}{}$$
коэффициент поглощения [см $^{-1}$]

■ То есть интенсивность убывает по экспоненциальному закону:

$$I_{\nu}(s) = I_{\nu}(0) \cdot \exp\left[-\int_{0}^{s} \alpha_{\nu}(x) dx\right]$$

• Также используют коэффициент непрозрачности: $\kappa_{\nu} = \alpha_{\nu}/\rho \; [\text{cm}^2/\text{r}].$

СЕЧЕНИЕ ПОГЛОЩЕНИЯ





• Если n – плотность числа частиц в облаке [см $^{-3}$], то можно ввести эффективное сечение поглощения σ_{v} :

$$\sigma_{
m v} = lpha_{
m v}/n \ [{
m cm}^2]$$
 «площадь поперечного сечения частицы с точки зрения фотона»

lacktriangle Средняя длина свободного пробега фотона: $\sigma_{
m v} n \langle l_{
m v}
angle = 1 \Rightarrow$

$$\langle l_{\nu} \rangle = \frac{1}{\sigma_{\nu} n} = \frac{1}{\alpha_{\nu}} [cm]$$

- Важные условия, при которых эта модель применима:
 - (a) Размер частиц много меньше расстояния между ними, т.е. $\sqrt{\sigma_{v}} \ll d \sim n^{1/3}$ или $\alpha_{v} d \ll 1$. Иначе будут пересечения!
 - (б) Все поглощающие частицы независимы и распределены равномерно по малому объёму.

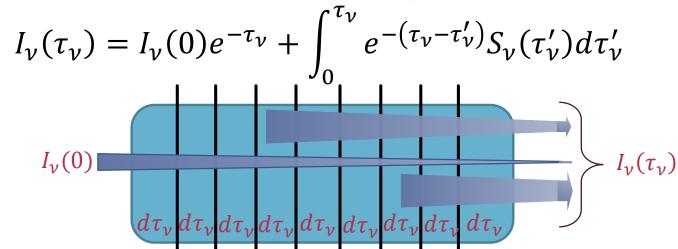
УРАВНЕНИЕ ПЕРЕНОСА

$$rac{dI_{
u}}{ds}=-lpha_{
u}I_{
u}+j_{
u}$$
 или $rac{dI_{
u}}{d au_{
u}}=-I_{
u}+S_{
u}$

Здесь $au_{
u}$ – оптическая толща, так что $d au_{
u}=lpha_{
u}ds$. А $extit{S}_{
u}= extit{j}_{
u}/lpha_{
u}$ – функция источника.

Если излучение тепловое, то функция источника совпадает с функцией Планка: $S_{ u} = B_{ u}$

Решение в общем случае:



РАСПРОСТРАНЕНИЕ ИЗЛУЧЕНИЯ В КОСМОСЕ

ОПТИЧЕСКАЯТОЛЩА



• В среде без излучения $\exp(-\tau_{\nu})$ – это вероятность того, что фотон не будет поглощён, пройдя оптическую толщу τ_{ν} (это доля прошедших фотонов). Тогда средняя оптическая толща, которую пройдёт фотон:

$$\langle \tau_{\nu} \rangle = \int_{0}^{\infty} \tau_{\nu} \exp(-\tau_{\nu}) d\tau_{\nu} = 1$$



Откуда опять получаем длину свободного пробега фотона:

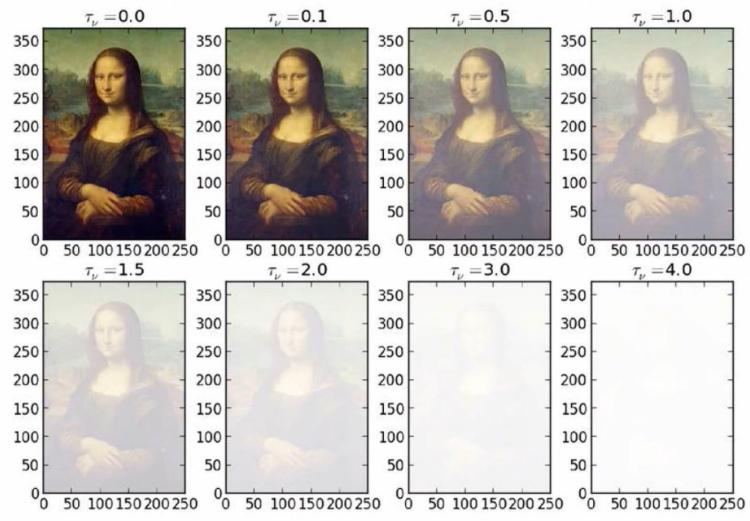
$$\langle \tau_{\nu} \rangle = \alpha_{\nu} \langle l_{\nu} \rangle = 1 \Rightarrow \langle l_{\nu} \rangle = 1/\alpha_{\nu} = 1/(n\sigma_{\nu})$$

 Таким образом, фотоны, которые видит наблюдатель от плотной среды приходят с оптической толщи $\tau = 1$

ОПТИЧЕСКАЯТОЛЩА

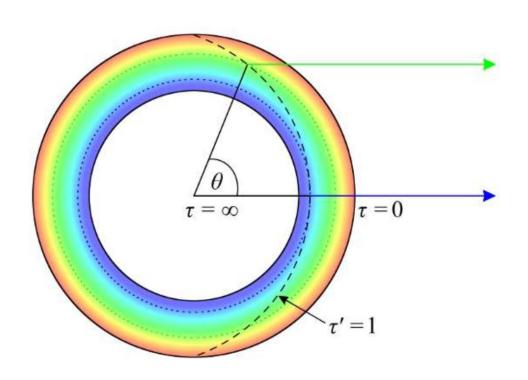
Оптически толстая среда как бы закрывает собой изображение за ней. И чем больше оптическая толща, тем в большей степени мы видим только саму среду, но не изображение.

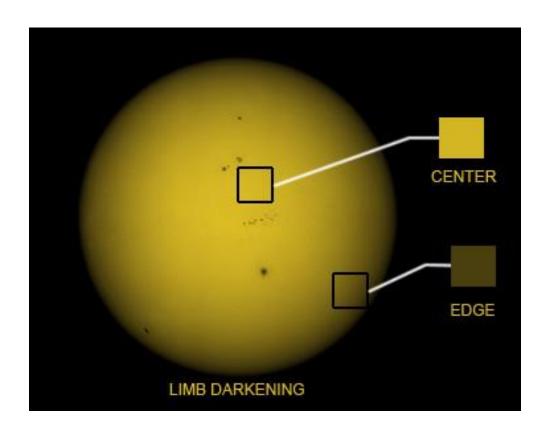




РАСПРОСТРАНЕНИЕ ИЗЛУЧЕНИЯ В КОСМОСЕ

ПОТЕМНЕНИЕ ДИСКА ЗВЕЗДЫ К КРАЮ





РАСПРОСТРАНЕНИЕ ИЗЛУЧЕНИЯ В КОСМОСЕ

33

УРАВНЕНИЕ ПЕРЕНОСА

Пусть, для простоты, функция источника не зависит от частоты: $S_{\nu} = const$, тогда

$$I_{\nu}(\tau_{\nu}) = I_{\nu}(0)e^{-\tau_{\nu}} + S_{\nu}(1 - e^{-\tau_{\nu}}) = S_{\nu} + e^{-\tau_{\nu}}[I_{\nu}(0) - S_{\nu}]$$

Оптически толстая среда: $au_{
u}\gg 1$

$$I_{\nu}(\tau_{\nu}) \to S_{\nu}$$

Если излучение тепловое ($S_{\nu}=B_{\nu}$), тогда в пределе больших оптических толщин мы всегда будем видеть планковский спектр!

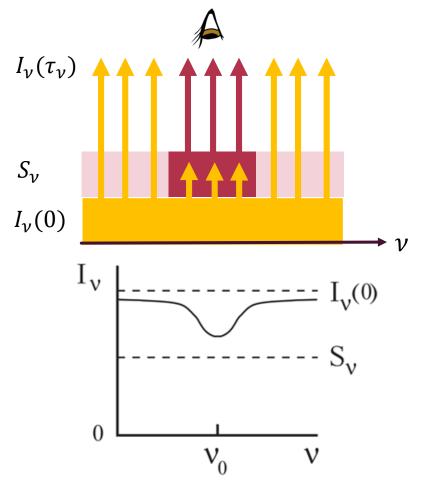
Оптически тонкая среда: $au_{
u} \ll 1$

$$I_{\nu}(\tau_{\nu}) = I_{\nu}(0) - \tau_{\nu}[I_{\nu}(0) - S_{\nu}]$$

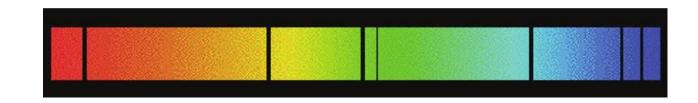
Если
$$I_{\nu}(0) > S_{\nu}$$
, то $\frac{dI_{\nu}}{d\tau_{\nu}} < 0$;

Если
$$I_{\nu}(0) < S_{\nu}$$
, то $\frac{dI_{\nu}}{d\tau_{\nu}} > 0$;

ФОРМИРОВАНИЕ СПЕКТРАЛЬНЫХ ЛИНИЙ

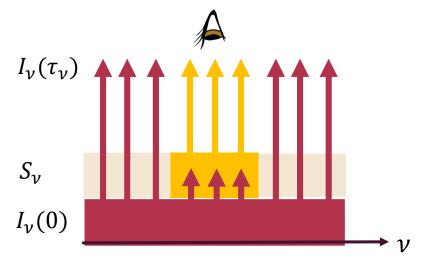


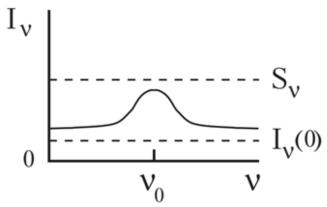
Функция источника слабее (холоднее) входящей интенсивности: $S_{\nu} < I_{\nu}(0)$



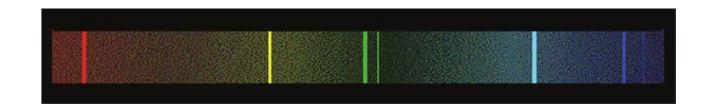
$$I_{\nu}(\tau_{\nu}) = S_{\nu} + e^{-\tau_{\nu}}[I_{\nu}(0) - S_{\nu}]$$

ФОРМИРОВАНИЕ СПЕКТРАЛЬНЫХ ЛИНИЙ



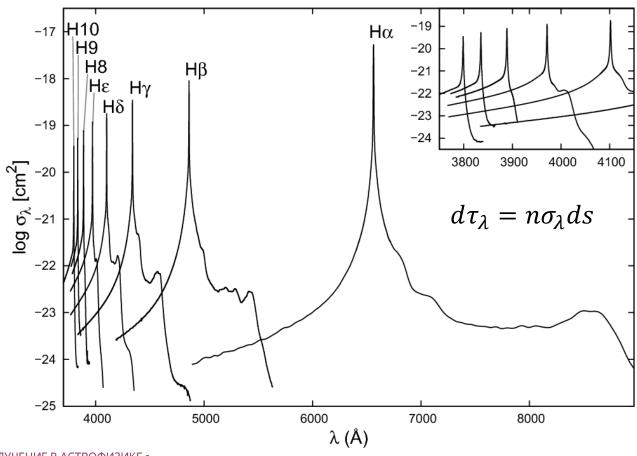


Функция источника ярче (горячее) входящей интенсивности: $S_{\nu} > I_{\nu}(0)$



$$I_{\nu}(\tau_{\nu}) = S_{\nu} + e^{-\tau_{\nu}}[I_{\nu}(0) - S_{\nu}]$$

СЕЧЕНИЕ ПОГЛОЩЕНИЯ



Коэффициент поглощения не постоянен и около выделенных энергий имеет максимум (линии). И конечную ширину.

$$P_v(v) \propto v^2 \exp(-v^2)$$

$$P_{\lambda}(\lambda) \sim N\left(\lambda_0, \lambda_0 \sqrt{\frac{\xi kT}{mc^2}}\right)$$

Full Width Half Maximum:

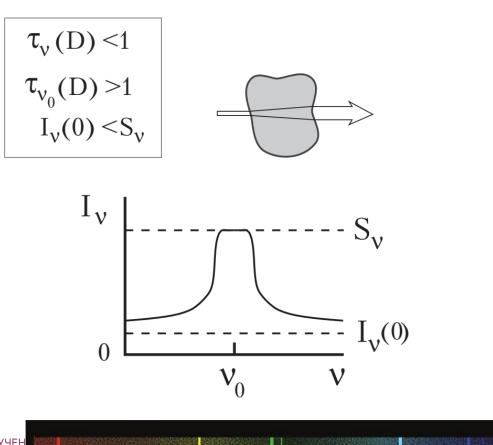
$$FWHM = 2\sqrt{2 \ln 2} s_{\lambda}$$

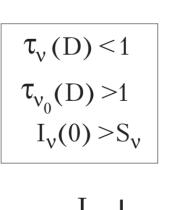
-- доплеровское, тепловое уширение

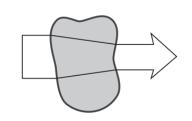
$$P_{\lambda}(\lambda) \propto (\lambda - \lambda_0)^{-2}$$

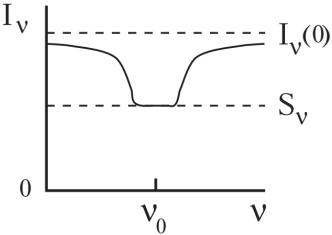
-- лоренцевское уширение

ФОРМИРОВАНИЕ ЛИНИЙ: С ПОДСВЕТКОЙ

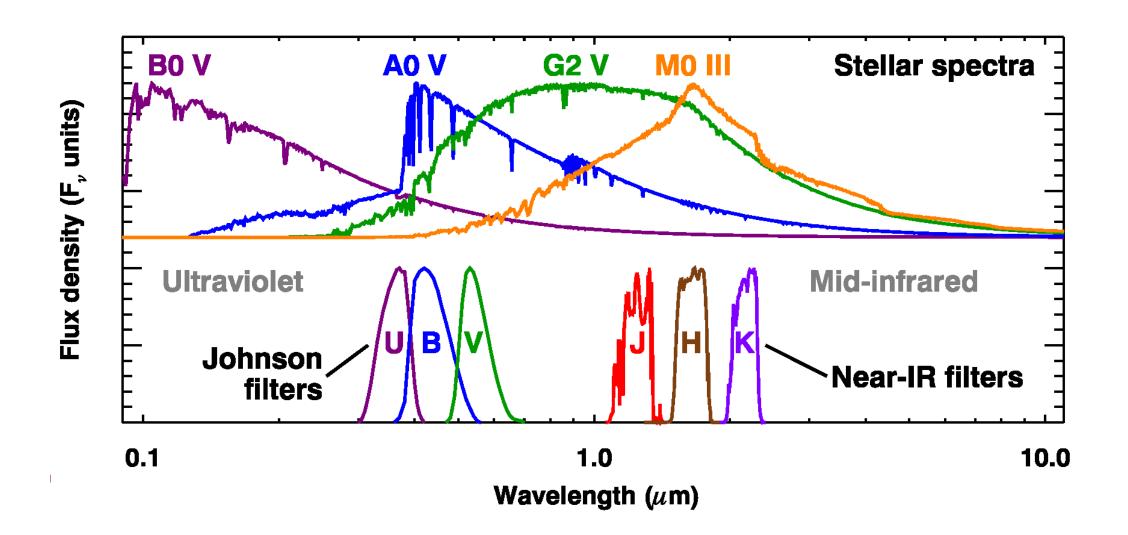




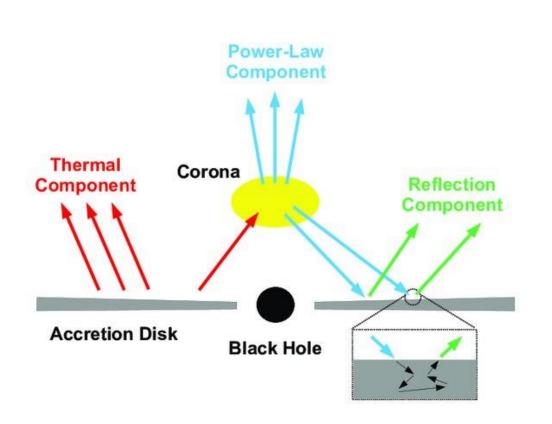


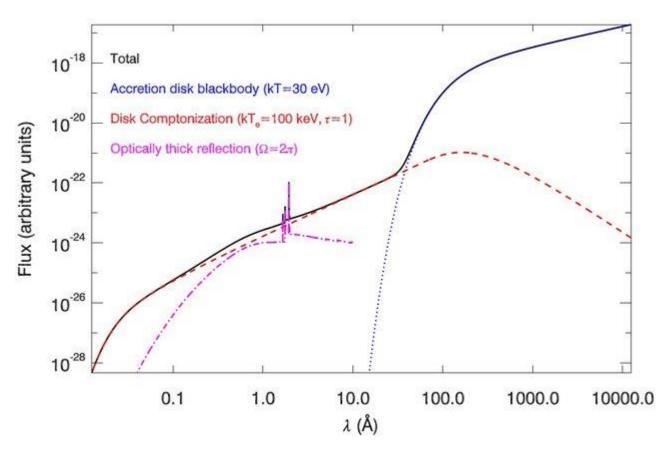


ЗВЁЗДЫ: ИТОГОВЫЕ СПЕКТРЫ



ТАКИЕ РАЗНЫЕ СПЕКТРЫ





ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1 42

ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ

Пусть планетарная туманность описывается как оптически тонкая нагретая оболочка радиуса R и толщины $\delta R = k \cdot R$, где k = 0.02. Во сколько раз наблюдаемая поверхностная яркость этой туманности вблизи её центра меньше чем поверхностная яркость её границы? Наличием центрального компактного остатка пренебрегаем.



ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИКЕ 1 44