## Índice general

## I. Métodos Generales de la Dinámica

1.	Prir	ncipios de la Mecánica	1.1	
	1.1.	La Mecánica como Teoría Científica	1.1	
	1.2.	Sistemas de Referencia; Espacio y Tiempo	1.5	
	1.3.	Principio de la Relatividad de Galileo	1.6	
	1.4.	Las Leyes de Newton	1.8	
	1.5.	Conceptos de Masa y Fuerza		
	1.6. La Ley de la Gravitación Universal			
		1.6.1. Masa Gravitatoria y Masa Inerte	1.17	
2.	Dinámica de la Partícula			
	2.1.	Principios y Teoremas Generales	2.2	
		2.1.1. Cantidad de Movimiento	2.2	
		2.1.2. Momento Cinético	2.3	
		2.1.3. Energía Cinética	2.5	
	2.2.	Expresiones de Velocidad y Aceleración	2.11	
		2.2.1. Coordenadas Cartesianas	2.11	
		2.2.2. Coordenadas Cilíndricas / Polares	2.12	
		2.2.3. Coordenadas Esféricas	2.13	
		2.2.4. Triedro Intrínseco	2.14	
	2.3.	Movimiento de una Partícula Libre	2.17	
		2.3.1. Proyectil Pesado en el Vacío	2.17	
		2.3.2. Proyectil Pesado en Medio Resistente	2.20	
	2.4.	Movimiento de una Partícula sobre una Curva	2.24	
	2.5.	Movimiento de una Partícula sobre una Superficie	2.30	
	2.6.	Problemas propuestos	2.33	
3.	Oscilaciones Lineales con 1 Grado de Libertad			
	3.1.	El Oscilador Armónico Simple	3.2	

		3.1.1.	Ecuación del Movimiento	3.2
		3.1.2.	Energía	3.3
		3.1.3.	Integración de la Ecuación	3.4
	3.2.		ciones en 2 Dimensiones	3.6
	3.3.	Oscilad	ciones con amortiguamiento	3.9
		3.3.1.	Ecuación del movimiento	3.9
		3.3.2.	Integración de la ecuación	3.10
	3.4.	Oscilad	ciones Forzadas	3.14
		3.4.1.	Ecuación del movimiento	3.14
		3.4.2.	Integración de la ecuación	3.16
	3.5.		ficación dinámica y resonancia	3.20
	3.6.		oacio de las Fases	3.26
	3.7.	Anális	is mediante Series de Fourier	3.29
		3.7.1.	Carácter Lineal de las Ecuaciones	3.30
		3.7.2.	Análisis de Series de Armónicos	3.31
		3.7.3.	Desarrollo en Serie de Fourier	3.31
	3.8.	Anális	is de Transitorios mediante la Función de Green	3.34
		3.8.1.	Respuesta a una Función Impulso	3.34
		3.8.2.	Análisis de Transitorios para una Excitación Arbitraria	3.36
	3.9.	Métod	los Numéricos para Integración Directa	3.37
		3.9.1.	Método de Euler	3.38
		3.9.2.	Método de Runge-Kutta	3.39
	3.10.	Proble	emas propuestos	3.41
4.	Cine	mátic	a de Sistemas Rígidos	4.1
4.			ación de Vectores en Sistemas Móviles	4.1
	4.2.		dad y Aceleración en Sistemas Móviles	4.7
	4.2.		o de Velocidades del Sólido Rígido	4.7
	4.5.	_	<u> </u>	4.11
			9	4.11
	4.4.			4.16
	4.5.	_		4.18
	4.0.		Composición del Movimiento de 2 Sistemas	4.18
		4.5.1.	Composición del Movimiento de <i>n</i> Sistemas	4.18
		4.5.3.	Movimiento de Sólidos Tangentes	4.21
	4.6.		niento Plano	4.25
	T.U.	4.6.1.	Centro Instantáneo de Rotación	4.26
		4.6.2.	Curvas Polares	4.26
		4.6.3.	Aceleraciones	4.28
	4.7.		emas propuestos	4.20
	T.1.	TIONIC		T.03

<b>5.</b>	Fue	rzas C	entrales y Órbitas Gravitatorias	5.1
	5.1.	Reduc	ción del Sistema Binario	5.1
		5.1.1.	Sistema Binario Gravitatorio	5.4
	5.2.	Movin	niento bajo Fuerzas centrales	5.6
		5.2.1.	Propiedades del Movimiento	5.6
		5.2.2.	Ecuaciones del Movimiento	5.7
		5.2.3.	Fórmula de Binet	5.9
	5.3.	Órbita	as Gravitatorias	5.10
	5.4.	Energi	ía de las órbitas gravitatorias	5.14
		5.4.1.	Potencial Efectivo	5.19
	5.5.	Leyes	de Kepler	5.21
	5.6.	Ecuac	iones Horarias	5.23
		5.6.1.	Trayectoria elíptica	5.23
		5.6.2.	Movimiento hiperbólico	5.25
		5.6.3.	Movimiento parabólico	5.26
	5.7.	Estudi	io del Sistema Ternario	5.27
		5.7.1.	Planteamiento de las Ecuaciones	5.28
		5.7.2.	Movimiento Alineado	5.29
		5.7.3.	Movimiento Equilátero	5.30
	5.8.	Proble	emas propuestos	5.32
6.	Teoremas Generales de Dinámica de Sistemas.			
	6.1.	Morfo	logía de los Sistemas	6.1
		6.1.1.	Sistema mecánico	6.2
		6.1.2.	Fuerzas	6.2
		6.1.3.	Enlaces	6.3
	6.2.	Princi	pios y Teoremas de la Dinámica de Newton-Euler	6.9
		6.2.1.	Principio de la Cantidad de Movimiento	6.9
		6.2.2.	Principio del Momento Cinético	6.12
		6.2.3.	Teorema de la Energía Cinética	6.15
		6.2.4.	Teorema del Virial	6.20
	6.3.	El Sist	tema del Centro de Masas	6.22
		6.3.1.	Cantidad de movimiento	6.23
		6.3.2.	Momento cinético	6.23
		6.3.3.	Energía cinética	6.26
		6.3.4.	Aplicación: sólidos rígidos con movimiento plano	6.27
		6.3.5.	Constantes del Movimiento en Sistemas Aislados	6.36
	6.4.	Traba	jos Virtuales	6.37
		6.4.1.	El Principio de los Trabajos Virtuales	6.39
		6.4.2.	El Principio de D'Alembert	6.40

	6.5.	Dinán	nica en Sistemas no Inerciales	6.44
		6.5.1.	Dinámica de la Partícula	6.44
		6.5.2.	Dinámica de Sistemas de varias Partículas	6.46
		6.5.3.	Ejes Ligados a la Superficie de la Tierra	6.47
	6.6.	Sistem	nas de masa variable	6.53
		6.6.1.	Sistema puntual: ecuación fundamental	6.53
		6.6.2.	Sistema con masa distribuida	6.54
		6.6.3.	Aplicaciones	6.56
	6.7.	Proble	emas propuestos	6.59
7.	Din	ámica	Analítica	7.1
	7.1.	Coord	enadas Generalizadas	7.2
	7.2.	Ecuac	iones de Lagrange	7.5
		7.2.1.	El Principio de D'Alembert en Coordenadas Genera-	
			lizadas	7.5
		7.2.2.	Forma básica de las Ecuaciones de Lagrange	7.8
		7.2.3.	Caso en que las fuerzas provienen de un potencial.	
			Función Lagrangiana	7.9
		7.2.4.	Desarrollo explícito de las ecuaciones del movimiento	7.16
		7.2.5.	Integrales Primeras	7.18
		7.2.6.	Teorema de Noether	7.23
		7.2.7.	Sistemas naturales	7.24
		7.2.8.	Sistemas Giroscópicos	7.26
	7.3.		cial dependiente de la velocidad	7.29
	7.4.		nas con Ligaduras	7.32
		7.4.1.	Método de los Multiplicadores de Lagrange	7.33
	7.5.		ucción al Cálculo de Variaciones	7.38
		7.5.1.		7.38
			El Problema Fundamental del Cálculo de Variaciones	7.39
	7.6.		ncipio de Hamilton	7.43
		7.6.1.	Las Ecuaciones de Lagrange a Partir del Principio de Hamilton	7.44
		7.6.2.	Generalización del principio de Hamilton	7.45
	7.7.	La Di	námica a Partir del Principio de Hamilton	7.47
		7.7.1.	Estructura de la Función Lagrangiana	7.48
		7.7.2.	Teoremas de Conservación	7.51
	7.8	Proble	emas propilestos	7 54

A.1. Escalares, puntos y vectores	A. Resumen de álgebra vectorial y tensorial					
A.3. Bases y coordenadas A.2 A.4. Tensores de orden dos A.3 A.5. Cambio de base A.5 A.6. Operaciones y clases especiales de tensores A.7 A.7. Cambio de coordenadas de un tensor A.7 A.8. Coeficientes de permutación A.8 A.9. Forma cuadrática asociada a un tensor A.8 A.10. Vector axial asociado a un tensor hemisimétrico A.9	A.1. Escalares, puntos y vectores	. A.1				
A.4. Tensores de orden dos	A.2. Producto escalar y vectorial	. A.2				
A.5. Cambio de base	A.3. Bases y coordenadas	. A.2				
A.6. Operaciones y clases especiales de tensores	A.4. Tensores de orden dos	. A.3				
A.7. Cambio de coordenadas de un tensor	A.5. Cambio de base	. A.5				
A.8. Coeficientes de permutación	A.6. Operaciones y clases especiales de tensores	. A.7				
A.9. Forma cuadrática asociada a un tensor	A.7. Cambio de coordenadas de un tensor	. A.7				
A.10. Vector axial asociado a un tensor hemisimétrico A.9	A.8. Coeficientes de permutación	. A.8				
	A.9. Forma cuadrática asociada a un tensor	. A.8				
A.11.Traza y determinante	A.10. Vector axial asociado a un tensor hemisimétrico	. A.9				
	A.11.Traza y determinante	. A.10				