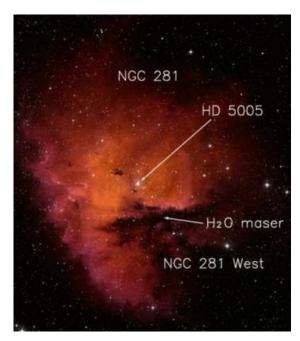
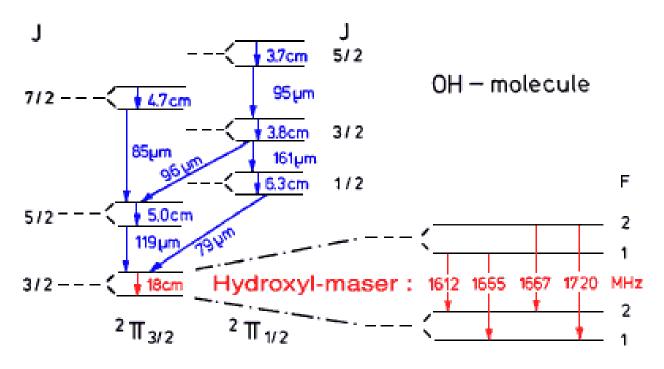
ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ 4

В некоторых областях звездобразования наблюдаются компактные источники когерентного радиоизлучения **-- мазеры**. Мазерное излучение молекулы гидроксила (**OH**) на длине волны $\lambda = 18$ см – одно из самых часто наблюдаемых. Конкретно, мазерное излучение наблюдается в виде нескольких эмиссионных линий в спектре источника.



Область звездообразования NGC 281 с излуотмеченной докализацией водяного мазера. arXiv:0806.4635



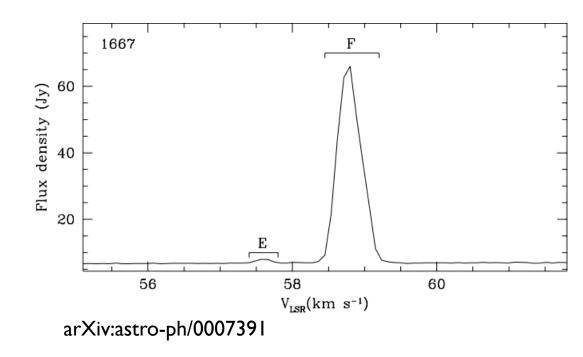
https://laserstars.org/history/hydroxyl.html

ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ 4

Максимум плотности потока излучения в одной из линий OH ($\nu=1667~{\rm M}\Gamma{\rm ц}$) от мазерного источника OH34.26+0.15 равен $F_{\nu}\approx 65~{\rm Shckux}.$

При этом, нижний предел яркостной температуры этого излучения, оценённый из РСДБ-наблюдений $T_{b.\mathrm{min}} = 6 \times 10^{12} \ \mathrm{K}.$

Зная, что расстояние до OH34.26+0.15 равно $d=3.8~{\rm kpc}$, а FWHM данной спектральной линии (в терминах лучевой скорости) составляет $\Delta V=0.5~{\rm km/c}$, оцените:



- а) Реальную физическую температуру T внутри этого источника в Кельвинах (считая, что уширение линии имеет чисто доплеровскую природу);
- б) Размер этого источника R в астрономических единицах, считая его сферически симметричным, а его излучение изотропным.

ИЗЛУЧЕНИЕ В АСТРОФИЗИК

Подсказка: адекватно выбранное одно из двух приближений функции Планка существенно упростит расчёты. Доплеровским смещением мазерной линии за счёт движения источника можно пренебречь.

РЕШЕНИЕ ДОМАШНЕГО ЗАДАНИЯ 4: (А)

а) Если конечная ширина линии мазерного источника имеет чисто доплеровскую природу, то она равна

$$\frac{\Delta v}{v} = \frac{\Delta V}{c} = \frac{2\sqrt{2 \ln 2}}{c} \sqrt{\frac{\xi k_{\rm B} T}{m}},$$

где $\Delta V = {\rm FWHM}$ — полная ширина линии на половине интенсивности в терминах скорости, c — скорости света, $k_{\rm B}$ -- постоянная Больцмана,m — масса частицы ($m\approx 17m_p$ для ${\rm OH}$), а константа ξ равна 6 для двухатомной молекулы (с учётом колебательной степени свободы). Отсюда температура T выражается как:

$$T = \frac{\Delta V^2 m}{8\xi k_{\rm B} \ln 2} \approx 15 \text{ K}$$

РЕШЕНИЕ ДОМАШНЕГО ЗАДАНИЯ 4: (Б)

б) Интенсивность излучения сферического, изотропного источника на заданной частоте связана с плотностью потока от него как:

$$I_{\nu} = F_{\nu} \cdot \left(\frac{d^2}{\pi R^2}\right),$$

где $\frac{\pi R^2}{d^2} = \Omega$ — телесный угол, который стягивает источник на небе. Поскольку речь идёт о наблюдении на длине волны в 18 см, а максимум излучения планковской кривой с температурой $6 \cdot 10^{12}$ К лежит на существенно меньших длинах волн, то в задаче логично воспользоваться приближением Рэлея-Джинса для выражения яркостной температуры. Таким образом интенсивность мазерного излучения:

$$I_{\nu} = F_{\nu} \left(\frac{d^2}{\pi R^2} \right) = \frac{2\nu^2}{c^2} k_{\rm B} T_b$$

Откуда окончательно получаем:

$$R = \left(\frac{1}{2\pi} \frac{F_{\nu} d^2}{k_{\rm B} T_b} \frac{c^2}{\nu^2}\right)^{1/2} \approx 7.47 \times 10^{13} \text{ cm} \approx 5 \text{ a. e.}$$